ماهنامه علمى پژوهشى



مهندسی مکانیک مدر س

mme.modares.ac.ir

# تحلیل عددی اثر دمیر میانی بر الگوی جریان و عملکرد پرههای کمپرسور گذرصوتی

## $^{3}$ مهدی جلالی فر<sup>1</sup>، بهزاد قدیری دهکر دی $^{2^{*}}$ ، صالح فلاح

1- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی هوافضا، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

2- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

3- دانشجوى دكترى، مهندسى هوافضا، دانشگاه تربيت مدرس، تهران

\* تهران، صندوق پستی hadirib@modares.ac.ir ،14115-116

چکیدہ	اطلاعات مقاله
یکی از اهدف مهم و تعیین کننده در طراحی کمپرسورهای سرعت بالای موتورهای هوایی، کاهش وزن آنها میباشد. لازمه رسیدن به این هدف، افزایش قابلیت تولید فشار در هر طبقه مجزای کمپرسور میباشد. رایج ترین راه برای این منظور استفاده از پرهها با نسبت منظری زیاد است. این پرههای بلند و نازک، در جریان سیال سرعت بالا در معرض ارتعاشات شدید ناشی از ناپایداریهای آیروالاستیک قرار میگیرند. طراحان برای	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 18 خرداد 1395 پذیرش: 07 شهریور 1395 ارائه در سایت: 24 مه 1395
کاهش ارتعاشات مخرب چنین پرههایی، پرههای مجاور را توسط دمپر میانی به یکدیگر متصل می کنند. این دمپرها باعث انسداد جریان و افت کارایی توربوماشین میشوند. در این مطالعه سعی شده است تأثیر دمپر میانی بر کارایی آیرودینامیکی توربوماشین بررسی شود. در مطالعاتی که تاکنون در این زمینه انجام شده است کمتر به اثرات دمپر بر شوک پره، گردابه لبه فرار و حاشیه استال پرداخته شده است. در این مقاله، عملکرد آیرودینامیگی یک کمپرسور در دو حالت، یکی بدون دمپر میانی و دیگری با دمپر میانی بررسی و مقایسه شده است. در این مقاله، عملکرد بر شکل گیری جدایش القاء شده توسط شوک در هر دو مورد بررسی شده است نتایج این پژوهش نشان میدهد حضور دمپر باعث شده است که بازده آیزنتروپیک کاهش یابد. دمپر 2.7% از طول پره را، که ناحیه ی اطراف دمپر را شامل میشود، به میزان %33 از مقدار بدون دمپر دچار	رد در شیعا با عمر با روید توربوماشین گذرصوتی دمپر میانی جدایش ناشی از شوک الگوی گردابه نزدیک استال
افت فشار میکند. همچنین آشفتگیهای ناشی از دمپر باعث میشوند که الگوی گردابه لبه فرار پره به هم بریزد.	

### Numerical study of mid-span damper effect on the pattern of flow and operation of transonic compressor blades

#### Mahdi Jalalifar, Behzad Ghadiri Dehkordi<sup>\*</sup>, Saleh Fallah

Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran \* P.O.B. 14115-116 Tehran, Iran, ghadirib@modares.ac.ir

#### **ARTICLE INFORMATION**

Original Research Paper Received 07 June 2016 Accepted 28 August 2016 Available Online 15 October 2016

Keywords: Transonic turbomachine Mid-span damper Shock induced separation Vortex pattern Near stall

#### ABSTRACT

One of the important purposes of aero-engine high speed compressor design is to decrease compressor weight. In order to achieve this purpose, it is required to increase the capability of producing pressure in each individual stage of the compressor. The most common way is use of high pressure aspect ratio blades. These long and thin blades are exposed to serious vibrations in the high speed flow because of the aeroelastic instability. Mechanical designers link adjacent blades by using mid-span shroud (damper) to decrease the blades destructive vibrations. These dampers cause flow blockage and turbomachine performance loss. In this study, the effect of mid-span damper on turbomachine aerodynamic operation has been investigated. In the previous studies there was less focus on the effect of damper on blade shocks, trailing edge vortices and near stall condition. Both with and without midspan damper have been investigated and compared. On the other hand, the damper effect on the formation and behavior of shock induced separation has been investigated in each of the two cases. As a result isentropic efficiency is decreased. These dampers also cause 33% pressure on blades. To avoid this pressure loss, the blade length is increased by 2.7%. Turbulence due to presence of damper leads to the distortion of vortices pattern in training edge.

