مقاله پژوهشی کامل تاریخ دریافت ۹۲/۳/۲۹ تاریخ پذیرش ۹۲/۶/۱ ارائه در سایت ۹۲/۱۰/۳۰

سی مکانیک مدر سر فوالعاده استند ۱۳۹۱، دوره ۱۳ شماره ۱۹ می ۱۸۵-۱۹

# بررسی تحلیلی و شبیه سازی المان محدود متمر کز کننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل: بکار گیری در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک

محسن امامی'، محمد حسین صادقی'

۱- دانشجوی دکتری مهندسی مکانیک- ساخت و تولید، دانشگاه تربیت مدرس، تهران ۲- استاد مهندسی مکانیک- ساخت و تولید، دانشگاه تربیت مدرس، تهران \* تهران، صندوق پستی ۱۴۳۱۵–۱۴۱۱۵

مجله علمى يژوهش

چکیده- در یک سیستم آلتراسونیک، متمرکزکننده، انرژی ارتعاشی ترانسدیوسر آلتراسونیک را به محل مورد کاربرد انتقال داده و دامنه نوسانات را تقویت میکند. در این مقاله متمرکزکنندههای با هندسه نمایی و با سطح مقطع مستطیل شکل، طراحی و آنالیز شده و یک نمونه کاربرد آنها در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک مطرح میشود. سپس برای ارزیابی حل تحلیلی، چند نمونه متمرکزکننده مختلف به روش تحلیلی طراحی و سپس مدلسازی شده و در نرمافزار المان محدود انسیس آنالیز مودال میشوند و پارامترهای ارتعاشی آنها شامل فرکانس تشدید و ضریب بزرگنمایی با مقادیر حاصل از شبیهسازی المان محدود مقایسه میگردد. نتایج بدست آمده، تطابق خوب بین مقادیر حل تحلیلی و شبیهسازی المان محدود را نشان میدهد. همچنین یک مجموعه متمرکزکننده-قطعهکار جهت بکارگیری در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک شبیهسازی می شود.

**کلیدواژگان:** متمرکزکننده نمایی با مقطع مستطیل شکل، حل تحلیلی، شبیهسازی المان محدود، سنگزنی به همراه آلتراسونیک.

### Analytical modeling and finite element simulation of exponential horns with rectangular cross-section: Application on ultrasonic assisted grinding

#### M. Emami<sup>1</sup>, M.H. Sadeghi<sup>2\*</sup>

1- PhD Student, Mech. Eng., Tarbiat Modares Univ., Tehran, Iran

2- Prof., Mech. Eng., Tarbiat Modares Univ., Tehran, Iran

\* P.O.B. 14115-143 Tehran, Iran. sadeghim@modares.ac.ir

**Abstract-** In an ultrasonic system, acoustic horn transmits the vibration energy of ultrasonic transducer to the application area and amplifies the oscillation amplitude. In the present study exponential horns with rectangular cross-section for application in ultrasonic assisted grinding process are designed and analyzed. An analytical approach is applied to model this type of horns. For evaluating the analytical model, some acoustic horns are designed using analytical method and then analyzed by the finite-element method (FEM) in ANSYS. Then, the design parameters such as resonance frequency and amplification factor are compared and verified. A very good agreement is obtained between the results of analytical modeling and those of FEM simulation. Moreover, a horn-workpiece assembly for applying in ultrasonic assisted grinding is simulated.

Keywords: Exponential Acoustic Horns with Rectangular Cross-Section, Analytical Modeling, FEM, Ultrasonic Assisted Grinding.

۱– مقدمه

ارتعاشات آلتراسونیک به طور رو به گسترشی در زمینههای كاربردى مختلفى از جمله صنعت، يزشكى، زيستشناسى و غیره بکار گرفته شده است [۱]. ماشینکاری، برش و جوش کاری آلتراسونیک نمونه هایی از کاربردهای آلتراسونیک در فرایندهای صنعتی هستند [۳،۲]. علاوه بر آن تکنولوژی آلتراسونیک کاربردهای جدیدی در فرایندهای ماشینکاری به همراه ارتعاشات آلتراسونيك مثل تراشكاري، فرزكاري، سوراخ کاری و سنگزنی به همراه آلتراسونیک پیدا کرده است. در فرایند ماشین کاری به همراه آلتراسونیک، ارتعاشات آلتراسونیک بر سینماتیک برادهبرداری از قطعه کار، برهم نهی می شود. بسته به نوع ماشین کاری، ارتعاشات آلتر اسونیک ممکن است به ابزار یا قطعهکار اعمال شود. در فرایندهایی چون تراشکاری و سوراخکاری به همراه آلتراسونیک، ارتعاشات آلتراسونیک معمولاً به ابزار اعمال می شود. در حالی که در فرايندهايي مانند فرزكاري يا سنگزني به همراه آلتراسونيک، ارتعاشات آلتراسونيك معمولاً به قطعهكار اعمال مي شود. تحقیقات گذشته نشان داده است که اعمال ارتعاشات فرکانس بالا در فرایندهای ماشینکاری به طور قابل ملاحظهای فرایند تشکیل براده را تسهیل کرده و با کاهش نیروهای ماشین کاری و بهبود عمر ابزار و زبری سطح، راندمان برش را افزایش میدهد [۴–۶]. در فرایندهای صنعتی از جمله ماشینکاری، برش و جوشکاری آلتراسونیک، سیستم آلتراسونیک از یک ژنراتور مولد توان، ترانسدیوسر و متمرکزکننده تشکیل شده است (شکل ۱). ژنراتور مولد توان



ژنراتور مولد توان، ولتاژ فرکانس پایین برق شهری (۵۰ Hz) را

به ولتاژ فرکانس بالا (۱۰۰ kHz) تبدیل میکند. ولتاژ فركانس بالا جهت تحريك مكانيكي ترانسديوسر استفاده می شود. ترانسدیوسر آلتراسونیک انرژی الکتریکی دریافت شده از ژنراتور را به نوسانات مکانیکی تبدیل میکند. سپس ارتعاشات مکانیکی انتهای ترانسدیوسر توسط متمرکزکننده به ناحيه هدف انتقال مىيابد. ناحيه هدف ممكن است منطقه ماشینکاری، برش یا جوشکاری باشد. علاوه بر آن متمرکزکننده، دامنه نوسانات ورودی را بزرگنمایی کرده تا دامنه نوسان در خروجی متمرکزکننده، برای انجام عملیات مورد نظر در حد کافی تقویت شده باشد. در کاربردهای مختلف بسته به شرایط عملکردی، لازم است متمرکزکنندههای متفاوت و با هندسهها و بزرگنماییهای مختلفی طراحی و ساخته شوند. از طرف دیگر، متمرکزکننده آلتراسونیک باید به صورتی طراحی شود که تشدید (رزنانس) در مجموعه ترانسدیوسر-متمرکزکننده ایجاد شود، به عبارتی دیگر ترانسدیوسر و متمرکزکننده آلتراسونیک باید در فرکانس یکسانی به حالت تشدید برسند [۳]. از این رو طراحی و آنالیز متمرکزکنندههای آلتراسونیک فرایندی بسیار مهم بوده و پیش از مرحله ساخت امری اجتناب ناپذیر میباشد. شکل هندسی، فرکانس عملکردی و خواص ماده متمرکزکننده، پارامترهای تعیین کنندهای هستند که بر طراحی متمرکزکننده تأثیر میگذارند. شکلهای متداولی که در صنعت برای متمرکزکنندهها مورد استفاده قرار می گیرد عبارتند از: استوانهای، پلهای، مخروطی، نمایی و غیره. امین و همکاران [۷] طراحی متمرکزکنندههای ارتعاشی برای ماشین کاری آلتراسونیک را با استفاده از طراحی به کمک کامپیوتر<sup>7</sup> و آنالیز المان محدود<sup>۳</sup> بررسی کردند. آنها شکلی از متمر کز کننده با قسمت مخروطی در بالا و استوانه ای در پایین را برای ماشین کاری آلتراسونیک پیشنهاد نمودند. همچنین آنها برای رسیدن به بیشینه بزرگنمایی و نرخ براده برداری بیشتر و با در نظر گرفتن تنش تسلیم ایمن ماده، متمرکزکننده پیشنهادی خود را بهینه کردند. ژاوو و همکاران [۸] روش شبکه ٔ را برای طراحی متمرکزکننده بکار گرفتند. بانگستون و همکاران [۹] از آنالیز المان محدود جهت بهینهسازی شکل متمركزكننده ارتعاشي و ايجاد تطابق اميدانسي با هواي محيط

