ماهنامه علمى پژوهشى



مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir

برداشت انرژی از ارتعاشات یل تحت عبور جرمهای متوالی با استفاده از مواد ييز والكتريك

مسعود کریمی¹، رضا تیکنی^{2*}، سعید ضیائیراد³

1- كارشناسى ارشد، مهندسى مكانيك، دانشگاه صنعتى اصفهان، اصفهان

2- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان

3- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان

* اصفهان، r_tikani@cc.iut.ac.ir ، 8415683111

اطلاعات مقاله

برداشت انرژی الکتریکی از مواد پیزوالکتریک اغلب برای تجهیزات الکترونیکی با توان کم استفاده میشود. تأمین توان موردنیاز حسگرهای	مقاله پژوهشی کامل
بی سیم مورد استفاده در سلامتسنجی پل ها و دیگر شالوده های عمرانی از جمله کاربردهای مهم برداشتکننده های انرژی است. در این پژوهش	دريافت: 29 فروردين 1395 2001 - 200
برداشت انرژی از ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی بررسی شده است. برداشت انرژی به کمک تیر یکسرگیردار با وصله پیزوالکتریک	پذيرش: 24 ارديبهشت 1395 الماير محمد 25 مار 1205
	ارائه در سایت: 25 خرداد 1395
نصب شده بر نقطه میانی پل دو سرمفصل صورت پذیرفته است. روابط حاکم بر ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی با فرض تیر اویلر-	كليد واژگان:
برنولی استخراج شده است. اثرات نیروهای اینرسی، کوریولیس و گریز از مرکز در استخراج روابط درنظر گرفته شده است، همچنین برداشت	برداشت انرژی
کننده انرژی بهصورت تیر یکسرگیردار با وصله پیزوالکتریک تحت ارتعاشات پایه ناشی از جابجایی پل مدلسازی شده است. روابط حاصل به	پيزوالكتريک
کمک نرمافزار متلب با استفاده از روش رونگه-کوتای مرتبه چهار حل شده و جابهجایی پل و ولتاژ تولیدی در وصله پیزوالکتریک بهدست آمده	ارتعاشات پل
است. در نهایت ولتاژ تولیدی حاصل از مدلسازی تئوری مسأله با نتایج حاصل از آزمایش تجربی برای سرعتهای مختلف جرمهای عبوری	عبور جرمهای متوالی
مقایسه شده است. مقایسه انجام شده حاکی از دقت مناسب مدلسازی انجام شده در مسأله حاضر است.	

Piezoelectric energy harvesting from bridge vibrations under moving consecutive masses

Masoud Karimi, Reza Tikani^{*}, Saeed Ziaei-Rad

- Department of Mechanical Engineering, Isfahan University of Technology, Isfahan, Iran. * P.O.B. 8415683111 Isfahan, Iran, r_tikani@cc.iut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 17 April 2016 Accepted 13 May 2016 Available Online 14 June 2016

Keywords: Energy harvesting Piezoelectric Bridge vibrations Moving consecutive masses

ABSTRACT

Harvesting energy by piezoelectric materials is nowadays an efficient way for powering low-power electronic devices. Required energy for sensors, used in condition and health monitoring of bridges and other civil infrastructures, can be examples of the energy harvesters. This study aimed to improve the piezoelectric-based energy harvesting on civil infrastructures, especially on bridge structures. In this investigation, harvesting energy from the vibrations of a bridge under moving consecutive masses is studied. Harvesting energy is carried out through a cantilever beam with piezoelectric patch which is installed at the middle of a simply supported bridge. Governing equations for vibration of an Euler-Bernoulli beam under moving consecutive masses are derived. The inertial effects, including centrifugal and coriolis forces are considered. For verification, the results of the numerical solution of the moving mass problem are compared to the experimental tests data of the literature. The harvester is modelled by a cantilever beam with piezoelectric patch under base excitations which are calculated from vibrations of the bridge mid-point. The obtained equations are then solved in MATLAB environment by using the fourth order Runge-Kutta method. The calculated induced voltages are compared with those obtained from experiment. A good degree of accuracy is observed.

1-مقدمه

انرژی حرارتی هدررفته موتورها، کورهها و منابع اصطکاکی)؛ انرژی الکترومغناطیسی (از سلفها، سیمپیچها و ترانسفورماتورها)؛ انرژی بدن انسان (ترکیبی از انرژیهای مکانیکی و حرارتی که به صورت طبیعی توسط اندامهای بدن انسان بهواسطه اعمالی مانند قدمزدن و دویدن) و سایر انرژیها (از منابع شیمیایی و زیستی) [3]. از میان منابع انرژی که اشاره شد، تمرکز این مطالعه بر برداشت انرژی از منابع مکانیکے، است.

برداشت انرژی به معنای به دام انداختن مقداری انرژی از منابع انرژی محیط و انباشته و ذخیره کردن آن بهصورت انرژی الکتریکی قابلاستفاده است [2,1]. منابع اصلی انرژیهای در دسترس جهت برداشت عبارتاند از: انرژی مکانیکی (از منابعی چون ارتعاشات، تنش مکانیکی و کرنش مکانیکی)؛ انرژی نور (از نور خورشید یا نور اتاق توسط ینلهای خورشیدی)؛ انرژی حرارتی (از

Please cite this article using: M. Karimi, R. Tikani, S. Ziaei-Rad, Piezoelectric energy harvesting from bridge vibrations under moving consecutive masses, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 6, pp. 108-118, 2016 (in Persian)

برداشت کننده های انرژی مکانیکی از ارتعاشات، از تنشها و کرنشهای مکانیکی سطحی که روی آن مستقر شدهاند، الکتریسیته تولید می کنند. استخراج انرژی از ارتعاشات عموما براساس حرکت یک جرم سوار شده بر یک فنر نسبت به قاب تکیه گاهش صورت می گیرد. ارتعاشات ناشی از حرکت و نوسان جرمها، سبب ایجاد شتابهای مکانیکی می شوند (انرژی مکانیکی). این انرژی می تواند به وسیله کرنش ماده پیزوالکتریک، میدان الکتریکی (الکترواستاتیک) و یا میدان مغناطیسی (الکترومغناطیس)، به انرژی الکتریکی تبدیل شود. بیشتر سامانه هایی که از ارتعاشات توان می گیرند در فرکانس تشدید خود کار می کنند که دلالت بر این موضوع دارد که فرکانس بهینهای برای برداشت بیشترین انرژی وجود دارد.

در برداشت انرژی پیزوالکتریک، با ایجاد کرنش در ماده پیزوالکتریک انرژی مکانیکی به انرژی الکتریکی تبدیل میشود. مواد پیزوالکتریک متعلق به دسته بزرگتری از مواد به نام فروالکتریک هستند [1]. برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک عموما یک تیر یک سر گیردار است که لایه های پیزوالکتریک روی آن متصل شدهاند و جهت افزایش کرنش به نیروی ورودی، در انتهای غیرگیردار آن یک جرم متصل است. ولتاژ تولیدی توسط لایه های پیزوالکتریک متغیر با زمان و کرنش است و به طور مؤثر یک سیگنال AC نامنظم تولید می شود.

برداشت کننده های انرژی الکترواستاتیک از ارتعاشات، براساس تغییر ظرفیت خازنی بین یک صفحه ثابت و یک صفحه متحرک فلزی کار می کنند. در این نوع برداشت کننده ها فاصله صفحات باردار مقابل هم بهوسیله ارتعاش تغییر کرده و بدین وسیله انرژی مکانیکی به الکتریکی تبدیل می شود [4]. در ابتدا صفحات به وسیله یک منبع ولتاژ باردار نگه داشته می شوند و زمانی که فاصله بین دو صفحه تغییر کند، تغییر ظرفیت خازنی سبب افزایش پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه می شود. در برداشت کننده های الکترواستاتیک بین برداشت کننده و مدار الکتریکی استخراج انرژی، به سوییچی جهت شارژ و دشارژ کردن نیاز است [4].

برداشت کنندههای انرژی الکترومغناطیس از ارتعاشات، بر پایه قانون القای الکترومغناطیس فارادی کار می کنند [5]. براساس این قانون زمانی که چگالی شار مغناطیسی درون یک حلقه بسته تغییر کند درون حلقه یک نیروی محرک الکتریکی القا میشود. عموما این نوع برداشت کنندهها از یک آهنربای دایم، سیمپیچ و یک سیستم تعلیق تشکیل شدهاند. ارتعاش سبب ایجاد یک حرکت نسبی بین آهنربا و سیمپیچ در این نوع برداشت کننده شده و نیروی محرک الکتریکی در سیمپیچ القا میشود.

