ماهنامه علمى يژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme modares ac in

بررسي تاثير لايه چيني و نيروي پيشران بر سرعت فلاتر بهينه بال كامپوزيتي

محمدرضا فلاح¹، مجتبي فرخ²*، سعبد ابراني³

1 - دانشجوی کارشناسی ارشد، سازههای هوایی، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران

- 2- استادیار، سازەهای هوایی، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران
	- 3- دانشیار، سازههای هوایی، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران

[:] تهران، صندوق پستی 16765-1676، farrokh@kntu.ac.ir

The effect of laminate layers and follower force on optimum flutter speed of composite wing

Mohammad Reza Fallah, Mojtaba Farrokh^{*}, Saied Irani

Faculty of Aerospace Engineering, K.N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran * P.O.B. 16765-3381, Tehran, Iran, farrokh@kntu.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 16 April 2016 Accepted 20 May 2016 Available Online 22 June 2016

Keywords Aeroelasticity Flutter Composite wing Optimization Genetic algorithm

ABSTRACT

In this article the composite wing aeroelastic instability speed is optimized by genetic algorithm relative to fiber angle for different layers and follower forces. Aircraft wing is modeled as a beam with two degrees of freedom, which is a cantilever, with thrust as a follower force and mass of the engine. For structural modeling of composite wing the layer theory has been used and unsteady flow assuming subsonic and incompressible flow was used for aerodynamic model in the time domain. Using the assumed mode the wing dynamic equations of the motion were derived by Lagrange equations. Linear flutter speed according to the eigenvalues of the motion equations was calculated. The process of flutter speed calculation has been converted to computer code in which the number of lavers, angle of fibers in each layer, the mass of the engine, and the thrust are input variables and the flutter speed is its output. Using Genetic Algorithm, optimum flutter speed was obtained by changing the angle of fibers. Finally, the impact of the number of layers, the mass of the engine, and thrust on optimum flutter speed has been investigated

سازه شده و نهایتا آن را متلاشی کنند. یکی از خطرناکترین ناپایداریهای آیروالاستیک دینامیکی که در طراحی و تحلیل بال هواپیما مورد بررسی قرار می *گ*یرد، فلاتر ¹ میباشد. این پدیده از برهمکنش نیروهای آیرودینامیکی، نیروهای الاستیک و نیروهای اینرسی ایجاد شده و میتواند باعث گسیختگی ناگهانی سازه بال هواپیما شود.

.
تاکنون در ارتباط با تحلیل بال هواپیما با توجه به بار گذاریهای دینامیکی مختلف کارهای گوناگونی انجام شده و کتابهای بسیاری نیز در این زمینه منتشر گردیده است [2,1]. در زمینه بررسی مساله پایداری ساختار انعطاف بررسی رفتار استاتیک و دینامیک سازه الاستیک در جریان سیال (هوا) ۱٫ .
آیروالاستیسیته می گویند. امروزه به دلیل تمایل به کاهش مصرف سوخت، .
حتى الامكان از مواد سبك در ساخت هواپيماها استفاده مىشود. استفاده از این مواد در طراحی هواپیما باعث افزایش انعطافپذیری سازه به خودی خود .
برای تحلیل سازه مشکل ساز نیست اما از آن جا که تغییر شکل های سازهای باعث تغییر در نیروهای آیرودینامیکی میشود و نیروهای آیرودینامیکی جدیدی را بوجود میآورند، پدیدههای آپروالاستیک آشکار میشوند. گاهی ممكن است بر هم كنش اين عوامل باعث بزرگتر شدن دامنه تغيير شكل هاي

1- مقدمه

يوايي ارجاع به اين مقاله از عبارت ذيل استفاده نعاييد:
M. R. Fallah, M. Farrokh, S. Irani, The effect of laminate layers and follower force on optimum flutter speed of composite wing, *Modares Mechanical Engineering, Vol.* 226-236, 2016 (in Persian)

 1 Flutter

نشده است. از فرضیات عمده این روش آن است که جریان سیال تراکمناپذیر بوده و بال در دو جهت از صفحه تقارن تا بی نهایت ادامه پیدا می کند لذا جریان پیرامون بالواره برای هر سطح مقطع عرضی عمود بر بال یکسان بوده و جریان به صورت دوبعدی است. ضمنا از اثرات لزجت سیال صرف نظر شده و زاویه حمله کوچک در نظر گرفته شده است. در "شکل 1" و "شکل 2" مدل بال موردنظر بهصورت شماتيک نشان داده شده است. همچنين "شكل 3" بال تغيير شكل يافته را نشان مىدهد.

با توجه به این که بال مورد نظر در این مقاله دارای دو درجه آزادی خمش و پیچش می باشد، از تغییر شکلها در جهت طولی (u) و عرضی (v) صرفنظر خواهد شد. این بدان معنا است که بال مورد نظر از نظر طولی غیر قابل انعطافپذیر میباشد. همچنین سختی خمشی در جهت z نسبت به سختی خمشی در جهت y بسیار زیاد در نظر گرفته میشود. بدین ترتیب بردار جابجایی جرم متمرکز پس از تغییر شکل بال به صورت رابطه (1) خواهد يود [16]:

 $R_s = (x + u)\hat{i} + v\hat{j} + w\hat{k} + y\hat{j} + z_x\hat{k}$

Fig. 1 The wing with engine configuration $[13]$ $[13]$ شكل 1 نحوه اتصال موتور به بال

Fig. 2 Side view of wing $[13]$

شكل 2 نماى جانبى بال [13]

 (1)

Fig. 3 The wing situation before and after the deformation of elastic[17]

شكل 3 وضعيت بال قبل و بعد از تغيير شكلهاى الاستيك [17]