<sup>1.</sup> Ultrasonic Assisted Machining (UAM)

<sup>2.</sup> CAD

<sup>3.</sup> FEM

<sup>4.</sup> Four-End network method

استفاده کردند. لی و هونگ [۱۰] مدلی جهت آنالیز دینامیکی متمرکزکننده ارائه نمودند. یاداوا [۱۱] پروسه آنالیز المان محدود یک متمرکزکننده ارتعاشی برای فرایند ماشینکاری چرخشی به همراه آلتراسونیک<sup>۱</sup> را ارائه نمود. امینی و همکاران [ ۵] چندین طرح مختلف متمرکزکننده-ابزار را برای فرایند تراشکاری به همراه آلتراسونیک بررسی و آنالیز نمودند. شکل متمرکزکننده مورد استفاده آنها استوانهای-مخروطی-استوانهای و با سطح مقطع دایروی بود. آنها به این نتیجه رسیدند که پیکرهبندی مجموعه متمرکزکننده-ابزار و یا به عبارتی محل اتصال ابزار به متمرکزکننده نقش بسیار مهمی در عملکرد ارتعاشی سیستم ایفا میکند. همچنین یک پیکره بندی نامناسب متمرکزکننده -ابزار ممکن است باعث برهمنهی یک مد خمشی بر مد ارتعاشی طولی اصلی شده و سبب از بین

از مروری بر مقالات مشاهده می شود که طراحی و آنالیز متمركزكننده ارتعاشى براى زمينههاى مختلف كاربرد آلتراسونیک امری لازم است. همچنین طراحی صحیح و بهینه متمركزكننده مىتواند سبب بهبود عملكرد فرايند هدف شود. فرايند سنگ زني به همراه آلتراسونيک، فرايند نوپايي است که به منظور صنعتی شدن آن لازم است اجزای مرتبط با آن بیشتر تست و بررسی شوند. یکی از اجزای بسیار مهم این فرایند طراحی متمرکزکننده و چگونگی طرح اتصال قطعهکار به متمرکزکننده در آن میباشد. تاکنون تحقیقات چندانی در زمینه طراحی متمرکزکننده برای این فرایند انجام نشده است. از طرفی دیگر در میان اشکال هندسی مختلف متمرکزکنندهها، هندسه نمایی به دلیل ایجاد تمرکز تنش کم و توزیع تنش یکنواخت در طول متمرکزکننده، هندسهای شناخته شده است [17]. همچنین بسته به کاربرد، سطح مقطع این نوع متمر کزکننده می تواند دایروی، مربعی، مستطیلی و یا از اشکال دیگری باشد. در این پژوهش متمرکزکننده با پروفیل نمایی و مقطع مستطیل شکل به دلیل داشتن هندسه مناسب برای بکارگیری در فرایند سنگ زنی به همراه آلتراسونیک مطرح، طراحی و آنالیز میشود. از آنجا که در منابع برای این هندسه متمركزكننده، روابط پارامتريک تعيين كننده ويژگيهاي هندسی- ارتعاشی آن استخراج نشده است، لذا ابتدا حل

تحلیلی کامل برای محاسبه پارامترهای ارتعاشی متمرکزکننده-های با پروفیل نمایی و سطح مقطع مستطیل شکل ارائه شده است. قابل ذکر است که معادلات تحلیلی استخراج شده میتوانند در کاربردهای دیگر این نوع متمرکزکننده نیز مورد استفاده قرار گیرند. علاوه بر آن در این تحقیق جهت ارزیابی حل تحلیلی، چند نمونه متمرکزکننده مختلف به روش تحلیلی طراحی و سپس مدلسازی شده و در نرمافزار المان محدود انسیس شبیهسازی مودال میشوند و پارامترهای ارتعاشی آنها در طراحی شامل فرکانس تشدید و ضریب بزرگنمایی، با مقادیر حاصل از شبیهسازی المان محدود مقایسه میشود.

### ۲- طراحی متمرکزکننده ارتعاشی

عملکرد مهم یک متمرکزکننده ارتعاشی در یک سیستم آلتراسونیک تقویت دامنه نوسانات به سطحی است که مناسب برای کاربرد باشد. برای مثال در ماشین کاری آلتراسونیک یا ماشینکاری به همراه آلتراسونیک لازم است برای رسیدن به نرخ برادهبرداری بالاتر دامنه جابهجایی را تقویت نمود. متمركزكننده همچنين به عنوان وسيلهاى جهت انتقال انرژى ارتعاشی از ترانسدیوسر به ناحیه هدف عمل میکند. از آنجا که نوسانات مکانیکی از انتهای متمرکزکننده به ناحیه هدف منتقل می شود از این رو هندسه سطح انتهای متمر کزکننده در انتقال ارتعاشات بسیار تأثیرگذار میباشد. برای مثال در فرایند جوشکاری پلاستیک آلتراسونیک، متمرکزکننده ارتعاشی در انتقال انرژی ارتعاشی مورد نیاز برای حرارت دهی موضعی به ناحیه فصل مشترک اتصال جوشکاری نقش کلیدی را ایفا می کند. از این رو در فرایند جوش کاری آلتراسونیک سطح انتهایی متمرکزکننده به گونهای طراحی می شود که هندسه آن منطبق بر سطح قطعه جوش کاری باشد. علاوه بر آن، متمركزكننده آلتراسونيك بايد در فركانس كارى سيستم آلتراسونیک به حالت تشدید (رزنانس) رسیده تا بیشینه دامنه نوسان حاصل شود. ازاین رو محاسبه طول رزنانس صحیح متمرکزکننده در طراحی بسیار مهم است. ضریب بزرگنمایی به عنوان نسبت دامنه نوسان خروجی به دامنه نوسان ورودی متمرکزکننده تعریف میشود. اصولاً ضریب بزرگنمایی به تغییرات سطح مقطع متمرکزکننده در طول آن، وابسته است. برای یک متمرکزکننده استوانهای، ضریب بزرگنمایی برابر با ۱ است زیرا سطح مقطع آن یکنواخت میباشد. در حالی که با

<sup>1.</sup> Rotary Ultrasonic Machining (RUM)



