ماهنامه علمی پژوهشی



**مهندسی مکانیک مدرس** 

**mme.modares.ac.ir**

# **بررسی تجربی و عددی تأثیر تر ک بین لایه**ای بر ارتعاشات آزاد ورق ساندویچی موجدار **با پوشش کامپوزیتی**

 $^{\ast}$ آ, ش نعدمی آبکذاری<sup>1</sup>، مهدی کریمی<sup>2\*</sup>

1 - كارشناس ارشد، مهندسى مكانيك، دانشگاه بوعلى سينا، همدان ۔<br>2- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه بوعلی سینا، همدان  $m_{\perp}$ karimi@basu.ac.ir ،651754161  $^{\star}$ همدان، صندوق يستى $^{\star}$ 



# **Experimental and numerical investigation of interlayer crack effects on the freevibration of corrugated-face sheet composite sandwich plates**

### **Arash Naeimi Abkenari, Mahdi Karimi** \*

Department of Mechanical Engineering, Bu-Ali Sina University, Hamedan, Iran \* P.O.B. 651754161, Hamedan, Iran, m\_karimi@basu.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION ABSTRACT**

Original Research Paper Received 25 January 2016 Accepted 01 April 2016 Available Online 07 May 2016

*Keywords:* Corrugated sandwich plate Interlayer crack Modal analysis Finite element

Today, composite material and sandwich plate structures are used more and more due to the unique properties such as a high ratio of strength to weight, corrosion resistance and energy or sound absorption ability. Corrugating sandwich structures is an effective method to reinforce mechanical properties of the composite materials. In this paper, dynamic analysis of these corrugated structures was carried out for a desired performance in the vibratory condition. One of the most important types of damage in the composite material layers is an inter-layer crack and also the separation between two layers. Vibration analysis of the trapezoidal corrugated sandwich plate was accomplished with ANSYS software using the finite element method. Simulated sandwich plate is a new model of corrugated sandwich plate which has a soft corrugated foam core and a cover of composite layers made from epoxy/glass. In order to validate the vibration behavior of the simulated sandwich plate, the results of experimental modal analysis were compared to the finite element method. The geometry and location effects of inter-layer crack on natural frequencies of the plate were investigated. It was found that with increasing crack dimensions the natural frequencies of the plate decreases and also depth of crack causes a decrease in the natural frequencies, which are promising results compared to the other references. The changes in vibration characteristics of the sandwich plate can produce comprehensive data to be used in training and design of the artificial neural network for a promising approach in fault detection and prediction field.

نحقیقاتی که در سالهای اخیر توسط دانشمندان انجام گرفته، نشان داده د ورقها و ساختارهای ساندویچی باعث افزایش نسبت سفتی به وزن در آنها ست که موجدار کردن قسمت هسته و یا پوسته ورقهای ساندویچی و می شود. در نتیجه این نوع از ورقهای ساندویچی توانایی تحمل بار و نیروی .<br>خواص مکانیکی این ساختارها مورد استفاده قرار گیرد. در واقع موجدار کردن بیش تری در مقایسه با ورق های ساندویچی تخت را دارا هستند [1-3]. با این

**Ä»|¬» -1**

استفاده از چینخوردگی می تواند به عنوان روشی مؤثر برای بهبود و تقویت

www.cite this article using:<br>The stighting fields investigation of interlayer crack effects on the free-vibration of corrugated-face sheet composite sandwich plates (2022). وإني مقاله از عبارت فيل استفاده نعاييد:<br>A. Naeim A. Naeimi Abkenari, M. Karimi, Experimental and numerical investigation of interlayer crack effects on the free-vibration of corrugated-face sheet composite sandwich plates1. *Modares Mechanical Engineering*ǡVol. 16ǡNo. 5, pp. 39-50, 2016 (in Persian)

وجود تحقیقات زیادی بر روی ورقهای تخت با ترکیب مواد هوشمند نیز انجام شده تا به بررسی بهبود استحکام این نوع ورق ها بپردازند [4-6]. در سال 2006 لیوو و همکارانش [1] رفتار ورق چند لایهای موجدار را تحت بار تک محوره با استفاده از تئوری گالرکین<sup>1</sup>بر پایهی تئوری مرتبه اول برشی<sup>2</sup>مورد بررسی قرار دادند که در نهایت نتایج حاصله را با نتایج بدست آمده از تحلیل نرمافزار انسیس<sup>3</sup> مقایسه کردهاند. ورق موجدار ارائه شده از دو شکل هندسی موجدار سینوسی و ذوزنقهای و با استفاده از خواص ارتوتروییک شبیهسازی شد. در نهایت به این نتیجه رسیدند که مدل با شکل هندسی موج ذوزنقهای نسبت به سینوسی از استحکام و بار کمانشی بالاتری برخوردار است. همچنین آنها در سال 2009 به تحلیل ارتعاشات آزاد پوستههای موجدار سینوسی و ذوزنقهای به روش گالرکین پرداختند و در بررسیهای خود به این نتیجه رسیدند که پوسته موجدار ذوزنقهای نتیجهٔ بهتری نسبت به پوسته سینوسی دارد [2]. دانشمندان برای بهبود استحکام و کارایی ورق ها با معرفی ورق های ساندویچی به بررسی رفتار آنها پرداختند. با تغییر هندسه پوسته یا هسته توانستند تحمل بار بر روی ورق را افزایش دهند. در سال 2009 گرنستد و رنی [7] ورق های ساندویچی با هسته نرم و پوسته کامپوزیتی یک طرف موجدار را مورد بررسی قرار دادند. نتایج عددی نشان داد که ورق های ساندویچی موجدار قادر به تحمل بار بیش تری در مقایسه با ورق های ساندویچی تخت هستند. به تازهترین تحقیقات انجام گرفته در زمینه ورق های ساندویچی میتوان به بارتولوزی و همکارانش [8] که به بررسی ورق های ساندویچی با هسته موجدار سینوسی، و کیلیکاسلان و همکارانش [9] که به پاسخ ضربه در ورقهای ساندویچی با هسته موجدار ذوزنقهای از جنس آلومینیوم پرداختند، اشاره کرد. همچنین خیریخواه و همکارانش [3] با تجزیه و تحلیل رفتار ارتعاشی ورقهای ساندویچی تخت و موجدار سینوسی و ذوزنقهای به این نتیجه دست یافتند که موج ذوزنقهای باعث افزایش سفتی ورق نسبت به موج سینوسی و ورق تخت مي شود.

ورق ها با توجه به کاربرد در محیطهای مختلف، مستعد انواع نقص و آسیب از قبیل ترک خوردگی، فرسایش، تجزیه مواد و غیره در طول زمان هستند که سبب می گردد تا رفتار سازه در طول عمر بهرهبرداری دستخوش تغییر شود. این نقصها باعث تغییر در میزان ایمنی و ظرفیت باربری سازه میشود. ترک بین لایهای که دلیل اصلی به وجود آمدن تورق<sup>3</sup>در سازههای كامپوزيتي چندلايهاي است، مي تواند در هر لحظه از عمر سازه مانند: ساخت، حمل سازه، ماشین کاری و غیره به وجود آید. از جمله تحقیقات انجام گرفته در زمینه تورق و ترک بین لایهای در مواد مرکب لایهای میتوان به اولسون [10] اشاره کرد. فروزان و محمدی به تحلیل دینامیکی ترک خوردگی میان لایهای در پوستههای کامپوزیتی پرداختند [11]. آنها به معرفی روشی عددی برای مدلسازی و بررسی پدیده مخرب ترک خوردگی میان لایههای کامپوزیت با بهرهگیری از مبانی نظریه مومسانی، مکانیک تماس محاسباتی و مکانیک شکست پرداختند. اندرس و ماسابو به بررسی تأثیر عیوب حاصل از مواد در چند لایههای کامپوزیتی بر رفتار شکست با اعمال بارگذاری شبه استاتیکی پرداختند [12]. آنها با فرض آسیب کوچک جدایش بینلایهای و با تغییر ضخامت ورق كامپوزيتي تحقيق خود را انجام دادند. تحقيقات ولاديمير در سال 1996 [13]، بسیاری از جنبههای مربوط به تورق و دیگر نقصها در سازههای کامپوزیتی از جمله ظرفیت حمل بار باقی مانده اجزا لایهلایه شده

را ارائه میدهد. شکل 1 نمونهای از ترک بین لایهای در لایههای متفاوت و شکل 2 نمونهای از تورق در نزدیکی سطح چند لایه کامپوزیتی را نشان می-دهد. از جدیدترین پژوهشهای انجام شده در زمینه جدایش بین لایهای می-توان به تحقيقات خان [14]، گونگ [15] و همكارانشان اشاره كرد.

