



## بررسی اثربخشی آگاهی واجی بر دانش ریاضی دانشآموزان دختر

الهام ضیابی<sup>۱</sup>

اعظم استاجی<sup>۲</sup>

عطیه کامیابی‌گل<sup>۳</sup>

مقاله پژوهشی

### چکیده

در این مقاله تأثیر آموزش آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانشآموزان پایه دوم دبستان مورد بررسی قرار می‌گیرد. از بین دانشآموزان دختر پایه دوم دبستان شهر قوچان با میانگین سنی ۷۶ سال تعداد ۱۴۰ نفر انتخاب شدند که ۷۰ نفر به عنوان گروه گواه و ۷۰ نفر به عنوان گروه آزمایش مورد بررسی قرار گرفتند. بر اساس آزمون آگاهی واجی دستجردی کاظمی و سلیمانی و آزمون ریاضی معلم‌ساخته بر مبنای آزمون استاندارد کی‌مث، از هر دو گروه هم در مهارت آگاهی واجی و هم ریاضی پیش‌آزمون به عمل آمد. سپس گروه آزمایش طی ۱۰ جلسه ۳۰ دقیقه‌ای در معرض آموزش آگاهی واجی قرار گرفت. در نهایت پس از یک وقفه زمانی، مجدداً پس آزمون برگزار شد. نتایج نشان می‌دهد که آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانشآموزان دختر پایه دوم تأثیر معنی‌داری دارد که همراستا با پژوهش‌های انجام شده در این زمینه است. اجرای آزمون آگاهی واجی با در نظر گرفتن گروه سنی آن را از سایر پژوهش‌ها متفاوت می‌سازد.

**کلیدواژه‌ها:** آگاهی واجی، آزمون ریاضی کی‌مث، آزمون آگاهی واجی، خردمندی مؤلفه.

✉ elhamziyayi@yahoo.com

۱- دانشجوی دکتری تخصصی زبان‌شناسی همگانی، دانشگاه فردوسی، مشهد، ایران

✉ estagi@um.ac.ir

۲- دانشیار گروه تخصصی زبان‌شناسی همگانی، دانشگاه فردوسی، دانشکده ادبیات و علوم انسانی، مشهد، ایران\*

✉ kamyabigol@um.ac.ir

۳- استادیار گروه زبان و ادبیات فارسی، دانشگاه فردوسی، دانشکده ادبیات و علوم انسانی، مشهد، ایران

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۱۱/۱۸

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۷/۱۶

شناسه دیجیتال (DOI): 10.22084/RJHLL.2024.28394.2289

**۱- مقدمه**

آگاهی واج‌شناختی، آگاهی بر ساختمان آوایی، واجی و هجایی کلمات است. به عبارت دیگر، آگاهی واج‌شناختی یعنی دانستن این که یک کلمه از چند هجا تشکیل شده است و یا اولین آوای تشکیل‌دهنده آن چیست؟ این آگاهی و وقوف به این مهارت خوانداری می‌انجامد که میان کلمات نوشته شده و گفته شده رابطه‌ای وجود دارد» (دستجردی کاظمی و سلیمانی، ۱۳۸۵: ۹۵۴-۹۳۱). به عبارت دیگر، ثمره پیشرفت در خواندن و نوشن، ایجاد آگاهی واج‌شناختی است که تبحر در آن به نوبه خود باعث رشد سایر مهارت‌ها می‌شود. تحقیقات زیادی نشان داده که آگاهی واج‌شناختی یکی از مهم‌ترین پیش‌بینی‌کننده‌های یادگیری خواندن مبتدی است (ولودگران و ورهون، ۱۶۱: ۲۰۰۹).

آگاهی واج‌شناختی شامل سه مؤلفه آگاهی هجایی، آگاهی درون‌هجایی و آگاهی واجی است (دستجردی کاظمی و سلیمانی، ۹: ۱۳۸۹) که در سنین اوایله رشد گفتاری زبان شروع به شکل‌گیری می‌کند و به تدریج رشد و پیشرفت می‌نماید (فریار و رخسان، ۱۳۸۵: ۳۸).

از طرفی، ریاضی از جمله مهارت‌های اساسی است که ضعف در درک آن بهشدت عملکرد را نه تنها در مدرسه بلکه در زندگی روزمره نیز مختل می‌کند. یادگیری موفقیت‌آمیز ریاضی در مراحل نخست تحصیلی برای کسب مهارت‌های پیشرفته‌تر ضروری بهنظر می‌رسد (پلیسیونی و دیگران<sup>۱</sup>: ۲۰۱۹). نتایج پژوهش‌های اخیر نیز نشان داده که ۷ درصد کودکان در سنین مدرسه‌ای از نقص شناختی یا عصب‌روان‌شناختی رنج می‌برند که با فراغیری مهارت ریاضی، مشکل کاهش پیدا می‌کند (گیری، ۱۹۹۳: ۳۴۵).

علاوه بر این، برخی مطالعات عصب‌شناسی شواهدی را پیدا کرده‌اند که حاکی از آن است ریاضی و واج‌شناختی نواحی متفاوتی را در شکنجه پیشانی<sup>۲</sup> چپ درگیر می‌کنند (بوث و دیگران<sup>۳</sup>: ۲۰۰۲؛ روتزر<sup>۴</sup> و دیگران، ۲۰۰۹؛ دهائی و دیگران<sup>۵</sup>: ۲۰۰۳؛ پرادو<sup>۶</sup> و دیگران، ۲۰۱۱). برخی نیز شواهدی را از همپوشانی فعال‌سازی مغز برای ریاضی و واج‌شناختی در این ناحیه گزارش کرده‌اند (سیمون و دیگران<sup>۷</sup>: ۲۰۰۲؛ پولاک و اشباوی<sup>۸</sup>: ۲۰۱۸؛ اسمیت و دیگران<sup>۹</sup>: ۲۰۱۰).

به عبارت دیگر، یافته‌های علم عصب‌شناسی حاکی از این است که بین پردازش واجی و ریاضی همبستگی‌های عصب‌شناسی وجود دارد. مطالعات تصویربرداری عصبی ارتباط نزدیک بین پردازش واجی و بازیابی داده‌های

- 
1. Vloedgraven & Verhoeven
  2. Pellicioni et al
  3. Geary
  4. Frontal gyrus
  5. Booth et al
  6. Rotzer et al
  7. Dehaene et al
  8. Prado et al
  9. Simon et al
  10. Pollacka & Ashby
  11. De Smedt et al

ریاضی را نشان می‌دهند (پرادو و دیگران، ۲۰۱۱؛ سیمون و دیگران، ۲۰۰۲). بهویژه این پژوهش‌ها نشان داده‌اند که حل مسأله ریاضی نواحی از مغز را درگیر می‌کند که با پردازش زبانی مرتبط‌اند (پولاک و اشبای، ۲۰۱۸). تحلیل‌های دیگری نیز نشان می‌دهد که مسأله‌های ریاضی که با بازخوانی مطالب حل می‌شوند نسبت به مسأله‌هایی که با راهبردهای حل مسأله فرایندی حل می‌شوند، ارتباط بیشتری با آگاهی واجی دارند (بال و جانسون<sup>۱</sup>، ۱۹۹۷: ۱-۲۴). همچنین آگاهی واجی می‌تواند نقش عمده‌ای در ارتباط با خواندن و پردازش ریاضی ایفا کند. به این صورت که هر دو توانایی، منجر به فعال‌سازی قشر چپ مغز می‌شوند بهطوری که هم خواندن و هم ریاضی با نواحی کرتکس تمپروپریتال<sup>۲</sup> چپ مثل شیار زاویه‌ای<sup>۳</sup> و فوق‌حاشیه‌ای<sup>۴</sup> چپ مرتبط‌اند. کرتکس تمپروپریتال موقع خواندن نواژه‌ها در مقابل واژگان واقعی فعال‌تر است و به‌نظر می‌رسد این مجموعه دستخوش رمزگشایی واجی یا نگاشت نویسه‌ها به واج باشد که در نظام‌های الفبایی برای خواندن ضروری است (ایوانز و دیگران<sup>۵</sup>، ۲۰۱۴: ۶۴۴-۶۵۲). لذا بین خواندن و فعال‌سازی شیار زاویه‌ای چپ در کودکان ارتباط محکم وجود دارد. بهطوری که مطالعات تصویربرداری عصبی نشان می‌دهد که شیار زاویه‌ای چپ با عملیات خاصی مانند ضرب مرتبط است. چون عملیات ضرب فرایندی است که با بازخوانی از حافظه بلندمدت و بر مبنای کدهای گفتاری انجام می‌شود (بوث و دیگران، ۲۰۰۲: ۲۲-۷). علاوه بر این، به‌نظر می‌رسد که تکالیف آگاهی واجی برای پیش‌بینی تفاوت‌های فردی در عملکرد ریاضی پیش‌بینی کننده خوبی باشند؛ بهطوری که همان حافظه فعالی که برای حل مسائل ریاضی به کار می‌رود برای انجام تکالیف واجی نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد (پاسولونگی و دیگران<sup>۶</sup>، ۱۸۴-۱۶۵: ۲۰۰۷). بدین مفهوم که برای انجام تکالیف واجی باید بازنمایی صحیحی از واج‌های کلمه، رمزگشایی و در حافظه واجی ذخیره شود. در حل مسائل ریاضی نیز واژه‌ها و عملیات به رمزهای گفتاری تبدیل می‌شود (آلیالی و دیرسو<sup>۷</sup>، ۱۹۹۹: ۳۷-۵۶). لذا بازنمایی واج‌شناختی صحیح از واژه‌ها، ذخیره آنها در حافظه واج‌شناختی و پردازش آنها با راهبردهای خاصی منجر به درک بهتر می‌شود چرا که فرد برای حل مسائل ریاضی از راهبردهایی استفاده می‌کند که نظام واج‌شناختی را به کار می‌گیرد. به عنوان مثال برخی پژوهشگران نظیر گیری (۱۹۹۳) معتقد‌ند که وقتی کودکان راهبردهای شمردن را برای حل مسأله‌های ریاضی به کار می‌برند کدهای واجی را برای کلمات عددی بازیابی می‌کنند و مسأله را در حافظه کاری نگه می‌دارند (симونز و سینگلتون، ۲۰۰۸: ۸۰). به‌طور کلی وقتی کودکان برای اولین بار با یک مسأله ریاضی (مثل  $x+2=8$ ) روبرو می‌شوند از آگاهی واجی و حافظه واجی برای تشخیص نمادها و راهبردهای شمردن برای حل مسأله کمک می‌گیرند و با برخورد مداوم با آن مسأله رفتارهای راه حل به ذهن سپرده می‌شود (اسپیناس و

