

مدلسازی ریاضی پدیده‌های نفوذ مولکولی و پراکندگی فیزیکی

در فرایند تزریق امتراجی گاز

عباس شهرآبادی^{۱*}، میثم کمالی‌پور^۲، سعید عباسی^۱، سید صالح هندی^۱، محمد جامی‌الاحمدی^۲

۱- تهران، پژوهشگاه صنعت نفت، مرکز مطالعات ازدیاد برداشت از مخازن

۲- اهواز، دانشگاه صنعت نفت، دانشکده نفت اهواز

پیام نگار: shahrabadia@ripi.ir

چکیده

پدیده‌های نفوذ مولکولی و پراکندگی، دو مکانیسم بسیار مهم در فرایند تزریق امتراجی گاز به مخازن نفتی هستند که متسفانه در غالب شبیه‌سازیهای انجام‌گرفته در مطالعات مخزن، از آنها صرفنظر می‌شود. در واقع اختلاط سیال تزریقی و نفت در محیط متخلخل سنگ مخزن، توسط همین دو مکانیسم کنترل می‌گردد. صرفنظر کردن از این دو پدیده در شبیه‌سازیها می‌تواند باعث ایجاد خطای نتایج شبیه‌سازی شود و به همین جهت استناد به این نتایج برای به کارگیری در اجرای پروژه‌های تزریق گاز به مخزن، غیرقابل قبول خواهد بود و قطعاً به نتایج مورد انتظار خواهد انجامید. هدف از انجام این تحقیق نشان دادن خطای حاصل از اغماض این دو پدیده در شبیه‌سازیهاست. در این مقاله ابتدا تأثیر مکانیسم‌های نفوذ مولکولی و پراکندگی بر روی فرایند تزریق امتراجی گاز با استفاده از یک مدل ساده یک بعدی تحت ستاریوهای مختلف مورد بررسی قرار می‌گیرد. این ستاریوها شامل در نظر گرفتن پدیده‌های نفوذ مولکولی و پراکندگی و همچنین اغماض این پدیده‌ها هستند. مقایسه نتایج این ستاریوها نشان می‌دهد که صرفنظر کردن از این پدیده‌ها باعث ایجاد خطای زیاد در پیش‌بینی تغییرات غلظت گاز، ضریب برداشت نفت و همچنین زمان میان شکنی گاز خواهد شد. بر اساس مطالعات انجام شده در این مقاله، نهایتاً ضریب پراکندگی بهینه و مناسب جهت طراحی فرایند تزریق امتراجی محاسبه و ارائه خواهد گردید.

کلمات کلیدی: نفوذ مولکولی، پراکندگی فیزیکی، پراکندگی مکانیکی، تزریق امتراجی

است که این پدیده هم در جهت جابجاگایی و هم عمود بر آن رخ

می‌دهد. به مجموع این دو، پراکندگی فیزیکی گفته می‌شود که گهگاه به اختصار، پراکندگی هم نامیده می‌شود. بطور کلی هرگاه از پراکندگی در کنار یا در مقایسه با نفوذ مولکولی یاد شود به معنای پراکندگی مکانیکی است و در سایر موارد منظور پراکندگی فیزیکی است.

نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی دو مکانیسم مهمی هستند که میزان مخلوطشدن سیال تزریقی و سیال جابجا شونده را در حضور سنگ مخزن تعیین می‌کنند. نفوذ مولکولی در اثر گرادیان غلظت سیال تزریقی در محیط بوجود می‌آید در صورتی که عامل پراکندگی مکانیکی، ساختار محیط متخلخل و تغییرات سرعت سیالات بوده

۱- مقدمه

که معمولاً شکل تابعی معادله فوق به صورت چند جمله‌ای زیر بیان می‌شود:

$$\frac{\rho D}{\rho^o D^o} = a + b \rho_r + c \rho_r^2 + d \rho_r^3 \quad (3)$$

حقیقین زیادی با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی، مقادیر بهینه پارامترهای معادله فوق را به دست آورده‌اند که مقادیر زیر از کمترین خطا برخوردار می‌باشد [۲]:

$$\frac{\rho D}{\rho^o D^o} = 0.99589 + 0.096016 \rho_r - 0.220350 \rho_r^2 + 0.032874 \rho_r^3 \quad (4)$$

عبارت $\rho^o D^o$ که معرف ضریب نفوذ در فشارهای پایین است براساس روش (چاپمن-اینسکوگ)^۳ با رابطه زیر بیان می‌شود [۳]:

$$\rho^o D_{12}^o = \frac{0.0018583 \left(\frac{1}{M_1} + \frac{1}{M_2} \right)^{0.5} T^{0.5}}{\sigma_{12}^2 \Omega_{12} R} \quad (5)$$