در این مقاله، به منظور ایجاد شرایطی کاملا برابر در مدلسازی، بارگذاری و اعمال شرایط مرزی ورق سبک و مستحکم ساندویچی موجدار با یوشش چند لایهای کامپوزیتی، از زبان کدنویسی موجود در نرمافزار انسیس (APDL)، استفاده شده است. ورودیهای مسأله از جمله ابعاد ورق و ترک سهبعدی نیم بیضوی بصورت پارامتری وارد شده و تحلیل مودالهای مختلفی با تغییر پارامترهای ورودی، به روش المان محدود انجام خواهد شد. به توصیف روند مدلسازی به طور مختصر در بخشهای بعدی پرداخته میشود. روش اجزاء محدود از بهترین و کم هزینهترین روشها برای بررسی رفتار سازههای بسیار پیچیده بوده که روشهای تحلیلی برای آنها تقریبا غیرقابل استفاده است. به منظور اعتبارسنجي نتايج استخراج شده از تحليل ارتعاشات ورقهای ساندویچی موجدار حاوی ترک بین لایهای به روش المان محدود، ورق ها با خصوصیات ابعادی مورد نظر، طراحی و ساخته شده و به کمک نتایج حاصل از آزمایشهای مودال برروی مدل تجربی، صحه گذاری خواهد شد.

اثر پارامترهای ترک از جمله ابعاد و موقعیت مکانی آن بر ویژگیهای ارتعاشی ورق، مانند فرکانس های طبیعی، مورد مطالعه قرار خواهد گرفت و در نهایت اطلاعات جامعی در زمینهی آنالیز و تأثیر عیوب ترک بر ارتعاش ورقهای ساندویچی کامپوزیتی در جهت استفاده در شناسایی عیوب، بهدست خواهد آمد. باید به این نکته اشاره نمود که آزمونهای غیرمخربی از قبیل مایع نفوذپذیر، تست ذرات مغناطیسی و غیره برای تشخیص ترک وجود دارد. در هر یک از این روشها کل قطعه یا ورق باید مورد بررسی قرار گیرد که در نتیجه، گران و زمان ر هستند [16]. استفاده از روشهایی براساس ارتعاشات برای تشخیص ترک، یکی از روشهای جایگزین است که دارای دو مزیت نسبت به دیگر روش ها است. 1) در مسافت های معینی از یک نقطه، داده-برداری انجام میگیرد و در نتیجه نیاز به بررسی کل قطعه نخواهد بود. 2) ممکن است دسترسی به قسمتهایی از قطعه میسر نباشد، پس با استفاده از روش ارتعاشات تنها با دسترسی به یک نقطه از قطعه، فرکانس طبیعی آن مشخص شده و وجود ترک و ابعاد آن تشخیص داده میشود [17].

# 2-مدلسازی ورق ساندویچی موجدار دوزنقهای حاوی ترک 1-2- ابعاد و هندسه ورق ساندویچی

ورق ساندویچی موجدار ارائه شده در این مقاله، دارای ابعاد  $a \times b$  و ضخامت  $k$ لایه شدهاند که عبارتنداز:  $k$  ساندویچی از سه لایه تشکیل شدهاند که عبارتنداز پوسته فوقانی، پوسته تحتانی و هسته. شکل 3 هندسهٔ ورق ساندویچی



Fig. 1 Three types of delamination: (a) internal, (b) nearsurface and  $(c)$  multiple cracking [13]

**شکل 1** سه نمونه از ترک (جدایش) بین لایهای: الف) داخلی، ب) نزدیک سطح و ج) ترکهای متعدد [13]

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Galerkin Theory<br><sup>2</sup> First-Order Shear Deformable Theory (FSDT) <sup>3</sup> Delaminate or Ductility



Fig. 2 Near-surface delamination: (a) closed buckled one, (b) open buckled delamination [13]

شکل 2 تورق در نزدیکی سطح چند لایه کامپوزیتی: الف) تورق بسته قلاب شده، ب) تورق باز قلاب شده [13]





**شکل 3** نمای شماتیک موج ذوزنقهای با پارامترهای مؤثر

موجدار ذوزنقهای با نمای دو بعدی و پارامترهای مهم از جمله: دامنه موج، طول موج، ضخامت هسته و پوستههای فوقانی و تحتانی را نشان می(دهد. پارامترهای مهمی که در ورقهای ساندویچی معیار بیان میزان طول و ضخامت ورقها هستند با پارامترهای بیبعد معرفی میشوند که عبارتند از:  $\cup$ نسبت طول به عرض ورق  $(a/b)$  و همینطور نسبت طول به ضخامت کل ورق ساندويچى  $(a/h)$ . ضخامت پوسته فوقانى،  $h_{ft}$ ، پوسته تحتانى،  $h_{fb}$  و ضخامت هسته با $h_c$  نمایش داده می شود. نسبت ضخامت پوستههای  $h_{ft} = h_{fb} = 0.1h$  كامپوزيتي به ضخامت كل ورق بهصورت  $h_{fb} = 0.1h$ و ضخامت . هسته  $h_c = 0.8$  است[18]. با توجه به شکل 3، زاویهی شکل هندسی ذوزنقه،  $\theta$  تعریف شده که دارای مقداری ثابت و برابر **45** است. موج فوزنقه-ای دارای دامنه و طول موجی به ترتیب برابر با F/2 و 2C میباشد[2]. طول سطح قله (يا دره) موج با 21 نشان داده شده و چيدمان الياف در پوسته کامیوزیتی ورق به صورت  $[0/\alpha/0/\alpha/\text{Core}/\alpha/0/\alpha/0]$ در نظر گرفته شده است. مواد به کار رفته در ورق ساندویچی ارائه شده عبارتنداز: ماده نرم ایزوتروییک که در قسمت هسته، و یک مادهی مستحکم کامپوزیتی ایزوتروپیک عرضی<sup>1</sup> با زمینهی اپوکسی<sup>2</sup> و الیاف شیشه که در پوستهها استفاده شده است. شکل 4 نمای سهبعدی ورق ساندویچی با یک ترک نیم-بیضوی را نشان میدهد که طول ترک با c و عمق ترک با d مشخص شده است. تحلیل ورق به روش المان محدود، به دلیل قرارگیری ترک در مرکز ورق (در مرکز سطح)، و متقارن بودن ورق و محورهای ترک نسبت به عرض ورق (صفحه x – **Y)**، به صورت شکل 4 بوده و شرایط مرزی اعمالی آن گونه است كه نتايج بدست آمده از تحليل يكدوم ورق با نتايج حاصل از ورق كامل، يكسان خواهد بود.

