ماهنامه علمى پژوهشى





mme.modares.ac.ir

بررسی تجربی و تحلیلی تغییر شکل پلاستیک ورقهای دایرهای تحت بارگذاری ھيدروديناميكي

هاشم بابایی^{1*}، ابوالفضل درویزه²، مجید علیطاولی³، توحید میرزابابای مستوفی⁴

1- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

3- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

4- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت

shbabaei@guilan.ac.ir ،3756 رشت، صندوق پستی*

اطلاعات مقاله

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در این مقاله تغییر شکل پلاستیک ورق,های دایرهای گیردار فولادی و آلومینیومی تحت شرایط بارگذاری هیدرودینامیکی مورد تحقیق و بررسی قرار گرفته است. آزمایش های متعددی با به کار بردن دستگاه چکش پرتابهای انجام شده است. نتایج بهدست آمده از آن ها برحسب خیز مرکز ورق، توزیع کرنش ها و پروفیل یا گستره تغییر شکل ارزیابی و همچنین تأثیر پارامترهایی نظیر خواص مکانیکی ورق، ضخامت آن و فاصله	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 19 آبان 1393 پذیرش: 29 آذر 1393 ارائه در سایت: 20 دی 1393
استقرار چکش یا انرژی انتقالی، بر روی رفتار تغییر شکل ورق، مطالعه شده است. در روش مدلسازی تحلیلی، مدل ارائه شده با استفاده از روش انرژی و با در نظر گرفتن تابع مفروض گسترده تغییر شکل بر اساس شواهد تجربی، تعیین شده است. در این مدل اثرات نرخ کرنش، کرنش شعاعی و محیطی و همچنین اثرات انرژی کرنشی خمشی و غشایی توامان لحاظ شده است. محاسبه مدل ارائه شده بر اساس مفروضات منطقی و پایهای است لذا این روش میتواند در مطالعه رفتار تغییر شکل پلاستیک ورقهای دایروی تحت بارگذاری دینامیکی استان مفروضات منطقی از این مدل برای خیز مرکز ورق، توافق مطلوبی را با نتایج اندازهگیری شده در آزمایشها نشان میدهد لذا به کار بردن این مدل در پیشینی	ارانه تر ندید. کلید <i>واژگان:</i> چکش پرتابهای ورق دایرهای هیدرودینامیک
خیز مرکز ورق تحت شرایط مختلف بارگذاری هیدرودینامیکی مناسب است.	

Experimental and Analytical Investigation into Plastic Deformation of Circular Plates Subjected to Hydrodynamic Loading

Hashem Babaei*, Abolfazl Darvizeh, Majid Alitavoli, Tohid Mirzababaie Mostofi

Department of Mechanical Engineering, Guilan University, Rasht, Iran * P.O.B. 3756 Rasht, Iran, ghbabaei@guilan.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 10 November 2014 Accepted 13 December 2014 Available Online 10 January 2015

Keywords: Deformation Drop hammer Circular plate Hydrodynamic

ABSTRACT

In this paper, plastic deformation of the clamped mild steel and aluminum circular plates subjected to different hydrodynamic impact loading conditions are investigated. Extensive experimental tests were carried out by using a drop hammer. The experimental results are presented in terms of central deflection of the plates, deflection profiles, and strain distributions. The effect of different parameters such as material properties, plate thickness, stand off distance of hammer or the transfer energy were also investigated on behavior of deformation of plate. Analytical modeling was carried out using energy approach and introducing the deflection profile function based on the observed result of experimental. In this model effect of strain rate, hoop strain, radius strain and also effects of bending strain energy and membrane strain energy have been inserted. Calculations of the cases indicate that the proposed analytical models are based on reasonable assumptions. So, this method can be used for study of plastic deformation of plates under dynamic loading. The agreement between analytical and experimental results indicates that the new analytical approach presented in this work may be successfully employed for prediction of central deflection in different hydrodynamic impact loading conditions.

فرایند شکلدهی با سرعتبالا، فرایندی است که در آن مقدار زیادی انرژی در فاصله زمانی کوتاه آزاد میشود، لذا قطعه کار در برابر فشار زیادی قرار می-گیرد. در این روش ماده در کسری از ثانیه بهسرعت و شتاب بالایی می رسد بهطوري که سرعت شکل گيري قطعه بيش از 15 متر بر ثانيه است. در روش شکلدهی با نرخ انرژی پایین، برای شکلدهی فلزات از یک جرم

1- مقدمه

شکلدهی ورقهای فلزی همواره مورد توجه محققان و صنعتگران بوده است و بهطور کلی روشهای شکلدهی به دو دسته تقسیم میشوند که عبار تند از: 1- روش شکلدھی با نرخ انرژی بالا 2- روش شکلدهی با نرخ انرژی پایین

Please cite this article using: H. Babaei, A. Darvizeh, M. Alitavoli, T. Mirzababaie Mostofi, Experimental and Analytical Investigation into Plastic Deformation of Circular Plates Subjected to Hydrodynamic سراي الم Loading, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 2, pp. 305-312, 2015 (In Persian)

بەعنوان ضربەزنندە استفادە مىشود.