شکل ۳ جابه جایی المان 
$$d(x)$$
 در قطعه ارتعاشی

$$\varepsilon = \frac{(u+du)-u}{dx} = \frac{\frac{\partial u}{\partial x}dx}{\frac{\partial u}{\partial x}} = \frac{\partial u}{\partial x}$$
(1)

از قانون دوم نیوتن  $F = m \cdot a$  و رابطه تنش-نیرو  $F = \sigma \cdot A$ ، معادله حرکت برای المان dx به صورت رابطه (۲) نوشته می شود

$$\left(\sigma + \frac{\partial \sigma}{\partial x} dx\right) \left(A + \frac{\partial A}{\partial x} dx\right) - \sigma \cdot A = m \cdot a \tag{(1)}$$

در رابطه (۲) m و a به ترتیب جرم و شتاب المان هستند. علاوه بر آن،  $m \cdot a$  میتواند به شکل رابطه (۳) نیز محاسبه شود

$$m \cdot a = \left(\frac{A + A + \frac{\partial A}{\partial x}dx}{2}\right) dx \cdot \rho \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} \qquad (\texttt{\texttt{P}})$$

$$I = \frac{\partial A}{\partial x} = \frac{dA}{dx} \qquad (\texttt{f})$$

$$A\frac{\partial\sigma}{\partial x}dx + \frac{\partial\sigma}{\partial x}\frac{dA}{dx}(dx)^{2} + \sigma\frac{dA}{dx}dx =$$
$$= Adx\rho\frac{\partial^{2}u}{\partial t^{2}} + \frac{1}{2}\frac{dA}{dx}(dx)^{2}\rho\frac{\partial^{2}u}{\partial t^{2}} \qquad (\Delta)$$

با فرض اینکه  $0 \approx 0 (dx)^2 \approx 0$  معادله (۵) به شکل رابطه (۶) ساده می شود.

$$A\frac{\partial\sigma}{\partial x}dx + \sigma\frac{dA}{dx}dx = Adx\rho\frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$
(9)

وابستگی تنش 
$$\sigma$$
 به کرنش نسبی  $z$  بوسیله قانون هوک بیان میشود و در رابطه (۲) نشان داده شده است.

$$\sigma = E \cdot \varepsilon = E \frac{\partial u}{\partial x} \tag{Y}$$

مهند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۷ مهند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۷

کاهش سطح مقطع متمرکزکننده در راستای طول آن، ضریب بزرگنمایی افزایش مییابد. بنابراین نسبت بزرگنمایی به هندسه متمرکزکننده بستگی دارد. استخراج روابط و معادلات تحلیلی مربوط به هرگونه متمرکزکننده، نیازمندیهای مربوط به طراحی و محاسبه پارامترهای هندسی آن نوع متمرکزکننده را برطرف می سازد. در بخش بعد، حل تحلیلی یک متمرکزکننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل ارائه می شود.

**۲**-۱- حل تحلیلی برای ارتعاش طولی یک متمرکزکننده برای برای بدست آوردن معادلات حاکم بر ارتعاشات طولی در یک متمرکزکننده، فرضیههای زیر انجام می شود [۱۳،۱] - ارتعاشات متمرکزکننده ایستا و سینوسی است. قابل ذکر است که برای تشکیل امواج ایستا باید طول متمرکزکننده مخرب صحیحی از  $2/\lambda$  باشد. - امواج در طول متمرکزکننده و به صورت مسطح منتشر می-شوند. - از اتلاف انرژی در ماده متمرکزکننده صرفنظر می شود. - ماده متمرکزکننده همسانگرد و هموژن است. - از تغییرات ناگهانی در سطح مقطع متمرکزکننده و تمرکز

ابتدا شماتیک یک قطعه با مساحت مقطع متغیر A = A(x) ابتدا شماتیک یک قطعه با مساحت مقطع متغیر A = A(x) و یک المان از آن با ضخامت اولیه (x) به فاصله x از مبنا در نظر گرفته می شود (قسمت هاشورخورده شکل ۲). جابه جایی ارتعاشی در متمرکز کننده باعث تغییر شکل، جابه جایی و کرنش در المان می شود. اگر (x, t) = u = f(x, t) از موقعیت خود در قطعه باشد، با توجه به شکل ۳، کرنش المان از رابطه (۱) بدست می آید.



**شکل ۲** شماتیک یک قطعه ارتعاشی با مساحت مقطع متغیر

۱۸۸ www.SID.ir



شکل ۴ شماتیک متمرکزکننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل

منحنی پروفیل طولی متمرکزکننده نمایی از رابطه (۱۴) بدست میآید.

$$D(x) = D_0 e^{-\beta x} \tag{14}$$

در این رابطه  $D_0$  ضخامت ابتدای متمرکزکننده و  $\beta$  ضریب شکل متمرکزکننده ثابت و شکل متمرکزکننده ثابت و برابر با  $D_0$  میباشد، بنابراین سطح مقطع آن از رابطه (۱۵) محاسبه می شود.

$$A(x) = D(x) \cdot D_0 = D_0^2 e^{-\beta x}$$
 (۱۵)  
و رابطه (۱۶) شکل ساده شده آن میباشد.

(19)

$$A(x) = A_0 e^{-\beta x}$$

با جایگذاری کردن رابطه (۱۶) در معادله دیفرانسیل رابطه (۱۳)، معادله دیفرانسیل (۱۷) بدست میآید.

$$\frac{d^2\xi_0}{dx^2} + (-\beta)\frac{d\xi_0}{dx} + k^2\xi_0 = 0$$
 (1Y)

$$\xi_0 = A e^{\frac{\mu}{2}x} (C \cos Dx + E \sin Dx) \tag{1}$$

ثوابت (A,C,D,E) با استفاده از شرایط مرزی تعیین می شوند. روابط (۲۹–۲۲) مربوط به شرایط مرزی مسأله هستند. همچنین روابط (۲۱) و (۲۲) از آنجا بدست می آیند که دامنه  $(5_0)$  در ابتدا و انتهای متمرکزکننده دارای ماکزیمم موضعی است.

 $\xi_0(0) = u_0 \tag{19}$ 

بررسی تحلیلی و شبیهسازی المان محدود متمرکزکننده نمایی با . . .

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{1}{A} \frac{dA}{dx} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$
(11)

بر اساس فرضیاتی که قبلاً ذکر شدند، ارتعاش متمرکزکننده سینوسی است، بنابراین میتوان جابهجایی هر نقطه در فاصله x و زمان t در متمرکزکننده (u = f(x,t) را به صورت رابطه (۱۲) تعریف کرد.

$$u = \xi_0 \sin \omega t \tag{11}$$

در رابطه (۱۲)،  $\xi_0$  دامنه ارتعاش میباشد. از آنجا که طول متمرکزکننده به اندازهایست که شکل موج ایستا بوجود آید، بنابراین  $\xi_0$  تنها تابعی از مکان x میباشد و یا به عبارتی دیگر (۱) و انجام سادهسازی معادله دیفرانسیل (۱۳) بدست میآید.  $d^2\xi_0 = \frac{1}{2} \frac{dA}{2} \frac{d\xi_0}{d\xi_0} + \frac{1}{2} \frac{dA}{2} \frac{d\xi_0}{d\xi_0}$ 

$$\frac{d^{2}\varsigma_{0}}{dx^{2}} + \frac{1}{A}\frac{dT}{dx}\frac{d\varsigma_{0}}{dx} + k^{2}\xi_{0} = 0$$
(17)

در این رابطه  $k = \omega/C$  شماره موج الاستیک طولی میباشد. معادله (۱۳) معادله دیفرانسیلی است که از حل آن دامنه ارتعاشات هر نقطه در طول متمرکزکننده بدست میآید.

