

ماهنامه علمی پژوهشی

 |» ®Ì¿Z°»Ê|ÀÆ»

mme.modares.ac.ir

بررسی عددی آنتروپی تولیدی جریان نانوسیال در کانال سینوسی عمودی تحت میدان ھ**غناطىسے**

حبيب امينفر¹، محمد نصيرى²´، مرضيه خضرلو³

1 - استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تبریز، تبریز 2- مربی، مهندس مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد بروجرد، بروجرد ³– کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تبریز، تبریز m.nasiri@iaub.ac.ir ،6915136111 . m.nasiri@iaub.ac

Please cite this article using: :|ÌËZ¼¿Ã{Z¨fY¶Ë}cZ^YÄ·Z¬»¾ËYÄ]ZmYÉY]

[www.SID.ir](www.sid.ir) H. Aminfar, M. Nasiri, M. Khezerloo, Numerical investigation of entropy generation of nano-fluid in vertical sinusoidal channel with magnetic field, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 9, pp. 87-94, 2015 (In Persian)

In this study, generated entropy of mixed convection of Al_2O_3 -water nano fluids in a vertical channel with sinusoidal walls under a constant and uniform magnetic field was numerically investigated. The effects of various parameters such as volume fraction of nanoparticles, amplitude of sine wave, Reynolds, Grashof and Hartman numbers were studied. This study was carried out by assuming the laminar, steady state and incompressible flow. Also, the thermo physical properties of nanoparticles were assumed constant. The Boussinesq approximation was used to calculate the variations of the density caused by buoyancy force and the finite volume method and two phase mixture model were used to simulate the flow. The results showed that the entropy generation due to heat transfer and viscous effects increased by adding nanoparticles to the base fluid. Also, the results showed that the entropy generation due to heat transfer increases by increasing the Grashof number and decreasing the Reynolds number, while a reverse trend is observed for entropy generation due to viscous effects. By increasing the Hartman number, the entropy generation due to heat transfer increases at first and then decreases and entropy generation due to viscous effects reduces. For all studied intensities of magnetic fields, the entropy generation decreases using corrugated channels.

 Ä»|¬» -1 در بیشتر کاربردهای مهندسی، به ویژه در مبدلهای حرارتی، بهبود انتقال خرارت یک موضوع بسیار مهم است. از طرفی در اکثر صنایع مانند صنایع غذایی، صنایع دارویی و شیمیایی مبدلهای حرارتی صفحهای بیشتر مورد اهمیت هستند. یکی از روشهایی که میتوان نرخ انتقال حرارت را بهبود بخشید، موجدار کردن دیوارههای کانال است. ساخت کانالهای موجدار در مقایسه با روشهای دیگر بهبود انتقال حرارت، مانند تعبیه منفذ و تولید گردابه آسانتر است. دیوار مهای موجدار با افزایش اختلاط جریان تودهای و پا

Numerical investigation of entropy generation of nano-fluid in vertical sinusoidal channel with magnetic field

Habib Aminfar¹ ǡMohammad Nasiri2* **ǡMarzieh Khezerloo**¹

1- Faculty of Mechanical Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran. 2- Faculty of Engineering, Islamic Azad University, Borujerd Branch, Borujerd, Iran.

ȗP.O.B. 6915136111, Borujerd, Iran, m.nasiri@iaub.ac.ir

ARTICLE INFORMATION ABSTRACT

Original Research Paper Received 30 May 2015 Accepted 12 July 2015 Available Online 29 July 2015

Keywords: **Nanofluid** Mixed Convection Sinusoidal Channel Magnetic Field Entropy Generation

كاهش ضخامت لايهمرزي حرارتي، انتقال حرارت ,ا افزايش مىدهد. مسأله انتقال حرارت و جریان سیال در کانال با دیوارههای موجدار توسط محققان زیادی به صورت عددی و تجربی مورد مطالعه قرار گرفته است [2،1].

پایین بودن ضریب رسانایی حرارتی سیالهایی نظیر آب، روغن و هوا باعث شد که پژوهشگران با افزودن ذرات فلزی در ابعاد نانومتر به سیال پایه، ضریب رسانایی حرارتی را افزایش دهند. استفاده از نانوسیال به منظور افزایش کارایی انتقال حرارت زمینه مطالعات زیادی به صورت عددی و تجربی در زمینه جریان نانوسیال در کانال ایجاد کرده است [4،3].

تعامل بین حرکت سیال و میدان مغناطیسی، تنوع غنی از پدیدههای مرتبط با تبدیل انرژی مکانیکی از قبیل فرایندهای مربوط به فلزات، گرمایش و کنترل جریان و یا تولید نیرو از مخلوط دوفازی را فراهم میکند. همچنین در بسیاری از صنایع حرارتی، در ایجاد حرکت در پمپها برای ایجاد جریان-های چرخشی و شناوری از میدان مغناطیسی استفاده میشود. میدان مغناطیسی باعث جهت گیری منظم ذرات نانوسیال میشود و این موجب ارتباط بیشتر بین ذرات نانو میگردد. در نتیجه در جریان نانوسیال، اعمال میدان مغناطیسی مطلوب میتواند انتقال حرارت را به طور چشمگیری $[6.5]$ افزايش دهد.