آنچه در این شیوه اهمیت دارد، آن است که سرعت جرم به هنگام ضربه زدن می تواند در حدود کمتر از 9 متر بر ثانیه باشد. انرژی تولیدی در این روش با انرژی تولید شده به روش شکل دهی با سرعت بالا که در آن سرعت موج ضربه در حدود 7600 متر بر ثانیه است قابل قیاس نیست؛ بنابراین در روش شکل دهی با سرعت بالا فشار زیادی در مدت کو تاهی بر قطعه اعمال می شود [2،1].

روش نرخ انرژی بالا دارای معایب و مزایایی است. بهطور مثال، این روش معمولاً توسط خرج انفجاری انجام میشود که صدای ناهنجار انفجار، امکان بروز حادثه، عدم دسترسی آسان به مواد منفجره و مسائل امنیتی از معایب و محدودیتهای این روش است.

روشهای با نرخ انرژی پایین با وجود این که میزان شکلپذیری ورق محدود بوده و با سرعتی پایین انجام می شود ولی ارزان و قابل دسترس هستند که این موضوع باعث جذب محققان شده است. این روش، در شمار پایین تولید و در مقیاس نمونه سازی می تواند جایگزین مناسبی برای فرآیند با نرخ انرژی بالا باشد [4.3].

تحقیقات تجربی نسبتاً گستردهای در زمینه شکل دهی با نرخ انرژی بالا توسط خرج انفجاری انجامشده است اما در خصوص شکل دهی با نرخ انرژی پایین با دستگاه چکش پرتابهای، تحقیقات بسیار محدود بوده که شاخص ترین آن مربوط به آزمایش های کوزینگ و اسکیو بوده است. آن ها از ورق های مسی باضخامت های متفاوت برای انجام آزمایش های خود استفاده کردند. در این تحقیقات، برای مدل سازی تحلیلی از معادلات انرژی مولر استفاده شده است [5-8].

در این مقاله روش شکلدهی با نرخ انرژی پایین از نوع هیدروفرمینگ با دستگاه چکش پرتابهای بهصورت تجربی مورد بررسی قرار گرفته است. در بخش تحلیلی، با استفاده از روش انرژی، مدلی برای پیشبینی خیز مرکز ورق دایرهای تحت بار هیدرودینامیکی ارائه شده است.

2- مکانیزم فرایند شکل دهی هیدرودینامیکی

شکلدهی هیدرودینامیکی روشی مبتنی بر انتقال نرخ انرژی پایین است. سامانه به کاررفته در این فرایند دستگاه چکش پرتابهای است که بهوسیله آن انرژی پتانسیل وزنهای در ارتفاع معین به انرژی جنبشی تبدیل شده و بهصورت بار ضربهای به پیستون و سیال واسط (آب) وارد می شود؛ بهعبارتدیگر انرژی جنبشی پرتابه به فشار هیدرودینامیکی در سیال تبدیل می شود و به تبع آن تغییر شکل ورق رخ می دهد.

نرخ تغییر شکل در این فرایند در بازهٔ میلی ثانیه است. این روش ماهیتی کاملاً مکانیکی دارد. در این فرایند به دلیل توزیع یکنواخت فشار چکش، از سیال واسط نظیر آب بین ورق و چکش استفاده می شود. اختلاف عمده روش هیدروفرمینگ نسبت به فرآیند موسوم به کشش ورق، در نوع سنبه آن است. در واقع در این روش از یک سیال (معمولاً آب یا ترکیب آب و روغن) یا یک ماده انعطاف پذیر به جای سنبه استفاده می شود.

کیفیت سطحی بالای قطعات، یکنواختی ضخامت، کشش قطعات پیچیده در یک مرحله، عمق کشش بیشتر به همراه توزیع مناسب کرنش و عدم نیاز به ساخت قالب و درنتیجه کاهش هزینه از مزایای این روش نسبت به فرآیند کشش عمیق است [8].

در فرایند شکلدهی با چکش پرتابهای، با بهکارگیری انرژی حاصل از رها کردن وزنه و انتقال آن به ستونی از آب، ورقها تغییر شکل مییابند؛

بهعبارتدیگر فشار ناشی از ضربه، در یک فرایند کنترلشده بر روی قطعه کار منتقل گشته و عمل شکلدهی صورت میگیرد.

شکل 1 دستگاه چکش پرتابهای استفاده شده در آزمایشهای تجربی انجام گرفته در این مقاله را نشان میدهد. این دستگاه متشکل از یک جعبه وزنه موسوم به چکش پرتابه است. این سامانه با دستگیره مغناطیسی کنترل شده و تا ارتفاع مناسب بالا برده میشود.

جعبه وزنه یا چکش توسط چهار ریل با حداقل اصطکاک در اطرافش مهار شده که در راستای کاملاً عمودی سقوط می کند تا فرایند شبیه سقوط آزاد شود. چکش رها شده به سیلندر و پیستون محتوی آب که انتهای سیلندر به ورق مورد آزمایش محدودشده ضربه میزند. هوای محبوس شده میان سطح آزاد آب و پیستون توسط شیر، تخلیه می شود و بدین ترتیب سیال واسط منحصراً آب است [9].

برای جلوگیری از نشت آب، سطح تماس ورق و سیلندر و همچنین سطح جانبی تماس سیلندر و پیستون توسط واشرهای لاستیکی کاملاً آببندیشده است. اجزا و قسمتهای مختلف این دستگاه در شکل 2 نشان دادهشده است.



