

بررسی آزمایشگاهی عدم تشابه انتقال حرارت و انتقال ممتد در لایه مرزی تحریک شده به کمک روش طراحی آزمایش

قدرت قصابی¹، محسن کهرم^{2*}

1- دانشجوی دکترا، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

*مشهد، صندوق پستی 9177948944

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل	1393 مهر
پذیرش: 18 آبان	1393
ارائه در سایت: 23 آذر 1393	

کلیدواژگان:

ضریب اصطکاک

ضریب انتقال حرارت

عدم تشابه

ناگوچی

چکیده

در تحقیقات پیش از این، مطالعه جامع آزمایشگاهی که، اثر تمام متغیرهای مؤثر و تقابل آنها را بر میزان عدم تشابه ممتد و انتقال حرارت صفحه تحت در حضور مانع برسی نماید، صورت نگرفته است. اگرچه الگوی استفاده از مانع در نزدیکی صفحه تحت جهت افزایش انتقال حرارت در مبدل‌ها و تأمیل محققین جهت دریافت اطلاعات کامل در زمینه عوامل ایجاد عدم تشابه، باعث تحقیقات فراوانی در این زمینه شده بود. از طرفی، با حضور مانع مستطیلی در نزدیکی صفحه تحت، ضربی انتقال حرارت و ضربی اصطکاک، تحت تأثیر عواملی مختلفی قرار می-گیرد که بررسی تمام تقابل‌های بین متغیرها، با توجه به بازه تغییرات آنها، بصورت آزمایشگاهی امکان پذیر نمی‌باشد. در این مقاله، ماکریم و مینیمم مقدار ضرایب اصطکاک و انتقال حرارت به ازای تمام ترکیب‌های ممکن برای متغیرهای مستقل تعیین شدند تا حدائق و حداکثر میزان عدم تشابه ممتد و انتقال حرارت مشخص شوند و وجود عدم تشابه، در میان ترکیب‌های متغیرهای مستقل، بررسی گردد. بدین منظور با توجه به تعدد متغیرها و بازه تغییرات آنها، ابتدا با استفاده از روش طراحی آزمایش‌ها، تعداد آزمایش‌ها کاهش یافته است بدون اینکه اطلاعات اساسی حذف شود. سپس آزمایش‌ها در یک تولن باد آزمایشگاهی که دارای حداکثر سرعت 13 متر بر ثانیه می‌باشد انجام گرفت و در آخرین مرحله، با استفاده از روش تاگوچی، حدائق و حدائق مقادیر ضرایب اصطکاک و انتقال حرارت تعیین گردیدند. نتایج نشان دهد عدم تشابه ممتد و انتقال حرارت به ازای تمام ترکیب‌های ممکن برای متغیرهای مستقل وجود دارد.

Experimental Investigation of dissimilarity between heat transfer and momentum transfer in a disturbed boundary layer using design of experiments method

Ghodrat Ghassabi, Mohsen Kahrom*

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran
*P.O.B. 9177948944 Mashhad, Iran, mkahrom@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 03 October 2014

Accepted 09 November 2014

Available Online 14 December 2014

Keywords:

Skin friction coefficient
Heat transfer coefficient
Dissimilarity
Taguchi

ABSTRACT

In previous studies, there has been no comprehensive experimental study to evaluate dissimilarity between heat transfer and momentum transfer for all the interactions between effective variables. On the other hand, when a rectangular cylinder is located near a flat plate, skin friction coefficient and heat transfer coefficient affect some variables that change in an extensive range. So, testing all possible combinations of effective variables is not reasonable. In this paper, maximum and minimum of skin friction coefficients and heat transfer coefficients were determined using robust Taguchi design. Design of experiments method was applied for decreasing the number of experiments without losing the required information in the first step. Then, experiments were performed in a wind tunnel, the maximum speed of which was 13 m/s. Finally, skin friction coefficient and heat transfer coefficient were optimized using Taguchi method and Minitab software. Results showed that dissimilarity between heat transfer and momentum transfer occurred for all the possible combinations of the effective variables. Additionally, the gap height between the rectangular cylinder and flat plate was the most effective variable on generating the dissimilarity.

-1 مقدمه

توجه محققین بوده است. تحقیقات زیادی در زمینه انتقال حرارت و انتقال ممتد از صفحه تحت در حضور مانع مانع صورت گرفته است. بررسی‌ها نشان می‌دهد هنگامی که مانع در نزدیکی صفحه تحت قرار می‌گیرد با برخورد جریان غیر متناظر حول مانع و مشخصه‌های کاربردی آن در چندین سال اخیر مورد

بررسی جریان در نزدیکی صفحه تحت و با حضور مانع به دلیل تقابل گردابهای آزاد شده توسط مانع و لایه مرزی صفحه تحت و ایجاد جریان غیر متناظر حول مانع و مشخصه‌های کاربردی آن در چندین سال اخیر مورد

منظور، ابتدا ضریب اصطکاک و ضریب انتقال حرارت میانگین صفحه تحت به طور آزمایشگاهی بر حسب متغیرهای مؤثر محاسبه شده اند. همچنین، روش طراحی آزمایش جهت کاهش تعداد آزمایش های لازم استفاده گردید به گونه ای که اطلاعات لازم اساسی حذف نگردد. سپس، با استفاده از روش تاگوچی، ماکریم و مینیمم مقادیر ضرایب اصطکاک و انتقال حرارت تعیین شدند تا حداقل و حداقلتر میزان عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت مشخص شوند. نتایج نشان می دهد عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت به ازای تمام ترکیب های ممکن برای متغیرهای مستقل وجود دارد.

2- بیان مسئله

هنگامیکه یک مانع مستطیلی در نزدیکی یک صفحه تحت قرار می گیرد مطابق آنچه در شکل 1 نشان داده است. با توجه به ابعاد مانع (C, t ،)، فاصله مانع از صفحه تحت (d). فاصله آن از لبه ابتدایی صفحه تحت (L) و سرعت جریان آزاد (U_∞) ساختار جریان متفاوت خواهد بود. بنابراین تنش اصطکاکی وارد بر صفحه تحت و حرارت منتقل شده به صفحه تحت، به ازای مقادیر مختلف از متغیرهای ذکر شده دارای مقدار متفاوتی خواهد بود [2]. در نتیجه می توان تنش اصطکاکی صفحه تحت و ضریب انتقال حرارت متوسط صفحه تحت را تابعی از پارامترهای روابط (1) و (2) دانست:

$$\tau_w = f_1(L, d, C, t, U_\infty, \rho, \mu) \quad (1)$$

$$\bar{h} = f_1(L, d, C, t, U_\infty, \rho, \mu, K, C_p) \quad (2)$$

با استفاده از آنالیز اعدای، شکل بی بعد معادله (1) و (2) بصورت رابطه (3) و (4) می باشد:

$$\bar{C}_f = \frac{\tau_w}{1/2\rho U_\infty^2} = f_1\left(\frac{L}{t}, \frac{d}{t}, \frac{C}{t}, Re_t\right) \quad (3)$$

$$\bar{Nu} = \frac{ht}{k} = f_2\left(\frac{L}{t}, \frac{d}{t}, \frac{C}{t}, Re_t\right) = \frac{\rho U_\infty t}{\mu} Pr = \frac{\mu C_p}{K} \quad (4)$$

باید توجه داشت که بازه تغییرات این متغیرها بسیار گسترده است همچنین تعداد آزمایش ها جهت بررسی تمام تقابل های بین متغیرها بسیار زیاد است. بنابراین، برای کاهش تعداد آزمایش ها، بگونه ای که اطلاعات اساسی مسئله حذف نگردد روش طراحی آزمایش ها در مطالعه حاضر مورد استفاده قرار گرفته است بعلاوه خواص سیال نیز ثابت فرض شده است.

