



تحلیل انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره تحت برخورد موج با دو زاویه مختلف بر پایه تئوری الاستیسیته سه‌بعدی

روح الله طالبی توتی^{۱*}، امیر محمد چوداری خامنه^۲

۱- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

۲- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران

*تهران، صندوق پستی ۱۶۸۴۶-۱۳۱۱۴

rtalebi@iust.ac.ir

چکیده

در این مقاله، افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای دوجداره ارتوتروپیک بر مبنای تئوری الاستیسیته سه‌بعدی مورد بررسی قرار گرفته است. هدف از این مقاله، بررسی تأثیر برخورد موج آکوستیکی، تحت دو زاویه مختلف، بر افت انتقال صوت پوسته می‌باشد. مدل ارائه شده در این مقاله، یک پوسته‌ای استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره با طول بی‌نهایت و غوطه‌ور در سیال می‌باشد، که یک موج آکوستیکی صفحه‌ای تحت دو زاویه θ و δ به سطح خارجی آن برخورد می‌نماید. به جهت مدلسازی هر دو جداره پوسته‌ای استوانه‌ای، از روش فضایی حالت و به کارگیری روش مدل لایه‌ای تقریبی به همراه رویکرد ماتریس انتقال، بهره‌گیری شده است. همچنین به دلیل برخورد موج صفحه‌ای تحت دو زاویه θ و δ ، معادلات انتشار امواج با در نظر گرفتن این دو زاویه بازنویسی شده‌اند. مقایسه‌ی نتایج حاصله با نتایج سایر محققان، بر دقت و صحت مدل ارائه شده در این مقاله صحجه‌گذاری می‌نمایند. علاوه بر این، به مظ惆 بررسی دقیق‌تر افت انتقال صوت از این پوسته‌ها، پارامترهای مختلفی که در میزان افت انتقال صوت موثر می‌باشند مورد بررسی و ارزیابی قرار گرفته‌اند. نتایج نشان می‌دهند که میزان افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای دوجداره نسبت به پوسته‌های استوانه‌ای تک جداره، به خصوص در فرکانس‌های بالا، بیشتر می‌باشد. همچنین میزان افت انتقال صوت وابسته به هر دو زاویه θ و δ می‌باشد. به نحوی که تعییر در هریک از این زوایا، سبب تغییر در افت انتقال صوت سازه می‌شود.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: ۰۶ تیر ۱۳۹۵

پذیرش: ۰۵ مرداد ۱۳۹۵

ارائه در سایت: ۲۱ شهریور ۱۳۹۵

کلید واژگان:

افت انتقال صوت

الاستیسیته سه‌بعدی

ارتوتروپیک دوجداره

روش فضایی حالت

ماتریس انتقال

Sound transmission across double-walled orthotropic cylindrical shells under incidence wave with two various angles based on the three-dimensional elasticity theory

Roohollah Talebitooti^{*}, Amir Mohammad Choudari Khameneh

Department of Mechanical Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran
* P.O.B. 16846-13114, Tehran, Iran, rtalebi@iust.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 26 June 2016

Accepted 26 July 2016

Available Online 11 September 2016

Keywords:

Sound transmission loss
Three-dimensional elasticity
Double-walled orthotropic
State space method
Transfer matrix

ABSTRACT

In this paper, sound transmission loss through double-walled orthotropic cylindrical shells based on three-dimensional elasticity theory is investigated. Hence, the purpose of this paper is to analyze the effect of the acoustic wave incidence under two different angles on sound transmission loss through the shell. The present model is a double-walled orthotropic cylindrical shell immersed in a fluid with an infinite length, whereas the acoustic plane incident waves impinge upon the shell with two different angles of θ and δ . The state space method is used to investigate the laminate approximated model along with transfer matrix approach for modeling both walls of cylindrical shell. In order to consider the two different angles of θ and δ , the corresponding wave equations have been modified according to the wave numbers. Comparing the results obtained from the present study with those of other researchers shows an excellent agreement between the results. Moreover, the effects of different parameters on sound transmission loss through the shell have been evaluated. The results show an enhancement of sound transmission loss in double-walled cylindrical shells rather than single-walled cylindrical shells, particularly in high frequency range. Also, the results indicate the dependency of sound transmission loss on both the θ and δ angles. In other words, the variation in two incident angles may cause significant variations in sound transmission loss.

می‌شود که امروزه در صنایع روز دنیا نظیر: خودرو، هواپیما، دریابی و ... مورد

استفاده قرار می‌گیرند. بنابراین مطالعه‌ی این سازه‌ها در حوضه‌های مختلف، از

همیت زیادی برخوردار است. به جهت اهمیت رفتار این سازه‌ها در حوضه‌ی

پوسته‌های استوانه‌ای شکل از جمله سازه‌هایی هستند که امروزه به طور

گستردگی مورد استفاده قرار می‌گیرند. اهمیت این سازه‌ها زمانی مشخص

۱- مقدمه

Please cite this article using:

R. Talebitooti, A. M. Choudari Khameneh, Sound transmission across double-walled orthotropic cylindrical shells under incidence wave with two various angles based on the three-dimensional elasticity theory, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 9, pp. 1-11, 2016 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

www.mme.iust.ac.ir

می‌یابد. تنگ [10]. انتقال صوت از پوسته‌ی ساندويچی استوانه‌ای را مطالعه نمود به طوریکه پوسته‌ی استوانه‌ای در محیط سیال و تحت برخورد موج صفحه‌ای قرار دارد. علاوه بر این، او سیال‌های محیط داخل و خارج پوسته را نیز متفاوت در نظر گرفت. با توجه به این که در مطالعات گذشته از اثرات برش و چرخش صرف نظر می‌شد، اما او به دلیل بهره‌گیری از تئوری تغییر شکل برشی مرتبی اول⁷ (FSDT)، این اثرات را در مطالعه‌ی خود مدنظر قرار داد. لی و کیم [11]، با حل همزمان معادلات ارتعاش پوسته و موج آکوستیک، به ارائه‌ی یک مدل تحلیلی برای محاسبه‌ی افت انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای با طول بینهایت پرداختند. آن‌ها افت انتقال صوت محاسبه شده از این روش را با نتایج آزمایشگاهی مقایسه نمودند و مشاهده کردند که در فرکانس‌های پایین به دلیل شرایط مزی اخلاق زیادی دارند به طوریکه در فرکانس‌های بالا مطابقت مناسبی وجود دارد. همچنین ایشان در مطالعه‌ی دیگری به بررسی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای دوجداره پرداختند و نتایج تحلیل خود را با نتایج آزمایشگاهی مقایسه نمودند [12]. پس از کیم، دانشجو و همکارانش [13]، مطالعات قبلی که فقط محدود به پوسته‌های ایزوتروپیک بود را گسترش داده و به مطالعه‌ی انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای کامپوزیتی پرداختند. آن‌ها به حل تحلیلی با استفاده از حل همزمان معادلات حرکت پوسته‌ی استوانه‌ای کامپوزیتی و موج آکوستیک پرداختند و افت انتقال صوت را بر اساس روش‌های بینهایت محاسبه نمودند. آن‌ها در الگوریتمی، جهت همگرا نمودن سری‌های بینهایت محاسبه نمودند. آن‌ها در این مطالعه از تئوری کلاسیک (CST) برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای استفاده نمودند. سپس ایشان در مطالعه‌ی دیگری، مطالعه‌ی قبلی خود را گسترش داده و نتایج دقیق‌تری را برای افت انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای با جنس کامپوزیت لایه‌ای استخراج نمودند [14]. آن‌ها در این مطالعه از تئوری تغییر شکل برشی مرتبی اول برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای بهره‌گیری نمودند. آن‌ها در این مطالعه پس از به دست آوردن معادلات حرکت پوسته‌ی استوانه‌ای مبتنی بر در نظر گرفتن جابجایی در هر سه راستای محور مختصات، به حل همزمان معادلات حرکت و امواج آکوستیکی پرداختند. آن‌ها از این مطالعه نتیجه گرفتند که اثرات برش و چرخش در بررسی افت انتقال صوت، فقط در فرکانس‌های پایین قابل صرف نظر کردن می‌باشد به طوریکه در فرکانس‌های بالا این اثرات سبب افزایش افت انتقال صوت می‌شود، بنابراین این اثرات در فرکانس‌های بالا قابل صرف نظر کردن نمی‌باشند. هاشمی‌نژاد و رجبی [15]، پراکندگی امواج آکوستیکی صفحه‌ای هارمونیک از یک استوانه‌ی FGM مستغرق و پرشده با سیال را مطالعه نمودند. همچنین هاشمی‌نژاد و رجبی [16]، پراکندگی امواج آکوستیکی از یک پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک جدار ضخیم را با استفاده از فرمولاسیون فضای حالت و به کارگیری مدل لایه‌ای تقریبی مورد ارزیابی قرار دادند. سپس ایشان مطالعه‌ی خود را گسترش داده و پراکندگی امواج آکوستیکی از پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک لایه‌ای با اتصال ناقص را مطالعه نمودند [17]. دانشجو و همکارانش [18]، در سال 2010 به بررسی افت انتقال صوت از یک پوسته‌ی استوانه‌ای مشکل از مواد تابعی هدفمند پرداختند. آن‌ها در این مطالعه از تئوری تغییر شکل برشی مرتبی سوم⁸ (TSDT) برای مدلسازی پوسته بهره‌گیری نمودند. آن‌ها از این مطالعه نتیجه گرفتند که در پوسته‌های استوانه‌ای جدار ضخیم یا به عبارتی پوسته‌های با

انتقال نویز، مطالعات گسترده‌ای در رابطه با رفتار این سازه‌ها صورت پذیرفته است که این مطالعات در حال حاضر نیز همچنان ادامه دارد. همچنین امروزه از مواد ارتوتروپیک به دلیل خواص مناسب آن‌ها نسبت به مواد ایزوتروپیک، به خصوص وزن کمتر، به طور فراوان بهره‌گیری می‌شود. لذا مطالعه‌ی انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای با جنس ارتوتروپیک¹، مورد توجه بسیاری از محققان قرار گرفته است.

مطالعات زیادی در رابطه با افت انتقال صوت² (TL) در پوسته‌های استوانه‌ای تک‌جداره و دو جداره با جنس‌های مختلف، نظیر: ایزوتروپیک، ارتوتروپیک، مواد تابعی هدفمند³ (FGMs) و ... انجام شده است. به طوری که هریک سعی در ارائه‌ی مدل دقیق‌تر نسبت به مطالعه‌ی قبلی دارند و به نوعی سبب کامل‌تر شدن مطالعه‌ی صورت گرفته در این حوضه می‌شوند.