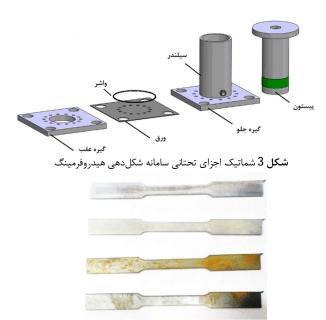
شکل 2 طرح شماتیک از سامانه بهکاررفته در انجام آزمایشها

3- آزمایشهای انجامشده

نمونه ورق های مورد آزمایش از دو جنس مختلف، فولاد نرم (فولاد 13) و آلومینیوم 1100 استفاده شده است. لازم به ذکر است که ورقهای فولادی در ضخامتهای 1 و 2 میلیمتر و همچنین ورقهای آلومینیومی با ضخامتهای 1، 2 و 3 میلیمتر تهیه شده است. مطابق شکل 3، ورق های برش خورده جهت نصب در گیره و مهار آن، سوراخ کاری می شوند. سپس نمونه ها میان دو صفحه فولادی به ابعاد 250×250 میلیمتر و با ضخامت 20 میلیمتر قرار داده شده و بهوسیله پیچهایی که در پیرامون ورق گیر (گیره) تعبیه شده اند، کاملاً مهار میشوند. در وسط ورق گیر، سوراخی به قطر 100 میلیمتر ایجاد شده است. این سوراخ در ورق گیر جوش شده به سیلندر برای اعمال بار هیدرودینامیکی روی ورق و در ورق گیر پشتی برای امکان خروج و شکل گیری ورق طراحیشده است. ورق گیر جلویی به سیلندری با جدار کاملاً صیقلی به صورت یکپارچه جوش داده شده است. پس از بستن برق گیرهای جلویی و پشتی، در داخل سیلندر، آب تا ارتفاع بیش از محل قرارگیری شیر تخلیه هوا ریخته می شود و سپس با قرار دادن پیستون و تخلیه هوا، سامانه آماده برخورد چکش می شود. مطابق شکل 1 وزنهای به جرم 70/4 کیلوگرم که در میان چهار ریل مهارشده تا ارتفاع متناسب باانرژی پتانسیل موردنظر توسط موتور الکتریکی به سمت بالا کشانده و با رهاسازی دستگیره مغناطیسی، وزنه سقوط آزادکرده و انرژی جنبشی حاصل از سقوط وزنه به سیال واسط منتقلشده و درنهایت موجب شکلدهی ورق میشود.

3-1- خواص مكانيكي مواد بهكاررفته

خواص مکانیکی مواد مورد استفاده در این مجموعه آزمایشها از انجام آزمون کشش تکمحوری روی نمونههای آمادهشده از ورقهایی با جنس فولاد نرم و آلومینیوم تعیینشده است. برای بررسی همگنی خواص مواد، از هر ورق در سه راستای مختلف افقی، عمودی و اریب (45 درجه) نمونههایی را با دستگاه وایر کات برش زده و سپس تحت آزمایش کشش با شرایط کاملاً یکسان قرار داده شده که در شکل 4 آورده شده است. شایان ذکر است که آزمون کشش بر روی ورقهای بریدهشده برای تعین نمودار تنش کرنش مطابق با استاندارد ASTM-E8 مورت گرفته است.



شکل 4 نمونه ورقهای برش خورده توسط دستگاه وایر کات

برای تعیین تنش تسلیم استاتیکی و تنش نهایی استاتیکی، از هر جنس و با هر ضخامت، دو ورق انتخاب و از هر ورق سه نمونه آزمایشگاهی A و B و C تهیه شده است. در انجام آزمایش، نمونهها با سه سرعت 5، 10 و 15 (دقیقه / میلیمتر) تحت کشش قرار گرفتند. با توجه به طول اولیه نمونهها (35 میلی-متر) سه نرخ کرنش (1/5) با مقادیر زیر اعمال شد.

$\vec{\varepsilon}_1 = 2.38 \times 10^{-0}$ $\vec{\varepsilon}_2 = 4.76 \times 10^{-0}$ $\vec{\varepsilon}_3 = 7.14 \times 10^{-0}$

آزمایش کشش تکمحوری با سرعت و یا نرخ کرنش یکسان روی هر دو نمونه (A1 و A2) انجام گرفته است، بنابراین برای هر جنس باضخامت مشخص جمعاً شش آزمون کشش محوری انجام پذیرفته است. شباهت تقریبی منحنیهای تنش و کرنش استخراج شده از آزمون کشش تکمحوری در سه راستای مختلف نشان میدهد که میتوان ماده را ایزوتروپیک فرض کرد. مقادیر تنش نهایی و تنش تسلیم برای هر نوع جنس در جدول 1 درج شده است.

3-2- نتايج آزمايشها

(1)

نتایج ارائه شده در این بخش شامل اندازه گیری حداکثر خیز مرکز ورق، کرنشهای محیطی و ضخامتی آزمایشهای انجام گرفته، است.

