

تأثیر نانورس بر روی خواص بالستیکی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی-بررسی تجربی و عددی

عباس مسعودی^۱، غلامحسین لیاقت^{۲*}، محمد حسین پل^۳

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۳- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تفرش، تفرش

*تهران، صندوق پستی 123456789، ghlia530@modares.ac.ir

چکیده

این مقاله، به تأثیر نانو ذرات رسی بر روی خواص بالستیکی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی به صورت تجربی و عددی می‌پردازد. فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی ساخته شده، از 2 رویه آلومینیومی 2024 و هسته نانوکامپوزیت شیشه اپوکسی/نانورس تشکیل شده است. هسته نانوکامپوزیت شامل الیاف شیشه تک چهته با وزن واحد سطح 409 گرم بر متر مربع، زین 219 CY 5161 HY و نانو ذرات رسی کلوسپیدسی با درصدهای وزنی نسبت به ماتریس ۰.۷-۰.۴-۰.۱۰ می‌باشد. نمونه‌های آزمایش با روش لایه چینی دستی و با کسر وزنی الیاف ۶۰ درصد در قسمت کامپوزیتی ساخته شد. آزمایش‌های بالستیک با استفاده از دستگاه تفنگ گازی در سرعت‌های ۲۰۵ و ۲۲۵ متر بر ثانیه انجام گرفت. نتایج حاصل از آزمایش‌های بالستیکی نشان‌دهنده این است که میزان تعییرات جذب انرژی مخصوص در ۴ درصد وزنی ناچیز بوده است و لیکن در ۷ و ۱۰ درصد وزنی، میزان جذب انرژی مخصوص افزایش می‌یابد. در واقع نانورس تحت برخورد بالستیک در درصدهای بالا تاثیرگذار است. شبیه‌سازی نفوذ پرتایه با استفاده از نرم‌افزار LS-DYNA انجام گرفت. نتایج حاصل از آزمایش تجربی با شبیه‌سازی عددی همپوشانی عالی داشتند.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۳۰ دی ۱۳۹۲

پذیرش: ۰۲ اسد ۱۳۹۲

ارائه در سایت: ۲۲ تیر ۱۳۹۳

کلید واژگان:

بالستیک

نانو فلز کامپوزیت

برخورد سرعت بالا

فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی

Effects of nanoclay on the ballistic behavior of GLARE - Experimental and numerical investigation

Abbas Masoudi¹, Gholam Hossein Liaghate^{2*}, Mohammad Hossein Pol³

1- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

2- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

3- Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran

* P.O.B. 123456789 Tehran, Iran, ghlia530@modares.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 20 January 2014

Accepted 22 February 2014

Available Online 13 July 2014

Keywords:

Ballistic

Nano Fiber Metal Laminate

High Velocity

Glare

ABSTRACT

This paper investigated experimentally and numerically the effect of nanoclay on ballistic impact behavior of GLARE. The prepared GLARE is made of two Aluminum 2024 facing sheets and E glass/epoxy/nanoclay as nano composite core. Nano composite section has been composed of unidirectional E glass 409 g/m², resin CY 219, hardner HY 5161 and nanoclay cloisite 30B dispersed into the epoxy system in a 0%, 4%, 7% and 10% ratio in weight with respect to the matrix. All panels fabricated using laid-up method in fiber weight fraction of 60%. Ballistic tests were conducted using Gas gun at the velocity of 205 and 225 m/s. The results of the ballistic impact experiments show that the amount of Specific energy absorption variations in 4% of nanoclay content is insignificant. However, in nanoclay contents of 7% and 10%, the Specific energy absorption increases. In other words, it can be concluded that nanoclay has positive effect on higher percentage on the ballistic impact. The 3D Finite Element (FE) code, LS-DYNA, is used to model and validate the experimentally obtained results. A noticeable correlation was found between experimental and numerical results.

دارد. مقاومت بالای این ماده در مقابل خستگی و ضربه باعث شده است که کاربرد فراوانی در صنایع هوافضا داشته باشد. این چند لایه‌ها از روی هم-گذاری لایه‌های کامپوزیتی پیش ساخته با ورق‌های نازک آلومینیومی ساخته می‌شوند بنابراین چگالی کمتری نسبت به آلومینیوم خالص دارند. فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی به خاطر مقاومت کششی و فشاری بالا، فلز-کامپوزیت

1- مقدمه

فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی^۱، نسل جدیدی از کامپوزیت‌های هیبریدی است که متشکل از صفحه‌های نازک آلومینیومی به همراه لایه‌های کامپوزیتی از جنس شیشه و اپوکسی می‌باشد که در سازه‌های پیشرفته هوافضایی کاربرد

1- GLARE

Please cite this article using:

A. Masoudi, Gh.H. Liaghate, M.H. Pol, Effects of nanoclay on the ballistic behavior of GLARE - Experimental and numerical investigation, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 7, pp. 43-51, 2014 (In Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

www.modares.ac.ir

طول فشار می‌شود، بیان کردند. شارما و همکارانش [13] تاثیر کلوسیدسی‌بی را بر روی لایه‌های کامپوزیتی از الیاف شیشه نوع ای تک جهته بررسی کردند. درصد نانو مورد آزمایش ۱، ۳ و ۵ درصد وزنی بود. بررسی کریستالوگرافی پراش اشعه ایکس حاکی از ساختار اینترکلیت بود. همچنین نتایج آزمایش کشش نشان می‌داد بهترین درصد مقاومت کششی مربوط به ۳ درصد وزنی است. علت آن را ترد شدن ماتریس با افزایش نانورس می‌داند. همچنین آزمایش خم شه نقطعه‌ای برای مقایسه مدول خمشی انجام شد که بیشترین مدول خمشی را ۵ درصد وزنی اعلام کردند. در مورد مطالعه ضربه روى نانو کامپوزیت‌ها، تحقیقات خیلی محدودی انجام شده است. لین و همکارانش [14] اثرات کلوسیدسی‌بی را بر روی خواص مکانیکی و مقاومت به ضربه ماتریس اپوکسی در ضربه سرعت پایین را بررسی کردند. برای کامپوزیت‌های تقویت شده با کلوسیدسی‌بی مقادیر بالاتر از ۵ درصد حجمی نانو ذرات یک تغییر رو به کاهش شدید در مقاومت کششی حاصل شد و دلیل آن کلوخه شدن و عدم پخش شدگی خوب ذرات در درصدهای بالاتر از ۵ درصد حجمی به دلیل گسیختگی پیوند میان ذرات و رزین بیان گردید. همچنین با افزودن نانو رس، مقاومت به ضربه پاندولی در جهت الیاف کاهش و در جهت عمود بر الیاف افزایش می‌یابد. آویلا و همکارانش [15] تاثیر مونت موریلیونیت نانو رس را در مقاومت به ضربه در سرعت پایین بررسی کردند. آزمایش پراش اشعه ایکس نشان می‌داد که پخش شدگی به صورت ایکسفولیت است. منطقه خراپی تا ۵ درصد وزنی افزایش، سپس کاهش می‌یابد و میزان جذب انرژی در ۵ درصد وزنی بیشتر از بقیه درصدها بود. اقبال و همکارانش [16] به بررسی اثر نانوکلی کامپوزیت‌های کربن اپوکسی با استفاده از آزمایش سقوط وزنه پرداختند. نتایج نشان می‌داد که بیشترین میزان میزان جذب انرژی مربوط به ۳ درصد وزنی است و در انرژی بالاتر تاثیر نانو رس کمتر است. همچنین مساحت خراپی را نیز بررسی کردند حاصل کار نشان می‌داد که با افزایش نانو منطقه تخریب کم می‌شود. پل و همکارانش [17] تاثیر نانو ذرات کلوسیدسی‌بی را بر روی خواص مکانیکی و بالستیکی مواد مرکب هیبریدی شیشه اپوکسی بررسی کردند. حاصل کار آن‌ها نشان‌دهنده این است که درصد بهینه نانو ذرات وابسته به سرعت برخورد و حد بالستیک هدف است. تحقیق حاضر به بررسی تاثیر کلوسیدسی‌بی بر مقاومت بالستیکی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی به صورت تجربی و عددی می‌پردازد. در این میان، نانو ذرات رسی به دلیل ارزانی و قابلیت خوب در بهبود خواص مکانیکی مورد توجه زیادی قرار گرفته است. زلفی و همکارانش [8] به بررسی اثر کلوسیدسی‌بی¹ بر روی اپوکسی پرداختند. نتایج حاصل از آزمایش مدول خمشی، درصد بهینه را ۴ درصد وزنی نشان می‌داد. گودواری و همکارانش [9] به بررسی خواص مکانیکی کامپوزیت‌های پلیمری با الیاف بافتی شده کربن پرداختند. آن‌ها مونت موریلیونیت معدنی اصلاح شده با درصدهای وزنی مختلف را به روش سونیکیت پخش کردند. حاصل مطالعه میکرو ساختاری به سیله عکس پرداری میکروسکوب الکترونی نشان داد که خواص جسبندگی بین ماتریس و الیاف بهبود پیدا کرده است. برانز و همکارانش [10] چرمگی افزایش مددوم برشی تا ۲۰ درصد بود. نگو و همکارانش [11] به بررسی اثر کلوسیدسی‌بی با دو نوع سخت‌کننده جف‌آمین دی ۲۰۰۰ و جف‌آمین دی ۲۳۰ پرداختند. حاصل کار آن‌ها نشان‌دهنده بهبود خواص جف‌آمین دی ۲۰۰۰ نسبت به حالت بدون نانو بود. در حالی که جف‌آمین دی ۲۳۰ تاثیر چندانی در بهبود خواص ایجاد نکرده بود. جماهات و همکارانش [12] اثر مونت موریلیونیت را بر روی اپوکسی ۸۲۸ در درصدهای وزنی ۱، ۳ و ۵ درصد بررسی کردند. نتایج پراش اشعه ایکس² ساختار لایه‌ای را ایکسفولیت نشان می‌داد. خواص فشاری استاتیکی بهمنظور بررسی اثر نانورس انجام شد نتایج نشان می‌داد که خواص فشاری به میزان اینترکلیت در نانو ساختارها بستگی دارد و کاهش مقاومت ساختار اینترکلیت نانورس که باعث ایجاد تنفس موضعی زیادی در ماتریس در