3- بستر آزمایشگاهی

آزمایش ها در یک توپول باد مکشی صورت گرفته است که ناحیه تحت آزمایش آن دارای طول 2000 میلی متر با مقطع مربعی 300×300 میلی متر می باشد. ماکریم سرعت 13 متر بر ثانیه و شدت آشفتگی جریان آزاد کمتر از 1% می باشد بگونه ای که می توان جریان در ابتدای صفحه تحت را آرام فرض کرد اما با توجه به طول صفحه تحت و مقدار رینولدز بحرانی ($10^5 \times 5$) جریان در پایین دست کاملاً متلاطم می شود. مانع مستطیلی دارای طول C ، عرض 300 میلی متر و ضخامت 8 میلی متر می باشد که با فاصله d از کف توپول و فاصله L از لبه ابتدایی صفحه تحت مطابق شکل 1 قرار گرفته است. انتخاب عرض 300 میلی متر برای مانع مستطیلی، جهت یکسان بودن عرض مانع با عرض توپول باد می باشد تا شرایط جریان را بتوان دو بعدی فرض کرد و انتخاب ضخامت مانع بر این اساس صورت گرفته است که ضخامت مانع از مرتبه مقادیر ضخامت لایه مرزی در حالت بدون مانع باشد.

3-1- نحوه اندازه گیری ضریب اصطکاک

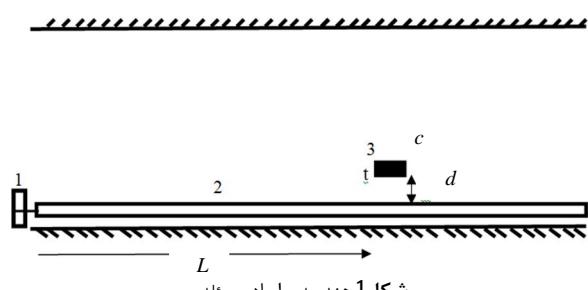
برای محاسبه ضریب اصطکاک میانگین صفحه تحت روش تعادل قاب شناور

جریان افزایش ناگهانی می باید و سبب ایجاد گردابه در ناحیه پشت مانع می - گردد که تأثیر قابل توجهی بر کاهش ضریب اصطکاک میانگین صفحه تحت و افزایش ضریب انتقال حرارت میانگین صفحه تحت دارد [4-1]. به عبارتی وجود مانع سبب عدم تشابه انتقال ممنتوم و انتقال حرارت از صفحه تحت می گردد. در این زمینه مارمو و همکارانش [5] نتایج ضریب اصطکاک صفحه تحت و ضریب انتقال حرارت با حضور استوانه و بدون آن را در مسیر جریان مقایسه کردند. نتایج آن ها نشان می دهد ضریب انتقال حرارت افزایش می باید و ضریب اصطکاک صفحه تحت با حضور استوانه کاهش می باید. سوزوکی و همکارانش [6] عدم تشابه بین انتقال حرارت و انتقال ممنتوم در لایه مرزی متلاطم تحریک شده بوسیله استوانه را بصورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها نشان می دهد عدم تشابه فقط بعد از استوانه رخ می دهد و مخالف بودن علامت تنش های رینولدز و شار حرارتی ناشی از آشفتگی جریان، در این ناحیه سبب عدم تشابه بین انتقال حرارت و ممنتوم شده است. سوزوکی و سوزوکی [7] با استفاده از مطالعه آزمایشگاهی، اثر قطر استوانه و فاصله استوانه از صفحه تحت را مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها نشان می دهد فاصله استوانه از صفحه تحت عامل مهمتری در افزایش ضریب انتقال حرارت و کاهش ضریب اصطکاک می باشد. ایناوا کا و همکارانش [8] عدم تشابه بین انتقال حرارت و ممنتوم را در تحریک لایه مرزی جریان متلاطم صفحه تحت بوسیله یک مکعب مستطیل بصورت عددی مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها با استفاده از علامت تنش های رینولدز و شار حرارتی ناشی از آشفتگی جریان، عامل ایجاد عدم تشابه را وجود گردابه ساعتگرد ناپایدار پایین دست مانع برآورد می کند که سبب جابجایی جریان سرد و گرم و در نتیجه افزایش انتقال حرارت می گردد. اما با کاهش سرعت جریان نزدیک دیواره، سبب کاهش ضریب اصطکاک می گردد. آن ها همچنین در بررسی دیگر [9] این نتیجه را برای جریان آرام بدست آورند. ایناوا کا و همکارانش [10] اثر وجود صفحه جداگانه متصل به لبه پشتی مانع را مورد بررسی قرار دادند. نتایج آن ها نشان می دهد افزایش طول جداگانه سبب کاهش عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت شده است. دی سوزا و همکارانش [11] لایه مرزی متلاطم تحت تأثیر ویک یک استوانه را بصورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار دادند نتایج آن ها افزایش ضریب انتقال حرارت و کاهش ضریب اصطکاک را نشان می دهد و عامل عدم تشابه را گردابه ساعتگرد می داند که سبب ایجاد جریان برگشتی و کاهش ضریب اصطکاک می گردد. کهرم و همکارانش [12] اثر پارامترهای هندسی مانع را بر روی ضریب اصطکاک و ضریب انتقال حرارت صفحه تحت مورد بررسی قرار دادند. آن ها ابعاد مانع چهارگوش و فاصله آن از صفحه تحت را به گونه ای بهینه سازی کردند که دارای بیشترین ضریب انتقال حرارت و کمترین ضریب اصطکاک باشد. مطالعه های صورت گرفته عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت را نشان می دهد و اثر متغیرهای مختلف را بر میزان عدم تشابه بررسی کرده است. با این وجود، مطالعه جامع آزمایشگاهی که اثر تمام متغیرهای مؤثر و تقابل آن ها را بر میزان عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت صفحه تحت در حضور مانع بررسی نماید صورت نگرفته است. از طرفی دیگر، انجام تمام آزمایش هایی که شامل تمام تقابل های متغیرهای مؤثر باشد به لحاظ زمانی و اقتصادی منطقی نمی باشد.

