ماهنامه علمى پژوهشى



مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.ir

بررسی تجربی و عددی اثرات نسبت طولی و زاویه حمله بر رفتار حرکتی استوانه با صفحات عمود ہو آن

حسن عيسوند¹، على سلماني نژاد²،احمد شر في^{**}

1- استادیار، مهندسی هوافضا، دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید ستاری، تهران 2- كارشناس ارشد، مهندسي هوافضا، دانشگاه علوم و فنون هوايي شهيد ستاري، تهران 3- مربی، مهندسی هوافضا، دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید ستاری، تهران * تهران، صندوق يستى sharafi@ssau.ac.ir ،1384673411 * تهران، صندوق يستى

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در این تحقیق به بررسی تجربی و تحلیلی جریان ناپایا حول یک مدل استوانه با درجه آزادی چرخشی پرداخته شده است. بررسیهای تجربی در سرعتها و زوایای حمله مختلف برای دو مدل استوانه با نسبتهای طولی مختلف انجام شده است؛ همچنین در بررسی تحلیلی از روش عددی	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 18 اسفند 1394 پذیرش: 11 خرداد 1395
موسوم به گردابه گسسته استفاده شده است. نتایج تحلیل و تجربی نشان میدهد که رفتارهای حرکتی دورانی و نوسانی و ترکیبی از آنها رخ میدهد. این نوع رفتارها به مشخصات هندسی از جمله نسبت طول صفحات به شعاع استوانه، زاویه حمله اولیه جسم و سرعت جریان آزاد به تگر داد. در به تعدله مختاف در تباید زیارای مرام ایل بر ای نه تبریارا یک تر از 1 در دارای مکرترند از محال زیار	ارائه در سایت: 29 تیر 1395 کلید و <i>اژگان:</i>
بستگی دارد. در سرعتهای مختلف و در تمامی زوایای حمله اولیه برای نسبت طولی کمتر از 1، مدل دارای حرکت نوسانی حول زاویهای خاص میباشد. این زاویه برای استوانه بههمراه دو صفحه، 90 درجه است. عموما در زوایای حمله اولیه پایین، حرکت دورانی با افزایش نسبت طولی و سرعت جریان آزاد اتفاق میافتد و با افزایش در زاویه حمله اولیه، مدل تمایل به حرکت نوسانی حول زاویهای خاص دارد. همچنین در تمامی	جریان ناپایا روش گردابه گسسته حرکت دورانی و نوسانی
سرے جریان ازاد 10 متر بر ثانیه و بالاتر، برای نسبت طولی 4، مدل دارای حرکت دورانی پایا بوده است. در ضمن، سرعت زاویهای مدل- ها و عدد استروهال در حرکت دورانی محاسبه گردیده است. نتایج نشان میدهد که با افزایش عدد رینولدز جریان، عدد استروهال دارای مقدار	ارتعاش اجباری آزمایشهای تونل باد
ثابتی است.	

Experimental and numerical investigation of the length ratio and angle of attack effects on dynamic behavior of two plates perpendicular to the cylinder

Hassan Isvand, Ali Salmaninejad, Ahmad Sharafi^{*}

Department of Aerospace Engineering, Shahid Sattari Aeronautical University of Technology, Tehran, Iran. * P.O.B. 1384673411, Tehran, Iran, sharafi@ssau.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 08 March 2016 Accepted 31 May 2016 Available Online 20 July 2016

Keywords: Unsteady Flow Vortex Panel Method Rotational and Vibrational motion Forced Vibration Wind Tunnel Tests

ABSTRACT

In this study, experimental and analytical unsteady flow around a cylinder model with rotational degrees of freedom is discussed. Experimental studies at different speeds and angles of attack for two cylinder models with different length ratios have been done. Meanwhile the analyses of numerical technique known as vortex panel method have been used. Analytical and experimental results show that the rotational and vibrational motion and a combination of these behaviors occur. These types of behaviors depend on ratio of length plates to cylinder radius, primary object angle of attack and free stream velocity. At different speeds and at all angles of attack for a length of less than 1, the model has vibrational motion around a specific angle. This angle for cylinder with two plates is 90 degrees. Generally, the model tends toward vibrational motion at low angles of attack with increasing length ratio and free stream velocity occurring and by increasing the primary angle of attack the desire for vibration motion around a specific angle occurs. Also, in free stream velocity $10(\frac{m}{ser})$ and higher, for length ratio 4, the model had a steady rotational motion. In addition, angular velocity models and Strouhal number on rotational motion are calculated. The results show that by increasing the Reynolds Number, Strouhal number becomes fixed.

1- مقدمه

نیروی عکس العملی از سطح جسم جامد سبب تغییر شکل در الگوی جریان می شود. این مکانیسم عمل و عکس العملی بین جریان سیال و جسم جامد باعث می شود که هرگونه تغییرات کوچک در مشخصههای جریان، باعث تغییرات نسبی در دیگر مشخصههای دینامیکی گردد. در سالهای دور مکانیسم رهایی گردابه در ناحیه دنبالهدار پشت اجسام،

در طبيعت تداخل جريان سيال با يک جسم جامد باعث اعمال نيرويي به سطح جسم می گردد اگر جسم انعطافیذیر باشد این نیرو سبب تغییر شکل در جسم می شود و در صورتی که جسم صلب باشد این نیرو سبب تغییر مکان جسم از موقعیت اولیه خود متناسب با مقدار نیرو می گردد و به طور مشابه

Please cite this article using: H. Isvand, A. Salmaninejad, A. Sharafi, Experimental and numerical investigation of the length ratio and angle of attack effects on dynamic behavior of two plates perpendicutar to the cylinder, Modares Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 7, pp. 121-132, 2016 (in Persian)

برای اولین بار توسط ون کارمن مورد بررسی قرار گرفته است. این مطالعه بر پایه ارتعاشات القا شده توسط گردابهها شروع شده و توسعه یافته است. ون کارمن تحلیلهای خود را بر پایه روشهای عددی در ناحیه دنبالهدار پشت جسم و نیروهای برآ و پسای وارد شده بر اجسام و جدایی جریان بیان کرده است. در اوایل سال 1940 مشاهداتی از پاسخ اجسام به ارتعاشات ناشی از نیروی رهایی گردابهها ارائه گردیده است. وقتی جسمی در یک جریان سیال قرار می گیرد جدایش جریان از سطح جسم اتفاق می افتد. جدایش جریان باعث تغییر در رژیم جریان از جریان پایا به جریان ناپایا با افزایش در عدد رینولدز می گردد. در عدد رینولدز پایین، جریان احاطه شده حول جسم به صورت پایا میباشد و در صورتی که اولین جدایش جریان اتفاق افتد عدد رینولدز افزایش یافته و به مقدار معینی رسیده و ناپایداریهایی در لایه برشی جریان سیال ایجاد گشته و این ناپایداریها در جریان جدا شده از سطح، توسعه می یابد. بنابراین تداخلات غیر خطی بین لایه های جریان و جریان های برگشتی از ناحیه دنباله¹ پشت جسم به طور متوالی و پی در پی به وجود آمده که باعث ایجاد خیابان گردابهای پشت جسم (خیابان گردابهای ون کارمن²) میشود. گردابهها در دو ردیف و جهت چرخش مخالف سازماندهی شدهاند که این گردابهها و ناحیه جریان آشفته پشت استوانه در شکل 1 نمایان شده است.

در حوزه فناوریهای معاصر هوافضایی مطالعه جریان ناپایا حول اجسام و صفحات در حال چرخش یا نوسان (آنتنها، فرفرهها، اجسام دارای دم) از اهمیت خاصی برخوردار است. به منظور تأمین الزامات عملکردی این گونه وسایل، لازم است رفتار آنها تحت درجات آزادی مختلف با مشخصات هندسی گوناگون و جهتگیری آنها در جریان به دقت پیش بینی گردد. از ویژگیهای این گونه اجسام، تولید و ایجاد توزیع پیچیده گردابههای حاصل از جدایی جریان از لبههای تیز و همچنین از دست دادن پایداری لایههای گردابهای است.

ارتعاشات ناشی از گردابهها³، پدیدهای است که بر اثر گردابههای ایجاد شده ناشی از برخورد بین جریان سیال و سازه در پشت جسم جامد به وجود میآید. این پدیده علاوه بر حوزه هوافضایی در مواردی چون ساختمانهای بلند، خطوط انتقال قدرت و لولههای استخراج مواد نفتی از اعماق دریاها قابل مشاهده میباشد. به عبارتی، وقتی جریان یکنواختی از مجاورت یک جسم عبور میکند، این جریان شروع به تلاطم کرده و گردابههایی با آرایش منظم در پشت جسم ایجاد میگردد. اگر این گردابهها با آرایش نامنظمی تشکیل شوند، باعث ایجاد نیروی برآی نوسانی بر جسم و نوسانات جسم میگردند. جریان ناپایا هم به طور طبیعی و هم به طور اجباری ایجاد میگردد. اما در

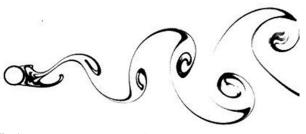


Fig. 1 Von Karman vortex street [1].

