

# یک الگوریتم کارای پایه میکرومکانیکی جهت پیش بینی پاسخ کامپوزیتهای زمینه فلزی فعال شده با الياف آلياژ حافظهدار

 $^{\ast 2}$ سيامک مقبلي $^1$ ، محمدجو اد محمو دي

1- دانشجوی کارشناسی|رشد، دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران 2- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران \*تعران، صندوق يستى 167651719، mj\_mahmoudi@sbu.ac.ir



## An efficient micromechanics based algorithm to predict the response of metal matrix composites activated with shape memory alloy fiber

### Siamak Moghbeli, Mohammad Javad Mahmoodi\*

Faculty of Mechanical and Energy Engineering, Shahid Beheshti University, A.C., Tehran, Iran \* P.O.B. 167651719 Tehran, mj\_mahmoudi@sbu.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION**

Original Research Paper Received 26 May 2015 Accepted 11 August 2015 Available Online 30 August 2015

Keywords: Shape memory alloy fiber reinforced composite **MICromechanics** Object oriented programming Shape memory properties

#### **ABSTRACT**

In this paper, by applying a new programming mode, thermomechanical behavior of activated composite with shape memory alloy fiber is extracted subjected to cyclic off axis loading using a 3D analytical micromechanical model. Object-orientation and its applied principles are implemented on the micromechanical model and response of the composite is determined by Newton-Raphson nonlinear numerical solution method at different thermal interval. In order to achieve an optimal response, a factor such as convergence coefficient in the Newton – Raphson nonlinear solution method is employed. Representative volume element of the composite consists of two-phases including shape memory alloy fiber and metal matrix. behavior of the metallic matrix is considered as viscoplastic while shape memory alloys is assumed nonlinear inelastic based on Lagoudas model which is able to model phase transformation and super elastic behavior of the shape memory alloys. Moreover, arrangement of fibers within the matrix is considered randomly. Thermo mechanical responses of composite at different temperature ranges are investigated to display the shape memory effect and super elasticity properties of shape memory fiber. In this regard, at the first, the composite system is exposed to cyclic mechanical loading and unloading and then exposed to thermal loading. Shape memory effect, property of shape memory wire and composite are compared and the effects of forces within the active composite induced via axially constraining the composite are investigated. Furthermore, the effect of fiber orientation is illustrated. Comparison between the present research results and previous available researches shows good agreement.

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

S. Moghbeli, M. J. Mahmoodi, An efficient micromechanics based algorithm to predict the response of metal matrix composites activated with shape memory alloy fiber, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 10, pp. 67-77, 2015 (In Persian)

#### 1- مقدمه

مواد مرکب زمینه فلزی به دلیل به دلیل خواص مکانیکی و فیزیکی فوق|لعاده بهعنوان موادی مناسب و پرکاربرد برای صنایع خودروسازی و بسیاری از کاربردهای مهندسی دیگر بهکار می٫روند [1]. در میان آنها مواد مرکب زمینه آلومینیومی به دلیل چگالی پایین و روش تولید آسان به همراه قیمت پایین، یکی از بهترین نمونههای کامپوزیتهای زمینه فلزی است. از جمله خصوصيات قابل توجه آنها مىتوان به مدول الاستيک بالا و مقاومت بالا و هزینه به نسبت پایین مورد استفاده قرار میگیرند. تقویتکنندهها در زمینه فلزی می توانند پیوسته و به صورت الیاف بلند باشند و یا به صورت غیرپیوسته و الیاف کوتاه و ذزه در نظر گرفته شوند که بسیاری از این تقویت کننده ها از مدلهای سرامیکها مانند SiC و Al2O3 است [1]. یکی از رامهای اعمال و استفاده از آلیاژهای حافظهدار افزودن آنها به كامپوزيتهاست كه سبب بهينهسازي خواص ميشود [2].

آلیاژهای حافظهدار به واسطه این که تداعی کننده رفتار موجودات زنده هستند، هوشمند نامیده می،شوند. این رفتار بهواسطه جبران تغییر شکل پلاستیک با استفاده از افزایش دما صورت میپذیرد. به عبارت دیگر در صورتی که آلیاژ حافظهدار دچار تغییر شکل پلاستیک شود میتوان با افزایش دما جبران کرد و آلیاژ را به شکل اولیه خود بازگرداند [3]. سقف کرنشهای به وجود آمده میتواند تا 10درصد باشد [4]. پدیده حافظهداری به دلیل استحاله جامد بدون نفوذ بين فاز دماي بالاي آستنيت و فاز دماي پايين مارتنزیت است. آلیاژ حافظهدار با چهار مشخصه دمایی Ms و Mf به ترتیب دماهای آغاز و پایان استحاله مارتنزیتی و As و Af نیز به ترتیب دماهای آغاز و پايان استحاله آستنيتي معرفي ميشود [5].

اثر حافظهداری یک راهه<sup>1</sup>، دوراهه<sup>2</sup> و خاصیت فوق کشسان<sup>3</sup> از جمله خاصیتهای دیگر آالیاژ حافظهدار است که در شرایط مختلف از خود نشان می دهد. منشاء هر دو خاصیت حافظهداری و فوق کشسانی در آلیاژهای حافظهدار، مشترک است و به دلیل استحاله جامد بدون نفوذ بین فاز دمای بالای آستنیت و فاز دمای پایین مارتنزیت. آلیاژ قادر است تا شکل خود را در دو حالت آستنیتی (دما بالا) و مارتنزیتی (دما پایین) به یاد بسپارد که این ویزگی در آلیاژهای حافظهدار دوراهه مشاهده میشود. در حالت حافظهداری یک راهه پس از ایجاد تغییر شکل در آلیاژ با افزایش دما میتوان تغییر شکل بهوجودآمده را جبران كرد، ولي اعمال سرمايش تغييري در شكل آلياژ ايجاد نمے کند [6].

مدلسازی آلیاژهای حافظهدار با سه دسته میکرو، میکرو- ماکرو و ماکرو مورد بررسی قرار میگیرد. در میان مدلهای بیانشده، مدلهای ماکرو به دلیل سادگی و سازگاری با روشهای محاسباتی در کاربردهای مهندسی مناسب بوده و مورد استفاده قرار گرفتهاند. این مدلها برای توصیف سینیتیک ساختاری حاکم بر استحاله فاز مارتنزیت و جهتگیری متغیرهای مارتنزیتی معمولاً از قوانین ساختاری مکانیکی استفاده می کنند. از آنجایی كه نيروي بازيابي حاصل از المان حافظهدار مقيد، در جهت تغيير شكل اعمال مي شود، مي تواند موجب توليد كار شود؛ بنابراين المان حافظهدار مي تواند بهعنوان عملگر حرارتی عمل کند که دراین المان، انرژی حرارتی بهطور مستقیم به انرژی مکانیکی تبدیل میشود [7]. بوید و لاگوداس [8] مدلی سهبعدی و با درنظر گرفتن کسر حجمی مارتنزیت بهعنوان متغیر داخلی که

نمایان گر اثرات تغییر فاز و ارتباط این تغییر فاز با کرنشهای غیرالاستیک ایجادشده در سیم آلیاژ حافظهدار است، ارائه کردند. آنها تابع سختی خطی را برای سینیتیک ساختاری استحاله فازی مارتنزیتی درنظر گرفتند. لاگوداس و همکاران [9] مدل سهبعدی که براساس مدل بوید و لاگوداس [8] بنا شده بود را ارائه و پاسخ كامپوزيت فعالشده به واسطه الياف آلياژ حافظهدار را با آرایشهای مختلف الیاف آلیاژ حافظهدار بررسی کردند.

