



سازمان بنادر و دریانوردی به عنوان تنها مرجع حاکمیتی کشور در امور بندری، دریایی و کشتی‌رانی بازرگانی به منظور ایقای نقش مرجعیت دانشی خود و در راستای تحقق راهبردهای کلان نقشه جامع علمی کشور مبنی بر "حمایت از توسعه شبکه‌های تحقیقاتی و تمهیل انتقال و انتشار دانش و ساماندهی علمی" از طریق "استانداردسازی و اصلاح فرایندهای تولید، ثبت، داوری و سنجش و ایجاد بانک‌های اطلاعاتی یکپارچه برای نشریات، اختراعات و اکتشافات پژوهشگران"، اقدام به ارایه این اثر در سایت SID می‌نماید.



ارایه یک الگوریتم کارا برای حل یک مدل ریاضی ارایه شده برای مساله زمانبندی گنتری کرین‌ها در یک ترمینال کانتینری

محمد بژازی، کارشناس ارشد مهندسی صنایع

چکیده:

در این مقاله یک مدل برنامه‌ریزی صفر و یک برای مساله تخصیص و زمانبندی گنتری کرین‌ها که به نام QCSAP نامیده می‌شود، در یک ترمینال کانتینری ارایه شده است. به دست آوردن یک حل بهینه برای این‌گونه مسایل پیچیده در یک زمان حل قابل قبول، بسیار مشکل و به تقریب غیر ممکن است. به این دلیل یک الگوریتم ژنتیک برای مساله QCSAP ارایه شده است تا بتوان مسایل دنیای واقعی را به این طریق حل نمود. در ادامه کارایی الگوریتم ارایه شده با حل قطعی که توسط نرم‌افزار LINGO8 به دست آمده است (در ابعاد کوچک) مقایسه می‌شود که نتایج حاکی از آن است که الگوریتم توسعه داده شده کارا می‌باشد.

کلمات کلیدی : زمانبندی گنتری کرین‌ها، مساله تخصیص، بنادر کانتینری، الگوریتم ژنتیک

۱- مقدمه :

استفاده از کانتینرها در حمل و نقل دریایی در خلال ۱۰ سال گذشته به سرعت در حال افزایش است. از این رو ترمینال‌های کانتینری که محل تخلیه و بارگیری کانتینرها از/ به کشتی‌ها می‌باشند، نقش اساسی را در صنعت حمل و نقل دریایی ایفا می‌نمایند. به طور کلی بهره‌وری یک ترمینال کانتینری را می‌توان توسط دو فاکتور نشان داد :

- ۱) سرعت و کیفیت عملیات تخلیه و بارگیری بر کشتی‌ها (۲) سرعت و کیفیت عملیات دریافت و تحويل کانتینرها توسط بارکش‌ها (ورود و خروج کانتینرها از/ به ترمینال کانتینری). فرآیند برنامه‌ریزی عملیات کشتی‌ها شامل : برنامه‌ریزی و تخصیص اسکله، تخصیص و زمان‌بندی گنتری‌کریں، تخلیه و بارگیری می‌باشد. در جریان فرایند برنامه‌ریزی اسکله، زمان پهلوگیری و موقعیت پهلوگیری یک کشتی کانتینری در یک اسکله باید تعیین شود. در مساله زمان‌بندی QC توالی تخلیه و بارگیری کشتی‌ها توسط هر گنتری و هم چنین زمان‌بندی اجرای کارها تعیین می‌شود. اطلاعات ورودی برای این مساله شامل برنامه ذخیره‌سازی برای هر کشتی، زمان آماده‌سازی هر QC و یک نقشه از محوطه نگهداری کانتینرها جهت تعیین موقعیت ذخیره‌سازی هر کانتینر. سرانجام، در طول فرایند تخلیه و بارگیری، توالی تخلیه و بارگیری هر کانتینر بر اساس برنامه ارایه شده تعیین می‌شود. این مقاله روی مساله QCSAP تمرکز داشته که به قسمت دوم برنامه زمان‌بندی کشتی‌ها در ارتباط قرار می‌گیرد.

در ابتدا باید این نکته را در نظر گرفت که هدف اصلی مساله زمان‌بندی QC، مینیمموم نمودن زمان تکمیل آخرین کار می‌باشد. کیم و پارک (2004) یک مدل ریاضی را برای مساله زمان‌بندی QC ارایه نمود. در این تحقیق ما مدل آن‌ها را با افروzen تخصیص QC توسعه داده و آنرا QCSAP می‌نامیم. در این مدل فرض

می‌شود (به مانند بسیاری از بنادر دنیا) که جهت تاخیر در عملیات تخلیه و بارگیری مبلغی به عنوان جریمه که دموراز نامیده می‌شود باید از طرف بندر به مشتریان (کشتی‌ها) پرداخت شود. هم چنین برای تحويل زودتر از موقع کار مبلغی به عنوان پاداش که دیسپاچ نامیده می‌شود از طرف مشتریان (کشتی‌ها) دریافت می‌شود. لازم به ذکر است که زمان اتمام آخرین کار روی کشتی‌ها برابر زمان تکمیل آخرین کاری است که بر کشتی‌ها انجام می‌شود. این زمان یک نقطه بسیار قابل اهمیت در بهره‌وری ترمینال است که هدف ما در این تحقیق کاهش این نقطه می‌باشد. در این تحقیق یک مدل ترکیبی برنامه‌ریزی صفوویک برای مساله فوق جهت افزایش بهره‌وری ترمینال کانتینری ارایه شده است.

به طور کلی در عملیات ترمینال‌های کانتینری مسایل تصمیم‌گیری متفاوتی مطرح می‌باشند از قبیل تخصیص اسکله، تخصیص فضای ذخیره‌سازی، زمان‌بندی گنتری کرین‌ها، زمان‌بندی جرثقیل‌های محوطه. تمامی این مسایل تصمیم‌گیری بر یکدیگر تاثیر می‌گذارند. مساله زمان‌بندی گنتری کرین‌ها یکی از مهم‌ترین این نوع مسایل است. هدف اصلی این مساله تعیین توالی عملیات‌های تخلیه و بارگیری می‌باشد به نحوی که زمان تکمیل عملیات روی کشتی مینیموم شود، لذا این نوع مسایل به مانند مسایل کلاسیک پارالل ماشین می‌باشند. اما مساله زمان‌بندی گنتری‌ها دارای خصوصیات منحصر به فردی است که آن را از مسایل پارالل ماشین متفاوت می‌سازد. به عنوان مثال، عملیات تخلیه و بارگیری ممکن است به طور هم زمان روی یک Ship-Bay صورت گیرد. هم چنین زمانی که عملیات تخلیه در حال انجام می‌باشد کانتینرها بروی Deck باید قبل از کانتینرهایی که در Hold می‌باشند تخلیه شوند. بنابراین روابط پیش نیازی زیادی مابین فعالیت‌های مورد نظر وجود دارد که باید رعایت شود.

هم چنین از آن جایی که باید بین گنتری‌کرین‌ها یک حداقل فاصله برابر با یک Ship-Bay وجود داشته باشد لذا در یک زمان دوگنتری نمی‌توانند در منطقه‌ای که بسیار به هم نزدیک می‌باشند به طور هم زمان عملیات انجام دهند. از این رو در مساله فوق محدودیت هم زمانی نیز داریم. یعنی تعدادی کار نمی‌توانند به طور هم زمان انجام شوند. این دو محدودیت اصلی است که باید در مدل فوق مد نظر قرار گیرد.