#### 1- مقدمه

پرههای با طول وتر کوتاه استفاده کرد. با توجه به رابطه نسبت منظری (نسبت طول یره به طول وتر) کاهش طول وتر باعث افزایش نسبت منظری میشود. پرهها که بلندتر و باریکتر میشوند، فرکانسهای طبیعی آنها کاهش می یابد. کاهش مقدار فرکانس های طبیعی منجر به نوسانات تشدید شده در این فرکانسها میشود. با دو روش می توان کاهش فرکانسها را بدون اینکه تغییر محسوسی در وزن ایجاد شود کنترل کرد. یکی اینکه جنس پره

موتورهای هوایی فن جت پیشرفته برای عملکرد بهینه به نسبت فشارهای بالا نیاز دارند. برای رسیدن به فشارهای زیاد، باید تعداد طبقههای کمپرسور افزایش یابند. این کار باعث افزایش وزن کمپرسور و در نتیجه موتور می شود. برای کاهش وزن موتور، می توان قابلیت تولید فشار در هر طبقه را افزایش داد که نیازی به افزایش تعداد طبقههای کمپرسور نباشد. همچنین می توان از

Please cite this article using: M. Jalalifar, B. Ghadiri Dehkordi, S. Fallah, Numerical study of mid-span damper effect on the pattern of flow and operation of transonic compressor blades, *Modales* U Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 10, pp. 218-228, 2016 (in Persian)

تغییر کند. مثلا به جای فولاد ضد زنگ از تیتانیوم استفاده شود. روش دوم استفاده از شرود موضعی<sup>1</sup> (دمپر میانی) میباشد. بهبود جنس پره معمولا پرهزینه است و استفاده از دمپر میانی باعث افزایش وزن پرهها میشود ولی برای حفظ یکپارچگی بین پرهها مناسب است.

از طرف دیگر، دمپر باعث انسداد جریان و افت کارایی توربوماشین میشود. وجود دمپر باعث انحراف جریان به سمتهاب<sup>2</sup>و شرود میشود، که میتواند بر کارایی کل ناحیه پره تأثیر منفی بگذارد.

بنسر [1] آزمایشهایی را توسط لیزر در ناحیه دمپر یک روتور گذرصوتی انجام داد و به این واسطه شوکهای ایجاد شده در آن ناحیه را آشکارسازی کرد. بر این اساس یک شوک در لبه حمله پره وجود دارد ولی دو شوک دیگر هم به دلیل وجود دمپر ایجاد شده است. اولین شوک از لبه حمله دمپر که در سمت مکش پره قرار دارد شروع شده است. دومین شوک از محل اتصال دو دمپر مجاور پدید میآید. هر دو شوک به صورت شعاعی به سمت نوک انتشار مییابند.

اسگر و سندرکاک [2] نشان دادند که اگر توزیع افت فشار کل در ناحیه دمپر مشخص باشد، بازده کل ردیف پره قابل پیش بینی است. آنها دادههای تجربی را با پارامترهای هندسی و آیرودینامیکی ارتباط دادند و در نهایت روشی را برای پیش بینی اثر محلی دمپر در نقطه طراحی ارائه دادند. آنها به این نتیجه رسیدند که دامنه ناحیهی اطراف دمپر که تحت تأثیر دمپر قرار گرفتهاند حدود 10 برابر بیشینه ضخامت دمپر می باشد.

یانگ تین [3] با استفاده از یک روش مطالعه و بهینهسازی تکراری، نیروی پسای به وجود آمده ناشی از حضور دمپر را کاهش داده است، بطوری که، عمر پره به حداکثر مقدار ممکن برسد.

رابرتز [4]، یک رابطه بین افتهای ناشی از دمپر موضعی و هندسه پره و المانهای آیرودینامیکی ارائه کرده است که از نتایج تجربی 19 روتور جریان محوری گذرصوتی که در سرعت نوک پره و بارگذاری متفاوت هستند، استفاده شده است. ناحیه متأثر از دمپر در حدود 10 تا 15 برابر ضخامت حداکثر دمپر به صورت متقارن در اطراف دمپر در راستای پره، گسترده شده است.

جان لیو و همکاران [5]، مطالعه عددی توسط نرم افزار انسیس انجام دادهاند. مدل آشفتگی به کارگرفته شده مدل کا-اپسیلون و مقدار متوسط +y در نزدیکی دیواره، حدود 50 میباشد. گشتاور و دبی جرمی در راستای پره برای دو حالت با دمپر و بدون دمپر بررسی شده است. نتیجه این پژوهش این بوده است که به طور خالص در حالتی که دمپر قرار دارد گشتاور کمتر شده است. همچنین در منطقهای که دمپر قرار دارد کار کمتری استخراج می شود و برای حفظ شار جرمی، جریان به سمتهاب و قاب هدایت می شود.