که در معادله فوق ضرایب به صورت زیر تعریف می‌شوند [۴]:

$$\sigma_1 = 0.1866 \nu_{c1}^{\frac{1}{3}} z_c^{-\frac{6}{5}} \quad (6)$$

معمولًا در مطالعات شیوه‌سازی فرایندهای تزریق گاز در مخزن از این دو مکانیسم صرفنظر می‌شود که علت این امر عدم وجود داده‌های کافی و همچنین عدم وجود روابط مناسب و دقیق جهت محاسبه ضریب نفوذ گاز در داخل نفت در شرایط فشار و دمای بالای مخزن می‌باشد. از طرفی، نادیده گرفتن نقش مهم این مکانیسم‌ها در اینگونه فرایندها باعث ایجاد خطای زیاد در محاسبات و شبیه‌سازیها شده و این باعث می‌شود که نتایج به دست آمده در مطالعات شبیه‌سازی دارای عدم قطعیت و فاقد اعتبار لازم در توسعه میدان نفتی نباشد. برای در نظر گرفتن پدیده‌های نفوذ مولکولی و پراکندگی در محاسبات شبیه سازی لازم است مقادیر ضرایب نفوذ مولکولی و پراکندگی اندازه گیری شود و در محاسبات از آنها استفاده گردد. در ادامه بحث پس از توضیح روش‌های مناسب جهت اندازه گیری ضریب نفوذ مولکولی به بررسی نقش این پارامتر در فرایند امتزاجی خواهیم پرداخت. معمولاً جهت محاسبه ضریب نفوذ مولکولی در مخلوطها از دو روش نظری به نامهای روش ضریب نفوذ مؤثر ویک^۱ و روش شبه دو جزیی^۲ استفاده می‌شود. در نفوذ مولکولی به حرکت سیال نیازی نیست و این مکانیسم بر اثر وجود اختلاف غلظت در سیستم بوجود می‌آید و با قانون اول فیک بصورت زیر بیان می‌شود [۱]:

$$J = -D \frac{\partial c}{\partial x} \quad (1)$$

در رابطه فوق D معرف ضریب نفوذ و J فلاکس جرمی انتقال یافته توسط مکانیسم نفوذ مولکولی است. در محاسبات نفوذ مولکولی و پراکندگی در فرایند تزریق گاز لازم است که ضریب نفوذ مولکولی در شرایط فشار و دمای مخزن محاسبه شود. مطالعات آنالیز ابعادی نشان می‌دهد که ضریب نفوذ در فشارهای بالا را می‌توان با معادله ساده زیر به ضریب نفوذ در فشارهای پایین و چگالی کاهشی مرتبط ساخت.

$$\varepsilon_1 = 65.3 z_{c1}^{18/5} \quad (7)$$

$$\varepsilon_{12} = (\varepsilon_1 \varepsilon_2)^{0.5} \quad (8)$$

$$T_{12} = T / \varepsilon_{12} \quad (9)$$

$$\Omega_{12} = 1.06036 / T_{12}^{1.561} + .19300 \exp(-.47635 T_{12}) + 1.03587 \exp(-1.52996 T_{12}) + 1.76474 \exp(-3.89411 T_{12}) \quad (10)$$

به عنوان نمونه منحنی $\frac{\rho D}{\rho^o D^o}$ بر حسب چگالی کاهشی برای

گازهای مختلف توسط Reid در شکل (۱) نشان داده شده است [۴].

3. Chapman Enskok

1. Wilke Effective
2. Psudo Binary

که هر کدام از ضرائب موجود در معادلات بالا با استفاده از رابطه (۴) محاسبه می‌شوند. مسلماً با افزایش تعداد اجزاء این روابط پیچیده‌تر می‌شوند. برای حل این مشکل معمول است که به جای استفاده از ضریب نفوذ‌های مختلف از یک ضریب نفوذ مؤثر استفاده می‌شود که این ضریب نفوذ توسط ویک [۶] به صورت زیر ارائه شده است:

$$D_{Am} = \frac{1 - y_A}{\sum_{i=1, i \neq A}^{n+1} \frac{y_i}{D_{Ai}}} \quad (15)$$

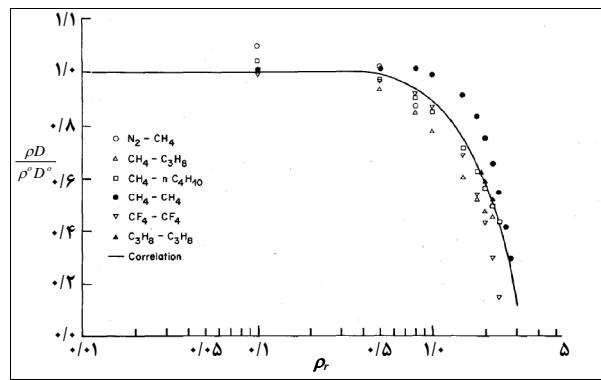
در این رابطه A بیانگر گاز تزریقی است. از آنجایی که مجموع ضرائب مولی حاصل، الزاماً برابر یک نمی‌باشد ضرائب مولی را با رابطه زیر نرمالیزه می‌کنیم:

$$Y_i = \frac{Y_{ei}}{\sum Y_{ei}} \quad (16)$$

در روش شبه دو جزئی همه اجزای سیستم به دو گروه نفت و گاز تقسیم می‌شوند و یک ضریب نفوذ برای سیستم دو جزئی بیان می‌گردد. مفهوم دیگری که نقش مهمی در اختلاط سیالات هنگام تزریق یک سیال امتزاج‌پذیر به محیط متخلخل دارد، پراکندگی مکانیکی است. به دلیل تغییر در سرعت، این اختلاط صورت می‌پذیرد و این نباید با اصطلاح همرفت اشتباه گرفته شود. همرفت، حرکت سیال به دلیل حرکت توده‌ای آن می‌باشد. در فرایند جابجایی امتزاجی نیز اصطلاح همرفت وجود دارد اما باعث اختلاط سیالات نمی‌شود [۷]. پراکندگی فیزیکی بطور کلی شامل نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی است. به سبب تغییر در غلظت و سرعت در محیط متخلخل این اختلاط ایجاد می‌شود. در حالتهایی که نفوذ مولکولی و پراکندگی هر دو از اهمیت برخوردار باشند، ضریب پراکندگی را می‌توان بوسیله معادله زیر بدست آورد [۸]:

$$K = D + \frac{u^2 a^2}{48D} \quad (17)$$

در رابطه فوق K ضریب پراکندگی فیزیکی، D ضریب نفوذ مولکولی، u سرعت حرکت سیال در محیط متخلخل و a قطر متوسط خل



شکل ۱- منحنی ضریب نفوذ بر حسب جرم حجمی کاہشی [۴]

حال می‌توان از معادلات بیان شده در فوق جهت محاسبه ضریب نفوذ گاز در نفت که هر دو از مخلوط‌های پیچیده می‌باشند استفاده کرد. در مخلوط‌های چندجزوی محاسبه ضریب نفوذ به سادگی مخلوط‌های دو جزئی نیست. در این نوع مخلوط‌ها ارتباط بین غلظت و زمان برای یک مخلوط شامل (n+1) جزء بوسیله رابطه زیر نشان داده می‌شود:

$$\frac{\partial c_i}{\partial t} = -\nabla \cdot (c_i \vec{u} + \vec{J}_i), \quad i = 1, n \quad (11)$$

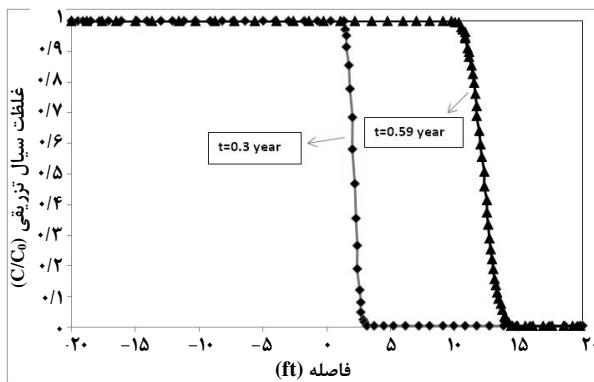
به طوری که:

$$\vec{J}_i = -\sum D_{ik} \nabla c_k \quad (12)$$

همان‌گونه که مشخص است برای محاسبه شار جرمی، احتیاج به ضریب نفوذ مولکولی هر جزء در اجزاء دیگر می‌باشد که محاسبات را بسیار پیچیده می‌کند. به عنوان مثال در این مخلوط ضریب نفوذ مولکولی برای یک مخلوط دو جزئی با رابطه زیر محاسبه می‌شود [۵]:

$$D_1 = \frac{D_{11} + D_{22} + \sqrt{(D_{11} - D_{22})^2 + 4D_{12}D_{21}}}{2} \quad (13)$$

$$D_2 = \frac{D_{11} + D_{22} - \sqrt{(D_{11} - D_{22})^2 + 4D_{12}D_{21}}}{2} \quad (14)$$



