

ماهنامه علمى پژوهشى

تحلیل تئوری اثر زمان کاویتاسیون بر رفتار الاستوپلاستیک ورق دایروی مستقر زیرآب تحت بار انفجاري

حبيب رمضان نژاد آزاربني¹، منصور درويزه²ٌ، ابوالفضل درويزه³، رضا انصارى⁴

1- دانشجوی دکترا، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت 3- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد بندرانزلی، بندرانزلی 4- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت *, شت، 3756-3755 darvizeh@guilan.ac.ir

Analytical theory of cavitation time effect on elstoplastic response of circular underwater plate subjected to explosive loading

Habib Ramezannezhad Azarboni¹, Mansoor Darvizeh¹*, Aboolfazl Darvizeh², Reza Ansari¹

1-Department of Mechanical Engineering, Guilan University, Rasht, Iran. 2-Department of Mechanical Engineering, Bandar Anzali branch, Islamic Azad University, Bandar Anzali, Iran. *P.O.B.41635-3756 Rasht, Iran,darvizeh@guilan.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 18 June 2015 Accepted 19 August 2015 Available Online 11 October 2015

Keywords: Explosive loading Circular plate

 \sim ils

ABSTRACT

In this paper, the elastoplastic response of copper, steel and aluminum circular plates with clamped boundary conditions subjected to underwater explosion loading is investigated. Cavitation is a phenomenon that can be occurred forplatesin the process of underwater explosive forming. The total pressure of the explosion becomes zero at the cavitation time, so that the governing equations of motion time will be different before and after the cavitation. As a result, in terms of analysis and design, the cavitation time is significant in studying the behavior of a circular plate at underwater explosive loading. By applying the energy method and based on Hamilton principle and variation method the equations of motion of an underwater circular plate subjected to explosive loading are derived. Then, in order to obtain the forced response of the circular plate, the exact free vibration solution is derived to calculate the mode shapes. Then, the velocity and generated stress of plate during cavitation time are calculated and compared with the yield stress plates. Using this method, one can distinguish the occurance of cavitation with in the elastic or plastic regimes. By recognizing the time of cavitation in the range of elastic or plastic, the displacement and velocity field of plate are determined in duration of explosive loading. Results show that the cavitation time is on the order of microsecond. Depending on amount of charge mass and stand-off, the cavitation time may be occurred in elastic or plastic regime.

Cavitationtime Yield time Elastoplatic response

بررسی مکانیسم تغییرشکل آنها همواره از مسائل موردتوجه دانشمندان و محققین بوده است. یکی از این نوع بارگذاریهای دینامیکی بارگذاری

1- مقدمه تحلیل اثرات بار دینامیکی لحظهای در زیر آب بر روی سازههای مختلف و

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

H. Ramezannezhad Azarboni, M. Darvizeh, A. Darvizeh, R. Ansari, Analytical theory of cavitation time effect on elstoplastic response of circular underwater plate subjected to explosive loading, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 11, pp. 88-96, 2015 (In Persian) www.SID.ir

انفجاری است که همواره با تغییرشکلهای بزرگ، نرخهای کرنش بالا، تحلیلهای مادی و هندسی غیرخطی و برهمکنش سیال – سازه همراه است. اهمیت اصلی تحلیل رفتار دینامیکی ورق زیر آب تحت بار انفجاری بروز پدیدهای تحت عنوان کاویتاسیون یا خلأزایی بوده که در زمان ایجاد این پدیده فشار کل وارد بر ورق به دلیل ایجاد حباب صفر میشود. بنابراین معادلات حاکم بر ورق در زمان قبل و بعد از این پدیده متفاوت خواهد بود. تحقیقات تجربی و عددی زیادی در زمینه بررسی تغییرشکل ورق مستقر در آب تحت بار انفجاری توسط محققین انجام شده است. کاویتاسیون به عنوان فرایند تشکیل فاز بخار یک مایع زمانی که تحت فشار کاهشی در یک دمای محیط تقریباً ثابت تعریف می شود. علت اصلی سایش در سیستمهایی که برهمکنش سازه-سیال در آنها وجود دارد کاویتاسیون است. به این صورت که با تشکیل حباب در زمان کاویتاسیون و ورود آنها به مناطق پر فشار باعث ایجاد تنش در سطوح فلزی میشوند که نتیجه آن اثر پدیده خستگی در سطح فلزات و تشکیل حفره می باشد. بنابراین در طراحی سازههایی که با سیال برهمکنش دارند در نظر گرفتن اثر کاویتاسیون از اهمیت بالایی برخوردار است. عامل حرکت تیغه پروانه و ملخ سیالهایی مانند هوا و آب هستند. با جریان شتابدار سیال از روی تیغهها نواحی کم فشار شکل به وجود میآید. هر چه سیال سریعتر گذر کند فشار بیشتر کاهش می یابد تا به فشار بخار مایع برسد و حبابهای کوچکی تشکیل شوند که با ترکیدن آنها روی سطح مکش ایجاد میکنند. در شکلدهی انفجاری زیرآب نیز امکان وقوع کاویتاسیون وجود داشته که در طی آن با ایجاد حباب شکل نهایی سازه مطلوب تحت تأثير قرار گرفته و پروفيل مورد نظر توليد نخواهد شد. بنابراين در این فرایند زمان کاویتاسیون از اهمیت بسیار بالایی برخوردار است. مطالعه بر روی تأثیر بارگذاری انفجاری بر روی تغییرشکل ورق دایروی با شرایط مرزی گیردار صرفنظر از نرخ کرنش توسط هودسن در سال 1951 انجام « شد [1]. جونز و همکارانش تغییرشکل دینامیکی ورق&ای دایرهای در محدودهی خیزهایی که نیروهای غشایی و ممانهای خمشی همزمان بر رفتار ورق حاکم هستند، برای اولین بار در سال 1968 مورد بررسی و تحلیل قرار داد. این تحلیل تغییرشکلهای نهایی را که توسط فلورنس در سال 1966ثبت شده بود، بهطور قابل ملاحظهای بهتر از مدل ونگ پیشبینی کرد [2]. با بهبود مدل دینامیکی ورق در سال1970 توسط ویرزبایکی و فلورنس [3] و در نظر گرفتن نرخ کرنش رفتار ورق دایروی مورد بررسی قرار گرفت. مدل ارائه شده سازگاری بسیار خوبی با نتایج تجربی حاصل از شکلدهی انفجاری ورق های دایروی با شرایط مرزی گیردار دارد. در سال 1971، باترا و دوبی رفتار ورق های دایرهای را در محدودهای که اثرات نیروهای غشایی و ممانهای خمشی، هر دو حائز اهمیت هستند، مورد مطالعه قرارداد. در این بررسی از اثر نرخ کرنش صرفنظر شد ولی حرکت افقی ورق در تحلیل وارد شد [4]. نوریک و مارتین در مدل ارائهشده برای ورق های دایروی و مستطیلی