1 Wake

حالت طبيعي جريان ناپايا ناشي از رشد ناپايداريها در سيال و يا ساكن نبودن وضعیت اولیه سیال ایجاد می شود و جریان ناپایای اجباری، در اثر وابستگی زمانی شرایط مرزی و منابعی که در جریان حرکت میکنند، ایجاد می گردد. ارتعاشات القا شده گردابهای که در اثر تداخلات غیر خطی جسم با ناحیه دنبالهدار پشت جسم ایجاد می گردد به طور کلی از موضوعات بسیار مهمی بوده که مورد توجه افراد بسیاری در سایر رشتههای مختلف مهندسی قرار گرفته است. افراد بسیاری در این زمینه هم به صورت تئوری و هم تجربی و آزمایشگاهی و نیمه تجربی فعالیت کردهاند. عمدتا برای بررسی این موضوع، دو روش تجربی اصلی وجود دارد یکی روش ارتعاشات یا نوسانات آزاد⁴ و دیگری نوسانات واداشته یا اجباری⁶ می باشد. در نوسانات اجباری، جسم با سرعت دورانی مشخصی حرکت داده می شود و اثرات جریان هوا روی نیروها و گشتاورها وارده و همچنین پدیده هیسترزیس آیرودینامیکی بررسی میشود. در نوسانات آزاد، جسم دارای درجه آزادی دورانی است و تحت تأثیر جریان هوا و نیروها و گشتاورهای حاصله میتواند دارای رفتارهای حرکتی متفاوتی باشد که در این مقاله به آن پرداخته شده است. عموما آزمایشهای بررسی ارتعاشات و نوسانات آزاد یک جسم قرار گرفته در جریان، در یک تونل باد و یا آب و با توجه به مکانیسمهای خارجی دیگر انجام شده است. سازه و یا جسم مورد آزمایش به وسیله فنرها و میرا کنندهها⁶ و یا دیگر سیستمهای الاستیک مورد حمایت قرار می گیرند. با توجه به طبیعت رهایی گردابهها به سمت پایین دست جریان، هدف از این مطالعات فهمیدن مشخصههای پاسخی هست که در طول زمان به شکل نوسانات و ارتعاشات در جسم بروز می کند. فنگ در سال 1968 آزمایشاتی را بر روی استوانه تحت نوسانات آزاد در تونل باد انجام داده است. در این آزمایشها استوانه به وسیله چندین فنر پیچشی به بدنه محل آزمایش متصل شده است [2]. آماندولس در سال 2010 آزمایشات مشابهی را بر روی استوانه با مقطع مربعی در تونل باد انجام داده است [3].

آممورا و همکارانش در سال 1971 در آزمایشاتی مشاهده کردند که فاکتور میرایی آیرودینامیکی / برای یک استوانه تحت نوسانات آزاد به صورت یک نیروی میرایی منفی برای عدد استروهال 0.2 میباشد [4]. آنها به طور تقریبی یافتند که مشخصههای نوسانی یا ارتعاشی برای یک استوانه فقط وقتی که نیروی میرایی منفی باشد، ظاهر می گردد. بنابراین شرط اضافی را برای این حرکت خود القا شده⁸ به وجود می آورد [4]. سارپکایا در سالهای 1979 و 2004 دیدگاه مخالفی را برای نوسانات خود القا شده جسم مطرح كرده است [5]. او بيان مىكند كه نوسانات القا شده بر جسم ناشى از رهايى گردابههایی است که از جسم به پایین دست جریان رها می شوند و به عبارتی جسم هرگز خودش، خودش را تحریک نمیکند همچنین نوعی نیروی متناوب وجود دارد که درجهت حفظ حرکت جسم ایجاد می شود و یا توسط حرکت جسم، این نیرو سبب کنترل حرکت می شود و وقتی که جسم از حرکت باز میایستد این نیروی متناوب هم از بین میرود اما این تعریف با نوسانات جسم صلب در تناقض میباشد. برای یک جسم صلب ثابت شده در جریان اگرچه هیچگونه حرکتی در جسم وجود ندارد اما نیروی برآی متناوب همچنان وجود دارد. سارپکایا بیان کرد زمانی که پدیده همزمانی یا قفل شدن⁹ رخ میدهد، فرکانس رهایی گردابهها و فرکانس نوسانات جسم به

شکل 1 خیابان گردابهای ون کارمن [1].

² Von Karman Vortex Street

³ Vortex Induced Vibration

⁴ Free Vibration ⁵ Forced Vibration

⁶ Damper

Aerodynamic Damping Factor

⁸ Self-Excited Motion

⁹ Lock In

سمت فرکانس واحدی میل کرده و یا به عبارتی در فرکانس طبیعی جسم . بسته یا یکی میشوند [6].

ویژگی نوسانات خود القا شده اجسام که توسط آممورا مطرح شده بود مورد توجه اسکالان و روزنبوم در سال 1968 قرار گرفته است [7]. آنها بیان کردند که نیروهایی وجود دارد که انرژی اضافی را در سیستم (جریان سیال و جسم) به وجود میآورند که ممکن است به طور فیزیکی در ترمهای میرایی منفی تعبیر شوند. در پی بوجود آمدن میرایی منفی، انتقال انرژی باید صورت گیرد و برای یک سیستم با میرایی مثبت، نیروی میرایی کار منفی را انجام میدهد و در مورد میرایی منفی، نیروی میرایی کار مثبتی را روی سیستم انجام میدهد که نیازمند انتقال انرژی میباشد [7]. پروتوس و همکارانش در سال 1968 انرژی انتقال یافته از جریان سیال به استوانهای که تحت نوسانات و ارتعاشات خود القا شده قرار گرفته را بدست آوردند [8].

بیرمن و اوباساجو در سال 1982 مطالعاتی را در زمینه مقایسه نتایج بدست آمده برای استوانه با مقطع مربعی در حالت ثابت شده در جریان و با نوسانات اجباری بدست آوردند [9]. آنها دریافتند که ضریب برآی نوسانی برای استوانه با مقطع مربعی در ناحیه همزمانی فرکانسی خیلی کمتر از استوانه چرخان با مقطع دایروی با همان شرایط آزمایش میباشد. به علاوه در سرعتهای کاهنده پایین رهایی گردابه ممکن است باعث نوسانات استوانه میرا گشته و از بین برود و قبل از ناحیه قفل شدن یا همزمانی، نوسانات اجباری استوانه بر حرکت آن چیره شده و نوسانات ناشی از رهایی گردابه از بین برود. همچنین بیرمن در سال 1984 نوسانات جسم ناشی از پدیده رهایی گردابه از سطح جسم را بازگو کرد [9].

ویلیامسون و روشکودر سال 1988 مکانیسمی را برای تعیین موقعیت و شکل گردابههای رها شده در جریان فراهم آوردند. همانطور که در شکل 2 ملاحظه میکنید الگوی خاصی از رهایی گردابهها در ناحیه دنبالهدار پشت استوانه در اثر حرکت آن ایجاد میگردد [10].

این الگوها شامل مد 2S (دو گردابه منفرد در هر سیکل حرکتی) و مد 2P (دو جفت گردابه در هر سیکل حرکتی) میباشد. البته اگر نوسانات و ارتعاشات اجباری بر جسم ایجاد گردد مد دیگری از رهایی گردابه تحت عنوان مد P+S (یک گردابه مجزا و یک جفت گردابه در یک سیکل حرکتی)

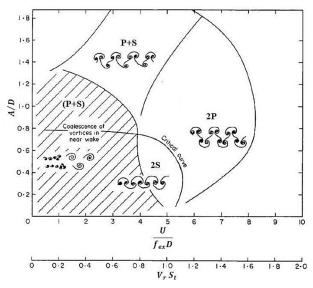


Fig. 2 Map of vortex patterns [10].

ممکن است پیدا شود. مدهای 2S و 2P و S + P را در شکل 2 در نزدیکی ناحیه همزمانی فرکانسی مشاهده میشوند [10]. گریفین در سال 1976 نشان داد که مدهای 2P و S+Pکنترل کننده نوسانات و ارتعاشات جسم می باشند [11]. در این مقاله، به بررسی تجربی و عددی رفتار جسمی متشکل از استوانه با دو صفحه عمود بر آن با درجه آزادی چرخشی تحت جریان هوا پرداخته شده است. به دلیل اثر متقابل بین جریان هوا و استوانه با صفحات در حال دوران و ناپایای جریان، هیچ گونه روش تحلیل مناسبی جهت حل مسأله وجود ندارد. بنابراین از روش گردابه گسسته جهت محاسبه ضریب نیروی عمودی و گشتاور حاصل از نیروهای آیرودینامیکی استفاده گردیده است همچنین به همراه دو صفحه با درجه آزادی چرخشی در جریان تونل باد انجام شده است و رفتار دینامیکی مدل مذکور با توجه به تغییرات پارامترهایی همچون نسبت طولی(L/R)، سرعت جریان آزاد و زوایای حمله اولیه مختلف مورد بررسی قرار گرفته است.

2- تشريح مسأله و روش حل عددي

در این مسأله به علت اثرات جریان آزاد بر روی جسم (استوانه به همراه دو صفحه متصل به آن) و اثر متقابل جسم در حال حرکت بر روی جریان، عملا هیچگونه روش تحلیلی مناسبی برای حل آن وجود ندارد همچنین جریان مورد نظر عملا ناپایا بوده و حل چنین مسألهای با استفاده از روشهای مدلسازی عددی معمولی که مبتنی بر معادلات ناویر- استوکس و عدد رینولدز است، بسیار مشکل میباشد. لذا برای حل جریان روی استوانه به همراه دو صفحه تخت با درجه آزادی چرخشی از روش صفحات گردابه کسسته استفاده گردیده است. در شکل 3 شمایی از مدل مورد بررسی نشان داده شده است.