2- ساخت نمونه‌ها

2-1- مواد

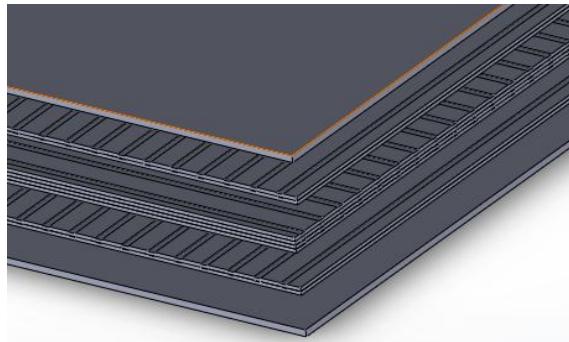
فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی ساخته شده، از دو روبه آلومینیومی و هسته نانو کامپوزیتی تشکیل شده است. روبه‌های آلومینیومی از جنس T3-2024 با ضخامت ۱ میلیمتر انتخاب شد. برای ساخت هسته نانو ماده مرکب هیبریدی، الیاف شیشه نوع E و به فرم پارچه تک جهته با وزن واحد سطح ۴۰۹ گرم بر متر مربع انتخاب شد. در این پارچه‌ها الیاف تار به شکل دسته شده در یک جهت و تارهای ضعیفتر به عنوان پود با فواصل نسبتاً زیاد در کنار یکدیگر قرار گرفته اند (355 گرم در جهت طولی، 44 گرم در جهت عرضی و 10 گرم به صورت بافته شده پارچه‌ای).

رزین مورد استفاده از خانواده اپوکسی و ساخت شرکت هانستمن با نام تجاری CY 219 و با ساخت‌کننده 5161 HY انتخاب گردید. واکنش شیمیایی و پخت این رزین طبق پیشنهاد شرکت سازنده در دمای 25 درجه سانتیگراد

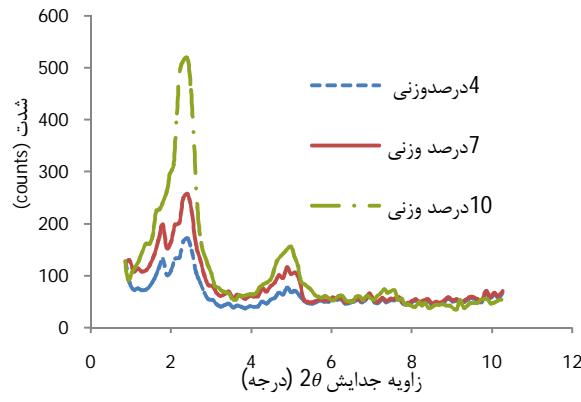
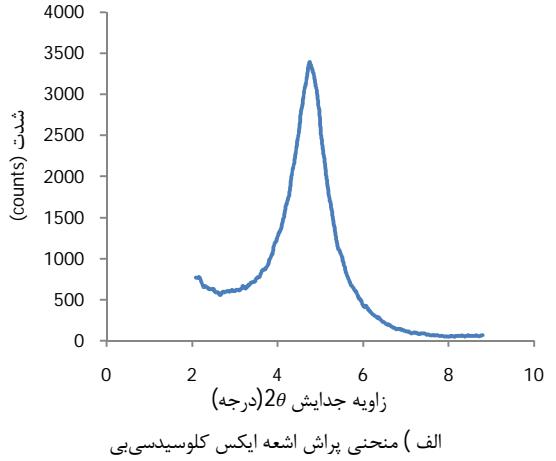
مناسب‌تری برای استفاده در صنایع هاوپیماسازی نسبت به سایر فلز کامپوزیت‌ها می‌باشد [1]. بررسی خستگی آن نسبت به آلومینیوم خالص و دیگر فلز-کامپوزیت‌ها نشان‌دهنده مقاومت بالای فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی در مقابل خستگی است [2]. بدليل استفاده روز افزون کاردهای این مواد در صنایع هواپضا و دفاعی، در سال‌های اخیر تحقیقات دامنه‌داری جهت بررسی خواص فلز/مواد مرکب صورت گرفته است احمدی و همکارانش [4,3] اثر تغییر ضخامت لایه‌های آلومینیوم را در فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی بررسی کردند. نتایج نشان داد که هرچه ضخامت ورق‌های آلومینیوم کمتر باشد انرژی مخصوص نفوذ (انرژی جنبشی) متناظر با حد بالستیک بر چگالی سطحی) بیشتر می‌شود. همچنین آن‌ها بیان کردند در سرعت‌های نزدیک حد بالستیک میزان تاثیرگذاری آلومینیوم وسطی در آرایش ۳/۲ بیشتر از لایه‌های آلومینیوم رویی است. سید یعقوبی و لیو [5] در بررسی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی نوع ۵ به این نتیجه رسیدند که بیشترین نیروی تماسی وابسته به سرعت برخورد و حد بالستیک هدف است. اولین کار تحلیلی روی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی را می‌شل هوفت و همکارانش [6] با استفاده از روش انرژی انجام دادند. آن‌ها میزان جذب انرژی در فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی را با استفاده از روش تحلیلی به دست آورند. صبوری و همکارانش [7] اثر لایه چینی را در فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی به صورت عددی و تجربی بررسی کرده و حد بالستیک را با استفاده از روش تجربی و عددی بدست آورند.

