

ماهنامه علمى يژوهشى

مهندسی مکانیک مدرس

mme modares ac in

# كنترل وضعيت ماهواره صلب با مدولاسيون يهنا و فركانس يالس با استفاده از كنترلگر تناسبي -انتگرال گير - مشتق گير اصلاحشده با الگور بتم مشاهده گر

سارا مقدسزاده بزاز<sup>1</sup>، وحيد بهلوری<sup>2</sup>، سيد حميد جلالی نائينی<sup>3</sup>\*

حكىدە

1 - کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران 2- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران ۔<br>3- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران \* تهران، صندوق يستى 111-1415، shjalalinaini@modares.ac.ir

#### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل دريافت: 13 خرداد 1395 پذیرش: 14 تیر 1395 ارائه در سايت: 24 مرداد 1395 كليد واژگان: كنترل وضعيت ماهواره مدولاتور پهنا و فركانس پالس كنترلگر PID اصلاحشده روش مشاهدهگر

.<br>در این مقاله، عملکرد سیستم کنترل وضعیت تک،حوره یک ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و عملگر تراستر از نوع دو وضعیتی (روشن یا خاموش) با استفاده از کنترلگر تناسبی- انتگرال£یر- مشتق¢یر (PID) اصلاحشده، در شرایط اغتشاش خارجی پله بهبود یافته است. .<br>بدین منظور از کنترلگر PID مبتنی بر روش مشاهدهگر استفاده شدهاست. عملگر تراستر با یک تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه ثابت زمانی خالص مدل شده و فرکانس بروز رسانی خروجی مدولاتور، به عنوان ورودی عملگر تراستر دو وضعیتی، به مقدار 40 هرتز محدود شدهاست. در این مطالعه، معیارهای دقت نشانهروی، میزان فراجهش پاسخ زاویهای، مصرف سوخت و تعداد دفعات روشن شدن عملگر تراستر بهازای اغتشاش خارجی پله (با مقادیر مختلف)، مد نظر است. پارامترهای کنترلگر PID اصلاحشده بر مبنای مشاهدهگر، با استفاده از روش جستجوی پارامتری تنظیم شدهاست. نتایج شبیهسازی نشان میدهد که میزان مصرف سوخت و زمان نشست پاسخ در روش کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر نسبت به كنترلگر PID، در حالي كه فراجهش پاسخ نيز حذف شدهاست، كاهش قابل ملاحظهاي داشته است. نهايتا قوام كنترلگر مبتني بر مشاهدهگر در مواجهه با عدم قطعیت در ممان اینرسی و عدم قطعیت در سطح نیروی تراست بررسی شدهاست.

# **Attitude Control of a Rigid Satellite with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulation Using Observer-based Modified PID Controller**

# Sara Moghadaszadeh Bazaz, Vahid Bohlouri, Seyed Hamid Jalali Naini\*

Faculty of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran. \* P.O.B. 14115-111, Tehran, Iran, shjalalinaini@modares.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION**

Original Research Paper Received 02 June 2016 Accepted 04 July 2016 Available Online 14 August 2016

Keywords: Satellite Attitude Control Pulse-Width Pulse-Frequency Modulator<br>Modified PID Controller Observer-based Approach

#### **ABSTRACT**

In this paper, the performance of a single-axis attitude control with pulse-width pulse-frequency (PWPF) modulation is enhanced using a modified proportional-integral-derivative (PID) controller for a rigid satellite with on-off thruster actuators. For this purpose, the well-known observer-based PID approach is utilized. The on-off thruster actuator is modeled with a constant delay followed by a second-order binomial transfer function. The modulator update frequency is limited to 40 Hz as an input to the on-off thruster actuators. In this study, the design criteria of pointing accuracy, overshoot of the attitude response, fuel consumption, and the number of thruster firings are considered for a step external disturbance (with different values). The parameters of the observer-based PID controller are tuned using parametric search method. Simulation results show that the fuel consumption and settling time of the observer-based approach are considerably decreased with respect to those of PID controller with PWPF modulator. Moreover, the overshoot of the observer-based approach is omitted. Finally, the robustness of the observer-based modified PID controller is investigated in presence of uncertainties in satellite moment of inertia and thrust level of on-off actuators.

#### 1- مقدمه

کنترلگرهای اشمیتتریگر و مدولاتورهای پهنا و فرکانس پالس، دو روش کاربردی برای کنترل وضعیت با این نوع عملگرها هستند. در این میان، مدولاتورهای پالسی به علت مزیتشان در کاهش مصرف سوخت، نشانهروی دقیق تر و رفتار شبهخطی، کاربرد گسترده تری دارند [1-4]. كنترلگر تناسبي- انتگرال گير- مشتق گير (PID)، به دليل سابقه موفقیتها و سهولت استفاده از اهمیت زیادی در صنعت برخوردار است. این

وظيفه سيستم كنترل وضعيت ماهواره، پايداري وضعيت، كنترل زاويه و سرعت دوران ماهواره، به ویژه در حضور اغتشاش و عدم قطعیت است. عملگرهای تراستر دو وضعیتی روشن-خاموش به دلیل سرعت بالای کنترل و سطح گشتاور بالا از جمله پرکاربردترین و سریعترین عملگرها برای کنترل وضعیت ماهوارهها به ویژه در حضور اغتشاش نسبتا بزرگ هستند.

. براي ارجاع به اين مقاله از عبارت ذيل استفاده نماييد:<br>7) - S. Mohalaszadeh Bazaz, V. Bohlouri, S. H. Jalali Naini, Attitude Control of a Rigid Satellite with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulation Using Observer-based Mo Controller, Modares Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 8, pp. 139-148, 2016 (in Persian)

ویژگی ها باعث ارجحیت استفاده از کنترلگرهای PID به جای کنترلگرهای پیچیده در صنعت میشود. معمولا برای استفاده از کنترلگر PID در سیستمهای غیرخطی دو روش وجود دارد؛ یکی طراحی سیستم کنترل با استفاده از کنترلگر PID کلاسیک و سیس اصلاح رفتارهای نامطلوب آن و دیگری استفاده از روشهای کنترل مدرن و هوشمند مانند تطبیقی، فازی، شبکه عصبی و الگوریتم ژنتیک برای تنظیم بهرههاست [5-7]. یکی از مشکلات کاربردی کنترلگرهای PID، پدیده جمعشوندگی و اشباع عملگر است. بیش از 50سال است که در تحقیقات علمی روشهایی برای جلوگیری از جمعشوندگی ارائه شدهاست. مرجع [8] به بررسی و معرفی روشهای ضد جمعشوندگی از جمله روش انتگرالگیری شرطی<sup>2</sup> پرداختهاست. آستروم روش محدود کردن نقطه تنظیم، روش محاسبات بازگشتی<sup>3</sup> و نوار تناسبی<sup>4</sup> را به منظور محدود کردن خروجی انتگرال گیر پیشنهاد کردهاست [10٫9]. در مرجع [11] روشهای اصلاحشده مشاهدهگر<sup>5</sup> و روش شایستهسازی<sup>6</sup> تشریح شدهاست.