این روش بر اساس قضیه هلمهولتز بنا نهاده شده است. بر طبق این قضیه، گردابه در جریان ایدهآل همواره با ذرات مادی حرکت میکند. با بدست آمدن توزیع گردابه، میدان سرعت که حاصل از برآیند سرعتهای القایی تمامی گردابهها میباشد، بدست خواهد آمد. در روش گردابه گسسته، سطح جسم توسط یک لایه گردابه جایگزین شده و گردابههای چسبیده به جسم و گردابههای آزاد (در زمان و مکان) و نیز شرایط مرزی گسسته سازی می شوند. گردابههای چسبیده با جسم حرکت کرده و قدرت آنها وابسته به زمان است و میزان قدرت آنها از شرایط عدم نفوذ در نقاط کنترلی انتخاب شده، بدست می آیند. گردابههای آزاد به همراه جرین حرکت کرده و قدرت

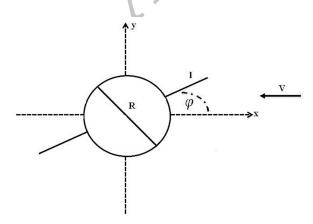


Fig. 3 Schematic studied object and its geometric parameters شکل 3 شماتیک جسم مورد مطالعه و پارامترهای هندسی

7 مېندسي مکانيک مدرس، مېر 1395، دوره 16،شماره 7

آنها در جریان ایدهآل، ثابت فرض می شود. (طبق تئوری هلمهولتز) در جریان لزج، در حالت عمومی ممکن است قدرت گردابهها در برخورد با جسم صلب کاهش یابد. لازم به ذکر است که در صورت عدم وجود مرز صلب در جریان لزج، صرفنظر از وجود استهلاک گردابه، مجموع قدرت گردابهها ثابت باقی میماند. بنابراین در حالت جدایی گردابه در جریان لزج، امکان استهلاک و کاهش قدرت گردابه وجود دارد. در هر قدم زمانی از هر کدام از گوشههای تیز جسم (بدلیل جدایی جریان) یک گردابه آزاد رها می شود. بنابراین تعداد گردابههای آزاد به مرور زمان افزایش مییابد. برای محاسبه سرعت القایی حاصل از گردابه، از قانون بیوساوار استفاده گردیده است. براساس این قانون، سرعت القایی در مرکز گردابه به سمت بینهایت میل میکند و با افزایش فاصله از مرکز، سرعت کاهش می یابد. لذا نقطهٔ تکین در مرکز وجود دارد که با تدابیری می ایست مرتفع گردد. برای حل این مسأله از روش منطقه مجزا استفاده شده است. بدین صورت که پیرامون مرکز گردابه، منطقهای به شعاع در نظر گرفته شده (منطقه مجزا) که در داخل آن سرعت از صفر (در مرکز \mathbf{r}_{c} دایره) تا حداکثر آن (روی مرز دایره) تغییر می کند. در خارج از این منطقه (بدون ناپیوستگی در مرز) از قانون بیوساوار استفاده می شود. در این حالت میدان سرعت در معادله پیوستگی صدق می کند و حتی اگر حل ناپایدار باشد، مسأله كوشى براى حركت گردابهها صحيح خواهد بود. سرعت القايى حاصل از یک رشته گردابه در یک نقطهٔ دلخواه از رابطهٔ (1) بدست می آید:

$$V_{\theta} = \frac{\Gamma}{2\pi r} : r > r_c , V_{\theta} = \frac{\Gamma}{2\pi r} \frac{r}{r_c^2} : r < r_c , V_r = \mathbf{0}$$
(1)

که $V_{\theta} = 0$ مؤلفه های شعاعی و زاویه ای سرعت القایی، T قدرت گردابه و rفاصله نقطه مورد نظر تا مرکز گردابه میباشد. دستگاه مختصات (x, y) را بر مرکز استوانه مستقر کرده (شکل 3) به گونه ای که x در امتداد جریان باشد. متغییرهای بی بعد با اندیس * نمایش داده و به صورت روابط (2) و (3) تعریف می شوند.

$$t_* = \frac{U}{L}t \qquad x_* = \frac{x}{L} \qquad y_* = \frac{y}{L} \qquad u_* = \frac{u}{U} \qquad v_* = \frac{v}{U}$$
(2)

$$p_* = \frac{1}{\rho U^2} \quad \Gamma_* = \frac{1}{UL} \quad V_* = \frac{1}{U} \tag{3}$$

که در آن T قدرت گردابه، L طول صفحه، $U = U_{\infty}$ سرعت جریان آزاد است.

$$7_{*} = \frac{\partial}{\partial x^{*}} + \frac{\partial}{\partial y^{*}} , \quad \nabla . \mathbf{V}_{*} = \frac{\partial^{2} \mathbf{u}^{*}}{\partial \mathbf{x}^{*2}} + \frac{\partial^{2} \mathbf{v}^{*}}{\partial \mathbf{y}^{*2}}$$
(4)

$$\frac{1}{\operatorname{div} V_{i}} = \mathbf{0}$$
(5)

معادله حرکت جریان تراکم ناپذیر(بدون اعمال نیروی وزن) به شکل بی بعد نیز بصورت رابطه (6) میباشد:

$$\frac{\mathbf{d}\vec{V}_{*}}{\mathbf{d}t_{*}} = -\nabla_{*}\left(p_{*}\right) + \frac{1}{\mathbf{Re}}\Delta_{*}\vec{V}_{*}$$
(6)

فرض کنید *،۲*، مختصات بی بعد محلی بوده و در راستای طول جسم باشد. بنابراین معادلهٔ دوران آزاد بصورت رابطه (7) خواهد بود:

$$J_* \ddot{\varphi} = M_{Z_*} = \int_{-1}^{1} r_* \Delta p_* (r_*) dr_*$$
(7)

 φ زاویه بین بردار سرعت جریان آزاد و نیم صفحهٔ شاخص است. M_{Z_*} گشتاور آیرودینامیکی بیبعد اعمالی بر روی صفحه بوده و به بصورت رابطه (8) است: $M_{Z_*} = \frac{2M_Z}{I^2 \, oII^2}$ (8)

(15)

$$J_* = \int_{-1}^{1} \rho_t \cdot (r_*) r_*^2 dr_*$$
(9)

چگالی بیبعد جسم بوده و به شکل رابطه (10) میباشد:

$$\rho_{t^*}(\mathbf{r}_*) = \frac{\rho_w h(\mathbf{r}_*)}{L}$$
(10)

h ضخامت محلی جسم، φ چگالی ماده تشکیل دهنده جسم و ρ چگالی جریان آزاد است. پارامترهای بیبعد دیگر به صورت x/L = x/L و y/L = ۶ تعریف میگردند.

برای تعیین مجموع قدرت گردابههای چسبیده و رها شده در قدم زمانی جاری، از شرط عدم نفوذ استفاده گردیده است که این شرط مرزی بصورت رابطه (11) میباشد:

$$(V \cdot \overrightarrow{n_V}) = |r_*| \dot{\varphi} \tag{11}$$

که در آن *n_v* بردار عمود بر سطح در نقطهٔ مورد نظر می باشد. برای محاسبه اثرات استهلاک گردابه های آزاد از روش نیمه تجربی افت گردابه استفاده می-گردد. بر این اساس قدرت *ن*امین گردابه که تابعی از زمان است بصورت رابطهٔ (12) محاسبه می شود:

$$\delta_i(t) = \delta_{0i} \left\{ 1 - \mathbf{e}^{\left[\frac{-k}{4(t-t_{0i})}\right]} \right\}$$
(12)

که در آن δ_{0i} قدرت نامین گردابه در زمان تولد آن، k یک ثابت تجربی که شاخص سرعت استهلاک گردابه بوده و t_{0i} زمان تولد نامین گردابه است. مقدار بهینه k برابر 40 می اشد [12].

شرایط اولیه مساله بصورت رابطة (13) میباشد:
(13) میباشد: (13) میباشد: (13) میباشد: (13) میباشد: (13) میباشد: (13) معرکنین ضخامت استوانه و صفحات صفر فرض شده و از اندیس* بخاطر
سادهنویسی صرفنظر می گردد. در زمان
$$t = 0$$
 جریان جاری شده و در نتیجه
معادله سرعت بصورت رابطه (14) است:

 $v_{\infty} = \mathbf{0} ; u_{\infty} = u_{\infty}(t)$ (14)

در حالت دوران آزاد، برای اینکه بار ناگهانی به صفحه وارد نشود تغییرات سرعت بیبعد از صفر تا ماکزیمم مقدار آن که یک است بر اساس فرمول (15) تنظیم می گردد:

$$u_{\infty}(t) = 1 - (1 - t)^2$$

زاویه صفحه شاخص با جریان آزاد φ نامیده شده (شکل 3) و سرعت زاویهای اولیه صفحه ϕ می باشد که مقدار آن صفر در نظر گرفته شده است.

شرط اضافی دیگری که باید در حل جریان ناپایا در نظر گرفته شود، شرط کلوین می باشد. بنا به این شرط، مجموع قدرت کلی گردابه ها با گذشت زمان ثابت باقی مانده و مقدار آن همواره برابر صفر است. بنابراین شرط کلوین که در هر گام زمانی باید ارضا شود به صورت رابطه (16) می باشد.

$$\sum_{i=1}^{n} \Gamma_{i} + \sum_{i=1}^{m} \delta_{i} = \mathbf{0}$$
(16)

در رابطه (16)، **n** بیانگر تعداد گردابههای چسبیده به جسم، *m* بیانگر تعداد گردابههای آزاد شده، *i* بیانگر قدرت گردابههای چسبیده به جسم و δ بیانگر قدرت گردابههای آزاد شده در جریان میباشد.