شکل ۳- نیمرخ غلظت بوتان با دو روش ضریب نفوذ مؤثر و شبیه دوجزئی در دو زمان مختلف

همان‌گونه که در شکل (۳) مشاهده می‌شود محاسبه غلظتها با استفاده از هر دو روش به نتایج مشابهی منجر شده است. پس می‌توان نتیجه گرفت که برای محاسبات بعدی استفاده از روش بسیار ساده ضریب نفوذ مؤثر قابل قبول خواهد بود. بنابراین در ادامه، جهت محاسبه ضریب نفوذ مولکولی از روش مؤثر استفاده گردیده است. به منظور مطالعه تأثیر هر کدام از پارامترهای نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی و پراکندگی فیزیکی که مجموع این دو می‌باشد، معادله (نفوذ- همrfت) در سه حالت حل خواهد شد. در حالت اول معادله را بدون در نظر گرفتن ضریب نفوذ حل می‌کنیم. در این حالت تنها مکانیسم موجود همrfت می‌باشد. در حالت دوم معادله با وجود ضریب نفوذ حل می‌گردد. در این حالت مکانیسم‌های نفوذ مولکولی و همrfت در نظر گرفته می‌شود. در حالت سوم معادله با در نظر گرفتن ضریب پراکندگی فیزیکی حل می‌گردد که در واقع هر سه مکانیسم همrfت، نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی وجود دارند. بنابراین در حالت اول معادله زیر حل می‌شود:

$$-\nu \frac{\partial C_i}{\partial x} = \varphi \frac{\partial C_i}{\partial t} \quad (19)$$

در حالت دوم و سوم بترتیب معادلات زیر حل می‌شوند:

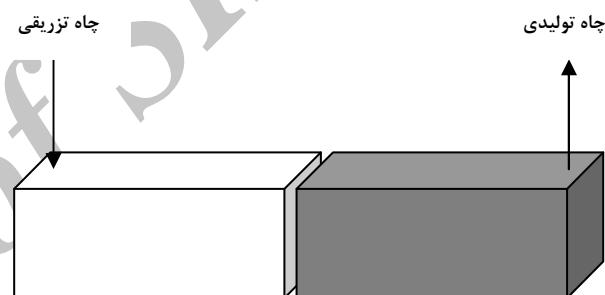
$$-\nu \frac{\partial C_i}{\partial x} + D \frac{\partial^2 C_i}{\partial x^2} = \varphi \frac{\partial C_i}{\partial t} \quad (20)$$

$$-\nu \frac{\partial C_i}{\partial x} + K \frac{\partial^2 C_i}{\partial x^2} = \varphi \frac{\partial C_i}{\partial t} \quad (21)$$

و فرجهای محیط متخالخل است. همانگونه که مشخص است پراکندگی، تابعی از مکانیسم نفوذ مولکولی و همچنین سرعت سیال می‌باشد که بسته به اندازه سرعت سیال، مکانیسم کنترل کننده فرایند می‌تواند نفوذ مولکولی، پراکندگی مکانیکی و یا هر دو باشد.

۲- تأثیر ضریب پراکندگی بر فرایند تزریق امتزاجی

جهت مطالعه تأثیر پراکندگی در فرایند تزریق امتزاجی از یک مدل ساده یک بعدی شامل $40 \times 1 \times 1$ ft³ بلوک با ابعاد $20 \times 1 \times 1$ ft³ همانند شکل (۲) استفاده شد. نیمه اول مدل ($20 \times 1 \times 1$ ft³) با ماده تزریقی بوتان، و بقیه با مخلوط ۳۵٪ متان و ۶۵٪ دودکان که نشان‌دهنده نفت مخزن می‌باشد اشباع شده است.



شکل ۲- مدل ساخته شده جهت مطالعه فرایند

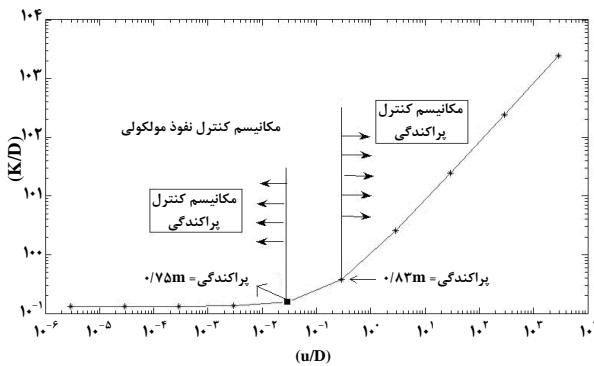
تزریق امتزاجی بوتان

معادله (پراکندگی- همrfت) در محیط متخالخل به صورت زیر بیان می‌شود [۹]:

$$-\nu \frac{\partial C_i}{\partial x} + D \frac{\partial^2 C_i}{\partial x^2} = \varphi \frac{\partial C_i}{\partial t} \quad (18)$$

که معادله فوق از نوشتمن موازنه جرم بر روی المان دیفرانسیلی از محیط متخالخل حاصل می‌گردد. ابتدا دو روش عنوان شده در قبل یعنی روش شبیه دو جزئی و روش ضریب نفوذ مؤثر به کار گرفته و پس از محاسبه، ضریب نفوذ نیمرخ غلظت با استفاده از معادله فوق به دست آورده شد. نیمرخ غلظت محاسبه شده در دو زمان مختلف برای بوتان که بعنوان سیال تزریقی می‌باشد یا هر دو روش در شکل (۳) با یکدیگر مقایسه شده‌اند. در محاسبه غلظتها ضریب نفوذ و پراکندگی هر دو در نظر گرفته شده‌اند.