در مقاله دنتون [6]، که در مورد مکانیسم انتروپی در توربوماشینها میباشد، افزایش افت به شکل افزایش انتروپی نشان داده شده است. چون به کمک آن، میتوان تحلیل بهتری روی نتایج انجام داد. علاوه بر این، دسترسی به اندازه آن آسان تر و به طور ساده حاصل جمع تمام رشدهای انتروپی در سرتاسر کمپرسور امکان پذیر است.

مدل آشفتگی، تأثیر قابلتوجهی بر صحت و دقت شبیهسازی جریان در توربوماشینها دارد.

سجادی و همکاران [7] با استناد به اینکه مدل کا-امگا اس.اس.تی.<sup>3</sup> برای مسائل توربوماشینها از بیشترین دقت برخوردار است، از این مدل برای

<sup>1</sup>Mid-span shroud <sup>2</sup>Hub

بررسی تأثیر پیچش پره روتور بر عملکرد یک کمپرسور محوری گذرصوتی استفاده نمودهاند.

فلاح و همکاران [8] نیز از مدل کا-امگا اس.اس.تی. بمنظور شبیهسازی جریان آشفته در یک کسکید فن استفاده نمودهاند. آنها دلیل این انتخاب را دقت بالاتر این مدل نسبت به سایر مدلهای دو معادلهای برای بررسی نواحی جریان با گرادیانهای شدید فشار ذکر کردهاند.

بنابراین در این مقاله نیز از مدل آشفتگی کا-امگا اس.اس.تی. استفاده شده است.

هدف از این مطالعه، شناسایی دلایل افت و محاسبه افتهای ناشی از دمپر میانی (یا شرود موضعی) در کارایی آیرودینامیکی کمپرسور میباشد. تمرکز مطالعات گذشته بر پیدا کردن رابطهای بین پارامترهای هندسی و آیرودینامیکی بوده است. به اثرات دمپر بر تلفات جریان و مکانیزم این تأثیر توجه کافی نشده است. همچنین نقاط مثبت وجود دمپر در عملکرد آیرودینامیکی پره مطالعه نشده است. مطالعه دقیق و موشکافانه عوامل ایجاد افت آیرودینامیکی زمینه را برای طراحی بهینه پره با دمپر میانی فراهم میکند. همچنین پدیده استال یکی از مهمترین بحثها در توربوماشینها میباشد که متاسفانه در کارهای گذشته که در مورد دمپر میانی میباشند به این پدیده و عواملی که میتوانند به آن تأثیر بگذارند پرداخته نشده است. ولی در کار حاضر این موضوع یکی از نتایج خیلی مهم مطرح شده است.

بهدلیل کاربردهای خاص این روتور و تکنولوژی بسیار بالای آن نتایج تجربی برای راستیآزمایی نتایج شبیهسازی موجود نمیباشد. به همین دلیل، ابتدا با شبیهسازی جریان در روتور ناسا 37، روند شبیهسازی بکار گرفته شده در این مقاله راستیآزمایی شده و سپس جریان در روتور مدنظر در حضور و بدون حضور دمپر میانی شبیهسازی میشود.

#### 2- مشخصات طراحي

در این مطالعه از هندسهی کمپرسور توربوجت J85-GE-21 شرکت جنرال الکتریک استفاده شده است. مشخصات طراحی روتور در جدول 1 آورده شده است. همچنین در شکل 1 هندسهی این روتور نشان داده شده است.

مشخصات عملکردی روتور ناسا 37 نیز در جدول 2 ذکر شده است و سایر مشخصات این روتور در مرجع [9] قابل مشاهده است. از این روتور برای راستی آزمایی نتایج استفاده می شود.



