ماهنامه علمى يژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme modares ac in

شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی لایهی ناز ک مایع با استفاده از روش شبكه بولتزمن

 3 سروش فلاح خارميانى 1 ، محمد يسنديده فرد 2 ، حميد نيازمند

1- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

2 - استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

3 - استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

[•] مشعد، صندوق بستر، 9177948944.mpfard@um.ac.ir

اطلاعات مقاله

 $40.100 - 1$

Modeling of simultaneous impact of two parallel drops on a thin liquid film using Lattice Boltzmann Method

Soroush Fallah Kharmiani, Mohammad Passandideh Fard^{*}, Hamid Niazmand

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran * P.O.B. 9177948944, Mashhad, Iran, mpfard@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Available Online 06 August 2016

Original Research Paper Received 11 May 2016

Accepted 09 July 2016

Lattice Boltzmann Method

single component two-phase

Keywords:

Shan and Chen

Impact Droplet

ABSTRACT

In this paper, simultaneous impact of two parallel drops on a thin liquid film is investigated using the lattice Boltzmann method. The purpose of this study is to investigate the effects of surface tension (characterized by Weber number), distance between two drops, and gas kinematic viscosity on the impact. The developed numerical model in this paper which is based on the Shan and Chen pseudopotential two-phase model makes it possible to access large density ratios, low viscosities, and tunable values of surface tension independent of the density ratio. The model is validated by comparing the coexistence densities with those of Maxwell analytical solution, evaluating the Laplace law for a droplet, and simulating single droplet impact on a thin liquid film. Simulation results of two drops simultaneous impact show that after impact, two jets raised between the drops join each other and form a central jet. Height of this jet increases with time leading to separation of secondary droplets from its tip. When the surface tension value is decreased, the central jet height is increased, but the size of the separated droplets is reduced. The crown shape observed in single drop impact is also seen in simultaneous impact of two drops. Increasing distance between two drops leads to a smaller central jet height and an increase in the crown radius. The crown height, however, was found to be independent of the distance. Finally, increasing gas kinematic viscosity reduces the central jet rising speed and delays separation of secondary droplets from the jet.

سطح آبگرفته زمین و یا حوضچهها برخورد می کنند. این پدیده دارای کاربرد-های صنعتی و محیطی نیز است که از جمله آنها میتوان به تزریق سوخت در موتورهای احتراق داخلی، خوردگی پرمهای توربین، سرمایش از طریق

برخورد قطره بر روی سطح مایع پدیده جالب و در عین حال پیچیدهای است که در زندگی روزمره ما قابل مشاهده است، مانند زمانیکه قطرههای باران به

. بواى اوجاع به اين مقاله از عبارت ذيل استفاده نعاييد:
7. S. Fallah Kharmiani, M. Passandideh Fard, Hamid Niazmand, Modeling of simultaneous impact of two parallel drops on a thin liquid film using Lattice Boltzmann Meth Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 7, pp. 373-384, 2016 (in Persian)

جمله قطر و ارتفاع تاج و همچنین سرعت عمودی آن را مورد مطالعه قرار

دادند. آنها دریافتند که سرعت عمودی رشد و بازگشت تاج و همچنین نرخ

گسترش قطر آن مستقل از عدد وبر است. اوکاوا و همکاران [9] نیز بصورت آزمایشگاهی به اندازهگیری نسبت قطر و جرم قطرههای ثانویه به قطر و جرم

روش سنتی شبیهسازی مسائل مرتبط با دینامیک سطح مشترک،

استفاده از روش ماکروسکوییک حجم کنترل برای حل معادلات ناویر-

استوکس به همراه یک روش ریاضی برای بازسازی موقعیت قرارگیری سطح

مشترک است. روش حجم سیال [10] و روش سطح بندی [11] معروفترین

و پرکاربردترین روش ها برای شناسایی و بازسازی موقعیت سطح مشترک

شناخته میشوند. ریبر و فرون [3] بصورت سهبعدی و با استفاده از روش حجم سیال برخورد قطره مایع بر روی فیلم نازکی از مایع را شبیهسازی

کردند. اسدی و پسندیده فرد [12] نیز با استفاده از روش حجم سیال بصورت

تقارن محوری برخورد قطره روی فیلم مایع را به طور نسبتا جامعی مورد

مطالعه قرار دادند و روابطی را نیز برای پارامترهای مختلف حاکم بر مسئله

ارائه نمودند. لی و همکاران [13] از روش سطح بندی در مختصات دو بعدی

استفاده کردند. گااو و همکاران [14] نیز با ترکیب روشهای سطح بندی و

حجم سیال به صورت دوبعدی پدیده برخورد قطره روی فیلم مایع را مورد

مناسب براي شبيهسازي جريانهاي مختلف از جمله جريانهاي دوفاز مطرح

شده است. این روش از سادگی قابل ملاحظهای نسبت به روشهای

ماکروسکوپیک سنتی برخوردار است و همچنین هزینه محاسباتی در این

روش در بسیاری از مسائل بویژه جریانهای دوفاز کمتر است. زیبایی روش

شبکه بولتزمن در شبیهسازی مسائل دوفاز، عدم نیاز به ردیابی سطح مشترک است. در میان مدلهای دوفاز موجود در روش شبکه بولتزمن، روش پتانسیل

شان و چن [16,15]، روش انرژی آزاد سوئیفت و همکاران [17] و روش هی و

همکاران [18] به طور گسترده مورد استفاده قرار میگیرند. با این وجود تمام

این مدلها دارای یک سری ضعفها از جمله محدودیت افزایش نسبت چگالی

هستند. بنابراین تلاشهای زیادی برای از بین بردن و یا کاهش ضعفهای

در سالهای اخیر روش شبکه بولتزمن به عنوان یک روش جایگزین

قطره اوليه پرداختند.

.
مطالعه قرار دادند.

جدیدی گردیده است.

اسیری، روکش دهی با رنگ یا اسیری و فرسایش خاک اشاره کرد [2,1]. بنابراین محققان زیادی تلاش کردهاند تا با انجام آزمایش، شبیهسازی و حل-های تحلیلی متغیرهای فیزیکی تأثیرگذار بر این پدیده و نحوهی تأثیرگذاری آنها را شناسایی کنند. نتایج محققان نشان میدهد که برخورد قطره روی سطح مایع تحت تأثیر یک سری از اعداد بدون بعد است که در میان آنها عدد وبر (نسبت نیروی اینرسی به کشش سطحی)، عدد اونسورگ¹ (نسبت نیروی لزجت به کشش سطحی)، عدد باند (نسبت نیروی جاذبه به کشش سطحی) و ضخامت بی بعد لایه مایع (نسبت ضخامت مایع به قطر قطره) مهمترين اعداد بي بعد هستند [3,2]. با توجه به مقادير اين اعداد بدون بعد نتايج مختلفي از جمله آميختگي² و پاشش³ امکان پذير است. آستانه گذر از .
آمیختگی به پاشش نیز معمولا بوسیلهی عدد وبر بحرانی مشخص میشود.

رین [4] به طور جامع به مرور کارهای آزمایشگاهی انجام شده بر روی برخورد قطره به سطح جامد و مایع پرداخت. در حالت برخورد به فیلم مایع عميق، نتايج بصورت ورجهش⁴، آميختگي و پاشش گزارش شد. تأثير عوامل مؤثر بویژه عدد وبر بر این نتایج نیز مورد بحث قرار گرفت. در پژوهش مروری دیگر پارین [5] به ارائه نتایج مختلف آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی محققان در رابطه با برخورد قطره مایع روی سطح جامد و مایع پرداخت.

یارین و ویس [6] بصورت آزمایشگاهی به بررسی برخورد چندین قطرهی مایع بصورت متوالی بر روی سطح جامد پرداختند. نتایج آزمایش آنها نشان از تولید امواج کشسان⁵ در سرعتهای پایین و پاشش در سرعت برخوردهای بالا داشت. همچنین آنها بصورت تحلیلی روابط مختلفی از جمله روند تغييرات شعاع تاج⁶با زمان ارائه كردند و سپس اين روابط را با نتايج متناظر حاصل از آزمایشهای خود مقایسه نمودند. افزون بر این، آنها توانستند نمودار آستانهی پاشش را از طریق تغییر عدد کاپیلاری⁷ (نسبت عدد وبر به رينولدز) و طول لزجت⁸ بدست آورند.