2-2- مدل سازی ترک

∕ إِلِّ الْمُبْلِّيُونَ مِكَائِبِكَ مُخْزَمُونَ، مرداد 1395، دوره 16، شماره 5

اکثر ترکها با اشکال مختلف پس از کمی رشد به یک سطح نیم بیضوی تبدیل می شوند[19]. شکل 5، شماتیک یک ترک نیم بیضوی را نشان می-دهد. مطابق شکل نقاط <sub>د</sub>وی بیضی نشان دهنده جبهه ترک<sup>3</sup> می<sub>،</sub>باشند. پارامترهایی که از اهمیت بسیاری در مدلسازی ترک نیم بیضوی برخوردارند،  $(\varphi)$  عبارتنداز: طول ترک  $(c)$ ، عرض ترک  $(d)$  و زاویهی دایروی سطح ترک  $(\varphi)$ . یکی از پارامترهایی که در این نوع از ترکها بیش تر استفاده می شود، نسبت بی بعد عمق ترک به طول ترک  $(d/c)$  است. در این مقاله از یک ترک بسته نیم.بیضوی، با پارامترهای تعریف شده، به صورت بین لایهای استفاده شده و مورد بررسی و تحلیل قرار گرفته است. در بحث مدلسازی ورق و اعمال ترک در آن، ابتدا لازم است سطحی که قرار است ترک بر روی آن ایجاد شود، ساخته شده و سپس باید بر روی این سطح، جبهه ترک (تونل ترک) که یک نیم بیضی است، رسم گردد. چون ترک در بین لایههای پوسته در صفحه طول و عرض ورق در نظر گرفته شده است، ابتدا باید یک مستطیل به عنوان سطحی که ترک بر روی آن مدل سازی می شود، ایجاد گردد.

نکته مهم در المانبندی نوک ترک این است که باید نودهای میانی المانهای ردیف اول از المانهای نوک ترک، در فاصله یک چهارم ضلع المان از نوک ترک قرار گیرند (شکل 6 (الف)). برای ایجاد المانهای نوک ترک از المان صفحهای 6 گرهای (نود<sup>4</sup>) پلن<sup>5</sup>82 با 2 درجه آزادی برای هر گره، استفاده شده است. سپس المانبندی نوک ترک با استفاده از المانهای سه بعدي ساليد95° مطابق شكل 6 (ب)، شبكهبندي ميگردد. مدلسازي بخش ترک با ایجاد سطح ترک و سطح پشتی جبهه ترک، به پایان می سد.





**شکل 4** نمای یکدوم (نصف) ورق ساندویچی موجدار ذوزنقهای، حاوی ترک بین لأبهاي نيميضوي



Fig. 5 Typical semi-elliptical crack

شکل 5 نمونه ترک نیم بیضوی

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Transversely Isotropic

 $2$  Epoxy

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Crack Front  $Node$ 

 $<sup>5</sup>$  Plane 82</sup>

 $<sup>6</sup>$  Solid 95</sup>





Fig. 6 Meshing of crack tunnel: (a) 2D elements of plane 82 and node formation, (b) Constructing 3D singular elements at the crack front

**شكل6** مش بندى تونل ترك: الف) المانهاى دوبعدى پلن82 و نحوه قرار گيرى نودها، ب) ایجاد المانهای سهبعدی منفرد در سطح ترک

#### 2-3- مدلسازي ورق ساندويچى موج دار

ابتدا با توجه به مقدار دامنه موج  $(F/{\bf 2})$  و طول موج (2 ${\cal C}$ ) و تعداد موج در راستای طول ورق، موج ذوزنقه ساخته شده و یک سطح موقتی با موج<sup>|</sup>  $a_{\mu}$ ذوزنقهای به طول  $a_{\mu}$  و عرض  $b_{\mu}$  وی صفحه  ${\bf Y}-{\bf X}$  ایجاد می شود. سیس با استفاده از یک المان پوستهای 8 گرمای مانند شل<sup>93 ل</sup>ا 6 درجه آزادی برای هر گره، این سطح مشبندی میگردد.

در واقع این سطح به عنوان شالوده و فونداسیون ورق و تنها برای المان بندی منظم رویهها و هسته ساخته شده است. برای ساختن هسته کافی است سطح فوقانی رویه را به ارتفاع  $h_c$  و همچنین سطح تحتانی را نیز به  $h_c$  ارتفاع 2/ $h_c$  حجم داده و در مجموع هستهای با موج ذوزنقهای و ضخامت ساخته میشود. برای مدلسازی هسته از المان آجری سهبعدی 20 گرمای ساليد 95 با 3 درجه آزادي براي هر گره، استفاده شده است. اين المان براي حل مسائل خطی و غیرخطی سازهای بسیار مناسب بوده و همچنین قابلیت مدلسازی مواد غیرآیزوتروپیک را دارا میباشد. برای مدلسازی پوسته كامپوزيتي ورق ساندويچي در سطح فوقاني و تحتاني هسته، المان ساليد191، كه المان آجري 20 گرماي لايهاي با 3 درجه آزادي براي هر گره مي باشد، انتخاب شده است. با ایجاد حجم سطح فوقانی هسته تا ارتفاع  $h_{ft}$  و همچنین سطح تحتانی هسته تا ارتفاع  $h_{fb}$ ، پوستههای بالایی و پایینی تشکیل شده و به این ترتیب ورق شکل میگیرد. با این کار ضمن حفظ نظم اولیه مش بندی، چسبندگی رویه و هسته تضمین میشود. با توجه به روند مدلسازی ورق ساندویچی که بیان شد، شکل 7 و 8 مدل المان محدود ورق را با یک ترک لايەاي، بين لايەھاي 3-2 نشان مىدھد.

 $1$  Shell 93

#### 2-4- اعمال شرايط مرزي

در این پژوهش برای تحلیل مودال ورق ساندویچی مورد نظر به صورت اجزاء محدود از شرایط مرزی گیردار <sup>2</sup>استفاده میگردد. اگر لبه تکیهگاه گیردار .<br>باشد، هر سه مولفه جابجایی، در سه جهت محورهای مختصات کارتزین محدود می شوند. در این حالت، شرایط مرزی اعمالی یک سرگیردار  $(u,v,w)$ و چهار سرگیردار به صورت رابطه (1) خواهد بود: در شرایط مرزی یک سرگیردار در صفحات موازی با محور Z:  $X = 0 \rightarrow u = v = w = \theta_x = \theta_y = \theta_z = 0$  $(1)$ در شرایط مرزی چهار سرگیردار در صفحات موازی با محور Z:  $X = 0 \rightarrow u = v = w = \theta_x = \theta_y = \theta_z = 0$  $(2)$  $X = a \rightarrow u = v = w = \theta_x = \theta_y = \theta_z = 0$  $(3)$ و در صفحات موازی با محور X:  $Z = \pm b/2 \rightarrow u = v = w = \theta_x = \theta_y = \theta_z = 0$  $(4)$ 

همچنین در صورت تحلیل یک<code>دوم</code> (نصف) ورق به دلیل وجود تقارن نسبت به صفحه X - **Y** (شکل 4)، در شرایط مرزی چهار سرگیردار باید جابهجایی در راستای عمود بر صفحه به صورت رابطه (5) اعمال شود.  $(5)$ 

 $Z = 0 \rightarrow w = 0$ 

#### 3-ساخت ورق ساندو بچے

ساختار ورق ساندویچی از فوم<sup>3</sup>سبک و نرم ایرکس سی70- <sup>45</sup>به عنوان هسته و از الیاف شیشه و رزین ایوکسی در یوسته آن تشکیل شده است. خصوصیات الیاف شیشه و رزین اپوکسی در جدول 1 و خواص مکانیکی هسته و اتک لایههای کامپوزیتی پوسته ورق ساندویچی به دست آمده از روند ساخت، با توجه به اطلاعات عددي مواد اوليه در جدول 1 و روابط (6) تا (9) موجود در رفتار میکرومکانیک یک تک لایه بیان شده در مرجع [20]، در جدول 2 ارائه شده است.