از طرفی یکی از روش‌هایی که امروزه مورد توجه محققان قرار گرفته، استفاده از نانو ذرات برای تقویت سازه‌ها است که در عین حال که در وزن سازه تغییر قابل توجهی ایجاد نمی‌کند خواص مکانیکی رزین یا الیاف تحقیق‌های انجام شده در مورد نانو ذرات به بررسی خواص مکانیکی رزین یا الیاف می‌پردازد. در این میان، نانو ذرات رسی به دلیل ارزانی و قابلیت خوب در بهبود خواص مکانیکی مورد توجه زیادی قرار گرفته است. زلفی و همکارانش [8] به بررسی اثر کلوسیدسی‌بی¹ بر روی اپوکسی پرداختند. نتایج حاصل از آزمایش مدول خمشی، درصد بهینه را ۴ درصد وزنی نشان می‌داد. گودواری و همکارانش [9] به بررسی خواص مکانیکی کامپوزیت‌های پلیمری با الیاف بافتی شده کربن پرداختند. آن‌ها مونت موریلیونیت معدنی اصلاح شده با درصدهای وزنی مختلف را به روش سونیکیت پخش کردند. حاصل مطالعه میکرو ساختاری به سیله عکس پرداری میکروسکوب الکترونی نشان داد که خواص جسبندگی بین ماتریس و الیاف بهبود پیدا کرده است. برانز و همکارانش [10] چرمگی شکست را در کامپوزیت‌ها مورد بررسی قرار دادند. حاصل کار آن‌ها نشان‌دهنده افزایش مددوم برشی تا ۲۰ درصد بود. نگو و همکارانش [11] به بررسی اثر کلوسیدسی‌بی با دو نوع سخت‌کننده جف‌آمین دی ۲۰۰۰ و جف‌آمین دی ۲۳۰ پرداختند. حاصل کار آن‌ها نشان‌دهنده بهبود خواص جف‌آمین دی ۲۰۰۰ نسبت به حالت بدون نانو بود. در حالی که جف‌آمین دی ۲۳۰ تاثیر چندانی در بهبود خواص ایجاد نکرده بود. جماهات و همکارانش [12] اثر مونت موریلیونیت را بر روی اپوکسی ۸۲۸ در درصدهای وزنی ۱، ۳ و ۵ درصد بررسی کردند. نتایج پراش اشعه ایکس² ساختار لایه‌ای را ایکسفولیت نشان می‌داد. خواص فشاری استاتیکی بهمنظور بررسی اثر نانورس انجام شد نتایج نشان می‌داد که خواص فشاری به میزان اینترکلیت در نانو ساختارها بستگی دارد و کاهش وجود ساختار اینترکلیت نانورس که باعث ایجاد تنفس موضعی زیادی در ماتریس در

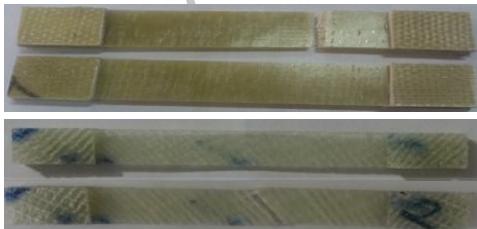
1- Closite 30B
2- XRD



شکل ۱ شماتیک لایه چینی در فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی ساخته شده



شکل ۲ منحنی پراش اشعه ایکس (الف) کلوسیدسی‌ی، (ب) اپوکسی-نانورس



شکل ۳ نمونه آزمایش کشش الیاف عرضی و تنفس برشی

جدول ۱ زاویه جدایش و فاصله d نانورزین در درصدهای مختلف نانورس

d (A)	d (A)	(درجه) 2θ	درصد
18/61		4/75	0
42/84		2/77	4
42/31		2/50	7
41/65		2/86	10

انجام می‌گردد. نسبت سخت کننده به رزین، یک به دو در مقیاس وزنی بوده و پس از ساخت نمونه‌ها، پخت در دمای 25 درجه سانتیگراد به مدت هفت روز انجام گردید. همچنین در این تحقیق از یک نانورس معدنی اصلاح شده با نام تجاری کلوسیدسی‌ی (مونتموریلیت اصلاح شده با نمک آمونیوم) تولید شده توسط راکوود آمریکا استفاده شد.

۲-۲- ساخت نمونه‌های نانو مواد اپوکسی

به منظور خشک کردن نانورس، ابتدا نانو ذرات رسی به مدت 24 ساعت در آون خلاه در دمای 80 درجه سانتیگراد قرار داده شده و سپس به رزین CY 219 اضافه شده و با سرعت 3000 دور بر دقیقه هم زده شد. پس از آن محلول حاصل به مدت نیم ساعت سونیکیت شده و در آخر مجدداً یک ساعت با دور 3000 دور بر دقیقه هم زده شد.

۲-۳- ساخت فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی

میان 6 نوع فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی که به صورت تجاری وجود دارد، فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی نوع 5 با لایه چینی $0_2/0_0/0_2/0_2/0_2$ یعنی 8 عدد لایه کامپوزیتی (عدد لایه صفر درجه، 4 عدد لایه 90 درجه و در آخر 2 عدد لایه صفر درجه) که در بالا و پایین آن دو لایه آلومینیومی وجود دارد (شکل ۱)، انتخاب گردید. برای ساخت نمونه‌های فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی، ورق‌های آلومینیومی به همراه لایه‌های شیشه اپوکسی در لایه چینی ذکر شده به صورت دستی بر روی هم قرار گرفته و در دمای 25 درجه سانتیگراد و فشار 4 بار به مدت یک هفته در اتوکلاو قرار گرفت.

۴-۲- مشخصات نانو مواد مرکب هیبریدی

اولین مشخصه برای هر نانو مواد، ساختار کریستالی آن می‌باشد. نتایج به دست آمده از آزمایش پراش اشعه ایکس برای نانورس خالص و رزین اپوکسی نشان می‌دهد (شکل ۲ و جدول ۱) نانو ذرات درون رزین اپوکسی به شکل در میان لایه رفته^۱ هستند. در این نوع نانو کامپوزیت‌ها، نانو ذرات رس صرف‌نظر از درصد خاک رس از طریق جا دادن پلیمر در فضای بین لایه‌ای‌شان، به صورت ساختمان لایه‌ای منظم با ارتفاع بین لایه‌ای بیشتر نسبت به حالت بدون پلیمر، پراکنده می‌شوند.

۳- آزمایش‌ها

۱-۱- آزمایش‌های بالستیک

آزمایش‌های بالستیک در دانشگاه تربیت مدرس با استفاده از یک تفنگ گازی که قابلیت اندازه‌گیری سرعت ورودی و خروجی را داشت انجام شد. سرعت آزمایش در دو سرعت یکی بسیار نزدیک حد بالستیک، 205 متر بر ثانیه، و دیگری در سرعتی بالاتر از آن، 225 متر بر ثانیه، درنظر گرفته شد. ابعاد فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی ساخته شده 12 در 12 سانتیمتر و تعداد تکرار آزمایش‌های صحیح برای هر درصد نانو حداقل 4 عدد انجام شد. پرتابه از جنس فولاد به قطر 10 میلیمتر به طول قسمت استوانه‌ای 15 میلیمتر و طول کل 122/5 میلیمتر با زاویه مخروط 62 درجه و سختی 46 راکول انتخاب شد.

۲-۳- آزمایش‌های کشش و برش

برای آزمایش کشش در جهت طولی، نمونه‌های 3 لایه‌ای با ابعاد 15 در 250 میلیمتر و جهت انجام آزمایش در راستای عرضی نمونه‌های 6 لایه‌ای با ابعاد 20 در 175 میلیمتر طبق استاندارد ایزو 3039 ساخته شد [19].

1- Interclated

مدل رفتار ماده به علت فشار بالای حاصل از ضربه نیاز به یک معادله حالت دارد معادله حالت، بیان کننده تغییرات فشار نسبت به تغییرات دانسیته است. معادله حالتی که برای مدل جانسون-کوک استفاده می‌شود معادله گرونازیشن⁵ می‌باشد.

$$P = \frac{\rho C_0^2 \mu \left[1 + \left(1 - \frac{\ddot{y}_0}{2} \right) \mu - \frac{a}{2} \mu^2 \right]}{\left[1 - (S_1 - 1) - S_2 \frac{\mu^2}{\mu+1} - S_3 \frac{\mu^3}{(\mu+1)^2} \right]^2} + (\ddot{y}_0 + a\mu) E_0 \leftrightarrow \mu > 0 \quad (7)$$

$$P = \rho C_0^2 \mu + (\ddot{y}_0 + a\mu) E_0 \leftrightarrow \mu < 0 \quad (8)$$

$$\mu = \frac{\rho}{\rho_0} - 1 \quad (9)$$

که در آن C_0 ، a ، S_1 ، S_2 و \ddot{y} ضرایب ثابت و E_0 انرژی اولیه جسم است.