آريكيو و تايلور [10] مدلي با قابليت درنظر گرفتن رفتار سوپرالاستيسيته آلیاژ حافظهدار برای حالات همراه با کرنشهای بزرگ ارائه دادند. مدلی جامع برای شبیهسازی رفتار ترمودینامیکی آلیاژ حافظهدار با قابلیتهای شبیهسازی اثر حافظهشکلی و سوپرالاستیسیته توسط سوزا و همکاران ارائه شد [11]. پانیکو و برینسون مدلی سهبعدی برای بارگذاریهای چندمحوره تناسبی و غیرتناسبی با قابلیتهای درنظر گرفتن استحاله فازی مارتنزیتی و جهتگیری مارتنزیتی ارائه کردند[12]. به تازگی سدلک و همکاران [13] مدلی سەبعدى، براي پيشبيني رفتار آلياژ حافظهدار با درنظر گرفتن استحاله موجود بین آستنیت و فاز R و مارتنزیت و جهتگیری مارتنزیت تحت بارگذاری با مسیر پیچیده و غیر تناسبی ارائه کردند.

استفاده از یک روش میکرومکانیکی مناسب جهت مدلسازی رفتارهای ییچیده آلیاژ حافظهدار در کامپوزیتها لازم و ضروری بهنظر می رسد [14]. مدلهای میکرومکانیکی متعددی جهت بررسی پاسخ ترمومکانیکی کامیوزیتهای تقویتشده با آلیاژهای حافظهدار ارائه شده است. بیرمن و همکاران [14] و سراوانس و همکاران [15]، روشی میکرومکانیکی برای محاسبه خواص معادل كامپوزيتهاى زمينه الاستيك با الياف آلياژ حافظهدار تحت بارگذاری حرارتی یکسان طولی ارائه کردند. آنها برای پیشبینی رفتار اً لیاژ حافظهدار از مدل چمیس [16] استفاده کردند. ابودی با استفاده از روش $\bigcap$ تحلیلی میکرومکانیکی و با درنظرگرفتن اثرات میکرو و ماکرو بهصورت چندمقیاسی پاسخ کلی کامپوزیت زمینه تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را مورد بررسی قرار داد [17]. در این میان برای مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار از مدل گرازر و کوزرالی [18] که بهوسیله ویتینگ [19] اصلاح شده است، استفاده کرد. گیلات و ابودی [7] روشی بر مبنای تحلیل چندمقیاسی برای بررسی پاسخ ترمومکانیکی کامپوزیتهای تکجهتی زمینه فلزی / پلیمری با الیاف آلیاژ حافظهدار تحت بارگذاری حرارتی ارائه کردند. ایشان برای مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار از روش لاگوداس استفاده کردند. ابودی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیتهای تکجهتی تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را تحت تغییر شکلهای بزرگ مورد بررسی قرار داد [20]. برای تحلیل و پیشبینی رفتار سوپرالاستیسیته آلیاژ حافظهدار از مدل [21] استفاده کرد. اثرات برهم کنش ترمومکانیکی و کرنشهای غیرالاستیک ناشی از استحاله فازی در آلیاژ حافظهدار در کامیوزیتهای تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار به وسیله فرید و ابودی مورد بررسی قرار گرفت [22]. در این مطالعه برای مدل سازی آلیاژ حافظهدار از مدل آریکیو [23] و روش میکرومکانیکی سلول تعمیمیافته با دقت بالا<sup>4</sup> مورد استفاده قرار گرفت. مارفیا و ساکو روش*ی* مبتنیبر تحلیل چندمقیاسی میکرو- ماکرو برای تحلیل کامپوزیتهای تقويتشده با الياف بلند آلياژ حافظهدار ارائه كردند. تحليل ميكرومكانيكي آنها شامل قرارگیری الیاف با توزیع منظم و اتفاقی در زمینه همگن الاستیک و برمبنای محاسبات تحلیلی و عددی انجام شد [24]. آلیاژ حافظهدار در این پژوهش با استفاده از مدل سهبعدی سوزا مورد بررسی قرار گرفت. سپ و

4- High Fidelity Generalized Method of Cells

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

1- One- way shape memory alloy 2- Two- way shape memory alloy 3- Super elastic

همکاران با روشی بر مبنای همگن،ازی که براساس استحاله فاز آلیاژ حافظهدار مرتب شده بود را برای تحلیل کامیوزیتهای با الیاف آلیاژ حافظهدار ارائه و برای این تحلیل از روش اوانگلیستا استفاده کردند. به تازگی دامن پاک و همکاران با استفاده از روش المان محدود، با در نظرگرفتن الیاف آلیاژ حافظهدار در زمینههای فلزی و پلیمری، خواص کامپوزیتهای تقویتشده را بررسی کردند [25]. به تازگی خلیلی و همکاران مدل میکرومکانیک مبتنیبر روش تحلیلی اشلبی و مدل نیمهتجربی هالپین- سای برای پیش بینی خواص کامپوزیت صرفاً زمینه پلیمری اپوکسی تقویتشده با سیمهای کوتاه حافظهدار با جهت گیری اتفاقی مورد استفاده قرار دادند [26].

در میان مدلهای میکرومکانیک، مدل میکرومکانیکی سلول واحد ساده شده به دلیل دقت و سادگی و همچنین کارآیی بالا، مورد توجه محققین بسیار زیادی قرار گرفته شده است؛ بنابراین در این مقاله با استفاده از مدل میکرومکانیکی سلول واحد سادهشده، پاسخ ترمومکانیکی کامپوزیت زمینه فلزي تقويتشده با الياف آلياژ حافظهدار ارائه مي شود. آلياژ حافظهدار داراي رفتاری غیرخطی است که برای مدلسازی آن از مدل سهبعدی لاگوداس استفاده مے شود.

در این مقاله یک الگوریتم کارای پایه میکرومگانیکی جهت پیشبینی پاسخ کامپوزیتهای زمینه فلزی فعالشده باالیاف آلیاژ حافظهدار ارائه میشود. با استفاده از شیوه نوین برنامهنویسی شیگرا<sup>1</sup>و تعریف کلاسهای برنامهنویسی متعدد و استفاده از ویژگیهای اصلی این شیوه برنامهنویسی مانند وراثت<sup>2</sup>، مخفىسازى<sup>3</sup> و چندريختى<sup>4</sup> استفاده مىشود. در راستاى حل معادلات دیفرانسیلی غیرصریح و غیرخطی آلیاژ حافظهدار، کلاسی شامل معادلات جبری روش سلول واحد در نظر گرفته میشود و با استفاده از روش حل عددي نيوتن-رافسون نتايج عددي معادلات غيرخطي آلياژ حافظهدار در مدل سلول واحد سادهشده قرار میگیرند. روش میکرومکانیک سلول واحد ا قادر به مدلسازی این رفتارهای پیچیده و غیرخطی کامپوزیتهای تقويتشده با الياف آلياژ حافظهدار است. المان حجمي نماينده كامپوزيت به 1× 2× سلول مكعبي در سهبعد گسترش مييابد. فرض اتصال كامل بين اجزای سازنده المان حجمی کامپوزیت با توجه به زمینه فلزی و الیاف آلیاژ حافظهدار در نظر گرفته میشود. الگوریتم ارائهشده در این مقاله جهت پیادهسازی روش میکرومکانیک سلول واحد سادهشده بر آلیاژهای حافظهدار است که جهت بررسی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار مورد استفاده قرار گرفته است. اثرات دمایی و کسر حجمی الیا ف<sup>5</sup> بر پاسخ کامپوزیت بررسی میشود. اثر زاویه الیاف بر پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت بررسی میشود. در ادامه ابتدا معادلات ساختاری روش میکرومکانیک روش سلول واحد و معادلات ساختاری زمینه و الیاف و الگوریتم حل و پیادهسازی برنامهنویسی بیان میشود، سپس نتایج مربوط مورد بررسی قرار میگیرند.

 $l$  در جهت محور X و با طول ضلع Lr در جهت محور y است. اگر متغیر i متغیر شمارنده در جهت X و j در جهت y باشد، هر سلول با نام jj شناخته می شود و طول هریک از سلول ها در جهت x با ai و در جهت y با bj و در جهت Z با 1 مشخص مي شود.