اسمیت [1]، اولین مطالعه در زمینه انتقال نویز از سازه‌های منحنی شکل را انجام داد. او مطالعه خود را با فرض اینکه در اثر مکانیزمی نامشخص در داخل پوسته، تنها امواج صوتی داخل شونده بر رفتار پوسته موثر می‌باشد، صورت داد. همچنین او در مطالعه‌ی خود به صورت نیمه ریاضی، انتقال صوت در چنین سازه‌هایی را بررسی نمود. علاوه بر این، او انرژی جذب شده توسط سازه را به عنوان افت انتقال صوت و به صورت نسبت کسری توان جذب شده به توان برخوردی در طول پوسته معرفی نمود. پس ازان اینگاره [2]، مطالعه‌ی اسمیت را گسترش داده و بحث انکاس امواج را وارد مطالعه‌ی اسمیت نمود. زیرا مطالعه‌ی اسمیت فقط محدود به امواج انتقالی به داخل پوسته بود. فاکسول و فرانکلین [3]، از مدل ساده شده‌ی دو بعدی با در نظر گرفتن تغییرات بینهایت کوچک در راستای محور استوانه استفاده نمودند. همچنین آن‌ها بررسی خود را با مطالعه‌ی ارتعاشات یک استوانه جدار نازک تقویت شده که در معرض امواج صوت می‌باشد، انجام دادند. مانینگ و مایدانیک [4]، انتقال و انکاس امواج در اثر حرکت سیال گذرنده با شرایط صفحه‌ای و برخورد آن به سازه‌ی استوانه‌ای شکل را مطالعه نمودند. وايت [5]، با بررسی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای با طول محدود، فرکانس رینگ⁴ و انطباقی⁵ را نتیجه گرفت. او در مطالعه‌ی خود متوجه شد که افت انتقال صوت سازه در دو نقطه از بازه‌ی فرکانسی دارای مقدار کمینه‌ای می‌باشد و در نتیجه این دو نام را برای آن‌ها معرفی نمود. رانکل و هارت [6]، به بررسی مقاومت پوسته‌های استوانه‌ای مستغرق در سیال آکوستیک در مقابل اثرات انکاسی، به خصوص زبردی‌بایه‌ها پرداختند. کوال [7]، با استفاده از روش امپدانس⁶، انتقال نویز از دماغه‌ی هوایپما را مطالعه نمود. به دلیل اینکه او در مطالعه‌ی خود به طور همزمان جریان سیال و برخورد موج صفحه‌ای در خارج پوسته و همچنین فشار سیال در داخل پوسته را در نظر گرفت، لذا مطالعه‌ی انتقال صوت را با دقت مناسبی به دست آورد. همچنین او مطالعه‌ی خود را بر روی پوسته‌های استوانه‌ای نامحدود و با جنس ایزوتروپیک و ارتوتروپیک انجام داد. کوال، در مطالعه‌ی دیگری اثر رینگ و استرینگ بر افت انتقال صوت را مطالعه نمود و نتیجه گرفت که رینگ و استرینگ سبب افزایش انتقال صوت در ناحیه‌ی جرم کنترل می‌شوند [8]. پس از کوال، بلیس و همکارش [9]، نشان دادند که می‌توان برای یک پوسته‌ی بزرگ از مدل دوبعدی استفاده نمود و اگر فرکانس انطباقی به فرکانس رینگ نزدیک گردد، افت انتقال صوت به مقدار قابل توجهی افزایش

¹ Orthotropic² Sound transmission Loss³ Functionally graded materials⁴ Ring frequency⁵ Coincidence frequency⁶ Impedance method⁷ First order shear deformation theory⁸ Classical shell theory⁹ Third order shear deformation theory

مطالعه‌ی افت انتقال صوت در این پوسته‌ها کاملاً احساس می‌شود. این امر زمانی اهمیت خود را نشان می‌دهد که امروزه پوسته‌های دوجداره به طور گستردگی مورد توجه و استفاده قرار گرفته‌اند. همچنین نکته‌ی اساسی دیگری که در مطالعات گذشته وجود دارد این است که در تمامی مطالعاتی که به بررسی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای تک جداره و دوجداره پرداخته شده است، موج برخوردی تحت یک زاویه‌ی در نظر گرفته شده است. در صورتی که در مطالعه‌ی حاضر، موج آکوستیکی برخوردی تحت دو زاویه متفاوت به سطح خارجی پوسته برخورد می‌نماید. فقط در کار لیو و همکارانش، موج آکوستیکی برخوردی تحت دو زاویه‌ی متفاوت آن هم در پوسته‌های استوانه‌ای با لایه‌ی میانی متخالخ در نظر گرفته شده است. علاوه بر این در مطالعه‌ی آن‌ها به منند اکثر مطالعات گذشته از تئوری ساده سازی شده‌ی کلاسیک برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای بهره‌گیری شده است. بنابراین با مطالعه و بررسی دقیق کارهای گذشته می‌توان نتیجه گرفت که در هیچ یک از مطالعات گذشته، مدل دقیق و کاملی برای مطالعه‌ی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای دوجداره ارتوتروپیک تحت دو زاویه‌ی برخورد متفاوت، ارائه نشده است. لذا در این مقاله به مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره بر پایه‌ی تئوری الاستیسیته سه‌بعدی پرداخته شده است. در این مدل با استفاده از روش فضای حالت و بهره‌گیری از روش مدل لایه‌ی تقریبی به همراه رویکرد ماتریس انتقال، افت انتقال صوت در این پوسته‌ها محاسبه شده است.

2- مشخصات مدل

با توجه به شکل ۱، پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک تحت برخورد یک موج صفحه‌ای مابین قار می‌گیرد، به طوریکه موج برخوردی دارای دو زاویه‌ی مختلف به طور همزمان می‌باشد. با توجه به شکل ۱، θ زاویه‌ی بین موج برخوردی و محور x می‌باشد، به طوریکه $90^\circ < \theta < 0^\circ$. همچنین δ زاویه‌ی بین تصویر موج برخوردی در صفحه‌ی $-z$ - y و محور z می‌باشد، به طوریکه $180^\circ < \delta < 0^\circ$. است. در اثر برخورد این موج، قسمتی از آن عبور نموده و قسمتی نیز از سطح آن منعکس می‌شود. همچنین این پوسته دارای طول بی‌نهایت می‌باشد و هر دو جداره‌ی آن از جنس ارتوتروپیک است. علاوه بر این، یک جریان هوای خارجی با سرعت V ، روی سطح پوسته جریان می‌باشد. با توجه به شکل ۱، این پوسته دارای سه ناحیه‌ی آکوستیکی می‌باشد: ناحیه ۱، محیط خارجی پوسته می‌باشد به طوریکه (c_1, ρ_1) ، به ترتیب چگالی و سرعت صوت در این ناحیه می‌باشند. ناحیه ۲، فضای بین دوجداره می‌باشد این موج برخوردی پوسته است به طوریکه (ρ_2, c_2) ، به ترتیب چگالی و سرعت صوت در این ناحیه است. ناحیه ۳، محیط داخل پوسته می‌باشد به طوریکه (ρ_3, c_3) ، به ترتیب چگالی و سرعت صوت در این ناحیه است.

3- معادلات انتشار امواج

مطابق با شکل ۱، در محیط بیرونی پوسته، فشار آکوستیکی P_1 به پوسته وارد می‌شود. این فشار برابر با مجموع فشار آکوستیکی برخوردی و منتقل شده، می‌باشد ($P_1 = P_1^I + P_1^R$). بر این اساس معادله‌ی موج در محیط خارجی پوسته و در سیستم مختصات استوانه‌ای به صورت زیر می‌باشد [21,18]:

$$c_1^2 \nabla^2 (P_1^I + P_1^R) - \left(\frac{\partial}{\partial t} + V \cdot \nabla \right)^2 (P_1^I + P_1^R) = 0 \quad (1)$$

که در آن P_1^I و P_1^R به ترتیب فشار آکوستیکی برخوردی و انعکاسی در سطح خارجی پوسته می‌باشند. همچنین V ، اوپراتور لابلائین در سیستم

R/h کم، استفاده از تئوری‌های کلاسیک و تغییر شکل برشی مرتبه‌ی اول به خصوص در فرکانس‌های بالا دارای خطأ در محاسبه‌ی افت انتقال صوت می‌باشد. در صورتی که تئوری تغییر شکل برشی مرتبه‌ی سوم از دقت بالاتری برای محاسبه‌ی افت انتقال صوت در اینگونه پوسته‌ها برخورد می‌باشد. لذا تئوری‌های کلاسیک و تغییر شکل برشی مرتبه‌ی اول مناسب برای محاسبه‌ی افت انتقال صوت در پوسته‌های جدار ضخیم نمی‌باشد. پس از داشجوس، طالبی و همکارانش [19]، با استفاده از تئوری تغییر شکل برشی مرتبه‌ی سوم، افت انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای ارتوتروپیک را مورد مطالعه قرار دادند. اخیراً طالبی و همکارانش [20]، با استفاده از تئوری سه‌بعدی به مطالعه‌ی افت انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای از جنس ارتوتروپیک پرداختند. آن‌ها در این مطالعه با استفاده از روش فضای حالت^۱ و همچنین با بهره‌گیری روش مدل لایه‌ای^۲ تقریبی و رویکرد ماتریس انتقال^۳، افت انتقال صوت در سازه را محاسبه نمودند. سیس داشجو و همکارانش [21]، با بهره‌گیری از تئوری سه‌بعدی، افت انتقال صوت از پوسته‌های استوانه‌ای صفحه‌ی هارمونیک از یک پوسته‌ی سه‌بعدی نامهسانگرد، پراکنده‌ی امواج آکوستیکی صفحه‌ای هارمونیک از یک پوسته‌ی سه‌بعدی نامهسانگرد و غوطه‌ور در سیال ایده‌آل را مورد ارزیابی قرار دادند. برای این منظور، آن‌ها در مطالعه‌ی خود از روش فضای حالت و مدل لایه‌ای تقریبی به همراه رویکرد ماتریس انتقال بهره‌گیری نمودند. همچنین ایشان در مطالعه‌ی دیگری سیال قبلی خود را گسترش داده و با استفاده از این روش، پراکنده‌ی امواج آکوستیکی صفحه‌ای هارمونیک از پوسته‌ی استوانه‌ای از جنس کامبوزیت لایه‌ای را مورد مطالعه قرار دادند [23]. لیو و همکارانش [24]، به مطالعه‌ی تاثیر مداخل^۴ داخلی در افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای با لایه‌ی میانی میانی مداخل خود را مطالعه کردند. همچنین ایشان در نظر گرفتند. همچنین ایشان در مطالعه‌ی دیگری افت انتقال صوت یک پوسته‌ی استوانه‌ای ساندویچی را مورد بررسی قرار دادند. آن‌ها از تئوری کلاسیک برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای استفاده نمودند. همچنین ماده‌ی مداخل خود را به صورت یک سیال معادل^۵ مدلسازی نمودند [25].