۲- ادبیات موضوع :

ادبیات موضوع در زمینه ترمینال‌های کانتینری را می‌توان به صورت مسایل زیر طبقه‌بندی نمود :

مسایل مربوط به تخلیه و بارگیری از/ به کشتی‌ها- حمل و نقل کانتینرها در فضای ذخیره‌سازی- نخستین و یکی از مهم‌ترین مسایل، مساله تخصیص اسکله به کشتی‌ها می‌باشد. ایمایی و نگایوا(۱۹۹۷) یک مدل را برای مینیمم کردن مجموع زمان ایست کشتی‌ها در بندر جهت مینیمم کردن میزان عدم رضایت کشتی‌ها ارایه نمود. ایمایی و نیشیمورا و پاپادیمیتریو(۲۰۰۱) یک مدل دینامیک و استاتیک تخصیص اسکله را توسعه دادند. آن‌ها یک روش ابتکاری را برای حل مساله بر اساس یکنواخت‌سازی لاگرانژین ارایه نمودند. هم چنین آن‌ها در تحقیق دیگری یک مدل دینامیک برای مساله‌ای که دارای محدودیت‌های مختلف فیزیکی جهت پهلوگیری کشتی‌ها بود ارایه نمودند. هم چنین برای حل آن از یک الگوریتم‌زنتیک استفاده نمودند. ایمایی و پاپادیمیتریو (۲۰۰۳) اولویت‌های خدماتی کشتی را در یک مساله تخصیص اسکله به کشتی‌ها تعیین نمودند. آن‌ها در ابتدا از یک متعادل‌سازی لاگرانژین استفاده نمودند، اما آن‌ها دریافتند که مساله متعادل سازی فوق به یک مساله QAP تبدیل شده است که

حل آن بسیار سخت می‌باشد لذا یک الگوریتم ژنتیک برای حل آن ارایه نمودند.

کیم و پارک(۲۰۰۴) یک مدل ریاضی را برای مساله زمان‌بندی QC ارایه نمودند.

آن‌ها یک روش شاخه و حد را برای به دست آوردن حل بهینه به همراه یک روش حل ابتکاری که به روش GRASP معروف است ارایه نمودند. دگانزو(۱۹۸۹) اولین کسی بود که بیان نمود محدودیت طول کشتی‌ها را باید در مساله زمان‌بندی گنتروی‌ها در نظر گرفت. او یک الگوریتم را برای تعیین تعداد گنتروی‌هایی که به یک کشتی تخصیص می‌یابد، ارایه نمود.

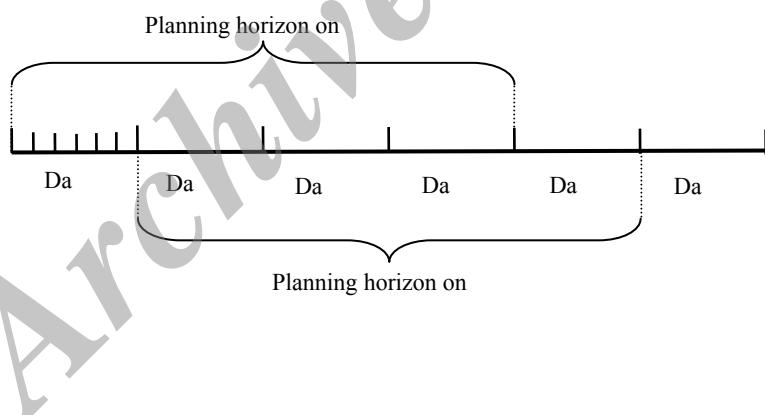
لی و کای(۱۹۹۸) این مسایل را به صورت مساله زمان‌بندی اسکله در نظر گرفتند که می‌تواند هم زمان کارهای بر روی کشتی‌های مختلف را انجام دهد. آن‌ها الگوریتم-هایی را بر اساس روش‌های ابتکاری متفاوت برای این منظور ارایه دادند. کورادو(۲۰۰۵) در مساله زمان‌بندی گنتروی‌ها، تابع هدف مساله را مینیمموم ساختن زمان تکمیل کشتی‌ها و زمان بی کاری گنتروی‌ها در نظر گرفت. وانگ و میاوو(۲۰۰۶) مساله زمان‌بندی گنتروی‌ها را با محدودیت‌های عدم تداخل درنظر گرفت و یک الگوریتم ژنتیک برای آن ارایه داد. جانگ و کیم(۲۰۰۶) یک الگوریتم ژنتیک و شبیه‌سازی ذوب فلزات را برای زمان‌بندی عملیات بارگیری زمانی که چندین جرثقیل در حال عملیات روی یک کشتی می‌باشند ارایه نمود. کیا و شایان(۲۰۰۳) یک مدل شبیه‌سازی را برای تخمین و ارزیابی عملکرد یک ترمینال کانتینری با هدف متعادل‌سازی تجهیزات بندری و ظرفیت ترمینال ارایه نمودند.

ادامه مقاله به این صورت سازماندهی شده است : مساله زمان‌بندی گنتروی‌های توسعه داده شده در فصل ۲ ارایه می‌شود. الگوریتم ژنتیک توسعه داده شده در فصل

سوم ارایه شده است. نتایج محاسباتی در فصل ۴ و نتیجه‌گیری در فصل ۵ ارایه می‌شود.

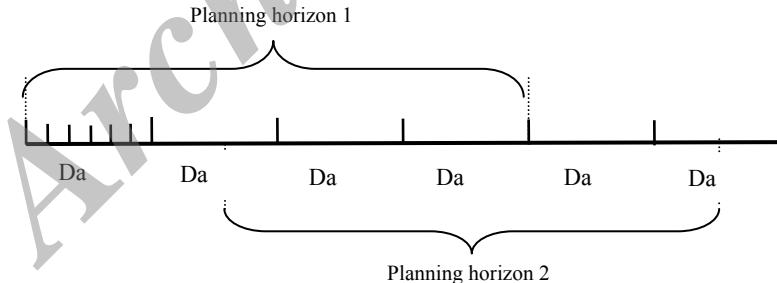
۳- مدل ریاضی توسعه داده شده(بیان مساله)

به طور کلی می‌توان مساله را به این شرح توصیف نمود : کشتی‌ها می‌توانند به طور هم زمان توسط چندین گنتری مورد پردازش قرار گیرند. زمان پردازش یک کشتی اگر یک تخصیص نامناسب گنتری به کشتی‌ها داشته باشیم، افزایش خواهد یافت. این مساله در زمان اتمام کار کشتی تاثیر مستقیم دارد. از طرفی نمی‌توانیم تعداد زیادی گنتری را به کشتی‌ها تخصیص دهیم چراکه محدودیت تعداد گنتری و عدم تداخل گنتری‌ها را داریم. از این رو در این تحقیق، ما تخصیص بهینه و زمان‌بندی بهینه جهت گنتری‌های تخصیص یافته به کشتی‌ها را در هر افق زمانی مد نظر قرار داده‌ایم. ژانگ و همکاران (۲۰۰۳) یک افق زمانی ثابت را برای مساله تخصیص فضای ذخیره‌سازی به کانتینرها به مانند شکل ۱ نشان دادند.