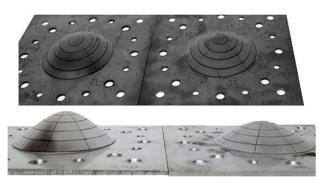
3-2-1- اندازهگیری حداکثر خیز مرکز ورق

در جدول 2 کلیه مشخصات و نتایج آزمایشهای انجام شده روی ورقهای فولادی و آلومینیومی آمده است. نتایج بهدست آمده در مجموعه آزمایشها، بیانگر پاسخ و رفتار مکانیکی ورقهایی از جنس فولاد و آلومینیوم تحت بارگذاری هیدرودینامیکی است که در آن اثر تغییرات جنس، ضخامت ورق و همچنین تغییرات مقدار بار یا به عبارتی افزایش انرژی انتقالی به ورق و به تبع آن تغییر نرخ سرعت تغییر شکل بررسی می شود. انرژی تولید شده در این فرایند با صرف نظر از اصطکاک از رابطه (1) بدست می آید:

E=mgh

که در آن **m** جرم چکش و **n** ارتفاع چکش نسبت به ورق قبل از سقوط آزاد است. در شکل 5 تصاویر ورقهای تغییر شکل یافته نشان داده شده است.

 جدول 1 خواص مکانیکی مواد استفاده شده							
 كرنش	چگالی	ميانگين تنش تسليم	میانگین تنش	مادہ			
 نهایی	(kg/m³)	استاتیکی (MPa)	نهایی (MPa)	000			
 0/28	7830	320	370	فولاد			
0/05	2700	120	150	آلومينيوم			



شکل 5 نمونههایی از تغییر شکل ورقهای فولادی و آلومینیومی

•	 · - 11	11113	ينيوم	الوم	
	1				

فولادى mm1 ……�

آلومينيوم mm**1** ·····∆

فولادی mm2 —

آلومينيوم mm2 –

در شکل 6 نمودار تغییرات خیز مرکز ورق نسبت به انرژی انتقالی از سامانه نشان داده شده است. در این نمودار خیز ورق ها برحسب انرژی برای دو جنس متفاوت فولاد و آلومینیوم در ضخامتهای مختلف به صورت تفکیک شده و متمایز ترسیم شده است. مطابق این نمودارها تأثیر جنس و ضخامت ورق بر میزان تغییر شکل کاملاً مشهود است و با افزایش انرژی انتقالی مقادیر خیز مرکز ورق افزایش می یابند. شیب تغییرات مقادیر خیز مرکز ورق در ورقهای آلومینیومی نسبت به ورقهای فولادی به دلیل شکلپذیرتر بودن این ماده نسبت به فولاد، بیشتر است.

3-2-2- اندازه گیری کرنش های محیطی و ضخامتی

کرنشها در ورقهایی که تغییر شکل یافتهاند، با اندازه گیری ابعاد هندسی ورق تعیین شده است بدین ترتیب که مطابق شکل 7، قبل از انجام آزمایش، یک شبکه دایرهای با 5 دایره هممرکز با قطرهای 20، 40، 80،60 و 100 میلیمتر روی سطح ورق ترسیم شده است که برای ترسیم این شبکه از یک شابلون و یک قلم با نوک نازک 0/5 میلیمتر و با جوهر مقاوم استفاده شده است. شایان ذکر است پس از تغییر شکل ورق، قطرهای شبکه دایرهای و

با قرار دادن مقدار **D** در رابطه (2) کرنش محیطی محاسبه خواهد شد، که در آن **۵** قطر دایره قبل از تغییر شکل ورق است. [10]. $\varepsilon_{\theta} = \ln \frac{D}{D_0}$

ضخامت ورق در محل ترسیم دایرهها و همچنین در مرکز ورق اندازه گیری شده است بهطوری که توسط یک کولیس دیجیتالی با دقت 0/01 میلیمتر

قطر هر دایره را در نقاط مختلف از پیرامون آن اندازهگیری و با گرفتن

میانگین، یک مقدار نهایی **D** برای اندازه قطر آن در نظر گرفته شده است.

همان طور که در شکل 7 نشان داده شده است نمونه ورق ها به صورت مربعی در ابعاد 250×250 میلیمتر برش زده شدهاند. برای محاسبه کرنش ضخامتی، ضخامت اولیه ورق و همچنین ضخامت پس از تغییر شکل آن در نقاط مشخص اندازه گیری شده است. مقدار ضخامت ثانویه **7** پس از برش عمودی و از میانگین ضخامتهای اندازه گیری شده در نقاط معکوس قطری روی دایرههای ترسیم شده تعیین شدهاند. با قرار دادن مقادیر بهدست آمده در رابطه (3) کرنش ضخامتی محاسبه می شود.

$$\varepsilon_t = \ln \frac{T}{T_0} \tag{3}$$

که در آن 70 ضخامت اولیه ورق، قبل از انجام آزمایش است. برای محاسبه کرنش شعاعی، قانون ثبات حجم مطابق رابطه (4) به کار میرود.

 $\varepsilon_r + \varepsilon_{\theta} + \varepsilon_t = \mathbf{0}$

نمودار توزیع کرنشهای $\varepsilon_{ heta}$ و $\varepsilon_{ heta}$ برحسب تغییرات فاصله شعاعی برای ورق-های فولادی باضخامتهای مختلف و باانرژی اعمال شده متفاوت در شکلهای 8 و 9 نمایش داده شده است و همچنین بهطور مشابه نمودار توزیع کرنش های ε_t و ε_{θ} برای ورق های آلومینیومی در شکل های 10 و 11 نشان داده شده است.