کنترل کننده فرایند هستند از سرعت $(\text{cm}/\text{s})^{-5} \times 2 \times 10^{-5}$ شروع می‌شود و در سرعت $(\text{cm}/\text{s})^{-4} \times 2 \times 10^{-4}$ به پایان می‌رسد.



شکل ۵- نواحی مختلف موجود در فرایند امتزاجی وابسته به پارامترهای نفوذ مولکولی و پراکندگی

عملکرد سیستم که در ادامه به آن پرداخته خواهد شد این نتیجه را تأیید می‌نماید، زیرا سرعت‌های پایین به گونه‌ای هستند که مکانیزم نفوذ مولکولی و در سرعت‌های بالا پدیده پراکندگی نقش مهمی در کنترل فرایند تزریق امتزاجی خواهند داشت.

در این مطالعه اثر حضور هر کدام از این پارامترها در کارایی فرایند تزریق امتزاجی از جمله ضریب برداشت، زمان میان‌شکنی بررسی خواهد شد. برای نشان دادن اهمیت هر کدام از پارامترهای نفوذ و پراکندگی این مطالعات، در ۴ سناریوی مختلف به شرح زیر مطالعه و با هم‌دیگر مقایسه شده‌اند.

سناریوی اول: فقط مکانیسم همرفت در نظر گرفته شده است.
سناریوی دوم: مکانیسم همرفت و نفوذ مولکولی در نظر گرفته شده‌اند.

سناریوی سوم: مکانیسم‌های همرفت و پراکندگی مکانیکی در نظر گرفته شده‌اند.

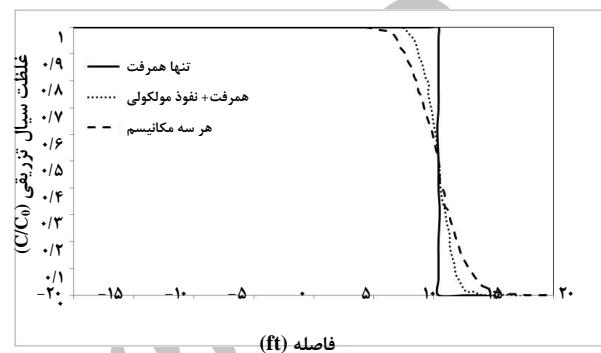
سناریوی چهارم: مکانیسم‌های همرفت، نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی هر سه در نظر گرفته شده‌اند.

۳- تأثیر پراکندگی فیزیکی روی ضریب برداشت

برای پیدا کردن ضریب برداشت، مطالعات بر روی یک نمونه ۲۰ فوتی از مدل قبلی انجام شد، به طوری که نیمه اول مدل با بوتان به عنوان سیال تزریقی و نیمه دوم با نفت (با همان خواصی که توضیح داده شد) اشباع گردید و در چهار سناریوی تعریف شده در بالا

که ضریب K از معادله (۱۷) قابل محاسبه می‌باشد. معادله فوق به صورت عددی و با تکنیک ضمنی به فرم تفاضل محدود در آمده و توسط یک برنامه ساده که در محیط متلب نوشته شده است، حل گردید.

با حل معادله در سه حالت، توزیع غلظت سیال تزریقی به دست می‌آید که نتیجه در شکل (۴) نشان داده شده است. از این شکل می‌توان فهمید که با حذف هر یک از پارامترهای نفوذ و پراکندگی شبیب نمودار غلظت تندتر می‌شود.

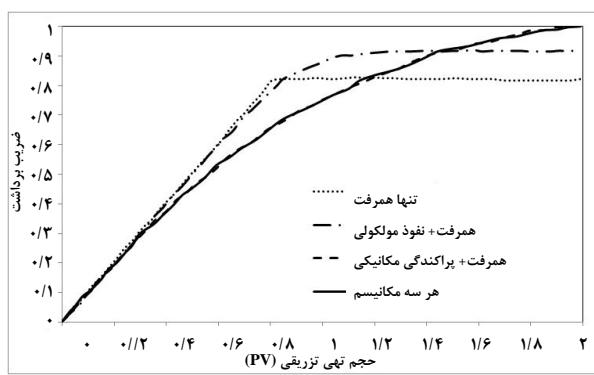


شکل ۴- تأثیر پارامترهای نفوذ و پراکندگی مکانیکی بر نیمرخ غلظت سیال تزریقی

نکته قابل توجه اینکه شکل فوق دقیقاً تابعی از سرعت سیال در محیط متخلف بوده و با تغییر این سرعت شکل منحنی‌ها عوض می‌شوند. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که به ازای مقدار خاصی از سرعت سیال، هر کدام از مکانیسم‌های فوق کنترل کننده کل فرایند می‌باشد. پیدا کردن این نواحی در مطالعه فرایند تزریق امتزاجی بسیار مفید خواهند بود. زیرا با داشتن سرعت می‌توان مکانیسم کنترل کننده را تشخیص داد و در محاسبات از بقیه مکانیزم‌ها با خطای اندک صرفنظر کرد. این نواحی با رسم نسبت ضریب پراکندگی به ضریب نفوذ در سرعت‌های مختلف به دست می‌آید. شکل (۵) معرف این گونه نواحی می‌باشد.

