

ماهنامه علمى پژوهشى

ی مکانیک مدرس





یک الگوریتم کارای پایه میکرومکانیکی جهت پیشبینی پاسخ کامپوزیتهای زمینه فلزی فعالشده با الیاف آلیاژ حافظهدار

سیامک مقبلی¹، محمدجواد محمودی^{2*}

1- دانشجوی کارشناسیارشد، دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران
 2- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران
 * تهران، صندوق پستی 167651719، sbu.ac.ir

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در این مقاله با اعمال یک شیوه نوین برنامهنویسی و استفاده از یک مدل تحلیلی میکرومکانیکی سهبعدی رفتار ترمومکانیکی کامپوزیتهای	مقاله پژوهشی کامل معانه ۲۰۰۰ ۱۳۰۰ مار ۱۳۵۸
فعال شده با الیاف آلیاژ حافظهدار تحت بارگذاری خارج از محور چرخهای استخراج می شود. شی گرایی و اصول کاربردی آن بر مدل میکرومکانیکی	دریافت. 00 خرداد 1394 یذیرش: 20 مرداد 1394
پیادهسازی می شود و با استفاده از روش حل عددی غیرخطی نیوتن– رافسون پاسخ کامپوزیت در بازههای مختلف دمایی تعیین می گردد. جهت است	ارائه در سایت: 08 شهریور 1394
دستیابی به پاسخی بهینه ضریبی بهعنوان ضریب همکرایی در روش حل غیرخطی نیوتن– رافسون استفاده میشود. المان حجمی نماینده کار به از میزان با از این آنان انتابا میرود با این از میزان میرود می از میرود از میرود استفاده میشود. المان	كليد واژگان:
کامپوزیت از دو فاز شامل الیاف الیاز حافظهدار و زمینه فلزی تشکیل میشود. رفتار زمینه به صورت ویسکوپلاستیک و رفتار الیاف به صورت خاندار خالار تک ما استار الاگرام در اینا گفته بر در دینا گفته بر در ایرانه استهالد فاز آلراه مافناردار مفتار سیالار تک آلراه	کامپوزیت تفویتشده با الیاف الیاز حافظهدار میکرمیکانیک
عير حطي غيرا لا سيك براساس مدل لا توداس در نظر كرفته مي شود به قادر به مدل ساري استخابه قار اليار خافظه دار و رفتار سوپرالا سيك اليار جافظه دار است، همچنين آرايش الياف در زمينه به صورت توزيع اتفاقي در نظر گرفته مي شود. باسخهاي ترمومكانيكي كاميوزيت در بازههاي	ىيىروغانىيەت برنامە نويسى شىگرايى
دمایی مختلف جهت نمایش خواص حافظه شکلی و سوپرالاستیسته الیاف حافظه دار بررسی می گردند. در این راستا ابتدا کامپوزیت تحت بارگذاری	خواص حافظه شکلی
و باربرداری چرخهای مکانیکی قرار میگیرد و سپس تحت بارگذاری حرارتی قرار میگیرد. خاصیت حافظهشکلی سیم آلیاژ حافظهدار و کامپوزیت	
مورد مقایسه قرار می گیرد و اثرات نیروهای به وجودآمده در کامپوزیت فعال، به وسیله مقیدسازی محوری کامپوزیت بررسی میشود و همچنین	
اثرات زاویهداری الیاف نشان داده میشود. مقایسه نتایج تحقیق حاضر با تحقیقات موجود در دسترس پیشین، تطابق بسیار خوبی را نشان میدهد.	

An efficient micromechanics based algorithm to predict the response of metal matrix composites activated with shape memory alloy fiber

Siamak Moghbeli, Mohammad Javad Mahmoodi*

Faculty of Mechanical and Energy Engineering, Shahid Beheshti University, A.C., Tehran, Iran * P.O.B. 167651719 Tehran, mj_mahmoudi@sbu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 26 May 2015 Accepted 11 August 2015 Available Online 30 August 2015

Keywords: Shape memory alloy fiber reinforced composite Micromechanics Object oriented programming Shape memory properties

ABSTRACT

In this paper, by applying a new programming mode, thermomechanical behavior of activated composite with shape memory alloy fiber is extracted subjected to cyclic off axis loading using a 3D analytical micromechanical model. Object-orientation and its applied principles are implemented on the micromechanical model and response of the composite is determined by Newton–Raphson nonlinear numerical solution method at different thermal interval. In order to achieve an optimal response, a factor such as convergence coefficient in the Newton – Raphson nonlinear solution method is employed. Representative volume element of the composite consists of two-phases including shape memory alloy fiber and metal matrix. behavior of the metallic matrix is considered as viscoplastic while shape memory alloys is assumed nonlinear inelastic based on Lagoudas model which is able to model phase transformation and super elastic behavior of the shape memory alloys. Moreover, arrangement of fibers within the matrix is considered randomly. Thermo mechanical responses of composite at different temperature ranges are investigated to display the shape memory effect and super elasticity properties of shape memory fiber. In this regard, at the first, the composite system is exposed to cyclic mechanical loading and unloading and then exposed to thermal loading. Shape memory effect, property of shape memory wire and composite are compared and the effects of forces within the active composite induced via axially constraining the composite are investigated. Furthermore, the effect of fiber orientation is illustrated. Comparison between the present research results and previous available researches shows good agreement.

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

S. Moghbeli, M. J. Mahmoodi, An efficient micromechanics based algorithm to predict the response of metal matrix composites activated with shape memory alloy fiber, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 10, pp. 67-77, 2015 (In Persian)

1- مقدمه

مواد مرکب زمینه فلزی به دلیل به دلیل خواص مکانیکی و فیزیکی فوق العاده بهعنوان موادی مناسب و پرکاربرد برای صنایع خودروسازی و بسیاری از کاربردهای مهندسی دیگر به کار میروند [1]. در میان آنها مواد مرکب زمینه آلومینیومی به دلیل چگالی پایین و روش تولید آسان به همراه قیمت پایین، یکی از بهترین نمونههای کامپوزیتهای زمینه فلزی است. از جمله خصوصیات قابل توجه آنها میتوان به مدول الاستیک بالا و مقاومت بالا و هزینه به نسبت پایین مورد استفاده قرار می گیرند. تقویت کنندهها در زمینه فلزی میتوانند پیوسته و به صورت الیاف بلند باشند و یا به صورت غیرپیوسته و الیاف کوتاه و ذزه در نظر گرفته شوند که بسیاری از این تقویت کننده ها از مدلهای سرامیکها مانند SiC و SiC است [1]. یکی از راههای اعمال و استفاده از آلیاژهای حافظهدار افزودن آنها به کامپوزیتهاست که سبب بهینهسازی خواص میشود [2].

آلیاژهای حافظهدار به واسطه این که تداعی کننده رفتار موجودات زنده هستند، هوشمند نامیده می شوند. این رفتار به واسطه جبران تغییر شکل پلاستیک با استفاده از افزایش دما صورت می پذیرد. به عبارت دیگر در صورتی که آلیاژ حافظهدار دچار تغییر شکل پلاستیک شود می توان با افزایش دما جبران کرد و آلیاژ را به شکل اولیه خود باز گرداند [3]. سقف کرنش های به وجود آمده می تواند تا 10درصد باشد [4]. پدیده حافظهداری به دلیل استحاله جامد بدون نفوذ بین فاز دمای بالای آستنیت و فاز دمای پایین مار تنزیت است. آلیاژ حافظهدار با چهار مشخصه دمایی M_s و M_f به ترتیب دماهای آغاز و پایان استحاله مار تنزیتی و A_5 و A_7 نیز به تر تیب دماهای آغاز و پایان استحاله آستنیتی معرفی می شود [5].