در ادامه، به کاربرد کنترلگر تناسبی-مشتق گیر (PD) و PID در کنترل وضعيت ماهواره اشاره مىشود. بطور نمونه، مرجع [12] به مقايسه كنترلگر P-D با PID در کنترل وضعیت سهمحوره ماهواره با عملگر گشتاور مغناطیسی و تراستر پلاسمای ضربهای دو وضعیتی پرداخته است. در مرجع [13] از كنترلكر PID و كنترل تطبيقى در كنترل وضعيت ماهواره صلب با عملگرهای گشتاور مغناطیسی و چرخ مومنتومی استفاده شدهاست، که با استفاده از این کنترلگر، سرعت پاسخ بهبود یافته است. همچنین در مرجع [14] از کنترلگر PID در چرخ عکسالعملی استفاده شده که با تنظیم بهرهها به صورت بهینه، رفتار رضایتبخشی داشتهاست. در مرجع [15] از ترکیب کنترلگر فازی با کنترل بنگ بنگ برای کاهش چترینگ و کاهش مصرف سوخت سیستم کنترل وضعیت ماهواره تکمحوره استفاده شدهاست. در این ا مرجع اثر اغتشاشات در نظر گرفته نشده، مدل تراستر ایدهآل فرض شده و فركانس خروجي كنترلگر محدود نشدهاست. در مرجع [16] از مدولاسيون پهنای پالس بههمراه کنترلگر PID برای کنترل وضعیت ماهواره با تراستر در مقابل اغتشاشات ناشی از حرکت سوخت و تشعشعات خورشیدی و گرانش ماه استفاده شدهاست.

مدولاتورهای پهنا و فرکانس پالس<sup>7</sup> به دلیل تنظیم همزمان عرض پالس و فرکانس پالس از جمله مدولاتورهای پرکاربرد در سیستم کنترل وضعیت ماهواره با عملگرهای دو وضعیتی روشن- خاموش هستند. البته به همراه این مدولاتورها و به منظور عملكرد مطلوب سيستم كنترل وضعيت از كنترلگرهاى متعددی استفاده شده است. در این میان در اکثر منابع، از کنترلگر PD یا نوع P-D (مشتق گیر در مسیر بازخورد زاویه است یا سرعت زاویه مستقیما بازخورد می شود)، یا استفاده از جبرانساز تأخیری تقدمی استفاده شده است. بطور مثال، در مراجع [18,17] از مدولاتور پهنا و فركانس پالس و كنترلگر P-D به منظور كاهش ارتعاشات ماهواره الاستيك در كنترل وضعيت استفاده شدهاست. در مرجع [19] عملکرد کنترل وضعیت ماهواره با ترکیب کنترلگر مد لغزشی و مدولاتور پهنا و فرکانس پالس با هدف کاهش زمان نشست و در حضور اغتشاش بررسی شده است. در این مرجع، ضرایب کنترلگر مد لغزشی

برای رسیدن به حداقل زمان نشست، بصورت ثابت تنظیم شده است. در نظر نگرفتن مدل برای تراستر، محدود نکردن فرکانس کاری تراستر و سعی بر كاهش زمان نشست، به تنهايي، بدون توجه به مقدار مصرف سوخت و فعاليت تراستر، از جمله کاستی های روش مرجع مذکور می باشد. جهت بهبود عملکرد پاسخ کنترلگر وضعیت در مرجع [20]، تنظیمکننده بهینه مرتبه دوم $\text{LQR)}^8$  ) با بهرههای پایا (زمان بی،نهایت) به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس، با فرض رفتار خطی مدولاتور و فرض مدل ایدهآل برای تراستر و همچنین فرض عدم محدودیت بر روی فرکانس کاری تراستر بررسی۔ شدهاست. اگرچه این روش توانست سرعت پاسخ سیستم در دنبال کردن ورودی مرجع را بهبود دهد، اما در کاهش میزان مصرف سوخت و یا تعداد روشنشدن تراستر بهبودي حاصل نگرديد. در مرجع [21] از تركيب كنترلگر LQG و مدولاتور پهنا و فرکانس پالس در کنترل وضعیت سهمحوره ماهواره برای حذف اثر اغتشاش استفاده شد. در این بررسی، مدل مدولاتور یهنا و فرکانس پالس بصورت تقریبی و خطی در نظر گرفته شده، همچنین مقادیر بهرههای کنترلگر بطور ثابت و بهازای یک حالت اغتشاش در نظر گرفته شده که در مواجهه با اغتشاشهای مختلف موجب کاهش بهینگی سیستم کنترل شده-است. عدم محدود کردن فرکانس کنترلگر، در نظر گرفتن مدل ایدهآل برای تراستر و در نظر گرفتن مدل خطی برای مدولاتور از جمله فرضیات ساده شونده بررسی مذکور میباشد. در مرجع [22] از ترکیب کنترلگر تطبیقی با مدولاتور پهنا و فركانس پالس براي بهبود عملكرد كنترلگر در مواجهه با عدم قطعیت ممان اینرسی استفاده شدهاست. در مرجع مذکور، مدل تراستر ایدهآل فرض شده و محدودیت فرکانس سیگنال فرمان به تراستر لحاظ نشدهاست.

از طرفی موضوعی که در کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فركانس يالس به همراه كنترلگر PD حائز اهميت است، افت قابل توجه عملكرد آن (خطاى ماندگار در نشانهروى) در حضور اغتشاش است [23,1]. اگر چه با فرض فرکانس بی نهایت و مدل ایدهآل برای تراستر، می توان به دقتهای بالا در حضور اغتشاش دست یافت، اما نتایج واقعی نبوده و با نتایج عملی مغایر است. لذا لحاظ کردن مدل برای تراستر و محدود نمودن فرکانس كاري آن، ضرورت دارد. در مرجع [23] پاسخ مدولاتور پهنا و فركانس پالس به همراه کنترلگر P-D و PID در حضور اغتشاش پله مقایسه شده و خطای حالت ماندگار كنترلگر P-D در حضور اغتشاش بهوسيله كنترلگر PID تقريبا حذف شدهاست. با وجود اینکه کنترلگر PID در حضور اغتشاش پله، خطای حالت ماندگار را كاهش مىدهد، اما وقوع پديده جمعشوندگى سبب افزايش فراجهش و افزایش مصرف سوخت می شود. میزان مصرف سوخت در یک ماهواره كميت حائز اهميتي است كه مستقيما بر روى جرم ماهواره، هزينه پرتاب ماهواره و عمر عملیاتی آن در مدار تأثیر میگذارد. از طرفی محدودیت در تعداد دفعات روشن شدن عملگر نیز از محدودیتهای سخت افزاری در طراحی کنترل وضعیت ماهواره است که بر روی طول عمر عملیاتی ماهواره تأثير دارد.

در مرجع [24] سه روش PID اصلاحشده، شامل روشهای مشاهدهگر، محاسبات بازگشتی و انتگرال گیری شرطی برای کنترل وضعیت ماهواره صلب بررسی شده که نتایج بررسیهای اولیه در این مرجع نشاندهنده عملکرد مطلوبتر روش مشاهدهگر در مصرف سوخت و فعالیت عملگر تراستر نسبت به دو روش دیگر است. در مرجع مذکور به علت مقایسه منصفانه روشها،

 $1$  Windup

Conditional Integration Back-Calculation

Proportional Band

From Conserver Approach<br><sup>6</sup> Observer Approach<br><sup>7</sup> Pulse-Width Pulse-Frequency (PWPF) Modulators

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Linear Quadratic Regulator (LQR)

تنظیمات کنترلگر برای سه روش مذکور یکسان منظور شدهاست. در این پژوهش سعی بر بهبود عملکرد، شامل کاهش مصرف سوخت، کاهش زمان نشست و حذف فراجهش با تنظیم مناسب ضرایب کنترلگر در حضور اغتشاش خارجي پله و اعمال محدوديت در فركانس خروجي مدولاتور و لحاظ كردن دینامیک عملگر تراستر است. بعلاوه، عملکرد سیستم کنترل در حضور عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح تراست نیز بررسی شدهاست.