مقادیر و ضرایب روابط برای آلومینیوم در جدول ۲ آورده شده است [22.21]. برای مدل سازی لایه‌های کامپوزیتی از مدل ارتوتروپیک غیرخطی⁶ استفاده شد که پارامترهای مورد نیاز برای آن شامل چگالی، مدول الاستیسیته، مدول برشی و راستای الیاف در هر لایه می‌باشد. در اینجا از AOPT برای مشخص کردن نوع روش انتخابی برای تعیین جهت الیاف و از LCIDA، LCIDA برای تعریف منحنی تنش-کرنش نسبت به محور A استفاده می‌شود (جدول 3). برای حذف قسمت کامپوزیتی از الگوریتم فرسایش⁷ استفاده شد. شرط تخریب نیز کرنش نهایی برشی در نظر گرفته شد.

برای تعریف تماس میان گلوله و هر یک از لایه‌های هدف از الگوریتم فرسایش بین گلوله و هدف⁸ استفاده شد. گلوله پس از تماس با لایه‌های مختلف هدف، اقدام به برش و یا حذف آن خواهد کرد. لایه‌های مختلف هدف به یکدیگر اتصال یافته‌اند، اگر تنش بین لایه‌ای (نرمال یا برشی) میان دو لایه مجاور از استحکام نرمال یا برشی اتصال بیشتر باشد، اتصال بین لایه‌ای تخریب می‌شود. برای بیان مفهوم و اتصال و تماس میان دو لایه مجاور، از الگوریتم تماس برشی بین لایه‌ها⁹ استفاده گردید. هنگام تعریف این نوع تماس مقادیر استحکام کششی و برشی بین لایه‌ای اتصال نیز می‌بایست در نظر گرفته شود. برای استحکام کششی بین لایه‌ای 9 MPa و برای استحکام برشی بین لایه‌ای 20 MPa در نظر گرفته شد [6.5]. الگوریتم تماس اتوماتیک بین سطوح¹⁰ برای جلوگیری از در هم فرو رفتن لایه‌های غیر مجاور مورد استفاده قرار می‌گیرد. سرعت اولیه گلوله به عنوان شرط اولیه منظور گردید. تمامی المان‌های تشکیل شده گلوله در نظر گرفته شده و سرعت اولیه به گره‌ها اعمال می‌گردد؛ همچنین درجه آزادی انتقالی و جابه‌جایی اطراف صفحات هدف بسته می‌شود. برای برسی نفوذ کامل می‌بایست زمان حل عددی بیشتر از زمان عبور گلوله در نظر گرفته شود. زمان در نظر گرفته شده برای حل این مساله 600 میکرو ثانیه در نظر گرفته شد.

مرکز صفحه مش ریز زده شد و با حرکت پس‌نمایش اندازه مش درشت تر انتخاب شد. برای مستقل بودن جواب از نوع مش‌بندی باید اندازه مش را آنقدر ریز کرد تا همگرا شود و با افزایش تدریجی تعداد المان‌ها و ریزتر شدن مش‌ها، پاسخ دقیق‌تری بدست آید و در نتایج به دست آمده، همگرایی دیده شود. فرم نهایی مش‌بندی طبق شکل 4 با تقسیم بندی $3 \times 60 \times 60$ انتخاب گردید.

در اغلب مواد، خواص مکانیکی تابع سرعت بارگذاری می‌باشد. پژوهش‌های گسترده‌ای در زمینه وابستگی خواص مکانیکی کامپوزیت شیشه اپوکسی به نرخ کرنش انجام شده است. شکریه و همکارانش [23] اثر نرخ کرنش را بر روی الیاف شیشه اپوکسی تا نرخ کرنش S^{-1} ۱۰۰ بررسی کرده است حاصل نتایج نشان‌دهنده افزایش استحکام تا ۶۶ درصد نسبت به حالت شبه استاتیکی است.

جدول ۲ داده‌های مورد نیاز برای تعریف لایه‌های آلومینیوم [22.21]

$\rho = 2700 \text{ kg/m}^3$	$E = 73 \text{ GPa}$	$v = 0/33$
$A = 369 \text{ MPa}$	$B = 684 \text{ MPa}$	$n = 0/73$
$C = 0/0083$	$m = 1/7$	$T_{\text{room}} = 294 \text{ K}$
$T_{\text{melt}} = 775 \text{ K}$	$C_p = 875 \text{ J/kg-K}$	$D_1 = 0/112$
$D_2 = 0/123$	$D_3 = -1/5$	$D_4 = 0/007$
$D_5 = 0$	$C = 5330 \text{ m/s}$	$S_1 = 1/338$
$S_2 = 0$	$S_3 = 0$	$GAMA = 2$
$a = 0/48$		

جدول ۳ داده‌های مورد نیاز برای تعریف لایه‌های کامپوزیتی

$\rho = 1858 \text{ kg/m}^3$	$E_A = 33 \text{ GPa}$	$E_B = 6/4 \text{ GPa}$
$E_C = 6/4 \text{ GPa}$	$v_{BA} = 0/25$	$v_{CA} = 0/32$
$v_{CA} = 0/25$	$G_{AB} = 2/6 \text{ GPa}$	$G_{BC} = 2/6 \text{ GPa}$
$G_{CA} = 2/6 \text{ GPa}$		$AOPT = 2$

نرخ بارگذاری این نمونه‌ها طبق استاندارد ۲ میلیمتر بر دقیقه در نظر گرفته شد همچنین آزمایش برش طبق استاندارد ایزو ۳۵۱۸ انجام گرفت [20]. شکل ۳ نمونه آزمایش کشش الیاف عرضی و تنش برشی را نشان می‌دهد.

۴- شبیه‌سازی عددی

نرمافزار ال اس داینا¹ یکی از نرم‌افزارهای قدرتمند و پیشرفته در زمینه مهندسی است. این نرم‌افزار، کد رایانه‌ای المان محدود قوی برای تغییر شکل‌های بزرگ دینامیکی با سرعت بالا ارائه می‌دهد. مهم‌ترین قسمت در شبیه‌سازی به کمک این نرم‌افزار، انتخاب نوع ماده است. برای مدل سازی ابتدا با استفاده از نرم‌افزار انسیس² جسم مدل سازی و مش‌بندی شد و سپس مرحله تکمیلی در نرم‌افزار ال اس داینا انجام گرفت. مدل سازی شامل دو قسمت مدل سازی پرتا به و هدف می‌باشد.

پرتا به به صورت استوانه‌ای که هیچ تغییر شکلی نمی‌پذیرد انتخاب گردید. بنابراین از مدل ماده صلب³ برای آن استفاده گردید. خواص مورد نیاز برای این ماده سه ثابت چگالی 7823 kg/m^3 ، مدول الاستیسیته ۲۰۰ GPa و ضریب پواسان ۰/۳۳ است. چون ماده صلب است معیاری برای تخریب در نظر گرفته نمی‌شود.