اندازهگیری میزان برگشت ناپذیری در طول یک فرایند، نرخ تولید آنترویی نامیده میشود. تجزیه و تحلیل تولید آنترویی یک ابزار قدرتمند برای تعیین کارآمد بودن و قابل اجرا بودن فرایندهاست. بنابراین قبل از ساخت هر نوع سیستمی، تجزیه و تحلیل قانون دوم ترمودینامیک (تولید آنتروپی) برای داشتن طراحی بهتر سیستم، امری ضروری است. اکثر مطالعات انجام گرفته در زمینه نانو سیال مربوط به قانون اول ترمودینامیک و از نقطه نظر انتقال حرارت است. تولید آنترویی اغلب در سیستمهایی با سیالات معمول (مانند آب، اتیلن گلکول و …) مطالعه شده است. اما مطالعه روی سیستمهایی با نانو سیال به عنوان سیال کاری بسیار محدود است. به منظور بهینه سازی سیستمهای حرارتی، به حداقل رساندن تولید آنتروپی یک امر ضروری یابد. است [7-9]. پیلباس و همکاران [10] کارایی جابجائی طبیعی و تولید آنتروپی در یک حفره مربعی با دماهای متفاوت برای دیوارهای بالایی و پائینی را بررسی کردند. ایلس و همکاران [11] به بررسی تأثیر نسبت ابعادی حفره روی تولید آنتروپی پرداختند. بررسی برای حفرهای با دمای پائین در دیواره سمت راست و دمای بالا در دیواره سمت چپ انجام شد. تولید آنتروپی جریان آب و نانوسیال آب-Cu از داخل میکرووکانال سه بعدی توسط لی و کلینسترور [12] مورد بررسی قرار گرفت. آنها یافتند که آنتروپی ناشی از انتقال حرارت برای میکروسیستمهای حرارتی مهم است در حالیکه با افزایش سرعت ورودي، آنتروپي اصطكاكي نيز مهم ميشود. محمود و همكاران [13، 14] انتقال حرارت جابجايي آزاد و توليد آنتروپي را داخل محفظهاي با دیوارههای موجدار که دیوارههای سمت راست و چپ دماهای متفاوتی داشتند بررسی کردند. شاهی و همکاران [15] تولید آنتروپی ناشی از انتقال حرارت همرفت طبیعی در حفره مربعی محتوی نانو سیال که با منبع حرارتی بیرون زده شده گرم میشد را بررسی کردند. آنها نشان دادند که با افزایش 2-معادلات حاكم کسر حجمی نانو ذره، عدد ناسلت افزایش و تولید آنتروپی کاهش مییابد. همچنین نتایج نشان داد که با قرار دادن منبع حرارتی در دیواره پائینی محفظه، می توان کارایی انتقال حرارت را بیشینه و تولید آنترویی را کمینه كرد. بيژن [8] توليد آنتروپي ناشي از انتقال حرارت و لزجت سيال را به عنوان تابع هدف برای بهینه سازی هندسه لولهها و یافتن پارامترهای بهینه

برای مبدلهای حرارتی، مطالعه کرد. لئونگ و اونگ [16] تولید آنتروپی نانوسیال را داخل انواع کانالها با سطح مقطعهای مختلف مطالعه کردند. نتایج نشان داد که کانالی با سطح مقطع دایرهای از لحاظ تولید آنتروپی بسیار مناسبتر از کانالهایی با مقاطع مستطیلی و مثلثی است. همچنین آنها گزارش کردند که آنترویی ناشی از انتقال حرارت 99 درصد کل آنترویی تولید شده است. کو و چنگ [17] روشی عددی برای بررسی مساله همرفت اجباری در کانال موجدار و تولید آنترویی به کار بردند. نتایج نشان داد که تولید آنتروپی در درجه اول با نسبت ابعاد کانال و عدد رینولدز جریان تعیین می-شود. همداح و ورتز [18] مساله همرفت ترکیبی در کانالهای عمودی با دیوارههای گرم نامتقارن را بررسی کردند. نتایج نشان داد که اثر شناوری در جریان تودهای باعث برگشت جریان در نزدیک دیوار سرد و افزایش عملکرد انتقال حرارت در نزدیکی دیوار گرم میشود. اخیرا مطالعاتی در زمینهی تحلیل قانون دوم ترمودینامیک برای جریانهایی در حضور میدان مغناطیسی صورت گرفته است. ماهیان و همکاران [19] یک مطالعه تحلیلی از قانون دوم ترمودینامیک برای جریان و انتقال حرارت نانوسیال آب-TiO2 داخل حلقهی عمودی با دیوارههای با شار حرارتی ثابت و تحت تأثیر میدان مغناطیسی ارائه دادند. نتایج نشان داد که استفاده از نانوسیال آب-TiO2 تولید آنتروپی را كاهش مىدهد، در حاليكه با افزايش عدد هارتمن توليد آنتروپي افزايش مي-یابد. آقایی و همکاران [20] انتقال حرارت و تولید آنتروپی در جابجایی ترکیبے، نانو سیال آب–مس در یک محفظه ذوزنقهای با دیواروی بالایی متحرک را که تحت میدان مغناطیسی بود به صورت عددی مطالعه کردند. آنها یافتند که برای تمامی حالتهای بررسی شده آنترویی تولیدی ناشی از اصطکاک بسیار ناچیز است. مهرز و همکاران [21] انتقال حرارت و تولید انتروپی در جابجایی اجباری نانوسیال آب-Cu داخل محفظه باز و در حضور میدان مغناطیسی بررسی کردند. آنها مشاهده کردند که برای تمامی موراد بررسی شده، آنتروپی تولیدی با افزایش کسر حجمی نانو یسال افزایش می-

