



mme.mouai es.ac.i

تعیین محدوده تاثیر گذاری تنش برشی ضخامتی بر نمودار حد شکل دهی با استفاده از مدل بهبود یافته مارشینیاک-کوزینسکی

احمد غضنفری¹، احمد عاصمپور^{2*}، مصطفی حبیبی¹، رامین هاشمی³

1 - دانشجو کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف، تهران
 2 - استاد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف، تهران
 3 - استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران
 * تهران، پستی صندوق 9567-11368 assem@sharif.edu

چکیدہ	اطلاعات مقاله
استفاده از نمودارهای حد شکل دهی در طراحی فرآیند تولید قطعات، یکی از روشهای مرسوم شکلدهی ورقهای فلزی است. از این رو تاکنو کارهای متعددی در زمینه بررسی منحنیهای حد شکل دهی انجام یافته است. روشهای مختلف به دست آوردن این منحنیها و همچنی عوامل مختلف مؤثر بر آنها، مورد بررسی قرار گرفتهاند. اشکالی که به اکثر کارهای انجام شده قبلی وارد است، حالت تنشی است که در تعیی	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 31 تیر 1394 پذیرش: 13 مهر 1394 ارائه در سایت: 02 دی 1394
این نمودارها فرض شده است. در اکثر این فرآیندها مانند شکل دهی تدریجی، تنش برشی ضخامتی، در ورق ایجاد میشود. در این نو فرآیندهای شکل دهی، نمودار حد شکل دهی بدست آمده با رفتاری متفاوت از نموداری های معمول ظاهر میشود که حاکی از بهبود شک پذیری است. حال آن که تأثیر وجود تنش برشی ضخامتی و محدوده اثر گذاری آن بررسی نشده است. در این مقاله تنش برشی ضخامتی صورت تحلیلی در مدل مارشینیاک - کوزینسکی اعمال شده و موررد بررسی قرار گرفته است. از روش نیوتن – رافسون جهت حل معادلا استفاده شده است. محدوده اثر گذاری این تنش شناسایی و آزمون ناکازیما به عنوان مطالعه موردی بررسی شد. نتایج حاکی از این است که تنه برشی ضخامتی کمتر از 10 درصد تنش تسلیم، تأثیر قابل توجهی بر نمودار حد شکلپذیری ندارد.	کلید واژگان: تنش برشی ضخامتی شکلدهی ورق مدل مارشینیاک -کوزینسکی نمودار حد شکلدهی

Investigation on the effective range of the through thickness shear stress on forming limit diagram using a modified Marciniak–Kuczynski model

Ahmad Ghazanfari¹, Ahmad Assempuor^{*1}, Mostafa Habibi¹, Ramin Hashemi²

1- School of Mechanical Engineering, Sharif University of Technology, Tehran, Iran

2- School of Mechanical Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran

* P.O.B. 11365-9567, Tehran, Iran, assem@sharif.edu

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 22 July 2015 Accepted 05 October 2015 Available Online 23 December 2015

Keywords: Through thickness shear stress Sheet metal forming Marciniak-Kuczynski model Forming limit diagram

ABSTRACT

Use of Forming limit diagrams (FLD) in process design of metal forming is a conventional method. Therefore many experimental and theoretical efforts have been carried out in order to investigate the FLDs. Many ways to obtain this FLDs and their effective parameters have been studied. But the stress state at these studies is planar which lead to an untrue model for several metal forming process such as incremental sheet forming. With this technique, the forming limit curve (FLC) appears in a different pattern, revealing an enhanced formability, compared to conventional forming techniques. Therefore, in this study, the effect of through thickness shear stress has been examined on the prediction of the forming limit diagrams (FLDs). Determination of the FLD is based on the Marciniak and Kuczynski (M–K) model with some modifications on the stress states for consideration of the through thickness shear stress has been investigated. The results showed that if the through thickness shear stress has a 10 per cent of yield stress value, this stress component has no effect on the FLD.

1- مقدمه 1- مدرمه 1- مدرمه 1- مدرمه 1- مدرم<

Please cite this article using:

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

A. Ghazanfari, A. Assempuor, M. Habibi, R. Hashemi, Investigation on the effective range of the through thickness shear stress on forming limit diagram using a modified Marciniak–Kuczynski model, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 1, pp. 137-143, 2016 (in Persian)

یا عددی برآورد کند و با کرنشهای مجاز مقایسه کند و زمان گسیختگی ورق را پیشبینی نماید.

از آنجایی که پیشبینی گلویی شدن یکی از پارامترهای مهم در شکل دهی فلزات است، محققان زیادی در این زمینه تحقیق کردهاند که نتیجه آنها ارائه مدل های مختلفی جهت پیشبینی حدگلویی شدن از قبیل مدل مارشینیاک-کوزینسکی [1] و مدل دوشاخهایی [2] است.

در مدل مارشینیاک-کوزینسکی [1]، فرض بر این است که کرنش موضعی در محلی از ورق که دارای ناهمگنی هندسی (شیار) است، اتفاق می-افتد. راستای شیار در جهت کرنش کوچکتر است. ورق تحت بارگذاری تناسبی و حالت تنش به صورت صفحهای است. با این فرضیات، فقط سمت راست منحنی حد شکل دهی تعیین می شود. هاچینسون و نیل [3] مدل مارشینیاک-کوزینسکی را با دوران دادن جهت شیار بهبود بخشیدند و کمترین مقدار کرنش را به عنوان کرنش های حدی گزارش کردند. همچنین آنها با درنظر گرفتن مسیر کرنش منفی، سمت چپ نمودار حد شکل دهی را نیز بدست آوردند.