ورق های دایروی از جنس فولاد نرم، مس و آلومینیم تحت بارگذاری ضربهای را مورد بررسی قراردادند [7-8]. در این تحقیقات دو مدل تحت عنوان مدل استاتیکی و دینامیکی بیان شده که در مدل استاتیکی متغیر نرخ کرنش متوسط به عنوان یک پارامتر در نظر گرفته نشده درحالی که در مدل دینامیکی این متغیر در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل از این تحقیق در پیش بینی تغییرشکل عرضی ورق با نتایج تجربی تطابق بسیار بالایی داشته است [10،9].

رمضان: اد و همکارانش در سال 2014 به استخراج زمان کاویتاسیون ورق مستطیلی تحت بار انفجاری پرداختند. در این تحقیق اثرات جرم خرج انفجاري، فاصله استقرار خرج انفجاري تا نمونه مورد آزمايش، ابعاد هندسي ورق مستطیلی از جنسهای مس و فولاد بر زمان کاویتاسیون مورد بررسی قرار گرفته است [11]. زمانی و گودرزی در سال 2014 به بررسی تجربی و عددی ماکزیمم خیز ورقهای دایروی تحت اثر موج شوک یکنواخت و غیریکنواخت ناشی از انفجار پرداختند. راستی آزمایی نتایج تجربی با مدل شبیهسازی شده در نرمافزار ال-اس داینا و نتایج محققان دیگر صورت گرفته است [12].

در این مقاله پاسخ دینامیکی الاستوپلاستیک یک ورق داروی ایزوتروپیک با شرط مرزی گیردار تحت بار انفجاری مستقر در زیرآب با در نظر گرفتن زمان کاویتاسیون بهصورت تحلیلی مورد بررسی قرار گرفته است. خلاءزایی یا کاویتاسیون ازجمله پدیدههای مهمی است که در زمان بارگذاری دینامیکی ممکن است در این فرایند بروز دهد. با توجه به اینکه در زمان کاویتاسیون فشار کل ناشی از انفجار صفر میشود معادلات حاکم بر رفتار دینامیکی ورق در زمان قبل و بعد از کاویتاسیون متفاوت خواهد بود. و بهاین علت استخراج این زمان بهمنظور بررسی دقیق رفتار دینامیکی ورق تحت بارگذاری انفجاری زیرآب اهمیت بالایی برخوردار است. برای محاسبهی زمان کاویتاسیون ابتدا معادلات حاکم بر حرکت ورق دایروی استخراج شده و با حل این معادلات تابع جابجایی و سرعت ورق به دست آمد. با به دست آوردن سرعت ورق و استفاده از رابطهی فشار کل زمان کاویتاسیون به دست میآید. همچنین با محاشبه تنش ایجاد شده در هر بازه زمانی و استفاده از معیار تسلیم وون میزز زمان تسلیم نیز محاسبه و به منظور تعیین وقوع کاویتاسیون در محدوده الاستیک یا پلاستیک با زمان کاویتاسیون مقایسه شده است. در این تحلیل مدل رفتار ماده به صورت الاستیک – کارسختی خطی در نظر گرفتهشده است. در ادامه اثرات جرم خرج انفجاری و جنس ورق بر میدان سرعت و تغییرشکل ورق در محدوده الاستوپلاستیک مورد بررسی قرار گرفته است. این روش برای نخستین بار بر روی ورق دایروی مستقر در زیرآب تحت بار انفجاری انجام شده که در آن میدان سرعت و جابجایی برای محدوده الاستیک و پلاستیک به صورت تحلیلی استخراج شده است. نتایج به دست آمده نشان میدهد که مقدار خرج انفجاری و جنس ورق

> جابجاییهای قائم و جابجاییهای افقی را باهم در نظر گرفت. با این نگرش نسبت به مدل کردن رفتار ورقهای دایروی و مستطیلی توزیع کرنش محیطی نیز حاصل شد. این پیشبینیها حاکی از به وجود آمدن کرنشهای بزرگ در قسمت مرکزی و کرنشهای کوچک در دیگر نواحی است که مطابقت کاملی با دادههای آزمایشگاهی دارد [5]. در سال 2009 راجدران به تحلیل عددی رفتار دینامیکی ورق دایروی و مستطیلی تحت بار انفجاری زیرآب پرداخت. شبیهسازی انجام شده بر اساس نتایج تجربی صورت گ فت [6]. درویزه و همکارانش در سالهای 2012 و 2014 رفتار پلاستیک

> > مہندسی مکانیک مدرس، بہمن 1394، دورہ 15، شمارہ 11

www.SID.ir

مورد استفاده بر بروز زمان كاويتاسيون در محدوده الاستيك يا پلاستيك مؤثر بوده و در فرایند شکلدهی انفجاری در زیرآب میدان جابجایی و سرعت ورق باید با در نظر گرفتن اثر کاویتاسیون محاسبه شود.