اثر حافظهداری یکراهه¹، دوراهه² و خاصیت فوق کشسان³ از جمله خاصیتهای دیگر آالیاژ حافظهدار است که در شرایط مختلف از خود نشان میدهد. منشاء هر دو خاصیت حافظهداری و فوق کشسانی در آلیاژهای حافظهدار، مشترک است و به دلیل استحاله جامد بدون نفوذ بین فاز دمای بالای آستنیت و فاز دمای پایین مارتنزیت. آلیاژ قادر است تا شکل خود را در دو حالت آستنیتی (دما بالا) و مارتنزیتی (دما پایین) به یاد بسپارد که این ویزگی در آلیاژهای حافظهدار دوراهه مشاهده میشود. در حالت حافظهداری یکراهه پس از ایجاد تغییر شکل در آلیاژ با افزایش دما میتوان تغییر شکل به وجودآمده را جبران کرد، ولی اعمال سرمایش تغییری در شکل آلیاژ ایجاد نمی کند [6].

مدلسازی آلیاژهای حافظهدار با سه دسته میکرو، میکرو - ماکرو و ماکرو مورد بررسی قرار می گیرد. در میان مدلهای بیانشده، مدلهای ماکرو به دلیل سادگی و سازگاری با روشهای محاسباتی در کاربردهای مهندسی مناسب بوده و مورد استفاده قرار گرفتهاند. این مدلها برای توصیف سینیتیک ساختاری حاکم بر استحاله فاز مارتنزیت و جهت گیری متغیرهای مارتنزیتی معمولاً از قوانین ساختاری مکانیکی استفاده می کنند. از آنجایی که نیروی بازیابی حاصل از المان حافظهدار مقید، در جهت تغییر شکل اعمال میشود، میتواند موجب تولید کار شود؛ بنابراین المان حافظهدار میتواند بهعنوان عملگر حرارتی عمل کند که دراین المان، انرژی حرارتی بهطور مستقیم به انرژی مکانیکی تبدیل میشود [7]. بوید و لاگوداس [8] مدلی سهبعدی و با درنظر گرفتن کسر حجمی مارتنزیت بهعنوان متغیر داخلی که

نمایان گر اثرات تغییر فاز و ارتباط این تغییر فاز با کرنشهای غیرالاستیک ایجادشده در سیم آلیاژ حافظهدار است، ارائه کردند. آنها تابع سختی خطی را برای سینیتیک ساختاری استحاله فازی مارتنزیتی درنظر گرفتند. لاگوداس و همکاران [9] مدل سهبعدی که براساس مدل بوید و لاگوداس [8] بنا شده بود را ارائه و پاسخ کامپوزیت فعال شده به واسطه الیاف آلیاژ حافظهدار را با آرایشهای مختلف الیاف آلیاژ حافظهدار بررسی کردند.

آریکیو و تایلور [10] مدلی با قابلیت درنظر گرفتن رفتار سوپرالاستیسیته آلیاژ حافظهدار برای حالات همراه با کرنشهای بزرگ ارائه دادند. مدلی جامع برای شبیهسازی رفتار ترمودینامیکی آلیاژ حافظهدار با قابلیتهای شبیهسازی اثر حافظه شکلی و سوپرالاستیسیته توسط سوزا و همکاران ارائه شد [11]. پانیکو و برینسون مدلی سهبعدی برای بارگذاریهای چندمحوره تناسبی و غیرتناسبی با قابلیتهای درنظر گرفتن استحاله فازی مارتنزیتی و جهت گیری مارتنزیتی ارائه کردند[12]. به تازگی سدلک و همکاران [13] مدلی سهبعدی، برای پیشبینی رفتار آلیاژ حافظهدار با درنظر گرفتن استحاله موجود بین آستنیت و فاز R و مارتنزیت و جهت گیری مارتنزیت تحت بارگذاری با مسیر پیچیده و غیرتناسبی ارائه کردند.

استفاده از یک روش میکرومکانیکی مناسب جهت مدلسازی رفتارهای پیچیده آلیاژ حافظهدار در کامپوزیتها لازم و ضروری بهنظر میرسد [14]. مدلهای میکرومکانیکی متعددی جهت بررسی پاسخ ترمومکانیکی کامپوزیتهای تقویتشده با آلیاژهای حافظهدار ارائه شده است. بیرمن و همکاران [14] و سراوانس و همکاران [15]، روشی میکرومکانیکی برای محاسبه خواص معادل كامپوزیتهای زمینه الاستیک با الیاف آلیاژ حافظهدار تحت بارگذاری حرارتی یکسان طولی ارائه کردند. آنها برای پیشبینی رفتار آلیاژ حافظهدار از مدل چمیس [16] استفاده کردند. ابودی با استفاده از روش تحلیلی میکرومکانیکی و با درنظرگرفتن اثرات میکرو و ماکرو بهصورت چندمقیاسی پاسخ کلی کامپوزیت زمینه تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را مورد بررسی قرار داد [17]. در این میان برای مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار از مدل گرازر و کوزرالی [18] که بهوسیله ویتینگ [19] اصلاح شده است، استفاده کرد. گیلات و ابودی [7] روشی بر مبنای تحلیل چندمقیاسی برای بررسی پاسخ ترمومکانیکی کامپوزیتهای تکجهتی زمینه فلزی/ پلیمری با الياف آلياژ حافظهدار تحت بارگذارى حرارتى ارائه كردند. ايشان براى مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار از روش لاگوداس استفاده کردند. ابودی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیتهای تکجهتی تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را تحت تغییر شکلهای بزرگ مورد بررسی قرار داد [20]. برای تحلیل و پیشبینی رفتار سوپرالاستیسیته آلیاژ حافظهدار از مدل [21] استفاده کرد. اثرات برهم کنش ترمومکانیکی و کرنشهای غیرالاستیک ناشی از استحاله فازی در آلیاژ حافظهدار در کامیوزیتهای تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار به وسیله فرید و ابودی مورد بررسی قرار گرفت [22]. در این مطالعه برای مدل سازي آلياژ حافظهدار از مدل آريکيو [23] و روش ميکرومکانيکي سلول تعميميافته با دقت بالا⁴ مورد استفاده قرار گرفت. مارفيا و ساكو روشی مبتنى بر تحليل چندمقياسى ميكرو- ماكرو براى تحليل كامپوزيتهاى تقويت شده با الياف بلند آلياژ حافظه دار ارائه كردند. تحليل ميكرومكانيكي آنها شامل قرارگیری الیاف با توزیع منظم و اتفاقی در زمینه همگن الاستیک و برمبنای محاسبات تحلیلی و عددی انجام شد [24]. آلیاژ حافظهدار در این یژوهش با استفاده از مدل سهبعدی سوزا مورد بررسی قرار گرفت. سپ و

4- High Fidelity Generalized Method of Cells

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

One- way shape memory alloy
 Two- way shape memory alloy
 Super elastic

همکاران با روشی بر مبنای همگنسازی که براساس استحاله فاز آلیاژ حافظهدار مرتب شده بود را برای تحلیل کامپوزیتهای با الیاف آلیاژ حافظهدار ارائه و برای این تحلیل از روش اوانگلیستا استفاده کردند. به تازگی دامنپاک و همکاران با استفاده از روش المان محدود، با در نظر گرفتن الیاف آلیاژ حافظهدار در زمینههای فلزی و پلیمری، خواص کامپوزیتهای تقویتشده را بررسی کردند [25]. به تازگی خلیلی و همکاران مدل میکرومکانیک مبتنیبر روش تحلیلی اشلبی و مدل نیمه تجربی هالپین- سای برای پیشبینی خواص کامپوزیت صرفاً زمینه پلیمری اپوکسی تقویتشده با سیمهای کوتاه حافظهدار با جهت گیری اتفاقی مورد استفاده قرار دادند [26].