با توجه به مطالعات گذشته می‌توان نتیجه گرفت که، مطالعات گستردگی در حوضه‌ی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای صورت پذیرفته است. در این مطالعات از تئوری‌های مختلفی برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای از جنس متفاوت، استفاده شده است. نکته‌ی اساسی که در این مطالعات وجود دارد این است در اکثر این مطالعات، از تئوری‌های ساده‌سازی شده‌ی کلاسیک، تغییر شکل برشی مرتبه‌ی اول و تغییر شکل برشی مرتبه‌ی سوم بهره‌گیری شده است و از تئوری سه‌بعدی برای مدلسازی پوسته‌ی استوانه‌ای، فقط در کار طالبی و همکارانش [20] و همچنین داشجو و همکارانش [21]. آن هم برای پوسته‌ی تک جداره استفاده شده است. بنابراین نکته‌ی مهم دیگری که در مطالعات گذشته وجود دارد این است که در اکثر مطالعات گذشته، پوسته‌ی استوانه‌ای، تک جداره می‌باشد و مطالعات بسیار محدودی در زمینه‌ی افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای دو جداره صورت پذیرفته است. بنابراین خلاصه وجود یک مدل دقیق و کامل برای

¹ State space method

² Laminate approximated model

³ Transfer matrix

⁴ Helmholtz decomposition

⁵ Poroelastic material

⁶ Equivalent fluid

که در آن، عدد موج شعاعی برابر است با:

$$k_{1r} = k_1 \frac{\cos(\theta)}{\cos(\alpha)}, \quad k_{1r} = \sqrt{k_1^2 - k_{1z}^2} \quad (9)$$

با جایگذاری معادله (8) در (5)، موج برخوردي به صورت هارمونيك در محيط خارجي و در سيسitem مختصات استوانه‌اي به صورت زير به دست مي‌آيد [24]:

$$P_1^I(r, \varphi, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} P_0 \varepsilon_n (-j)^n J_n(k_{1r} r) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1z} z)} \quad (10)$$

که در آن $n = 1, 2, 3, \dots$ و ε_n ضريب نيمون مي‌باشد و برابر است با:

$$\varepsilon_n \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 2 & n > 1 \end{cases} \quad (11)$$

همچنين J_n تابع بسل نوع اول و مرتبه n مي‌باشد.

همچنين زاويه‌ي کمکي α را مي‌توان به صورت زير به دست آورد [24]:

$$\tan(\alpha) = \tan(\theta)\sin(\delta) \quad (12)$$

امواج انتقالی و انعکاسي در محيط خارجي، بين دو جداره و محيط داخل پوسته‌ي استوانه‌اي دو جداره به صورت زير مي‌باشند [24]:

$$P_1^R(r, \varphi, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} P_{1n}^R H_n^2(k_{1r} r) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1z} z)} \quad (13)$$

$$P_2^T(r, \varphi, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} P_{2n}^T H_n^1(k_{2r} r) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{2z} z)} \quad (14)$$

$$P_2^R(r, \varphi, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} P_{2n}^R H_n^2(k_{2r} r) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{2z} z)} \quad (15)$$

$$P_3^T(r, \varphi, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} P_{3n}^T H_n^1(k_{3r} r) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{3z} z)} \quad (16)$$

که در آن H_n^1 و H_n^2 توابع هنكل از نوع اول و دوم و مرتبه n مي‌باشند.

همچنان اعداد موج در راستاي شعاعي و محوري در محيط خارجي، بين دو جداره و محيط داخلی پوسته‌ي استوانه‌اي دو جداره به صورت زير مي‌باشند [24]:

$$\begin{aligned} k_{1z} &= k_1 \sin(\theta) \cos(\delta) \\ k_{1z} &= k_{2z} = k_{3z} \\ k_{2r} &= \sqrt{k_2^2 - k_{2z}^2}, \quad k_2 = \frac{\omega}{c_2} \\ k_{3r} &= \sqrt{k_3^2 - k_{3z}^2}, \quad k_3 = \frac{\omega}{c_3} \end{aligned} \quad (17)$$

4- معادلات حاكم بر جداره‌i k-ام از پوسته‌ي استوانه‌اي دو جداره

با توجه به قانون هوک در حالت سه‌بعدی، معادله (18) را مي‌توان برای يك پوسته‌ي استوانه‌اي ارتوتروپيك در سيسitem مختصات استوانه‌اي (r, φ, z) بيان نمود [20]:

$$\begin{Bmatrix} \sigma_{rrk} \\ \sigma_{\varphi\varphi_k} \\ \sigma_{zz_k} \\ \sigma_{\varphi z_k} \\ \sigma_{rz_k} \\ \sigma_{r\varphi_k} \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} Q_{11_k} & Q_{12_k} & Q_{13_k} & 0 & 0 & 0 \\ Q_{12_k} & Q_{22_k} & Q_{23_k} & 0 & 0 & 0 \\ Q_{13_k} & Q_{23_k} & Q_{33_k} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & Q_{44_k} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & Q_{55_k} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & Q_{66_k} \end{Bmatrix} \begin{Bmatrix} \varepsilon_{rrk} \\ \varepsilon_{\varphi\varphi_k} \\ \varepsilon_{zz_k} \\ \varepsilon_{\varphi z_k} \\ \varepsilon_{rz_k} \\ \varepsilon_{r\varphi_k} \end{Bmatrix} \quad (18)$$

که در آن، $[\sigma_{ij_k}]$ و $[\varepsilon_{ij_k}]$ به ترتيب، مولفه‌های تنش و كرنش جداره‌i k-ام از پوسته‌ي استوانه‌اي دوجداره ارتوتروپيك، مطابق شکل 2 و

مختصات استوانه‌اي مي‌باشد و برابر است با:

$$\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{\partial}{r \partial r} + \frac{\partial^2}{r^2 \partial \theta^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \quad (2)$$

با توجه به شكل 1، P_2^T و P_2^R به ترتيب فشار آکوستيكي انتقالی از جداره‌ي بيروني و فشار آکوستيكي انعکاسي از جداره‌ي داخلی در فضاي بين دو جداره‌ي پوسته‌ي استوانه‌اي مي‌باشند. بر اين اساس، معادله موج در فضاي بين دو جداره و در سيسitem مختصات استوانه‌اي برابر است با [12]:

$$c_2^2 \nabla^2 (P_2^T + P_2^R) - \frac{\partial^2 (P_2^T + P_2^R)}{\partial t^2} = 0 \quad (3)$$

همچنان با توجه به P_3^T که فشار آکوستيكي منتقل شده از پوسته مي‌باشد، معادله موج در محفظه‌ي داخلی پوسته برابر است با [21, 18]:

$$c_3^2 \nabla^2 P_3^T - \frac{\partial^2 P_3^T}{\partial t^2} = 0 \quad (4)$$

موج صفحه‌اي برخوردي P_1^I را مي‌توان به صورت معادله (5)، در سيسitem مختصات کارتزيين و به صورت هارمونيك بيان نمود [24]:

$$P_1^I(x, y, z, t) = P_0 e^{i(\omega t - k_{1z} z - k_{1y} y - k_{1x} x)} \quad (5)$$

که در آن P_0 دامنه‌ي موج صفحه‌اي برخوردي، $i = \sqrt{-1}$ و ω فرکانس زاويه‌ي مي‌باشند. مولفه‌های اعداد موج آکوستيكي به صورت زير تعريف مي‌شوند:

$$\begin{aligned} k_{1x} &= k_1 \cos(\theta) \\ k_{1y} &= k_1 \sin(\theta) \sin(\delta) \\ k_{1z} &= k_1 \sin(\theta) \cos(\delta) \end{aligned} \quad (6)$$

که در آن:

$$k_1 = \frac{\omega}{c_1} \left(\frac{1}{1 + M \sin(\theta) \cos(\delta)} \right) \quad (7)$$

همچنان $M = V/c_1$ عدد ماخ در محيط خارجي پوسته مي‌باشد.

در معادله (5)، ترم $e^{i(-k_{1z} z)}$ در تمام ميدان آکوستيكي بدون تغيير باقی مي‌ماند. دو ترم ديگر از اجزاي اعداد موج را مي‌توان با استفاده از رابطه (6)

به صورت زير بيان نمود [24]:

$$\begin{aligned} k_{1y} y + k_{1x} x &= k_{1x} r \cos(\varphi) + k_{1y} r \sin(\varphi) = \\ k_1 r \cos(\theta) (\cos(\varphi) + \tan(\theta) \sin(\delta) \sin(\varphi)) &= \\ k_1 r \frac{\cos(\theta)}{\cos(\alpha)} (\cos(\varphi) \cos(\alpha) + \sin(\varphi) \sin(\alpha)) &= \\ k_1 r \cos(\varphi + \alpha) \end{aligned} \quad (8)$$

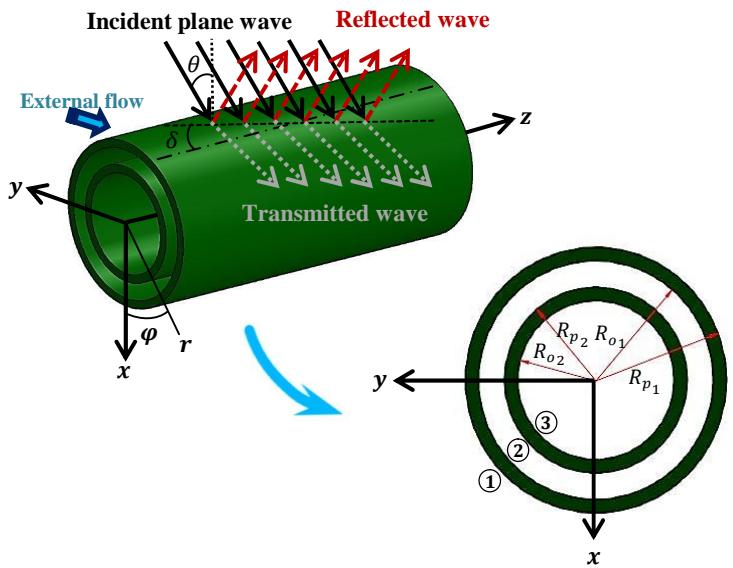


Fig. 1 Geometry of an orthotropic double-walled cylindrical shell

شکل 1 شكل هندسي يك پوسته‌ي استوانه‌اي ارتوتروپيك دوجداره

$$\frac{\partial}{\partial r} v_k = L_k v_k \quad (22)$$

که در آن v_k بردار حالت به صورت زیر می‌باشد:

$$v_k = [u_{z_k} \ u_{\varphi_k} \ u_{r_k} \ \sigma_{rr_k} \ \sigma_{r\varphi_k} \ \sigma_{rz_k}] \quad (23)$$

ماتریس ضرایب 6×6 می‌باشد که در پیوست الف آمده است.
در ادامه، بردار حالت v_k برای جداره‌ی k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره را می‌توان بر اساس ضرایب مودال مجھول، با استفاده از بسط مود نرمال [20]. به صورت زیر بسط داد:

$$\begin{aligned} u_{z_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} j R_{o_k} \bar{y}_{z,n_k}(\lambda) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \\ u_{\varphi_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} R_{o_k} \bar{y}_{\varphi,n_k}(\lambda) \sin[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \\ u_{r_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} R_{o_k} \bar{y}_{r,n_k}(\lambda) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \\ \sigma_{rr_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} Q_{44_k}^1 \bar{\sigma}_{rr,n_k}(\lambda) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \\ \sigma_{r\varphi_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} Q_{44_k}^1 \bar{\sigma}_{r\varphi,n_k}(\lambda) \sin[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \\ \sigma_{rz_k}(r, \varphi, z, t) &= \sum_{n=0}^{\infty} j Q_{44_k}^1 \bar{\sigma}_{rz,n_k}(\lambda) \cos[n(\varphi + \alpha)] e^{i(\omega t - k_{1zz})} \end{aligned} \quad (24)$$

که در آن $\lambda = r/R_{o_k}$ پارامتر شعاعی بی‌بعد می‌باشد. همچنین $Q_{44_k}^1$ مقدار Q_{44} در سطح داخلی k -امین جداره از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره می‌باشد. حال با جایگذاری معادله‌ی (24) در معادله‌ی (22) و به کارگیری تعامد توابع سه گانه، معادله‌ی زیر استخراج می‌گردد:

$$\frac{\partial}{\partial \lambda} \{\zeta_{n_k}\} = [Z_{n_k}] \{\zeta_{n_k}\} \quad (25)$$

که در آن ζ_{n_k} بردار حالت مودال و به صورت زیر می‌باشد:

$$\zeta_{n_k} = [\bar{y}_{z,n_k} \ \bar{y}_{\varphi,n_k} \ \bar{y}_{r,n_k} \ \bar{\sigma}_{rr,n_k} \ \bar{\sigma}_{r\varphi,n_k} \ \bar{\sigma}_{rz,n_k}]^T \quad (26)$$

ماتریس ضرایب مودال 6×6 می‌باشد که در پیوست ب آمده است.