$$
\frac{1}{\rho_{co}} = \frac{W_f}{\rho_f} + \frac{W_m}{\rho_m} , W_f = \frac{\rho_f}{\rho_{co}} V_f , W_m = \frac{\rho_m}{\rho_{co}} V_m
$$
\n(6)\n  
\n
$$
E_1 = E_f V_f + E_m V_m , \frac{1}{\rho_m} = \frac{V_f}{\rho_m} + \frac{V_m}{\rho_m}
$$
\n(7)

$$
v_{12} = v_f V_f + v_m V_m \tag{8}
$$

$$
\frac{1}{G_{12}} = \frac{V_f}{G_f} + \frac{V_m}{G_m} \tag{9}
$$

برای ساخت ورق ساندویچی با پوششهای کامپوزیتی، ترکیبی از روشهای لایه گذاری دستی و قالب گیری فشاری استفاده شده است. ابتدا الیاف با زاویه صفر درجه برروی کف قالب قرار گرفته شده و توسط رزین آغشته میشود. این روند لایهگذاری به ترتیب با زوایای 90، 0 و 90 ادامه پیدا کرده و در نتیجه به شکل *گ*یری پوسته زیرین منجر میشود (**\*90 = )**). فوم موجدار ذوزنقهای برروی پوسته ایجاد شده، به عنوان هسته قرار داده میشود. جهت اعمال ترک بین هسته و پوسته فوقانی، یک ورق نیم بیضوی آلومینیومی 1 میلیمتری آغشته به ریلیز فیلم (مایع PVA –ماده جدا کننده)، بر روی فوم جايگذاري ميشود.

 $^{\rm 2}$  Clamped

Foam  $4$  AIREX-C70-55



Fig. 7 Top face sheets with four composite layers and semi-elliptical crack between layers 2-3



بهطور مختصر نشان میدهد. ترکهای بین پوسته فوقانی و هسته، از لبه ورق در راستای طول آن در قله و دره موج ذوزنقه، در موقعیت C1، C2 و C3 اعمال شدهاند (شكل 10).



Fig. 9 Procedure of composite sandwich plate fabricating and plate molding **شکل 9** روند ساخت ورق ساندویچی با یوشش کامپوزیتی و قالب $\mathbf{9}$ یری ورق



Fig. 8 Finite element modeling of a wave with semi-elliptic delamination

**شكل 8** مدل المان محدود يک موج حاوي ترک بين لايهاي نيم.بيضوي

جدول 1 خواص مواد اوليه و كسر وزني آنها در تک لايه كامپوزيتي Table 1 Pre-material properties and mass fraction of them in single composite layer



اول، الياف شيشه با زاويه 90 درجه قرار گرفته، برروي فوم لايهگذاري ميشود. در نهایت ورق ساندویچی موجدار در قالب موردنظر تا زمان خشک شدن لایه-های کامپوزیتی، تحت فشار قرار می گیرد. شکل 9 روند شرح داده شده را

جدول 2 خواص مواد ارائه شده در مدل المان محدود و تست تجربي





Fig. 10 Fabricated cracked and non-cracked plate **شکل 10** ورق ساخته شده بدون ترک و حاوی ترک

#### 4-اعتبارسنجي مدل المان محدود

به منظور اعتبارسنجي و اطمينان از صحت رفتار ارتعاشي بدست آمده از ورق، مدل المان محدود ورق ساندويچي با a = 300 (mm) مدل المان محرايي مش و عدم وابستگی نتایج به نوع مش بندی و تعداد المانها، مورد بررسی قرار گرفته میشود. در ادامه دادههای عددی حاصل از تحلیل مودال تجربی که در آزمایشگاه تحلیل مودال دانشکده مکانیک دانشگاه تهران انجام گرفته شده، با نتايج حاصل از تحليل مودال به روش المان محدود كر نرمافزار انسيس مقایسه میشود. ورق با دو شرایط مرزی یک سرگیردار و چهار سرگیردار مورد بررسی قرار میگیرد. با توجه به نحوه اعمال ترک که در بخش 3 ذکر شد، در ساخت ورق حاوی ترک جهت تست تجربی، امکان ایجاد ترک بین لايههاي كامپوزيتي در مركز ورق وجود ندارد (شكل 2 (الف)) لذا لزوم اعمال شرایط مرزی یک سرگیردار در تست تجربی به این دلیل است که ترک در لبه ورق ایجاد شده و از آنجا که بتوان تأثیر ترک بر فرکانس طبیعی ورق را مشاهده نمود، باید لبه حاوی ترک آزاد باشد (شکل 10). پس از مقایسه نتایج حاصل از تست تجربی و المان محدود و صحهگذاری بر نتایج، به دلیل .<br>نزدیکی نتایج حاصل از شرایط تحلیل به شرایط واقعی بوجود آمده در ورق-های چند لایههای کامپوزیتی حاوی ترک (شکل 2 (الف))، و همچنین مشاهده هرچه بهتر تأثیر ترک بر فرکانس طبیعی، از شرایط مرزی چهار سر گیردار استفاده شده است. باید به این نکته اشاره نمود که به دلیل بالا بودن فركانس طبيعي در شرايط مرزى چهار سرگيردار نسبت به ديگر شرايط مرزي [3]، تغييرات فركانس طبيعي حاصل از وجود ترك محسوستر است.

#### 1-4- همگرایی مش

یکی از مرسومترین رامهای اطمینان از صحت جواب در روش المان محدود (FEM)، همگرایی مش و عدم وابستگی مدل به مش.بندی و تعداد المانهای به کار رفته در آن میباشد. در این روش چند مدل با تعداد المان متفاوت مورد تحلیل قرار میگیرد. اگر نتایج حاصله از تحلیل مدلهای مختلف همگرا باشند، یعنی در اثر افزایش تعداد المانها، نتایج دچار تغییرات چندانی نشده باشد، آنگاه میتوان نسبت به صحت مدلسازی، نوع مش بندی اطمینان حاصل نمود. ورق مورد تحلیل با استفاده از مجموعه مواد اول و مشخصات ورق اول و دوم به ترتیب از جدول 2 و 3 در حالت بدون ترک در نظر گرفته میشود. تغییرات مودهای خمشی برحسب تعداد المان در جدول 4 و 5 نشان داده شده است. شکل 11 و 12 سه شکل مود خمشی اول حاصل از تحلیل مودال ورق در شرایط مرزی مختلف را نشان میدهد. همچنین با توجه به دادههای ارائه شده در جدول، میتوان به روش مدلسازی و تعداد المانها در تحليل به روش المان محدود اطمينان حاصل نمود.

جدول 3 مشخصات ابعادي ورق ساندويچي

<b>Table 5 Sandwich plate dimension</b>					
نسبت			شرايط		
دامنه به		طول ورق به			شما, ہ
طول موج	طول موج	ضخامت ورق	عرض ورق	مرزى	ورق
				یک سر	
			3	گیر دار	
0.075	3	48		چهار سر	$\overline{c}$
			$\mathfrak{D}$	گیر دار	3

جدول 4 همگرایی فرکانسهای اصلی (شرایط مرزی یک سر گیردار) Table 4 Convergence of the fundamental frequencies (one edges clamped boundary condition)



**دول 5** همگرایی فرکانسهای اصلی (شرایط مرزی 4 سر گیردار)

Table 5 Convergence of the fundamental frequencies (4 edges clamped boundary condition)

