ماهنامه علمى پژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir

# تحلیل تلرانسی سازدهای ورقی انعطاف پذیر با درنظر گرفتن اثرات تماس متقابل و ييوستكي سطح ورقها

سيدعلى هاشيميان1، بهنام معتكف ايمانى2\*

1- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد <sup>\*</sup> مشهد، صندوق پستى imani@um.ac.<u>ir ،917</u>7948974-1111

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشي كامل دريافت: 28 فروردين 1393 پذيرش: 09 مهر 1393 ارائه در سایت: 12 مهر 1393 كليد واژگان: تحليل تلرانسي سازههاي ورقى انعطافپذير تماس متقابل سطوح پیوستگی سطوح تحليل اجزاى محدود غيرخطي تحليل أمارى بدون حساسيت بهبوديافته

#### حكيده

در یک مجموعه مکانیکی، وجود خطاهای ناشی از ساخت قطعات و یا فرایند مونتاژ، میتواند باعث تغییرات زیادی در مجموعه نهایی نسبت به مدل ایده آل شده و بر کیفیت و عملکرد آن تأثیرگذار باشد. در سازههای ورقی فلزی، به دلیل انعطاف پذیری زیاد ورقها، خطاهایی که به هنگام مونتاژ رخ میدهد، به اندازه خطاهای ناشی از تلرانس تولیدی ورقها تأثیرگذار هستند؛ لذا در اختیار داشتن مدلی جامع که بتواند فرایند مونتاژ این سازهها را تحلیل و ارتباط بین تلرانس قطعات و تغییرات نهایی مجموعه را بیان نماید، بسیار حائز اهمیت است. اما باید به این نکته نیز توجه داشت که فرایندهای مونتاژ معمولاً پیچیده و ذاتاً غیرخطی هستند. مهمترین عاملی که باعث غیرخطی شدن فرایند مونتاژ سازهای ورقی می-شود، تماس متقابل سطوح با یکدیگر در حین مونتاژ میباشد. نادیده گرفتن این اثر و بیان فرایند مونتاژ صرفاً بر اساس رابطه خطی نیرو -جابجایی منجر به تداخل ورقها در مدل و بروز اختلافات زیاد بین نتایج تئوری و عملی خواهد شد. فاکتور مهم دیگر در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی، پيوستگي سطح ورق هاست كه باعث ايجاد ارتباطي متقابل بين تغييرشكل نقاط مختلف يك ورق مي شود. هدف از اين مقاله ارائه روشي جديد در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی فلزی انعطافپذیر است که در آن تحلیل اجزای محدود غیرخطی با شکل بهبودیافته تحلیل آماری بدون حساسیت ترکیب میشود تا بتواند اثرات تماس متقابل و پیوستگی سطح ورق ها را در نظر گرفته و خطای حاصل در مجموعه مونتاژی را محاسبه نماید. دقت این روش نیز به کمک نتایج بدست آمده از آزمایش و شبیهسازی مونت کارلو تایید شده است.

## Tolerance analysis of flexible sheet metal structures including effects of contact interaction and surface continuity of components

## Seyed Ali Hashemian<sup>1</sup>, Behnam Moetakef Imani<sup>2\*</sup>

1- Department of Mechanical Engineering, Hakim Sabzevari University, Sabzevar, Iran.

2- Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran.

\* P.O.B. 9177948974-1111 Mashhad, Iran, imani@um.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION**

Original Research Paper Received 17 April 2014 Accepted 01 October 2014 Available Online 04 October 2014

Keywords: Tolerance Analysis of Compliant Sheet Metal Assemblies Contact Interaction Surface Continuity Nonlinear Finite Element Analysis Improved Sensitivity-Free Probability Analysis

#### ABSTRACT

In a mechanical assembly, errors arising from part manufacturing or assembly process may cause significant variation in final assembly with respect to the ideal model and affect the quality and performance of product. In sheet metal products due to high order of compliancy of components, errors generated during assembly process are as important as parts' manufacturing tolerances. Therefore, it is crucial to have a comprehensive model in order to analyze the assembly process of these structures and represent the relationship between part tolerances and final assembly errors. However, it should be noted that assembly processes are often complex and nonlinear in nature. In sheet metal structures, the most important factor that makes the assembly process nonlinear is contact interaction between mating parts during assembly. If this factor is disregarded and the assembly process is only represented based on linear force-displacement relationship, the model will result in part penetration and a remarkable difference between theoretical and experimental results will occur. Another important feature in sheet metal tolerance analysis is the surface continuity of components which makes the deformation of the neighboring points of a plate correlated. This paper aims to present a new methodology for tolerance analysis of compliant sheet metal assemblies in which a nonlinear finite element analysis is integrated with improved sensitivity-free probability analysis in order to account for effects of contact interaction and surface continuity of components and calculate the assembly error. The accuracy of this approach is confirmed by an experimental case study and Monte Carlo simulation.

ابعادی و هندسی قطعات، بر کیفیت و عملکرد کلی مجموعه تأثیر گذار خواهد بود. خطاهای ناشی از ترکیب این تلرانسها، می تواند مشکلات زیادی از جمله

#### 1 - مقدمه

در یک مجموعه که از قطعات مختلفی تشکیل شده است، ترکیب تلرانسهای

Please cite this article using: S.A. Hashemian, B. Moetakef Imani, Tolerance analysis of flexible sheet metal structures including effects of contact interaction and surface continuity of components, *Modares* U Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 12, pp. 199-208, 2014 (In Persian)



ضايع شدن مجموعه، انجام عمليات اضافه براى اصلاح خطاها، افزايش هزینههای تولید و گارانتی و در نهایت نارضایتی مشتری را به دنبال داشته باشد. در این میان، در اختیار داشتن یک مدل جامع که بتواند ارتباط بین تلرانسهای قطعات و خطاهای مجموعه را به خوبی تحلیل نماید، بسیار حائز اهمیت است. از اینرو، استفاده از روشهای تحلیل تلرانسی امروزه از ارزش قابل ملاحظهای بر خوردار شده است.

یکی از رایجترین انواع مسائل در مبحث تحلیل تلرانسی، فرایند مونتاژ سازههای متشکل از قطعات انعطاف پذیر است که بیشتر معطوف به سازههای ورقی فلزی است. البته در موارد خاصی نیز به تحلیل انعطاف پذیری در سایر سازههای مکانیکی مثل مکانیزمها پرداخته شده است [1]. سازههایورقی فلزی که محور اصلی این تحقیق هستند، در صنایع مختلفی از جمله ساختبدنه هواپیما و بدنه خودرو مورد استفاده قرار می گیرند (شکل 1).

روشهای قدیمی در مبحث تحلیل تلرانسی، که بر فرض صلب بودن قطعات استوار هستند [3.2]، قادر به تحمين اثر انعطاف پذيرى قطعات در مجموعه نخواهند بود. از این رو، روشهای بعدی به تدریج در جهت بررسی سازههای انعطاف پذیر ارتقا یافتهاند [7-4]. در واقع، پیشگامان تحلیل تلرانسی سازههایانعطاف پذیر را باید لیو و هو [4] دانست. در تئوری پیشنهادی آنها که به روش ضرایب تأثیر<sup>1</sup> معروف است، تغییرشکل یا تلرانس اولیه ورقها به عنوان متغیرهای ورودی و تغییرشکل ناشی از ترکیب آنها در مجموعه مونتاژی به عنوان مشخصه کلیدی<sup>2</sup> مجموعه تعریف شده است. در این روش ارتباط بین متغیرهای ورودی و مشخصه کلیدی مجموعه در قالب یک ماتریس حساسیت<sup>3</sup>و مبتنی بر رابطه خطی نیرو-جابجایی به کمک تحلیل اجزاء محدود 4 بیان شده است. اما نکته قابل توجه این است که فرایندهای مونتاژ معمولاً پیچیده و تا حد زیادی نیز غیرخطی هستند.

عوامل مختلفی مانند رفتار غیرخطی مواد و تغییرشکلهای بزرگ می تواند باعث غیرخطی شدن فرایند شود. در مونتاژ مجموعههای ورقی، مهمترین عاملی که باعث غیرخطی شدن فرایند می شود، تماس متقابل سطح ورقها در حین مونتاژ است. این تماس باعث می شود که ارتباط خطی بین نیرو و جابجایی دیگر در سازه برقرار نباشد. از این رو، تحقیقهای جدید انجام شده به سمت تحلیلهای غیرخطی و در نظر گرفتن اثر تماس متقابل ورقها پیش رفته و باعث ایجاد نوآوریهایی در زمینه تحلیل تلرانسی سازههای ورقی شده است [10-13]. در اولین تحقیقی که در این زمینه توسط کِی و همکاران [10] صورت گرفته، نشان داده شده است که مدلسازی خطی فرایند مونتاژ، موجب درهم فرو رفتن قطعات خواهد شد. در میان تحقیقهای انجام شده، روشی که توسط زیه و همکاران [13] ارائه شده، کاملتر و جامعتر از سایر روشهاست به این دلیل که کل فرایند را به صورت غیرخطی در محیط اجزای محدود تحلیل می کند. توضیحات کاملتر در مورد چگونگی انجام تحلیل اجزای محدود غیرخطی در بخش 2 ارائه خواهد شد.