با اینکه جریان داخل کانالی با دیوارههای موجدار کاربردهای زیادی در صنایع و مبدل های جرارتی دارد ولی از نقطه نظر تحلیل قانون دوم ترمودینامیکی مطالعات اندکی روی آن صورت گرفته است. بررسی منابع موجود نشان میدهد که تحلیل قانون دوم ترمودینامیک برای نانوسیالات در چنین هندسههایی و به ویژه در حضور میدان مغناطیسی، زمینهی بسیار مهمی است که زیاد به آن پرداخته نشده است. در این مطالعه سعی شده است تولید آنتروپی جریان نانوسیال آب-Al2O3 در یک کانال عمودی با دامنههای سینوسی مختلف، تحت شار حرارتی یکنواخت مطالعه شود و میزان تأثیر کسر حجمی نانو ذرات، عدد رینولدز و عدد گراشف بر تولید آنتروپی حرارتی و جریانی مورد بررسی قرار گیرد. همچنین تأثیر عدد هارتمن بر آنترویی تولیدی برای کسر حجمی ثابت نانو ذرات، در اعداد رینولدز و گراشف

مختلف مطالعه شد. به منظور مطالعه اثرات میدان مغناطیسی ثابت، سابروتینهایی به نرم افزار اضافه شده است.

در بسیاری از کاربردهای عملی جریان چندفازی، مدل مخلوط یک تقریب مناسب و بسیار دقیق است [22]. در این مطالعه، جریان آرام، پایا و غیرقابل تراکم با خواص ترموفیزیکی ثابت در نظر گرفته شده و از اتلافات، کار فشاری و کار نیروهای حجمی صرف نظر شده است. همچنین برای محاسبه تغییرات چگالی ناشی از نیروی شناوری از تقریب بوزینسک استفاده شده است.

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

معادلات حاکم شامل معادلات پیوستگی، مومنتم، انرژی و کسر حجمی به ترتيب به صورت (1) تا (4) تعريف مي شوند [23-25].

$$
\nabla \mathbf{C}_{\text{eff}} V_m \mathbf{)} = \mathbf{0} \tag{1}
$$

$$
\nabla \mathbf{C}_{\text{eff}} V_m V_m \mathbf{J} = -\nabla P + \nabla \mathbf{C}_{\text{eff}} \nabla V_m \mathbf{J} +
$$
\n
$$
\rho_{\text{eff}} \beta_{\text{eff}} g \mathbf{C} T - T_C \mathbf{J} + \nabla \left(\sum_{k=1}^n \varphi_k \rho_k V_{dr,k} V_{dr,k} \right)
$$
\n
$$
+ \vec{J} \times \vec{B}
$$
\n(2)

$$
\nabla \left[\sum_{k=1}^{n} (\rho C_p)_{k} \varphi_{k} V_{k} T \right] = \nabla \mathbf{C} k_{\text{eff}} \nabla T \mathbf{J} + \frac{\mathbf{1}}{\sigma_{\text{eff}}} \vec{\mathbf{C}} \cdot \vec{J} \mathbf{J}
$$
(3)

$$
\nabla(\varphi_{\mathbf{p}}\rho_{\mathbf{p}}V_m) = -\nabla(\varphi_{\mathbf{p}}\rho_{\mathbf{p}}V_{dr,\mathbf{p}})
$$
\n(4)

که $V_{\rm ar}$ و $V_{\rm dr}$ به ترتیب چگالی موثر، سرعت متوسط و سرعت دریفت است که به صورت روابط (5) تا (7) تعریف میشود.

$$
\rho_{\rm eff} = \sum_{k=1}^{n} \varphi_k \rho_k \tag{5}
$$

$$
V_m = \frac{\sum_{k=1}^{n} \varphi_k \rho_k V_k}{\rho_{\text{eff}}} \tag{6}
$$

$$
V_{dr,k} = V_k - V_m \tag{7}
$$

$$
V_{pf} = V_{\rm p} - V_{\rm bf} \tag{8}
$$

سرعت دریفت طبق رابطه (9) با سرعت لغزش در ارتباط است.
\n-
$$
V = -V
$$
 - $\sum_{k=0}^{n} \frac{\varphi_k \rho_k}{V}$

$$
V_{dr,p} = V_{pf} - \sum_{k=1} \frac{\varphi_{k} \rho_{k}}{\rho_{\text{eff}}} V_{fk}
$$
\n(9)

سرعت لغزشی به شکل رابطه (10) که توسط مانینن و همکاران [26] به دست آمده است، محاسبه می گردد.

$$
V_{pf} = \frac{\rho_{\rm p} d_{\rm p}^2}{18\mu_{\rm bf} f_{\rm drag}} \frac{(\rho_{\rm p} - \rho_{\rm eff})}{\rho_{\rm p}} a \tag{10}
$$

$$
f_{\text{drag}} = \begin{cases} \mathbf{1} + \mathbf{0.15} \mathbf{Re}_{p}^{0.687} & Re_{p} \leq \mathbf{1000} \\ \mathbf{0.0183} Re_{p} & Re_{p} > \mathbf{1000} \end{cases}
$$
(11)

محاسبه Re $_{\rm p} = V_m d_{\rm p} / \nu_{\rm eff}$ عدد رینولدز ذره است و شتاب با رابطه $V_{\rm eff}$ محاسبه مي شود.

$$
\vec{r} = g - \mathbf{U}_m \nabla \mathbf{V}_m \tag{12}
$$

در معادله (2) جمله $\vec{B} \times \vec{B}$ مربوط به نیروی لورنتس است که در جهت جريان به كانال اعمال ميشود. در اين معادله: (13)

شماتیک کانال دو بعدی مورد بررسی در شکل 1 نشان داده شده است. کانال به صورت دو صفحه سینوسی موازی بوده که طول کانال (£) 340mm و عرض ناحيه ورودي (10mm (w مي باشد. طول ناحيه سينوسي 220mm با تعداد 10 موج است که شکل آن از رابطه (15) پیروی می کند. کانال عمودی در جهت محور y و مرکز مختصات در وسط ورودی قرار دارد. جهت توسعه یافتگی هیدرودینامیکی جریان، 60mm ابتدایی کانال (Ls) صاف و آدیاباتیک در نظر گرفته شده است. برای رسم و شبکه بندی هندسه از نرم افزار گمبیت استفاده شده است.

