

ماهنامه علمی پژوهشی

 **|» ®Ì¿Z°»Ê|ÀÆ»**



# **بکار گیری سیستم کَستر فعال به منظور بهبود فرمان پذیری خودرو**

**ب**ھروز مشھدى<sup>1</sup> ٛ، پارسا سلامىپور<sup>2</sup>

1- دانشیار ، مهندسی خودرو، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران 2- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی خودرو، دانشگاه علم و صنعت ایران ، تهران \* تهران، 13114-1686، b\_mashhadi@iust.ac.ir

*[www.SID.ir](www.sid.ir)* **Please cite this article using: :|ÌËZ¼¿Ã{Z¨fY¶Ë}cZ^YÄ·Z¬»¾ËYÄ]ZmYÉY]** B. Mashadi, P. Salamipour, Using active caster for the enhancement of vehicle handling dynamics, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 9, pp. 322-332, 2015 (In Persian)



In the present study, an active caster mechanism is introduced which will lead to improvement of the vehicle handling characteristics. In the presented survey, a 9-DOF nonlinear vehicle model which consists of steering system dynamic equations (which were derived by means of Kane dynamics method) and also the Magic Formula tyre model are being utilized for the simulation purposes. The relevant influences of the caster angle variations on the steady state response of the vehicle were investigated at the first step of the analyses. With respect to the results which were achieved by the mentioned approach, a fuzzy logic controller (FLC) was designed for controlling the caster angle. According to the yaw rate error (which will be defined as the difference between the actual and theoretically desired values), and the vehicle lateral acceleration, the mentioned controller alters the caster angle in order to attain a stable state of the vehicle. The desired dynamic motion of the vehicle is assumed to be in the form of the steady motion of the two-wheel model. Here, it is worth mentioning that the variations of the caster angle were limited in a conventional range. During some critical maneuvers, the performance of the caster angle controller was surveyed and the outcomes were compared with the uncontrolled vehicle. The results Show that the caster variation controller provides substantial capability to improve vehicle handling characteristics.

فعال بطور رايج بـه سيستمهايي اطلاق ميشود كه بصورت اتوماتيك احتمال وقوع تصادف را كاهش مىدهند. ايـن سيستمها با كنترل ديناميك طولى يا جانبی، به راننده در کنترل هرچه بیشتر خـودرو کمـک میکنند. سیستمهای ایمنی فعال که دینامیک جانبی خـودرو را کنتـرل مـیکننـد، پایـداری و فرمان پذیری خودرو را در شرایطی مانند فرمان دادن ناگهـانی و یـا حرکـت خـودرو روی جـادەلغزنده، حفظ میiمایند. از میان این

طی بیست سال گذشته صنعت خودرو با تمرکز بر افرایش ایمنی خودرو و سرنشینان، پیشرفتهای چشمگیری داشته است. کنترل و پایداری خودرو بخصوص در شرایط مختلف مانوردهی از جمله مواردی است که در افزایش ایمنی خودرو بسیار تأثیر گذار است [1]. در مهندسی خودرو، عبارت ایمنی

## **Using active caster for the enhancement of vehicle handling dynamics**

**Behrouz Mashadi\* ǡParsa Salamipour**

Department of Automotive Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran. ȗP.O.B. 1684613114 Tehran, Iran, b\_mashhadi@iust.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION ABSTRACT**

Original Research Paper Received 24 April 2015 Accepted 25 July 2015 Available Online 18 August 2015

*Keywords:* Vehicle dynamics Steering system Caster angle Variable Caster Fuzzy logic control

 $\epsilon$  are

 **Ä»|¬» -1**

سیستمهای ایمنی فعال، سیستم کنترل گشتاور چرخشــی مستقیم ٰ و فرمان فعال<sup>2</sup> از روشهای مؤثر در کنترل دینامیک جـانبی خـودرومیباشند و بنابراین در سالهای اخیر بیشتر مورد مطالعه و توجه محققین قـرار گرفتـهانـد.

ایـن سیستمها به ترتیب با ایجاد نیروهای طولی و عرضی درتایرها، گشــتاور چرخشــی خــودرو و در نتیجه سرعت زاویهای چرخشی و زاویه لغزش جانبي خودرو را كنترل مي نمايند. از اين رو اين سيستمها با عنوان کلی سیستمهای کنترل پایداری چرخشی<sup>3</sup> نامیده میشوند [2]. هرچند سیستمهای ذکر شده کارایی بسیار مناسبی در پایدارسازی خودرو دارند ، اما به علت اینکه هرکـدام از آنها در محـدودههای مشخص عملکردی تایر قابل استفاده میباشند، و یا در برخی مانورها کارایی لازم را ندارند، سیستمهایی که قابلیت برطرف کردن این نقایص را داشته باشند مورد استقبال هستند. در سالهای اخیر همزمان با بسط و ارائه سیستمهای کنترل گشتاور چرخشی ، توجه خاصی نیز به هندسه چرخ و تایر و زوایای عملکردی آن شده است و قابلیت بهبود وضعیت حرکتی خودرو از طریق تغییر لحظهای این زوایا مورد بررسی قرار گرفته است [3].

در این زمینه طراحان و محققان همواره به نقش دینامیک و هندسه مجموعه چرخ در پایداری و فرمانپذیری خودرو اشاره کردهاند. به عنوان مثال در سال 2012 نخعی جزار و همکارانش در مقالهای به بررسی سینماتیک یک سیستم هوشمند کستر<sup>4</sup> متغیر برای خودروها پرداختهاند. در این مقاله چنین عنوان شده است که با توجه به ثابت بودن زاویه لغزش جانبی تایر درهنگام پیچیدن حالت پایدار، آنچه که در مقدار نیروی جانبی سهیم است زاویه کمبر می باشد و لذا تلاش بر بهبود و تصحیح مقدار نیروی عرضی با تصحیح این زاویه بوده است. برای کنترل زوایه کمبر، سعی شده است که با توجه به ارتباط سینماتیکی بین زوایای کمبر و کستر، با مکانیزمی زاویه کستر تغییر و تحت کنترل قرار گیرد [4]. هرچند مقادیر نیروی جانبی تولیدی در اثر زاویه کمبر حدودا یک مرتبه از مقادیر تولیدی توسط زاویه لغزش جانبی تایر پایینتر است و بنظر می رسد استفاده از ایده تغییر کستر بدین طریق تأثیر چندانی بر پاسخهای دینامیکی خودرو نداشته باشد. همچنین در سال 2010 لی از شرکت هیوندای کره از ایده کستر متغیر اما اینبار با هدف و نگرشی متفاوت استفاده کرده است. مشکل مطرح شده تمایل یا به اصطلاح کشیده شدن خودرو به یک سمت، هنگام حرکت روی شیبهای عرضی بوده که این اتفاق منجر به انحراف خودرو از مسیر مستقیم، و پایداری خود می شود. راه حل پیشنهاد شده، تصحیح و تغییر فعال کستر چرخهای چپ و راست، از طريق يک سيستم هيدروليکي مرتبط با هر دو چرخ بوده است [5]. بعلاوه در سال 1998 لیو از شرکت هیوندای کره با ارائه مکانیزمی برای تغییر و کنترل زاویه کستر، به افزایش قابلیت مانوردهی و فرمانپذیری خودرو با تغییر فعال این زاویه متناسب با سرعت خودرو اشاره کرده است [6].