ناحیه اول در شکل که در آن (K/D) با سرعت تغییر نمی‌کند ناحیه‌ای است که در آن مکانیسم نفوذ مولکولی فرایند کنترل می‌کند. ناحیه سوم که از سرعت $(\text{cm}/\text{s})^{-4} \times 2 \times 10^{-4}$ شروع می‌شود ناحیه‌ای است که توسط پراکندگی مکانیکی کنترل می‌شود. ناحیه گذرا که هر دو مکانیسم نفوذ مولکولی و پراکندگی مکانیکی،

نمودار برداشت اختلاف زیادی با مقدار واقعی که ضریب پراکندگی فیزیکی در سیستم داریم خواهد داشت ولی اگر فقط ضریب مولکولی به تنهایی در نظر گرفته شود می‌توان مقدار واقعی برداشت را پیش‌بینی کرد، که نشان می‌دهد در این سرعت ضریب نفوذ کنترل کننده فرایند امتزاجی است. در سرعت‌های بالا همانطور که شکل (۷) نشان می‌دهد عامل مؤثر در انجام فرایند تزریق امتزاجی ضریب پراکندگی فیزیکی است. در ناحیه گذرا (شکل (۸)) با نادیده گرفتن هر کدام از دو پارامتر ضریب نفوذ و پراکندگی مکانیکی نمی‌توان مقدار تولید را بدستی تعیین کرد که نشان‌دهنده اهمیت هر دو پارامتر در این ناحیه است.

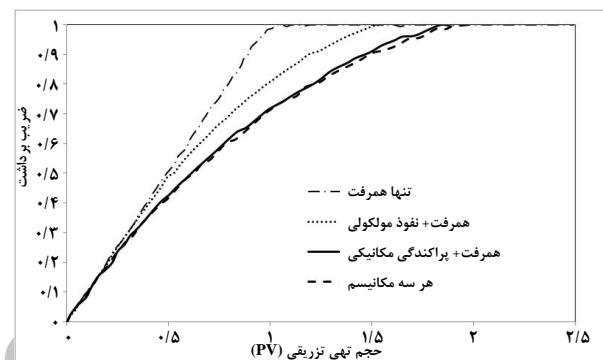


شکل ۸- نمودار ضریب برداشت بر حسب حجم تهی تزریقی
در ۴ حالت مختلف در سرعت بالا

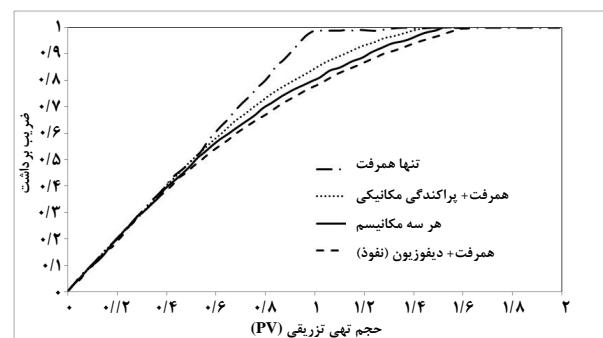
۴- تأثیر پراکندگی فیزیکی بر روی زمان میان شکنی^۱
با انجام مطالعه روی چهار سناریوی ذکر شده زمانهای میان شکنی طبق جدول (۱) محاسبه گردید.

همان گونه که مشاهده می‌شود با حذف هر یک از پارامترهای نفوذ و پراکندگی مکانیکی زمان میان شکنی افزایش می‌یابد که دلیل آن تندترشدن نمودار غلظت است. همانطور که انتظار می‌رود در سرعت‌های بالا حذف ضریب نفوذ و در سرعت‌های پایین حذف ضریب پراکندگی مکانیکی خطای چندانی در محاسبات ایجاد نمی‌کند. درصد خطای حاصل از حذف پارامترهای نفوذ و پراکندگی در جدول (۲) دیده می‌شود.

ضریب برداشت بر حسب حجم تهی تزریقی در ۳ سرعت مختلف محاسبه و نتایج در شکلهای زیر نشان داده شده‌اند. شکلهای (۶) تا (۸) بترتیب این مقایسه را برای ناحیه‌ای که نفوذ مولکولی، پراکندگی مکانیکی و پراکندگی فیزیکی کنترل کننده فرایند امتزاجی هستند نشان می‌دهد.