هدف مطالعه حاضر این است که وجود عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت را در میان ترکیب های متغیرهای مستقل مسئله حاضر، بررسی نماید و حداقلتر میزان عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت را تعیین نماید. برای این



شکل 2 نحوه قرار گیری لودسل

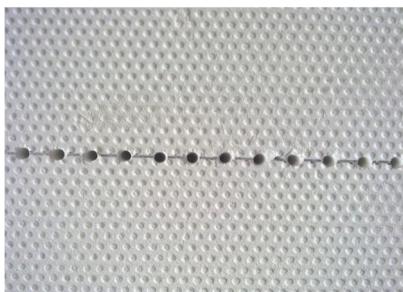


شکل 1 هندسه و ابعاد مسئله

(1)-لودسل 2 صفحه تخت 3-مکعب مستطیل)



شکل 3 سطح شار ثابت با عایق پشم سنگ



شکل 4 سیلیکون جامد دارای سوراخ های در مرکز واقع در طول ورق فلزی و در خط مرکزی آن

می توان ضریب انتقال حرارت را تعیین کرد:

$$q = VI \quad (5)$$

(6)

$$h = \frac{q}{A(T_s - T_\infty)}$$

4- طراحی آزمایش ها

در روش طراحی آزمایش ها، هدف، تعیین اطلاعات مورد نیاز با استفاده از حداقل تعداد آزمایش و بر پایه روش های آماری است [14]. در سال های اخیر، روش های متعددی جهت طراحی آزمایش ها توسعه یافته است که از آن جمله می توان به روش تاگوچی اشاره کرد که بسیار مورد استقبال محققین قرار گرفته است. این روش یک ترکیب بهینه ای از تقابل متعامد بین متغیرهای مستقل ایجاد می کند که با حداقل تعداد آزمایش ها، متغیر وابسته بیشترین میزان حساسیت را به تغییرات متغیرهای مستقل دارا باشد. روش تاگوچی از آرایه های متعامد برای سازماندهی متغیرهای مستقل و سطوح تغییرات آنها استفاده می کند. این روش به جای انجام تمام آزمایش های ممکن به مانند روش طراحی آزمایش فاکتوریل، ترکیبات دوتایی از متغیرهای مستقل را در نظر می گیرد که سبب می شود با حداقل تعداد آزمایش ها، اطلاعات ضروری جمع آوری گردد و مشخص می کند کدام متغیر مستقل بیشترین اثر را بر

استفاده شده است [13]. در این روش، برای محاسبه نیروی اصطکاکی، یک لودسل خمی با دقت 0/01 گرم به لبه ابتدایی ناحیه تحت آزمایش تونل باد متصل شده است و یک صفحه شیشه ای با ابعاد 296×2000 میلی متر در کف تونل قرار داده شد. روی این صفحه شیشه ای 6 عدد ساقمه با قطر 6 میلی متر قرار داده شده و سپس یک صفحه شیشه ای به عنوان صفحه تخت با ابعاد 296×2000 میلی متر روی ساقمه ها قرار داده شد. ساقمه ها به طور کاملاً متقاضن روی سطح شیشه ای پایینی قرار داده شدند تا با قرار گرفتن شیشه ای بالایی روی آنها، شیشه ای بالایی کاملاً در حالت تعادل بوده و به هیچ طرفی حرکت نکرده، با دیواره های تونل تماس پیدا نکند. بعد از قرار دادن صفحه شیشه ای بالایی روی ساقمه ها، برای انتقال نیروی اصطکاکی وارد بر صفحه به لودسل از یک اهرم ل شکل استفاده شد. این اهرم با استفاده از چسب حرارتی به زیر صفحه شیشه ای متصل شد، به گونه ای که در حالت آزاد هیچ نیرویی به لودسل وارد نکند. به عبارتی آزادی حرکت صفحه شیشه ای بالایی باعث می شود که در صورت ترازبودن دستگاه، در حالت خاموش بودن فن، هیچ نیرویی به لودسل وارد نشود. همین موضوع یکی از موارد تست عملکرد صحیح دستگاه و ترازبودن دستگاه در هر مرحله پس از آزمایش بوده است. نمایی از نحوه قرار گیری لودسل در شکل 1 و 2 نشان داده شده است.

3- نحوه اندازه گیری ضریب انتقال حرارت

جهت محاسبه ضریب انتقال حرارت طرح سطح شار ثابت انتخاب شده است بدین صورت که برای سطح بالایی ناحیه تحت آزمایش تونل باد از یک ورق فلزی استفاده شده است سطح ورق فلزی توسط المتن های تخت موازی با هم پوشیده شده است اتصال المتن ها به لحاظ الکتریکی سری بوده و با عبور جریان الکتریکی از آنها دمای سطح ورق افزایش پیدا می کند و سطح شار ثابتی را ایجاد می نماید. به منظور اینکه تمام حرارت تولید شده صرف گرم کردن جریان هوای داخل تونل گردد پشت ورق فلزی همانطور که در شکل 3 مشاهده می شود توسط پشم سنگ کاملاً عایق شده است. تنها چون برای اندازه گیری دما از ترموموکوپل استفاده می شود در ناحیه ای که باید دما اندازه گیری شود همانطور که در شکل 4 نشان داده شده است به جای پشم سنگ، لایه ای از عایق سیلیکونی جامد استفاده شده است و در مرکز آن سوراخ هایی ایجاد شده است. قطر سوراخ ها بگونه ای است که ترموموکوپل با ترانس کمی داخل آن قرار می گرفت و می توان از انتقال حرارت جایجایی بین ترموموکوپل و هوای آزاد نیز صرف نظر کرد. با اندازه گیری دما در طول سطح ورق فلزی، دمای هوا در ورودی تونل باد، مشخص بودن ولتاژ و تعیین جریان الکتریکی طبق رابطه (5) و (6)

جدول 1 سطوح متغیرهای مستقل					
	سطح چهارم	سطح سوم	سطح دوم	سطح اول	متغیر
7525/67	6455/23	5920/02	5384/8	Re ₁	
18	8	4	2	C/t	
1	0/5	0/25	0/125	d/t	
-	-	37/5	175	L/t	

می توانند انتخاب شوند. برای افزایش دقت در تحلیل نتایج، آرایه متعامد L₃₂ بکار گرفته شد. ساختار آرایه در پخش پیوست و در جدول 6 قابل مشاهده است.

5- تعیین سطوح بهینه با استفاده از روش تاگوچی

یکی از پرکاربردترین روش‌ها برای بهینه سازی یکتابع در مطالعات آزمایشگاهی، روش تاگوچی می‌باشد [20]. برای تحلیل داده‌ها روش تاگوچی از یک معیار آماری عملکرد، به نام نسبت سیگنال به نویز استفاده می‌کند که از تئوری کنترل در مهندسی برق گرفته شده است. نسبت سیگنال به نویز معیار عملکردی است که سطوح پارامترهای کنترل را طوری انتخاب کنند که به بهترین شکل با پارامترهای اختلال مقابله کنند. معادله سیگنال به نویز به معیار مشخصه کیفیت که باید بهینه شود بستگی دارد. با اینکه تعداد زیادی نسبت سیگنال به نویز ممکن وجود دارد، سه معیار متدالوئر به عنوان استاندارد در نظر گرفته شده است که در موارد زیر کاربرد دارد: (1) مشخصه کیفیت بزرگتر بهتر است. به عبارتی، هدف تعیین ماکریم مقدار است. (2) مشخصه کیفیت کوچکتر بهتر است. به عبارتی، هدف تعیین مینیمم مقدار است. (3) مشخصه کیفیت اسمی بهتر است [20]. از آنجاییکه در مطالعه حاضر، هدف تعیین ماکریم و مینیمم مقادیر ضرایب اصطکاک و انتقال حرارت می‌باشد دو معیار بزرگتر بهتر و کوچکتر بهتر باید جهت تعیین سطوح بهینه استفاده شود. برای این دو معیار، روابط مورد نیاز برای محاسبه نسبت سیگنال به نویز آزمایش‌ها با N مرتبه تکرار، بفرم رابطه (8) و (9) نشان داده شده است [20]:

$$\eta_{LB} = -10 \log \left(\frac{1}{N} \sum_{m=1}^N y_m^2 \right) \quad (8)$$

$$\eta_{HB} = -10 \log \left(\frac{1}{N} \sum_{m=1}^N \frac{1}{y_m^2} \right) \quad (9)$$