درروش مارشینیاک-کوزینیسکی، تاکنون تحقیقات بسیار در مورد عوامل مختلف مؤثر بر نتایج منحنیهای حد شکلدهی صورت پذیرفته است. روشهای مختلف به دست آوردن این منحنیها و همچنین عوامل مختلف مؤثر بر آنها، از قبیل ناهمسانگردی، نمای حساسیت به کرنش و معیارهای تسلیم مختلف موردبررسی قرار گرفتهاند. اما اشکالی که به اکثر کارهای انجامشده قبلی وارد است، حالت تنشی است که در تحصیل این نمودارها در نظر گرفتهشده است. نمودار حد شکلدهی در فضای کرنش بسیار به مسیر نظر گرفتهشده است. از طرف دیگر، زمانی که بارگذاری متناسب نباشد؛ نمودار بدست آمده از روش مارشینیاک-کوزینسکی به اندازه کافی دقیق نیست. آریوکس و بویوین [4] نمودار حد تنش شکلدهی را ارائه نمودند. نتایج آرمایشگاهی و تئوری حاکی از این است که این نمودار نسبت به نمودار حد

لیان و همکارن [7] ناهمسانگردی ماده را در مدل مارشینیاک-کوزینسکی گنجاندند و تاثیر تابع تسلیم بر پیشبینی حد شکلدهی را بررسی کردند.

جهت بهبود دقت پیشبینی کرنشهای حد شکل دهی، یاو و کاو [8] مدل مارشینیاک-کوزینسکی را با یک معیار تسلیم ناهمسانگرد کلی که توسط کارافیلیس و بوییس [9] توسعه داده شده است، ترکیب کردند. گنجیانی و عاصمپور [10] نمودار حد شکل دهی را بر اساس مدل مارشینیاک-کوزینسکی با استفاده از توابع تسلیم هاسفورد و بی بی سی 2000 بدست آوردند. آنها از معادله انرژی به عنوان معادله چهارم در یافتن پارامترهای مجهول شیار استفاده کردند. تاثیر پارامترهای دیگر نظیر خواص

آلوود و شوولر [18] مدل مارشینیاک-کوزینسکی را جهت اعمال بارگذاریی که تمام شش مؤلفه ماتریس متقارن تانسور تنش را شامل می شود، توسعه دادند. آنها نمودار حد شکل پذیری جامعی پیشنهاد کردند و نشان دادند که هم تنش نرمال فشاری و هم تنش برشی ضخامتی، نمودار شکل دهی را ارتقا می دهند. در آن تحقیق، ناهمسانگردی در نظر گرفته نشده است.

در فرایندهایی نظیر شکلدهی تدریجی، تنش برشی ضخامتی نقش مهمی در شکل دهی ورق ایفا میکند؛ از این رو، استفاده از مدل ابتدایی مارشینیاک-کوزینسکی و منحنیهای بهدستآمده بر اساس آن، چندان منطقی به نظر نمیرسد؛ پس لازم است برای پیشبینی هرچه بهتر رفتار ماده در این گونه عملیاتها از تئوری دقیق تری استفاده شود. ایکنز و همکاران [19] تنش برشی ضخامتی را در فضای کرنش در مدل مارشینیاک-کوزینسکی اعمال کردند و گلویی شدن موضعی را در شکلدهی ورقهای فلزی، پیشبینی کردند. در این مقاله، تنش برشی ضخامتی به صورت تحلیلی در فضای تنش در معادلات وارد شده و نمودارهای حد کرنش شکلدهی استخراج شده است. همچنین در مواردی مانند آزمایش ناکازیما، تنش برشی ضخامتی نیز در ورق ایجاد میشود که در مدل های پیشین از آن صرف نظر شده است. در این پژوهش محدودهای برای صرف نظر کردن از تنش برشی ضخامتی در تحلیل ارائه شده است و آزمون ناکازیما به عنوان مطالعه موردی، فردی،

2- مدل اولیه مارشینیاک - کوزینسکی

مارشینیاک و کوزینسکی در روش خود فرض کردند که یک ناهمگنی آغازین در ورق به شکل کاهش اندک ضخامت وجود دارد که ورق را به دو ناحیه ماتریس (a) و شیار (b) تقسیم می کند (شکل 1)؛ بهطوری که با اعمال كرنش، ناهمگنی موجود به صورت تدريجی تا رسيدن به گلويی گسترش مییابد. این ناهمگنی برای ایجاد گلویی در ورق معرفی شده است. مشخصات ماده که در تحلیل الگوریتم لازم است می تواند شامل، n، توان کار سختی، k، ضریب استحکام ماده، f₀، ضریب ناهمگنی (غیریکنواختی) اولیه، axy، نسبت تنشهای درون صفحهای 1 در منطقه سالم و r ضریب ناهمسانگردی نرمال باشند. مقادیر تنش و کرنش در منطقه سالم بهراحتی قابل محاسبه میباشند، زیرا فرض میشود که در این منطقه تنش و یا کرنش برشی در جهت نورد (1) و همچنین جهت عرضی (2) وجود ندارد و تمامی اجزای تنش و کرنش در این جهات، مقادیر اصلی هستند (شکل 1). با تشکیل ماتریس تنش در جهات اصلی (محور نورد (1)، محور عرضی (2) و جهت نرمال (3)) مؤلفههای آن در جهت شیار با استفاده از ماتریس دوران به دست می آید. $[\sigma]_{ntz} = T^{\mathrm{T}}[\sigma]_{123}T$ (1)

با استفاده از قوانین سیلان (لوی میزز) می توان مقادیر جزء کرنش را به

دست آورد:

$$d\varepsilon_{ij} = d\lambda \frac{\partial \overline{\sigma}_{ij}}{\partial \sigma_{ij}}$$
(2)
که در آن λb ضریب ثابت لحظهای هست و به صورت زیر تعریف
 $\delta \lambda$ در آن λb ضریب ثابت لحظهای هست و به صورت زیر λc_{ij}
 $\delta \lambda = d\bar{\epsilon}$
(3)
همچنین مقدار جزء کرنش در جهت 3 را می توان از تراکم ناپذیری به
دست آورد.