2-1- رفتار ماده مركب تحت بارگذاري محوري

براساس مدل سلول واحد براي استخراج روابط ميكرومكانيكي حاكم، فرض می شود که مؤلفههای جابهجایی داخل هر سلول المان نماینده توابعی خطی است، همچنین فرض میشود که تنشهای نرمال وارده بر المان حجمی نماينده كامپوزيت هيچگونه تنش برشي داخل آن ايجاد نميكند [28] و برعکس. با استفاده از معادله تنشهای میکرو  $(\sigma_l^{ij})$  در سلولها و تنشهای ماكرو (S<sub>L</sub>, l = x, y, z) اعمالي در مرز المان نماينده رابطه (1) محاسبه مي شود [29].

$$
\sum_{j=1}^{r} \sigma_x^{1j} b_j = S_x L_r
$$
\n
$$
\sum_{i=1}^{c} \sigma_y^{1j} a_i = S_y L_c
$$
\n
$$
\sum_{j=1}^{r} \sum_{i=1}^{c} b_j (a_i \sigma_z^{ij}) = S_z L_r L_c
$$
\n(1)

رابطه (2) نیز از تعادل تنشهای عمودی در سطوح مشترک در هر دو سلول مجاور بهدست مي آيد [30].

$$
\begin{cases}\n\sigma_x^{1j} = \sigma_x^{ij} (i > 1) \\
\sigma_y^{i1} = \sigma_y^{ij} (j > 1)\n\end{cases}
$$
\n(2)

با فرض اتصال كامل بين اجزاى سازنده المان حجمى كامپوزيت، تغيير مکان المان نماینده در یک جهت برابر مجموع تغییر مکان سلولهای یک رديف در همان جهت است، پس مي¤وان رابطه (3) را نوشت [31].  $\sum_{i=1} a_i \varepsilon_x^{i1} = \sum_{i=1} a_i \varepsilon_x^{i,j} = L_c \bar{\varepsilon}_x$  (*j* > **1)**  $\sum_{i=1}^{i=1} b_i \varepsilon_v^{1j} = \sum_{i=1}^{i=1} b_i \varepsilon_v^{ij} = L_r \bar{\varepsilon}_v$  (*i* > 1)

$$
\sum_{j=1}^{j=1} \bar{\varepsilon}_z (i > 1, j > 1)
$$
 (3)

#### 2-2- رفتار ماده مرکب تحت بارگذاری برشی

در این بخش فرض میشود که تنها نیروهای برشی بر المان نماینده وارد می شوند [33.32]. با فرض این که با اعمال نیروی برشی هیچ گونه تنش



2- مدل تحليلي ميكرومكانيك شكل 1 المان حجمي نماينده كامپوزيت را با توزيع اتفاقي الياف درون زمينه فلزي نشان مي دهد. المان حجمي نماينده از دو فاز شامل زمينه فلزي و الياف آلياژ حافظهدار درنظر گرفته شده است [27]. در شكل 1 المان حجمي نماینده دارای 1× $c \times c$  سلول با طول ضلع 1 در جهت محور Z و با طول ضلع

- 1- Object Oriented Programming
- 2- Inheritance
- 3- Encapsulation
- 4- Polymorphism
- 5- Fiber Volume Fraction

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

www.SID.ir

69

نرمالی در داخل سلول ها ایجاد نمیشود؛ بنابراین در هر سلول سه مؤلفه تنش مجهول وجود خواهد داشت.  $\sigma \sim i i$ 

$$
\sigma^{ij} = \begin{cases} \tau_{xy} \\ \tau_{yz} \\ \tau_{xz} \end{cases} (4)
$$

برای تعادل مابین تنشهای برشی اعمالی و تنش های برشی داخلی سلولها باید رابطه (5) برقرار باشد.

$$
\begin{cases}\n\sum_{j=1}^{r} b_{j} \tau_{xz}^{ij} = L_{r} \bar{\tau}_{xz} \\
\sum_{i=1}^{c} a_{i} \tau_{yz}^{ij} = L_{c} \bar{\tau}_{yz} \\
\tau_{xy}^{ij} = \bar{\tau}_{xy}\n\end{cases}
$$
\n(5)

$$
. [34.33]
$$

$$
\begin{cases}\n\varepsilon_{yz}^{1j} = \varepsilon_{yz}^{ij} (i > 1) \\
\varepsilon_{xz}^{i1} = \varepsilon_{xz}^{ij} (j > 1)\n\end{cases}
$$
\n(6)

سلولهای یک ردیف در آن جهت است که بهصورت معادله (7) نشان داده مے شود [26].

$$
\begin{cases}\n\sum_{i=1}^{c} a_i \varepsilon_{xz}^{i1} = L_c \bar{\varepsilon}_{xz} \\
\sum_{i=1}^{c} b_j \varepsilon_{yz}^{1j} = L_r \bar{\varepsilon}_{yz} \\
\sum_{j=1}^{r} \sum_{i=1}^{c} a_i b_j \varepsilon_{xy}^{ij} = L_c L_r \bar{\varepsilon}_{xy} \\
\sum_{j=1}^{c} \sum_{i=1}^{c} a_i b_j \varepsilon_{xy}^{ij} = L_c L_r \bar{\varepsilon}_{xy}\n\end{cases}
$$
\n(7)

مادهای که تحت بارگذاری برشی و نرمال قرار گرفته است را مدلسازی کرد  $[34]$ 

## 3- مدلسازی رفتار آلیاژ حافظهدار

معادلات ساختاری آلیاز حافظەدار با استفاده از مدل لاگوداس [4] ارائه شده  
است. معادله سابعدی برای سلول *زا* بهصورت رابطه (8) بیان میشود.  
ق
$$
\dot{\varepsilon}_{mn} = \dot{\varepsilon}_{mn}^e + \dot{\varepsilon}_{mn}^l + \dot{\varepsilon}_{mn}^h
$$
  $m,n = 1,2,3$   
ترخ کرنش الاستیک 
$$
\dot{\varepsilon}_{mn}^e
$$
 مطابق قانون هوک بەصورت رابطه (9) با نرخ  
تنش 
$$
\dot{\varepsilon}_{mn}^e = S_{mnkl}\dot{\sigma}_{kl}
$$
 (9)

\n**2.** α. این رابطه 5<sub>mnkl</sub> تنسور نرمی حالت الاستیک است. نرخ کرنش  
\n**4.** و، 24. میشود.  
\n**5. 9.** M<sup>5</sup> 4.94. میشود.  
\n**6. 9.** M<sup>5</sup> 5 **0.** M<sup>5</sup> 6 **1.** 8.   
\n**10.** 
$$
\phi
$$
 4.4.   
\n**2.**  $\phi$  5 **2.**  $\phi$  6.  $M^5 \leq T \leq M^s$   
\n**2.**  $\phi = \sigma_{mn} A_{mn} + HC^M Q^{0s} - T - \frac{\ln(5)}{a^M}$   
\n**3.**   
\n**4.**   
\n**5. 9.** M<sup>5</sup>  $\leq T \leq M^5$   
\n**10.**  $\phi = \sigma_{mn} A_{mn} + HC^M Q^{0s} - T - \frac{\ln(5)}{a^M}$   
\n**11.**   
\n**12.**   
\n**13.**   
\n**14.**   
\n**14.**   
\n**15.**   
\n**19.**   
\n**11.**   
\n**13.**   
\n**14.**   
\n**14.**   
\n**15.**   
\n**19.**   
\n**10.**   
\n**11.**   
\n**11.**   
\n**12.**   
\n**13.**   
\n**14.**   
\n**14.**   
\n**15.**   
\n**16.**   
\n**17.**   
\n**19.**   
\n**10.**   
\n**11.**   
\n**11.**   
\n**12.**   
\n**13.**   
\n**14.**   
\n**14.**   
\n**15.**

$$
(12) \text{ and } \xi
$$
\n
$$
\xi = \frac{3H}{2\overline{\sigma}} \sigma'_{mn} \quad \text{if } \xi > 0
$$
\n
$$
A_{mn} = \begin{cases} \frac{3H}{2\overline{\sigma}} \sigma'_{mn} & \text{if } \xi > 0 \\ \frac{H}{\overline{\epsilon}^I} \varepsilon'_{mn} & \text{if } \xi < 0 \end{cases}
$$
\n
$$
(12) \quad \text{if } \xi \leq 0
$$

$$
\sigma'_{mn} = \sigma_{mn} - \frac{1}{3} \sigma_{kk} \delta_{mn}
$$
\n
$$
\overline{\sigma} = \sqrt{\left(\frac{3}{2}\right) \sigma'_{mn} \sigma'_{mn}}
$$
\n
$$
\overline{\epsilon}^I = \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right) \epsilon^I_{mn} \epsilon^I_{mn}}
$$
\n(13)