در رابطه (8) و (9)، y_m مقدار خروجی آزمایش و واحد نسبت سیگنال به نویز دستیبل می‌باشد. با توجه به روابط، ذکر این نکته ضروری است که مشخصه کیفیت از هر نوعی باشد نسبت سیگنال به نویز طوری تعریف شده است که همیشه مقدار بزرگتر آن بهتر باشد. در نتیجه سطوح بهینه، در سطوح با مقادیر ماکریم نسبت سیگنال به نویز برای هر متغیر رخ خواهد داد. نسبت سیگنال به نویز برای سطوح بهینه از رابطه (10) تعیین می‌شود:

$$\eta = \eta_m + \sum_{i=1}^p (\bar{\eta}_i - \eta_m) \quad (10)$$

در رابطه (10)، P نشان دهنده تعداد متغیرهای مستقل می‌باشد. در نهایت، مقادیر خروجی بهینه پیش بینی شده توسط رابطه (11) بدست می‌آید:

$$X = \sqrt{10^{\frac{-\eta}{10}}} \quad (11)$$

متغیر وابسته دارد بنابراین سبب کاهش زمان لازم و کاهش مصرف تجهیزات آزمایشگاهی می‌گردد [15]. اولین گام در روش تاگوچی، انتخاب سطوح متغیرهای مستقل است. منظور از سطح یک متغیر، یک مقدار مشخص و معین برای آن متغیر می‌باشد. جهت تعیین سطوح متغیر (t)، از نتایج مرجع [16] استفاده شده است. نتایج آن‌ها نشان می‌دهد با تغییر (t/d), 4 رژیم جریان متفاوت ایجاد می‌شود: (1) در این حالت، آزاد سازی گردابه متوقف می‌شود. (2) در این حالت سطح در نظر گرفته شده است این 4 سطح در جدول 1 نشان داده شده است.

برای انتخاب سطوح (C/t)، نتایج مرجع [17] استفاده شده است. آن‌ها بر اساس مقادیر (C/t)، 4 نوع رژیم آزادسازی گردابه پیشنهاد کردن. استوکس و ولش [18] این 4 نوع را بدین صورت خلاصه کردن: (1) $C/t < 0/75$: در این حالت، لایه برشی لبه حمله مانع مستطیلی، مستقیماً و بدون چسبیدن به سطح مانع، لبه پشتی را برای تشکیل گردابه کارمن تحت تأثیر قرار می‌دهد. (2) $0/75 < C/t < 0/76$: لایه برشی لبه حمله مانع مستطیلی، به صورت نوسانی از سطح مانع جدا می‌شود و متصل می‌گردد و یک ناحیه گردابه جدید را ایجاد می‌کند. (3) $0/76 < C/t < 0/77$: در این حالت، لایه برشی لبه حمله مانع مستطیلی، همواره بالادست لبه پشتی به سطح مانع متصل می‌گردد که سبب تولید گردابه‌هایی به صورت پراکنده و تصادفی می‌گردد بنابراین گردابه‌های منظمی در این حالت مشاهده نمی‌شود. (4) $C/t > 0/77$: گردابه‌های آزاد شده در ناحیه بالادست لبه پشتی نفوذ می‌کنند و سطح جدایش لایه مرزی سطح مانع مستطیلی شده و لبه پشتی را جهت تولید گردابه کارمن تحت تأثیر قرار می‌دهند. با توجه به توضیحات فوق، 4 سطح نیز برای (C/t) در نظر گرفته شده است و در جدول 1 نشان داده شده است. به منظور بررسی هر دو رژیم جریان آرام و متلاطم لایه مرزی صفحه تخت، دو سطح برای (L/t) در نظر گرفته شده است و در جدول 1 نشان داده شده است. لازم بذکر است سطوح متغیرها لزوماً یکسان نیست و بر اساس شرایط مسئله تعیین می‌گردد. انتخاب سطوح عدد Re₁ بر اساس محدودیت‌های آزمایشگاهی تعیین شده است مقادیر آن، در جدول 1 قابل مشاهده است.

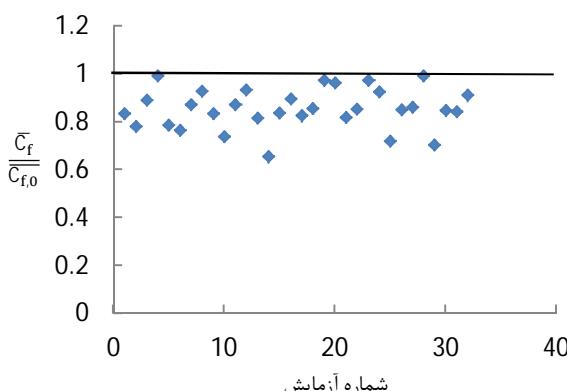
در گام دوم روش تاگوچی، چگونگی تقابل سطوح متغیرهای مستقل جهت انجام آزمایش‌ها با استفاده از آرایه‌های متعامد تعیین می‌شود. در این آرایه‌ها، ستون‌ها به صورت دوطرفه بر هم عمودند. به این معنی که برای هر جفت از ستون‌ها همه ترکیب‌های سطوح متغیرها وجود دارد. آرایه‌های متعامد موجود شامل L₃₂, L₁₈, L₁₆, L₁₂, L₉, L₈, L₄ می‌باشند. قبل از انتخاب آرایه متعامد، حداقل تعداد آزمایش‌ها با استفاده از رابطه (7) باید تعیین گردد [19]:

$$N_{Taguchi} = 1 + \sum_{i=1}^p (LV - 1) \quad (7)$$

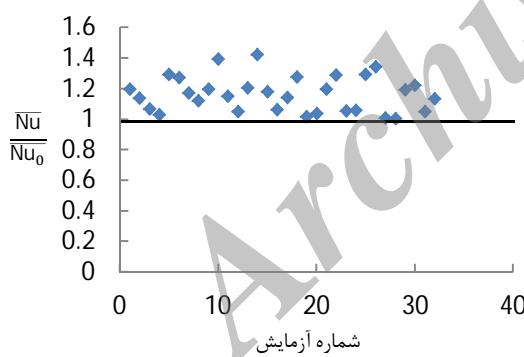
در رابطه (7)، P نشان دهنده تعداد متغیرهای مستقل می‌باشد. در مطالعه حاضر، با توجه به جدول 1، یک متغیر دارای 2 سطح و 3 متغیر دیگر دارای 4 سطح می‌باشند. بنابراین، حداقل تعداد آزمایش‌ها مورد نیاز بر اساس رابطه (7) 11 مورد می‌باشد. بنابراین آرایه‌های متعامد L₃₂, L₁₈, L₁₆, L₁₂ می‌باشند.

ضریب اصطکاک صفحه تخت شده است. در مورد نسبت اعداد ناسلت نیز مشاهده می شود نسبت اعداد ناسلت برای تمام آزمایش ها بیشتر از 1 می باشد در نتیجه می توان نتیجه گرفت که وجود مانع در تمام آزمایشات سبب افزایش ضریب انتقال حرارت صفحه تخت گردیده است. همچنین می توان نتیجه گرفت در تمام آزمایش ها عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت وجود دارد.