پیشبینی نمودار حد شکل دهی مورد بررسی قرار گرفته است [11-15]. اسمیت و همکاران [16] مدلی جهت پیشبینی شکل پذیری ورق های فلزی با درنظر گرفتن تنش نرمال ضخامتی ارائه کردند. آنها مدل نگاشت تنش صفحهای استوگتن [17] را جهت اعمال تنش نرمال تعمیم دادند. نمودار حد شکل دهی بر پایه تنش صفحهای جهت بدست آوردن نموداری با در نظر گرفتن تنش نرمال استفاده شد. در این تحقیق، حساسیت به نرخ

کرنش مورد بررسی قرار نگرفته است.

1- In-plane stresses

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

$$d\varepsilon_3 = -d\varepsilon_1 - d\varepsilon_2 \tag{4}$$

محاسبه تنش و کرنش در منطقه شیار به سادگی منطقه سالم نیست. مجهولهای این منطقه، مقادیر تنش و جزء کرنشها هستند. مقادیر تنش شامل $\sigma_{nn}^{b}, \sigma_{tt}^{b}, \sigma_{nt}^{b}, d\varepsilon_{nt}^{b}$ می باشند که در آنها اندیس پایین نشانه جهت متغیر و اندیس بالا نشانه منطقه شیاردار است.

از آنجاکه با استفاده از قوانین سیلان (لوی میزز) مقادیر جزء کرنش تابعی ا ز $\sigma_{nn}^{b}, \sigma_{tt}^{b}, \sigma_{nt}^{b}$ و $d\overline{\varepsilon}^{b}$ میباشند، پس مجهولهای این منطقه به $\sigma_{nn}^{b}, \sigma_{tt}^{b}, \sigma_{nt}^{b}$ و کاهش مییابد. برای محاسبهی این مجهولها، نیاز به یک سری معادلات کمکی است که به شرح زیر به دست میآیند. یکی از شرایطی که بین دو منطقه شیاردار و سالم وجود دارد، ساز گاری کرنشهاست. باوجوداین شرط، کرنشهای هر دو منطقه در جهت مماس بر شیار (t) باهم برابرند.

$$d\varepsilon_{tt}^a = d\varepsilon_{tt}^b \tag{5}$$

معادلات تعادل نیروها در جهت شیار بهصورت زیر میباشند:

$$F_{nn}^{a} = F_{nn}^{b} \tag{6}$$

$$F_{nt}^a = F_{nt}^b \tag{7}$$

که در آن اندیس n و t به ترتیب بیانگر جهت عمود و مماسی شیار میباشند و F نیرو در واحد عرض در جهت t است. هر یک از طرفین معادلات تعادل نیروها ((-6) را می توان بر حسب تنش و کرنش چنین نوشت:

$$F_{nn}^{a} = \sigma_{nn}^{a} \exp(\varepsilon_{zz}^{a}) t_{0}^{a}$$
(8)

$$F_{nn}^{b} = \sigma_{nn}^{b} \exp(\varepsilon_{zz}^{b}) t_{0}^{b}$$
⁽⁹⁾

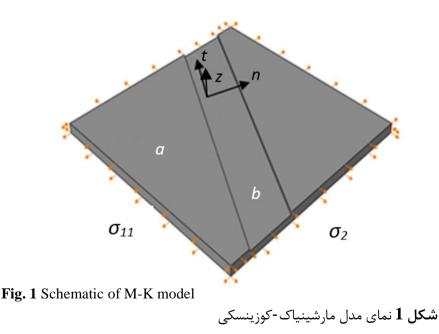
$$F_{nt}^{a} = \sigma_{nt}^{a} \exp(\varepsilon_{zz}^{a}) t_{0}^{a}$$
(10)

$$F_{nt}^{b} = \sigma_{nt}^{b} \exp(\varepsilon_{zz}^{b}) t_{0}^{b}$$
(11)

برghorbaghe chand ta pa dare بر شدن روابط فوق، از ضریب غیریکنواختی¹ که بهصورت نسبت ضخامت ورق در ناحیه شیاردار به ضخامت آن در ناحیه سالم تعریف میشود $f = t^b/t^a$ استفاده می گردد. اگر این ضریب برحسب کرنشها نوشته شود، معادله 12 بدست خواهد آمد: $f = f_0 \exp(\varepsilon_{zz}^b - \varepsilon_{zz}^a)$ (12)

که در آن f_0 ضریب غیریکنواختی اولیه ورق هست. با استفاده از این ضریب، معادلات تعادل نیرو به صورت زیر ساده می شوند:

$$f\frac{\sigma_{nn}^b}{\sigma_{nn}^a} = \mathbf{1}$$
(13)



$$f\frac{\sigma_{nt}^{b}}{\sigma_{nt}^{a}} = \mathbf{1}$$
(14)

همان طور که قبلا عنوان شد، در ناحیه شیار چهار مجهول همان طور که قبلا عنوان شد، در ناحیه شیار چهار مجهول $d\overline{\varepsilon}^{b}$ و $\sigma_{nn}^{b}, \sigma_{tt}^{b}, \sigma_{nt}^{b}$ دسترس است که از آن ها برای به دست آوردن این مجهولات می توان استفاده کرد. این معادلات شامل معادله ساز گاری کرنش ها و دو معادله تعادل نیروهاست. برای کامل تر شدن معادلات می توان از معادله انرژی در منطقه شیار دار استفاده کرد که بدین صورت تعریف می گردد:

 $(d\varepsilon_{nn}^{b}\sigma_{nn}^{b} + d\varepsilon_{tt}^{b}\sigma_{tt}^{b} + d\varepsilon_{nt}^{b}\sigma_{nt}^{b}) - d\overline{\varepsilon}^{b}\overline{\sigma}_{Y} = \mathbf{0}$ (15) Σ در $\overline{\sigma}_{Y}$ تنش مؤثر ناشی از قانون کارسختی را به دست میدهد که $\overline{\sigma}_{Y}$ معمولا تابعی از کرنش مؤثر پلاستیک $\overline{\sigma}$ هست.

باید به این نکته اشاره شود که این معادله، متفاوت با معادله انرژی استفاده شده در استخراج منحنی های حد شکل دهی با فرض برقراری حالت تنش صفحه ای هست. برای محاسبه مجهولات ناحیه شیاردار، روش عددی نیوتن - رافسون استفاده شده است. برای این کار، توابع چنین انتخاب شده است:

$$F_{1} = \frac{\left(d\varepsilon_{nn}^{b}\sigma_{nn}^{b} + d\varepsilon_{tt}^{b}\sigma_{tt}^{b} + d\varepsilon_{nt}^{b}\sigma_{nt}^{b}\right)}{d\bar{\varepsilon}^{b}\bar{\sigma}_{v}} - \mathbf{1} = \mathbf{0}$$
(16)

$$F_2 = \frac{d\varepsilon_{tt}^b}{d\varepsilon_{tt}^a} - \mathbf{1} = \mathbf{0}$$
(17)

$$F_3 = f \frac{\sigma_{nn}^D}{\sigma_{nn}^a} - \mathbf{1} = \mathbf{0}$$
(18)

$$F_4 = f \frac{\sigma_{nt}^{\nu}}{\sigma_{nt}^a} - \mathbf{1} = \mathbf{0}$$
(19)

مزیت استفاده از چنین توابعی بیبعد بودن آنهاست. این تئوری نمیتواند گلویی یک ورق بدون عیب و ناهمگنی را تعیین نماید که یک نقص بهحساب میآید. اما ازجمله نقاط قوت آن میتوان به انعطاف پذیری آن در به کارگیری توابع تسلیم گوناگون و همچنین توابع سخت شوندگی متفاوت، متناسب با نوع ماده اشاره نمود. یکی دیگر از نقاط ضعف مدل آغازین مارشینیاک-کوزینسکی، فرض بارگذاری تناسبی است. نمودار حد شکل دهی پیش بینی شده با کمک این مدل در فضای کرنش، به تغییرات مسیر کرنش نقاط ضعف مدل آغازین مارشینیاک-کوزینسکی دیگر از نقاط ضعف مدل آغازین مارشینیاک-کوزینسکی است. امروزه با توجه به مقاط ضعف مدل آغازین مارشینیاک-کوزینسکی است. امروزه با توجه به مقدار تنش نرمال در آنها بالا هست، به کارگیری این فرض در هر فرآیندی مقدار تنش نرمال در آنها بالا هست، به کارگیری این فرض در هر فرآیندی درست نیست. ازاینرو، به تازگی اثر این پارامتر در استخراج حدود شکل دهی مورد توجه قرار گرفته است.

3- اعمال تنش برشی در معادلات

زمانی که تنشهای برشی ضخامتی وجود داشته باشند، پهنای شیار بایستی

موردبررسی قرار گیرد. اگر پهنای شیار نسبت به ضخامت ورق بسیار کوچک
باشد چرخش مرز ناحیه بین a و b بایستی بهوسیله دستگاه مختصاتی
توصیف شود که هم نسبت به محور نرمال بر صفحه و هم نسبت به یک محور
در داخل صفحه میچرخد.
اگر نسبت پهنای شیار به ضخامت ورق، بزرگ باشد چرخش مرز بین دو
ناحیه را می توان نادیده گرفت. طبق اصل سنت ونانت، اگر پهنای شیار تقریبا
دو برابر ضخامت ورق باشد میتوان تنش در ناحیه b را با یک تانسور ثابت
تقریب زد. همچنین فرض میشود که تنش برشی بین ضخامتی در هر دو
ناحیه سالم و شیار یکنواخت است. اگر رفتار ماده ناهمسانگرد باشد، منحنی

1- Imperfection factor

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

حد شکل دهی وابسته به زاویه بین راستای تنش اصلی و محورهای ارتوتروپیک و همچنین وابسته به چرخش این محورها در طی فرایند تغییر شکل و در هر دو ناحیه می باشند. در این مقاله، از معیار تسلیم وون میزز استفاده شده و از ناهمسانگردی ورق صرف نظر شده است. تانسور تنش در ناحیه سالم با فرض وجود تنش برشی ضخامتی به صورت زیر می باشد:

$$\sigma^{a} = \begin{pmatrix} \sigma_{xx} & \mathbf{0} & \sigma_{xz} \\ \mathbf{0} & \sigma_{yy} & \mathbf{0} \\ \sigma_{zx} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{pmatrix} = \sigma_{xx} \times \begin{pmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{0} & \alpha_{xz} \\ \mathbf{0} & \alpha_{yy} & \mathbf{0} \\ \alpha_{zx} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{pmatrix}$$
(20)