مقایسه میان سه روش پایه برای برداشت انرژی از ار تعاشات در جدول ۱ آمده است. برداشت کننده های انرژی پیزوالکتریک و الکترواستاتیک در مقایسه با انواع الکترومغناطیس ولتاژهای بیشتری تولید می کنند [6]. مقدار ولتاژ تولیدی در برداشت کننده های الکترومغناطیس از مراتب پایین (در محدوده میلیولت) است؛ بنابراین یک سوسازی ولتاژ، اندکی سخت است و عموما دیودهای ولتاژ بسیار کم برای عمل یک سوسازی ولتاژ مورد استفاده قرار می گیرد [7]. برداشت کننده های الکترواستاتیک به یک منبع ولتاژ دایم برای باردار کردن صفحات برداشت کننده و همچنین یک مدار استخراج انرژی (مدار سوییچ) برای جمع آوری انرژی برداشت کننده های پیزوالکتریک از مواد پیزوالکتریک موجود در بازار برای برپاسازی برداشت کننده استفاده می شود، در صورتی که در برداشت کننده های الکترومغناطیس از سیمپیچها و

جدول 1 مقایسه بین روش های پایه برای برداشت انرژی از ارتعاشات	
Table 1 Comparison of basic types of vibrational energy baryesters	

Table 1 Comparison of basic types of vibrational energy harvesters			
مشخصه	برداشت كننده	برداشتكننده	برداشتكننده
مسحصه	پيزوالكتريك	الكترواستاتيك	الكترومغناطيس
ولتاژ خروجي	بالا	بالا	پايين
فركانس	پايين	بالا	پايين
تشديد	پايين	ب د	پايىن
يکسوسازي	آسان	آسان	سخت
ولتاژ			شكك
مدار سوييچ	نياز ندارد	نياز دارد	نياز ندارد

آهنرباهای دایمی برای ساخت برداشت کننده استفاده میشود. برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک در مقایسه با انواع الکترومغناطیس و الکترواستاتیک ولتاژ و چگالی توان به نسبت بالاتری تولید می کند [9]. با توجه به برتریهای برداشت کنندههای پیزوالکتریک نسبت به دو نوع دیگر، از یکی از انواع آنها برای برداشت انرژی در این مطالعه بهره گرفته شده است.

هرچند برداشت انرژی یک روش امیدوارکننده بهعنوان منبع تأمین توان است، کاربرد آن در شالودههای عمرانی کمتر مورد مطالعه قرار گرفته است. قرارگرفتن بهعنوان منبع تغذیه برای توانبخشیدن به شبکه حس گر بی سیم در یک سیستم پایش سلامت سازه یکی از کاربردهای آن است که وظیفه مراقبت، ارزیابی و تشخیص را در یک شالوده عمرانی به عهده دارد [11,10]. توسعه شبکههای حس گر بی سیم به دلیل منابع توان مرسوم، مانند باتری های قابل شارژ محدود شده است. شارژ یا جایگزین کردن باتری ها به خصوص در برخی از شالودههای عمرانی همواره سخت و در برخی مواقع بسیار گران و یا حتی غیرممکن است. برداشت انرژی یک جایگزین کامل برای منابع مرسوم توان می تواند باشد و عملکرد آن نیاز به مطالعه دارد.

الوین و همکاران [12] امکانسنجی برداشت انرژی برای توان بخشیدن به یک سیستم پایش سلامت سازه را مورد بررسی قرار دادند. تیر پیزوالکتریک یکسر گیردار برداشت کننده انرژی، در شبیهسازی آنها به کار گرفته شد و انرژی خروجی آن در شالودههای عمرانی تحت شرایط بارگذاری مختلف بهدست آمد. گیوها و همکاران [13] به مرور توسعه برداشت انرژی برای سیستم حس گر پایش سلامت سازه توان کم پرداختند. پس از معرفی سیستمهای حس گر پایش سلامت سازه در پژوهش آنها، توانهای مورد نیاز برای چندین سیستم حس گر که در پایش سلامت سازه استفاده میشود مورد بحث قرار گرفت. رویکردهای برداشت انرژی مختلف شامل مکانیزم پیزوالکتریک با در نظر گرفتن الزامات و محدودیت ها مطالعه شد. کیما و همکاران [14] بهصورت عملی به بررسی اثر پیزوالکتریک بر شرایط مختلف بارگذاری جهت برداشت انرژی از پلها پرداختند. وصلههای پیزوالکتریک مستقیما بر یک مدل آزمایشی پل فولادی متصل شد و تحت پاسخهای سازهای مختلف ناشی از شرایط ترافیکی متفاوت مورد آزمایش قرار گرفت. نتایج آزمایش با نتایج شبیهسازی عددی مقایسه و نشان داده شد که انرژیهای خروجی به شدت از افزایش نرخ کرنش و بیشینه کرنش در وصلههای پیزوالکتریک تأثیر می پذیرند. ار تورک [15] مسأله برداشت انرژی به وسیله پیزوالکتریک از یک سیستم پل شامل برداشت انرژی از ارتعاش پل ناشی از عبور بار و همچنین برداشت انرژی از تغییرات کرنش در سطح پل را عرضه کرد. در این مطالعه هم تیر یکسر گیردار پیزوالکتریک و هم وصله پیزوالکتریک مدلسازی شده و یک مطالعه موردی برای یک وصله پیزوالکتریک چسبیده به یک پل واقعی ارائه شد. علی و همکاران [16] انرژی

s(t)

خروجی به وسیله برداشت انرژی پیزوالکتریک در پلهای بزرگراهها را فقط بهصورت تئوری مورد مطالعه قراردادند. یک مدل پل دوبعدی با یک بار نقطهای مورد بررسی قرار گرفت و یک مدل خطی یک درجه آزادی برای برداشت کننده پیزوالکتریک به کار گرفته شد. پیگنی و همکارش [17] برداشت کنندهای را برای یک پل خاص برای برداشت انرژی از ارتعاشات عرضی ناشی از عبور ترافیک در فرکانس 14.5 هرتز فقط بهصورت تجربی طراحی کردند و نشان دادند که در اوج ترافیک پل توانی به اندازهی 0.03 ميلىوات در ولتاژ 1.8 - 3.6 ولت براى اين مورد خاص توليد مى شود. برداشت کننده آن ها به لوله های آب متصل به پل متصل شده و اثر عبور سیال و باد درنظر گرفته نشده بود. بوهان و همکاران [18] پس از مرور مدل ریاضی پل برای ارتعاشات کوچک به تحلیل برداشتکننده الکترومغناطیسی پرداختند و محدودیت های آن را بیان کردند. یه ژانگ و همکاران [19] عملکرد برداشت کننده یک سر گیردار پیزوالکتریک را روی چهار نوع پل بتونی خاص به وسیله نرمافزار انسیس¹ مورد بررسی قرار دادند. آنها اثر عوامل مختلف چون محل قرارگیری برداشت کننده، زبری سطح پل، طول پل و سرعت وسایل نقلیه را در بهدست آوردن پتانسیل نزدیک به واقعیت بررسی کردند.

هدف این مقاله بررسی مقدار انرژی قابل برداشت از عبور جرمهای متوالى از روى يك پل به وسيله يك نوع برداشت كننده پيزوالكتريك بهصورت تئوری و تجربی است. در کارهای گذشته عبور فقط یک بار متحرک و نه جرمهای متوالی از روی پل و آن هم به صورت نیرو و نه جرم در نظر گرفته شده است؛ بدین معنی که از اثرات نیروهای اینرسی، کوریولیس، گریز از مرکز و نیروی ناشی از شتاب بار متحرک صرفنظر شده است. نیروهایی که بهویژه در سرعتهای زیاد و برای جرمهای بزرگ میتوانند بسیار مهم باشند. در پژوهش حاضر از اثرات این نیروها در معادلات ارتعاشات پل صرفنظر نشده و تحلیل تئوری بر این پایه انجام گرفته است، همچنین بررسی اثر عبور جرمهای متوالی که در کارهای پیشین صورت نگرفته نیز مطالعه شده است. بهعلاوه عملکرد یک تیر یکسر گیردار با وصله پیزوالکتریک از جنس سرامیک نرم بهعنوان برداشتکننده انرژی تحت برانگیزش ارتعاشات پل به صورت تئوری مورد بررسی قرار گرفت. درنهایت نتایج تئوری با نتایج حاصل از قرار دادن برداشت کننده طراحی و ساخته شده بر یک لرزاننده الکترومغناطیسی و شبیهسازی ارتعاشات نقطه میانی پل تحت عبور جرمهای متوالى مقايسه شد.

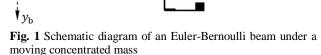
2-عبور جرمهای متمرکز متوالی از روی پل

بهمنظور یافتن پاسخ دینامیکی دقیق یک تیر تحت عبور جرم، تأثیر نیروهای اینرسی بهخصوص برای جرمهای سنگین و با سرعتهای زیاد باید محاسبه شوند. در این قسمت معادله حرکت حاکم بر یک تیر اویلر- برنولی با شرایط مرزی دو سر مفصل تحت عبور یک جرم متمرکز با سرعت ثابت (شکل ۱) بهدست خواهد آمد و با استفاده از آن مسأله عبور جرمهای متمرکز متوالی حل می شود.