پذیر تحت نیروهای پیشران مقالات و کتابهای کمتری موجود میباشد. در سال 1974 فلدت و هرمن موفق شدند تا فلاتر بال يكسر درگير را كه تحت اثر نیروی رانش بوده و جرم متمرکز در انتهای آن قرار گرفته است را بررسی کنند [3]. در سال 1979 پایداری تیر یکسر در گیر تحت اثر نیروی غیر پایستار توسط کلپ بررسی شد [4]. هاجز و همکارانش در سال 2002 با در نظر گرفتن دو درجه آزادی برای بال اثر نیروی رانش بر پایداری بال را مورد بررسی قرار دادند [5]. این تحلیل نشان داد که نیروی پیشران موتور بر روی مرز ناپایداری بال تاثیر منفی دارد که این اثر با توجه به پارامترهای سازهای کم و یا بیشتر می شود. در سال 1945 گولند فلاتر یک بال یک سر گیردار و یکنواخت را برای پارامترهای مختلف بدست آورد [6] و پس از آن نیز در سال 1948 این مسئله را برای یک بال یکسرگیردار همراه با جرم متمرکز در نوک بال محاسبه كرد [7]. در سال 1998 گرن و ليبرسكيو فلاتر و واگرايي يک بال با زاويه ي عقب رفت را که جرمهای متمرکز را در طول و نوک خود حمل می کند را با مدل بار گذاری غیردائمی(مدل تئودرسون)، بدست آوردند [8]. در این پژوهش معادلات حاكم بر بال با استفاده از اصل هاميلتون همراه با شرايط مرزى بدست آمده است .در همین سال لیبرسکیو و گرن مقاله ای دیگر در مورد جرم متمرکز و بال با زاویه ی عقب رفت ارائه دادند که در این پژوهش به مسئله استاتیک ایروالاستسیته بیشتر پرداخته شده است [9]. مزیدی و فاضل زاده در سال 2009 تاثیر زاویه عقبگرد بال بر ناپایداری دینامیکی بال و موتور متصل به آن را بررسی کردند [10]. همچنین آنها در سال 2010 تاثیر مانور غلتش را بر ناپایداری استاتیکی و دینامیکی بال هواپیما و جرم متصل به آن مورد مطالعه قرار دادند [11]. مزیدی و فاضل زاده در سال 2011 به بررسی تاثیر سرعت مانور محوری هواپیما بر ناپایداری دینامیکی بال هواپیما تحت نیروی پیشران، یر داختند [12]. در سال 2013 آموز گار و ایرانی ناپایداری بال کامپوزیتی تک -لایه را که دارای موتور بود، براساس تغییر زاویه الیاف تک لایه، موقعیت قرارگیری موتور و نیروی بی بعد پیشران، مورد بررسی قرار دادند [13].

حال در این مقاله ضمن این که موقعیت قرار گیری موتور با توجه به نوع بال، ثابت و بال به صورت كامپوزيت در نظر گرفته شده، با استفاده از الگوريتم ژنتیک تاثیر چند لایه بودن و اثر زاویه الیاف در نیروهای پیشران متفاوت بررسی شده است.

2-معادلات حركت

بال مورد بررسی به صورت یک تیر نازک دارای دو درجه آزادی با اتصال صلب به بدنه تحت نیروی پیشران و همچنین جرم موتور در نظر گرفته شده است. از فرضیاتی که در این بررسی در نظر گرفته شده است میتوان به عدم تغییر طول وتر بال از نوک تا ریشه اشاره نمود، همچنین بال حین جابجایی تاب بر نمی دارد و فرم وتر بال تغییر نمی کند. بال در جریان غیرقابل تراکم زیر صوت قرار دارد و از روابط لاگرانژ برای بدست آوردن معادلات آئروالاستیک حرکت استفاده شده و برای مدل کردن نیروهای آئرودینامیک در حوزه زمان از تئوری واگنر ¹ [14] استفاده شده است. جهت به دست آوردن بارهای آیرودینامیکی از تئوری نوارهای باریک 2 [15] استفاده شده، و این نیروها در طول بال اعمال میگردد که بدین منظور در روشهای تحلیلی مقدار نیروهای آپرودینامیکی برای یک مقطع بال حساب شده و به طول بال تعمیم می دهیم. در تئوری نوار باریک توزیع فشار در هر مقطع بال تنها به جریان پایین شوینده ³همان مقطع بصورت دوبعدي وابسته است و تاثير جريان اطراف مقاطع ديگر درنظر گرفته

¹Wagner
 $\frac{2}{3}$ Strip theory
 $\frac{3}{3}$ Downwash

 (13) $\delta W = \vec{P} \cdot \delta R_{\rm s}$ $\vec{P} = P\hat{j}$ $\delta R_s = \left(-z_s \delta w' \right) \hat{i} + \left(-z_s \delta \theta \right) \hat{j} + \left(\delta w + y_s \delta \theta \right) \hat{k}$ $\vec{P} \cdot \delta R_s = [P\hat{j} + P\theta \hat{k}] \cdot [(-z_s \delta w)\hat{i} + (-z_s \delta \theta)\hat{j}]$ $+$ $(\delta w + y_s \delta \theta) \hat{k}$ كه در نهايت كار مجازى به صورت رابطه (14) نوشته خواهد شد: $\delta W_P = \int_0^t (-Pz_s \delta \theta + P\theta \delta w + py_s \theta \delta \theta) \delta(x - x_s) dx$ (14) $\mathbf 0$ شکل مدهای حرکتی روابط (15 و 16) را برای درجات آزادی جابجایی

$$
P_{h}(\eta) = x/l \text{ (up to 2) and (up to 3) of the function}
$$
\n
$$
F_{h}(\eta) = \left(\frac{\sinh \beta_{1} + \sin \beta_{1}}{\cosh \beta_{1} + \cos \beta_{1}}\right) \cos(\beta_{1} \eta)
$$
\n
$$
-(\cosh(\beta_{1} \eta)) + \sinh(\beta_{1} \eta) - \sin(\beta_{1} \eta)
$$
\n(15)