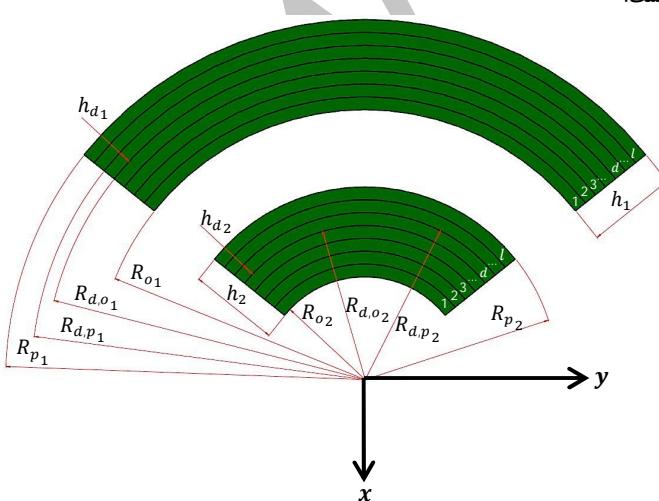


Fig. 2 لایه‌ها و زیر لایه‌های یک پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره

شکل 2 لایه‌ها و زیر لایه‌های یک پوسته‌ی استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره

در سیستم مختصات استوانه‌ای می‌باشند. به طوریکه $k = 1, 2$ نشان‌دهنده‌ی جداره‌ی اول و دوم می‌باشد. همچنین $[Q_{ij_k}]$ ماتریس سفتی می‌باشد که درایه‌های آن با توجه به مشخصات ماده مورد استفاده به صورت زیر به دست می‌آیند:

$$\begin{aligned} Q_{11_k} &= E_{11_k} \frac{1 - v_{23_k} v_{32_k}}{\Delta} \\ Q_{12_k} &= E_{22_k} \frac{v_{12_k} - v_{32_k} v_{13_k}}{\Delta} \\ Q_{13_k} &= E_{22_k} \frac{v_{13_k} - v_{12_k} v_{23_k}}{\Delta} \\ Q_{22_k} &= E_{22_k} \frac{1 - v_{31_k} v_{13_k}}{\Delta} \\ Q_{23_k} &= E_{33_k} \frac{v_{23_k} - v_{21_k} v_{13_k}}{\Delta} \\ Q_{33_k} &= E_{33_k} \frac{1 - v_{12_k} v_{21_k}}{\Delta} \\ Q_{44_k} &= G_{23_k}, \quad Q_{55_k} = G_{13_k}, \quad Q_{66_k} = G_{12_k} \\ \Delta &= 1 - v_{12_k} v_{21_k} - v_{23_k} v_{32_k} - v_{31_k} v_{13_k} - 2v_{21_k} v_{32_k} v_{13_k} \end{aligned} \quad (19)$$

که در آن، E_{11_k} , E_{22_k} و E_{33_k} مدول‌های الاستیسیته‌ی جداره‌ی k -ام، به ترتیب در جهات r , φ و z می‌باشند. همچنین G_{12_k} , G_{13_k} و G_{23_k} ضرایب پواسون جداره‌ی k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره می‌باشند. مولفه‌های کرنش، مطابق با تئوری الاستیسیته‌ی سه‌بعدی و بر اساس تغییر فرم‌های کوچک در سیستم مختصات استوانه‌ای به شکل زیر می‌باشند:[20]

$$\begin{aligned} \varepsilon_{rr_k} &= \frac{\partial u_{r_k}}{\partial r} \\ \varepsilon_{\varphi\varphi_k} &= \frac{1}{r} \frac{\partial u_{\varphi_k}}{\partial \varphi} + \frac{u_{r_k}}{r} \\ \varepsilon_{zz_k} &= \frac{\partial u_{z_k}}{\partial z} \\ \gamma_{\varphi z} &= \frac{\partial u_{\varphi_k}}{\partial z} + \frac{1}{r} \frac{\partial u_{z_k}}{\partial \varphi} \\ \gamma_{r\varphi} &= \frac{\partial u_{\varphi_k}}{\partial r} - \frac{u_{\varphi}}{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial u_{r_k}}{\partial \varphi} \\ \gamma_{rz} &= \frac{\partial u_{r_k}}{\partial z} + \frac{\partial u_{z_k}}{\partial r} \end{aligned} \quad (20)$$

که در آن u_{r_k} , u_{φ_k} و u_{z_k} به ترتیب جایگایی‌های جداره‌ی k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره در جهات r , φ و z می‌باشند.

معادلات حرکت جداره‌ی k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره، در سیستم مختصات استوانه‌ای در محدوده‌ی الاستیسیته خطی و در غیاب نیروهای حجمی، براساس مولفه‌های تنش و بر پایه‌ی تئوری الاستیسیته سه‌بعدی به صورت زیر بیان می‌شوند [20]:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \sigma_{rr_k}}{\partial r} + \frac{\partial \sigma_{r\varphi_k}}{\partial r \partial \varphi} + \frac{\partial \sigma_{rz_k}}{\partial z} + \frac{1}{r} (\sigma_{rr_k} - \sigma_{\varphi\varphi_k}) &= \rho_{c_k} \frac{\partial^2 u_{r_k}}{\partial t^2} \\ \frac{\partial \sigma_{r\varphi_k}}{\partial r} + \frac{\partial \sigma_{\varphi\varphi_k}}{\partial r \partial \varphi} + \frac{2}{r} \sigma_{r\varphi_k} + \frac{\partial \sigma_{zz_k}}{\partial z} &= \rho_{c_k} \frac{\partial^2 u_{\varphi_k}}{\partial t^2} \\ \frac{\partial \sigma_{rz_k}}{\partial r} + \frac{\partial \sigma_{\varphi z_k}}{\partial r \partial \varphi} + \frac{\sigma_{rz_k}}{r} + \frac{\partial \sigma_{zz_k}}{\partial z} &= \rho_{c_k} \frac{\partial^2 u_{z_k}}{\partial t^2} \end{aligned} \quad (21)$$

که در آن ρ_{c_k} چگالی جرمی ماده می‌باشد.
در ادامه با استفاده از روش فضای حالت و با توجه به معادلات (18) تا (21)، معادله‌ی (22) برای جداره‌ی k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره ارتوتروپیک، استخراج می‌گردد:

$$\sigma_{rz_1}(R_{p_1}, \varphi, z, t) = 0 \quad (37)$$

$$r = R_{p_1} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rr_1}(R_{o_1}, \varphi, z, t) = -(P_2^T + P_2^R) \quad (38)$$

$$r = R_{o_1} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{r\varphi_1}(R_{o_1}, \varphi, z, t) = 0 \quad (39)$$

$$r = R_{o_1} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rz_1}(R_{o_1}, \varphi, z, t) = 0 \quad (40)$$

$$r = R_{o_1} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rr_2}(R_{p_2}, \varphi, z, t) = -(P_2^T + P_2^R) \quad (41)$$

$$r = R_{p_2} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{r\varphi_2}(R_{p_2}, \varphi, z, t) = 0 \quad (42)$$

$$r = R_{p_2} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rz_2}(R_{p_2}, \varphi, z, t) = 0 \quad (43)$$

$$r = R_{p_2} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rr_2}(R_{o_2}, \varphi, z, t) = -P_3^T \quad (44)$$

$$r = R_{o_2} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{r\varphi_2}(R_{o_2}, \varphi, z, t) = 0 \quad (45)$$

$$r = R_{o_2} \quad \text{در}$$

$$\sigma_{rz_2}(R_{o_2}, \varphi, z, t) = 0 \quad (46)$$

$$r = R_{o_2} \quad \text{در}$$

با توجه به شرایط مرزی، می‌توان ضرایب مجھول $P_{2n}^R, P_{2n}^T, P_{1n}^R$ و P_{3n}^T و همچنین بردار حالت مودال در سطح داخلی جداره اول $\zeta_n(\lambda_0)_1$ و $\zeta_n(\lambda_0)_2$ را محاسبه نمود.

بردار حالت مودال در سطح داخلی جداره اول و دوم از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره برابر است با:

$$\begin{aligned} \zeta_n(\lambda_0)_1 &= [\bar{y}_{z,n}(\lambda_0)_1 \bar{y}_{\varphi,n}(\lambda_0)_1 \bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_1 \bar{\sigma}_{rr,n}(\lambda_0)_1 \bar{\sigma}_{r\varphi,n}(\lambda_0)_1 \bar{\sigma}_{rz,n}(\lambda_0)_1]^T \\ \zeta_n(\lambda_0)_2 &= [\bar{y}_{z,n}(\lambda_0)_2 \bar{y}_{\varphi,n}(\lambda_0)_2 \bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_2 \bar{\sigma}_{rr,n}(\lambda_0)_2 \bar{\sigma}_{r\varphi,n}(\lambda_0)_2 \bar{\sigma}_{rz,n}(\lambda_0)_2]^T \end{aligned} \quad (47)$$

با جایگذاری معادلات (17-1) و همچنین معادله (28) در معادلات [۲۷]، ۱۶ معادله به فرم ماتریسی $[\chi]_{16 \times 16} = \{\psi\}_{16 \times 1}$ حاصل می‌شود که با حل همزمان این معادلات ضرایب مجھول محاسبه می‌شوند.