# 2- كنترل وضعيت ماهواره با كنترلكي PID

در شکل 1، نمودار جعبهای سیستم کنترل وضعیت تکمحوره ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فركانس پالس به همراه كنترلگر PID مطابق مرجع [24] نمایش داده شدهاست. در این شکل، سیگنال کنترلی از کنترلگر PID وارد مدولاتور پهنا و فركانس پالس شده و فرمان مدوله شده پالسي وارد عملگر تراستر میشود. عملگر تراستر به صورت تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص (τ) مدل شدهاست. در این شکل، مدل دینامیک ماهواره بصورت تکمحوره و صلب در نظر گرفته شده و اغتشاش بر دینامیک ماهواره نیز اعمال شدهاست. لذا معادلات حالت سيستم مذكور با توجه به شكل 1، براحتی همانند مراجع [24]، بصورت زیر استخراج می شود:

$$
\dot{\theta} = \omega
$$
 (1)

$$
\dot{z}_1 = \frac{2}{T}(\mathbf{y}_d - z_1), \ \mathbf{y}_d(t) = \mathbf{y}(t - \tau) \tag{2}
$$

$$
\dot{z}_2 = \frac{2}{T} (z_1 - z_2) \tag{3}
$$

$$
\dot{\omega} = \frac{z_2}{J} + \frac{M_d}{J} \tag{4}
$$

$$
\dot{u} = \frac{K}{T_f} \left[ \overbrace{K_P \mathbf{G}_{\text{ref}} - \theta \mathbf{)} + \frac{K_D}{\tau_d} \mathbf{G}_{\text{ref}} - \theta - x_1 \mathbf{)} + x_2} \right]
$$

$$
-\frac{1}{T_e}[u + K F(u, y_{\text{old}}, u_{\text{off}}, u_{\text{on}}, U_m)] \tag{5}
$$

$$
\dot{x}_1 = \frac{1}{\tau} (\theta_{\text{ref}} - \theta - x_1) \tag{6}
$$

$$
\dot{x}_2 = K_I \mathbf{G}_{\text{ref}} - \theta \mathbf{)} \tag{7}
$$

که در آن،  $\theta_{\text{ref}}$ ورودی مرجع موقعیت زاویهای،  $\theta$  موقعیت زاویهای  $u_{\text{off}}$  ماهواره، J ممان اینرسی ماهواره صلب،  $M_d$  اغتشاش ورودی،  $u_{\text{on}}$  و به ترتیب آستانه شروع و خاتمه ناحیه هیسترزیس، u سیگنال ورودی به اشمیتتریگر،  $U_m$  حداکثر گشتاور اشمیتتریگر،  $K$  بهره فیلتر و  $T_f$  ثابت زمانى فيلتر است.

سیگنال ورودی به مدولاتور و تابع  $F$  نمایانگر بلوک اشمیتتریگر  $\,e\,$ است که خروجی آن بهصورت  $v = F(u, y_{\text{old}}, u_{\text{off}}, u_{\text{on}}, U_m)$ نمایش شدهاست. بهرههای تناسبی، مشتق گیر و انتگرال گیر کنترلگر PID داده  $K_I$ به ترتیب با  $K_P$  و  $K_I$  نمایش داده شده و  $\tau_d$  ثابت زمانی مشتق گیر، با  $K_Ds$ ، است. مطابق شكل 1، متغيرهاى حالت كنترلگر PID با $K_Ds$  با و  $x_2$  و همچنین متغیرهای حالت تراستر با  $z_1$ و  $z_2$  و ثابت زمانی تراستر  $x_1$ با  $T$ ، نمایش داده شدهاست. جمعشوندگی، افزایش فراجهش و افزایش مصرف سوخت چالشی است که در کنترلگرهای PID وجود دارد. از طرفی ماهوارهها سیستمهای پرهزینه و گران قیمتی هستند که همانطور که اشاره شد، جرم و طول عمر از جمله مهمترین و اساسیترین پارامترهای تأثیرگذار بر روی هزینه یک ماهواره میباشد. میزان سوخت مصرفی، مستقیما بر روی جرم و

طول عمر ماهواره تأثير داشته و تعداد دفعات روشن شدن تراستر مىتواند حداكثر طول عمر ماهواره را محدود نمايد.

#### 3- كنترلگر PID اصلاحشده با الگوريتم مشاهدهگر

جمع شوندگی و اشباع عملگر تراستر می تواند موجب مصرف سوخت اضافی و كاهش طول عمر گردد. لذا بهبود سيستم كنترل وضعيت ماهواره مى تواند هزینه تمام شده یک ماهواره را کاهش دهد. برای جلوگیری از اشباع عملگر و جمعشوندگی نیاز به اصلاح کنترلگر PID است. روشها و الگوریتمهایی برای اصلاح کنترلگر PID ارائه شده که از جمله این روشها میتوان به روش محاسبات بازگشتی، روش مشاهدهگر و روش انتگرال گیری شرطی اشاره نمود [11,10]. در مرجع [24] مطالعهای مقدماتی در مقایسه روشهای مذکور در اعمال به سیستم دو وضعیتی کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فركانس پالس شده است. البته در اين مرجع به منظور مقايسه منصفانه، ضرایب PID برای روش های اصلاحی PID یکسان اعمال شده است. در شکل 2، کنترلگر PID اصلاحشده با روش مشاهدهگر به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس برای ماهواره صلب تکمحوره با عملگر تراستر دو وضعیتی نمایش داده شدهاست. در این نمودار جعبهای از یک محدود کننده غیرخطی برای جلوگیری از افزایش بیش از حد سیگنال خروجی کنترلگر استفاده شده است. از طرفي جهت اصلاح الگوريتم كنترلي و قرار نگرفتن مداوم كنترلگر در حالت اشباع، از اختلاف سيگنال كنترلگر، قبل و بعد از محدودساز، بازخورد گرفته شده است. سیگنال بازخورد با یک ضریب به قسمت انتگرال گیر كنترلگر منتقل شده و سعى در خروج انتگرال گير از حالت اشباع مى نمايد. بنابراین در این روش با بازخورد اختلاف سیگنال ورودی و خروجی محدودساز و اعمال بهره استاتیکی  $L$ ، خطای تخمین مشاهدهگر، بهنگام میشود [25].

با استفاده از شکل 2، معادلات حالت سیستم مذکور، براحتی همانند مراجع [24]، بصورت زير استخراج ميشود:

$$
\dot{\theta} = \omega
$$
\n
$$
\dot{z}_1 = \frac{2}{T} (\mathbf{y}_d - z_1), \quad y_d(t) = y(t - \tau)
$$
\n
$$
\dot{z}_2 = \frac{2}{T} (\mathbf{z}_1 - z_2)
$$
\n
$$
\dot{\omega} = \frac{z_2}{I} + \frac{M_d}{J}
$$
\n
$$
\dot{u} = \frac{1}{T_f} [K u_r - K F(u_r y_{\text{old}} u_{\text{off}} u_{\text{on}} U_m) - u]
$$
\n
$$
\dot{x}_1 = \frac{1}{\tau_d} (\theta - x_1)
$$
\n
$$
\dot{x}_e = \theta_{\text{ref}} - \theta - L(u_p - u_r)
$$
\n(14)

که در آن،  $x_e$  متغیر حالت تخمین;دهشده است.  $u_n$  سیگنال خروجی کنترلگر بوده که بصورت رابطه (15) نوشته می شود و  $u_r$ سیگنال خروجی

$$
u_p = K_I x_e + K_P (\theta_{\text{ref}} - \theta) - \frac{K_D}{\tau_d} (\theta - x_1)
$$
  
(15)  

$$
\begin{pmatrix} u_{\text{max}} & u_p > u_{\text{max}} \end{pmatrix}
$$

$$
u_r = \begin{cases} u_p & \text{if } u_{\text{min}} \le u_p \le u_{\text{max}} \\ u_{\text{min}} & \text{if } u_p < u_{\text{min}} \end{cases} \tag{16}
$$