$$
F_{\alpha}(\eta) = \sqrt{2} \sin(\beta_2 \eta) \tag{16}
$$

که مقادیر β و β برای چهار مد، به صورت رابطه (17) تعریف میشوند: $\beta_{_{\bf 1}}$ = [1.8751,4.69409,7.85476,10.9955,14.1372]

$$
\beta_2 = (i - 0.5)\pi
$$

 (17) حال با استفاده از روش مدهای فرضی جابجایی و پیچش بال به شکل رابطه (18**) تع**ريف مي شود:

$$
h = F_h(\eta)h_1(t)
$$
\n
$$
\alpha = F_\alpha(\eta)\alpha_1(t)
$$
\n
$$
\alpha = \alpha \left(18\right)
$$
\n
$$
\beta = \alpha \left(19\right)
$$

$$
Q_h = -\rho U^2 b l \int_0^l dC_L F_h(\eta) d\eta
$$
 (19)

$$
Q_{\alpha} = 2\rho U^2 b^2 l \int_0^{\tau} dC_M F_{\alpha}(\eta) d\eta
$$
 (–19)

برای راحتی در امر محاسبات، روابط حاکمه را به صورت بیبعد بیان می-نماييم. بديم منظور پارامترهاي بيبعد رابطه (20) را معرفي مينماييم:

دیدیل مطلوب به صورت رابطه (4) خوامد بود:
\n
$$
\rho_1 = [1.87514,69409,7.85476,10.9955,14.1372]
$$
\n
$$
\rho_2 = (i - 0.5)\pi
$$
\n
$$
\rho_3 = (i - 0.5)\pi
$$
\n
$$
\rho_4 = [1.87514,69409,7.85476,10.9955,14.1372]
$$
\n
$$
\rho_5 = (i - 0.5)\pi
$$
\n
$$
\rho_6 = \frac{1}{k} \rho_7 = \rho_8 = 0.5\pi
$$
\n
$$
\rho_8 = 2\pi
$$
\n
$$
\rho_9 = \frac{1}{k} \rho_9 = \frac{1
$$

$$
C_0\xi_1'' + C_1\alpha_1'' + C_2\xi_1' + C_3\alpha_1' + C_4\xi_1 + C_5\alpha_1
$$

$$
+C_6w_1 + C_7w_2 + C_8w_3 + C_9w_4 +
$$

\n
$$
A_1 \left(\frac{1}{1.8751^4}\right) \left(\frac{\omega}{U^*}\right)^2 G(\xi)
$$

\n
$$
+A_{12}Kb^* \left(\frac{r_a}{U^*}\right)^2 \left(\frac{2}{\pi}\right)^2 M(\alpha) = f(\tau)
$$
 (21)

$$
D_0 \ddot{\xi}_1 + D_1 \alpha_1 + D_2 \ddot{\xi}_1 + D_3 \alpha_1 + D_4 \ddot{\xi}_1 + D_5 \alpha_1
$$

+
$$
D_6 w_1 + D_7 w_2 + D_8 w_3 + D_9 w_4 + A_2 \left(\frac{2}{\pi}\right)^2 \left(\frac{1}{v'}\right)^2 M \alpha
$$

+
$$
A_{12}^T b^* \left(\frac{1}{v'}\right)^2 \left(\frac{2}{\pi}\right)^2 G(\xi) = g(\tau)
$$
 (22)

که \widehat{i} و \widehat{k} بردارهای یکه در راستای y و z بعد از تغییر شکل بال هستند. اگر از ترمهای غیرخطی صرفنظر شود، بردارهای یکه سیستم بعد از تغییر شکل $:$ بال به صورت رابطه (2) خواهند بود [18] $\sqrt{2}$

$$
\begin{Bmatrix} i \\ j' \\ j' \\ k' \end{Bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{0} & w' \\ \mathbf{0} & \mathbf{1} & \theta \\ -w' & -\theta & \mathbf{1} \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} i \\ j \\ k \end{Bmatrix}
$$
(2)

حال اگر ماتریس رابطه (2) بسط داده شود ارتباط بین مختصات قبل و بعد از $\;$ تغییر شکل به صورت رابطه $\;$ (3) خواهد شد:

$$
\hat{i} = \hat{i} + w'\hat{k}
$$
\n
$$
\hat{j}' = \hat{j} + \theta \hat{k}
$$
\n
$$
\hat{k}' = -w'\hat{i} - \theta \hat{j} + \hat{k}
$$
\n
$$
\hat{k}' = -w'\hat{i} - \theta \hat{j} + \hat{k}
$$
\n(3)

݅ሶ መ

݆ሶ ັ່ງ

 \ddot{k}

مکان جرم متمرکز برای مسئله مطلوب به صورت رابطه (4) خواهد بود: $R_s = \mathbf{G}x + u - w'z_s\mathbf{\hat{i}} + \mathbf{G}v + \mathbf{y}_s - \theta z_s\mathbf{\hat{j}} + \mathbf{G}w + \theta \mathbf{y}_s + z_s\mathbf{\hat{k}}$ (4) برای محاسبه انرژی جنبشی جرم متمرکز نیاز است که مشتق بردار جابجایی نسبت به زمان محاسبه شود. همان طور که در بالا هم اشاره شد از تغییر مکانهای u و v صرف نظر میشود و رابطه نهایی مشتق جابجایی به صورت رابطه (5) خواهد بود:

$$
\vec{R}_s = \left(-\dot{w} z_s \right) \hat{i} + \left(-\dot{\theta} z_s \right) \hat{j} + \left(\dot{w} + \dot{\theta} y_s \right) \hat{k}
$$
\n
$$
= \left(-\dot{w} z_s \right) \hat{i} + \left(-\dot{\theta} z_s \right) \hat{j} + \left(\dot{w} + \dot{\theta} y_s \right) \hat{k}
$$

$$
T_s = \frac{1}{2} \iiint\limits_V M_s \, (R_s \cdot R_s) \delta(x - x_s) \, dV \tag{6}
$$