که $\alpha_{xz} = \alpha_{zx}$ است. با توجه به مؤلفه های تنش در منطقه سالم، تانسور تنش در دستگاه متصل به شیار از رابطه زیر به دست میآید: (21)

$$[\sigma]_{ntz} = T^{\mathrm{T}}[\sigma]_{123}T \tag{21}$$

محاسبات کرنش در منطقه سالم نیز مانند مدل اولیه، با استفاده از روابط سیلان، انجام میشود با این تفاوت که در این شرایط، کرنش برشی $d\varepsilon^a_{xz}$ نیز وارد میشود

$$d\varepsilon_{xz}^a = \mathbf{12} \times \tau_{xz}$$

همچنین با استفاده از ماتریس دوران، کرنشهای منطقه سالم در دستگاه متصل به شیار به دست میآید. در منطقه شیار 11 پارامتر مجهول وجود دارد که با استفاده از قانون شارش پارامترهای مجهول به 5 عدد کاهش مییابند که عبارتاند از:

$$X = \left[\sigma_{nn}^{b} \sigma_{tt}^{b} \sigma_{nt}^{b} \sigma_{nz}^{b} d\bar{\varepsilon}^{b}\right]$$
(23)

معادلات کمکی برای به دست آوردن مجهولات مانند مدل اولیه میباشد بهجز معادله انرژی که عبارت $d\epsilon^b_{nz}\sigma^b_{nz}$ در آن گنجانده شده است.

$$F_{1} = \frac{\left(d\varepsilon_{nn}^{b}\sigma_{nn}^{b} + d\varepsilon_{tt}^{b}\sigma_{tt}^{b} + d\varepsilon_{nt}^{b}\sigma_{nt}^{b} + d\varepsilon_{nz}^{b}\sigma_{nz}^{b}\right)}{d\bar{\varepsilon}^{b}\bar{\sigma}_{Y}} - \mathbf{1} = \mathbf{0} \qquad (24)$$

الگوریتم حل معادلات و به دست آوردن منحنی حد شکلدهی در شکل 2 آورده شده است. برای حل معادلات از روش نیوتن-رافسون استفاده شده است.

4- مدل ماده

(22)

برای ماده ماتریس و شیار تابع تسلیم وون میزز مورد استفاده قرار گرفته است. ورقی با جنس فولاد 1010 مورد بررسی قرار گرفته است. ترکیب شیمیایی ورق با استفاده از آنالیز شیمیایی تعیین و در جدول 1 آورده شده است. خواص مکانیکی و پارامترهای شکل دهی این فولاد در جدول 2 نشان داده شده است. پارامترهایی خواص مکانیکی مانند توان و ضریب کار سختی و ضرایب ناهمسانگردی با استفاده از آزمون استاندارد ASTM-E8 با سرعت 2 میلی متر بر دقیقه تعین می شود. جهت مدل کردن رابطه تنش -کرنش واقعی در منطقه پلاستیک از قانون کار سختی هولومون که مطابق رابطه 25 می باشد، استفاده است.

حال آنکه مدل های پیش بینی حد شکل پذیری، مانند مدل مارشینیاک-کوزینسکی از درنظر گرفتن این مؤلفه ماتریس تنش، صرفنظر می کند.

در این مقاله، محدوده تاثیرگذاری این مؤلفه بررسی شده است. با استفاده از مدل بهبود یافته مارشینیاک-کوزینسکی این محدوده بررسی شد. ابتدا مقادیر مختلفی از تنش برشی ضخامتی در این مدل وارد شد. سپس این محدوده با استفاده از نسبت تنش برشی ضخامتی به تنش در راستای 1 (α_{xz}) نیز بیان شد.

6- مطالعه موردی

آزمون استاندارد ناکازیما [20] یکی از پرکاربردترین آزمونها جهت تعیین نمودار حد شکلدهی ورقها و همچنین مورد استفاده جهت اعتبارسنجی

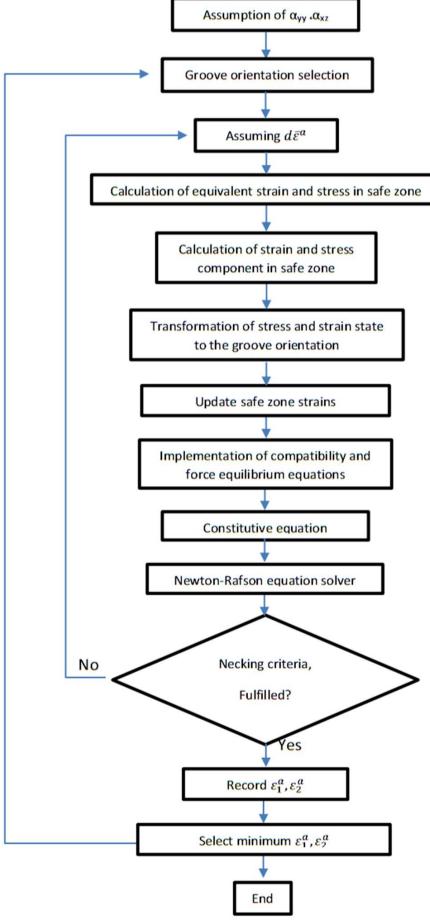


Fig. 2 Algorithm of FLD computation

شکل 2 الگوریتم محاسبه نمودار حد شکل دهی

 $\bar{\sigma} = K(\bar{\epsilon})^n$ (25) برای کالیبراسیون از آزمون کشش انجام شده در آزمایشگاه استفاده شده است. یک نمونه آزمون کشش آماده و سطح آن شبکهبندی و این نمونه تحت آزمایش کشش قرار می گیرد. سپس به محض آنکه در نمونه گلوئی موضعی مشاهده شد آزمایش را متوقف و کرنشهای اصلی و فرعی اطراف منطقه گلوئی موضعی خوانده می شود. نتایج آزمون کشش در جدول 3 آمده است.