معادله حرکت یک تیر به طول L_b تحت عبور یک جرم متمرکز را میتوان بهصورت رابطه (1) نوشت. که در آن $w(x_b, t)$ خیز عرضی تیر در نقطه x_b و زمان t است. پارامترهای m_b m_b G_b d_b و I_b بهترتیب جرم واحد طول، ضریب میرایی لزج، مدول الاستیک خطی و ممان اینرسی تیر هستند.

¹ ANSYS

² Dirac delta function



 $F(x_{\rm b},t)$

شکل 1 تیر دو سر مفصل تحت عبور جرم متحرک به همراه برداشت کننده انرژی

$$m_{b} \frac{\partial^{2} w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial t^{2}} + C_{b} \frac{\partial w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial t} + E_{b} I_{b} \frac{\partial^{4} w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial x_{b}^{4}}$$

$$=$$

$$M_{1} \left(g - \frac{\partial^{2} w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial t^{2}} - \dot{s}^{2} \frac{\partial^{2} w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial x_{b}^{2}} - \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} w(\mathbf{x}_{b}, t)}{\partial$$

در رابطه (2) و ضرب دو طرف معادله حاصل در (X_b) و انتگرال گیری از صفر تا L_b رابطه (4) بهدست خواهد آمد. (4) $M_e\ddot{Q} + C_e\dot{Q} + K_e Q = F_e$ در آن ضرایب M_e و K_e بهترتیب جرم ظاهری، میرایی ظاهری و سختی ظاهری نامیده شده و بهصورت روابط (5) تعریف می شوند.

$$M_{\rm e} = 1 + M_{\rm l} A_{\rm 1}^2 \sin^2(\Omega t)$$
 (5-a)

 $C_{\rm e} = \mathbf{2}\zeta_{\rm 1b}\omega_{\rm 1b} + M_{\rm l}A_{\rm 1}^2\Omega\sin(\mathbf{2}\Omega t)$ (5-b)

$$K_{\rm e} = \omega_{\rm 1b}^2 - M_{\rm l} A_{\rm 1}^2 \Omega^2 \sin^2(\Omega t)$$
(5-c)

که ω_{1b} فرکانس طبیعی اول یک تیر دوسر مفصل ω_{1b} ف ω_{1b} ف ω_{1b} ($\omega_{1b} = (\pi^2/L_b^2)\sqrt{E_b I_b/m_b}$) و λ_{1b} نسبت میرایی آن در مود اول است. در اینجا چون مکان جرم متحرک با زمان طبق رابطه st اینجا چون مکان جرم متحرک با زمان طبق رابطه st (x_b (st) با یکدیگر مرتبط هستند، در روابط (st)، t با st جای گذاری شده است. A_1 و Ω نیز به صورت روابط (st)، st روابط (st)، st (st) می شوند.

www.SID.ir

$$A_1 = \sqrt{\frac{\mathbf{2}}{m_{\rm b}L_{\rm b}}} \tag{6}$$

$$\Omega = \frac{\pi \dot{s}}{L_{\rm b}} \tag{7}$$

در رابطه (4)، $F_{\rm e}$ نیروی تعمیمیافته مرتبط با مختصات تعمیمیافته Q(t) است و به صورت رابطه (8) محاسبه می شود.

$$F_{\rm e} = M_{\rm l}gA_{\rm l}\sin\Omega t \tag{8}$$

رابطه (4) یک رابطه دیفرانسیل معمولی با ضرایب متغیر با زمان است که از یک روش عددی برای حل آن می توان بهره جست. در این جا رویه رونگه-کوتای¹ مرتبه چهار برای حل این رابطه دیفرانسیل با استفاده از الگوریتم ode45 در نرمافزار متلب² به کار گرفته شده است. برای راستی آزمایی کد عددی نوشتهشده برای حل این مسأله، نتایج آزمایش تجربی انجامشده در مقیاس کوچک از مرجع [20] با نتایج عددی مقایسه شده است. در مرجع [20] مدل تیر، اویلر- برنولی و جرم متمرکز یک گوی با شعاع کم درنظر گرفته شده است. مدل با اعمال یک مقیاس مناسب به مدلی آزمایشگاهی تبديل و نتايج آن با نتايج تحليلي منطبق شده است. مقايسه مدل بالا و كد عددی استفاده شده در این قسمت، در جدول 2، با عنوان جابهجایی بیشینه نقطه خاصی از تیر برای سرعتهای مختلف جرم عبوری ارائه گردیده است. نتایج این جدول اعتبار حل عددی را نشان میدهد.

همان طور که از جدول 2 مشخص است، استفاده از دو شکل مود در معادلات حركت اين مسأله، نتايج را آنچنان تحت تأثير قرار نداده و مي توان با تقريب قابل پذيرشي از يک مود براي حل استفاده کرد.

برای مشخص شدن تأثیر درنظر گرفتن و یا صرفنظر کردن از نیروی اینرسی جرم عبوری، جانب مرکز و کوریولیس در مسأله عبور جرم، مطالعهای بهصورت تئوری انجام گرفت. در این مطالعه حل مسأله یک بار با درنظر گرفتن کل مؤلفههای شتاب جرم عبوری و بار دیگر با درنظر گرفتن جرم بهصورت نیروی متمرکز صورت پذیرفت. در اینجا مسأله مورد بررسی همان مسأله مرجع [20] است. در آن جابهجایی تیر در نقطه **16** x_b = 7 L_b /16 مسأله مرجع سرعت 2.11 m/s محاسبه شد. نتایج در شکل 2 آمده است.

همان طور که از شکل 2 پیداست، اختلاف زیادی وجود دارد بین پاسخ-های زمانی تیر هنگامی که تمام مؤلفههای شتاب جرم عبوری درنظر گرفته شود و یا جرم عبوری به صورت یک نیروی متمرکز مدل شود.

جدول 2 مقادیر بیشینه تغییر مکان تیر در موقعیت $x_b = 7L_b/16$ با دو مدل تجربی و عددی

Table 2	The maximum	deflections of	the beam	at $x_b =$
7L _b /16 der	rived from expe	rimental and nu	merical met	hods

حل عددی با به کار گیری مودهای اول و دوم (mm)	حل عددی با به کارگیری مود اول (mm)	نتايج آزمايش [20] (mm)	سرعت (m/s)
0.775	0.772	0.747	0.85
0.777	0.781	0.756	1.14
0.789	0.789	0.736	1.29
0.798	0.797	0.739	1.59
0.794	0.799	0.712	1.76
0.795	0.787	0.743	1.92
0.814	0.812	0.787	2.11

¹ Runge-kutta ² MATLAB

در این مطالعه مسأله برداشت انرژی از ارتعاشات تیر تحت عبور جرمهای متوالی مورد بررسی قرار گرفته است. فرض میشود بیدرنگ پس از عبور جرم پیشین از روی تیر جرم بعد به آن وارد شود؛ بنابراین معادلات حرکت تیر همان معادلات حرکت تیر تحت عبور یک جرم است، با این تفاوت که در این حالت شرایط اولیه تیر تحت عبور یک جرم برابر با شرایط نهایی تیر هنگام خروج جرم قبلی است.

در ادامه، برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک از نوع تیر یکسر گیردار مورد بررسی قرار گرفته است. مشکل کلیدی برای برداشت کنندههای انرژی از پلها، فركانس پايين عمده ارتعاشات، خصوصا ارتعاشات ناشي از عبور جرم

در این تحقیق، با استفاده از یک مود ارتعاشی برای برداشت کننده (مدل یک درجه آزادی) انرژی بهواسطه تحریک پایه برداشت شده است. جرم برداشتکننده در مقایسه با جرم پل قابل چشم پوشی است؛ بنابراین جرم برداشت کننده روی پاسخ پل تأثیر گذار نیست.

برای یک پل خاص، فرکانسهای طبیعی و شکلهای مود ثابت هستند. سرعت وسایل نقلیه در یک محدوده وسیع متغیر است و برای بسیاری از پلها و سامانه های جاده ای، اطلاعاتی برای تخمین توابع توزیع احتمال سرعت وسایل نقلیه و همچنین زمان رسیدن به پل موجود است. طراحی پلها عموما به گونهای است که فرکانس تحریک وسیله نقلیه با فرکانس تشدید پل برابر نشود.

