

**EXTENDED ABSTRACT****Application of Gene Expression Programming and Nonlinear Regression in Determining Breach Geometry and Peak Discharge Resulting from Embankment Failure Using Laboratory Data**

K. Kouzehgar<sup>1</sup>, Y. Hassanzadeh<sup>2,3\*</sup>, S. Eslamian<sup>4</sup>, M. Yousefzadeh Fard<sup>5</sup>, and A. Babaeian Amini<sup>6</sup>

1- Assistant Professor, Department of Civil Engineering, Varzeghan Branch, Islamic Azad University, Varzeghan, Iran

2\*- Corresponding Author, Professor, Department of Water Engineering, Center of Excellence in Hydroinformatics, Faculty of Civil Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran.

3- Professor, Farazab Consulting Engineers Co., Tabriz, Iran ([yhassanzadeh@tabrizu.ac.ir](mailto:yhassanzadeh@tabrizu.ac.ir))

4- Professor, Department of Water Engineering, Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran .

5- Associate Professor, Faculty of Civil Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran.

6- Assistant Professor, Faculty of Civil Engineering, University of Bonab, Bonab, Iran.

**ARTICLE INFO****Article history:**

Received: 1 October 2020

Revised: 9 September 2021

Accepted: 12 September 2021

**Keywords:**

Mathematical Model, Experimental Relations, Evolutionary Algorithm, Nonlinear Regression, Breach Characteristics.

**TO CITE THIS ARTICLE :**

Kouzehgar, K., Hassanzadeh, Y., Eslamian, S., Yousefzadeh Fard, M., Babaeian Amini, A. (2022). 'Application of Gene Expression Programming and Nonlinear Regression in Determining Breach Geometry and Peak Discharge Resulting from Embankment Failure Using Laboratory Data', Irrigation Sciences and Engineering, 45(1), pp. 65-84. doi: [10.22055/jise.2021.35162.1931](https://doi.org/10.22055/jise.2021.35162.1931).

**Introduction**

Accurate prediction of dam breach parameters in embankment dams is an essential step in the risk management plan. Overtopping and piping are the leading causes of embankment failure in the world. The failure of this type of dam is typically proposed by hydrological and hydraulic computational models of the dam (Wahl, 1998). The relationships for assessing the breach and flow characteristics are generally obtained by artificial intelligence and regression analysis from case studies of historical dam failure. These models relate the input parameters such as the dam height ( $H_w$ ) and the flow volume through the breach ( $V_w$ ) to the observed breach parameters resulting from the actual failures. Several relationships have been proposed to calculate  $Q_p$  as a function of  $H_w$  and  $V_w$  (De Lorenzo & Macchione, 2014; Hagen, 1982; Kirkpatrick, 1977; Singh & Snorrason, 1984; Hakimzadeh et al., 2014). Downstream sediment transport studies show that breach geometry directly affects the output hydrograph. Investigations on historical records for  $Q_p$  determination show that  $H_w$  and  $V_w$  could provide more accurate results than  $E_l$  and  $E_w$ . Moreover, the combination of these parameters significantly increases computational accuracy (Thornton et al., 2011; Wang et al., 2018). Several laboratory and field studies have been performed to investigate the hydraulic properties of the breach and the output hydrograph in overtopping failure cases (Dhiman & Patra, 2017; Sadeghi et al., 2020; Vaskinn et al., 2004). Determination of the average breach width ( $B_{ave}$ ) is an essential factor in determining progressive erosion (Von Thun & Gillette, 1990; Froehlich, 1995) as well as the height of

breach ( $H_b$ ). The range of variation in  $B_{ave}$  as a function of the dam height ( $H_d$ ) is an important issue in the breach lateral evolution process (Johnson & Illes, 1976; Singh & Snorrason, 1984).

### Methodology

Multivariate nonlinear regression analysis was performed in the current study using IBM SPSS Statistics software, in which 75% of the total data was used for training and the rest for validation stages. Gene expression programming (GEP) as a branch of an evolutionary algorithm incorporates both simple, linear chromosomes of fixed length similar to those used in genetic algorithms and ramified structures of different sizes and shapes. The phenotype of GEP consists of the same kinds of ramified structures created by GEP (expression trees) as the expression of an autonomous genome (Ferreira, 2006). Using the GeneXproTools 5.0 software, this study initially normalized the data in the range of 0 and 1, and identified the operators ( $\times$ ,  $/$ , and  $^$ ) as suitable functions between the parameters involved in the dam failure problem. As the findings showed, the best results were obtained in multiplication for linking function, the number of chromosomes equal to 30, the head size equal to 8, and the number of genes equal to 3.

So, before being introduced to the model, the data were divided into training and validation, equivalent to 75% and 25% of the total data, respectively. The BREACH employed in this study is a physically-based mathematical model developed by the National Weather Service (NWS) for predicting embankment failures. A comprehensive dataset of historic breach records, including overtopping and piping, was thus collected from various resources. Several granular physical models at different geometrical and gradations were then breached in the laboratory, and the failure characteristics were extracted. Along with other resources, hypothetical failures of 8 operating dams modeled with the BREACH were used to study the  $B_{ave}$  and  $H_b$  more accurately.

### Conclusions

The purpose of this experimental study was to investigate the main geometric properties of the embankment breach and flow characteristics under repeatable and stable conditions that could lead to improving the computational process. Experimental models with granular sand particles and different technical specifications were thus used to study the breach and flow mechanisms due to overtopping. Having compared the results with other data sources, the researchers obtained the following outcomes:

1. Considering the lack of permanent availability of mechanical properties, the type and amount of erosion of the dam materials are considered as the dominant parameter in the dam breach problem. Therefore, due to low shear stresses in coarse particles, the rate of erosion needs less time to evolve compared to fine aggregates.

2. The results of sensitivity analysis in determining the  $Q_p$  for earthfill dams show that hydraulic properties strongly influence this parameter; among the effective parameters, the highest and lowest dependencies are attributed to  $H_w$  and  $E_l$ , respectively.

3. The average breach width ( $B_{ave}$ ) plays a vital role in the breach expansion rate and the output hydrograph. It is found that the  $B_{ave}$  parameter has higher values in the rockfill dams compared to the earthfill dams. Based on the observations in embankment dams, it is recommended that the  $B_{ave}$  value be in the range of  $0.71H_d$  and  $7.86H_d$ . Comparison of dimensionless ratios of  $B_{ave}/B_t$  and  $B_{ave}/B_b$  between the man-made embankments and natural landslide dams show higher values of the current ratios in landslide dams which can be attributed to the large volume and length of the crest.

4. The height of breach ( $H_b$ ) is an essential issue in the erodibility of the dam body and the transfer rate of sediment to the downstream. The comparison of the dimensionless ratio of  $H_b/H_d$  between the man-made embankments and natural landslide dams shows higher values of the current ratio in the landslide dams which might be caused by the long breach formation time in these dams.

**References**

- 1- De Lorenzo, G. and Macchione, F. 2014. Formulas for the peak discharge from breached earthfill dams. *Journal of Hydraulic Engineering*, 140, 56-67.
- 2- Dhiman, S. and Patra, K. C. 2017. Experimental study of embankment breach based on its construction parameters. *Nat. Hazards Earth Syst. Sci. Discuss.*, 2017, 1-26.
- 3- Ferreira, C. 2006. *Gene Expression Programming: Mathematical Modeling by An Artificial Intelligence*, Springer Berlin Heidelberg.
- 4- Froehlich, D. C. Embankment dam breach parameters revisited. Proceeding of Conference on Water Resources Engineering, San Antonio, Texas, USA, 1995. ASCE.
- 5- Hagen, V. K. 1982. *Re-evaluation of Design Floods and Dam Safety*.
- 6- Hakimzadeh, H., Nourani, V. and Babaeian Amini, A. 2014. Genetic programming simulation of dam breach hydrograph and peak outflow discharge. *Journal of Hydrologic Engineering*, 19, 757-768.
- 7- Johnson, F. A. and Illes, P. 1976. A classification of dam failures. *Water Power and Dam Construction*, 28, 43-45.
- 8- Kirkpatrick, G. W. 1977. Evaluation guidelines for spillway adequacy. *The evaluation of dam safety, Engineering Foundation Conference*, ASCE. New York.
- 9- Sadeghi, S., Hakimzadeh, H. and Babaeian Amini, A. 2020. Experimental investigation into outflow hydrographs of nonhomogeneous earth dam breaching due to overtopping. *Journal of Hydraulic Engineering*, 146, 04019049.
- 10- Singh, K. P. and Snorrason, A. 1984. Sensitivity of outflow peaks and flood stages to the selection of dam breach parameters and simulation models. *Journal of Hydrology*, 68, 295-310.
- 11- Thornton, C. I., Pierce, M. W. & Abt, S. R. 2011. Enhanced predictions for peak outflow from breached embankment dams. *Journal of Hydrologic Engineering*, 16, 81-88.
- 12- Vaskinn, K. A., Lövoll, A., Hoeg, K., Morris, M., Hanson, G. J. and Hassan, M. A. Physical modeling of breach formation: large scale field tests, Dam safety. Proceedings of the Association of State Dam Safety Officials, 2004, Phoenix, Arizona, USA.
- 13- Von Thun, J. L. and Gillette, D. R. 1990. *Guidance on Breach Parameters*.
- 14- Wahl, T. L. 1998. Prediction of Embankment Dam Breach Parameters: A Literature Review and Needs Assessment. DSO-98-004, Dam Safety Research Report. Denver, CO, USA.
- 15- Wang, B., Chen, Y., Wu, C., Peng, Y., Song, J., Liu, W. and Liu, X. 2018. Empirical and semi-analytical models for predicting peak outflows caused by embankment dam failures. *Journal of Hydrology*, 562, 692-702.



© 2022 Shahid Chamran University of Ahvaz, Ahvaz, Iran. This article is an open access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC BY 4.0 license) (<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>).

## کاربرد برنامه‌ریزی ییان ژن و رگرسیون غیرخطی در تعیین هندسه شکافت و جریان پیشینه حاصل از شکست سد خاکی به کمک داده‌های آزمایشگاهی

کامران کوزه‌گر<sup>۱</sup>، یوسف حسن‌زاده<sup>۲\*</sup>، سعید اسلامیان<sup>۳</sup>، میکائیل یوسف‌زاده‌فرد<sup>۴</sup> و علیرضا بابائیان‌امینی<sup>۵</sup>

- ۱- استادیار، گروه مهندسی عمران، واحد ورزقان، دانشگاه آزاد اسلامی، ورزقان، ایران.
- ۲- نویسنده مسئول، استاد، گروه مهندسی آب، قطب علمی هیدرولورماتیک، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران.
- ۳- استاد، مهندسین مشاور فرازآب، تبریز، ایران. (yhassanzadeh@tabrizu.ac.ir)
- ۴- استاد، گروه مهندسی آب، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان، ایران.
- ۵- دانشیار، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران.
- ۶- استادیار، گروه مهندسی عمران، دانشگاه بناب، بناب، ایران.

پذیرش: ۱۴۰۰/۶/۲۱

بازنگری: ۱۴۰۰/۶/۱۸

دریافت: ۱۳۹۹/۷/۱۰

### چکیده

شکست یک سد خاکی می‌تواند موجب بروز بحران‌های شدید در ناحیه سیالبزد پایین‌دست گردد. لذا تعیین دقیق ویژگی‌های شکافت و جریان در ارزیابی خطرهای حاصل از خرابی سد از اهمیت بهسزایی برخوردار است. در این تحقیق از مدل‌های آزمایشگاهی با مصالح دانه‌ای در اندازه و خصوصیت‌های مکانیکی مختلف برای مطالعه فرسایش و نقش آن در گسترش هندسه شکافت استفاده شده است. از رگرسیون چندمتغیره در توسعه رابطه جدید برای تعیین دبی اوج ( $Q_p$ ) بهره‌گیری شده که در آن پراسنجه‌های بدنه سد در کنار پراسنجه‌های هیدرولیکی به کار رفته‌اند. نتیجه‌ها نشان می‌دهد مشارکت این ویژگی‌ها توانسته کارآیی را در تعیین  $Q_p$  حاصل از شکست سد خاکی ارتقا دهد. از آنجائی که نرخ تکامل عرض متوسط شکافت ( $B_{ave}$ ) و عمق آن ( $H_b$ ) نقش اثربخشی بر آب‌نمود خروجی دارد، علاوه بر ارائه رابطه‌های جدید برای این دو پراسنجه، با مشارکت منابع مختلف داده‌ای و استفاده از برنامه‌ریزی بیان ژن ( $GEP$ ) در تعیین آن، محدوده تغییرات جدیدی برای نسبت‌های بی‌بعد  $H_b$  بر ارتفاع سد ( $H_d$ ) و نیز  $B_{ave}$  بر عرض بالایی ( $B_t$ ) و پایینی آن ( $B_b$ ) معرفی و خروجی آن به سدهای لغزشی نیز بسط داده شده است. بر مبنای شاخص‌های عملکردی و آماری در رابطه‌ها، مقدارهای ضریب  $R^2$  برای  $Q_p$  معادل با  $0.91$  و برای  $H_b$  برابر با  $0.97$  و برای  $B_{ave}$  معادل با  $0.96$  به دست آمده است.