لازم به ذکر است که در اینجا، روابط روش PID کلاسیک و روش PID اصلاحشده مبتنی بر روش مشاهدهگر، بطور کامل ذکر شدهاست؛ اما روابط و نتایج برای روشهای اصلاحشده محاسبات بازگشتی، انتگرال گیری شرطی و همچنین روش PID کلاسیک و مشاهدهگر در مراجع [24] بررسی شده و در



Fig. 1 Block diagram of satellite attitude control with PWPF modulator and PID controller [24]





Fig. 2 Block diagram of satellite attitude control with PWPF modulator and observer-based modified PID controller [24] **شکل 2** نمودار جعبهای کنترل وضعیت ماهواره با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس و کنترلگر PID اصلاحشده با الگوریتم مشاهدهگر [24]

شكل 3 پاسخ كنترل وضعيت ماهواره بهازاي اين الگوريتمها، نمايش داده شده است. این الگوریتمها در مرجع مذکور برای ماهواره صلب تک محوره با عملگر تراستر دو وضعیتی به همراه مدولاتور پهنا و فرکانس پالس ارائه شده است. همانطور که از این شکل ملاحظه میشود، در روش مشاهدهگر، زمان ا خیز و زمان نشست زیاد و در سایر روشها، فراجهش پاسخ زیاد است.

#### 4- بهينهسازي

به منظور بهبود عملكرد سيستم كنترل وضعيت ماهواره، علاوه بر استفاده از روش مشاهده گر، نیاز به تعیین و تنظیم بهرههای مناسب کنترلگر نیز هست. تنظیم بهرهها میبایست متناسب با معیارهای عملکرد مورد نظر و قیدهای مسئله انجام شود. مصرف سوخت، تعداد دفعات روشن شدن تراستر، زمان خیز، خطای وضعیت، فراجهش و زمان نشست، معیارها و یا قیدهایی هستند که میتوانند برای این مسئله بهینهسازی در نظر گرفته شود. همچنین می توان چند معیار عملکرد را با یکدیگر ترکیب نمود و مسئله بهینهسازی را با معیار عملکرد ترکیبی بررسی نمود. بهینهسازی میتواند با روشها و الگوریتمهای مختلفی انجام شود. یکی از روشهای بهینهسازی بررسی همه حالتهای ممکن است، اگرچه این روش مستلزم زمان و حجم محاسبات زیاد می باشد، اما دیدگاه مناسبی را به طراح جهت انتخاب مقادیر متغیرهای مسئله بهینهسازی با توجه به معیار عملکرد میدهد و به علت قابل بررسی بودن معیار عملکرد بهازای مقادیر مختلف متغیرها، میتوان مقادیری را انتخاب کرد که علاوه بر نسبتا کمینه نمودن معیار عملکرد، بهازای تغییرات متغیرها، معیار عملکرد دچار تغییرات زیادی نشود. به عبارتی در این روش بهینهسازی، معیار عملکرد در مواجهه با عدم قطعیت متغیرهای مسئله قابل بررسی بوده و میتوان متغیرها را طوری انتخاب نمود که نتایج طراحی در مواجهه با عدم قطعیتها، عملکرد مناسبی داشته باشد. لذا در این پژوهش،

روش بهینهسازی جستجوی پارامتری ابتدا با دو معیار عملکرد مصرف سوخت و دفعات روشن شدن تراستر و سیس با معیار عملکرد ترکیبی مصرف سوخت و دفعات روشن شدن تراستر بكار رفتهاست. همچنین قیدهای این مسئله، مقدار خطاى وضعيت و ميزان فراجهش پاسخ انتخاب شدهاست.

سارا مقدس(اده بزاز و همکاران

# 5- نتايج شبيهسازي

در این بخش، عملکرد سیستم کنترل وضعیت تکمحوره ماهواره صلب، با مدولاتور پهنا و فرکانس پالس به همراه کنترلگر PID اصلاحشده مبتنی بر الگوریتم مشاهده گر و با عملگر تراستر دو وضعیتی در حضور اغتشاش خارجی يله و عدم قطعيتها بررسي مي شود. در عمل، فركانس خروجي مدولاتور در



Fig. 3 Comparison of attitude control response for three modified PID controller with PWPF Modulator [24]

شكل 3 مقايسه پاسخ كنترل وضعيت براي سه كنترلگر PID اصلاح شده بههمراه مدولاتور پهنا و فركانس پالس [24] Toble 1 Initial values and parameter

کنترل وضعیت بویژه با تراستر محدود بوده که در اینجا، فرکانس خروجی مدولاتور 40 هرتز لحاظ شدهاست. لازم به ذكر است كه محدوديت فركانس کاری باید بعد از خروجی مدولاتور اعمال شود که در نمودارهای جعبهای شکلهای 1 و 2 ترسیم نشدهاست. همچنین دینامیک تراستر بصورت تابع تبدیل مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص مدل شده که این مدل بر حسب انتخاب مقادیر تأخیر و ثابت زمانی میتواند برای تراستر گاز سرد یا گرم بکار رود. همچنین شبیهسازیها برای مدت زمان 40 ثانیه و با روش حل عددی اویلر و با گام زمانی انتگرال $^{2}$ یری  $10^{-4}$  ثانیه انجام شدهاست. مقادیر پارامترهای تنظیمی مدولاتور پهنا و فرکانس پالس از مرجع [26] انتخاب شدهاست. مقادیر پارامترها و شرایط اولیه شبیهسازی در جدول 1 آمده است.

معیار عملکرد تعداد دفعات روشنشدن تراستر با  $N$  و معیار عملکرد قدر مطلق انتگرال خروجی تراستر که متناسب با میزان مصرف سوخت است، با نمایش داده شدهاست. در حالت بهینهسازی ترکیبی، معیار عملکردها  $\Delta V$ مطابق رابطه (17) ابتدا بین صفر تا یک نرمالیزه شده و سپس با ضریب وزنی با یکدیگر ترکیب میشود. در این رابطه، زیرفویس min و max به ترتیب  $w$ نمایانگر مقدار حداقل و حداکثر در بازه مورد نظر میباشد.

$$
J = \frac{\Delta V - \Delta V_{\text{min}}}{\Delta V_{\text{max}} - \Delta V_{\text{min}}} + w \frac{N - N_{\text{min}}}{N_{\text{max}} - N_{\text{min}}} \tag{17}
$$

قبل از انجام بهینهسازی با استفاده از روش زیگلر-نیکلز ابتدا محدودهای برای مقادیر اولیه بهرهها بدست آمدهاست. مقادیر بذست آمده  $K_P = 35$  برای بهرهها طبق روش زیگلر-نیکلز برای کنترلگر PID بصورت و  $K_I = 5.62$  بدست آمده و برای کنترلگر PID اصلاحشده  $K_I = 5.62$  بدست آ و  $K_{D}$  = **18.** $K_{P}$  = **17** مبتنى بر الگوريتم مشاهده گر اين مقادير بهصورت حاصل شده است. به منظور بهبود عملکرد کنترل وضعیت، از  $K_I = \mathbf{4.25}$ روش جستجوى پارامترى جهت تنظيم بهرههاى كنترلگر استفاده شده است. این بهرهها شامل پارامترهای  $K_D$  ،  $K_D$  ،  $K_P$  و  $L$  هستند.

در روش جستجوی پارامتری، سعی بر در نظر گرفتن همه حالتهای ممکن و بررسی معیار عملکرد با توجه به حالتهای در نظر گرفتهشده است. محدوده بهرههای کنترلگر برای جستجوی پارامتری با توجه به معیار زیگلر -نیکلز، تجربیات و قیود مسئله و البته بطور محافظه کارانه تعیین شده و در جدول 2 ذکر شدهاست. در روش جستجوی پارامتری، مقادیر ضرایب بدست آمده بهازای در نظر گرفتن هر معیار عملکرد، متفاوت بوده و برای لحاظ كردن اثر چهار پارامتر تنظيمي كنترلگر اصلاحشده، تعداد 2310400 اجراي برنامه، برای حالتهای مختلف انجام شده و نهایتا معیار عملکرد بهازای ترکیبهای مختلف ضرایب، بررسی شدهاست. تعیین ضرایب مناسب کنترلگر با در نظر گرفتن معیار عملکرد و قیدهای مسئله که شامل مقدار فراجهش صفر و مقدار خطای وضعیت کمتر از 0.1 درجه می شود، انجام شده است.