22

20

18

16 <u>.</u>٢

> 14 12

10

8

6

4

2

مركز ورق (ميلىمتر

خيز مركز ورق

(mm)

16/0

17/8

19/8

11/9

14/4

18/7

8/2

11/5

14/4

5/8

11/3

15/0

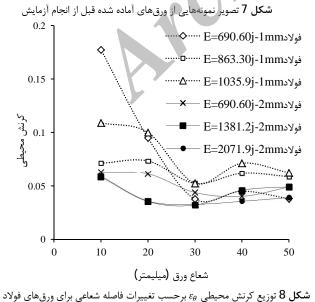
8/5

9/3

15/3

(2)

(4)



13 با ضخامتهای مختلف و باانرژی اعمال شده متفاوت

ارتفاع وزنه

(cm)

100

125

150

100

200

300

10

20

30

30

50

65

50

65

100

جدول 2 مشخصات و نتایج آزمایش های انجام شده

ضخامت ورق

(mm)

1

1

1

2

2

2

1

1

1

2

2

2

3

3

شمار ہ

آزمايش

1

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

13

14

15

جنس

ورق

فولاد

فولاد

فولاد

فولاد

فولاد

فولاد

آلومينيوم

آلومينيوم

ألومتنبوم

آلومينيوم

آلومينيوم

آلومينيوم

آلومينيوم

ألومينيوم

آلومينيوم

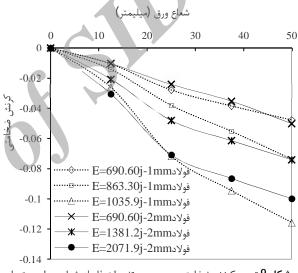
⁰ 200 400 600 800 1000 1200 1400 1600 1800 2000 2200 انرژی انتقالی تغییر شکل ورق (ژول) شکل 6 نمودار تغییرات خیز مرکز ورق نسبت به انرژی انتقالی

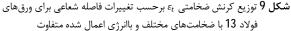
با مقایسه این نمودارها میتوان نتیجه گرفت که مقادیر کرنشهای *5* و ٤٠ بهطور قابلملاحظهای تحت تأثیر جنس، ضخامت ورق و مقدار انرژی ورودی هستند. بیشترین مقدار کرنشها ٤٤ و ٤٤ در مرکز ورق ایجاد میشود، با افزایش فاصله شعاعی از مرکز این مقادیر کاهش و در ناحیه لبه گیردار به کمترین مقدار خود میرسند.

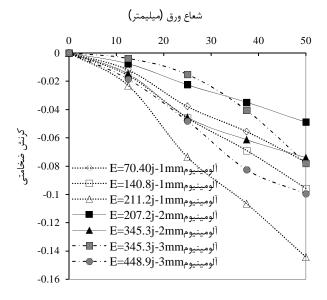
آهنگ توزیع هر یک از کرنشها، ۶٫ و ٤٫، برحسب فاصله شعاعی تحت تأثیر جنس، ضخامت و مقدار انرژی ضربه زننده نبوده و شکل نمودار آنها با تغییر هر یک از این پارامترها تقریب ثابت میماند.

4- ارائه مدل تحلیلی برای تغییر شکل ورقهای دایرهای تحت بارگذاری هیدرودینامیکی

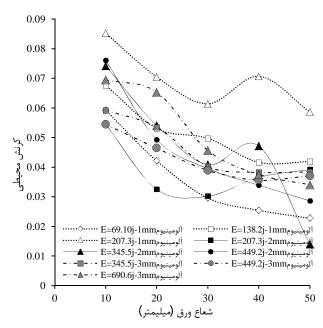
در این قسمت، مدل تحلیلی برای پیش بینی تغییر شکل ورق های دایره ای گیردار تحت بارگذاری هیدرودینامیکی با استفاده از روش انرژی ارائه می شود. مفروضات اعمال شده برای تعیین مدل های تحلیلی بر اساس نتایج حاصل از آزمایش های تجربی انجام شده در این مقاله است.







شکل 10 توزیع کرنش ضخامتی ₆4 برحسب تغییرات فاصله شعاعی برای ورقهای آلومینیوم 1100 با ضخامتهای مختلف و باانرژی اعمال شده متفاوت



شکل 11 توزیع کرنش محیطی ۶₀ برحسب تغییرات فاصله شعاعی برای ورق،های آلومینیوم 1100 با ضخامت،های مختلف و باانرژی اعمال شده متفاوت

در تغییر شکل ناشی از بار هیدرودینامیکی، پروفیل تغییر شکل ورق دوکی شکل نبوده و بیشتر به صورت گنبدی یا پوسته کروی ناقص است. با بررسی ها و مقایسه نتایج تحقیقات تجربی انجام شده رابطه (5) بهترین تقریب را برای پروفیل تغییر شکل ورق دارد [12.11].

$$w(r) = W\left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^3\right)$$
(5)

که در آن (w(r) تابع جابجایی ورق، W مقدار جابجایی یا خیز مرکز ورق، R, r به ترتیب راستای شعاعی و شعاع خارجی ورق است. مقادیر کرنشها و انحناهای شعاعی و محیطی با استفاده از رابطه 5 بهصورت روابط (6-9) به دست می آیند [13]

$$K_{\theta} = -\frac{1}{R} \frac{\partial w}{\partial r} = \frac{3Wr}{R^3}$$

$$(6)$$

$$W = -\frac{\partial^2 w}{\partial r} = \frac{6Wr}{R^3}$$

$$(7)$$

$$K_r = -\frac{1}{\partial r^2} = \frac{1}{R^3}$$
(7)

$$\varepsilon_r = \varepsilon_m + \varepsilon_{rb} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial W}{\partial r} \right) + ZK_r \tag{8}$$
$$\varepsilon_\theta = \varepsilon_{\theta b} = ZK_\theta \tag{9}$$