بیشتر برداشت کننده های انرژی یک فرکانس تشدید غالب را دارا هستند. عبور وسیله نقلیه از روی پل سبب تحریک پل شده و پاسخ غالب سیستم متناظر با مودهای پل است؛ بنابراین باید فرکانس تشدید برداشت کننده برابر با یکی از فرکانسهای طبیعی پل تنظیم شود. با آگاهی بر این که سرعتهای عبور وسایل نقلیه به گونهای است که فرکانس های پایین تر بیشتر تحریک می شوند، این فرکانس، فرکانس طبیعی اول پل خواهد بود.

محل بهینه برای قرار گیری برداشت کننده (که در آن انرژی برداشت شده بیشینه است) جایی است که در آن تابع مود پل، در فرکانسی که با فرکانس طبيعي برداشت كننده يكسان است، بيشينه باشد[16]. در اينجا چون فرکانس طبیعی اول برداشت کننده با فرکانس طبیعی اول پل برابر قرار داده شده و با توجه به شرایط مرزی دو سر مفصل پل، وسط پل که مود اول بیشترین مقدار دامنه را دارد، محل بهینه برای قرار گیری برداشت کننده است. محل بهینه برای قرار گرفتن برداشت کننده نقطه وسط تیر است و در این نقطه مود دوم تیر در پاسخ تیر به عبور جرم اثری ندارد، پس نادیده گرفتن

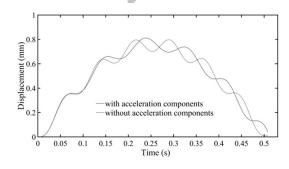


Fig. 2 Deflection time histories of the beam at $x_b = 7L_b/16$ with and without the movig mass acceleration components شکل 2 پاسخهای زمانی تیر در نقطه $x_b = 7L_b/16$ با درنظر گرفتن و صرفنظر از تمام مولفه های شتاب جرم عبوری با سرعت 2.11 m/s

مود دوم تیر در مسأله فرض قابل قبولی است. با اینحال مسأله با در نظر گرفتن دو مود به جای یک مود نیز بررسی و نتایج عددی در پاسخ دینامیکی پل در وسط تفاوتی از خود نشان نداد. تفاوت کمی بین نقاط دیگر تیر برای یک و دو مود مشاهده شد که در مقدار برداشت انرژی اثری نخواهد داشت.

برداشت انرژی با تحریک پایه به محل قرارگیری برداشت کننده وابسته است و درنتیجه افزایش دامنه تحریک پل سبب افزایش انرژی برداشتشده میشود. بیشترین دامنه ارتعاشات زمانی اتفاق میافتد که فرکانس تحریک پل با فرکانس طبیعی آن برابر باشد، که بهصورت فیزیکی غیرمحتمل است، زیرا تشدید سبب آسیب دیدن پل میشود و سرعت بحرانی نظیر چنین فرکانسی بسیار زیاد است.

3-مدل الکترومکانیکی برداشت کننده برای یک مود و بهینهسازی توان خروجی

برای تولید بار الکتریکی از مواد پیزوالکتریک، بسیاری از محققین از پیکربندی تیر یکسر گیردار استفاده میکنند (شکل 3). این موضوع به دلیل سادگی سازههای یکسر گیردار و توانایی آنها برای تولید تغییر شکلهای بزرگ تحت ارتعاشات است [11].

در اینجا برداشت کننده انرژی از زیرسازه، جرم اضافی و وصله پیزوالکتریک که الکترودهای آن به مدار الکتریکی مناسب جهت بهرهبرداری از ویژ گیهای الکتریکی مانند ولتاژ و توان متصل، تشکیل شده است. ارتعاشات مکانیکی پایه منبع ورودی توان به سیستم است. در ارزیابی عملکرد برداشت کنندههای انرژی مرسوم است که شبیه سازی و آزمایش تجربی آنها در حضور یک مقاومت الکتریکی در پایانه های خروجی صورت گیرد، این عمل سبب می شود کیفیت عملکرد برداشت کننده مستقل از الکترونیک سیستم تبدیل توان صورت پذیرد.

در این مطالعه برای سیستم برداشت کننده انرژی یک مدل الکترومکانیکی مودال براساس تئوری اویلر- برنولی استخراج شده است. معادلات پیوسته حرکت به وسیله اصل همیلتون به دست آمده و سپس با روش ریلی- ریتز گسسته سازی شده است. به دلیل ثابت نبودن ماده و هندسه در طول برداشت کننده از روش اجزا محدود برای به دست آوردن فر کانس های طبیعی و شکل مودها استفاده شده است.

درصورتی که فقط از یک تابع شکل مود استفاده شود، معادلات حرکت سیستم چند درجه آزادی، به معادلات اسکالر تبدیل می شوند که نشان دهنده یک سیستم یک درجه آزادی به صورت روابط (10.9) است [8].

$$\begin{split} M\ddot{r}(t) + C\dot{r}(t) + Kr(t) - \theta v(t) &= -B_{\rm f} \ddot{w}(x_{\rm b}, t) \qquad (9) \\ \theta \dot{r}(t) + C_{\rm p} \dot{v}(t) + \frac{1}{R_{\rm r}} v(t) &= \mathbf{0} \qquad (10) \end{split}$$

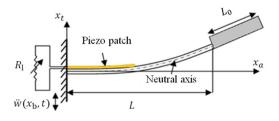


Fig. 3 Schematic diagram of the cantilevered beam type piezoelectric energy harvester

شکل 3 شماتیک تیر یکسر گیردار با وصله پیزوالکتریک و جرم اضافی، تحریکشده در پایه

ره) مختصات تعمیمیافته مکانیکی و v(t) مختصات تعمیمیافته ولتاژ است. R_1 مقاومت الکتریکی متصل به الکترودهای پیزوالکتریک و نقاط روی پارامترها بیان کننده مشتق آن پارامتر نسبت به زمان است. سایر ضرایب در معادلات بعدی به صورت روابط (12,11) تعریف شدهاند.

$$\begin{split} M &= \int_{0}^{L} m\psi_{r}^{2} \, dx_{a} + M_{0} (\psi_{r}(L))^{2} + 2S_{0} \psi_{r}(L) \psi_{r}'(L) \\ &+ I_{0} (\psi_{r}'(L))^{2} \end{split}$$
(11)
$$\begin{split} &\sum_{k} S_{0} \, \psi_{r}(k) = 0 \end{split}$$

$$M_0 = m_0 L_0 \tag{12-a}$$

$$S_0 = M_0 \frac{L_0}{2}$$
 (12-b)

$$I_0 = I_{yy} + M_0 (L_0^2 + h^2)$$
(12-c)

در اینجا $m_0 = r_0 = r_0$ واحد طول جرم اضافی، u_{yy} ، ممان اینرسی جرم اضافی حول مرکز جرمش و h فاصله بین مرکز جرم جرم اضافی و تار خنثی است، همچنین B_r و C_p , θ نه مورت روابط (13-16) زیر قابل تعریف هستند. $K = M\omega_1^2$ (13)

 $\theta = \int -x_t \psi_r^{\prime\prime} e_{31} (-\nabla \psi_v) dV \tag{14}$

$$C_{\rm p} = \int (-\nabla \psi_{\nu}) \varepsilon_{33}^{S} (-\nabla \psi_{\nu}) dV$$
(15)

$$B_{\rm f} = \int_0^L m \psi_r dx_a + M_0 \psi_r (L) + S_0 \psi'_r (L)$$
⁽¹⁶⁾

 w_1 و ψ_v نشاندهنده توابع مود پایه ψ_{r1} و ψ_{r1} هستند. در معادله (13)، w_v و ψ_r فرکانس طبیعی اول سیستم برداشتکننده مربوط به زمانی که شرایط مرزی اتصال کوتاه میان الکترودهای وصله پیزوالکتریک برقرار است و از روش اجزا محدود بهدست میآید.