در زمینه کارهای پژوهشی صرفاً یک مقاله مرتبط به موضوع وجود دارد که مربوط به سال 2012 میباشد که بطور مختصر به آن اشاره شد. لازم بذکر است در مقاله مذکور صرفاً به سینماتیک زوایای چرخ و بدون مدلسازی سیستم فرمان پرداخته شده، و سیستم کنترلی برای بهبود دینامیک خودرو ارائه نگردیده است.

در مقاله پیش رو هدف از ایده تغییر زاویه کستر، تغییر دنباله مکانیکی<sup>5</sup> چرخ و درنتیجه تولید گشتاور مضاعف حول محور کینگ-پین است. در دینامیک خودرو تولید گشتاور اصلاحی به هر شکل، باعث بهبود متغیرهای وضعیت و در نتیجه شرایط حرکت خودرو می شود. بعلاوه برای ایجاد تغييرات زاويه كستر، با يافتن تأثير اين تغييرات روى پاسخ حالت پايدار، يک کنترلر نیز برای سیستم طراحی شده است. بنابراین از لحاظ امر پژوهش می توان گفت موضوع مورد بحث ایده ای جدید و بهروز است.

### 2- مدل سازي

برای بررسی تأثیر تغییرات زاویه کستر بر روی دینامیک خودرو وجود یک مدل جامع برای بررسی دینامیک خودرو الزامی است. در واقع مدلی از خودرو لازم است که در آن علاوه بر بخشهای مربوط به حرکت خودرو که غالباً در مدلهای دینامیک خودرو بکار می رود، امکان اعمال تغییرات در زاویه کستر سیستم فرمان نیز فراهم گردد.

### 2-1- معرفي مدل خودرو

مدلسازی خودرو برای شبیه سازی و ارزیابی رفتار حرکتی آن لازم می باشد. بنابراین یک مدل جامع باید بتواند خواص اصلی سیستم را بخوبی بیان کند. با توجه به کارهای زیادی که در زمینه مدلسازی دینامیک حرکت خودرو ر <mark>صورت گرفته، مدل مورد نظر باید شامل ویژگی های غیرخطی سیستم و</mark> دارای درجات آزادی حرکت صفحهای، رول بدنه، سیستم فرمان و نیز دینامیک دورانی چرخها باشد. بنابراین مدل استفاده شده در مجموع دارای 9 درجه آزادی شامل سرعت طولی(u)، سرعت جانبی (v)، نرخ یا سرعت زاویهای گردشی خودرو (r)، زاویه رول بدنه (یا جرم رول کننده) (۰)، چهار  $\delta(\delta)$  درجه آزادی مربوط به سرعت دورانی چرخها  $(\omega_i)$  و زاویه فرمان سرچرخ می باشد. لازم به ذکر است که در این مدل زاویه غربیلک فرمان به عنوان ورودی اصلی است و زاویه کستر نیز به عنوان ورودی دوم می باشد. این موضوع در بخش مدلسازی سیستم فرمان مورد بررسی دقیقتر قرار خواهد گرفت. شکل 1 شماتیک مدل مورد نظر، محورهای مختصات مربوطه و نیروهای خارجی وارد بر خودرو را نشان می دهد.

با توجه به شکل1، معادلات دینامیک طولی، عرضی و رول خودرو در دستگاه متصل به مرکز جرم بصورت (1) تا (4) حاصل می شوند [2]:

$$
m(\dot{u} - rv) = \sum F_x
$$
\n
$$
m(\dot{v} + ru) + m_s h_s \ddot{\varphi} = \sum F_y
$$
\n
$$
I_{zz}\dot{r} - I_{xz}\ddot{\varphi} = \sum M_z
$$
\n
$$
I_{xx}\ddot{\varphi} + m_s h_s(\dot{v} + ru) = \sum M_x
$$
\n(3)\n(4)

که معادله (4) با فرض موازی بودن محور رول با زمین بدست آمده است.

5- Mechanical trail

با توجه به مطالب فوق می توان مشاهده کرد که در کارهای صورت گرفته قبلی هدف اصلی افزایش قابلیتهای فرمان دادن خودرو است و همگی از نقش زاویه کستر در تحقق این امر استفاده کرده اند. اما اکثر مراجع ذکر شده، شامل چند اختراع می باشند که شاید چندان جنبه پژوهشی نداشته باشند. بعلاوه در اختراعات بیشتر به شرح عملکرد فیزیکی اجزای سیستم یرداخته می شود و از ذکر جزییات منطق حاکم بر سیستم صرفنظر می شود.

1- Direct Yaw Control (DYC) 2- Active Steering Control (ASC) 3- Yaw Stability Control (YSC) 4- Caster Angle

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

323

*[www.SID.ir](www.sid.ir)*



همچنین در روابط بالا،  $\sum F_{\mathbf{y}}$  ،  $\sum M_{\mathbf{z}}$  ،  $\sum M_{\mathbf{z}}$ ، به ترتیب نیروهای طولی، عرضی وگشتاورهای خارجی وارد بر خودرو حول محور عمودی و محور رول می باشند که بفرم (5) تا (8) تعریف می شوند:

$$
\sum F_x = F_{xfl} + F_{xfr} + F_{xrl} + F_{xrr}
$$
\n(5)

$$
\sum F_y = F_{yfl} + F_{yfr} + F_{yrl} + F_{yrr}
$$
\n(6)

$$
+ \frac{t}{2} [(F_{xfl} + F_{xrl}) - (F_{xfr} + F_{xrr})] + \sum M_{zi} ; i = 1,2,3,4
$$
 (7)

$$
\sum M_x = (m_s g h_s - K_\varphi) \varphi - C_\varphi \dot{\varphi}
$$
 (8)