در بسیاری از حالات واقعی، ما با شرایط داینامیک روبرو می‌باشیم به نحوی که در یک بندر به طور دائمی کشتی‌ها در حال ورود و خروج می‌باشند. ما نمی‌توانیم فرض

کنیم که تعداد کشتی‌های فعال ثابت است زیرا بسیاری از کشتی‌ها پس از فرایندهای تخلیه و بارگیری بندر را به طول یک افق برنامه‌ریزی ترک می‌کنند و کشتی‌های دیگری جایگزین آن‌ها می‌شوند. بنابراین، نمی‌توانیم از یک برنامه زمان‌بندی ثابت برای افق زمانی خود استفاده نماییم. این برنامه فرض می‌کند که تمامی کشتی‌ها بندر را در ابتدا و انتهای افق برنامه‌ریزی ترک کرده و یا وارد می‌شوند. اما شرایط ذکر شده هرگز در شرایط واقعی اتفاق نمی‌افتد. در این حالت، در این تحقیق یک افق برنامه‌ریزی جدید (چنان که در شکل ۲ نشان داده شده است) ارایه شده است. در شکل ۲ افق زمانی ۲ بعد از ۱,۵ روز از افق زمانی ۱ و پس از ورود یک کشتی جدید به بندر آغاز می‌شود. اما افق زمانی ۳ پس از ۲ روز از افق زمانی ۲ و پس از ورود یک کشتی دیگر آغاز می‌شود. به عبارت دیگر زمان آغاز یک افق زمانی بر اساس ورود یا خروج یک کشتی از بندر می‌باشد. بنابراین، پس از آغاز هر افق زمانی جدید، یک گنتری که به کشتی A تخصیص یافته است، ممکن است در افق جدید به کشتی B تخصیص یابد (البته پس از تکمیل کلیه کارها روی کشتی A).



در زیر مدل برنامه‌ریزی صفوویک ارایه شده برای مساله QCSAP ارایه می‌شود. در این مدل گنتری‌ها به کشتی‌ها تخصیص یافته و توالی عملیات تخلیه و بارگیری گنتری‌ها روی کشتی‌ها برای هر افق زمانی تعیین می‌شود.

۲-۱- مفروضات

لازم به دقت است که برخی از مفروضات ارایه شده در زیر ممکن است با شرایط واقعی متفاوت باشد. ولی با علم به این موضوع و جهت بررسی امکان‌پذیری و توجیه‌پذیری چارچوب کلی ارایه شده آن‌ها را به طور موقت در نظر می‌گیریم:

موقعیت‌های پهلوگیری و هم چنین بار کاری کشتی‌ها به عنوان یک ورودی به مدل وارد می‌شود.

اطاعات مربوط به سرعت و نرخ تخلیه و بارگیری تمامی گنتری‌ها معین می‌باشد که این مهم به عنوان یک ورودی به مساله افزوده می‌شود.

فاصله ایمنی بین یک جفت گنتری تعیین شده و مد نظر قرار می‌گیرد. بنابراین تنها یک گنتری می‌تواند روی یک Ship-Bay در یک زمان فعالیت نماید.

هر کشتی به تعدادی Ship-Bay تقسیم می‌شود، هر Ship-Bay نیز به تعدادی ردیف کانتینر. Ship-Bay ها در هر کشتی دارای طول یکسانی می‌باشند. بنابراین طول یک کشتی برابر تعداد کل Ship-Bay در طول یکی از آن‌ها می‌باشد.

۲-۲- پارامترهای ورودی

K تعداد گنتری‌ها. $(K=1, 2, \dots, K)$

M تعداد کشتی‌ها. $(m=1, 2, \dots, M)$

N_m تعداد فعالیت‌های روی هر کشتی (گنتری‌هایی که باید تخلیه یا بارگیری شود).

P_j^m زمان مورد نیاز برای انجام کار i روی کشتی m

r_k اولین زمان در دسترس گنتری K .

l_i^m موقعیت کار i بر اساس شماره Ship-Bay روی کشتی m

t_{ij}^{km} زمان سفر کار i از موقعیت l_i^m از کار j به موقعیت l_j^m از کار j روی کشتی m .
 t_{0j}^{km} زمان سفر از اولین موقعیت (l_j^m) از کار j امین QC به موقعیت (l_k^m) از کار j بر روی کشتی m .
 نشان‌دهنده زمان سفر از موقعیت (l_j^m) کار j به آخرین مقصد (l_k^m) از کار k امین QC بر روی کشتی m می‌باشد.

هزینه متغیر استفاده از K امین QC H_k

هزینه ثابت استفاده از k امین QC S_k

هزینه دیرکرد کشتی m W_m

درآمد ناشی از زودکرد کشتی m V_m

Ψ مجموعه جفت کارهایی که نمی‌تواند به طور هم زمان انجام شوند.

Φ مجموعه جفت کارهایی که مابین آن‌ها روابط پیش‌نیازی وجود دارد.

یک عدد مثبت بسیار بزرگ. M

۳-۲- متغیرهای تصمیم

اگر k امین QC کار j را بلافصله پس از کار i روی کشتی m انجام

$$\begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} X_{ij}^{km}$$

اگر زمان شروع کار j دیرتر از زمان تکمیل کار i روی کشتی m باشد.

$$\begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} Z_{ij}^m$$

اگر k امین QC به کشتی m تخصیص یابد.

$$\begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} Y_{km}$$

زمان دیرکرد کشتی m T_m

زمان زودکرد کشتی m E_m

زمان تکمیل k امین QC Q_k

زمان تکمیل کشتی m C_m

زمان تکمیل کار i روی کشتی m D_i^m

۴-۲- مدل ریاضی

$$\min Z = \sum_{m=1}^M \left(H_k Q_k + S_k \sum_{m=1}^M Y_{km} \right) + \sum_{m=1}^M W_m T_m - \sum V_m E_m$$



(1)

s.t.

$$E_m - T_m = \lambda * \sum_{i=1}^{N_m} P_i^m - C_m \quad \forall m, k$$

(2)

$$\sum_{j=1}^{N_m} X_{0j}^{km} = Y_{km} \quad \forall m, k$$

(3)

$$\sum_{j=1}^{N_m} X_{j(N_m+1)}^{km} = Y_{km} \quad \forall m, k$$

(4)

$$\sum_{k=1}^K \sum_{i=0}^{N_m} X_{ij}^{km} = 1 \quad \forall j, j \neq i ; \forall m$$

(5)

$$\sum_{i=0}^{N_m} \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^{N_m} X_{ij}^{km} - M Y_{km} \leq 0 \quad \forall m, k$$

(6)

$$\sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^{N_m+1} X_{ij}^{km} - \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^{N_m} X_{ji}^{km} = 0 \quad \forall i, m, k$$

(7)

$$D_i^m + t_{ij}^{km} + p_j^m - D_j^m \leq M(1 - X_{ij}^{km}) \quad \forall i, j, j \neq i ;$$

$$\forall m, k \quad (8)$$

$$D_i^m + p_j^m \leq D_j^m, \quad \forall (i, j) \in \Phi_m,$$

$$\forall m \quad (9)$$

$$D_i^m - D_j^m + p_j^m \leq M(1 - Z_{ij}^m) \quad \forall i, j, j \neq i ;$$

$$\forall m \quad (10)$$

$$Z_{ij}^m + Z_{ji}^m = 1, \quad \forall (i, j) \in \Psi_m, \forall m \quad (11)$$

$$\sum_{v=1}^k \sum_{\substack{u=0 \\ u \neq j}}^{N_m} X_{uj}^{vm} - \sum_{v=1}^k \sum_{\substack{u=0 \\ u \neq i}}^{N_m} X_{ui}^{vm} \leq M(Z_{ij}^m + Z_{ji}^m) \quad \forall i, j ; j \neq i ;$$

$$l_i < l_j ; \quad \forall m, k \quad (12)$$

$$D_j^m + t_{j(N_m+1)}^{km} - Q_k \leq M(1 - X_{j(N_m+1)}^{km}) \quad \forall j, m, k \quad (13)$$

$$r_k - D_j^m + t_{0j}^{km} + p_j^m \leq M(1 - X_{0j}^{km}) \quad \forall j, m, k ; \quad (14)$$

$$\sum_{l=k+1}^k \sum_{u=1}^{m-1} Y_{lu} - M(1 - Y_{km}) \leq 0 \quad \forall m, k ; \quad k \leq K-1 \quad (15)$$

$$Q_k - C_m \leq M(1 - Y_{km}) \quad \forall m, k \quad (16)$$

$$X_{ij}^{km}, Z_{ij}^m, Y_{km} \in \{0, 1\} \quad \forall i, j, m, k \quad (17)$$

$$Q_k, C_m, D_j \geq 0 \quad \forall j, m, k \quad (18)$$

تابع هدف (۱) کل هزینه مدل را مینیموم می‌سازد. سه قسمت تابع هدف شامل:

قسمت اول درآمد ناشی از زودکرد را اندازه می‌گیرد. قسمت دوم هزینه ثابت و قسمت سوم هزینه متغیر ناشی از دیرکرد را تعیین می‌نماید. محدودیت (۲) کل میزان دیرکرد و زودکرد را اندازه می‌گیرد. قسمت اول سمت راست محدودیت فوق وابسته به یک میزان تقریبی مربوط به زمان تحويل کارها می‌باشد که بر اساس یک توافق یا قرارداد

بین بندر و کشتی محاسبه می‌شود. محدودیت‌های (۳) و (۴) اولین و آخرین کارهای هر QC را روی هر کشتی تعیین می‌نمایند. محدودیت (۵) تضمین می‌کند که هر کار روی هر کشتی باید به وسیله یک QC تکمیل شود. محدودیت (۶) تضمین می‌کند که اگر یک QC به یک کشتی تخصیص نیابد، هیچ‌کدام از کارهای آن کشتی نمی‌تواند توسط آن QC انجام شود. محدودیت (۷) یک محدودیت تعادلی می‌باشد که تضمین می‌دارد کارها بر اساس یک توالی مشخص انجام شوند. محدودیت (۸) زمان تکمیل برای هر کار را محاسبه می‌نماید. محدودیت (۹) نشان می‌دهد که کار i باید قبل از کار j انجام

پذیرد. محدودیت (۱۰) تضمین می‌نماید که چنان‌چه $Z_{ij}^m = 1$ عملیات روی فعالیت j بر روی کشتی m بعد از عملیات روی فعالیت i تکمیل می‌شود. محدودیت (۱۱) تضمین می‌کند که کار i و j در صورتی که عضو مجموعه مربوط به کارهای دارای روابط هم زمانی باشند نمی‌توانند هم زمان انجام شوند. با استفاده از محدودیت (۱۲) از تداخل مابین QC‌ها جلوگیری می‌شود. زمان تکمیل هر QC به وسیله محدودیت (۱۳) تعیین می‌شود. محدودیت (۱۴) زودترین زمان عملیات برای هر QC را محدود می‌نماید. محدودیت (۱۵) نشان می‌دهد که در تخصیص کشتی‌ها به گنتری‌ها تداخلی وجود ندارد. محدودیت (۱۶) زمان تکمیل کشتی‌ها را تعیین می‌سازد.

۳- الگوریتم ژنتیک توسعه داده شده برای حل مساله

الگوریتم ژنتیک در حل مسایل بهینه سازی از قبیل مسایل مربوط به توالی عملیات و زمانبندی (Holland, 1975; Goldberg, 1989) کاربرد بسیاری دارد. در واقع GA یک رویکرد فرآبتكاری شناخته شده است که با الهام از سیر تکاملی طبیعت در زندگی موجودات زنده کار می‌کند. این الگوریتم در عین حال که به مفهوم حیات برای

مناسب‌ترین ساختار توجه داشته، به صورت تصادفی عمل می‌کند.

توسعه GA برای مساله مذکور شامل گام‌های زیر می‌باشد.

۱-۳-۳ طراحی کروموزوم (نمایش جواب) و جواب اولیه

گام اولیه و همین طور مهم‌ترین گام در اجرای الگوریتم ژنتیک نمایش جواب یا طراحی کروموزوم است. کروموزوم باید به گونه‌ای طراحی شود که در وهله اول و تا حد ممکن محدودیت‌های اساسی مساله را برآورده ساخته و مرتبه دوم انعطاف‌پذیری کافی برای اعمال عملگرهای ژنتیکی را داشته باشد. کروموزوم طراحی شده در این تحقیق هر کار در برنامه زمان بندی را به عنوان یک ژن نشان می‌دهد. در الگوریتم پیشنهادی، کروموزوم ماتریسی $(A+1) \times V$ است. که در آن V و A به ترتیب تعداد شناورها و بیشترین تعداد کار روی شناورهای است. در هر ستون برای هر شناور اولین ژن (اولین سطر) بیان کننده تعداد جرثقیل‌های تخصیص یافته به آن شناور است واضح است که مجموع اعداد این سطر کوچک‌تر یا مساوی تعداد جرثقیل‌های در دسترس است. تمامی مجموعه کارهای هر شناور می‌تواند در یک رشته عمودی کد بندی شود. شکل (۲-۳) نمونه‌ای از یک کروموزوم طراحی شده برای ۳ شناور و ۶ جرثقیل است که مبین توالی کارها در شناورهای است. هم چنین در این شکل جرثقیل‌های تخصیص داده شده به هر شناور نیز مشخص است.

V_1	V_2	V_3
2	3	1
2	4	3
1	2	1
7	1	2
4	5	4
6	6	5
3	3	0
5	0	0
0	0	0
0	0	0

a. یک مثال از کروموزوم طراحی شده

Assigned QC's to each vessel

vessel 1	Q_1, Q_2
vessel 2	Q_3, Q_4, Q_5
vessel 3	Q_6

b. ساختار جرثقیل‌های تخصیص داده شده به شناورها

شکل ۱-Error! No text of specified style in document. یک مثال از

کروموزوم طراحی شده و نحوه عملکرد آن

۳-۲-۳- تولید جمعیت اولیه

این که ساختار جمعیت اولیه نقش اساسی در کارایی الگوریتم ژنتیک دارد، واقعیتی غیرقابل انکار است (Goldberg, 1989). به هر حال بیشتر برای اجرای الگوریتم‌های ژنتیک جمعیت اولیه را به صورت تصادفی تولید می‌کنند. برای تولید تصادفی جمعیت اولیه گام‌های زیر را درنظر می‌گیریم:

تعداد کارهای شناور i (N_i) را مشخص نموده و ژنهایی با مقدار صفر را به عنوان کار مجازی در نظر می‌گیریم.

اعداد غیر صفر در سطر اول کروموزوم را به عنوان تعداد جرثقیل‌های تخصیص یافته به شناورها قرار داده به نحوی که مجموع این اعداد کمتر یا مساوی تعداد جرثقیل‌های در دسترس باشد.

کارهای شناور i ($V_{i=1,...,I}$) به صورت تصادفی انتخاب کرده و به ژن‌ها در ستون مربوط به شناور i از اولین ژن تا آخرین آن اختصاص می‌دهیم.

باقیمانده ژن‌های خالی را به عنوان کار مجازی (با مقدار صفر) در نظر می‌گیریم. با توجه به توالی فعالیت‌ها در هر شناور که در هر کروموزوم نشان داده شده است، زمان بندی یک جرثقیل می‌تواند با استفاده از مراحل زیر صورت پذیرد که این مدل برگرفته و توسعه داده شده مدلی است که توسط Lee, Wang و Miao در سال ۲۰۰۶ برای یک شناور بیان شده است. هم چنین در این مدل مکان اولیه برای هر جرثقیل در شروع افق برنامه ریزی معلوم فرض شده است.