**کلیدواژه‌ها:** مدل ریاضی، روابط تجربی، الگوریتم تکاملی، رگرسیون غیرخطی، ویژگی‌های شکافت.

سدهای خاکی در ایران بیش از سایر سدها بوده، احتمال وقوع سیالب و خرابی در این نوع از سدها بیش از دیگر آن‌ها است (Mahmoud et al., 2017). شکست سدهای خاکی به طور معمول توسط مدل‌های محاسباتی هیدرولوژیکی و هیدرولیکی همراه با مجموعه‌ای از ویژگی‌های فرسایشی مفروض مطرح شده تا بهمنظور تکامل هندسه سد در طی زمان مورد استفاده قرار گیرد (Wahl, 1998). در این زمینه، دبی اوج خروجی ( $Q_p$ ) پراسنجه مهمی در پیش‌بینی تراز سطح طغیان آب برای برنامه‌ریزی عملیات اضطراری و کنترل سیالب به شمار می‌رود. اخیراً، بررسی‌های آزمایشگاهی متعددی روی سدهای خاکی با مصالح چسبنده و غیرچسبنده انجام یافته و معادله‌های پیش‌بینی پراسنجه‌های شکافت و  $Q_p$  به طور کلی توسط هوش مصنوعی و تحلیل رگرسیونی حاصل از مطالعه‌های موردنی شکست سدهای تاریخی به دست آمده‌اند. مدل‌های مذکور، پراسنجه‌های ورودی نظیر ارتفاع و حجم جریان عبوری از روی شکافت را به پراسنجه‌های مشاهداتی شکافت

### مقدمه

از قرن‌ها پیش سدها به عنوان یکی از سازه‌های مهم برای تأمین آب شرب، کشاورزی، صنعت و تفریح در تمام نقاط جهان مورد استفاده قرار گرفته‌اند. ارزیابی خطر وقوع سیالب در دره پایین‌دست در اثر شکست احتمالی سد نیازمند بررسی دقیق ابعاد شکافت و جریان حاصله می‌باشد. در شکست سد خاکی دانه‌بندی خاک نقش سیار مهمی در تعیین جریان عبوری و سایر ویژگی‌های شکافت از قبیل هندسه و زمان آن را بر عهده دارد. از طرفی، پیش‌بینی دقیق پراسنجه‌های شکافت در سدهای خاکی اقدام مهمی در مدیریت خطرهای ناشی از خرابی احتمالی آن محسوب شده و مطالعه خرابی سد مورد توجه بسیاری از محققان قرار گرفته است. در سدهای خاکی، روگذری جریان و رگاب به ترتیب درصد و ۴۶ درصد علل خرابی در سرتاسر جهان طی قرن بیستم بوده‌اند (Ranjbar et al., 2000; Foster et al., 2015).

تعیین حجم فرسایش یافته ( $V_{er}$ ) عامل مهمی در تعیین فرسایش تدریجی است (MacDonald and Langridge, 1984). به طوری که  $V_{er}$  در سدهای با مخزن ذخیره اندک، با ارتفاع سد ( $H_d$ ) ارتباط تنگاتنگی داشته و قادر است بر تمام پراسنجه‌های شکافت تأثیر بگذارد (Hassanzadeh, 2005). در سدهای خاکی غیرچسبنده نزد فرسایش در پایین دست (Morris et al., 2007) اغلب سریع و از نوع سطحی بوده (Zhong et al., 2017) بررسی میزان حساسیت به طوری که با افزایش چسبندگی زمان آن به طرز قابل توجهی افزایش می‌یابد (De Lorenzo and Macchione, 2014). بررسی میزان حساسیت به فرسایش مصالح بدنه و روابط مبتنی برای ارزیابی هیدروگراف سیل ناشی از فرسایش تدریجی سدهای خاکی در مطالعه‌ها انعکاس یافته است (Johnson and Illes, 1976; Singh and Snorrason, 1984) محدوده تغییرات عرض متوسط شکافت ( $B_{ave}$ ) به عنوان تابعی از  $H_d$  از عوامل تعیین کننده در ماهیت روگذری جریان و واپستگی آن به عمق جریان محسوب می‌گردد (Thornton et al., 2011; Pierce et al., 2010). مدل‌های فیزیکی عمدتاً اقدام به یکواخت‌سازی مقاطع غیرقابل پیش‌بینی شکافت به صورت ذوزنقه‌ای، مستطیلی و یا مثلثی می‌نمایند. در این مدل‌ها از روابط سرریزی‌به پهن و یا روزنہ برای شبیه‌سازی فرسایش طی روگذری جریان و رگاب استفاده می‌شود که از میان آن‌ها می‌توان DL BREACH (Fread, 1988) NWS BREACH (Wu, 2013) و (Morris, 2011) HR BREACH اشاره نمود.

در پژوهش حاضر، با استفاده از کامل‌ترین مجموعه داده‌های تاریخی و تحلیل رگرسیونی، رابطه جدیدی برای تعیین  $Q_p$  در یک سد خاکی ارائه شده به طوری که با مشارکت ویژگی‌های بدنه سد علاوه بر ویژگی‌های هیدرولیکی آن، رابطه مذکور با برخی از رابطه‌های موجود مقایسه می‌گردد. براساس شاخص‌های آماری، رابطه جدید معروفی شده قادر است تا ارزیابی دقیق‌تری را از مکانیسم‌های فرسایش ارائه نماید. در این پژوهش همچنین از مدل‌های آزمایشگاهی با مصالح دانه‌ای در سه ویژگی هندسی مختلف برای بررسی روند خرابی و فرسایش استفاده شده و نمونه‌ها در شرایط یکسان تحت روگذری جریان قرار گرفته‌اند. استفاده از برنامه‌ریزی بیان ژن (GEP) به عنوان یکی از الگوریتم‌های تکاملی (EA) در کنار مدل‌های رگرسیونی، روش مهمی در زمینه تعیین پراسنجه‌های خرابی به شمار می‌رود. لیکن استفاده کمتری از آن برای شکفت سد در ادبیات فن دیده می‌شود (Sattar, 2013).

ویژگی انتقال رسوی در پایین دست نشان می‌دهد که هندسه شکافت مستقیماً بر آب‌نمود خروجی تأثیر می‌گذارد. بنابراین، بخش دیگر این تحقیق مطالعه  $B_{ave}$  و  $H_b$  با ترکیبی از داده‌های تاریخی، آزمایشگاهی و شکفت فرضی سدهای موجود را شامل می‌شود و طی آن رابطه‌های جدیدی برای تعیین این دو بر اساس مجموعه داده‌ها ارائه می‌گردد. بررسی هندسه شکافت بر اساس منابع مختلف کارآیی بالایی را ارائه نموده و مطالعه‌های بسیار اندکی تاکنون در

حاصل از شکستهای واقعی مربوط می‌کنند. با استفاده از داده‌های تاریخی و بررسی‌های میدانی به عنوان مطالعه موردی، رابطه‌های متعددی برای محاسبه  $Q_p$  به عنوان تابعی از جریان عبوری از روی شکافت ( $H_w$ ) و نیز حجم عبوری از روی آن ( $V_w$ ) ارائه شده است (De Lorenzo and Macchione, 2014; Hagen, 1982; Kirkpatrick, 1977; Singh and Snorrason, 1984; Hakimzadeh et al., 2014; Azimi et al., 2015) راستا تحلیل رگرسیونی روش جایگزین و مناسبی برای تخمین  $Q_p$  حاصل از شکافت می‌باشد که در آن رابطه‌های رگرسیونی تابعی از ویژگی‌های هندسی سد بر اساس مطالعه موردی به شمار می‌رود (Thornton et al., 2011; Pierce et al., 2010) حال بررسی‌های اندکی بر روی استفاده از پراسنجه‌هایی نظری عرض متوسط سد ( $E_w$ ) و طول تاج سد ( $E_l$ ) در مطالعه‌های موجود دیده می‌شود. برای تعیین  $Q_p$  بر اساس پراسنجه‌های  $E_l$ ,  $H_w$ ,  $V_w$  و  $E_w$ ، داده‌های تاریخی حاصل از شکفت سد نشان می‌دهد که نیز  $H_w$  نتیجه‌های دقیق‌تری نسبت به  $E_l$  و  $E_w$  ارائه می‌نمایند به گونه‌ای که مشارکت این پراسنجه‌ها دقت محاسبات را به طرز چشم‌گیری افزایش می‌دهند (Thornton et al., 2011).

(Wang et al., 2018) سدهای لغزشی نوع دیگری از سدهای پر شده هستند که اغلب در دره‌های شب‌دار باریک در مناطق کوهستانی ناهموار و بلند شکل می‌گیرند (Kouzehgar, 2021). به منظور تعیین  $Q_p$  بر اساس افت سطح آب (d) و حجم رهاسازی شده از مخزن ( $V_0$ ) با استفاده از مطالعه موردی بیش از ۱۸ مورد Walder and (O'Connor, 1997).

برای تحلیل شکافت، انجام آزمایش‌های در مقیاس کوچک یا بزرگ به رفع بسیاری از نقص‌های شناسایی شده در ادبیات فن Coleman et al., (2004) لذا مطالعه‌های آزمایشگاهی متعددی برای بررسی ویژگی‌های هیدرولیکی شکافت و هیدروگراف خروجی در حین روگذری جریان انجام شده است (Patra and Dhiman, 2017); (Vaskinn et al., 2004); (Sadeghi et al., 2020); (Kouzehgar et al., 2021(a)); (Kouzehgar et al., 2021(b)) که برخی از آن‌ها آزمایش‌های بزرگ‌مقیاس میدانی را نیز شامل می‌شوند (Ashraf et al., 2018). در یک بررسی آزمایشگاهی از برنامه‌ریزی ژنتیک (GP) و ترکیبی از منابع مختلف داده‌ها جهت مطالعه دبی عبوری حاصل از شکافت استفاده گردید (Hakimzadeh et al., 2014) در برخی از منابع نیز از شبکه عصبی مصنوعی (ANN) با الگوریتم‌های آموزشی مختلف برای توسعه مدل پیش‌بینی دبی اوج استفاده نموده‌اند (Hooshyaripor and Tahershamsi, 2012). از مدل‌های فیزیکی همچنین برای بررسی و مقایسه رابطه بین تراکم و پراسنجه‌های شکافت (Hanson, 2005) و نیز اثر خصوصیت‌های خاک بر میزان گسترش آن استفاده شده است (Hunt et al., 2005).

در ضخامت‌های پنج سانتی‌متری در کف فلوم ریخته شده و با کمک آبپاش و غلطک‌های دستی که معمولاً برای تراکم آسفالت به کار می‌روند، مطابق با استاندارد ASTM-D698 با رطوبت بهینه به تراکم حداقل رسانده شدن. واضح است که در طبیعت خاک‌ریزه‌های که از صالح پر شده ساخته شده‌اند در مقایسه با خاک‌ریزه‌هایی با مصالح منسجم و پر تراکم رفتار متفاوتی را به نوبه خود نشان می‌دهند. این تفاوت بهویژه در نحوه شروع شکافت و توسعه آن نیز محسوس خواهد بود. بنابراین عدم رساندن به تراکم استاندارد به شدت موجب کاهش مقاومت ذرات خاک در برابر فرسایش می‌شود.

شیب بالادست و پایین‌دست در همه نمونه‌ها مقدار ثابت (افقی: عمودی) ۱:۲/۵ لحاظ شده است. مطالعه‌های آزمایشگاهی نشان می‌دهند تغییر یا کاهش این شیب تاثیر قابل ملاحظه‌ای روی نتایج نخواهد داشت (Walder et al., 2015). با در نظر گرفتن امکان ورود خطای انسانی در آزمایش‌ها، هریک از آن‌ها برای افزایش حصول اطمینان سه بار انجام گرفته و خطای به وجود آمده در ستون انتهایی جدول (۱) ارائه شده است. آب‌نمودهای خروجی از این آزمایش‌ها به طور کلی به ازای هر آزمایش مقدار نسبتاً ثابتی را نشان می‌دهد که یکسان بودن شرایط آزمایشگاهی، تراکم مناسب، یکسان بودن نمونه‌ها و توزیع یکنواخت اجزای دانه‌بندی نیز در این میان دخالت داشته است.

مرور یافته‌ها نشان می‌دهد که زمان تشکیل شکافت در مدل‌های هم ارتفاع به نوع دانه‌بندی وابستگی زیادی دارد. از آنجائی که در سدهای با مصالح دانه‌ای فرسایش بیشتر از نوع سطحی می‌باشد، با افزایش قطر ذرات ماسه‌ای زمان فرسایش به طرز محسوسی کاهش می‌یابد. این مساله را می‌توان به‌وضوح در حین تشکیل شبکه جریان و تراوش ناشی از فشار هیدرواستاتیک که از مخزن بالادست بر ذرات اعمال می‌گردد، مشاهده نمود. در دانه‌بندی‌های یک تا سه پایداری ذرات را عمدتاً می‌توان با زاویه اصطکاک داخلی مرتبط دانست در صورتی که در دانه‌بندی چهار و پنج علاوه بر این زاویه، نیروهای بین ذرات نیز نقش دارند. در هیچ یک از نمونه‌های مورد آزمایش لغزش ناشی از فشار هیدرواستاتیک مشاهده نشده است. در دانه‌بندی‌های یک تا سه فرسایش اغلب به صورت شسته‌شدن ذرات و در دانه‌بندی‌های چهار و پنج فرسایش عمدتاً به صورت شسته شدن ذرات همراه با سقوط توده‌های جرمی بوده است. با وجود این که یک سد خاکی کمک زیادی در جلوگیری از وقوع سیل در مناطق پایین‌دست می‌نماید، در صورت خرابی ممکن است سیلاب شدیدتری در پایین‌دست ایجاد گردد. با استفاده از خرابی سدهای تاریخی، پژوهشگران نتیجه‌گیری مهمی در مورد دامنه وسیعی از پراستجه‌های دخیل در خرابی یک سد نظیر زمان تشکیل شکافت،  $B_{ave}$  و  $Q_p$  حاصله به‌دست آورده‌اند (Froehlich, 2008; Wahl, 2004; Walder and O'Connor, 1997).