در میان مدلهای میکرومکانیک، مدل میکرومکانیکی سلول واحد ساده شده به دلیل دقت و سادگی و همچنین کارآیی بالا، مورد توجه محققین بسیار زیادی قرار گرفته شده است؛ بنابراین در این مقاله با استفاده از مدل میکرومکانیکی سلول واحد سادهشده، پاسخ ترمومکانیکی کامپوزیت زمینه فلزی تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار ارائه می شود. آلیاژ حافظهدار دارای رفتاری غیرخطی است که برای مدل سازی آن از مدل سه بعدی لاگوداس استفاده می شود.

در این مقاله یک الگوریتم کارای پایه میکرومکانیکی جهت پیشبینی پاسخ كامپوزيتهاى زمينه فلزى فعال شده باالياف آلياژ حافظهدار ارائه می شود. با استفاده از شیوه نوین برنامه نویسی شی گرا¹ و تعریف کلاسهای برنامهنویسی متعدد و استفاده از ویژگیهای اصلی این شیوه برنامهنویسی مانند وراثت²، مخفیسازی³ و چندریختی⁴ استفاده میشود. در راستای حل معادلات ديفرانسيلي غيرصريح و غيرخطي آلياژ حافظهدار، كلاسي شامل معادلات جبری روش سلول واحد در نظر گرفته می شود و با استفاده از روش حل عددی نیوتن -رافسون نتایج عددی معادلات غیرخطی آلیاژ حافظهدار در مدل سلول واحد سادهشده قرار مى گيرند. روش ميكرومكانيك سلول واحد قادر به مدلسازی این رفتارهای پیچیده و غیرخطی کامپوزیتهای تقويتشده با الياف آلياژ حافظهدار است. المان حجمي نماينده كامپوزيت به سلول مکعبی در سهبعد گسترش مییابد. فرض اتصال کامل بین r imes c imes 1اجزای سازنده المان حجمی کامپوزیت با توجه به زمینه فلزی و الیاف آلیاژ حافظهدار در نظر گرفته می شود. الگوریتم ارائه شده در این مقاله جهت پیادهسازی روش میکرومکانیک سلول واحد سادهشده بر آلیاژهای حافظهدار است که جهت بررسی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار مورد استفاده قرار گرفته است. اثرات دمایی و کسر حجمی اليا ف⁵ بر پاسخ كامپوزيت بررسى مىشود. اثر زاويه الياف بر پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت بررسی میشود. در ادامه ابتدا معادلات ساختاری روش میکرومکانیک روش سلول واحد و معادلات ساختاری زمینه و الیاف و الگوریتم حل و پیادهسازی برنامهنویسی بیان می شود، سپس نتایج مربوط مورد بررسی قرار می گیرند.

i در جهت محور X و با طول ضلع Lr در جهت محور Y است. اگر متغیر Lc متغیر شمارنده در جهت X و j در جهت Y باشد، هر سلول با نام j شناخته می شود و طول هریک از سلول ها در جهت X با ii و در جهت Y با j و در جهت Z با I مشخص می شود.

2-1- رفتار ماده مرکب تحت بارگذاری محوری

براساس مدل سلول واحد برای استخراج روابط میکرومکانیکی حاکم، فرض می شود که مؤلفههای جابهجایی داخل هر سلول المان نماینده توابعی خطی است، همچنین فرض می شود که تنشهای نرمال وارده بر المان حجمی نماینده کامپوزیت هیچگونه تنش برشی داخل آن ایجاد نمی کند [28] و برعکس. با استفاده از معادله تنشهای میکرو (σ_l^{ij}) در سلولها و تنشهای ماکرو ($S_l, l = x, y, z$) محاسبه می شود [29].

$$\sum_{j=1}^{r} \sigma_x^{1j} b_j = S_x L_r$$

$$\sum_{i=1}^{c} \sigma_y^{1j} a_i = S_y L_c$$

$$\sum_{j=1}^{r} \sum_{i=1}^{c} b_j \left(a_i \sigma_z^{ij} \right) = S_z L_r L_c$$
(1)

رابطه (2) نیز از تعادل تنشهای عمودی در سطوح مشترک در هر دو سلول مجاور بهدست میآید [30].

$$\begin{cases} \sigma_x^{ij} = \sigma_x^{ij} (i > 1) \\ \sigma_y^{i1} = \sigma_y^{ij} (j > 1) \end{cases}$$
(2)

با فرض اتصال کامل بین اجزای سازنده المان حجمی کامپوزیت، تغییر مکان المان نماینده در یک جهت برابر مجموع تغییر مکان سلولهای یک ردیف در همان جهت است، پس میتوان رابطه (3) را نوشت [31]. $\left(\sum_{i=1}^{c}a_{i}\varepsilon_{x}^{i1} = \sum_{i=1}^{c}a_{i}\varepsilon_{x}^{ij} = L_{c}\bar{\varepsilon}_{x}$ (j > 1)

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^{r} b_j \varepsilon_y^{1j} = \sum_{i=1}^{r} b_j \varepsilon_y^{ij} = L_r \bar{\varepsilon}_y \quad (i > 1) \\ \varepsilon_z^{ij} = \bar{\varepsilon}_z (i > 1, j > 1) \end{cases}$$
(3)

2-2- رفتار ماده مرکب تحت بارگذاری برشی

در این بخش فرض می شود که تنها نیروهای برشی بر المان نماینده وارد می شوند [33،32]. با فرض این که با اعمال نیروی برشی هیچ گونه تنش



2- مدل تحليلي ميكرومكانيك شکل 1 المان حجمی نماینده کامپوزیت را با توزیع اتفاقی الیاف درون زمینه فلزي نشان مي دهد. المان حجمي نماينده از دو فاز شامل زمينه فلزي و الياف آلیاژ حافظهدار درنظر گرفته شده است [27]. در شکل 1 المان حجمی نماینده دارای $1 \times c \times r$ سلول با طول ضلع 1 در جهت محور Z و با طول ضلع

- 1- Object Oriented Programming
- 2- Inheritance
- 3- Encapsulation
- 4- Polymorphism
- 5- Fiber Volume Fraction

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

www.SID.ir

نرمالی در داخل سلول ها ایجاد نمیشود؛ بنابراین در هر سلول سه مؤلفه تنش مجهول وجود خواهد داشت. ...

$$\sigma^{ij} = \begin{cases} \tau_{xy} \\ \tau_{yz} \\ \tau_{xz} \end{cases}^{ij}$$
(4)
همچنین تغییر درجه حرارت سبب ایجاد کرنش برشی نمیشود [26].

برای تعادل مابین تنشهای برشی اعمالی و تنش های برشی داخلی سلولها باید رابطه (5) برقرار باشد.

$$\begin{cases} \sum_{j=1}^{r} b_j \tau_{xz}^{ij} = L_r \bar{\tau}_{xz} \\ \sum_{i=1}^{c} a_i \tau_{yz}^{ij} = L_c \bar{\tau}_{yz} \\ \tau_{xy}^{ij} = \bar{\tau}_{xy} \end{cases}$$
(5)
with the matrix of the second second

$$\begin{cases} \varepsilon_{yz}^{1j} = \varepsilon_{yz}^{ij} (i > 1) \\ \varepsilon_{xz}^{i1} = \varepsilon_{xz}^{ij} (j > 1) \end{cases}$$

$$(6)$$

لمان تماينده برابر مجموع تعيير زاويه سلول های یک ردیف در آن جهت است که به صورت معادله (7) نشان داده مى شود [26].