گام اول: با در نظر گرفتن مکان فعلی هر جرثقیل، این که هر جرثقیل کدام کار در کروموزوم را که تا کنون به هیچ جرثقیلی تخصیص نیافته، بدون تداخل با جرثقیل‌های دیگر می‌تواند برعهده گیرد، را مشخص می‌کنیم. اگر تنها یک جرثقیل در دسترس بود، کار را به همان جرثقیل تخصیص داده سپس مکان و زمان تکمیل جرثقیل‌ها و کارها به روز می‌کنیم. اگر بیش از یک جرثقیل موجود بود به گام بعدی می‌رویم.

گام دوم: زمان تکمیل کارهای تخصیص داده شده جرثقیل‌های در دسترس را با هم مقایسه داشته و کار را به جرثقیلی که زمان تکمیل کوتاهتری دارد اختصاص می‌دهیم سپس مکان و زمان تکمیل جرثقیل‌ها و کارها را روزآمد می‌سازیم. اگر زمان تکمیل

بیش از چند جرثقیل یکسان بود به گام ۳ می‌رویم.

گام سوم: فاصله بین این کار و جرثقیل‌های در دسترس را مقایسه نموده و کار را به جرثقیل نزدیک‌تر اختصاص می‌دهیم. مکان و زمان تکمیل جرثقیل‌ها و کارها را روزآمد می‌سازیم. اگر جرثقیل‌هایی با فواصل مساوی وجود داشتند به گام ۴ می‌رویم.

گام چهارم: کار را به جرثقیلی با عدد کوچک‌تر تخصیص می‌دهیم و سپس مکان و زمان تکمیل جرثقیل‌ها و کارها را روزآمد می‌داریم.

گام پنجم: گاههای ۱ تا ۴ را تا زمانی که کار تخصیص داده نشده‌ای در کروموزوم موجود باشد، ادامه می‌دهیم.

پس از تخصیص کارها به جرثقیل‌ها، محدودیت‌های مقدم و یا هم زمان به صورت زیر برآورده می‌شوند:

فرض می‌کنیم کار A بر کار Z مقدم است، گام‌های زیر را برای تخصیص کار Z به جرثقیل‌ها در نظر می‌گیریم.

اگر کار A به هیچ جرثقیلی تخصیص داده نشده باشد، مکان کار A و Z را در کروموزوم جا به جا می‌کنیم. به عبارت دیگر کار A را به جای کار Z تخصیص می‌دهیم.

اگر کار A به جرثقیلی اختصاص یافته باشد، با توجه به محدودیت (۳-۹) زمان تکمیل کار A را به عنوان زمان شروع کار Z در نظر می‌گیریم.

فرض کنیم که کار A و Z نمی‌توانند به صورت هم زمان انجام شوندو برای تخصیص این کارها به جرثقیل‌ها به صورت زیر عمل می‌کنیم:

اگر کار A (j) به هیچ جرثقیلی تخصیص داده نشده باشد با روش بالا کار A (j) را به یک جرثقیل اختصاص می‌دهیم.

اگر کار i (j) پیشتر به یک جرثقیل اختصاص یافته باشد، طبق محدودیت $(10-3)$ زمان تکمیل کار i (j) را به عنوان زمان شروع کار (i) در نظر می‌گیریم. نمونه ای از تخصیص کارها به جرثقیل در هر شناور با استفاده از الگوریتم بالا در شکل $(3-3)$ نشان داده شده است. در نتیجه تابع برازنده 22 کروموزوم تعریف شده در معادله $(1-3)$ محاسبه شده است.

Sequence of jobs on each QC	
Q_1	2, 1, 7, 4
Q_2	6, 3, 5
Q_3	4, 2
Q_4	1
Q_5	5, 6, 3
Q_6	3, 1, 2, 4, 5

شکل $2-2$ -یک نمونه از ساختار و نحوه تخصیص گنتری ها و زمان بندی آن ها در یک کروموزوم.
۳-۳-۳- طراحی عملگرهای ژنتیکی

در این تحقیق از دو عملگر تقاطعی به طور جداگانه برای دو بخش کروموزوم استفاده شده است. سطر اول کروموزوم نشان دهنده جرثقیل های تخصیص داده شده به شناورها می باشد و سایر ژن ها بیان کننده توالی کارها در شناور هستند. برای بخش اول و دوم به ترتیب از دو عملگر تقاطعی حسابی 23 و عملگر extended patching استفاده شده است.

²² fitness

²³ Arithmetic Crossover

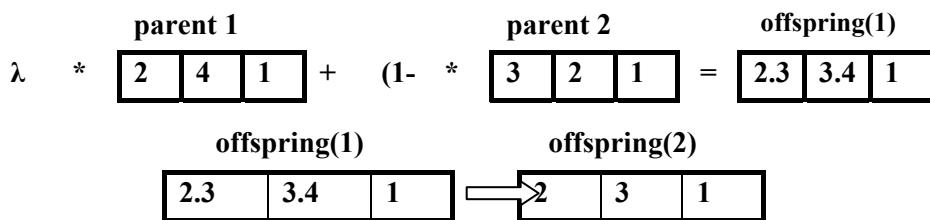
۱-۳-۳ عملگر تقاطع حسابی

از آنجا که شدنی بودن فرزندان تولید شده بسیار حائز اهمیت است، از یک عملگر تقاطعی کارا به نام عملگر تقاطعی حسابی برای جستجو در فضای جواب و به دست آوردن فرزندان شدنی به طور هم زمان استفاده شده است. این عملگر با ایجاد یک ترکیبی خطی از والدین، موجب می‌شود که فرزندان به دست آمده خصیصه شدنی بودن را از والدین خود به ارث ببرند. به لحاظ ماهیت مساله مورد بررسی، سایر عملگرهای تقاطعی در اکثر موقع موجب تولید جواب‌های نشدنی خواهند شد که این امر منجر به افزایش بسیار زیاد زمان محاسبات و ناکارایی الگوریتم خواهد شد. فرم کلی عملگر تقاطعی حسابی زیر می‌باشد :

$$\text{Offspring} \equiv \lambda \times \text{Parent 1} + (1-\lambda) \times \text{Parent 2}$$

λ یک عدد تصادفی تولید شده بین (۰,۵) است. بنابراین ارزش هر ژن در فرزندان تولید شده جدید به دست می‌آید. برای افزایش تاثیر والدین با fitness بهتر، آن‌ها را به عنوان Parent 1 در نظر می‌گیریم. در صورتی که والدین شدنی باشند، عملگر تقاطعی حسابی همواره تضمین می‌کند که فرزندان تولید شده نیز شدنی هستند. از آن جایی که ژن‌ها فقط مقادیر عدد صحیح را می‌پذیرند، در نتیجه باید جزو صحیح offspring ([offspring]) به عنوان خروجی مطلوب در نظر گرفته شود. بنابراین ممکن است تمامی محدودیت‌های جرثقیل‌ها برآورده نشده و ما با خطای $\epsilon = \sum V_{\text{gene}}$ بیشترین مقدار را جایگزین ϵ می‌سازد.

کارایی عملگر حسابی تقاطعی با $\lambda = 0.7$ و تعداد ۷ جرثقیل در شکل ۵ نشان داده شده است.