ونگ و چن [7] به بررسی برخورد قطره بر روی فیلم بسیار نازک مایع پرداختند و اعداد وبر بحرانی برای گذر به پدیده پاشش را گزارش کردند. آن-ها دریافتند که عدد وبر بحرانی برای فیلمهایی با ضخامت بی بعد کمتر از 0.1 مستقل از ضخامت لايه مايع است، در حاليكه افزايش لزجت مايع منجر به افزایش عدد وبر بحرانی میشود.

منزلو و یانگ [8] به طور آزمایشگاهی برخورد قطرهی آب بر روی سطح آب و سطح متوکسی نانوفلوروبوتان⁹ یا اچ اف ای7100 (یک مایع پرکاربرد صنعتی) را مورد مطالعه قرار دادند. آنها دریافتند که در حالت برخورد به لايه عميق اچ اف اي7100، جت مركزي بالا آمده از سطح آن دچار انفصال نشده و هیچ قطره ثانویهای از آن جدا نمی شود. بنابراین آنها نتیجه گرفتند که وبر بحرانی برای شکل گیری پاشش جت مرکزی برای مایع مذکور تعریف نمیشود. این موضوع در برخورد بر روی سطح آب صادق نبود و جدا شدن قطرههای ثانویه از جت مرکزی در اعداد وبر فوق بحرانی مشاهده شد. همچنین نتایج آزمایش آنها نشان از مستقل بودن مقدار وبر از ضخامت لایه آب داشت.

کوسالی و همکاران [2] تغییرات زمانی متغیرهای مختلف برخورد از

- Bouncing
- Capillary waves Crown

مدل های مذکور انجام شده است که منجر به ارائه مدل های بهبود یافته

مطالعات موجود در منابع که در ارتباط با شبیهسازی برخورد قطره بر روی سطح مایع با استفاده از روش شبکه بولتزمن باشند، اندک است. لی و لین [19] با اصلاح مدل هی توانستند به نسبت چگالی های بالا دست یابند. آنها برخورد قطره مایع بر روی فیلم نازک را بصورت دوبعدی شبیهسازی کردند، با این وجود تنها به بررسی تاثیر عدد رینولدز در محدودهی کمتر از 500 بسنده کردند. گااو و ونگ [20] بر اساس مدل هی به بررسی تاثیر نسبت چگالی در مختصات دوبعدی پرداختند و دریافتند که شکل تاج در نسبت چگالی های پایین دارای یک خم به سمت داخل است. چنگ و لو [21] با استفاده از مدل انرژی آزاد به بررسی برخورد سهبعدی و مایل قطره به فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 100 و اعداد رینولدز به بزرگی 2000 پرداختند. خاتون آبادی و اشرفی زاده [22] نیز با استفاده از مدل پتانسیل شان و چن برخورد قطره بر روی فیلم نازک مایع را در دو بعد شبیهسازی کردند.

اگرچه کارهای آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی زیادی بر روی برخورد یک قطره بر روی فیلم مایع انجام گرفته است اما تعداد تحقیقات انجام شده در

 1 Ohnesorge

Proposition or Coalescence
 Splashing

Capillary number

Viscosity length

 9 Methoxy-nonafluorobutane

رابطه با مکانیزم برخورد بیش از یک قطره بر روی سطح مایع بسیار کم است. رمان و همكاران [23] و لي و همكاران [24] با استفاده از مدل لي و لين [18] برخورد همزمان دو قطره موازی هم بر روی سطح مایع را شبیهسازی کردند. بر اساس اطلاع نویسنده شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم مایع با استفاده از روش پتانسیل شان و چن انجام نگرفته است. اساس این مدل دوفاز، مدلسازی نیرویی است که در دماهایی کمتر از دمای بحرانی سیال منجر به جداشدن فازهای مایع و گاز میشود. مزیت مدل پتانسیل شان و چن نسبت به سایر مدل ها سادگی و هزینه محاسباتی پایین آن است. با این وجود این مدل دارای محدودیتهای متعددی از جمله محدودیت رسیدن به نسبت چگالی های بالا، وابستگی مقدار کشش سطحی به نسبت چگالی، ناپایداری در لزجتهای کم و وجود سرعتهای غیرفیزیکی¹ در سطح مشترک است. مدل توسعه داده شده در این مقاله تقریبا تمامی مشکلات ذکر شده را برطرف کرده و یا کاهش داده است و بنابراین توانایی شبیهسازی جریانهایی با نسبت چگالی به بزرگی 1000 و لزجتهای پایین را دارا بوده و امکان تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی نیز وجود دارد. در این پژوهش بر اساس مدل یک جزیی- دوفاز شان و چن در شبکه بولتزمن و استفاده از تابع برخورد با چند زمان آرامش²، برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع به همراه بررسی تأثیر کشش سطحی، فاصلهی بین دو قطره و لزجت سینماتیک گاز به عنوان سه پارامتر بسیار مهم در برخورد مورد مطالعه قرار می گیرد.

2- مدل عددی

معادله شبکه بولتزمن با استفاده از عملگر برخورد مشهور باهاتنگار - گروس كروك [25] و در حضور نيروى خارجي عبارت است از [26]:

$$
\hat{\mathbf{c}}_{\alpha}(\mathbf{x} + e_{\alpha}\delta t_{\gamma}t + \delta t) - f_{\alpha}(\mathbf{x}_{\gamma}t) \n= -\frac{1}{\tau} \left(f_{\alpha}(\mathbf{x}_{\gamma}t) - f_{\alpha}^{\text{eq}}(\mathbf{x}_{\gamma}t) \right) + \delta t F_{\alpha}
$$
\n(1)

در معادله (1)، x مكان ذره، e_a مولفه سرعت شبكه در جهت δt ، « گام زمانى زمان آرامش، F_a ترم نیرو و f_a و f_a^{eq} به ترتیب بیانگر تابع توزیع و تابع توزیع τ تعادلی ذره در جهت a میباشند. برای جریانهای تراکم ناپذیر (محدوده عدد ماخ پایین) تابع توزیع تعادلی از رابطه (2) بدست میآید [27]:

$$
f_{\alpha}^{\text{eq}} = \omega_{\alpha}\rho \left[\mathbf{1} + \frac{e_{\alpha} \cdot V}{c_{s}^{2}} + \frac{\left(e_{\alpha} \cdot V\right)^{2}}{2c_{s}^{4}} - \frac{V \cdot V}{2c_{s}^{2}} \right]
$$
(2)

در معادله (2)، ω_a ضریب وزنی در جهت α بوده و c_s سرعت صوت در شبکه و $c = \delta x/\delta t = \frac{1}{\delta t}$ برابر با قلاب است. 1 = $\delta x/\delta t$ = ع و گام زمانی و مکانی برابر با یک می باشند. ρ و V نیز به ترتیب چگالی و سرعت ماکروسکوپیک میباشند.

برای شبکه D2Q9 مورد استفاده در این پژوهش، مؤلفههای سرعت و ضرايب وزني عبارتند از [27]:

$$
e_{\alpha} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}
$$
(3)

$$
\omega_{\alpha} = \begin{cases} \frac{4}{9} & , & \alpha = 0 \\ \frac{1}{9} & , & \alpha = 1,2,3,4 \\ \frac{1}{36} & , & \alpha = 5,6,7,8 \end{cases}
$$
(4)

¹ Spurious currents
² Multi Relaxation Time

برای وارد کردن نیروی خارجی در معادلهی شبکه بولتزمن نیاز به یک طرح نيرويي³است. گااو و همكاران [26] با در نظر گرفتن تأثير شبكه بولتزمن گسسته بر روی جمله نیرو، توانستند طرحی ارائه کنند که بسط معادلهی شبکه بولتزمن حاصل از آن منجر به رسیدن به معادلات بقای جرم و ناویر-استوکس در ابعاد ماکروسکوییک میشود. با این وجود استفاده از این طرح نیرویی در مدل دوفاز پتانسیل شان و چن برای نسبت چگالی های نسبتا بالا كارا نيست و منجر به ناپايداري حل ميشود [28,27]. لي و همكاران [28] با اصلاح ترم سرعت در روش گااو، طرحی ارائه کردند که در نسبت چگالیهای بالاتر نيز پايدار است. اين طرح نيرويي بصورت رابطه (5) بيان ميشود [28]: $F_{\alpha} = \omega_{\alpha} \delta t \left(1 - \frac{1}{2\tau} \right) \left[\frac{e_{\alpha} - V'}{c_{\alpha}^2} + \frac{C_{\alpha} \cdot V'}{c_{\alpha}^4} e_{\alpha} \right] \cdot F$ (5) $V' = V + \epsilon F / ((\tau - 0.5)\psi^2)$ (5)، در رابطه (5)، $V' = V + \epsilon F / ((\tau - 0.5)\psi^2)$ منظور دست یابی به مقادیر چگالی منطبق بر مقادیر حاصل از ترمودینامیک تنظيم مي شود (با صفر قرار دادن مقدار ϵ مدل گااو حاصل مي شود). ψ تابع جرم مؤثر⁴ نام دارد که تابع چگالی محلی است و F مجموع تمام نیروهای $F = F_1 + F_2$ وارد شده بر هر ذره سیال (هر گره شبکه) است. در این پژوهش + که در آن F_1 نیروی برهمکنش بین سیال- سیال و F_2 نیروی برهمکنش بین سیال - جامد است. در این مقاله تمرکز بر روی مراحل اولیه برخورد قطره بوده و لذا تأثير نيروي جاذبه ناچيز است [19,5].