برای تعیین قدرت گردابههای چسبیده و هر یک از گردابههای آزاد شده از لبهها در هر قدم زمانی از شرط عدم نفوذ در نقاط کنترلی (رابطه 11) استفاده میگردد. نقاط کنترلی در فاصله میانی گردابههای چسبیده و همچنین در لبهها قرار گرفتهاند. در نتیجه در هر قدم زمانی یک دستگاه معادلات جبری که شامل $n_{\rm c} + n_{\rm p} \times n_{\rm c} + n_{\rm o}$ معادله ($n_{\rm r}$ یانگر تعداد

www.S124.ir

 $n_{
m k}$ تقسیمات روی استوانه، $n_{
m p}$ بیان گر تعداد صفحات چسبیده به استوانه و بیان گر تعداد تقسیمات روی صفحات میباشد) و $n_c + n_p imes n_k$ مجهول می-باشد، حاصل می شود. همان طور که ملاحظه می کنید دستگاه معادلات نامعین شده (تعداد معادلات بیشتر از تعداد مجهولات)، بنابراین یک چشمه با قدرت نزدیک به صفر در مرکز استوانه قرار داده می شود. (تعداد مجهولات برابر با می شود) این دستگاه با استفاده از روش های مختلف قابل $n_c + n_p imes n_k$ + 1 حل بوده که در اینجا از روش حذفی گوس¹استفاده گردیده است. پس از بدست آوردن قدرت گردابههای چسبیده می بایست سرعت القایی ناشی از تمامی گردابههای چسبیده و آزاد بر روی گردابههای رها شده در قدم زمانی جاری و گردابههای آزاد در فضا محاسبه گردد. لذا برای تعیین میزان سرعت در دستگاه مختصات ساکن باید سرعت حاصل از کلیه گردابههای چسبیده و آزاد را با سرعت جریان آزاد بصورت برداری جمع نمود. لذا سرعت در نقطهای با مختصات r بصورت روابط (17) و (18) بدست می آید:

$$u(\vec{r}) = \sum_{l=1}^{n} \Gamma_{l} u_{l}(\vec{r}) + \sum_{l=1}^{m} \delta_{l} u_{l}(\vec{r}) + u_{\infty}(t)$$
(17)

$$v(\vec{r}) = \sum_{l=1}^{n} \Gamma_l v_l(\vec{r}) + \sum_{l=1}^{m} \delta_l v_l(\vec{r})$$
(18)

برای پیدا کردن موقعیت گردابههای آزاد در قدم زمانی بعدی، از معادله حرکتی هر کدام از گردابهها بر اساس روش اویلر انتگرال گیری گردیده لذا جهت پیدا کردن موقعیت هر کدام از گردابههای آزاد از رابطه (19) استفاده می گردد:

$$\vec{r}_{j+1}^{n+1} = \vec{r}_j^n + \vec{V}^n(\vec{r}_j^n) \Delta t , \quad j = 1, m$$
(19)

j در اینجا Δt نمایانگر قدم زمانی و n ، $\vec{r}_{j}^{n} = (x_{j}^{n}; y_{j}^{n})$ در اینجا عدد گردابههای آزاد است که با رها شدن هر گردابه در هر قدم زمانی یک شماره به آن اضافه میگردد. حال که سرعت القایی کلی در دستگاه مختصات ساکن بدست آمد، میبایست رفتار جسم در قدم زمانی بعدی مورد تجزیه و تحلیل قرار گیرد. لذا ابتدا باید سرعت القایی بر روی تمامی نقاط کنترلی را طبق رابطههای (17) و (18) بدست آورد و سپس افت فشار در نقطه کنترل *i*ام محاسبه گردد. افت فشار در نقطه کنترلی *i*ام روی صفحه شاخص از فرمول (20) بدست ميآيد:

$$\Delta p_i^m = \left(u_i^m \cos \varphi_m + v_i^m \sin \varphi_m \right) \frac{\Gamma_i^m + \Gamma_{l-1}^m}{2} \frac{1}{\Delta r} - \frac{\delta_i^m + \sum_{k=l}^n (\Gamma_k^m - \Gamma_k^m)}{\Delta t}$$
(20)

که u_i^m و v_i^m مؤلفه های سرعت در راستای محورهای x و y در نقطه کنترلی u_i^m ام مستقر روی صفحه mم است. Γ_i^m قدرت گردابه چسبیده iم، δ_l^m قدرت iگردابه آزاد ایجاد شده از لبه صفحه mم در قدم زمانی فعلی، Γ_{k}^{mp} قدرت گردابه چسبیده kام روی صفحه mم در قدم زمانی قبلی، $arphi_m$ زاویه بین صفحه mم با بردار سرعت جریان و Δr فاصله بین گردابههای چسبیده مجاور است. رابطه (20) از انتگرال کوشی- لاگرانژ بدست آمده است.معادله دوران آزاد بصورت رابطهٔ (21) است. با استفاده از این معادله می توان گشتاور دورانی بیبعد اعمالی بر روی صفحات متصل به استوانه را محاسبه کرده و بدین منظور از روش انتگرال گیری عددی استفاده شده است. حال با بدست آوردن گشتاور دورانی می توان شتاب زاویهای بی بعد صفحه را در قدم زمانی بعدی از رابطه (21) بدست آورد: (21)

 $\dot{\varphi}_{n+1} = \dot{\varphi}_n + \ddot{\varphi}_n \Delta t$

و همچنین با استفاده از شتاب زاویهای بیبعد بدست آمده زاویه صفحه را در قدم زمانی بعدی با استفاده از رابطه (22) تعیین می شود: $\varphi_{n+1} = \varphi_n + \dot{\varphi_n} \Delta t$ (22)اندیس n نمایان گر قدم زمانی فعلی و اندیس n + 1 نشان گر قدم زمانی بعدی است. نکته حائز اهمیت در نظر گرفتن فیزیک جسم می باشد. بدین صورت که اگر در هنگام جابجایی صفحه (طبق رابطه (21) و (22)) و حرکت گردابهها

(طبق رابطه (19)) تعدادی از گردابه به صفحه و استوانه نزدیک شوند به گونهای که فاصله آنها از ما بین نقاط کنترلی کمتر باشد این گردابهها از صفحه و استوانه با استفاده از تئوری بازتاب دور می شوند. این عمل بخاطر تنظیم میدان سرعت در اطراف صفحه و با هدف حذف غیر فیزیکی گردابهها در جسم انجام می شوند [13].

3- وسایل، تجهیزات و روش انجام آزمایش

پس از مدلسازی عددی استوانه به همراه دو صفحه با درجه آزادی چرخشی، مىبايست جهت راستىسنجى نتايج حاصله، آزمايشات تجربى صورت پذيرد. برای انجام آزمایشات تجربی، جسم قرار گرفته در جریان تحت درجه آزادی چرخشی همانگونه که مطرح گردید نیاز به تونل باد و یا آب و تجهیزات و ابزارآلات دیگری جهت ایجاد درجه آزادی چرخشی برای جسم میباشد. تجهیزات مورد نیاز برای آزمایش شامل مدل آزمایشگاهی، تونل باد مادون صوت و دستگاه زاویه سنج الکترونیکی میباشد. البته باید خاطر نشان کرد که آزمایشات انجام شده برای نوسانات آزاد جسم، در جریان یکنواخت بوده و رفتار دینامیکی جسم در جریان هوا مورد بررسی قرار می گیرد.

تمام آزمایشها، در تونل باد آزمایشگاه آیرودینامیک دانشکده مهندسی هوافضای دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید ستاری انجام شده است. این تونل باد مادون صوت و مدار بسته بوده و حداکثر سرعت آن به 50 متر بر ثانیه می سد. مقطع آزمون این تونل باد دایره ای شکل بوده و دارای قطر 50 سانتیمتر میباشد. فاصله بین دو دهانه تونل باد حدود 1 متر میباشد. شدت اغتشاش این تونل بسیار ناچیز بوده و کمتر از 0.1 درصد میباشد.

مدل های آزمایشگاهی مورد نظر، دو استوانه به طول های 16 و 24 سانتی-متر و قطر 10 سانتیمتر میباشند. بر روی بدنه استوانهها و در راستای طولی شيارهايي با ضخامت 2 ميلي متر به منظور اتصال صفحات به آنها ايجاد شده است. صفحات از جنس آلومینیوم با طول های 16 و 24 سانتیمتر و ضخامت 2 میلیمتر میباشند به گونهای که در داخل شیارهای استوانه قرار گرفته و از داخل به هم پیچ می شوند. صفحات دارای عرض های مختلف 5، 10، 15 و 20 سانتیمتر میباشند. نمایی از صفحات با طول 16 سانتیمتر و عرضهای مختلف در شكل 4 ديده مي شود. زاويه بين دو صفحه متصل شده به استوانه-ها برابر با 180 درجه میباشد.

دستگاه زاویه سنج الکترونیکی، میبایست قابلیت نگهداشتن مدل (استوانه به همراه صفحات) با درجه آزادی چرخش را در جریان تونل باد



Fig. 4 A view of the plates used in tests شکل 4 نمایی از صفحات بکار رفته در آزمایش

¹ Gauss Elimination

داشته باشد و همچنین بتواند رفتار مدل را (نوسان یا دوران) طی یک پروسه معین جهت بررسی و ثبت نتایج به رایانه منتقل نماید. از اینرو این دستگاه از دو بخش الکترونیکی و مکانیکی تشکیل گردیده است. بخش مکانیکی، وظیفه نگهداشتن مدل با درجه آزادی چرخش و انتقال رفتار آن را داشته و قسمت الکترونیکی وظیفه تبدیل رفتار و جابجایی مدل از حالت مکانیکی به آنالیز قرار می گیرد. شکل 5 نمایی از مدل مذکور با دستگاه زاویه سنج الکترونیکی را در مقطع آزمون تونل باد نشان می دهد.