شکل ۳-۳-Error! No text of specified style in document. توصیفی شماتیک از

عملگر تقاطع حسابی

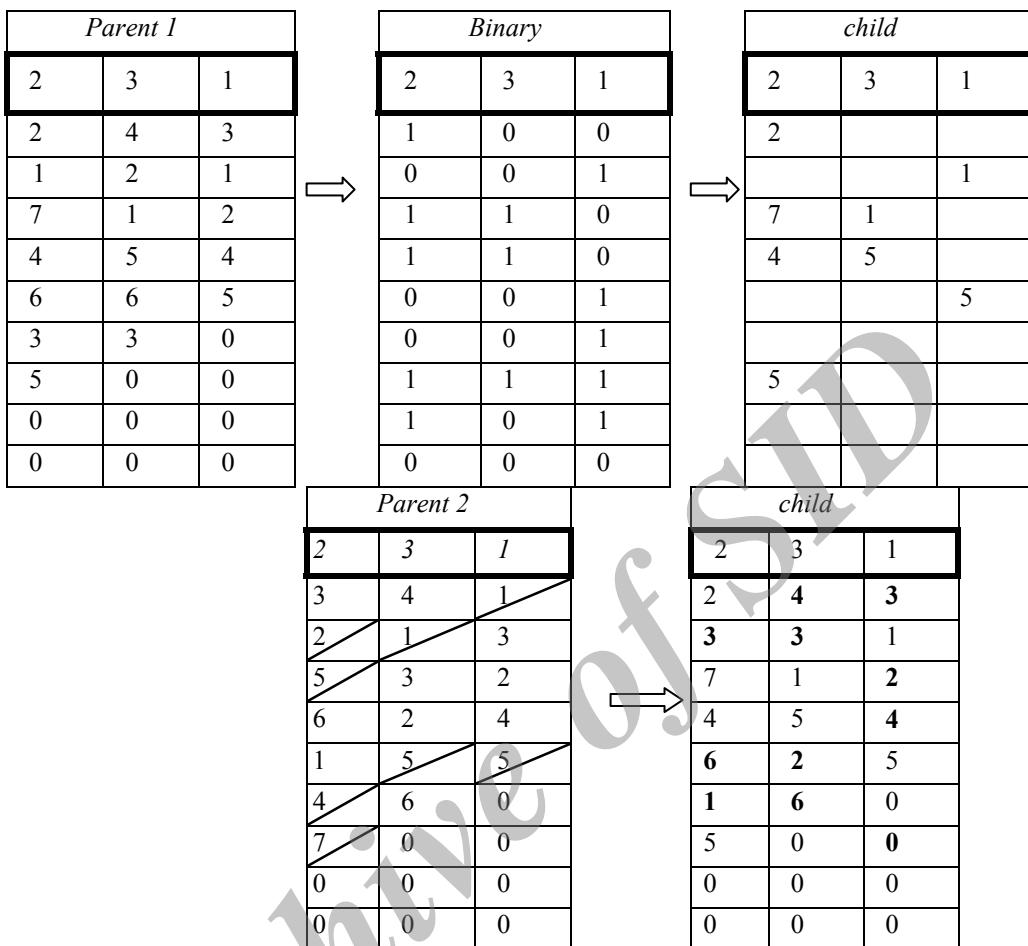
۳-۲-۳-عملگر تقاطعی جهشی توسعه یافته

عملگر تقاطعی جهشی اولین بار توسط ژانگ و چن (Chang & Gen 1997) برای حل مسایل استفاده شد. آنان این عملگر را uniform order-based uniform order-based نامیدند. این عملگر یک الگوی بازنی که در آن صفر و یکها کنترل کننده هستند، تولید می‌کند. با در نظر گرفتن این عملگر و یکی از والدین رشته بازنی روی یکی از والدین در نظر گرفته می‌شود به نحوی که ژن هایی که در موقعیت یکسان هستند مستقیم بر روی ژن فرزند به صورت نظیر به نظیر منتقل می‌شوند.

باقی مانده ژن‌ها در فرزند تولید شده، که در واقع مربوط به مکان‌های صفر در الگوی بازنی بوده‌اند توسط ژن‌های ولاد دوم پر می‌شوند. در این تحقیق ما یک عملگر مقاطعه جهشی توسعه یافته برای بخشی از کروموزوم که نشانگر توالی کارها در شناورهاست، پیشنهاد کردہ‌ایم. در این عملگر یک ماتریس بازنی ($V \times A$) معرفی شده و از عملگر برای هر ستون (شناور) به طور جداگانه استفاده شده است. شکل ۶ نمونه‌ای از این عملگر تقاطعی را شرح داده است. گاه‌های اصلی در ساختار الگوریتم پیشنهادی برای این عملگر به صورت زیر است:

در ماتریس بازنی به تعداد p عدد ۱ را بر طبق فرمول $\lceil (V \times A) / 2 \rceil$ تولید می‌کنیم.

- ۱- به نحو تصادفی یک رشته باینری "1" with p همان گونه که در گام ۱ تعریف شده، تولید می‌کنیم.
- ۲- به طور تصادفی دو والد از جمعیت را انتخاب می‌کنیم. (به عنوان مثال والد ۱ و ۲).
- ۳- ژن‌های والد ۱ را در مکان‌هایی که ماتریس باینری دارای عدد ۱ است را در کروموزوم فرزند در همان مکان قرار می‌دهیم. جز ژن‌هایی با مقدار صفر.
- ۴- ژن‌هایی از والد ۲ که پیشتر از والد ۱ روی فرزند کپی شده اند را خط زده و کنار بگذارید (این عمل برای این است که از انتخاب ژن‌های نکراری جلوگیری شود).
دقت کنید که asterisk ها را برای این عمل انتخاب نکنید چرا که تعداد بهینه گنتری‌های تخصیص یافته به هر کشتی نباید بر اساس وضعیت مشابه در والد باشد.
هم چنین ژن‌هایی با مقدار صفر مجازی می‌باشند لذا آن‌ها را نیز نباید انتخاب کنید.
- ۵- باقی مانده ژن‌ها را با ژن‌های قطع نشده در والد ۲ با حفظ توالی ژن‌ها در والد ۲ پر می‌کنیم.



شکل ۴-۴-Error! No text of specified style in document. ساختار عملگر تقاطعی ارایه شده

۳-۳-۳-۳ - عملگر جانشینی جهشی

وظیفه اصلی عملگر جهش ایجاد تنوع در نسل‌های متوالی و بهره برداری از فضای جواب است. به طور کلی در جهش هر بیت از individuals هر فرزند در جمعیت کنترل می‌شود. و مقدار هر بیت با یک نرخ از پیش تعیین شده جا به جا می‌شود.

عملگر جهش شامل جایه جایی هر دو ژنی از کروموزوم است که به طور تصادفی انتخاب شده است (Cheng & Gen, 1997). در این عملگر یک فاکتور اولیه به نام طول جهش در نظر گرفته می شود. طول جهش نشان دهنده تعداد دفعات استفاده از این عملگر می باشد. به عبارت دیگر طول جهش در عملگر جایگزینی جهش نشان دهنده تعداد دفعات جایگزینی برای هر بار استفاده از این عملگر می باشد. به عنوان مثال طول جهش ۴ میان این مطلب است که ۴ جفت ژن را باید دو به دو و به نحو تصادفی با هم تعویض نمود. لازم به ذکر است که انتخاب تصادفی ژن ها بر اساس یک مقدار احتمالی $p(m)$ خواهد بود. به این صورت که با احتمال p هر ژن برای جهش انتخاب شده و پس از انتخاب دو ژن آنها با یکدیگر تعویض می شوند. این عمل به تعداد دفعاتی برابر با طول جهش تکرار می گردد. در این تحقیق طول جهش برابر ۲ در نظر گرفته شده است.