در یک فرایند تحلیل تلرانسی، برای هر یک از متغیرهای ورودی، یک محدوده تغییرات (محدوده تلرانسی) تعریف می شود و هر متغیر می تواند یک مقدار تصادفی در محدوده تلرانسی خود داشته باشد. بدین ترتیب در تولید انبوه، برای هر متغیر یک سری از ابعاد موجود است که همگی درون محدوده تلرانسی آن متغیر پراکنده شدهاند.



شکل 1 چند نمونه سازه ورقی فلزی [9،8]

ماهیت تصادفی متغیرهای مسأله باعث می شود که برای بیان ارتباط بین تغییرات مشخصه کلیدی و تلرانس متغیرهای ورودی نیاز به استفاده از روشهای آماری باشد. سادهترین روش برای این منظور، استفاده از شبیهسازی مونت کارلو است که اولین بار به وسیله دیدانکر و اسینسر در مبحث تحليل تلرانسي از آن استفاده شده است [14]. نتايج روش مونتكارلو در صورت انتخاب جامعه آماری مناسب از دقت قابل قبولی برخوردار است. اما این روش نیازمند شبیهسازی مجموعه به ازای تمامی متغیرهای موجود در جامعه آماری بوده و به هیچوجه مقرون به صرفه نیست؛ لذا در ادامه جای خود را به روش جذر مجموع مربعات<sup>6</sup> داده است. روش جذر مجموع مربعات می تواند مقدار میانگین و واریانس مشخصه کلیدی مجموعه را برحسب تلرانس متغيرهای ورودی به کمک تعريف ماتريس حساسيت محاسبه نمايد [15]. در روشهای نوین تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انعطافپذیر، همان طور که پیشتر اشاره شد، ارتباط بین متغیرهای ورودی و مشخصه كليدى مجموعه مونتاژى از طريق يك تحليل اجزاى محدود غيرخطى بيان می شود. در نتیجه به دلیل عدم وجود رابطهای خطی بین متغیرها (عدم وجود ماتریس حساسیت) روش جذر مجموع مربعات کاربرد چندانی نخواهد داشت. بدین منظور باید به کمک تحلیل آماری بدون حساسیت $^{6}$ و به وسیله محاسبه گشتاورهای آماری، شاخصههای توزیع مشخصه کلیدی را محاسبه نمود [17،16]. از سوی دیگر، این روش نیازمند محاسبه انتگرال هاییچندمتغیره بوده و با توجه به این نکته که بعد انتگرالها برابر تعداد متغیرهای ورودی مسأله است [18]، عملاً امكان انتكرال كيرى تحليلي وجود ندارد. همچنين استفاده از روشهای عددی انتگرال گیری چند متغیره با بالارفتن تعداد متغیرها بسیار زمانبر و پرهزینه خواهد بود. برای رفع این مشکل، رحمان و زو [16] روشی تحت عنوان کاهش بعد (دیآر) ارائه کردهاند که میتواند یک انتگرال چندمتغیره را به ترکیب چند انتگرال تکمتغیره بدل نماید.

یون و همکاران [17] در ادامه با تکمیل روش دیآر و مرتفع ساختن برخی از ایرادهای وارد بر آن، روشی تحت عنوان کاهش بعد ارتقا یافته (ایدیآر)<sup>8</sup> ارائه کردهاند. این روش که در ادامه بیشتر به بررسی آن پرداخته می شود، کاربرد مهمی در تحلیل آماری بدون حساسیت دارد.

<sup>1-</sup> Method of Influence Coefficients

<sup>2-</sup> Key Characteristics

<sup>3-</sup> Sensitivity Matrix 4- Finite Element Analysis

<sup>5-</sup> Root Sum Squares 6- Sensitivity-Free Probability Analysis

<sup>-</sup> Dimension Reduction (DR) 8- Enhanced Dimension Reduction (EDR)



شکل 3 نمایش یک سازه ورقی انعطاف پذیر پیش از مونتاژ [13]

یکی از نکات مهم در هر تحلیل آماری، بررسی وابستگی متقابل متغیرهای مسأله است که از آن به عنوان کوواریانس نیز یاد می شود. مستقل فرض كردن تغييرات متغيرها بخصوص زماني كه وابستكي بين أنها زياد باشد، باعث بروز خطاهای بزرگی در تحلیل خواهد شد. در مورد سازههای ورقی، عاملی که باعث بروز این وابستگی میشود، شرایط پیوستگی سطح ورق هاست که حكم مىكند كه ارتباط متقابلى بين تغيير شكل نقاط مختلف يك ورق وجود داشته باشد. این ارتباط متقابل، تحت عنوان کوواریانس هندسی، اولین بار توسط مِركلی [19] در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی مطرح شده است. کاملیو و همکاران [7] توانستند با استفاده از تئوری تحلیل مؤلفههای اصلی (پیسیای)<sup>2</sup> [20] الگوها و یا شکل مودهای اصلی تغییرشکل یک ورق را از ماتریس کوواریانس هندسی آن استخراج کنند. بدین ترتیب با محدودکردن تحلیل به درنظر گرفتن این الگوهای اصلی و صرف نظر از سایر الگوها، تا حد زیادی حجم محاسبات کاهش مییابد. البته این روش فقط برای تحلیلهای خطی (تحلیل های مبتنی بر رابطه خطی نیرو-جابجایی) مورد استفاده قرار گرفته و با توجه به جدید بودن رویکرد غیرخطی به مبحث تحلیل تلرانسی مجموعههای ورقی، تاکنون نظریهای برای منظورکردن اثر پیوستگی سطح ورقها در تحلیلهای غیرخطی ارائه نشده است. روش ای دی آر موجود در تحلیل آماری بدون حساسیت نیز قادر به درنظرگرفتن این وابستگی نمیباشد. در بخش 3 با بهبود تحلیل آماری بدون حساسیت، روشی جدید برای بررسی اثر کوواریانس هندسی و پیوستگی سطح ورقها در تحلیلهای غيرخطي معرفي خواهد شد.

هدف از انجام این تحقیق، معرفی روشی جامع در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی فلزی انعطاف پذیر است که علاوه بر درنظر گرفتن اثر تماس متقابل قطعات در قالب یک تحلیل اجزای محدود غیرخطی، اثر پیوستگی هندسی سطح ورقها را نیز لحاظ مینماید. در تئوری ارائه شده در این مقاله، با تركيب تحليل اجزاى محدود غيرخطى با مدل بهبود يافته تحليل آمارى بدون حساسیت، میتوان محدوده تلرانسی و توزیع آماری مشخصه کلیدی مجموعه را با دقتی به مراتب بیشتر از روشهای فعلی محاسبه کرد. در این روش، ابتدا به کمک تئوری پیسیای متغیرهای ورودی وابسته به متغیرهای مستقل تبدیل و پس از شناسایی الگوهای تغییر شکل غالب در ورق ها، این الگوها به عنوان ورودی به روش ای دی آر داده می شوند. بدین ترتیب می توان با کم کردن حجم بالای محاسبات، به شکل قابل ملاحظهای به افزایش سرعت تحلیل کمک کرد. ارائه ایدههای جدید در ترکیب تئوریهای پیسیای و ایدیآر و همچنین بهرهمندی از روش اجزاء محدود غیرخطی مبتنی بر آنالیز تماسی، در نهایت منجر به معرفی یک روش جامع در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انعطاف پذیر شده است. صحت و دقت تئوری ارائه شده نیز به کمک نتایج آزمایشگاهی حاصل از مونتاژ مجموعههایی متشکل از ورقهای فولادی مورد بررسی قرار گرفته است. در این آزمایش، تغییرشکل اولیه ورقها به عنوان متغیرهای ورودی مسأله و تغییرشکلایجاد شده پس از مونتاژ در نقطهای معلوم از مجموعه به عنوان مشخصه کلیدی تعریف شده است. توضيحات تكميلي در اين خصوص در بخش 4 آمده است.

