

یک مدل جبری جدید بر مبنای تانسور همبستگی سرعت برای شبیه‌سازی مستقیم عددی کاہش درگ آشفته به کمک افزودنی‌های میکروفیبر

امین موسائی^{۱*}، کوروش گودرزی^۱، جلیل عباسی^۲

۱- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه یاسوج، یاسوج
 ۲- دانش آموخته کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه یاسوج، یاسوج
 * یاسوج، صندوق پستی ۷۵۹۱۴-۳۵۳ moosaie@yu.ac.ir

چکیده

در این مقاله، یک مدل بستگی جبری برای شبیه‌سازی مستقیم عددی کاہش درگ آشفته در جریان کanal به کمک افزودنی‌های میکروفیبر پیشنهاد شده است. این مدل موجود در جهت رفع برخی نواقص آن است. در این مدل پیشنهادی، با درنظر گرفتن تانسور همبستگی سرعت در فرآیند مدل سازی، شرایط فیزیکی پیشتری از جریان آشفته در مدل دخیل است. با این کار، بخشی از نواقص مدل‌های جبری قابل پرطرف شده است. مدل پیشنهادی برای شبیه‌سازی مستقیم عددی کاہش درگ آشفته در یک جریان کanal افقی تحت گرادیان فشار ثابت به کار رفته است. برای این منظور، معادلات ناوبری-استوکس سه‌بعدی و واپسیه به زمان برای جریان تراکم ناپذیر یک سیال غیرینیوتی به صورت عددی حل شده است. کمیت‌های آماری بدست آمده از مدل جدید در مقایسه با شبیه‌سازی حل دقیق مونت-کارلو و مدل‌های جبری پیشین آورده شده‌اند. انتباخ خوب تایج شان از دقت مناسب مدل جدید دارد. به طور خاص، جذر متوسط مربعات توانسای های سرعت در جهت اصلی جریان با دقت بسیار پیشتری نسبت به مدل‌های قبلی پیش‌بینی شده است. دیگر کمیت‌های آماری نیز با دقت مناسبی حسابه شده‌اند. این مدل همه ویژگی‌های جریان کاہش درگ یافته به کمک میکروفیبر را پیش‌بینی می‌کند.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل	۱۳۹۳
دریافت: ۰۶ تیر ۱۳۹۳	۱۴ مرداد ۱۳۹۳
پذیرش: ۱۴ مرداد ۱۳۹۳	۱۷ آبان ۱۳۹۳
ارائه در سایت:	کلید واژگان:
	جریان کanal آشفته
	کاہش درگ
	مدل بستگی جبری
	شبیه‌سازی مستقیم عددی
	تانسور همبستگی سرعت

A new algebraic model based on the velocity correlation tensor for DNS of turbulent drag reduction by microfiber additives

Amin Moosaie^{1*}, Kourosh Goudarzi¹, Jalil Abbasi¹

1- Department of Mechanical Engineering, Yasouj University, Yasouj, Iran.
 * P.O.B. 75914-353 Yasouj, moosaie@yu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper
 Received 27 June 2014
 Accepted 05 August 2014
 Available Online 08 November 2014

Keywords:
 Turbulent channel flow
 drag reduction
 algebraic closure model
 direct numerical simulation
 velocity correlation tensor

ABSTRACT

In this paper, a new algebraic closure model for the DNS of turbulent drag reduction in a channel flow using microfiber additives is presented. This model is an extension of an existing model and cures some of the shortcomings of the old model. In the proposed model, using the velocity correlation tensor in the modeling process, more physical conditions of the flow field are taken into account. With this, some of the shortcomings of other models are cured. The proposed model is used to directly simulate turbulent drag reduction in a horizontal channel flow under the action of a constant pressure gradient. For this purpose, time-dependent, three-dimensional Navier-Stokes equations for the incompressible flow of a non-Newtonian fluid are numerically solved. Statistical quantities obtained by the new model are compared with the results of previous simulations. Good agreement between the results demonstrates the proper accuracy of the new model. Especially, the root-mean-square of velocity fluctuations in the streamwise direction is predicted with high accuracy as compared to previous models. Other statistical quantities are also computed with appropriate accuracy. This model is capable of predicting all properties of a microfiber-induced drag-reduced flow.

مشخص حرکت می‌کند. جریان آشفته در نزدیکی دیواره را می‌توان به سه لایه مجزا تقسیم بندی کرد که شامل زیر لایه لرج، لایه بافر و ناحیه لگاریتمی است. جریان در زیر لایه لرج آرام است. آرام بودن جریان در زیر لایه لرج به معنای دائم بودن جریان نیست، بلکه جریان در این ناحیه، بدلیل نفوذ اثر جریان آشفته لایه بالای آن غیرآرام است. با توجه به این که لایه‌های بالاتر آشفته‌تر هستند، توسط مکانیزم تزریق و جاروب در جریان آشفته، سیال با سرعت بالا از ناحیه دور از دیوار به نزدیک دیواره پمپ می‌شود. این عمل باعث افزایش

۱- مقدمه

از مباحث مهم و بسیار پیچیده در زمینه مکانیک سیالات مبحث جریان‌های آشفته است. با توجه به نام‌گذاری آن مشهود است که دارای رفتاری بسیار انفاقی و بی‌سازمان است. به واسطه فرآیندهای اختلالی شدید، به جز در نواحی پیش از نزدیکی به دیواره، شکل لایه‌های جریان به راحتی قبل تشخیص نبوده و ذرات سیال مسیرهای مشخص و از پیش تعیین شده‌ای را طی نمی‌کنند. این رفتار برخلاف رفتار جریان آرام است که در آن سیال تحت لایه‌ها و مسیرهای

Please cite this article using:

A. Moosaie, K. Goudarzi, J. Abbasi, A new algebraic model based on the velocity correlation tensor for DNS of turbulent drag reduction by microfiber additives, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 16, pp. 223-230, 2015 (In Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

Modares Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 16, pp. 223-230, 2015 (In Persian)

به دلیل ابعاد بالای آن (شش بعد)، به وسیله روش‌های عددی معمول کاربردی نیست. حجم چشمگیر محاسبات شبیه‌سازی مستقیم عددی برای سیال نیوتونی بدون حضور فیبرها، که تقریباً متناسب با توان سوم عدد رینولدز است، این تکنیک را در حال حاضر محدود به جریان‌های با عدد رینولدز کوچک تا متوسط کرده است. حال، چنانچه فیبرها هم اضافه شوند، حجم محاسبات مورد نیاز بسیار بالا خواهد بود. این موضوع موجب شده است که محققان به ارائه مدل‌های سبیل‌ساده مهندسی برای شبیه‌سازی مستقیم عددی پدیده کاهش درگ با استفاده از کامپیوترهای شخصی در مدت زمان قابل قبول و پاسخ‌هایی با دقت بالا تأمیل داشته باشند.

اولاندی [6] یکی از پیشگامان DNS جریان کاهش درگ یافته به کمک افرودنی‌های پلیمری است. وی با معروفی یک مدل ساده از پلیمرهای ناهمسانگرد کششی در جریان توسعه یافته در داخل کانال کاهش درگ را بررسی نمود. این مدل به وسیله نتایج آزمایشگاهی و یافته‌های تئوری پشتیبانی می‌شود که نشان می‌دهند، در جریان کاهش درگ یافته، پلیمر باعث لزجت کششی بالا و تغییرات انداز در لزجت برشی می‌شود. مدل اولاندی می‌گوید که لزجت ناهمسانگرد ناشی از پلیمرها برپایه تاسورهای نرخ کرنش و نرخ چرخش محاسبه می‌شود. لزجت کششی موقعي به وجود می‌آيد که اختلاف نرخ کرنش از نرخ چرخش از یک مقدار از پیش تعريف شده بیشتر باشد. مدل ساده او قادر است که ویژگی‌های اساسی جریان کاهش درگ یافته را پیش‌بینی کند. با این حال، هنوز راه‌های زیادی برای بهبود مدل پلیمر متعلق در جریان سیال آشفته وجود داشت.