$$
S(\mathbf{y}) = \pm \frac{w}{2} \pm a \sin \left[\frac{2\pi (x - L_s)}{L_w} \right], \quad L_s \le x \le L_e \tag{15}
$$

در رابطه (15) w عرض كانال در قسمت آدياباتيک كانال و a دامنه موج میباشد که به صورت بیبعد برابر A = 2a/w میباشد. به دلیل تقارن کانال و به منظور کاهش زمان محاسبات، از شرط تقارن در مرکز استفاده شده است و نصف کانال مورد بررسی قرار گرفته است. نانوسیال با پروفیل دما و سرعت یکنواخت از ورودی وارد کانال شده و در قسمت سینوسی کانال تحت میدان و شارحرارتی ثابت و یکنواخت قرار میگیرد. نیروی گرانش خلاف جهت محور عمودي به نانوسيال اعمال مي شود و شتاب گرانش زمين برابر m/sº و 9/81 m/s نظر گرفته شده است.

معادلات حاکم با اعمال شرایط مرزی عدم نفوذ و عدم لغزش در همهی دیوارهها، شار حرارتی و میدان مغناطیسی ثابت و یکنواخت در دیواره سینوسی، پروفیل سرعت و پروفیل دمای یکنواخت در ورودی و فشار اتمسفر در خروجي حل ميشوند.

/ 4-خواص نانوسیال

خواص ترموفيزيكي آب و نانو ذرات اكسيد آلومينيوم در جدول 1 آمده است. قطر بالوذرات 35nm فرض شدهاند. مخلوط نانوذرات Al2O3 و آب كاملا يكنواخت و همگن ميباشد.

 $I = \sigma_{eff}(\vec{E} + \vec{V} \times \vec{B})$ \vec{V} در رابطه \vec{E} (13) میدان الکتریکی اعمالی، \vec{B} میدان القا مغناطیسی و میدان سرعت هستند. میدان مغناطیسی اعمال شده یکنواخت در نظر گرفته میشود بنابراین از اثرات ایجاد میدان الکتریکی ناشی از تغییر میدان مغناطیسی صرف نظر میشود. همچنین به دلیل عدم وجود میدان الکتریکی خارجي، \vec{E} صفر ميباشد. میدان القا مغناطیسی (\vec{B}) را میتوان با استفاده از شدت میدان مغناطیسی محاسبه کړد: (H) (14) $\vec{B} = \mu_0 \cdot H$

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

هر یک از خواص را مے توان برای نانوسیال آب-Al2O3 از طریق روابط زیر محاسبه کړد:

$$
\rho_{\rm eff} = (1 - \varphi)\rho_{\rm bf} + \varphi\rho_{\rm p} \tag{16}
$$

$$
\left(\rho_{\rm eff}C_{p_{\rm eff}}\right) = \left(1 - \varphi\right)\left(\rho C_p\right)_{\rm bf} + \varphi\left(\rho C_p\right)_{\rm p}
$$
\n(17)

$$
\sigma_{\rm eff} = (1 - \varphi) \sigma_{\rm bf} + \varphi \sigma_{\rm n}
$$
\n
$$
\sigma_{\rm eff} = (1 - \varphi) \sigma_{\rm bf} + \varphi \sigma_{\rm n}
$$

لزجت دینامیکی مخلوط نانو سیال با در نظر گرفتن شکل کروی برای ذرات \cdot [27]

$$
\mu_{\rm eff} = \mu_{\rm bf} (1 + 2.5\varphi + 4.375\varphi^2) \tag{19}
$$

همچنین میتوان با استفاده از مدل چون و همکاران [28] برای نانو ذرات آلومینا، رسانش دمایی نانوسیال را به دست آورد. این معادله در گسترهی قطر ذرات 11-150 نانومتر و کسر حجمی های 1 تا 4 درصد با در نظر گرفتن حرکت براونے مناسب است.

$$
\frac{k_{\text{eff}}}{k_{\text{bf}}} = 1 +
$$
\n
$$
k_{\text{bf}} = 2.24 \left(\frac{d_{\text{bf}}}{k_{\text{bf}}} \right)^{0.369} / k_{\text{bf}} \left(\frac{1}{2} \right)^{0.7476}
$$

64.7
$$
\varphi^{0.746} \left(\frac{a_{\rm bf}}{d_{\rm p}} \right)
$$
 $\left(\frac{\kappa_{\rm p}}{d_{\rm bf}} \right)$ **Pr**_{bf}^{0.9955} **Re**_{bf}^{1.2321} (20)

$$
\mathbf{Pr}_{\mathrm{bf}} = \frac{\eta}{\rho_{\mathrm{bf}} \alpha_{\mathrm{bf}}}
$$
 (21)

$$
\mathbf{Re}_{\mathrm{bf}} = \frac{\rho k_{\mathrm{B}} T}{3 \pi \eta^2 \lambda_{\mathrm{bf}}} \tag{22}
$$

در رابطه $\lambda_{\rm bf}$ (22) ملول پویش آزاد متوسط آب $k_{\rm B}$ ،(17 nm) ثابت بولتزمن و 1 η نیز با استفاده از رابطه (23) محاسبه میشود: (23 η /k)

$$
\eta = N \times 10^{\frac{1}{T-C}}
$$

N = 2.414 × 10⁻⁵, B = 247, C = 140 (23)

ضريب انبساط حرارتي نانوسيال:

$$
\beta_{\text{eff}} = \left[\frac{1}{1 + \frac{(1 - \varphi)\rho_{\text{bf}}}{\beta_{\text{bf}}}} \frac{\beta_{\text{p}}}{\beta_{\text{bf}}} + \frac{1}{1 + \frac{\varphi \rho_{\text{p}}}{\beta_{\text{bf}}}} \right] \beta_{\text{bf}} \tag{24}
$$

همگرایی جوابها براساس 10⁻⁸ = 10⁻¹ Aⁿ⁺¹ = 40⁻⁸)] مے باشد.