#### 2- مدلسازي فرايند مونتاژ به كمك تحليل اجزاء محدود غيرخطي

استفاده از تحلیل اجزای محدود به عنوان یکی از اصلی ترین مراحل فرایند تحلیل تلرانسی سازههای انعطاف پذیر شناخته می شود که هدف از انجام آن مدل سازی فرایند مونتاژ مجموعه است. بطور کلی مراحل مونتاژ یک مجموعه ورقی را می توان به چهار بخش کلی تقسیم نمود: 1) قرار دادن ورق ها بروی فیکسچرها؛ 2) حرکت فکهای دستگاه جوش در جهت بستن فاصله بین ورق ها؛ 3) اتصال دو ورق به وسیله فرایند جوشکاری نقطه ای مقاومتی و 4) آزاد شدن فک ها و برگشت فنری<sup>3</sup> مجموعه. این مراحل به صورت شماتیک در شکل 2 نمایش داده شده است.

پیشتر اشاره شد که عامل اصلی غیرخطی شدن تحلیل اجزای محدود، تماس متقابل سطوح ورق ها و همچنین تماس ورق ها با فک های دستگاه جوش و یا سایر ابزارهای مورد استفاده در فرایند مونتاژ می باشد. البته باید توجه داشت که قطعات انعطاف پذیر در اثر اعمال نیرو، طبق قانون هوک، به شکل خطی تنییرشکل می دهند؛ اما این رابطه فقط تا زمانی معتبر خواهد بود که سطوح با یکدیگر تماسی نداشته باشند. به هنگام تماس سطوح، در نظر نگرفتن اثر تماس متقابل در تحلیل باعث درهم فرو رفتن قطعات خواهد شد. شکل های 8 و 4 یک سازه ورقی را به ترتیب پیش و پس از مونتاژ نمایش می دهند. همان طور که در شکل 4 مشاهده می شود، نادیده گرفتن اثر تماس متقابل سطوح منجر به درهم فرو رفتن قطعات شده است.

روش اجزاء محدود غیرخطی که برای بیان ارتباط بین متغیرهای ورودی و مشخصه کلیدی مجموعه مورد استفاده قرار خواهدگرفت، دو هدف کلی را دنبال مینماید: اول این که فرایند مونتاژ ورقها کاملاً به شکل واقعی مدل شود و دوم این که اثر تماس متقابل بین ورقها و همچنین تماس بین ورقها و فکهای دستگاه جوش که عامل غیرخطی شدن فرایند است، در مدل لحاظ شود.

<sup>1-</sup> Correlation 2- Principal Component Analysis (PCA)

مېندسې مکاڼيک مدرس، اسفند 1393، دوره 14، شماره 12

<sup>3-</sup> Spring-back



**شکل 4** نمایش سازه ورقی نشان داده شده در شکل 3 پس از مونتاژ الف) بدون لحاظ نمودن اثر تماس متقابل سطوح ب) با لحاظ نمودن اثر تماس متقابل سطوح [13]

برای این منظور با استناد به چهار مرحلهای که در ابتدای این بخش به آن اشاره شد، می توان روال کلی تحلیل اجزاء محدود فرایند مونتاژ سازههای ورقی را به شکل زیر دستهبندی نمود:

1- مدلسازی ورقها مطابق با تغییرشکل اولیه هر ورق، تعریف خواص مواد، المان بندی و مقید نمودن نقاط تکیه گاهی (لازم به توجه است که فکها باید به شکل صلب مدل شوند که این فرض با توجه به سختی زیاد فکها در مقایسه با انعطاف پذیری زیاد ورقها کاملاً منطقی است)؛

2- حرکت فکها و تغییرشکل ورقها در جهت بستن فاصله موجود با درنظر گرفتن تماس متقابل بین ورقها و همچنین بین ورقها و فکها؛

3- تعریف المان جوش نقطه ای در محل اتصال دو ورق (این المان قادر است در محل نقطه جوش، تمام درجات آزادی دو سطح را به هم کوپل نماید)؛

4- باز شدن فکها (حذف فکها از مدل) و تغییر شکل مجموعه مونتاژی در اثر بر گشت فنری.

دراین تحقیق برای انجام مراحل فوق از محیط نرمافزار آنسیس<sup>1</sup> مجهز به حلگر ال اس داینا<sup>2</sup> کمک گرفته شده است. با توجه به توانایی بالای ال اس داینا در حل مسائل غیرخطی، مسائل شبه استاتیکی با تغییر شکل های بزرگ و مسائل مرتبط با تماس متقابل اجسام، استفاده از آن در محیط نرم افزار آنسیس بسیار پرکاربرد خواهد بود. یکی از بهترین شکل های مدل سازی غیر خطی فرایند مونتاژ، بهره گیری از تحلیل صریح ضمنی<sup>3</sup> است که ایده

استفاده از آن از فرایند فرمدهی فلزات گرفته شده است. لازم به توضیح است که مدلسازی بخش استاتیکی فرایند مونتاژ یعنی آزاد شدن انرژی الاستیک (برگشت فنری مجموعه) به کمک تحلیل ضمنی در محیط انسیس قابل انجام است. اما برای مدلسازی حرکت فکهای جوش و تغییر شکلهای ناشی از آن در ورقها (با در نظر گرفتن اثر تماس بین ورقها و فکها و همچنین تماس متقابل سطوح ورق ها با یکدیگر) استفاده از یک تحلیل صریح و بهره-گیری از تواناییهای بالای ال اسداینا بسیار سودمند بوده و کمک قابل توجهی به همگرایی تحلیل میکند. توضیحات کامل تر در مورد چگونگی انجام یک تحلیل صریح-ضمنی در راهنمای انسیس/ اِلاِسداینا [21] آمده است. یکی از مهمترین و حساسترین بخشهای یک تحلیل تماسی در نرمافزارهای اجزای محدود تعریف صحیح المان های تماسی، جهت بردارهای نرمال، تنظیمات کلیدی<sup>4</sup> و ثوابت حقیقی<sup>5</sup> این المانهاست[22،12] که در بعضی مواقع، نبود دقت و اطلاعات کافی در چگونگی انتخاب آنها منجر به نتایج نادرست و حتى واگرايى حل خواهد شد. يكى از مزيتهاى مهم استفاده از ترکیب نرمافزاری انسیس و ال سداینا این است که در این محیط فقط باید اجسامی که باهم در تماس هستند و یا در طول حل تماس پیدا می کنند، تعیین شوند؛ بسیاری از مراحل فوقالذکر در آنالیز تماسی به صورت خودکار توسط نرمافزار اجرا می شود که این امر نه تنها باعث افزایش نرخ همگرایی، بلکه منجر به کاهش خطای کاربر نیز خواهد شد.

شکل 5 چگونگی اجرای مراحل چهارگانه مدلسازی فرایند مونتاژ سازههای ورقی در محیط انسیس/ ال اسداینا را نمایش میدهد که طی آن متغیرهای ورودی (تلرانس اولیه ورقها) به مشخصه کلیدی مجموعه (به عنوان مثال تغییرشکل یک نقطه از مجموعه مونتاژی) مرتبط شده است. همان طوری که در این شکل مشاهده می شود، پس از مدل سازی هندسی ورقها بر اساس تغییر شکل اولیه در هر ورق، خواص مکانیکی مواد تعریف شده و المان بندی ورقها و فکهای جوش به ترتیب به کمک المانهای صريح پوسته<sup>6</sup> 163 و ساليد<sup>7</sup> 164 صورت مي گيرد. پس از انجام تحليل صريح در مرحله دوم، در مرحله بعد المان جوش نقطهای به صورت پیشفرض به عنوان تركيبي از المان هاي تماسي (كانتكت<sup>8</sup> 175 و تاركت 170<sup>9</sup>) و المان قید چند نقطهای (امپیسی<sup>10</sup> 184) در محیط نرمافزار انسیس تعریف می-شود. این المان می تواند در محل نقطه اتصال، تمام درجات آزادی دو ورق را تا شعاع تعیین شده (شعاع نقطه جوش) با هم کوپل کند. در این مرحله لازم است تا المان های صریح به ضمنی تبدیل شده و شرایط انجام تحلیل ضمنی در مرحله چهارم مهیا شود. فرایند تبدیل نوع المانها همواره یکی از بخش-های اصلی یک تحلیل صریح-ضمنی است که در آن المانهای مربوط به ورقها و اجزای صلب (فکهای جوش) به صورت اتوماتیک با المانهای یوسته 181 و ساليد 185 جايگزين خواهند شد.