_.
با جای گذاری رابطه (5) در رابطه (6) انرژی جنبشی ناشی از جرم متمرکز به صورت ,ابطه (7) خواهد شد:

$$
T_s = \int_0^l (M_s z_s^2 \dot{w}^2 + M_s z_s^2 \dot{\theta}^2 + M_s \dot{w}^2 + M_s y_s^2 \dot{\theta}^2 + 2M_s y_s \dot{w} \dot{\theta} + I_s \dot{\theta}^2 \delta(x - x_s) dx
$$
 (7)

برای به دست آوردن معادلات سیستم از روابط لاگرانژ استفاده شده است که برای بال دارای دو درجه آزادی به صورت رابطه (8) بیان میشود:

$$
\frac{d}{dt}\left(\frac{\partial T}{\partial h_1}\right) - \frac{\partial T}{\partial h_1} + \frac{\partial V}{\partial h_1} + \frac{\partial D}{\partial h_1} = Q_h
$$
\n(8)

$$
\frac{d}{dt}\left(\frac{\partial T}{\partial \dot{\alpha}_1}\right) - \frac{\partial T}{\partial \alpha_1} + \frac{\partial V}{\partial \alpha_1} + \frac{\partial D}{\partial \dot{\alpha}_1} = Q_\alpha \tag{9.8}
$$

*Q*ÁÊËY̻ɿY *D*,¶Ì¿ZfaÉ¿Y *V*,Ê^ÀmÉ¿Y *T*]YÁ¾ËY{į :[5] (9) Ä]YZ]dY]Y]µZ]Ê^ÀmÉ¿Y .|ÀZ]Ê»Äf§Z˺̼ eÉZÅÁÌ¿

$$
T = \frac{1}{2} \int_0^l (m\dot{h}^2 + 2me\dot{\alpha}\dot{h} + I_\alpha \dot{\alpha}^2) dx
$$
 (9)

{ÂÊ»Ä^Zv» (10) Ä]YcÂÄ]µZ]¶Ì¿ZfaÉ¿Y

$$
V = \frac{1}{2} \int_0^l (GJ\alpha'^2 + EIh''^2 + 2P(X_s - x)H(X_s - x)ah'')dx
$$
 (10)

$$
D = \frac{1}{2} \int_0^1 (C_h \dot{h}^2 + C_a \dot{\alpha}^2) dx
$$
 (11)

کار نیروهای آیرودینامیکی به صورت رابطه (12) نوشته میشود:
6W_A =
$$
\int_{0}^{1}
$$
 (-L δh + M $\delta \alpha$)dx (12)

 (13) Ä]YcÂÄ]½YÂeÊ»Y½YÌaÉÁÌ¿YÊZ¿ÊmZyÉZÅÁÌ¿Z¯ {¼¿Ä^Zv»

ثابتهای 41,A2, 412 عباراتی برحسب شکل مدهای مربوط به خمش و $w_1, ..., w_4$ پیچش میباشند و ضرایب و $c_0, c_1, ..., c_9$ و $D_0, D_1, ..., D_9$ و $g(\tau)$ توابع $f(\tau)$ و $g(\tau)$ در مرجع [13] معرفی شدهاند.

همچنین سختی،ای پیچشی و خمشی و کوپلینگ بین آنها برای چند لايه كامپوزيتي به صورت رابطه (23) محاسبه خواهند شد [19]:

$$
EI = b \left(D_{22} - \frac{D_{12}^2}{D_{11}} \right) \tag{23}
$$

$$
GJ = 4b \left(D_{66} - \frac{D_{16}^2}{D_{11}} \right) \tag{4.23}
$$

$$
K = 2b \left(D_{26} - \frac{D_{16} D_{12}}{D_{11}} \right) \tag{4.23}
$$

چند لایه کامپوزیتی در این تحقیق متقارن در نظر گرفته شده است. . برای محاسبه D_{ii} از ,ابطه (24) استفاده کردهایم

$$
D_{ij} = \frac{1}{3} \sum_{k=1}^{nol} \left(\overline{Q}_{ij}\right)_k \left(h_k^3 - h_{k-1}^3\right)
$$
\n(24)

معادلات استفاده شده برای نیروی برأ و گشتاور أئرودینامیکی در حوزه زمان به صورت , وابط (25 و 26) مے باشد [13]:

$$
dC_{L}(\tau) = \pi(\xi'' - a_{h}\alpha'' + \alpha')
$$

+2\pi(\alpha(\mathbf{0}) + \xi'(\mathbf{0}) + \xi' - a_{h})\alpha'(\mathbf{0})\phi(\tau)
+2\pi\int_{0}^{\tau} \phi(\tau - \sigma)(\alpha'(\sigma) + \xi'(\sigma) + \xi' - a_{h})\alpha''(\sigma))d\sigma

$$
dC_{M}(\tau) = \pi(\xi - a_{h})(\alpha(\mathbf{0}) + \xi'(\mathbf{0}) + \xi' - a_{h})
$$
(25)

$$
a_h\mathbf{a}(\mathbf{0})\phi(\tau)
$$
\n
$$
+\frac{\pi}{2}a_h(\xi'-a_h\alpha'') + \pi(\frac{1}{2}+a_h)\int_0^\tau \phi(\tau-\sigma)(\alpha'(\sigma))
$$
\n
$$
+\xi'(\sigma) + (\frac{1}{2}-a_h)\alpha'(\sigma)d\sigma
$$
\n
$$
a_h(\tau) = \frac{\pi}{2}a_h(\tau) + \frac{\pi}{2}a_h(\tau)d\sigma
$$
\n
$$
a_h(\tau) = \frac{\pi}{2}a_h(\tau)d\tau
$$

[20] داريم (رابطه (27)): $\phi(\tau) = 1 - \psi_1 e^{-\varepsilon_1 \tau} - \psi_2 e^{-\varepsilon_2 \tau}$

 $\psi_1 = 0.165$, $\psi_2 = 0.335$, $\varepsilon_1 = 0.0455$, $\varepsilon_2 = 0.3$ (27) در روابط (25 و 26)، غ جابجایی بی بعد و α پیچش مقطع بال می باشد.