در روابط فوق  $F_{xi}$  ,  $F_{xi}$  نیرو های طولی وعرضی و گشتاور همسوگر ایجاد شده در هر یک از تایرها می باشند. البته برای استفاده از این روابط، بدلیل وجود زاویه فرمان در سر چرخ مطابق شکل2 ، نیروهای طولی و عرضی هر تایر که در دستگاه متصل به تایر قرار دارند، باید بفرم (9) به دستگاه متصل به مرکز جرم تبدیل شوند:

 $\begin{Bmatrix} F_{xi} \\ F_{yi} \end{Bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \delta_i & -\sin \delta_i \\ \sin \delta_i & \cos \delta_i \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} F_{xwi} \\ F_{xwi} \end{Bmatrix}; i = 1,2,3,4$  (9)  $\begin{bmatrix}F_{yi}\end{bmatrix}$  = [ cos  $\delta_i$  —sin  $\delta_i$ sin  $\delta_i$  cos  $\delta_i$   $\Big]$   $\Big\{$  $F_{xwi}$  $F_{\text{ywi}}^{max}$ ;  $i = 1,2,3,4$ همچنین در رابطه  $K_{\varphi}$   $\left( \begin{smallmatrix} 2 \end{smallmatrix} \right)$ و  $c_{\varphi}$  به ترتیب سختی و ضریب میرایی پیچشی خودرو حول محور رول میباشند که مقادیر آنها وابسته به سختی هر یک از فنرها، سختی پیچشی میلههای ضد رول<sup>1</sup>و ضریب میرایی دمپر

**½Z»§ºfÌÉZµ|» -2-2** هدایت جانبی یک خودرو بطور متداول از طریق سیستمی صورت امکان کنترل روی چرخهای جلو را فراهم کند. سیستم فرمان د چنین نقشی را ایفا می *ک*ند و ورودی دست راننده به غربیلک را به چرخهای جلو تبدیل می کند [7]. علاوه بر این، با توجه به كنترلي مورد نظر يا همان زاويه كستر، در مدل سيستم فرمان

1- Anti-roll bar

مہندسی مکانی*ک* مد*ر*س، آذ*ر 139*4، دورہ 15، شما*ر*ہ 9  $\,$   $\,$ 324 $\,$ 



**شکل 2** رابطه بین نیروهای تایر در دستگاه مختصات متصل به تایر و خودرو

شد ، لذا در نظر گرفتن مدل سیستم فرمان خودرو برای بررسی رفتار دینامیک جانبی آن لازم می باشد. در شکل3 نمای کلی یک سیستم فرمان متداول پینیون- دندهشانه معمولی و چارچوبهای مرجع مورد نظر نشان داده شده است.

 $\begin{align*} F_{z1} \ F_{z2} \ F_{y1} + F_{y,r} \ F_{z3} \ F_{y11} + F_{y,r} \ F_{y12} \ F_{y13} \ F_{y14} + F_{y,r} \ F_{y14} \ F_{y15} \ F_{y16} + F_{y17} \ F_{y17} \ F_{y18} \ F_{y19} \ F_{y11} + F_{y10} \ F_{y11} \ F_{y12} \ F_{y13} \ F_{y14} \ F_{y15} \ F_{y16} \ F_{y17} \ F_{y18} \ F_{y19} \ F_{y10} \ F_{y21} \ F_{y$ گشتاور ورودی از سمت راننده به سیستم فرمان *Msw می*باشد که باعث  $\delta_{\mathcal{C}}$  ایجاد زاویه غربیلک فرمان  $\delta_{SW}$  میشود. زاویه ورودی جعبه فرمان نیز با نمایش داده شده است. این زاویه از طریق دنده شانه موجب حرکت خطی  $Z_T$  نقطه  $\tau$  میشود که با $X_T$  مشخص شده است. در ادامه و از طریق میله های کششی نقطه Q به اندازه  $X_o$  جابجا و موجب حركت زاويهای چرخ حول محور  $(\mathcal{K}_\mathcal{C})$  کینگ پین باندازه  $\delta_\mathcal{S}$  میشود. در این میان سختی پیچشی ستون فرمان و سختیهای محوری میلههای کششی (KL) نیز در نظر گرفته شدهاند.  $\sigma$  همچنین زاویه انحراف کینگ $z$ پین از محور عمودی با  $\theta$  و زاویه کستر با نشان داده شده است.  $X_c$  نیز فاصله طولی امتداد کینگ $\zeta$ یین با مرکز تماس تایر ورا مشخص می کند که دنباله مکانیکی نامیده میشود. در این مقاله مدلسازی سیستم فرمان با استفاده از روش کین<sup>2</sup> حاصل شده است که مطابق روابط زير مي باشند(جزئيات بيشتر در مرجع[3] آمدهاست) :

$$
K_{SS} = \frac{K_C K_L R^2}{K_C + K_L R^2}
$$
\n
$$
\tag{13}
$$



سيستم تعليق جلو و عقب خودرو است.

$$
N = \frac{L}{L} \tag{14}
$$

2- Kane

$$
I_{SW}(\ddot{\delta}_{SW} + \dot{r} \sin \theta) = M_{SW} - B_{SW} \dot{\delta}_{SW} - K_{SS} (\delta_{SW} - N_G \delta)
$$
 (10)

$$
I_W(\ddot{\delta}_S + \dot{r} \cos \sigma) = H - B_K \dot{\delta}_S - K_{SS} (N_G \delta_S - \delta_{SW}) N_G
$$
  
-2
$$
I_W U \sin \sigma
$$
  

$$
T_W
$$
 (11)

$$
H = \cos \sigma \left( M_{zfl} + M_{zfr} - X_c \left( F_{yfl} + F_{yfr} \right) \right) \tag{12}
$$

در رابطه H (12)، مجموع نیروها وگشتاورهای خارجی تایر حول محور کینگپین است. همچنین Kss سختی پیچشی معادل سیستم فرمان ، و N<sub>G</sub> نسبت کلی سینماتیکی زاویه ورودی غربیلک به زاویه خروجی حول کینگ پین را مشخص می *ک*نند و بفرم روابط (13) و (14) می باشند :  $\overline{U}$   $\overline{U}$   $\overline{D}$   $\overline{C}$ 