5- **تعیین محدوده اثر گذاری تنش برشی ضخامتی** تنش برشی ضخامتی در اکثر فرایندهای شکلدهی در ورق بوجود میآید. شکل 2

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

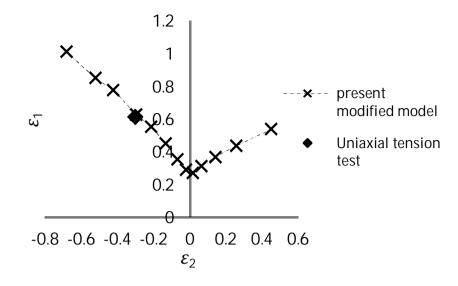


Fig. 4 FLD obtain from theoretical model calibrated with tension test results

مده از حل تحلیلی و کالیبره شده با آزمون	شکل 4 نمودار حد شکلدهی بدست آ
	كشش

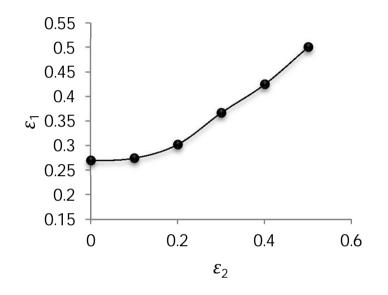


Fig. 5 Diagram of FLD0 vs. axz

 $lpha_{xz}$ شکل 5 نمودار FLD_o برحسب

انجام گرفت که مقدار ضریب ناهمگنی اولیه برابر 0.986 به دست آمد. با مقدار تعیین شده برای ضریب ناهمگنی، تأثیر وجود تنش برشی ضخامتی بررسی شد. شکل 5، FLDo را در نسبتهای مختلف تنش برشی ضخامتی نشان میدهد.

با توجه به شکل 5 می توان محدوده تأثیر گذاری تنش برشی ضخامتی را با توجه به تغییر نقطه کرنش صفحهای، تعیین کرد. درصورتی که نسبت تنش برشی ضخامتی به تنش در راستای 1 بیشتر از 0.10 نباشد؛ می توان از این مؤلفه تانسور تنش صرفنظر کرد.

7-2- شبيەسازى

با توجه به شبیهسازی انجام گرفته، متوسط میزان تنش برشی ضخامتی در

ور ق	شيميايي	خواص	1	حدول
	(5	UTT	- (J 3

Table 1 Sheet chemical properties					
Fe	С	Si	Mn	Р	S
پايە	0.0441	0.0054	0.195	0.0045	0.0023
Ni	Mo	Al	Co	Cu	Nb
0.028	0.0001	0.0484	0.005	0.0117	0.0001
V	W	Pb	Sn	As	Zr
0.002	0.006	0.0037	0.003	0.0004	0.0006
Sb	Та	В	Zn	Cr	Ti
< 0.00050	< 0.0010	0.0013	0.0031	0.0047	0.0006

جدول 2 خواص مكانيكي

Table 2 Mechanical properties						
			توان	ضريب	استحكام	مدول
r_{90}	r_{45}	r_0	کار	استحكام	تسليم	یانگ
			سختى	(MPa)	(MPa)	(GPa)
2.45	1.13	2.68	0.305	601	188	201

جدول 3 نتايج حاصل از آزمون كشش

Table 3 Tension test results				
كرنش فرعى	كرنش اصلى			
-0.301	0.615			

مدل های ارائه شده مختلف، با فرض شرایط تنشی صفحهای، است. جهت بدست آوردن تخمینی از مقدار تنش برشی ایجاد شده در آزمون استاندار ناکازیما از شبیه سازی در نرمافزار آباکوس استفاده شده است. در این شبیه سازی ورق به صورت شکلپذیر و با استفاده از المان سه بعدی پیوسته سازی ورق به صورت شکلپذیر و با استفاده از المان سه بعدی پیوسته SDRR جهت محاسبه تنش برشی ضخامتی ایجاد شده، مدلسازی شد. قالب، ورق گیر و سنبه هم به صورت جسم صلب در نظر گرفته شده است. هنچنین المانهای ورق با اندازه 2000 مش بندی شدهاند. شکل 2 مدل را نشان میدهد. انتخاب اندازه و نوع المان تاثیر قابل توجهی بر جوابهای مسأله دارد که بایستی با روش سعی و خطا المان مناسب برای شبیهسازی مشخص شود. با کوچک کردن اندازه مش و مقایسه یجوابهای بدست آمده، در شرایطی که جوابها تغییر قابل توجهی نکنند، اندازه مناسب مش بدست

7- نتايج

1-7- حل تحليلي

با حل تحلیلی معادلات مدل بهبودیافته مارشینیاک-کوزینسکی، با استفاده از نرمافزار متلب، نمودار حد شکلدهی مربوط به فولاد مورد بررسی به دست آورده شد. شکل 4 منحنی حد شکلدهی، در حالتی که تنش برشی ضخامتی برابر صفر است؛ را نشان میدهد. با استفاده از آزمون کشش کالیبراسیون

4 نمونه های مختلف آزمون ناکازیما در محل گلویی شدن نمونه، در جدول 4 گزارش شده است. جهت یافتن زمان و محل گلویی شدن نمونه، از کانتور کرنش پلاستیک مؤثر استفاده شده است، به این صورت که با بررسی این کانتور در زمان انجام فرآیند شبیهسازی، زمانی که میزان نرخ تغییرات کرنش مؤثر یک ناحیه از المانها نسبت به المانهای مجاور آن تقریبا 7 برابر شد، آن المانها به عنوان منطقه گلویی شدن در نظر گرفته میشوند و زمان و ناحیه گلویی شدن بدست میآید [21]. شکلهای 5 تا 11 کانتور کرنش پلاستیک و تنش برشی ضخامتی در جهت xz را نشان میدهند. با استفاده از این مقادیر در حل تحلیلی، نمودار شکل 12 بدست میآید.