- 
1. Bull & Johnston
  2. Temporoparietal cortex
  3. Angular gyrus
  4. supramarginal
  5. Evans
  6. Passolunghi et al
  7. Alibali & DiRusso

فاتحژ<sup>۱</sup>، ۲۰۲۲: ۷۰). از طرفی، توانایی حلقه واجی<sup>۲</sup> بر توانایی کودکان برای پاسخ درست سؤالات ریاضی و در نتیجه ذخیره‌سازی داده‌های عددی تأثیر می‌گذارد. توانایی بازیابی سریع کدهای واجی بر سرعت شمردن (که به نوبه خود بر توانایی ریاضی تأثیر می‌گذارد) و توانایی بازیابی سریع داده‌های عددی اثر دارد. همچنین مسأله‌های ریاضی که در قالب کلمه‌اند (مسأله‌های کلمه‌ای) صورتی از متن هستند که رمزگشایی و درک متن در آن‌ها مبتنی بر نظام واجی است. لذا به‌نظر می‌رسد که آگاهی واجی با عملکرد ریاضی مرتبط است. همچنین در جریان حل مسأله‌ای که با محاسبات ریاضی سروکار دارد کودک بایستی بازنمایی‌های واجی دقیق عبارات و اپراتورها را در حافظه واجی رمزگشایی و نگهداری کند در حالی که باید هم‌زمان روی اطلاعاتی که با راهبردهای انتخاب، اجراء، مانیتورینگ و کنترل برای حل مسأله به کار می‌روند، کنترل داشته باشد (هتج و دیگران، ۲۰۰۱: ۱۹۵). داده‌های ریاضی با راهبردهای مختلفی نظیر محاسبات یا بازیابی پاسخ از حافظه حل می‌شوند. به‌نظر می‌رسد مسأله‌های جمع و ضرب در مقیاس کوچک با بازیابی اطلاعات از حافظه و مسأله‌های تفیریک با انجام عملیات محاسبات حل می‌شوند (باروایلت<sup>۳</sup> و دیگران، ۲۰۰۸: ۲۳۵). داده‌های ریاضی که با بازیابی حل می‌شوند با راهبردهای کلامی آموخته می‌شوند، به‌صورت کدهای کلامی ذخیره می‌شوند و با فرایندهای شناختی و عصبی که زبان را دربر می‌گیرند مثل پردازش واجی، مرتبطاند (دهائی و دیگران، ۲۰۰۳: ۴۸۸).

بدین ترتیب به‌نظر می‌رسد با توجه به این که هدف پژوهش حاضر بررسی اثربخشی آموزش مهارت آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانش‌آموزان پایه دوم دبستان است و از طرفی تا جایی که نگارنده اطلاع دارد تاکنون در زمینه تأثیر آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی در ایران پژوهش چندانی انجام نشده است و تنها پژوهش انجام‌شده در این زمینه به بررسی ارتباط و همبستگی بین مهارت آگاهی واجی و عملکرد ریاضی دانش‌آموزان پایه اول دبستان پرداخته است که در سال ۱۳۹۰ توسط ترابی‌پور و دیگران انجام شده است، لذا در زبان فارسی این خلاً پژوهشی همچنان حس می‌شود. این در حالی است که نتایج و دستاوردهای چنین پژوهشی می‌تواند برای دانش‌آموزان، دست‌اندرکاران حوزه آموزش و پرورش و معلمان بسیار کاربردی و مفید باشد. چرا که در صورت شناسایی کودکانی با مشکل آگاهی واجی، مداخله زودهنگام می‌تواند کمک شایانی به مسیر یادگیری، افزایش انگیزه و اعتماد به نفس کودکان کند. نتایج این پژوهش می‌تواند در کلینیک‌های روان‌شناسی و مدارس برای کمک به دانش‌آموزانی که دچار ناتوانی‌های یادگیری هستند مورد استفاده قرار گیرد. علاوه بر این، از نتایج این پژوهش می‌توان برای آموزش آگاهی واجی در مراکز اختلال یادگیری بهره برد که خلاً آن حداقل در مرکز اختلال یادگیری شهرستان قوچان کاملاً ملموس است. از نتایج این پژوهش می‌توان در پژوهش‌های آتی جهت درمان کودکان مبتلا به اختلالات خواندن نیز استفاده کرد. از طرفی، درک عمیق ارتباط بین مهارت‌های زبانی و عملکرد ریاضی کودکان برای به‌دست دادن دیدگاه نظری و راهنمای عملی در مورد چگونگی حمایت بهتر از رشد ریاضی کودکان لازم است. با توجه به این که آموزش آگاهی واجی موجبات

1. Espinas & Fuchs

2. Phonological loop

3. Barrouillet, Mignon & Thevenot

یادگیری عمیق و مفهومی را فراهم می‌کند لذا از نتایج آن می‌توان در سایر حوزه‌ها نظری علوم، مطالعات و غیره نیز استفاده کرد.

## ۲- چهارچوب نظری

### ۲-۱- آگاهی واج‌شناختی

آگاهی واج‌شناختی مستلزم این است که فرد بتواند کلمات را به هجا تقسیم کند و بین حرف و صدا ارتباط برقرار کند تا بتواند مهارت زبان گفتاری را کسب نماید. در واقع، آگاهی واج‌شناختی شامل مهارت‌هایی نظری تشخیص کلماتی با صدای آغازین یکسان مانند «سیب و سیر» و یا تشخیص کلماتی با صدای پایانی یکسان نظری «موش و گوش»، تشخیص صدای اول و پایانی کلمه و تغییر بافت آوایی کلمه با اضافه کردن یا حذف صدایی خاص است (دستجردی کاظمی و سلیمانی، ۱۳۸۵: ۹۵۴-۹۳۱). آگاهی واج‌شناختی توانایی آگاهانه برای شناسایی و دستکاری ذهنی صدای زبانی گفتاری است که در سال‌های نخست تحصیلی برای کسب مهارت سوادآموزی ضروری به نظر می‌رسد. آگاهی واج‌شناختی قابلیت و ظرفیت فرد برای تفکر و اندیشه‌یدن در مورد ساختار صوتی زبان گفتاری است. به لحاظ سنتی، آگاهی واج‌شناختی توانایی فرد برای شناسایی و به کارگیری گستره‌ای از صدایا در جریان سخن گفتن است (هیسمان‌گلو، ۲۰۱۲: ۶۳۹-۶۴۵).

مهارت آگاهی واج‌شناختی مهارت به کارگیری قافیه، تجانس، ترکیب، تقطیع، جانشینی و واژگون‌سازی یا همان جابه‌جایی را دربرمی‌گیرد که توانمندی وقوف و آگاهی به ساختمان آوایی، واژی و هجایی کلمات را به دانش‌آموzan منتقل می‌کند (هاوس و دیگران، ۲۰۱۵: ۴۶۰-۴۶۸).