به منظور دست پایی به مدل عددی پایدارتر و درنتیجه نسبت چگالی های بزرگتر و لزجتهای کمتر، از تابع برخورد با چند زمان آرامش استفاده می-گردد. معادلهی شبکه بولتزمن با زمان آرامش چندتایی بصورت رابطه (6) قابل بيان است [29] :

$$
f_{\alpha} \mathbf{C} \cdot \mathbf{F} = -\sum_{i} \Lambda_{\alpha i} \left(f_{i} - f_{i}^{eq} \right) + \delta t \left(s_{\alpha} - \frac{1}{2} \sum_{i} \Lambda_{\alpha i} s_{i} \right)
$$

رابطه (6)، 1⁄2 ماتریس زمان آرامش و s ترم نیرو است. با مقایسه معادلهی (6) با معادلات (1) و (5)، ترم نیرو s برابر است با [30] :

$$
s_{\alpha} = \omega_{\alpha} \left[\frac{e_{\alpha} - V'}{c_s^2} + \frac{(e_{\alpha} \cdot V')}{c_s^4} e_{\alpha} \right] \cdot F \tag{7}
$$

به طور معمول راحت تر آن است که مرحله برخورد در فضای مومنتم انجام گیرد، بنابراین سمت راست⁵معادلهی (6) با ضرب در ماتریس تبدیل M به فضاي مومنتم انتقال مييابد:

$$
M \cdot (\text{RHS of Eq. (6)}) = m = \sum_{i} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} (f_i - f_i^{\text{eq}})
$$

$$
+ \delta t \sum_{i} \left(I_{\alpha i} - \frac{1}{2} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \right) \widehat{s}_i
$$
(8)

ماتریس تبدیل M در مدل D2Q9 ذکر شده برابر است با [31]:

$$
M = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ -4 & -1 & -1 & -1 & -1 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 4 & -2 & -2 & -2 & -2 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & -2 & 0 & 2 & 0 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 1 & 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 & 0 & 2 & 1 & 1 & -1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix}
$$
(9)

$$
\hat{f} = Mf
$$
(10)

³ Forcing scheme

 $\frac{4}{5}$ Effective mass
 $\frac{5}{5}$ Right Hand Side (RHS)

³⁷⁵

با ضرب ماتریس تبدیل در ماتریس تابع توزیع تعادلی (رابطه (2)) داریم $: [32]$

$$
\hat{f}^{\text{eq}} = M f^{\text{eq}} = \rho (\mathbf{1}_r - \mathbf{2} + \mathbf{3} |V|^2 \cdot \mathbf{1} - \mathbf{3} |V|^2 \cdot \nu_{xt} \n- v_{xt} v_{yt} - v_{yt} v_x^2 - v_{yt}^2 v_x v_y \mathbf{y}^T
$$
\n(11)

در معادله (11) مؤلفههای سرعت ماکروسکوییک میباشند. در معادله v_x (8)، I ماتریس واحد و $\hat{\Lambda}$ ماتریس زمان آرامش قطری در فضای مومنتم است كه بصورت رابطه (12) بيان مي گردد [32]:

 $\hat{\Lambda} = M \Lambda M^{-1} = \text{diag}(s_1, s_2, s_3, s_4, s_5, s_6, s_7, s_8, s_9) =$

$$
\text{diag}\left(\tau_{\rho}^{-1}, \tau_{e}^{-1}, \tau_{\zeta}^{-1}, \tau_{\zeta}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau_{q}^{-1}, \tau^{-1}, \tau^{-1}\right) \tag{12}
$$

 j در رابطه (12)، ρ كميت چگالي، e انرژى و ζ مرتبط با مجذور انرژى است. j مومنتم و q شار انرژی است. r همان زمان آرامش مورد استفاده در مدل برخورد باهاتنگار - گروس – کروک است. نکته قابل توجه این است که با تبدیل ماتریس زمان آرامش به یک ماتریس قطری در فضای مومنتم، زمان-های آرامش مربوط به متغیرهای فیزیکی مختلف مذکور از یکدیگر مستقل شدهاند

عضوهای 51، 54 و 86 برابر با یک می باشند. ج s_2 و 59 = 58 به ترتیب به لزجت حجمی¹ و لزجت سینماتیک مرتبط میشوند [32]: \triangle

$$
\lambda = \left(\frac{1}{s_2} - 0.5\right) c_s^2 \tag{13}
$$

$$
v = (r - 0.5)c_s^2
$$
 (14)

.
اثبات شده است که زمان آرامش مرتبط با لزجت سینماتیک، تابعی از چگالی سیال است که در این پژوهش توسط میانیایی خطی ارائه شده در فرمول (15) محاسبه مي شود [33]:

$$
\tau = \tau_g + \frac{\rho - \rho_g}{\rho_l - \rho_g} (\tau_l - \tau_g)
$$
\n(15)

در رابطه (15)، ρ_l ρ_g ρ_l و ρ به ترتیب عبارتند از: زمان آرامش فاز گاز، زمان آرامش فاز مایع، چگالی گاز، چگالی مایع و چگالی محلی در میدان جریان دو فاز. با توجه به معادلهی (15) اگر چگالی سیال برابر با چگالی هر یک از فازها باشد، زمان آرامش کلی برابر با زمان آرامش متناظر آن فاز خواهد بود. لزجت سينماتيک متناظر هر فاز نيز از رابطه (14) براحتى محاسبه میگردد. بدین ترتیب امکان متفاوت بودن ویسکوزیته سینماتیک (در نتیجه ویسکوزیته دینامیک) فازها فراهم می شود.

چگالی و سرعت ماکروسکوپیک نیز از تابع توزیع مطابق رابطه (16) محاسبه می گردند [32]:

$$
\rho = \sum_{\alpha} f_{\alpha} \qquad , \qquad \rho V = \sum_{\alpha} f_{\alpha} e_{\alpha} + \frac{\delta t}{2} F \tag{16}
$$

در معادله (16)، رابطه چگالی و سرعت به ترتیب بیانگر قانون بقای جرم و بقای مومنتم میباشند.

لی و همکاران [32] رابطه (17) را برای ترم نیرو در فضای مومنتم ییشنهاد کردند:

$$
\hat{s} = \begin{bmatrix}\n\mathbf{0} & \mathbf{12\epsilon} |F|^2 \\
\mathbf{6}(v_x F_x + v_y F_y) + \frac{\mathbf{12\epsilon} |F|^2}{\psi^2 (\mathbf{1}/s_z - \mathbf{0.5})} \\
-\mathbf{6}(v_x F_x + v_y F_y) - \frac{\mathbf{12\epsilon} |F|^2}{\psi^2 (\mathbf{1}/s_z - \mathbf{0.5})} \\
F_x & -F_x \\
F_y & -F_y \\
\mathbf{2}(v_x F_x - v_y F_y) & v_x F_y - v_y F_x\n\end{bmatrix}
$$
\n(17)

به منظور ايجاد قابليت تنظيم مقدار كشش سطحى مستقل از نسبت چگالى، لی و همکاران [34] یک جملهی چشمه به سمت راست معادلهی شبکه بولتزمن با زمان آرامش چندتایی اضافه کردند. در نتیجه معادلهی (8) بصورت رابطه (18) اصلاح مي گردد [34]:

$$
m_{\text{new}} = -\sum_{i} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \left(f_{i} - f_{i}^{\text{eq}} \right) + \delta t \sum_{i} \left(I_{\alpha i} - \frac{1}{2} \widehat{\Lambda}_{\alpha i} \right) \hat{s}_{i}
$$