Fig. 1 Blade geometry with and without Damper شکل 1 هندسه پره با حضور و بدون حضور دمپر

 $^{3}k - \omega$  SST

<b>.ول 1</b> مشخصات طراحی رتور استفاده شده در مطالعه حاضر	عد
able 1 Design parameters of rotor used in the present study	

Tuble I Debign purumeters of for	or used in the present study
مقدار	مشخصات
25	تعداد پره
12سانتی متر	ارتفاع متوسط پره
5.2سانتی متر	طول وتر پرہ
2.4	نسبت منظری پرہ
3 سانتىمتر	فاصله دمپر تا نوک پره
2 سانتىمتر	طول وتر دمپر
0.015 سانتىمتر	شعاع لبه حمله و لبه فرار دمپر
0.18 سانتىمتر	ضخامت بيشينه دمپر
2سانتىمتر	فاصله لبه حمله دمپر تا لبه حمله پره
0	زاويه حمله دمپر
1741 راديان بر ثانيه	سرعت گردش
348.2 متر بر ثانيه	سرعت نوک پرہ
24.1كيلوگرم بر ثانيه	دبی جرمی کل روتور
82%	بازده نامی

جدول 2 مشخصات طراحی روتور ناسا 37

Table 2 Design parameters of NASA 37	rotor
مقدار	مشخصات
36	تعداد پره
1800راديان بر ثانيه	سرعت گردش
454 متر بر ثانيه	سرعت لبەي پرە
1.48	عدد ماخ
1.19	نسبت منظرى
20.2 كيلوگرم بر ثانيه	دبی جرمی طراحی نامی
87%	بازده نامی

#### 1-2- شرايط مرزى

نواحی میدان حل و شرایط مرزی استفاده شده در مطالعه حاضر در شکل 2 نشان داده شده است. به منظور کاهش حجم محاسبات، یک پره از روتور با شرایط پریودیک حل شده است. همان طور که در شکل مشخص است، ورودی و خروجی به ترتیب در فاصلهای معادل 4 و 8 برابر طول وتر پره قرار گرفتهاند [10]. در نتیجه، ورودی در فاصله 20 سانتیمتری از لبهی حمله و خروجی در فاصلهی 40 سانتیمتری از لبهی فرار است. ایجاد این فاصله به منظور اطمینان از قرار گرفتن دامنهی اغتشاشات در این محدوده است. شرایط مرزی دیواره لزج که در این نرم افزار با عنوان شرط بدون لغزش<sup>1</sup> است برای استاندارد محیطی یعنی 101325 پاسکال و 28.815 درجه کلوین بوده و شدت آشفتگی %5 می باشد.

#### 3-معادلات استفاده شده و روش حل

بررسی جزئیات جریان در کمپرسور گذرصوتی، نیازمند حل معادلات سهبعدی ناویراستوکس، انرژی و حالت میباشد. ماهیت پیچیدهی معادلات حاکم، حل تحلیلی این معادلات را محدود میکند و تنها برای شرایط ایده آل و ساده شدهی جریان قابل استفاده هستند. در حالی که روشهای عددی توانایی حل معادلات پیچیده را نیز دارند. در مطالعه حاضر، حل معادلات ناویراستوکس، انرژی و حالت توسط نرمافزار عددی CFX صورت گرفته است.



Fig. 2 2D Computational domain and boundary conditions شکل 2 میدان محاسباتی دوبعدی و شرایط مرزی

این نرم افزار، معادلات فوق را به روش حجم محدود ضمنی و با استفاده از روش کوپل میدان سرعت و فشار و بدون مراحل تصحیح فشار و سرعت حل میکند. در این حلگر، معادلات حاکم برای جریان سرعت بالا بر روی شبکه هممکان و با استفاده از الگوریتم رأی و چو [11] حل میگردند.

در این پژوهش، برای حل معادلات پایا، معیار همگرایی برای کاهش باقیمانده آر.ام.اس. معادلات مومنتم، پیوستگی، انرژی و حالت کمتر از **10<sup>-7</sup>** درنظر گرفته شده است.

#### 4- مدل آشفتگی

همان طور که در مقدمه اشاره شد، از مدل کا-امگا اس.اس.تی. که در رژیم گذرصوتی نسبت به سایر مدلها دارای دقت بالاتری میباشد، استفاده شده است. مدل آشفتگی اس.اس.تی. مدلی قویتر از مدل کا-امگا<sup>2</sup> و کا- اپسیلون<sup>3</sup> است. این مدل ترکیبی از هر دو مدل است بطوریکه در نزدیکی دیواره از مدل کا-امگا استفاده میکند که در مقایسه با مدل کا-اپسیلون دقت بالاتری دارد و دور از دیواره از مدل کا-اپسیلون که سریعتر بوده و برای ناحیهی دور از دیواره دقت لازم را دارد، بهره میبرد. روابط مربوط به این مدل آشفتگی در مرجع [12] موجود میباشند.