همان طور که پیش‌تر اشاره شد، آگاهی واج‌شناختی از سه بخش آگاهی هجایی، آگاهی درون‌هجایی و آگاهی واژی تشکیل شده است که هر بخش، زیربخش‌هایی را شامل می‌شود. در جدول زیر، زیربخش‌های آگاهی واج‌شناختی نشان داده شده است:

جدول ۱: زیربخش‌های آزمون آگاهی واژی (دستجردی کاظمی و سلیمانی، ۱۳۸۹: ۹)

۱- نقطیع هجا	آگاهی هجایی
۲- تشخیص تجانس	آگاهی درون‌هجایی
۳- تشخیص قافیه	
۴- ترکیب واژی	
۵- شناسایی کلمات دارای واج آغازین یکسان	
۶- شناسایی کلمات دارای واج پایانی یکسان	آگاهی واژی
۷- نقطیع واژی	

- |                             |  |
|-----------------------------|--|
| ۸- نامیدن و حذف واژ پایانی  |  |
| ۹- حذف واژ میانی            |  |
| ۱۰- نامیدن و حذف واژ آغازین |  |

بدین ترتیب بر اساس جدول (۱) می‌توان دریافت که آگاهی واژ‌شناختی<sup>۱</sup> و آگاهی واژی<sup>۲</sup> هر دو مفاهیمی هستند که مشتمل بر شناسایی و دستکاری اجزای زبانی گفتاری هستند. آگاهی واژ‌شناختی مفهومی وسیع‌تر از آگاهی واژی دارد (کارناین<sup>۳</sup> و دیگران، ۲۰۰۴: ۸۷). تورگسن<sup>۴</sup> معتقد است که آگاهی واژ‌شناختی حساسیت یا آگاهی صریح فرد از ساختارهای واژی کلمات زبان است که آشنایی فرد با شیوه‌های مختلف تقطیع و تعدیل واژه‌ها به اجزای کوچکتر را دربرمی‌گیرد. همان‌طور که در جدول فوق نیز اشاره شد، مهارت آگاهی واژ‌شناختی سه سطح دارد که این سطوح عبارتند از: سطح واژی (واژ کوچک‌ترین واحد آوایی ممیز معنایی است) (ون‌رایپر<sup>۵</sup>، ۱۹۹۵: ۵۲۲). سطح هجایی (هجا ترکیبی از واکه و همخوان است) و سطح درون‌هجایی (واحدهای کوچکتر از هجا را دربر می‌گیرد که شامل آغازه یعنی همخوانهای آغاز هجا (پیش از واکه) و قافیه شامل واکه و همخوانهای پایان هجا است) (هارلی<sup>۶</sup>، ۲۰۱۳: ۱۲۴).

آگاهی واژی پیچیده‌ترین سطح از سطوح سه‌گانه آگاهی واژ‌شناختی است که تا قبل از شروع سوادآموزی در کودک نمایان نمی‌شود (شوئل و بودرو، ۲۰۰۸: ۳-۲۰). لذا آگاهی واژی یک مهارت زبانی کلامی است که پیش‌شرط برای درک ارتباط بین واژ و حرف است (تورگسن و وگنر، ۱۹۹۸: ۲۲۲). به عبارت دیگر، آگاهی واژی مرحله‌ای از آگاهی واژ‌شناختی است که در آن فرد تشخیص می‌دهد زنجیره گفتار از توالی واژ‌ها تشکیل شده است. آگاهی واژی نقش بسیار مهمی در یادگیری خواندن ایفا می‌کند به‌طوری که هیچ شکل دیگری از آگاهی واژ‌شناختی (آگاهی هجایی و درون هجایی) چنین اهمیتی ندارد (گاسومی و برایانت، ۱۹۹۰: ۳).

### ۳- پیشینه پژوهش

در این بخش به بررسی پیشینه پژوهشی مطالعات انجام شده در زمینه ارتباط بین مهارت آگاهی واژی و داشت ریاضی پرداخته می‌شود.

- 
1. Phonemic awareness
  2. Phonological awareness
  3. Carnine, Silbert, Kameenui & Tarver
  4. Torgesen
  5. Van Riper
  6. Harley
  7. Schuele & Boudreau
  8. Torgesen & Wagner

**۱-۳- پژوهش‌های به انجام رسیده در خارج از ایران در حوزه مهارت آگاهی و احشناختی و ریاضیات** پژوهش‌های مختلفی رابطه رفتاری بین پردازش واجی و ریاضی را نشان می‌دهند. در زیر به مواردی از پژوهش‌های انجام شده اشاره می‌شود:

کوپونن<sup>۱</sup> و دیگران (۲۰۰۷) در پژوهش بلندمدت خود، همبستگی بین آگاهی واجی (تطابق صدای اولیه و نامگذاری صدای اولیه) و توانایی شمردن را نشان دادند. در این پژوهش بلندمدت، اهمیت معیارهای آگاهی واجی، حافظه کاری و توانش‌های کمی-عددی برای پیش‌بینی موفقیت ریاضی در پایه سوم (با میانگین سنی هشت سال و هشت ماه) در کودکان کودکستانی بررسی شد. این پژوهش‌گران اثر آگاهی واجی و حافظه کاری فضایی-دیداری که در سن پنج سالگی مورد ارزیابی قرار گرفته بود را با استفاده از توانش فضایی-دیداری مورد ارزیابی قرار دادند و دریافتند که توانش فضایی-دیداری موفقیت ریاضی آزمودنی‌ها را در پایه سوم پیش‌بینی می‌کند. نتایج حاکی از آن است که آگاهی واجی بر توانش‌های عددی بزرگ اثری نداشت اما توانش‌های عددی پایه را پیش‌بینی می‌کرد. این امر رابطه ضعیفی را بین رشد سواد اولیه و رشد توانش‌های ریاضی تبیین می‌کند. دسمیت و دیگران (۲۰۱۰) در پژوهشی روی ۳۷ کودک پایه چهارم و پنجم به بررسی ارتباط بین تفاوت‌های فردی در مهارت‌های ریاضی پرداختند و به این نتیجه دست یافتد که بر اساس تحلیل معادلات رگرسیون، آگاهی واجی با مسایل کوچک ریاضی مرتبط است چرا که شکنج زاویه‌ای<sup>۲</sup> چپ در بازیابی داده‌های ریاضی اثر دارد. با توجه به همپوشی بین آگاهی واجی و ریاضی در شکنج زاویه‌ای چپ داده‌های تصویربرداری عصبی پیش‌بینی می‌کنند که آگاهی واجی باید با مسایل کوچک مرتبط باشد چرا که یک عامل مهم برای تعیین عملکرد تکالیف آگاهی واجی است و بر کیفیت نمودهای واجی بلندمدت تأثیر دارد. علاوه بر این، ممکن است عملیات تکرقمی متکی به کدهای متفاوتی باشد. همچنین تحلیل‌های بیشتر نشان داد که مسئله‌هایی که از طریق بازیابی داده‌ها حل می‌شوند با آگاهی واجی همبستگی دارند اما مسئله‌هایی که با راهبردهای حل مسئله رویه‌ای حل می‌شوند چنین ارتباطی را نشان نمی‌دهند. این یافته‌ها حاکی از آن است که کیفیت بازنمایی واجی حافظه بلندمدت آزمودنی‌ها، تفاوت‌های فردی در ریاضی تکرقمی را نشان می‌دهد. به عبارت دیگر، بازنمایی‌های واجی بلندمدت با بازیابی داده‌های ریاضی مرتبط است.

در پژوهشی بلندمدت در سال ۲۰۱۵ که به بررسی رابطه زبانی با تکالیف ریاضی در کودکان پنج تا هفت ساله پرداخت در مرحله اول ۲۵۶ کودک با استفاده از تست‌های استاندارد برای ریاضی و مشکلات خواندن انتخاب شدند. آن‌هایی که نمره‌شان ۳۵ درصد یا کمتر از ۳۵ درصد در هر دو بُعد ریاضی و خواندن بود، به عنوان موارد دارای مشکل شناسایی شدند. از میان این ۱۱۵ کودک تعداد ۲۶ نفر مشکل ریاضی، ۳۲ نفر هم مشکل ریاضی و هم واجی، ۲۲ نفر مشکل واجی و ۳۵ نفر بدون مشکل بودند. این کودکان در چهار مرحله با وقفه شش ماهه با مجموعه‌ای از هفت تکلیف ریاضی مورد ارزیابی قرار گرفتند. تحلیل منحنی پیشرفت نشان داد که در تقابل با مطالعات قبلی که روی کودکان سنین بالاتر انجام شده بود، کودکانی با سنین پایین‌تر صرفاً با

1. Koponen

2. Angular gyrus

مشکل ریاضی و یا کودکانی هم با مشکل ریاضی و هم مشکل خواندن، الگوهای مشابه پیشافت را در همه تکالیف ریاضی نشان دادند. به طور کلی، مقایسه این گروههای چهارگانه با یکدیگر نشان داد که زبان صرفًا یک نقش واسط در اکثر تکالیف را دارد که این امر در مهارت‌های غیر کلامی، نقشی ثانویه محسوب می‌شود. شواهد همبستگی نشان داد که کودکان از گروههای مختلف می‌توانند ترکیبات مختلف راهبردهای کلامی و غیر کلامی را برای حل مسأله‌های ریاضی به کار بزنند (جردن و دیگران، ۲۰۱۵: ۱۱-۲۰).

در پژوهشی ۴۷۰ کودک بزرگی (۵۴/۳ درصد دختر) در رده سنی بین ۷ تا ۱۱ سال (با میانگین سنی ۸/۸۳) از پایه دوم تا چهارم به صورت مقطعی مورد بررسی قرار گرفتند. نمونه اولیه شامل ۵۳۸ کودک پایه‌های دوم تا چهارم بود که از بین دانش‌آموزان ده مدرسه دولتی در سال تحصیلی ۲۰۱۲ و ۲۰۱۷ انتخاب شده بودند. در نهایت ۴۷۰ کودک (۵۴/۳ درصد دختر) در رده سنی بین هفت تا ۱۱ سال مورد بررسی قرار گرفتند. کودکان در مدارس خود مورد ارزیابی قرار گرفتند. تکالیف در دو مرحله اجرا شدند: ارزیابی گروهی موفقیت در مدرسه (ریاضی و املاء) و هوش و ارزیابی عصب‌روان‌شناسی. توانایی آگاهی واجی، هوش، موفقیت‌های عمومی مدرسه<sup>۱</sup>، حافظه کاری کلامی و فضایی دیداری، خواندن تک‌کلمه و مقایسه بزرگی غیرسینه‌بیک مورد بررسی قرار گرفت. نتایج نشان داد که تکلیف حذف واجی اساساً از یک ساخت واحد تشکیل شده که روابی و دقت بالایی دارد. به طور کلی، تکلیف حذف واج ابزار مناسبی برای خواندن و مشکلات املایی بود. همچنین ابزار مناسبی برای تشخیص کودکانی با مشکلات یادگیری در پایه‌های پایین‌تر بود اما معیار قابل قبولی برای غربالگری مشکلات یادگیری ریاضی نیست (پریرا<sup>۲</sup> و دیگران، ۲۰۲۰: ۴۲۸-۴۱۳).