برای اثبات عدم تشابه ممنتوم و انتقال حرارت برای تمام ترکیب های ممکن متغیرهای مستقل، کافی است در بین تمام ترکیب های متغیرهای مستقل، ماکزیمم مقدار نسبت ضرایب اصطکاک کمتر از 1 و مینیمم مقدار نسبت اعداد ناسلت بیشتر از 1 باشد. برای این منظور، معیار بزرگتر بهتر روش تاگوچی جهت تعیین ماکزیمم مقدار نسبت ضرایب اصطکاک و معیار کوچکتر بهتر روش تاگوچی جهت تعیین مینیمم مقدار نسبت اعداد ناسلت توسط نرم افزار مینی تب مورد استفاده قرار گرفتند. مقادیر بیشینه نسبت ضرایب



شکل 7 نسبت ضرایب اصطکاک بر حسب شماره آزمایش



شکل 8 نسبت اعداد ناسلت بر حسب شماره آزمایش

جدول 2 نسبت ضریب اصطکاک و عدد ناسلت

$\frac{C_f}{C_{f,0}}$	$\frac{Nu}{Nu_0}$	شماره آزمایش
0/994143	1/027778	4
0/974063	1/018450	19
0/962954	1/035857	20
0/973019	1/055351	23
0/862319	1/007968	27
0/993904	1/003690	28

6- تحلیل نتایج

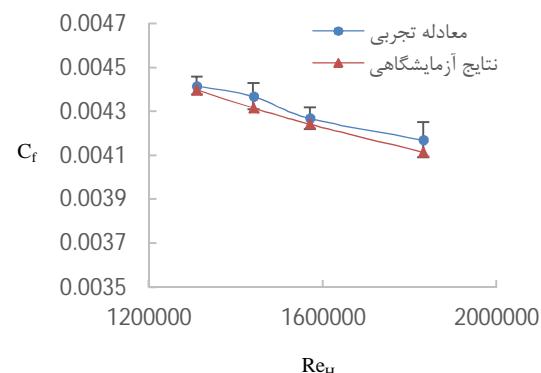
برای بررسی صحت و دقت نتایج مربوط به ضریب اصطکاک، مقایسه ضرایب اصطکاک میانگین صفحه تخت در حالت بدون وجود مانع مستطیلی بین معادله تجربی [21] که در رابطه (12) ذکر شده است و داده های آزمایشگاهی مطالعه حاضر برای 4 عدد رینولدز مختلف در شکل 5 نشان داده شده است. مشاهده می شود که نتایج آزمایشگاهی تطابق قابل قبولی با داده های حاصل از معادله تجربی دارد. لازم بذکر است که عدد رینولدز در این شکل بر مبنای طول صفحه تخت می باشد.

$$\bar{C}_f = 0.074 \text{Re}_H^{-\frac{1}{5}} - \frac{1742}{\text{Re}_H} \quad (12)$$

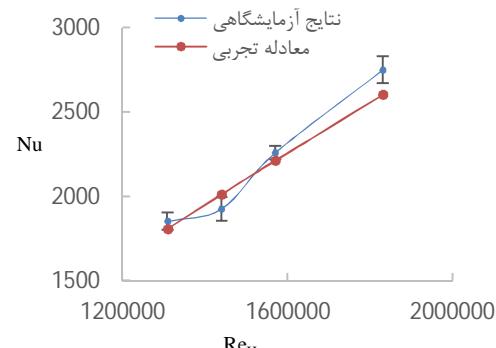
همچنین برای بررسی صحت و دقت نتایج مربوط به عدد ناسلت، مقایسه عدد ناسلت میانگین صفحه تخت در حالت بدون وجود مانع مستطیلی بین معادله تجربی [21] که در رابطه (13) ذکر شده است و داده های آزمایشگاهی مطالعه حاضر برای 4 عدد رینولدز مختلف در شکل 6 نشان داده شده است. مشاهده می شود که نتایج آزمایشگاهی تطابق قابل قبولی با داده های حاصل از معادله تجربی دارد. لازم بذکر است که عدد رینولدز و عدد ناسلت در این شکل بر مبنای طول صفحه تخت می باشند.

$$\bar{Nu} = (0.037 \text{Re}_H^{\frac{4}{5}} - 871) \text{Pr}^{\frac{1}{3}} \quad (13)$$

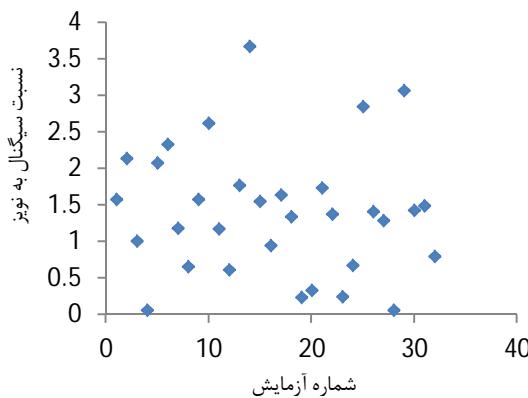
نسبت ضرایب اصطکاک میانگین صفحه تخت و نسبت اعداد ناسلت میانگین صفحه تخت در حالت با وجود مانع به بدون مانع، به ترتیب، در شکل های 7 و 8 نشان داده شده است. مقادیر نسبت ضرایب اصطکاک و نسبت اعداد ناسلت در مورد آزمایش هایی که این مقادیر، خیلی نزدیک به 1 بود در جدول 2 نشان داده شده است تا تحلیل بهتری از نتایج حاصل شود. مشاهده می شود نسبت ضرایب اصطکاک برای همه آزمایش ها کمتر از یک می باشد بنابراین می توان نتیجه گرفت که وجود مانع در تمام آزمایش ها سبب کاهش



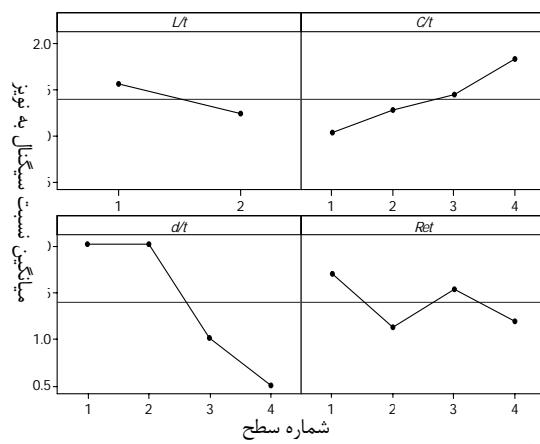
شکل 5 مقایسه C_f نتایج آزمایشگاهی و معادله تجربی برای حالت بدون مانع



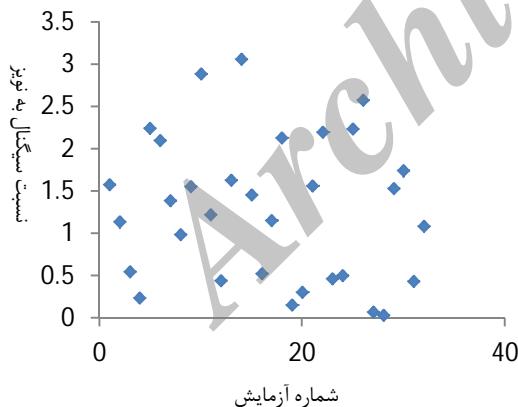
شکل 6 مقایسه Nu نتایج آزمایشگاهی و معادله تجربی برای حالت بدون مانع



شکل 9 نسبت سیگنال به نویز بر حسب شماره آزمایش برای نسبت ضریب اصطکاک و بر اساس معیار کوچکتر بهتر