پس از آن که صفحات بر روی استوانه نصب گردید و مدل مذکور ساخته شد، مدل به گونهای که در معرض جریان تونل باد قرار گیرد بر روی دستگاه زاویه سنج الکترونیکی نصب میشود. البته باید خاطر نشان کرد که این دستگاه شامل ترمزگیر مخصوصی بوده که میتوان توسط آن مدل را در زوایای حمله اولیه مدنظر قرار داده و در جریان ثابت نگهداشت. به منظور ثبت دادهها و آنالیز آنها در رایانه، از برنامه لب ویو¹ استفاده می گردد. این برنامه نوعی زبان برنامه نویسی گرافیکی میباشد که با نوشتن برنامهای در آن می-توان دادهها را از پورت سریال خوانده و ثبت نمود. بدین منظور با اجرای برنامه مذکور در نرم افزار لب ویو، در ابتدا سیگنالی جهت آزاد شدن ترمز درب بازکن آیفون به میکروکنترلر فرستاده شده و سپس مدل در جریان شروع به حرکت کرده و تغییرات حرکتی آن با توجه به گام زمانی که در برنامه قرار داده شده ثبت می گردد. گام زمانی در نظر گرفته شده در آزمایشات، برابر با 0.1 ثانیه می باشد. بدین ترتیب در سرعتهای جریان مختلف (10، 15، 20، 25، 30) متر بر ثانيه، زواياي حمله اوليه مختلف (0. 8، 16، 24 و 32) درجه و نسبتهای طولی مختلف (L/R) برابر با 1، 2، 3 و 4 تغییرات زوایا ثبت می گردد.

4- نتایج حل عددی

در روش عددی، برای مدلسازی جریان ناپایا حول استوانه به همراه دو صفحه متصل به آن با توجه به روش گردابه گسسته گفته شده، برنامهای به زبان فرترن نوشته شده است. در این برنامه، گام زمانی را برابر با یک دهم ثانیه در نظر گرفته و بازه زمانی از 0 تا 50 ثانیه انتخاب شده است. در فرایند محاسبات، پارامترهای متغیر شامل نسبت طول صفحات به شعاع استوانه (L/R) (مقادیر 6060، 1، 5.1، 2.33 و 4) و زاویه حمله اولیه صفحه مرجع ممان اینرسی در محاسبات برابر با **2.5** = **L** در نظر گرفته شده است. در زاویه حمله اولیه صفحه مرجع با جریان آزاد (و φ ، الگوی رفتان شده است. در زاویه حمله اولیه صفحه مرجع با جریان آزاد (φ ، الگوی رفتان (L/R) و زاویه حمله اولیه صفحه مرجع با جریان آزاد (و φ ، الگوی رفتاری متفاوتی از تسم در جریان مشاهده شد. به طور کلی، رژیم حرکتی جسم در جریان به چهار نوع تقسیم می شود. نوع اول، زمانی است که جسم در جریان حول

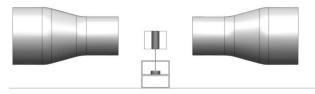


Fig. 5 Model and equipment used for testing in the wind tunnel شکل 5 مدل و تجهیزات به کار رفته برای آزمایشات در تونل باد

¹ LabViwe

موقعیت تعادلی (زاویهای خاص) نوسان می کند که به آن نوسان پایا گفته می شود. دومین نوع، زمانی است که جسم در جریان پس از رها شدن شروع به دوران می کند که به آن دوران پایا گفته می شود. سومین نوع، زمانی است که جسم در جریان حول موقعیت تعادلی شروع به نوسان کرده و بعد وارد رژیم دورانی می شود. به عبارتی می توان گفت که این حرکت شامل نوسانات همراه با دوران می باشد، که به آن نوسان ناپایا گفته می شود و چهارمین نوع حرکت زمانی است که جسم در جریان ابتدا شروع به دوران کرده و سپس وارد رژیم نوسانی می گردد به عبارتی دارای حرکت دورانی همزمان با نوسان می باشد که به آن رژیم دورانی ناپایا می گویند.

در شکل 6 تغییرات زاویهای جسم نسبت به زمان برای مدل استوانهای با دو صفحه با نسبت طولی 3 و در سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه در زوایای حمله اولیه مختلف بای حل عددی نشان داده شده است. با توجه به نتایج بدست آمده از حل عددی به وضوح روشن است که با افزایش زاویه حمله اولیه مدل تمایل به حرکت نوسانی دارد.

تغییرات ضریب گشتاور نسبت به زمان برای رژیم حرکتی دورانی (نسبت طولی 3 و سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه) و رژیم حرکتی نوسانی (نسبت طولی 2 و سرعت جریان آزاد 8 متر بر ثانیه) در زوایای حمله اولیه مختلف در شکلهای 7 و 8 نشان داده شده است. در رژیم حرکتی دورانی، گشتاور حاصله به صورت نوسانات نامنظم با زمان تغییر کرده و با گذشت زمان دامنه نوسانات افزایش مییابد. اما در رژیم حرکتی نوسانی، تغییرات ضریب گشتاور با زمان نسبت به حرکت دورانی نامنظم تر بوده و مشاهده میشود که در نزدیکی زاویه تعادلی 90 درجه، نیرو و گشتاور جزئی در حدود صفر به

به عبارتی میتوان گفت که در هر نوسان با نزدیک شدن به زاویه تعادلی 90 درجه، مقدار نیرو یا گشتاور وارد شده به صفحات کاهش مییابد. همچنین در هر دو رژیم حرکتی نوسانی و دورانی با افزایش زاویه حمله اولیه، به طور متوسط نیروی گشتاوری کمتری به صفحات وارد میشود و به همین سبب با افزایش زاویه حمله اولیه رژیم حرکتی جسم از دورانی به نوسانی تبدیل می-گردد.

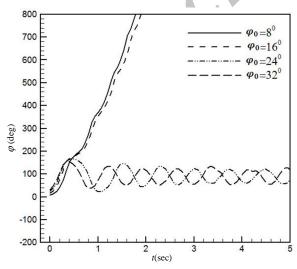


Fig. 6 Variation of object angle with time for length ratio 3 and free stream velocity 12 m/sec

شکل 6 تغییرات زاویه جسم نسبت به زمان برای نسبت طولی 3 ودر سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه

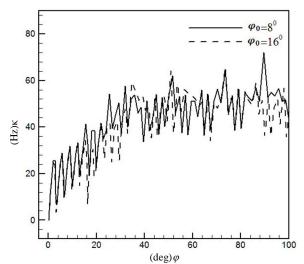


Fig. 9 Variation of dimming frequency with object angle for length ratio 3 and free flow velocity 12 m/sec

شکل 9 تغییرات فرکانس کاهنده نسبت به تغییرات زاویهای جسم در نسبت طولی 3 و سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه

تغییرات فرکانس کاهنده نسبت به تغییرات زاویهای جسم در رژیم حرکتی نوسانی برای استوانه با دو صفحه در نسبت طولی 2 و سرعت جریان آزاد 8 متر بر ثانیه در شکل 10 نشان داده شده است. در هر دور نوسان، فرکانس کاهنده نیز با افزایش زاویهای، افزایش مییابد. ولی با نزدیک شدن به زاویه تعادلی که در حدود 90 درجه میباشد، در اثر کاهش سرعت زاویهای جسم، فرکانس کاهنده کاهش مییابد و با گذشتن از زاویه تعادلی مجددا فرکانس کاهنده نیز افزایش مییابد از اینرو دوایری حول زاویه تعادلی 90 درجه به وجود میآید. با افزایش زاویه حمله اولیه دیده میشود که مقدار فرکانس کاهنده در هر نوسان، کاهش مییابد. به عبارتی میتوان گفت که در حرکت نوسانی با گذشت زمان سرعت نوسانی جسم نیز کاهش یافته، از اینرو فرکانس کاهنده جسم نیز در هر دور نوسان کاهش مییابد.

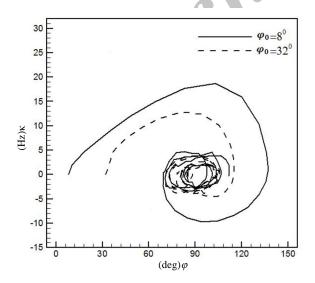


Fig. 10 Variation of dimming frequency with object angle for length ratio 2 and free flow velocity 8 m/sec **شکل 10 تغییرات فرکانس کاهنده نسبت به تغییرات زاویه**ای جسم در نسبت طولی 2 و سرعت جریان آزاد 8 متر بر ثانیه

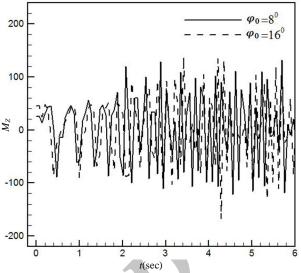


Fig. 7 Variation of moment coefficient with time for length ratio 3 and free stream velocity 12 m/sec

شکل 7 تغییرات ضریب گشتاور نسبت به زمان برای نسبت طولی 3 و سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه

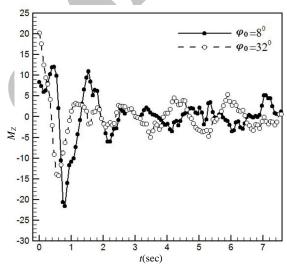


Fig. 8 Variation of moment coefficient with time for length ratio 2 and free stream velocity 8 m/sec

شکل 8 تغییرات ضریب گشتاور نسبت به زمان برای نسبت طولی 2 و سرعت جریان آزاد 8 متر بر ثانیه

فرکانس کاهنده (π) از پارامترهای مهم ناپایی جریان میباشد و به صورت رابطه $\nabla c/2V = \pi$ تعریف می گردد. که ω سرعت زاویهای مدل و σ بیان گر پارامتر طولی و V بیان گر سرعت جریان آزاد میباشد. شکل θ ، تغییرات فرکانس کاهنده را نسبت به تغییرات زاویهای برای استوانه با دو صفحه در نسبت طولی 3 و سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه (رژیم حرکتی دورانی) نشان میدهد. با افزایش زاویه حرکتی جسم، فرکانس کاهنده به صورت نوانات نامنظم تغییر میکند و در هر دوران، دامنه تغییرات فرکانس کاهنده نیز افزایش مییابد تا این که از یک زمان به بعد مقدار متوسط فرکانس کاهنده، ثابت می گردد. با افزایش زاویه حمله اولیه، فرکانس کاهنده جسم در ابتدای حرکت یکسان بوده ولی با گذشت زمان مشاهده میشود که در زوایای حمله اولیه بالاتر، مقدار متوسط فرکانس کاهنده نیز کاهش مییابد که این امر به سبب کاهش نیروهای اعمالی به صفحات بوده است.