برای شتاب هارمونیک ($W_B(t) = Re(A_Be^{i\omega t})$ پاسخهای جابهجایی، برای شتاب هارمونیک ($W_B(t) = Re(t)$ (17) است. $r(t) = ee(Re^{i\omega t}), v(t) = Re(Ve^{i\omega t})$ (17) $r(t) = Re(Re^{i\omega t}), v(t) = Re(Ve^{i\omega t})$ (17) $V_B = Re(Re^{i\omega t}), v(t) = Re(Ve^{i\omega t})$ (18) $(K - M\omega^2 + iC\omega)R - \theta V = -B_f A_B$ (18) $i\theta\omega R + (iC_p\omega + \frac{1}{R_l})V = 0$ (19) $H(\omega)$ (20) $V = A_B H(\omega)$ (20)

. .

$$\frac{iB_{\rm f}\theta\omega}{\left[\!\frac{K}{R_{\rm l}}\!\!-\!\!\left(\!\frac{M}{R_{\rm l}}\!\!+\!CC_{\rm p}\right)\!\omega^2\!\right]\!+i\!\left[\!\left(\!KC_{\rm p}\!+\!\frac{C}{R_{\rm l}}\!\!+\!\theta^2\right)\!\omega\!-\!MC_{\rm p}\omega^3\!\right]}$$

(21) حال مى توان توابع پاسخ فركانسى¹ ولتاژ خروجى را نسبت به شتاب پايه به صورت رابطه (22) به دست آورد.

$$\left|\frac{V}{A_{\rm B}}\right| = \frac{B_{\rm f}\theta\omega}{\sqrt{\mathbf{I}_{R_{\rm I}}^{K} - \left(\frac{M}{R_{\rm I}} + CC_{\rm p}\right)\omega^{2}\mathbf{J}^{2} + \mathbf{I}\left(KC_{\rm p} + \frac{C}{R_{\rm I}} + \theta^{2}\right)\omega - MC_{\rm p}\omega^{3}\mathbf{J}^{2}}}$$
(22)

توان خروجی که با پارامتر P_{out} نشان داده شده، نماینده متوسط توانی است که در هر سیکل به مقاومت الکتریکی داده میشود. این توان از رابطه $P_{\text{out}} = v_{\text{rms}}^2/R_1$ بهدست میآید که در آن v_{rms} ولتاژ مؤثر بوده و برای تابع هارمونیک برابر است با دامنه ولتاژ تقسیم بر **2** $\sqrt{2}$ یعنی $2/\sqrt{2}$. با

¹ Frequency response functions

جای گذاری V از رابطه (22) در رابطه متوسط توانی رابطه (23) محاسبه می گردد.

$$\frac{P_{\text{out}}}{I_{\text{B}}^{R}} = \frac{1}{2R_{1}}$$

$$\frac{(B_{\text{f}}\theta\omega)^{2}}{I_{R_{1}}^{K} - (\frac{M}{R_{1}} + CC_{\text{p}})\omega^{2}\mathbf{I}^{2} + I(KC_{\text{p}} + \frac{C}{R_{1}} + \theta^{2})\omega - MC_{\text{p}}\omega^{3}\mathbf{I}^{2}}$$

در یک دامنه شتاب مشخص (A_B)، توان خروجی به فرکانس تحریک (ω) و مقاومت الکتریکی (R_1) وابسته است. جهت یافتن بیشینه توان نسبت به مقاومت الکتریکی باید معادله $\partial P_{out} / \partial R_1 = 0$ حل شود که در واقع مقاومت بهینه سیستم در یک فرکانس مشخص است و به صورت رابطه (24) قابل بیان است.

(23)

$$-|H(\omega)|^{2} + R_{1} \frac{\partial |H(\omega)|^{2}}{\partial R_{1}} = 0$$
(24)

é Zium تحريك بهينه در حضور يک مقاومت الکتريکی مشخص از حل

معادله $\partial P_{out}/\partial \omega = 0$ بهدست میآید که برابر با رابطه (25) است $\partial P_{out}/\partial \omega = 0$ معادله $\partial [H(\omega)]^2$

дω

نقطه عملکرد بهینه سیستم که در آن بیشینه توان برداشت می شود، با حل توأم معادلات (25,24) به دست می آید. براساس مرجع [17] فرکانس تحریک بهینه (ω_{opt}) به فرکانس طبیعی اول برداشتکننده (ω_1) نزدیک است. با استفاده از بسط مرتبه اول فرکانس تحریک بهینه به صورت استفاده از بسط ω_1 هی توان نوشت و به صورت رابطه (26) است.

$$\omega_{\text{opt}} = \omega_1 + \mathbf{X} \, \omega_1 \tag{26}$$

که در ان **X** یک اسکالر بی بعد است. در صورتی که پارامترهای سیستم به گونهای باشند که **1** ≫ X، در این صورت ₄ ∞ ≃ w_{opt} یک تقریب خوب است. پارامتر X طبق مرجع [17] بهصورت رابطه (27) تعریف می شود.

$$\mathbf{K} = \frac{\mathbf{\zeta}_{c_{\rm p}}^{2\theta^2} - \frac{C^2}{M}}{M(\frac{C}{M} - \frac{2\theta^2}{C_{\rm p}})^2 + \mathbf{8}M\omega_1^2 + \frac{2\theta^2}{C_{\rm p}}}$$
(27)

4-برداشت انرژی از یک پل مشخص

تا اینجا یک مدل برای پل تحت عبور جرم متمرکز معرفی شد. معادلات حاکم برای مدل بهدست آمد و اعتبارسنجی آن با نتایج کارهای تجربی گذشته انجام گرفت، همچنین یک مدل تحلیلی برای برداشتکننده انرژی پیزوالکتریک ارائه شد. در این قسمت مسأله عبور جرمهای متوالی مطابق با آنچه در قسمت 2 آورده شد، برای یک پل خاص حل شده است، سپس پاسخ زمانی شتاب بهدستآمده از حل مسأله عبور جرم در وسط پل بهعنوان پوردی شتاب پایه به برداشتکننده داده شده و در پایان معادلات دیفرانسیل برداشتکننده به روش عددی رونگه - کوتا حل شده است. برای صحتسنجی نتایچ، شتاب بهدستآمده از حل عبور جرم برای نقطه وسط پل، بهعنوان ورودی به برداشتکننده متصل به لرزاننده در آزمایش داده و پاسخ زمانی ولتاژ خروجی به وسیله سیستم دادهبرداری اندازه گیری شده است.

1-4- تعريف مسأله

مسأله مورد نظر در اینجا عبور سه جرم یکسان به اندازههای **kg** 10³ k**g** سر سر هم از روی پل است، به گونهای که وقتی جرم اول از روی پل بهصورت کامل عبور کرد، جرم دوم وارد پل شده و پس از آن جرم سوم وارد پل میشود. مشخصات پل در جدول 3 آمده است. مسأله برای سرعتهای 20، 25 و m/3 00، سرعت عبور متداول وسایل نقلیه در چنین پلی، حل شده است.

2-4- طراحی برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک

با توجه به مشخصات پل و فرکانس طبیعی اول آن، برداشتکننده انرژی پیزوالکتریک از نوع تیر یکسر گیردار، مورد استفاده در شبیهسازی و آزمایش بهگونهای طراحی و ساخته شده که فرکانس طبیعی اول آن Hz 13.5 باشد.

یک برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک برای مقایسه نتایج تجربی و پیش بینی های تئوری، طراحی و ساخته شد. معیار طراحی برداشت کننده فرکانس طبیعی اول آن است. یک وصله پیزوالکتریک QP10N ساخته شده توسط شرکت میدی¹ نزدیک به قسمت گیردار ورقی از جنس فولاد ضدزنگ به ابعاد 3mx 0.5×20 چسبانده شد. یک جرم اضافی به مقدار **2** برای تنظیم فرکانس تشدید برداشت کننده به سر آزاد تیر متصل شد. سایر مشخصات برداشت کننده در جدول 4 آمده است. خواص ماده وصله پیزوالکتریک مانند چگالی، سختی الاستیک، ثابت پیزوالکتریک و ضریب گذردهی مطلق در تنش ثابت، از برگه اطلاعات پیزوالکتریک استخراج شده است [22]. چگالی زیرسازه با آگاهی از مقادیر جرم و حجم آن به دست آمده و شده است. از خواص چسب اتصال به دلیل ضخامت اندک آن چشمپوشی شده است.

4-3- شناسایی پارامتری و راستی آزمایی مدل

به دلیل آن که وصله پیزوالکتریک تمام طول تیر را نمی پوشاند، سختی خمشی و چگالی در طول تیر ثابت نیست. یک مدل اجزا محدود جهت محاسبه فرکانس های طبیعی و شکل مودهای برداشت کننده استفاده شده است. باید خاطر نشان کرد که این تحلیل در شرایط اتصال کوتاه وصله

جدول 3 مشخصات پل Table 3 The bridge specifications

مقدار	
3730 kg/m	جرم واحد طول
0.02	نسبت میرایی
210 GPa	مدول الاستيسيته
0.47 m^4	ممان سطح مقطع
16 m	طول
13.5 Hz	فركانس طبيعي اول

جدول 4 خواص سیستم برداشت کننده انرژی پیزوالکتریک [22] Table 4 Material properties of the piezoelectric harvester [22]

	مقدار
چگالی لایه پیزوالکتریک $ ho_{ m p}$ (kg m ⁻³)	7800
چگالی لایه زیرسازه $ ho_{ m s}$ (kg m $^{-3}$)	7515
چگالی جرم گواه $ ho_0$ (kg m $^{-3}$)	7515
سختی لایه پیزوالکتریک $c^{\scriptscriptstyle E}{}_{11}$ (GPa)	61
c _s (GPa) سختی لایه زیرسازه	193
خریب گذردهی مطلق $arepsilon^{T}{}_{33}$ (F m $^{-1}$)	$1700\varepsilon_0$
خریب گذردهی مطلق $arepsilon^{S}{}_{33}$ (F m $^{-1}$)	$1451\varepsilon_0$
∂ (F m ⁻¹) ε₀ (F m ⁻¹)	8.854×10^{-12}
ثابت کرنش (C N $^{-1}$)	-190×10 ⁻¹²
ثابت تنش e_{31} (C m $^{-2}$)	-11.6

¹ Midé

(gr)

7.3

51.81

پیزوالکتریک صورت گرفته؛ بنابراین در فرکانس های طبیعی و شکل مودها تزويج الكترومكانيكي درنظر گرفته نشده است. به وسيله اين تحليل فركانس طبيعى اول سيستم نزديك به 13.37 العدست آمد. با استفاده از جعبه ابزار انطباق منحنی 1 نرمافزار متلب، یک چندجملهای از درجه چهار بر شکل مود پایه سیستم، $\psi_{r1}(x)$ ، که از حل اجزا محدود بهدست آمده است، منطبق شد.