دن توندر و همکاران [7] برای مطالعه کاهش درگ از یک مدل مبتنی بر لزجت غیرایزوتrop، که اثر فیبرهای صلب را در نظر می‌گیرد، استفاده کردند. این مدل براساس این فرض است که جهت فیبر به طور کامل با بردار محلی سرعت جریان در یک راستاست. بعدها مانهارت و فریدریش [8] از این مدل برای مطالعه جریان آشفته کاهش درگ یافته در جریان کانال استفاده و به کمک آن تأثیر برخی پارامترها بر میزان کاهش درگ را بررسی کردند.

هر دو مدل فوق کاملاً لزج هستند که با موقفيت کامل به پیش‌بینی کاهش درگ در جریان آشفته دست یافتنند. این حقیقت در راستای تئوری کاهش درگ پیشنهاد شده توسط لاملی [3] است که اثرات لزج را مسئول کاهش درگ می‌داند. این تئوری در تقابل با تئوری الاستیک تابور و دی جینیس [9] است که اثرات الاستیک را مسئول کاهش درگ می‌دانند. بنابراین، به نظر می‌رسد که در حالت پلیمرهای میله‌ای صلب یا میکروفیبرها، اثرات ویسکوز کافی هستند تا جریان از خود کاهش درگ نشان دهد، هر چند شواهد تجربی و عددی وجود دارند که نشان می‌دهند الاستیسیته سوسپانسیون در کاهش درگ به وسیله پلیمرهای انعطاف‌پذیر با ارجاع به پدیده گذار از حالت پیچه به حالت گسترش یافته و آغاز کاهش درگ مؤثر است. البته، شایان ذکر است که گیلیسن [10] به وسیله حل عددی نشان داد

که الاستیسیته پلیمر نقش حاشیه‌ای در مکانیزم کاهش درگ دارد. شبیه‌سازی جریان‌های سوسپانسیون فیبر را می‌توان به صورت کوبیل یک-طرفه و یا دوطرفه انجام داد. در کوبیل یک-طرفه، اثر میدان جریان بر فیبرها در نظر گرفته می‌شود و از اثرگذاری فیبرها بر روی میدان جریان صرف‌نظر می‌شود، ولی، در کوبیل دوطرفه، اثرات میدان جریان و دینامیک فیبرها بر روی هم به طور همزمان در نظر گرفته می‌شود. برای شبیه‌سازی جریان‌های کاهش درگ یافته به کمک میکروفیبر سه روش کلی وجود دارد که عبارت‌اند از: روش مستقیم، روش تقریب گشتناور و روش مدل جبری. کارهای انجام شده در زمینه شبیه‌سازی در ادامه ارائه شده‌اند.

گرادیان سرعت متوسط و در نتیجه افزایش نیروی درگ لزج بر روی دیواره می‌شود [1]. بنابراین، آشفتگی باعث افزایش قابل ملاحظه درگ اصطکاکی می‌شود. این پدیده به نوبه خود موجب افزایش مصرف انرژی و در نتیجه کاهش بهره‌وری اقتصادی و نیز افزایش آلایندگی محیط زست می‌شود.

در مسایل صنعتی و مهندسی، به دنبال راهی برای کاهش درگ آشفته هستیم. نیروی درگ در جریان‌های داخلی به صورت افزایش در افت فشار و نیاز به توان پمپاژ بیشتر و در جریان‌های خارجی به صورت افزایش در توان مورد نیاز سیستم‌های پیشرانش و جلو برندۀ ظاهر می‌شود. از این رو، جای تعجب نیست که سالیان متعدد همواره سعی شده که این نیرو در کمترین مقدار ممکن قرار داشته باشد. برخی از روش‌های موجود برای کاهش درگ اصطکاکی عبارت‌اند از: افزودنی‌های پلیمری و فیبری [2.3]، استفاده از حباب و میکروحباب [4] و ریلت‌ها [5].

در این پژوهش، پدیده کاهش درگ آشفته به وسیله افزودن میکروفیبرها (پلیمرهای صلب) مورد توجه قرار گرفته است. پلیمرها به دو دسته انعطاف‌پذیر و صلب میله‌ای شکل تقسیم می‌شوند. پلیمرهای انعطاف‌پذیر در مقایسه با پلیمرهای صلب (فیبرها) درگ را در سطح بالاتری کاهش می‌دهند، اما حالت ارتجاعی آنها سبب می‌شود که در یکدیگر فرو رفته و خواص خود را در کاهش درگ جریان آشفته از دست دهند. بنابراین، کاهش درگ ناشی از فیبرها پایدارتر از کاهش درگ ناشی از پلیمرهای انعطاف‌پذیر است [2]. در ضمن، پیشنهاد شده برای کاهش درگ از پلیمرهای صلب و انعطاف‌پذیر به صورت همزمان نیز استفاده شود که در این زمینه تحقیقات زیادی صورت نگرفته و یک مسأله پژوهشی باز است.

بررسی پدیده کاهش درگ، به دلیل مطالعه بنیادی فیزیک جریان کاهش درگ یافته و همچنین به دلیل کاربرد زیاد آن در صنایع گوناگون، به عنوان مثال در حرکت زیدریایی، حمل و نقل مایعات و لوله‌های آتش‌نشانی اهمیت بسیاری دارد. در سال‌های اخیر، مطالعات مبسوطی به منظور شناخت مکانیزم تأثیرگذاری فیبرها بر جریان آشفته و همچنین نقش پارامترهای مختلف بر میزان کاهش درگ صورت گرفته است. در گذشته، به دلیل کمبود امکانات محاسباتی و نیز عدم وجود مدل‌های رئولوژیکی دقیق برای جریان‌های سوسپانسیون فیبر، پژوهش‌ها عموماً فقط به صورت آزمایشگاهی و نظری انجام گرفته است. اما، امروزه، با پیدا شدن روش شبیه‌سازی مستقیم عددی (DNS)، تحلیل کمیت‌های جریان آشفته به صورت بسیار دقیق انجام می‌گیرد. یک جریان آشفته شامل طیف وسیعی از مقیاس‌های مکانی و زمانی است. شبیه‌سازی مستقیم عددی برای یک میدان جریان آشفته تمامی مقیاس‌های مکانی و زمانی را به دقت شبیه‌سازی می‌کند و طیف کامل مقیاس‌های جریانی، اعم از بزرگ‌ترین گردابهای که در مرتبه طول مقیاس هندسی جریان می‌باشند تا کوچک‌ترین گردابهای در طول مقیاس کولومگروف را به طور کامل تحت سیطره محاسباتی خود در می‌آورد.

جریان آشفته سوسپانسیون فیبر دارای معادلات حاکم پیچدهای است، زیرا، علاوه بر حل میدان جریان، باید تأثیر دینامیک فیبرها و رئولوژی آن‌ها نیز در نظر گرفته شود. اثرگذاری فیبرها بر روی جریان، با در نظر گرفتن فرضیاتی که در ادامه مطرح می‌شوند، توسط یک تاسور تنش غیرنیوتی بیان می‌شود. این تنش تابع جهت‌گیری ذرات معلق است. جهت‌گیری فضایی میکروفیبرها توسط تابع توزیع احتمال جهت‌گیری توصیف می‌شود. همچنین، تابع توزیع احتمال جهت‌گیری نیز از حل معادله فوکر-پلانک به دست می‌آید. معادله فوکر-پلانک تابعی از دو متغیر در فضای حالت، سه متغیر در فضای فیزیکی اقلیدسی و همچنین زمان است. بنابراین، حل معادله فوکر-پلانک،

دیوارها، تانسور گشتاور دوم تابع توزیع جهت گیری فیبرها را به درستی پیش-بینی نمی‌کند. در این مقاله، این مشکل با استفاده از تانسور همبستگی سرعت برطرف شده است.

ادame این مقاله به ترتیب زیر ارائه شده است. در بخش دوم، با اختصار فرضیات در نظر گرفته شده برای حل جریان غیرنیوتی سوپاپانسیون فیبر معرفی می‌شوند. در بخش سوم، تئوری و معادلات حاکم بر مسئله بیان می‌شوند. بخش چهارم به معرفی مدل‌های بستگی جیری می‌پردازد. در بخش پنجم، مدل جدید پیشنهادی آورده شده، در بخش ششم روش‌های عددی و پارامترهای شبیه‌سازی ارائه می‌شوند. بخش هفتم به گزارش نتایج شبیه‌سازی می‌پردازد و نهایتاً مقاله در بخش هشتم نتیجه گیری شده است.