2-استخراج معادلات حركت

فرضیات اصلی نظریهی خیز کوچک خمش یا آنچه نظریهی کلاسیک نامیده میشود برای ورق نازک، الاستیک، همگن و همسانگرد که مبتنی بر هندسهی تغییرشکل میباشد به این صورت است که 1- ضخامت ورق در مقایسه با دیگر ابعاد کوچک است. 2- سطح میانی ورق بعد از تغییر شکل خمشی سطح

میانی باقی می ماند. این فرض منجر به صرفنظر کردن از ε_{xz} و ε_{yz} بوده که z جهت ضخامت ورق است. 3- خيز سطح مياني در مقايسه با ضخامت ورق کوچک است. بنابراین شیب سطح خیزدار بسیار کوچک و مقدار مجذور شیب در مقايسه با واحد قابل صرفنظر است. 4- كرنش نرمال در جهت ضخامت قابل صرفنظر است. بنابراین تنش نرمال $\sigma_{\rm zz}$ در مقایسه با دیگر اجزای تنش ناچیز است. رابطه کرنش کل ورق دایروی را می توان بهصورت رابطهی (1) بيان نمود [14،13].

$$
U_{\rm s} = \frac{D}{2} \iint_{A} \left(\frac{\partial^2 w}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 w}{\partial \theta^2} \right)^2 - 2(1 - v)
$$

$$
\left\{ \frac{\partial^2 w}{\partial r^2} \left(\frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 w}{\partial \theta^2} \right) - \left[\frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \theta} \right) \right]^2 \right\} r \text{d}r \text{d}\theta
$$
(1)

در رابطهی $U_{\rm s}$ (1) نشان \sim هندهی انرژی پتانسیل ورق و D سفتی خمشی ورق است. همچنین هرگاه از اثر اینرسی دورانی صرفنظر کرده و حرکت ورق فقط بەصورت عرضی فرض شود، انرژی جنبشی ورق بەصورت رابطەی (2) قابل بيان است.

$$
K_{t} = \frac{\rho h}{2} \iint_{A} \left(\frac{\partial w}{\partial t}\right)^{2} r \mathbf{d}r \mathbf{d}\theta
$$
 (2)

با درنظر گرفتن بار عرضی بهصورت $f(\!\mathbf{r},t)$ اعمال شده بر ورق، کار غیرپایستار انجامشده روي ورق توسط بار خارجي به فرم رابطهي (3) نوشته ميشود.

$$
W_{nc} = \iint\limits_{A} f(r, t) \cdot w \cdot r \, dr \, d\theta \tag{3}
$$

در ادامه با اعمال اصل هاميلتون طبق رابطهي (4)،

$$
\delta \left(\int_{t_0}^{\cdot} \mathbf{G} K_t - U_s + W_{nc} \mathbf{d}t \right) = \mathbf{0}
$$
 (4)

 \bigcup_{t_1}

و با قراردادن انرژیهای جنبشی ، پتانسیل و کار نیروی خارجی، روابط (1) تا (3)، در رابطهی (4) معادلهی حرکت ورق به فرم رابطهی (5) استخراج می-شود.

$$
D\Delta^4 w = q - \rho_p h \frac{\partial^2 w}{\partial t^2}
$$
 (5)

3- تعیین تابع فشار ناشی از انفجار معادلهی فشار کل $P(\boldsymbol{t})$ ، ناشی از موج انفجار را میتوان از بهصورت رابطهی (6) تعيين نمود [15].

$$
P(t) = 2P_f \cdot e^{-\frac{t}{\theta}} - \rho_0 C_0 \frac{du}{dt}
$$
 (6)

در معادلهی ρ_{0} ،(6) چگالی سیال و C_{0} سرعت صوت در سیال P_{f} بیانگر فشار $P(t)$ ماکزیمم و θ نیز معرف ثابت میرایی است. معادلهی (6) تا هنگامی که صفر شود معتبر است برای تمام زمانهای بزرگتر از لحظهی آغاز کاویتاسیون مقدار $P(t)$ برابر با صفر فرض میشود. مطالعات آزمایشگاهی

محل قرارگیری خرج انفجاری است. ثوابت β, α, **B, A** برای خرجهای انفجاری مختلف تعيين،شده است [15].

4-حل معادلهي ورق تحت بار انفجاري

با توجه به روابط بيان شده مي توان معادله ديفرانسيل حاكم بر حركت ورق تحت بار لحظهای ناشی از انفجار را بهصورت رابطهی (9) استخراج نمود [14].

$$
D\Delta^4 w = 2P_m \cdot e^{-\frac{t}{\theta}} - \rho_0 C_0 \frac{\partial w}{\partial t} - \rho_p h \frac{\partial^2 w}{\partial t^2}
$$
 (9)

که در رابطهی $\rho_{\rm p}(\theta)$ و $\rho_{\rm 0}$ به ترتیب چگالی ورق و چگالی سیال است. برای شروع حل ابتدا باید مد تغییرشکل را برای ورق دایروی تحت شرایط مرزی حاکم بر آن به دست آورد.

4-1- حل همگن معادلهي ورق دايروي

ورق الاستیک، همگن و ایزوتروپیکی را با ضخامت h ، مدول یانگ E ، ضریب پواسون v و چگالی ρ در نظر بگیرید. برای استخراج مدهای تغییر شکل تابع جابجایی بهصور ت ($w(r, t) = T(t)R(r)$ در نظر گرفته میشود. با جایگذاری آن در معادله همگن رابطهی (10) نتیجه میشود.

$$
T(t)D\Delta^{4}R(r) + \rho_{0}C_{0}\dot{T}(t)R(r) + \gamma h\ddot{T}(t)R(r) = 0
$$
 (10)

$\frac{D\Delta^{4}R}{R} + \rho_{0}C_{0}\frac{\dot{T}}{T} + \gamma h\frac{\ddot{T}}{T} = 0$	(11)	
$\frac{\Delta^{4}R}{R} = \frac{-\rho_{0}C_{0}}{D}\frac{\dot{T}}{T} - \frac{\gamma h}{D}\frac{\ddot{T}}{T} = \lambda^{4}$	(12)	
(12)	9.4	(12)
$\frac{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R = 0}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(12)	
$\frac{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R = 0}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(12)	
$\frac{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(13)	
$\frac{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(14)	
$\frac{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(15)	
$\frac{\lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(19)	
$\frac{\lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(12)	
$\frac{\lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(13)	
$\frac{\lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(14)	
$\frac{\lambda^{4}R}{\lambda^{4}R - \lambda^{4}R} = 0$	(15)	

$$
\mathbf{L} \cdot (i \lambda r) = \mathbf{L} \cdot (i \lambda r)
$$

$$
\frac{dR(a)}{dr} = 0 \tag{15}
$$

فطر دهانهی قالب است بنابراین: $\bm{2}a$

$$
\alpha_1 \mathbf{J}_0 (\lambda a) + \alpha_2 \mathbf{I}_0 (\lambda a) = \mathbf{0}
$$