این خصوصیات صورت گرفته است. در ادامه مقاله، نسبت‌های بی‌بعد ارتفاع شکافت بر ارتفاع سد برای سدهای خاکی معمولی و لغزشی طبیعی مقایسه و دامنه تغییرات جدیدی برای آن تعیین شده است. همچنین بازه جدیدی برای نسبت‌های بی‌بعد برای  $B_{ave}$  بالایی شکافت ( $B_1$ ) و همچنین عرض پایینی آن ( $B_2$ ) ارائه شده است.

## مواد و روش‌ها

### مدل‌های آزمایشگاهی

مدل‌های آزمایشگاهی در سالیان اخیر مورد توجه بسیاری از محققان قرار گرفته‌اند. به دلیل ماهیت قابل کنترل شرایط و مطالعه مؤثر در این مدل‌ها، این امکان برای آن‌ها فراهم می‌شود تا به طور مستمر ویژگی‌های شکافت را مورد ارزیابی و بررسی قرار دهند. از طرفی محدودیت‌های موجود در آزمایشگاه باعث می‌گردد تا نتوان تمام شرایط واقعی و ویژگی‌های طبیعی محیط را در آن پیاده‌سازی نمود. در این پژوهش از یک سایت آزمایشگاهی با وسعت ۴۵۰۰ مترمربع که شامل یک مرکز تخصصی و پژوهشی هیدرولیک شکافت سد واقع در ۴۵ کیلومتری تبریز، خاصیات قرار داشته استفاده گردید. این آزمایشگاه از یک مخزن بالادست به حجم قابل تغییر تا ۱۲ مترمکعب و مجرای (فلوم) مستطیلی به طول ۳/۲ متر، عرض ۱/۵ متر و ارتفاع ۰/۶ متر از جنس کف سیمانی صاف به ضرب مانینگ ۰/۰۱۳ و دیوار شیشه‌ای به ضرب مانینگ ۰/۰۱ (Chow, 1959) همراه با مخزن پایین‌دست برای تخلیه جریان دوفازه تشکیل یافته است. در بخش انتهایی از یک سرریز مثلثی با زاویه راس قائم و عمق سنج دیجیتالی فرآوایی با قابلیت حفاظت بلادرنگ در برداشت و ذخیره داده‌ها به منظور تعیین عمق جریان لحظه‌ای بهره‌برداری گردیده است. بدین ترتیب این امکان برای محققان فراهم می‌گردد تا در شرایط کنترل شده دبی ورودی بالادست در اثر روگذری جریان، اقدام به اندازه‌گیری دبی خروجی حاصل از شکافت و همچنین اندازه‌گیری خصوصیت‌های هندسی شکافت بنمایند. استقرار دوربین‌های با کیفیت بالا در جهت‌های مختلف بلادرنگ فیلم‌ها و توسعه شکافت در طی زمان را تسهیل می‌نماید. در این تحقیق مطابق با جدول (۱) از پنج نوع دانه‌بندی مختلف ماسه‌ای در ارتفاع‌های  $0/3$ ،  $0/4$  و  $0/5$  متر استفاده شد که پارامترهای مقاومت برشی‌شان بر طبق استاندارد ASTM-D3080 بوده است. لازم به اشاره است چسبندگی موجود در مصالح ماسه‌ای مورد استفاده در این تحقیق مندرج در جدول (۱) در قیاس با چسبندگی مصالح ریزدانه رسی و سیلتی مقدارهای به مراتب کمتری را به دست می‌دهد. نمونه‌ها در شرایط یکسان تحت اثر روگذری جریان قرار گرفته و خصوصیت‌های آنان ثبت گردیده است. رقوم لحظه‌ای پایاب حاصل از شکافت به طور دقیق اندازه‌گیری شده و توسط رابطه پیشنهادی Wang و Chanson (2013) تبدیل به دبی لحظه‌ای شده که در آب نمودهای شکل (۱) نشان داده شده‌اند. تپه‌های خاکی مذبور

## جدول ۱- مدل‌های آزمایشگاهی و مشخصه‌های فنی آن‌ها

Table 1- Technical specifications of laboratory models

Test No.	Grading No.	$H_d$ (m)	S ( $m^3$ )	$\phi$ ( $^\circ$ )	C ( $kg/cm^2$ )	$D_{50}$ (mm)	Error  (%)
1	1	0.3	6.3525	38.3	0.02	2.3600	9
2	2	0.3	6.3525	37.6	0.02	1.9666	3
3	3	0.3	6.3525	35.8	0.02	0.9670	5
4	4	0.3	6.3525	34.6	0.00	0.6000	8.5
5	5	0.3	6.3525	34.2	0.02	0.4500	3
6	1	0.4	8.42	38.3	0.02	2.3600	16
7	2	0.4	8.42	37.6	0.02	1.9666	8
8	3	0.4	8.42	35.8	0.02	0.9670	9
9	4	0.4	8.42	34.6	0.00	0.6000	4
10	5	0.4	8.42	34.2	0.02	0.4500	5
11	1	0.5	10.4625	38.3	0.02	2.3600	14
12	2	0.5	10.4625	37.6	0.02	1.9666	9
13	3	0.5	10.4625	35.8	0.02	0.9670	13
14	4	0.5	10.4625	34.6	0.00	0.6000	9
15	5	0.5	10.4625	34.2	0.02	0.4500	6

$H_d$ : Height of the dam; S: Reservoir storage volume;  $\phi$ : Internal friction angle; C: Cohesion of the material;  $D_{50}$ : Median grain size

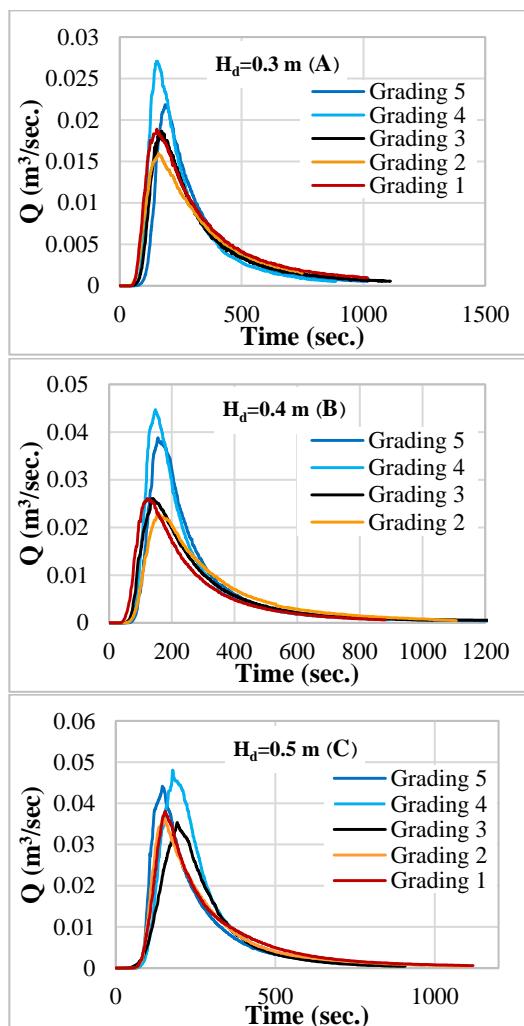


Fig. 1- Hydrographs of the failure of physical models

شکل ۱- آب نمودهای حاصل از شکست مدل‌های فیزیکی

در حل مسائل مربوط به شکست سد خاکی در انتخاب عمل‌گر ضرب برای توابع پیوند، طول کروموزم معادل با  $30^3$  و تعداد ۳ ژن به دست می‌آید. تقسیم داده‌ها همانند با رگرسیون غیرخطی بوده که در آن انتخاب داده‌ها به دو دسته آموزش و صحبت‌سنگی که به ترتیب معادل با ۷۵ درصد و ۲۵ درصد کل داده‌ها می‌باشد به گونه‌ای صورت گرفته که از همه طیف از داده‌های بزرگ و کوچک به مقدار یکسان در مراحل آموزش و صحبت‌سنگی استفاده شده است. بدین‌منظور از نرم افزار Matlab 2016b در تقسیم‌بندی داده‌ها استفاده شد.

#### عملکرد رابطه‌ها و مدل ریاضی

شاخص‌های آماری برای ارزیابی کارآیی مدل به کار می‌روند. بدین منظور از سه شاخص آماری ضریب نش-سانکلیف (NSE)، ضریب تبیین ( $R^2$ ) و جذر میانگین مربعات خطأ (RMSE) به صورت رابطه‌های (۲) الی (۴) استفاده شده است:

$$NSE = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (Q_{s,i} - Q_{o,i})^2}{\sum_{i=1}^n (Q_{o,i} - \bar{Q}_o)^2} \quad (2)$$

$$R^2 = \frac{\left[ \sum_{i=1}^n (Q_{s,i} - \bar{Q}_s)(Q_{o,i} - \bar{Q}_o) \right]^2}{\sum_{i=1}^n (Q_{s,i} - \bar{Q}_s)^2 \sum_{i=1}^n (Q_{o,i} - \bar{Q}_o)^2} \quad (3)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^n (Q_{s,i} - Q_{o,i})^2} \quad (4)$$

در رابطه‌های اخیر  $Q_{s,i}$  و  $Q_{o,i}$  به ترتیب دبی محاسباتی و مشاهداتی،  $\bar{Q}_s$  و  $\bar{Q}_o$  به ترتیب دبی میانگین محاسباتی و مشاهداتی،  $n$  گام زمانی و  $N$  تعداد گام‌های زمانی می‌باشند. مدل ریاضی BREACH یکی از متداول‌ترین مدل‌های موجود برای ارزیابی پراستجه‌های شکافت و هیدروگراف خروجی در سدهای خاکی می‌باشد. این مدل شکل بازشدنگی، زمان شکست، هیدروگراف سیل خروجی و هیدروگراف تراز پایاب را به دست می‌دهد. جریان داخل کanal در حالت روگذری جریان توسط فرمول سریز لبه‌پهن و در حالت رگاب توسط معادله روزنہ شبیه‌سازی می‌گردد. برای آغاز مدل سازی در اثر روگذری جریان باید تراز آب در مخزن پیش از شروع فرایش در بالای سد باشد پایین‌دست را فرایش می‌دهد، تراز کف کanal شکست در بالای سد باقی می‌ماند و ذرات مصالح سد در عرض تاج به سمت شیب

میزان گسترش شکافت به مقدار قابل توجهی بر میزان  $Q_p$  تأثیر خواهد گذاشت. سرعت کم رشد شکافت باعث خواهد شد که کanal به آهستگی تخلیه شده و از این رو انرژی لازم جهت هدایت جریان در راستای شکافت تقلیل یابد. بنابراین میزان توسعه شکافت تأثیر مشخصی بر  $Q_p$  حاصل از خرابی سد خاکی خواهد گذاشت که این مورد در تطابق با یافته‌های سایر پژوهشگران است (Hanson, 2005).

#### روش تحقیق

##### رگرسیون چندمتغیره

هدف کلی در رگرسیون غیرخطی چندمتغیره تناسب تصادفی یکی از تابع‌های موجود در داده‌های جمع‌آوری شده برای استحصال کارآمدترین حالت می‌باشد. این مدل‌ها می‌توانند تابع‌های مختلفی را از جمله نمایی، لگاریتمی، توانی و غیره پشتیبانی نمایند. لیکن تابع توانی به عنوان مناسب‌ترین حالت برای مساله شکست سد مطرح می‌باشد. ارتباط میان متغیرها در این نوع رگرسیون به صورت رابطه (۱) بیان می‌شود. تحلیل رگرسیون غیرخطی در مطالعه اخیر برای تعیین دبی اوج به عنوان تابعی از ویژگی‌های هیدرولیکی و IBM SPSS Statistics همچنین بدن سد با استفاده از نرم افزار ۷۵ درصد از کل داده‌های تاریخی که در آن ویژگی‌های مذکور مستند شده‌اند برای آموزش و بقیه برای صحبت‌سنگی مورد استفاده قرار گرفته‌اند.

$$y = ax_1^b x_2^c \dots x_i^z \quad (1)$$

در این رابطه  $y$  متغیر وابسته،  $x_i$  متغیر مستقل و  $a, b, c$  و ... مقدارهای ثابت هستند.