۲-۱-۱- استخراج معادلات حاکم بر ارتعاش طولی یک متمرکزکننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل در این بخش معادله دیفرانسیل ارتعاش طولی متمرکزکننده برای یک متمرکزکننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل حل می شود. شماتیک این نوع متمرکزکننده در شکل ۴ نشان داده شده است.

مهندسی مکانیک مدرس فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۶ www.SID.ir متمرکزکننده ( $\lambda$ ) را میتوان به شکل رابطه (۲۷) بدست آورد.

$$\lambda = \frac{2\pi}{\left(\frac{4\pi^2 f^2}{C^2} - \frac{\beta^2}{4}\right)^{1/2}}$$
(YY)

معادله (۲۷) نشان میدهد که طول موج  $(\Lambda)$  در یک متمرکزکننده ارتعاشی به سرعت عبور موج الاستیک طولی (C)، فرکانس رزنانس (f) و فاکتور شکل متمرکزکننده  $(\beta)$  بستگی دارد. همچنین ضریب بزرگنمایی متمرکزکننده نیز از رابطه  $(\Lambda)$  محاسبه می شود.

$$N = \frac{u_L}{u_0} = \frac{u_0 e^{\frac{\beta}{2}L} (-1)}{u_0} = -e^{\frac{\beta}{2}L}$$
(YA)

علاوه بر آن، از معادله (۱۴) می توان رابطه (۲۹) را نوشت.

 $\frac{D_L}{D_0} = e^{-\beta L} \tag{(Y9)}$ 

از ترکیب معادلات (۲۸) و (۲۹) ضریب بزرگنمایی متمرکزکننده (N) بدست میآید.

$$N = -\sqrt{\frac{D_0}{D_L}} \tag{(...)}$$

علامت منفی در معادله (۳۰) نشان می دهد که جابه جایی ابتدا و انتهای متمرکز کننده در جهت مخالف یکدیگر است. با ترکیب معادلات (۲۵) و (۲۸) فاکتور شکل متمرکز کننده ( $\beta$ ) از رابطه (۳۱) محاسبه می شود.  $\beta = \frac{2k \ln(-N)}{2k \ln(-N)} = \frac{4\pi f \ln(-N)}{2k \ln(-N)}$ 

$$\rho = \frac{1}{\left[\pi^2 + (\ln(-N))^2\right]^{1/2}} = \frac{1}{C(\pi^2 + (\ln(-N)^2))^{1/2}} \quad (71)$$

۲-۱-۲- تأثیر پارامترهای طراحی بر هندسه متمرکزکننده ۲-۱-۲-۱ جنس ماده متمرکزکننده

بر اساس معادله (۱۰) پارامترهای ماده متمرکزکننده شامل مدول الاستیسیته (E) و چگالی ( $\rho$ ) هستند که بر سرعت عبور موج الاستیک طولی (D) تأثیر میگذارند. همچنین معادله (۲۶)، رابطه بین سرعت عبور موج الاستیک طولی و طول متمرکزکننده را نشان میدهد. از معادلات (۱۰) و (۲۶) این نتیجه حاصل میشود که با افزایش نسبت  $\rho/A$ ، مقادیر سرعت عبور موج الاستیک طولی در متمرکزکننده (D) و طول متمرکزکننده (L) هر دو افزایش میابند. همچنین از معادلات (۱۰) و (۳۱) واضح است که با افزایش نسبت  $\rho/A$ ، معادلات (۱۰) و (۳۱) واضح است که با افزایش نسبت (C)، سرعت عبور موج الاستیک طولی در متمرکزکننده (D)

$$\xi_0(L) = u_{0L} \tag{(Y \cdot)}$$

$$\left. \frac{d\xi_0}{dx} \right|_{x=0} = 0 \tag{(1)}$$

$$\left. \frac{d\xi_0}{dx} \right|_{x=L} = 0 \tag{(TT)}$$

با جایگذاری کردن رابطه (۱۸) در معادله دیفرانسیل رابطه (۱۷) و استفاده از شرایط مرزی (۱۹) و (۲۱)،  $\frac{5}{2}$  بدست میآید.

$$\xi_{0} = u_{0}e^{\frac{\beta}{2}x} \left[ \cos(k^{2} - \frac{\beta^{2}}{4})^{1/2}x + \sin(k^{2} - \frac{\beta^{2}}{4})^{1/2}x \right] \frac{(-\beta/2)}{(k^{2} - \frac{\beta^{2}}{4})^{1/2}}$$

$$(k > \frac{\beta}{2}) \qquad (17)$$

اکنون با جایگذاری کردن رابطه (۲۳) در رابطه (۱۲)، جابه-جایی هر نقطه در فاصله x و لحظه زمانی t در متمرکزکننده از رابطه (۲۴) بدست میآید.

$$u = u_0 e^{\frac{\beta}{2}x} \left[ \cos(k^2 - \frac{\beta^2}{4})^{1/2} x + \frac{(-\beta/2)}{(k^2 - \frac{\beta^2}{4})^{1/2}} \sin(k^2 - \frac{\beta^2}{4})^{1/2} x \right] \sin \omega t$$

$$(k > \frac{\beta}{2})$$
(YF)

با مشتق گیری از معادله (۲۳) نسبت به x و استفاده از شرط مرزی معادله (۲۲)، طول متمرکزکننده (L) از رابطه (۲۵) بدست میآید.

$$L = \frac{\pi}{(k^2 - \frac{\beta^2}{4})^{1/2}}$$
(Ya)

 $k = \omega/C = 2\pi f/C$  و ۲۵) و  $K = \omega/C = 2\pi f/C$  همچنین از ترکیب معادله (۲۵) و میتوان L را به شکل رابطه (۲۶) نیز نوشت.

$$L = \frac{\pi}{\left(\frac{4\pi^2 f^2}{C^2} - \frac{\beta^2}{4}\right)^{1/2}}$$
(79)

از آنجا که طول هورن برابر با نصف طول موج الاستیک طولی است  $(L = \lambda/2)$ ، از این رو طول موج الاستیک طولی در

۲-۱-۲-۲ فرکانس تشدید (رزنانس) فرکانس تشدید (f) پارامتر مهمی در طراحی متمرکزکننده محسوب شده و بر هندسه متمرکزکننده تأثیر میگذارد. معادله (۲۶)، رابطه بین فرکانس تشدید (f) و طول هورن (L) را نشان میدهد. در شکل ۵ منحنی تأثیر فرکانس تشدید بر طول مناه میدهد. در شکل ۵ منحنی تأثیر فرکانس تشدید بر طول مشاهده میشود که با یک ضریب بزرگنمایی ثابت، اگر فرکانس تشدید افزایش یابد، طول متمرکزکننده کاهش پیدا میکند.

همچنین معادله (۳۱)، رابطه بین فرکانس تشدید (f) و فاکتور شکل  $(\beta)$  را نشان میدهد. منحنیهای فاکتور شکل-فرکانس تشدید برای سه بزرگنمایی مختلف در شکل ۶ نشان داده شده است. واضح است که با افزایش فرکانس تشدید، ضریب شکل افزایش پیدا می کند.