		فركانس طبيعي (درصد كاهش) (Hz)	تعدادا
(3,1)	(2,1)	(1,1)	المان
2468.7	2289.9	2165.3	2880
2467.4 (% -0.069)	$2288.5$ (% $-0.061$ )	2164.5 (% -0.037)	4860
2465.3 (% -0.085)	2286.8 (% -0.074)	2162.8 (% -0.078)	10080
2464.6 (% -0.045)	2286.2 (% -0.026)	2162.4 (% -0.018)	12600
2463.9 (% -0.028)	2285.9 (% -0.013)	$2162.1$ (% $-0.014$ )	13500
2463.6 (% -0.012)	2285.7 (% -0.009)	2161.9 (% -0.009)	15300
2463.4 (% -0.008)	2285.6 (% -0.004)	2161.8 (% -0.004)	18900
2463.3 (% -0.004)	2285.6 (% 0.000)	2161.8 (% 0.000) 24200	

#### 4-2- مقايسه نتايج تجربي و المان محدود

ورق ساندویچی موجدار بدون ترک و حاوی ترک بین لایهای نیم بیضوی با خصوصیات مکانیکی مجموعه مواد اول از جدول 2 و مشخصات دوم از جدول ، در دو حالت تکیهگاه شبه صلب و تکیهگاه صلب مورد تحلیل مودال قرار  $3$ می گیرد. (شکل 13 الف و ب). با توجه به این که اعمال شرط مرزی گیردار (مقيد) در حالت تئوري آسان است، ايجاد آن در عمل و يافتن تكيه گاهي كه به اندازه كافى صلب باشد، مشكل است. منظور از تكيهگاه شبه صلب، اين است که از گیرههای سبک برای اتصال به تکیهگاه، و تکیهگاه صلب، از گیرههای صلب و بسیار سنگین نسبت به ورق استفاده شده است.



Fig. 11 The contour and mode shapes for the trapezoidal corrugated sandwich plate (4 edges clamped boundary condition)



Fig. 12 Bending mode shape of sandwich plate obtained from ANSYS and PULSE Lab-Shop software (one edges clamped boundary condition)

**شکل 12** شکل مودهای خمشی ورق ساندویچی حاصل از نرمافزار انسیس و پالس لبشاپ (شرایط مرزی یک سر گیردار)

فرکانس<sup>2</sup> (FRF) را بهدست آورد. شکل مود و فرکانسهای طبیعی و میزان میرایی جسم، حداقل دادههایی خواهد بود که از منحنیهای FRF به دست میآید. فرکانس طبیعی ورق ساندویچی استخراج شده از نرمافزار پالس لب-شاپ به صورت نمودار آنالیز فرکانسی<sup>3</sup> که به آن آنالیز اسیکتروم<sup>4</sup> یا FFT نیز می گویند، به دست آمده است. آنالیز طیف فرکانسی (آنالیز FFT) نمونهای از نمودارهای FRF است. در منحنیهای FFT، محور افقی، فرکانس و محور عمودی، دامنه ارتعاش (که با توجه به نوع سنسورهای اندازهگیری میتواند دامنه ارتعاشات شتابسنج باشد) را نشان میدهد. برای انجام آزمایش مودال از یک شتابسنج کوچک برای اندازهگیری ارتعاشات حاصل از تحریک استفاده شده است، تا وزن سنسور شتابسنج بر فركانسهاى ورق تأثير چندانی نداشته و قابل صرفنظر باشد. سنسور با اندازهگیری شتاب ارتعاشات حاصل از تحریک ضربه (توسط چکش ضربه<sup>5</sup>، برای استخراج ۔ دادههای فرکانس طبیعی) و تحریک دستگاه لرزاننده<sup>6</sup> مغناطیسی (برای استخراج شکل مودها به وسیله اندازهگیری ورودی تحریک و خروجی سنسور) روی ورق



Fig. 13 One edges clamped boundary conditions: (a) semisolid, (b) solid

شكل 13 شرايط مرزي يک سر گيردار، الف) شبه صلب ب) صلب

.<br>شکل مودهای خمشی ورق با شرایط مرزی یک سر گیردار در محیطهای نرم|فزار انسيس (تحليل المان محدود) و نرم|فزار پالسلبشاپ<sup>1</sup> (تحليل مودال تجربی)، در شکل 12 نشان داده شده است. برای به دست آوردن شکل مود در نرمافزار پالسLبشاپ از تست تجربی، باید مقدار تحریک، اندازهگیری شده تا با استفاده از دادههای ورودی و خروجی، منحنیهای توابع پاسخ

 $\frac{2}{3}$  Frequency Response Function (FRF)

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Frequency spectrum

Spectrum

Hammer  $6$  Shaker

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> PULSE Lab-Shop

ساندویچی، به صورت بار الکتریکی (بر واحد پیکو کولن بر شتاب جاذبه (pc/g))، از سنسور خارج شده و به تجهیزات دادهبرداری و تحلیلگر وارد <sub>می</sub>شود. دادههای ورودی به تحلیلگر باید به صورت دادههایی از نوع ولتاژ باشد، لذا از یک مبدل به نام شارژ امیلیفایر  $\rm{d}$ ساخت شرکت  $\rm{B\&K}$  و نوع 2647) برای تبدیل خروجی سنسور (پیکو کولن بر شتاب جاذبه) به ورودی تحليل گر (ولتاژ) استفاده ميشود. وظيفه تحليل گر، دريافت ولتاژ |ز دستگاه-های اندازه گیری، تبدیل داده آنالوگ به داده دیچیتال و اجرای بردازش سیگنال است. با اتصال سنسور شتابسنج به سطح و تحریک ورق، دادههای اندازهگیری شده توسط سنسور به تجهیزات دادهبرداری انتقال یافته و به وسیله نرمافزار پالس لبشاپ برای برقراری ارتباط و کنترل تجهیزات داده-برداری و تحلیل گر، نمودار دامنه شتاب برحسب فرکانس استخراج می شود. ضربات متوالی به منظور تکرارپذیری آزمایش و اطمینان از پیکهای نمایش داده در نمودار FFT، انجام گرفته شده است. دقت محور فركانسي در اين نرم-افزار برابر با 0.15 هرتز (Hz) است. شكل 14 تجهيزات مورد استفاده در روند تحلیل مودال را نشان میدهد، که عبارتند از: دستگاه لرزاننده مغناطیسی، شتابسنج پیزوالکتریک اندوکو<sup>2</sup>و مبدل شارژ امپلی فایر.

موقعیت و ابعاد ترک اعمالی بین هسته و پوستهی فوقانی، با باز بودن دهانهی ترک به اندازه 1 میلی متر در جدول 6 ارائه شده است. جدول های 7 تا 10، به ترتیب چهار فرکانس طبیعی اول خمشی ورق ساندویچی بدون ترک و حاوی ترک را ارائه میدهد. نمودار آنالیز فرکانسی شکل 15، دادههای خروجی جدول 9 را برای ورق ساندویچی با تکیهگاه صلب نشان داده که پیکهای ایجاد شده در منحنی، مقدار فرکانس تشدید و تعداد پیکهای ظاهر شده در منحنی FFT، تعداد فرکانسهای طبیعی موجود در محدوده فرکانسی را نشان میدهد. از نتایج ارائه شده در جدولهای 7 تا 10 میتوان به این نتیجه رسید که کدنویسی مدلسازی ورق ساندویچی موجدار حاوی ترک در نرمافزار <mark>ا</mark> انسیس درست و دارای اعتبار است و نتایج آن با نتایج حاصل از تست تجربی تحلیل مودال همخوانی مناسبی دارد.