تعیین بهرههای مناسب کنترلگر بهازای زوایای ورودی 5 تا 60 درجه و در حضور اغتشاش خارجی پله با مقدار 0.03 نیوتن متر برای معیار عملکرد مطابق با رابطه (17) با ضریب وزنی  $w = 1$  انجام شده و در جدول 3 ارائه شدهاست. مطابق این جدول می توان بهرههای مناسب کنترلگر را برای زوایای مختلف انتخاب نمود. در شكل 4، پاسخ سيستم كنترل وضعيت ماهواره بهازای زاویه ورودی 15 درجه، اغتشاش خارجی پله 0.03 نیوتن متر با بهرههای تنظیمی برای کنترلگر PID اصلاحشده ارائه شده و با کنترلگر PID كلاسيك مقايسه شدهاست. همانطور كه در اين شكل ملاحظه مىشود، زمان نشست<sup>1</sup> کنترلگر مشاهدهگر کمتر از کنترلگر PID کلاسیک و کنترلگر

مشاهدهگر در مرجع [24] است. همچنین در این کنترلگر اصلاحشده فراجهش وجود ندارد، در صورتی که در کنترلگر PID حدود 51% فراجهش وجود دارد. علاوه بر این، در معیار عملکرد ترکیبی میزان مصرف سوخت نسبت به کنترلگر PID کلاسیک حدود %72 کاهش یافته است. زمان خیز<sup>2</sup> و زمان نشست در این کنترلگر نسبت به مقادیر بدست آمده در مرجع [24] کاهش چشمگیری داشته است بطوری که میتوان گفت زمان نشست نسبت به مرجع [24] حدودا نصف شدهاست.

با در نظر گرفتن معیار عملکرد مصرف سوخت در کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر علاوه بر کاهش زمان نشست نسبت به کنترلگر PID کلاسیک، حدود %72.5 مصرف سوخت نيز كاهش يافتهاست. همچنين با در نظر گرفتن معیار عملکرد تعداد روششدن تراستر، این معیار در کنترلگر مشاهدهگر کمتر از كنترلگر PID كلاسيك شدهاست، البته اين مقدار كاهش قابل توجه نيست، كه علت آن مى تواند وجود اغتشاش و رسيدن به مقدار دقت 0.1 درجه باشد. بنابراین استفاده از کنترلگر PID اصلاح شده با روش مشاهده گر و با بهرههای تنظیمی مناسب، نسبت به روش PID کلاسیک ارجحیت داشته و باعث کاهش چشمگیر مصرف سوخت و کاهش زمان نشست شده است. مقایسه بین پارامترهای پاسخ در دو کنترلگر مذکور بهازای معیار عملکردهای مجزا و ترکیبی در جدول 4 ارائه شدهاست. پاسخ سیستم بهازای معیار عملکردهای

جدول 1 مقادير اوليه و پارامترها

ne 1 illiulai values anu paralliellei s	
مقدار	پارامتر
$1(\mathbf{N} \cdot \mathbf{m})$	$U_m$
0.45	$u_{\rm on}$
0.15	$u_{\rm off}$
4.5	K
0.15(s)	$T_f$
0.01(s)	$\tau_d$
0.03(s)	$M_d$
0.03(s)	T
0.01(s)	$\tau$
10 (kg $\cdot$ m <sup>2</sup> )	
$15$ (deg)	
$\boldsymbol{0}$	$\frac{\theta_{\text{ref}}}{\theta(\mathbf{0})}$
$\overline{0}$	$\dot{\theta}$ (0)
40 (Hz)	فرکانس کنترلی زمان نهایی
40(s)	

جدول 2 محدوده جستجوی پارامتری

abie 2 Parametric search region	
مقدار	یار امتر
$0.1 - 50$	$K_P$
$0.1 - 50$	$K_{\rm D}$
$0.1 - 50$	$K_{I}$
$0.1 - 10$	

جدول 3 ضرايب تنظيمي كنترلگر بهازاي زواياي مختلف ورودي



نمان خیز با معیار %90 مقدار نهایی درنظر گرفته شده است. $^{\,2}$ 

ا.<br>ازمان نشست با معیار %2 مقدار نهایی در نظر گرفته شده است.

جدول 5 ضرایب تنظیمی کنترلگر بهازای مقادیر مختلف اغتشاش خارجی یله Table 5 Tuned parameters of controller for different values of step external disturbances

	K,	$K_D$	$K_P$	اغتشاش (نيوتن،تر)
5.45	5.3	34.95	23.3	0.03
2	6	42.05	25.65	0.025
1.8		43.55	27.5	0.02
2.35	4.6	40.05	22.95	0.015
2.05	6.65	34.4	26.95	0.01
2.5	5.65	44.55	26.5	0.005
25	$\Lambda$ Q	12.25	2205	$\Omega$



Fig. 5 The output signal of PWPF modulator

**شکل 5** سیگنال خروجی مدولاتور پهنا و فرکانس پالس



Fig. 6 Pseudo limit cycle for PID controller and observer-based method **شکل 6** چرخه شبه حدی برای کنترلگر PID و کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر

60 درجه در حضور اغتشاش پله 0.03 نیوتن متر، اعمال شده و نتایج برای دو کنترلگر مذکور مقایسه شده است. بهرههای کنترلگر PID کلاسیک برای زوایای بین 5 تا 30 درجه بهازای شرایط مفروض و برای زوایای بین 30 تا 60  $K_I = 5.62$  ,  $K_D = 17.84$   $K_P = 8.66$  مطابق مرجع [24] كه با استفاده از محك زيگلر -نيكلز بدست آمده، در نظر گرفته شده است. مقادیر پارامترها و شرایط اولیه در شکلهای 7 تا 17 مشابه جدول 1 است مگر در مواردی که غیر از آن اشاره شده باشد. در شکل 7، زمان خیز و زمان نشست بر حسب زاویه ورودی برای دو کنترلگر ارائه شده است. همچنان که از این شکل مشاهده میشود، با افزایش زاویه ورودی، زمان خیز و زمان نشست پاسخ افزایش مییابد. اگر چه زمان خیز در کنترلگر اصلاحشده بیشتر



Fig. 4 The response of attitude control for PID controller and observer method  $(w = 1)$  $w = 1$ ) شکل 4 پاسخ کنترلگر PID و مشاهدهگر

مجزا، مشابه شكل 4 مى باشد، لذا از تكرار آن اجتناب شده است. در جدول 5، ضرایب تنظیمی کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر در زاویه ورودی 15 درجه بهازای اغتشاش مختلف پله با مقادیر مختلف و برای معیار عملکره ترکیبی ارائه شده است. با استفاده از نتایج جدول 5 میتوان ضرایب مناسب کنترلگر را بهازای اغتشاشهای مختلف پله از مقدار 0 تا 0.03 نیوتن مثر انتخاب کرد. در شکل 5، سینگال کنترلی اعمالی به تراستر (خروجی مدولاتور) نمایش داده شده است. در این شکل به علت وجود اغتشاش فواصل زمانی روشن شدن تراستر کوچک بوده تا دقت کمتر از 0.1 درجه حفظ شود. به منظور بررسی خطای زاویهای سیستم کنترل وضعیت، چرخه شبه حدی کنترلگر PID کلاسیک و مشاهدهگر، در شکل 6 ارائه شده است. دامنه چرخه شبه حدی کنترلگر PID مبتنی بر مشاهدهگر کوچکتر از دامنه چرخه حدی کنترلگر PID کلاسیک است که نشاندهنده دقت بهتر کنترلگر اصلاحشده مبتنی بر مشاهدهگر میباشد. لازم به ذکر است که در اینجا به علت خطای حل عددی و همچنین عدم اثبات ریاضی از عبارت چرخه شبه حدی استفاده شد.