در پژوهشی روی ۸۸۵ کودک آلمانی‌زبان، پیش‌بینی کننده‌های اختصاصی حوزه‌های خواندن و ریاضی قبل از شروع آموزش رسمی و بعد از آن (در حدود ۸ ماه قبل و سپس دقیقاً در آغاز آموزش رسمی) مورد ارزیابی قرار گرفت. کودکان از ۲۵ مدرسه در پنج ایالت استرالیا از پایان دوره کودکستان تا پایه دوم بررسی شدند. در بهار قبل از ورود به پایه اول پیش‌بینی کننده‌های شناختی خواندن و ریاضی در ۶۳۸ کودک با میانگین سنی ۱۱/۵ ارزیابی شد. ۵۰ درصد آزمودنی‌ها دختر و ۵۶ درصد تک‌زبانه آلمانی بودند. در حدود هشت تا نه ماه بعد درست در آغاز پایه اول همین ارزیابی مجددًا با ۵۷۰ آزمودنی نمونه اولیه با میانگین سنی ۷/۶ که ۵۱ درصد دختر و ۵۷ درصد تک‌زبانه آلمانی بودند اجرا شد. در این مرحله ۲۴۷ کودک دیگر با میانگین سنی ۹/۶ که ۴۹ درصد دختر و ۴۷ درصد تک‌زبانه آلمانی که از همین مدارس بودند مورد بررسی قرار گرفتند. مهارت‌های خواندن و ریاضی در ابتدا و انتهای سال دوم تحصیلی اندازه‌گیری شد. دلیل اصلی برای حذف داده‌ها در پایه دوم، تعطیلی مدارس به دلیل پاندمی کرونا بود. متغیرهای پیش‌بینی کننده عبارت بودند از: پردازش واج-نویسه (آگاهی واجی، تشخیص حروف) به عنوان معیار توانایی کودکان برای پردازش واحد صدای واژگانی<sup>۳</sup> و نگاشت آن‌ها با سنبلهای دیداری خاص (یعنی حروف)، نامگذاری اتومات سریع<sup>۴</sup> که نشان‌دهنده روابط دیداری کلامی است و

1. general school achievement

2. Pereira

3. sublexical sound unit

4. Rapid automatized naming (RAN)

بازیابی پیاپی آن‌ها یک مؤلفه مهم هم در خواندن و هم در ریاضی است. دانش سیستم عددی (تشخیص عدد و دانش جانشینی<sup>۱</sup>) به عنوان شاخص مفاهیم سیستم کلمه عددی کودکان (یعنی قالب گفتاری کلمه) و اینکه چگونه با اعداد عربی تکرقمی و چندرقمی (یعنی کد عربی دیداری) نشان داده می‌شود و پردازش بزرگی (مقایسه بزرگی سنبلیک و غیرسنبلیک) که نشان دهنده پردازش بزرگی آنالوگ است و معیارهایی که خواندن و ریاضی را اندازه می‌گرفتند. عملکرد ریاضی در ابتدا و پایان پایه دوم تحصیلی ارزیابی شد. ارزیابی پیش‌بینی کننده‌های شناختی توسط مربی آموزش دیده انجام شد. همه تکالیف در قالب یک داستان با شخصیتی به نام «پولیدی»<sup>۲</sup> انجام شد که از کودکان می‌خواست برای پیدا کردن گنج مخفی به او کمک کنند. بعد از هر تکلیف بدون در نظر گرفتن عملکرد، کودک یک کلید نمادین دریافت می‌کرد که قفل در گنج را باز می‌کرد.

سؤالات پژوهش با چهار مدل معادلات ساختاری مورد بررسی قرار گرفت. پردازش واج-نویسه پیش‌بینی کننده خاص خواندن و پردازش بزرگی واریانس مختص ریاضی را تبیین کرد. نامگذاری اتمomas سریع واریانس را در هر دو حوزه تبیین کرد و همچنین واریانس خواندن را حتی بعد از کنترل ریاضی تبیین کرد. علاوه بر این، نامگذاری اتمomas سریع و دانش سیستم عددی واریانس را در مهارت‌های مشترک بین خواندن و ریاضی تبیین کردند. خواندن و ریاضی مؤلفه‌های شناختی حوزه خاص را دربرداشتند و هر دو مستلزم شبکه‌های دیداری، کلامی و اطلاعات معنایی بودند که با نامگذاری اتمomas سریع تبیین می‌شد (جبسل<sup>۳</sup> و دیگران، ۲۰۲۳).

### ۲-۳- پژوهش‌های به انجام رسیده در ایران در زمینه مهارت واج‌شناختی

بررسی تأثیر آموزش آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانش‌آموزان پایه دوم اهمیت بسیاری دارد چرا که همان‌طور که پیش‌تر اشاره شد، شناسایی کودکان با مشکل آگاهی واجی و مداخله زودهنگام می‌تواند کمک شایانی به مسیر یادگیری، افزایش انگیزه و اعتماد به نفس آنها کند. با این وجود پس از بررسی پایگاه‌های داخلی مشخص شد که تاکنون هیچ پژوهشی که دقیقاً به موضوع بررسی تأثیر مهارت آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی در ایران رسیدگی کرده باشد وجود ندارد و تنها پژوهشی که در این حوزه انجام شده پژوهش مربوط به ترابی‌پور و دیگران (۱۳۹۰) است که صرفاً به بررسی همبستگی پرداخته است. با این وجود در سایر حوزه‌ها نظریه آگاهی واج‌شناختی و ارتباطش با مهارت‌های خواندن، نوشتن و املاء هم در کودکان عادی و هم در کودکان اوتیسمی یا کودکانی که نقص دیسلکسیا دارند، پژوهش‌های بسیاری انجام شده است که در این بخش به اختصار به مواردی از آنها اشاره می‌شود:

ناجی و دیگران اثربخشی برنامه آموزشی حافظه‌فعال بر حافظه فعال واج‌شناختی و آگاهی واجی را به صورت نیمه‌آزمایشی با طرح پیش‌آزمون و پس‌آزمون و گروه گواه بر روی ۳۰ نفر دانش‌آموز نارساخوان مرآکر ناتوانی یادگیری شهر تهران در پایه‌های دوم و سوم تحصیلی مورد بررسی قرار دادند. نمونه موردنظر با روش نمونه‌گیری

1. successor knowledge

2. Poldi

3. Jo'bstl

در دسترس انتخاب و بهصورت تصادفی در گروه گواه و آزمایش جایگزین شدند. گروه آزمایش در معرض ۱۶ جلسه ۳۵ دقیقه‌ای آگاهی واجی قرار گرفتند. یافته‌ها نشان داد که نمرات پس‌آزمون گروه آزمایش نسبت به گروه گواه در هر دو متغیر تفاوت معنی‌داری دارد که نشان‌دهنده این است که گروه آزمایش نسبت به گروه گواه حافظه فعال واج‌شناختی و آگاهی واجی بهتری داشتند.

در پژوهشی به بررسی مقایسه اثربخشی روش  $\delta$  (که مبتنی بر تربیت مخچه است و مهارت‌ها بهصورت خودکار در می‌آیند و ارتباطات بین مغز و مخچه تقویت می‌شود) و روش ترکیبی (آموزش مستقیم و آگاهی واج‌شناختی) بر عالم نارساخوانی پرداخته شد. روش انجام پژوهش بهصورت نیمه‌آزمایشی و از نوع پیش‌آزمون-پس‌آزمون با گروه کنترل بود. جامعه آماری از بین کلیه دانش‌آموزان نارساخوان مراجعه‌کننده به مراکز اختلالات یادگیری با رده‌سنی ۷ تا ۱۲ سال شهر ارومیه در سال تحصیلی ۹۷-۹۸ بود که از این میان تعداد ۴۵ نفر بهصورت هدفمند در دو گروه آزمایشی و یک گروه کنترل بهصورت تصادفی جایگزین شدند. در یک گروه روش ترکیبی و در گروه دیگر روش  $\delta$  هر کدام بهمدت ۲۰ جلسه ۶۰ دقیقه‌ای اجرا شد. از آزمون خواندن و نارساخوانی جهت گردآوری اطلاعات استفاده شد. با استفاده از روش تحلیل کوواریانس چند متغیره داده‌ها تحلیل شدند. نتایج نشان داد که هر دو روش بهطرز معنی‌داری در کاهش عالم نارساخوانی نقش داشتند (بهمرد و دیگران، ۱۳۹۹: ۱۹۸-۱۵۷).