#### 3- تحليل تلرانسي آماري

همان طور که پیشتر نیز اشاره شد، آمار نقش بسیار مهمی در تحلیل تلرانسی مجموعههای مکانیکی ایفا میکند. اما تئوریهای آماری رایج که تاکنون در مبحث تحلیل تلرانسی استفاده می شده، قادر به تخمین اثر پیوستگی هندسی سطوح ورقها نیستند.

8- Contact Element (CONTA)

<sup>1-</sup> ANSYS

<sup>2-</sup> LS-DYNA 3- Explicit-Implicit

<sup>4-</sup> Key Options 5- Real Constants

<sup>6-</sup> Shell Element (SHELL)

<sup>7-</sup> Solid Element (SOLID)

<sup>9-</sup> Target Element (TARGE)

<sup>10-</sup> Multipoint Constraint Element(MPC)



**شکل 4** مراحل چهارگانه مدلسازی فرایند مونتاژ سازههای ورقی در محیط انسیس*ا* الِاِسداینا

لذا در این تحقیق سعی شده تا با معرفی روشی جدید که در واقع شکل بهبود یافته تحلیل آماری بدون حساسیت است، فرایند تحلیل تلرانسی سازههای انعطافپذیر تکمیلتر و نتایج آن به واقعیت نزدیکتر شود. اما پیش از معرفی تئوری جدید، لازم است مروری اجمالی از تئوریهای موجود ارائه شود.

## 3-1- مروری بر تحلیلهای آماری رایج

## 1-1-3- تحليل حساسيت<sup>1</sup>

در تحلیل تلرانسی خطی مجموعههای ورقی، ارتباط بین تغییرشکل اولیه ورقها به عنوان متغیرهای ورودی  $v_{\rm N}(v_{2},...,v_{N}) = V$  و مشخصه کلیدی مجموعه (u) به کمک ماتریس حساسیت (3) و به شکل U = V بیان میشود [4]. در نتیجه میتوان مقدار میانگین و واریانس مشخصه کلیدی را به صورت  $S_{i}^{i} = \sum_{i=1}^{N} S_{i}^{2} \sigma_{i}^{2} = \mu_{i} = \sum_{i=1}^{N} S_{i} \mu_{i}$  محاسبه کرد که در این روابط  $\mu_{i} = \sigma_{i}$  و به ترتیب مقدار میانگین و انحراف استاندارد متغیرهای ورودی هستند [15]. وجود رابطه خطی در اینجا حکم میکند که اگر توزیع آماری تمام متغیرهای ورودی نرمال باشد، مشخصه کلیدی مجموعه نیز توزیعی نرمال داشته باشد.

## 3-1-2- تحليل آمارى بدون حساسيت

در مقایسه با روش قبلی، زمانی که رابطه بین متغیرهای ورودی و مشخصه کلیدی مجموعه از تحلیل اجزای محدود غیرخطی بدست میآید، به دلیل عدم امکان تعریف ماتریس حساسیت عملاً نمیتوان از روابط فوق استفاده کرد. ضمناً، حتی اگر توزیع تمام متغیرهای ورودی نرمال باشد، در یک تحلیل غیرخطی هیچ تضمینی وجود ندارد که تابع خروجی نیز نرمال باشد و ممکن است شکل دیگری از یک توزیع آماری همچون بتا یا گاما پیدا کند.

در حالت کلی اگر مشخصه کلیدی مجموعه، تابع دلخواهی از متغیرهای ورودی به فرم  $(v_1, v_2, \dots, v_N) = u$  باشد، توزیع آماری (تابع چگالی احتمال<sup>2</sup>) آن بر اساس سیستم پیرسون<sup>3</sup> [23] و با محاسبه گشتاورهای آماری تعیین خواهد شد. در مبحث آمار چندمتغیره، گشتاور ۲ام تابع u حول میدا به صورت رابطه (1) قابل محاسبه است [24].

مجموعه متغیرهای ورودی است. پس از محاسبه گشتاورهای اول تا چهارم تابع u شاخصههای توزیع آن یعنی مقدار میانگین (µ)، واریانس (σ<sup>2</sup>)، عدم تقارن<sup>5</sup> (۲) و کشیدگی<sup>6</sup> (β2) با روابط (2-5) قابل تعیین هستند [25].

$$\mu = m_1 \tag{2}$$

$$\sigma^2 = m_2 - \mu^2 \tag{3}$$

$$\gamma_1 = \frac{m_3 - \mu^3 - \mathbf{3}\mu\sigma^2}{\sigma^3} \tag{4}$$

$$\beta_2 = \frac{m_4 - \mu^4 - \mathbf{6}\mu^2\sigma^2 - \mathbf{4}\mu\sigma^3\gamma_1}{\sigma^4}$$
(5)

مشکل اصلی فرایند فوق در محاسبه توزیع آماری مشخصه کلیدی مجموعه، این است که با بالا رفتن تعداد متغیرهای ورودی، نمی توان حلی تحلیلی برای رابطه (1) پیدا کرد و حل عددی آن نیز پرهزینه خواهد بود. رحمان و زو [16] با معرفی روش کاهش بعد (دیآر) توانستند بر اساس تعریف اپراتور امید ریاضی، این انتگرال را با تقریبی مناسب به ترکیبی از چند انتگرال تکمتغیره بدل نمایند. بدین ترتیب گشتاور ۲ام تابع u بر اساس روش دیآر با رابطه (6) قابل محاسبه است.

$$m_{r} \cong E\left[\sum_{j=1}^{N} u^{r}(\mu_{1}, \dots, v_{j}, \dots, \mu_{N})\right] - (N-1)u^{r}(\mu_{1}, \mu_{2}, \dots, \mu_{N})$$
(6)  

$$\mu_{1} \text{ respective last index} = (r_{i}, v_{j}) + (r_{i}, v_{j}, \dots, \mu_{N}) + (r_{i}, \dots$$

$$E\left[\sum_{j=1}^{N} u^{r}(\mu_{1}, \dots, v_{j}, \dots, \mu_{N})\right]$$
  
= 
$$\sum_{j=1}^{N} \int_{-\infty}^{\infty} u^{r}(\mu_{1}, \dots, v_{j}, \dots, \mu_{N}) f(v_{j}) dv_{j}$$
 (7)

یون و همکاران [17] با محوریت روش دیآر روش جدیدی به نام کاهش بعد ارتقا یافته (لی دیآر) ارائه نمودند که به کمک آن، فرایند محاسبه گشتاورهای تابع هدف تسهیل میشود. در روش ای دیآر پیشنهاد شده که برای محاسبه انتگرال رابطه (7) به جای استفاده از تابع اصلی u از تقریب تکمتغیره آن استفاده شود. در مسائلی مانند تحلیل تلرانسی سازههای ورقی که مقادیر مشخصه کلیدی مجموعه از یک تحلیل اجزای محدود غیرخطی بدست میآید، عملاً تابع اصلی u در اختیار نیست و استفاده از تقریب تکمتغیره آن پراکندگی نقاط لازم برای برازش میباشد. طبیعتاً هرچه تعداد این نقاط بیشتر باشد، تابع u بهتر تخمین زده میشد. طبیعتاً هرچه تعداد این نقاط بهم مقرون به صرف نیست زیرا باعث افزایش تعداد دفعات حل اجزای محدود خواهد شد. روش ای دیآر پیشنهاد میکند برای N متغیر ورودی، تعداد 1 + N z تا 1 + N نقطه بسته به میزان غیرخطی بودن مسأله لازم است که

<sup>1-</sup> Sensitivity Analysis

<sup>2-</sup> Probability Density Function

<sup>3-</sup> Pearson System

<sup>4-</sup> Expectation Operator 5- Skewness

<sup>6-</sup> Kurtosis

این نقاط باید در راستای بردارهای ویژه (جهات اصلی) ماتریس کوواریانس متغیرهای ورودی و در بازه  $\sigma t \pm 3$  انتخاب شوند ( $\mu$  و  $\sigma$  به ترتیب برابر مقدار میانگین و انحراف استاندارد در جهات اصلی هستند) [17]. همان طور که مشاهده میشود، روش ای دیآر کاربرد زیادی در سادهسازی تحلیل آماری بدون حساسیت دارد. در ادامه شکل بهبود یافته این روش برای استفاده در تحلیل تلرانسی مجموعههای ورقی انعطف پذیر معرفی خواهد شد.