3-محاسبه سرعت فلاتر

برای محاسبه سرعت فلاتر بال هواپیما ابتدا باید با استفاده از مودهای فرضی (رابطه (18)) معادلات حركت سيسيتم كه همان روابط (21 و 22) مي باشند به فرم ماتریسی تبدیل نمود. قسمت حقیقی مقادیر ویژه ماتریس ضرائب این معادله ماتریسی همان میرایی مودال و قسمت موهومی آن فرکانس کاهش یافته می،باشد. سرعت ناپایداری مربوط به زمانی است که میرایی مودال از مقادر منفی به مقدار مثبت زمانی که فرکانس کاهش یافته مثبت است، تغییر می یابد. بنابراین می توان با افزایش تدریجی سرعت جریان و محاسبه مقدار میرایی مودال و فرکانس کاهش یافته متناظر برای هر سرعت با توجه به وقوع شرط فوق مقدار سرعت فلاتر را تعيين نمود. روند محاسبه سرعت فلاتر در این مقاله در "شکل 4" نشان داده شده است. لازم به ذکر این که در صورت اضافه شدن نیروی پیشران تعقیب کننده به سیستم بال، خود این نیرو نیز عاملی برای ناپایداری میباشد. این بدان معنی است که اگر مقدار نیروی

4-مدلسازي بال

بال مورد بررسی یک ورق مستطیلی است. مشخصات فیزیکی بال کامپوزیتی در جدول 1 آمده است. همچنین مشخصات ماده کامپوزیتی و مشخصات سطح مقطع در جدول 2 آمده است.

Fig. 4 Flutter speed computation flowchart

شكل 4 روند نماي محاسبه سرعت فلاتر

 1 Jones

پیشران تعقیب کننده زیاد باشد بدون حضور نیروهای آیرودینامیکی، بال می تواند ناپایدار گردد [13,10,5]. در چنین مواقعی سرعت ناپایدار کننده حريان صفر است.

5-اعتبارسنجي

سرعت فلاتر محاسبه شده با معادلات به دست آمده توسط نرمافزار متلب و سرعت به دست آمده از مرجع [21] برای مشخصات بال هیل (جدول 1 و 2) در جدول 3 مقایسه شده است. لازم به ذکر است که بال در نظر گرفته شده در مرجع [21] همگن می باشد که در این مقاله برای صحتسنجی زاویه الیاف صفر درنظر گرفته شده است. همچنین برای صحت سنجی

مناسبتر از مشخصات بال كامپوزيتي گلند [19] استفاده شده است كه در جدول 3 مقايسه سرعت فلاتر محاسبه شده براى آن ارائه شده است. مقايسه نتايج تطابق خوبي را نشان مي دهد. همچنين "شكل 5" نمونهاي از نمودار به هم آمیختگی فرکانس و صفر شدن میرایی و رخداد پدیده فلاتر بال کامپوزیتی گلند را نشان میدهد.

6-الگوريتم ژنتيك

برای بهینهسازی در این مقاله از الگوریتم ژنتیک در فضای نرمافزاری متلب استفاده شده بهگونهای که تعداد جمعیت 250 و تعداد نسلها 100 در نظر گرفته شده است. جمعیت اولیه (نسل اول) برای شروع بهینهسازی به صورت تصادفی تولید شده است. برای عملیات اصلی در الگوریتم ژنتیک شامل انتخاب ¹، تقاطع ² و جهش ³ از پیش فرضهای نرمافزار متلب در گام نخست استفاده شد و پس از بررسی حالات مختلف با ایجاد تغییر در تابع جهش

جدول 1 مشخصات ساختاری و هندسی بال

Table 1 Geometrical specification of the composite wing		
مقدا,	پار امتر	
16(m)	(L) طول بال	
0.5(m)	نصف طول وتر بال	
0.75 (kg/m)	جرم بر واحد طول	
0.1 (kg.m)	ممان اینرسی	
0.0889 (kg.m ⁻³)	چگالی هوا	

جدول 2 مشخصات ماده كامپوزيتي و سطح مقطع بال

le 2 Material specification of the composite wing		
مقدار	پارامتر	
2 \times 10 ¹¹ (Pa)	E1	
5 \times 10 $^{\circ}$ (Pa)	E2	
5 \times 10 ⁸ (Pa)	G12	
0.25	v12	
0.24 (m)	پهناي تير بال	
0.017(m)	ضخامت تير بال	

جدول 3 اعتبارسنجي بال كاميوزيتي

Table 3 Validation of composite wing			
(m/s) سرعت فلاتر	ىال گلند	سرعت فلاتر (m/s)	بال هيل
135.71	مرجع [19]	32.2	مرجع [21]
136.24	مرجع [22]	32.4	حاضر
135.9	حاضر		

Selection

Tab

6-1 - تابع هدف

در این تحقیق برای بهینهسازی یک هدف دنبال میشود که همان افزایش سرعت ناپایداری بال کامپوزیتی است. تابع هدف، سرعت ناپایداری بال کامپوزیتی میباشد که توسط زیر برنامهای که براساس روند نمای "شکل 4" تهیه شده، برآورد می گردد.