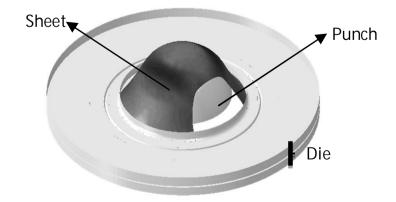
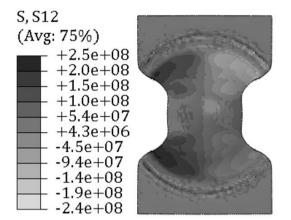
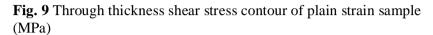
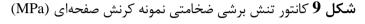


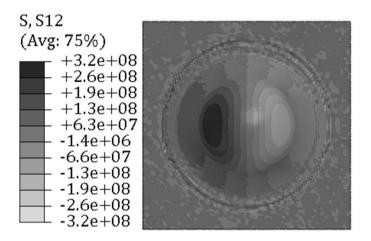
Fig. 3 Plain strain sample of simulated Nakazima test شکل 3 نمونه کرنش صفحهای آزمون ناکازیما شبیهسازی شده

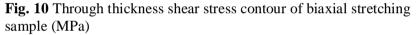
مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1











شکل 10 کانتور تنش برشی ضخامتی نمونه کشش دومحوره (MPa)

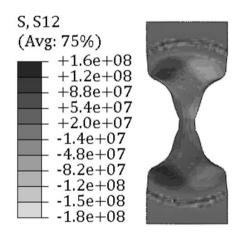


Fig. 11 Through thickness shear stress contour of uniaxial tension sample (MPa)

شکل 11 کانتور تنش برشی ضخامتی نمونه کشش تک محوره (MPa)

8- نتيجەگىرى

با توجه به نمودار شکل 13 همان طور که مشاهده می شود، منحنی بدست آمده با در نظر گوتن مقدار تنشر برش ضخامت ارجاد شده در آندهن

جدول 4 متوسط تنش برشی در نمونهها

Table 4 Through thickness stress mean of samples

كشش تكمحوره	کرنش صفحهای	کشش دومحوره	نمونه
40.3	45.3	52.1	متوسط تنش برشی (MPa)

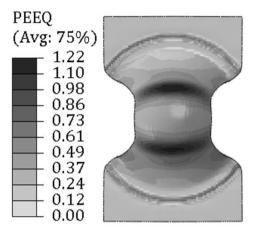


Fig. 6 Effective plastic strain contour of plain strain sample شکل 6 کانتور کرنش پلاستیک مؤثر نمونه کرنش صفحهای

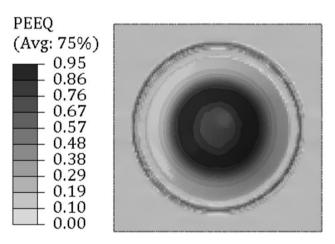


Fig. 7 Effective plastic strain contour of biaxial stretching sample شکل 7 کانتور کرنش پلاستیک مؤثر نمونه کشش دومحوره

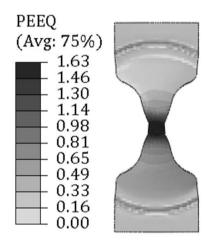


Fig. 8 Effective plastic strain contour of uniaxial tension sample

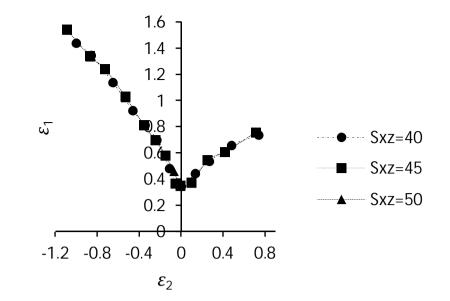
شکل 8 کانتور کرنش پلاستیک مؤثر نمونه کشش تک محوره

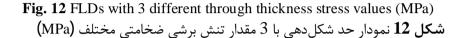
جهت مقایسه نتایج بدست آمده از حل تحلیلی به کمک شبیهسازی از نتایج ارائه شده توسط حاجیان و عاصمپور [22] استفاده شده است. نوع ورقی که در این مرجع مورد استفاده قرار گرفته است، دقیقا با ورق مورد استفاده در این پژوهش یکسان است. نمودار تجربی ارائه شده در مرجع [22]، نمودار حد شکل دهی مدل مارشینیاک-کوزینسکی و نمودار حد شکل دهی حاصل از استفاده مقادیر تنش برشی ضخامتی اندازه گیری شده با استفاده از شبیه سازی در مدل تحلیلی ارائه شده در این پژوهش، در شکل 13 نشان داده شده است.

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1

Journal of Plasticity, Vol. 20, No. 10, pp. 1909-1930, 2004.