در روابط فوق *κ* و *K* و *K* به ترتیب، انحنای شعاعی و محیطی هستند. *E*_{rb}, *σ*, *σ* و *σ*, به ترتیب، کرنش غشایی، کرنش خمشی شعاعی و کرنش خمشی محیطی هستند و همچنین *Z* راستای جابجایی و عمود بر صفحه ورق است. کار پلاستیک انجام شده در حین تغییر شکل ورق از رابطه انرژی کرنشی قابل محاسبه است. در این رابطه تنها اثر کرنشهای شعاعی و محیطی در نظر گرفته و از مقادیر کرنش ضخامتی صرفنظر می شود.

$$E_{P} = \int_{V} (\sigma_{r} \varepsilon_{r} + \sigma_{\theta} \varepsilon_{\theta}) dV$$
(10)

برای فشار هیدرو استاتیکی در مواد غیر حساس نظیر فلزات، مؤلفهٔ هیدرو استاتیکی تنسور تنش اثر قابلملاحظهای بر تسلیم و سیلان پلاستیک ندارد. بنابراین، این مؤلفهها را میتوان از تنسور تنش حذف کرد. بدین ترتیب، امکان بهکارگیری معیار تسلیم ترسا، وان مایزز و قانون سیلان وان مایزز

فراهم می شود. با قرار دادن معیار تسلیم ترسکا و رابطه سیلان وان مایزز برای مواد پلاستیک کامل معادله (11) برای ورقهای دایرهای به دست می آید [14]:

$$\frac{d\varepsilon_r}{\sigma_r} = \frac{d\varepsilon_\theta}{\sigma_e} = \frac{d\varepsilon_z}{\sigma_z} = d\lambda$$
(11)

$$= d\varepsilon_{\theta} \tag{12}$$

$$\sigma'_r = \sigma'_\theta \to \sigma_r - \sigma_M = \sigma_\theta - \sigma_M \tag{13}$$

درنتيجه:

$$\sigma_r = \sigma_{ heta}$$
 (14)
بر اساس معیار ترسکا میتوان نوشت:

$$\sigma_r - \sigma_M = \sigma_d$$
 (15)
با توجه به اینکه بار بهصورت آنی است، لذا تنش در راستای z، صفر در نظر
گرفته شده است. سرانجام از روابط فوق میتوان رابطه (16) را نوشت:
(۱۵)

$$\sigma_r = \sigma_\theta = \sigma_d \tag{10}$$

$$E_{P} = \int_{V} \sigma_{d} (\varepsilon_{r} + \varepsilon_{\theta}) dV$$

$$= \int_{0}^{F} \int_{-H/2}^{H/2} \sigma_{d} (\varepsilon_{r} + \varepsilon_{\theta}) 2 \pi r dZ. dr$$
(17)

در رابطه فوق H ضخامت ورق است. شایان توجه است که راستای توزیع تنشهای اصلی همجهت با راستای کرنشهای اصلی است، لذا معادله (17) بهصورت (18) درمیآید:

$$E_{P} = \mathbf{2} \pi \sigma_{d} \left[\int_{0}^{R} \int_{-H/2}^{H/2} (\varepsilon_{m}) + \mathbf{2} \int_{0}^{R} (\varepsilon_{rb} + \varepsilon_{\theta}) \right] r dZ. dr$$
(18)

$$E_p = 1.5 \pi \sigma_d [HW^2 + H^2W]$$
(19)

تنش تسلیم *a*₀ را میتوان برحسب تنش تسلیم استاتیکی محاسبه کرد. به همین منظور از رابطه تجربی کوپر -سیموندز استفاده میشود **[15]**.

$$\sigma_d = \sigma_y \left[\mathbf{1} + \left(\frac{\dot{\varepsilon}_M}{n}\right)^{\frac{1}{q}} \right]$$
(20)

که در آن in نرخ کرنش متوسط، $n \in p$ ثابت مواد هستند که به ترتیب برای فولاد 40/4 و 5 و برای آلومینیوم 6500 و 4 است. رابطه 20 را میتوان به صورت (21) نیز در نظر گرفت [1].

$$\sigma_d = \lambda \sigma_y \tag{21}$$

$$\dot{\varepsilon} = \frac{d\varepsilon_r}{dt} \tag{22}$$

از آنجا که رابطه نرخ کرنش تابعی از فاصله شعاعی ورق است، نرخ کرنش متوسط با فرض r = r بهصورت رابطه (23) بازنویسی می شود.

$$\dot{\varepsilon}_M = \frac{9W\dot{W}}{2R^2} \tag{23}$$

که در آن W سرعت متوسط تغییر شکل و یا جابجایی ورق است و مقدار آن بهوسیله رابطه (24) تخمین زده می شود [17.16].

$$\dot{W} = \frac{V}{\sqrt{2}} \tag{24}$$

سرانجام با توجه به روابط فوق، معادله (20) بهصورت (25) به دست میآید.

$$\sigma_d = \sigma_y \left[\mathbf{1} + \zeta \left(\frac{W}{H} \right)^{\overline{q}} \right]$$
(25)

که در آن رابطه (26) برقرار است.