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{c} a_i \varepsilon_{xz}^{i1} = L_c \bar{\varepsilon}_{xz} \\ \sum_{i=1}^{c} b_j \varepsilon_{yz}^{1j} = L_r \bar{\varepsilon}_{yz} \\ \sum_{j=1}^{r} \sum_{i=1}^{c} a_i b_j \varepsilon_{xy}^{ij} = L_c L_r \bar{\varepsilon}_{xy} \end{cases}$$
(7)

ر نهایت با استفاده از روابط بالا می توان روش سلول واحد را برای مادهای که تحت بارگذاری برشی و نرمال قرار گرفته است را مدلسازی کرد .[34]

3 - مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار

معادلات ساختاری آلیاژ حافظهدار با استفاده از مدل لاگوداس [4] ارائه شده
است. معادله سهبعدی برای سلول *ii* بهصورت رابطه (8) بیان میشود.

$$\dot{\epsilon}_{mn} = \dot{\epsilon}_{mn}^{e} + \dot{\epsilon}_{mn}^{I} + \dot{\epsilon}_{mn}^{th}$$
, $m,n = 1,2,3$ (8)
 $iرخ کرنش الاستیک $\dot{\epsilon}_{mn}^{e}$ مطابق قانون هوک بهصورت رابطه (9) با نرخ
 $\dot{\epsilon}_{mn}^{e} = S_{mnkl}\dot{\sigma}_{kl}$ (9)$

در این رابطه S_{mnkl} تنسور نرمی حالت الاستیک است. نرخ کرنش ەصەرت رابطە (10) نەشتە ارتہ thغ د a 4"

(12) کسرحجمی مارتنزیت است و تابع جریان Λ_{mn} بهصورت رابطه ξ تعريف مي شود. $\Lambda_{mn} = \begin{cases} \frac{\mathbf{3}H}{\mathbf{2}\overline{\sigma}}\sigma'_{mn} , \dot{\xi} > \mathbf{0} \\ \frac{H}{\overline{s}^{I}}\varepsilon^{I}_{mn} , \dot{\xi} < \mathbf{0} \end{cases}$ (12)

$$\sigma_{mn}^{\prime} = \sigma_{mn} - \frac{1}{3} \sigma_{kk} \delta_{mn}$$

$$\overline{\sigma} = \sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)} \sigma_{mn}^{\prime} \sigma_{mn}^{\prime}$$

$$\overline{\varepsilon}^{I} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)} \varepsilon_{mn}^{I} \varepsilon_{mn}^{I}}$$
(13)

تنش انحرافی و تنش مؤثر و کرنش مؤثر در استحاله فازی است که به ترتیب در روابط (13) بیان شد و $H = \varepsilon^{I \max}$ بیشترین کرنش استحاله فازی محوری است [7]. خطوط استحاله فاز مستقیم (رفت) و غیرمستقیم (برگشت) بەصورت رابطە (14) تعريف مىشوند.

(15) بيان مىشود.

$$\dot{\xi} = -\frac{R_{mn}\varepsilon_{mn} + S\dot{T}}{B}$$
(15)

$$R_{mn} = C_{mnkl} \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{kl}}$$

$$S = \frac{\partial \varphi}{\partial T} - \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{mn}} C_{mnkl} \alpha_{kl}$$

$$B = \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{mn}} p_{mn} + \frac{\partial \varphi}{\partial \xi}$$

$$p_{mn} = \frac{\partial \sigma_{mn}}{\partial \xi}$$

$$a^{M} = \frac{\ln(0.01)}{M^{S} - M^{f}}$$
(16)

Cmnki سفتی آلیاژ حافظهدار است و همان طور که ار پیش بیان شد،

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

(9) بیان میشود. نرخ کرنش الاستیک (\hat{e}_{mn}^e) و نرخ کرنش حرارتی (\hat{e}_{mn}^{tit}) به صورت روابط (11،10) محاسبه و ثوابت مورد نیاز از جدول (1) جایگزین و نرخ کرنش غیرالاستیک ماده به صورت رابطه (18) بیان می شود.

$$\dot{\varepsilon}_{mn}^{I} = \Gamma \Sigma_{mn} \tag{18}$$

که در این رابطه $\Sigma_{
m mn}$ تنش انحرافی و تابع جریان I بهصورت رابطه (19) است.

$$\Gamma = \frac{D_0}{\sqrt{j_2}} \exp(-\frac{n+1}{2n} (\frac{Z^2}{3j_2})^n)$$
(19)

که $\mathbf{Z} = \Sigma_{mn} \Sigma_{mn} / \mathbf{Z}$ متغیر حالت $\mathbf{J}_2 = \Sigma_{mn} \Sigma_{mn} / \mathbf{Z}$ متغیر حالت است که میتواند به عنوان پارامتر وابسته به پیشینه بارگذاری درنظر گرفته شود و حالت سختشده ماده نسبت به جریان پلاستیک را نشان دهد. سختشوندگی ایزوتروپ Z به صورت رابطه (20) بیان می شود.

 $\dot{Z} = m(Z_1 - Z)\dot{W}_p/Z_0 \tag{20}$

(20) که \dot{W}_p نرخ کار پلاستیک است و $\dot{W}_p = \sigma_{mn} \dot{\varepsilon}^I_{mn}$. در معادلات \dot{W}_p (20) که \dot{W}_p نرخ کار پلاستیک D_0 و n ،m ، Z_1 ، Z_0 محدوده غیرالاستیک مشخص می کنند که در جدول 1 مشخص شدهاند [7].

5- الگوريتم حل

پاسخ کلی ترمومکانیکی مواد کامپوزیتی، شامل پاسخ الاستیک، ترموالاستیک و غیرالاستیک است. در بارگذاری خارج از محور، بارگذاری بر یک نمونه المان که الیاف دارای زاویه θ با محور x است وارد می شود که در شکل 2 نمایش داده شده است. روابط موجود بین محورهای کلی و محلی با استفاده از [36،34] درنظر گرفته می شود.

همان گونه که پیش از این یاد شد در راستای محاسبه خواص ماده مرکب هوشمند از روش عددی نیوتن - رافسون جهت حل غیرخطی معادله حاکم بر کامپوزیت استفاده میشود [37]. حل معادله غیرخطی حاکم بر آلیاژ حافظهدار [4]، با استفاده ازبرنامهنویسی شی گرا و بر خلاف شیوههای روندی¹ متداول، کلاسهای برنامهنویسی متعددی تعریف و استفاده از ویژگیهای اصلی این شیوه برنامهنویسی مانند وراثت، مخفی سازی و چندریختی که در نمودار جریانی شکل 3 نشان داده شده است، مورد بررسی قرار می گیرد [38]. در راستای حل معادلات دیفرانسیلی غیرصریح و غیرخطی آلیاژ حافظهدار کلاسی به نام آلیاژ حافظهدار تشکیل میشود که در این کلاس با



مدلسازی رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک زمینه و الیاف در یک کلاس مورد تحلیل قرار می گیرد (کلاس رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک). این کلاس به دلیل خاصیت و مشابه کرنشهای الاستیک و ترموالاستیک زمینه و الیاف تعریف شده است و با توجه به فراخوانی کاربر زمینه و الیاف، کرنش غیرالاستیک مورد نظردر آن قرار می گیرد.

مدلسازی رفتار ویسکوپلاستیک زمینه در کلاس دیگری به نام ویسکوپلاستیک مورد بررسی قرار می گیرد. این کلاس از کلاس آلیاژ حافظهدار مجزا بوده و دارای متغیرهای خصوصی است، ولی به دلیل لزوم قرار گرفتن در معادلات میکرومکانیکی زیرمجموعهای از کلاس رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک است.

در کلاس بعدی که آخرین کلاس ارائهشده در بررسی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت هوشمند است، کلاس روش میکرومکانیکی سلول واحد است که این کلاس بهعنوان عملگر پاسخ میکرومکانیکی استفاده میشود. در این کلاس معادلات جبری روش سلول واحد با استفاده از روش حل عددی غیرخطی نیوتن - رافسون مرتب می گردند [37]. ابتدا بهصورت معادلات خطا و برابر با مقدار صفر درنظر گرفته می شوند و سپس ماتریس ل که بیانگر ماتریس ژاکوبین است، تشکیل می شود.