 $l =$ ) بارامترهای ترک بین هسته و پوستهی فوقانی ورق ساندویچی  $(12 (mm)$ 

Table 6 Crack parameters between core and top face-sheet sandwich plate  $(l = 12$  (mm))

نسبت عمق	نسبت طول تر ک به	عمق تر ک	طول ترک	موقعيت
به طول ترک	طول سطح قله ترک	(mm)	(mm)	ت ک
1.570	0.8750	16.50	10.50	C1
2.095	0.8750	22.00	10.50	C2
1.911	0.9375	21.50	11.25	C3

جدول 7 مقايسه نتايج تحليل مودال تجربي و المان محدود ورق ساندويچي بدون ټ ک





Charge Amplifier

 $2$  Endevec

بین هسته و پوستهی فوقانی (موقعیت C1) Table 8 Comparison on experimental modal and finite element analyses in sandwich plate with crack between core and top face-sheet (C1 position)



جدول 9 مقايسه نتايج تحليل مودال تجربي و المان محدود ورق ساندويچي با ترک  $(C2)$ بين هسته و يوستهي فوقاني (موقعيت

Table 9 Comparison on experimental modal and finite element analyses in sandwich plate with crack between core and top face-sheet  $(C2$  position)



جدول 10 مقايسه نتايج تحليل مودال تجربي و المان محدود ورق ساندويچي با ترک بين هسته و پوستهى فوقانى (موقعيت C3)

Table 10 Comparison on experimental modal and finite element analyses in sandwich plate with crack between core and top face-sheet (C3 position)

خطای		خطای	تحليل مودال تجربي		
المان	المان	تكىەگاە شىە	ىا تكىەگاە	يا تكيه گاه	فر كانس
محدود	محدود	صلب	شنه صلب	صلنا	(Hz)
( %)		( %)			
$-2.80$	24.26	$-9.70$	22.54	24.96	f,
$-3.22$	150.61	$-7.70$	143.65	155.63	$f_2$
$-2.60$	381.32	6.64	417.46	391.46	f3
$-1.31$	670.43	2.58	696.81	679.34	f,

د<sub>ر</sub>صد خطاهای ا<sub>د</sub>ائه شده برمبنای نتایج حاصل از تست تجربی با تکیهگاه صلب بوده و در حین تست تجربی تحلیل مودال تلاش شده تا شرایط تکیه-گاهی در تست تجربی و روش المان محدود، شبیه به هم باشد تا خطای حاصل از آن تا حد امکان کاهش یابد. با توجه به مقایسه نتایج دو تکیهگاه با نتايج المان محدود، مى توان به اين نتيجه رسيد كه شرايط تكيهگاه مقيد ایدهآل مد نظر در تئوری در تکیهگاه صلب ایجاد شده است. علت وجود خطاها بین دادههای تجربی و المان محدود عبارتنداز: خطای آزمایشگاهی، خطای اعمال شرایط تکیهگاهی و مهمترین آن، خطای محاسبهی خصوصیات مواد کامپوزیتی موجود در یوستههای ورق ساندویچی. خطای موجود در محاسبه خصوصیات مواد، سهم بیشتری نسبت به خطاهای دیگر دارد. خطای ارائه شده به دلیل خطای محاسبهی مقدار رزین از دست رفته و مقدار رزين مؤثر در درصد اختلاط با الياف شيشه كه در جدول 1 ارائه شده، است.

مهندسی مکانیک مدرس، مرداد 1395، دوره 16، شماره 5

جدول 8 مقايسه نتايج تحليل مودال تجربي و المان محدود ورق ساندويچي با ترک

شكل 14 تجهيزات استفاده شده در روند تحليل مودال تجربي



Fig. 14 Instruments of experimental modal analysis



Fig. 15 Diagram of frequency spectrum analysis from PULSE Lab-Shop software with solid support (C2 position) شكل 15 نمودار آناليز فركانسي (منحني FFT) استخراجي از نرم|فزار پالس لبشاپ با تكيهگاه صلب (موقعيتC2) (Acceleration Amplitude^\*)

#### 5-نتايج و بحث

با استفاده از نتایج به دست آمده از تحلیل ارتعاشی ورق ساندویچی در نرمافزار انسیس، ابتدا به بررسی اثر پارامترهای ترک بر فرکانس طبیعی ورق موجدار، و سپس مقایسه این اثر با ورق ساندویچی تخت به همراه خصوصیات مکانیکی، ابعاد و شرایط تکیهگاهی یکسان پرداخته شد. به منظور تفکیک و بررسی بهتر نتایج، چند مثال با تأثیر مستقل پارامترهای مورد نظر ترک بر فرکانس طبیعی، ارائه شده است. ورق ساندویچی به ترتیب دارای خصوصیات مکانیکی مجموعه مواد دوم از جدول 2 و مشخصات ابعادی سوم از جدول 3 میباشد. پارامترهای بیبعدی که مورد تحلیل و بررسی قرار گرفتهاند و باعث تغییرات ابعادی ترک (طول و عمق) می شوند، عبارتنداز: نسبت طول ترک به طول سطح موج (c/l) و نسبت عمق ترک به طول ترک (d/c). مقدار طول سطح قله (يا دره) موج، ثابت و برابر (**mm) l = 30 (mm**) است.

.<br>بهطور کلی مودهای مختلفی در شکست سازمها وجود دارد که مطابق گزارشات ارائه شده حدود 90 درصد شکستها را ترک خوردگیها به خود اختصاص می دهند. باید به این نکته اشاره کرد که به دلیل اعمال تنشهای عمودی حاصل از شکل مودهای فرکانس طبیعی ورق بر محور ترک (مود خمشی ورق)، مود اول ترک (مود بازشونده<sup>۱</sup>) در ورق مشاهده شده است. شکل 16، شکل مود اول خمشی ورق ساندویچی به همراه مود بازشونده ترک در لایه نزدیک به سطح ورق را نشان میدهد.

#### 1-5- تأثیر ابعادی ترک

در این مثال با ثابت نگه داشتن موقعیت ترک در C2، C3 و همچنین بین

بعی ورق مورد بررسی قرار گرفته میشود. در شکل 17 و 18، محور افقی نشان دهنده نسبت بی بعد d/c با ثابت 0.4 = c/l بوده و محور عمودی، نسبت فرکانس های طبیعی ورق ترک دار بر ورق بدون ترک  $(f_{\alpha}/f)$  می باشد. شکل 20 تأثیر تغییر همزمان طول و عمق ترک با ثابت 1 = d/c (ترک نیم دایره) را در موقعیت C3 برحسب نسبت بیبعد فرکانس نشان میدهد. نتایج نشان می دهد که نسبت ب<u>ی ب</u>دا فرکانس طبیعی همواره کوچکتر از 1 است و همچنین با افزایش ابعاد ترک این <mark>ع</mark>دد کاهش مییابد. دلیل کوچک تر بودن نسبت بی بعد فرکانس طبیعی این است که بروز ترک در بین لایههای کامپوزیتی، سبب کاهش قابلیت تحمل بار سازه شده، پس وجود ترک و رشد ابعادی آن، سفتی سازه را کاهش داده و نهایتاً کاهش فرکانس را در پی دارد. افزایش همزمان دو بارامتر طول و عمق ترگ در مقایسه با افزایش یکی از این پارامترها، تأثیر بیشتری بر سفتی ورق را نمایان میسازد. این موضوع با مقایسه نمودارهای شکل 17 و 19 در شرایطی یکسان از ترک، قابل مشاهده است. نکته دیگر تأثیر ترک بر تکتک فرکانس۵ای طبیعی است. با توجه به منحنه های شکل 17، 18 و 19، کمترین نسبت بیبعد فرکانس طبیعی متعلق به منحنی مود سوم است. کمترین مقدار نسبت بیبعد فرکانس، نشان دهنده اثر بیشتر ترک بر فرکانسهای بالا نسبت به فرکانس اولیه است. دلیل بیش تر بودن تأثیر ترک بر فرکانسهای بالاتر این است که، با افزایش ضرایب مؤثر در فرکانس های بالا، تأثیر ترک نیز بر فرکانس طبیعی با توجه به ضرایب مؤثر بر فرکانس طبیعی، بیشتر میشود. ضرایب تأثیر را میتوان ریشههای معادله بدست آمده از قرار دادن دترمینان مشخصه برابر صفر، برای بدست آوردن فركانسهاي اصلي يک سيستم چند درجه آزادي تعريف نمود.