##### برنامه‌ریزی بیان ژن (GEP)

برنامه‌ریزی بیان ژن (GEP) شیوه‌ای از روش‌های الگوریتم گردشی محسوب می‌شود که بر پایه برنامه‌ریزی ژنتیک (GP) و الگوریتم ژنتیک (GA) بنیان گذاری شده است، با این تفاوت که در آن از شاخه‌های مجزا به جای نواهای بیت استفاده می‌شود. این روش فرایند گام‌به گام تصحیح ساختار داده‌ها را به کار می‌گیرد تا درنهایت روش حل مناسب را ارائه نماید. در این روش کروموزوم‌های خطی و ساده با طول ثابت، مشابه با الگوریتم ژنتیک و ساختارهای شاخه‌ای با اندازه و اشکال متفاوت، مشابه با درختان تجزیه در برنامه‌ریزی ژنتیک ترکیب و پدیده‌های مختلف با استفاده از مجموعه‌ای از توابع و ترمیم‌الاها مدل‌سازی می‌شوند. در این تحقیق از نرم افزار 5.0 GeneXproTools برای تعیین ویژگی‌های شکافت به کمک جمعیت‌های آماری استفاده شد. ابتدا داده‌ها در محدوده صفر و یک نرمال‌سازی شده و عمل‌گرهای ( $\times$ ،  $/$  و  $^8$ ) به عنوان ارتباط‌دهنده مناسب مابین پراستجه‌های دخیل در مساله شکست سد شناخته شد. طبق بررسی‌های این تحقیق، بهترین نتایج

تاریخی شکست سد که در اثر روگذری جریان و رگاب دچار خرابی شده‌اند، از پایگاه‌های داده‌ای مهم شامل Wahl (1998) Zhang (2009) و همچنین Zhang (2014) Xu (2014) et al (2017) اقتباس شده است. بدین‌منظور، جدول (۲) مجموعه کاملی را برای بررسی ویژگی‌های هیدرولیکی، شکافت و جریان در اختیار ما قرار می‌دهد.

### نتیجه‌ها و بحث

#### شیوه‌سازی دبی اوج خروجی از شکافت

کوشش‌های زیادی از سوی محققان مختلف در تعیین رابطه تعیین  $Q_p$  که عامل اصلی خرابی دشت‌های سیلابی پایین دست را تشکیل می‌دهد صورت گرفته است. نظر به اهمیت رابطه‌های بیان شده توسط ایشان، مطالعه ادبیات و تاریخچه فنی نشان می‌دهد

بالا درست حرکت می‌نمایند (Hassanzadeh, 2005, Singh, 2013). با درنظر گرفتن نوع فرسایش، شکافت به صورت ذوزنقه‌ای بوده و یا اگر از روش فرسایش محور استفاده شود، به صورت یک شکفت دوران جوششی شروع خواهد شد.

#### داده‌های تاریخی

صدها سال است که سدها به دلیل فرسایش خارجی و داخلی دچار عوایق فاجعه‌بار شده و با خسارت‌ها و تلفات قابل توجهی دچار خرابی شده‌اند. در ادبیات فن، پایگاه‌های اطلاعاتی متعددی وجود دارد که حاوی داده‌های ارزشمندی از خرابی سدها بوده و اصلی ترین پراسنجه‌های خرابی آن‌ها را شامل می‌گردد. بیشتر اطلاعات موجود در این پایگاه‌ها به دلیل رخداد غیرمنتظره فاجعه، داده‌های شکافت را به طور ناقص مستند نموده‌اند. هرچند که امکان ثبت برخی از آن‌ها به طور کامل میسر گردیده است. در این پژوهش، تعداد ۱۳۳ داده

### جدول ۲- داده‌های تاریخی مربوط به خرابی سدهای خاکی

Zhang et al. (2016) و Xu and Zhang (2009) ,Wahl (2014) ,Wahl(1998)

Table 2- Historic failure records of embankment dams

cited by Wahl(1998), Wahl (2014), Xu and Zhang (2009), and Zhang et al. (2016)

No.		$V_w$ ( $\times 10^6 m^3$ )	$H_w$ (m)	$E_w$ (m)	$E_l$ (m)	$H_b$ (m)	$B_t$ (m)	$B_b$ (m)	$B_{ave}$ (m)	$Q_p$ ( $m^3/s$ )	$V_{er}$ ( $m^3$ )
1	Apishapa <sup>1, 2, 3</sup>	22.2	28	82.4	200	31.1	91.5	81.5	93	6850	23800
2	Baimiku <sup>3</sup>	0.2	8	-	-	8	40	-	-	-	-
3	Baldwin Hills <sup>1, 3</sup>	0.91	12.2	59.6	198	21.3	-	-	25	1130	31700
4	Banqiao <sup>1, 2, 3</sup>	607.5	31	97	210 0	29.5	372	210	291	78100	-
5	Bayi <sup>2, 3</sup>	23	28	-	-	30	45	35	40	5000	-
6	Bearwallow Lake <sup>3</sup>	0.0493	5.79	14	-	6.4	-	-	12.2	-	-
7	Belci <sup>1</sup>	12.7	15.5	37.8	400	-	-	-	-	4700	1090
8	Big Bay <sup>1</sup>	17.5	13.59	20.4	200	13.56	-	-	83.2	4160	-
9	Bila Densa <sup>1</sup>	0.29	10.7	29.6	170	-	-	-	-	320	-
10	Bilberry <sup>1</sup>	0.32	23.6	62.5	800	-	-	-	-	725	-
11	Bradfield <sup>1</sup>	3.2	28.96	50	382	-	-	-	-	1150	-
12	Buckhaven No. <sup>2, 3</sup>	0.0247	6.1	37	-	6.1	-	-	4.72	-	1070
13	Buffalo Creek <sup>2, 3</sup>	0.484	14.02	-	-	14	153	97	125	1420	31900 0
14	Bullock D. Dike <sup>2, 3</sup>	0.74	3.05	-	-	5.79	13.6	11	12.5	-	1350
15	Butler <sup>1, 3</sup>	2.38	7.16	9.63	850	7.16	-	-	62.5	810	-
16	Caulk Lake <sup>3</sup>	0.698	11.1	32	-	12.2	-	-	35.1	-	13700
17	Castlewood <sup>1, 2, 3</sup>	6.17	21.6	47.4	180	21.3	54.9	33.5	44.2	3570	55700
18	Centralia <sup>1</sup>	0.013	5.5	10.1	40	-	-	-	-	71	-
19	Chenying <sup>3</sup>	5	12	-	-	12	-	-	-	1200	-
20	Clearwater Lake <sup>3</sup>	0.466	4.05	15	-	3.78	-	-	22.8	-	1290
21	Coedty <sup>2, 3</sup>	0.311	11	3.1	262	11	67	18.2	42.7	-	-
22	Cougar Creek <sup>3</sup>	0.0298	11.1	21.7	-	10.4	-	-	-	-	-
23	Dalizhuang <sup>3</sup>	0.6	12	-	-	12	40	-	-	-	-
24	Davis Reservior <sup>2, 3</sup>	58	11.58	-	-	11.9	21.3	15.4	18.3	510	6470
25	Danghe <sup>2, 3</sup>	10.7	24.5	-	-	25	96	20	58	2500	-
26	Delhi <sup>1</sup>	12.2	11.2	31.5	170	-	-	-	-	1950	-
27	Dells <sup>3</sup>	13	18.3	-	-	18.3	112. 8	-	-	5440	-

No.		V <sub>w</sub> (×10 <sup>6</sup> m <sup>3</sup> )	H <sub>w</sub> (m)	E <sub>w</sub> (m)	E <sub>l</sub> (m)	H <sub>b</sub> (m)	B <sub>t</sub> (m)	B <sub>b</sub> (m)	B <sub>ave</sub> (m)	Q <sub>p</sub> (m <sup>3</sup> /s)	V <sub>er</sub> (m <sup>3</sup> )
28	Dongchuankou <sup>3</sup>	27	31	-	-	31	-	-	-	21000	-
29	Dushan <sup>3</sup>	0.67	17.7	-	-	17.7	70	-	-	-	-
30	East Fork <sup>3</sup>	1.87	9.8	38.9	-	11.4	-	-	17.2	-	7630
31	Elk City <sup>1, 2, 3</sup>	1.18	9.44	50.4	564	9.14	45.5	27.7	36.6	608.7 9	16900
32	Emery <sup>3</sup>	0.425	6.55	-	-	8.23	22.2	-	10.8	-	1970
33	Euclides de Cunha <sup>3</sup>	-	58.22	-	-	53	131	-	-	1020	72600 0
34	Erlangmiao <sup>2, 3</sup>	0.196	9	-	-	9	36	1.6	18.8	-	-
35	Fengzhuang <sup>2, 3</sup>	0.625	8	-	-	8	40	30	35	-	-
36	Fogelman <sup>3</sup>	0.493	11.1	21.3	-	12.6	-	-	7.62	-	2050
37	FP&L Martin Plant <sup>1</sup>	125	5.09	27.7	410 0	-	-	-	-	2750	-
38	Frankfurt <sup>2, 3</sup>	0.352	8.23	-	-	9.75	9.2	4.6	6.9	79	1290
39	Fred Burr <sup>1, 3</sup>	0.75	10.2	30.8	100	10.4	-	-	-	654	-
40	French Landing <sup>1, 2, 3</sup>	3.87	8.53	34.3	350	14.2	41	13.8	27.4	929	13800
41	Frenchman <sup>1, 2, 3</sup>	16	10.8	37.3	600	12.5	67	54.4	54.6	1420	28400
42	Frias <sup>3</sup>	-	15	-	62.2	15	62	-	-	-	-
43	Goose Creek <sup>2, 3</sup>	10.6	1.37	-	-	4.1	30.5	22.3	26.4	565	1070
44	Grand Rapids <sup>1, 2, 3</sup>	0.025	6.4	14.8	441	6.4	12.2	6	19	7.5	-
45	Gouhou <sup>2, 3</sup>	3.18	44	-	-	48	138	61	99.5	2050	-
46	Haas Pond <sup>3</sup>	0.0234	2.99	16.7	-	3.96	-	-	10.7	-	708
47	Hart <sup>2, 3</sup>	6.35	10.7	31.1	-	10.8	106. 6	41.2	73.9	-	24800
48	Hastberga <sup>1</sup>	30	7.35	12.7	200	-	-	-	-	600	-
49	Hatchtown <sup>1, 2, 3</sup>	14.8	16.8	44.8	238	18.3	180	140	151	3080	16100 0
50	Hatfield <sup>3</sup>	-	6.8	-	-	6.8	-	6.1	91.5	3400	-
51	Hebron <sup>2, 3</sup>	-	12.19	3.7	-	15.3	61	30.4	45.7	-	30800
52	Hell Hole <sup>1, 2, 3</sup>	30.6	35.1	103	470	56.4	175. 1	66.9	121	7360	55500 0
53	Herrin <sup>3</sup>	-	10.7	28.8	-	10.7	-	-	47.2	-	14500
54	Horse Creek <sup>1, 2, 3</sup>	12.8	7.01	26.8	701	12.8	76.2	70	73.1	3890	20500
55	Hougou <sup>3</sup>	0.24	8	-	-	8	-	-	20	-	-
56	Houshishan <sup>2, 3</sup>	0.22	16	-	-	16	45	15	30	-	-
57	Huqitang <sup>2, 3</sup>	0.424	5.1	-	-	9	12	3	7.5	50	-
58	Hutchinson Lake <sup>3</sup>	1.17	4.42	14	-	3.75	-	-	33.4	1750	-
59	Iowa B. Processors <sup>3</sup>	0.333	4.42	-	305	4.57	-	-	16.8	-	-
60	Ireland No. 5 <sup>1, 3</sup>	0.16	3.81	18	370	5.18	-	-	13.5	110	1260
61	Jacobs Creek <sup>3</sup>	0.423	20.1	-	-	21.3	-	-	21.3	-	-
62	Jiahezi <sup>3</sup>	42	12	-	-	18	181	-	-	-	-
63	Johnston City <sup>2, 3</sup>	0.575	3.05	21.5	-	5.18	13.4	2	8.23	-	673
64	Johnstown <sup>1, 2</sup>	18.9	24.6	64	284	24.4	128	61	94.5	8500	68800
65	Kelly Barnes <sup>1, 2, 3</sup>	0.777	11.3	19.4	80	12.8	35	18	27.3	680	9940
66	Kodanagar <sup>3</sup>	12.3	11.5	-	-	11.5	-	-	-	1280	-
67	Kraftsmen's Dam <sup>3</sup>	0.177	3.66	8.1	-	3.2	-	-	14.5	-	376
68	La Fruta <sup>3</sup>	78.9	7.9	40	-	14	-	-	58.8	-	32900
69	Lake Avalon <sup>1, 3</sup>	31.5	13.7	42.7	370	14.6	-	-	130	2320	81000
70	Lake Frances <sup>2, 3</sup>	0.789	14	47.4	-	17.1	30	10.4	18.9	-	12400
71	Lake Genevieve <sup>3</sup>	0.68	6.71	19.8	-	7.92	-	-	16.8	-	2630
72	Lake Latonka <sup>2, 3</sup>	4.09	6.25	-	-	8.69	49.5	28.9	39.2	290	9540
73	Lake Philema <sup>3</sup>	4.78	9	28	-	8.53	-	-	47.2	-	11300
74	Lambert Lake <sup>3</sup>	0.296	12.8	53.9	-	14.3	-	-	7.62	-	5870
75	Laurel Run <sup>1, 3</sup>	0.555	14.1	40.5	160	13.7	-	-	35.1	1050	19500
76	Lawn Lake <sup>3</sup>	0.798	6.71	-	-	7.62	-	-	22.2	510	2400