6-بررسی استقلال نتایج از شبکه محاسباتی

برای بررسی میزان وابستگی نتایج به شبکهبندی، آزمون استقلال شبکه برای تعداد نقاط مختلف در راستاهای طولی و عرضی با تراکم یکنواخت مطالعه شده است. برای این منظور از چندین شبکه مختلف برای شبیهسازی جریان و انتقال حرارت آب خالص با عدد رینولدز 500 و دمای دیواروی 340 کلوین استفاده شد و نتایج برای ضریب انتقال حرارت و سرعت بی بعد در مرکز كانال در جدول 2 ارائه شد. در نهايت به منظور كاهش زمان محاسبات، شبکهبندی با تعداد 44 نقطه در جهت عرضی و 442 نقطه در جهت طولی انتخاب شد.

7-اعتبارسنجي روش حل عددي

به منظور اعتبار سنجي روش عددي به كار گرفته شده در اين مطالعه، سرعت بی بعد برای جریان کاملا توسعه یافته در یک کانال دو بعدی ساده در حضور ميدان مغناطيسي با حل تحليلي شركليف [29] مقايسه شده است. همان طور که در شکل 2 مشاهده می شود تطابق خوبی بین حل عددی حاضر و حل تحلیلی برای Ha=5 وجود دارد. همچنین آنتروپی کل تولید شده برای جریان در یک کانال دو بعدی ساده و بدون حضور میدان مغناطیسی با نتایج عددي بالاجي و همكاران [30] مقايسه شده است. همان طور كه در جدول 3 نشان داده شده است تطابق خوبی بین نتایج حل حاضر و نتایج بالاجی و همکاران [30] مشاهده میشود. علاوه بر این به منظور اعتبارسنجی روش شبیه سازی جریان نانوسیال، مقایسهای با نتایج احمد و همکاران [31] انجام شد و همان طور که در شکل 3 مشاهده میشود، تطابق نتایج قابل قبول است.

. . $(1-\varphi)\rho_{\rm bf}$ $\varphi \rho_{\rm p}$ 5-روش حل عددي در این مطالعه روابط حاکم به صورت عددی و با استفاده از نرم افزار انسیس/فلوئنت 14 که بر مبنای روش حجم محدود است، حل شدهاند. ازمعادلات مرتبه دو پیشرو برای گسستهسازی صریح معادلات سرعت و انرژی استفاده شده است، معادلات مرتبه اول پیشرو برای گسسته سازی معادلات فاز نانو ذره در مختصات كارتزين بكار گرفته شده و از الگوريتم **SIMPLEC** نيز برای برقراری ارتباط بین سرعت و فشار استفاده شده است. همچنین معیار

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

 $11²$

(ب)

شکل 4 تغییرات آنتروپی تولیدی الف) ناشی از بازگشت ناپذیری حرارتی، ب) ناشی از َ بازگشت ناپذیری اصطکاکی در مقابل عدد رینولدز، کسر حجمیهای مختلف و $Gr = 5 \times 10^4$

اصطکاکی برای یک سیال معین با افزایش عدد رینولدز افزایش مییابد. افزودن نانو ذره به سیال پایه از طرفی باعث بهبود انتقال حرارت میشود که در نتیجهی آن پروفیل دمایی هموارتر شده، و از طرفی باعث افزایش ضریب هدایت حرارتی میشود. با توجه به رابطه (25) در نتیجه آنتروپی تولیدی ناشي از انتقال حرارت افزايش مي يابد (شكل 4).

شکل 5 تولید آنتروپی را ب<mark>ر</mark>ای آب خالص و کسرهای حجمی مختلف نانو ذره در عدد رینولدز 700 در مقابل عدد گراشف نشان میدهد. با افزایش عدد گراشف و ثابت ماندن عدد رینولدز اثرات نیروی شناوری بر جریان بیشتر می-گردد که باعث از بین رفت گردابهها در نزدیکی دیواره و افزایش گرادیان دمایی و در ادامه آن افزایش تولید آنتروپی حرارتی میشود. همچنین افزایش عدد گراشف باعث کاهش تولید آنتروپی اصطکاکی در نتیجه اثرات لزجی می-شود. از مقایسه شکلهای 5(الف) و 5(ب) می توان نتیجه گرفت که سهم