7- افت انتقال صوت

ضریب افت انتقال صوت (TL)، نسبت توان موج برخورده به توان موج منتقل شده در طول واحد استوانه می‌باشد و به صورت زیر تعریف می‌شود [۲۴]:

$$TL = 10 \log_{10} \left(\frac{W^I(\theta, \delta)}{W^T(\theta, \delta)} \right) \quad (48)$$

که در آن $W^I(\theta, \delta)$ توان موج منتقل شده در طول واحد استوانه به صورت زیر می‌باشد [۲۴]:

$$W^I(\theta, \delta) = R_{p_1} \frac{P_0^2}{\rho_1 C_1} (\sin^2(\theta) \sin^2(\delta) + \cos^2(\theta))^{1/2} \times (1 + M \sin(\theta) \cos(\delta)) \quad (49)$$

W_n^T ، توان موج معکوس شده در طول واحد استوانه به صورت زیر می‌باشد [۲۴]:

$$\begin{aligned} W^T(\theta, \delta) &= \frac{1}{2} \operatorname{Re} \{ P_{3n}^T H_n^1(k_{3r} r) \cdot (j\omega (\bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_2)^*) \} \times \\ &\int_0^{2\pi} \cos^2[n(\varphi + \alpha)] r d\varphi = \\ &\frac{\pi R_{o_2}}{\varepsilon_n} \times \operatorname{Re} \{ P_{3n}^T H_n^1(k_{3r} R_{o_2}) \cdot (j\omega (\bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_2)^*) \} \end{aligned} \quad (50)$$

که در آن Re و علامت * قسمت حقیقی و مزدوج عبارت فوق می‌باشد. در نتیجه افت انتقال صوت به صورت زیر محاسبه می‌شود [۲۴]:

$$TL(\theta, \delta) =$$

5- روش مدل لایه‌ای و رویکرد ماتریس انتقال

با توجه به اینکه ماتریس $[Z_{nk}]$ در معادله (25) تابعی از λ بوده و از طرفی λ نیز وابسته به مختصه شعاعی r می‌باشد، لذا حل مستقیم معادله (25) بسیار دشوار می‌باشد. بنابراین از روش مدل لایه‌ای تقریبی به همراه رویکرد ماتریس انتقال استفاده می‌شود. برای این منظور با توجه به شکل ۲، فرض می‌شود که هر جداره از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره به l زیر لایه تقسیم شده است به طوریکه $l = 1, 2, 3, \dots$. این زیر لایه‌ها در مرزهای خود کاملاً به هم چسبیده می‌باشند و نیز تمامی زیر لایه‌ها از یک جنس می‌باشند. با توجه به اینکه اندازه l بزرگ می‌باشد، لذا ضخامت این زیر لایه‌ها نیز به اندازه‌ی کافی کوچک می‌باشد. بنابراین ماتریس ضرایب $[Z_{nk}]$ را می‌توان ثابت و مستقل از مختصه شعاعی r در نظر گرفت. همچنین ماتریس ضرایب برای زیر لایه d را می‌توان به صورت $Z_{nk}(\lambda_{d-1})$ نشان داد. که در آن $h_{dk} = h_k / L$. $\lambda_{d-1} = R_{ok} + (d-1)h_{dk}/R_{pk}$ علاوه بر این $\lambda_{d-1} = R_{ok} + (d-1)h_{dk}/R_{pk} \leq \lambda \leq (R_{ok} + dh_{dk})/R_{pk}$ ضخامت زیر لایه‌ها در جداره k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره می‌باشد. بنابراین با توجه به روش فوق معادله (25) را می‌توان به صورت زیر برای زیر لایه d -ام حل نمود:

$$\zeta_n(\lambda)_k = \zeta_n(\lambda_{d-1})_k \exp[(\lambda - \lambda_{d-1}) Z_n(\lambda_{d-1})_k], \quad (27)$$

با استفاده از روش فوق، می‌توان متغیرهای حالت در سطح خارجی زیر لایه d -ام را به سطح داخلی آن مرتبط نمود. در نهایت با استفاده به شرایط پیوستگی در سطوح مشترک زیر لایه‌ها، متغیرهای حالت در سطح خارجی جداره k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره را می‌توان با استفاده از یک ماتریس ضرایب مودال I_{nk} به سطح داخلی آن به صورت زیر مرتبط نمود:

$$\zeta_n(\lambda_l)_k = I_{nk} \zeta_n(\lambda_0)_k \quad (28)$$

که در آن:

$$I_{nk} = \sum_{d=1}^l \exp \left[\frac{h_{dk} Z_n(\lambda_{d-1})_k}{R_{pk}} \right] \quad (29)$$

همچنین $\zeta_n(\lambda_l)_k$ و $\zeta_n(\lambda_0)_k$ به ترتیب، بردار حالت مودال در سطح خارجی و سطح داخلی جداره k -ام از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره می‌باشند و برابر است با:

$$\begin{aligned} \zeta_n(\lambda_l)_k &= [\bar{y}_{z,n}(\lambda_l)_k \bar{y}_{\varphi,n}(\lambda_l)_k \bar{y}_{r,n}(\lambda_l)_k \bar{\sigma}_{rr,n}(\lambda_l)_k \bar{\sigma}_{r\varphi,n}(\lambda_l)_k \bar{\sigma}_{rz,n}(\lambda_l)_k]^T \\ \zeta_n(\lambda_0)_k &= [\bar{y}_{z,n}(\lambda_0)_k \bar{y}_{\varphi,n}(\lambda_0)_k \bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_k \bar{\sigma}_{rr,n}(\lambda_0)_k \bar{\sigma}_{r\varphi,n}(\lambda_0)_k \bar{\sigma}_{rz,n}(\lambda_0)_k]^T \end{aligned} \quad (30)$$

6- شرایط مرزی

در این بخش شرایط مرزی حاکم بر بخش‌های مختلف پوسته عنوان می‌شود. این شرایط به صورت زیر می‌باشند:

$$\frac{\partial(P_1^I + P_1^R)}{\partial r} = -\rho_1 \left(\frac{\partial}{\partial t} + V \cdot \nabla \right)^2 u_{r_1} \quad \text{در} \quad r = R_{p_1} \quad (31)$$

$$\frac{\partial(P_2^T + P_2^R)}{\partial r} = -\rho_2 \frac{\partial^2 u_{r_1}}{\partial t^2} \quad \text{در} \quad r = R_{o_1} \quad (32)$$

$$\frac{\partial(P_2^T + P_2^R)}{\partial r} = -\rho_2 \frac{\partial^2 u_{r_2}}{\partial t^2} \quad \text{در} \quad r = R_{p_2} \quad (33)$$

$$\frac{\partial P_3^T}{\partial r} = -\rho_3 \frac{\partial^2 u_{r_2}}{\partial t^2} \quad \text{در} \quad r = R_{o_2} \quad (34)$$

$$\sigma_{rr_1}(R_{p_1}, \varphi, z, t) = -(P_1^I + P_1^R) \quad \text{در} \quad r = R_{p_1} \quad (35)$$

$$\sigma_{r\varphi_1}(R_{p_1}, \varphi, z, t) = 0 \quad \text{در} \quad r = R_{p_1} \quad (36)$$

روش ارائه شده توسط کوال [7] و همچنین لی و کیم [11]. برای یک پوسته استوانه‌ای تک جداره ایزوتربوپیک با $R/h = 1000$ و با مشخصات مرجع [7]، را نشان می‌دهد. همانطور که شکل 4 نشان می‌دهد، بین مطالعه‌ی حاضر و روش ارائه شده توسط کوال، تطابق مناسبی به خصوص در فرکانس‌های بالا مشاهده می‌شود. اما با توجه به اینکه معادلات فلاگ در مطالعه‌ی کوال مورد استفاده قرار گرفته است و از طرفی استفاده از معادلات فلاگ سبب ایجاد تفاوت با تئوری‌های دیگر به خصوص در فرکانس‌های پایین می‌شود، لذا اختلاف مشاهده شده بین مطالعه‌ی حاضر و روش ارائه شده توسط کوال به این جهت می‌باشد. همچنین با توجه به شکل 4، اختلافاتی بین مطالعه‌ی حاضر و کوال با روش ارائه شده توسط لی و کیم وجود دارد که دلیل آن، ناشی از خطاهای محاسباتی می‌باشد که در روش لی و کیم به وجود آمده است.

شکل 5، مقایسه‌ی بین روش ارائه شده‌ی حاضر و مطالعه‌ی صورت گرفته توسط لی و کیم [11] و همچنین دانشجو و همکارانش [18] را به تصویر کشیده است. مقایسه‌ی صورت گرفته‌ی حاضر، برای یک پوسته استوانه‌ای تک جداره از جنس ایزوتربوپیک، با $R/h = 100$ و مشخصات ارائه شده در مرجع [11]، می‌باشد. با مقایسه‌ی بین مطالعه‌ی حاضر و مطالعه‌ی صورت گرفته توسط دانشجو و همکارانش، اختلافاتی مشاهده می‌شود. دلیل این اختلاف، دقت بالای مطالعه‌ی حاضر می‌باشد، زیرا در مطالعه‌ی دانشجو و همکارانش، از تئوری تغییر شکل برشی مرتبه سوم بهره‌گیری شده است. این تئوری دارای دقت بالایی نسبت به تئوری‌های تغییر شکل برشی مرتبه اول و کلاسیک می‌باشد، اما با توجه به اینکه تئوری تغییر شکل برشی مرتبه سوم در حالت دو بعدی است، بنابراین نسبت به مطالعه‌ی حاضر که بر پایه‌ی تئوری سه بعدی می‌باشد، از دقت به مراتب پایین‌تری برخوردار است. با توجه به شکل 5، با مقایسه‌ی بین مطالعه‌ی حاضر و روش لی و کیم، اختلافاتی بین مطالعه‌ی ایشان نسبت به مطالعه‌ی حاضر و همچنین مطالعه‌ی دانشجو و همکارانش مشاهده می‌شود. این اختلافات، همانگونه که در توضیحات مربوط به شکل 4 بیان شده است، به دلیل خطاهای محاسباتی می‌باشد که در روش لی و کیم وجود دارد.

شکل 6، مقایسه‌ی روش حاضر و روش ارائه شده توسط بلیس [9] را نشان می‌دهد. مقایسه‌ی حاضر برای یک پوسته استوانه‌ای تک جداره از جنس آلومینیوم و با مشخصات مرجع [9]، می‌باشد. همانطور که شکل 6

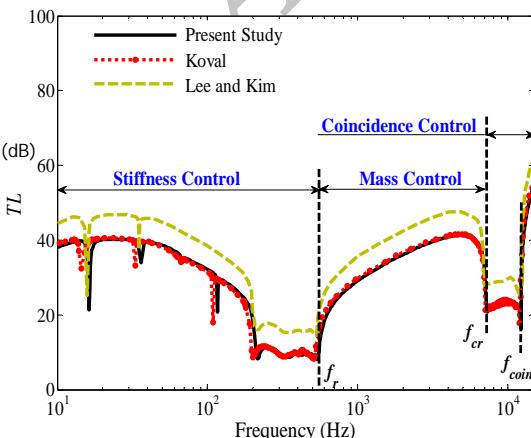


Fig. 4 Comparison of present study with Koval and Kim

شکل 4 مقایسه‌ی مطالعه‌ی حاضر با مطالعه‌ی کوال و کیم

$$-10\log_{10} \frac{\sum_{n=0}^{\infty} \text{Re} \left\{ P_{3n}^T \cdot H_n^1(k_{3r} R_{02}) \cdot (j\omega(\bar{y}_{r,n}(\lambda_0)_2)) \right\}^*}{R_{p1} \varepsilon_n P_0^2} \times \\ \frac{R_{02} \rho_1 C_1 \pi}{(\sin^2(\theta) \sin^2(\delta) + \cos^2(\theta))^{1/2} (1 + M \sin(\theta) \cos(\delta))} \quad (51)$$

8- الگوریتم همگرایی

با توجه به اینکه معادلات حاکم بر مسئله متشکل از سری‌های بین‌نهایت می‌باشند، لذا دو اشکال عمده در روند حل مسئله ایجاد می‌شود:

1- جهت حل مسئله، بررسی بین‌نهایت مود غیر ممکن می‌باشد.