Select two positions in two column at random		
2	3	1
2	4	3
3	3	1
7	1	2
4	5	4
6	2	5
1	6	0
5	0	0
0	0	0

➡

Swap the relative jobs		
2	3	1
2	2	3
3	3	1
1	1	2
4	5	4
6	4	5
7	6	0
5	0	0
0	0	0

شکل ۵-Error! No text of specified style in document. یک نمایش از عملگر جهشی ارایه شده

۴-۳-۴- استراتژی انتخاب والدین

انتخاب والدین در regulating the bias در فرایند تولید مثل اهمیت زیادی دارد. استراتژی انتخاب والدین بیانگر روش انتخاب کروموزوم در جمعیت فعلی است که در واقع منشا ایجاد نسل بعدی می‌باشد. بدیهی است که حل بهتر در نسل فعلی، شناس بیشتری برای انتخاب به عنوان والد برای تولید فرزند دارد. معمول‌ترین روش برای انتخاب والد، استراتژی کلاسیک چرخ رولت^{۲۴} است. در این روش از عملگری استفاده می‌شود که مبتنی بر یک احتمالی ازتابع Fitness باشد. بنابراین رشتہ ۱ ام در جمعیت با یک احتمالی از F_i (که مقدار تابع Fitness برای آن رشتہ است) انتخاب می‌شود که باید حاصل جمع این احتمال‌ها نیز برابر یک شود. احتمال رشتہ انتخابی ۱

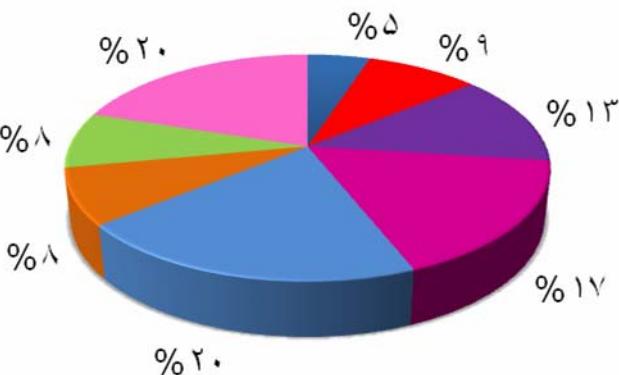
$$P_i = \frac{F_i}{\sum_{j=1}^n F_i}$$

برابر است با: که n اندازه جمعیت است. حال اگر درصد احتمال این مقادیر را به صورت شکل (۷-۳) یک چرخ رولت نشان دهیم، آن گاه مقدار مناسب بودن جمعیت پس از n بار چرخیدن این چرخ به دست خواهد آمد. در هر زمان یک مورد از رشتہ‌ها توسط اشاره گر چرخ رولت انتخاب می‌شود. از آن جایی که محیط چرخ با مقادیر درصد احتمال Fitness رشتہ‌ها نشانه‌گذاری شده است، انتظار می‌رود که

$$\frac{F_i}{\bar{F}}$$

مکانیزم چرخ به تعداد کمی از رشتہ ۱ ام را تولید کند.

²⁴ Roulette Wheel



شکل ۶

شکل ۶ نمونه‌ای از یک چرخ رولت است که در آن هر کروموزوم به تکه‌ای از دایره رولت تخصیص می‌یابد و سایز آن تکه با Fitness آن کروموزوم متناسب است. این چرخ به تعداد اندازه جمعیت می‌چرخد و در هر چرخش کروموزومی که نشان گر چرخ بر روی آن قرار گرفته است انتخاب گشته و به استخر فرزندان برای نسل بعد منتقل می‌شود.

۳-۵-۳-۳- استراتژی پذیرش فرزند

در این تحقیق از استراتژی semi-greedy (حریصانه) برای پذیرش فرزند توسط عملگر ژنتیک استفاده شده است. در این استراتژی، یک فرزند^{۲۵} زمانی برای نسل جدید پذیرفته می‌شود که Fitness آن از میانگین Fitness والدینش کمتر باشد. این استراتژی سبب می‌شود که الگوریتم زودتر به جواب بهینه نزدیک شود.

²⁵ offspring

۳-۶-۳- معیار توقف

جهت معیار توقف از دو استراتژی استفاده شده است :

ماکریم تعداد نسل‌ها.

انحراف استاندارد میزان Fitness‌ها در یک نسل [۱۳]

این پارامتر بر میزان نردیکی یا تفاوت در نسل ایجاد شده با مقدار تابع هدف دلالت می‌کند.

نحوه عملکرد معیار دوم به این نحو است که اگر میزان اختلاف Fitness‌ها در یک نسل از یک عدد ثابت در نظر گرفته شده کوچکتر باشد، الگوریتم متوقف می‌شود. به طوری که انحراف استاندارد تفاوت Fitness‌ها در نسل g از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\sigma_g = \left[(1 / Pop_Size) \sum_{k=1}^{Pop_Size} (F_g^k - \bar{F}_g)^2 \right]^{1/2}$$

که در آن F_{gk}

میزان Fitness k امین کروموزوم نسل g می‌باشد. \bar{F}_g برابر میانگین کل Fitness‌های نسل g می‌باشد که از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\bar{F}_g = (1 / Pop_Size) \sum_{k=1}^{Pop_Size} F_g^k$$

بنابراین اگر $\sigma_g \leq \epsilon$ آنگاه الگوریتم متوقف می‌شود.

۴- نتایج محاسباتی

۴-۱- اجرای مدل

در این بخش کارایی مدل پیشنهادی و الگوریتم ژنتیک توسعه داده شده با ۳۰ مثال اجرایی در اندازه‌ها مختلف نشان داده شده است. مثال‌هایی با حجم پایین با استفاده از

روش شاخه و کرانه در نرم افزار LINGO 8.0^{۲۶} در یک کامپیوتر شخصی حل شده است. همه این مثال‌ها هم چنین با الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در نرم افزار MATLAB 7.2 با کامپیوترا مشابه قبل نیز حل شده است. نتایج به دست آمده از هر دو نرم افزار از لحاظ مقدار تابع هدف^{۲۷} و زمان حل با یکدیگر مقایسه شده‌اند. از آن جایی که جواب‌هایی به دست آمده از طریق الگوریتم ژنتیک نزدیک به بهینه می‌باشد، برای داشتن جواب‌هایی بهتر هر مثال را ۲۰ بار با الگوریتم ژنتیک حل کرده سپس میانگین نتایج به دست آمده را به عنوان جواب نهایی در نظر گرفته‌ایم.

۱-۴-۱- مثال‌هایی با ابعاد کوچک

۱۰ مثال با حجم کوچک در این تحقیق حل شده است.

بر مبنای محاسبات اولیه، اندازه جمعیت، احتمال crossover، احتمال جهش و حداقل تعداد نسل به ترتیب ۱۵۰، ۰۰، ۲۵، ۰۰، ۱ و ۱۰۰ در نظر گرفته شده‌اند. همان‌طور که در جدول ۱-۴ نشان داده شده است، زمان اجرا در نرم افزار LINGO و با استفاده از روش شاخه و کرانه به طور محسوسی با افزایش ابعاد مساله در حال افزایش می‌باشد. مزید بر آن و همان‌گونه که مشخص است توسط الگوریتم GA پیشنهادی جوابی نزدیک به بهینه را در زمانی منطقی به دست آورده‌ایم. میانگین تفاوت بین روش شاخه و کرانه (جواب بهینه قطعی) و الگوریتم ژنتیک پیشنهادی (جواب بهینه تقریبی) از نظر مقدار تابع هدف برای حجم کوچک حدود ۰٪ و با انحراف معیار ۰،۷۶ می‌باشد.