برای توصیف رفتار آلومینیوم از مدل جانسون-کوک استفاده شد. در این مدل تنش توسط رابطه شماره ۱ تعریف می‌شود.

$$\sigma_{\text{yield}} = [A + B(\varepsilon^p)^n] + [1 + C \ln \varepsilon^*][1 - (T^*)^m] \quad (1)$$

$$\varepsilon^* = \frac{\varepsilon^p}{\varepsilon_0} \quad (2)$$

$$\varepsilon_0 = 1.0 \text{ s}^{-1} \quad (3)$$

$$T^* = \frac{T - T_{\text{room}}}{T_{\text{melt}} - T_{\text{room}}} \quad (4)$$

که در آن n و A ، B ، C ، m و ε^p ضرایب ثابت، ε^p کرنش پلاستیک، T_{melt} و T_{room} دمای ترتیب دمای محیط آزمایش و دمای ذوب می‌باشد [21]. علاوه بر معادله فوق، معادله دیگری برای تعیین کرنش شکست ماده توسط جانسون-کوک⁴ به صورت معادله شماره ۵ ارائه گردید.

$$\varepsilon_f = [D_1 + D_2 \exp(D_3 \sigma^*)][1 + D_4 \ln \varepsilon^*(1 + D_5 T^*)] \quad (5)$$

$$\sigma^* = \frac{p}{\sigma^{**}} \quad (6)$$

که در آن D_1 تا D_5 ضرایب ثابت، p فشار و σ^{**} تنش فون مایز می‌باشد [21]. این

5- Mi -Gruneison

6- MAT NONLINER ORHOTROPIC

7-MAT_ADD_EROSION

8- CONTACT_eroding_surface_to_surface

9- CONTACT_tiebreak_surface_to_surface

10- CONTACT_automatic_surface_to_surface

1- LS-DYNA

2- ANSYS

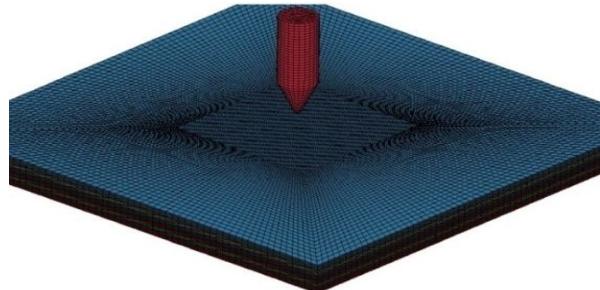
3- MAT_RIGID

4- MAT JOHNSON-COOK

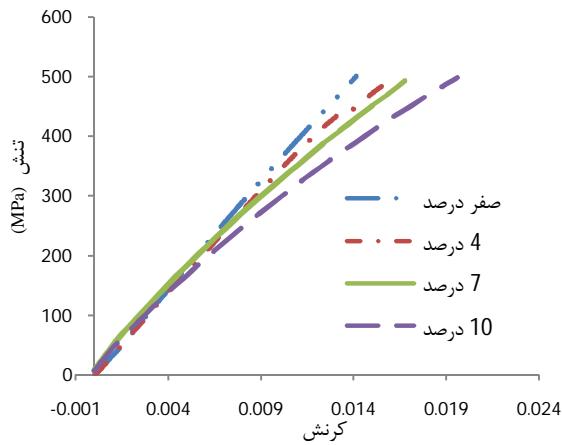
جدول 6 نتایج حاصل از کشش الیاف عرضی

درصد	مدول الاستیسیته (GPa)	کرنش شکست	چرمگی (MPa)
بدون نانو	6/4	0/012	0/367
4	5/6	0/014	0/38
7	5/1	0/016	0/41
10	4/8	0/018	0/43

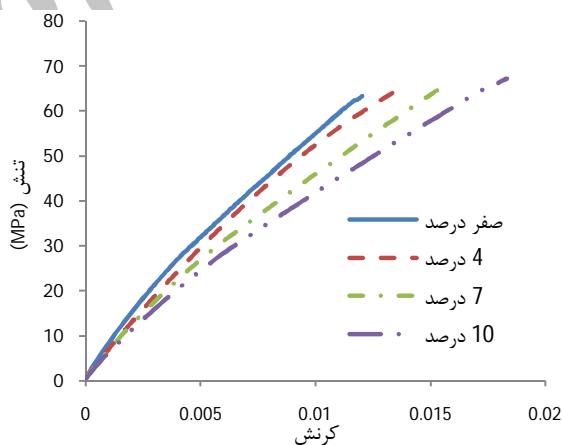
نایک [24] الیاف شیشه نوع E را در نرخ کرنش بین 140 تا 5100 مورد بررسی قرار می دهد نتایج نشان می دهد استحکام در جهت طولی 69 تا 89 درصد، در جهت عرضی 63 تا 88 درصد و در جهت ضخامت 75 تا 93 درصد افزایش پیدا کرده است. نتایج تحقیقات آرمناکاس و سیامارلا [25]، بیاگر افزایش در حدود 50 درصد در مدول و استحکام کامپوزیت شیشه اپوکسی نسبت به مقادیر متناظر استاتیکی در نرخ کرنش 500 s^{-1} می باشد. نرخ کرنش در این تحقیق بین 500 تا 1000 است و برای درنظر گیری اثر نرخ کرنش، مقادیر استاتیکی به میزان 50 درصد افزایش خواهد یافت [7-5]. همچنین براساس تحقیق انجام شده توسط نایک و همکاران [26] استحکام برشی بین لایه ای کامپوزیت شیشه اپوکسی در نرخ کرنش هایی در حدود 850.575 و 1000 به ترتیب در حدود 15، 45 و 60 درصد نسبت به مقدار استاتیکی افزایش می یابد. در نتیجه در تحقیق حاضر، به منظور درنظر گیری اثر نرخ کرنش در استحکام برشی بین لایه ای، استحکام برشی بین لایه ای به میزان گفته شده افزوده شد.



شکل 4 نوع مشبندی پرتا به و هدف



شکل 6 نمودار تنش-کرنش برای الیاف طولی



شکل 7 نمودار تنش-کرنش در کشش الیاف عرضی

جدول 4 انواع تقسیم‌بندی‌ها در مشبندی

تعداد تقسیم‌بندی مرکز	زمان حل (دقیقه)	سرعت ورودی (m/s)	سرعت خارجی (m/s)
660	145/47	225	40×40×3
705	147/6	225	50×50×3
720	148/39	225	60×60×3
840	148/5	225	80×80×3

جدول 5 نتایج حاصل از تست کشش الیاف طولی

درصد	تنش نهایی (MPa)	مدول الاستیسیته (GPa)	کرنش شکست (MPa)	چرمگی (MPa)
بدون نانو	495	34	0/014	3/53
4	465	33/3	0/016	3/61
7	490	33/1	0/018	4/11
10	475	29/3	0/020	4/43

جدول 8 مقایسه بین نتایج روش تجربی و عددی						
	درصد اختلاف	درصد جذب انرژی مخصوص	سرعت خروجی (m/s)	سرعت ورودی (m/s)	درصد جذب	نوع
7	64	225	135		0	تجربی
	57	225	148			عددی
2	60	225	142		4	تجربی
	58	225	146			عددی
5	77	205	99			تجربی
	71	205	110			عددی
5	71	225	121		7	تجربی
	67	225	128			عددی
5	80	205	80			تجربی
	75	205	98			عددی
9	82	225	99		10	تجربی
	73	225	115			عددی
3	100	205	7			تجربی
	97	205	29			عددی

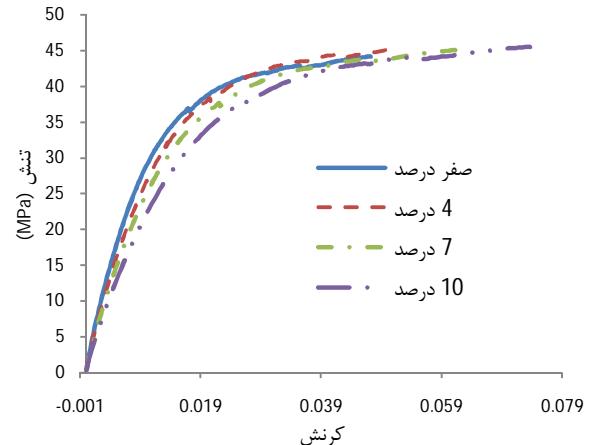
اختلاف بین نتایج تجربی و عددی بین 2 تا 9 درصد می‌باشد. این اختلاف بیان کننده اختلاف میان فرض‌ها انجام شده و واقعیت‌های حاکم بر نفوذ و خطاهای اندازه‌گیری می‌باشد. خطاهای شامل به دست آوردن خواص مکانیکی، خطای دستگاه تفنگ گازی، خطای محاسبه نرخ کرنش دینامیکی را می‌توان از جمله این خطاهای حساب کرد.