برای کنترل پاسخ میکرومکانیک و کنترل کرنشهای به وجود آمده در زمینه و الیاف، با استفاده از روش نیوتن - رافسون ضریبی برای کنترل سرعت وراثت و همگرایی کلاسهای تابع معادلات ساختاری در کلاس معادله میکرومکانیکی در نظر گرفته شده است که با β نمایش داده شده است و مقدار این محدودکننده با استفاده از روش سعی و خطا حاصل شده است. این مقدار در این مقاله ⁵⁻¹0×2 درنظر گرفته شده است.

در راستای ایجاد همگرایی در حل مسئله میکرومکانیک کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار، گام زمانی برای حل مسئله ⁵-10 درنظر گرفته میشود. این مقدار با استفاده از روش سعی و خطا و برای رسیدن به نتیجه مطلوب مورد استفاده قرار گرفته است.

6- نوع ماده

در این مطالعه کامپوزیت با زمینه فلزی با الیاف بلند آلیاژ حافظهدار در نظر گرفته میشود. فرض ایزوتروپ کامل برای زمینه و الیاف در نظر گرفته میشود و همه ثوابت الیاف آلیاژ حافظهدار و فلز مستقل از دما در است. خواص آلیاژ حافظهدار که ساختهشده از نیتینول است و فلز آلومینیوم در جدول 1 بیانشده است [7].

7- نتايج و بحث

رفتار ترمومکانیکی کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظه در چندین حالت تحت بارگذاری چرخهای جهت نمایش خاصیت اثر حافظه شکلی و سوپرالاستیسیته آلیاژ حافظه دار نشان داده شده است. نتایج ارائه شده به دو

جدول 1 خواص زمينه آلومينيوم و الياف آلياژ حافظهدار [7]

خاصيت	آلومينيوم	آلياژ حافظهدار
E (GPa)	69	21/5
ν	0/33	0/33
α (10 ⁻⁶ /°C)	23/1	8/8
<i>M</i> ^o <i>f</i> =5 °C, <i>M</i> ^o <i>s</i> =23 °C, <i>A</i> ^o <i>s</i> =29 °C, <i>A</i> ^o <i>f</i> =51 °C,		
<i>H</i> = 0/0423, <i>C</i> ^A = 4/5 MPa/°C, <i>C</i> ^M = 11/3 MPa/°C		
<i>n</i> =31 MPa, <i>m</i> =135MPa, <i>Z</i> 1=52/s, <i>Z</i> 0=10000 <i>D</i> 0=10		

1- Procedural

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

www.SID.ir



صورت مطالعات پارامتری و مطالعات مقایسهای تقسیمبندی میشوند.

جهت اعتبارسنجی مدل حاضر و با توجه به عدم دسترسی به نتایج تجربی کامپوزیت با الیاف آلیاژ حافظهدار، پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت با مقدار درصد حجمی الیاف برابر یک (فقط سیم آلیاژ حافظهدار) با نتایج تجربی [39] موجود مورد بررسی قرار گرفته است که در شکل 4 نشان داده شده است. برای این تحلیل مکانیکی ثوابتی که در جدول 1 برای آلیاژ حافظهدار درنظر گرفته شده است، از [39] گرفته شده است و درمعادلات ساختاری آلیاژ حافظهدار گذاشته شده است.

چنانچه از شکل 4 مشخص است روش میکرومکانیکی کنونی رفتار غیرخطی ناشی از استحاله فازی را در دمای بالاتر از محدوده آستنیتی پیروی می کند و قادر به ارائه رفتارهای خطی و غیرخطی آلیاز حافظهدار است.

جهت بررسی و صحه گذاری استخراج پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت، اثر پارامتر درصد حجمی الیاف آلیاژ حافظهدار که بهعنوان پارامتری مهم در رفتار ترمومکانیکی کامپوزیتهای هوشمند شناخته میشود، در دمای C[°]55 بررسی میشود. همان گونه که مشاهده میشود در صورتی که درصد حجمی الياف آلياژ حافظهدار برابر صفر باشد، كل المان نماينده حجمى به زمينه فلزی تبدیل می شود که رفتار این نمونه کامپوزیت در شکل 5 نمایش داده شده است. واضح است درصورتی که درصد حجمی الیاف برابر با مقدار یک باشد، المان نماینده حجمی به طور کامل به صورت آلیاژ حافظه دار است که باید در این دما دارای رفتاری چون سیم آلیاژ حافظهدار باشد. در این دما پیش از بارگذاری چرخه ای سیم آلیاژ حافظهدار در فاز آستنیتی و به همین دلیل دارای رفتاری خطی است. با افزایش بارگذاری استحاله فاز در آلپاژ حافظهدار آغاز میشود و پس از استحاله فاز کامل در سیم آلیاژ حافظه دار دوباره رفتاری خطی از این ماده مشاهده می شود. در این مرحله از بارگذاری سیم آلیاژ حافظهدار در فاز مارتنزیتی قرار دارد. در این دما آلیاژ حافظهدار دارای رفتار سوپرالاستیسیته و مشخص است هنگام باربرداری کرنش باقیمانده در سیم آلیاژ حافظهدار صفر است. با کاهش

درصد حجمی الیاف کرنش باقیمانده در باربرداری مکانیکی افزایش مییابد که در شکل 4 نشان داده شده است.

با توجه به قابلیتهای روش میکرومکانیکی سلول واحد، تحلیلی برای حساسیت به تعداد مش یا زیرسلول در سطح المان مورد نظر در شکل 6 انجام میشود. با درنظر گرفتن توزیع اتفاقی الیاف الیاژ حافظهدار در زمینه فلزی، المان حجمی نماینده با تعداد 2×2، 4×4، 6×6، 8×8 و 10×10 زیرسلول گسترش مییابد. در این مرحله درصد حجمی الیاف در سلول کامپوزیتی 0/33 درنظر گرفته شده است.

چنانچه از شکل 6 مشاهده می شود، تعداد زیر سلولهای سطح کامپوزیت در رفتار کلی کامپوزیت تأثیر به سزایی ندارد، ولی با توجه به همگرایی نتایج به تعداد مش 10×10، سعی شده است که با این تعداد سلول و البته با حاشیه امنیت بالا، تحلیلهای میکرومکانیکی کامپوزیت فعال مورد



شکل 4 پاسخ تنش کرنش محوری مدل ارائه شده با نتیجه آزمایشگاهی

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

72



 $\mathbf{\hat{m}}$ کل 7 پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای $\mathbf{\hat{C}}$ 55 $\mathbf{\hat{C}}$

شده است؛ بنابراین شکل گیری پاسخ میکرومکانیکی وابسته به رفتار زمینه است.

همچنین در شکل 7 پاسخ مکانیکی آلومینیوم در دمای 2°55 که تحت بارگذاری تا کرنش 50/04 قرار می گیرد، نشان داده شده است. پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت نشان میدهد در صورتی که بارگذاری آغاز شود، با توجه به این که رفتار زمینه فلزی و الیاف رفتاری مشابه است پاسخ میکرومکانیکی مانند زمینه و الیاف است. با افزایش مقدار بارگذاری کرنش زمینه به ناحیه ویسکوپلاستیک میرسد که در این مرحله آلیاژ حافظهدار دارای رفتاری خطی است و کرنش بهوجود آمده در کامپوزیت به نسبت زمینه مقداری کمتر است. با افزایش مقدار بارگذاری در کامپوزیت به نسبت زمینه زمینه است و سبب به وجود آمده در راستای کرنش پلاستیک در زمینه است و سبب به وجود آمدن کرنشی به نسبت زیاد در پاسخ زمینه است و سبب به وجود آمدن کرنشی به نسبت زیاد در پاسخ پسماند در کامپوزیت را به سمت صفر میل دهند که با توجه به کرنش به پسماند در کامپوزیت را به سمت صفر میل دهند که با توجه به کرنش به زمینه وجود آمده در زمینه و درصد حجمی الیاف، در باربرداری مکانیکی کرنشی به اندازه 30/03 در کامپوزیت باقی میماند که این کاهش مقدار به نسبت اندازه 90/03 به دلیل رفتار سوپرالاستیسیته الیاف است [7].