²⁶ Including Two Intel® Core™2 T5600@1.83 Ghz Processors And 512 Gb Ram

²⁷ Objective Function Value (OFV)

جدول ۱- نتایج حل مساله در ابعاد کوچک

No.	Problem Information			B&B		GA		Gap (%)
	No.V	No.QC	No.job	CPU Time (Sec.)	OFV	Mean CPU Time(Sec.)	OFV	
3	2	5	3	5	62	3	62	0
5	3	5	3	12	106	5	108	1.8
2	2	5	5	23	175	8	179	2
6	3	5	5	47	185	9	188	1.6
4	2	8	5	216	150	11	153	2
9	4	8	5	1811	310	13	320	1.6
7	3	5	8	4556	325	18	332	2
8	3	8	8	4925	331	20	342	3.3
10	4	12	8	5308	342	22	354	3.2
Average								1.9

۲-۱-۴- مثال هایی با ابعاد بزرگ

در این تحقیق، ما هم چنین ۱۰ مثال در ابعاد بزرگ نیز حل کردیم.

بر مبنای محاسبات اولیه، اندازه جمعیت، احتمال crossover، احتمال جهش و حداقل تعداد نسل به ترتیب $300, 0, 25, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0$ در نظر گرفته شده‌اند.

برای ارزیابی کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حل این مثال‌ها، میانگین فاصله ایجاد شده بین نتایج حاصله برای تابع هدف که توسط روش شاخه و کرانه به دست آمده و نتایج حاصل توسط الگوریتم ژنتیک را به دست آوردیم که برابر $3,5\%$ می‌باشد.

جواب‌های حاصل از حل این مثال‌ها در جدول ۲-۴ آمده است.

جدول ۲- نتایج حل مسأله در ابعاد کوچک

No.	Problem Information			B&B		GA		Gap (%)
	No. V	No. QC	No. job	CPU Time (Sec.)	OFV	Mean CPU Time(Sec.)	OFV	
1	5	12	8	5640	381	36	392	3.3
2	3	5	12	8832	526	68	545	3.8
3	3	8	12	9205	580	76	605	4.3
4	4	5	12	10800	570	91	592	3.6
5	4	8	12	10800	622	99	648	4.1
6	4	12	12	10800	748	104	760	2.9
7	5	12	12	10800	796	108	820	3
8	3	5	16	-	-	125	1022	-
9	3	8	16	-	-	136	1036	-
10	4	5	16	-	-	141	1145	-
Average								

۵- نتیجه‌گیری و پیشنهادها :

در این مطالعه یک الگوریتم ژنتیک کارا برای حل مسأله زمان بندی جرثقیل‌های کانتینری ارایه شده است. برای این مسأله یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح آمیخته که تعریف شده است که ضمن زمانبندی جرثقیل‌های اسکله به طور همزمان جرثقیل‌ها را به شناورها نیز تخصیص ۲۸ می‌دهد. هدف در این مسأله کمینه کردن هزینه‌ها که شامل ۱) مجموع هزینه‌های ثابت و متغیر جرثقیل تخصیص داده شده به شناورها ۲) مجموع هزینه‌های حاصل از دیر کرد جرثقیل‌های تخصیص داده شده به شناورها و بیشینه کردن

²⁸ QCSAP

مجموع عایدی‌های حاصل از انجام زودتر از موعد کارهای مربوط به شناورها در بندر می‌باشد.

به دلیل ماهیت NP-hard مدل مذکور، یک الگوریتم ژنتیک (GA) توسعه داده شد که به لحاظ نحوه نمایش جواب و طراحی عملگر قابل توجه می‌باشد. هم چنین به دلیل تعدد محدودیت‌های تساوی در مدل پیشنهادی که پیچیدگی مساله و نحوه طراحی عملگر را دوچندان می‌نماید، از عملگر تقاطع حسابی و هم چنین عملگر جهش (به اصطلاح) پله سنگی برای کاوش فضای جواب استفاده شد. مقایسه بین نتایج به دست آمده توسط GA و رویکرد شاخه و کران، مبین یک اختلاف نسبی حدود ۱. درصد با انحراف استاندارد می‌باشد که نتیجه بسیار مطلوبی است. علاوه بر این، با افزایش ابعاد مساله میزان اختلاف جواب‌ها افزایش نیافته و میزان اختلاف مابین نتایج حل در دو رویکرد مذکور روند صعودی را نشان نمی‌دهد.

جهت تحقیقات آینده می‌توان موارد زیر را پیشنهاد نمود:
حل مدل پیشنهادی می‌تواند توسط سایر رویکردهای فرا ابتکاری مورد بررسی قرار گیرد.

منابع و مراجع:

1. Kim K.H, and Park Y.M. A crane scheduling method for port container terminals, European Journal of Operation Research 156(2004) 752-768
2. Imai, A., Nagaiwa, K., Tat, C.W. (1997), Efficient planning of berth allocation for container terminals in Asia, Journal of Advanced Transportation 31(1), 75-94.

3. Imai, A., Nishimura, E., Papadimitriou, S. (2001), The dynamic berth allocation problem for a container port, *Transportation Research B* 35, 401-417
4. Nishimura, E., Imai, A., Papadimitriou, S. (2001), Berth allocation planning in the public berth system by genetic algorithms, *European Journal of Operational Research* 131, 282-292.
5. Imai, A., Nishimura, E. and Papadimitriou, S., Berth allocation with service priority. *Transportation Research-B*. v37 i5. 437-457.
6. Imai, A., Nishimura, E., Hattori M. and Papadimitriou S., (2007). Berth allocation at indented berths for mega-containerships, *European Journal of Operational Research* 179 (2), 579-593.
7. Daganzo CF (1989) The crane scheduling problem. *Transportation Research* 23B (3):159–175
8. Li C-L, Cai X, Lee C-Y (1998) Scheduling with multiple-job-on-one-processor pattern. *IIE Transactions* 30: 433–445
9. Kap Hwan Kim, Young-Man Park (2004), A crane scheduling method for port container terminals European Journal of Operational Research 156: 752–78
10. Ebru K. Bish (2003) A multiple-crane-constrained scheduling problem in a conainer terminal, *European Journal of Operational Research* 144: 83–107
11. Luigi Moccia, Jean-François Cordeau, Manlio Gaudioso, Gilbert Laporte (2005), A Branch-and-Cut Algorithm for the Quay Crane Scheduling Problemin a Container Terminal, Wiley InterScience
12. Der-Horng Lee, Hui Qiu Wang, Lixin Miao (2006) Quay crane scheduling with non-interference constraints in port container terminals, *Transportation Resarch Part E*

13. Sung Ho Jung · Kap Hwan Kim (2006), Load scheduling for multiple quay cranes in port container terminals, *J Intell Manuf* (2006) 17:479–492
14. R. Tavakkoli-Moghaddam and N. Safaei “An Evolutionary Algorithm for a Single-Item Resource-Constrained Aggregate Production Planning Problem, , IEEE Congress on Evolutionary Computation, Sheraton Vancouver Wall Centre Hotel, Vancouver, BC, Canada July 16-21, 2006.
15. Zhang C., Liu J., Wan Y.W., Murty K.G and Linn R.J. Storage space allocation in container terminals, *Transportation Research Part B* 37 (2003) 883–903.
16. Goldberg, D. E., *Genetic algorithms in Search, Optimization and Machine Learning*, Addison-Wiley, Reading, MA, 1989.
17. Cheng, R. and M. Gen, “Parallel Machine Scheduling Problems Using Memetic Algorithms”,*Computers & Industrial Engineering*, Vol. 33, No. 3-4, pp. 761-764, 1997.