#### ۲-۱-۲-۳- ضریب بزرگنمایی

ضریب بزرگنمایی نیز از دیگر پارامترهایی است که بر هندسه متمرکزکننده تأثیر میگذارد. با توجه به رابطه (۳۰)، ضخامتهای ابتدا و انتهای متمرکزکننده ( $(D_L, D_0)$ )، ضریب بزرگنمایی را تعیین میکنند. همچنین رابطه ضریب بزرگنمایی (N) و فاکتور شکل ( $\beta$ ) از معادله (۳۱) بدست میآید. منحنی تغییرات فاکتور شکل نسبت به ضریب بزرگنمایی برای (f=۲۰kHz ،  $\rho=$ ۲۸۱۰kg/m<sup>3</sup>، E=۷۲GPa) در شکل ۷ نشان داده شده است.



(ρ=۲۸۱۰kg/m<sup>3</sup> ، *E*=۷۲GPa)







ىھىنىدىسى ھىگائىيىگ ھەرىسى فوقالعادە اسفند ١٣٩٢، دورۇ ١٣ شمارۇ ١٤ www.SID.ir

از ترکیب معادلات (۲۶) و (۳۱) میتوان رابطه ضریب بزرگنمایی (N) و طول متمرکزکننده (L) را بدست آورد. با رسم منحنی طول متمرکزکننده- ضریب بزرگنمایی در فرکانسهای مختلف مشاهده میشود که در یک فرکانس تشدید ثابت، با افزایش ضریب بزرگنمایی، طول متمرکزکننده نیز افزایش مییابد (شکل ۸).

#### ۲-۲- مقایسه نتایج روابط تحلیلی با نتایج شبیهسازی المان محدود متمرکزکننده در نرمافزار انسیس

برای ارزیابی حل تحلیلی، سه نمونه متمرکزکننده مختلف به روش تحلیلی طراحی و مدلسازی شده و در نرمافزار المان محدود انسیس آنالیز مودال می شوند و پارامترهای ارتعاشی آنها شامل فرکانس تشدید و ضریب بزرگنمایی با مقادیر حاصل از شبیهسازی المان محدود مقایسه می شود. پارامترهای طراحی مربوط به سه متمرکزکننده مورد بررسی در جدول ۱ نشان داده شده است. متمركزكنندهها به ترتيب از جنس آلومينيوم، تیتانیوم و فولاد در نظر گرفته شدهاند. چگالی ماده (ho)، مدول الاستیسیته (E)، فرکانس تشدید (f) و ضخامت ابتدا و انتهای متمرکزکننده  $(D_L,D_0)$  پارامترهای ورودی محسوب مى شوند. ضريب بزرگنمايى (N)، طول متمركزكننده (L) و فاکتور شکل  $(\beta)$  در جدول ۱ پارامترهای خروجی هستند که با استفاده از روابط تحلیلی بدست آمده در بخش ۲-۱-۱ محاسبه شدهاند. پارامترهای هندسی متمرکزکنندهها شامل ضخامت ابتدا و انتها، طول و فاكتور شكل مىباشد. اكنون با داشتن مقادير اين پارامترها ميتوان مدل هندسي متمرکزکننده را ترسیم کرد. علاوه بر آن پارامترهای ارتعاشی متمرکزکنندهها عبارتند از: ۱- فرکانس تشدید و ۲- ضریب بزرگنمایی، که در کارکرد آنها نقش بسیار مهمی دارند. شبيهسازى المان محدود نيز شامل مدلسازى متمركز كنندهها و انجام آنالیز المان محدود مودال آنها در نرمافزار انسیس است. ابتدا مدل هندسی سه بعدی متمرکزکنندهها در نرمافزار ترسیم و سپس خواص مواد، شبکهبندی و نوع آنالیز تعریف میشوند. در شبیهسازی المان محدود متمرکزکنندهها، مدل ماده سازه-ای-خطی-الاستیک-ایزوتروییک تعریف می شود. مدول  $(\varepsilon)$  الاستيسيته (E)، چگالی  $(\rho)$  و نسبت پواسون پارامترهای خواص ماده هستند و مقادیر آنها در بخش مربوط

به مشخصات مواد در نرمافزار وارد می شود.

جدول ۱ پارامترهای طراحی سه متمرکزکننده مورد بررسی

| متمركزكننده                                | ١         | ٢        | ٣      |
|--|-----------|----------|--------|
| جنس مادہ                                   | آلومينيوم | تيتانيوم | فولاد  |
| ho (kg/m³) چگالی مادہ (kg/m³) چ            | ۲۸۱۰      | 442.     | ۷۸۵۰   |
| مدول الاستيسيته (GPa)                      | ۲۲        | 118      | ۲      |
| $f\left(\mathrm{kHz} ight)$ فرکانس تشدید ( | ۲۰        | ۳۰       | ۴۰     |
| $D_{	heta}~({ m mm})$ ضخامت ابتدا          | ۵۰        | ۳۶       | ۲۲/۵   |
| $D_L$ (mm) ضخامت انتها                     | ٨         | ٩        | ١٠     |
| * ضریب بزرگنمایی (N-)                      | ۲/۵       | ٢        | ١/۵    |
| * طول (mm) #                               | ١٣١/٨٢    | ٨۶/٢٠    | 83/82  |
| ♦ فاكتور شكل (β)                           | ۱۳/۹ • ۲  | ۱۶/۰۸۲   | 17/747 |
|  |           |          |        |

\* مقادیر این پارامترها با استفاده از روابط تحلیلی بدست آمده محاسبه شدهاند.

در آنالیز مودال انجام شده در این بخش، نسبت پواسون برای آلومینیوم، تیتانیوم و فولاد به ترتیب ۰/۳۴، ۰/۳۴ و ۰/۲۹ وارد شد. برای شبکهبندی مدل از المان سالید۹۵ استفاده گردید. قابل ذکر است که این نوع المان می تواند برای شبیه سازی تغییر شکلهای الاستیک در آنالیز مودال سازههای سه بعدى استفاده شود و در مقايسه با ساير المانها از جمله سالید۴۵ باعث ایجاد حجم محاسبات بیشتر و نتایج دقیقتری می گردد. در شبیه سازی المان محدود متمرکز کننده های ۲۰۱و ۳ از روش شبکهبندی دستی برای المانبندی قطعات استفاده گشت و تعداد ۵۰۰۰ المان برای هر قطعه ایجاد شد. همچنین برای آنالیز مودال، روش استخراج مود لانکزوس به کار گرفته شد. نتایج آنالیز مودال شامل گرافهای مربوط به فرکانس تشدید و دامنه جابهجایی هستند که به ترتیب در شکلهای ۹ و ۱۰ نشان داده شدهاند. شکل ۹ فرکانس طبیعی ارتعاشات طولى و نسبت جابهجايي نواحي مختلف هر كدام از متمرکزکنندهها را نشان میدهد. شکلهای ۹۵،۹۵و۹۲ به ترتیب مربوط به متمر کزکننده های ۱، ۲ و ۳ هستند. فرکانس طبیعی متمرکزکنندههای ۲،۱ و ۳ در آنالیز مودال به ترتیب ۱۹۶۷۲، ۲۹۴۱۳ و ۳۹۶۰۹ بدست آمده است. در شکل ۱۰ نمودارهای دوبعدی مربوط به جابهجایی نسبی هر نقطه از متمرکزکننده در راستای طول آن در آنالیز مودال نشان داده شده است.