## 3-2- تحليل آماري بدون حساسيت بهبود يافته

در سازههای ورقی، وجود کوواریانس بین متغیرهای ورودی امری اجتنابناپذیر میباشد؛ زیرا بر اساس شکل 6، شرایط پیوستگی هندسی سطح حکم میکند که تغییرشکل یک نقطه از ورق، برروی نقاط مجاور نیز تأثیرگذار باشد. به عبارت دیگر دامنه تغییرات نقاط مختلف یک ورق نمی توانند از هم مستقل باشند و بین آنها یک ارتباط متقابل وجود دارد که اصطلاحاً کوواریانس هندسی نامیده میشود [19]. با این وجود رابطه (6) در روش ای دی آر نمی تواند اثر این کوواریانس را در نظر بگیرد، زیرا ارتباط متقابل بین متغیرها در تبدیل انتگرال چندمتغیره به تک متغیره لحاظ نشده است.

برای مرتفع ساختن این مشکل و بهبود تحلیل آماری بدون حساسیت در جهت درنظر گرفتن اثر پیوستگی سطح ورق ها، در این تحقیق روش جدیدی پیشنهاد شده که مبتنی بر ترکیب روش ای دی آر و تئوری پی سی ای است. استفاده از تئوری پی سی ای در این تحقیق دو مزیت بسیار مهم دارد. اول اینکه متغیرهای ورودی وابسته را می تواند به متغیرهای مستقل تبدیل کند و دوم اینکه الگوهای اصلی سطح که بیشترین نقش را در تغییر شکل ورق ها دارند، شناسایی می کند. بدین ترتیب روش پیشنهادی نه تنها روش ای دی آر موجود را برای استفاده در یک مجموعه از متغیرهای وابسته بهبود می بخشد، بلکه با یافتن متغیرهای مرتبط با الگوهای اصلی تغییر شکل در ورق ها و کنار گذاشتن آن دسته از متغیرها که تأثیر چندانی در حل ندارند باعث افزایش سرعت تحلیل می شود.

## 3-2-1- تئورى تحليل مؤلفههاى اصلى (پىسى]ى)

تئوری تحلیل مؤلفههای اصلی، یک روش آماری پر کاربرد و شناخته شده درتحلیلهای چند متغیره است که برای تبدیل مجموعه متغیرهای وابسته  $\mathbf{V} = [v_1, v_2, \dots, v_N] = \mathbf{V}$  از آن استفاده می شود.

این تبدیل از طریق ماتریس انتقالی مانند T و به شکل V = V = V صورت می گیرد که در آن ستونهای ماتریس انتقال T متناظر با بردارهای ویژه ماتریس کوواریانس متغیرهای ورودی (2) میباشد. در این صورت بنا به تعریف ریاضی کوواریانس میتوان نوشت (در این رابطه ۸ ماتریس کوواریانس متغیرهای مستقل است.) [20]. طبق رابطه (8) داریم:

 $\Sigma = \mathbf{T} \Lambda \mathbf{T}^t$ 



**شکل 5** کوواریانس هندسی سطح در یک ورق؛ مدلهای الف- صحیح و ب- نادرست پروفیل سطح [9]



با توجه به جبر ماتریسی میتوان نتیجه گرفت که تمام مؤلفههای غیرقطری در  $\Lambda$  برابر صفر هستند و لذا هیچ وابستگی و یا کوورایانسی بین  $v'_i$  ها وجود ندارد. بدین ترتیب به کمک تحلیل پیسیای میتوان متغیرهای وابسته ندارد. بدین ترتیب به متغیرهای مستقل  $v'_n, v'_2, \dots, v'_n$  تبدیل نمود. ضمناً رابطه فوق نشان میدهد که مقادیر ویژه  $\Sigma$  یا به عبارت دیگر واریانسهای اصلی Vدر واقع همان واریانسهای V میباشند.

در یک مجموعه ورقی انعطاف پذیر، <sup>۷</sup> حکم تغییر شکل اولیه و <sup>۲</sup> حکم ماتریس کوواریانس هندسی ورق ها را دارند. در نتیجه هریک از بردارهای ویژه <sup>۲</sup> بیانگر یک شکل مود یا الگوی تغییر شکل در ورق میباشد. مقادیر ویژه (واریانسهای اصلی) متناظر با این بردارهای ویژه نیز بیانگر میزان تأثیر شکل مود مربوطه در تغییرشکل کلی سطح ورق خواهد بود. چند نمونه از الگوهای رایج تغییرشکل برای یک ورق در شکل 7 قابل نشان داده شده است.

## 3-2-2- ترکیب روش ایدی آر و تحلیل پیسیاِی

V = TV' در روش ای دی آر، به کمک تئوری پی سی ای و با استفاده از تبدیل  $U(v'_1, v'_2, ..., v'_N)$  می توان تابع هدف یعنی  $u(v'_1, v'_2, ..., v'_N)$  را به شکل ( $v'_1, v'_2, ..., v'_N$ ) بر حسب متغیرهای مستقل بیان کرد. بنابراین مقادیر گشتاورهای تابع U در فضای متغیرهای مستقل با رابطه (9) قابل محاسبه خواهد بود.

$$m_{r} = E\left[\sum_{j=1}^{N} U^{r}(\mu_{1}^{'}, ..., \nu_{j}^{'}, ..., \mu_{N}^{'})\right] - (N - 1)U^{r}(\mu_{1}^{'}, \mu_{2}^{'}, ..., \mu_{N}^{'})$$
(9)

$$m_{r} = E \left[ \sum_{j=1}^{M} U^{r}(\mu'_{1}, \dots, \nu'_{j}, \dots, \mu'_{N}) \right]$$
  
-(M - 1) $U^{r}(\mu'_{1}, \mu'_{2}, \dots, \mu'_{N}) M \ll N$  (10)

(10)  $M \ll N$  (10) رابطه (10) نشان میدهد که در روش پیشنهادی جدید به محاسبه (10) نشان میدهد که در روش پیشنهادی جدید به محاسبه انتگرالهای کمتر و در نتیجه تعداد حلهای اجزای محدود کمتری نیازمند خواهد بود که این موضوع در افزایش سرعت تحلیل بسیار مؤثر است. روال کلی فرایند تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انطاف پذیر با در نظر گرفتن اثر تماس متقابل و پیوستگی سطح ورقها را میتوان در قالب دیاگرام شکل 8 بیان کرد.

(8)



**شکل 7** فرایند تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انطاف یذیر



شکل 8 نمایش مجموعه مورد آزمایش به همراه فاصله بین ورقها و نقاط اتصال

همان طور که در این دیاگرام نشان داده شده است توزیع متغیرهای ورودی وابسته، که به عنوان مثال میتوانند تغییر شکل اولیه ورق ها باشند، ابتدا به کمک تحلیل پیسیای به توزیعی از متغیرهای مستقل تبدیل میشود و *M* متغير مستقل مرتبط با الگوهای غالب تغييرشكل شناسايي ميشوند. سپس نقاط داده لازم برای تحلیل بر اساس روش ای دی آر در بازه  $\mu' \pm 3\sigma'$  انتخاب و به عنوان ورودی در تحلیل اجزای محدود غیرخطی مورد استفاده قرار می-گیرند. خروجی این تحلیل مقادیر مشخصه کلیدی مجموعه هستند که برای برازش تابع  $(v'_1, v'_2, \dots, v'_N)$  به کار می روند. این تابع در مرحله بعد برای  $U(v'_1, v'_2, \dots, v'_N)$ محاسبه گشتاورهای آماری مورد استفاده قرار می گیرد و نهایتاً به کمک سیستم پیرسون توزیع آماری مشخصه کلیدی مجموعه مونتاژی بدست خواهد آمد. لازم به توضيح است که در اين تحقيق براي محاسبه انتگرالها از روش انتگرال گیری عددی گوس-کرانراد بهره گرفته شده است. توضیحات کامل تر در مورد این روش انتگرال گیری در [27،26] آمده است.



**شکل 9** اندازه گیری تغییر شکل اولیه یکی از ورقها به وسیله سیامام

#### 4- بررسی تئوری ارائه شده در قالب یک مثال آزمایشگاهی

کاربرد، صحت و دقت مطالبی که تاکنون مطرح شده، در این بخش در قالب یک مثال آزمایشگاهی مورد بررسی قرار خواهد گرفت. این مثال شامل بررسی 30 مجموعه يكسان، متشكل از دو ورق فولادى استى12 به ابعاد 300×240 میلیمتر مربع و ضخامتهای 1 و 1/5 میلیمتر است که به اندازه 60 میلیمتر بروی هم همپوشانی دارند. مدولیانگ و ضریب پواسون ورقها نیز به ترتيب برابر 200 گيگاپاسكال و 0/3 هستند. شكل 9 يكى از اين مجموعهها را نشان میدهد که برروی بستری صلب قرار گرفتهاند. فاصلهای که بین ورق-ها در این شکل دیده می شود به دلیل وجود تغییر شکل اولیه در هر دو ورق است. بستر صلب و فیکسچرهای بکار رفته در این آزمایش همگی به کمک فرایند فرزکاری سیانسی<sup>1</sup> تولید و سپس سنگ زده شدهاند تا کمترین خطای ممکن را در اندازه گیری مجموعه برجای گذارند. برای مونتاژ ورقها از چهار نقطه جوش که محل آنها در شکل 9 دیده می شود، استفاده شده است. فرایند جوشکاری نقطهای نیز به وسیله یک دستگاه جوش پدالی مدل میگ-تیگآرک<sup>2</sup> انجام شده که اطلاعات فنی آن در **[28]** آمده است.