در شکل 11، پراکندگی گردابههای آزاد شده از لبه صفحات برای استوانه به همراه دو صفحه در نسبت طولی 4 و سرعت جریان آزاد 6 متر در ثانیه و زاویه حمله اولیه 8 درجه (رژیم حرکتی نوسانی) در آخرین گام زمانی نشان داده شده است. در فرایند نوسانات جسم حول زاویه تعادلی 90 درجه، به تناوب تودههای گردابهای از لبه صفحات خارج شده و وارد جریان آزاد می-گردد و الگوی خاصی از جریان گردابهای در ناحیه دنبالهدار پشت جسم ایجاد می کند. با توجه به الگوهای شناخته شده رهایی گردابه به پایین دست جریان توسط ویلیامسون و روشکو [10]، دیده می شود که الگوی رهایی گردابه به پایین دست جریان به صورت مد 25 است. به عبارتی دو گردابه با جهت چرخش مخالف در هر سیکل نوسان وجود دارد.

با مقایسه نتایج مشخص گردید که برای هر دو حالت رژیم حرکتی دورانی و نوسانی، علت وقوع حرکت جسم به سبب توزیع پادمتقارن گردابهها حول صفحات میباشد به عبارتی میتوان گفت که افزایش تودههای گردابهای برای یکی از صفحات نسبت به دیگری باعث کاهش نیرو و در نتیجه باعث کاهش گشتاور آن صفحه نسبت به دیگری گشته و منجر به دوران یا نوسان جسم می گردد. البته در رژیم حرکتی نوسانی دیده شده که در نزدیکی زاویه تعادلی 90 درجه، توزیع گردابهها در نزدیکی دو صفحه به صورت متقارن بوده که این امر باعث کاهش نیرو و گشتاور اعمالی به صفحات گشته و در نتیجه باعث کاهش سرعت جسم در این زاویه خاص می گردد. این موضوع همچنین در شکل 12 برای استوانه به همراه دو صفحه در نسبت طولی 2 و سرعت جریان

5- نتايج تجربي

آزمایشهای متعددی بر روی مدل استوانه به همراه دو صفحه در تونل باد انجام شده است. طول استوانهها به ترتیب برابر با 16 و 24 سانتیمتر بوده و نسبت عرض صفحات به شعاع استوانه (نسبت طولی L/R) برابر با 1، 2، 3 و 4 میباشد. آزمایشات در سرعتهای مختلف جریان تونل باد در محدوده 6 تا 30 متر بر ثانیه و تحت زوایای حمله اولیه (φ) مختلف انجام شده است.

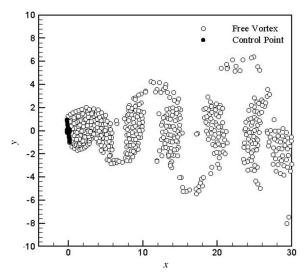


 Fig. 11 Abandoned vortices distribution for length ratio 4 and primary angle of attack 8 degree and free flow velocity 6m/sec

 8 شكل 11 توزيع گردابههاى رها شده براى نسبت طولى 4 و زاويه حمله اوليه

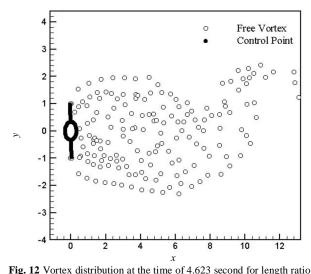


Fig. 12 Vortex distribution at the time of 4.625 second for length ratio

 2 and primary angle of attack 8 degree and free flow velocity 10m/sec

 8 شكل 12 توزيع گردابه در زمان 4.623 ثانيه و نسبت طولى 2 در زاويه حمله اوليه

 درجه و سرعت جريان آزاد 10 متر بر ثانيه

در مدل استوانه به طول 16 سانتیمتر به همراه دو صفحه (شکل 13)، عدد رینولدز جریان در فرایند آزمایش مابین 10^{5×1.32} و 10^{6×9.92} میباشد. علاوه بر رژیمهای حرکتی گفته شده شامل دورانی پایا، نوسانی پایا، دورانی ناپایا و نوسانی ناپایا، رژیم حرکتی میرا شده حول زاویه 90 درجه مشاهده میشود. این نوع حرکت میرا شده حول زاویه 90 درجه بیشتر در سرعتهای پایین جریان و نسبت طولی L/R پایین ایجاد می شود. در شکل 13، تغییرات زاویه-ای جسم نسبت به زمان برای استوانه به طول 16 سانتیمتر به همراه دو صفحه و نسبت طولی (L/R) برابر با 1 در سرعت جریان آزاد 10 متر بر ثانیه نشان داده شده است. همان طوری که دیده می شود در تمامی زوایای حمله اولیه به جز صفر درجه (مدل ساکن باقی میماند) با رهایش جسم در جریان آزاد، جسم تا زاویه تعادلی 90 درجه شروع به حرکت کرده و سیس حرکت آن در جریان میرا شده و در جریان ساکن باقیمیماند. با افزایش سرعت جریان، عدد رینولدز نیز افزایش یافته و آشفتگی جریان سبب میشود که رفتار حرکتی مدل به صورت نوسانی و میرا شده حول زاویه 90 درجه گردد که این نوع رژیم حرکتی در نسبت طولی 1 در تمامی سرعتهای جریان آزاد دیده می شود. با افزایش نسبت طولی، دیگر نوسانات جسم در جریان آزاد میرا نشده و جسم همواره در جریان نوسان میکند. این نوع حرکت نوسانی پایا حول زاویه تعادلی را میتوان در شکل 14 برای استوانه به طول 16 سانتیمتر با نسبت طولى 2 و در جريان آزاد 25 متر بر ثانيه مشاهده نمود. نوع حركت به صورت نوسانى پايا حول زاويه 90 درجه مىباشد البته دامنه نوسانات به صورت متغیر بوده و حداکثر دامنه نوسانات برای زوایای حمله اولیه پایین نزدیک به صفر درجه میباشد که این امر به سبب وارد شدن نیروی زیاد به صفحات در زوایای حمله اولیه پایین می باشد.

مرز تبدیل حرکت نوسانی به دورانی را میتوان در شکل 15، برای استوانه به طول 16 سانتیمتر و نسبت طولی 3 و سرعت جریان آزاد 30 متر بر ثانیه مشاهده کرد. با توجه با شکل 14 نوع حرکت به صورت ترکیبی از نوسانی پایا و ناپایا میباشد. بدین صورت که در زوایای حمله اولیه پایین به سبب افزایش نیروی عمودی وارده به صفحات، نوع حرکت به صورت نوسانی ناپایا میباشد به عبارتی این نوع حرکت به صورت نوسانی توأم با دوران به صورت نامنظم

درجه و سرعت جریان آزاد 6 متر بر ثانیه

160

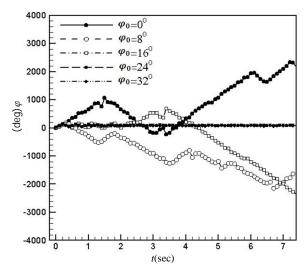


Fig. 15 Variation of object angle with time for cylinder with length 16 centimeter, length ratio 3 and free stream velocity 30 m/sec شکل 15 تغییرات زاویهجسم نسبت به زمان، برای استوانه به طول 16 سانتیمتر، با

سبت طولي 3 و در سرعت جریان 30 متر بر ثانیه

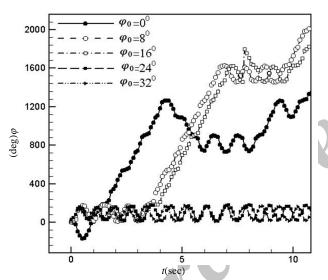
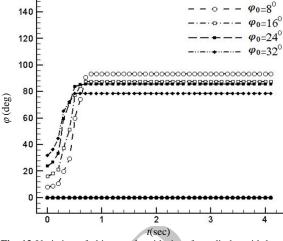


Fig. 16 Variation of object angle with time for cylinder with length 16 centimeter, length ratio 4 and free stream velocity 15 m/sec شکل 16 تغییرات زاویهجسم نسبت به زمان، برای استوانه به طول 16 سانتیمتر، با نسبت طولی 4 و در سرعت جریان 15 متر بر ثانی

L/R برابر با 3 و در سرعت 10 متر بر ثانیه ایجاد می گردد و با افزایش سرعت رژیم حرکتی دورانی پایا به وقوع می پیوندد.