 $\mathbf{\Omega}$

 \ddotsc

الف) ناسلت متوسط، ب) عددپوازی

8- نتايج و بحث

- نتايج حاضر براي سيال آب و نانوذرات Al2O3 با قطر nm 35 و كسر حجمي های مختلف بدست آمده و تأثیر پارامترهای مختلف روی تولید آنتروپی حرارتی و اصطکاکی بررسی شده است. آنتروپی تولیدی ناشی از بازگشت ناپذیری حرارتی برابر است با [8]: $S_t = \frac{k_{\text{eff}}}{\bar{T}^2}$ θ T (25) همچنین آنتروپی تولیدی ناشی از جریان برابر است با: $S_f = \frac{\mu_{\rm eff}}{\overline{T}}\textbf{(2)}\left[\left(\frac{\partial \bar{u}}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial \bar{v}}{\partial y}\right)^2\right] + \left(\frac{\partial \bar{u}}{\partial y} + \frac{\partial \bar{v}}{\partial x}\right)^2 \textbf{)}$ (26) شکل 4 تولید آنتروپی را برای آب خالص و کسرهای حجمی مختلف نانو ذره برای عدد گراشف $\times10^4$ در مقابل عدد رینولدز نشان میدهد. مشاهده می-شود که آنتروپی تولید شده در اثر انتقال حرارت برای یک سیال معین، با افزایش عدد رینولدز، به واسطه بهبود انتقال حرارت و کم شدن گرادیان دمایی در دیواره کاهش مییابد. افزایش آنتروپی تولیدی ناشی از اصطکاک، در شکل 4- ب برای تمامی سیالات بررسی شده مشاهده میشود چون افت

آنتروپی حرارتی در کل آنتروپی تولیدشده بسیار بیشتر است و تولید آنتروپی کل تابع آنتروپی ناشی از برگشت ناپذیری حرارتی میباشد. هدف از بررسی قانون دوم ترمودینامیک، ارائه شرایطی به منظور کاهش آنتروپی تولیدی برای سیستم مورد بررسی است. از شکلهای 4 و 5 میتوان نتیجه گرفت که سهم انتقال حرارت در تولید آنترویی کل غالب است و آنتروپی کل با افزایش عدد رینولدز و کاهش عدد گراشف کاهش مییابد. پس می توان گفت جریانی با عدد رینولدز بالا و عدد گراشف پائین، کمترین تولید آنتروپی را خواهد داشت.

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

شکل6 تغییرات آنتروپی تولیدی (الف) ناشی از بازگشت ناپذیری حرارتی، (ب) ناشی از بازگشت ناپذیری اصطکاکی در مقابل عدد رینولدز، اعداد هارتمن مختلف، $\varphi = 84$, A=0/2 Gr=5×10⁴

رفته و خطوط جریان در نزدیکی دیواره منظم میگردد. اعمال میدان مغناطیسی به جریان نیز علاوه بر متمایل کردن جریان به سمت دیواره باعث افزایش گرادیان دمایی در جریان میشود. هر چقدر که گرادیان دمایی جریان بیشتر باشد، مقدار آنتروپی تولیدی ناشی از انتقال حرارت نیز بیشتر میگردد (شكل 7- الف). همچنين متمايل شدن جريان به سمت ديواره باعث كاهش قدر مطلق گرادیان سرعت معکوس روی دیواره می شود، به همین دلیل با افزایش شدت میدان مغناطیسی آنترویی جریانی تولید شده کاهش می یابد (شكل 7- ب).

تغییرات آنتروپی تولیدی در مقابل طول موج سینوسی بیبعد دیواره برای شدت میدانهای مغناطیسی مختلف در شکل 8 نشان داده شده است. در حالت دیواره صاف(A=O) با افزایش عدد هارتمن، گرادیان دمایی مجاور دیواره بزرگتر شده و باعث افزایش آنتروپی حرارتی میشود. یک روند

بازگشت ناپذیری اصطکاکی در مقابل عدد گراشف، کسر حجمیهای مختلف و $Re=700$

تغییرات آنتروپی تولیدی در مقابل عدد رینولدز برای 4% کسر حجمی نانوذرات در شكل 6 نشان داده شده است. شكل 6- الف تأثيرات شدت میدانهای مغناطیسی مختلف بر آنترویی تولیدی ناشی از بازگشتناپذیری انتقال حرارت را نشان میدهد. با اعمال میدان مغناطیسی جریان به سمت دیواره متمایل میگردد که باعث ضعیفتر شدن گردابههای روی سطح می-شود تا جایی که گردابههای روی دیواره از بین می روند. به بیان دیگر موجب افزایش گرادیان دمایی روی دیواره میگردد که آنترویی تولیدی حرارتی را افزایش میدهد. با افزایش شدت میدان مغناطیسی (Ha=10**)** جریان بیشتر به دیواره نزدیک می شود و ضخامت لایه مرزی کمتر شده و با بهبود انتقال حرارت، آنترویی تولیدی حرارتی نسبت به میدانهای مغناطیسی ضعیفتر، کاهش می یابد. در عین حال، مقدار آنترویی تولیدی ناشی از بازگشتنایذیری انتقال حرارت برای جریان بدون میدان مغناطیسی، به دلیل تأثیر گردابهها روی دیواره، کمتر از جریان تحت میدانهای مغناطیسی (Ha=5 و Ha=10)

است. تغییرات آنتروپی تولیدی ناشی از اصطکاک به ازای شدت میدانهای مغناطیسی مختلف در مقابل عدد رینولدز در شکل 6- ب نشان داده شده

است. با اعمال میدان مغناطیسی به جریان، به دلیل تمایل جریان به سمت

دیواره، گرادیان سرعت معکوس که باعث ایجاد گردابه شده کاهش می یابد و

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

در نتیجه باعث کاهش تولید آنتروپی جریانی میشود. تغييرات آنتروپي توليدي در مقابل عدد گراشف، تحت تأثير اثرات ميدان مغناطیسی در شکل 7 نشان داده شده است. همان گونه که بیان گردید، در یک عدد رینولدز ثابت با افزایش عدد گراشف، گردابههای مجاور دیواره از بین 92 www.SID.ir

مشاهده میشود. همانطور که گفته شد با افزایش عدد هارتمن، جریان به سمت دیواره متمایل شده و گردابهها ضعیف می شود و گرادیان سرعت معکوس روی دیواره و درنتیجه آنترویی جریانی کاهش می یابد. همچنین مشاهده می شود که میزان آنترویی تولیدی اصطکاکی در مقابل آنترویی تولیدی ناشی از انتقال حرارت ناچیز است، در نتیجه تأثیر آنتروپی تولیدی حرارتی غالب است و می توان گفت موجدار کردن کانال، آنترویی تولید شده را کاهش مے دهد.