2- با توجه به مطالعه‌ی تنگ و همکارانش [10]، افت انتقال صوت برای یک پوسته استوانه‌ای نسبتاً نازک، به دلیل حل واگر، بسیار بالا گزارش شد. بنابراین اگر از تعداد مود کم در محاسبات استفاده گردد، افت انتقال صوت بیش از حد می‌گردد.

بنابراین جهت حل مسئله، لازم است که سری در یک مود مناسب مختوم گردد. لذا این امر نیازمند الگوریتم مناسبی می‌باشد. به دلیل اینکه تعداد مودهای بالاتری جهت محاسبه‌ی افت انتقال صوت در فرکانس‌های بالا نیاز است، لذا اگر الگوریتم در فرکانس مشخصی همگرا گردد، در فرکانس‌های پایین‌تر از آن نیز همگرا می‌شود. بنابراین با توجه به شکل 3، حلقه همگرایی تا زمانی که شرط همگرایی برقرار گردد ادامه می‌یابد. هنگامی که ضریب افت انتقال صوت محاسبه شده در دو محاسبه‌ی متواالی دارای درصد خطایی کمتر از خطای مجاز باشد، تحلیل همگرایی خاتمه می‌یابد.

9- نتایج، مقایسه و بحث

9-1- درستی سنجی نتایج

به منظور صحه‌گذاری بر روش ارائه شده‌ی حاضر، لازم است تا این روش، با مطالعات و پژوهش‌های محققان گذشته مورد مقایسه و ارزیابی قرار گیرد. برای این منظور، مطالعه‌ی حاضر با روش ارائه شده توسط محققان گذشته، نظری: لی و کیم، کوال، بلیس، دانشجو و... مقایسه و ارزیابی می‌شوند. نتایج، بر دقت و درستی روش ارائه شده‌ی حاضر تأکید می‌نمایند.

به جهت اعتبارسنجی نتایج برای یک پوسته استوانه‌ای تک جداره، لازم است تا با میل دادن فاصله‌ی هوازی بین دو جداره در پوسته استوانه‌ای دو جداره به صفر، این پوسته به یک پوسته استوانه‌ای تک جداره تبدیل شود. شکل 4، مقایسه‌ای از افت انتقال صوت حاصله از مطالعه‌ی حاضر و

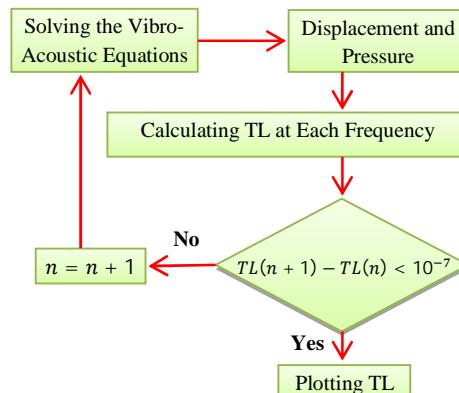


Fig. 3 Algorithm for identifying the optimum mode number

شکل 3 الگوریتم جهت شناسایی شماره‌ی مود بهینه

کیم که در اکثر مقایسه‌ها به وضوح قابل مشاهده می‌باشد، این است که در مطالعه‌ی ایشان، خطاهای محاسباتی در به دست آوردن توان‌های برخوردی و انتقالی وجود دارد. شکل 8، مقایسه‌ی میزان افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای تک جداره و دو جداره را نشان می‌دهد. در این مقایسه، اندازه‌ها، شرایط محیطی، جنس، زوایای برخورد و تمامی پارامترها در هر دو پوسته یکسان می‌باشند. در مقایسه‌ی صورت گرفته در شکل 8، اندازه‌ی ضخامت هر دو پوسته برابر و به مقدار 31 میلیمتر می‌باشد. تنها تفاوت بین این دو پوسته این است که پوسته‌ی دو جداره از دو جداره ارتوتروپیک با ضخامت 15 میلیمتر تشکیل شده است که این دو جداره با فاصله‌ی هوایی 1 میلیمتر از هم قرار دارند و پوسته‌ی تک جداره از یک پوسته‌ی ارتوتروپیک تک جداره با همان‌طور که شکل 8 نشان می‌دهد، میزان افت انتقال صوت در هر دو پوسته‌ی تک جداره و دو جداره در فرکانس‌های پایین برابر است ولی با افزایش فرکانس، مقدار افت انتقال صوت در پوسته‌ی دو جداره نسبت به پوسته‌ی تک جداره افزایش می‌یابد. در واقع در فرکانس‌های پایین، استفاده از پوسته‌های دو جداره تاثیری بر میزان افت انتقال صوت سازه ندارد. ولی در فرکانس‌های بالا میزان افت انتقال صوت به اندازه‌ی قابل توجهی افزایش می‌یابد.

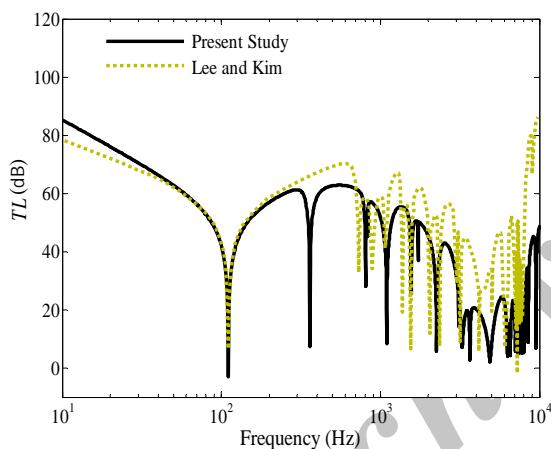


Fig. 7 Comparison of present study with Lee and Kim for a double-walled shell

شکل 7 مقایسه‌ی مطالعه‌ی حاضر با مطالعه‌ی لی و کیم برای یک پوسته‌ی دوجداره

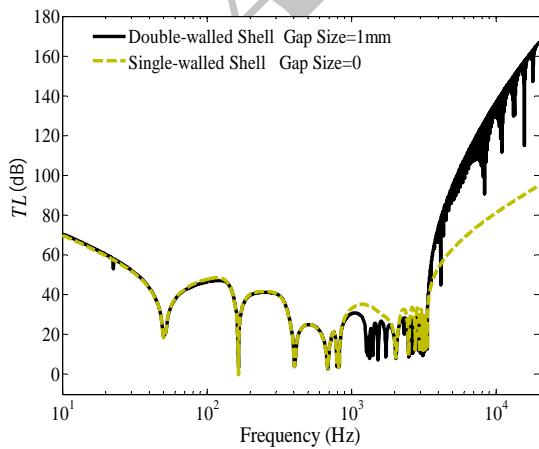


Fig. 8 Comparison TL between single and double-walled cylindrical shells

شکل 8 مقایسه‌ی افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای تک جداره و دوجداره

نشان می‌دهد، تطابق بسیار مناسبی بین نتایج وجود دارد و نشان دهندهٔ دقیق بالای روش ارائه شده توسط بلیس می‌باشد. برتری مطالعه‌ی بلیس که سبب شده است مطالعه‌ی او از دقت قابل قبولی برخوردار باشد، این است که او از میدان جاگایی سه بعدی ولی از مرتبه‌ی اول استفاده نموده است. همچنین برتری دیگری که باعث افزایش دقت مطالعه‌ی او شده است، این است که او در مطالعه‌ی خود اثرات اینرسی چرخشی و طولی را نیز در نظر گرفته است.

شکل 7، مقایسه‌ای از مطالعه‌ی حاضر و مطالعه‌ی صورت گرفته توسط لی و کیم [12] را نشان می‌دهد. مقایسه‌ی حاضر، با توجه به در نظر گرفتن پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره از جنس آلمونینوم، صورت پذیرفته است. در این مقایسه، اندازه‌ها و مشخصات محیط خارجی، فاصله‌ی هوایی بین دو جداره و محیط داخلی پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره، با توجه به مرجع [12]، می‌باشد. همانطور که شکل 7 نشان می‌دهد، روند تغییرات نمودار افت انتقال صوت در بازه‌ی فرکانسی 10 تا 10000 هرتز، در هر دو نمودار مشابه می‌باشد. همچنین با توجه به شکل 7، نقاط نزولی افت انتقال صوت در هر دو مطالعه، منطبق می‌باشد. اما اختلافاتی بین نتایج حاصله از هر دو مطالعه وجود دارد که با توجه به اشکال 4 و 5، این اختلافات همواره در مقایسه‌های قبلی نیز وجود داشته است. علت اختلافات به وجود آمده نسبت به روش لی و

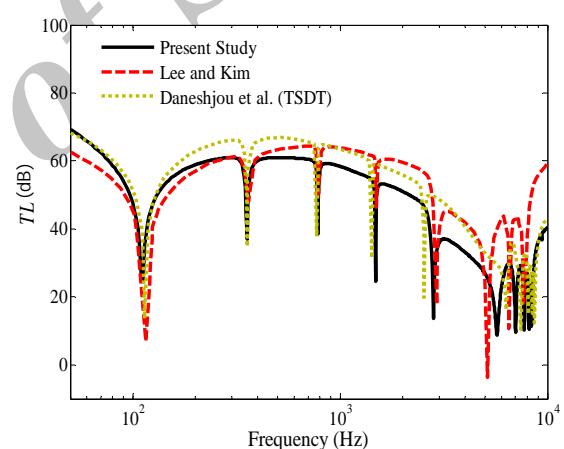


Fig. 5 Comparison of present study with Lee and Daneshjou et al. (TSDT)