در ادامه، تحلیلها برای معیار عملکرد ترکیبی و بهازای زاویه ورودی 15 درجه و با اعمال عدم قطعیت در ممان اینرسی، نیروی تراست و مقدار اغتشاش خارجي پله انجام مي شود.

یک کنترلگر مناسب باید در بازهای از مقادیر ورودی، عملکرد مطلوبی داشته باشد، لذا برای بررسی عملکرد کنترلگر اصلاحشده، زوایای ورودی 5 تا

جدول 4 عملكرد كنترلگر PID و كنترلگر PID مبتنى بر مشاهدهگر

<b>Table 4</b> Performance of PID controller and observer- based method							
تعداد روشن	مصرف		زمان	زمان			
شدن تراستر	سوخت	فراجهش	خيز	نشست	کنټ لگړ		
(N)	$(\Delta V)$		(ثانىه)	(ثانىه)			
65	6.5	50.8%	2.24	14.1	تناسبي - انتگرال گير -		
					مشتق گیر		
68	1.79	$\Omega$	6.5	9.5	مشاهده گر یا معیار		
					مصرف سوخت		
62	1.95	0	8.3	10.65	مشاهدهگر با معیار		
					روشن شدن تراستر		
	1.83	0	6.85	9.8	مشاهدهگر با معیار		
66					تر کیبی		

از کنترلگر PID است، اما با توجه به اینکه مقدار فراجهش در کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر وجود ندارد، این مقدار زمان خیز مناسب بوده و در مقایسه با نتايج مرجع [24] كه در شكل 3 هم بررسي شد، زمان خيز حدود 55% كاهش يافتهاست. همچنين بطور متوسط زمان نشست كنترلگر مبتنى بر مشاهده گر در مقایسه با کنترلگر PID و نتایج مرجع [24] حدود %50 کاهش داشته که در شکل 7 به وضوح قابل مشاهده است. از طرفی مشابهت تغییرات زمان خیز و زمان نشست کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر در شکل 7 جالب توجه است. بنابراین می توان گفت که کنترلگر اصلاحشده با ضرایب تنظیمی مناسب، سرعت پاسخ سیستم کنترل وضعیت را از نظر زمان نشست، بطور قابل ملاحظهای افزایش داده است.

در شکلهای 8 و 9، دفعات روشن شدن تراستر و میزان مصرف سوخت بر حسب زاويه ورودي ارائه شدهاست. در شكل 8، نمودار تعداد دفعات روشن شدن تراستر در کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر نسبت به کنترلگر PID تغییر زیادی نداشته است، که این مسئله به علت دقت در نظر گرفته شده و لزوم فعالیت بیشتر تراستر جهت رسیدن به دقت 0.1 درجه در حضور اغتشاش بودهاست. اما همچنانکه از شکل 9 ملاحظه می شود، مقدار مصرف سوخت در کنترلگر PID مبتنی بر مشاهدهگر کاهش قابل توجهی نسبت به کنترلگر PID کلاسیک، نه فقط در یک نقطه بلکه در زوایای مختلف دارد. کاهش مصرف سوخت در بازهای از زوایای ورودی، مزیت کنترلگر مشاهدهگر در کاهش مصرف سوخت را نشان میدهد. همچنین نرخ کم افزایش مصرف سوخت بهازای زوایای ورودی در کنترلگر مشاهدهگر نسبت به کنترلگر PID قابل اشاره است.

با توجه به گستردگی جانمایی اجزای یک ماهواره، معمولا ممان اینرسی آن بطور تقریبی در دسترس بوده و یا به دلیل مصرف سوخت، ممان اینرسی ماهواره در مدار تغییر می;نماید. لذا عملکرد سیستم کنترل وضعیت نسبت به| اثر عدم قطعیت در ممان اینرسی بررسی شدهاست. در شکل 10، تعداد دفعات روشن شدن تراستر بر حسب عدم قطعیت در ممان اینرسی و در شکل 11 میزان مصرف سوخت بر حسب عدم قطعیت در ممان اینرسی بهازای زاویه ورودی 15 درجه و مقدار اغتشاش 0.03 نیوتن متر ترسیم شدهاست. در این دو شکل، محور افقی میزان عدم قطعیت ممان اینرسی در بازه %20± است. چنانکه از این دو شکل ملاحظه می شود با افزایش ممان اینرسی، میزان



Fig. 7 Rise time and settling time versus input angle **شکل 7** زمان خیز و زمان نشست برحسب زاویه ورودی



Fig. 8 Thruster firings versus input angle شكل 8 دفعات روشن شدن تراستر برحسب زاويه ورودي



ش<mark>کل</mark> 9 مه ب زاويه ورودي

مصرف سوخت و فعالیت تراستر افزایش یافتهاست، اما اثر عدم قطعیت ممان اینرسی در کنترلگر مشاهدهگر، کمتر از کنترلگر PID کلاسیک میباشد.

بطور نمونه، در کنترلگر مشاهدهگر با تغییر 20% در ممان اینرسی، تعداد دفعات روشن شدن تراستر حدود %9 و میزان مصرف سوخت حدود %8 افزایش داشته است. در صورتی که اثر عدم قطعیت ممان اینرسی در کنترلگر PID بیشتر بوده و با تغییر مقدار %20 در ممان اینرسی، مصرف سوخت حدود %20 تغيير مي كند.

معمولا سطح نیروی تراست تولیدی در ماهوارهها بسته به دقت زیرسیستم پیشرانش، فناوری ساخت تراسترها و همچنین شرایط محیطی دارای تغییراتی است. لذا لازم است اثر عدم قطعیت سطح تراست در عملکرد سیستم کنترل وضعیت بررسی شود. در شکل 12، دفعات روشن شدن تراستر و در شکل 13 میزان مصرف سوخت بر حسب عدم قطعیت سطح تراست، در زاويه ورودي 15 درجه و اغتشاش 0.03 نيوتن متر بررسي شده است. در اين دو شکل، محور افقی میزان عدم قطعیت سطح تراست را برحسب درصد در محدوده %20± نشان میدهد. بررسی عدم قطعیت سطح تراست در این کنترلگر نشاندهنده روند کاهشی دفعات روشن شدن تراستر و مصرف سوخت در مواجهه با تراستهای با نیروی بالاتر است. میزان تغییرات مصرف

سوخت بر حسب عدم قطعیت سطح تراست در کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر، بسيار ناچيز است؛ اما در كنترلگر PID تغييرات بيشتر مصرف سوخت مشاهده میشود. لذا عملکرد کنترلگر مشاهدهگر در مصرف سوخت بهازای عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح تراست مقاومتر از کنترلگر PID کلاسیک ملاحظه میشود. بررسی کنترلگر مشاهدهگر در برابر عدم قطعیتهای ممان اینرسی و سطح تراست، نشانگر مقاوم بودن آن در مقایسه يا كنترلگي PID است.