نوری و رقیب‌دوست (۱۴۰۰) در پژوهش خود به بررسی رابطه آگاهی واجی، حافظه فعال واجی و نامگذاری خودکار سریع با سرعت و صحت خواندن کودکان فارس‌زبان پرداخته‌اند. جامعه آماری آن‌ها ۷۵ کودک فارس‌زبان تک‌زبانه و طبیعی با میانگین سنی ۱۲۱/۶ ماه پایه‌های سوم الی پنجم شهر زاهدان بود که به شیوه نمونه‌گیری هدفمند از هر پایه تعداد ۲۵ نفر انتخاب شدند. برای سنجش متغیرهای ضربه‌هشی، سرعت و صحت خواندن، آگاهی واجی، حافظه واجی و نامگذاری خودکار سریع نه خرده‌آزمون اجرا شد. نتایج حاصل از پژوهش نشان داد که حافظه‌فعال واجی با سرعت خواندن رابطه‌ای معنی‌دار و متوسط داشت اما با صحت خواندن رابطه معنی‌داری نداشت. بین نامگذاری خودکار سریع و سرعت و صحت خواندن رابطه معنی‌داری وجود دارد که هم‌استا با نظریه روان‌شناختی ذره‌ای زیگلر و گاسومی<sup>۱</sup> (۲۰۰۶) و فرضیه عمق خط کتز و فراتست<sup>۲</sup> (۱۹۹۲) بود. همچنین آگاهی واجی با سرعت و صحت خواندن رابطه‌ای معنی‌دار و قوی داشت. در واقع، این پژوهشگران، آگاهی واجی در صحت خواندن کودکان فارس‌زبان را با انگاره شیفرین و اشنایدر<sup>۳</sup> (۱۹۹۷) تبیین کردند که بر مبنای آن می‌توان ادعا کرد پردازش کنترل شده منابع توجه را درگیر می‌کند و بدین ترتیب چند کار که در حافظه فعال بهطور همزمان صورت می‌گیرند با یکدیگر به رقابت می‌پردازند. اما پردازش خودکار به توجه آگاهانه نیاز ندارد و برای پردازش با سایر فرایندها رقابت نمی‌کند. لذا نامگذاری خودکار سریع نوعی پردازش خودکار است که میزان تبحر کودک در روان‌خوانی را نشان می‌دهد اما آگاهی واجی دقت و تمرکز

1. Ziegler & Goswami

2. Katz & Frost

3. Shiffrrin & Schneider

کودک را در به کار بستن اطلاعات آوابی نشان می‌دهد. از همین روی است که آگاهی واجی بالا به دلیل به کارگیری منابع توجه بیشتر برای رمزگشایی واژه‌های تیره در خط فارسی کاربرد دارد. در واقع آگاهی واجی در خطهای تیره در قیاس با خطهای شفاف پیش‌بین درازمدتی محسوب می‌شود.

#### ۴- روش انجام پژوهش

با توجه به این که پژوهش حاضر یک پژوهش میدانی است لذا جامعه آماری آن از بین دانشآموزان دختر پایه دوم دبستان شهر قوچان در سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲ انتخاب شد. دلیل انتخاب دانشآموزان دختر پایه دوم این بود که آنها در پایه اول ابتدایی آشنایی اولیه با حروف، صدایها و واژه‌ها را به دست آورده‌اند اما هنوز تسلط کامل پیدا نکرده‌اند. همچنین آنها با مفاهیم اولیه ریاضی نظیر شمارش اعداد، جمع و تفریق‌های اساسی نوع اول و مفهوم ترکیبی عدد آشنا شده‌اند. از طرفی به دلیل عدم همکاری مسئولین مربوطه دسترسی به دانشآموزان پسر میسر نشد و صرفاً آزمودنی‌های دختر بدرسی قرار گرفتند.

به روش نمونه‌گیری در دسترس، تعداد ۱۴۰ نفر دانشآموز دختر پایه دوم دبستان از دبستان‌های سطح شهر قوچان انتخاب شدند که از تمامی آزمودنی‌ها آزمون آگاهی واجی و آزمون ریاضی به صورت پیش‌آزمون به عمل آمد. آزمودنی‌ها به صورت انفرادی و در اتاقی ساخته مورد آزمون قرار گرفتند. طبق دفترچه راهنمای آزمون اگر پاسخ صحیح می‌دادند یک امتیاز می‌گرفتند و اگر پاسخ غلط می‌دادند امتیازی دریافت نمی‌کردند. در همان جلسه آزمون به پاسخ‌های آزمودنی‌ها امتیاز داده می‌شد و پاسخ‌های اشتباه ثبت می‌شد. هیچ واکنشی در برابر پاسخ‌های آزمودنی مبنی بر صحیح یا غلط بودن پاسخ‌ها داده نمی‌شد. پس از شمارش امتیازها در هر خرده‌آزمون و محاسبه امتیاز نهایی، امتیاز کل آزمون حساب شد.

همان‌طور که اشاره شد، جهت گردآوری اطلاعات، از دو آزمون آگاهی واجی دستجردی کاظمی و سلیمانی و آزمون ریاضی معلم‌ساخته بر اساس سه حیطه آزمون ریاضی ایران کی مث استفاده شد. آزمون آگاهی واجی دارای ده خرده‌مؤلفه است که بر حسب سن آزمودنی‌ها و طبق آزمون دستجردی کاظمی و سلیمانی (۱۳۸۹) صرفاً از پنج خرده‌آزمون آگاهی واج‌شناختی در زیربخش آگاهی واجی استفاده شد که عبارتند از: خرده‌آزمون نامیدن و حذف واج آغازین، خرده‌آزمون نامیدن و حذف واج پایانی، خرده‌آزمون شناسایی کلمات دارای واج پایانی یکسان، خرده‌آزمون حذف واج میانی و در نهایت خرده‌آزمون تقطیع واجی. برای آزمون ریاضی نیز از آزمون ریاضی معلم‌ساخته بر مبنای حیطه‌های آزمون ریاضی ایران کی مث دارای ۱۳ خرده آزمون است. بر همین مبنای آزمون ریاضی معلم‌ساخته طراحی شد که عبارت بود از: حیطه مفاهیم (خرده‌آزمون‌های شمارش و هندسه؛ حیطه عملیات (خرده‌آزمون‌های جمع و تفریق) و حیطه کاربرد (خرده‌آزمون‌های زمان، پول، اندازه‌گیری (مقایسه و مرتب کردن، طول، وزن و اندازه)، حل مسأله و تخمين).

دانشآموزان به صورت تصادفی در دو گروه گواه و آزمایش جایگزین شدند. به این ترتیب که پس از اجرای آزمون‌های تشخیصی تعداد ۷۰ نفر به عنوان گروه آزمایش و تعداد ۷۰ نفر به عنوان گروه گواه انتخاب شدند.

دانشآموزانی که به عنوان گروه آزمایش انتخاب شدند طی ده جلسه ۳۰-۳۵ دقیقه‌ای در معرض آموزش آگاهی واجی قرار گرفتند (هر هفته یک جلسه) اما گروه گواه هیچ آموزش مداخله‌گری دریافت نکردند. آموزش‌های گروه آزمایش به صورت گروهی (پنج نفره) انجام شد. مهارت‌های اصلی آگاهی واجی که برای آزمودنی‌های گروه سنتی مورد نظر در پایه دوم دبستان در نظر گرفته شده بود مشتمل بر شناسایی و تقطیع واج بود. مهارت‌ها از آسان به دشوار آموزش داده شد. هر تمرین مشتمل بر ۸ تا ۱۰ واژه بود. به عنوان مثال در جلساتی که با شناسایی واج مرتبط بود آزمونگر از آزمودنی می‌خواست تا واج آغازین، میانی و پایانی را در کلمه پیدا کند یا کلماتی که صدای آخرشان شبیه هم است را شناسایی کند یا یک واج را از کلمه حذف کند. در جلسات آموزشی تقطیع واجی به آزمودنی آموزش داده می‌شد تا تک‌تک واژه‌های واژه را به صورت متوالی و با فاصله زمانی دو ثانیه بین هر واج بگوید. به عنوان مثال واژه‌های کلمه «دست» را به صورت «/دست/، /د/، /س/، /ت/» نقطیع و جداسازی کند. در آغاز آزمونگر این عمل را برای آزمودنی مدل‌سازی می‌کرد و در مرحله بعد از او می‌خواست تا این کار را انجام دهد. در تکالیف تقطیع واجی آزمودنی به این آگاهی دست می‌یابد که واژه‌ها از واژه‌های مجازی تشکیل شده‌اند. در روند آموزش تقطیع واجی ممکن بود آزمودنی تواند صدای واژه را به صورت صحیح بگوید، نتواند بین واژه‌ها به درستی توقف کند و مثلاً واژه را به جای واج به صورت هجایی تقطیع کند مثل «/آ، /مو، /ز، /گار/». در صورت بروز هر کدام از این موارد خطا، آزمونگر فرایند اصلاح را انجام می‌داد و در نهایت آزمونگر از آزمودنی ارزیابی به عمل می‌آورد تا مطمئن شود که عمل تقطیع واژه را به درستی آموخته است یا نه.

به طور کلی، آموزش‌ها بر اساس جدول زیر انجام گرفت که جلسات آموزش آگاهی واجی و اهداف آن را نشان می‌دهد. در جلسه اول قبل از هر چیز آزمونگر سعی کرد به منظور دستیابی به نتیجه مطلوب‌تر با آزمودنی‌ها ارتباط برقرار کند تا تعامل مؤثرتری بین آزمونگر و آزمودنی‌ها ایجاد شود. در اولین جلسه به آزمودنی‌ها آموزش داده شد تا کلمه را بشناسند و سپس در مرحله بعدی بتوانند جمله را در قالب کلمات تجزیه نمایند. به عنوان مثال ابتدا از تصاویر و اشیای ملموس به منظور شناساندن کلمه و بیان آن استفاده شد مانند: سبب، دست، کتاب، می‌خورم، مادر، دیدیم و غیره. سپس جملاتی بیان شدند تا آزمودنی‌ها آن‌ها را در قالب کلمات تجزیه کنند. مانند «مادر دیر آمد»، «برزگر بلدرچین را در مزرعه دید» و غیره.