 $d\varepsilon_r$

$$\zeta = \left(\frac{\mathbf{3}^2 VH}{\sqrt{\mathbf{2}R^2n}}\right)^{\frac{1}{q}}$$
(26)

انرژی صرف شده بهواسطه کار پلاستیک در مرحله تغییر شکل برابر با انرژی اولیه تغییر شکل ورق در حین جابجایی است و این انرژی از طریق انرژی پتانسیل اولیه ضربه زننده (چکش) تأمین میشود، لذا با مساوی قرار دادن رابطه (19) با رابطه (1) معادله (27) به دست میآید [18]:

$$[HW^2 + H^2W] = \frac{2mgh}{3\pi\sigma_d}$$
(27)

با جایگزینی رابطه $\sigma_{
m d}$: میتوان رابطه (28) را نوشت:

$$\left(\zeta \left(\frac{W}{H}\right)^{2+\frac{1}{q}} + \left(\frac{W}{H}\right)^{2}\right) + \zeta \left(\frac{W}{H}\right)^{1+\frac{1}{q}} + \left(\frac{W}{H}\right) = \frac{mgh}{\mathbf{1.5}\,\pi\,H^{3}\sigma}$$
(28)

با فرض اینکه **2 pprox 1/q \approx 1 و 1 pprox 1/q + 1 معادله فوق بهصورت رابطه (29) به دست میآید.**

$$\left(\frac{W}{H}\right)^{2} + \left(\frac{W}{H}\right) = \frac{mgh}{\mathbf{1.5}\,\pi\,(\mathbf{1}+\zeta)H^{3}\sigma}$$
(29)

باحل معادله فوق نسبت به (W/H) عادله تحلیلی خیر مرکز ورق مطابق رابطه (30) محاسبه میشود:

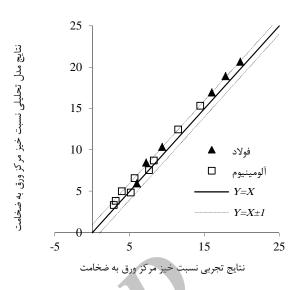
$$\left(\frac{W}{H}\right) = \frac{1}{2} \left(\sqrt{1 + \frac{8mgh}{3(1 + \zeta)H^3\sigma}} - 1 \right)$$
(30)

برای ارزیابی دقت مدل ارائه شده با استفاده از روش انرژی، در شکل 12 مقادیر تحلیلی و تجربی نسبت بیبعد خیز مرکز ورق به ضخامت برای هر آزمایش مقایسه شدهاند به عبارت دیگر مقادیر W/H در دو حالت تجربی و تحلیلی بررسی شدهاند. لازم به ذکر است که مقادیر تحلیلی از معادله 30 و نتایج مربوط به آزمایش ها از جدول 2 استخراج شده است. همان گونه که درشکل 12 مشاهده می شود، پیش بینی مدل تحلیلی (معادله 30) در مقایسه با نتایج تجربی از دقت بسیار قابل قبولی بر خوردار است. در شکل 12 خط با نتایج تجربی از دقت بسیار قابل قبولی بر خوردار است. در شکل 12 خط تحربی مساوی هستند و خطوطی که با تلورانس 1± مشخص شدهاند، حالت کاملاً سخت گیرانه و محدود است.

مطابق شکل 12، 100 درصد نقاط محاسبه شده بهوسیله مدل تحلیلی ارائه شده در محدوده تعیین شده قرار دارند.

5- نتیجه گیری و جمع بندی

در این مقاله تغییر شکل ورق نازک دایرهای از جنس فولاد و آلومینیوم با استفاده از فرایند هیدرودینامیکی و دستگاه چکش پرتابهای بهصورت تجربی و تحلیلی بررسی شد. نتایج بهدست آمده درک خوبی از رابطه خیز مرکز ورق و بار هیدرودینامیکی وارد شده میدهد درحالیکه خواص مکانیکی مواد، فاصله چکش از هدف و ضخامت ورق تغییر میکند. علی رغم اینکه فرایند به کار رفته



شكل 12 مقايسه مقادير تحليلي و تجربي نسبت خيز مركز ورق به ضخامت

بسیار ساده، ارزان و کمخطر است ولی کیفیت تغییر شکل ورق ها مشابه سایر فرایندهای مرتبط نظیر شکل دهی انفجاری و لوله شوک است با این تفاوت که در این فرایند به دلیل پایین بودن سرعت، فشار هیدرودینامیکی باعث تغییر شکل ورق بهصورت گنبدی و کاملاً یکنواخت می شود.