مهندسی مکانیک مدرس فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۶

<sup>1.</sup> Mapped mesh







با توجه به گرافهای شکل ۱۰ واضح است که بیشینه جابه-جایی نسبی، در انتهای متمرکزکننده و کمینه آن تقریباً در میانه متمرکزکننده واقع میشود. از آنجا که طول متمرکزکنندههای طراحی شده در این مقاله



شکلهای ۱۰۵، ۱۰۵ و ۱۰۲ به ترتیب مربوط به متمرکزکنندههای ۱، ۲ و ۳ هستند. در این شکلها، محور y راستای طول متمرکزکننده و محور x دامنه جابهجایی طولی نسبی هر نقطه از متمرکزکننده را نشان میدهد.

مهندسی مکانیک هدرس فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲. دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱ www.SID.ir

است. نقاط شکم ارتعاشی در ابتدا و انتهای هر  $\lambda/2$ متمركزكننده واقع مىشوند. نقطه گره نيز تقريباً در ميانه متمركزكننده واقع شده و داراى جابهجايى نسبى صفر مى باشد. همچنین از تقسیم جابهجایی نسبی انتهای متمرکزکننده به ابتدای آن، ضریب بزرگنمایی بدست میآید. مقادیر ضریب بزرگنمایی برای متمرکزکننده های ۲،۱ و ۳ در آنالیز مودال به ترتیب ۲/۴۴۱، ۱/۹۵۱ و ۱/۴۸۶ بدست آمده است. برای مشخص كردن اختلاف نتايج حل تحليلي و نتايج آناليز المان محدود، در جدول ۲ میزان خطای نسبی مقادیر فرکانس طبیعی و در جدول ۳ میزان خطای نسبی ضریب بزرگنمایی

> برای هر کدام از متمرکزکننده ها محاسبه شده است. مشاهده می شود که مقادیر خطای نسبی در حد قابل قبولی پایین است. اختلاف موجود بین مقادیر تحلیلی و المان محدود به دلیل فرضیات و سادهسازیهایی است که در حل تحلیلی در نظر گرفته می شود. از جمله این که فرض شد امواج در طول متمرکزکننده به صورت مسطح (صفحهای) منتشر میشوند. به عبارتی دیگر کرنش یک بعدی فرض شد در حالی که عملاً کرنش در هر سه جهت مختصات وجود دارد. قابل توجه است که آنالیز المان محدود سادهسازی های حل تحلیلی را نداشته و از این رو نتایج آن از دقت بالاتری برخوردار است. با این وجود آنالیز تحلیلی از جنبههای ذیل حائز اهمیت است:

۱- روابط بین پارامترهای مؤثر در طراحی متمرکزکننده را نشان داده و به طراح دید روشنتری نسبت به چگونگی طراحی متمركزكننده مىدهد.

۲- با استفاده از روابط تحلیلی می توان میزان تأثیر پارامترهای ورودی بر پارامترهای خروجی را مشخص کرد.

۳- با تقریب بسیار خوبی مقادیر پارامترهای هندسی متمركزكننده را تعيين ميكند.

با این وجود برای اصلاح جزئی پارامترهای هندسی متمرکزکننده جهت رساندن مقادیر فرکانس طبیعی و ضریب بزرگنمایی آن به مقادیر دقیق مورد نظر در طراحی، لازم است از آنالیز المان محدود مودال بهره جست.

#### ۳- اصلاح متمر کز کننده

در این بخش یک متمرکزکننده با استفاده از روابط تحلیلی بخش ۲-۱-۱ طراحی شده و در نرمافزار انسیس مدلسازی و

آنالیز المان محدود مودال می شود. سپس اصلاح پارامترهای هندسي متمركزكننده جهت رساندن مقادير فركانس طبيعي و ضریب بزرگنمایی آن به مقادیر مطلوب در طراحی، انجام خواهد شد. در جدول ۴ مقادیر پارامترهای ورودی و مقادیر پارامترهای هندسی محاسبه شده برای یک متمرکزکننده آلومینیومی با فرکانس طبیعی ۲۰kHz و ضریب بزرگنمایی ۲ نشان داده شده است.

همچنین در شکلهای ۱۱ و ۱۲ نتایج شبیهسازی المان محدود آن شامل فرکانس طبیعی و جابهجایی نسبی متمرکزکننده نشان داده شده است. بر اساس شکلهای ۱۱ و ۱۲، مقادیر فرکانس طبیعی و ضریب بزرگنمایی متمرکزکننده در آنالیز مودال به ترتیب برابر است با ۱۹۸۲۴ و ۱/۹۷۵. روشن است كه اندكي تفاوت بين اين مقادير با مقادير مطلوب طراحي (-N=۲ ، f=۲۰۰۰ Hz) وجود دارد.

**جدول ۲** مقایسه فرکانس طبیعی در حل تحلیلی و آنالیز المان محدود

| ٪خطای | فركانس طبيعي  | فركانس طبيعي |               |
|-------|---------------|--------------|---------------|
| نسبى  | (المان محدود) | (تحليلي)     | مىمر ىر ئىندە |
| ١/٦٧  | 19877         | 7            | ١             |
| ۲     | 29412         | ۳۰۰۰۰        | ۲             |
| ٠/٩٩  | ۳۹۶۰۹         | ۴۰۰۰۰        | ٣             |
|       |               |              |               |

|                                       | -          |          |              |           |         |        |     |      |
|---------------------------------------|------------|----------|--------------|-----------|---------|--------|-----|------|
| · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | 1 • 11•1   | 11. "    | 1            | 1 • 🐔 •   | •       | 1.121  | W 1 | 1    |
| لمان محدود                            | و انالبر ا | ، تحليلے | <u>د</u> ر ح | ہر تیمانے | صر بب   | مفانسه | 1 1 | جدور |
| , 0                                   | <i></i>    | <u> </u> |              |           | • • • • |        |     |      |

| /خطای<br>نسبی | ضریب بزرگنمایی<br>(المان محدود) | ضریب بزرگنمایی<br>(تحلیلی) | متمركزكننده |
|---------------|---------------------------------|----------------------------|-------------|
| ۲/۴۲          | 7/441                           | ۲/۵                        | ١           |
| ۲/۵۱          | 1/901                           | ٢                          | ٢           |
| ٠/٩۴          | 1/488                           | ١/۵                        | ٣           |
|               |                                 |                            |             |

## **حددا**، ۴ مشخصات متمر کنکننده

| آلومینیوم ۲۶-۷۰۷۵ | جنس مادہ                             |
|-------------------|--------------------------------------|
| 7810              | ho (kg/m³) چگالی (                   |
| ٧٢                | مدول الاستيسيته (GPa) <i>E</i>       |
| ۲.                | f (kHz) فرکانس تشدید                 |
| ۳۸                | $D_{	heta} \; ({ m mm})$ ضخامت ابتدا |
| ۹/۵               | $D_L \ ({ m mm})$ ضخامت انتها        |
| ٢                 | * ضریب بزرگنمایی (N-)                |
| ١٢٩/۵٩            | * طول متمركزكننده (mm)               |
| <b>۱۰/۶۹۷</b>     | » فاکتور شکل (β)                     |

\* مقادير اين پارامترها با استفاده از روابط تحليلي بدست آمده محاسبه شدهاند.