شکل 10 نمودار میانگین نسبت سیگنال به نویز برای نسبت ضرایب اصطکاک و بر اساس معیار کوچکتر بهتر



شکل 11 نسبت سیگنال به نویز بر حسب شماره آزمایش برای نسبت اعداد ناسلت و بر اساس معیار بزرگتر بهتر

و مشابه ضریب اصطکاک، نمودار شکل 12 برای نسبت اعداد ناسلت نشان داده شده است. بر اساس شکل 12، مشابه ضریب اصطکاک، سطوح بهینه را سطح اول (L/t)، سطح چهارم (C/t)، سطح دوم (d/t) و سطح اول ($Re(t)$) تشکیل می‌دهند. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که مانند ضریب اصطکاک را دارا می‌باشد. در نتیجه بیشترین میزان عدم تشابه انتقال حرارت و مننتوم نیز در این

اصطکاک و مینیمم نسبت اعداد ناسلت پیش بینی شده توسط نرم افزار مینی تب، در جدول 3 نشان داده است و با مقادیر بدست آمده توسط آزمایش مقایسه شده است. همچنین درصد تفاوت نتایج در جدول 3 نشان داده شده است. مشاهده می‌شود مقادیر پیش بینی شده تطابق قابل قبولی با مقادیر آزمایشگاهی دارد. همچنین مشاهده می‌شود مقادیر پیش بینی شده و آزمایشگاهی مانند ضریب اصطکاک کمتر از 1 می‌باشد بنابراین می‌توان نتیجه گرفت مانع مستطیلی به ازای تمام ترکیب‌های ممکن متغیرهای مستقل، سبب کاهش ضریب اصطکاک صفحه تحت می‌شود. برای نسبت اعداد ناسلت نیز مشاهده می‌شود مقادیر پیش بینی شده و آزمایشگاهی مینیمم نسبت اعداد ناسلت بیشتر از 1 می‌باشد بنابراین می‌توان نتیجه گرفت مانع مستطیلی به ازای تمام ترکیب‌های ممکن متغیرهای مستقل، سبب افزایش ضریب انتقال حرارت صفحه تحت می‌شود. علاوه بر این، می‌توان نتیجه گرفت که عدم تشابه انتقال حرارت و مننتوم صفحه تحت در حضور مانع مستطیلی، به ازای تمام ترکیب‌های ممکن برای متغیرهای مستقل وجود دارد. در شکل 9، مقادیر نسبت سیگنال به نویز بر اساس معیار کوچکتر بهتر برای نسبت ضرایب اصطکاک، جهت تعیین سطوحی که دارای کمترین مقدار نسبت ضرایب اصطکاک می‌باشند نشان داده شده اند. از مقایسه شکل 7 و شکل 9، مشاهده می‌شود همانطور که در تعريف معیار کوچکتر بهتر بیان شد آزمایشی که دارای بیشترین مقدار نسبت سیگنال به نویز برای آزمایش ها نیز می‌باشد. از شکل 9 با تعیین میانگین نسبت سیگنال به نویز برای هر متغیر مستقل در یک سطح خاص، نموداری که در شکل 10 نشان داده شده است بدست می‌آید. برای مثال، میانگین نسبت ضرایب اصطکاک در میان تمام آزمایش ها نیز می‌باشد. از شکل 9 که L/t در سطح 1 خود می‌باشد و برای معیار کوچکتر بهتر بدست آمده است. بر اساس شکل 10، سطوح بهینه را سطح اول (L/t)، سطح چهارم (C/t)، سطح دوم (d/t) و سطح اول ($Re(t)$) تشکیل می‌دهند. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که مانند ضریب اصطکاک کاهش می‌یابد. همچنین در شکل 11 نتایج مرجع [12] مطابقت دارد. علاوه بر آن، مشاهده می‌شود با افزایش (C/t)، نسبت سیگنال به نویز افزایش می‌یابد بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که با افزایش (C/t)، ضریب اصطکاک کاهش می‌یابد. همچنین در شکل 11 مقادیر نسبت سیگنال به نویز بر اساس معیار بزرگتر بهتر می‌باشد. همانطور که در ناسلت جهت تعیین سطوحی که دارای بیشترین مقدار نسبت اعداد ناسلت می‌باشند نشان داده شده اند. از مقایسه شکل 8 و شکل 11، همانطور که در تعريف معیار بزرگتر بهتر بیان شد آزمایشی که دارای بیشترین مقدار نسبت سیگنال به نویز می‌باشد دارای بیشترین نسبت اعداد ناسلت در میان تمام آزمایش ها نیز می‌باشد.

جدول 3 مقایسه مقادیر پیش بینی شده و آزمایشگاهی نسبت ضرایب اصطکاک و اعداد ناسلت برای سطوح بهینه

پارامتر	معیار کیفیت	آزمایشگاهی	پیش بینی	درصد تفاوت
		شده	نتایج	
0/08	0/998473	0/997643	بزرگتر بهتر	$\frac{C_f}{C_{f,0}}$
0/001	1/001123	1/001115	کوچکتر بهتر	$\frac{NU}{NU_0}$

جدول 5 آنالیز واریانس نسبت سیگنال به نویز

F	میانگین	مجموع	درجه	متغیر	متغیر وابسته
	مربعات	مربعات	آزادی	مستقل	
	تنظیم	تنظیم یافته			
	یافته				
3/55	0/7807	0/7807	1	L/t	ضریب
4/10	0/9021	2/7063	3	C/t	اطلاعات
21/17	4/6570	13/9711	3	d/t	
2/73	0/6007	1/8021	3	Ret	
	0/2200	4/6205	21	خطا	
			31	مجموع	
4/11	0/7196	0/7196	1	L/t	
2/97	0/5203	1/5610	3	C/t	
29/92	5/2449	15/7347	3	d/t	ضریب انتقال
1/45	0/2538	0/7615	3	Ret	حرارت
0/1753	3/6807	21	خطا		
		31	مجموع		

که در رابطه (14) $AdjSS$ مجموع مربعات تنظیم یافته می باشد و D.F.i درجه آزادی برای پارامتر i می باشد. D.F.i برابر با تعداد سطوح آن پارامتر منهای 1 می باشد. درجه آزادی کلی، برابر با تعداد آزمایش ها منهای 1 می باشد و درجه آزادی برای خطا، برابر با تفاوت درجه آزادی کل و مجموع درجه آزادی تمام پارامترها می باشد. مقادیر F نیز برای متغیرهای مستقل در این جدول قابل مشاهده است. مقدار F برای پارامتر i بصورت رابطه (15) تعریف می شود [15]:

$$F = \frac{AdjMS_i}{AdjMS_E} \quad (15)$$

در رابطه (15) $AdjMS_E$ میانگین مربعات تنظیم یافته برای خطای باشد. مقدار بزرگتر F نشان می دهد که تغییر متغیر مستقل اثر بیشتری بر روی ویژگی های عملکردی متغیر وابسته دارد [22]. جریات آماری بیشتر در مرجع [20] توصیف شده است. براساس مقادیر F در جدول 5 مشاهده می شود که (d/t) بیشترین تأثیر را بر عدم تشابه ممنتوں و انتقال حرارت دارد زیرا برای هر دو متغیر ضریب اصطکاک و ضریب انتقال حرارت دارای بیشترین مقادیر F می باشد و Ret کمترین تأثیر را دارد زیرا کمترین مقادیر F را دارا می باشد. همچنین مشاهده می شود از آنجاییکه، (d/t) برای ضریب انتقال حرارت دارای مقادیر F بیشتر از ضریب اصطکاک می باشد، میزان تأثیر (d/t) بر ضریب انتقال حرارت بیشتر از ضریب اصطکاک است که دلیل این نتیجه را نیز می توان اینگونه بیان کرد همانطور که قبل از ذکر گردید تغییر (d/t) تأثیر زیادی در شرایط پایداری گردابه پشت مانع دارد و ضریب انتقال حرارت نیز به شرایط پایداری گردابه پشت مانع وابسته است در حالیکه ضریب اصطکاک مستقل از آن است.