2- فرضیات اساسی

مفهوم اصلی که در این مقاله مورد استفاده قرار می‌گیرد، در زیر آورده شده‌اند. فیبرهای معلق در جریان، صلب و به‌شکل بیضی‌گون هستند. از حرکت براونی دورانی فیبرها صرف‌نظر شده است. حرکت براونی دورانی ناشی از بمباران فیبرها توسط مولکول‌های سیال اطراف آن است. تمام فیبرهای معلق در جریان دارای اندازه و خواص یکسان هستند. طول فیبرها از کوچک‌ترین گردابهای جریان یعنی مقیاس طولی کولوموگروف، کوچک‌تر است. بدليل اینکه فیبرهای مورد استفاده بسیار کوچک هستند، جریان اطراف آنها خرزشی در نظر گرفته می‌شود و می‌توان از اثرات اینترسی جریان چشم‌پوشی کرد. همچنین، از کشش سطحی میان سیال و ذرات صرف‌نظر می‌شود. سیال حامل بدون حضور میکروفیبرهای معلق یک سیال نیوتی است و اثرات غیرنیوتی صرفاً ناشی از حضور فیبرهای است. از بردار یکه محوری \vec{n} مطابق شکل 1 برای توصیف ریاضی جهت گیری فضایی ذرات فیبر استفاده می‌شود.

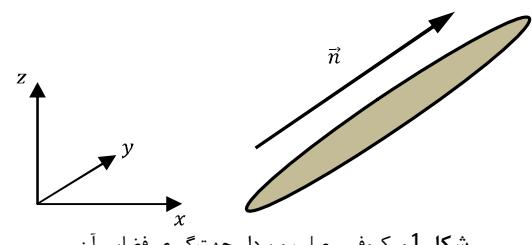
یکی از خواص هندسی مهم فیبرها ضریب منظر آن‌ها یعنی $a = L/a$ است که در آن L نصف طول فیبر و a همچنین a شاعع استوای فیبر است. برای فیبرها، $1 < a < 2$ است و با افزایش بیشتر a فیبرها تمایل به نازک‌تر شدن پیدا می‌کنند. براساس یافته‌های تجربی، فیبرهای با ضریب منظر بزرگ‌تر از 30 برای کاهاش درگ مناسب هستند. همچنین، هنگامی که $a > 2$ حدوداً بزرگ‌تر از 100 است، افزایش بیشتر a سبب تغییر کیفی در رفتار نتش‌های غیرنیوتی نشده و فقط تغییرات کمی را در پی دارد.

بدليل کاهاش حجم محاسبات و یکسان بودن کیفی نتایج هنگامی که سوپاپانسیون نیمه‌رقيق و یا رقيق در نظر گرفته شود، در این پژوهش، سوپاپانسیون فیبر رقيق در نظر گرفته شده است. برای دسته‌بندی سوپاپانسیون به رژیم‌های مختلف، نیاز به پارامترهایی برای کمی‌سازی غلظت است. دو پارامتر مهم برای این منظور کسر حجمی ϕ و چگالی عددی n است که با استفاده از روابط (1) و (2) تعریف می‌شوند:

$$\phi = \frac{V_p N_p}{V_t} = n V_p \quad (1)$$

$$n = \frac{V_p}{V_t} \quad (2)$$

که در آن N_p تعداد ذرات، V_t حجم کل سوپاپانسیون و V_p حجم یک ذره است. شرایط برقراری سوپاپانسیون رقيق عبارت است از $1 < \phi r^2 < \phi r^2$ که در آن می‌توان از تعاملات مکانیکی (تأثیر مستقیم فیبرها بر روی یکدیگر به‌دلیل تماس مکانیکی) و تعاملات هیدرودینامیکی (تأثیر فیبرها بر روی همدیگر از راه دور، بدون تماس مستقیم و از طریق میدان جریان سیال حامل) صرف‌نظر کرد. حالت نیمه‌رقيق در محدوده $1 < \phi r^2 < 1$ حاصل می‌شود که فقط تعاملات هیدرودینامیکی مهم هستند. همچنین، سوپاپانسیون فیبر غلظی نیز برای حالت $\phi r^2 > 1$ ایجاد می‌شود که در آن تعاملات مکانیکی و هیدرودینامیکی هر دو پر اهمیت هستند.



شکل 1 میکروفیبر صلب و بردار جهت گیری فضایی آن

مانهارت [11] یک حلگر مستقیم مونت-کارلو برای محاسبه دینامیک جهت گیری فیبرها پیشنهاد کرد. او از شبیه‌سازی یک طرفه در جریان کانال آشفته استفاده کرد و اثر ضریب نفوذ براونی و ضریب منظر در تش غیرنیوتی ناشی از فیبرها را مورد مطالعه قرار داد. شبیه‌سازی دوطرفه کاهاش درگ اولین بار به‌وسیله پاشکویت و همکاران [12] در جریان کانال آشفته با استفاده از روش تقریب گشتاور همراه با مدل بستگی ترکیبی و برازش بهینه بر پایه نامتغیرها ارائه شد. آن‌ها نشان دادند فیبرهای غیربراونی نسبت به فیبرهای براونی در کاهاش درگ نقش مؤثرتری دارند و ماکزیمم کاهاش درگ از فیبرهای غیربراونی حاصل می‌شود. این نتیجه در تطابق است با این حدس که اثرات لزج به‌طور اصلی مسئول کاهاش درگ توسط فیبرها هستند. باید توجه داشت که در مورد فیبرها، الاستیسیتی، که مردبوط به حرکت براونی دورانی فیبرهای است، نیز مهم است [13]. پس از آن، گیلیسن و همکاران [14] شبیه‌سازی کاهاش درگ در کانال را براساس روش تقریب گشتاور به کمک مدل بستگی برازش بهینه برپایه مقدار ویژه انجام دادند. موسائی [16] برای نخستین بار حل دو طرفه مستقیم (دقیق) از طریق حل معادله فوکر-پلانک به کمک یک روش اویلری-لاگرانژی استوکاستیک مونت-کارلو را ارائه نمود. نتایج این تحقیق، همچنین، در مرجع [17] ارائه شده است. این حل نشان داد که شبیه‌سازی با استفاده از روش تقریب گشتاور به ویژه در نزدیکی دیوار دقت کافی ندارد و در نتیجه میزان کاهاش درگ را به درستی پیش‌بینی نمی‌کند. اخیراً، موسائی [18] استفاده از روش میدان‌های تصادفی برای شبیه‌سازی مستقیم عددی کاهاش درگ آشفته به کمک میکروفیبرها را پیشنهاد داده است. وی نشان داد که این روش دارای دقت بالا و حجم محاسبات قابل قبولی است.

محاسبه مستقیم دینامیک فیبرها در مقایسه با روش تقریب گشتاور بسیار حجیم است و نیاز به سوپر کامپیوتراهای بزرگ دارد [16]. روش تقریب گشتاور حجم محاسبات کمتری دارد، اما حجم محاسبات آن کماکان می‌تواند قابل توجه باشد، به ویژه اگر از یک مدل بستگی گشتاور پیچیده استفاده شود. علاوه‌بر این، معادله تقریب گشتاور فاقد جمله نفوذ برای رفع بدبیه است حل عددی آن ساده نبوده و دقت ویژه‌ای را می‌طلبد. برای رفع این مشکلات، استفاده از روش مدل‌های جیری پیشنهاد می‌شود. اولاندی [6] و همچنین دن‌توندر و همکاران [7] از این روش برای شبیه‌سازی کاهاش درگ استفاده کرده‌اند. مدل‌های جیری آن‌ها مشکلاتی داشت. در توسعه روش‌های مدل بستگی جیری، اخیراً مدل جیری VAF توسط موسائی و مانهارت [19] پیشنهاد شده است. با استفاده از این مدل جیری برخی از مشکلات مدل‌های قبلی رفع شده است. در این مدل، فرض شده است که فیبرها با بردار سرعت نوسانی جریان آشفته هم راستا هستند. با توجه به کاهاش قابل توجه حجم محاسبات در این مدل، شبیه‌سازی جریان کاهاش درگ یافته فیبری در اعداد رینولدز برشی بالا نیز بررسی شده است [20]. نتایج شبیه‌سازی این مدل برای کمیت‌های آماری با مطالعات قبلی مطابقت قابل قبولی دارند. مدل جیری VAF هنوز دارای این مشکل است که در ناحیه مرکز کانال و به دور از

جهت‌گیری آنها نیز ثابت و به عنوان یک قید هندسی در کلیه فرمول‌ها باید لحاظ شود. ترم $\underline{D} \cdot \vec{n}$ (تفییر فرم ناشی از \vec{n}) را جبران و یکه نگه داشتن بردار جهت‌گیری \vec{n} را ضمنین می‌کند.