نتایج تجربی بهدستآمده بر اساس پارامترهای خیز مرکز ورق و توزیع کرنشهای محیطی و شعاعی ارائه شده که در آنها اثر میزان انرژی انتقالی، جنس و ضخامت ورق کاملاً مشهود است. مدل تحلیلی ارائه شده در این مقاله با فرض معلوم بودن تابع گستره تغییر شکل و با در نظر گرفتن اثر نرخ کرنش و بر اساس روش انرژی محاسبه گردیده است. نتایج مدل توافق بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد بهطوری که تمامی آزمایش های انجام گرفته در محدوده-ای با خطای قابل قبول قرار گرفتهاند. با افزایش ارتفاع چکش رها شده، سرعت برخورد آن با سیلندر افزایش یافته در نتیجه تأثیر پارامتر نرخ کرنش در معادلات تحلیلی ارائه شده برای به دست آوردن حداکثر خیز مرکز ورق اهمیت می یابد به این معنا که تأثیر پارامتر نرخ کرنش برای ورقهای فولادی نسبت به ورقهای آلومینیومی بیشتر است.

6- فهرست علائم

- (m) قطر دایرههای هممر کز D
 - E انرژی (kgm²s⁻²)
- (ms⁻²) شتاب گرانش زمین g
 - *h* ارتفاع چکش (m)
 - (m) ضخامت ورق (H
 - انحنا (m⁻¹)
 - جرم چکش (kg)
 - m
 - ثابت مادہ n
 - ثابت مادہ
 - (m) شعاع خارجی ورق R
 - سرعت (ms⁻¹) V
- تابع جابجایی در راستای شعاعی
 - خيز مركز ورق (m)

علائم يونانى

ε کرنش تنش (kgm⁻¹s⁻²)

یارامتر تعریف شدہ برای نرخ کرنش

بالانويسها 0

اەلىە

نرخ

زيرنو

فا	يس
محيطى	θ
شعاعي	r
ضخامتي	t
غشايي	m
خمشى	b
متوسط	М
پلاستيک	Р
ديناميک	d
تسليم	у



- [1] H. Babaei, A. Darvizeh, Investigation into the Response of Fully Clamped Circular Steel, Copper, and Aluminum Plates Subjected to Shock Loading, *Mechanics Based Design of Structures and Machines*, 39(4), pp. 507-526, 2011.
- H. Babaei, A. Darvizeh, Experimental and analytical investigation of large deformation of thin circular plates subjected to localized and [2] uniform impulsive loading, *Mechanics Based Design of Structures and Machines*, 38, pp. 171–189, 2010.
- D.J. Mynors, B. Zhang, Applications and capabilities of explosive [3] forming, Journal of materials processing technology, 125 -126:1-25, 2002.
- H.P. Tardif, Explosive forming of cones by metal gathering. Metal [4] progress, 76 (3), pp. 84, 1959.
- S. Thiruvarudchelvan and W. Lewis, A note on hydro forming with [5] constant fluid pressure, Journal of Materials Processing Technology. 88, pp. 51–56, 1999.
- S. H. Zhang, L. X. Zhou, Z. T. Wang, and Y. Xu, 'Technology of sheet hydro forming with a movable female die', *International Journal of Machine Tools and Manufacture*. 43 (8), pp. 781–785, 2003. [6]
- D. Kang, L. Lang, X. Meng, and J. Xuan, 'Hydrodynamic deep drawing process', *Journal of materials processing technology*, 101 (1–3), pp. 21– [7] 24, 2000.
- O.E. Kosing, B.W. Skews, An investigation of high-speed forming of [8] circular plates in a liquid shock tube. International Journal of Impact Engineering, 21(9), pp. 801-816, 1998.
- Lange, K. Handbook of Metal Forming, Second Printing, McGraw-Hill, [9] NewYork, 1994.
- [10] GN. Nurick, A new technique measure the deflection-time history of a structure subjected to high strain rates. International Journal of Impact Engineering, 3, pp. 17-26, 1985.
- [11] TJ. Cloete, GN. Nurick, RN. Palmer, The deformation and shear failure of peripherally clamped centrally supported blast loaded circular plates, International Journal of Impact Engineering, 32, pp. 92-117, 2005.
- [12] GN. Nurick, An empirical solution for predicting maximum central deflections of impulsively loaded plates. In: Harding J, editor. Mechanical properties of materials at high rates of strain. Oxford: Inst of Physics, pp. 457-464, 1989.
- [13] N. Jones, Structural impact. Cambridge: Cambridge University Press, 1989
- [14] Y. Chen, J. Zhang, Y. Wang, P. Tang, Non-linear transient analysis of a blast-loaded circular plate resting on nonviscous fluid. Int. J. Pressure Vessels and Piping, 82, pp. 729-737, 2005.
- [15] H.M. Wen, TY. Reddy, SR. Reid, Deformation and failure of clamped beams under low speed impact loading, International Journal of Impact Engineering, 16(3), pp. 435-454, 1995.

هاشم بابایی و همکا*ر*ان

بررسی تجربی و تحلیلی تغییر شکل پلاستیک ورقهای دایرهای تحت بارگذاری هیدرودینامیکی

- [18] H.M. Wen, TX. Yu, TY. Reddy, A note on the clamped circular plates under impulsive loading. *Journal of Structural Mechanics*, 23(3), pp. 331-342, 1995.
- [16] H.M. Wen, TX. Yu, TY. Reddy, Failure maps of clamped beams under impulsive loading. *Journal of Structural Mechanics*, 23(4), pp. 353-372, 1995.
- [17] J. Zamani , H. Motamed al shariati , A. K. Ghamsari , A. Sheikhi Kooshyar, Investigation of Strain Rate Loading, *Journal of Enerfetic Materials*, Vol. 5, No.2, pp. 43-58,2011.