در این مسأله، دادههای بدست آمده از اندازه گیری سطح اولیه ورقها برای تعیین متغیرهای ورودی در تئوری ارائه شده مورد استفاده قرار میگیرد. اندازه گیری تغییر شکل اولیه (تلرانس) ورق ها نسبت به مقدار ایده آل و همچنین اندازه گیری تغییر شکل مجموعه پس از مونتاژ به عنوان مشخصه کلیدی همانند شکل 10 به وسیله یک دستگاه سی مام <sup>د</sup> مدل رنیشاسایکلون <sup>4</sup> صورت می گیرد.

شایان ذکر است استفاده از روش اندازه گیری تماسی که در این آزمایش مورد استفاده قرار گرفته، ممکن است مقدار کمی تغییر شکل اضافه و خطای اندازهگیری در ورقها ایجاد کند. البته مقدار این خطا به دلیل نیروی ناچیز اعمالی به وسیله پروبهای اندازه گیری، که در حدود 10 تا 15 گرم نیرو می-باشد [29]، بسیار کمتر از تغییر شکل اولیه ورقها و تغییرشکل نهایی مجموعه مونتاژی است. پس از اتمام عملیات اندازه گیری پروفیل سطح، خروجی دستگاه به شکل ابر نقاط و در قالب یک فایل دیایکساف<sup>5</sup> است. در این تحقیق، برای اینکه مجموعه به شکل واقعی (همراه با تلرانس اولیه ورقها) در محیط اجزای محدود مدل شود، برنامهای در نرمافزار متالب نوشته شده است. این برنامه قابلیت دارد که پس از استخراج دادهها از فایل

3- Coordinate Measurement Machine (CMM)

<sup>1-</sup> Computerized Numerical Control (CNC) 2- Miatigarc®

<sup>4-</sup> RENISHAW® Cyclone

<sup>5-</sup> DXF 6- MATLAB

دیایکس ِاف، اطلاعات لازم برای مدل نمودن سطح ورق ها در محیط نرمافزارانسیس را به شکل یک فایل متن و به زبان اِیپیدی ِال<sup>1</sup> که زبان اصلی برنامهنویسی انسیس است، در اختیار قرار دهد.

شکل 11 یکی از این 30 مجموعه آزمایشگاهی در محیط انسیس را قبل و بعد از مونتاژ نشان میدهد. در این شکل، نقاط اتصال ورقها (نقاط جوش) که همگی در راستای خط x = 270mm و به فاصله 60 میلیمتر از یکدیگر قرار دارند نیز با W مشخص شده است. در مجموعه مورد بررسی، جابجایی اولیه چهار نقطه W1 تا W4 برروی هریک از ورقها قبل از مونتاژ به عنوان متغیرهای ورودی  $v_4$  تا  $v_4$  برای مجموعه ورقaای A و  $v_5$  تا  $v_8$  برای مجموعه ورقaای  $v_1$ B) و ميزان خيز ورق A در نقطهاى به مختصات x =240mm و M برروی مجموعه مونتاژی بعد از اتمام فرایند مونتاژ به عنوان مشخصه کلیدی مجموعه (u) درنظر گرفته شده که در این شکل کاملاً مشخص است. لازم به یادآوریست فرایند جوشکاری نقطهای ممکن است مقدار بسیار کمی تغییر شکل موضعی در محل نقاط جوش برجای گذارد که علت اصلی آن تنشهای حرارتی ناشی از فرایند جوشکاری مقاومتی است. در این آزمایش، سعی شده است که نقطه در نظر گرفته شده به عنوان مشخصه کلیدی مجموعه به اندازه کافی از محل نقاط جوش فاصله داشته باشد تا تغيير شكلهاى موضعى ناشى از جوش نقطهای بر روی اندازه گیری تأثیری نداشته باشد. همچنین در انتخاب این نقطه دقت شده است که محل آن نسبتاً دور از فیکسچرها باشد تا میزان تغییرشکل مجموعه مونتاژی را بهتر نشان دهد.

مقادیر میانگین و ماتریس کوواریانس تغییر شکل ورق ها در نقاط اتصال W۱ تا ۷۹ در جدول 1 آمده است. (ترتیب آرایه ها بر اساس شکل 11 است). عناصر قطر اصلی هر ماتریس بیانگر واریانس نقاط اتصال و عناصر غیرقطری نیز بیانگر کوواریانس بین نقاط اتصال هستند. همان طوری که مشاهده می شود، کوواریانس زیادی بین نقاط اتصال وجود دارد که ناشی از وجود شرایط پیوستگی سطح در هریک از ورق هامی باشد. لازم به توضیح است که بررسی داده ها نشان می دهد این نقاط همگی توزیعی نسبتاً نرمال دارند. همچنین کاملاً بدیهی است که تغییرات سطح دو ورق A و B کاملاً از هم مستقل هستند و در واقع، هیچ کوواریانسی بین نقاط اتصال متناظر در دو ورق وجود ندارد.



**شکل 1**0 مدل اجزای محدود مجموعه در محیط انسیس الف) پیش از مونتاژ ب) پس از مونتاژ همراه با نمایش نقاط جوش و نقطه مورد نظر به عنوان مشخصه کلیدی

اتصال	نقاط	در	ورقها	ئىكل	تغييرن	نس	كوواريا	يس	ماتر	و	گین	ميان	قادير	ا ہ	ول	عدو

بع)	ماتریس کوواریانس(میلیمتر مر	) <b>(</b> میلیمتر)	ر میانگین	مقادي
$\Sigma_{\rm A}$ = $\Sigma_{\rm B}$ =	[0/400 0/427 0/428 0/409]		0 <b>/</b> 549	
	0 <b>/</b> 427 0 <b>/</b> 490 0 <b>/</b> 512 0 <b>/</b> 502		0 <b>/</b> 456	مجموعه
	0 <b>/</b> 4280 <b>/</b> 5120 <b>/</b> 5500 <b>/</b> 552	μ <sub>A</sub> =	0 <b>/</b> 479	ورقهای ۵
	0 <b>/</b> 409 0 <b>/</b> 502 0 <b>/</b> 552 0 <b>/</b> 577		0 <b>/</b> 582	<i>,</i> (
	01663 01756 01748 01637		1/286	]
	0 <b>,</b> 756 0 <b>,</b> 926 0 <b>,</b> 946 0 <b>,</b> 812		1/443	مجموعه
	0 <b>/</b> 748 0 <b>/</b> 946 0 <b>/</b> 993 0 <b>/</b> 885	$\mu_{\rm B} = -$	1/485	ورقھای B
	01637 01812 01885 01857		1/488	

<b>جدول 2</b> مقادیر میانگین و ماتریس کوواریانس متغیرهای مستقل							
انس	ماتريس كوواري	نگین	مقادير ميانگين				
	010000000		[ 0 <b>/</b> 021 ]				
	0 0 <b>/</b> 009 0 0	,	-0 <b>/</b> 130	مجموعه			
$\Lambda_A =$	0 0 0 <b>/</b> 076 0	μ <sub>A</sub> =	0 <b>/</b> 058	ورقهای ۵			
	0 0 0 1 <b>/</b> 932		0 <b>/</b> 028	7			
	010000000		0 <b>/</b> 017				
	0 0 <b>/</b> 029 0 0	,	0 <b>/</b> 134	مجموعه			
$\Lambda_{\rm B}$ =	0 0 0 <b>/</b> 132 0	μ <sub>B</sub> =	0 <b>/</b> 042	ورقهای B			
	0 0 0 3 <b>/</b> 277		_2 <b>/</b> 844	D			