### 5- مدلسازی هندسی و شبکه بندی

برای شبکهبندی هندسه مورد نظر، هر سه ماژول مختلف در انسیس، بررسی شده است تا مناسب رین ماژول برای این پژوهش انتخاب شود. در توربوگرید<sup>4</sup>، که ابزاری قوی برای شبکهبندی، مخصوص توربوماشینها میباشد، تنها میتوان منحتیهای پره،هاب و شرود نوک را وارد و شبکه بندی کرد. متأسفانه در این ماژول نمیتوان متعلقات جانبی پره مانند دمپر را وارد کرد و شرایطی برای شبکهبندی آنها در نظر گرفته نشده است.

فضای دیگر قابل استفاده برای شبکهبندی، مش ورکبنچ میباشد. هر نوع هندسه چه توربوماشین و چه غیر آن را در این فضا میتوان وارد کرد و شبکهبندی را انجام داد. ایراد بزرگ آن، سخت بودن ایجاد شبکهبندی سازمان یافته در این ماژول میباشد.

در این مطالعه از ماژول آی.سی.ای.ام که ابزار شبکهبندی دیگری در مجموعه نرمافزاری انسیس میباشد، استفاده شده است. مزیت مهمی که این نرمافزار دارد، امکان شبکهبندی سازمانیافته برای هر نوع هندسهای، میباشد. نوع شبکهبندی در این فضا کاملا بنیادی بوده و متفاوت با سایر ابزارهای شبکهبندی است. در این ماژول از روش بلوکبندی حول اجسام برای شبکهبندی آنها استفاده میشود و دست کاربر برای بلوکسازی و شبکهبندی کاملا باز است. در واقع، هیچگونه هوشمندی و دخالتی از سوی خود نرمافزار در شبکهبندی صورت نمی گیرد. همچنین شبکهبندی در این فضا کاملا وابسته به هندسه، خصوصا سطوح جسم است. در نواحی تلاقی سطوح

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> No slip condition

 $k^{2} - \omega$ 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Turbogrid



Fig. 3 NASA 37 rotor and Computational domain شكل 3 روتور ناسا 37 و ميدان محاسباتي سهبعدي

خروجی، دیواره پره بدون لغزش و دیوارههای جانبی با شرط پریودیک فرض شده است.

برای شبیهسازی جریان در روتور ناسا 37 و راستیآزمایی نتایج ابتدا باید شبکه مناسب و دبی خفگی استخراج شوند. بدین منظور، با استفاده از اطلاعات تجربی و بکارگیری چندین شبکه، جریان گذرنده از روتور در شرایط نزدیک به نامی، شبیهسازی شده است. در شکل 4 تغییرات راندمان با تعداد نقاط شبکه نشان داده شده است. همان طور که از این نمودار مشخص است، شبکه با 1800000 گره برای شبیهسازی مدنظر کافی میباشد.

با استفاده از شبکه بدست آمده، دبی خفگی با کاهش فشار استاتیک خروجی استخراج می شود. دبی خفگی بدست آمده از آزمایش این روتور 21 کیلوگرم بر ثانیه [10] و دبی بدست آمده از شبیهسازی حاضر 20.98 کیلوگرم بر ثانیه میباشد.

با استفاده از این دبی و شبکه بدست آمده، جریان درون روتور ناسا 37 در فشارهای عملکردی مختلف شبیه سازی شده و نتایج با نتایج تجربی مقايسه شده است. شكل 5 تغييرات بازده روتور ناسا 37 نسبت به دبى بى بعد شده (نسبت به دبی خفگی) را نشان میدهد. مطابق این شکل، با کاهش دبی، و به بیان بهتر، افزایش فشار استاتیک خروجی، اختلاف نتایج تجربی و عددی زیاد می شود. در واقع، با افزایش فشار استاتیک، روتور به شرایط استال نزدیک می شود. از آنجائیکه در نزدیک استال، طبیعت جریان به سوی ناپایا شدن میل می کند، این اختلاف نتایج قابل توجیه می باشد.