تنش انحرافی و تنش مؤثر و کرنش مؤثر در استحاله فازی است که به ترتیب در روابط (13) بیان شد و  $\epsilon^{I\; max}$  بیشترین کرنش استحاله فازی محوری است [7]. خطوط استحاله فاز مستقیم (رفت) و غیرمستقیم (برگشت) بەصورت رابطه (14) تعریف میشوند.

$$
As = Aos + \frac{\sigma_{mn} \Lambda_{mn}}{HC^A}
$$
  
\n
$$
Af = Aof + \frac{\sigma_{mn} \Lambda_{mn}}{HC^A}
$$
  
\n
$$
Mf = Mof + \frac{\sigma_{mn} \Lambda_{mn}}{HC^M}
$$
  
\n
$$
Ms = Mos + \frac{\sigma_{mn} \Lambda_{mn}}{HC^M}
$$
  
\n
$$
Ms = Mos + \frac{\sigma_{mn} \Lambda_{mn}}{HC^M}
$$
  
\n
$$
Mof = Mos \Lambda_{mn}
$$
 (14)  
\n
$$
Mof = Mos \Lambda_{mn}
$$
 (15)

$$
\dot{\xi} = -\frac{R_{mn}\varepsilon_{mn} + 3I}{B}
$$
\n
$$
\dot{\xi} = -\frac{R_{mn}\varepsilon_{mn} + 3I}{B}
$$
\n
$$
\dot{\xi} = -\frac{R_{mn}\varepsilon_{mn} + 3I}{B}
$$
\n
$$
\dot{\xi} = \frac{\partial \varphi}{\partial m} - C_{mnkl} \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{kl}}
$$
\n
$$
S = \frac{\partial \varphi}{\partial T} - \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{mn} + I} C_{mnkl} \alpha_{kl}
$$
\n(15)

$$
B = \frac{\partial \varphi}{\partial \sigma_{mn}} p_{mn} + \frac{\partial \varphi}{\partial \xi}
$$
  
\n
$$
p_{mn} = \frac{\partial \sigma_{mn}}{\partial \xi}
$$
  
\n
$$
a^M = \frac{\ln(0.01)}{M^s - M^f}
$$
  
\n
$$
a^A = \frac{\ln(0.01)}{A^s - A^f}
$$
  
\n
$$
a^A = \frac{\ln(0.01)}{M^s - M^f}
$$
  
\n
$$
(16)
$$
  
\n
$$
\dot{\epsilon}_{mn} = S_{mnkl} \dot{\sigma}_{kl}
$$

طور که ار پیش بیان شد،

تحاله فاز  $\varphi$  بهصورت رابطه

بعدي [35] بهصورت رابطه

70 www.SID.ir

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

 $\xi > 0$ ,  $M^f \le T \le M^s$ 

 $\xi$  < 0,  $A^s \le T \le A^f$ 

 $(\dot{\varepsilon}^{th}_{mn})$  بيان مي شود. نرخ كرنش الاستيک  $(\dot{\varepsilon}^{e}_{mn})$ و نرخ كرنش حرارتي) بهصورت روابط (11.10) محاسبه و ثوابت مورد نياز از جدول (1) جايگزين و نرخ کرنش غیرالاستیک ماده بهصورت رابطه (18) بیان میشود.

$$
\dot{\varepsilon}_{mn}^I = \Gamma \Sigma_{mn} \tag{18}
$$

که در این رابطه  $\Sigma_{\rm mn}$  تنش انحرافی و تابع جریان  $\varGamma$  بهصورت رابطه (19) است.

$$
\Gamma = \frac{D_0}{\sqrt{j_2}} \exp(-\frac{n+1}{2n} \zeta_{3j_2}^{22})^n)
$$
(19)

 $\mathbf{Z} = \sum_{mn} \sum_{mn}$ که  $\mathbf{Z} = \sum_{mn} \sum_{mn}$ ز نامتغیر دوم تنش انحرافی است.  $\mathbf{Z}$  متغیر حالت است که میتواند بهعنوان پارامتر وابسته به پیشینه بارگذاری درنظر گرفته شود و حالت سختشده ماده نسبت به جریان پلاستیک را نشان دهد. سختشوندگي ايزوتروپ Z بهصورت رابطه  $(20)$  بيان مي شود.

 $\dot{Z} = m(Z_1 - Z)\dot{W}_p/Z_0$  $(20)$ 

(20) که  $W_p$  نرخ کار پلاستیک است و  $\dot{\epsilon}_{mn}^I$   $\epsilon_{mn}^I$  در معادلات یارامترهای 20، 21، 1 $m$ ، 11 و Do رفتار ماده را در محدوده غیرالاستیک مشخص می کنند که در جدول 1 مشخص شدهاند [7].

#### 5- الگوريتم حل

پاسخ كلي ترمومكانيكي مواد كامپوزيتي، شامل پاسخ الاستيك، ترموالاستيك و غیرالاستیک است. در بارگذاری خارج از محور، بارگذاری بر یک نمونه المان که الیاف دارای زاویه  $\theta$  با محور xاست وارد میشود که در شکل 2 نمایش داده شده است. روابط موجود بین محورهای کلی و محلّی با استفاده از [36،34] د<sub>ر</sub> نظر گرفته میشود.

همان گونه که پیش از این یاد شد در راستای محاسبه خواص ماده مرکب هوشمند از روش عددي نيوتن- رافسون جهت حل غيرخطي معادله حاكم بر كامپوزيت استفاده مىشود [37]. حل معادله غيرخطى حاكم بر آلياژ حافظهدار [4]، با استفاده ازبرنامهنويسي شي گرا و بر خلاف شيوههاي روندي ' متداول، کلاسهای برنامهنویسی متعددی تعریف و استفاده از ویژگیهای اصلی این شیوه برنامهنویسی مانند وراثت، مخفیسازی و چندریختی که در نمودار جریانی شکل 3 نشان داده شده است، مورد بررسی قرار میگیرد [38]. در راستای حل معادلات دیفرانسیلی غیرصریح و غیرخطی آلیاژ حافظهدار کلاسی به نام آلیاژ حافظهدار تشکیل میشود که در این کلاس با استفاده از پارامترهای موجود، که در الگوریتم نشان داده می شود، خواص اثر حافظهشکلی و سوپرالاستیسیته، استخراج میشود.



مدلسازی رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک زمینه و الیاف در یک کلاس مورد تحلیل قرار میگیرد (کلاس رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک). این کلاس به دلیل خاصیت و مشابه کرنشهای الاستیک و ترموالاستیک زمینه و الیاف تعریف شده است و با توجه به فراخوانی کاربر زمینه و الیاف، کرنش غیرالاستیک مورد نظردر آن قرار میگیرد.

مدلسازی رفتار ویسکوپلاستیک زمینه در کلاس دیگری به نام ویسکوپلاستیک مورد بررسی قرار میگیرد. این کلاس از کلاس آلیاژ حافظهدار مجزا بوده و دارای متغیرهای خصوصی است، ولی به دلیل لزوم قرار گرفتن در معادلات میکرومکانیکی زیرمجموعهای از کلاس رفتار الاستیک و ترموالاستیک و غیرالاستیک است.