No.		V <sub>w</sub> (×10 <sup>6</sup> m <sup>3</sup> )	H <sub>w</sub> (m)	E <sub>w</sub> (m)	E <sub>l</sub> (m)	H <sub>b</sub> (m)	B <sub>t</sub> (m)	B <sub>b</sub> (m)	B <sub>ave</sub> (m)	Q <sub>p</sub> (m <sup>3</sup> /s)	V <sub>er</sub> (m <sup>3</sup> )
77	Lily Lake <sup>1, 3</sup>	0.0925	3.35	13.2	60	3.66	-	-	10.8	71	-
78	Lijiaju <sup>3</sup>	1.14	25	-	-	25	-	-	-	2950	-
79	Liujitai <sup>3</sup>	40.54	35.9	-	-	35.9	-	-	-	28000	-
80	Little D. Creek <sup>1, 2, 3</sup>	1.36	22.9	63.1	400	27.1	49.9	9.3	29.6	1330	50600
81	Long B. Canyon <sup>3</sup>	0.284	3.17	11.3	-	3.66	-	-	9.14	-	378
82	Longtun <sup>3</sup>	30	9.5	-	-	9.5	181	-	-	-	-
83	Lower Latham <sup>3</sup>	7.08	5.79	-	-	7.01	-	-	79.2	340	14300
84	Lower Otay <sup>1, 2, 3</sup>	49.3	39.6	53.3	172	39.6	172	93.8	133	15800	10700
85	L. T. Medicine <sup>1, 2, 3</sup>	19.6	11.3	33.3	350	11.3	84	50	67	1800	71900
86	Lyman <sup>2, 3</sup>	35.8	16.2	-	-	19.8	107	87	97	-	71900
87	Lynde Brook <sup>2, 3</sup>	2.88	11.6	41.8	-	12.5	45.7	15.3	30.5	-	15300
88	Mahe <sup>3</sup>	23.4	19.5	-	-	19.5	-	-	-	4950	-
89	Mammoth <sup>3</sup>	-	21.3	-	-	21.3	-	-	9.2	2520	-
90	Melville <sup>2, 3</sup>	24.7	7.92	3	-	9.75	40	25.6	32.8	-	10600
91	Merimac Dam <sup>3</sup>	0.0696	3.44	17.5	-	3.05	-	-	14.2	-	758
92	Mossy Dam <sup>3</sup>	4.13	3.44	14.3	-	3.05	-	-	41.5	-	2040
93	Nahzille <sup>2</sup>	-	-	-	130	5.03	6.71	6.71	6.71	-	-
94	Niujiayou <sup>2, 3</sup>	0.144	7.2	-	-	7.2	20	6	13	-	-
95	Otter Lake <sup>2, 3</sup>	0.109	5	20.6	-	6.1	17.1	1.5	9.3	-	1170
96	Oros <sup>1, 2, 3</sup>	660	35.8	110	200	35.5	200	130	165	9630	76500
97	Pierce Reservoir <sup>3</sup>	4.07	8.08	30.5	-	8.69	-	-	-	-	-
98	Porter Hill <sup>1</sup>	0.015	5	12	80	-	-	-	-	30	-
99	Potato Hill <sup>2, 3</sup>	0.105	7.77	-	-	7.77	26.2	6.8	16.5	-	-
100	Prospect <sup>1, 2, 3</sup>	3.54	1.68	13.1	-	4.42	91.4	85.4	88.4	116	5120
101	Puddingstone <sup>1, 3</sup>	0.617	15.2	43	420	15.2	-	-	-	480	-
102	Qielinggou <sup>3</sup>	0.7	18	-	-	18	-	-	-	2000	-
103	Quail Creek <sup>1, 2, 3</sup>	30.8	16.7	56.6	-	21.3	-	-	70	3110	84400
104	Rainbow Lake <sup>3</sup>	6.78	10	28.2	-	9.54	-	-	38.9	-	10500
105	Renegade R. Lake <sup>3</sup>	0.0139	3.17	11	-	3.66	-	-	2.29	-	92
106	Rito Manzares <sup>1, 2, 3</sup>	0.0247	4.57	13.3	75	7.32	19	7.6	13.3	83	1290
107	Salles Oliveira <sup>3</sup>	71.5	38.4	-	-	35	-	-	168	7200	44000
108	Schaeffer <sup>1, 2, 3</sup>	4.44	30.5	80.8	335	30.5	210	64	137	4500	22700
109	Scott Farm <sup>2, 3</sup>	0.086	10.4	-	-	11.9	15	15	15	-	7020
110	Shanhу <sup>2, 3</sup>	1.78	12.5	-	-	13	58	24	41	-	-
111	Shangliuzhuang <sup>3</sup>	0.11	14	-	-	14	30	-	-	-	-
112	Sheep Creek <sup>2, 3</sup>	0.91	14.02	-	-	17.1	30.5	13.5	22	-	-
113	Shilongshan <sup>3</sup>	2.06	14	-	-	14	50	-	-	-	-
114	Shimantan <sup>1, 2, 3</sup>	117	27.4	-	-	25.8	446	288	367	30000	-
115	Sinker Creek <sup>2, 3</sup>	3.33	21.34	-	-	21.3	92	49.2	70.6	-	84100
116	South Fork Trib. <sup>3</sup>	0.0037	1.83	-	-	24.4	-	-	-	122	-
117	Spring Lake <sup>1, 2, 3</sup>	0.136	5.49	-	-	5.49	20	9	14.5	-	612
118	Statham Lake <sup>2, 3</sup>	0.564	5.55	-	-	5.12	23.8	18.2	21	-	-
119	Swift <sup>2, 3</sup>	37	47.85	-	226	57.6	225	225	225	24947	20600
120	Teton <sup>1, 2, 3</sup>	310	77.4	250	-	86.9	-	-	151	65120	30600
121	Tiemusi <sup>3</sup>	0.11	12	-	-	12	60	-	-	-	-
122	Tongshuyuan <sup>3</sup>	0.4	10	-	-	10	30	-	-	-	-
123	Trial Lake <sup>2, 3</sup>	1.48	5.18	-	-	5.18	25.2	16.8	21	-	-
124	Trout Lake <sup>3</sup>	0.493	8.53	21.6	-	8.53	-	-	26.2	-	4830
125	Upper Pond <sup>2, 3</sup>	0.222	5.18	-	-	5.18	25.4	7.6	16.5	-	-
126	Wanshangang <sup>2, 3</sup>	1.5	12	-	-	12	50	30	40	-	-

No.		$V_w$ ( $\times 10^6 m^3$ )	$H_w$ (m)	$E_w$ (m)	$E_l$ (m)	$H_b$ (m)	$B_t$ (m)	$B_b$ (m)	$B_{ave}$ (m)	$Q_p$ ( $m^3/s$ )	$V_{er}$ ( $m^3$ )
127	Weatland No. <sup>1,2,3</sup>	11.6	12.2	-	-	13.7	46	41	35.4	-	14600
128	Wilkinson Lake <sup>2,3</sup>	0.533	3.57	13.2	-	3.72	-	-	29	-	1420
129	Winston <sup>2</sup>	0.662	6.4	7.76	133	6.1	21.3	18.3	19.8	-	-
130	Yuanmen <sup>3</sup>	6.4	19.2	-	-	19.2	-	-	-	-	-
131	Zhonghuaju <sup>3</sup>	0.14	16	-	-	16	-	-	-	-	-
132	Zhugou <sup>2,3</sup>	18.43	23.5	-	-	23.5	159	110	135	11200	-
133	Zuocun <sup>3</sup>	40	35	-	-	35	-	-	-	23600	-

$V_w$ : Reservoir storage volume above breach;  $H_w$ : Height of water above breach;  $E_w$ : Average embankment width;

$E_l$ : Embankment length;  $H_b$ : Height of breach;  $B_t$ : Top width of breach;  $B_b$ : Bottom width of breach;

$B_{ave}$ : Average breach width;  $Q_p$ : Peak outflow discharge;  $V_{er}$ : Eroded volume

به رابطه‌های مهم موجود ارائه می‌نمایند. در تحلیل حساسیت صورت گرفته مندرج در جدول (۴)، مقایسه یافته‌های این تحقیق نشان می‌دهد که هرچند دخالت ویژگی‌های بدنه به اندازه، ویژگی‌های هیدرولیکی در پدیده فرسایش سد خاکی مؤثر نیست، لیکن وجود این عوامل می‌تواند منتهی به ارزیابی دقیق‌تر آن گردد. بر اساس تحلیل حساسیت، واستگی  $Q_p$  به پراسنجه‌های مؤثر شکافت به ترتیب  $H_w$ ,  $V_w$ ,  $E_w$  و  $E_l$  بوده است. نتیجه این تحلیل بر روی ۴۲ داده تاریخی موجود همچنین نشان می‌دهد مشارکت هر ۴ پارامتر مذکور مسلمان قابلیت ارزیابی  $Q_p$  را به طور چشمگیری افزایش می‌دهد. بر اساس تحلیل بر روی داده‌های تاریخی موجود، رابطه (۵) به صورت زیر پیشنهاد می‌شود. داده‌های بکاررفته در این تحلیل بالاترین<sup>۱</sup> در جدول (۲) مشخص گردیده و تعداد داده‌های پرت ۹ مورد می‌باشد.

$$Q_p = 0.4918 V_w^{\frac{1}{3}} H_w^{\frac{39}{20}} E_l^{\frac{1}{50}} E_w^{-\frac{7}{12}} \quad (5)$$

در پدیده شکفت سد، استفاده از هوش مصنوعی در تعیین پراسنجه‌های هندسی و بهویژه جریان اوج حاصل از شکافت کاربرد فراوانی داشته و چنانچه در مقدمه بدان ابراد گردید محققان مختلفی آن را با پراسنجه‌های هیدرولیکی مرتبط دانسته‌اند. هرچند نمونه‌های فراوانی از آن‌ها را در مطالعه‌های محققان می‌توان Hakimzadeh et al. (2014) نیز با تلفیق جمعیت‌های مختلف آماری و استفاده از GP (2014) نیز با شبیه‌سازی  $Q_p$  حاصل از شکافت نموده‌اند. در کنار داده‌های تاریخی، مطالعه آزمایشگاهی ایشان شامل مصالح دانه‌ای و چسبنده ریزدانه در دو ارتفاع  $3/0$  و  $4/0$  متر بوده و سدهای همگن مجاري با ابعاد هندسی و ویژگی‌های مکانیکی خاک ثابت همراه با توپوگرافی فرضی در بالادست و پایین دست مورد ارزیابی قرار گرفته است. در مقایسه دستاوردهای این پژوهش، قابل ذکر است که دانه‌بندی مصالح این تحقیق از نوع ماسه‌ای دانه‌ای جدول (۱) و ابعاد هندسی تپه‌های خاکی در سه ارتفاع مختلف  $3/0$ ,  $4/0$  و  $5/0$  متر می‌باشد. تلفیق مجموعه داده‌های این تحقیق چون بر مبنای داده‌های تاریخی، آزمایشگاهی و شکافت فرضی سدهای در حال بهره‌برداری استوار است، ارزیابی واقع بینانه‌تری را ملحوظ می‌دارد. کاربرد GEP

که بیشتر این تلاش‌ها بر رهیافتی متصرکز بوده که پدیده شکافت سد را به عوامل هیدرولیکی شکست نظری  $H_w$  و  $V_w$  رهنمون می‌سازد. به طوری که نمونه‌های مختلفی از این رابطه‌ها در بخش مقدمه نیز مورد تأکید قرار گرفته‌اند. به طور کلی می‌توان علت اصلی آن را در تبعیت پدیده روگذری جریان از رابطه‌های سرریز لبه‌پهن و بهویژه  $H_w$  مرتبط با آن و نیز منتهی شدن فرسایش درونی به روگذری جریان تفسیر نمود. با توجه به این که در پدیده پیچیده شکست سد سلسه عوامل متعددی ایفای نقش می‌نمایند، محققان همواره در جستجوی روکردهای دیگر و درنتیجه دخالت سایر عوامل در این زمینه بوده‌اند. یکی از این موارد را می‌توان در نقش و تاثیر عرض متوسط بدنه ( $E_w$ ) و نیز طول سد ( $E_l$ ) دانست که بالقوه قادر خواهد بود تا در حجم جریان تاثیر بگذارد. به تازگی تحقیقاتی جهت ارزیابی  $Q_p$  به عنوان تابعی از  $E_w$  و  $E_l$  با استفاده از تحلیل رگرسیونی بر روی بیش از ۴۰ مطالعه موردی انجام یافته است (Wang et al., 2018). مدل تجربی دیگری نیز با نیز با مشارکت دو پراسنجه اخیر و مجموعه داده‌های مشابه توسط این محققان ارائه گردیده به طوری که در آن کارایی معادله‌ها به طور قابل توجهی بهبود یافته است. سایرین بیشتر نیز ضمن انجام تحلیل بر روی ۳۵ داده تاریخی، چهار رابطه تجربی را بر اساس ابعاد سد و ویژگی‌های هیدرولیکی آن ارائه نموده‌اند، که تنها یکی از آن‌ها شامل پراسنجه‌های  $E_l$  و  $E_w$  بوده است (Gupta and Singh, 2012). محقق دیگری نیز با استفاده از مطالعه موردي به ترتیب ۲۵ و ۱۴ داده تاریخی موجود، تحقیقاتی را برای تعیین  $Q_p$  به عنوان Thorntont et al., (2011) تابعی از  $V_w$ ,  $H_w$ ,  $E_l$  و  $E_w$  ارائه نموده است (Thorntont et al., 2011). این معادله‌ها همراه با شاخص‌های آماری در جدول (۳) معرفی شده‌اند. مجموعه داده‌ها از چهار منبع (Wahl, 1998, Xu and Zhang, 2009, Zhang et al., 2017, Wahl, 2014) به دست آمدند. بررسی رابطه‌های موجود نشان می‌دهد بیشترین کارایی مربوط به مشارکت پراسنجه‌های  $H_w$  و  $V_w$  در معادله ارائه شده توسط (Thorntont et al., 2011) بوده است. نظر به محدودیت‌های موجود در تعداد داده‌های تاریخی در تحقیق حاضر، رابطه زیر با استفاده از رگرسیون غیرخطی پیشنهاد شده که در کنار پراسنجه‌های هیدرولیکی پراسنجه‌های بدنه سد را نیز لحاظ می‌نمایند و به ازای جمعیت آماری یکسان، کارایی بالاتری را نسبت