- \alpha_1 \lambda \mathbf{J}_1 (\lambda a) + \alpha_2 \lambda \mathbf{I}_1 (\lambda a) = \mathbf{0} \tag{16}

نشان میدهد که روابط مربوط به فشار ماکزیمم و ثابت زمانی میرایی را با معادلات تجربي (7) و (8) ميتوان نشان داد [15]. $P_{\rm f} = \mathbf{A} \left(\frac{W^{\frac{1}{3}}}{R} \right)^{3}$ (7) $\theta = \mathbf{B}\left(W^{\frac{1}{3}}\right)\left(\frac{W^{\frac{1}{3}}}{R}\right)^{\beta}$ (8) درروابط (7) و (8) W معرف وزن خرج انفجاري و R بيان كنندهي فاصله از

که 1₁ و 11 به ترتیب تابع بسل مرتبه اول و تابع بهینه بسل مرتبه اول است. برای پاسخهای غیر صفر برای α_1 و α_2 لازم است که دترمینان ضرایب برابر صفر باشد.

$$
\begin{vmatrix} \mathbf{J}_0(\lambda a) & \mathbf{I}_0(\lambda a) \\ -\mathbf{J}_1(\lambda a) & \mathbf{I}_1(\lambda a) \end{vmatrix} = \mathbf{0}
$$
\n
$$
\mathbf{J}_0(\lambda a) \mathbf{I}_1(\lambda a) = -\mathbf{J}_1(\lambda a) \mathbf{I}_0(\lambda a)
$$
\n(18)\n
$$
\mathbf{J}_0(\lambda a) \mathbf{I}_1(\lambda a) = -\mathbf{J}_1(\lambda a) \mathbf{I}_0(\lambda a)
$$

90

www.SID.ir

مہندسی مکانیک مدرس، بہمن 1394، دورہ 15، شمارہ 11

$$
Q_n(\mathbf{t}) = \int_0^a 2P_m e^{-\frac{t}{\theta}} \cdot r \cdot R_n \mathbf{d}r = Q_{on} e^{-\frac{t}{\theta}}
$$
(28)

$$
Q_{on} = \frac{\mathbf{4}aP_m}{\lambda_n} \cdot \mathbf{J}_1 \mathbf{Q}_n a \tag{29}
$$

$$
M_n = \int_0^a \rho_p h \cdot r \cdot R_n^2 \mathbf{d}r = \rho_p h a^2 \cdot \mathbf{J}_0^2 \mathbf{C}_n a \mathbf{J}
$$
 (30)

و

$$
\frac{\rho_0 C_0}{\rho_p h} = 2\xi_n \omega_n \tag{31}
$$

$$
\omega_n^2 = \frac{D\lambda_n^4}{\rho_p \cdot h} \tag{32}
$$

$$
\xi_n = \frac{p_0 c_0}{2\rho_p h \omega_n} \tag{33}
$$

در این صورت رابطهی (30) برای معادله دیفرانسیل استخراج میشود.
میره می

$$
\ddot{A}_n + 2\xi_n \omega_n \dot{A}_n + \omega_n^2 A_n = \frac{Q_n \mathbf{U}}{M_n}
$$
 (34)

پاسخ معادله دیفرانسیل (34) که یک معادله دیفرانسیل خطی از مرتبه دوم است به شیوههای استاندارد قابلاستخراج است.

$$
A_n(t) = C_n e^{-\frac{t}{\theta}} + e^{-\xi_n \omega_n t} [a_n \cosh \Omega_n t + b_n \sinh \Omega_n t]
$$
\n(35)

که در رابطهی (35)
$$
\Omega_n
$$
 (35) به صورت روابط (36) و (37) بیان میشود.
\n $\Omega_n = \omega_n \sqrt{\xi_n^2 - 1}$ (36)

$$
C_n = \frac{Q_{on}\theta^2}{M_n \mathbf{[1 - 2\xi_n \omega_n \theta + \omega_n^2 \theta^2]}}
$$
(37)
1 |**2** λ

$$
t = 0
$$

$$
t = 0, \qquad A_n(t) = 0
$$

\n
$$
t = 0, \qquad \dot{A}_n(t) = 0
$$
 (38)

روابط (39) و (40) برای محاسبه صرایب مجهول حاصل میشود. از
شرط اول رابطهی (39) و از شرط دوم روابط (40) به دست میآید.
0 =
$$
C_n + a_n
$$

$$
A_n = C_n \left[e^{-\frac{c}{\theta}} - e^{-\xi_n \omega_n t} \cosh \Omega_n t \right] + b_n e^{-\xi_n \omega_n t} \sinh \Omega_n t
$$

\n
$$
A_n = C_n \left[\xi_n \omega_n e^{-\xi_n \omega_n t} \cosh \Omega_n t - \Omega_n e^{-\xi_n \omega_n t} \sinh \Omega_n t \right]
$$

\n
$$
-C_n \frac{e^{-\frac{t}{\theta}}}{\theta} + b_n \left[\Omega_n e^{-\xi_n \omega_n t} \cosh \Omega_n t - \xi_n \omega_n e^{-\xi_n \omega_n t} \right]
$$

\n
$$
\sinh \Omega_n t
$$

$$
\mathbf{0} = C_n \mathbf{I} - \mathbf{1}/\theta + \xi_n \omega_n \mathbf{I} + b_n \Omega_n
$$
\n
$$
b_n = \frac{C_n}{\Omega_n} [\mathbf{1}/\theta - \xi_n \omega_n]
$$
\n
$$
A_n(t) = \left[\frac{\mathbf{4}a\theta^2 P_m \cdot \mathbf{I}_1 Q_n a}{\lambda_n M_n (\mathbf{1} - \mathbf{2}\xi_n \omega_n \theta + \omega_n^2 \theta^2)} \right] \times [e^{-\frac{t}{\theta}} - e^{-\xi_n \omega_n t} \cosh \Omega_n t] + \frac{e^{-\xi_n \omega_n t}}{\theta \Omega_n} (1 - \xi_n \omega_n \theta) \sinh \Omega_n t
$$
\n
$$
= \frac{1}{\theta \Omega_n} W(r, t) \text{ and } \omega_n = \rho_p h a^2 \mathbf{I}_0^2 Q_n a \text{ and } \omega_n = \frac{1}{\theta \Omega_n} (1 - \xi_n \omega_n \theta) \sinh \Omega_n t
$$
\n
$$
= \frac{1}{\theta \Omega_n} \mathbf{A} e^{-\xi_n \omega_n t} \text{ and } \omega_n = \frac{1}{\theta \Omega_n} \mathbf{A} e^{-\xi_n \omega_n t} \text{ and } \omega_n = \frac{1}{\theta \Omega_n} \text{ and } \omega_n = \frac{1}{\
$$