در کلاس بعدی که آخرین کلاس ارائهشده در بررسی پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت هوشمند است، کلاس روش میکرومکانیکی سلول واحد است که این کلاس بهعنوان عملگر پاسخ میکرومکانیکی استفاده می شود. در این کلاس معادلات جبری روش سلول واحد با استفاده از روش حل عددي غيرخطي نيوتن- رافسون مرتب مي¢ردند [37]. ابتدا بهصورت معادلات خطا و برابر با مقدار صفر درنظر گرفته می شوند و سپس ماتریس لـ که بیانگر ماتریس ژاکوبین است، تشکیل میشود.

برای کنترل پاسخ میکرومکانیک و کنترل کرنشهای به وجود آمده در زمینه و الیاف، با استفاده از روش نیوتن- رافسون ضریبی برای کنترل سرعت وراثت و همگرایی کلاسهای تابع معادلات ساختاری در کلاس معادله میکرومکانیکی در نظر گرفته شده است که با  $\beta$  نمایش داده شده است و مقدار این محدودکننده با استفاده از روش سعی و خطا حاصل شده است. این مقدار در این مقاله 10<sup>-5</sup>×2 درنظر گرفته شده است.

در راستای ایجاد همگرایی در حل مسئله میکرومکانیک کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار، گام زمانی برای حل مسئله 10<sup>-5</sup> درنظر گرفته میشود. این مقدار با استفاده از روش سعی و خطا و برای رسیدن به نتيجه مطلوب مورد استفاده قرار كرفته است.

#### 6- نوع ماده ا

در این مطالعه کامپوزیت با زمینه فلزی با الیاف بلند آلیاژ حافظهدار در نظر گرفته میشود. فرض ایزوتروپ کامل برای زمینه و الیاف در نظر گرفته میشود و همه ثوابت الیاف آلیاژ حافظهدار و فلز مستقل از دما در است. خواص آلیاژ حافظهدار که ساختهشده از نیتینول است و فلز آلومینیوم در جدول 1 بيانشده است [7].

#### 7- نتايج و بحث

رفتار ترمومکانیکی کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظه در چندین حالت تحت بارگذاری چرخهای جهت نمایش خاصیت اثر حافظهشکلی و سوپرالاستیسیته الیاژ حافظهدار نشان دادهشده است. نتایج ارائهشده به دو

جدول 1 خواص زمينه آلومينيوم و الياف آلياژ حافظهدار [7]



1- Procedural

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

71

www.SID.ir



ر **شکل 3** نمودار جریانی حل پاسخ میکرومکانیک کامپوزیت

صورت مطالعات پارامتری و مطالعات مقایسهای تقسیمبندی می شوند.

جهت اعتبارسنجي مدل حاضر و با توجه به عدم دسترسي به نتايج تجربي كاميوزيت با الياف آلياژ حافظهدار، ياسخ ميكرومكانيكي كاميوزيت با مقدار درصد حجمی الیاف برابر یک (فقط سیم آلیاژ حافظهدار) با نتایج تجربی [39] موجود مورد بررسی قرار گرفته است که در شکل 4 نشان داده م شده است. برای این تحلیل مکانیکی ثوابتی که در جدول 1 برای آلیاژ حافظهدار درنظر گرفته شده است، از [39] گرفته شده است و درمعادلات ساختاری آلیاژ حافظهدار گذاشته شده است.

چنانچه از شکل 4 مشخص است روش میکرومکانیکی کنونی رفتار غیرخطی ناشی از استحاله فازی را در دمای بالاتر از محدوده آستنیتی پیروی می کند و قادر به ارائه رفتارهای خطی و غیرخطی آلیاز حافظهدار است.

جهت بررسی و صحهگذاری استخراج پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت، اثر پارامتر درصد حجمی الیاف آلیاژ حافظهدار که بهعنوان پارامتری مهم در رفتار ترمومکانیکی کامپوزیتهای هوشمند شناخته میشود، در دمای 55°5 بررسی میشود. همان گونه که مشاهده میشود در صورتی که درصد حجمی الياف آلياژ حافظهدار برابر صفر باشد، كل المان نماينده حجمى به زمينه فلزی تبدیل می شود که رفتار این نمونه کامیوزیت در شکل 5 نمایش داده شده است. واضح است درصورتی که درصد حجمی الیاف برابر با مقدار یک باشد، المان نماینده حجمی بهطور کامل بهصورت آلیاژ حافظهدار است که باید در این دما دارای رفتاری چون سیم آلیاژ حافظهدار باشد. در این دما ییش از بارگذاری چرخه ای سیم آلیاژ حافظهدار در فاز آستنیتی و به همین دلیل دارای رفتاری خطی است. با افزایش بارگذاری استحاله فاز در آلیاژ حافظهدار آغاز می شود و پس از استحاله فاز کامل در سیم آلیاژ حافظه دار دوباره رفتاری خطی از این ماده مشاهده می شود. در این مرحله از بارگذاری سیم آلیاژ حافظهدار در فاز مارتنزیتی قرار دارد. در این دما آلیاژ حافظهدار دارای رفتار سوپرالاستیسیته و مشخص است هنگام باربرداری کرنش باقی مانده در سیم آلیاژ حافظهدار صفر است. با کاهش

درصد حجمی الیاف کرنش باقیمانده در باربرداری مکانیکی افزایش می یابد که در شکل 4 نشان داده شده است.

با توجه به قابلیتهای روش میکرومکانیکی سلول واحد، تحلیلی برای ر انجام میشود. با درنظر گرفتن توزیع اتفاقی الیاف الیاژ حافظهدار در زمینه **ا** فلزي، المان حجمي نماينده با تعداد 2×2، 4×4، 6×6، 8×8 و 10×10 زیرسلول گسترش می بابد. در این مرحله درصد حجمی الیاف در سلول کامپوزیتی 0/33 درنظر گرفته شده است.

چنانچه از شکل 6 مشاهده میشود، تعداد زیرسلولهای سطح کامپوزیت در رفتار کلی کامپوزیت تأثیر بهسزایی ندارد، ولی با توجه به همگرایی نتایج به تعداد مش 10×10، سعی شده است که با این تعداد سلول و البته با حاشیه امنیت بالا، تحلیلهای میکرومکانیکی کامپوزیت فعال مورد



**شکل 4** پاسخ تنش کرنش محوری مدل ارائه شده با نتیجه آزمایشگاهی

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

72



**شکل 7** پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای ℃55

شده است؛ بنابراین شکل گیری پاسخ میکرومکانیکی وابسته به رفتار زمینه

همچنین در شکل 7 پاسخ مکانیکی آلومینیوم در دمای ℃55 که تحت بارگذاری تا کرنش 0/045 قرار میگیرد، نشان داده شده است. پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت نشان میدهد در صورتی که بارگذاری آغاز شود، با توجه به این که رفتار زمینه فلزی و الیاف رفتاری مشابه است پاسخ میکرومکانیکی مانند زمینه و الیاف است. با افزایش مقدار بارگذاری کرنش زمینه به ناحیه ویسکوپلاستیک میرسد که در این مرحله آلیاژ حافظهدار دارای رفتاری خطی است و کرنش بهوجود آمده در کامپوزیت به نسبت زمینه ومقداری کمتر است. با افزایش مقدار بارگذاری در کامپوزیت استحاله فاز در ک آلپاژ حافظهدار آغاز میشود که این کرنش در راستای کرنش پلاستیک در زمینه است و سبب به وجود آمدن کرنشی به نسبت زیاد در پاسخ میکرومکانیکی میشود. الیاف آلیاژ حافظهدار تمایل دارند در باربرداری کرنش پسماند در کامپوزیت را به سمت صفر میل دهند که با توجه به کرنش به وجود آمده در زمینه و درصد حجمی الیاف، در باربرداری مکانیکی کرنشی به اندازه 0/035 در کامپوزیت باقی میماند که این کاهش مقدار به نسبت 0/045 به دليل رفتار سويرالاستيسيته الياف است [7].