6-2- متغیرهای طراحی

متغیرهای طراحی مسئله همان زوایه الیاف برای هر لایه است. چون ورق باید به صورت متقارن طراحی شود، به ازای k لایه، k/2 مجهول وجود دارد. مثلا اگر بال از 10 لایه تشکیل شده باشد، آنگاه تعداد متغیرهای طراحی برابر 5 خواهد بود. لازم به ذکر این که ضخامت بال در این مقاله ثابت در نظر گرفته شده است، در نتیجه با افزایش تعداد لایهها ضخامت هر لایه کاهش می یابد. كرانه هاي پايين و بالا براي زاويه الياف به صورت رابطه (28) است: $-90 \le \theta \le 90$

6-3- يياده سازي

همان طوری که قبلا ذکر گردید در این مقاله از الگوریتم ژنتیک برای بهینه-سازی سرعت ناپایداری بالهای کامپوزیتی استفاده خواهد شد. در روش الگوریتم ژنتیک هرکدام از افراد نسل، دارای یک کرومزوم متشکل از چندین شش هستند. در این مقاله باتوجه به درنظر گرفتن لایهچینی متقارن، تعداد ژنهاي هر كرومزوم برابر نصف تعداد لايهها (k) ميباشد. و مقدار هر ژن نشان دهنده زاویه الیاف در محدوده رابطه (28) میباشد. روند محاسبات الگوریتم ژنتیک مطابق گامهای زیر میباشد:

گام صفر: ایجاد تصادفی نسل اول بطوری که مقدار تمامی ژنها در محدوده رابطه (28) قرار داشته باشند.

گام 1: محاسبه سرعت ناپایداری مربوط به هریک از افراد نسل حاضر مطابق روند نشان داده شده در "شکل 4".

گام 2: رتبه بندی افراد نسل حاضر براساس مقدار تابع هدف آنها و تولید نسل بعدى توسط عمليات انتخاب، تقاطع و جهش.

گام 3: کنترل معیار توقف و در صورت ارضاء نشدن آن در نظر گرفتن نسل توليد شده در گام 2 به عنوان نسل حاضر و رفتن به گام 1. معيار توقف درنظر گرفته شده در این مقاله حداکثر تعداد نسل 50 یا این که در 10 نسل متوالی مقدار بهينه ثابت باشد.

7-نتايج

برای بالها در شرایط مختلف از نظر جرم موتور، تعداد لایهها و نیروی پیشران با استفاده از الگوریتم ژنتیک لایه چینی مناسب برای حداکثر نمودن سرعت .
فلاتر تعیین گردیده است. سیس حساسیت سرعت فلاتر بهینه نسبت به تعداد لايهها، جرم موتور و نيروى پيشران از طريق مقايسه نتايج تعيين شده است. در ادامه نتایج بهدست آمده ارائه میگردد.

ابتدا بهینهسازی برای بال بدون جرم موتور و نیروی پیشران انجام داده شده است. همانطور که در "شکل 6" مشاهده میشود با افزایش تعداد

Mutation

Crossover

سرعت همگرائی برای رسیدن به جواب بهینه افزایش یافته است. تابع 5 جهش در این مقاله تابع گائوس⁴ انتخاب شده و مقیاس⁵ آن را از 1 به تغيير داده شده است.

⁴ Gaussian 5 Scale

Fig. 6 Flutter speed optimization process of wing without engine mass and thrust for the various layers

شکل 6 روند بهینه سازی سرعت فلاتر بال بدون جرم موتور و نیروی پیشران برای لايەھاي مختلف

Fig. 7 Optimum flutter speed of wing without thrust for the various layers

شکل 7 سرعت فلاتر بهینه بال بدون نیروی پیشران برای لایه های مختلف

شدہ است. بررسی نتایج نشان می دھد سرعت فلاتر برای نیروی پیشران حدودا 2=p حداكثر مى باشد.

در تحلیلی دیگر بهینهسازی را برای تعداد لایهها زمانی که نیروی ییشران ثابت فرض شده، انجام گرفته است. همان طور که انتظار می_ارفت با توجه به "شكلهای 12 تا 16" مشاهده می شود كه با افزایش تعداد لایهها سرعت ناپایداری افزایش یافته است. علت این امر نیز به این خاطر است که با افزایش تعداد لایهها درجه تنظیمپذیری بال برای بهینه نمودن سرعت فلاتر بیشتر میشود. همچنین نتایج نشان میدهد که سرعت فلاتر برای تعداد لايههاي 8 و 10 تفاوت چنداني ندارد و مي توان نتيجه گرفت كه ازدياد تعداد لايهها بيشتر از 8 لايه تاثيري در سرعت بهينه فلاتر ندارد.

b) Damping vs air speed plot

ب) نمودار میرایی برحسب سرعت جریان Fig. 5 Variation of frequency and damping vs air speed for Goland wing

شکل 5 تغییرات فرکانس و میرایی برحسب سرعت جریان برای بال گلند

لايهها سرعت ناپايدارى بال افزايش يافته همچنين افزايش تعداد لايهها در این نوع بال از 8 لایه به 10 لایه تأثیر چندانی نداشته است. بهطور اختصار در نمودارها تعداد لایه ها با $_{nol}$ و نیروی پیشران بی بعد با p نمایش داده شده است. در "شکل 7" سرعت فلاتر بهینه بال با نیروی پیشران صفر در دو حالت بدون جرم موتور و با در نظر گرفتن جرم موتور (M5=11 kg)، ترسيم شده است. همان طوری که ملاحظه می گردد جرم موتور سرعت بهینه فلاتر را در اکثر موارد کاهش میدهد.