+ $\delta t C_{\alpha}$ (18)

د, , ابطه (18) حملهی جشمه C عبارتست از $[34]$:

$$
C = \begin{bmatrix}\n0 \\
1.5\tau_e^{-1}(Q_{xx} + Q_{yy}) \\
-1.5\tau_e^{-1}(Q_{xx} + Q_{yy}) \\
0 \\
0 \\
0 \\
-\tau^{-1}(Q_{xx} - Q_{yy}) \\
-\tau^{-1}Q_{xy} \\
\vdots\n\end{bmatrix}
$$
\n(19)
\n

$$
Q = \kappa \frac{G}{2} \psi(\mathbf{x}, t) \left[\sum_{\alpha} w(\mathbf{q}e_{\alpha} |^2) \left[\frac{\psi(\mathbf{x} + e_{\alpha}, t)}{-\psi(\mathbf{x}, t)} \right] e_{\alpha} e_{\alpha} \right]
$$
(20)

د, ,ابطه (20)، x ضریبی است که با تغییر آن میتوان مقدار کشش سطحی را $w(2) = \frac{1}{12}$ مستقل از نسبت چگالی تغییر داد. 1- = G بوده و $\frac{1}{2}$ = $W(1)$ و $\frac{1}{2}$ ضرایب وزنی هستند (اگر این ضرایب در c_s^2 ضرب شوند همان ضرایب معادله (4) بدست مي آيند).

مرحله انتشار در همان میدان سرعت انجام میگیرد. بنابراین پس از انجام برخورد در فضای مومنتم، ترم برخورد یعنی معادلهی (18) بایستی به میدان M سرعت بازگردد که این کار با ضرب ترم برخورد در معکوس ماتریس تبدیل محقق می شود. در نتیجه مرحله انتشار عبارت است از [32]:

$$
f_{\alpha}(\mathbf{x} + e_{\alpha} \delta t, t + \delta t) = M^{-1}(\hat{f} + m_{\text{new}})
$$
\n(21)

نيروي برهمكنش بين ذرات سيال و تابع جرم مؤثر W عبارتند از [32]:

$$
F_1(\mathbf{x}, t) = -G\psi(\mathbf{x}, t) \left[\sum_{\alpha} w(\mathbf{e}_{\alpha} |^2) \psi(\mathbf{x} + e_{\alpha t}) \mathbf{e}_{\alpha} \right]
$$
 (22)

$$
\psi = \sqrt{\frac{2(P_{EOS} - \rho c_s^2)}{Gc^2}}\tag{23}
$$

مقدار c در رابطه (23) همانطور که قبلا ذکر شد برابر با یک است. در این

 $\overline{}^1$ Bulk viscosity

يژوهش از معادله حالت كارناهان –استارلينگ استفاده مي شود [27]:

$$
P_{EOS} = \rho RT \frac{\mathbf{1} + \frac{b\rho}{4} + \left(\frac{b\rho}{4}\right)^2 - \left(\frac{b\rho}{4}\right)^3}{\left(\mathbf{1} - \frac{b\rho}{4}\right)^3} - a\rho^2 \tag{24}
$$

 $\frac{1}{p}$ در رابطه (24)، $\frac{R^2 T_c^2}{p}$ **0.18727** و $a = 0.4963 \frac{R^2 T_c^2}{p}$ (24) در رابطه بحرانی برابر با $\frac{a}{f_c}$ **0.3773 خ**واهد بود. P_c نیز فشار بحرانی است. در این مقاله $A = 4$, $R = 1$ انتخاب شده است. كاهش پارامتر a موجب افزايش ضخامت سطح مشترک و در نتیجه کاهش سرعتهای غیرفیزیکی در سطح مشترک میشود [31]. در نتیجه در این مقاله مقدار a در نسبت چگالیهای بزرگ نظیر 1000 برابر 0.25 و برای نسبتهای کوچک نظیر 10 برابر با 0.5 در نظ گرفته مے شود.

نیروی برهمکنش سیال- جامد نیز به طور مشابه به صورت معادله (25) مدلسازي ميگردد [27]:

$$
F_2(\mathbf{x},t) = -G\psi(\mathbf{x},t)\left[\sum_{\alpha} w(\mathbf{e}_{\alpha}|\mathbf{e}_{\alpha})\psi(\rho_{\omega})S(\mathbf{x} + e_{\alpha})e_{\alpha}\right]
$$

در رابطه (25**)،** «م چگالی مجازی سطح جامد است که تنها هدف از آن تغییر میزان آبدوست یا آبگریز بودن سطح جامد است. در این مقاله مقدار این چگالی سطح برابر با چگالی مایع فرض میشود تا سطحی کاملا خیس شونده ایجاد گردد. تابع S نیز روی سطح جامد برابر با یک و در غیر آن برابر با صفر 14.1

3- اعتبارسنجي مدل عددي

 (2.5)

3-1- سازگاری ترمودینامیکی

به منظور ارزیابی سازگاری ترمودینامیکی¹ مدل عددی (یکسان بودن مقادیر^ا چگالی فازها در روش عددی و حل ترمودینامیکی)، مقادیر چگالی بدست آمده از شبیهسازی با نتایج حاصل از حل تحلیلی ماکسول² در ترمودینامیک مقایسه میشوند. بدین منظور یک فیلم مایع به ضخامت 50 سلول در وسط بک شبکهی 200 \times 200 با استفاده از رابطه (26) قرار داده می شود [35]:

$$
\rho = \rho_g + \frac{\rho_l - \rho_g}{2} \left[\tanh(y_1) - \tanh(y_2) \right]
$$
 (26)

 $y_1 = \frac{2(y-75)}{5}$ در رابطه (26**)،** $y_1 = \frac{2(y-75)}{5}$ و $y_1 = \frac{2(y-75)}{5}$ است. شرط مرزى پريوديک به هر چهار مرز اعمال شده است. زمانهای آرامش برای هر دو سیال عبارتند $\tau = 0.6$, $s_2 = s_3 = 0.51$, $s_5 = s_7 = 1.1$ إِ $\tau = 0.6$, $s_2 = s_3 = 0.51$ إِنّ $s_5 = s_7 = 1.1$ است. پارامتر a در معادلهی حالت برای نسبت دماهای کمتر از 0.6 برابر با 0.25 و برای سایر نسبت دماها 0.5 است. پس از گذشتن 10000 گام زمانی به منظور رسیدن به حالت تعادل، مقادیر چگالی فازها ثبت میشود. در شکل 1 مقادیر چگالی بدست آمده از شبیهسازی با نتایج حل تحلیلی ماکسول برای نسبت دماهای مختلف مقایسه شده است. همانطور که از شکل 1 پیداست، تطابق بسیار خوبی بین نتایج شبیهسازی و حل تحلیلی وجود دارد. بعضی از این مقادیر چگالی برای درک بهتر در جدول 1 آورده شدهاند.

3-2- قانون لايلاس مورد دوم در نظرگرفته شده برای اعتبارسنجی مدل عددی، ارزیابی قانون

لاپلاس، $\frac{\sigma}{\rho} \; = \; \Delta P \;$ است که در آن $\Delta P \;$ اختلاف فشار بین داخل و خارج قطره $\Delta P \; = \; \frac{\sigma}{\rho}$ مایع، σ کشش سطحی و R_0 شعاع قطره میباشد. قانون لاپلاس دلالت بر این موضوع دارد که اختلاف فشار بین داخل و خارج قطره به صورت خطی با معکوس شعاع قطره تغيير مى كند بطوريكه شيب اين خط معرف مقدار کشش سطحی است. برای ارزیابی صحت این قانون در مدل حاضر، یک قطره مایع در وسط شبکهی ذکر شده بوسیلهی توزیع چگالی اولیه حاصل از رابطه (27) قرار داده می شود [27]: 0.40

$$
\rho = \frac{\rho_l + \rho_g}{2}
$$
\n
$$
-\frac{\rho_l - \rho_g}{2} \left\{ \tanh \left[\frac{2(\sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2} - R_0)}{5} \right] \right\} (27)
$$

در رابطه (27)، x_0 و y_0 مختصات مرکز شبکه حل و برابر با 100 می باشند. سایر پارامترهای ورودی (z, s2=s3, s5=s7, ϵ , a) مشابه قسمت 1-3 است. شکل 2 نتايج شبيهسازي ,ا در نسبت دماي 0.48 كه متناظر با نسبت چگالي حدود 1000 است، نشان میدهد. با توجه به شکل 2، بین اختلاف فشار و معکوس

Fig. 1 Comparison of densities obtained from simulations and those of Maxwell construction

شکل 1 مقایسه مقادیر چگالی حاصل از شبیهسازی و نتایج تحلیلی ماکسول جدول 1 مقایسه کمی بعضی از مقادیر چگالی بدست آمده از مدل عددی و حل تحليلى ماكسول

Table 1 Quantitative comparison of some densities obtained from the numerical model and Maxwell construction.