لايەھاي كامپوزيتى 4-3 يوستەي فوقانى، تأثير رشد ابعادى ترک بر فركانس

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Opening mode

<sup>∕</sup> إِلِّ الْمُبْلِّيُونَ مِكَائِبِكَ مُخْزَمُونَ، مرداد 1395، دوره 16، شماره 5



Fig. 19 Proportion of sandwich plate bending frequency changes to the crack depth and length (C3 position) **شکل 19** تغییرات فرکانسهای خمشی ورق ساندویچی نسبت به تغییر طول و عمق ترک (موقعیت C3)

## 5-2- تأثير موقعت ترك

مثال 2 به بررسی تأثیر موقعیت ترک بر فرکانس طبیعی ورق ساندویچی، با در نظر گرفتن مقدار ثابت c/l = 0.4 و d/c = 0.7. يرداخته شده است. ترک بین لایههای مختلف ورق ساندویچی در موقعیت C2 و C3 در نظر گرفته مي شود. شكل 20 و 21، تأثير تغيير موقعيت ترك بين لايههاي پوسته فوقانی، و بین هسته و پوسته فوقانی ورق را نشان میدهد. براساس شکل 20 و 21 هرچه ترک به مرکز ضخامت ورق نزدیک میشود، اثر بیشتری بر سفتی ورق داشته و در نتیجه باعث کاهش بیش تر فرکانس طبیعی می شود. همانند بخش 5-1، نمودارهای 20 و 21 تأثیر بیشتر ترک بر فرکانس های بالاتر را نیز تأکید میکند. نکتهی قابل توجه در روند روبهکاهش فرکانسهای طبیعی این است که وقتی ترک در بین لایههای کامپوزیتی قرار دارد و به سمت مرکز ضخامت ورق جابهجا میشود، کاهش فرکانس با یک شیب ملایم و ثابتی می باشد. اما تغییر جنسیت سطوح ترک بین هسته و پوسته ۔<br>کامپوزیتے منجربه تند شدن شیب کاهش فرکانس طبیعے مے شود.



Fig. 20 Proportion of sandwich plate bending frequency changes to the crack displacement in top face-sheet layers (C2 position)

شکل 20 تغییرات فرکانسهای خمشی ورق ساندویچی نسبت به تغییر مکان ترک در لايەھاي يوستە فوقانى (موقعيت C2)



Fig. 16 Crack opening mode of first bending plate mode shape with 4 edges clamped boundary condition



Fig. 17 Proportion of sandwich plate bending frequency changes to the crack depth (C3 position)





Fig. 18 Proportion of sandwich plate bending frequency changes to the crack depth (C2 position)

**شکل 18** تغییرات فرکانسهای خمشی ورق ساندویچی نسبت به عمق ترک  $(C2$  (موقعت)



Fig. 22 Proportion of corrugated and flat sandwich plate bending frequency changes to the crack depth and length in 3-4 composite layer of top-sheet (C3 position)

شکل 22 تغییرات فرکانس خمشی ورق ساندویچی تخت و موجدار نسبت به طول و عمق ترک در بین لایه 4-3 کامپوزیتی پوسته فوقانی (موقعیتC3)

المانها مورد بررسی قرار گرفت. در نتیجه مشاهده شد که نتایج عدم وابستگی به مش بندی از همگرایی خوبی برخوردارند. در ادامه دادههای عددی حاصل از تحليل مودال تجربي با نتايج حاصل از روش المان محدود مقايسه شد، که در نتیجه خطاهای به دست آمده از توافق قابل قبول برخوردار بوده است. نتایج نشان میدهد که افزایش طول و عمق ترک، باعث کاهش سفتی موضعی ورق شده و در نتیجه باعث کاهش فرکانس طبیعی ورق میشود. همچنین با تغییر موقعیت ترک از سطح پوسته و به سمت هسته ورق، باعث کاهش بیشتر سفتی شده و وقتی یک سطح ترک به هسته می<sub>،</sub>رسد، تأثیر ِّکاهش سفتی توسط ترک افزایش می یابد و موجب کاهش شدیدتر فرکانس طبیعی میشود. از طرفی با مقایسه میزان تأثیر ترک در دو ورق ساندویچی نخت و موجدار ذوزنقهای، میتوان به این نتیجه را بیان کرد که در شرایطی برابر و همچنین بروز ترکی با ابعاد و موقعیت یکسان بین دو ورق، تحمل بار ورق ساندویچی موجدار ذوزنقهای بیشتر بوده، چرا که ترک تأثیر کمتری بر كاهش سفتى ورق موجدار نسبت به ورق تخت داشته است.

باید به این نکته <mark>نیز اشاره کرد که در برخی شرایط بروز ترک تأثیر</mark> چندانی روی برخی از فرکانسهای طبیعی نخواهد داشت. این موضوع به دلیل موقعیت قرارگیری ترک بر روی گره در شکل مود فرکانس طبیعی است که اثر آن بر کاهش سفتی کمتر خواهد بود. در نهایت می توان اشاره کرد که اثر پارامترهای ترک بر فرکانسهای طبیعی، مورد مطالعه قرار گرفته و اطلاعات جامعی در زمینهی آنالیز و تأثیر عیوب ترک بر ارتعاش ورقهای ساندویچی کامپوزیتی بهدست آمده است. با استفاده از این اطلاعات می توان با آموزش شبکه عصبی و استفاده از الگوریتمهای بهینهسازی، به پیشبینی وجود و تشخیص پارامترهای ترک بین لایهای پرداخت.

#### 7-فهرست علائم

- طول ورق ساندويچى (mm)  $\overline{a}$
- عرض ورق ساندويچى (mm)  $\boldsymbol{b}$ 
	- طول ترک (mm)  $2c$
	- $\pmod{5}$ طول موج  $2C$
	- عمق ترک (mm)  $\overline{d}$
	- مدول الاستيسيته (Pa)  $\overline{E}$
	- فركانس طبيعي (Hz)  $\int$



Fig. 21 Proportion of sandwich plate bending frequency changes to the crack displacement in top face-sheet layers  $(C3$  position)

شکل 21 تغییرات فرکانسهای خمشی ورق ساندویچی نسبت به تغییر مکان ترک در لايەھاي پوستە فوقانى (موقعيت C3)

#### 5-3- مقايسه تأثير ترك بين ورق تخت و موجدار

در این مثال با مدلسازی یک ورق ساندویچی تخت با مشخصات ابعادی برابر با ورق ساندویچی موج ار ذوزنقهای به تحلیل مودال به روش المان محدود پرداخته میشود. شکل 22 روند تغییرات فرکانس طبیعی ورق را نسبت به افزایش ابعادی ترک در یک موقعیت ثابت نشان میدهد. خیریخواه و همكارانش [3] تأثير موجدار كردن ورق بر فركانس طبيعي را مورد بررسي قرار دادهاند. موجدار کردن ورق ساندویچی باعث افزایش سفتی ورق شده و فرکانس طبیعی و تحمل باربری ورق نیز افزایش می یابد. در نتیجه انتظار <sub>می(</sub>ود تأثیر کاهش سفتی حاصل از وجود ترک در ورق ساندویچی ذوزنقهای| کمتر از ورق ساندویچی تخت باشد. شکل 22 نشان میدهد که مقدار بے بعد فركانس طبيعي ورق تخت كمتر از ورق موجدار مىباشد. نهايتا اختلاف فرکانس طبیعی ورق تخت حاوی ترک با ورق بدون ترک بیشتر از اختلاف فرکانس طبیعی ورق موجدار ترکدار و بدون ترک است. در نتیجه ترک تأثیر بیشتری بر کاهش سفتی ورق تخت داشته و همچنین با توجه به شیب منحنی می توان بیان کرد که با افزایش ابعاد ترک، تأثیر ترک بر ورق تخت نسبت به ورق موجدار بيشتر مىباشد.