گشتاورهای آماری مرتبه دوم و چهارم تابع توزیع جهت‌گیری ($\psi(\vec{n}; \vec{x}, t)$)¹ توسط روابط (12) و (13) تعریف می‌شوند:

$$\langle \vec{n} \vec{n} \rangle_{\psi}(\vec{x}, t) = \iint_S \vec{n} \circ \vec{n} \psi(\vec{n}; \vec{x}, t) ds(\vec{n}) \quad (12)$$

$$\langle \vec{n} \vec{n} \vec{n} \vec{n} \rangle_{\psi}(\vec{x}, t) = \iint_S \vec{n} \circ \vec{n} \circ \vec{n} \circ \vec{n} \psi(\vec{n}; \vec{x}, t) ds(\vec{n}) \quad (13)$$

که در آنها انتگرال‌های سطح بر روی فضای حالت که سطح کره واحد است، انجام شده‌اند. طبق تئوری برتر[21]، تانسور تنش غیرنیوتی $\underline{\tau}^{NN}$ حاصل از حضور فیبرها در جریان به صورت رابطه (14) بیان می‌شود:

$$\begin{aligned} \underline{\tau}^{NN} &= 2\mu_0 D + \mu_1 E \cdot \underline{D} : \langle \vec{n} \vec{n} \vec{n} \vec{n} \rangle_{\psi} \\ &\quad + 2\mu_2 \underline{D} \cdot \underline{D} : \langle \vec{n} \vec{n} \vec{n} \vec{n} \rangle_{\psi} \\ &\quad + 2\mu_3 (\vec{n} \vec{n})_{\psi} \cdot \underline{D} + \underline{D} \cdot (\vec{n} \vec{n})_{\psi} \\ &\quad + 2\mu_4 D_r (3(\vec{n} \vec{n})_{\psi} - \underline{E}) \end{aligned} \quad (14)$$

در رابطه (14)، μ_i پنجم ضرب مواد، E تانسور یکه، D_r ضرب نفوذ برآوی دورانی و اوپراتور ضرب اسکالر دوگانه تانسورهاست. پنجم ضرب مواد μ تابعی از لزجت سیال حامل μ ، نسبت منظر فیبرها μ و کسر حجمی ϕ (توصیف غلط سوپسانسیون) هستند. این توابع در [16] داده شده‌اند.

حل معادلات فوق منجر به پاسخ دقیق مسئله می‌شود، اما این کار مستلزم حجم محاسبات بسیار زیادی است. برای کاهش حجم محاسبات از مدل‌های بستگی جبری استفاده می‌شود که موضوع بخش بعدی است.

4- مدل‌های بستگی جبری

مدل‌های بستگی جبری، که توسط محققان مختلف ارائه شده‌اند، در این بخش تشریح می‌شوند و مشکلات هر یک مورد بازبینی قرار می‌گیرد. نخستین مدل بستگی جبری توسط اولاندی[6] ارائه شد. این مدل بدوسیله نتایج آزمایشگاهی و یافته‌های تئوری پشتیبانی می‌شود. در این مدل، وی تانسور تنش غیرنیوتی را براساس تجربه طبق رابطه (15) پیشنهاد داد:

$$\underline{\tau}^{NN} = 2\mu_p D \quad (15)$$

که در آن (t) μ_p میدان لزجت غیرایزوتروپ به دلیل حضور فیبرهای است که در جریان‌های کششی (هنگامی که دو گردابه در خلاف جهت هم‌دیگر می‌چرخند) تشیدی می‌شود. مدل اولاندی ویسکوزیته ناهمسانگرد ناشی از فیبرها را بروایه تانسورهای نرخ کرنش و نرخ چرخش محاسبه می‌کند. ویسکوزیته کششی موقعی بوجود می‌آید که اختلاف نرخ کرنش از نرخ چرخش Ω : $D \geq \Omega$ و همچنین از یک مقدار ثابت از پیش تعریف شده S_T بزرگ‌تر باشد. این مدل ساده قادر است که ویژگی‌های اساسی جریان کاهش درگ یافته را پیش‌بینی نماید. طبق یافته‌های تحریبی، اولاندی مدلی مطابق رابطه (16) را برای محاسبه لزجت پلیمر پیشنهاد کرد:

$$\mu_p = C \left(\frac{\Omega: \Omega}{D: D} \right) \quad (16)$$

از نواقص این مدل می‌توان به عدم ارائه یک رابطه ریاضی بین ثابت مدل C و غلظت پلیمرها یا فیبرها اشاره کرد. همچنین، این مدل نسبت به تبدیلات گالیله نامتعین نیست.

در تلاش برای به دست آوردن آمار واقعی‌تر از جریان آشفته کاهش درگ یافته، مدل بستگی جبری دوم توسط دن توندر و همکاران[7] برای مطالعه کاهش درگ در جریان لوله پیشنهاد شد. بعداً این مدل توسط مانهارت و فریدریش[8] برای شبیه‌سازی کاهش درگ در جریان کانال به کار رفت. این مدل لزج غیرایزوتروپ (VA) نام دارد که اثر فیبرهای صلب را در نظر می‌گیرد. در این مدل فرض می‌شود که فیبرها با بردار سرعت محلی جریان هم‌راستا

3- تئوری و معادلات حاکم

با درنظر گرفتن فرضیات پیش گفته، تأثیر فیبرها بر روی جریان را می‌توان توسط تانسور تنش غیرنیوتی نشان داد. معادلات حاکم بر جریان معادلات ناویر-استوکس غیر نیوتی ترکم ناپذیر هستند که توسط روابط (3) و (4) بیان می‌شوند:

$$\nabla \cdot \vec{U} = 0 \quad (3)$$

$$\rho \frac{D \vec{U}}{Dt} = -\nabla P + \nabla \cdot (\underline{\tau}^N + \underline{\tau}^{NN}) \quad (4)$$

که در روابط بالا، ∇ اپراتور نابل، \vec{U} میدان برداری سرعت، $\underline{\tau}^N$ میانگالی سیال حامل و P میدان فشار است. مشتق مادی بردار سرعت نیز به شکل رابطه (5) توصیف می‌شود:

$$\frac{D}{Dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \vec{U} \cdot \nabla \quad (5)$$

نمادهای \square به ترتیب ضرب دیادیک و ضرب اسکالار هستند. تانسور تنش نیوتی $\underline{\tau}^N$ طبق قانون لزجت نیوتون به صورت رابطه (6) توصیف می‌شود:

$$\underline{\tau}^N = 2\mu D \quad (6)$$

در رابطه (6)، μ ضرب لزجت دینامیکی سیال حامل و D تانسور نرخ کرنش است:

$$D = \frac{1}{2} (\nabla \circ \vec{U} + \vec{U} \circ \nabla) \quad (7)$$

به منظور بسته شدن معادلات ناویر-استوکس (3) و (4)، نیاز به تانسور تنش غیرنیوتی $\underline{\tau}^{NN}$ است. براساس تئوری رئولوژی برتر[21]، تانسور تنش غیرنیوتی $\underline{\tau}^{NN}$ با استناده به گشتاورهای آماری دوم و چهارم تابع توزیع جهت‌گیری ψ فیبرها در جریان است که با استفاده از تابع توزیع جهت‌گیری فیبرها $\psi(\vec{n}; \vec{x}, t)$ توصیف می‌شود. $(\vec{n}; \vec{x}, t)$ بیان کننده احتمال یافتن فیبری در جهت \vec{n} در نقطه \vec{x} از میدان جریان در زمان t است.