نسبت چگالی مایع به گاز		
حل تحليلى ماكسول	نتايج مدل عددى حاضر	نسبت دما
0.358/0.0093	0.358/0.00921	0.7
0.3823/0.0056	0.38236/0.005687	0.65
0.4061/0.003	0.4062/0.00273	0.6
0.43/0.0015	0.43/0.0014	0.55
0.464/0.000445	0.4638/0.000483	0.48

¹ Thermodynamic consistency 2 Maxwell construction

^{∕ &}lt;mark>آن مىلدى</mark>لى؟ كا**ئىك** ئىدۇنىل، مىر 1395، دورە 16،شمارە 7

 $t^* = 0$ $t^* = 0.3$ $t^* = 0.6$ $t^* = 0.9$ \overline{C} D $t^* = 1.2$ \overline{O} $t^* = 1.5$ Fig. 3 Time evolution of a droplet impact onto a thin liquid film. $\frac{\rho_I}{\rho}$ = 1000, $\frac{v_g}{g}$ = 5, H^{*} = 0.25, Re = 1440, We = 178 Oh =

 0.0093

 $\frac{\rho_l}{\rho_o}$ شکل 3 تغییرات زمانی برخورد یک قطره روی فیلم نازک مایع. 1000 = 2 **Oh = 0.0093** Re = 1440, We = 178 $\frac{v_g}{v}$ = 5, H^{*} = 0.25,

بیبعد شده، $\frac{r_c}{c}$ را نسبت به زمان بیبعد نشان میدهد. r_c شعاع تاج میباشد که محل اندازه گیری آن (نیمهی ارتفاع عمودی تاج) بصورت شماتیک در شکل 5 آورده شده است، بدین ترتیب که ابتدا ارتفاع عمودی تاج از سطح فیلم مایع اندازهگیری و مکانی که ارتفاع تاج نصف است در قسمت بیرونی تاج تعیین میگردد. فاصلهی افقی این مکان تا مرکز برخورد (مرکز قطره) به عنوان شعاع تاج در نظر گرفته شده است. بهترین منحنی که از نتایج شبیه-سازی عبور می کند، منحنی با معادله ^{0.5}(*1**.29) = 5** میباشد که به قانون توان³ معروف است. این منحنی به خوبی با نتایج تحلیلی و آزمایشگاهی موجود در منابع [6,5,2] تطبيق دارد. به عنوان نمونه يارين و ويس [6] رابطه نحليلي زير ,ا بدست آوردهاند (,ابطه (8.8) مقاله آن ها) :

شعاع قطره در مقادیر مختلف *k،* یک رابطهی خطی برقرار است. بنابراین نتایج شبیهسازی با نتایج حاصل از قانون لاپلاس همخوانی دارد و به طور همزمان امکان تغییر کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی نیز در مدل عددی حاضر فراهم است.

3-3- برخورد یک قطره به سطح مایع

به منظور اعتبارسنجی توانایی مدل عددی در شبیهسازی جریانهای دینامیکی، برخورد یک قطره به سطح مایع در نظر گرفته شده است. بدین V = منظور ابتدا یک زمان بی بعد بصورت $\mathbf{t}^* = \mathbf{t}^{\nu}$ تعریف میشود که در آن 0.12 سرعت برخورد قطره و 80 = D قطر آن در ابعاد شبكه بولتزمن¹ است. شکل 3 دینامیک برخورد قطره را روی یک فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 1000 نشان می دهد. قطره در زمان t = 0 با سطح مایع برخورد می کند. ضخامت بی بعد فیلم مایع (H* = $\frac{H}{R}$) برابر با 0.25 است. H ضخامت فیلم $v_l = v_l$ مایع و برابر با 20 سلول شبکه میباشد. لزجت سینماتیک مایع **Re =** $\frac{VD}{m}$ = .بوده که منجر به عدد رینولدزی برابر با، = <mark>w 0.0067 (lu².ts⁻¹)</mark> $\sigma = 0.6$ میشود. با انتخاب 0.6 $\kappa = 0.6$ مقدار کشش سطحی برابر با **We** = $\frac{\rho_l v^2 D}{c}$ = 178 . المست می آید و در نتیجه. **178 = 278 (lu.mu.ts**⁻²) خواهد بود. با مشخص شدن اعداد وبر و رینولدز عدد اونسورگ، = Oh برابر با 0.0093 میگردد. نسبت ویسکوزیته سینماتیک $\sqrt{\text{We}}/\text{Re} = \frac{\mu_l}{\left(\alpha_l \sigma \right)^{\frac{1}{2}}}$ $\tau_l = 0.52$) $\tau_q = 0.6$ σ) τ) τ مے باشد. دیگر زمان های آرامش و مقد ار ع مشابه مقادیر ذکر شده در قسمت 1-3 است. شرط مرزی عدم لغزش بونس بک² به دیوارههای بالا و پایین و شرط مرزی پریودیک به مرزهای جانبی شبکهای با ابعاد 300 × 400 اعمال .
شده است. همانطور که در شکل 3 مشاهده می شود، قطره با برخورد به سطح مایع سبب بالا آمدن آن و شکل *گ*یری تاج می *گ*ردد که قطر و ارتفاع این تاج[|] با گذر زمان افزایش می یابد. لبهی تاج معمولا ناپایدار است و بعد از مدت مشخصی قطرههای ثانویه از آن جدا میشوند. شکل 4 تغییرات شعاع تاج

Fig. 2 Evaluation of Laplace law at temperature ratio of 0.48. (corresponding to density ratio of 1000).

شكل 2 ارزيابي قانون لايلاس در نسبت دماي 0.48 **(م**تناظر با نسبت چگالي 1000**).**

 3 Power law

¹ Lattice units (lu)

Fig. 5 A schematic picture showing the measured crown radius (r_c) in this paper.

شکل 5 شماتیکی از محل اندازهگیری شعاع تاج در پژوهش حاضر

فيلم مايع به طور پيوسته افزايش مي يابد. با افزايش ارتفاع جت مركزي قطره-های ثانویه به تدریج از نوک آن جدا می شوند. این موضوع در مورد جتهای كناري (تاج) نيز صادق است. علت افزايش پيوسته ارتفاع جتها و شكل گيري قطرههای ثانویه غلبه نیروی اینرسی بر کشش سطحی است. به عبارت دیگر عدد وبر که بیانگر نسبت دو نیروی ذکر شده است، از مقدار بحرانی منجر به یاشش بزرگتر است. در اعداد وبر فوق بحرانی نوک جت معمولا ناپایدار است که در نهایت منجر به شکل گیری قطرههای ثانویه می شود. علت این ناپایداری و جدا شدن قطرههای ثانویه نظریه ناپایداری رایلی-تیلور¹و یا رایلی-پلاتو² گزارش شده است. شکل (6(b مکانیزم برخورد را در یک شکل نشان میدهد. همانطور که ملاحظه میشود با گذر زمان میزان پخششدگی قطرهها روی سطح (قطر تاج) و هم چنین ارتفاع جتهای کناری و مرکزی به طور پیوسته افزايش مىيابد.

شکل 7 میدان سرعت متناظر با نتایج شکل 6 را در سه زمان مختلف نشان میدهد. به منظور وضوح بیشتر، نتایج تنها برای نیمهی سمت راست ارائه شدهاند. همچنین بردار سرعت در گرههای شبکه بصورت چند در میان (به منظور پرهیز از ازدحام خطوط) رسم شده است. نکتهی مهم در این نتایج، عدم حضور سرعتهای مجازی شدید در سطح مشترک و درون مایع است. به عبارت دیگر سرعتهای مجازی مقداری از سطح مشترک فاصله داشته و به طور عمده دل فاز گاز قرار دارند. این موضوع تنها سبب میشود که سرعت این ذرات گاز که ناشی از حرکت قطره و جتهای مایع است در راستای حرکت آنها مقداری افزایش یابد که به نظر میرسد به دلیل فاصله از سطح مشترک .
تأثیری بر حرکت فاز مایع ندارد. ب<mark>ه خصوص که اختلاف چگالی نسبتا زیادی</mark> بین فاز مایع و گاز وجود دارد.