اشكال 8 و 9 رفتار كامپوزيت با الياف بلند تكجهتي را تحت بارگذاري محوری بهترتیب در دمای 25°C و 35°C نمایش میدهند. در این شرایط دمایی با توجه به این *که T<Af* است آلیاژ حافظهدار دارای رفتار سویر الاستيسيته نيست، ولي به دليل خاصيت حافظهشكلي، فعال**شدن آلي**اژ حافظهدار بر رفتار میکرومکانیکی کامپوزیت تأثیر گذار است. با توجه به این که درصد حجمی الیاف در سلول کامپوزیتی 0/33 کرنش باقی،انده در کامپوزیت با زمینه فلزی برگرفته از رفتار زمینه فلزی است. برخلاف حالت پیش آلیاژ



شکل 5 پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای ℃ 55 با درصدهای حجمی



**شکل 6** پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای ℃ 55 با تعداد زیر سلولهای مختلف

بررسی قرار گیرد.

نخست پاسخ کامپوزیت هوشمند در بازههای مختلف دمایی نشان داده میشود. در قسمت دوم این قسمت اثر بارگذاری حرارتی بررسی میشود. در بخش پایانی اثرات زاویهداری الیاف و بارگذاری خارج از محور کامپوزیت هوشمند بررسی میشود.

در شكل 7 آلياژ حافظهدار داراي رفتار سوپرالاستيسيته است؛ بنابراين تمایل دارد که در باربرداری مکانیکی کرنش باقیمانده و پسماند در کامپوزیت تکجهتی تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار را به سمت صفر میل دهد. این  $7$  رفتار را میتوان با بررسی نمودار سیم آلیاژ حافظهدار بررسی شده در شکل توجیه کرد. در این دما ابتدا سیم آلیاژ حافظهدار در فاز آستنیت و به همین دلیل دارای رفتار خطی است و سپس با افزایش بارگذاری مکانیکی چرخهای استحاله فاز آستتیت به مارتنزیت در سیم آلیاژ حافظهدار آغاز میشود که این استحاله فاز سبب تحمل كرنش غيرالاستيك ناشى از استحاله فاز در سيم آلیاژ حافظهدار است. پس از پایان استحاله فاز در آلیاژ حافظهدار، سیم آلیاژ حافظهدار به فاز مارتنزیتت تبدیل میشود که ادامه بارگذاری مکانیکی چرخهای سبب مشاهده رفتار الاستیک و خطی سیم آلیاژ حافظهدار است. با توجه به اينكه رفتار زمينه بهصورت الاستيك/ ويسكوپلاستيك درنظر گرفته

حافظهدار در باربرداری مکانیکی دارای کرنش پسماند که این رفتار در شکل 7 و 8 نشان داده شده است.

بررسی رفتار سیم آلیاژ حافظهدار در دمای ° 35 و ° 25 بیان گر توضیحات بالاست. همان گونه که روشن است رفتار سیم آلیاژ حافظهدار در دمای ℃ 55 فاقد کرنش پسماند در باربرداری مکانیکی است. در صورتی که در دمای © 35 و © 25 سیم آلیاژ حافظهدار دارای کرنش پسماند در باربرداری مکانیکی است.

همان طور که پیشتر بیان شد به دلیل درصد حجمی بالای زمینه در کامپوزیت هوشمند، پاسخ غالب میکرومکانیکی کامپوزیت برگرفته از رفتار

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

73



حافظهدار به اتمام می رسد و پس از این دما اثر کرنشهای بازگشتی در سیم آلیاژ حافظهدار کاهش میبابد و سپس اثرات انبساط حرارتی در سیم آلیاژ حافظهدار پدیدار میشود. سرانجام ثرات انبساط حرارتی سبب افزایش کرنش پسماند در سیم آلیاژ حافظهدار میشود. چنین اتفاق مشابهی نیز در کامپوزیت با زمینه فلزی اتفاق میافتد. زمانی که کامپوزیت تحت بارگذاری حرارتی قرار میگیرد، با توجه به این که سیمهای آلیاژ حافظهدار در درون زمینه کامپوزیتی قرار گرفته است؛ بنابراین فعالسازی آلیاژ حافظهدار نیاز به دمای بالاتری در کامپوزیت دارد. با افزایش دما تا اندازه تقریبی 80°0 استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت آغاز نمی شود. پس از افزایش دما از این محدوده استحاله فاز در آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت أغاز می شود و پس از بارگذاری حرارتی به کامپوزیت استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار به پایان میرسد. پس از پایان استحاله فاز در الیاف آلیاژ حافظهدار، اثرات انبساط حرارتی در کامپوزیت رفتار ترمومکانیکی را مشخص می کند. همان گونه که مشهود است با افزایش دما در این مرحله در کامپوزیت، کرنش پسماند در کامپوزیت افزایش مییابد. یکی دیگر از روشهای نمایش اثرات سیم فعال آلیاژ حافظهدار در کامپوزیت، مقیدسازی و بارگذاری حرارتی جهت نمایش تنشهای بهوجودآمده در کامپوزیت است. این تحلیل نمایان گر اثرات فعالسازی کامپوزیت است. همان گونه که دیده می شود با افزایش بارگذاری حرارتی به کامپوزیت زمینه فلزی تقویتشده با الياف آلياژ حافظهدار سبب كاهش كرنش بهوجود آمده در كامپوزيت ميشود. از آنجا که سازههای فلزی مکانیکی مورد استفاده در صنایع با دما و فشار بالا نظیر پرههای توربین جت و قطعات راکتورهای هستهای تحت شوکهای حرارتی بالا قرار میگیرند؛ بنابراین استفاده از این مواد میتواند پاسخ دینامیکی سیستم را بهبود بخشد. در این میان با آگاهی از خواص



شکل 9 پاسخ تنش کرنش محوری کامپوزیت در دمای ℃ 35

زمینه فلزی است. در تحلیلهای میکرومکانیکی ارائهشده بارگذاری و باربرداری مکانیکی در دمای ثابت انجام شد. در این مرحله میتوان جهت نمایش اثر فعالشدن آلیاژ حافظهدار در کامپوزیت تقویتشده، خاصیت حافظهشکلی آلیاژ حافظهدار را ارائه کرد. با توجه به این که دما پارامتری مهم در رفتار ترمومکانیکی آلیاژ حافظهدار است؛ بنابراین می توان با بارگذاری حرارتی خاصیت اثر حافظهشکلی آلیاژ حافظهدار را ارائه کرد.

در شکل 10 کامپوزیت ابتدا تحت یک نمونه بارگذاری و باربرداری مکانیکی مکانیکی قرار گرفته است که در این مقاله بهعنوان پیش بارگذاری مكانيكي تعريف مي شود. با توجه به خاصيت حافظهشكلي آلياژ حافظهدار، با افزایش بارگذاری حرارتی در کامپوزیت کرنش پسماند در کامپوزیت کاهش می یابد. با توجه به کرنش ایجادشده در کامپوزیت و اثر حافظهداری و فعالسازی آلیاژ حافظهدار کامپوزیت تحت بارگذاری میکرومکانیکی تا کرنش محوری 0/045 تحت بار محوری قرار میگیرد و سپس کامپوزیت تحت بارگذاری حرارتی قرار میگیرد، مانند تحلیلهای پیشین نیز سیم آلیاژ حافظهدار مورد تحلیل قرار میگیرد. همانگونه که در جدول 1 مقدار  $A_{of}$  یاد شد، این دما بر بارگذاری بسیار تأثیرگذار است. با رسیدن به این دما فعالسازی در سیم آلیاژ

ترمومکانیکی آلیاژهای حافظهدار میتوان از آنها برای کنترل پاسخ سازهها استفاده کرد.