طراحی قانون کنترلی در تحقیق حاضر، برای ماهوارههایی است که برای انجام مأموریت، ارتفاع خود را کاهش داده و پس از انجام مأموریت به مدار بالاتر انتقال می،پابد. این ماهوارمها در حین انجام مأموریت و در ارتفاع پایین تحت تأثیر نیروی آیرودینامیکی قرار گرفته و گشتاورهای ثابت به ماهواره اعمال میشود. به همین علت اغتشاش خارجی پله در این تحقیق لحاظ شدهاست. بعلاوه در این حالت، تخمین خوبی نیز از مقدار اغتشاش خارجی وجود دارد. بدین منظور اغتشاش خارجی پله با دامنههای مختلف و مقادیر مثبت و منفی به سیستم کنترل اعمال شده و عملکرد آن بررسی شدهاست. شبیهسازی بهازای زاویه ورودی 15 درجه و مقدار حداکثر قدر مطلق اغتشاش 0.05 نيوتن متر انجام شدهاست. در شكل 14، تعداد دفعات روشن شدن تراستر بر حسب اغتشاش ارائه شدهاست. در حالتی که اغتشاش وجود ندارد، تراستر کمترین میزان فعالیت خود را دارد. اما با افزایش مقدار اغتشاش در جهت مثبت یا منفی، تعداد دفعات روشن شدن تراستر افزایش می یابد. در شکل 15، میزان مصرف سوخت بر حسب اندازه اغتشاش پله ترسیم شدهاست. این شکل، مقایسهای از میزان مصرف سوخت در دو کنترلگر مذکور بهازای اغتشاش خارجی پله ارائه مینماید. بطور مشابه مشاهده میشود که با افزایش اندازه اغتشاش، میزان مصرف سوخت در هر دو کنترلگر افزایش یافته و همانطور که انتظار میرود، کمترین میزان مصرف سوخت درا حالتی است که اغتشاش خارجی وجود نداشته باشد. همچنین در این شکل، تأثیر اغتشاش های مثبت و منفی تقریبا برابر بوده و با افزایش مقدار گشتاور اغتشاشی، میزان مصرف سوخت افزایش متقارنی داشتهاست. البته کمی عدم تقارن به علت زاویه ورودی 15 درجه است.

به منظور بررسی اثر اغتشاش خارجی پله بر روی میزان خطا، دامنه چرخه شبه حدی در سرعت زاویهای صفر (۵ = ۵) استخراج شده و در



Fig. 10 Thruster firings versus moment of inertia uncertainty شکل 10 دفعات روشن شدن تراستر برحسب درصد عدم قطعیت در ممان اینرسی



Fig. 11 Fuel consumption versus moment of inertia uncertainty شكل 11 مصرف سوخت برحسب درصد عدم قطعيت در ممان اينرسي



Fig. 12 Thruster firings versus thrust level uncertainty شکل 12 دفعات روشن شدن تراستر برحسب درصد عدم قطعیت در سطح تراست

شکل 16 ترسیم شده است. در این شکل، ضرایب کنترلگر مبتنی بر مشاهده گر، بهازای اغتشاشات خارجی مختلف، مطابق جدول 5 انتخاب شده-است. همانطور که در این شکل ملاحظه میشود دامنه چرخه شبه حدی کنترلگر مشاهدهگر بهازای اغتشاشهای مختلف، کمتر از دامنه چرخه حدی كنترلگر PID شده است. دامنه چرخه حدى، بيشترين مقدار خطا را نشان می دهد. لذا کنترلگر مشاهدهگر از نظر دقت نشانهروی، عملکرد مطلوبتری نسبت به كنترلگر PID داشته است. همانطور كه انتظار مى رود با افزايش میزان اغتشاش، دامنه چرخه شبه حدی افزایش یافته و خطای نشانهروی افزایش می یابد.

حال نشان داده می شود که اگر شبیهسازی با تراستر ایدهآل و بدون محدودیت در فرکانس کاری صورت پذیرد، دامنه چرخه حدی بسیار کاهش می یابد. در شکل 17، چرخه شبه حدی کنترلگر مشاهدهگر بهازای زاویه ورودي 15 درجه و اعمال اغتشاش خارجي پله برابر 0.03 نيوتن متر و با فرض مدل تراستر ایدهآل و فرکانس کاری 400 هرتز، ترسیم شده است. در این شکل، دامنه چرخه شبه حدی حدود 0.0065 درجه (بهازای  $\omega = \omega$ ) و برای

سرعت زاویهای حدود 0.04 درجه بر ثانیه بدست آمده است. همانطور که از شکل 2 ملاحظه میشود، سیگنال  $\dot{\boldsymbol{\theta}}$  برای افزایش ضریب میرایی پاسخ سیستم با استفاده از مشتق گیری تقریبی از زاویه وضعیت، استخراج شده است. در صورت استفاده از ژایروی نرخی، فیدبک  $\dot{\boldsymbol{\theta}}$  بجای استفاده از مشتق گیر در PID (اصطلاحا نوع PI-D و در نوع مبتنی بر مشاهدهگر) توصيه مي شود.

# 6- نتىجەگىرى

در مطالعه حاضر، به منظور بهبود عملكرد كنترل وضعيت تكمحوره ماهواره صلب با مدولاتور پهنا و فركانس پالس در مقابل اغتشاش خارجي پله، کنترلگر تناسبی-انتگرال *گ*یر-مشتق *گی*ر (PID) مبتنی بر الگوریتم مشاهده *گ*ر در سیستمهای غیرخطی با عملگرهای دو وضعیتی (روشن یا خاموش) بکار رفته است. به منظور كسب نتايج نسبتا عملى، مدل ديناميكي مرتبه دوم به همراه تأخیر زمانی خالص برای تراستر در نظر گرفته شده و فرکانس خروجی مدولاتور نیز محدود به 40 هرتز گردید. با فرض مدل ایدهآل برای تراستر و



Fig. 13 Fuel consumption versus thruster level uncertainty

شكل 13 مصرف سوخت برحسب درصد عدم قطعيت در سطح تراست





Fig. 15 Fuel consumption versus external disturbance شكل 15 مصرف سوخت برحسب مقدار اغتشاش خارجى



Fig. 16 Pseudo limit cycle amplitude versus external disturbance شکل 16 دامنه چرخه شبه حدی بر حسب اغتشاش خارجی



Fig. 17 Pseudo limit cycle of observer-based controller with perfect thruster model and modulator frequency=400 Hz شکل 17 چرخه شبه حدی کنترلگر مشاهدهگر با مدل تراستر ایدهآل و فرکانس مدولاتور برابر 400 هرتز

Approach, First Edition, pp. 260-273, Cambridge: Cambridge University Press, 1997.