4-2- بررسی پایستاری جرم

سطح مشترک در مدل حاضر بر خلاف روش های ماکروسکوپیک مانند روش حجم سیال دیگر یک مرز ریاضی تقریبی و بسته نیست بلکه انتقال جرم از طریق آن میتواند صورت گیرد. در نتایج این پژوهش نیز این موضوع برای قطرههای ثانویه مشاهده شده است، بطوریکه با گذر زمان اندازه آنها کاهش _{می ی}ابد که نشان از انتقال جرم (تغییر فاز) به فاز گازی است. به منظور .
اطمنان از پایستاری جرم در کل شبکه، مجموع چگالی کلیه گرههای شبکه در طول زمان (مرتبط با نتایج شبیهسازی شکل 6) محاسبه شده و نتایج در جدول 2 آورده شده است. اعداد بدست آمده نشان از برقراری قطعی پایستاری جرم در طول زمان است. بنابراین اگرچه اندازه قطرههای ثانویه جدا شده از جتها به مرور زمان كاهش مى يابد اما اين جرم مايع از بين نرفته بلکه به فاز گازی تغییر حالت داده است. با ضرب صورت و مخرج رابطه $\left(28\right)$ در $D^{\frac{1}{4}}$ و جایگذاری رابطه $\frac{tV}{\rho}=\mathbf{f}$ داریم:

$$
\frac{\partial}{\partial z} = \left(\frac{2D}{3H}\right)^{\frac{1}{4}} (\mathbf{t}^*)^{0.5} \tag{29}
$$

با جایگذاری مقدار 80 = D و 20 = H که در شبیهسازی حاضر در نظر گرفته شد، ,ابطه (30) حاصل می شود:

$$
\frac{r_c}{D} = 1.278 \text{ (t)}^{0.5} \tag{30}
$$

منحنی رابطه (30) نیز در شکل 4 رسم شده است که نشان از تطابق بسیار خوب نتایج شبیهسازی با حل تحلیلی دارد.

4- نتايج و بحث

4-1- ديناميک برخورد دو قطره موازي

در شکل 6 دینامیک برخورد دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع در نسبت چگالی 1000 نشان داده شده است. ارتفاع فیلم مایع 15 = H، قطر هر قطره 60 = D، ضخامت بيبعد 9.25 = *H و فاصلهي بين مراكز دو قطره است. 0.75 است = 0.75 انتخاب گردید که منجر به مقدار کشش سطحی $\Delta x = 2D$ میشود. سرعت برخورد 0.12 = \overline{V} و لزجت سینماتیک مایع $\sigma = 0.0017$ است. بنابراین عدد رینولدز برابر با Re = 1080 و عدد وبر Re = 1080 مساوی We = 236 محاسبه می شوند. نسبت لزجت سینماتیک گاز به مایع نیز برابر با 15 = $\frac{v_g}{v}$ است. اندازه شبکه 300 × 600 و شرایط مرزی مشابه شبیه-سازی برخورد یک قطره در قسمت 3-3 است. همانطور که در شکلهای (6(a مشاهده می شود پس از برخورد قطرهها بر روی فیلم مایع، دو جت زاویه دار در گوشههای هر قطره شروع به شکلگیری میکنند. دو جت روبروی هم که به سمت یکدیگر حرکت میکنند با یکدیگر برخورد کرده و سبب شکل *گ*یری *ا* یک جت مرکزی می شوند. ارتفاع این جت مرکزی با نفوذ بیش تر قطرهها ادر

Fig. 4 Comparison between numerical and analytical solutions for time evolutions of non-dimensional crown radius. Best curve fitted on $\frac{r_c}{D}$ = 1.29(t^{*})^{0.5} $\frac{\rho_l}{\rho_a}$ = 1000, $\frac{v_g}{v_l}$ = 5, H^{*} = numerical results is: 0.25 , Re = 1440, We = 178

شکل 4 مقایسه حل عددی و تحلیلی برای تغییرات زمانی شعاع تاج بیبعد. بهترین $\frac{r_c}{r}$ = **1.29(t***)^{0.5} منحه بر نتايج عددي عبارت است از: $\frac{\rho_l}{\rho}$ = 1000, $\frac{v_g}{v_s}$ = 5, H^{*} = 0.25, Re = 1440, We = 178

¹ Rayleigh-Taylor instability ² Rayleigh-Plateau instability

Fig. 7 Velocity field.

ش<mark>کل 7</mark> میدان س

جدول 2 بررسي پايستاري جرم براي نتايج شكل 6 به عنوان نمونه. Table 2 Investigation of mass conservation for results of Fig. 6 as a sample.

t*	ρ	$\frac{\sum \rho}{\sum \rho_0}$
$\overline{0}$	$\Sigma \rho_0 = 6737.2$	1
0.4	6736.6	0.9999
0.8	6736.6	0.9999
1.2	6736.7	0.9999
$\overline{2}$	6737.3	1
2.8	6737.3	1
3.2	6737.2	1

اندازه متوسط قطره ثانويه جدا شده از نوک جت مرکزی کاهش می یابد. نکتهی جالب توجه دیگری که در شکل 8 دیده میشود نتایج مربوط به عدد وبر 27 است که در آن جتهای کناری پس از بالا آمدن از سطح مایع

 (b) Fig. 6 Time evolution of two parallel droplets impact on a thin liquid Fig. (a): Impact snapshots. (b): Impact snapshots in a single image.

film. (a): Impact snapshots. (b): Impact snapshots in a single image.
 $\frac{\rho_1}{r} = 1000 \frac{v_g}{r} = 15 \text{ H}^* - 0.25 \text{ A} \times - 27 \text{ D} \text{ D} \text{A} - 1000 \text{ A}$

$$
\frac{\partial I}{\partial g} = 1000, \frac{V_g}{v_l} = 15, H^* = 0.25, \Delta x = 2D, \text{Re} = 1080,
$$

$$
Ne = 236, Oh = 0.0142
$$

$$
\frac{\rho_l}{\rho_g} = 1000, \frac{v_g}{v_l} = 15, H^* = 0.25, \Delta x = 2D, \text{Re} = 1080
$$

We = 236, Oh = 0.0142

4-3- تاثير كشش سطحي (در قالب عدد وبر)

در این بخش به بررسی تاثیر مقدار کشش سطحی در قالب عدد وبر بر روی برخورد دو قطرهی موازی روی فیلم نازک مایع پرداخته میشود. همانطور که از شکل 8 قابل مشاهده است، با کاهش مقدار کشش سطحی (افزایش وبر)،

4-5- تاثیر لزجت سینماتیک گاز

شكل 10 تاثير افزايش لزجت سينماتيك گاز را نشان مى دهد. لزجت مايع ثابت نگه داشته شده و بنابراین عدد رینولدز تغییری نمیکند. نتایج نشان میدهند که با فُزايش لزجت گاز، سرعت رشد جت مركزى كاهش يافته و در نتيجه باعث به تعويق افتادن جداشدن قطرههای ثانویه از نوک آن میگردد. این موضوع با مقایسه شکلهای (a) و (10 به خوبى قابل مشاهده است. زيرا با افزايش لزجت گاز نيروى درك اصطکاکی وارد شده به جت در حال رشد افزایش می یابد که در نتیجه منجر به کاهش سرعت بالا آمدن جت و تعویق زمان جدا شدن قطرههای ثانویه از نوک آن میشود. نتایج مربوط به دو نسبت لزجت سینماتیک بصورت یکجا در شکل (10(e آورده شده است که نشان از مستقل بودن شعاع تاج از لزجت گاز دارد.