در این مطالعه، فرض شده است که توزیع پتانسیل الکتریکی، میدان الكتريكي ثابتي را در طول ضخامت المان پيزوالكتريك نتيجه ميدهد. پتانسیل الکتریکی از 0 در الکترود بالایی به 1+ در الکترود پایینی تغییر می کند. پتانسیل الکتریکی در مود عملکردی {1-3}، به معنای قطبش ییزوالکتریک در راستای 3 (x_t) در شکل 3) و تنش در راستای 1 (x_a) در شکل 3)، بەصورت رابطە (28) فرض شدە است.

$$\psi_{v} = \frac{(t_{p} + d) - x_{t}}{t_{p}} \quad , \quad d \le x_{t} \le t_{p} + d \tag{28}$$

نخامت لایه پیزوالکتریک و d فاصله میان تار خنثی در تیر برداشت کننده $t_{
m p}$ و سطح بالایی زیر لایه است. پارامترهای سیستم با استفاده از خواص مواد جدول 4) و شکل مود اول، $\psi_{r1}(x)$ مشخص شده و در جدول 5 آورده شده (

با استفاده از روش نیم- توان پهنای باند²، نسبت استهلاک مودال مکانیکی خالص از منحنی تابع پاسخ فرکانسی ولتاژ نسبت به شتاب پایه در شرایط نزدیک به اتصال کوتاه ($R_{\rm l} = 22 \ \Omega$) بهدست آمده است. معادله نیم -توان پهنای باند برای **1** ≫ ζ در رابطه (29) داده شده است.

$$\mathbf{2\zeta} \cong \frac{\omega_{\text{upper}} - \omega_{\text{lower}}}{\omega}$$
(29)

در رابطه پیشین $\omega_{
m lower}$ و $\omega_{
m upper}$ به ترتیب فرکانسهای پایینتر و بالاتر برابر با هستند، وقتی مقدار تابع پاسخ فرکانسی است. پارامتر ζ از نخستین مود ارتعاشی سیستم $V/A_{\rm B}$ حدود %4 در آزمایش بهدست آمد؛ بنابراین ضریب استهلاک لزج، C از معادله است. قابل استخراج است. $C = 2M\zeta_1 \omega_1$

4-4- برپاسازی آزمایش

براى بەدست آوردن توابع پاسخ فركانسى الكترومكانيكى، مقاومت الكتريكى بهینه و ولتاژ خروجی برداشت کننده به ورودی شتاب پایه ناشی از تحریک پل بر اثر عبور جرم بهصورت تجربی آزمایش هایی انجام گرفت که تجهیزات آن در شکل 4 نشان داده شده است.

یک لرزاننده الکترومکانیکی³ که بهوسیله یک تقویت کننده توان⁴ تحریک می شود، برای برانگیزش تیر یک سر گیردار مورد استفاده قرار گرفته است. شتاب پایه تیر یکسر گیردار به وسیله یک شتابسنج کوچک⁵ که به گیره آلومینیمی تیر متصل، اندازه گیری شده است. فرض شده که گیره مانند یک جسم صلب در محدوده فرکانسی موردنظر رفتار کرده؛ بنابراین شتابسنج شتاب پایه را اندازه گیری می کند. سیستم داده برداری⁶ سیگنال شتاب را از شتاب سنج و ولتاژ اندازه گیری شده در دو سر مقاومت را ثبت می کند.

5-4- توابع پاسخ فركانسي تحليلي و تجربي

5.85×10-5

جدول 5 پارامترهای مدل متمرکز برداشت کننده

10.5

 $C_{\rm p}$

(nF)

براى مشخص كردن توابع پاسخ فركانسى سيستم الكتروالاستيك خطى، آزمایشهایی با تحریک سینوسی و دامنه تحریک کم صورت گرفت تا اثرات غیرخطی ذاتی در اندازه گیری توابع پاسخ فرکانسی ظاهر نشوند. شکلهای 6,5 به ترتيب نماينده توابع پاسخ فركانسي مربوط به شرايط الكتريكي مدارباز و اتصال کوتاه هستند.

0.05

برای شرایط مدارباز سیمهای متصل به الکترودهای وصله پیزوالکتریک به طورمستقیم به سیستم دادهبرداری وصل شده (مقاومت سیستم دادهبرداری حدود α اندازه گیری شد.) و برای شرایط اتصال کوتاه یک مقاومت الکتریکی بهاندازهی Ω 22 به صورت موازی با سیستم دادهبرداری بسته شد. برای محدوده فرکانسی اندازهگیری، دقت فرکانسی⁷ سیستم دادهبرداری برابر با 0.125 Hz تنظیم شد که این مقدار، نهایت دقت این سیستم است. نتایج نشان میدهند که فرکانسهای طبیعی بهدستآمده در حضور دو شرط الکتریکی (مدارباز و اتصال کوتاه) اختلاف زیادی با یکدیگر ندارند. دلیل این امر مىتواند اثر كم تزويج پيزوالكتريك روى سختى كل سازه باشد [23]. دليل دیگر، مقاومت های الکتریکی نظیر شرایط اتصال کوتاه و مدار باز به ترتیب Ω 22 و 370 kΩ است و اختلاف آنها بینهایت نیست که این موضوع به دلیل محدودیت آزمایش است. در شکلهای 6,5، قله موجود در فرکانسHz 50 به دلیل فرکانس نویز موجود در سیمهای محل آزمایش حامل برق شهر است.

همان طور که توابع پاسخ فرکانسی نشان میدهند، فرکانس های طبیعی اول و دوم سیستم به ترتیب حدود 13.5 Hz و 96.6 Hz است. اختلاف بین فرکانس طبیعی اول و دوم به گونه ای است که می توان نتیجه گرفت مودهای بالاتر از مود اول سهم کمی در پاسخ سیستم دارند، بهویژه زمانی که فرکانس تحریک کمتر از 30 Hz باشد. در این صورت میتوان نتیجه گرفت که تقریب استفاده از مود اول برای پیشبینی پاسخ سیستم به دلیل پایینبودن فرکانس های تحریک در این مطالعه مناسب است.

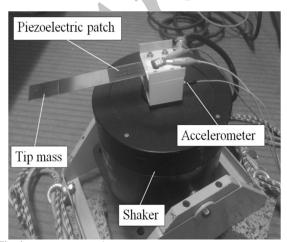


Fig. 4 Measurement equipment

¹ Curve fitting Toolbox

Half-power bandwidth method

³ B&K PM Vibration Exciter Type 4808 ⁴ B&K Power Amplifier Type 2719

PCB Piezotronics Model 356B08

⁶ B&K Data Acquisition Sys. 3560D

Table 5 Lumped model parameters of the harvester Re С (N s m⁻¹) (N m^{-1}) (N V⁻¹) (gr) 45.34

شكل 4 تجهيزات آزمايش

⁷ Frequency resolution

مهندسی مکانیک مدرس، شهریور 1395، دوره 16،شماره 6

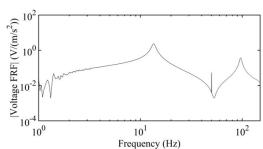
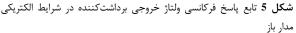


Fig. 5 The harvester voltage output frequency response function at open-circuit boundary conditions



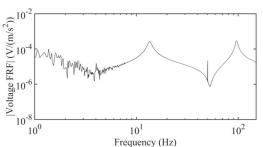


Fig. 6 The harvester voltage output frequency response function at short-circuit boundary conditions

شکل 6 تابع پاسخ فرکانسی ولتاژ خروجی برداشتکننده در شرایط الکتریکی اتصال کوتاه

6-4- مقاومت الكتريكي بهينه

مقاومتی که در آن بیشترین توان استخراج شود، مقاومت الکتریکی بهینه نام دارد. بهصورت تئوری، فرکانس تحریک بهینه بسیار نزدیک به فرکانس طبیعی اول سیستم است، چون اسکالر بدون بعد **X** که در رابطه (27) تعریف شد برابر است با ⁴01×4.6 که در مقایسه با 1 بسیار کوچک است. در آزمایش مقاومت الکتریکی بهینه در فرکانس تحریک برابر با فرکانس طبیعی اول سیستم بهدست آمد.