در شکل 17، رژیم حرکتی دورانی پایا برای استوانه به طول 24 سانتیمتر به همراه دو صفحه با نسبت طولی برابر با 3 و سرعت جریان 13 متر بر ثانیه در زوایا حمله اولیه مختلف نشان داده شده است. به سبب تأثیرات سه بعدی جریان برای استوانه به طول 16 سانتیمتر به همراه دو صفحه رژیم حرکتی دورانی پایا دیده نمی شود و عموما رژیم حرکتی دورانی ناپایا رخ میدهد اما افزایش طول استوانه تا 24 سانتیمتر نشان میدهد که با توجه به ابعاد دهانه تونل باد، تأثیر سه بعدی جریان از بین رفته و تبدیل به جریان دو بعدی می-گردد همین امر باعث بروز حرکت دورانی پایا برای مدل 24 سانتیمتری می-شود.



 $\varphi_{0=0}^{C}$

0 _

Fig. 13 Variation of object angle with time for cylinder with length 16 centimeter, length ratio 1 and free stream velocity 10 m/sec شکل 13 تغییرات زاویه جسم نسبت به زمان، برای استوانه به طول 16 سانتی متر،

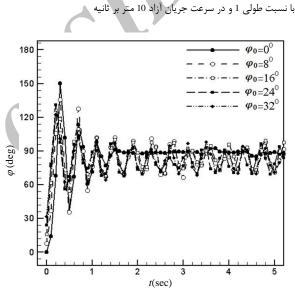


Fig. 14 Variation of object angle with time for cylinder with length 16 centimeter, length ratio 2 and free stream velocity 25 m/sec شکل 14 تغییرات زاویهجسم نسبت به زمان، برای استوانه 16 سانتیمتر، با نسبت طولی 2 و در سرعت جریان 25 متر بر ثانیه

بوده ولی در زوایای حمله اولیه بالاتر هنوز حرکت از نوع نوسانی پایا حول زاويه 90 درجه مىباشد.

در شكل 16، تغييرات زاويهاى نسبت به زمان براى استوانه 16 سانتى-متری با نسبت طولی 4 و سرعت جریان آزاد 15 متر بر ثانیه نشان داده شده است. با افزایش زاویه حمله اولیه تا 90 درجه، به سبب کاهش نیروی عمودی وارده به صفحات، رژیم حرکتی از نوسانی ناپایا (نواسانات توأمان با دوران) به نوسانی پایا حول زاویه 90 درجه تبدیل می گردد. با افزایش نسبت طولی و سرعت جریان آزاد، رژیم حرکتی دورانی ناپایا بروز نمی کند عموما نوع حرکت مدل به صورت دورانی ناپایا (دوران توأمان با نوسان) میباشد. با افزایش طول استوانه تا 24 سانتیمتر مشاهده می شود که در نسبتهای طولی 1 و 2 نوع حرکت مدل مطابق با استوانه 16 سانتیمتری میباشد. اما برای نسبت طولی L/R برابر با 3 در رژیم حرکتی آن نسبت به طول استوانه 16 سانتی-متری تفاوتهایی دیده میشود. شروع حرکت نوسانی ناپایا برای نسبت طولی

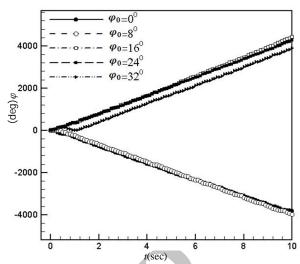


Fig. 17 Variation of object angle with time for cylinder with length 24 Centimeter, length ratio 3 and free stream velocity 13 m/sec شکل 17 تغییرات زاویهجسم نسبت به زمان، برای استوانه به طول 24 سانتیمتر، با نسبت طولی 3 و در سرعت جریان 13 متر بر ثانیه

در شکل 18، تغییرات ضریب گشتاور نسبت به تغییرات زاویهای مدل استوانه به طول 16 سانتیمتری با نسبت طولی 2 و زاویه حمله اولیه 16 درجه در سرعت جریان آزاد 30 متر بر ثانیه نشان داده شده است. نتایج نشان می دهد که با نزدیک شدن به زاویه تعادلی 90 درجه در هر دور نوسان، از مقدار ضریب گشتاور کاسته می شود. بنابراین تغییرات ضریب گشتاور به صورت منحنیوار حول زاویه تعادلی 90 درجه می باشد که این موضوع در حل عددی نیز دیده شده است. با نزدیک شدن به زاویه تعادلی 90 درجه به دلیل توزیع متقارن گردابه ها حول صفحات نیرو و در نتیجه گشتاور کمتری به آنها اعمال می گردد.

عدد بیبعد استروهال، بیانگر نوسانات جریان میباشد این عدد با استفاده از رابطه $f_t = fl/V$ بدست میآید که در آن f فرکانس نوسانات جریان، lطول مشخصه و V سرعت جریان آزاد میباشد. سارپکایا [6] بیان نمود

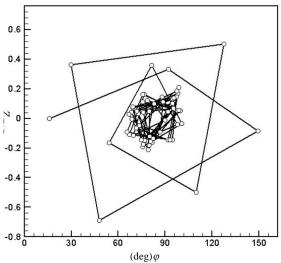


Fig. 18 Variation of moment coefficient with object angle for cylinder with length 16 centimeter, length ratio 2 and free stream velocity 30 m/sec

شکل 18 تغییرات ضریب گشتاور نسبت به تغییرات زاویه جسم برای استوانه با طول 16 سانتیمتر، با نسبت طولی 2 و در سرعت جریان آزاد 30 متر بر ثانیه

هنگامی که دامنه نوسانات جسم شدید باشد و یا به عبارتی در ناحیه قفل شده قرار گیرد (رژیم حرکتی دورانی)، در این ناحیه فرکانس نوسانات جریان با فرکانس نوسان یا دورانی جسم برابر میباشد. از این رو برای محاسبه عدد استروهال در رژیم حرکتی دورانی پایا به جای فرکانس نوسانات جریان از فرکانس دورانی جسم استفاده شده است. تغییرات عدد استروهال نسبت به عدد بی بعد رینولدز برای استوانه به طول 24 سانتیمتر به همراه دو صفحه و نسبتهای طولی مختلف 3 و 4 در شکل 19 نشان داده شده است. تقریبا ثابت میباشد. همان طولی مختلف 3 و 4 در شکل 10 نشان داده شده است. تقریبا ثابت میباشد. همان طول که بلوینز در آزمایشات خود نشان داده است که برای استوانه چرخان تغییرات عدد استروهال نسبت به عدد رینولدز مقدار ثابتی حدود 0.2 دارد. برای استوانه به همراه دو صفحه نیز این تغییرات نسبت به عدد رینولدز مقدار ثابتی را نشان میدهد. متوسط عدد استروهال برای نسبت طولی 3 معادل با 0.0398 میباشد و برای نسبت طولی 4 مقدار متوسط عدد استروهال معادل با 0.0398 میباشد و برای نسبت طولی 4 مقدار متوسط

6- مقایسه بین نتایج تجربی و عددی

شکل 20 مقایسه بین دادههای تجربی و عددی را برای تغییرات زاویه جسم نسبت به زمان در نسبت طولی 2، سرعت جریان آزاد 10 متر بر ثانیه و زاویه حمله اولیه 16 درجه نشان میدهد. نوع رژیم حرکتی هم در حل عددی و هم در روش تجربی به صورت نوسانی حول زاویه تعادلی 90 درجه میباشد. البته در روش تجربی تأثیرات جریان سه بعدی منجر میشود که نوسانات جسم در جریان نسبت به روش حل عددی دامنه کمتری داشته و به عبارت دیگر، موسانات جسم در جریان میرایی بیشتری دارد اما با افزایش نسبت طولی تا مقدار برابر با 3 همان گونه که در شکل 21 (سرعت جریان آزاد 8 متر بر ثانیه روش تجربی نوع رژیم حرکتی به صورت نوسانات در روش عددی و هم در میباشد اما با گذشت زمان، دامنه نوسانات در روش تجربی نسبت به روش میباشد اما با گذشت زمان، دامنه نوسانات در روش تجربی نامی و درجه عددی کمتر میباشد که این تفاوت به سبب میرایی ناشی از تأثیرات سه بعدی بودن جریان واقعی میباشد. شکل 22، مقایسه بین دادههای تجربی و عددی تغییرات زاویه جسم نسبت به زمان را برای نسبت طولی 3. در سرعت

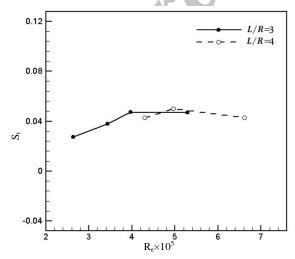


Fig. 19 Variation of strouhal number with Reynolds number for cylinder with length 24 centimeter and two plate 24 مشكل 19 تغييرات عدد استروهال نسبت به رينولدز براى استوانه به طول سانتى متر به همراه دو صفحه

جریان آزاد 15 متر بر ثانیه و زاویه حمله اولیه 8 درجه نشان میدهد. همان طوری که دیده می شود، در تمام طول مدت حرکت روند تغییرات داده-های تجربی و عددی یکسان میباشد. با این وجود، در شروع حرکت تا چند ثانیه سرعت زاویهای دورانی برابر بوده (شیب منحنیها یکسان بوده) ولی با گذشت زمان شیب منحنی روش تجربی نسبت به روش حل عددی کمتر بوده که این امر به سبب میرایی ناشی از تأثیرات سه بعدی جریان میباشد. مقایسه نتایج روش حل عددی و تجربی حاکی از آن است که رفتار دینامیکی مدل استوانهای به همراه دو صفحه قرار گرفته در جریان هوا، در نسبت طولی 2 و كمتر از آن همواره به صورت نوساني حول زاويه تعادلي 90 درجه بوده اما با افزایش مقدار نسبت طولی تا 3 مشاهده گردید که در سرعتهای جریان مختلف رژیم حرکتی نیز تغییر میکند به گونهای که در سرعت جریان آزاد 12 متر بر ثانیه در زوایای حمله اولیه پایین، نوع حرکت به صورت دورانی پایا بوده ولى با افزايش زاويه حمله اوليه (زاويه حمله 32 درجه) رژيم حركتى مدل به صورت نوسانی در میآید. در نسبت طولی 4 مشاهده میشود که در سرعت جریان آزاد 10 متر بر ثانیه و بالاتر در تمامی زوایای حمله اولیه مختلف رژیم حرکتی به صورت دورانی پایا میباشد.