در مرحله بعد، به آزمودنی‌ها مفهوم هجا آموزش داده شد. روش کار به این صورت بود که پس از این که آزمودنی‌ها مفهوم هجا را در کردن از آن‌ها خواسته شد تا مثلاً در کلماتی که توسط آزمونگر بیان می‌شد هر وقت صدای /sa/ را شنیدند دست خود را بالا ببرند مانند صابون، سبزی، سارا، مسافر، مسجد.<sup>۱</sup>

لازم به ذکر است بخشی از جلسات آموزشی برگرفته از بسته آموزشی باعزت، نادری و ایزدی فر (۱۳۹۰) و بخشی با توجه به آزمون واج‌شناختی دست‌تجردی کاظمی و سلیمانی (۱۳۸۹) می‌باشد.

۱. بهدلیل محدودیت تعداد واژگان در مقاله و طبق قوانین مجله، جهت توضیحات بیشتر به رساله مراجعه شود.

## جدول ۲: مراحل جلسات آموزشی بسته آگاهی واجی

### مراحل جلسات آموزشی بسته آگاهی واج شناختی

جلسه اول آشنایی و برقراری ارتباط آزمونگر با آزمودنی‌ها، آگاهی و شناسایی کلمه، تجزیه جمله به کلمه، شناسایی، آگاهی از هجا و تجزیه کلمه به هجا
جلسه دوم تجزیه کلمه به هجا، شناسایی هجای آغازین
جلسه سوم تجزیه کلمه به هجا و شناسایی هجای پایانی
جلسه چهارم جلسه دوم فعالیت آگاهی از واج و شناسایی کلماتی با واج پایانی یکسان
جلسه پنجم شناسایی واج پایانی، حذف و جایگزینی آن
جلسه ششم تشخیص واج آغازین کلمه
جلسه هفتم تشخیص واج آغازین کلمه، حذف و جایگزینی آن
جلسه هشتم شناسایی واج میانی و حذف آن
جلسه نهم تقطیع واجی
جلسه دهم مرور مطالب آموخته شده در جلسات آموزشی آگاهی واجی

پس از آن، به منظور اطمینان از تأثیر آموزش آگاهی واجی طی یک وقفه سه ماهه، از هر دو گروه گواه و آزمایش، آزمون ریاضی و آگاهی واجی به صورت پس‌آزمون به عمل آمد و نتایج به دست آمده بر اساس آمار توصیفی و استنباطی مورد بررسی و تحلیل قرار گرفت.

## ۴- تحلیل داده‌ها

در این بخش از مقاله داده‌های گردآوری شده، مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. جهت تحلیل فرضیه‌ها از آزمون‌های شاپیروویلک<sup>۱</sup> (برای بررسی توزیع نرمال داده‌ها) و لون<sup>۲</sup> (برای بررسی برابری واریانس‌ها) استفاده شد. همچنین از چولگی<sup>۳</sup> و کشیدگی<sup>۴</sup> استفاده شد که برای ارزیابی میزان پراکندگی فراوانی داده‌ها به کار می‌رود. در این پژوهش، بر اساس نتایج به دست آمده چولگی و کشیدگی همه متغیرها در بازه (۲ و -۲) قرار دارند بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که متغیرها نرمال می‌باشند.

- 
1. Shapiro-Wilk
  2. Levene's Test
  3. Skewness
  4. Kurtosis

جدول ۳: نتایج پیشآزمون و پسآزمون متغیرهای پژوهش در گروه گواه

پسآزمون				پیشآزمون				متغیرها
کشیدگی	چولگی	انحراف استاندارد	میانگین	کشیدگی	چولگی	انحراف استاندارد	میانگین	
-۰/۹۲۰	-۰/۱۶۵	۰/۸۴۰	۴/۹۲۹	-۰/۶۵۰	-۰/۰۴۵	۰/۸۸۰	۴/۵۱۴	مفاهیم
-۰/۶۹۶	۰/۰۷۰	۰/۸۹۶	۴/۴۵۷	۰/۳۳۳	-۰/۲۳۲	۰/۸۴۲	۴/۰۴۳	عملیات
-۰/۰۸۵	۰/۲۱۸	۰/۶۵۱	۳/۴۴۳	-۰/۱۷۰	۰/۱۰۸	۰/۷۱۱	۳/۲۴۳	کاربرد
-۰/۸۸۸	۰/۲۰۹	۲/۰۱۴	۱۲/۸۲۹	-۰/۵۲۱	-۰/۰۴۴	۱/۹۶۰	۱۱/۸۰۰	عملکرد ریاضی

در جدول (۴) نتایج پیشآزمون و پسآزمون در گروه آزمایش نشان داده شده است.

جدول ۴: نتایج پیشآزمون و پسآزمون متغیرهای پژوهش در گروه آزمایش

پسآزمون				پیشآزمون				متغیرها
کشیدگی	چولگی	انحراف استاندارد	میانگین	کشیدگی	چولگی	انحراف استاندارد	میانگین	
۰/۳۵۲	-۰/۵۶۱	۰/۷۶۱	۵/۹۷۱	-۰/۴۱۳	-۰/۰۶۹	۰/۸۰۹	۴/۵۷۱	مفاهیم
-۰/۱۸۳	۰/۶۴۴	۰/۷۹۲	۵/۴۴۳	-۰/۴۲۰	-۰/۳۸۱	۰/۷۴۵	۴/۱۰۰	عملیات
-۰/۵۲۲	۰/۱۳۲	۰/۷۴۹	۴/۷۰۰	-۰/۰۴۸	۰/۲۰۴	۰/۸۶۸	۳/۱۷۱	کاربرد
۰/۳۴۳	۰/۳۴۴	۱/۹۳۰	۱۶/۱۱۴	-۰/۲۵۰	۰/۰۰۲	۱/۹۶۸	۱۱/۸۴۳	عملکرد ریاضی

همان طور که اشاره شد، در پژوهش حاضر از آزمون شاپیروویلک برای بررسی فرض نرمال بودن متغیرهای پژوهش استفاده شد. هنگام بررسی نرمال بودن داده‌ها، فرض صفر مبتنی بر اینکه توزیع داده‌ها نرمال است در سطح خطای ۵٪ آزمون می‌شود. بنابراین اگر آماره آزمون بزرگتر مساوی ۰/۰۵ به دست آید، توزیع داده‌ها نرمال خواهد بود (حبیبی و سرآبادانی، ۱۴۰۱: ۱۴۸). نتایج این آزمون در جداول (۵) و (۶) آمده است.

جدول ۵: نتایج آزمون شاپیروویلک در گروه گواه

پسآزمون				پیشآزمون				متغیرها
سطح معنی‌داری	آماره آزمون	تعداد	سطح معنی‌داری	آماره آزمون	تعداد	سطح معنی‌داری	آماره آزمون	
۰/۰۶۸	۰/۸۴۸	۷۰	۰/۰۷۶	۰/۸۷۷	۷۰	۰/۰۷۶	۰/۸۷۷	مفاهیم
۰/۰۸۳	۰/۸۷۹	۷۰	۰/۰۷۱	۰/۸۷۴	۷۰	۰/۰۷۱	۰/۸۷۴	عملیات
۰/۰۶	۰/۸	۷۰	۰/۰۶۶	۰/۸۳۲	۷۰	۰/۰۶۶	۰/۸۳۲	کاربرد
۰/۰۹۹	۰/۹۵۳	۷۰	۰/۱۱	۰/۹۶۱	۷۰	۰/۱۱	۰/۹۶۱	عملکرد ریاضی

بر اساس نتایج به دست آمده سطح معنی‌داری آزمون مربوط به تمام متغیرها در گروه گواه در پیش‌آزمون و پس‌آزمون بیشتر از  $0/05$  می‌باشد، در نتیجه می‌توان گفت که متغیرهای مورد بررسی در نمونه آماری توزیع نرمال دارند.

**جدول ۶: نتایج آزمون شاپیروویلک در گروه آزمایش**

متغیرها	پیش آزمون			پس آزمون		
	تعداد	آماره آزمون	سطح معنی‌داری	تعداد	آماره آزمون	سطح معنی‌داری
مفاهیم	۷۰	۰/۸۲۴	۰/۰۷۲	۷۰	۰/۸۶۵	۰/۰۶۱
عملیات	۷۰	۰/۸۰۰	۰/۰۶۲	۷۰	۰/۸۲۵	۰/۰۶۰
کاربرد	۷۰	۰/۸۴۰	۰/۰۹۱	۷۰	۰/۸۸۱	۰/۰۶۴
عملکرد ریاضی	۷۰	۰/۹۱۸	۰/۰۹۸	۷۰	۰/۹۵۱	۰/۱۰۲

بر اساس نتایج به دست آمده سطح معنی‌داری آزمون مربوط به تمام متغیرها در گروه آزمایش در پیش‌آزمون و پس‌آزمون بیشتر از  $0/05$  می‌باشد. در نتیجه می‌توان گفت که متغیرهای مورد بررسی در نمونه آماری دارای توزیع نرمال می‌باشد. برای بررسی اثربخشی آموزش آگاهی واجی بر عملکرد مهارت ریاضی دانش آموزان دختر پایه دوم دبستان از آزمون تحلیل کواریانس نیز استفاده شد. در جداول زیر نتایج این آزمون نشان داده شده است.