مهند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۷ مهرس فوق العاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۲

NODAL SOLUTION



شکل ۱۲ جابهجایی نسبی متمرکزکننده در راستای طول آن برای متمرکزکننده اصلاح نشده

از این رو لازم است به مقدار جزئی، پارامترهای هندسی متمرکزکننده اصلاح شوند تا مقادیر مطلوب فرکانس طبیعی و ضریب بزرگنمایی حاصل شوند. برای افزایش فرکانس میتوان با توجه به رابطه (۲۶) طول متمرکزکننده (L) را کاهش داد و یا بر اساس رابطه (۳۱) ضریب شکل ( $\beta$ ) را افزایش داد.

همچنین لازم است با توجه به رابطه (۳۰) برای افزایش همچنین لازم است با توجه به رابطه (۳۰) برای افزایش ضریب بزرگنمایی، نسبت  $D_0/D_L$  افزایش یابد. در اینجا با اصلاح مقادیر پارامترهای هندسی  $\beta$ ، L و  $D_0$  به (۱۱= $\beta$ املاح مده  $D_0 = ream L$  و ۲۲۸/۴۷۵mm،  $D_0 = ream L$  و ۲۲۸/۴۷۵mm،  $D_0 = ream L$  و ۲۲۸/۴۷۵mm،  $D_0 = ream L$  و ۲۰۸/۴۷۵mm، با مقادیر مطلوب L = 170 و T = - بدست میآید. در شکلهای ۱۳ و ۱۴ به ترتیب فرکانس طبیعی ارتعاشات طولی و جابهجایی نسبی متمرکزکننده اصلاح شده در شبیه سازی المان محدود نشان داده شده است.





### ۴– بکارگیری متمرکزکننده در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک

در این قسمت با استفاده از نتایج بخشهای قبلی، یک متمرکزکننده نمایی با مقطع مستطیل شکل برای فرایند سنگ زنی به همراه آلتراسونیک طراحی میشود. در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک، قطعهکار در حین سنگزنی توسط سیستم آلتراسونیک مرتعش میشود. در اینجا متمرکزکننده، ارتعاشات آلتراسونیک را به قطعهکار منتقل کرده و همچنین با یک ضریب بزرگنمایی مشخص، دامنه ارتعاشات آن را نیز تقویت میکند. از آنجا که از نتایج تحقیق در ساخت ستآپ

آزمایشگاهی و انجام آزمایشهای سنگزنی به همراه آلتراسونیک استفاده خواهد شد، از این رو قطعه کار سنگزنی متناسب با آزمایشهای تجربی انتخاب شد. در اینجا قطعه کار مورد بررسی به شکل مکعب مستطیل و از جنس سرامیک اکسید آلومینیوم میباشد. شماتیک فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک در شکل ۱۵ نشان داده شده است. در این مجموعه، ارتعاشات آلتراسونیک عمود بر راستای پیشروی سنگ زنی به قطعه کار اعمال میشود. تحقیقات پیشین [۶] نشان داده است که اعمال ارتعاشات آلتراسونیک به قطعه کار در فرایند سنگزنی سبب کاهش نیرو و زبری سطح و افزایش نرخ برادهبرداری میشود.

در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک لازم است متمرکزکننده ارتعاشات آلتراسونیک را از ترانسدیوسر به قطعهکار منتقل نموده و دامنه ارتعاشات را نیز تقویت نماید. از نظر فنی لازم است متمرکزکننده و قطعهکار با هم در فرکانس کاری تعریف شده در مود طولی به حالت تشدید برسند. همچنین ضروری است اتصال متمرکزکننده-قطعهکار به خوبی صورت پذیرد تا انتقال موج آلتراسونیک با کمترین اتلاف انجام شود. برای این منظور لازم است سطح قطعه با سطح انتهای متمرکزکننده به خوبی و بدون وجود فاصله هوا، اتصال داشته باشد. همچنین در شبیهسازی نیز باید اتصال متمرکزکننده – قطعهکار تعرف شود. در شبیهسازی از المان سالید۹۵ برای شبکهبندی قطعهکار و از المان لینک ۱۱ برای اتصال قطعهکار به متمرکزکننده استفاده میشود و آنالیز مودال نیز برای



**شکل ۱۵** شماتیک فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک

در ابتدا طراحی اولیه متمرکزکننده با استفاده از معادلات تحلیلی بدست آمده در بخش ۲–۱–۱ انجام میشود. همچنین با توجه به امکانات موجود برای آزمایشهای تجربی، طراحی متمرکزکننده- قطعهکار برای یک ترانسدیوسر ۲۰kHz صورت میپذیرد. در جدول ۵ مشخصات قطعهکار سنگزنی آورده شده است. همچنین از مشخصات متمرکزکننده محاسبه شده در جدول ۴ برای طراحی اولیه استفاده شده است. اما از آنجا که اتصال قطعهکار به متمرکزکننده سبب افزایش طول کل و در نتیجه تغییر فرکانس تشدید متمرکزکننده اصلاح شده تا فرکانس این رو لازم است طول متمرکزکننده اصلاح شده تا فرکانس تشدید مطلوب حاصل شود.

شکل ۱۶ المانبندی مجموعه متمرکزکننده- قطعهکار را نشان میدهد. المانبندی مدل با استفاده از روش شبکهبندی دستی انجام شده است و تعداد المانها ۵۷۲۰ عدد میباشد. مشخصات نهایی متمر کزکننده و نتایج آنالیز مودال شامل شکل مود طولی و فرکانس تشدید نیز در شکل ۱۷ نشان داده شده است. قابل توجه است که در فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک باید ارتعاشات قطعهکار در مود ارتعاشی طولی و همچنین میزان جابهجایی نواحی مختلف آن حتیالامکان یکنواخت باشد. اما مشاهده شکل ۱۷ نشان میدهد که با توجه به تفاوت رنگ در سطح قطعه کار متصل به متمر کز کننده، جابه جایی نسبی در نواحی مختلف آن یکسان نیست. به عبارت دیگر کرنش در مرکز قطعه بیشتر از دو ناحیه جانبی آن است. این رو بهتر است هنوز تغییراتی در هندسه متمرکزکننده صورت پذیرد تا جابهجایی نسبی نقاط مختلف قطعه کار حتی-الامکان برابر شود. این موضوع با ایجاد دو شیار متقارن در دو طرف متمر کزکننده امکان پذیر می شود. ایجاد دو شیار جانبی در قسمت انتهایی متمرکزکننده می تواند سبب افزایش کرنش طولی در لبهها و یکنواخت تر شدن کرنش طولی در کل سطح قطعه کار متصل شده به متمر کز کننده شود.

جدول ۵ مشخصات قطعه کار سنگزنی

| جنس مادہ                          | سراميك اكسيدألومينيوم |
|-----------------------------------|-----------------------|
| ابعاد هندسی                       | ۳۸×۱۱×۵ mm            |
| ho (kg/m³) چگالی (                | 37870                 |
| مدول الاستيسيته (GPa) مدول        | ٣٣٠                   |
| arepsilon ضريب پواسون $arepsilon$ | •/٢٢                  |
|                                   |                       |

مهندسی مکانیک مدرس فوق العاده اسفند ۱۳۹۲، دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱

۱۹۶ www.SID.ir

بررسی تحلیلی و شبیهسازی المان محدود متمرکزکننده نمایی با . . .







شکل ۱۷ شکل مود طولی و فرکانس تشدید مجموعه متمرکزکننده-قطعهکار پس از اصلاح طول متمرکزکننده ( $\beta$ =۱۰/۶۹۷ ل $L_1+L_2$ =۱۲۱/۳۵۵+۵ mm)

در شکل ۱۸ نتایج آنالیز مودال مجموعه متمرکزکننده-قطعه کار پس از ایجاد دو شیار نشان داده شده است. شیارها به قطر d=۶/۵mm و مرکز آنها در فاصله x=۱۱۵ mm از ابتدای متمرکزکننده واقع شده است. واضح است که در این حالت جابهجایی نسبی در کل سطح قطعه کار متصل شده به متمرکزکننده یکنواخت شده است.