شکل 5 مقایسه‌ی مطالعه‌ی حاضر با مطالعه‌ی کیم و دانشجو

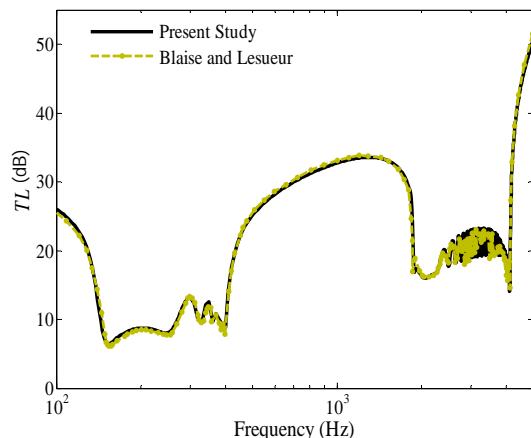
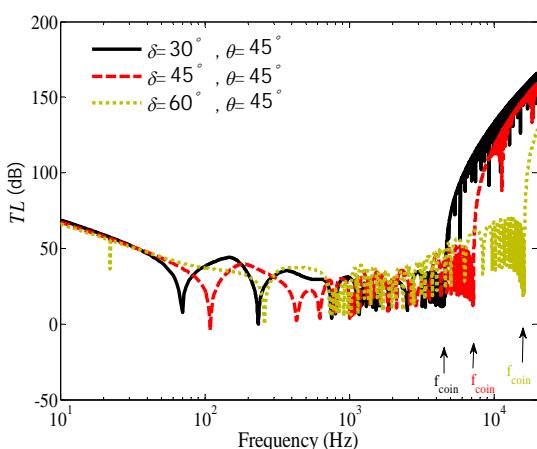
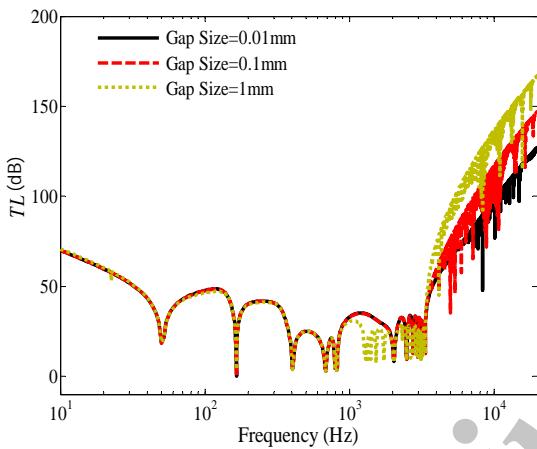


Fig. 6 Comparison of present study with Blaise and Lesueur

شکل 6 مقایسه‌ی مطالعه‌ی حاضر با مطالعه‌ی بلیس



شکل ۹ اثر تغییر زاویهٔ δ بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره



شکل ۱۰ اثر تغییر فاصلهٔ هوایی بین دو جداره بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره

شکل ۱۰ اثر تغییر فاصلهٔ هوایی بین دو جداره بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره

شکل ۱۱، تاثیر میزان عدد ماخ بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره را نشان می‌دهد. در بررسی صورت گرفته در شکل ۱۱، میزان افت انتقال صوت با در نظر گرفتن عدد ماخ به میزان ۰، ۰.۳ و ۰.۵ مورد مطالعه و ارزیابی قرار گرفته است. همانگونه که شکل ۱۱ نشان می‌دهد افزایش عدد ماخ سبب افزایش فرکانس‌های بحرانی و انطباق می‌شود. در نتیجه این امر باعث افزایش طول ناحیهٔ جرم کنترل می‌شود. همچنین با توجه به شکل ۱۱، می‌توان نتیجه گرفت که افزایش عدد ماخ تاثیری بر میزان فرکانس رینگ ندارد و عدم تاثیر پذیری فرکانس رینگ از جریان خارجی را نشان می‌دهد. علاوه بر این با توجه به شکل ۱۱، افزایش عدد ماخ، باعث افزایش میزان افت انتقال صوت در فرکانس‌های بین فرکانس رینگ و فرکانس انطباق می‌شود در واقع با توجه به مشاهدات اسگارد و همکارانش، جریان خارجی می‌تواند منجر به افروzen سفتی منفی و میرایی تشعشعی به سیستم شود.

10- جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در این مقاله، به تحلیل افت انتقال صوت در پوسته‌های استوانه‌ای ارتوتروپیک دوجداره بر پایهٔ تئوری الاستیسیته‌ی سه‌بعدی و تحت برخورد موج صفحه‌ای دارای دو زاویهٔ متفاوت θ و δ پرداخته شده است. در این مدل

9-2- بررسی اثر پارامترهای موثر بر افت انتقال صوت سازه

با توجه به این که تغییر هریک از پارامترهای موثر بر افت انتقال صوت نظیر: زوایای برخورد موج، اندازهٔ فاصلهٔ هوایی بین دو جدارهٔ پوسته و ...، بر رفتار افت انتقال صوت پوسته موثر می‌باشند، لذا در این بخش به منظور شناسایی و بررسی این پارامترها، یک پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره ارتوتروپیک مطابق با جدول ۱ در نظر گرفته و با تغییر این پارامترها به تفسیر نتایج می‌پردازیم. شکل ۹، اثرات تغییر زاویهٔ δ بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره را نشان می‌دهد. در بررسی صورت گرفته در شکل ۹، میزان افت انتقال صوت با در نظر گرفتن موج آکوستیکی تحت زاوایای $\delta = 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ$ مورد مطالعه قرار گرفته است. همچنین در این مطالعه، زاویهٔ $\theta = 45^\circ$ در نظر گرفته شده است. همانگونه که شکل ۹ نشان می‌دهد، افزایش زاویهٔ δ باعث کاهش میزان افت انتقال صوت به خصوص در فرکانس‌های بالا می‌شود. همچنین با توجه به شکل ۹، افزایش زاویهٔ δ سبب افزایش فرکانس انطباق می‌شود و این فرکانس به سمت جلو حرکت می‌نماید.

شکل ۱۰، تاثیرات اندازهٔ فاصلهٔ هوایی بین دو جداره در پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره را نشان می‌دهد. در این بررسی، میزان افت انتقال صوت برای پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره با فاصلهٔ هوایی بین دو جداره به اندازهٔ ۰.۰۱، ۰.۱ و ۱ میلیمتر و با شرایط یکسان، بررسی شده است. همانگونه که شکل ۱۰ به تصویر کشیده است، افزایش فاصلهٔ هوایی بین دو جداره در فرکانس‌های پایین تاثیری بر افت انتقال صوت پوسته نمی‌گذارد. اما در فرکانس‌های بالاتر افزایش فاصلهٔ هوایی باعث افزایش میزان افت انتقال صوت سازه می‌شود. بنابراین با توجه به بررسی صورت گرفته می‌توان نتیجه گرفت که در طراحی یک سازه با توجه به در نظر گرفتن محدودیت‌های طراحی و همچنین نوع کاربرد سازه، می‌توان فاصلهٔ هوایی بین دو جداره را تا میزان لازم افزایش داد.

جدول ۱ پارامترهای مورد نیاز برای محاسبهٔ افت انتقال صوت در پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره

Fig. 1 Parameters to calculate TL of the double-walled cylindrical shell

محیط داخل	محیط بین	محیط خارج	جداره‌ای پوسته	جداره‌ای دوجداره
گرافیت	هوایی	هوایی	هوایی	هوایی
ماده	اپوکسی			
(kg/m ³)	1600	1.21	1.03	0.94
E_{11} (GPa)	137.5	-	-	-
E_{22} (GPa)	8.96	-	-	-
E_{33} (GPa)	8.96	-	-	-
G_{12} (GPa)	7.10	-	-	-
G_{13} (GPa)	7.10	-	-	-
G_{23} (GPa)	6.21	-	-	-
v_{12}	0.30	-	-	-
v_{13}	0.30	-	-	-
v_{23}	0.49	-	-	-
سرعت صوت (m/s)	-	343	371	389
ضخامت (mm)	15	-	1	-
شعاع (R_{p_1}) (m)	0.5	-	-	-
زاویه برخورد	$\theta = 45^\circ$, $\delta = 0$			

$$L_k = \begin{bmatrix} L_{11k} & L_{12k} \\ L_{21k} & L_{22k} \end{bmatrix} \quad (52)$$

که درایه‌های ماتریس L_k برابر است با:

$$L_{11k} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -\frac{\partial}{\partial z} \\ 0 & \frac{1}{r} & -\frac{\partial}{\partial \varphi} \\ -\frac{Q_{13k}}{Q_{11k}} \frac{\partial}{\partial z} & -\frac{Q_{12k}}{Q_{11k}} \frac{\partial}{\partial \varphi} & -\frac{Q_{12k}}{Q_{11k}} \frac{1}{r} \end{bmatrix} \quad (53)$$

$$L_{12k} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \frac{1}{Q_{55k}} \\ 0 & \frac{1}{Q_{66k}} & 0 \\ \frac{1}{Q_{11k}} & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (54)$$

$$L_{21k} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \quad (55)$$

در ماتریس L_{21k} داریم:

$$\begin{aligned} a_{11} &= \frac{\mu_{2k}}{r} \frac{\partial}{\partial z} \\ a_{12} &= \frac{\mu_{1k}}{r^2} \frac{\partial}{\partial \varphi} \\ a_{13} &= \rho_c \frac{\partial^2}{\partial t^2} + \frac{\mu_{1k}}{r^2} \\ a_{21} &= -\frac{(Q_{44k} + \mu_{2k})}{r} \frac{\partial^2}{\partial \varphi \partial z} \\ a_{22} &= \rho_c \frac{\partial^2}{\partial t^2} - Q_{44k} \frac{\partial^2}{\partial z^2} - \frac{\mu_{1k}}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \\ a_{23} &= -\frac{\mu_{1k}}{r^2} \frac{\partial}{\partial \varphi} \\ a_{31} &= \rho_c \frac{\partial^2}{\partial t^2} - \mu_{3k} \frac{\partial^2}{\partial z^2} - \frac{Q_{44k}}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \\ a_{32} &= -\frac{(Q_{44k} + \mu_{2k})}{r} \frac{\partial^2}{\partial \varphi \partial z} \\ a_{33} &= -\frac{\mu_{2k}}{r} \frac{\partial}{\partial z} \end{aligned} \quad (56)$$

همچنین:

$$L_{22k} = \begin{bmatrix} \frac{1}{r} \left(\frac{Q_{22k}}{Q_{11k}} - 1 \right) & -\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \varphi} & -\frac{\partial}{\partial z} \\ -\frac{Q_{12k}}{Q_{11k}} \frac{\partial}{\partial z} & -\frac{2}{r} & 0 \\ -\frac{Q_{13k}}{Q_{11k}} \frac{\partial}{\partial z} & 0 & -\frac{1}{r} \end{bmatrix} \quad (57)$$

علاوه بر این در روابط بالا داریم:

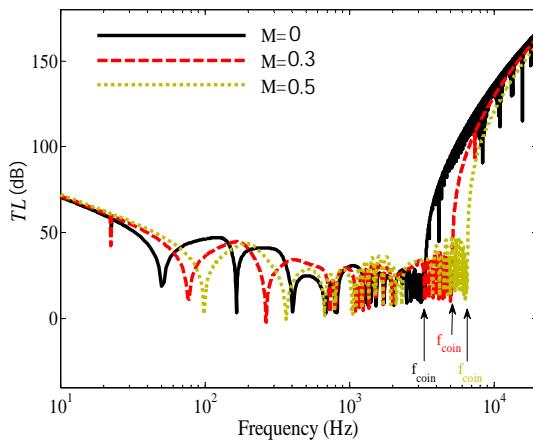
$$\begin{aligned} \mu_{1k} &= Q_{22k} - \frac{Q_{12k}^2}{Q_{11k}}, \quad \mu_{2k} = Q_{23k} - \frac{Q_{13k} Q_{12k}}{Q_{11k}} \\ \mu_{3k} &= Q_{33k} - \frac{Q_{13k}^2}{Q_{11k}} \end{aligned} \quad (58)$$