شکل ۶- نمودار ضریب برداشت بر حسب حجم تهی تزریقی
در ۴ سناریوی مختلف در سرعت کم



شکل ۷- نمودار ضریب برداشت بر حسب حجم تهی تزریقی
در ۴ سناریوی مختلف در سرعت متوسط

در همه این اشکال می‌بینیم با نادیده گرفتن ضریب پراکندگی فیزیکی که در واقع معرف فرایند غیر امتزاجی است هرگز نمی‌توان به ضریب برداشت ۱۰۰٪ رسید که در واقع نشان‌دهنده اهمیت بالای فرایند امتزاجی بالاخص در سرعت‌های بالا می‌باشد. همانطور که از شکل (۶) مشخص است با حذف ضریب نفوذ در سرعت‌های کم

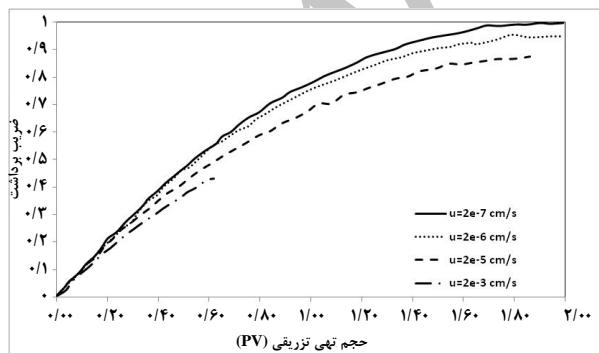
1. Break Through

جدول ۱- زمان میان شکنی برای چهار سناریو در سرعتهای متفاوت

سرعت (cm/s)	سناریوی اول	سناریوی دوم	سناریوی سوم	سناریوی چهارم
۴۸/۳	۲۱/۱	۴۱	۲۱	2×10^{-7}
۴/۹	۳/۱	۳/۹	۳	2×10^{-6}
۰/۴۸۴	۰/۴۲۸	۰/۴۱	۰/۳۹۸	2×10^{-5}
۰/۰۴۸۴	۰/۰۴۶۳	۱/۰۰۴۱	۰/۰۰۴۰۸	2×10^{-4}
۰/۰۰۴۸۴	۰/۰۰۴۷۶	۱/۰۰۰۴۱	۰/۰۰۰۴۱	2×10^{-3}
۰/۰۰۰۴۸۴	۰/۰۰۰۴۸۱	۰/۰۰۰۴۱	۰/۰۰۰۴۱	2×10^{-2}
$4/84 \times 10^{-5}$	$4/83 \times 10^{-5}$	$4/1 \times 10^{-5}$	$4/1 \times 10^{-5}$	2×10^{-1}
$4/87 \times 10^{-7}$	$4/847 \times 10^{-7}$	$4/1 \times 10^{-7}$	$4/1 \times 10^{-7}$	2×10^{-1}

جدول ۲- درصد خطای ناشی از حذف پارامترهای نفوذ و پراکندگی مکانیکی در سرعتهای متفاوت

سرعت (cm/s)	نادیده گرفتن ضریب پراکندگی فیزیکی	نادیده گرفتن ضریب پراکندگی مکانیکی	نادیده گرفتن ضریب نفوذ
۹۵/۲۴	۰/۴۸	۱۳۰	2×10^{-7}
۳۰	۳/۳۳	۶۳/۳۴	2×10^{-6}
۳/۰۲	۷/۵۴	۲۱/۶۱	2×10^{-5}
۰/۴۹	۱۳/۴۸	۱۸/۶۳	2×10^{-4}
•	۱۶/۰۹	۱۸/۰۵	2×10^{-3}
•	۱۷/۳۲	۱۸/۰۵	2×10^{-2}
•	۱۷/۸۰	۱۸/۰۵	2×10^{-1}
•	۱۸/۰۵	۱۸/۰۵	2×10^{-1}



شکل ۹- نمودار ضریب برداشت بر حسب حجم تهی تزریقی در سرعتهای مختلف برای پیدا کردن سرعت تزریق بهینه

۵- ضریب پراکندگی بهینه جهت طراحی فرایند امتزاجی

بررسی نمودارهای برداشت به ازای ضریب پراکندگی‌های متفاوت نشان می‌دهد که در ناحیه گذرا بیشترین برداشت را خواهیم داشت که این مقایسه در شکل (۹) نشان داده شده است. سرعت مربوط به ناحیه گذرا حدود 2×10^{-5} (cm/sec) می‌باشد و در این ناحیه هر دو پارامتر پراکندگی مکانیکی و نفوذ مولکولی فرایند تزریق امتزاجی را کنترل می‌کنند. این نتیجه در طراحی فرایند امتزاجی بسیار سودمند است به این معنی که اگر ضریب پراکندگی در این ناحیه باشد بهترین انتخاب ممکن در افزایش برداشت سیستم خواهد بود.