با این شرایط میتوان اطمینان داشت که قطعه کار در فرکانس تشدید تعیین شده با شکل مود ارتعاشی طولی و جابه-جایی نسبی یکنواخت حرکت ارتعاشی داشته و عملیات براده-برداری (سنگزنی) از سطح آن همراه با برهمنهی ارتعاشات آلتراسونیک میباشد. این مجموعه متمرکزکننده-قطعه کار طراحی شده، برای یک ستآپ آزمایشگاهی ساخته شد و همچنین فرکانس تشدید آن با اندازه گیری، مقدار ۱۹۹۷۰Hz بدست آمد.

مهندسی مکانیک مدرس فوقالعاده اسفند ۱۳۹۲. دورهٔ ۱۳ شمارهٔ ۱۶ www.SID.ir



شکل ۱۸ شکل مود طولی و فرکانس تشدید مجموعه متمرکزکننده -قطعهکار پس از اصلاح طول متمرکزکننده و ایجاد دو شیار جانبی  $(\beta=1.)/91$  و $(\beta=1.)/91$ 

البته اختلاف این فرکانس با مقدار طراحی شده (۲۰۰۰۰Hz) بسیار ناچیز است و دستگاه آلتراسونیک قادر به تطابق اتوماتیک با آن است. همچنین افت فرکانس بوجود آمده می تواند ناشی از اثرات دمپینگ داخلی مواد و دمپینگ حاصل از اتصال قطعات باشد. زیرا در شبیه سازی المان محدود مودال از اثر دمپینگ صرف نظر شده است.

 $\Delta - i$  نتیجه گیری نتایج حاصل از این پژوهش به صورت زیر خلاصه می شود: 1 - معادلات حاکم بر ارتعاشات طولی یک متمر کز کننده نمایی با سطح مقطع مستطیل شکل با استفاده از حل کامل تحلیلی بدست آمد. 1 - با استفاده از روابط تحلیلی بدست آمده، تأثیر 1 - با استفاده از روابط تحلیلی بدست آمده، تأثیر پارامترهای موثر بر هندسه متمرکز کننده به صورت ذیل می-باشد: - با افزایش نسبت  $\rho / A$ ، طول متمرکز کننده (L) افزایش و ضریب شکل ( $\beta$ ) کاهش می یابد. - با افزایش فرکانس تشدید (f)، طول متمرکز کننده (L) کاهش و ضریب شکل ( $\beta$ ) افزایش می یابد. - با افزایش ضریب بزرگنمایی (N)، طول متمرکز کننده (L) و فاکتور شکل ( $\beta$ ) هر دو افزایش می یابند.

- [2] Singh R., Khamba J.S., "Ultrasonic machining of titanium and its alloys: A review", *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 173, No. 2, 2006, pp. 125-35.
- [3] Rani R., Rudramoorthy R., "Computational modeling and experimental studies of the dynamic performance of ultrasonic horn profiles used in plastic welding", *Ultrasonics*, Vol. 53, 2013, pp. 763–772.
- [4] Brehl D.E., Dow T.A., "Review of vibrationassisted machining", *Precision Engineering*, Vol. 32, No. 3, 2008, pp. 153-172.
- [5] Amini S., Soleimanimehr H., Nategh M.J., Abudollah A., Sadeghi M.H., "FEM analysis of ultrasonic-vibration-assisted turning and the vibratory tool", *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 201, 2008, pp. 43–47.
- [6] Tawakoli T., Azarhoushang B., "Ultrasonic assisted dry grinding of 42CrMo4", *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, Vol. 42, No. 9-10, 2009, pp. 883-891.
- [7] Amin, S.G., Ahmed, M.H.M., Youssef, H.A., "Computer-aided design of acoustic horns for ultrasonic machining using finite-element analysis", *Journal of Materials Processing Technology*, Vol. 55, 1995, pp. 254–260.
- [8] Zhao, F.L., Feng, D.J., Guo, D.M., "Design of horn using four-end network method", *Acta Acoustic.*, Vol 27, No.6, 2002, pp.554–558. (In Chinese).
- [9] Bängtsson, E., Noreland, D., Berggren, M., "Shape optimization of an acoustic horn", *Computational Methods Applied Mechanical Engineering.*, Vol. 192, 2003, pp. 1533–1571.
- [10] Lee, S., Hong, S.H., "Nonlinear vibration analysis of ultrasonic horn model for flip-chip bonding", *In: International Conference on Control, Automation and Systems*, 2007, pp.17–20, Seoul, Korea.
- [11] Yadava V., Deoghare A., "Design of horn for rotary ultrasonic machining using the finite element method", *International Journal of Advanced Manufacturing Technology.*, Vol. 39, 2008, pp. 9–20.
- [12] Wang D.A., Chuang WY, Hsu K, Pham HT., "Design of a Bézier-profile horn for high displacement amplification", *Ultrasonics*, Vol. 51, 2011, pp. 148–156.
- [13] Mahdavinezhad R.A., Non Conventional Manufacturing Processes, Second Ed., Tehran, University of Tehran press, 2010. (In Persian)

در طراحی متمرکزکننده را به خوبی نشان داده و به طراح دید روشنتری نسبت به چگونگی طراحی متمرکزکننده میدهد.

۳- اختلاف کمی (کمتر از ۳٪) بین مقادیر حل تحلیلی و نتایج شبیهسازی المان محدود وجود دارد. این اختلاف به دلیل وجود فرضیات ساده کنندهای است که در حل تحلیلی بکار رفته است. به عبارت دیگر آنالیز المان محدود از دقت بالاتری برخوردار است. با این وجود استفاده از روابط تحلیلی برای طراحی مدل اولیه متمرکزکننده، به منظور همچنین اصلاح جزئی مدل اولیه متمرکزکننده، به منظور تطبیق مقادیر فرکانس طبیعی و ضریب بزرگنمایی با مقادیر مطلوب طراحی سبب افزایش دقت طراحی می شود.

۴- یکی از موارد کاربرد طراحی این نوع متمر کز کننده برای فرایند سنگزنی به همراه آلتراسونیک مطرح شد. در این فرایند قطعه کار باید در حین انجام براده برداری، دارای حرکت نوسانی فرکانس بالا باشد. آنالیز المان محدود مجموعه متمر کز کننده - قطعه کار نشان می دهد که می توان با اتصال قطعه کار به متمر کز کننده و اصلاح جزئی هندسه متمر کز کننده به فرکانس تشدید مطلوب در سطح قطعه کار رسید.

۵- حتىالامكان بهتر است جابهجايى نوسانى قطعهكار در مود طولى به صورت صفحهاى انجام شده و نسبت جابهجايى طولى براى نقاط مختلف قطعهكار يكسان باشد. این موضوع در طراحى مجموعه متمركزكننده-قطعهكار با اصلاح هندسى متمركزكننده (ايجاد دو شيار متقارن در دو طرف متمركزكننده) رعايت شد.

#### 8- مراجع

[1] Ensminger D., Bond Leonard J., Ultrasonics Fundamentals, Technologies, and Applications, Third Ed., CRC press, 2012.