#### 6-نتيجه گيري

ورق های ساندویچی به دلیل نوع هندسه و همچین نسبت استحکام به وزن نسبتا بالا، کاربردهای فراوانی در صنعت دارند. یکی از آسیبهایی که همواره ورقهای ساندویچی با پوشش کامپوزیتی را تهدید میکند، بروز ترک در بین لایههای تقویت کننده می باشد که به شکست ناگهانی آنها می انجامد. ترک در ورق@ای لایهای معمولا بین لایهها نمایان شده و باعث به وجود آمدن تورق میشود و در نهایت تأثیر بسزایی بر روی پارامترهای مکانیکی آن از جمله فركانس طبيعي ميگذارد. رفتار ارتعاشي ورق ساندويچي موجدار ذوزنقهای در این مقاله مورد مطالعه قرار گرفت. الیاف شیشه تحت زوایای مختلف به منظور تقویت ماتریس اپوکسی در پوستهها مورد استفاده قرار گرفته شد. تحلیل مودال انجام شده بر روی یک ورق ساندویچی با موج ذوزنقهای حاوی ترک در این مقاله به دو روش المان محدود و تجربی صورت يذيرفت. به منظور اعتبارسنجي و اطمينان از صحت رفتار ارتعاشي مدل المان محدود ورق ساندويچي شرط عدم وابستگي نتايج به مش بندي و تعداد

Modares Mechanical Engineering, Vol. 11, No. 3, pp. 57-74, 2011. (فارسی in Persion)

- [5] S. A. Sheikholeslami, A. R. Saidi, Vibration analysis of functionally graded rectangular plates resting on elastic foundation using higher-order shear and normal deformable plate theory, Composite Structures, Vol. 106, No. 1, pp. 350-361, 2013.
- [6] Z. Mousavi, A. R. Saidi, Free vibration analysis of thick functionally graded rectangular plates based on the higher-order shear and normal deformable, Aerospace Mechanics Journal, Vol. 12, No. 1, pp. 1-12, 2016. (in Persion (فارسی)
- [7] J. Reany, J. L. Grenestedt, Corrugated skin in a foam core sandwich panel. Composites Structures, Vol. 89, No. 3, pp. 345-355 2009
- [8] G. Bartolozzi, M. Pierini, ULF. Orrenius, N. Baldanzini, An equivalent material formulation for sinusoidal corrugated cores of structural sandwich panels, Composite Structures, Vol. 100, No. 1, pp. 173-185, 2013.
- [9] C. Kılıçaslan, M. Güden, I. K. Odacı, A. Aşdemirci, The impact responses and the finite element modeling of lavered trapezoidal corrugated aluminum core and aluminum sheet interlayer sandwich structures, Materials and Design, Vol. 46, No.1, pp. 121-133, 2013.
- [10] R. A. Olsson, A simplified improved beam analysis of the DCB specimen, Composites Science and Technology, Vol. 43, No. 4, pp. 329-338, 1992.
- [11] S. Fourozan-Sepehr, S. Mohammadi, Dynamic analysis of cracking the shell layer of the composite, Journal of The College of Engineering, Vol. 39, No. 3, pp. 389-401, 2005. (in Persian (فارسى)
- [12] M. G. Andrews, R. Massabo, Delamination in flat sheet geometries with material imperfections and thickness variations, Composites: Part B, Vol. 39, No. 1, pp. 139-150, 2008.
- [13] V. V. Bolotin, Delamination in composite structures: its origin, buckling, growth and stability, Composites Part B: Engineering, Vol. 27, No. 2, pp. 129-145, 1996.
- [14] R. Khan, R. Alderliesten, L. Yao, R. Benedictus, Crack closure and fibre bridging during delamination growth in carbon fibre/epoxy laminates under mode I fatigue loading, Composites Part A: Applied Science and Manufacturing, Vol. 67, No. 1, pp. 201-211, 2014.
- [15] W. Gong, J. Chen, A. E. Patterson, An experimental study of the behaviour of delaminations in composite panels subjected to bending, Composite Structures, Vol. 123, No. 1, pp. 9-18, 2015.
- [16] S. M. Murigendrappa, S. K. Maiti, H. R. Srirangarajan, Experimental and theoretical study on crack detection in pipes filled with fluid, Journal of Sound and Vibration, Vol. 270, No. 4-5, pp. 1013-1032, 2004.
- [17]M. Rostaghi, M. Nouri Khajavi, Detection of size and location of crack in pipes under fluid pressure by neural networks, Journal of Modares Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 7, pp. 35-42, 2014. (فارسی in Persion)
- [18] M. M. Kheirikhah, S. M. R. Khalili, K. Malekzadeh-Fard, Biaxial buckling analysis of soft-core composite sandwich plates using improved high-order theory, European Journal of Mechanics A/Solids, Vol. 31, No. 1, pp. 54-66, 2012.
- [19] X. B. Lin, R. A. Smith, Fatigue growth prediction of internal surface cracks in pressure vessels, Journal of Pressure Vessel Technology, Vol. 120, No. 1, pp. 17-23, 1998.
- [20] A. K. KAW, Mechanics of composite materials, Second Edition, pp. 106 & 203-315, New York: Taylor & Francis Group, 2006.



مدول برشي (Pa) G

- ضخامت (mm)  $\boldsymbol{h}$
- طول سطح قله(دره) موج ورق (mm)  $2<sup>i</sup>$ 
	- جابجایی در راستای X کارتزین  $\overline{u}$

جابجایی در راستای ¥ کارتزین  $\boldsymbol{v}$ 

- كسر حجمى V
- جابجایی در راستای Z کارتزین  $\overline{M}$

كسر وزنى W

#### علايم يوناني

- زاويه چيدمان الياف  $\alpha$
- زاويه موج ذوزنقه  $\theta$
- $\left( kg/m^{3}\right)$ چگالی  $\overline{\rho}$
- ضريب پوآسون  $\overline{v}$
- <sub>i</sub> اوپه دايروي سطح ترک  $\varphi$ 
	-
	- زيرنويس ها هسته ورق ساندويچ c
		- كامپوزيت co
		- دارای ترک c
		- الياف
		- يوسته تحتاني
		- پوسته فوقانى ft
		- ماتريس (رزين)

#### 8- تقدر و تشکر

از مسئول محترم آزمایشگاه تحلیل مودال دانشکده مکانیک دانشگاه دکتر محمد محجوب بخاطر هماهنگیها و راهنماییهایشان در مدت انجام

تست تجربي سپاسگزاريم.

#### 9-مراجع

- [1] K. M. Liew, L. X. Peng, S. Kitipornchai, Buckling analysis of corrugated plates using a mesh-free Galerkin method based on the first-order shear deformation theory, Computational Mechanics, Vol. 38, No. 1, pp. 61-75, 2006.
- [2] K. M. Liew, L. X. Peng, S. Kitipornchai, Vibration analysis of corrugated Reissner-Mindlin plates using a mesh-free Galerkin method, International Journal of Mechanical Sciences, Vol. 51, No. 9-10, pp. 642-652, 2009.
- [3] M. M. Kheirikhah, V. Babaghasabha, A. Naeimi-Abkenari, M. Khadem, Free vibration analysis of corrugated-face sheet composite sandwich plates, Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences and Engineering, pp. 1-13, 2015 http://link.springer.com/article/10.1007/s40430-015-0306-8.
- Sh. Hosseini Hashemi, H. Akhavan, M. Fadaee, Exact closed-form  $[4]$ free vibration analysis of moderately thick rectangular functionally graded plates with two bonded piezoelectric layers, Journal of