شکل 10 میزان جذب انرژی مخصوص در درصدهای مختلف نانورس را در حالت عددی و تجربی در سرعت برخورد 225 متر بر ثانیه نشان می‌دهد. این نمودار نشان‌دهنده این است که در 4 درصد وزنی تغییرات جذب انرژی مخصوص ناچیز، و در 7 و 10 درصد افزایش می‌یابد. در واقع به این نتیجه‌گیری کلی می‌توان رسید که نانورس با این نوع رزین و سخت‌کننده در درصدهای وزنی بالا تاثیر مثبت دارد. همچنین نتایج تحلیل عددی و تجربی همپوشانی خوبی با هم دارند.

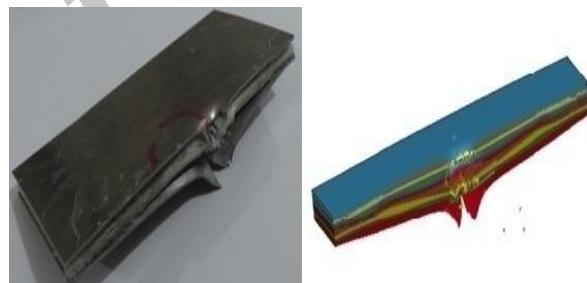
خواهد داشت. کمترین کرنش برشی مربوط به حالتی است که نانو وجود ندارد (شکل 8 و جدول 7).

2-5- مقایسه بین نتایج تجربی و شبیه‌سازی عددی

مقایسه بین نتایج تجربی و عددی هم به شکل ظاهری و هم از طریق تحلیل داده‌ها انجام گرفت (شکل 9). جدول 8 مقایسه بین نتایج تجربی و عددی را نشان می‌دهد.



شکل 8 نمودار تنش برشی-کرنش برشی

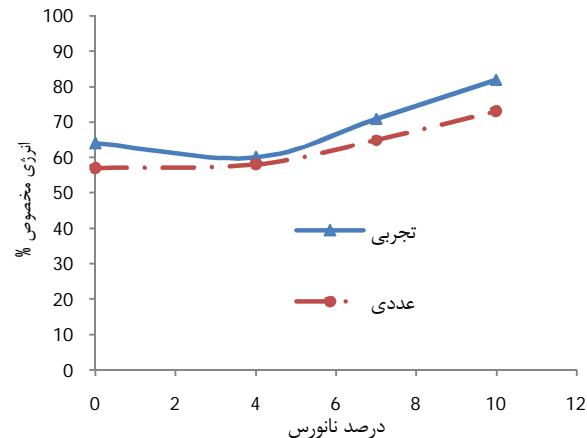


شکل 9 نمای برش خورده جسم در حالت تجربی و عددی

3- نتایج شبیه‌سازی عددی

مدل سه‌بعدی ساخته شده به روش اجزا محدود، قابلیت شبیه‌سازی لحظه به لحظه نفوذ گلوله در هدف‌های چند لایه را دارد. با گذشت زمان برخورد گلوله به هدف، لایه‌ها به تدریج شروع به تخریب می‌کنند. لایه‌های آلومینیومی جلوی هدف به فرم پلاگ بریده شده و گلوله شروع به تخریب تدریجی سایر لایه‌های کامپوزیتی می‌نمایند. با گذشت زمان و نفوذ بیشتر گلوله در هدف، میزان لایه شدگی بیشتر می‌گردد. در نهایت لایه آلومینیومی پشتی نیز بریده می‌شود و برش این لایه به فرم پتال است. شکل 11 میزان تخریب و تغییر فرم مقطع میانی هدف در زمان نفوذ را نشان می‌دهد بدین ترتیب در نتایج مدل اجزا محدود تهیه شده، توانایی شبیه‌سازی پدیده جدایش بین لایه‌ای و لایه شدگی را نیز دارا می‌باشد.

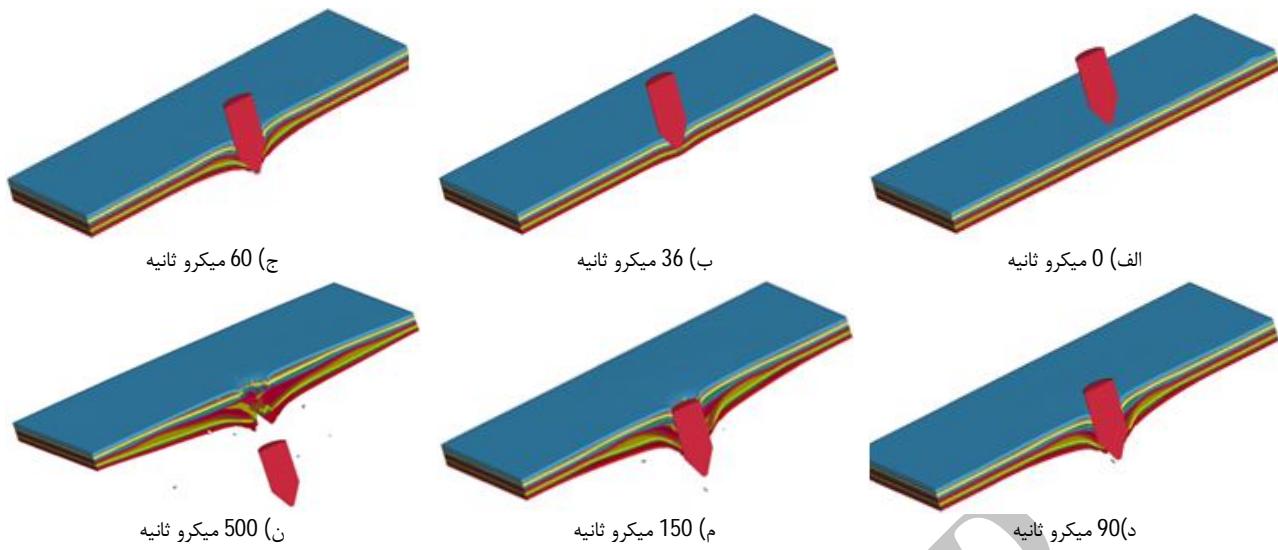
شکل 12 گسترش تنش و تغییر فرم هر یک از لایه‌ها در یک زمان 132 میکرو ثانیه به ترتیب از اولین تا آخرین لایه نشان می‌دهد. اولین برش لایه آلومینیومی به شکل پلاگ است (شکل 10-الف). پس از لایه آلومینیومی، عدد لایه کامپوزیتی در جهت صفر درجه وجود دارد که نشان می‌دهد تنش در جهت طولی بیشتر گسترش یافته است (شکل 10-ب، ج). پس از آن، 4 عدد لایه 90 درجه وجود دارد که مشاهده می‌شود که تنش در جهت عرضی بیشتر گسترش یافته است (شکل 10-د، ذ، ز).