جدول 2 مقادیر میانگین و ماتریس کوواریانس متغیرهای مستقل را نشان میدهد. همان طور که در بخش قبل اشاره شد، ماتریس کوواریانس متغیرهای مستقل که در اینجا با ۸ نشان داده شده در واقع همان ماتریس واریانسهای اصلی نقاط اتصال است که یک ماتریس قطریست و عناصر آن حکم مقادیر ویژه ماتریس کوواریانس نقاط اتصال (2) را دارد. بر اساس آنچه که در بخش قبل مطرح شد، هر بردار ویژه ماتریس کوواریانس هندسی متعلق به یک الگوی تغییر شکل و اندازه مقدار ویژه (واریانس اصلی) متناظر با آن نیز بیانگر میزان اثر آن الگو در تغییر شکل کلی رق می باشد. برای مجموعه ورق های مورد آزمایش، در ورق A بردار ویژه <sup>1</sup> **t**<sub>4</sub> = [0/430 0/501 0/531 0/532 که واریانس اصلی مرتبط با آن مطابق جدول 2 به شکل قابل ملاحظه ای بزرگتر از سایر واریانس هاست، مربوط به الگوی غالب تغییر شکل در ورق است. مقادیر ویژه متناظر با بردارهای <sup>1</sup>[0**//736 0/222 – 0//196 – 0//609**] متناظر با بردارهای انيز به ترتيب در ردههای بعدی **t**<sub>2</sub> = [-0/459 0/436 0/528 - 0/566]<sup>†</sup> قرار دارند. مقایسه این سه بردار با سه الگوی معرفی شده در شکل 7 نشان مىدهد كه بردار ويژه **ئ**متعلق به الگوى شماره 1 (خمش حول محور y) بوده و بردارهای <sub>1</sub>3 و t<sub>2</sub> نیز با در نظر گرفتن یک ضریب منفی به ترتیب به الگوهای 2 و 3 مربوط می شوند. همچنین با انجام بررسی مشابهی برای ورق های B مشاهده می شود ورق هایی که در این آزمایش مورد استفاده قرار گرفتهاند، همگی به شکل قابل ملاحظهای از الگوی شماره 1 پیروی می کنند و الگوهای 2 و 3 اثر کمتری در تغییرشکل این ورقها دارند.

پس از تعیین متغیرهای اصلی مستقل به کمک تحلیل پیسیاِی و یافتن متغیرهایی که بیشترین تأثیر در تغییرشکل مجموعه را دارند (متغیرهای  $v'_4$  و  $v'_8$  بر اساس جدول 2)، میتوان فرایند تحلیل تلرانسی را بر اساس دیاگرام شکل 8 دنبال کرد. در این حالت مدل اجزای محدود مجموعه مونتاژی بر

<sup>1-</sup> ANSYS Parametric Design Language (APDL)

اساس تغییرات این دو متغیر ایجاد و پس از استخراج مقادیر U می توان گشتاورهای مشخصه کلیدی مجموعه را با استفاده از رابطه (10) به شکل رابطه (11) تعیین نمود. در این رابطه، U فقط تابع متغیرهای  $v'_4$  و  $v'_8$  است و سایر متغیرها که واریانس بسیار کمی دارند با مقادیر میانگین در این رابطه حاضر می شوند.

$$\begin{split} m_r &= E\left[U^r(\mu_1',\dots,\nu_a',\dots,\mu_B'')\right] + E\left[U^r(\mu_1',\dots,\mu_7',\nu_8')\right] \\ &-U^r(\mu_1',\dots,\mu_8') \end{split} \tag{11}$$

از جدول 3 چند نتیجه مهم به شرح زیر میتوان استخراج کرد: - نتایج بدست آمده از تحلیل آماری بدون حساسیت بهبودیافته که در این تحقیق به عنوان روشی جدید در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انعطاف پذیر معرفی شده، از دقت مناسب در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی برخوردار است. - بر اساس این نتایج مشاهده میشود که در نظر نگرفتن اثر کوواریانس هندسی یا همان پیوستگی سطح ورقها در تحلیل، اگرچه با خطای کمی در محاسبه مقدار میانگین مشخصه کلیدی مجموعه همراه است، اما به شکل قابل ملاحظهای باعث بالا رفتن خطای محاسبه در سایر شاخصههای آماری توزیع u میگردد.

- در روش مونت کارلو مشخصه کلیدی مجموعه به ازای تغییرات تمامی متغیرهای ورودی محاسبه می شود. نزدیکی نتایج شبیه سازی مونت کارلو با نتایج تئوری ارائه شده در این مقاله نشان می دهد که ایده کنار گذاشتن آن دسته از متغیرهای مستقل که واریانس بسیار کمی در مقایسه با  $v_4^{\prime}$  و  $v_8^{\prime}$ دارند، کاملاً صحیح بوده است. البته لازم به ذکر است که متغیرهای مذکور به طور کلی از تحلیل کنار نمی روند، بلکه همان طور که در رابطه (11) دیده می شود، با مقادیر میانگین خود در تحلیل حاضر خواهند بود.

- نکته مهم دیگری که از جدول استخراج می شود، شکل توزیع مشخصه کلیدی مجموعه است. با این که توزیع دادههای ورودی همگی نرمال بودهاند ولی مشاهده می شود که به دلیل وجود رابطهای غیرخطی بین متغیرهای ورودی و مشخصه کلیدی، توزیع u شکلی غیر نرمال به خود گرفته است. لازم به ذکر است در یک توزیع نرمال، مقدار عدم تقارن توزیع ( $\gamma$ ) برابر صفر است. اگر مقدار  $\gamma$ بزرگتر از صفر باشد توزیع به سمت راست و اگر کوچکتر از صفر باشد به سمت چپ عدم تقارن پیدا خواهد کرد. همچنین شاخص کشیدگی (g) در یک توزیع نرمال برابر **8** می بشد. هر چه میزان این شاخص بزرگتر باشد، قله منحنی توزیع، کشیدگی بیشتری به سمت بالا خواهد داشت [18].

در بخش 3 اشاره شد که برای تعیین توزیع مشخصه کلیدی مجموعه مونتاژی در یک تحلیل آماری بدون حساسیت باید از سیستم پیرسون کمک گرفته شود. شاخصههای پراکندگی بدست آمده از جدول 3 نشان میدهد که شکل تابع چگالی احتمال u بر اساس تقسیمبندی پیرسون مربوط به یک سیستم پیرسون نوع یک<sup>1</sup> یا توزیع بتا خواهد بود. در حالت کلی، تابع چگالی احتمال توزیع بتا در بازه d = u = a با فاکتورهای شکل q = p که هردو مقادیری مثبت هستند، به فرم رابطه (12) تعریف می شود (B در اینجا بیانگر تابع بتا است) [23].

$$P(u) = \frac{1}{B(p,q)} \frac{(u-a)^{p-1}(b-u)^{q-1}}{(b-a)^{p+q-1}}$$

یک توزیع بتا بسته به مقادیر فاکتورهای p و p میتواند شکلهای کاملاً متفاوتی داشته باشد. در شکل 12 چند نمونه توزیع بتا بر حسب مقادیر مختلف p و p و به ازای صفر= a و l = d رسم شده است.

نمودار هیستوگرام مشخصه کلیدی (*u*) که از شبیهسازی 5000 مجموعه به روش مونتکارلو بدست آمده، در شکل 13 نشان داده شده است. در این شکل همچنین تابع چگالی احتمال که به وسیله سیستم پیرسون و بر اساس تحلیل آماری بدون حساسیت بهبودیافته تعیین شده نیز رسم شده است. مقایسه این دو نشانگر نزدیکی نتایج شبیهسازی مونتکارلو و تئوری ارائه شده در این مقاله است.

#### 5- نتیجه گیری

(12)

در این مقاله روشی جامع برای تحلیل تلرانسی مجموعههای ورقی فلزی انعطاف پذیر ارائه شده است. در مقایسه با تحلیل های قبلی انجام شده در این زمینه، اثر پیوستگی (کوواریانس هندسی) سطح ورق ها در قالب یک تحلیل غیرخطی آماری که در آن تماس متقابل سطح ورق ها عامل اصلی غیرخطی شدن فرایند می باشد، بیان شده است.