براى بەدست آوردن مقاومت الكتريكى بهينه بەصورت تجربى، شتاب پايه به صورت سینوسی با دامنه 2 m/s² و فرکانس 13.5 Hz با تغییر مقاومت الكتريكي به سيستم داده شد. شكل 7 نماينده توان نسبت به مقاومت به صورت تئوری (نمایش داده شده با خط) و تجربی (نمایش داده شده با نقطه) است. شکل 7 مقاومت الکتریکی بهینهای حدود kΩ 200 را حاصل از نتايج تجربى مشخص مىكند كه به مقاومت بهينهاى كه تئورى پيشبينى می کند (رابطه (24))، حدود Ω 260 به نسبت نزدیک است. در آزمایش توان $P_{\rm out} = v_{\rm rms}^2/R_1$ برداشت از تحریک پایه یادشده با رابطه با محاسبه شده است. چون در آزمایش فرکانس تحریک با فرکانس طبیعی اول برداشت کننده برابر است، اختلاف نتایج تئوری و تجربی بیشتر از زمانی است که دو فرکانس یکی نباشند (در این جا نشان داده نشده است) [25,24] . شکل 8 به مقایسه بین توابع پاسخ فرکانسی ولتاژ حاصل از بررسیهای تحلیلی و نجربی در حضور مقاومت الکتریکی بهینه می پردازد. همان گونه که از شکل پیداست مدل تئوری، نتایج تجربی را با دقت مناسبی دنبال میکند. اختلاف بین دادههای تحلیلی و تجربی در فرکانسهای پایین (**٥- Hz**) بیشتر به دلیل یهنای باند لرزاننده است که از **Hz** تا 10 kHz است؛ بنابراین لرزاننده در فرکانس های پایین تر از Hz 5 نمی تواند تحریک شود.

4-7- ولتاژ توليدشده در وصله پيزو در اثر عبور جرمهاي متوالي

همان طور که پیشتر اشاره شد در این مسأله برداشت انرژی از ارتعاشات یک پل مشخص تحت عبور سه جرم یکسان متوالی به گونه ای که پس از عبور کامل جرم اول از روی پل، جرم دوم وارد پل شده و به همین ترتیب پس از آن، جرم سوم وارد شود، برای سه سرعت متفاوت بررسی شده است. نتایج حاصل از این بررسی برای هر سرعت در شکلهای 9-11 آورده شده است. برای هر یک از سرعتها شکل (الف) نماینده جابه جایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم، شکل (ب) نماینده تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم و شکل (ج) نماینده مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشت کننده در حضور مقاومت بهینه، تحت عبور جرمها در سرعت داده شده، به دست آمده از حل تحلیلی (نشان داده با خط) و آزمایش (نشان داده شده با نقطه) است.

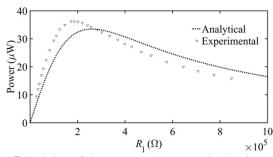


Fig. 7 Variation of the power output versus load resistance for excitation at the resonance frequency

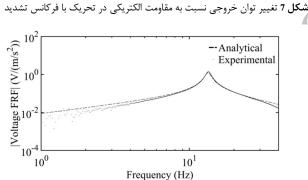


Fig. 8 The analytical and experimental voltage output FRFs with optimum resistive load

شکل 8 پاسخ فرکانسی ولتاژ خروجی پیش،بینی و اندازهگیریشده با شرایط الکتریکی مقاومت بهینه

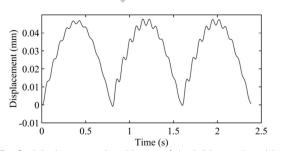


Fig. 9a Displacement time history of the bridge at the mid-span under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (m/s)

شکل 9 الف جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (**m/s**) 20

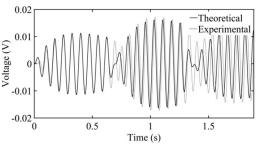


Fig. 10c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (**m/s**)

شکل 10 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشتکننده در حضور مقاومت بهینه، برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (**m/s**) 25

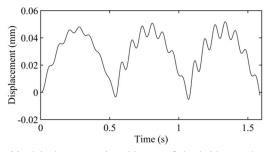


Fig. 11a Displacement time history of the bridge at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (m/s)

شکل 11 الف جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 30 (m/s)

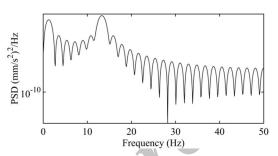


Fig. 11b PSD function of the bridge acceleration at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (m/s)

شکل 11 ب تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم یکسان برای سرعت (**m/s**) 30

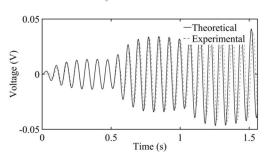


Fig. 11c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 30 (**m/s**)

شکل 11 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشتکننده در حضور مقاومت بهینه، برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (**m/s**) 30

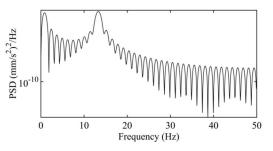


Fig. 9b PSD function of the bridge acceleration at the mid-span under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (m/s)

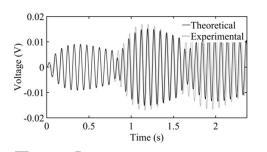


Fig. 9c Comparison of the voltage output of the harvester with presence of optimum load for 3 moving consecutive masses at velocity equal to 20 (**m/s**)

شکل 9 ج مقایسه بین ولتاژ خروجی برداشتکننده در حضور مقاومت بهینه. برای عبور سه جرم یکسان با سرعت (m/s) 20

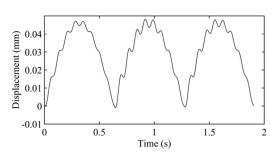


Fig. 10a Displacement time history of the bridge at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (m/s)

شكل 10 الف جابهجايى نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم يكسان براى سرعت (m/s) 25 (m/s)

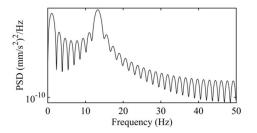


Fig. 10b PSD function of the bridge acceleration at the midspan under 3 moving consecutive masses at velocity equal to 25 (**m/s**)

```
شکل 10 ب تابع چگالی طیفی توان نظیر شتاب نقطه وسط پل در طول زمان عبور
سه جرم یکسان برای سرعت (m/s) 25
```

در اینجا لرزاننده جابهجایی نقطه وسط پل در طول زمان عبور سه جرم را که بهصورت تحلیلی محاسبه شده را توسط یک سیگنالساز بهصورت تجربی تولید و بهعنوان شتاب پایه به برداشتکننده اعمال میکند.

همان طور که از نمودارهای جابه جایی نقطه وسط پل پیداست، دامنه ارتعاشات پل برای جرم دوم بیشتر از جرم اول و برای جرم سوم بیشتر از جرمهای اول و دوم است. با توجه به نمودارهای توابع چگالی طیفی توان برای سرعتهای مختلف، مشخص است که ارتعاشات پل تحت عبور جرمهای متوالی دارای دو فرکانس غالب هستند، که فرکانس کمتر فرکانس تحریک پل تحت عبور جرمها و فرکانس بیشتر همان فرکانس طبیعی اول پل است، همچنین توابع چگالی طیفی توان در فرکانس طبیعی پل بیشترین دامنه را دارند که نماینده این حقیقت است که در مسأله عبور جرمهای متوالی بیشترین توان ارتعاشات پل در فرکانس طبیعی اول آن وجود دارد. تنظیم کردن فرکانس طبیعی اول آن وجود دارد. منظور برداشت بیشینه توان کار معقولی است.

از دلایل اصلی اختلاف بین ولتاژ خروجی پیش بینی شده از تئوری و اندازه گیری شده در عمل در مسأله عبور جرمهای متوالی ناتوانی لرزاننده برای تولید فرکانس های کمتر از Hz است، زیرا سیگنال ورودی به لرزاننده همان شتاب نقطه وسط پل تحت عبور جرمهاست، که از دو فرکانس غالبی تشکیل شده که یکی از آنها کمتر از Hz است. در حقیقت شتاب پایه برداشت کننده انرژی مورداستفاده در تئوری و آزمایش دقیقا برابر نیستند.