سپس بهینهسازی را برای نیروی پیشران مختلف در تعداد لایههای مشخص انجام شده است و نتایج آن در "شکلهای 8 تا 11" نمایش داده

¹ Number of laminate

Fig. 11 Flutter speed optimization process of 10 layer wing for different thrust

Fig. 12 Flutter speed optimization process of $p=0$ thrust for different layers

Fig. 13 Flutter speed optimization process of *p*=1 thrust for different layers

شکل 13 روند بهینهسازی سرعت فلاتر تحت نیروی پیشران 1=p برای لایههای مختلف

Fig. 8 Flutter speed optimization process of 2 layer wing for different thrust

Fig. 9 Flutter speed optimization process of 4 layer wing for different thrust

شکل 9 ₍وند بهینهسازی سرعت فلاتر بال 4 لایه برای نیروی پیشران مختلف

Fig. 10 Flutter speed optimization process of 8 layer wing for different thrust

$$
\qquad \qquad
$$
ش**کل 10** روند بهینهسازی سرعت فلاتر بال 8 لایه برای نیروی پیشران مختلف

بهمنظور جمع بندی نهایی سرعت فلاتر بهینه برای حالات مختلف در نظر گرفته شده در این مقاله در "شکلهای 17 و 18" ارائه شده که یک تحلیل کلی از مسئله می،باشد. همان طور که در "شکل 17" ملاحظه شده با افزایش تعداد لایهها از تعدادی مشخص به بعد تأثیر چندانی نداشته است. به عنوان نمونه برای نیروی پیشران بدون بعد 4=p افزایش تعداد لایهها از 4 به بعد تاثیری بر سرعت فلاتر بهینه نخواهد داشت ولی با کاهش نیروی پیشران قابليت تنظيمپذيري سرعت فلاتر بهينه بيشتر مي¢ردد. نتايج "شكل 18" .
نشان مے،دھد که سرعت فلاتر بھینه ابتدا با افزایش نیروی پیشران بدون بعد تا مقدار حدودا 2=p افزایش می یابد و بعد از آن روند نزولی خواهد داشت.

زوایای بهینه لایهها در تحلیلهای مختلف جمعآوری و بهصورت جداول 4 تا 9 ارائه شده است. مقايسه نتايج به دست آمده براي زواياي الياف روند خاصی را نشان نمیدهد ولی در عوض قابلیت تنظیمپذیری یک بال کامپوزیتی

Fig. 17 Optimum flutter speed for different layers

Fig. 18 Optimum flutter speed for different thrust forces **شکل 18** سرعت فلاتر بهینه برای نیروهای پیشران مختلف

Fig. 14 Flutter speed optimization process of $p=2$ thrust for different lavers

Fig. 15 Flutter speed optimization process of $p=3$ thrust for different lavers

شکل 15 روند بهینهسازی سرعت فلاتر تحت نیروی پیشران 3=p برای لایههای

Fig. 16 Flutter speed optimization process of $p=4$ thrust for different lavers

شکل 16 روند بهینه سازی سرعت فلاتر تحت نیروی پیشران 4=p برای لایه های مختلف

را به منظور بهينه نمودن سرعت فلاتر نسبت يه زاويه الياف را نشان مىدهد. همانطوری که قبلا نیز ذکر گردید، جمعیت اولیه (نسل اول) به صورت تصادفی تولید شده است. در جداول 4 تا 9 زاویه اولیه در نظر گرفته شده برای الیاف در تحلیلهای مختلف نشان داده شده است. در جدولهای 8 و 9

جدول 4 نتايج براي بال بدون جرم موتور و نيروي پيشران

به دلیل زیاد بودن نیروی پیشران سرعت فلاتر محاسبه شده به ازای زوایای اوليه الياف صفر ميباشد. ولي با استفاده از الگوريتم ژنتيک و تنظيم زواياي الياف مقدار سرعت فلاتر افزايش يافته است. اين مساله نشان دهنده قابليت تنظیمپذیری بال کامپوزیتی در نیروهای پیشران زیاد میباشد.