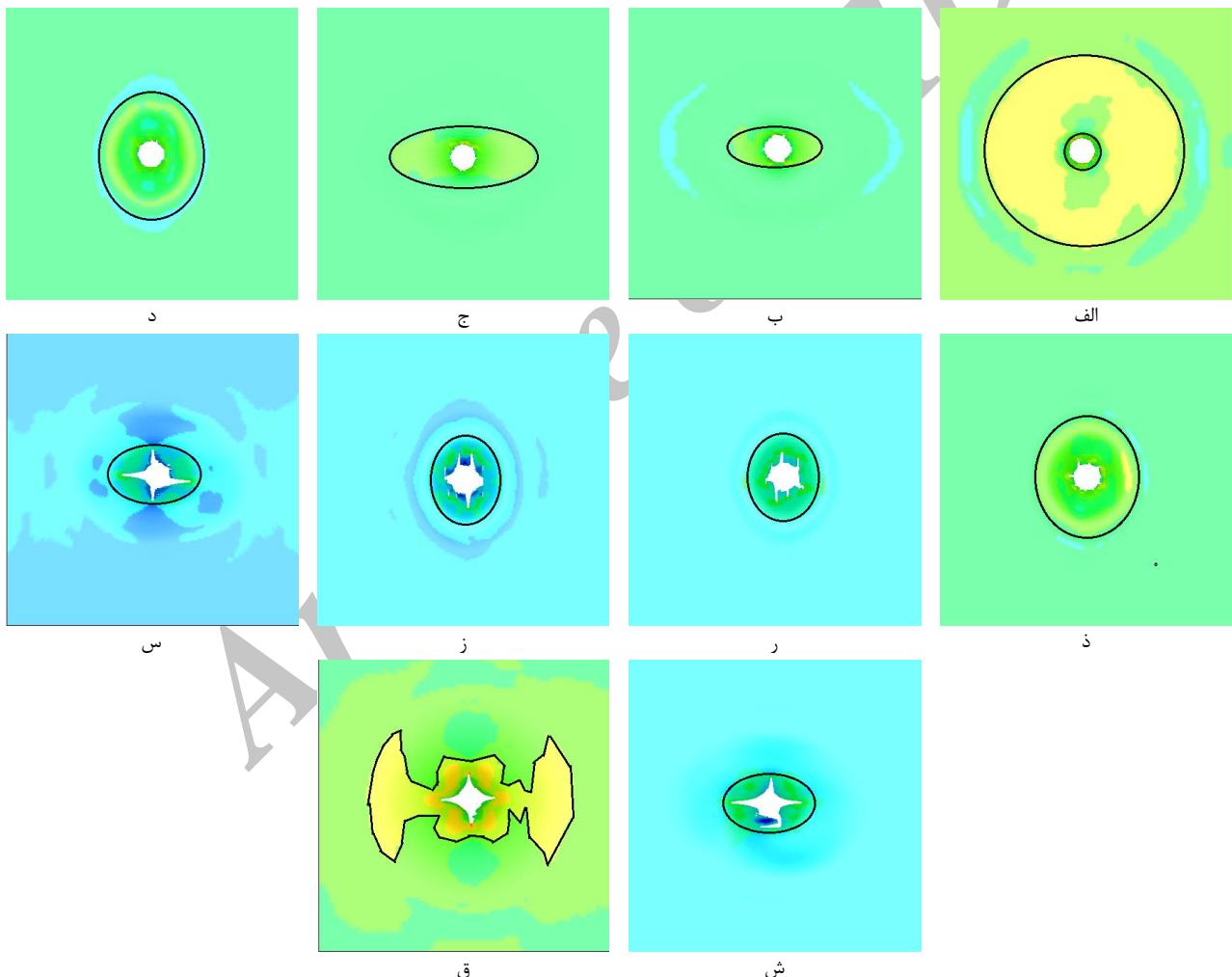
شکل 10 نمودار انرژی مخصوص-درصد نانورس در حالت تجربی و عددی

7- نتایج حاصل از آزمایش تنش برشی

درصد	کرنش شکست (GPa)	مدول برشی (GPa)
بدون نانو	0/05	2/6
4	0/055	2/44
7	0/067	2/22
10	0/08	2/18



شکل 11 نتیجه شبیه‌سازی پرتابه در زمان نفوذ



شکل 12 گسترش تنش در لایه‌های فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی در زمان 132 میکرو ثانیه

برای بررسی تأثیر نانورس بر فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی، میزان سرعت خروجی پرتابه در درصدهای مختلف نانورس بررسی شد. سرعت خروجی از هدف می‌تواند نماینده رفتار ماده مورد مطالعه قرار گیرد بدین صورت که هر مقدار سرعت خروجی از هدف کمتر باشد، نشان‌دهنده جذب انرژی بیشتر توسط هدف بوده است.

آخرین لایه‌ها در قسمت کامپوزیتی 2 عدد لایه صفر درجه است که باز تنش در جهت طولی بیشتر از عرضی گسترش یافته است. لایه‌های آخر کامپوزیتی بیشتر از نوک پرتابه تاثیر می‌گیرد و تغییر شکل آن بیشتر شبیه لایه آلومینیوم انتهایی است (شکل 10-س، ش) و در نهایت برش لایه آلومینیوم انتهایی به شکل پتال می‌باشد (شکل 10-ق).

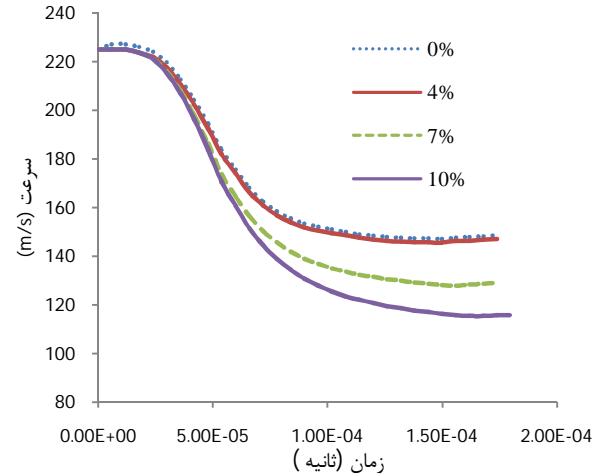
6- نتیجه گیری

در تحقیق حاضر اثرات نانورس کلوسیدسی بی بر روی قابلیت جذب انرژی بالستیکی فلز/مواد مرکب شیشه اپوکسی با استفاده از آزمایش‌های بالستیکی بررسی گردید. نتایج نشان دهنده این است که میزان جذب انرژی در 4 درصد وزنی و بدون نانو تغییر زیان نکرده است. در 7 و 10 درصد وزنی میزان جذب انرژی مخصوص افزایش یافته و بیشترین میزان جذب انرژی مربوط به 10 درصد وزنی می‌باشد.

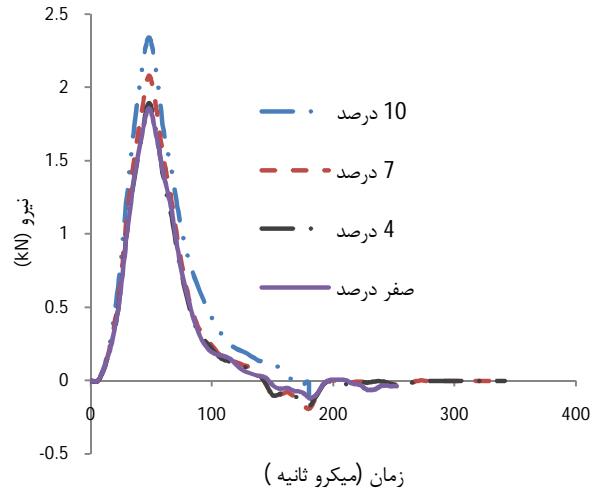
مدل سه بعدی ساخته شده به روش اجزا محدود، قابلیت شبیه‌سازی لحظه به لحظه نفوذ گلوله در هدف‌های چند لایه را دارا می‌باشد و می‌توان تخریب تدریجی قسمت‌های مختلف در اثر نفوذ گلوله را بررسی نمود. این مدل، توانایی شبیه‌سازی پدیده جدایش بین لایه‌ای و لایه شدگی را نیز دارا می‌باشد. با افزایش درصد نانورس سرعت حد بالستیک افزایش می‌یابد به تبع آن میزان نیروی تماسی پرتا به نیز افزایش می‌یابد. نتایج به دست آمده از دو روش تجربی و عددی، همپوشانی خوبی با هم دارند.