در شکل 11 سیم آلیاژ حافظهدار در دمای ℃35 تحت بارگذاری و باربرداری مکانیکی قرار میگیرد. از آنجا که پیشتر نیز گفته شد، هنگام باربرداری مکانیکی و در این محدوده دمایی کرنش پسماند در سیم آلیاژ حافظهدار و زمینه فلزی باقی میماند. درصورتی که پس از باربرداری مکانیکی سیم آلیاژ حافظهدار تحت بارگذاری حرارتی قرار گیرد و سیم آلیاژ حافظهدار بهصورت محوری مقید شود، از آنجا که در آلیاژ حافظهدار کرنش ناشی از  $(\sigma_{11}>0)$  استحاله فاز اتفاق می افتد سبب بهوجود آمدن تنش های کششی

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

74

مي شود. افزايش دما و مقيدسازي همزمان سيم آلياژ حافظهدار سبب افزايش تنش محوری، که در شکل 11 نشان داده شده است. پس از افزایش دما و تا يايان رسيدن به پايان استحاله فاز در آلياژ حافظهدار، مقدار  $\sigma_{11}$ افزايش می یابد. پس از اتمام استحاله فاز اثرات انبساط حرارتی در سیم آلیاژ حافظهدار مشخص می شود که سبب کاهش مقدار  $\sigma_{11}$  در پاسخ ترمومکانیکی سيم آلياژ حافظهدار مي شود.

چنین اثرات مشابهی نیز در کامپوزیت زمینه فلزی با الیاف آلیاژ حافظهدار پدیدار می شود. در تحلیل حرارتی کامپوزیت آغاز استحاله فاز در الياف تعبيهشده در زمينه نسبت به شروع استحاله فاز در سيم آلياژ حافظهدار در دمای بالاتری مشاهده می شود.

مقیدسازی محوری در کامپوزیت تقویتشده با الیاف آلیاژ حافظهدار بدین صورت توصیف می شود که با افزایش دما، نخست اثرات فعال سازی در الیاف آلیاژ حافظهدار مشاهده نمیشود و تنها اثرات انبساط حرارتی بر رفتار کامپوزیت مقیدشده محوری مشاهده می شود که این اثر سبب ایجاد تنش فشاری  $\sigma_{11}$ (7-0) میشود. با گذشت دما از مقدار تقریبی  $^\circ$ 80 استحاله فاز در سیم آلیاژ حافظهدار درون کامپوزیت آغاز که سبب اثرات بازگشتی و ایجاد تنشهای کششی در کامپوزیت میشود. نخست اثرات کرنشهای ناشی از استحاله فاز غالب مىشود، ولى با افزايش دما اثرات استحاله فاز تمام و اثرات انبساط حرارتی مشاهده میشود که در شکل 11 نمایش داده شده است.

در ادامه پاسخهای میکرومکانیک کامپوزیت SiC/Ti تحت بارگذاری خارج از محور بهترتيب با زاويه الياف θ برابر صفر، π/12، φ/π و π/2 استخراج شده از مطالعه کنونی در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی [40] و مدل المان محدود [41] ارائه مے شود.

نتایج نشان داده شده در شکل 12 نشان می دهند که مدل ارائهشده حاضر در مقايسه با نتايج آزمايشگاهي داراي تطابق بالايي است. مدل المان محدود [40] جدايي بين زمينه و الياف را در نظر گرفته كه در تحقيق حاضر این مسئله لحاظ نشده است. لازم به توضیح است که روش میکرومکانیکی استفادهشده در این مقاله این قابلیت را داراست [33].

در شکل 13 پاسخ میکرومکانیکی کامپوزیت تقویتشده در دمای 0°55 با الياف آلياژ حافظهدار با زواياي الياف θ برابر صفر، π/12، π/4 π/4، τι/3 5π/12 و π/2، استخراج و اثرات زاویهداری بر پاسخ کلی کامپوزیت مشاهده



می شود. در ناحیه آغاز بارگذاری، تغییر زاویه الیاف کامیوزیت، تأثیر بسیاری بر پاسخ کامپوزیت تدارد. با افزایش بارگذاری، مشخص است که با افزایش زاویه از مقداراز صفر درجه تا π/4 سبب کاهش شیب نمودار و افزایش مقدار کرنش با مقدار یکسان تنش میشود. با توجه به رفتار ویسکوپلاستیک زمینه، کرنش محدودکننده مانند حالات پیش دارای مقدار 0/045 است. با افزایش زاويه الياف از π/4 تا مقدار π/2، خواص كاميوزيت به سمت خواص عرضى کامپوزیت همگرا میشود. پس از باربرداری و در جهت ارائه خاصیت اثر حافظهشکلی، مشاهده میشود که تغییر زاویه الیاف سبب تغییر چشمگیر کرنش باقی،مانده در کامپوزیت نمی،شود. روشن است که خواص کامپوزیت با







مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دوره 15، شماره 10

www.SID.ir

75

مکانیکی، کرنش پسماند در کامپوزیت را کاهش میدهند و اثر زاویهداری سبب افزایش کرنش به وجود آمده در کامپوزیت می شود. نتایج مدل میکرومکانیکی کنونی با نتایج آزمایشگاهی و تحلیلی دیگر مورد مقایسه قرار گرفت و تطابق بالایی میان آنها مشاهده شد.

- [1] I.A. Ibrahim, F.A. Mohamed, E.J. Lavernia, Particulate Reinforced Metal Matrix Composite-A Review, Journal of Material Science, Vol. 26, No. 5, pp. 1137-1156, 1991.
- [2] W.M. Ostachowicz, M. Krawczuk, A. Zak, Dynamics and buckling of multilayer composite plates with embedded SMA weirs, Journal of Composite Structures, Vol. 48, pp. 163.167, 2000.
- [3] F.E. WangWjb, S.J. Pickart, Crystal structure and a unique martensitic transition of TiNi, Journal of Applied Physics, Vol. 36, No. 10, pp. 3232-3239, 1965.
- [4] D.C. Lagoudas, Shape Memory Alloys: Modeling and Engineering Applications, Springer, 2008.
- [5] L.C. Brinson, MS. Huang, C. Boller, W. Brand, Analysis of Controlled Beam Deflections Using SMA Wires, Journal of Intelligent Material Systems and Structures, Vol. 8, No. 1, pp. 12-25, 1997.
- [6] J. Mohd Jani, M. Leary, A. Subic, M.A. Gibson, A review of shape memory alloy research, application and opportunities, Journal of Material & Design. Vol. 56, pp. 1078-1113, 2014.
- [7] R. Gilat, J. Aboudi, Dynamic response of active composite plates: shape memory alloy fibers in polymeric/metallic matrices, International Journal of Solids and Structures, Vol. 41, No. 20. pp. 5717-5731, 2004.
- [8] J.G. Boyd, D.C. Lagoudas, A thermo dynamical constitutive model for shape memory materials. Part I. The monolithic shapememory alloy. International Journal of Plasticity, Vol. 12, No. 6, pp. 805-842, 1996.
- [9] D.C. Lagoudas, Z. BO, M.A. Qidwai, A unified thermodynamic constitutive model for SMA and finite element analysis of active metal matrix composites. Mechanics of Composite Materials and Structures. Vol. 3, No. 2, pp. 153-179, 1996.
- [10] F.Auricchio, R.L Taylor, Shape-memory alloys: modelling and numerical simulations of the finite strain superelastic behavior. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, Vol. 143, No. 1-2, pp. 175-194, 1997.
- [11] A.C. Souza, E.N. Mamiya, N. Zouain, Three-dimensional model for solids undergoing stress-induced phase transformations. European Journal of Mechanics - A/Solids, Vol. 17, No. 5, pp. 789-806, 1998.
- [12] M. Panico, L.C. Brinson, A three-dimensional phenomenological model for martensite reorientation in shape memory alloys. Journal of the Mechanics and Physics of Solids, Vol. 55, No. 11, pp. 2491-2511, 2007.
- [13] P.Sedlak, M.Frost, B.Bene, P.Sittner, T Ben. Zineb, Thermomechanical model for NiTi-based shape memory alloys including R-phase and material anisotropy under multi-axial loadings. International Journal of Plasticity. Vol. 39, pp. 132-151, 2012.
- [14] V. Birman, D.A. Saravanos, D.A. Hopkins, Micromechanics of composites with shape memory alloy fibers in uniform thermal fields. American Institute of Aeronautics and Astronautics Journal, Vol. 34, No. 9, pp. 1905-1912, 1996.
- [15] D.A. Saravanos, V. Birman, D.A. Hopkins, Micromechanics and stress analysis of composites with shape memory alloy fibers in uniform thermal fields. American Institute of Aeronautics and Astronautics, Vol. 1, pp. 433-443, 1995.
- [16] C.C. Chamis, Simplified Composite Micromechanics Equation for Hygral, Thermaland Mechanical Properties. NASATM-83320, 1983.
- [17] J. Aboudi, The response of shape memory alloy composites. Smart Materials and Structures. Vol. 6, No. 1, pp. 1-9, 1997.
- [18] E.J. Graesser, F.A. Cozzarelli, Shape memory alloys as new materials for a seismic isolation, Journal of Engineering Mechanics. ASCE Vol. 117, No. 11, pp. 2590-2608, 1991.
- [19] P.R. Witting, Rate-sensitive Shape Memory Constitutive Model: Theory and Experimental Verification, PhD Thesis, State University of New York at