- [2] B. Wie, Space Vehicle Dynamics and Control, pp. 451-457, Reston: AIAA Education Series, 1998
- [3] R. Wertz, Spacecraft Attitude Determination and Control, pp. 206-210, Boston: Kluwer Academic Publisher, 1978.
- [4] P. Fortescue, J. Stark, G. Swinerd, eds., Spacecraft Systems Engineering, pp. 288-324, New York: John Wiley and Sons Inc., 2011.
- [5] M.A. Johnson, M.H. Moradi, PID Control New Identification and Design Methods, pp. 339-358, Berlin: Springer, 2005.
- [6] F. G. Shinskey, Process Control System: Application, Design and Tuning, Fourth Edition, pp. 339-358, New York: McGraw-Hill, 1996.
- [7] C. C. Yu, Autotuning of PID Controllers, A Relay Feedback Approach, Second Edition, pp. 9-20, Berlin: Springer, 2006.
- [8] L. Rundqwist, *Anti-Reset Windup for PID Controllers*, PhD Thesis, Department of Automatic Control of Lund Institute of Technology, Sweden, 1991.
- [9] K. J. Astrom, T. Hagglund, PID Controllers: Theory, Design and Tuning, Second Edition, pp. 70-93, Durham: Research Triangle Park, 1995.
- [10] K. J. Astrom, L. Rundqwist, Integrator Windup and How to Avoid It, Proceeding of the American Control Conference, Pittsburgh, pp. 1693-1698, 1989.
- [11] Y. Peng, D. Vrancic, R. Hanus, Anti-Windup, bumpless, and conditioned transfer techniques for PID controllers, IEEE Control Systems Magazine, Vol. 16, No. 4, pp. 48-57, 1996.
- [12] P. Tisa, P. Vergez, Performance analysis of control algorithm for FalconSat-3, the 16<sup>th</sup> AAS/AIAA Space Flight Mechanics Conference, Florida, USA, 2006
- [13] S. Balochian, A. Asaee, Controlling the micro satellite with adaptive and PID controllers and their function comparison, *Advances in Mechanical* Engineering and its Applications (AMEA), Vol. 1, No. 3, pp. 54-63, 2012.
- [14] R. E. Snider, Attitude Control of a Satellite Simulator Using Reaction Wheels and a PID Controller. Master Thesis. Department of Aeronautics and Astronautics of Air University, Ohio, USA, 2010.
- [15] A. Farmanbordar, S. Rezanejad, A. Bazrafshan, Design of fuzzy bang-bang controller for satellite attitude control. The 1 th International Conference on nonlinear modeling and optimization, Amol, Iran, August 29-30, 2012. (In (فا, سے, Persian
- [16] C. L. Prioroc, M. R. Stefanscu. Three axes reaction thrusters attitude control system during trajectory maneuvers for ESMO, 1th IAA Conference on Dynamics and Control of Space Systems, Porto, Portugal, 19-21 March, 2013.
- [17] G. Song, N. V. Agrawal, Vibration suppression of flexible spacecraft during attitude control, Acta Astronautica, Vol. 49, No. 2, pp. 73-83, 2001.
- [18] W. Song, Y. Liu, Q. Hu, Spacecraft vibration suppression during attitude maneuver using PWPF modulated inpute component commands, International Conference on Mechatronics and Automation, Dartmouth, Canada, 29-31 July, 2005.
- [19] J. Kim, J. L. Crassidis, A comparative study of sliding mode control and time optimal control, AIAA/AAS Astrodynamics Specialist Conference and Exhibit, **USA, 1998**
- [20] X. Xingyuan, Y. Cai, Pulse-width pulse-frequency based optimal controller design for kinetic kill vehicle attitude tracking control, Applied Mathematics, pp. 566-574 2011
- [21] G. Arantes, L. S. Martins-Filho, A. C. Santana, Optimal on-off attitude control for the Brazilian multi mission platform satellite. Mathematical Problems in Engineering, pp. 1-17, 2009.
- [22] A. Fazlyab, A. Ajorkar, M. Kabganian, Design of an adaptive controller of a satellite using thruster actuator, International Journal of Computer Applications, Vol. 102, No. 10, pp. 6-12, 2014.
- [23] A. Karimi, Sh. Ahmadi Darani, S.H. Jalali Naini, Comparison of attitude control of a single-axis rigid satellite with pulse-width pulse-frequency modulator using PD and PID controllers in the presence of disturbance, The 14 th Iranian Aerospace Society Conference, Tehran, Iran, March 2-4, 2015. (فارسی In Persian)
- [241 S. Moghadaszadeh Bazaz, S. H. Jalali Naini, Attitude control of a rigid satellite with pulse-width pulse-frequency modulation using modified PID controllers, The 15th Iranian Aerospace Society Conference, Tehran, Iran, March 1-3, 2016. (In Persian فارسى)
- [25] M. Bak, Control of Systems with Constraints, PhD Thesis, Department of Automation of Technical University of Denmark, Denmark, 2000
- [26] S. H. Jalali Naini, Sh. Ahmadi Darani, Parametric Optimization of Spacecraft Attitude Control with Pulse-Width Pulse-Frequency Modulator Using Quasi-Normalized Equations, The 13 th Iranian Aerospace Society Conference, Tehran, Iran, March 1-3, 2014. (In Persian (فارسى)

عدم محدودیت فرکانس کاری تراستر، می توان در حضور اغتشاش به دقتهای بالا دست یافت؛ اما در صورتی که مدل تراستر به واقعیت نزدیک شود و محدودیت فرکانس کاری تراستر اعمال شود، نتایج حاصل در دقت نشانه٫وی بسیار متفاوت خواهد شد. در صورتی که فرکانس کاری، بطور نامعقول زياد در نظر گرفته شود (يا اصلا اعمال نشود)، خروجي عملگر از حالت دو وضعیتی خارج شده و رفتاری مشابه با عملگری با خروجی پیوسته دارد که عملا مدلسازی خلاف واقع ارائه مینماید.

در این تحقیق، بهرههای کنترلگر PID مبتنی بر مشاهدهگر، با روش جستجوی پارامتری تنظیم شده است که علاوه بر رفع مشکل خطای حالت ماندگار در ترکیب مدولاتور یهنا و فرکانس پالس با کنترلگر P-D، عملکرد الگوریتم کنترل وضعیت را نیز بهبود داده است. بدین منظور، قیود و معیارهای عملکرد بصورت دقت بهتر از 0.1 درجه و نداشتن فراجهش در یاسخ و معیار عملکرد مصرف سوخت، دفعات روشن شدن تراستر و معیار عملکرد ترکیبی انجام شده است. بهرههای مناسب کنترلگر بهازای زوایای ورودی مختلف استخراج شده است که پیادهسازی آن ممکن است از طریق «میان یابی از جدول» یا «برازش منحنی» صورت پذیرد. مضافا با توجه به فرض کاهش ارتفاع ماهواره برای انجام مأموریت در ارتفاع پایین و متعاقبا افزایش ارتفاع، بهرههای تنظیمی بهازای مقادیر مختلف اغتشاش خارجی پله نیز بدست آمده است. در ارتفاع پایین تحت تأثیر نیروی آیرودینامیکی، گشتاوری ثابت به ماهواره اعمال شده که مقدار آن با دقت قابل قبولی قابل تخمین است. به همین دلیل، بهرههای تنظیمی کنترلگر با فرض اغتشاش خارجی پله با مقادیر معلوم نیز استخراج شدهاست. نتایج شبیهسازی نشان میدهد مصرف سوخت کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر در مقایسه با کنترلگر PID، بهازای شرایط مفروض، حدود %72 کاهش یافته و توأمان زمان نشست نیز حدود %50 کاهش داشته است. همچنین عملکرد کنترل وضعیت با در<sup>|</sup> نظر گرفتن عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح نیروی تراست نیز بررسی گردید که عملکرد مقاوم کنترلگر مبتنی بر مشاهدهگر را در مواجهه با عدم قطعیت در ممان اینرسی و سطح نیروی تراست نشان میدهد. لازم به ذکر است که به علت وجود اغتشاش پیوسته، فواصل زمانی روشنشدن تراستر كوچك بوده تا بتواند دقت وضعيت كمتر از 0.1 درجه را حفظ كند. به علت مذکور، کاهش تعداد دفعات روشن شدن های تراستر، با ضرایب تنظیمی، قابل توجه نیست. به عنوان دستاورد فرعی این پژوهش، همانطور که اشاره شد در طراحی کنترلگر به منظور دقت نشانهروی بالا، حتما باید فرکانس کاری و مدل تراستر، بویژه در حضور اغتشاش اعمال شود، که بدین منظور چرخه شبه حدی برای دو حالت با/بدون فرکانس کاری و مدل سازی تراستر ترسیم

در خاتمه در صورت استفاده از ژاپروی نرخی، فیدبک سرعت زاویهای بجای استفاده از مشتق گیر در PID (اصطلاحا نوع PI-D و در نوع مبتنی بر مشاهده گر) توصیه می شود.

### 7- مراجع

[1] M. J .Sidi, Spacecraft Dynamics and Control, A Practical Engineering