7- مراجع

- [1] T. Sinmazcelik, E. Avcu, M. Ö. Bora, and O. Çoban, A review: fibre metal laminates, background, bonding types and applied test methods, *Materials & Design*, Vol. 32, No. 7, pp. 3671-3685, 2011.
- [2] R. Alderliesten, J. Homan, Fatigue and damage tolerance issues of Glare in aircraft structures, *International Journal of Fatigue*, Vol. 28, No. 10, pp. 1116-1123, 2006.
- [3] H. Ahmadi, H. Sabouri, G. Liaghat, and E. Bidkhorri, Experimental and Numerical Investigation on the High Velocity Impact Response of GLARE with Different Thickness Ratio, *Procedia Engineering*, Vol. 10, pp. 869-874, 2011.
- [4] H. Ahmadi, G. Liaghat, H. Sabouri, and E. Bidkhorri, Investigation on the high velocity impact properties of glass-reinforced fiber metal laminates, *Journal of Composite Materials*, Vol. 47, No. 13, pp. 1605-1615, 2013.
- [5] A. Seyed Yaghoubi, and B. Liaw, Thickness influence on ballistic impact behaviors of GLARE 5 fiber-metal laminated beams: Experimental and numerical studies, *Composite Structures*, Vol. 94, No. 8, pp. 2585-2598, 2012.
- [6] M. S. Hoo Fatt, C. Lin, D. M. Revilock Jr, and D. A. Hopkins, Ballistic impact of GLARE™ fiber-metal laminates, *Composite structures*, Vol. 61, No. 1, pp. 73-88, 2003.
- [7] H. Sabouri, H. Ahmadi, and G. Liaghat, Ballistic Impact Perforation into GLARE Targets: Experiment, Numerical Modelling and Investigation of Aluminium Stacking Sequence, *International Journal of Vehicle Structures & Systems*, Vol. 3, No. 1, pp. 178-183, 2011.
- [8] M. Zulfli, W. Chow, Mechanical and thermal behaviours of glass fiber reinforced epoxy hybrid composites containing organo-montmorillonite clay, *Malaysian Polymer Journal*, Vol. 7, No. 1, pp. 8-15, 2012.
- [9] F. Chowdhury, M. Hosur, S. Jeelani, Studies on the flexural and thermomechanical properties of woven carbon/nanoclay-epoxy laminates, *Materials Science and Engineering: A*, Vol. 421, No. 1, pp. 298-306, 2006.
- [10] A. Brunner, A. Necola, M. Rees, P. Gasser, X. Kornmann, R. Thomann, and M. Barbezat, The influence of silicate-based nano-filler on the fracture toughness of epoxy resin, *Engineering fracture mechanics*, Vol. 73, No. 16, pp. 2336-2345, 2006.
- [11] T. D. Ngo, M. T. Ton-That, S. Hoa, and K. Cole, Reinforcing effect of organoclay in rubbery and glassy epoxy resins, part 1: Dispersion and properties, *Journal of Applied Polymer Science*, Vol. 107, No. 2, pp. 1154-1162, 2008.
- [12] A. Jumahat, C. Soutis, J. Mahmud, and N. Ahmad, Compressive Properties of Nanoclay/ Epoxy Nanocomposites, *Procedia Engineering*, Vol. 41, pp. 1607-1613, 2012.
- [13] B. Sharma, S. Mahajan, R. Chhibber, and R. Mehta, Glass Fiber Reinforced Polymer-Clay Nanocomposites: Processing, Structure and Hygrothermal Effects on Mechanical Properties, *Procedia Chemistry*, Vol. 4, pp. 39-46, 2012.
- [14] J. C. Lin, L. Chang, M. Nien, and H. Ho, Mechanical behavior of various nanoparticle filled composites at low-velocity impact, *Composite Structures*, Vol. 74, No. 1, pp. 30-36, 2006.
- [15] A. F. Avila, M. I. Soares, and A. Silva Neto, A study on nanostructured laminated plates behavior under low-velocity impact loadings, *International journal of impact engineering*, Vol. 34, No. 1, pp. 28-41, 2007.



شکل 13 تغییرات سرعت-زمان در شبیه‌سازی عددی



شکل 14 تغییرات نیرو-زمان در شبیه‌سازی عددی

با تغییر هر کدام از پارامترهای مشخصات مواد، مساله دوباره باید حل شود. شکل 13 سرعت خروجی از هدف بهازای درصدهای مختلف از نانورس را در سرعت پرتا به 225 متر بر ثانیه نشان می‌دهد. همان‌طور که از شکل 13 می‌توان متوجه شد با افزودن نانورس ابتدا تغییرات سرعت خروجی ناچیز و سپس این تغییرات کاهشی، شدت می‌یابد.

شکل 14 تغییرات نیروی تماسی پرتا به نسبت به زمان نفوذ را در سرعت برخورد 225 متر بر ثانیه نشان می‌دهد. با افزایش درصد نانورس نیروی تماسی پرتا به افزایش می‌یابد. مکانیزم تخریب در یک ضخامت معین در سرعت بالستیک افزایش می‌یابد. مکانیزم تخریب در یک ضخامت معین در بالا و پایین سرعت بالستیک فرق می‌کند. در سرعت نزدیک پرتا به ای که می‌خواهد هدف را سوراخ کند مواد جلوی خود را فشار می‌دهد تا زمانی که تقریباً متوقف شود در نتیجه مقدار زمان بیشتری را برای تخریب در اختیار دارد. به عبارت دیگر یکپارچگی نمونه شرایط را بهینه خواهد کرد تا جایی که سرعت خروجی صفر شود. جایی که سرعت بالاتر از حد بالستیک باشد (0 و 4 درصد) مکانیزم تخریب فرق می‌کند، چون زمان کافی برای بالستیک بیشتر موضعی بوده و همچنین مواد اطراف محیط پرتا به را تحت فشار قرار می‌دهد. از این رو نیروی مقاومتی نفوذ در مقایسه با حالت اول کاهش می‌یابد.

- [22] M. Buyuk, S. Kan, M. J. Loikkanen, Explicit finite-element analysis of 2024-T3/T351 aluminum material under impact loading for airplane engine containment and fragment shielding, *Journal of Aerospace Engineering*, Vol. 22, No. 3, pp. 287-295, 2009.
- [23] M. M. Shokrieh, and M. J. Omidi, Investigating the transverse behavior of Glass-Epoxy composites under intermediate strain rates," *Composite Structures*, Vol. 93, No. 2, pp. 690-696, 2011.
- [24] N. Naik, P. Yernamma, N. Thoram, R. Gadipatri, V. Kavala, High strain rate tensile behavior of woven fabric E-glass/epoxy composite, *Polymer testing*, Vol. 29, No. 1, pp. 14 20010.
- [25] A. Armenakas, C. Sciammarella, Response of glass-fiber-reinforced epoxy specimens to high rates of tensile loading, *Experimental Mechanics*, Vol. 13, No. 10, pp. 433-440, 1973.
- [26] N. Naik, A. Asmelash, V. R. Kavala, and V. Ch, Interlaminar shear properties of polymer matrix composites: Strain rate effect, *Mechanics of Materials*, Vol. 39, No. 12, pp. 1043-1052, 2007.
- [16] K. Iqbal, S. U. Khan, A. Munir, and J. K. Kim, Impact damage resistance of CFRP with nanoclay-filled epoxy matrix, *Composites Science and Technology*, Vol. 69, No. 11, pp. 1949-1957, 2009.
- [17] M. H. Pol, G. Liaghat, F. Hajiarazi, Effect of nanoclay on ballistic behavior of woven fabric composites: Experimental investigation, *Journal of Composite Materials*, Vol. 47, No. 13, pp. 1563-1573, 2013.
- [18] M. Pol, G. Liaghat, F. Hajiarazi, Experimental investigation of effect of nanoclay on ballistic properties of composites, *Modares mechanical Enginnering*, Vol. 12, No. 1, pp. 11-20, 2012 (In Persian).
- [19] D. D. M. 00, Standard Test Method for Tensile Properties of Polymer Matrix Composite Materials, 2006.
- [20] D. D. M. 94, Standard Test Method for In-Plane Shear Response of Polymer Matrix Composite Materials by Tensile Test of $\pm 45^\circ$ Laminate, 2001.
- [21] G. Kay, Failure modeling of titanium-61-4V and 2024-T3 aluminum with the Johnson-Cook material model, Technical Rep., *Lawrence Livermore National Laboratory*, Livermore, CA, 2002.