فیبری در جهت \vec{n} در نقطه \vec{x} از میدان جریان در زمان t است. برای به دست آوردن تابع توزیع جهت‌گیری باید معادله فوکر-پلانک² (8) حل شود:

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} + \vec{U} \cdot \nabla \psi = -\nabla_n \cdot (\vec{n} \psi) + D_r \Delta_n \psi \quad (8)$$

در معادله فوکر-پلانک (8)، ∇_n و $\Delta_n = \nabla_n \cdot \nabla_n$ به ترتیب اپراتورهای نابل و لاپلاسین بر روی سطح کره واحد هستند. ترم اول در سمت چپ معادله نشان دهنده تغییرات زمانی تابع توزیع احتمال جهت‌گیری، ترم دوم بیانگر جابه-جاوی تابع توزیع احتمال جهت‌گیری در فضای اقلیدسی توسط میدان سرعت \vec{U} ، همچنین، ترم اول در سمت راست معادله نشان دهنده جابه‌جاوی در فضای \vec{U} ، همچنین، ترم اول در سمت راست تغییر بردار جهت‌گیری \vec{n} و ترم دوم سمت راست نفوذ بر روی کره توسط حرکت برآوی دورانی است. سرعت تغییر بردار جهت‌گیری ظاهر شده در معادله (8) توسط معادله جفری[22] به صورت معادله (9) معرفی می‌شود:

$$\vec{n} = \underline{\Omega} \cdot \vec{n} + \kappa [\underline{D} \cdot \vec{n} - (\vec{n} \cdot \underline{D}) \vec{n}] \quad (9)$$

که در آن $\underline{\Omega}$ تانسور نرخ چرخش و κ ضرب شکل فیبرهایست که با روابط (9) تعریف می‌شوند:

$$\underline{\Omega} = \frac{1}{2} (\nabla \circ \vec{U} - \vec{U} \circ \nabla) \quad (10)$$

$$\kappa = \frac{r^2 - 1}{r^2 + 1} \quad (11)$$

معادله جفری (9) از حل تحلیلی معادله استوکس (جریان خوشی) بر روی ذرات بیضی‌گون (فیبر) حاصل شده است. ترم اول $\underline{\Omega} \cdot \vec{n}$ در سمت راست معادله (9) دوران جسم صلب و ترم $\underline{D} \cdot \vec{n}$ نشان دهنده تغییر فرم فیبرها توسط تانسور نرخ کرنش است. به دلیل اینکه فیبرها صلب هستند، بردار یکه

1- Orientation distribution function (ODF)

2- Fokker-Planck equation

در آن سرعت‌های نوسانی تقریباً به شکل $w = v = u \neq 0$ هستند، می‌توان گشتاور آماری مرتبه دوم به دست آمده از مدل VAF را به طور تقریبی مطابق رابطه (24) نوشت:

$$\begin{aligned} \langle n_i n_j \rangle &= \frac{u_i u_j}{u_k u_k}, \vec{u} = u_i \vec{e}_i = (u, v, w) \\ \langle n_1 n_1 \rangle &= \frac{u^2}{u^2 + v^2 + w^2} = 1 \\ \langle n_1 n_2 \rangle &= 0 \quad \langle n_1 n_3 \rangle = 0 \\ \langle n_2 n_2 \rangle &= 0 \quad \langle n_2 n_3 \rangle = 0, \\ \langle n_3 n_3 \rangle &= 0 \end{aligned} \quad (24)$$

از طرفی، حل دقیق مسئله به روش مونت-کارلو گشتاور آماری مرتبه دوم در نزدیکی دیوار را تقریباً به شکل تانسور (25) به دست می‌دهد [16]:

$$\langle \vec{n} \vec{n} \rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (25)$$

بنابراین، گشتاور دوم پیش‌بینی شده توسط مدل VAF در محدوده نزدیک به دیوار با حل مستقیم مطابقت دارد. ضمناً، گشتاور آماری مرتبه دوم معادله (25) نشان‌دهنده آن است که جهت‌گیری فضایی همه فیبرها در جهت x است.

شبیه‌سازی مونت-کارلو نشان می‌دهد که در مرکز کانال، احتمال یافتن فیبرها در همه جهات تقریباً یکسان است [16]. یعنی گشتاور دوم تقریباً یک تانسور کروی است. در اینجا مشکل مدل VAF ظاهر می‌شود؛ در مرکز کانال، سرعت‌های نوسانی تقریباً با یکدیگر برابر هستند، یعنی $u = v = w$. بر این اساس گشتاور آماری مرتبه دوم با روابط (26) و (27) محاسبه می‌شود:

$$\langle n_1 n_1 \rangle = \frac{u^2}{3u^2} = \frac{1}{3}, \quad \langle n_i n_j \rangle = \frac{1}{3} \quad (26)$$

$$\langle \vec{n} \vec{n} \rangle = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad (27)$$

نتیجه به دست آمده از مدل VAF در مرکز کانال، در مقایسه با حل دقیق، یکسان نیست. برای رفع این مشکل، مدل جدید VAFC در این مقاله پیشنهاد می‌شود. در مدل جدید، جزئیات بیشتری از فیزیک جریان آشفته (یعنی

تانسور همبستگی¹ سرعت) در مدل بستگی جبری در نظر گرفته شده است. تانسور همبستگی سرعت با رابطه (28) تعریف می‌شود:

$$R(\vec{x}, t) = \langle \vec{u}(\vec{x}, t) \circ \vec{u}(\vec{x}, t) \rangle = \langle \vec{u} \circ \vec{u} \rangle \quad (28)$$

با ضرب کردن تانسور همبستگی سرعت در گشتاور آماری مرتبه دوم به دست

آمده از مدل VAF، پاسخ فیزیکی در جریان‌های ایزوتروپ از رابطه (29)

استخراج می‌شود:

$$\langle n_i n_j \rangle = \frac{u_i u_j}{u_k u_k} R(u_i u_j) \quad (29)$$

دلیل این انتخاب آن است که تانسور همبستگی سرعت به دست آمده از DNS جریان کانال، رفتاری کاملاً مشابه رفتار تانسور گشتاور آماری مرتبه دوم به دست آمده از حل مستقیم دارد. بنابراین، با استفاده از مدل جدید ارائه شده، به لحاظ نظری انتظار می‌رود که پدیده کاهش درگ در سطح مطلوبی در نزدیکی دیوار و همچنین در مرکز کانال پیش‌بینی شود. برای آزمون درستی این مطلب، روش فوق در کد DNS مورد استفاده پیامده‌سازی شده و شبیه‌سازی مستقیم عددی انجام شده است که نتایج آن در بخش 7 ارائه می‌شود.

6- روش عددی و جزئیات شبیه‌سازی

برای حل معادلات ناویر-استوکس تراکمناپذیر و غیرنیوتونی از کد MGLET استفاده شده است. این کد برای شبیه‌سازی مستقیم عددی و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ جریان آشفته قابل استفاده است. برای گستینه‌سازی فضایی در این کد از یک روش گستینه‌سازی حجم محدود مرتبه دوم و برای انتگرال گیری زمانی از یک روش رونگه کوتا مرتبه سوم استفاده شده است.