بسیار بیشتر از سدهای خاکی بوده و در صورت بروز شکافت، مصالح خاکی به زمان بیشتری برای فرسایش نیاز داشته و از این رو  $Q_p$  کاهش پیدا می‌نماید. شکست سدهای مذکور تا حد زیادی تحت تأثیر عواملی مانند ارتفاع سد، ظرفیت دریاچه و فرسایش‌پذیری سد قرار دارد (Shi et al., 2015, Zhang et al., 2010). روگذری جریان و رگاب از شایع‌ترین علل خرابی سدهای خاکی محاسبه می‌شوند، در حالی که روگذری جریان مهمترین علت خرابی سدهای لغزشی به شمار می‌رود. به طوری که درصد خرابی سدهای خاکی و لغزشی تحت روگذری جریان به ترتیب ۵۸ و ۹۱ درصد و ۹۱ درصد می‌باشد، از سوی دیگر، این نسبت‌ها برای حالت رگاب در سدهای Peng et al., 2014, Shen et al., 2020 فوق به ترتیب معادل ۳۷ درصد و ۸ درصد خواهد بود (al., 2014, Shen et al., 2020) که حساسیت انداز سدهای لغزشی به فرسایش داخلی را بیان می‌نماید و از آنجایی که شبیه پایین دست و بالا دست در این سدها اغلب ملاجیمتر از سدهای خاکی است، سرعت فرسایش در مقایسه با سدهای خاکی معمولی آهسته‌تر خواهد بود. بررسی‌ها نشان می‌دهند به طور متوسط، کاربرد مدل‌های تجربی سدهای خاکی به سدهای لغزشی برای تعیین پراستجه‌های شکافت و همچنین  $Q_p$  به ترتیب موجب تخمین محافظه‌کارانه به میزان بیش از ۶۰ درصد و ۲۰۰ درصد می‌گردد. درحالی که زمان مردم‌نیاز برای فرسایش سدهای خاکی بیش از ۲/۷۶ برابر روابط ارائه شده برای تعیین زمان تشکیل شکافت برای سدهای خاکی Peng and Zhang, 2012, Shen et al., 2014, (2020).

که نسخه بروزشده GP است نیز نگاره بهتری از پدیده شکست سد را بیان می‌دارد و دخالت ابعاد هندسی بدن سد در کنار ویژگی‌های هیدرولیکی آن موجب تکمیل پژوهش‌ها شده است. با علم به این که در این زمینه مطالعه‌های کمتری نسبت به ویژگی‌های هیدرولیکی صورت گرفته است.

بررسی رابطه پیشنهادی نشان می‌دهد که  $E_w$  با  $Q_p$  نسبت عکس خواهد داشت، افزایش  $E_w$  می‌تواند در حین فرسایش طی رگاب موجب کاهش شبکه جریان در بدن سد شده و بر میزان انتقال رسواب نیز در هنگام روگذری جریان تاثیرگذار باشد. البته باید توجه داشت که به دلیل افزایش قطر سنگدانه‌ها بهویله در سدهای سنگریزه‌ای، سقوط ذرات در مجاورت شکافت نیز به انرژی پیشتری برای انتقال نیاز دارد. منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی در برابر محاسباتی شکل (۲) نشان می‌دهد که رابطه پیشنهادی از کارایی بالایی برخوردار می‌باشد. در این رابطه مقادیر  $R^2$  و RMSE و NSE به ترتیب معادل با ۰/۹۱، ۰/۹۰ و ۶۲۴/۷۸ می‌باشد.

سدھای لغزشی که بیشتر در مناطق کوهستانی به دور از امکانات پایش قرار گرفته‌اند، بخشی از تودهای طبیعی لغزشی با مواد سنگی و خاکی ناهمگن هستند که معمولاً به دلیل تراکم طبیعی، مقاومت کمتری نسبت به سدهای خاکی دارند. به طوری که پراستجه‌های مکانیکی نظیر فرسایش و نفوذپذیری در آن‌ها بسیار متفاوت و به طور کلی بیشتر از سدهای خاکی معمولی می‌باشد. با توجه به همان ظرفیت مخزن، طول تاج و جرم این سدها معمولاً

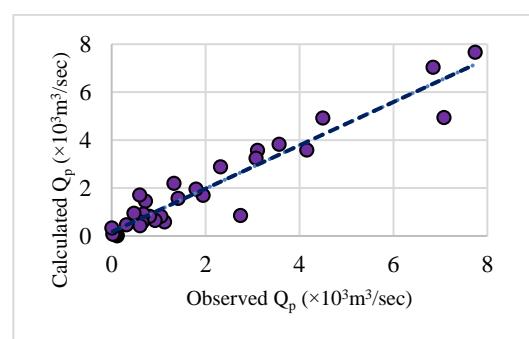


Fig. 2- Dispersion curve of observed versus calculated values to determine  $Q_p$   
شکل ۲- منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی در برابر محاسباتی برای تعیین  $Q_p$

جدول ۳- رابطه‌های ارایه شده برای تعیین دبی اوج خروجی براساس  $E_l$  و  $E_w$ ,  $V_w$ ,  $H_w$ ,  $E_l$  و  $E_w$

Table 3- Relationships presented to determine the peak output flow based on the  $H_w$ ,  $V_w$ ,  $E_w$ , and  $E_l$

Equation No.	Equation	Researcher	RMSE	$R^2$
(6)	$Q_p = 3.9031 E_l^{1.0727}$	Wang et al. (2018)	5197.04	-*
(7)	$Q_p = 0.8041 E_w^{2.1128}$	Wang et al. (2018)	2211.74	0.26
(8)	$Q_p = 0.1413 E_l^{0.4675} E_w^{1.8579}$	Wang et al. (2018)	2250.72	0.19
(9)	$Q_p = 0.02174 V_w^{0.4738} H_w^{1.1775} (E_l + E_w)^{0.17094}$	Gupta and Singh (2012)	1120.56	0.76
(10)	$Q_p = 0.863 V_w^{0.335} H_w^{1.833} E_w^{-0.663}$	Thronton et al. (2011)	910.96	0.83
(11)	$Q_p = 0.012 V_w^{0.493} H_w^{1.205} E_l^{0.226}$	Thronton et al. (2011)	1324.26	0.72

$Q_p$ : Peak outflow discharge;  $E_l$ : Embankment length;  $E_w$ : Average embankment width;  $V_w$ : Reservoir storage volume above breach;  $H_w$ : Height of water above breach; RMSE: Root mean square error;  $R^2$ : Correlation coefficient;

\*: Undefined value

جدول ۴- نتیجه های مربوط به تحلیل حساسیت پر اسنجه های مختلف ورودی رابطه (۵)

Table 4-- Results of sensitivity analysis of various input parameters of Equation (5)

Training data			Validation data				
Fitness	R <sup>2</sup>	Fitness	R <sup>2</sup>	V <sub>w</sub>	H <sub>w</sub>	E <sub>l</sub>	E <sub>w</sub>
818.933	0.35	808.78	0.32	✓	✗	✗	✗
859.34	0.64	850.38	0.60	✗	✓	✗	✗
788.13	-*	782.26	-	✗	✗	✓	✗
809.01	0.24	840.45	0.56	✗	✗	✗	✓
918.66	0.91	760.43	0.96	✓	✓	✗	✗
834.51	0.47	788.82	0.33	✓	✗	✓	✗
849.26	0.57	858.68	0.94	✓	✗	✗	✓
916.92	0.90	797.44	0.95	✓	✓	✓	✗
858.026	0.63	856.92	0.98	✓	✗	✓	✓
938.31	0.94	864.73	0.95	✓	✓	✗	✓
860.21	0.64	876.24	0.74	✗	✓	✓	✗
864.78	0.67	843.63	0.55	✗	✓	✗	✓
864.81	0.67	827.09	0.43	✗	✓	✓	✓
809.28	0.25	863.05	0.70	✗	✗	✓	✓
935.78	0.94	900.77	0.88	✓	✓	✓	✓

V<sub>w</sub>: Reservoir storage volume above breach; H<sub>w</sub>: Height of water above breach;E<sub>l</sub>: Embankment length; E<sub>w</sub>: Average embankment width; RMSE: Root mean square error; R<sup>2</sup>: Correlation coefficient;

\*: Undefined value

میدانی تحقیق حاضر و همچنین بررسی داده های تاریخی مشخص گردید که B<sub>ave</sub> در محدوده زیر از ارتفاع سد قرار دارد:

$$0.71H_d \leq B_{ave} \leq 7.86H_d \quad (12)$$

شکل (۳) میزان توسعه لحظه ای هندسه شکافت را در نظر می گیرد. افزایش H<sub>w</sub> در نتیجه نزدیک شدن B<sub>b</sub> به بستر فونداسیون همراه با سرعت بالای حریان عبوری از شکافت، علاوه بر ایجاد فرسایش جانبی، می تواند منجر به ایجاد سطح فرسایشی و بررشی در دو طرف شکافت و در مجاورت فونداسیون گردد. راستا و شدت این سطح فرسایش بافته در امتداد عرض تاج حداکثر می باشد. به طوری که ادامه این وضعیت می تواند باعث گسترش شکافت، ریزش دیواره ها و افزایش غلظت جریان در بازوی نزولی هیدروگراف گردد. در مطالعه دیگری که توسط پژوهشگران بر روی میزان تاثیر طول سد بر روی B<sub>ave</sub> صورت گرفت مشخص شد که مقدار B<sub>ave</sub> در سدهای سنگریزه ای مقادیر بیشتری را نسبت به سدهای خاکریزه ای ارائه نموده و حد این مقدار به سمت E<sub>l</sub> میل می کند.

شبیه سازی ویژگی های شکافت در سدهای خاکی و لغزشی عرض نهایی شکافت و نرخ گسترش عرض آن به طور چشمگیری می تواند بر Q<sub>p</sub> خروجی و در نتیجه سیلاب پایین دست تاثیرگذار باشد. در مطالعه کنونی برای تبیین B<sub>ave</sub> بر اساس پایگاه داده موجود، مشخص شد که ۴۸/۹۳ درصد از داده ها در محدوده ارائه شده توسط Johnson و Illes (1976) که در آن ۰.۵H<sub>d</sub> ≤ B<sub>ave</sub> ≤ ۳H<sub>d</sub> قرار دارند، در حالی که این مقادیر در محدوده توصیه شده توسط Snorrason و Singh (1984) ۴۸/۸ معادل با ۲H<sub>d</sub> ≤ B<sub>ave</sub> ≤ ۵H<sub>d</sub> مورداستفاده عمده از چهار منبع موجود در ادبیات فن شامل منبع Whal (2009) Zhang et al (2009) و Xu (2009) (Zhang et al 2009) (Whal 2009) (Xu 2009) (Zhang et al 2017) (Whal 1998) (Zhan et al 2014) (Whal 1998) استخراج شده اند. مقادیر B<sub>ave</sub> در بیش از ۹۲ درصد داده های بررسی شده برابر با ۱۲۰/۶ درصد عرض تحتانی شکافت (B<sub>b</sub>) را تشکیل داده، در حالی که، این سهم برابر با ۶۲/۶ درصد عرض فوقانی شکافت (B<sub>t</sub>) در بیش از ۸۰ درصد از داده های مطالعه شده می باشد (Kouzehgar et al., 2021(b)). این نتایج همچنین با یافته های آزمایشگاهی در تطابق می باشد. بر اساس مشاهدات

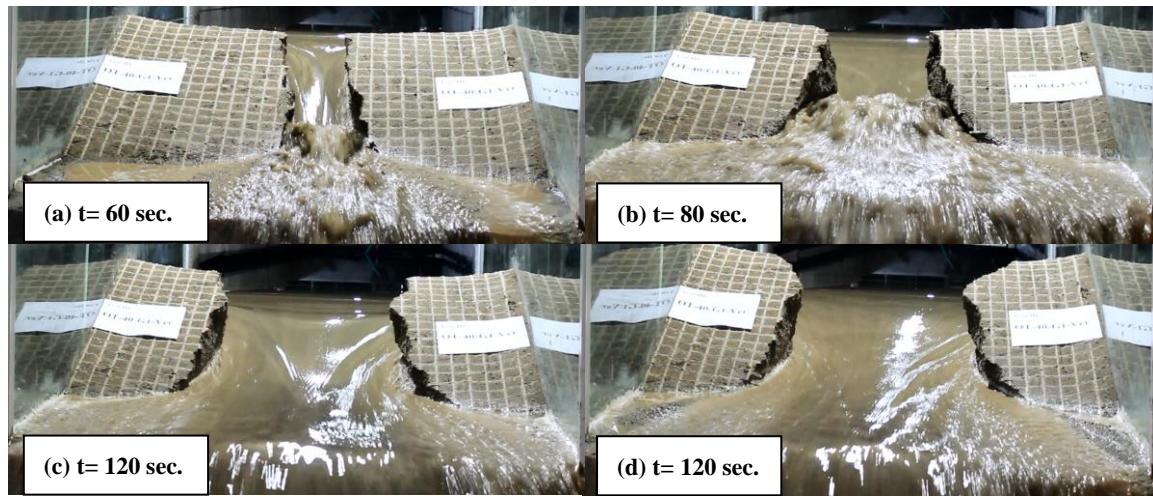


Fig. 3- Instantaneous development of the breach geometry (Experiment No. 6)

شکل ۳- توسعه لحظه‌ای هندسه شکافت (آزمایش شماره ۶)

شده و بین مجموعه داده‌های مختلف مطالعه حاضر، اختلاف قابل توجهی در گروه‌های متغیرهای مستقل مشاهده نشده است. لذا متغیرهای وابسته موجود در هر گروه از داده‌ها به طور نرمال در میان هر گروه از متغیرهای مستقل توزیع شده‌اند جدول (۵) مجموعه سدهای مطالعه شده را که برای تعیین  $B_{ave}$  انتخاب شده‌اند را نشان می‌دهد.