 $d_i = \begin{cases} a ; i = 1,2 \\ b : i = 3,4 \end{cases}$ 



شکل ۳ شماتیک سیستم فرمان دنده شانه و نیروهای خارجی اعمال شده به آن

اکثر خودروهای امروزی مجهز به سیستمهای توان کمکی هستند، عملاً گشتاور اعمالی از سوی راننده مقداری ناچیز خواهد بود و میتوان با دقت خوبی فرض کرد که در تمام مانورها صرفاً یک زاویه بعنوان ورودی فرمان اعمال می شود. در چنین حالتی که به آن کنترل ثابت سیستم گفته می شود ا)، زاویه  $\delta_{SW}$  دیگر یک متغیر حالت نبوده و صرفاً ورودی سیستم میباشد.  $\{ \mathsf{Y} \}$ بنابراین با صرفنظر کردن از معادله (۱۰)، معادله (۱۱) بعنوان آخرین معادله به معادلات حرکت خودرو اضافه می شود.

#### ۲-۳- مدل تایر

در حل معادلات دیفرانسیل مدل خودرو که در قسمت قبل به آن اشاره شد، به مدلی برای بدست آوردن نیروهای طولی، عرضی و گشتاور همسوگر تایر نیاز است . یکی از مدلهای غیرخطی تایر که در بیشتر شبیه سازی های دینامیک خودرو کاربرد دارد، مدل تایر فرمول جادویی` معروف به مدل تایر یشکا<sup>۲</sup> بفرم زیر مے باشد[۸]:

$$
\begin{aligned} \left[F_{xwi}, F_{ywi}, M_{zwi}\right] &= f(\lambda_i, \alpha_i, \gamma_i, F_{zi}) \; ;\\ i &= 1 \; , \ldots, 4 \end{aligned} \tag{1\text{a}
$$

که در آن  $f$ یک تابع غیرخطی بر حسب لغزش طولی  $\lambda_i$  ، لغزش جانبی ن زاویه کمبر چرخها ، $\gamma_i$  ، و بار روی تایر  $F_{z i}$  است. پارامترهای مدل تایر به ،  $\alpha_i$ نوع تایر و شرایط جاده بستگی دارند و از روی داده های آزمایشگاهی بدست میآیند. این داده ها برای هر مدل تایر با استفاده از تستهای متنوع در شرایط مختلف بارگذاری و جهتگیری تایر استخراج میگردند [۹]. شکلهای۴ و ۵ بترتیب نیروهای طولی و عرضی بدست آمده از فرمول جادویی را نشان میدهد که نسبت به نیروی عمودی تایر نرمال شدهاند.

که در آن سرعت طولی هر تایر بفرم (۱۹) می باشد :  
\n
$$
u_{wi} = \left(u - \frac{1}{2}(-1)^{i}Tr\right) \cos \delta_i + (v + d_i r) \sin \delta_i
$$
\n(۱۹)  
\n64  
\n65  
\n66  
\n67  
\n68  
\n77  
\n49  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n18  
\n19  
\n19  
\n19  
\n10  
\n10  
\n11  
\n12  
\n13  
\n14  
\n15  
\n16  
\n17  
\n19  
\n19  
\n10  
\n11  
\n12  
\n1

 $(\lambda)$ 

برای محاسبه لغزش طولی تایر نیاز به سرعت دورانی چرخ میباشد. لذا معادله دیفرانسیل دینامیک دورانی چرخ ها بصورت (٢٢) است:

$$
J_w \frac{d\omega_i}{dt} = T_w - F_{xwi} R_w \quad ; \quad i = 1, \dots, 4
$$
 (YY)  
isely, using the equation of the equation  $f(x, y) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) \, dx$ 

رىيب سرعت زاويەاي دورانى، ممان اينرسى دورانى و گشتاور چرخ i ام می باشند.

آخرین ورودی مدل تایر، یعنی نیروی عمودی هر تایر، در طول یک مانور دینامیکی ، با استفاده از یک تحلیل شبه استاتیکی از جمع نیروی عمودی تایر در حالت استاتیکی به اضافه اثرات انتقال بار ناشی از شتاب طولی و جانبی و زاویه رول بدنه محاسبه میگردد. بنابراین نیروی عمودی تایرهای خودرو در طول مانور دینامیکی از روابط (۲۳) و (۲۴) بدست می آیند:

$$
F_{zi} = \frac{mgb}{2l} - \frac{ma_xh}{2l} - (-1)^i K_R \left\{ \frac{ma_yh}{T} - \left(\frac{m_sgh_s}{T}\right) \sin \varphi \right\}; \quad i = 1, 2
$$
\n
$$
(YY)
$$

$$
F_{zi} = \frac{mga}{2l} + \frac{ma_{x}h}{2l} - (-1)^{i} (1 - K_{R}) \left\{ \frac{ma_{y}h}{T} - \frac{m_{s}gh_{s}}{T} \right\} ; i = 3,4
$$
 (75)

در روابط(۲۳) و (۲۴)، h ارتفاع مرکز جرم خودرو و KR نسبت سختی پیچشی رول محور جلو نسبت به کل سختی پیچشی رول کل خودرو می باشند.  $a_x$  و  $a_y$  نیز بترتیب شتابهای طولی و عرضی وارد به مرکز جرم خودرو مىباشند.

#### ۳- تأثیر تغییر زاویه کستر بر رفتار دینامیکی خودرو

در اکثر روشهای کنترل دینامیک خودرو که بر مبنای اعمال گشتاور اصلاحی خارجی کار میکنند، متداول است که مقدار این گشتاور، در معادله مربوط به دینامیک جانبی خودرو، معادله (۳)، لحاظ شود. اما با توجه به اینکه

$$
\begin{array}{c}\n1.5 \\
\hline\n\end{array}
$$





مهندسی مکانیک مدرس، آذر ۱۳۹٤، دوره ۱۵، شماره ۹



۲۲۵





شکل 5 نیروی عرضی تایر بر حسب لغزش طولی و زاویه لغزش جانبی آن

پارامتر کنترلی مدنظر در این مقاله، یعنی زاویه کستر و مقدار دنباله مکانیکی ناشي از آن، در معادله سيستم فرمان ظاهر مي شود، تغيير و يا تنظيم آن به هر شکل منجر به ظاهر شدن ترمی از جنس گشتاور در این معادله خواهد شد. بعبارت دیگر مجموع گشتاورهای خارجی تایر حول محور کینگ پین در ابن حالت عبار تست از:

 $H = \cos \sigma (M_{zfl} + M_{zfr} - X_c (F_{yfl} + F_{yfr}) + M_{zcor})$  $(25)$  $M_{zcor} = f(\Delta X_C)$ 

بنابراین اصلیترین تأثیر تغییر زاویه کستر در رفتار دینامیکی خودرو، تولید گشتاور مضاعف حول محور کینگ پین چرخهای جلو میباشد.