- [3] J. Hutchinson, K. Neale, *Sheet necking-II. Time-independent behavior*, in: *Mechanics of sheet metal forming*, pp. 127-153: Springer, 1978.
- [4] R. Arrieux, M. Boivin, Theoretical determination of the forming limit stress curve for isotropic sheet materials, *CIRP Annals-Manufacturing Technology*, Vol. 38, No. 1, pp. 261-264, 1989.
- [5] A. Assempour, R. Hashemi, K. Abrinia, M. Ganjiani, E. Masoumi, A methodology for prediction of forming limit stress diagrams considering the strain path effect, *Computational Materials Science*, Vol. 45, No. 2, pp. 195-204, 2009.
- [6] R. Hashemi, A. Assempour, E. M. K. Abad, Implementation of the forming limit stress diagram to obtain suitable load path in tube hydroforming considering M–K model, *Materials & Design*, Vol. 30, No. 9, pp. 3545-3553, 2009.
- [7] J. Lian, F. Barlat, B. Baudelet, Plastic behaviour and stretchability of sheet metals. Part II: Effect of yield surface shape on sheet forming limit, *International journal of plasticity*, Vol. 5, No. 2, pp. 131-147, 1989.
- [8] H. Yao, J. Cao, Prediction of forming limit curves using an anisotropic yield function with prestrain induced backstress, *International journal of plasticity*, Vol. 18, No. 8, pp. 1013-1038, 2002.
- [9] A. Karafillis, M. Boyce, A general anisotropic yield criterion using bounds and a transformation weighting tensor, *Journal of the Mechanics and Physics* of Solids, Vol. 41, No. 12, pp. 1859-1886, 1993.
- [10] M. Ganjiani, A. Assempour, An improved analytical approach for determination of forming limit diagrams considering the effects of yield functions, *Journal of materials processing technology*, Vol. 182, No. 1, pp. 598-607, 2007.
- [11] A. Safikhani, R. Hashemi, A. Assempour, The strain gradient approach for determination of forming limit stress and strain diagrams, *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part B: Journal of Engineering Manufacture*, Vol. 222, No. 4, pp. 467-483, 2008.
- [12] A. Safikhani, R. Hashemi, A. Assempour, Some numerical aspects of necking solution in prediction of sheet metal forming limits by strain gradient plasticity, *Materials & Design*, Vol. 30, No. 3, pp. 727-740, 2009.
- [13] A. F. Ávila, E. L. Vieira, Proposing a better forming limit diagram prediction: a comparative study, *Journal of materials processing technology*, Vol. 141, No. 1, pp. 101-108, 2003.
- [14] A. Assempour, M. Nurcheshmeh, *The influence of material properties on the shape and level of the forming limit diagram*, 0148-7191, SAE Technical Paper, pp. 2003.
- [15] S. Ahmadi, A. Eivani, A. Akbarzadeh, An experimental and theoretical study on the prediction of forming limit diagrams using new BBC yield criteria and M–K analysis, *Computational Materials Science*, Vol. 44, No. 4, pp. 1272-1280, 2009.
- [16] L. Smith, R. Averill, J. Lucas, T. Stoughton, P. Matin, Influence of transverse normal stress on sheet metal formability, *International Journal of Plasticity*, Vol. 19, No. 10, pp. 1567-1583, 2003.
- [17] T. B. Stoughton, A general forming limit criterion for sheet metal forming, *International Journal of Mechanical Sciences*, Vol. 42, No. 1, pp. 1-27, 2000.
- [18] J. M. Allwood, D. R. Shouler, Generalised forming limit diagrams showing increased forming limits with non-planar stress states, *International Journal* of *Plasticity*, Vol. 25, No. 7, pp. 1207-1230, 2009.
- [19] P. Eyckens, Albert Van Bael, and Paul Van Houtte, "Marciniak-Kuczynski type modelling of the effect of through-thickness shear on the forming limits of sheet metal.", *International Journal of Plasticity*, pp. 2249-2268, 2009.
- [20] C. Henrard, C. Bouffioux, P. Eyckens, H. Sol, J. Duflou, P. Van Houtte, A. Van Bael, L. Duchêne, A. Habraken, Forming forces in single point incremental forming: prediction by finite element simulations, validation and sensitivity, *Computational mechanics*, Vol. 47, No. 5, pp. 573-590, 2011.
- [21] R. Hashemi, H. Mamusi, A. Masoumi, A simulation-based approach to the determination of forming limit diagrams, Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part B: *Journal of Engineering Manufacture*, 0954405414522448, 2014.
- [22] M. Hajian, A. Assempour, Experimental and numerical determination of forming limit diagram for 1010 steel sheet: a crystal plasticity approach, *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, Vol. 76, No. 9-12, pp. 1757-1767, 2015.





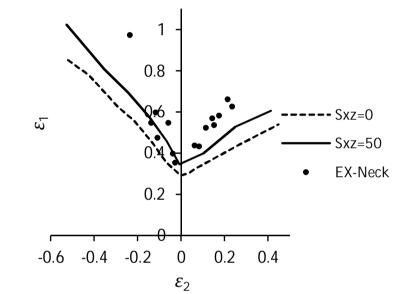


Fig. 13. Compression of three different FLDs obtained from experimental results, conventional M-K model and present model **شکل 13** مقایسه سه نمودار حاصل از آزمایش تجربی، مدل معمول مارشینیاک-

انجام شده در این مقاله، بخصوص شکل 5، این نتیجه حاصل می شود که لزومی به درنظر گرفتن تنش برشی ضخامتی در فرآیندهایی که این تنش در آن ها، بیشتر از 10 درصد تنش تسلیم نباشد، نیست.

9- مراجع

- [1] Z. Marciniak, K. Kuczyński, Limit strains in the processes of stretch-forming sheet metal, *International journal of mechanical sciences*, Vol. 9, No. 9, pp. 609-620, 1967.
- [2] K. Hashiguchi, A. Protasov, Localized necking analysis by the subloading surface model with tangential-strain rate and anisotropy, *International*

143

مهندسی مکانیک مدرس، فروردین 1395، دورہ 16، شمارہ 1