7- نتیجه گیری

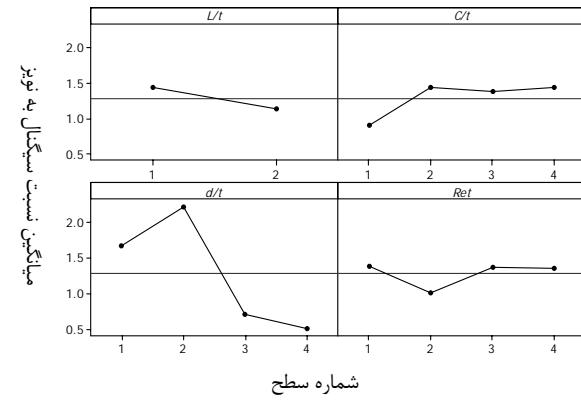
در این مقاله، انتقال حرارت و انتقال ممنتوں از یک صفحه تخت در حضور مانع مستطبیلی بصورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار گرفتند و اثر تمام متغیرهای مؤثر بر ضریب اصطکاک میانگین صفحه تخت و ضریب انتقال حرارت میانگین صفحه تخت مطالعه گردیدند تا وجود عدم تشابه، که تنها برای حالات های خاص، در تحقیقات گذشته مشاهده شده بود برای مطالعه

سطوح خواهد بود. از مقایسه شکل 10 و 12 می توان نتیجه گرفت اگرچه برای هر دو متغیر ضریب اصطکاک و ضریب انتقال حرارت، (d/t) در سطح دوم بیشترین تأثیر را دارد اما، در مورد ضریب اصطکاک، میزان تأثیر گذاری (d/t) در سطح اول و دوم خیلی نزدیک بهم می باشد در حالیکه در مورد ضریب انتقال حرارت، میزان تأثیر گذاری (d/t) در سطح دوم بصورت قابل توجهی بیشتر از سطح اول می باشد این نتیجه به این دلیل است که با افزایش (d/t) از سطح اول به سطح دوم، گردابه تشکیل شده در پشت مانع که عامل افزایش انتقال حرارت می باشد ناپایدار می گردد و ناپایداری گردابه بدليل جایگزین کردن سیال دور از دیواره با سیال نزدیک دیواره، تأثیر بسیار زیادی در افزایش انتقال حرارت دارد. در حالیکه در مورد ضریب اصطکاک، گردابه پشت مانع سبب کاهش ضریب اصطکاک می گردد و به شرایط پایداری گردابه وابسته نیست [10].

مقادیر مینیمم نسبت ضرایب اصطکاک و ماکزیمم نسبت اعداد ناسلت پیش بینی شده توسط نرم افزار مینی تب، در جدول 4 نشان داده است و با مقادیر بدست آمده توسط آزمایش مقایسه شده است. مشاهده می شود مقادیر پیش بینی شده تطابق قابل قبولی با مقادیر آزمایشگاهی دارد. همچنین مشاهده می شود حداقل کاهش ضریب اصطکاک 40% می باشد و حداقل افزایش انتقال حرارت 45% می باشد.

در جدول 5، آنالیز واریانس برای نسبت سیگنال به نویز مرتبط با نسبت ضرایب اصطکاک بر مبنای معیار کوچکتر بهتر و نسبت اعداد ناسلت بر مبنای معیار بزرگتر بهتر نشان داده است. در این جدول، میانگین $AdjMS_I$ مربعات تنظیم یافته برای پارامتر i می باشد و بصورت رابطه (14) تعریف می شود [15]:

$$AdjMS_i = \frac{AdjSS_i}{D.F._i} \quad (14)$$



شکل 12 نمودار میانگین نسبت سیگنال به نویز برای نسبت اعداد ناسلت و بر اساس معیار بزرگتر بهتر

جدول 4 مقایسه مقادیر پیش بینی شده و آزمایشگاهی نسبت ضرایب اصطکاک و اعداد ناسلت برای سطوح بهتر

پارامتر	معیار کیفیت	آزمایشگاهی	پیش بینی شده	درصد خطا
1/25	0/61321	0/60564	کوچکتر	$\frac{C_f}{C_{f,0}}$ بهتر
0/44	1/456312	1/449912	بزرگتر بهتر	$\frac{Nu}{Nu_0}$

η_m	میانگین نسبت سیگنال به نویز (dB)
μ	لرجت دینامیکی ($\text{kgm}^{-1}\text{s}^{-1}$)
ρ	چگالی (kgm^{-3})
τ_w	تنش برشی صفحه تخت (Pa)

- 9 پیوست

طراحی آزمایش‌های انجام شده در جدول 6 آمده است.

جدول 6 آزمایش‌های طراحی شده

L/t	Re	d/t	C/t	شماره آزمایش
175	5384/80	0/125	2	1
175	5920/02	0/25	2	2
175	6455/23	0/5	2	3
175	7525/67	1	2	4
175	5384/80	0/125	4	5
175	5920/02	0/25	4	6
175	6455/23	0/5	4	7
175	7525/67	1	4	8
175	5920/02	0/125	8	9
175	5384/80	0/25	8	10
175	7525/67	0/5	8	11
175	6455/23	1	8	12
175	5920/02	0/125	18	13
175	5384/80	0/25	18	14
175	7525/67	0/5	18	15
175	6455/23	1	18	16
37/5	7525/67	0/125	2	17
37/5	6455/23	0/25	2	18
37/5	5920/02	0/5	2	19
37/5	5384/80	1	2	20
37/5	7525/67	0/125	4	21
37/5	6455/23	0/25	4	22
37/5	5920/02	0/5	4	23
37/5	5384/80	1	4	24
37/5	6455/23	0/125	8	25
37/5	7525/67	0/25	8	26
37/5	5384/80	0/5	8	27
37/5	5920/02	1	8	28
37/5	6455/23	0/125	18	29
37/5	7525/67	0/25	18	30
37/5	5384/80	0/5	18	31
37/5	5920/02	1	18	32

- 10 مراجع

- [1] G. Ghassabi, M. Kahrom, Optimization of Heat Transfer Enhancement of a Domestic Gas Burner Based on Pareto Genetic Algorithm: Experimental and Numerical Approach, *International Journal of Engineering* Vol. 26, No. 1, pp. 469- 481, 2013 .

حاضر، در میان ترکیب‌های مستقل، بررسی گردد. همچنین، روش طراحی آزمایش برای کاهش تعداد آزمایش‌ها بدون از دست رفتن اطلاعات مورد نیاز مورد استفاده قرار گرفت. سپس با استفاده از روش تاگوچی، ماذکریم و مینیمم ضرایب انتقال حرارت و اصطکاک جهت تعیین حداقل و حداکثر میزان عدم تشابه بدست آمدند. نتایج حاصل از این مطالعه شامل موارد زیر می‌باشند:

- 1 عدم تشابه انتقال حرارت و انتقال ممتووم صفحه تخت در حضور مانع مستطیلی، به ازای تمام ترکیب‌های ممکن برای متغیرهای مستقل وجود دارد.