در مطالعه  $B_{ave}$ ، رابطه (۱۴) که با استفاده از GEP حاصل شده، بر اساس مشارکت منابع مختلف داده‌ای و نیز ویژگی‌های شکافت سد به صورت زیر پیشنهاد می‌شود:

$$B_{ave} = 0.93564 B_t^{\frac{2}{3}} B_b^{\frac{1}{3}} \quad (14)$$

در تعیین این رابطه، کارورهای (پراتورهای) به کار رفته طی جدول (۶) معرفی و داده‌های ورودی نرمال‌سازی شد. سایر ویژگی‌ها در بخش برنامه‌ریزی بیان ژن توضیح داده شده‌اند. ضرایب  $R^2$  و RMSE به ترتیب  $0.99$  و  $0.99$  بودند. در داده‌های به کار رفته با بالاترین  $R^2$  در جدول (۲) نمایش داده شده‌اند. جدول (۷) و شکل (۴) به ترتیب توزیع آماری و منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی برای تعیین  $B_{ave}$  را در برابر مقادیر محاسباتی آن نشان می‌دهد.

در بررسی دیگری که بر روی نسبت‌های بی بعد سدهای خاکی تاریخی انجام شد، به جز مقطع سد سنگریزهای Swift اکثر مقاطع قابل فرسایش از نوع ذوزنقه‌ای با شبیه دیواره‌های تن بوده‌اند. در این راستا در مورد سدهای خاکی، نسبت‌های بی بعد  $B_{ave}/B_t$  و  $B_{ave}/B_b$  به صورت زیر پیشنهاد می‌گردند:

$$0.522 \leq B_{ave}/B_t \leq 1.55 \quad (15)$$

$$0.9 \leq B_{ave}/B_b \leq 2.9 \quad (16)$$

به طوری که در سد سنگریزهای Swift مقدار  $E_l$  با  $B_{ave}$  درصد معادل بوده است. به طور کلی برای سدهای خاکی،  $B_{ave}$  در محدوده زیر از طول سد پیشنهاد می‌گردد:

$$0.04E_l \leq B_{ave} \leq 0.77E_l \quad (13)$$

برای تعیین  $B_{ave}$  در تحقیق حاضر، ترکیبی از داده‌های تاریخی، آزمایشگاهی و مطالعه موردنی حاصل از شکست فرضی سدهای واقعی استفاده شده است. داده‌های تاریخی مشابه با مواردی هستند که در بخش "مدل‌های آزمایشگاهی" تشریح گردیده است. از طرفی برای کاهش بازین بردن عدم قطعیت‌ها و محدودیت‌های موجود در ارتباط با داده‌های شکافت حاصل از دسته‌های اول و دوم، در دسته سوم مجموعه‌ای از داده‌های شکست فرضی سدهای موجود در استان‌های آذربایجان شرقی، آذربایجان غربی و اردبیل جمع‌آوری و مطالعه شده است. مطالعه شکافت مجازی سد می‌تواند به بررسی بهتر ویژگی‌های جريان خروجی و گسترش هندسه شکافت کمک نماید. با این حال این داده‌های شبیه‌سازی شده صنعتی و محدود هستند. به کارگیری مجموعه داده‌های مختلف می‌تواند کاستی‌های موجود در دسته را پوشش داده و ارزیابی مناسبی از روند فرسایش ارائه دهد. با استفاده از مدل ریاضی BREACH و مشخصات هندسی سدهای مذکور، آنmod خروجی حاصل از شکافت فرضی این سدها استخراج و برخی از پارامترهای آن در توسعه روابط حاصل استفاده گردید. در کاربرد سه دسته از داده‌های فوق از آزمون همگنی داده‌ها استفاده شد تا یکسانی واریانس‌های جمعیتی متعلق به متغیرهای وابسته برای همه گروه‌ها ثابت گردد. بدین منظور از آزمون متداول Leven استفاده گردید که در آن روش F برای بررسی فرضیه تهی و یکسانی واریانس‌ها در دسته‌بندی‌های مختلف استفاده می‌گردد و مقادیر کمتر از  $0.05$  نشان‌گر مردود بودن این فرض خواهد بود. در جمعیت آماری ارائه

لغشی حجم فرسایش یافته ( $V_{LS}$ ) از حجم مواد بدنه سد ( $V_D$ ) فراتر رفته و جدادشگی‌های پیرامونی مواد سد را نیز فرا می‌گیرد. چرا که از ۱۱۰ داده موجود در  $56/36$  درصد حالتها  $V_{LS} > V_D$  و در ۳۰ درصد موارد  $V_{LS} = V_D$  خواهد بود، درحالی که تنها در  $4/5$  درصد مقدار  $V_{LS} < V_D$  بوده است. به نظر می‌رسد در سدهای لغشی دیواره‌ها از شیب ملائم‌تری نسبت به سدهای خاکی ساخته شده برخوردار باشند. این امر را می‌توان با طول زیاد تاج، زمان و حجم قابل فرسایش نسبتاً بالای این نوع سدها مرتبط دانست.

در تعیین  $H_b$  به عنوان تابعی از جریان گذرنده از روی شکافت همانند  $GEP$  استفاده شده، که در آن نیز براساس منابع مختلف داده‌ای که شرح داده شده رابطه پیشنهادی به صورت زیر می‌باشد:

$$H_b = 1.061584 H_w \quad (21)$$

جدول (۶) توصیف مناسبی از کارورهای ژنتیکی به کار رفته در تعیین رابطه مذکور را در نظر می‌گیرد. در ارزیابی این رابطه، ضرایب  $R^2$  و RMSE به ترتیب  $0.97$  و  $0.97$  و  $0.95$  و  $0.97$  می‌باشند. و داده‌های به کاررفته با بالاترین <sup>۳</sup> در جدول (۲) نمایش داده شده‌اند. شکل (۵) و جدول (۸) به ترتیب توزیع آماری و منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی برای تعیین  $H_b$  را در برابر مقادیر محاسباتی بیان می‌کنند.

در حالی که نسبت‌های مذکور برای سدهای لغشی به صورت زیر خواهند بود:

$$7 \leq B_{ave} / B_t \leq 16 \quad (17)$$

$$18.75 \leq B_{ave} / B_b \leq 55 \quad (18)$$

از طرفی، عمق شکافت ( $H_b$ ) یکی از پراستوجه‌های مهم در ارزیابی میزان جریان عبوری و فرسایش‌پذیری بدنه و متعاقب انتقال رسوب بر پایین دست را تشکیل می‌دهد. بررسی‌ها نشان می‌دهند این عمق تاثیر مستقیمی روی آبنمود خروجی داشته و از آنجایی که پدیده رگاب نهایتاً به روگذری جریان منتهی می‌گردد، ارزیابی دقیق پراستوجه مذکور می‌تواند در برآورد میزان خسارت در پایین دست و همچنین تعیین محدوده جمیعت در معرض خطر (PAR) کمک زیادی نماید. بر پایه مطالعه‌هایی که به ترتیب بر روی پایگاه داده خرابی ۱۴۴۳ و ۱۰۴۴ مورد از سدهای خاکی و لغشی صورت گرفته  $H_b/H_d$  (Zhang et al 2017) محدوده نسبت‌های بی بعد بهتری برای سدهای خاکی و لغشی پیشنهاد می‌گردد:

$$0.544 \leq H_b / H_d \leq 1.23 \quad (19)$$

$$0.2 \leq H_b / H_d \leq 1.755 \quad (20)$$

یافته‌ها همچنین نشان می‌دهند که در اغلب موارد در سدهای

**جدول ۵- نام و مشخصه‌های سدهای به کاررفته به عنوان مطالعه‌موردی**

**Table 5- Name and specifications of the embankments, used as case study**

No.	Dam name	S ( $\times 10^6 m^3$ )	H <sub>d</sub> (m)	E <sub>i</sub> (m)	H <sub>b</sub> (m)	B <sub>ave</sub> (m)
<b>East Azarbaijan</b>						
1	Alavian	60	76	935	63.75	166.92
2	Germichay	40	85	730	54.77	145.07
3	Ghaehchay	40.3	85	336	65.64	172.07
4	Leilanchay	40.6	84	360	55.55	146.99
<b>West Azarbaijan</b>						
5	Jaldian	1.2	33	222	21.56	61.71
6	Nazlou	170	99	530	86.60	221.23
<b>Ardabil</b>						
7	Alamdar	0.32	22	327	15.71	46.19
8	Ghoricahy	18.07	26	548	23.86	66.60

S: Storage volume; H<sub>d</sub>: Height of dam; E<sub>i</sub>: Embankment length; H<sub>b</sub>: Height of breach; B<sub>ave</sub>: Average breach width

**جدول ۶- ویژگی‌های مربوط به کارورهای ژنتیک در مدل‌های GEP**

**Table 6- Features of genetic operators in the GEP model**

Genetic operator	Value	Genetic operator	Value
No. of chromosome	30	Mutation coefficient	0.044
No. of gene	3	Transposition coefficient	0.1
Head size	8	One and two point recombinations	0.3
RNC mutaion coefficient	0.01	Gene recombination/transposition	0.1

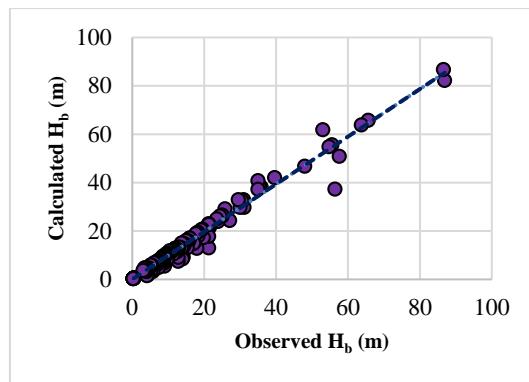
RNC: Random numerical constants

## جدول ۷- مشخصه ها و توزیع های آماری رابطه (۱۴)

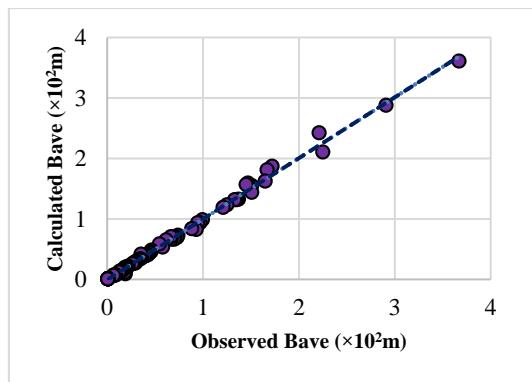
Table 7- Characteristics and statistical distributions of Equation (14)

	Training			Validation		
	B <sub>t</sub> (m)	B <sub>b</sub> (m)	B <sub>ave</sub> (m)	B <sub>t</sub> (m)	B <sub>b</sub> (m)	B <sub>ave</sub> (m)
Ave.	74.87	43.62	58.04	78.20	43.99	59.87
Max.	446	288	367	372	210	291
Min.	0.88	0.32	0.64	1.18	0.44	0.85
STD	87.11	56.73	68.81	92.80	54.38	70.90
CV	1.16	1.30	1.18	1.19	1.24	1.18

B<sub>t</sub>: Top width of breach; B<sub>b</sub>: Bottom width of breach; B<sub>ave</sub>: Average breach width; Ave.: Average value; Max.: Maximum value; Min: Minimum value; STD: Standard deviation; CV: Coefficient of variations

Fig. 5- Dispersion curve of observed versus calculated values to determine H<sub>b</sub>

شکل ۵- منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی در برابر محاسباتی برای تعیین H<sub>b</sub>

Fig. 4- Dispersion curve of observed versus calculated values to determine B<sub>ave</sub>

شکل ۴- منحنی پراکندگی مقادیر مشاهداتی در برابر محاسباتی برای تعیین B<sub>ave</sub>

## جدول ۸- مشخصه ها و توزیع های آماری رابطه (۲۱)

Table 8- Characteristics and statistical distributions of Equation (21)

	Training		Validation	
	H <sub>w</sub> (m)	H <sub>b</sub> (m)	H <sub>w</sub> (m)	H <sub>b</sub> (m)
Ave.	14.27	15.45	15.34	16.35
Max.	77.40	86.9	81.61	86.61
Min.	0.27	0.285	0.27	0.29
STD	14.60	15.36	15.48	17.08
CV	1.02	0.99	1.01	1.04

H<sub>w</sub>: Height of water above breach; H<sub>b</sub>: Height of breach; Ave.: Average value; Max.: Maximum value; Min: Minimum value; STD: Standard deviation; CV: Coefficient of variations

سد، نوع و میزان فرسایش مصالح سد با عنوان پراسنجه غالب در شکست سد به شمار رفته و لذا، در ذات درشت دانه به دلیل تنش های برشی کمتر نسبت به خاک های ریزدانه، سرعت فرسایش برای تکامل به زمان کمتری نیاز دارد.