4-6- الگوي خطوط جريان

شکل 11 خطوط جریان را در طول زمان برای یک حالت خاص برخورد به عنوان نمونه نشان میدهد. همانطور که مشاهده می شود قبل از تشکیل جت مرکزی یک جفت گردابه بصورت متقارن در گوشه قطرهها شکل میگیرد. علت پیدایش این گردابهها بالا آمدن جتهای میانی از گوشه قطرهها است. زیرا جریان بالا دست به سمت پایین و حرکت جتها بصورت زاویه دار به سمت بالا است که سبب می شود ذرات گاز مجاور نیز به سمت بالا حرکت کنند. بنابراین این دو جریان مخالف هم در نزدیکی گوشه منحنی شکل هر قطره تشکیل یک گردابه میدهند. پس از تشکیل جت مرکزی گردابهها همچنان حضور دارند و با افزایش ارتفاع جت گردابهها از سطح فاصله گرفته و نسبت ارتفاع به قطر آنها افزایش می باید.

5- نتىجەگىرى

در این مقاله تأثیر مقدار کشش سطحی، فاصلهی بین دو قطره و لزجت سینماتیک گاز بر برخورد همزمان دو قطرهی موازی بر روی فیلم نازک مایع

دوباره به آن باز میگردند و در نتیجه پدیده آمیختگی برای جتهای کناری رخ میدهد. این در حالی است که ارتفاع جت مرکزی در عدد وبر ذکر شده افزایش پیدا کرده است. علت این تفاوت بدون شک بیشتر بودن سرعت عمودی جت مرکزی (نیروی اینرسی) نسبت به جتهای کناری است. زیرا جت مرکزی از ادغام جتهای اولیه ایجاد شده و در نتیجه موجب افزایش سرعت آن میگردد. ضمن آنکه باید توجه کرد که سرعت جتهای کناری (سرعت تاج) شامل دو مؤلفه افقی و عمودی است و بنابراین بخشی از سرعت آنها که در جهت افقی است سبب پخش شدن قطرهها روی فیلم مایع می-شود. در نهایت با مشاهده شکل 8(e) که تصاویر اعداد وبر مختلف را در یک شکل نشان می دهد، می توان به مستقل بودن شعاع تاج از عدد وبر یی برد. از سوی دیگر ارتفاع تاج و جت مرکزی با افزایش عدد وبر افزایش می پابد.

4-4- تاثير فاصله بين مراكز دو قطره

در این بخش به بررسی تأثیر فاصلهی بین مراکز دو قطره بر روی برخورد پرداخته میشود. همانطور که در شکل 9 مشاهده میشود با افزایش فاصله بین دو قطره، میزان پخششدگی (قطر تاج) افزایش ولی ارتفاع جت مرکزی کاهش مے پابد.

از سوی دیگر با مراجعه به شکل (9)9 ملاحظه می شود که ا_ز تفاع جت-های کناری (ارتفاع تاج) مستقل از فاصلهی بین دو قطره بوده و برای تمامی فواصل بين دو قطره يكسان است.

Fig. 8 Effect of the We number. $\frac{\rho_l}{c}$ = 1000, H^{*} = 0.25, $\frac{v_g}{c}$ = 15, Δx = $2D$ Re = 1080 $\frac{\rho_l}{\rho_s}$ = 1000,H* = 0.25, $\frac{v_g}{v_s}$ = 15, Δx = 2 D ,Re = 1080. خدد وبر = 1080

 $t^* = 4$

 $t^* = 4$

(a) $\frac{v_g}{v} = 5$

 $(b) \frac{v_g}{v} = 15$

 $\frac{\rho_l}{\rho_o}$ = 1000, Δx = 2 D , H^{*} = 0.25, We = 54, Re = 1080

با استفاده از روش شبکه بولتزمن مورد مطالعه قرار گرفت. مدل دوفاز توسعه داده شده که بر پایهی مدل پتانسیل شان و چن است توانایی شبیهسازی جریانهایی با نسبت چگالی به بزرگی 1000 و لزجتهای کم را دارا است. همچنین امکان تنظیم مقدار کشش سطحی مستقل از نسبت چگالی در یک محدودهی نسبتا وسیع فراهم شده است. نتایج حاصل از شبیهسازی برخورد همزمان دو قطره موازی بر روی فیلم نازک مایع و تأثیر عوامل مورد بررسی را می توان در موارد زیر خلاصه نمود:

شكل 11 تصاوير خطوط جريان. $\frac{\rho_l}{\rho_o}$ = 1000, Δx = 2 D , H^{*} = 0.25, We = 54, Re = 1080

- با برخورد همزمان دو قطره بر روی سطح مایع دو جت میانی به \bullet یکدیگر پیوسته و سبب شکل گیری یک جت مرکزی میگردند. ارتفاع این جت مرکزی با گذر زمان افزایش مییابد.
- به دلیل ناپایدار بودن جت مرکزی، مقداری از سیال بصورت قطرههای ثانویه از نوک آن جدا میشوند.
- با افزایش عدد وبر (کاهش مقدار کشش سطحی) ارتفاع جت مرکزی افزایش اما اندازه قطرههای جدا شده از آن کاهش مییابد.

 ρ_a

شبیهسازی بر خورد همزمان دو قطره موازی بر روی لایهی نازک مایع با استفاده از روش شبکه بولتزمن

- ارتفاع جت مرکزی حتی در اعداد وبر پایین (We = 27) نیز با گذر زمان افزایش پیدا می *ک*ند در حالیکه جتهای کناری دوباره به سطح مایع باز گشته و بدیده آمیختگی رخ می دهد.
- با افزایش فاصلهی بین دو قطره ارتفاع جت مرکزی کاهش اما شعاع تاج (میزان پخششدگی قطرهها روی سطح) افزایش می-يابد. ا, تفاع تاج مستقل از فاصله بين دو قطره است.
- با افزایش لزجت سینماتیک گاز سرعت رشد جت مرکزی کاهش و در نتیجه جداشدن قطرههای ثانویه از نوک آن به تعویق می-
- یس از برخورد همزمان قطرهها، یک جفت گردابه بصورت متقارن در بین دو قطره و در گوشههای آنها شکل میگیرد که پس از تشکیل جت مرکزی نیز همچنان باقی میمانند و در راستای ارتفاع جت به سمت بالا حركت مي كنند.

6- فهرست علايم

- ر a,b پارامترهای معادله حالت کا, ناهان استا, لمنگ
	- حمله چشمه مربوط به تنظیم کشش سا \mathcal{C}
		- $(lu$ ts⁻¹) شبکه $(lu \cdot ts^{-1})$ ϵ
		- سرعت صوت در شبکه ('lu·ts]
			- (lu) قطر قطره D
		- $(lu$ ۰ts⁻¹) بردار سرعت گسسته ϵ
			- $(mu \cdot lu^{-3})$ ، تابع توزیع ذره \overline{f}
- نیروی برهمکنش سیال سیال (2-mu·lu·ts) F_{1}
- نیروی برهمکنش سیال جامد (2mu·lu·ts⁻²) F_{2}
	- ضريب مرتبط با قدرت برهمكنش G
		- ضخامت فيلم مايع (lu) H
			- ماتريس واحد \overline{I}
		- ترم برخورد در فضای مومنتم m
			- ماتريس تبديل M
			- عدد اونسورگ Oh
			- $(mu \cdot lu^{-1} \cdot ts^{-2})$ فشا, P
		- فشار بحرانی (mu·lu⁻¹·ts⁻²) \overline{P}
		- ترم مربوط به کشش سطحی Q
			- ثابت گاز در معادله حالت \overline{R}
			- (lu) شعاع قطره $R_{\rm n}$
				- (lu) شعاع تاج) r_c
				- عدد رينولدز Re
					- ترم نيرو s
						- s_{9} تا s_{1}
	- زمان های آرامش ماتریس آرامش قطری
		- (ts) ;مان; \overline{t}
		- دما (tu) τ
		- دمای بحرانی (tu) T_{c}
		- (lu-ts^{-1}) بردار سرعت ماکروسکوییک
			- ضرب وزن ω
				- **W** عدد وبر

علايم يوناني

- بردار موقعیت مکانے٬ \boldsymbol{x}
	- محور افقى \boldsymbol{x}
	- محور عمودى \mathcal{V}
- فاصله بين مراكز دو قطره (lu) Λ_Y
	- $\left(\ln^2 \text{ts}^1\right)$ لزجت سینماتیک $\overline{\mathbf{v}}$