اشکال 8 و 9 رفتار کامپوزیت با الیاف بلند تکجهتی را تحت بارگذاری محوری بهترتیب در دمای $2^{\circ}25$ و $2^{\circ}35$ نمایش میدهند. در این شرایط دمایی با توجه به این که $T < A_f$ است آلیاژ حافظهدار دارای رفتار سوپر الاستیسیته نیست، ولی به دلیل خاصیت حافظه شکلی، فعال شدن آلیاژ حافظهدار بر رفتار میکرومکانیکی کامپوزیت تأثیر گذار است. با توجه به این که درصد حجمی الیاف در سلول کامپوزیتی 0/33 کرنش باقی مانده در کامپوزیت با زمینه فلزی بر گرفته از رفتار زمینه فلزی است. برخلاف حالت پیش آلیاژ



شکل 5 پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای C 55 با درصدهای حجمی مختلف



شکل 6 پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای $^{\circ}$ 55 با تعداد زیر سلولهای مختلف

بررسی قرار گیرد.

نخست پاسخ کامپوزیت هوشمند در بازههای مختلف دمایی نشان داده می شود. در قسمت دوم این قسمت اثر بار گذاری حرارتی بررسی می شود. در بخش پایانی اثرات زاویه داری الیاف و بار گذاری خارج از محور کامپوزیت هوشمند بررسی می شود.

در شکل 7 آلیاژ حافظهدار دارای رفتار سوپرالاستیسیته است؛ بنابراین تمایل دارد که در باربرداری مکانیکی کرنش باقیمانده و پسماند در کامپوزیت تکجهتی تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را به سمت صفر میل دهد. این رفتار را میتوان با بررسی نمودار سیم آلیاژ حافظهدار بررسی شده در شکل 7 توجیه کرد. در این دما ابتدا سیم آلیاژ حافظهدار در فاز آستنیت و به همین دلیل دارای رفتار خطی است و سپس با افزایش بارگذاری مکانیکی چرخهای استحاله فاز آستتیت به مارتنزیت در سیم آلیاژ حافظهدار آغاز میشود که این استحاله فاز آستنیت به مارتنزیت در سیم آلیاژ حافظهدار آغاز میشود که این آلیاژ حافظهدار است. پس از پایان استحاله فاز در آلیاژ حافظهدار، سیم آلیاژ حافظهدار به فاز مارتنزیت تبدیل میشود که ادامه بارگذاری مکانیکی چرخهای سبب مشاهده رفتار الاستیک و خطی سیم آلیاژ حافظهدار است. با

حافظهدار در باربرداری مکانیکی دارای کرنش پسماند که این رفتار در شکل 7 و 8 نشان داده شده است.

بررسی رفتار سیم آلیاژ حافظهدار در دمای 35 و 25 و 25 بیان گر توضیحات بالاست. همان گونه که روشن است رفتار سیم آلیاژ حافظهدار در دمای 52 فاقد کرنش پسماند در باربرداری مکانیکی است. در صورتی که در دمای 35 و 25 سیم آلیاژ حافظهدار دارای کرنش پسماند در باربرداری مکانیکی است.

همانطور که پیشتر بیان شد به دلیل درصد حجمی بالای زمینه در کامپوزیت هوشمند، پاسخ غالب میکرومکانیکی کامپوزیت برگرفته از رفتار

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

73



حافظهدار به اتمام میرسد و پس از این دما اثر کرنشهای بازگشتی در سیم آلیاژ حافظهدار کاهش می یابد و سیس اثرات انبساط حرارتی در سیم آلیاژ حافظهدار پدیدار می شود. سرانجام ثرات انبساط حرارتی سبب افزایش کرنش پسماند در سیم آلیاژ حافظهدار میشود. چنین اتفاق مشابهی نیز در کامیوزیت با زمینه فلزی اتفاق میافتد. زمانی که کامیوزیت تحت بارگذاری حرارتی قرار می گیرد، با توجه به این که سیمهای آلیاژ حافظهدار در درون زمينه كامپوزيتي قرار گرفته است؛ بنابراين فعالسازي آلياژ حافظهدار نياز به دمای بالاتری در کامپوزیت دارد. با افزایش دما تا اندازه تقریبی $^{\circ}0$ استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت آغاز نمیشود. پس از افزایش دما از این محدوده استحاله فاز در آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت آغاز می شود و پس از بارگذاری حرارتی به کامپوزیت استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار به پایان میرسد. پس از پایان استحاله فاز در الیاف آلیاژ حافظهدار، اثرات انبساط حرارتی در کامپوزیت رفتار ترمومکانیکی را مشخص می کند. همان گونه که مشهود است با افزایش دما در این مرحله در کامپوزیت، کرنش پسماند در کامپوزیت افزایش مییابد. یکی دیگر از روشهای نمایش اثرات سیم فعال آلیاژ حافظهدار در کامپوزیت، مقیدسازی و بارگذاری حرارتی جهت نمایش تنشهای بهوجودآمده در کامپوزیت است. این تحلیل نمایان گر اثرات فعال سازی کامپوزیت است. همان گونه که دیده می شود با افزایش بارگذاری حرارتی به کامپوزیت زمینه فلزی تقویت شده با الیاف آلیاژ حافظهدار سبب کاهش کرنش بهوجود آمده در کامیوزیت می شود. از آنجا که سازههای فلزی مکانیکی مورد استفاده در صنایع با دما و فشار بالا نظیر پرههای توربین جت و قطعات راکتورهای هستهای تحت شوکهای حرارتی بالا قرار می گیرند؛ بنابراین استفاده از این مواد می تواند پاسخ دینامیکی سیستم را بهبود بخشد. در این میان با آگاهی از خواص



 $\mathbf{35}~\mathbb{C}$ پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای $\mathbf{35}~\mathbb{C}$

زمینه فلزی است. در تحلیلهای میکرومکانیکی ارائهشده بارگذاری و باربرداری مکانیکی در دمای ثابت انجام شد. در این مرحله میتوان جهت نمایش اثر فعالشدن آلیاژ حافظهدار در کامپوزیت تقویتشده، خاصیت حافظه شکلی آلیاژ حافظهدار را ارائه کرد. با توجه به این که دما پارامتری مهم در رفتار ترمومکانیکی آلیاژ حافظهدار است؛ بنابراین میتوان با بارگذاری حرارتی خاصیت اثر حافظه شکلی آلیاژ حافظهدار را ارائه کرد.

در شکل 10 کامپوزیت ابتدا تحت یک نمونه بارگذاری و باربرداری مکانیکی مکانیکی قرار گرفته است که در این مقاله به عنوان پیش بارگذاری مکانیکی تعریف می شود. با توجه به خاصیت حافظه شکلی آلیاژ حافظه دار، با افزایش بارگذاری حرارتی در کامپوزیت کرنش پسماند در کامپوزیت کاهش می ابد. با توجه به کرنش ایجاد شده در کامپوزیت و اثر حافظه داری و فعال سازی آلیاژ حافظه دار کامپوزیت تحت بارگذاری میکرومکانیکی تا کرنش محوری آلیاژ حافظه دار کامپوزیت تحت بارگذاری میکرومکانیکی تا کرنش محوری حرارتی قرار می گیرد، مانند تحلیل های پیشین نیز سیم آلیاژ حافظه دار مورد تحلیل قرار می گیرد. همان گونه که در جدول 1 مقدار Aof یاد شد، این دما بر بارگذاری بسیار تأثیر گذار است. با رسیدن به این دما فعال سازی در سیم آلیاژ

ترمومکانیکی آلیاژهای حافظهدار میتوان از آنها برای کنترل پاسخ سازهها استفاده کرد.