جدول 5 نتایج برای بال با جرم موتور و نیروی پیشران صفر

.
جدول 6 نتایج برای بال با جرم متمرکز و نیروی پیشران 1=p

ج**دول 7** نتایج برای بال با جرم موتور و نیروی پیشران 2=p

ج**دول 8** نتایج برای بال با جرم موتور و نیروی پیشران 3=p

p جدول 9 نتایج برای بال با جرم موتور و نیروی پیشران 4=p

mass and $n-3$ thrust

زيرنويسها

تعداد لايهها nol

10 - مراجع

- [1] Y. Fung, An Introduction to the Theory of Aeroelasticity, pp. 160-186. Chichester: John Wiley, 1955.
- [2] R. Bisplinghoff, H. Ashley, Principles of Aeroelasticity, pp. 235-258, New York: John Wiley, 1962.
- [3] W. T. Feldt, G. Herrmann, Bending-torsional flutter of a cantilevered wing containing a tip mass and subjected to a transverse follower force, Journal of the Franklin Institute, Vol. 297, No. 6, pp. 467-478, 1974.
- [4] Z. Celep, On the lateral stability of a cantilever beam subjected to a non-conservative load, Journal of Sound and Vibration. Vol. 64. No. 2, pp. 173-178, 1979.
- [5] D. H. Hodges, M. J. Patil, S. Chae, Effect of thrust on bendingtorsion flutter of wings, Journal of Aircraft, Vol. 39, No. 2, pp. 371-376, 2002.
- [6] M. Goland, The flutter of a uniform cantilever wing, Journal of Applied Mechanics-Transactions of the Asme, Vol. 12, No. 4, pp. A197-A208, 1945
- [7] M. Goland, Y. Luke, The flutter of a uniform wing with tip weights, Journal of Applied Mechanics, Vol. 15, No. 1, pp. 13-20, 1948
- [8] F. H. Gern, L. Librescu, Static and dynamic aeroelasticity of advanced aircraft wings carrying external stores, AIAA Journal, Vol. 36, No. 7, pp. 1121-1129, 1998.
- [9] F. H. Gern, L. Librescu, Effects of externally mounted stores on aeroelasticity of advanced swept cantilevered aircraft wings, Aerospace Science and Technology, Vol. 2, No. 5, pp. 321-333, 1998
- [10] A. Mazidi, S. Fazelzadeh, Flutter of a swept aircraft wing with a powered engine, Journal of Aerospace Engineering, Vol. 23, No.4, pp. 243-250, 2009
- [11] S. Fazelzadeh, P. Marzocca, E. Rashidi, A. Mazidi, Effects of rolling maneuver on divergence and flutter of aircraft wing store, Journal of Aircraft, Vol. 47, No. 1, pp. 64-70, 2010.
- [12] A. Mazidi, S. Fazelzadeh, P. Marzocca Flutter of aircraft wings carrying a powered engine under roll maneuver, Journal of Aircraft, Vol. 48, No. 3, pp. 874-883, 2011.
- [13] M. Amoozgar, S. Irani, G. Vio, Aeroelastic instability of a composite wing with a powered-engine, Journal of Fluids and Structures, Vol. 36, pp. 70-82, 2013.
- [14] E. Dowell, E. Crawley, H. Curtiss, D. Peters, R. Scanlan, F. Sisto, A Modern Course in Aeroelasticity, pp. 91-93, Dordrecht: Kluwer Academic Publishers, 1995
- [15] C. E. Cesnik, D. H. Hodges, M. J. Patil, Aeroelastic analysis of composite wings, Proceeding of the 37th Structures, Structural Dynamics, and Materials Conference, pp. 18-19, 1996.
- [16] S. Fazelzadeh, A. Mazidi, H. Kalantari, Bending-torsional flutter of wings with an attached mass subjected to a follower force. Journal of Sound and Vibration , Vol. 323, No. 1, pp. 148-162, 2009
- [17] H. Pourshamsi, A. Mazidi, S. A. Fazelzadeh, Flutter analysis of an aircraft wing carrying, elastically, an external store, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 1, 2015 .(in Persian (فارسى)
- [18] D. Hodges, E. Dowell, Nonlinear equations of motion for the elastic bending and torsion of twisted non-uniform rotor blades. National Aeronautics and Space Administration, No. D-7818, pp. 3-7, 1974
- [19] A. Ali, M. Hamed. The effect of laminated layers on the flutter speed of composite wing, Journal of Engineering, Vol. 18, No. 8, pp. 924-934, 2012.
- [20] B. Ghadiri, M. Razi, S. Hamidi, Dynamic instability analysis of a swept wing in time - domain, Modares Mechanical Engineering, Vol. 9, No. 37, pp. 93-106, 2009 .(in Persian (فارسی

8-نتيجه گيري

در این مقاله سرعت فلاتر بهینه یک بال کامپوزیتی برای حالتهای مختلف تعداد لایهها و نیروی پیشران موتور با در نظر گرفتن جرم متمرکز موتور با استفاده از الگوریتم ژنتیک تعیین گردید. با استفاده از مقایسه نتایج به دست آمده تاثیر تعداد لایهها و نیروی پیشران موتور بر سرعت فلاتر بهینه بررسی شد. اهم نتایج بهدست آمده عبار تند از:

- با افزایش تعداد لایهها تنظیمپذیری بال در بهینه نمودن سرعت فلاتر بيشتر مي گردد. با اين وجود افزايش تعداد لايهها از 8 لايه به بعد تغییر محسوسی در سرعت بهینه فلاتر برای حالات مختلف نیروی پیشران ایجاد نمی کند.
- هرجه تعداد لايهها بيشتر باشد حساسيت سرعت فلاتر بهينه نسبت به نیروی پیشران بیشتر خواهد شد.
- با افزایش نیروی پیشران ابتدا سرعت فلاتر بهینه زیاد می گردد و سپس مقدار آن کاهش مییابد.
- سرعت فلاتر بهیته در نیروی پیشران بدون بعد حدودا p=2 برای ۔
تمامی حالات حداکثر میباشد.
- به ازای نیروی پیشران بدون بعد p=3 و p=4 بهازای زوایای اولیه د,نظ, گرفته شده برای الیاف سرعت فلاتر محاسبه شده صفر بوده ولي با تنظيم مناسب اين زوايا مقدار سرعت فلاتر افزايش چشمگیری داشته است که این امر نشاندهنده قابلیت تنظیم پذیری بال کامپوزیتی میباشد.

9-فهرست علائم

- فاصله بدون بعد از وسط وتر تا محور الاستيك a_h
	- نصف وتر b
	- انرژی میرایی D
	- مود شیپهای خمشی، پیچشی $F_n(\eta)$, $F_\alpha(\eta)$
		- ا, تفاع لايه k ام h_k
			- جرم موتور M_s
		- تراست بے بعد موتور p
		- بردار موقعیت جرم متمرکز R_s
			- انرژی جنبشی T
		- انرژی جنبشی جرم متمرکز T_s
		- سرعت نرمال جريان بر بال U
			- انرژی پتانسیل V
- فاصله بدون بعد از محور الاستیک تا مرکز ثقل x_a

علائم يوناني

فرکانس پیچشی و خمشی ω_{α} س پ

محمدرضا فلاح و همكاران

- [22] E. L. Brown, Integrated strain actuation in aircraft with highly flexible composite wings, PhD Thesis, Massachusetts Institute of Technology, Massachusetts, 2003.
- [21] M. J. Patil, D. H. Hodges, C. E. Cesnik, Limit-cycle oscillations in high-aspect-ratio wings, Journal of Fluids and Structures, Vol. 15, No. 1, pp. 107-132, 2001.

Archive of STD