همچنین با اجرای یک شبیهسازی در محیط سیمولینک<sup>1</sup>، می توان این تأثیر را بطور کمی و دقیق روی پاسخ حالت پایدار خودرو بررسی و تبیین کرد. شکل6 شماتیک روند چنین شبیه سازی را نشان می دهد. بدین منظور در حرکت با سرعت ثابت خودرو، برای ایجاد شرایط حالت پایدار، یا باصطلاح شرایط تریم<sup>2</sup>، ابتدا زوایای غربیلک فرمان متعدد به سیستم اعمال شده است. <sup>ا</sup> سپس در هر یک از این حالات پایا (در لحظه  $t^*$ )، با ایجاد اختلاف در زاویه کستر از مقدار اولیه آن، در محدوده ای متعارف، میزان تأثیر این تغییرات روی پاسخ حالت پایدار خودرو، و مشخصاً روی سرعت زاویهای گردشی خودرو، r ، بررسی شده است.

به منظور بررسی دقیقتر این موضوع و در دست داشتن اطلاعاتی جامع که اساس کار کنترلر خواهد بود، لازم است روند شبیه سازی ذکر شده برای گستره وسیعتری از حالات تریم و نیز تغییرات زاویه کستر، انجام شود. لذا فرض شده است که خودرو با سرعت طولی ثابت 20 متر بر ثانیه روی جاده



خشک (ضریب اصطکاک 1) در حال حرکت باشد. با اعمال زاویه ورودی فرمان در گستره 20 تا 120 درجه، شرایط تریم اولیه ایجاد شده و سیس در هر یک از این شرایط پایا (شتابهای جانبی ثابت)، مقدار تغییرات دنباله مکانیکی زاویه کستر در محدوده 30- تا 100+ میلی متر اعمال شده است. اختلاف مقدار سرعت زاویهای گردشی خودرو که در اثر اعمال زاویه کستر حاصل می شود در شکل7 آمده است.

مشاهده می شود تغییر زاویه کستر یا مقدار دنباله مکانیکی آن روی سرعت زاویه ای چرخشی خودرو درحالت پایا تأثیرگذار است. چنین تغییراتی در متغیرهای وضعیت خودرو نشان دهنده وجود حساسیت نسبت به ورودی مزبور خواهد بود. به عبارت دیگر تغییر در زاویه کستر، باعث ایجاد تغییر در بازوی گشتاور نیروهای جانبی تایرهای جلو شده و قابلیت تولید گشتاور مضاعف حول محورکینگپین چرخها را فراهم میسازد. همچنین اعمال تغییرات افزایشی در زاویه کستر، نسبت به مقدار اولیه، در شرایط پایای حرکت و با افزایش میزان شتاب جانبی، منجر به کاهش بیشتر سرعت زاویهای گردشی خودرو می شود. بطور معکوس با کاهش میزان زاویه کستر از مقدار ابتدایی، افزایش در سرعت زاویهای چرخشی حاصل میشود. اما با حرکت به سمت شتابهای جانبی بالاتر در این حالت، مقدار این افزایش كمتر خواهد شد.

در دست داشتن چنین نموداری، اطلاعات بسیار مفیدی از رفتار دینامیک چرخشی خودرو در اثر تغییرات زاویه کستر در اختیار قرار می دهد و مشخصات دینامیکی سیستم را در اثر این تغییرات بیان میکند. لذا این قابلیت وجود دارد که با تغییر لحظهای زاویه کستر چرخهای جلو، خودرو را از شرايط نامطلوب حركت به سمت شرايط مطلوب تحت كنترل درآورد. بعنوان مثال نمودار اخیر نشان می دهد که اگر در شتاب 0/6g. اختلاف سرعت زاویه ای چرخشی واقعی خودرو از مقدار مطلوب در نظر گرفته شده، 5+ درجه بر ثانیه باشد، کنترلر باید زاویه کستر را به سمت مقدار حدود 6+ درجه ببرد، تا بدین طریق اختلاف سرعت زاویهای گردشی تا حد امکان مینیمم شود. در ادامه نحوه طراحی این کنترلر تشریح خواهد شد.

### 4- طراحي کنټرلر

بکار گیری سیستمهای کنترل پایداری خودرو در جهت تحت کنترل در آوردن خودرو در شرایط بحرانی می باشد. در این قسمت به طراحی یک کنترلر فازی برای کنترل حرکت جانبی خودرو با بکارگیری زاویه کستر اصلاحی پرداخته



مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

326 www.SID.ir

*[www.SID.ir](www.sid.ir)*

 **ÂaÊ»Ô ZZa Á É|Æ» ÁÆ] Á{Ây ÉË~a½Z»§ {Â^Æ] ÂÀ» Ä] µZ § f3¯ ºfÌ É̳Z°]**

شده است. عملکرد کنترلر طراحی شده با اجرای شبیه سازی مانورهای مختلف خودرو ارزيابي خواهد شد.

327

#### **d¯u[¸» ËY¾ËÁ|e -1-4**

در یک بیان کلی هدف سیستم کنترل دینامیک خودرو عبارت از کمینه كردن اختلاف بين حركت موجود و حركت دلخواه خودرو است. البته پر واضح است که منظور از حرکت دلخواه، یک مسیر حرکت دلخواه نیست، بلکه در واقع منظور بهبود دادن رفتار ديناميكي خودرو بر اساس كميتهاى قابل اندازه گیری است. دو متغیر برای تعریف حرکت مطلوب در دینامیک جانبی خودرو معمولا از دو متغیر سرعت زاویهای گردشی و زاویه لغزش جانبی خودرو بفرم (26) و (27) استفاده می شود [12]:

$$
r_d = \frac{U}{(a+b) + K_{us}U^2} \frac{\delta_{sw}}{N_G}
$$
 (26)

$$
\beta_d = \frac{1}{(a+b) + K_{US}U^2} \left( b - \frac{a}{(a+b)} \frac{m}{C_{\alpha r}} U^2 \right) \frac{\delta_{sw}}{N_G}
$$
(27)