9-نتيجه گيري

 $\hat{}$

در این مطالعه تولید آنترویی جریان نانوسیال در داخل کانالی با دیوارههای سینوسی، در حضور و بدون حضور میدان مغناطیسی به روش عددی بررسی شد. تأثیر کسر حجمی نانو سیال، عدد رینولدز، عدد گراشف، عدد هارتمن و دامنهی موج سینوسی روی آنتروپی تولید شده مورد مطالعه قرار گرفت. نتایج مربوط به جریان بدون اعمال میدان مغناطیسی نشان داد که با افزایش کسر حجمی نانوسیال تولید آنتروپی حرارتی و جریانی افزایش مییابد. همچنین مشاهده شد که تولید آنتروپی کل با افزایش عدد رینولدز و کاهش عدد گراشف، کاهش می یابد. به بیان دیگر سیستمی با عدد رینولدز بالا و عدد گراشف یائین از لحاظ تولید آنترویی مناسب است. اعمال میدان مغناطیسی به جریان نانوسیال نشان داد که گردابههای روی سطح ضعیفتر می شوند تا جایی که گردابههای روی دیواره از بین می روند. این تأثیرات باعث افزایش آنترویی تولیدی حرارتی و کاهش آنترویی جریانی به ازای یک عدد گراشف ثابت میشود. همچنین نتایج نشان داد که برای تمامی شدت میدانهای مغناطیسی بررسی شده، موجدار کردن کانال، آنترویی تولید شده را کاهش ىيدھد.

4	2a
(A = $\frac{2a}{w}$)	9.44
(J/kgK)	10.44
(J/kgK)	21.44
(J/kgK)	32.44
(J/(G)	32.44
(M/s2)	44.44
(M = Bw $\sqrt{\frac{\sigma_{\text{bf}}}{\mu_{\text{bf}}} }$	
(M/s)	44.44
(M/s2)	4

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

- [1] A. M. Abed, K. Sopian, H. A. Mohammed, M. A. Alghoul, M. H. Ruslan, S. Mat, A. N. Al-Shamani, Enhance heat transfer in the channel with V-shaped wavy lower plate using liquid nanofluids, *Case Studies in Thermal Engineering*, Vol. 5, pp. 13-23, 2015.
- [2] Y. Sui, C.J. Teo, P.S. Lee, Y.T. Chew, C. Shu, Fluid flow and heat transfer in wavy microchannels, Int. J. Heat Mass Transfer, Vol. 53, pp. 2760-2772, 2010.
- [3] S. Kakaç, A. Pramuanjaroenkij, Review of convective heat transfer enhancement with nanofluids, *Int. J. Heat Mass Transfer*, Vol. 52, pp. 3187–3196, 2009.
- [4] L. Godson, B. Raja, D. Mohan Lal, S. Wongwises, Enhancement of heat transfer using nanofluids - an overview, *Renew. Sust. Energ. Rev.* Vol. 14, pp. 629–641, 2009.
- [5] S. Sadeghi, B. Ghasemi, Mixed convection heat transfer of nanofluids in an inclined channel under magnetic field, *J. Modarres Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 7, pp. 18-31, 2013 (in Persian).
- [6] A. E. Kabeel, E. M.S. El-Said, S. A. Dafea, A review of magnetic Field effects on flow and heat transfer in liquids: Present status and future potential for studies and applications, Renew. Sust. Energ., Rev, Vol. 45, pp. 830-837, 2015.
- [7] A. Bejan, A study of entropy generation in fundamental convective heat transfer, *J. of Heat Transfer Ȃ Transactions of the ASME*ǡ Vol. 101, pp. 718–725, 1979.
- transverse magnetic fields, mathematical proceeding of Cambridge philosophical society, Vol. 49, pp. 136-144, 1953.
- [30]C. Balaji, M. Hölling, H. Herwig, Entropy generation minimization in turbulent mixed convection flows, *Int. Comm. in Heat and Mass Transfer*ǡ Vol. 34, pp. 544–552, 2007.
- [31] M.A. Ahmed, N.H. Shuaib, M.Z. Yusoff, 2012,"Numerical investigations on the heat transfer enhancement in a wavy channel using nanofluid", *Int. J. of Heat and Mass Transfer, Vol. 55*ǡpp. 5891–5898.
- [8] A. Bejan, Entropy Generation through heat and fluid flow, *Wiley*, New York, 1982.
- [9] A. Bejan, Entropy generation minimization: The method of thermodynamic optimization of finite-size systems and finite-time processes, CRC Press, Boca Raton, 1996.