1- Correlation

هستند. این فرض قبل از آن توسط لیپسکومب و همکاران [22] برای مطالعه جریان سوسپانسیون فیبر در هندسه‌های پیچیده و در اعداد رینولدز پایین پیشنهاد شده است. با توجه به معادله مواد برای تانسور تنش غیرنیوتونی، برای فیبرهای غیربرآونی و بسیار نازک، می‌توان نشان داد که رابطه (14) به رابطه (17) تقلیل می‌باید [19]:

$$\underline{\tau}^{NN} = \alpha \mu D \cdot \langle \vec{n} \vec{n} \vec{n} \vec{n} \rangle \quad (17)$$

که در آن μ ضریب لزجت دینامیکی سیال حامل و α تابعی از کسر حجمی و ضریب منظر فیبرهای است که به صورت رابطه (18) تعریف می‌شود:

$$\alpha = \frac{\phi r^2}{\ln r} \quad (18)$$

این مدل براساس این فرض است که جهت فیبر به طور کامل با بردار محلی سرعت جریان طبق رابطه (19) در یک راستا است:

$$\vec{n} = \frac{\vec{U}}{|\vec{U}|} \quad (19)$$

که بر اساس این فرض، برای تانسور تنش غیرنیوتونی می‌توان رابطه (20) را نوشت:

$$\underline{\tau}^{NN} = \alpha \mu D \cdot \frac{\vec{U} \circ \vec{U} \circ \vec{U} \circ \vec{U}}{(\vec{U} \cdot \vec{U})^2} \quad (20)$$

هر دو مدل جبری فوق کاملاً لزج هستند و با موفقیت به پیش‌بینی کاهش درگ اصطکاکی دست یافتند. اما هر دو روش نسبت به تبدیل گالیله ناوردا نیستند و این یک نقص اساسی برای آنهاست. علاوه بر این مشکل، مدل VA مشکلات دیگر نیز دارد. این مدل لزجت برشی را بسیار کمتر از حالت واقعی تخمین می‌زند. همچنان، از شبیه‌سازی‌های مستقیم عددی می‌دانیم که تانسور گشتاور دوم متوسط $\langle \vec{n} \vec{n} \rangle$ در مرکز کانال باید حالت ایزوتروپ داشته باشد. اما تانسور گشتاور دوم متوسطی که این مدل پیش‌بینی می‌کند به شدت غیرایزوتروپ است.

اخيراً موسائي و مانهارت [19] یک مدل جبری به نام VAF را پیشنهاد داده‌اند که برخی از مشکلات اساسی دو مدل قبل را مرتکع کرده است و پدیده کاهش درگ را با دقت بالایی پیش‌بینی می‌کند. مدل VAF در حقیقت توسعه‌ای از مدل VA است. در این مدل، طبق رابطه (21)، فرض شده است که فیبرها با بردار سرعت نوسانی \vec{u} جریان آشفته، که با رابطه (22) تعریف می‌شود، هم راستا هستند:

$$\vec{n} = \frac{\vec{u}}{|\vec{u}|} \quad (21)$$

$$\vec{u} = \vec{U} - (\vec{U}) \quad (22)$$

که در آن سرعت نوسانی \vec{u} از تفاضل بردار سرعت لحظه‌ای \vec{U} و سرعت متوسط $\langle \vec{U} \rangle$ حاصل می‌شود. با قرار دادن رابطه (21) درون رابطه تانسور تنش غیرنیوتونی (17) رابطه (23) به دست می‌آید:

$$\underline{\tau}^{NN} = \alpha \mu D \cdot \frac{\vec{u} \circ \vec{u} \circ \vec{u} \circ \vec{u}}{(\vec{u} \cdot \vec{u})^2} \quad (23)$$

5- مدل جدید بستگی جبری پیشنهادی

در این مقاله، یک مدل بستگی جبری جدید پیشنهاد می‌شود که نام‌گذاری شده است. مدل بستگی جبری پیشنهاد شده در واقع توسعه‌ای از مدل قبلی VAF است که شرایط فیزیکی بیشتری از جریان آشفته کاهش درگ یافته به وسیله میکروفیبرها را ارضا می‌نماید. مدل VAF کاهش درگ در جریان‌های غیرایزوتروپ را به خوبی شبیه‌سازی می‌کند. یکی از ضعف‌های این مدل آن است که پاسخ‌ها به صورت متوسط صحیح هستند، ولی به صورت لحظه‌ای نادرست هستند.

با بررسی جریان فیبری در کانال و در محدوده بسیار نزدیک به دیوار، که

$$u_\tau = \sqrt{\frac{\tau_w}{\rho}} \quad (32)$$

با استفاده از سرعت برشی u_τ می‌توان فاصله بدون بعد از دیوار z^+ و تابع بدون بعد سرعت متوسط $\langle U \rangle^+$ را به صورت روابط (33) و (34) تعریف کرد:

$$z^+ = \frac{zu_\tau}{v} \quad (33)$$

$$\langle U \rangle^+ = \frac{\langle U \rangle}{u_\tau} \quad (34)$$

اعتبارسنجی کد محاسباتی فوق در اعداد رینولدز مختلف در مرجع [23] و دیگر منابع بررسی شده است. همچنین با توجه به بزرگتر شدن مقیاس‌های DNS جریان کاهش درگ یافته نسبت به جریان نیوتونی، شبکه‌ای که برای جریان نیوتونی مناسب باشد، حتماً برای DNS جریان کاهش درگ یافته نیز مناسب است.

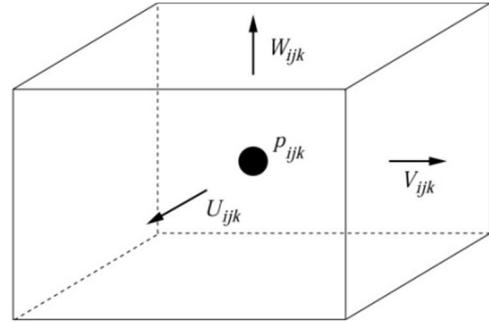
7- نتایج

در این قسمت، نتایج مدل جبری جدید پیشنهاد شده یعنی مدل VAFC در جریان کanal آشفته کاهش درگ یافته در رینولدز برشی $Re_\tau = 180$ در قیاس با شبیه‌سازی مستقیم مونت-کارلو [16]. مدل VAF [19] و جریان نیوتونی ارائه می‌شود. به صورت کلی، خواص جریان کاهش درگ یافته آشفته درون کanal نسبت به جریان نیوتونی عبارت‌اند از: افزایش فاصله بین رگه‌های جریان در ناحیه نزدیک دیوار، افزایش ضخامت رگه‌های جریان، افزایش سرعت متوسط، افزایش نوسان‌های سرعت در جهت جریان، کاهش نوسان‌های سرعت در دو جهت دیگر و نیز کاهش تنش برشی رینولدز. در ادامه، خواص جریان کاهش درگ یافته بحث و بررسی صورت می‌گیرد.

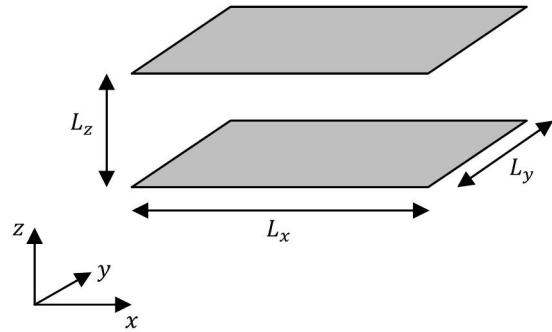
نمایه سرعت متوسط به عنوان تابع فاصله بی بعد از دیوار در شکل 4 نشان داده شده است. افزایش سرعت قابل ملاحظه‌ای در جریان فیبری نسبت به جریان نیوتونی دیده می‌شود که نشانه کاهش درگ است. در نزدیک دیواره، نمایه سرعت متوسط در روش‌های مختلف تقریباً یکسان است، اما در مرکز کanal بسته به مدل به کار رفته متفاوت است. مطابقت مطلوب مدل جدید ارائه شده با حل دقیق مونت-کارلو نیز به صورت مطلوب مشهود است. کمیت‌های آماری مرتبه دوم (در اینجا ریشه‌های متوسط مربع سرعت‌های نوسانی) به عنوان تابع فاصله بدون بعد از دیوار z^+ در مدل‌های VAFC، مونت-کارلو و نیوتونی با یکدیگر مقایسه شده و در شکل‌های 5 تا 7 نشان داده شده‌اند. بی‌بعدسازی کمیت‌های آماری با استفاده از رابطه (35) صورت گرفته است:

$$u_{rms}^+ = \frac{\sqrt{\langle uu \rangle}}{u_\tau}, v_{rms}^+ = \frac{\sqrt{\langle vv \rangle}}{u_\tau}, w_{rms}^+ = \frac{\sqrt{\langle ww \rangle}}{u_\tau} \quad (35)$$

در جریان کاهش درگ یافته در مقایسه با جریان نیوتونی افزایش u_{rms}^+ در صورتی که z نوسان‌های سرعت در جهت عرضی کanal y و نیز در جهت عمود بر دیوار z نسبت به جریان نیوتونی کاهش پیدا می‌کند. بررسی این موضوع توسط پروسه توزیع مجدد در جریان آشفته بیان می‌شود [16]. مؤلفه u_{rms}^+ دارای مقداری بسیار بزرگ‌تر از دو مؤلفه دیگر است. تطابق بسیار خوب این کمیت در مدل VAFC با حل دقیق مونت-کارلو بیانگر کارآیی بالای این مدل است. در جریان‌های کاهش درگ یافته، ماکریم مقدار ریشه‌های متوسط جریان در فاصله دورتری از دیواره اتفاق می‌افتد که این نشانه‌ای از ضخیم‌تر شدن زیر لایه لرج است. این ضخیم‌تر شدن زیر لایه لرج در شبیه‌سازی دیگر محققان هم مشاهده شده است.