µ|» { Á{Ây Ê¿Z»§º¯ \Ë *KUS* , (27) Á (26) ÉZÅ Ä·{Z » { wqÁ{ <sup>1</sup> |ËMÊ»d|] (28) Ä]YYįdY

$$
K_{US} = \frac{-m(aC_{\alpha f} - bC_{\alpha r})}{2(a+b)C_{\alpha f}C_{\alpha r}}
$$
(28)

همچنین  $\overline{C_{ar}}$  و  $\overline{C_{ar}}$  بتر تیب مجموع سختی جانبی تایرهای جلو و عقب نسبت به تغییرات نیروی جانبی در اثر تغییر زاویه لغزش جانبی، یا بهاصطلاح سختی دور زدن<sup>2</sup>، میباشند. لازم بذکر است که در جاده های لغزنده بدلیل کاهش قابلیت تولید نیروهای جانبی در سطح تماس تایر و جاده، مقادیر  $\ket{a}$ مطلوب حركت بواسطه ضريب اصطكاك جاده  $(\mu)$  محدود خواهند بود.

$$
\text{max } (|r_a|) = \frac{\mu g}{H} \tag{29}
$$

$$
\max (\beta_d) = \mu * 8.5^{\circ}
$$
 (30)

#### 4-2- طراحي كنترلر فازي زاويه كستر

با توجه به غیرخطی بودن مدل خودرو و تعدد دارای درجات آزادی آن، و نیز آنکه تاکنون تأثیر زاویه کستر بر روی دینامیک جانبی خودرو بطور صریح و دقیق بیان نشده است، یک کنترلر فازی برای زاویه کستر، که عملکرد آن براساس نتایج بدست امده از شبیه سازیهای اشاره شده در بخش قبل باشد، می تواند دینامیک حرکت جانبی خودرو را تا حد امکان بهبود دهد. مزیت عمده استفاده از کنترلرهای فازی، سادگی آنها در ایجاد خروجی کنترلی و عدم وابستگی آنها به نوع مدل می باشد. بطور کلی برای کنترل یک سیستم غیرخطی با درجات آزادی بالا، بدلیل پیچیدگی های مدل، استفاده از کنترلر های فازی که با تعداد محدودی قانون میتوانند کنترل سیستم را دردست بگیرند، مناسب خواهد بود.

بطور کلی نحوه ایجاد خروجی کنترلی در کنترلرهای فازی در سه مرحله انجام میشود. در مرحله اول<sup>3</sup> کنترلر فازی مجموعه ورودیها را با تعاریف توابع عضویت مناسب تخصیص یافته به هر ورودی و هر خروجی ، بصورت قابل فهم براي اين منطق ، بصورت رمز در مي آورد. سپس با توجه به قوانين تعریف شده فازی<sup>4</sup>، خروجیها بصورت فازی مشخص میشوند و در مرحله نهایی<sup>5</sup> خروجی فازی مجددا بصورت عدد حقیقی از رمز درآورده میشود



 $g$  شکل  $\theta$  نمودار توابع عضویت برای ورودی شتاب جانبی خودرو بر حسب

[13]. در این مقاله برای مرحله آخر از روش ممدانی<sup>6</sup> استفاده شده است. طراحی کنترلر فازی مورد نظر بر اساس اختلاف سرعت زاویهای گردشی نسبت به مقدار مطلوب و نیز شتاب جانبی خواهد بود که بعنوان ورودیهای کنترلر شناخته می شوند و زاویه کستر نیز خروجی کنترلرخواهد بود. با توجه به اینکه تحلیلهای صورت گرفته در فصل قبل روی جاده خشک با ضریب اصطکاک 1 بوده است ، لازم است تا ورودیهای کنترلر نسبت به ضریب اصطکاک جاده نرمال شوند. همانطور که قبلاً نیز ذکر شد، اساس کار طراحی کنترلر فازی با مشخص کردن توابع عضویت مطابق شکلهای 8، 9 و10 برای وروديها و خروجي ها شروع مي شود.

همانطور که بیان شد، مهمترین جزء یک کنترلر فازی قواعد و قوانین فازی است. در واقع کارایی مناسب کنترلر فازی کاملاً وابسته به وجود – اطلاعات دقیق از سیستم و پیاده سازی صحیح آن بصورت قواعد (( اگر آنگاه ))<sup>/</sup> می باشد. با توجه به شبیه سازیها و ارزیابیهای انجام شده درباره  $13$   $3$   $3$  تاثیر تغییر زاویه کستر و با استفاده از نمودار شکل $6$  ، می $5$ وان تعداد قاعده فازی مربوط به کنترلر کستر را بصورت جدول1 در نظر گرفت، که در آن علائم MP ، LP ، LN ، Z و HP نشانگر توابع عضويت نسبت داده شده به ورودیها و خروجیها هستند و به ترتیب برای مقادیر صفر ، کم منفی، کم مثبت، متوسط مثبت و زياد مثبت بكار رفته اند.

- 1- Two-wheel Vehicle
- 2- Tyre cornering stiffness
- 3- Fuzzification
- 4- Rules
- 5- Defuzzification

مهندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دوره 15، شماره 9

6- Mamdani 7- if-then



**شکل 10** نمودار توابع عضويت براى خروجى تغييرات دنباله مكانيكى كستر

معمولاً برای کنترلرهای فازی بازای هر دو ورودی و یک خروجی، می توان قواعد پی یزی شده را بصورت یک رویه نمایش داد که به آن رویه مشخصه کنترلر فازی<sup>1</sup> گفته می شود. مزیت استفاده از چنین رویه ای اینست که مقادیر خروجی در تمامی نقاط دامنه ورودی ها طبق میان یابی قابل تعیین خواهد بود [14]. این رویه برای خروجی زاویه کستر بر حسب دو ورودی در شكل 11 نشان داده است.