94 میںندسی مکانیک مد*ر*س، آذ*ر 139*4، ڈورہ 15، شما*ر*ہ 9 $94\,$

- [10]B.S. Yilbas, S.Z. Shuja, S.A. Gbadebo, H.I. Abu Al-Hamayle, K. Boran, Natural convection and entropy generation in a square cavity, *Int. J. of Energy Research*ǡVol. 22, pp. 1275–1290, 1998.
- [11]G.G. Ilis, M. Mobedi, B. Sunden, Effect of aspect ratio on entropy generation in a rectangular cavity with differentially heated vertical walls, *Int. Comm. in Heat and Mass Transfer*ǡVol.35, pp. 696–703, 2008.
- [12]J. Li, C. Kleinstreuer, Entropy Generation Analysis for Nanofluid Flow in Microchannels, *Journal of Heat Transfer*ǡVol. 132, pp. 122401-1, 2010.
- [13]S. Mahmud, A.K.M.S. Islam, Laminar free convection and entropy generation inside an inclined wavy enclosure, *Int. J. of Thermal Sciences*ǡ Vol. 42, pp. 1003–1012, 2003.
- [14]S. Mahmud, R.A. Fraser, Free convection and entropy generation inside a vertical in phase wavy cavity, Int. Comm. in Heat and Mass Transfer, Vol. 31, pp. 455–466, 2004.
- [15]M. Shahi, A.H. Mahmoudi, A.H. Raouf, Entropy generation due to natural $convection cooling of a nanofluid, Int. Comm. in Heat and Mass Transfer,$ Vol. 38, pp. 972–983, 2011.
- [16]K.Y. Leong, H. C. Ong, Entropy generation analysis of nanofluids flow in various shapes of cross section ducts, *International Communications in Heat and Mass Transfer*ǡVol. 57, pp. 72–78, 2014.
- [17]T.H. Ko, C.S. Cheng, Numerical investigation on developing laminar forced convection and entropy generation in a wavy channel, *Int. Comm. in Heat and Mass Transfer*ǡVol. 34, pp.924–933, 2007.
- [18] T.T. Hamadah, R.A. Wirtz, Analysis of laminar fully-developed mixed convection in vertical channel with opposing buoyancy, *ASME J. Heat Transfer*ǡVol. 113, pp. 507–510, 1991.
- [19]O. Mahian, I. Pop, A. Z. Sahin, H. F. Oztop, S. Wongwises, Irreversibility analysis of a vertical annulus using TiO2/water nanofluid with MHD flow effects. *Int. J. Heat Mass Transfer*ǡVol. 64, pp. 671–679, 2013.
- [20]A.Aghaei, H. Khorasanizadeh, G. A. Sheikhzadeh, Effects of magnetic field on mixed convection heat transfer and entropy generation of Cu-water nanofluid in a trapezoidal enclosure, *J. Modares Mechanical Engineering* Vol. 14, No. 9, pp. 183-194, 2014 (In Persian).
- [21]Z. MEHREZ1, A. E. CAFS, A. B.GHITH, P. L. Quéré, MHD effects on heat transfer and entropy generation of nanofluid flow in an open cavity, *Journal of Magnetism and Magnetic Materials* http://dx.doi.org/10.1016/j.jmmm.2014.08.010
- [22]Yang, Y., Zhang, Z.G., Ggrulke, E.A., Anderson, W.B., Wu, G., Heat transfer properties of nanoparticle-in-fluid dispersions in laminar flow, *Int. J. Heat Mass Transfer*ǡVol. 47, pp. 5181-5188, 2004.
- [23]R. Nouri, M. Gorji, D. D. Ganji, Numerical investigation of magnetic field effect on forced convection heat transfer of nanofluid in sinusoidal channel, *J. Modarres Mechanical Engineering,* Vol. 13, No. 14, pp. 43-55 (In Persian).
- [24]H. Aminfar, R. Maroofiazar, A numerical study of the hydro-thermal behavior of nanofluids in rectangular microchannels using a mixture *Froc. IMechE Part C: J. Mechanical Engineering Science, Vol. 225,* 2011.
- [25]H. Aminfar a, M.Mohammadpourfard b,n, F.Mohseni, Numerical investigation of thermocapillary and buoyancy driven convection of nanofluids in floating zone, *International Journal of Mechanical Sciences* Vol. 65, pp. 147–156, 2014.
- [26]Manninen, M., Taivassalo, V., Kallio, S., On the mixture model for multiphase flow, *VTT Publications, Technical Research Center of Finland*ǡ 1996.
- [27]H.C. Brinkman, The viscosity of concentrated suspensions and solutions, *J.Chem. Phys*., Vol. 20, pp. 571, 1952.
- [28] C.H. Chon, K.D. Kihm, S.P. Lee, S.U.S. Choi, Empirical correlation finding the role of temperature and particle size for nanofluid (Al2O3) thermal conductivity enhancement, Appl. Phys. Lett., Vol. 87, pp. 1-3, 2005.
- [29]J. A. SHERCLIF, Steady motion of conducting fluid in pipes under
- S_t آنترویی تولیدی ناشی از انتقال حرارت (W/kgK)
	- S_f آنتروپی تولیدی ناشی از جریان (W/kgK)
		- (K) دما T
		- (m/s) بردار سرعت V
		- بردار سرعت دريفت V_{dr}
		- بردار سرعت متوسط V_{m}
	- بردار سرعت لغزشی بین فاز جامد و مایع $V_{\textit{pf}}$
		- (m) عرض كانال w
		- به حهت محورهای مختصات x, y

علايم يوناني

VIT CRITIC SURVED THE CONDUCTION CONDUCTS CONDITION (1950)
 ARCHIVED TO 2013

APC FOR S. Wongwises, Irreversibility
 Archive of Archive of Machimidal with MHD
 Archives Mechanical Engineering,
 ARCHIVED THE PERSION (1/K) ضریب انبساط حرارتی حرارتی (β ʷ°·Â»{YMËÂaµÂ ߣ (Ns/m²) لزجت دینامیکی (Ns/m²) μ (m2/s) لزجت سينماتيكي (m2/s) (kg/m3) چگالی ρ (µs/cm) ضريب , سانش الكتريكي (µs/cm) φ کسر حجمی نانو ذرات **زيرنويس ها** ®·Z] b **bf** سيال يايه eff **eff** \bullet p نانو ذرات

11 - مراجع

Wall دیواره