 (39)

$$
\lambda_n = n \frac{\pi}{a}, n = 0,12,..., \infty
$$

\n
$$
\alpha_2 = \frac{-I_0 Q_n a}{I_0 Q_n a} \alpha_1
$$
\n(19)

$$
R_n(r) = \mathbf{J}_0(\lambda_n r) - \frac{\mathbf{J}_0(\lambda_n a)}{\mathbf{I}_0(\lambda_n a)} \mathbf{I}_0(\lambda_n r)
$$
 (20)

که برای α_1 مقدار دلخواه واحد در نظر گرفتهشده است. معادله دیفرانسیل كامل براي حركت ورق دايروي عبارت است از

$$
\Delta^4 w = \frac{2P_m \cdot e^{-\frac{L}{\theta}}}{D} - \frac{\rho_0 C_0}{D} \frac{\partial w}{\partial t} - \frac{\rho_p h}{D} \frac{\partial^2 w}{\partial t^2}
$$
(21)

4-2-حل ناهمگن ورق دايروي

به منظور حل معادلهي ناهمگن ورق دايروي تحت بار انفجاري كه در رابطهي (21) بیان شده است با استفاده از روش جداسازی متغیرها حلی به صورت رابطه (22) در نظر میشود. ∞

$$
w(\mathbf{r},t) = \sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \cdot R_n(r)
$$
 (22)

که در معادلهی (22)، R_n توابع یا مدهای تغییرشکل است که از حل معادلهی همگن بهدست میآید و تابع A_n باید با جایگزین نمودن معادله (22) در معادله حاكم بر حركت ورق ارائه شده در معادله (9) تعيين شود.

$$
\sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \cdot \Delta^4 R_n(r) + \frac{\rho_0 C_0}{D'} \sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \cdot R_n(r) + \frac{\rho_p h}{D} \times
$$
\n
$$
\sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \cdot R_n(r) = \frac{2P_m \cdot e^{-\frac{t}{\theta}}}{D}
$$
\n(23)

که در معادلهی (23)

$$
\frac{d}{dt}A_n(t) = \dot{A}_n(t)
$$
\n
$$
\frac{d^2}{dt^2}A_n(t) = \ddot{A}_n(t)
$$
\n(24)

با جایگذاری
$$
A^4R = A^4R
$$
 در معادلهی (23)، معادله (25) برای استخراج
A_n(t)

$$
\sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \lambda_n^4 R_n + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\rho_0 C_0}{D} \dot{A}_n(t) R_n + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\rho_p h}{D} \ddot{A}_n(t) R_n
$$

=
$$
\frac{2P_m \cdot e^{-\frac{t}{\theta}}}{D}
$$
 (25)

می توان ثابت نمود که:

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} \cdot R_{k} dr = 0 \qquad n \neq k = a^{2} J_{0}^{2} (l_{n} a)
$$

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

4.20

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

5.21

$$
\int_{0}^{a} (26)
$$

$$
r \cdot R_{k} \quad \text{where}
$$

6.23

$$
r \cdot R_{k} \quad \text{where}
$$

7.24

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

7.27

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

8.29

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

9.20

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

9.21

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

9.22

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

10.23

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

11.23

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac{2a}{\lambda_{n}} J_{1} (l_{n} a) \qquad n = k
$$

12.25

$$
\int_{0}^{a} r \cdot R_{n} dr = \frac
$$

که

مہندسی مکانیک مدرس، بہمن 1394، دورہ 15، شمارہ 11

www.SID.ir

[www.SID.ir](www.sid.ir)

$$
+\frac{\left(\frac{e^{-\xi_n\omega_n t}}{\theta\Omega_n}\right)(1-\xi_n\omega_n\theta)\sinh\Omega_n t}{\lambda_n\rho_p h a J_0^2(\lambda_n a)(1-2\xi_n\omega_n\theta+\omega_n^2\theta^2)}
$$
\n
$$
\times \left[J_0(\lambda_n r) - \frac{J_0(\lambda_n a)}{I_0(\lambda_n a)}I_0(\lambda_n r)\right]
$$
\n(42)

¶Zu ÊËZn]ZmÄ]d^¿Ê¿Z»ªf»µZ¼YZ]Ì¿©Ád¾ÌÀr¼Å {ÂÊ»

$$
\dot{w}(\mathbf{r},t) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{4\theta^2 P_m \cdot \mathbf{J}_1(\lambda_n a) \left[\mathbf{J}_0(\lambda_n r) - \frac{\mathbf{J}_0(\lambda_n a)}{\mathbf{I}_0(\lambda_n a)} \mathbf{I}_0(\lambda_n r) \right]}{\lambda_n \rho_p h a \mathbf{J}_0^2(\lambda_n a) \mathbf{I} - 2 \xi_n \omega_n \theta + \omega_n^2 \theta^2 \mathbf{I}}
$$

\n
$$
\times \left[-e^{-\xi_n \omega_n t} \sinh \Omega_n t \left\{ \Omega_n + \frac{\xi_n \omega_n (1 - \xi_n \omega_n \theta)}{\theta \Omega_n} \right\} \right]
$$

\n
$$
+e^{-\xi_n \omega_n t} \cosh \Omega_n t \left\{ \xi_n \omega_n + \frac{1}{\theta} (1 - \xi_n \omega_n \theta) \right\} - \frac{1}{\theta} e^{-\frac{t}{\theta}} \mathbf{I}
$$

$$
(43)
$$

هرگاه کاویتاسیون در ورق رخ دهد فشار کل وارد بر ورق صفر شده و معادله حاکم بر ورق به صورت زیر تقلیل مییابد.