#### 4-3- ایجاد کنترلر در محیط سیمولینک

در این مقاله محیط شبیه سازی برای مدل خودروی مورد نظر و انتگرالگیری از معادلات دینامیکی سیستم به منظور حاصل کردن پاسخهای زمانی، محیط سیمولینک میباشد. برای آنکه بتوان با استفاده از کنترلر طراحی شده، دینامیک خودرو را بهبود بخشید ، نیاز است که کنترلر مورد نظر نیز در محیط نرم افزاری ایجاد گردد تا انتگرال گیریها و حل زمانی ، بطور همزمان با مدل اصلی خودرو ، صورت گیرد. چرا که وروودی های کنترلر مورد نظر یعنی اختلاف سرعت زاویهای گردشی  $(\Delta r)$  و شتاب جانبی لحظهای، در اصل همان متغیرهای وضعیت سیستم بوده و خروجی کنترلر، یعنی تغییرات مورد نیاز دنباله مکانیکی زاویه کستر ، نیز مستقیماً در معادلات دیفرانسیل مدل خودرو نقش دارد. لذا عملیات حل زمانی باید یکجا و همزمان در یک محیط انجام شود. همچنین با توجه به اینکه اکثر کنترلرها در عمل خروجی مورد نظر ,ا با اندکی تأخیر در اختیار میگذارند، در اینجا این موارد بصورت یک عامل درجه اول در سر راه خروجی کنترلر به مدل واقعی خودرو ، در نظر گرفته شده اند:

$$
\Delta X_C \big|_{e^{i\beta s}} = \Delta X_C \big|_{e^{i\beta s}} \left( 1 - e^{-\frac{t}{T}} \right) \tag{31}
$$

در واقع در این پژوهش عملکرد عملگر تغییر کستر با ایجاد یک تأخیر

چگونگی کارکرد کنترلر میتواند از طریق یک عملگر هیدرولیک یا برقی که بتواند مکان اتصالهای کروی بالا یا پایین سیستم تعلیق جلو خودرو را تغییر دهد و از این طریق زاویه کستر را تحت کنترل درآورد، توصیف شود. در واقع اگر سنسورهایی به بدنه خودرو متصل شوند و خطای سرعت زاویهای گردشی و شتاب جانبی را در هر لحظه سنجش و به کنترلر زاویه کستر ارسال کنند، آنگاه کنترلر میزان جابجایی مورد نیاز اتصالهای کروی بالا یا پایین را محاسبه و فرمان لازم را به عملگر خواهد داد. شکل14 شماتیک یک طرح مفهومی از عملگر زاویه کستر را نشان میدهد.

**جدول 1** قواعد فازی برای کنترلر زاویه کستر

if	$a_y$	and/or	$\Delta r$	then	$\Delta X_C$
	Z	or	$\mathsf Z$		Z
	L	and	HN		<b>MP</b>
	L	and	MN		LP
	L	and	LN		<b>LP</b>
	L	and	LP		LN
	M	and	HN		<b>HP</b>
	M	and	MN		<b>MP</b>
	M	and	LN		<b>MP</b>
	M	and	LP		LN
	H	and	HN		<b>HP</b>
	H	and	MN		HP
	Н	and	LN		<b>MP</b>
	Н	and	LP		LN



**شکل 11** رویه مشخصه کنترلر فازی زاویه کستر



درجه اول بصورت بالا همسان در نظر گرفته شده است. مقدار ثابت زمانی T ، 0/05 منظور شده است بنابراین ورودی کستر به مدل اصلی خودرو با 0/2 ثانيه (4برابر ثابت زماني) تأخير مواجه خواهد بود. همچنین ذکر این نکته ضروری است که با توجه به محدودیتهای هندسی برای زاویه کستر و لزوم وجود حدی معقول برای تغییرات آن ، خروجي كنترلر بين مقادير 25- تا 80+ ميليمتر محدود شده است. در شکل12 نمایی کلی از سیستم دارای کنترلر کستر ، و در شکل13 جزییات كنترلر كستر نشان داده شده است.

1- Fuzzy characteristic surface

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

328 www.SID.ir



**شکل 16** سرعت زاویهای گردشی در مانور تغییر خط روی جاده لغزنده





**شکل 13** جزئیات و نحوه کار کنترلر زاویه کستر



شکل 14 شماتیک طرح مفهومی کنترلر زاویه کستر و عملگر آن

#### 5- نتايج شبيه سازي

به منظور بررسی کارایی کنترلر طراحی شده و مقایسه رفتار دینامیکی خودروی با کنترلر کستر و خودروی بدون کنترلر ، شبیهسازی دو مانور بحرانی خودرو با استفاده از مدل غیرخطی توصیف شده، و اطلاعات خودروی موجود در جدول2 پیوست، صورت گرفته است. این شبیهسازیها در سرعت طولی ثابت با استفاده از مانورهای زاویه فرمان ثابت و تغییر مسیر، در شرایط جاده ای مختلف (با ضرایب اصطکاک متفاوت) انجام شده اند.

#### 5-1- مانور تغيير مسير روي جاده لغزنده

یکی از مانورهای خودرو که میتواند شرایط حرکت خودرو را دچار بحران کند و سبب ناپایداری گردد، مواقعی است که راننده ناگهان با مانعی روبرو میشود که برای گذر از آن باید تغییر مسیر دهد. مانور تغییر مسیر معادل با یک ورودی فرمان سینوسی به غربیلک فرمان است. شکل15 زاویه ورودی غربیلک فرمان را نشان میدهد. در این قسمت شبیهسازی حرکت خودرو در حالتهای بدون کنترلر و با کنترلر در سرعت طولی 20 متر بر ثانیه و با استفاده از یک مانور تغییر مسیر با دامنه 90 درجه غربیلک فرمان روی جاده لغزنده باضریب اصطکاک 0/4 انجام شده است. نتایج این شبیه سازی در شکل های16تا 20 آمده است.



مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

329







و زاویه لغزش جانبی خودرو تا حد امکان به مقادیر مطلوب نزدیک شده و از افزایش شتاب جانبی به سمت مقدار حدی آن نیز جلوگیری بعمل آمده است.

#### 5-2- مانور زاویه فرمان ثابت روی جاده خشک

یکی دیگر از مانورهای سنگین خودرو، مانور زاویه فرمان ثابت در سرعتهای بالا میباشد. شکل 21 زاویه ورودی غربیلک فرمان را نشان میدهد. در این قسمت شبیه سازی حرکت خودرو در حالتهای بدون کنترلر و با کنترلر در سرعت طولی 30 متر بر ثانیه و با استفاده از یک مانور زاویه فرمان ثابت 90 درجه غربیلک فرمان روی جاده خشک باضریب اصطکاک 0/9 انجام شده است. نتایج این شبیهسازی در شکلهای22 تا 26 آمده است.