- 2 بیشترین میزان عدم تشابه انتقال حرارت و ممتووم در جریان متلاطم و برای (d/t) 0/25 می‌باشد.

- 3 (d/t) بیشترین تأثیر را بر عدم تشابه ممتووم و انتقال حرارت دارد و Re کمترین تأثیر را دارد.

- 4 میزان تأثیر گذاری (d/t) بر ضریب انتقال حرارت بیشتر از ضریب اصطکاک می‌باشد.

- 5 حداکثر کاهش ضریب اصطکاک 40% می‌باشد و حداکثر افزایش انتقال حرارت 45% می‌باشد.

- 8 فهرست عالمی

A	مساحت صفحه تخت (m^2)
C	طول مانع (m)
C_P	ظرفیت گرمایی ویژه (J/kg.K)
d	فاصله بین مانع و صفحه تخت (m)
H	طول صفحه تخت (m)
h	ضریب انتقال حرارت جابجایی ($\text{J/m}^2\text{K}$)
I	جریان الکتریکی (A)
K	ضریب هدایت حرارتی (J/m.K)
L	فاصله مانع از لبه ابتدایی صفحه (m)
LV	سطوح متغیرهای مستقل
$N_{Taguchi}$	حداقل تعداد آزمایش‌ها بر مبنای روش تاگوچی
Q	حرارت تولید شده توسط المنت‌ها (J)
Re_t	عدد رینولدز بر مبنای ضخامت صفحه تخت
Re_H	عدد رینولدز بر مبنای طول صفحه تخت
t	ضخامت مانع (m)
T_s	دمای صفحه تخت (K)
T_∞	دمای جریان آزاد (K)
U_∞	سرعت جریان آزاد (m/s)
V	ولتاژ الکتریکی (V)

X مقادیر خروجی بهینه پیش بینی شده

علایم یونانی

η نسبت سیگنال به نویز (dB)

η_i میانگین نسبت سیگنال به نویز در سطوح بهینه (dB)

- [12] M. Kahrom, P. Haghparast, S. M. Javadi, Optimization of Heat Transfer Enhancement of a Flat Plate Based on Pareto Genetic Algorithm *international Journal of Engineering*, Vol. 23, No. 2, pp. 177-189, 2010 .
- [13] J. W. Naughton, M. Sheplak, Modern Developments in Shear Stress Measurement, *Progress in Aerospace Sciences*, Vol. 38, No. 6 ,7-pp. 515-570, 2002 .
- [14] A. h. Lotfi, S. Nourouzi, The microstructure and mechanical properties of friction stir welded 7075-T6 aluminum alloy by the use of design of experiment, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 3, pp. 17-26, 2014 .(In Persian)
- [15] M .H. Gollo, H. M. Naeini, G. H. Liaghat, S. Jelvani, Theoretical and Experimental Study of the Effects of Process Parameters on Bending Angle in Laser Bending process, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 10, No. 3, pp. 67-86, 2010 .(In Persian)
- [16] S. J. Price, D .Sumner, J. G. Smith, K. Leong, M. P. Paigdoussis, Flow Visualization around a Circular Cylinder Near to a Plane Wall *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 16, No. 2, pp. 175-191, 2002 .
- [17] R. Parker, M.C.Welsh, Effects of Sound on Flow Separation from Blunt Flat Plates, *International of Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 4, No. 2, pp. 113-127, 1983 .
- [18] A. N. Stokes, M. C. Welsh, Flow-Resonant Sound Interaction in a Duct Containing a Plate, II: Square Leading Edge, *Journal of Sound and Vibration*,Vol. 104 No. 1, pp. 55-73, 1986 .
- [19] T. Sivasakthivel, K. Murugesan, H. R. Thomas, Optimization of operating parameters of ground source heat pump system for space heating and cooling by Taguchi method and utility concept, *Applied Energy*, Vol. 116 , pp. 76-85, 2014 .
- [20] W. P. Gardiner, G. Gettinby, *Experimental Design Techniques in Statistical Practic*, Glasgow: Woodhead, 1998 .
- [21] T. L. Bergman, A. S. Lavine, F. P. Incropera, D. P. Dewitt, *Fundamentals of Heat and Mass Transfer*, 7 ed., United States of America: John Wiley & Sons, 2011 .
- [22] A. Akbarzadeh, S. Kouravand, B. M. Imani, Robust Design of a Bimetallic Micro Thermal Sensor Using Taguchi Method, *Journal of Optimization Theory and Applications*, Vol. 157, No. 1, pp. 188-198, 2013 .
- [2] S. Vhidifar, M. Kahrom, Experimental study of turbulent layers with different obstacles to stimulate optimal point augmentation in heat transfer coefficient, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 3, pp. 43-50, 2014 .(In Persian)
- [3] S. Sarkar, S. Sarkar, Vortex Dynamics of a Cylinder Wake in Proximity to a Wall, *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 26, pp. 19-40, 2010 .
- [4] J. H. Choi, J. W. Cho, S. J. Lee, A Turbulent Boundary Layer Disturbed by an Elliptic Cylinder, *Transactions of the Korean Society of Mechanical Engineers B*, Vol. 25, No. 11, pp. 1476-1482, 2001 .
- [5] E. Marumo, K. Suzuki, T. Satot, Turbulent Heat Transfer in a Flat Plate Boundary Layer Disturbed by a Cylinder, *International Jurnal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 6, No. 4, pp. 241-248, 1985 .
- [6] H. Suzuki, K. Suzuki, T. Sato, Dissimilarity Between Heat and Momentum Transfer in a Turbulent Boundary Layer Disturbed by a Cylinder Layer, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 31, No. 2, pp. 259-265, 1988 .
- [7] H. Suzuki, K. Suzuki, Heat Transfer and Skin Friction of a Flat Plate Turbulent Boundary Layer Disturbed by a Cylinder, *Heat Transfer - Japanese Research*, Vol. 20, No. 2, pp. 97-112, 1991 .
- [8] K. Inaoka, J. Yamamoto, K. Suzuki, Dissimilarity Between Heat Transfer and Momentum Transfer in a Disturbed Turbulent Boundary Layer with Insertion of a Rod- Modeling and Numerical Simulation, *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 20, No. 3, pp. 290-301, 1999 .
- [9] K. Inaoka, J. Yamamoto, K. Suzuki, Heat Transfer Characteristics of a Flat Plate Laminar Boundary Layer Disturbed by a Square Rod, in *International conference on advanced computational methods in heat transfer Kraków*, Poland, 1998, pp. 297-306 .
- [10] K. Inaoka, M. Mesaru, K. Suzuki, Flow and Heat Transfer Characteristics of a Turbulent Boundary Layer with an Insertion of a Square Rod(Control of Vortex Shedding by a Splitter Plate), *Transactions of the Japan Society of Mechanical Engineers* Vol. 97, No. 4, pp. 212-218, 1998 .
- [11] F. de Souza, J. Delville, J. Lewalle, J.P. Bonnet, Large Scale Coherent Structures in a Turbulent Boundary Layer Interacting with a Cylinder Wake, *Experimental Thermal and Fluid Science*, Vol. 19, pp. 204-213, 1999 .