**شکل 1**2 نمایش چند نمونه توزیع بتا برای یک متغیر آماری دلخواه در بازه بین صفر و یک به ازای مقادیر مختلف فاکتورهای *p* و *p* 



<sup>1-</sup> Type I Pearson System

جدول 3 شاخصه های پراکندگی مشخصه کلیدی مجموعه (u)

کشیدگی <b>(</b> <sub>2</sub>	عدم تقارن ( <sub>1</sub> 4)	انحراف استاندارد (م)	مقدار میانگین <b>(µ)</b>	
2/3164	-0/4217	0/2955	-0/7398	نتایج آزمایشگاهی <b>(30 مج</b> موعه)
2/3332	-0/4299	0/3091	-0/7429	نتايج شبيهسازي مونتكارلو (5000 نمونه)
(0/73 %)	(1/94 %)	(4/60 %)	(0/42 %)	(درصد خطا)
2/3061	-0/4270	0/3080	-0/7427	تئوري ارائه شده در اين مقاله (تحليل أماري بدون حساسيت بهبوديافته)
(0/44 %)	(1/26 %)	(4/23 %)	(0/39 %)	(درصد خطا)
1/7111	-0/0453	0/1907	-0/6980	بدون اثر پیوستگی سطوح در مدل (تحلیل آماری بدون حساسیت)
(26/13 %)	(89/26 %)	(35/47 %)	(5/65 %)	(درصد خطا)

- [9] M. Tonks, A Robust Geometric Covariance Method for Flexible Assembly Tolerance Analysis, Thesis, Department of Mechanical Engineering, Brigham Young University, Provo, UT, 2002.
- [10] W. W. Cai, C.-C. Hsieh, Y. Long, S. P. Marin, K. P. Oh, Digital Panel Assembly Methodologies and Applications for Compliant Sheet Components, *Journal of Manufacturing Science and Engineering*, Vol. 128, No. 1, pp. 270-279, 2006.
- [11] S. Dahlstrom, L. Lindkvist, Variation Simulation of Sheet Metal Assemblies Using the Method 4of Influence Coefficients With Contact Modeling, *Journal of Manufacturing Science and Engineering*, Vol. 129, No. 3, pp. 615-622, 2007.
- [12] X. Liao, G. G. Wang, Non-linear dimensional variation analysis for sheet metal assemblies by contact modeling, *Finite Elements in Analysis and Design*, Vol. 44, No. 1-2, pp. 34-44, 2007.
- [13] K. Xie, L. Wells, J. A. Camelio, B. D. Youn, Variation Propagation Analysis on Compliant Assemblies Considering Contact Interaction, *Journal of Manufacturing Science and Engineering*, Vol. 129, No. 5, pp. 934-942, 2007.
- [14] D. DeDoncker, A. Spencer, Assembly Tolerance Analysis with Simulation and Optimization Techniques, 870263, SAE, 1987.
- [15] K. W. Chase, A. R. Parkinson, A survey of research in the application of tolerance analysis to the design of mechanical assemblies, *Research in Engineering Design*, Vol. 3, No. 1, pp. 23-37, 1991.
- [16] S. Rahman, H. Xu, A univariate dimension-reduction method for multidimensional integration in stochastic mechanics, *Probabilistic Engineering Mechanics*, Vol. 19, No. 4, pp. 393-408, 2004.
- [17] B. Youn, Z. Xi, P. Wang, Eigenvector dimension reduction (EDR) method for sensitivity-free probability analysis, *Structural and Multidisciplinary Optimization*, Vol. 37, No. 1, pp. 13-28, 2008.
- [18] D. C. Montgomery, G. C. Runger, Applied Statistics and Probability for Engineers, 3rd ed., New York, NY: Wiley & Sons, 2002.
- [19] K. G. Merkley, *Tolerance Analysis of Compliant Assemblies*, Thesis, Department of Mechanical Engineering, Brigham Young University, Provo, UT, 1998.
- [20] R. A. Johnson, D. W. Wichern, Applied multivariate statistical analysis, 6th ed., Upper Saddle River, NJ: Pearson Prentice Hall, 2007.
- [21] ANSYS, ANSYS LS-DYNA User's Guide: ANSYS Release 12.0, Canonsburg, PA: ANSYS Inc., 2009.
- [22] ANSYS, Contact Technology Guide: ANSYS Release 12.0, Canonsburg, PA: ANSYS Inc., 2009.
- [23] N. L. Johnson, S. Kotz, N. Balakrishnan, Continuous univariate distributions, New York, NY: Wiley & Sons, 1995.
- [24] J. Zhou, A. S. Nowak, Integration formulas to evaluate functions of random variables, *Structural Safety*, Vol. 5, No. 4, pp. 267-284, 1988.
- [25] A. Papoulis, S. U. Pillai, Probability, random variables and stochastic processes, 4th ed., Boston, MA: McGraw-Hill, 2002.
- [26] R. Piessens, M. Branders, A Note on the Optimal Addition of Abscissas to Quadrature Formulas of Gauss and Lobatto Type, *Mathematics of Computation*, Vol. 28, No. 125, pp. 135-139, 1974.
- [27] R. Piessens, E. deDoncker-Kapenga, C. W. Überhuber, D. K. Kahaner, *Quadpack: A Subroutine Package for Automatic Integration*, New York, NY: Springer-Verlag, 1983.
- [28] http://www.migtigarc.co.uk. Sureweld PB & PBP Pedestal Rocker Arm Machines Accessed 2011.
- [29] http://www.renishaw.com/en. Cyclone Scanning system, Accessed 2011.

بدین منظور، تئوری ارائه شده در این مقاله از دو بخش اصلی تشکیل شده است: 1) تحلیل اجزای محدود غیرخطی که اثر تماس متقابل سطوح در حین فرايند مونتاژ را با استفاده از يک تحليل صريح-ضمني بيان مينمايد؛ 2) تحلیل آماری بدون حساسیت بهبودیافته که با ترکیب تئوریهای ایدیآر و پیسیای، اثر پیوستگی سطح ورقها را در توزیع مشخصه کلیدی مجموعه مونتاژی لحاظ میکند. در این روش، تحلیل آماری بدون حساسیت بهبودیافته همچنین میتواند با کم کردن تعداد متغیرهای آماری مؤثر در تغييرات مشخصه كليدى مجموعه، به شكل قابل توجهى باعث كاهش زمان محاسبات و در نتیجه افزایش سرعت تحلیل شود. دقت نتایج بدست آمده بر اساس تئوری ارائه شده نیز به کمک انجام آزمایشات و همچنین استفاده از شبیهسازی مونت کارلو تأیید شده است. در مقایسه با روش هایی که تاکنون در تحلیل تلرانسی سازههای ورقی انعطافپذیر استفاده میشده است، نتایج این تحقيق نشان مىدهد كه تئورى جديد معرفى شده مىتواند تخمين بسيار دقیقی از توزیع آماری مشخصه کلیدی مجموعه مونتاژی، نسبت به حالتی که اثر كوواريانس هندسي سطوح در تحليل منظور نمي شود، داشته باشد. ادامه این تحقیق میتواند به بررسی یک مسأله کاربردی صنعتی بپردازد؛ به عنوان مثال، همواره یکی از نکات مهم در صنعت خودروسازی، بررسی کیفیت ظاهری بدنه خودروست که بدون شک ارتباطی تنگاتنگ با تلرانس اجزای بدنه خواهد داشت.

#### 6- مراجع

- B. M. Imani, M. Pour, Tolerance analysis of flexible kinematic mechanism using DLM method, *Mechanism and Machine Theory*, Vol. 44, No. 2, pp. 445-456, 2009.
- [2] Y. Ding, D. Ceglarek, J. Shi, Modeling and Diagnosis of Multistage Manufacturing Process: Part I – State Space Model, in Japan–USA Symposium of Flexible Automation, Ann Arbor, MI, 2000.
- [3] R. Mantripragada, D. E. Whitney, Modeling and controlling variation propagation in mechanical assemblies using state transition models, *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, Vol. 15, No. 1, pp. 124-140, 1999.
- [4] S. C. Liu, S. J. Hu, Variation Simulation for Deformable Sheet Metal Assemblies Using Finite Element Methods, *Journal of Manufacturing Science and Engineering*, Vol. 119, No. 3, pp. 368-374, 1997.
- [5] J. Camelio, S. J. Hu, D. Ceglarek, Modeling Variation Propagation of Multi-Station Assembly Systems With Compliant Parts, *Journal of Mechanical Design*, Vol. 125, No. 4, pp. 673-681, 2003.
- [6] J. A. Camelio, S. J. Hu, D. Ceglarek, Impact of fixture design on sheet metal assembly variation, *Journal of Manufacturing Systems*, Vol. 23, No. 3, pp. 182-193, 2004.
- [7] J. A. Camelio, S. J. Hu, S. P. Marin, Compliant Assembly Variation Analysis Using Component Geometric Covariance, *Journal of Manufacturing Science and Engineering*, Vol. 126, No. 2, pp. 355-360, 2004.
- [8] M. Fitchie, N. Juster, Presenting automotive tolerance analysis data within a virtual prototype environment, Thesis, University of Strathclyde, Glasgow, Scotland, 2004.