در شکل 11 سیم آلیاژ حافظهدار در دمای 35% تحت بارگذاری و باربرداری مکانیکی قرار می گیرد. از آنجا که پیشتر نیز گفته شد، هنگام باربرداری مکانیکی و در این محدوده دمایی کرنش پسماند در سیم آلیاژ حافظهدار و زمینه فلزی باقی می ماند. در صورتی که پس از باربرداری مکانیکی سیم آلیاژ حافظهدار تحت بارگذاری حرارتی قرار گیرد و سیم آلیاژ حافظهدار به صورت محوری مقید شود، از آنجا که در آلیاژ حافظهدار کرنش ناشی از استحاله فاز اتفاق می افتد سبب به وجود آمدن تنش های کششی (σ_{11})

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

www.SID.ir

می شود. افزایش دما و مقیدسازی همزمان سیم آلیاژ حافظه دار سبب افزایش تنش محوری، که در شکل 11 نشان داده شده است. پس از افزایش دما و تا پایان رسیدن به پایان استحاله فاز در آلیاژ حافظه دار، مقدار σ_{11} افزایش مییابد. پس از اتمام استحاله فاز اثرات انبساط حرارتی در سیم آلیاژ حافظه دار مشخص می شود که سبب کاهش مقدار σ_{11} در پاسخ ترمومکانیکی سیم آلیاژ حافظه دار می شود.

چنین اثرات مشابهی نیز در کامپوزیت زمینه فلزی با الیاف آلیاژ حافظهدار پدیدار میشود. در تحلیل حرارتی کامپوزیت آغاز استحاله فاز در الیاف تعبیهشده در زمینه نسبت به شروع استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار در دمای بالاتری مشاهده میشود.

مقیدسازی محوری در کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار بدینصورت توصیف میشود که با افزایش دما، نخست اثرات فعالسازی در الیاف آلیاژ حافظهدار مشاهده نمیشود و تنها اثرات انبساط حرارتی بر رفتار کامپوزیت مقیدشده محوری مشاهده میشود که این اثر سبب ایجاد تنش فشاری ($\sigma_{11}<0$) میشود. با گذشت دما از مقدار تقریبی $3^{\circ}08$ استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت آغاز که سبب اثرات بازگشتی و ایجاد تنشهای کششی در کامپوزیت میشود. نخست اثرات کرنشهای ناشی از استحاله فاز غالب میشود، ولی با افزایش دما اثرات استحاله فاز تمام و اثرات انبساط حرارتی مشاهده میشود که در شکل 11 نمایش داده شده است.

در ادامه پاسخهای میکرومکانیک کامپوزیت SiC/Ti تحت بارگذاری خارج از محور بهترتیب با زاویه الیاف θ برابر صفر، $\pi/12$ ، $\pi/4$ و $\pi/2$ استخراج شده از مطالعه کنونی در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی [40] و مدل المان محدود [41] ارائه می شود.

نتایج نشان داده شده در شکل 12 نشان میدهند که مدل ارائه شده حاضر در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی دارای تطابق بالایی است. مدل المان محدود [40] جدایی بین زمینه و الیاف را در نظر گرفته که در تحقیق حاضر این مسئله لحاظ نشده است. لازم به توضیح است که روش میکرومکانیکی استفاده شده در این مقاله این قابلیت را داراست [33].

در شکل 13 پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت تقویت در دمای $^{\circ}$ 55 $\pi/3$ ، $\pi/4$ ، $\pi/6$ ، $\pi/12$ با الیاف آلیاژ حافظهدار با زوایای الیاف θ برابر صفر، $\pi/12$ ، $\pi/6$ ، $\pi/12$ و $\pi/12$ و 1 $\pi/12$ و 1 $\pi/12$ و 1 $\pi/12$ و 1 $\pi/12$ مشاهده



می شود. در ناحیه آغاز بارگذاری، تغییر زاویه الیاف کامپوزیت، تأثیر بسیاری بر پاسخ کامپوزیت تدارد. با افزایش بارگذاری، مشخص است که با افزایش زاویه از مقداراز صفر درجه تا $\pi/4$ سبب کاهش شیب نمودار و افزایش مقدار کرنش با مقدار یکسان تنش می شود. با توجه به رفتار ویسکوپلاستیک زمینه، کرنش محدودکننده مانند حالات پیش دارای مقدار 2004 است. با افزایش زاویه الیاف از $\pi/4$ تا مقدار $\pi/2$ ، خواص کامپوزیت به سمت خواص عرضی کامپوزیت همگرا می شود. پس از باربرداری و در جهت ارائه خاصیت اثر حافظه شکلی، مشاهده می شود که تغییر زاویه الیاف سبب تغییر چشم گیر کرنش باقی مانده در کامپوزیت نمی شود. روشن است که خواص کامپوزیت با







مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

www.SID.ir

مکانیکی، کرنش پسماند در کامپوزیت را کاهش میدهند و اثر زاویهداری سبب افزایش کرنش به وجود آمده در کامپوزیت میشود. نتایج مدل میکرومکانیکی کنونی با نتایج آزمایشگاهی و تحلیلی دیگر مورد مقایسه قرار گرفت و تطابق بالایی میان آنها مشاهده شد.

- I.A. Ibrahim, F.A. Mohamed, E.J. Lavernia, Particulate Reinforced Metal Matrix Composite-A Review, *Journal of Material Science*, Vol. 26, No. 5, pp. 1137-1156, 1991.
- [2] W.M. Ostachowicz, M. Krawczuk, A. Zak, Dynamics and buckling of multilayer composite plates with embedded SMA weirs, *Journal of Composite Structures*, Vol. 48, pp. 163.167, 2000.
- [3] F.E. WangWjb, S.J. Pickart, Crystal structure and a unique martensitic transition of TiNi, *Journal of Applied Physics*, Vol. 36, No. 10, pp. 3232-3239, 1965.
- [4] D.C. Lagoudas, *Shape Memory Alloys: Modeling and Engineering Applications*, Springer, 2008.
- [5] L.C. Brinson, MS. Huang, C. Boller, W. Brand, Analysis of Controlled Beam Deflections Using SMA Wires, *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 8, No. 1, pp. 12-25, 1997.
- [6] J. Mohd Jani, M. Leary, A. Subic, M.A. Gibson, A review of shape memory alloy research, application and opportunities, *Journal of Material & Design*. Vol. 56, pp. 1078-1113, 2014.
- [7] R. Gilat, J. Aboudi, Dynamic response of active composite plates: shape memory alloy fibers in polymeric/metallic matrices, *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 41, No. 20. pp. 5717-5731, 2004.
- [8] J.G. Boyd, D.C. Lagoudas, A thermo dynamical constitutive model for shape memory materials. Part I. The monolithic shapememory alloy. *International Journal of Plasticity*, Vol. 12, No. 6, pp. 805-842, 1996.
- [9] D.C. Lagoudas, Z. BO, M.A. Qidwai, A unified thermodynamic constitutive model for SMA and finite element analysis of active metal matrix composites. *Mechanics of Composite Materials and Structures*. Vol. 3, No. 2, pp. 153-179, 1996.
- [10] F.Auricchio, R.L Taylor, Shape-memory alloys: modelling and numerical simulations of the finite strain superelastic behavior. *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, Vol. 143, No. 1-2, pp. 175-194, 1997.
- [11] A.C. Souza, E.N. Mamiya, N. Zouain, Three-dimensional model for solids undergoing stress-induced phase transformations. *European Journal of Mechanics - A/Solids*, Vol. 17, No. 5, pp. 789-806, 1998.
- [12] M. Panico, L.C. Brinson, A three-dimensional phenomenological model for martensite reorientation in shape memory alloys. *Journal of the Mechanics and Physics of Solids*, Vol. 55, No. 11, pp. 2491-2511, 2007.
- [13] P.Sedlak, M.Frost, B.Bene, P.Sittner, T Ben. Zineb, Thermomechanical model for NiTi-based shape memory alloys including R-phase and material anisotropy under multi-axial loadings. *International Journal of Plasticity*. Vol. 39, pp. 132-151, 2012.
- [14] V. Birman, D.A. Saravanos, D.A. Hopkins, Micromechanics of composites with shape memory alloy fibers in uniform thermal fields. *American Institute of Aeronautics and Astronautics Journal*, Vol. 34, No. 9, pp. 1905-1912, 1996.
- [15] D.A. Saravanos, V. Birman, D.A. Hopkins, Micromechanics and stress analysis of composites with shape memory alloy fibers in uniform thermal fields. *American Institute of Aeronautics and Astronautics*, Vol. 1, pp. 433-443, 1995.
- [16] C.C. Chamis, Simplified Composite Micromechanics Equation for Hygral, Thermaland Mechanical Properties. *NASATM-83320*, 1983.
- [17] J. Aboudi, The response of shape memory alloy composites. *Smart Materials and Structures*. Vol. 6, No. 1, pp. 1-9, 1997.
- [18] E.J. Graesser, F.A. Cozzarelli, Shape memory alloys as new materials for a seismic isolation, *Journal of Engineering Mechanics. ASCE* Vol. 117, No. 11, pp. 2590-2608, 1991.
- [19] P.R. Witting, *Rate-sensitive Shape Memory Constitutive Model: Theory and Experimental Verification*, PhD Thesis, State University of New York at