$$
D\Delta^4 w(r, t) + \rho_p h \frac{\partial^2 w(r, t)}{\partial t^2} = 0
$$
\n(44)

|Z]Ê» (45)cÂÄ]Ê]YÂmÉYY{Ä·{Z »¾ËY

$$
w(r,t) = \sum_{n=0}^{N} (X_n \sin(\lambda_n t) + Y_n \cos(\lambda_n t))
$$

$$
\times \left[J_0(\lambda_n r) - \frac{J_0(\lambda_n a)}{I_0(\lambda_n a)} I_0(\lambda_n r) \right]
$$
 (45)

كه در رابطهى (45) ثوابت با توجه به مقدار جابجايي و سرعت درزمان کاویتاسیون, $T_{\mathcal{C}}$ ، محاسبه میشوند. همچنین با توجه به اینکه در محدوده پدیده کاویتاسیون بر روی ورق دایروی مستقر در زیرآب تحت بار انفجاری در محدوده الاستیک یا پلاستیک رخ دهد، با زمان کاویتاسیون در این دو محدوده به صورت T_{CE} و T_{CP} جایگزین میشود.میدان سرعت با اعمال مشتق (46) زمانی نسبت به میدان جابجایی بیان شده در رابطه (45) به صورت استخراج م_یشود.

-] Ä]Y ¾Ì§ [Á ZÅ{» |»Z e Y Ã{Z¨fY -5-2 $r\cdot R_k$ اساس متغیر جابجایی در
	- **[0,a]** انتگرال *گ*یری در بازه مکانی **[0,a]**
- 7-2- استفاده از پارامترهای استاندارد بهمنظور بازنویسی راحتتر روابط استخراج شده
- 8-2- جايگزيني روابط استخراج شده در ميدان جابجايي $w(r,t)$

$$
w(r, t) = \sum_{n=0}^{\infty} (X_n \lambda_n \cos Q_n t) - Y_n \lambda_n \sin Q_n t)
$$

$$
\times \left[\mathbf{J}_0 (X_n r) - \frac{\mathbf{J}_0 (X_n a)}{\mathbf{I}_0 (X_n a)} \mathbf{I}_0 (X_n r) \right]
$$
(46)

بنابراین می توان به طور خلاصه گامهای حل انجام شده برای استخراج روابط جابجایی، سرعت، میدان تنش و زمانهای کاویتاسیون و تسلیم برای یک ورق دایروی مستقر در زیر آب را به صورت گام به گام بیان نمود.

$$
(DA4u + \rho C \frac{\partial w}{\partial x} + \rho b \frac{\partial^2 w}{\partial y} - \mathbf{0}) \cdot \mathbf{0} \cdot \mathbf{0}
$$

-1-1 - استفاده از روش جداسازی متغیرها با در نظرگرفتن
جوابی به صورت
$$
W(r,t) = \sum_{n=0}^{\infty} A_n(t) \cdot R_n(r)
$$
-\n-2-2 - |
اعمال
$$
W(r,t) \cup W(r, t)
$$

ÊËZn]ZmÁ½Z»ÉZÅ̤f»ZY]ÉZY|m -3-2

$$
A_n(t) \cup A_n(t)
$$
4-2

©Ád½Y|Ì»Ä^Zv»ÉY]Ê¿Z»ªf»µZ¼Y -9-2

-حل گامبهگام **0 = 2**
$$
P_f \cdot e^{-\frac{t}{\theta}} - \rho_0 C_0 \frac{du}{dt} = 0
$$
 برای استخراج
زمان کاویتاسیون

4-محاسبه میدان تنش بر اساس قانون هوک و مقایسه گامبهگام با سطح تسلیم وون میزز برای استخراج زمان تسلیم

5 - تحليل نتاي*ج*

Parally of the SIDP of SIDP ماده یمنفجره مورداستفاده در این بررسی پنتولیت بوده که مشخصات $[15]$ انفجاری آن شامل یارامترهای $\beta,\alpha,\mathsf{B},\mathsf{A}$ در جدول 1 آورده شده است یکی از موارد بسیار مهم در بررسی رفتار تغییرشکل ورق تحت بار انفجاری چگونگی تغییرات رفتار فشار ناشی از پارامترهای خرج انفجاری شامل وزن و ِمحل استقرار مورد استفاده است. جدول 2 ویژگیهای مکانیکی ورق دایروی به ابعاد 0.003m × 0.003m از جنسهای فولاد، مس و آلومینیم را نشان می-دهد. هرگاه ورق مستقر در زیرآب تحت بارگذاری انفجاری قرار گیرد یکی از پدیدههای بسیار مهم، ایجاد پدیده کاویتاسیون است. در زمان بروز کاویتاسیون فشار کل وارد بر ورق صفر شده و معادلات حاکم بر آن در زمان قبل و بعد كاويتاسيون متفاوت ميباشد.

به منظور صحه گذاری بر روش تحلیلی ارائه شده در این مقاله ابتدا میدان سرعت ایجاد شده توسط بار انفجاری در مرجع [6] با مشخصات زیر بر روی ورق صورت گرفته است.

م الذهب مكانيك مدرس، بهمن 1394، دوره 15، شماره 11 $92\,$

$$
\theta = 96.5 W^{1/3} \left(\frac{W^{1/3}}{S}\right)^{-0.22}
$$
\n(48)

در روابط (47) و W (48) و S به ترتيب مقدار جرم خرج انفجاري و فاصله خرج انفجاري تا ورق مي باشد [6]. شكل 1 مقايسه بين نتايج مرجع [6] و كار تحلیلی حاضر را نشان می دهد. بهمنظور مقایسه تغییرات سرعت نرمالیزه شده را برحسب زمان بی بعد در شکل 1 نشان داده شده است. برای نرمالیزه کردن از پارامترهای مرجع [6] استفاده شده است. نمودارهای شکل 1 نشان می-دهند که نتایج کار تحلیلی حاضر با مرجع [6] تطابق خوبی را دارد. در این مقایسه جرم خرج انفجاری 100 گرم و محل استقرار 100 میلی متر در نظر گرفته شده است. بعداز اعتبارسنجی روش تحلیلی استفاده شده در این مقاله با مرجع [6] نتايج جديد ارائه شده است.