پیوست ب

Z_{n_k} ماتریس ضرایب مودال 6×6 و به صورت زیر می‌باشد:

$$Z_{n_k} = \begin{bmatrix} Z_{n,11k} & Z_{n,12k} \\ Z_{n,21k} & Z_{n,22k} \end{bmatrix} \quad (59)$$

که درایه‌های ماتریس Z_{n_k} برابر است با:



شکل ۱۱ تاثیر عدد ماخ بر افت انتقال صوت پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره

ابتدا معادلات حاکم بر هر دو جداری پوسته‌ی استوانه‌ای استخراج شده و پس از به کارگیری روش فضای حالت، به حل دقیق معادلات با استفاده از روش مدل لایه‌ای تقریبی به همراه رویکرد ماتریس انتقال پرداخته شده است. در نهایت با درنظر گرفتن شرایط مرزی مناسب در محیط خارجی پوسته، فاصله‌ی هوایی بین دوجداره و محیط داخلی پوسته‌ی استوانه‌ای دو جداره، افت انتقال صوت محاسبه شده است. نتایج حاصله با نتایج سایر محققان مورد مقایسه قرار گرفته است. مقایسه‌های صورت گرفته با مطالعات گذشته، درستی و دقت مطالعه‌ی حاضر را نشان می‌دهد. علاوه بر این به منظور مطالعه‌ی دقیق‌تر افت انتقال صوت، به بررسی اثر پارامترهای مختلف بر افت انتقال صوت پوسته نیز پرداخته شده است. نتایج حاصله به شرح زیر می‌باشند:

- افزایش زاویه‌ی δ باعث کاهش میزان افت انتقال صوت به خصوص در فرکانس‌های بالا می‌شود. همچنین افزایش زاویه‌ی δ سبب افزایش فرکانس انطباق می‌شود و این فرکانس به سمت جلو حرکت می‌نماید.

- استفاده از پوسته‌ی استوانه‌ای دوجداره تاثیر در افزایش میزان افت انتقال صوت در فرکانس‌های پایین ندارد. ولی میزان افت انتقال صوت پوسته‌های دوجداره در فرکانس‌های بالا به مراتب بسیار بالاتر از پوسته‌های استوانه‌ای تک جداره می‌باشد. در واقع تاثیر فاصله‌ی هوایی بین دوجداره در افت انتقال صوت سازه در فرکانس‌های بالا قابل مشاهده می‌باشد.

- در فرکانس‌های پایین، تغییر اندازه‌ی فاصله‌ی هوایی بین دو جداره تاثیری بر میزان افت انتقال صوت ندارد. این در صورتی است که، در فرکانس‌های بالا افزایش اندازه‌ی فاصله‌ی هوایی بین دوجداره، سبب افزایش افت انتقال صوت سازه می‌شود.

- سرعت جریان خارجی بر میزان افت انتقال صوت تاثیرگذار می‌باشد. به طوریکه افزایش عدد ماخ، سبب افزایش فرکانس‌های بحرانی و انطباق و در نتیجه باعث افزایش طول ناحیه‌ی جرم کنترل می‌شود.

11- پیوست پیوست الف

ماتریس ضرایب 6×6 به صورت زیر می‌باشد:

- [3] America, Vol. 31, No. 7, pp. 1035-1036, 1959.
- [3] J. H. Foxwell, R.E Franklin, The vibrations of a thin-walled stiffened cylinder in an acoustic field, *The Aeronautical Quarterly*, Vol. 10, No. 1, pp. 47-64, 1959.
- [4] J. N. Manning, G. Maidanik, Radiation properties of cylindrical shells, *Journal of the Acoustical Society of America*, Vol. 36, No. 9, pp. 1691-1698, 1964.
- [5] P. H. White, Sound transmission through a finite, closed, cylindrical shell, *Journal of the Acoustical Society of America*, Vol. 40, No. 5, pp. 1124-1130, 1966.
- [6] C. J. Runkle, F.D. Hart, *The radiation resistance of cylindrical shells*, NASA, CR-1417, 1969.
- [7] L. R. Koval, On sound transmission into a thin cylindrical shell under flight conditions, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 48, No. 2, pp. 265-275, 1976.
- [8] L. R. Koval, On sound transmission into a stiffened cylindrical shell with rings and stringers treated as discrete elements, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 71, No. 4, pp. 511-521, 1980.
- [9] A. Blaise, C. Lesuer, Acoustic transmission through a 3-D orthotropic multi-layered infinite cylindrical shell, part II: formulation of the problem, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 171, No. 5, pp. 665-680, 1994.
- [10] Y. Y. Tang, R. J. Silcox, J. H. Robinson, Sound transmission through two concentric cylindrical sandwich shells, *Proceedings of the 14th International Modal Analysis Conference*, Japan: pp. 1488-1492, 1996.
- [11] J. H. Lee, J. Kim, Study on sound transmission characteristics of a cylindrical shell using analytical and experimental models, *Applied Acoustics*, Vol. 65, No. 6, pp. 611-632, 2003.
- [12] J. H. Lee, J. Kim, Measurement of sound transmission through a double walled cylindrical shell, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 251, No. 4, pp. 631-649, 2002.
- [13] K. Daneshjou, A. Nouri, R. Talebitooti, Sound transmission through laminate composite cylindrical shells using analytical model, *Archive of Applied Mechanics*, Vol. 77, No. 7, pp. 363-379, 2007.
- [14] K. Daneshjou, A. Nouri, R. Talebitooti, Analytical model of sound transmission through laminated composite cylindrical shells considering transverse shear deformation, *Applied Mathematics and Mechanics (English Edition)*, Vol. 29, No. 9, pp. 1165-1177, 2008.
- [15] S. M. Hasheminejad, M. Rajabi, Acoustic resonance scattering from a submerged functionally graded cylindrical shell, *Journal of sound and vibration*, Vol. 302, No. 1, pp. 208-228, 2007.
- [16] S. M. Hasheminejad, M. Rajabi, Acoustic scattering characteristics of thick-walled orthotropic cylindrical shell at oblique incidence, *Ultrasonics*, Vol. 74, No. 1, pp. 32-48, 2007.
- [17] M. Rajabi, S. M. Hasheminejad, Acoustic resonance scattering from a laminated orthotropic cylindrical shell with imperfect bonding, *Ultrasonics*, Vol. 49, No. 8, pp. 682-695, 2009.
- [18] K. Daneshjou, M. M. Shokrieh, M. G. Moghaddam, R. Talebitooti, Analytical Model of sound transmission through relatively thick FGM cylindrical shells considering third order shear deformation theory, *Composite Structures*, Vol. 93, No. 1, pp. 67-78, 2010.
- [19] M. H. Shojaeefard, R. Talebitooti, R. Ahmadi, M. R. Gheibi, Sound transmission across orthotropic cylindrical shells using third-order shear deformation theory, *Latin American Journal of Solids and Structures*, Vol. 11, No. 11, pp. 2039-2072, 2014.
- [20] R. Talebitooti, R. Ahmadi, M. H. Shojaeefard, Three-Dimensional wave propagation on orthotropic cylindrical shells with arbitrary thickness considering state space method, *Composite Structures*, Vol. 132, pp. 237-254, 2015.
- [21] K. Daneshjou, R. Talebitooti, A. Tarkashvand, Analysis of sound transmission loss through thick-walled cylindrical shell using three-dimensional elasticity theory, *International Journal of Mechanical Sciences*, Vol. 106, pp. 286-296, 2016.
- [22] M. Rajabi, M. Behzad, Interaction of a plane progressive sound wave with anisotropic cylindrical shells, *Composite Structures*, Vol. 116, pp. 474-760, 2014.
- [23] M. Rajabi, M. Ahmadian, J. Jamali, Acoustic scattering from submerged laminated composite cylindrical shells, *Composite Structures*, Vol. 128, pp. 395-405, 2015.
- [24] Yu. Liu, Chuanbo. He, Analytical modelling of acoustic transmission across double-wall sandwich shells: Effect of an air gap flow, *Composite Structures*, Vol. 136, pp. 149-161, 2016.
- [25] Yu. Liu, Chuanbo. He, Diffuse field sound transmission through sandwich composite cylindrical shells with poroelastic core and external mean flow, *composite Structures*, Vol. 135, pp. 383-396, 2016.

$$Z_{n,11k} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \xi \\ 0 & 1 & n \\ -\frac{Q_{13k}}{Q_{11k}}\xi & -\frac{Q_{12k}}{Q_{11k}}n & -\frac{Q_{12k}}{Q_{11k}}\lambda \end{bmatrix} \quad (60)$$

$$Z_{n,12k} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \frac{Q_{44k}^1}{Q_{55k}} \\ 0 & \frac{Q_{44k}^1}{Q_{66k}} & 0 \\ \frac{Q_{44k}^1}{Q_{11k}} & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (61)$$

$$Z_{n,21k} = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{bmatrix} \quad (62)$$

که در ماتریس $Z_{n,21k}$ داریم:

$$\begin{aligned} b_{11} &= \frac{\mu_{2k}\xi}{Q_{44k}^1\lambda} \\ b_{12} &= \frac{\mu_{1k}n}{Q_{44k}^1\lambda^2} \\ b_{13} &= \frac{1}{Q_{44k}^1}(\beta + \frac{\mu_{1k}}{\lambda^2}) \\ b_{21} &= \frac{(Q_{44k}^1 + \mu_{2k})n\xi}{Q_{44k}^1\lambda} \\ b_{22} &= \frac{1}{Q_{44k}^1}(\beta + Q_{44k}^1\alpha^2 + \frac{\mu_{1k}n^2}{\lambda^2}) \\ b_{23} &= -\frac{\mu_{1k}n}{Q_{44k}^1\lambda^2} \\ b_{31} &= \frac{1}{Q_{44k}^1}(\beta + \mu_{3k}\xi^2 + \frac{Q_{44k}^1n^2}{\lambda^2}) \\ b_{32} &= \frac{(Q_{44k}^1 + \mu_{2k})n\xi}{Q_{44k}^1\lambda} \\ b_{33} &= \frac{Q_{12k}\xi}{Q_{44k}^1\lambda} \end{aligned} \quad (63)$$

همچنین:

$$Z_{n,22k} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\lambda} \left(\frac{Q_{22k}}{Q_{11k}} - 1 \right) & -\frac{n}{\lambda} & -\xi \\ \frac{Q_{12k}n}{Q_{11k}\lambda} & -\frac{2}{\lambda} & 0 \\ -\frac{Q_{13k}\xi}{Q_{11k}} & 0 & -\frac{1}{\lambda} \end{bmatrix} \quad (64)$$

همچنین در معادلات فوق:

$$\xi = k_{1z}R_{o_k}, \quad \beta = -\rho_c\omega^2R_{o_k}^2 \quad (65)$$

12- مراجع

- [1] P. W. Smith Jr, Sound Transmission Through Thin Cylindrical Shells, *Journal of the Acoustical Society of America*, Vol. 29, No. 6, pp. 721-729, 1957.
- [2] C. R. Ingard, Influence of fluid motion past a plane boundary on sound reflection, absorption, and transmission, *Journal of the Acoustical Society of America*