- مقایسه ضرایب برداشت در سرعتهای بالا نشان می‌دهد که اگر ضریب پراکندگی بین $0/75$ m و $0/85$ m باشد، یعنی در ناحیه‌ای که هر دو عامل نفوذ و پراکندگی مکانیکی کنترل کننده مکانیسم امتزاجی هستند، به بیشترین ضریب برداشت دست می‌یابیم.
- نهایتاً این که طبق مطالعات انجام شده در این مقاله قبل از اجرای هر گونه پروژه تزریق امتزاجی در هر میدان ابتدا باید مکانیسم کنترل کننده مشخص و شبیه سازی مخزن بر اساس مکانیسم کنترل کننده انجام گردد.

مراجع

- [1] Basser, P.J., "Diffusion Primer", Section on Tissue Biophysics & Biomimetics, National Institutes of Health, Bethesda, MD, USA. (1981).
- [2] Sigmund, P.M., "Prediction of Molecular Diffusion at Reservoir Conditions, Part I. Measurement and Prediction of Binary Dense Gas Diffusion Coefficients", J Can. Pet.Tech. (April-June), No 2, 48-57. (1976-I).
- [3] Computer Modelling Group "GEM User's Guide", Version 2004, Computer Modelling Group Ltd., Calgary, AB, Canada. (2004).
- [4] Reid, R.C., Prausnitz, J.M., and Sherwood, T.K., "The Properties of Gases and Liquids", 3 Ed., McGraw-Hill, New York, (1977).
- [5] Toor, H.L., "Solution of the Linearized Equations Carnegie Mellon of Multicomponent Mass Transfer", AIChE Journal, vol. 10, p. 460, (1964).
- [6] Wilke, C.R., and Chang, P., "Correlation of Diffusion Coefficients of Dilute Solutions", AIChEJ, (June 1955) 264-270. (1955).
- [7] Blackwell, R. J., "Laboratory Studies of Microscopic Dispersion Phenomena", Soc. Pet. Eng. Jour, (March, 1962) 1. (1962).
- [8] Perkins, T.K., and Johnston, O.C., "A Review of Diffusion and Dispersion in Porous Media", Soc. Pet. Eng. 1, (March 1963), 70-80; Trans. AIME, 228, (1963).
- [9] Crank, J., "The Mathematics of Diffusion", Oxford at the Clarendon Press, London, (1964).

۶- نتیجه‌گیری نهایی

- مهتمرين نتایج بدست آمده از انجام مطالعه و بررسی پارامترهای نفوذ مولکولی و پراکندگی عبارت اند از:
- نفوذ مولکولی و پراکندگی دو مکانیسمی هستند که کنترل کننده اختلاط در فرایند تزریق گاز می‌باشند.
- در این مطالعه از دو روش شبه دو جزئی و روش ضریب نفوذ مؤثر جهت مطالعه پراکندگی در یک مدل مصنوعی استفاده گردید.
- مقایسه نیمرخ غلظت با دو روش نشان داد که توافق بسیار خوبی بین نتایج دو روش وجود دارد.

- ترسیم منحنی نسبت ضریب پراکندگی به ضریب نفوذ بر حسب عدد پکله، سه ناحیه مختلف از نقطه نظر سرعت را مشخص می‌کند که در هر ناحیه، اختلاط توسط یکی از مکانیسم‌های نفوذ، پراکندگی یا هر دو کنترل می‌گردد.
- ضریب بازیافت در یک فرایند تزریق گاز یکی از پارامترهایی است که تحت تأثیر پراکندگی فیزیکی قرار دارد. باید توجه داشت که برای محاسبه ضریب بازیافت در فرایند تزریق گاز، در سرعتهای پایین نفوذ مولکولی و در سرعتهای بالا پراکندگی را باید در نظر گرفت. در سرعتهای میانی هر دو مکانیسم را باید در نظر داشت. چون چشم پوشی از هر کدام در نواحی مربوطه باعث اشتباہ در محاسبات خواهد گردید.

- چشم پوشی از پراکندگی فیزیکی باعث تأثیر بسیار زیادی در محاسبه زمان میان شکنی سیال جابجاکننده می‌شود. همین ساده‌سازی باعث 18% خطأ در سرعتهای بالا و 130% خطأ در سرعتهای پایین در پیش‌بینی این زمان می‌گردد.

- بررسی پارامترهای نفوذ و پراکندگی روی زمان میان شکنی و ضریب برداشت نشان می‌دهد که بازای ضرایب پراکندگی بین $0/75$ m و $0/85$ m مکانیزم امتزاجی به هر دو پارامتر ذکر شده وابسته است و در مقادیر کمتر از $0/75$ m مهمترین عامل کنترل کننده مکانیسم امتزاجی نفوذ مولکولی است. اگر ضریب پراکندگی بیشتر از $0/85$ m باشد مکانیزم امتزاجی بوسیله پراکندگی مکانیکی کنترل می‌شود.