کاویتاسیون ممکن است در بارگذاری انفجاری بر روی ورق مستقر در زیر آب رخ میدهد. زمان کاویتاسیون زمانی است که در آن فشار کل وارد به سازه صفر میشود. و بعد از این زمان فشار منفی میشود. بنابراین فشار منفی بعداز کاویتاسیون رخ داده و با توجه به مقدار کم آن میتوان از آن صرفنظر نمود [6]. بنابراین در این مقاله نیز فرض شده است که بعد از ایجاد کاویتاسیون تا پایان دوره بارگذاری فشار وارد بر سازه صفر است. زمان تسلیم نیز زمانی است که در آن ورق از سطح تسلیم عبور کرده و رفتار آن وارد محدوده پلاستیک میشود. در فرایند بارگذاری اُنفجاری بر روی ورق مستقر در زیر آب دو حالت کلی در مورد زمان کاویتاسیون (خ میدهد. این دو حالت مربوط به بروز این پدیده در محدوده الاستیک یا در محدوده پلاستیک می باشند. در حالت اول میدان جابجایی و سرعت در مدت زمان بارگذاری به سه قسمت تقسیم می شوند. این سه قسمت شامل زمان شروع بارگذاری تا زمان كاويتاسيون الاستيك، $T_{\text{CE}} \leq t \leq T$ ، زمان كاويتاسيون الاستيك تا $T_{\rm CE} \leq t \leq T_Y$ زمان تسلیم $T_{\rm CE} \leq t \leq T_Y$ و زمان تسلیم تا پایان دوره بارگذاری ، میباشد. در حالتی که زمان کاویتاسیون در محدوده پلاستیک $T_{\text{CE}} \leq t \leq T$ رخ دهد این سه قسمت شامل زمان شروع بارگذاری تا زمان تسلیم ، ویتاسیون کاویتاسیون تسلیم تا زمان کاویتاسیون پلاستیک $0 \le t \le T_{\rm Y}$ و زمان كاويتاسيون پلاستيک تا پايان دوره بارگذارى، $T_Y \leq t \leq T_{\text{CP}}$ ، مے باشند. $T_{\text{CP}} \leq t \leq T$

مہندسی مکانیک مدرس، بہمن 1394، دورہ 15، شمارہ 11

www.SID.ir

بالاترى را نسبت به حالت الاستيک پيشبيني مي کند. همچنين تا زمان 50 میکروثانیه مرکز ورق با شیب زیادی تغییرشکل یافته و سپس با گذشت زمان تغییرشکل تقریباً با گذشت زمان روندی ثابت را خواهد داشت. از روی شکل می توان مشاهده نمود که میدان سرعت نیز برای زمان کاویتاسیون در رژیم 5 پلاستیک بالاتر از میدان سرعت برای زمان کاویتاسیون در رژیم الاستیک میباشد. همچنین سرعت مرکز ورق در زمانی حدود 12 میکروثانیه بیشترین .
مقدار خود را تجربه کرده و با گذشت زمان به سمت صفر میل میکند. شکلهای 7 و 8 اثر تغییر جنس ورق بر تاریخچه میدان جابجایی و سرعت مرکز ورق نشان می دهند مقدار خرج انفجاری 100 گرم و محل استقرار 100 میلی متر انتخاب شده است.

شکل 9 و 10بیشینه جابجایی و بیشینه سرعت نقاط قطری ورق دایروی فولادی را برای دو حالت وقوع زمان کاویتاسیون در محدودهی الاستیک و پلاستیک را نشان میدهند. برای وقوع زمان کاویتاسیون در محدودهی الاستیک و زیر زمان تسلیم، $T_{\text{CE}} \leq T$ ،میدان جابجایی و سرعت برای همه نقاط روی قطر پایین تر از مقدار آن برای وقوع زمان کاویتاسیون در محدودهی پلاستیک و بالای زمان تسلیم ، $T \le T_{\text{CP}}$ ، میباشد. برای وقوع زمان كاويتاسيون در محدوده الاستيك مقدار خرج انفجاري 100 گرم و محل استقرار خرج انفجاری 100 میلیمتر و برای حال پلاستیک مقدار خرج انفجاري 160 گرم و فاصله استقرار آن 100 ميلي متر است.

مہندسی مکانیک مدرس، بہمن 1394، دورہ 15، شمارہ 11

94

www.SID.ir

تأثير جنس ورق بر بيشينه مقدار جابجايي و سرعت نقاط قطري ورق شكل-های 11 و 12 مشاهده میشود. مطابق این نمودارها ورق از جنس آلومینیم در شرایط یکسان بارگذاری بیشترین مقدار جابجایی و سرعت را دارا بوده و ورق فولادی کمترین مقدار را نسبت به ورق آلومینیمی و مسی پیش بینی می کند. برای وقوع کاویتاسیون درمحدوده الاستیک مقدار خرج انفجاری 100 گرم و محل استقرار خرج انفجاری تا ورق دایروی مستقر در زیر آب 100 میلی متر در نظر گرفته شده است. بهعبارتدیگر با توجه به ویژگیهای مکانیکی ورق از جنس فولاد، مس و آلومینیم می توان از روی این نمودارها نتیجه گرفت که در شرایط یکسان بارگذاری انفجاری برای ورق دایروی مستقر در زیر آب ورق فولادی بیشترین مقاومت را در برابر تغییرشکل از خود نشان داده و ورق از جنس مس و آلومینیم به ترتیب مقاومت کمتری را در برابر تغییرشکل از خود نشان میدهند. همچنین منحنیهای سرعت برای ورق از جنس فولاد، مس و آلومینیم که در شکل 12 نشان داده شده است بیان میکنند که با توجه به مقاومت کمتر ورق آلومینیمی در برابر تغییرشکل ناشی از انفجار نقاط قرار گرفته در روی قطر اصلی میدان سرعت بیشتری را نسبت به ورق از جنس فولاد و مس دارا هستند. مطابق نمودارهای شکلهای 11 و 12 میتوان فهمید که جنس ورق تأثیر زیادی بر زمان کاویتاسیون دارد. بطوریکه برای ورق فولادی و مسی در بازهای از خرج انفجاری کاویتاسیون در محدوده الاستیک و برای خرج انفجاری بیشتر در محدوده پلاستیک رخ میدهد ولی برای ورق آلومینیمی همواره در بازه مورد