**جدول ۷: بررسی توصیفی نمرات پس‌آزمون عملکرد ریاضی**

گروه	میانگین	انحراف استاندارد
گواه	۱۲/۸۹	۲/۰۱۴
آزمایش	۱۶/۱۱۴	۱/۹۳۰

یکی از پیش‌فرض‌های اساسی آزمون کواریانس، یکسانی واریانس‌ها می‌باشد به‌منظور بررسی این موضوع از آزمون لون استفاده شد. اگر سطح معنی‌داری مربوط به این آزمون، بزرگتر از  $0/05$  باشد با اطمینان  $95\%$  می‌توان ادعا کرد که یکسانی واریانس‌ها مورد تأیید قرار می‌گیرد.

**جدول ۸: نتایج آزمون یکسانی واریانس‌ها مربوط به عملکرد ریاضی**

آماره لوین	درجه آزادی ۱	درجه آزادی ۲	سطح معنی‌داری
۰/۳۱۹	۱	۱۳۸	۰/۵۷۳

همان‌طور که مشاهده می‌شود در آزمون لون سطح معنی‌داری از  $0/05$  بیشتر شد بنابراین فرض یکسانی واریانس‌ها پذیرفته می‌شود.

بیش فرض دیگر این آزمون خطی بودن همبستگی بین متغیر پیش آزمون و پس آزمون می باشد. با توجه به جدول (۹) مقدار آماره F متغیر پیش آزمون برابر با  $171/796$  می باشد و سطح معنی داری کمتر از  $0/05$  می باشد. بنابراین این پیش فرض مورد تأیید می باشد.

جدول ۹: نتایج تحلیل کواریانس مربوط به عملکرد ریاضی

منابع واریانس	مجموع مربعات	درجه آزادی	میانگین مربعات	F آماره	سطح معنی داری	اندازه اثر
مدل اصلاح شده	۶۷۶/۶۲۸	۲	۳۳۸/۳۱۴	۱۹۴/۵۳۳	<۰/۰۰۱	۰/۷۴۰
عرض از مبدا	۱۱۷/۰۰۶	۱	۱۱۷/۰۰۶	۶۷/۲۷۹	<۰/۰۰۱	۰/۳۲۹
پیش آزمون	۲۹۸/۷۷۱	۱	۲۹۸/۷۷۱	۱۷۱/۷۹۶	<۰/۰۰۱	۰/۵۵۶
گروه	۳۷۰/۴۶۵	۱	۳۷۰/۴۶۵	۲۱۳/۰۲۰	<۰/۰۰۱	۰/۶۰۹
خطا	۲۳۸/۲۵۸	۱۳۷	۱/۷۳۹			
کل	۳۰۲۳۴/۰۰۰	۱۴۰				
کل اصلاح شده	۹۱۴/۸۸۶	۱۳۹				

همچنین با توجه به میانگین ها، عملکرد ریاضی در گروه آزمایش بیشتر از گروه گواه می باشد. بنابراین می توان گفت آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانش آموزان دختر پایه دوم تأثیر معنی داری دارد. همچنین اندازه اثر  $0/609$  به دست آمده است که بر اساس ملاک کوهن<sup>۱</sup> اندازه اثر خیلی بزرگی می باشد.

## ۵- بحث و نتیجه گیری

نتایج پژوهش حاضر که به بررسی تأثیر آموزش آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانش آموزان دختر پایه دوم درستان پرداخته است نشان داد که آموزش آگاهی واجی بر گروه آزمایش که دوره آموزشی آگاهی واجی را گذرانده بودند و به عبارتی مداخله دریافت کرده بودند به نسبت گروه گواه که هیچ گونه مداخله ای دریافت نکرده بودند و روند عادی آموزش را طی کرده بودند تأثیر بیشتری داشت. لذا می توان نتیجه گرفت که آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی دانش آموزان دختر پایه دوم درستان تأثیر معنی داری دارد. نتایج این پژوهش هم راستا با نتایج پژوهش های لدر و هنری<sup>۲</sup> (۱۹۹۴)، هتچ<sup>۳</sup> (۲۰۰۱)، کوزمینا<sup>۴</sup> (۲۰۱۹) و پربرا (۲۰۲۰) است. این پژوهشگران دریافتند که آگاهی واجی پیش بینی کننده قابل توجهی در پیشرفت و موفقیت ریاضی است. جنبه متفاوت این پژوهش با سایر پژوهش های انجام شده این است که در سایر پژوهش ها معمولاً به بررسی رابطه و همبستگی

1 Cohen

2 Leather & Henry

3 Hecht

4 Kuzmina

بین مهارت آموزش آگاهی واجی و عملکرد ریاضی پرداخته شده است که حتی این ضریب همبستگی بین دو متغیر آگاهی واجی و مهارت ریاضی با روش‌های مختلف آماری اندازه‌گیری شده که نتایج متفاوتی نیز به دست داده است. به عبارت دیگر، هیچ‌کدام از این پژوهش‌ها به بررسی تأثیر آموزش مهارت آگاهی واجی بر عملکرد ریاضی نپرداخته است. علاوه بر این در پژوهش حاضر برای ارزیابی ریاضی حیطه‌های مختلفی نظیر حیطه مفاهیم، حیطه عملیات و حیطه کاربرد مورد بررسی قرار گرفته است در حالی که در سایر پژوهش‌ها و مطالعات، ریاضی با استفاده از آزمون‌های استاندارد عمومی مورد ارزیابی قرار گرفته است که در نهایت یک نمره کل به دست داده که صرفاً میانگین عملکرد آزمودنی‌ها را مورد ارزیابی قرار می‌دهد. در پژوهش‌های انجام شده آزمون آگاهی واجی بدون درنظر گرفتن گروه سنی مورد بررسی قرار گرفته در حالی که در پژوهش حاضر، مؤلفه‌های مهارت آگاهی واجی بر اساس گروه سنی ارزیابی شده است. به همین دلیل از بین هفت خرده‌مؤلفه آگاهی واجی تنها پنج خرده‌مؤلفه نامیدن و حذف واج پایانی، تقطیع واجی، نامیدن و حذف واج آغازین، شناسایی کلمات دارای واج پایانی یکسان و حذف واج میانی انتخاب شدند که برای گروه سنی مورد پژوهش مناسب‌اند و دو خرده‌مؤلفه دیگر آگاهی واجی یعنی ترکیب واجی و شناسایی کلمات دارای واج آغازین یکسان کنار گذاشته شدند.

در مقابل، برخی مطالعات هیچ همبستگی و ارتباطی بین مهارت‌های آگاهی واجی و ریاضی نشان نمی‌دهند. این امر را می‌توان به عوامل مختلفی در مطالعات انجام شده نسبت داد. برخی از این عوامل عبارتند از: در نظر نگرفتن محدوده سنی برای آزمون آگاهی واجی، تنوع آزمون‌های مورد استفاده برای ارزیابی مهارت آگاهی واجی، مطالعه مهارت آگاهی واجی به صورت کلی، بررسی مهارت آگاهی واجی با ارزیابی صرفاً یک خرده‌مؤلفه و استفاده از آزمون‌های عمومی برای اندازه‌گیری مهارت ریاضی در مقابل آزمون‌هایی که نتایج دقیق‌تری از ریاضی را اندازه می‌گیرند.

## منابع

- بهمرد، فرشاد؛ استکی، مهناز و شهریاری احمدی، منصوره (۱۳۹۹). «مقایسه اثربخشی روش دُر و روش ترکیبی (آموزش مستقیم و آگاهی واج‌شناختی) بر عالمی نارساخوانی دانش‌آموزان». *فصلنامه علمی پژوهشی روان‌شناسی افراد استثنایی*، سال دهم، شماره ۳۹: ۱۹۸-۱۷۵.
- ترابی‌پور، اخترسادات؛ بهارلویی، ناهید و تذهیبی، مهدی (۱۳۹۰). «بررسی ارتباط مهارت آگاهی واجی و عملکرد ریاضی در دانش‌آموزان پایه اول دبستان». *پژوهش در علوم توانبخشی*، سال ۷، شماره ۱، ۱۹۸-۱۷۵.
- دستجردی کاظمی، مهدی و سلیمانی، زهرا (۱۳۸۹). آزمون آگاهی واج‌شناختی و ویژگی‌های روان‌سنجی آن، تهران: پژوهشگاه مطالعات آموزش و پرورش.