5-نتيجه گيري

در این مطالعه برداشت انرژی از پل تحت عبور جرمهای متوالی مورد بررسی قرار گرفت. برداشت کننده شامل تیر یک سر گیردار با وصله پیزوالکتریک و جرم اضافی بود که در وسط پل نصب شد. معادلات پل تحت عبور جرمهای متوالی و برداشت کننده با وصله ییزوالکتریک ارائه و حل شد. مقایسهای میان یاسخهای زمانی پل تحت عبور جرم با درنظر گرفتن و یا صرفنظر کردن از مؤلفههای شتاب جرم عبوری شامل شتاب کوریولیس، شتاب جانب مرکز به دلیل حرکت روی مسیر منحنی تیر و شتاب تیر انجام پذیرفت. در این مقایسه مشخص شد که مؤلفههای شتاب جرم عبوری تأثیر به سزایی در پاسخهای زمانی پل (بهویژه برای جرمهای سنگین و سرعتهای زیاد) دارند و بنابراین در حل مسأله عبور جرم نمیتوان از آنها چشمپوشی کرد. نتایج عددی نشان داد که پاسخ پل تحت عبور جرمهای متوالی پس از عبور هر جرم تغییر خواهد کرد، به گونهای که دامنه ارتعاشات با عبور جرمهای متوالی اندكي افزايش مييابد، ولي فركانس غالب ارتعاشات كه همان فركانس طبيعي اول پل است، ثابت باقی میماند. نتایج نشان داد که استفاده از مود اول برای محاسبه تغییر مکان وسط پل دارای دقت قابل قبولی است و با زیاد کردن تعداد مودها نتایج تغییر چندانی نمی کند.

در ادامه برداشتکننده انرژی پیزوالکتریک مناسب مسأله طراحی، ساخته و با انجام آزمایش اعتبار مدل برداشتکننده تأیید شد. جهت برداشت بیشینه توان فرکانس طبیعی اول برداشتکننده با فرکانس طبیعی اول پل برابر قرار داده شد، همچنین مشخص شد که با توجه به شرایط مرزی دو سر مفصل پل، وسط پل که مود اول بیشترین مقدار دامنه را دارد، محل بهینه برای قرارگیری برداشتکننده است.

مقاومت بهینه الکتریکی جهت بیشینه برداشت از سیستم بهصورت تجربی و تئوری محاسبه و نشان داده شد که برای مسئله مورد نظر این مقدار برابر 200 کیلو اهم است.

شتاب نقطه وسط یک پل خاص در اثر عبور سه جرم متوالی به صورت تحلیلی برای سه سرعت متفاوت تعیین شد. با استفاده از این شتاب و به کمک معادلات استخراج شده ولتاژ تولید شده در وصله پیزوالکتریک محاسبه گردید. در ادامه شتاب نقطه وسط پل که به صورت تئوری محاسبه شد توسط لرزاننده به برداشت کننده اعمال و ولتاژ ایجادشده در وصله پیزوالکتریک به صورت تجربی اندازه گیری شد. تفاوت ناچیز بین مقادیر تئوری و تجربی نشان دهنده دقت بالای مدل ارائه شده است؛ بنابراین می توان از این مدل برای برداشت انرژی از پل های واقعی به صورت مناسبی استفاده کرد. در پایان از ولتاژ تولیدی می توان برای توان بخشیدن به حسگرهای پایش سلامت سازه در شبکه های بی سیم برای کاهش هزینه های تعمیر و نگهداری پل استفاده کرد.

6-مراجع

- H. A. Sodano, D. J. Inman, G. Park, A Review of Power Harvesting from Vibration using Piezoelectric Materials, *The Shock and Vibration Digest*, Vol. 36, No. 3, pp. 197–205, 2004.
- [2] M. R. Asgharzadeh, K. Jahani, A. Kianpoor, M. H. Sadeghi, Energy Harvesting Investigation from Unimorph Trapezoidal Beam Vibrations using Distributed Parameters Method, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 15, pp. 96-102, 2015 (In Persian فارسي).
- [3] C. Kompis, S. Aliwell, Energy Harvesting Technologies to Enable Remote and Wireless Sensing, London: KTN, pp. 25-32, 2008.
- [4] S. Boisseau, G. Despesse, T. Ricart, E. Defay, A. Sylvestre, Cantilever-based electret energy harvesters, *Smart Materials and Structures*, Vol. 20, No. 10, p. 105013, 2011.
- [5] F. Khan, B. Stoeber, F. Sassani, Modeling of linear micro electromagnetic energy harvesters with nonuniform magnetic field for sinusoidal vibrations, *MicrosystemTechnologies*, Vol. 21, No. 3, pp. 683–692, 2014.
- [6] F. Khan, F. Sassani, B. Stoeber, Nonlinear behaviour of membrane type electromagnetic energy harvester under harmonic and random vibrations, *Microsystem Technologies*, Vol. 20, No. 7, pp. 1323–1335, 2014.
- [7] C. Peters, J. Handwerker, D. Maurath, Y. Manoli, An ultralowvoltage active rectifier for energy harvesting applications, *Proceedings of the IEEE International Symposium on Circuits* and Systems (ISCAS '10), Paris: IEEE, pp. 889–892, 2010.
- [8] P. D. Mitcheson, T. C. Green, Maximum effectiveness of electrostatic energy harvesters when coupled to interface circuits, *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: RegularPapers*, Vol. 59, No. 12, pp. 3098–3111, 2012.
- [9] Y. Zhang, Piezoelectric Based Energy Harvesting on Low Frequency Vibrations of Civil Infrastructures, PhD. Thesis, University of Houston, Texas, 2014.
- [10] J. M. Ko, Y. Q. Ni, Technology developments in structural health monitoring of large-scale bridges, *Engineering structures*, Vol. 27, No. 12, pp. 1715–1725, 2005.
- [11] J. P. Lynch, K. J. Loh, A summary review of wireless sensors and sensor networks for structural health monitoring, *The shock and vibration digest*, Vol. 38, No. 2, pp. 91–128, 2006.
- [12] N. G. Elvin, N. Lajnefand, A. A. Elvin, Feasibility of structural monitoring with vibration powered sensors, *Smart Materials and Structures*, Vol. 15, No. 4, pp. 977–986, 2006.
- [13] G. Park, T. Rosing, Energy Harvesting for Structural Health Monitoring Sensor Networks, *Infrastructure Systems*, Vol. 14, No. 64, pp. 1076-0342, 2008.
- [14] S. Kima, J. Ahn, H. Chung, H. Kang, Analysis of piezoelectric effects on various loading conditions for energy harvesting in a bridge system, *Sensors and Actuators A*, Vol. 167, No. 2, pp. 468–483, 2011.
- [15] A. Erturk, Piezoelectric Energy Harvesting for Civil Infrastructure System Applications: Moving Loads and Surface Strain Fluctuations, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 22, No. 17, pp.1959-1973, 2011.
- [16] S. F. Ali, M. I. Friswell, S. Adhikari, Analysis of energy

harvesting based on vibration, precision engineering and manufacturing, Vol. 12, No. 6, pp. 1129-1141, 2011.

- [22] *QuickPack material properties*, Accessed on 25 July 2013; http://www.mide.com/.
- [23] N. E. Dutoit, B. L. Wardle, SG. Kim, Design considrations for MEMS-scale piezoelectric mechanical vibration energy harvesters, *Integrated Ferroelectrics*, Vol. 71, No. 1, pp. 121-160, 2005.
- [24] M. Kim, M. Hoegen, J. Dugundji, B. L. Wardle, Modeling and experimental verification of proof mass effects on vibration energy harvester performance, *Smart Materials and Structures*, Vol. 19, No. 4, p. 045023, 2010.
- [25] M. Karimi, R. Tikani, S. Ziaei-Rad, H. R. Mirdamadi, Experimental and theoretical studies on piezoelectric energy harvesting from low-frequency ambient random vibrations, *Proc. IMechE Part C: Mechanical Engineering Science*, 2015, DOI: 10.1177/0954406215593569.

harvesters for highway bridges, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 22, No. 16, pp. 1929–1938, 2011.

- [17] M. Peigney, D. Siegert, Piezoelectric energy harvesting from traffic-induced bridge vibrations, *Smart Materials and Structures*, Vol. 22, No. 9, p. 095019, 2013.
- [18] H. Bo, S. Vassilaras, C. B. Papadias, R. Soman, M. A. Kyriakides, T. Onoufriou, R. H. Nielsen, R. Prasad, Harvesting energy from vibrations of the underlying structure, *Vibration and Control*, Vol. 19, No.15, pp. 2255-2269, 2013.
- [19] Y. Zhang, S. CS. Cai, L. Deng, Piezoelectric-based energy harvesting in bridge systems, *Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 25, No.12, pp.1414-1428, 2014.
- [20] C. Bilello, L. Bergman, D. Kuchma, Experimental investigation of a small-scale bridge model under a moving mass, *Structural Engineering*, Vol. 130, No. 5, pp. 799–804, 2004.
- [21] HS. Kim, JH. Kim, J. Kim, A review of piezoelectric energy