زاویه الیاف π/2 مانند بارگذاری عرضی کامپوزیت تکجهتی است.

8- نتيجه گيري

در این پژوهش، مدل میکرومکانیکی سهبعدی سلول واحد ساده جهت استخراج خواص کامپوزیت زمینه فلزی تقویت شده با الیاف آلیاژ حافظهدار ارائه شد. المان نماینده حجمی کامپوزیت از دو فاز الیاف و زمینه تشکیل و شرایط اتصال کامل میان آنها برقرار شد. با استفاده از مدل لاگوداس رفتار آلیاژهای حافظهدار مدل سازی و با استفاده از مدل بادنر - یارتم رفتار زمینه

- Buffalo, 1994.
- [20] J. Aboudi, Micromechanically based constitutive equations for shape memory fiber composites undergoing large deformations. *Smart Material Structure*. Vol. 13, No. 4, pp. 828-837, 2004.
- [21] F. Auricchio, A robust integration-algorithm for a finite-strain shapememory- alloy super elastic model, *International Journal of plasticity*, Vol. 17, No. 7, pp. 971-990, 2001.
- [22] Y. Freed, J. Aboudi, Thermo mechanically coupled micromechanical analysis of shape memory alloy composites undergoing transformation induced plasticity. *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*. Vol. 20, No. 23, pp. 23-38, 2009.
- [23] F. Auricchio, A. Reali, U. Stefanelli, A three-dimensional model describing stress-induced solid phase transformation with permanent inelasticity. *International Journal of plasticity*. Vol. 23, No. 2, pp. 207-226, 2007.
- [24] S. Marfia, E. Sacco. Analysis of SMA composite laminates using a

مدلسازی شد. آرایش الیاف در زمینه فلزی به صورت اتفاقی درنظر گرفته شد و برای این منظور المان حجمی نماینده به $1 \times 2 \times 7$ سلول در سه بعد گسترش یافت و با استفاده از روش نیوتن - رافسون و برنامه نویسی شی گرا، معادلات ساختاری آلیاژ حافظه دار در معادلات میکرومکانیکی روش سلول واحد بسط داده شد. جهت نشان دادن اثر حافظه شکلی و سوپرالاستیسیته در بازه های مختلف دمایی رفتار کامپوزیت در مقیاس میکرو نمایش داده شد، همچنین اثرات زاویه داری الیاف مورد بررسی قرار گرفت. نشان داده شد که الیاف آلیاژ حافظه دار به دلیل خاصیت اثر حافظه شکلی و سوپرالاستیسیته، در بازموای

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دوره 15، شماره 10

76

damage of metal matrix composites subjected to transverse loading. *Journal of Composite Structure*, Vol. 66, pp. 415–420, 2004.

- [33] M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, M.Shakeri, Micromechanical modeling of interface damage of metal matrix composites subjected to off-axis loading, *Materials & Design*, Vol. 31, No. 2, pp. 829-836, 2010.
- [34] M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, M. Shakeri, Micromechanical modeling of interface damage of metal matrix composites subjected to off-axis loading, *Materials & Design*. Vol. 31, No. 2, pp. 829-836, 2010.
- [35] S.R. Bodner, Y. Partom, Constitutive Equations for Elastic-viscoplastic Strain Hardening Materials, *Journal of Applied Mechanics*, Vol. 42, No. 2, pp 385-389, 1975.
- [36] J.N. Reddy, *Mechanics of Laminated Composite Plates and Shells: Theory and Analysis*, CRC press, 2003.
- [37] S.C. Chapra, Applied Numerical Methods with Matlab for Engineers and Scientists, 3rd ed, *Raghothaman Srinivasan*, 2012.
- [38] H. Register, A Guide to MATLAB Object-Oriented Programming, Chapman & Hall/CRC, 2007.
- [39] F. Nematzadeh, S.K. Sadrnezhaad, Effects of material properties on mechanical performance of Nitinol stent designed for femoral artery: Finite element analysis, *Scientia Iranica B*, Vol. 19, No 6, pp. 1564–1571, 2012.
- [40] M.P. Thomas, Tensile Properties of Ti-6-4/SM1240 Titanium Metal Matrix Composite with off-axis Fibres. SMC Technical Report No. DERA/SMC/SM2/TR 970145. *Defence Evaluation and Research Agency*, Farnborough, UK. 1997.
- [41] M.M. Aghdam, M.J. Pavier, D.J. Smith, Micro-mechanics of off-axis loading ofmetal matrix composites using finite element analysis. *International Journal of Solids Structures*, Vol. 38, No. 22-23, pp. 3905-3925, 2001.

multiscale modelling technique. *International Journal for Numerical Methods in Engineering*. Vol. 70, No. 10, pp. 1182-1208, 2007.

- [25] A.R. Damanpack, M.M. Aghdam, M.Shakeri, Micro-mechanics of composite with SMA fibers embedded in metallic/ polymeric matrix under off-axial loadings, *European Journal of Mechanics A/Solids*, Vol. 49, pp. 467-480, 2015.
- [26] S.M.R. Khalili, A. Saeedi, Micromechanics modeling and experimental characterization of shape memory alloy short wires reinforced composites. *Journal of Science and Technology of Composites*, Vol. 2, No. 1, pp. 1-6, 2015. (In Persian)
- [27] M.K. Hassanzadeh Aghdam, M.J. Mahmoodi, Micromechanical damage analysis of short fiber titanium matrix composites under combined axial loading, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 4, pp. 86-97, 2013. (In Persian)
- [28] M.J. Mahmoodi, M.K. Hassanzadeh Aghdam, R. Ansari, Effects of interphase damage on the elastoviscoplastic behavior of general unidirectional metal matrix composites, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 1, pp. 99-107, 2015. (In Persian)
- [29] M.M. Aghdam, A.Dezhsetan, Micromechanics based analysis of randomly distributed fiber reinforced composites using simplified unit cell model, *Composite Structurs*, Vol. 71, No. 3-4, pp. 327–332, 2005.
- [30] M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, Damage analysis of fiber reinforced Tialloy subjected to multi-axial loading—A micromechanical approach, *Materials Science and Engineering A*, Vol. 528, No. 27, pp. 7983-7990, 2011.
- [31] Dezhsetan. Analytical modeling of random fiber arrangements of unidirectional composites using simplified unit cell method, MSc thesis, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran.
- [32] M.M. Aghdam, SR. Falahatgar. Micromechanical modeling of interface

77

مهندسی مکانیک مد*ر*س، دی 1394، دورہ 15، شما*ر*ہ 10