شکل 2 محل قرارگیری سرعت‌ها و فشار در یک سلول محاسباتی جابه‌جا شده



شکل 3 هندسه و ابعاد کanal شبیه‌سازی شده

معادله پواسون برای تصحیح فشار به طور مستقیم حل می‌شود. برای این منظور، در دو جهت پریودیک به کمک تبدیل فوریه و در جهت عمود بر دیوار از یک حلگر سه قطری توماس (TDMA) استفاده می‌شود. متغیرهای جریان در یک شبکه جابه‌جا شده ذخیره می‌شوند. تانسور تنش غیرنیوتونی در نقاط گرهی فشار (در مرکز سلول محاسباتی) و مؤلفه‌های سرعت بر روی سطوح سلول قرار می‌گیرند (مطابق شکل 2).

جریان کanal عبارت است از جریان عبوری بین دو صفحه بی‌نهایت بزرگ که در راستای محور z به فاصله $2h$ از یکدیگر قرار می‌گیرند. برای آنکه انجام شبیه‌سازی ممکن شود، بدجای صفحات بی‌نهایت بزرگ از صفحات محدود استفاده می‌شود. در جهات x و y جریان با شرط مرزی پریودیک در نظر گرفته می‌شود. در جهت عمود بر دیوار z شرط عدم لغزش اعمال شده است. دامنه جریانی مورد استفاده در این شبیه‌سازی، یک مکعب مستطیل به ابعاد $(L_x, L_y, L_z) = (4\pi h, 4\pi h/3, 2h)$ است. این دامنه شبیه‌سازی به سیله یک شبکه محاسباتی غیریکنواخت کارتزین سه‌بعدی گسترش شده است. این شبکه دارای $(N_x, N_y, N_z) = (180, 140, 128)$ گره محاسباتی است که مجموعاً شامل 3225600 سلول است. هندسه کanal به طور شماتیک در شکل 3 نشان داده شده است.

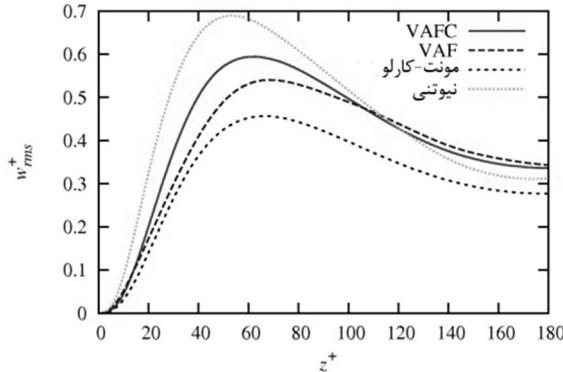
جریان در کanal توسط یک گرادیان فشار ثابت در جهت x رانده می‌شود. این گرادیان فشار طبق رابطه (30) با تنش برشی متوسط دیوار و نصف ارتفاع کanal مرتبط است:

$$\frac{\partial \langle P \rangle}{\partial x} = -\frac{\tau_w}{h} \quad (30)$$

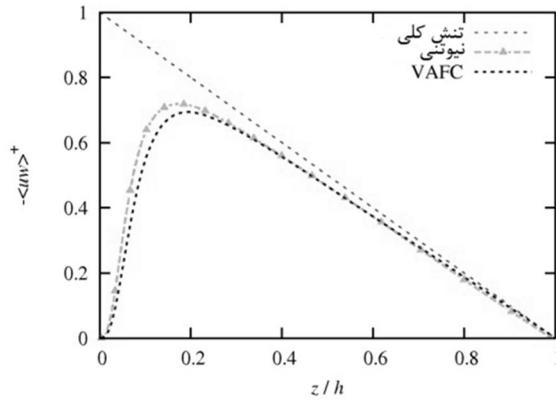
گرادیان فشار اعمالی، ضریب لزجت و دیگر خواص جریان چنان انتخاب شده‌اند که عدد رینولدز برشی $Re_\tau = 180$ حاصل شود. عدد رینولدز برشی به صورت رابطه (31) بیان می‌شود:

$$Re_\tau = \frac{hu_\tau}{v} \quad (31)$$

که در آن v لزجت سینماتیکی سیال حامل بوده و سرعت برشی u_τ براساس تنش برشی دیوار مطابق رابطه (32) تعریف می‌شود:



شکل 7 کمیت w_{rms}^+ نسبت به فاصله بدون بعد از دیواره در مدل‌های VAF، VAFC، مونت-کارلو و نیوتی



شکل 8 تنش برشی رینولذز $(uw)^+$ - نسبت به فاصله از دیواره.

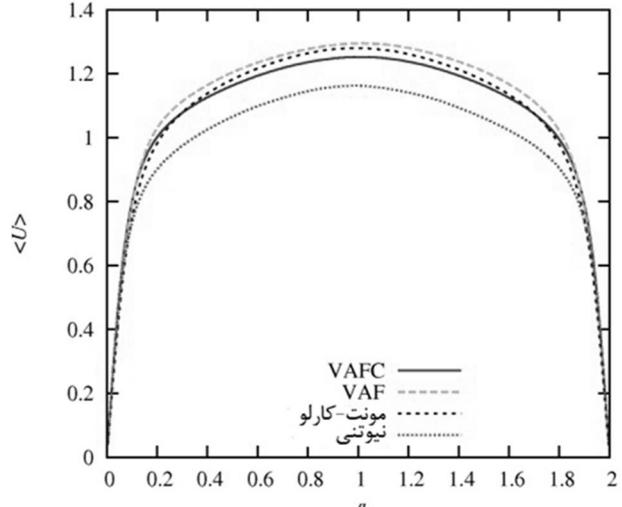
پنابراین، کاهش این کمیت موجب تضعیف مکانیزم تولید آشفته‌گی می‌شود. به همین دلیل جریان در نزدیک دیواره آرامتر شده که به نوبه خود باعث افزایش ضخامت زیر لایه لزج می‌شود. این پدیده در مکانیزم کاهش درگ بسیار مهم است.