زاویه الیاف π/2 مانند بارگذاری عرضی کامپوزیت تکجهتی است.

#### 8- نتيجه گيري

در این پژوهش، مدل میکرومکانیکی سهبعدی سلول واحد ساده جهت استخراج خواص كامپوزيت زمينه فلزى تقويتشده با الياف آلياژ حافظهدار ارائه شد. المان نماینده حجمی کامپوزیت از دو فاز الیاف و زمینه تشکیل و شرایط اتصال کامل میان آنها برقرار شد. با استفاده از مدل لاگوداس رفتار آلیا;های حافظهدا, مدا سازی و با استفاده از مدل بادنر - پارتم رفتار زمینه مدلسازی شد. آرایش الیاف در زمینه فلزی بهصورت اتفاقی درنظر گرفته شد و برای این منظور المان حجمی نماینده به 1×  $c$   $x$  سلول در سه بعد گسترش یافت و با استفاده از روش نیوتن- رافسون و برنامهنویسی شی گرا، معادلات ساختاری آلیاژ حافظهدار در معادلات میکرومکانیکی روش سلول واحد بسط داده شد. جهت نشان دادن اثر حافظه شکلی و سویرالاستیسیته در بازههای مختلف دمایی رفتار کامپوزیت در مقیاس میکرو نمایش داده شد، همچنین اثرات زاویهداری الیاف مورد بررسی قرار گرفت. نشان داده شد که الیاف آلیاژ حافظهدار به دلیل خاصیت اثر حافظه شکلی و سوپرالاستیسیته، در باربرداری

- Buffalo, 1994.
- [20] J. Aboudi, Micromechanically based constitutive equations for shape memory fiber composites undergoing large deformations. Smart Material Structure. Vol. 13, No. 4, pp. 828-837, 2004.
- [21] F. Auricchio, A robust integration-algorithm for a finite-strain shapememory- alloy super elastic model, International Journal of plasticity, Vol. 17, No. 7, pp. 971-990, 2001.
- [22] Y. Freed, J. Aboudi, Thermo mechanically coupled micromechanical analysis of shape memory alloy composites undergoing transformation induced plasticity. Journal of Intelligent Material Systems and Structures. Vol. 20, No. 23, pp. 23-38, 2009.
- [23] F. Auricchio, A. Reali, U. Stefanelli, A three-dimensional model describing stress-induced solid phase transformation with permanent inelasticity. International Journal of plasticity. Vol. 23, No. 2, pp. 207-226, 2007.
- [24] S. Marfia, E. Sacco. Analysis of SMA composite laminates using a

مہندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دورہ 15، شمارہ 10

76

*[www.SID.ir](www.sid.ir)*

77

مهندسی مکانیک مدرس، دی 1394، دوره 15، شماره 10

multiscale modelling technique. *International Journal for Numerical Methods in Engineering*ǤVol. 70, No. 10, pp. 1182-1208, 2007.

- [25]A.R. Damanpack, M.M. Aghdam, M.Shakeri, Micro-mechanics of composite with SMA fibers embedded in metallic/ polymeric matrix under off-axial loadings, *European Journal of Mechanics A/Solids*, Vol. 49, pp. 467-480, 2015.
- [26] S.M.R. Khalili, A. Saeedi, Micromechanics modeling and experimental characterization of shape memory alloy short wires reinforced composites. *Journal of Science and Technology of Composites,* Vol. 2, No. 1, pp. 1-6, 2015. (In Persian)
- [27]M.K. Hassanzadeh Aghdam, M.J. Mahmoodi, Micromechanical damage analysis of short fiber titanium matrix composites under combined axial loading, *Modares Mechanical Engineering*ǡVol. 13, No. 4, pp. 86-97, 2013. (In Persian)
- [28]M.J. Mahmoodi, M.K. Hassanzadeh Aghdam, R. Ansari, Effects of interphase damage on the elastoviscoplastic behavior of general unidirectional metal matrix composites, *Modares Mechanical Engineering*ǡVol. 15, No. 1, pp. 99-107, 2015. (In Persian)
- [29]M.M. Aghdam, A.Dezhsetan, Micromechanics based analysis of randomly distributed fiber reinforced composites using simplified unit cell model, *Composite Structurs*ǡVol. 71, No. 3-4, pp. 327–332, 2005.
- [30]M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, Damage analysis of fiber reinforced Tialloy subjected to multi-axial loading—A micromechanical approach, *Materials Science and Engineering A*ǡ Vol. 528, No. 27, pp. 7983-7990, 2011.
- [31]Dezhsetan. *Analytical modeling of random fiber arrangements of unidirectional composites using simplified unit cell method*ǡ MSc thesis, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran.
- [32]M.M. Aghdam, SR. Falahatgar. Micromechanical modeling of interface

**Archive of SID** 

damage of metal matrix composites subjected to transverse loading. *Journal of Composite Structure,* Vol. 66, pp. 415–420, 2004.

- [33]M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, M.Shakeri, Micromechanical modeling of interface damage of metal matrix composites subjected to off-axis loading, *MaterialsƬDesign*ǡVol. 31, No. 2, pp. 829-836, 2010.
- [34]M.J. Mahmoodi, M.M. Aghdam, M. Shakeri, Micromechanical modeling of interface damage of metal matrix composites subjected to off-axis loading, *MaterialsƬDesign*ǤVol. 31, No. 2, pp. 829-836, 2010.
- [35] S.R. Bodner, Y. Partom, Constitutive Equations for Elastic-viscoplastic Strain Hardening Materials, *Journal of Applied Mechanics*, Vol. 42, No. 2, pp 385-389, 1975.
- [36]J.N. Reddy, *Mechanics of Laminated Composite Plates and Shells: Theory* and Analysis, CRC press, 2003.
- [37] S.C. Chapra, Applied Numerical Methods with Matlab for Engineers and Scientists, 3rd ed, Raghothaman Srinivasan, 2012.
- [38]H. Register, *Guide to MATLAB Object-Oriented Programming*ǡChapman ƬHall/CRC, 2007.
- [39]F. Nematzadeh, S.K. Sadrnezhaad, Effects of material properties on mechanical performance of Nitinol stent designed for femoral artery: Finite element analysis, *Scientia Iranica B,* Vol. 19, No 6, pp. 1564–1571, 2012.
- [40] M.P. Thomas, Tensile Properties of Ti-6-4/SM1240 Titanium Metal Matrix Composite with off-axis Fibres. SMC Technical Report No. DERA/SMC/SM2/TR 970145. *Defence Evaluation and Research Agency*ǡ Farnborough, UK. 1997.
- [41]M.M. Aghdam, M.J. Pavier, D.J. Smith, Micro-mechanics of off-axis loading ofmetal matrix composites using finite element analysis. *International Journal of Solids Structures*ǡVol. 38, No. 22-23, pp. 3905-3925, 2001.