زمان آرامش τ

 \overline{a}

ماتریس زمان آرامش Λ

 $(mu \cdot lu^{-3})$ جگالی ρ

- ضریب تنظیم مقدار کشش سطحی $\boldsymbol{\kappa}$
	- $(mu$ -ts⁻²) كشش سطحى σ

 $(lu^2$ ts⁻¹) لزجت حجمی

- ضريب ترم اصلاح سرعت ϵ
	- تابع جرم مؤثر $_{1}$

بالانويسها

- تعادلي ea
- بيانگر فضاي مومنتم λ
	- نماد مقدار بىبعد
	- مقدار اصلاح شده

زيرنويسها

- حهت α گاز a مايع \overline{I}
- د نواړ \boldsymbol{w} انرژى ϵ
- مجذور انرژى $\overline{\zeta}$
- مومنتم \mathbf{i}
- شار انرژی \overline{a}

7- مراجع

- [1] R. L. Vander Wal, G. M. Berger, S. D. Mozes, Droplets splashing upon films of the same fluid of various depths, Experiments in Fluids, Vol. 40, No. 1, pp. 33-52, 2006.
- [2] G. Cossali, M. Marengo, A. Coghe, S. Zhdanov, The role of time in single drop splash on thin film, Experiments in Fluids, Vol. 36, No. 6, pp. 888-900, 2004.
- [3] M. Rieber, A. Frohn, A numerical study on the mechanism of splashing, International Journal of Heat and Fluid Flow, Vol. 20, No. 5, pp. 455-461, 1999.
- [4] M. Rein, Phenomena of liquid drop impact on solid and liquid surfaces, Fluid Dynamics Research, Vol. 12, No. 2, pp. 61, 1993.
- [5] A. Yarin, Drop impact dynamics: splashing, spreading, receding, bouncing..., Annual Review of Fluid Mechanics, Vol. 38, pp. 159-192.2006
- [6] A. Yarin, D. Weiss, Impact of drops on solid surfaces: self-similar capillary waves, and splashing as a new type of kinematic discontinuity, Journal of Fluid Mechanics, Vol. 283, pp. 141-173, 1995
- [7] A.-B. Wang, C.-C. Chen, Splashing impact of a single drop onto very thin liquid films, *Physics of Fluids (1994-present)*, Vol. 12, No. 9, pp. 2155-2158, 2000.
- [8] S. Manzello, J. Yang, An experimental study of a water droplet impinging on a liquid surface, *Experiments in Fluids*, Vol. 32, No. 5, pp. 580-589, 2002.
- [9] T. Okawa, T. Shiraishi, T. Mori, Production of secondary drops during the single water drop impact onto a plane water surface, Experiments in Fluids, Vol. 41, No. 6, pp. 965-974, 2006.
- [10] C. W. Hirt, B. D. Nichols, Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free boundaries, Journal of computational physics, Vol. 39, No. 1, pp. 201-225, 1981.
- [11] M. Sussman, E. Fatemi, P. Smereka, S. Osher, An improved level set method for incompressible two-phase flows, Computers & Fluids, Vol. 27, No. 5, pp. 663-680, 1998.
- [12] M. Passandideh Fard, A computational study of droplet impingement onto a thin liquid film, Arabian Journal for Science and Engineering, Vol. 34, No. 2B, pp. 505-517, 2009.
- [13] S. H. Lee, N. Hur, S. Kang, A numerical analysis of drop impact on liquid film by using a level set method. Journal of Mechanical Science and Technology, Vol. 25, No. 10, pp. 2567-2572, 2011.
- [25] P. L. Bhatnagar, E. P. Gross, M. Krook, A model for collision processes in gases. I. Small amplitude processes in charged and neutral one-component systems, *Physical review,* Vol. 94, No. 3, pp. 511, 1954.
- [26] Z. Guo, C. Zheng, B. Shi, Discrete lattice effects on the forcing term in the lattice Boltzmann method, *Physical Review E,* Vol. 65, No. 4, pp. 046308-1-046308-6, 2002.
- [27] L. Chen, Q. Kang, Y. Mu, Y.-L. He, W.-Q. Tao, A critical review of the pseudopotential multiphase lattice Boltzmann model: Methods and applications, *International Journal of Heat and Mass Transfer,* Vol. 76, pp. 210-236, 2014.
- [28] Q. Li, K. Luo, X. Li, Forcing scheme in pseudopotential lattice Boltzmann model for multiphase flows, *Physical Review E,* Vol. 86, No. 1, pp. 016709, 2012.
- [29] M. E. McCracken, J. Abraham, Multiple-relaxation-time lattice-Boltzmann model for multiphase flow, *Physical Review E,* Vol. 71, No. 3, pp. 036701, 2005.
- [30] D. Zhang, K. Papadikis, S. Gu, Three-dimensional multirelaxation time lattice-Boltzmann model for the drop impact on a dry surface at large density ratio, *International Journal of Multiphase Flow,* Vol. 64, pp. 11-18, 2014.
- [31] D. Zhang, K. Papadikis, S. Gu, Investigations on the droplet impact onto a spherical surface with a high density ratio multirelaxation time lattice-Boltzmann model, *Communications in Computational Physics,* Vol. 16, No. 04, pp. 892-912, 2014.
- [32] Q. Li, K. Luo, X. Li, Lattice Boltzmann modeling of multiphase flows at large density ratio with an improved pseudopotential model, *Physical Review E,* Vol. 87, No. 5, pp. 053301, 2013.
- [33] S. Mukherjee, J. Abraham, A pressure-evolution-based multirelaxation-time high-density-ratio two-phase lattice-Boltzmann model, *Computers & fluids,* Vol. 36, No. 6, pp. 1149-1158, 2007.
- [34] Q. Li, K. Luo, Achieving tunable surface tension in the pseudopotential lattice Boltzmann modeling of multiphase flows, *Physical Review E,* Vol. 88, No. 5, pp. 053307, 2013.
- [35] A. Xu, T.S. Zhao, L. An, L. Shi, A three-dimensional pseudopotential-based lattice Boltzmann model for multiphase flows with large density ratio and variable surface tension, *International Journal of Heat and Fluid Flow,* Vol. 56, pp. 261-271, 2015.

Archive of SID

- [14] Y. Guo, L. Wei, G. Liang, S. Shen, Simulation of droplet impact on liquid film with CLSVOF, *International Communications in Heat and Mass Transfer,* Vol. 53, pp. 26-33, 2014.
- [15] X. Shan, H. Chen, Lattice Boltzmann model for simulating flows with multiple phases and components, *Physical Review E,* Vol. 47, No. 3, pp. 1815, 1993.
- [16] X. Shan, H. Chen, Simulation of nonideal gases and liquid-gas phase transitions by the lattice Boltzmann equation, *Physical Review E,* Vol. 49, No. 4, pp. 2941, 1994.
- [17] M. R. Swift, E. Orlandini, W. Osborn, J. Yeomans, Lattice Boltzmann simulations of liquid-gas and binary fluid systems, *Physical Review E,* Vol. 54, No. 5, pp. 5041, 1996.
- [18] X. He, S. Chen, R. Zhang, A lattice Boltzmann scheme for incompressible multiphase flow and its application in simulation of Rayleigh–Taylor instability, *Journal of Computational Physics,* Vol. 152, No. 2, pp. 642-663, 1999.
- [19] T. Lee, C.-L. Lin, A stable discretization of the lattice Boltzmann equation for simulation of incompressible two-phase flows at high density ratio, *Journal of Computational Physics,* Vol. 206, No. 1, pp. 16-47, 2005.
- [20] J.-h. GUO, X.-y. WANG, Simulation of the two phase flow of droplet impingement on liquid film by the lattice boltzmann method, *Journal of Hydrodynamics, Ser. B,* Vol. 24, No. 2, pp. 292-297, 2012.
- [21] M. Cheng, J. Lou, A numerical study on splash of oblique drop impact on wet walls, *Computers & Fluids,* Vol. 115, pp. 11-24, 2015.
- [22] S.M. Khatoonabadi, M. Ashrafizaadeh, Simulation of droplet impact on a thin liquid film using the pseudopotential multiphase model, *Modares Mechanical Engineering,* Vol. 16, No. 3, pp. 8-16, 2016. (in Persian ω (فارسی)
- [23] K. Raman, R. Jaiman, T. Lee, H. Low, On the dynamics of crown structure in simultaneous two droplets impact onto stationary and moving liquid film, *Computers & Fluids,* Vol. 107, pp. 285-300, 2015.
- [24] L. Li, X. Jia, Y. Liu, M. Su, Simulation of double droplets impact on liquid film by a simplified lattice Boltzmann model, *Applied Thermal Engineering,* Vol. 98, pp. 656-669, 2016.