8- نتیجه گیری

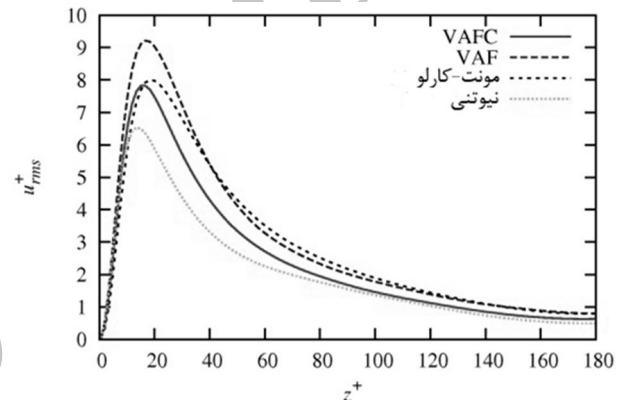
در مقاله حاضر، شبیه‌سازی مستقیم عددی کاهش درگ آشفته به کمک افرودنی‌های میکروفیبر با استفاده از یک مدل بستگی جبری جدید، که VAFC نام‌گذاری شده، در عدد رینولذز برشی 180 گزارش شده است. برای حل معادلات حاکم بر جریان سوپرسپیسیون میکروفیبر، در ابتدا فرضیاتی درنظر گرفته شده است. معادلات حاکم بر مسئله معادلات ناویر-استوکس سهبعدی و واپسیه به زمان برای جریان تراکم‌ناپذیر یک سیال غیرنیوتی هستند. تأثیر فیبرهای غیربروانی با استفاده از تانسور تنش غیرنیوتی درنظر گرفته شده است. تانسور تنش غیرنیوتی تابعی از توزیع جهت‌گیری فضایی سهبعدی و واپسیه به زمان برای جریان تراکم‌ناپذیر یک سیال غیرنیوتی می‌شود. فیبرهای غیربروانی با استفاده از احتمال (معادله فوکر-بلانک) بیان می‌شود. مدل‌های جبری موجب کاهش چشمگیر حجم محاسبات می‌شوند [20]. به همین دلیل مورد توجه جدی محققان قرار گرفته‌اند. برای رفع مشکلات مدل‌های جبری پیشین، مدل جدید VAFC پیشنهاد شده است. نتایج حاصل از این مدل در قسمت نتایج بحث و بررسی شده‌اند. مطابقت مطلوب نتایج مدل پیشنهادی با حل مستقیم مونت-کارلو [16] بیانگر پیش‌بینی دقیق کاهش درگ در جریان کانال آشفته توسط این مدل است.

9- مراجع

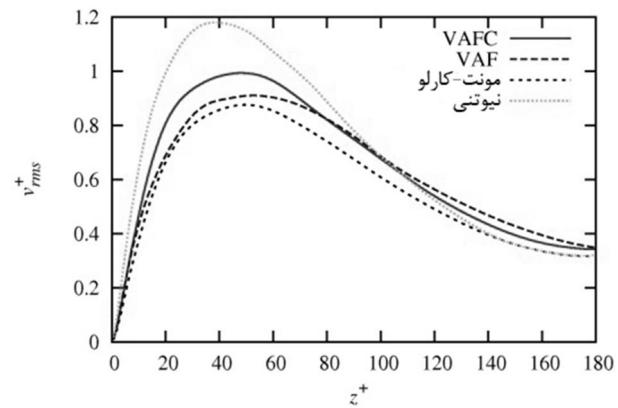
- [1] P. H. Alfredsson, A. V. Johansson, On the detection of turbulence-generating events, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 139, pp. 325-345, 1984.



شکل 4 پروفایل سرعت متوسط نسبت به فاصله از دیوار در مدل‌های VAF، VAFC، مونت-کارلو و نیوتی



شکل 5 کمیت u_{rms}^+ نسبت به فاصله بدون بعد از دیواره در مدل‌های VAF، VAFC، مونت-کارلو و نیوتی



شکل 6 کمیت v_{rms}^+ نسبت به فاصله بدون بعد از دیواره در مدل‌های VAF، VAFC، مونت-کارلو و نیوتی

نمایه تنش برشی رینولذز بی بعد $(uw)^+$ - در شکل 8 نشان داده شده است. دیده می‌شود که تنش برشی در جریان فیبری نسبت به جریان نیوتی کاهش پیدا کرده است. مطابق ترم تولید در جریان آشفته، که در رابطه (36) نشان داده شده است، $(uw)^+$ - در تولید انرژی آشفته مؤثر است [16]:

$$P_{ij} = -\langle u_i u_k \rangle \frac{\partial \langle U_j \rangle}{\partial x_k} - \langle u_j u_k \rangle \frac{\partial \langle U_i \rangle}{\partial x_k} \quad (36)$$

- [14] J. J. Gillissen, B. J. Boersma, P. H. Mortensen, H. I. Andersson, On the performance of the moment approximation for the numerical computation of fiber stress in turbulent channel flow, *Physics of Fluids*, Vol. 19, pp. 035102, 2007.
- [15] J. J. J. Gillissen, B. J. Boersma, P. H. Mortensen, H. I. Andersson, The stress generated by non-Brownian fibers in turbulent channel flow simulations, *Physics of Fluids*, Vol. 19, pp. 115107, 2007.
- [16] A. Moosaie, *Direct Numerical Simulation of Turbulent Drag Reduction by Rigid Fiber Additives*, PhD Thesis, Mechanical Engineering, Technical University of Munich, Munich , 2011.
- [17] A. Moosaie, M. Manhart, Direct Monte-Carlo simulation of turbulent drag reduction by rigid fibers in a channel flow, *Acta Mechanica*, Vol. 224, pp. 2385-2413, 2013.
- [18] A. Moosaie, Development of stochastic field method for DNS of drag reduction by microfibers in turbulent channel flow, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 4, pp. 75-82, 2014. (In Persian)
- [19] A. Moosaie, M. Manhart, An algebraic closure for the DNS of fiber-induced turbulent drag reduction in a channel flow, *Journal of Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 166, pp. 1190-1197, 2011.
- [20] A. Moosaie, DNS of turbulent drag reduction in a horizontal channel by microfibers at high Reynolds numbers using an algebraic closure model, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 4, pp. 117-127, 2013, (In Persian).
- [21] H. Brenner, Rheology of a dilute suspension of axisymmetric Brownian particles, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 1, pp. 195-341, 1974.
- [22] G. G. Lipscomb, M. M. Denn, D. U. Hur, D. V. Boger, The flow of fiber suspensions in complex geometries, *Journal of Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 26, pp. 297-325, 1988.
- [23] A. Hokpunna, M. Manhart, Compact fourth-order finitevolume method for numerical solutions of Navier–Stokes equations on staggered grids, *Journal of Computational Physics*, Vol. 229, pp. 7545-7570, 2010.
- [2] C. M. White, M. G. Mungal, Mechanics and prediction of turbulent drag reduction with polymer additives, *Annual Review of Fluid Mechanics*, Vol. 40, pp. 235-256, 2008.
- [3] J. L. Lumley, Drag reduction by additives, *Annual Review of Fluid Mechanics*, Vol. 1, pp. 367-384, 1969.
- [4] J. Xu, M. R. Maxey, G. E. Karniadakis, Numerical simulation of turbulent drag reduction using micro-bubbles, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 468, pp. 271-281, 2002.
- [5] H. Choi, P. Moin, J. Kim, Direct numerical simulation of turbulent flow over ripples, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 255, pp. 503-539, 1993.
- [6] P. Orlandi, A tentative approach to the direct simulation of drag reduction by polymers, *Journal of Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 60, pp. 277-301, 1995.
- [7] J. M. J. Den Toonder, M. A. Hulsen, G. D. C. Kuiken, F. T. M. Nieuwstadt , Drag reduction by polymer additives in a turbulent pipe flow, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 337, pp. 193-231, 1997.
- [8] M. Manhart, R. Friedrich, Direct numerical simulation of turbulent channel flow of a viscous anisotropic fluid, *Springer*, Vol. 1, pp. 277-296, 1999.
- [9] M. Tabor, P. de Gennes, A cascade theory of drag reduction, *Europhysics, Vol. 2*, pp. 519-522, 1986.
- [10] J. J. Gillissen, Polymer flexibility and turbulent drag reduction, *Physical Review E*, Vol. 78, pp. 046311, 2008.
- [11] M. Manhart, Rheology of suspensions of rigid-rod like particles in turbulentchannel flow, *Journal of Non-Newtonian Fluid Mechanics*, Vol. 112, pp. 269–293, 2003.
- [12] J. S. Paschkewitz, Y. Dubief, C. D. Dimitropoulos, E. S. G. Shaqfeh, P. Moin, Numerical simulation of turbulent drag reduction using rigid fibres, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 518, pp. 281–317, 2004.
- [13] J. S. Paschkewitz, Y. Dubief, E. S. G. Shaqfeh, The dynamic mechanism for turbulent drag reduction using rigid fibers based on Lagrangian condition alstatistics, *Physics of Fluids*, Vol. 17, pp. 063102, 2005.