- دستجردی کاظمی، مهدی و سلیمانی، زهرا (۱۳۸۵). «آگاهی واج‌شناختی چیست؟»، پژوهش در حیطه کودکان استثنایی، سال ششم شماره ۴، ۹۳۱-۹۵۴.
- فریار، اکبر و رخشنان، فریدون (۱۳۸۵). ناتوانی‌های یادگیری. تهران: نشر میترا.
- ناجی، الهام سادات: شکوهی‌بکتا، محسن و حسن‌زاده، سعید (۱۳۹۸). «اثربخشی برنامه آموزشی حافظه فعال بر حافظه فعال واج‌شناختی و آگاهی واجی دانش‌آموزان نارساخوان: یک مطالعه نوروسایکولوژیک»، فصلنامه علمی پژوهشی عصب‌روانشناسی، سال پنجم، شماره ۴(پیاپی ۱۹): ۱۳۰-۱۴۰.
- نوری، نیما و رقیب‌دوست، شهلا (۱۴۰۰). «رابطه ساز و کارهای شناختی و خواندن در کودکان دیستانی با توجه به ماهیت خط فارسی». مجله علم زبان، دوره ۸، شماره ۱۴، ۳۶-۷. doi: 10.22054/ls.2021.54943.1387
- Alibali, M.W. & DiRusso, A.A. (1999). "The function of gesture in learning to count: more than keeping track". *Cognitive Development*, 14(1): 37-56. doi:10.1016/S0885-2014(99)80017-3.
- Andin, J., Fransson, P., Rönnberg, J. & Rudner, M. (2015). "Phonology and arithmetic in the language-calculation network". *Brain Lang.* 143: 97-105. https://doi.org/10.1016/j.bandl.2015.02.004.
- Barrouillet, P., Mignon, M., Thevenot, C.(2008). "Strategies in subtraction problem solving in children". *J. Exp. Child Psychol.* 99: 233-251. https://doi.org/10.1016/j.jecp.2007.12.001
- Booth, J.R., Burman, D.D., Meyer, J.R., Gitelman, D.R., Parrish, T.B., Mesulam, M.M. (2004). "Development of brain mechanisms for processing orthographic and phonologic representations". *J. Cogn. Neurosci.* 16: 1234-1249. https://doi.org/10.1162/0898929041920496.
- Brennan, F. & Ireson, J. (1997). "Training Phonological Awareness: A Study to Evaluate the Effects of a Program of Metalinguistic Games in Kindergarten", *Reading and Writing: an Interdisciplinary Journal*, 9: 241-263. doi: 10.1348/026151010X485197.
- Bull, R. & Johnston, R. S. (1997). "Children's arithmetical difficulties: Contributions from processing speed, item identification and short-term memory". *Journal Experimental Child Psychology*, 65: 1-24.
- Carnine, D., Silbert, J., Kameenui, E. J. & Tarver, S. G. (2004). *Direct reading instruction*. Merrill Prentice Hall, New Jersey.
- De Smedt, B., Holloway, I.D., Ansari, D. (2010). "Effects of problem size and arithmetic operation on brain activation during calculation in children with varying levels of arithmetical fluency". *Neuroimaging* 57: 771-781. https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2010.12.037
- Dehaene, S., Piazza, M., Pinel, P., Cohen, L. (2003). "Three parietal circuits for number processing". *Cogn. Neuropsychol.* 20: 487-506. https://doi.org/10.1080/02643290244000239.
- Espinas, Daniel R. & Fuchs, Lynn S. (2022). "The Effects of language instruction on math development". *Child Development Perspectives* 6: 69-75. doi: 10.1111/cdep.12444
- Evans, T.M., Flowers, D.L., Napoliello, E.M., Olulade, O.A., Eden, G.F. (2014). "The functional anatomy of single-digit arithmetic in children with developmental dyslexia". *Neuroimage* 101: 644-652. https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2014.07.028.
- Gaswami, U. & Bryant, P. (1990). "Phonological skills and the use of orthographic literacy development in children with expressive phonological impairments". *Journal of speech and Hearing Research*, 38: 446-462.

- Geary, D. C. (1993). "Mathematical disabilities: reflections on cognitive, neuropsychological, and genetic components". *Psychological Bulletin*, 114(2): 345–362. <https://doi.org/10.1016/j.lindif.2009.10.008>
- Harley, T. A. (2013). *The psychology of language: From data to theory*. New York: Psychology press.
- Hawes, Z; Moss, J; Caswell, B; & Poliszcuzak, D. (2015). "Effects of mental Rotation training on children's spatial and mathematics performance: a randomized controlled study". *Trends in Neuroscience and Education*. 2(7): 460-468.
- Hecht, S. A., Torgesen, J. K., Wagner, R. K., & Rashotte, C. A. (2001). "The relations between phonological processing abilities and emerging individual differences in mathematical computation skills: A longitudinal study from second to fifth grades". *Journal of Experimental Child Psychology*, 79: 192–227. doi: 10.1006/jecp.2000.2586
- Hismanoglu, M. (2012). "An investigation of phonological awareness of prospective EFL teachers", *procedia - social and behavioral sciences*, 31: 639-645.
- Jobstl, Viktoria, Steiner, Anna F., Deimann, Pia, Kastner-Koller, Ursula & Landerl, Karin (2023). "A-B-3—associations and dissociations of reading and arithmetic: is domain-specific prediction outdated?". *Plos One*, 18(5): e0285437.
- Jordan, Julie A; Wylie, Judith & Mulhern, Gerry (2015). "Mathematics and reading difficulty subtypes: minor phonological influences on mathematics for 5–7-years-old". *Linguistic Influences on Mathematical Abilities*, 6. doi: 10.3389/fpsyg.2015.00221
- Koponen, T., Aunola, K., Ahonen, T., & Nurmi, J.-E. (2007). "Cognitive predictors of single-digit and procedural calculation skills and their covariation with reading skill". *Journal of Experimental Child Psychology*, 97: 220–241.
- Kuzmina, Yulia, Ivanova, Alina & Kaiky, Diana (2019). "The effect of phonological processing on mathematics performance in elementary school varies for boys and girls: fixed effects longitudinal analysis". *British Educational Research Journal* 45: 3, 640–661. doi:10.1002/berj.3518.
- Leather, C. V., & Henry, L. A. (1994). "Working memory span and phonological awareness tasks as predictors of early reading ability". *Journal of Experimental Child Psychology*, 58: 88–1.
- Passolunghi, M. C., Vercelloni, B., & Schadee, H. (2007). *The precursors*.
- Pellicioni, Macarena Suarez, Fuchs, Lynn & Booth, James R. (2019). "Temporo-frontal activation during phonological processing predicts gains in arithmetic facts in young children". *Developmental Cognitive Neuroscience* 40, 100735. Available at: [www.elsevier.com/locate/dcn](http://www.elsevier.com/locate/dcn)
- Pereira, Drielle Barbosa, Martins, Pedro S. R., Guimarães, Amanda P. L., Silva, Emanuelle de O., Batista, Luana T., Haase, Vitor G. & Lopes-Silva, Júlia B. (2020). "How good is the phoneme elision test in assessing reading, spelling and arithmetic-related abilities?". *Archives of Clinical Neuropsychology* 35: 413–428. doi: 10.1093/arclin/acz085.
- Pollack, Courtney & Ashby, Nicole C. (2018). "Where arithmetic and phonology meet: The meta-analytic convergence of arithmetic and phonological processing in the brain". *Developmental Cognitive Neuroscience*, 30: 251–264. Available at: [www.elsevier.com/locate/dcn](http://www.elsevier.com/locate/dcn). <https://doi.org/10.1016/j.dcn.2017.05.003>
- Prado, J., Mutreja, R., Zhang, H. C., Mehta, R., Desroches, A. S., Minas, J. E., et al. (2011). "Distinct representations of subtraction and multiplication in the neural systems

- for numerosity and language". *Human Brain Mapping*, 32(11): 1932–1947. <https://doi.org/10.1002/hbm.21159>.
- Rotzer, S., Loenneker, T., Kucian, K., Martin, E., Klaver, P. & VonAster, M., (2009). "Dysfunctional neuralnetwork of spatial working memory contributes to developmental dyscalculia". *Neuropsychological* 47: 2859–2865. <http://dx.doi.org/10.1016/j.neuropsychologia.2009.06.009>
  - Schuele, C. M. & Boudreau, D. (2008). "Phonological awareness intervention: beyond the basics". *Language, Speech, and Hearing Services in Schools*, 39(1): 3-20.
  - Simmons, F. R., & Singleton, C. (2008). "Do weak phonological representations impact on arithmetic development? A review of research into arithmetic and dyslexia". *Dyslexia*, 14: 77–94. doi: 10.1002/dys.341.
  - Simmons, F. R., Singleton, C., & Horne, J. K. (2008). "Phonological awareness and visual spatial sketchpad functioning predict early arithmetic attainment: evidence from a longitudinal study". *European Journal of Cognitive Psychology*, 20: 711–722. doi: 10.1080/09541440701614922.
  - Simon, O., Mangin, J.-F., Cohen, L., Le Bihan, D., Dehaene, S. (2002). "Topographical layout of hand, eye, calculation, and language-related areas in the human parietal lobe". *Neuron*, 33: 475–487. [https://doi.org/10.1016/S0896-6273\(02\)00575-5](https://doi.org/10.1016/S0896-6273(02)00575-5).
  - Van Riper, C. & R.L. Erickson (1995). *Speech correction: an introduction to speech pathology and audiology*. Boston: Allyn & Bacon.
  - Vloedgraven, Judith & Verhoeven, Ludo (2009). "The nature of phonological awareness throughout the elementary grades: an item response theory perspective". *Learning and Individual Differences* 19: 161–169. Available at: [www.elsevier.com/locate/lindif](http://www.elsevier.com/locate/lindif). doi:10.1016/j.lindif.2008.09.005.
  - Vukovic, Rose K. & Lesaux, Nonie K. (2013). "The relationship between linguistic skills and arithmetic knowledge". *Learning and Individual Differences*, 23: 87–91. Available at: [www.elsevier.com/locate/lindif](http://www.elsevier.com/locate/lindif). <http://dx.doi.org/10.1016/j.lindif.2012.10.007>.