7- نتیجه گیری

در این تحقیق، رفتار دینامیکی مدل استوانهای با دو صفحه متصل به آن در جریان ناپایا با استفاده از روش تجربی و همچنین روش عددی موسوم به گردابه گسسته، مدلسازی و مورد مطالعه قرار گرفته است. نتایج حاصل از هر دو روش عددی و آزمایشگاهی نشان میدهد که مدل قرار گرفته در جریان یکنواخت تحت تأثیر نسبتهای طولی مختلف (L/R)، روایای حمله اولیه مختلف و سرعتهای جریان آزاد مختلف دارای الگوهای حرکتی متفاوتی شامل نوسانی پایا، دورانی پایا، نوسانی ناپایا و دورانی ناپایا میباشد. البته در به سبب خنثی شدن نیروهای عمودی وارد بر صفحات، الگوی حرکتی میرا شده حول زاویه تعادلی 90 درجه دیده میشود. علت به وجود آمدن این نوع

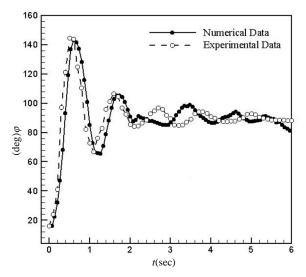


 Fig. 20 Comparison between experimental and numerical data for variation of object angle with time for length ratio2 and primary angle of attack 16 degree and free stream velocity 10 m/sec

 شكل 20 مقايسه بين دادههاى تجربى و عددى براى تغييرات زاويه جسم نسبت

 10 به زمان براى نسبت طولى 2، زاويه حمله اوليه 16 درجه و سرعت جريان آزاد 10 متربر ثانيه

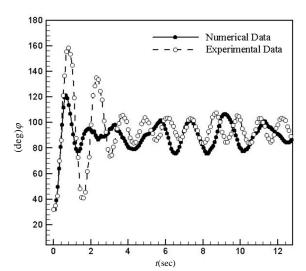


Fig. 21 Comparison between experimental and numerical data for variation of object angle with time for length ratio3 and primary angle of attack 32 degree and free stream velocity 8 m/sec maximum free stream velocity 8 m/sec 21 شكل 21 مقايسه بين دادههاى تجربى و عددى براى تغييرات زاويه جسم نسبت 4 ران براى نسبت طولى 3 راويه حمله اوليه 32 درجه و سرعت جريان آزاد 8 متر بر ثانيه

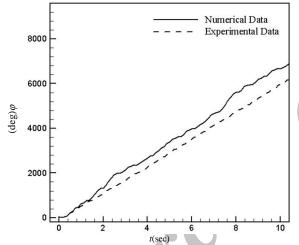


Fig. 22 Comparison between experimental and numerical data for variation of object angle with time for length ratio3 and primary angle of attack 8 degree and free stream velocity 15 m/sec make 2 مشكل 22 مقايسه بين دادههاى تجربى و عددى براى تغييرات زاويه جسم نسبت 15 به زمان براى نسبت طولى 3، زاويه حمله اوليه 8 درجه و سرعت جريان آزاد 15 متر بر ثانيه

الگوهای رفتاری متفاوت نوسانی و دورانی، اعمال نیرو از سوی جریان به مدل می اشد یا به عبارت دیگر، جریان بر روی جسم کار انجام می دهد و زمانی که کار از سوی جریان بر روی جسم صورت می گیرد، میرایی آیرودینامیکی منفی می اشد. در نتایج عددی دیده شد که الگوی رهایی گردابهها از نوک صفحات به پایین دست جریان در حرکت نوسانی پایا به صورت 2S بوده ولی در رژیم حرکتی دورانی، گردابهها به صورت نامنظم از لبه صفحات جدا شده و به پایین دست جریان منتقل می شوند. در رژیم حرکتی نوسانی پایا، در هر دور نوسان توزیع گردابهها در نزدیکی دو صفحه در زاویه تعادلی 90 درجه به صورت متقارن بوده و همین امر سبب می شود که گشتاور کمتری به صفحات وارد شده و سرعت زاویه ای مدل نیز کاهش یابد. کاهش سرعت زاویه ای و مقایسه گردند.

8- مراجع

- [1] M. Van Dyke, *An Album of Fluid Motion*, 10th Edition, pp. 56-57, California: Parabolic, 1982.
- [2] C. C. Feng, The measurement of vortex induced effects in flow past stationary and oscillating circular and d-section cylinders, Master's Thesis, The University of British Columbia, Canada, 1968.
- [3] X. Amandolese, P. Hemon, Vortex-induced vibration of a square cylinder in wind tunnel, *Journal of Comptes Rendus Mecanique*, Vol. 338, No. 1, pp. 12-17, 2010.
- [4] S. Umemura, T. Yamaguchi, K. Shiraki, On the vibration of Cylinders caused by Karman Vortex, *Bulletin of Japan Society Mechanical Engineering*, Vol.14, No.75, pp. 929-936, 1971.
- [5] T. Sarpkaya, Vortex-induced vibrations, A selective review, Journal of Applied Mechanics, Vol. 46, No. 2, pp. 241-258, 1979.
- [6] T. Sarpkaya, A critical review of the intrinsic nature of vortex induced vibration, *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 19, No. 4, pp. 389-447, 2004.
- [7] R. H. Scanlan, R. Rosenbaum, *Introduction to the study of Aircraft Vibration and Flutter*, Mineola: Dover, 1968.
- [8] A. Protos, V. W. Goldschmidt, G. H. Toebes, Hydroelastic forces on bluff cylinders. *ASME Journal of Basic Engineering*, Vol. 90, No. 3, pp. 378-386, 1968.
- [9] P. W. Bearman, E. D. Obasaju, An experimental study of pressure fluctuations on fixed and oscillating Square-Section cylinders, *Journal of Fluid Mechanics*, Vol. 119, No. 1, pp. 297–321, 1982.
- [10]C. H. K. Williamson, A. Roshko, Vortex formation in the wake of an oscillating cylinder, *Journal of Fluids and Structures*, Vol. 2, No. 4, pp. 355-381, 1988.
- [11]O. M. Griffin, R. A. Skop, The vortex wake of vibrating cylinders, Journal of Fluid Mechanics, Vol. 66, No. 3, pp. 553–576, 1974.
- [12]M. Kiya, M. Arie, Discrete-vortex simulation of unsteady separated flow behind a nearly normal plate, *Bulletin of Japan Society of Mechanical Engineering*, Vol. 23, No. 183, pp. 1451-1458, 1980.
- [13]H. Isvand, Numerical and experimental investigation of free rotational and oscillations of body in air flow, PhD Thesis, Moscow State University, Russia, 2002.

نیز بدست آمده است، اما در رژیم حرکتی دورانی، توزیع گردابهها حول دو صفحه همواره به صورت نامتقارن بوده و در نتیجه گشتاور و نیروی عمودی وارده به صفحات به صورت متناوب و نامنظم تغییر میکند. هم در نتایج عددی و هم در نتایج آزمایشگاهی دیده میشود که سرعت زاویهای مدل پس از رها شدن در جریان آزاد افزایش یافته و از یک زمانی به بعد حول مقدار متوسط ثابتی به صورت نامنظم نوسان میکند همچنین مشاهده میشود که وقوع رژیم حرکتی دورانی برای سرعت جریان آزاد و نسبت طولی ثابت، در زوايای حمله اوليه پايين اتفاق میافتد و با افزايش زاويه حمله اوليه تا زاويه تعادلی 90 درجه نوع حرکت مدل به صورت نوسانی پایا تبدیل میگردد. با افزایش نسبت طولی مدل هم در آزمایشها و هم در نتایج عددی مشاهده گردید که زاویه حمله اولیه وقوع رژیم حرکتی نوسانی افزایش مییابد به گونهای که در نسبت طولی 4 نوع حرکت در تمامی زوایای حمله اولیه به صورت دورانی پایا میباشد که این امر به سبب افزایش مساحت سطح عمود بر جریان بوده و باعث اعمال نیروهای زیادی به صفحات گشته و منجر به رژیم حرکتی دورانی می گردد. در رژیم حرکتی دورانی کمترین عدد استروهال برابر با 0.0275 مىباشد. همچنين با افزايش عدد رينولدز عدد استروهال دارای مقدار ثابتی می باشد که این مقدار ثابت برای نسبت طولی 3 برابر با 0.0398 بوده و براى نسبت طولى 4 معادل با 0.0338 مىباشد. در اين تحقیق مشخص شد که از نظر کیقی و کمی رفتار جسم در بررسی تجربی و عددی تطابق نسبتا خوبی داشته و این گونه اجسام را با روش عددی گردابه گسسته به عنوان روشی با دقت قابل قبول، کمهزینه و زمان جوابدهی بسیار کمتر نسبت به سایر روشهای عددی، میتوان مدلسازی نمود. تفاوت عمده نتایج عددی و تجربی، بدلیل اثرات دو بعدی روش عددی و سه بعدی روش تجربی است و اثرات تسکین در حالت سه بعدی است که پیشنهاد میگردد مدلسازی عددی سه بعدی گردابه گسسته روی مدل مدنظر انجام و نتایج