6-نتيجه گيري

7 -مراجع

نتايج حاصل از اين تحقيق نشان مي٥هد كه براي تحليل رفتار ورق مستقر در زیر آب تحت بار انفجاری باید پدیده کاویتاسیون مورد بررسی قرار گیرد. زیرا در زمان وقوع آن فشار کل ناشی از بار انفجاری صفر شده و از روی جسم حذف می شود بنابراین معادلات حاکم بر ورق در بازههای زمانی قبل و بعد از کاویتاسیون متفاوت است. دو عامل اصلی مورد بررسی در این تحقیق شامل تأثیر مقدار خرج انفجاری و جنس ورق بر تشکیل کاویتاسیون نشان میدهد که با افزایش خرج انفجاری زمان وقوع کاویتاسیون به تأخیر افتاده و زمان تسلیم کاهش می یابد. بهعبارتدیگر با افزایش خرج انفجاری سطح بارگذاری فشاری افزایش یافته که این باعث ایجاد کاویتاسیون در زمان بیشتری از شروع فرایند تغییرشکل میشود. همچنین مقدار با افزایش خرج انفجاری وقوع کاویتاسیون از محدوده الاستیک خارج شده و این پدیده در محدوده پلاستیک رخ میدهد. جنس ورق نیز بر ایجاد پدیده کاویتاسیون مؤثر بوده بطوریکه نتایج نشان میدهند برای ورق فولادی و مسی برای بازهای از خرج انفجاری کاویتاسیون در محدوده الاستیک و برای خرج انفجاری بیشتر در محدوده پلاستیک رخ می دهد ولی برای ورق آلومینیمی همواره در بازه مورد بررسی از خرج انفجاری این پدیده در محدوده الاستیک رخ میدهد. میدان جابجایی و سرعت ایجاد شده برای ورق در حالتی که کاویتاسیون در محدوده پلاستیک رخ دهد نسبت به حالت الاستیک آن بالاتر میباشد. بنابراین می-توان دستاوردهای مقاله را به صورت زیر بیان نمود.

1- ارائه مدلی تحلیلی از رفتار دینامیکی ورق دایروی تحت بارانفجاری زیر آب به منظور استخراج زمان كاويتاسيون و زمان تسليم. 2- محاسبه زمان تسلیم و مقایسه آن با زمان کاویتاسیون برای تشخیص) وقوع كاويتاسيون در محدوده الاستيك يا يلاستيك 3-تحلیل میدان جابجایی و سرعت ورق برای زمانهای مختلف کاویتاسیون در رژیم الاستیک و پلاستیک 4-بررسی تغییر جنس ورق بر زمان کاویتاسیون و تسلیم و تاریخچه زمانی جابجايي و سرعت ورق 5- محاسبه پروفیل جابجایی نقاط میانی ورق برای زمانهای مختلف کاویتاسیون در رژیم الاستیک و پلاستیک

- [1] E. Hudson, A theory of the dynamic plastic deformation of a thin diaphragm, Journal of Applied Physics, Vol. 22, No. 1, pp. 1-11. 1951.
- [2] N. Jones, T. Uran, S.A. Tekin, The dynamic plastic behavior of fully clamped rectangular plates, International Journal of Solids Structure, Vol. 6, No. 12, pp. 1499-1512, 1970
- [3] T. Wierzbicki, A.L. Florence, A theoretical and experimental investigation of impulsively loaded clamped circular viscoplastic plates, International Journal of Solids Structure, Vol. 6, No. 5, pp. 550-580, 1970.
- [4] R.C. Batra, R.N. Dubey, Impulsively loaded circular plates, International Journal of Solids Structure, Vol. 7, No. 8, pp. 965-978, 1971.
- [5] G. N. Nurick, J. B. Martin, Deformation of thin plates subjected to
	- impulsive loading a review part I, International Journal of Impact Engineering, Vol. 8, No. 2, pp. 159-170, 1989.
- [6] R. Rajendran, Numerical simulation of response of plane plates subjected to uniform primary shock loading of non-contact underwater explosion, Materials and Design, Vol. 30, No. 4, pp. 1000-1007, 2009.
- [7] H. Gharababaei, A. Darvizeh, N. Nariman-zadeh, Investigation into the response of steel, copper and aluminum plates subjected to shock loading, Journal of Engineering Manufacture, Vol. 39, No. 4, pp.507-526, 2010.
- [8] H.Gharababaei, A. Darvizeh, Analytical study of plastic deformation of clamped circular plates subjected to impulsive loading, International Journal of Mechanics of Materials and Structures, Vol. 7, No. 4, pp. 309-322, 2012.
- [9] N. Jones, Dynamic inelastic response of strain rate sensitive ductile plate due to large impact, dynamic pressure and explosive loading. International Journal of Impact Engineering, Vol. 74, pp. 3-15, 2014.

www.SID.ir

[www.SID.ir](www.sid.ir)

½YZ°¼Å Á ÊÀ]YM{Y¿½Z»\Ì^u ÉZn¨¿YZ]dve [Mˬf»ÉÁËY{©Á®ÌfÔaÂfÓYZf§]½ÂÌZfËÁZ¯½Z»iYÉÂXe¶Ì¸ve

- [13] W. Leissa, *Vibration of plates*, pp. 9-30, Ohaio State university Colombos: Ohaio, 1969.
- [14] N. Jones, *Structural impact,* pp. 432-445, Cambridge university press: United Kingdom,1989.
- [15] J. S. Smaill, *pressure instrumentation in explosive forming: the non-linear transient displacement of circular plate*ǡ PhD Thesis, University of Canterbury, New Zealand, 1984.
- [10] N. Jones, Pseudo-shakedown phenomenon for the mass impact loading of plating, *International Journal of Impact Engineering,* Vol. 65, pp. 33-39, 2014.
- [11]H. Ramezannezhad, M. Darvizeh, A. Darvizeh, R. Ansari, Derivation of cavitation time of underwater rectangular plate subjected to impulsive dynamic loading, *Modares Mechanical Engineering*ǡ Vol. 15, No. 2, pp. 253-260, 2015. (In Persian)
- [12] M. Goudarzi, J. Zamani, Experimental and numerical investigation of the maximum deflection of circular aluminum plate subjected to free air explosion, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 15, No. 1, pp. 219-226, 2015. (In Persian)

Archive of SID

مہندسی مکانیک مد*ر*س، بہمن 1394، دورہ 15، شما*ر*ہ 11 $96\,$