۲- نتایج تحلیل حساسیت در تعیین Q<sub>M</sub> برای سدهای خاکی نشان می دهد این پراسنجه به شدت تحت تأثیر ویژگی های هیدرولیکی قرار داشته و از بین پراسنجه های تاثیرگذار بیشترین و کمترین واپسیگی به ترتیب به H<sub>w</sub> و E<sub>I</sub> نسبت داده می شوند.

۳- عرض متوسط شکافت نقش مهمی در نرخ گسترش شکافت و نیز آب نمود خروجی دارد. مشخص شد پراسنجه B<sub>ave</sub> در سدهای

## نتیجه گیری

هدف از انجام مطالعه آزمایشگاهی اخیر بررسی و درک ویژگی های اصلی هندسی شکافت و جریان در شرایط تکرار پذیر و پایدار است که می تواند به بهبود مدل محاسباتی منجر گردد. از مدل های آزمایشگاهی با مصالح ماسه دانه ای و مشخصات فنی مختلف برای مطالعه مکانیسم های شکافت و جریان تحت اثر رو گذری جریان استفاده شده است. در این راستا ضمن بررسی نتایج حاصله با سایر منابع داده ای، نتایج زیر حاصل شده است:

۱- مشاهده های این تحقیق نشان می دهد با محدود داشتن عدم دردسترس بودن همیشگی ویژگی های مکانیکی مصالح به کار رفته در

۴- عمق شکافت نقش مهمی در فرسایش پذیری بدنه و در نتیجه انتقال رسوب بر پایین دست را تشکیل می‌دهد. مقایسه نسبت‌های بی بعد  $H_b/H_d$  در میان سدهای خاکی و لغزشی نشان دهنده مقادیر بیشتر این نسبت‌ها در سدهای لغزشی می‌باشد که در اثر زمان زیاد فرسایش در این سدها ایجاد می‌گردد.

سنگریزهای مقادیر بیشتری را نسبت به سدهای خاکریزهای داشته و بر اساس مشاهدات، مقدار  $B_{ave}$  در سدهای خاکی در محدوده بین  $0/7 \leq H_d/8/7$  توصیه می‌شود. مقایسه نسبت‌های بی بعد  $B_{ave}/B_t$  و  $B_{ave}/B_t$  در میان سدهای خاکی و لغزشی نشان دهنده مقادیر بیشتر این نسبت‌ها در سدهای لغزشی می‌باشد که می‌تواند ناشی از حجم و طول زیاد تاج در این سدها باشد.

### References

- 1- Ashraf, M., Soliman, A. H., El-Ghorab, E. and Zawahry, A. E. 2018. Assessment of embankment dams breaching using large scale physical modeling and statistical methods. *Water Science*, 32, 362-379.
- 2- Azimi, R., Vatankhah, A.R. and Kouchakzadeh, S., 2015. Predicting peak discharge from breached embankment dams. In *E-Proc. 36th IAHR World Congress, Hague*.
- 3- Chanson, H. and Wang, H. 2013. Unsteady discharge calibration of a large V-notch weir. *Flow Measurement and Instrumentation*, 29, 19-24.
- 4- Chow, V. T. 1959. *Open-channel Hydraulics*, McGraw-Hill.
- 5- Coleman, S. E., Webby, M. G. and Andrews, D. P. 2004. Closure to “overtopping breaching of noncohesive homogeneous embankments” by stephen e. Coleman, darryl p. Andrews, and m. Grant webby. *Journal of Hydraulic Engineering*, 130, 3.۳۷۶-۷۴
- 6- De Lorenzo, G. and Macchione, F. 2014. Formulas for the peak discharge from breached earthfill dams. *Journal of Hydraulic Engineering*, 140, 56-67.
- 7- Dhiman, S. and Patra, K. C. 2017. Experimental study of embankment breach based on its construction parameters. *Nat. Hazards Earth Syst. Sci. Discuss.*, 2017, 1-26.
- 8- Foster, M., Fell, R. and Spannagle, M. 2000. A method for assessing the relative likelihood of failure of embankment dams by piping. *Canadian Geotechnical Journal*, 37, 1025-1061.
- 9- Fread, D. L. 1988 .BREACH: An Erosion Model for Earthen Dam Failure. Silver Spring, M.A., USA: National Water Service (NWS) Report.
- 10- Froehlich, D. C. 2008. Embankment dam breach parameters and their uncertainties. *Journal of Hydraulic Engineering*, 134, 1708-1721.
- 11- Gupta, S .K. and Singh, V. P. 2012. Discussion of Enhanced predictions for peak outflow from breached embankment dams by Christopher I. Thornton, Michael W. Pierce, and Steven R. Abt. *Journal of Hydrologic Engineering*, 17, 463-466.
- 12- Hagen, V.K., 1982. Re-evaluation of design floods and dam safety: Fourteenth ICOLD Congress. *Rio de Janeiro*.
- 13-Hakimzadeh, H., Nourani, V. and Babaeian Amini, A. 2014. Genetic programming simulation of dam breach hydrograph and peak outflow discharge. *Journal of Hydrologic Engineering*, 19, 757-768.
- 14-Hanson, G. J. 2005. Physical modeling of overtopping erosion and breach formation of cohesive embankments. *Transactions of the ASAE*, v. 48, pp. 1783-1794-2005 v.48 no.5.
- 15-Hassanzadeh, Y. 2005. *Dam-Break Hydraulics* , Publication No. 63, Tehran, Iran, Iranian National Committee on Large Dams (in Persian).

- 16- Hooshyaripor, F. and Tahershamsi, A. 2012. Comparing the performance of neural networks for predicting peak outflow from breached embankments when back propagation algorithms meet evolutionary algorithms. *International Journal of Hydraulic Engineering*, 1, 55-67.
- 17- Hunt, S. L., Hanson, G. J., Cook, K. R. and Kadavy, K. C. 2005. Breach widening observations from earthen embankment tests. *Transactions of the ASAE*, 48, 1115-1120.
- 18- Johnson, F. A. and Illes, P. 1976. A classification of dam failures. *Water Power and Dam Construction*, 28, 43-45.
- 19- Kirkpatrick, G. W. 1977. Evaluation guidelines for spillway adequacy. *The evaluation of dam safety, Engineering Foundation Conference, ASCE*. New York.
- 20- Kouzehgar, K. 2021. *Investigation of Erosional Earthfill Dam Break using Physical, Mathematical, and Soft Calculations*. Ph.D Thesis., Islamic Azad University, Najafabad Branch (in Persian).
- 21- Kouzehgar, K., Hassanzadeh, Y., Eslamian, S., Yousefzadeh Fard, M. and Babaeian Amini, A. 2021(a). Physical modeling into outflow hydrographs and breach characteristics of homogeneous earthfill dams failure due to overtopping. *Journal of Mountain Science*, 18, 462-481.
- 22- Kouzehgar, K., Hassanzadeh, Y., Eslamian, S., Yousefzadeh Fard, M. and Babaeian Amini, A. 2021(b). Experimental investigations and soft computations for predicting the erosion mechanisms and peak outflow discharge caused by embankment dam breach. *Arabian Journal of Geosciences*, 14, 616.
- 23- MacDonald, T. C. and Langrde-Monopolis, J. 1984. Breaching characteristics of dam failures. *Journal of Hydraulic Engineering*, 110, 567-586.
- 24- Mahmoud, M., Bukhary, A., Ramadan, A. and Al-Zahrani, M. 2017. *Prediction of Breach Peak Outflow and Failure Time Using Artificial Neural Network Approach*, Barcelona, Spain, Conference: 2nd World Congress on Civil, Structural, and Environmental Engineering (CSEE'17).()
- 25- Morris, M. W. 2011. *Breaching of earth embankments and dams*. Ph.D. Dissertation, Open University.
- 26- Morris, M. W., Hassan, M. A. A. M. and Vaskinn, K. A. 2007. Breach formation: Field test and laboratory experiments. *Journal of Hydraulic Research*, 45, 9-17.
- 27- Peng, M. and Zhang, L. M. 2012. Breaching parameters of landslide dams. *Landslides*, 9, 13-31.
- 28- Peng, M., Zhang, L. M., Chang, D. S. and Shi, Z. M. 2014. Engineering risk mitigation measures for the landslide dams induced by the 2008 Wenchuan earthquake .*Engineering Geology*, 180, 68-84.
- 29- Pierce  
, M. W., Thronton, C. I. and Abt, S. R. 2010. Predicting peak outflow from breached embankment dams. *Journal of Hydrologic Engineering*, 15, 338-349.
- 30- Ranjbar, A., Khalili, D., Zand Parsa, S. and Kamkar Haghghi, A. A. 2015. Regional drought monitoring based on the inflow to the Dorodzan dam reservoir in Fars province (in Persian). *Journal of Irrigation Sciences and Engineering*, 38, 79-96.
- 31- Sadeghi, S., Hakimzadeh, H. and Babaeian, A. 2020. Experimental investigation into outflow hydrographs of nonhomogeneous earth dam breaching due to overtopping. *Journal of Hydraulic Engineering*, 146, 04019049.
- 32- Sattar, A. M. A. 2013. Gene expression models for prediction of dam breach parameters. *Journal of Hydroinformatics*, 16, 550-571.
- 33- Shen, D., Shi, Z., Peng, M., Zhang, L. and Jiang, M. 2020. Longevity analysis of landslide dams. *Landslides*, 17, 1797-1821.

- 34- Shi, Z. M., Guan, S. G., Peng, M., Zhang, L. M., Zhu, Y. and Cai, Q. P. 2015. Cascading breaching of the Tangjiashan landslide dam and two smaller downstream landslide dams. *Engineering Geology*, 193, 445-458.
- 35- Singh, K. P. and Snorrason, A. 1984. Sensitivity of outflow peaks and flood stages to the selection of dam breach parameters and simulation models. *Journal of Hydrology*, 68, 295-310.
- 36- Singh, V. P. 2013. *Dam Breach Modeling Technology*, Springer Netherlands.
- 37- Thornton, C. I., Pierce, M. W. and Abt, S. R. 2011. Enhanced predictions for peak outflow from breached embankment dams. *Journal of Hydrologic Engineering*, 16, 81-88.
- 38- Vaskinn, K .A., Lovoll, A., Hoeg, K., Morris, M., Hanson, G. J. and Hassan, M. A. 2004. Physical modeling of breach formation: large scale field tests, Dam safety. Proceedings of the Association of State Dam Safety Officials, Phoenix, Arizona, USA.
- 39- Wahl, T. L. 1998. Prediction of Embankment Dam Breach Parameters: A Literature Review and Needs Assessment. DSO-98-004, Dam Safety Research Report. Denver, Co., USA.
- 40- Wahl, T. L. 2004. Uncertainty of predictions of embankment dam breach parameters. *Journal of Hydraulic Engineering*, 130, 389-397.
- 41- Wahl, T. L. 2014. Evaluation of Erodibility-Based Embankment Dam Breach Equations, Hydraulic Laboratory Report HL-2014-02. Denver, Colorado: United States Bureau of Reclamation.
- 42- Walder, J. S., Iverson, R. M., Godt, J .W., Logan, M. and Solowitz, S. A. 2015. Controls on the breach geometry and flood hydrograph during overtopping of noncohesive earthen dams. *Water Resources Research*, 51, 6701-6724.
- 43- Walder, J. S. and O'Connor, J. E. 1997. Methods for predicting peak discharge of floods caused by failure of natural and constructed earthen dams. *Water Resources Research*, 33, 2337-2348.
- 44- Wang, B., Chen, Y., Wu, C., Peng, Y., Song, J., Liu, W. and Liu, X. 2018. Empirical and semi-analytical models for predicting peak outflows caused by embankment dam failures. *Journal of Hydrology*, 562, 692-702.
- 45- Wu, W. 2013. Simplified physically based model of earthen embankment breaching. *Journal of Hydraulic Engineering*, 139, 837-851.
- 46- Xu, Y. and Zhang, L. M. 2009. Breaching parameters for earth and rockfill dams. *Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering*, 135, 1957-1970.
- 47- Zhang, L., Peng, M., Chang, D. and Xu, Y. 2016. *Dam Failure Mechanisms and Risk Assessment*, John Wiley & Sons.
- 48- Zhang, L. M., Peng, M. and Xu, Y. 2010. Assessing risks of breaching of earth dams and natural landslide dams. Indian Geotechnical Conference, GEOTrendz, 2010 India. 16-18.
- 49- Zhong, Q., Chen, S. and Deng, Z. 2017. Numerical model for homogeneous cohesive dam breaching due to overtopping failure. *Journal of Mountain Science*, 14, 571-580.