همانطور که مشاهده میشود ، در مانور زاویه فرمان ثابت روی جاده خشک، سیستم بدون کنترلر در معرض شتاب جانبی حدی قرار گرفته است. بطوریکه نیروهای تایرها به اشباع رسیده اند و پتانسیل تولید نیرو و یا گشتاور مضاعف در این شرایط وجود ندارد. به همین دلیل خودرو دچار سرعت زاویهای گردشی و زاویه لغزش جانبی بزرگی میشود. اما در سیستم با کنترلر کستر، به علت تغییر لحظهای بازوی گشتاور چرخها حول محور کینگ پین، یا همان دنباله مکانیکی، قابلیت تولید گشتاور مضاعف برای تایرهای جلو در چنین شرایط بحرانی فراهم شده است. بطوریکه از رسیدن شتاب جانبی به مقدار بیشینه خود جلوگیری به عمل آمده ، و نیز مقادیر سرعت زاویه ای

چرخشی و زاویه لغزش جانبی خودرو با سرعت مناسبی به سمت مقادیر مطلوب هدايت شده اند.

6- نتيجه گيري

در این مقاله به بررسی تأثیر تغییرات زاویه کستر چرخهای جلو خودرو در رفتار دینامیک آن پرداخته شد. در ابتدا و بمنظور اجرای شبیه سازی، یک



شکل 21 زاویه ورودی غربیلک فرمان در مانور زاویه فرمان ثابت روی جاده خشک



**شکل 22** سرعت زاویهای گردشی در مانور زاویه فرمان ثابت روی جاده خشک





**شکل 23** زاویه لغزش جانبی در مانور زاویه فرمان ثابت روی جاده خشک

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

330

www.SID.ir





پاسخ حالت پایدار خودرو مورد بررسی قرار گرفت. نتایج این شبیهسازیها نشان دهنده وجود حساسیت به تغییر زاویه کستر در شرایط پایدار حرکت می باشد. لذا اطلاعات استخراج شده از این طریق اساس کارکنترلر زاویه كستر قرار گرفت.

سپس با طراحی یک کنترلر فازی با ورودیهای خطای سرعت زاویهای گردشي و شتاب جانبي، و خروجي تغييرات دنباله مكانيكي، و انجام شبیهسازی مانورهای سنگین حرکت خودرو، میزان کارایی کنترلر درقیاس با خودروی بدون کنترل، مورد ارزیابی قرار گرفت. نتایج شبیهسازیهای انجام شده نشان می دهد که کنترلر فازی زاویه کستر، از کارایی مناسبی جهت تعقیب مقادیر مطلوب متغیرهای وضعیت، و جلوگیری از افزایش بی حد شتاب جانبي ، برخوردار است.

7- پيوست

	<b>جدول 2</b> پارامترهای خودرو	
--	--------------------------------	--



 $50^\circ$  $\overline{1}$  $\sqrt{2}$  $\mathbf 6$  $\mathbf{3}$ 5 4  $t$  (sec) **شکل 26** گشتاور چرخهای جلو حول کینگ پین در اثر تغییر زاویه کستر در مانور زاويه فرمان ثابت روى جاده خشك مدل جامع و غیرخطی برای خودرو توصیف شد. همچنین با توجه به اهمیت سیستم فرمان در فرمانپذیری خودرو، معادلات دینامیکی سیستم مذکور که به روش دینامیک پیشرفته کین حاصل شدهاند، بیان شد. در گام بعد با اجرای شبیهسازیهای متعدد و ایجاد شرایط پایا برای حرکت خودرو، تاثیر تغییرات زاویه کستر (و به تبع آن دنباله مکانیکی) روی

مہندسی مکانیک مدرس، آذر 1394، دورہ 15، شمارہ 9

www.SID.ir

8- مراجع

- [1] A.Farazandeh, A. K.W. Ahmed, S.Rakheja, Performance Enhancement of Road Vehicles Using Active Independent Front Steering (AIFS), SAE Int. J. Passeng. Cars - Mech. Syst. Dec.5, pp. 1273-1284, 2012.
- [2] M.Majidi, Integrated AFS/DYC controller design for a hybrid electric vehicle, Msc Thesis, Department of Automotive Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, 2010. (In Persian)
- [3] P.Salamipour, Using active caster for enhancement vehicle stability and handling dynamics, Msc Thesis, Department of Automotive Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, 2015. (In Persian)
- [4] R.N.Jazar ,A.Subic, N.Zhang, Kinematics of a smart variable caster mechanism for a vehicle steerable wheel , International Journal of Vehicle Mechanics and Mobility, Volume 50, pp. 1861-1875, Jun.29, 2012.

*[www.SID.ir](www.sid.ir)*

#### **ÂaÊ»Ô ZZa Á É|Æ» ÁÆ] Á{Ây ÉË~a½Z»§ {Â^Æ] ÂÀ» Ä] µZ § f3¯ ºfÌ É̳Z°]**

- [11] B.Mashadi, M.Majidi, Integrated AFS/DYC sliding mode controller for a hybrid electric vehicle, *Int. J. Vehicle Design,* Vol. 56, Nos. 1/2/3/4, pp. 246-269, 2011
- [12] J.Song, Design and Comparison of AFS Controllers with PID,
- Fuzzy-Logic, and Sliding-Mode Controllers, *Hindawi Advanced in Mechanical Engineering*, pp. 3-4, Volume 2013
- [13] B.Mashadi, M.Majidi, Integrated AFS/DYC fuzzy controller design, in *Proceeding of*  $2<sup>nd</sup>$  *symposium of fuzzy and intelligent systems*, Tehran,2009. (In Persian)
- [14] JH.Lilly, *Fuzzy control and identification*ǡWiley, pp. 90-92, 2010.
- [5] D.H.Lee, *Caster control apparatus*, U.S.Patent 7644936, Jan.12, 2010.
- [6] D.J.Lyu a *Caster angle control system for vehicles* a U.S.Patent 5839749 a Nov.24, 1998.
- [7] M.Abe*ǡVehicle handling dynamics*ǡElsevirer, pp. 149, 2009
- [8] H.B.Pacejka, Tyre and vehicle dynamics, Elsevier, pp. 173, 2002
- [9] H.Dizadji, *Integrated AFS/DYC controller design using assisted electric motors*ǡ Msc Thesis, Department of Automotive Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, 2007. (In Persian)
- [10] S.M.Savaresi, *Active braking control systems design for vehicles*,Springer, pp. 17-20, 2013

**Archive of SID** 

مہندسی مکانیک مد*ر*س، آذ*ر 1*394، دورہ 15، شما*ر*ہ 9  $\sim$ 332