#### 7-مطالعه استقلال از شبكه

برای بررسی حساسیت حل به شبکه باید بر روی پره هر کمپرسور مطالعه استقلال از شبکه صورت گیرد. به این منظور باید مسئله را با شبکههای مختلف حل کرد، تا به شبکهای دست پیدا نمود که نتایج حل، از تعداد نقاط شبکه استقلال داشته باشد یعنی با تغییر تعداد المانها، تغییری در کمیتهای محاسبه شده ایجاد نشود. برای مستقلسازی میدان حل از شبکه، شش شبکهبندی مختلف برای پره مورد نظر انتخاب شده است. پارامترهای مورد بررسی، بازدهی آیزنتروپیک روتور و دبی میباشد. با توجه به نمودار رسم شده در شكل 6 شبكهبندى مناسب تقريبا داراى 1400000 المان مىباشد؛ اين انتخاب بر اين مبنا است كه، با افزايش تعداد المانهاى شبکهبندی از 1400000 به بالا، مقدار دبی و بازده هر دو ثابت شدهاند. به منظور صرفهجویی در زمان محاسباتی تعداد المان های کمتر به عنوان شبکهبندی مورد نظر انتخاب شده است. شبکهبندی نهایی در شکل 7 و در نماهای مختلف نمایش داده شده است.



Fig. 4 Variation of Isentropic efficiency versus number of elements for NASA 37 rotor blade

شكل 4 تغييرات بازده آيزنتروپيك نسبت به تعداد المان براى پره رتور ناسا 37

مختلف، اتصال دو سطح به هم با حساسیت و دقت بیشتری باید صورت گیرد تا بتوان در این مکانها شبکه را تا حد نیاز ریز کرد. اهمیت این موضوع در فرآيند توليد  $y^+$  نزديک 1 مشخص می شود.

#### 6- راستی آزمایی نتایج بر روی مدل ناسا 37

به دلیل نبودن امکانات کافی برای آزمایش کمپرسور و پر هزینهبودن آن، نمی توان بوسیله انجام آزمایش بر روی کمپرسور مورد نظر، مقایسهای بین نتایج شبیهسازی عددی و نتایج تجربی انجام داده و صحت نتایج عددی را تایید نمود. ولی می توان از کمپرسور مشابه دیگری که نتایج آزمون آن در دست است استفاده کرد. بدین ترتیب، جریان در کمپرسور دوم را به همان روش بکار گرفته شده در کار تحقیقاتی حاضر شبیهسازی عددی شده و نتایج شبیهسازی عددی با نتایج تجربی مقایسه می شوند. بدین منظور برای تحلیل جریان در روتور، از نتایج آزمایشگاهی که در سال 1995 توسط ناسا برای روتور <sup>1</sup>37 ارائه گردیده، استفاده شده است [13]. روتور 37 یکی از موارد شناخته شده در تست.های کمپرسورهای جریان محوری میباشد که به وسیله مرکز تحقیقات لویس ناسا<sup>2</sup> طراحی شده و بیانگر ساختار جریان ویسکوز سه بعدی پیچیده در پرههای کمپرسور با جریان محوری گذرصوتی<sup>3</sup> می باشد.

در شکل 3 نمایی از روتور ناسا 37 به همراه دامنه محاسباتی تک پره نشان داده شده است.

پس از آنکه هندسه سه بعدی روتور 37 با استفاده از نرمافزار تولید پره <sup>4</sup>ایجاد گردید، شبکه محاسباتی به صورت شبکه با سازمان در محیط شبکهبندی توربوگرید ایجاد شده است. شرایط مرزی همانند مدل روتور مدنظر این تحقیق بهصورت دما و فشار سکون ورودی، فشار استاتیک

Nasa Rotor37

Nasa Lewis Research Center Transonic Axial Flow Compressor

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> BladeGen

رسم میشوند. در واقع، دبی بدست آمده در شرایط عملکردی مختلف، نسبت به دبی خفگی بی بعد میشوند. بنابراین در هر شبیهسازی عددی توربوماشینها لازم است، دبی خفگی محاسبه شود.

با کاهش فشار استاتیک خروجی، دبی و در نتیجه سرعت محوری افزایش، زاویه ورود سیال کاهش و افتها افزایش می یابند. افزایش دبی تا جایی می تواند ادامه داشته باشد که دبی به یک دبی بحرانی برسد، که بعد از آن دیگر افزایش دبی امکان پذیر نیست. در این نقطه که به عنوان شرایط خفگی معرفی می شود، افزایش شدید در افتها و کاهش در نسبت فشار رخ



Fig. 7a Passage mesh from side view



**شکل 7 ج)** شبکهبندی در مجاورت نوک پره





Fig. 6a Variation of mass flow rate versus number of elements for present study rotor blade

شکل 6 الف) تغییرات دبی جرمی نسبت به تعداد المان برای پره رتور مطالعه حاضر



Fig. 6b Variation of Isentropic efficiency versus number of elements for present study rotor blade.

شکل 6 ب) تغییرات بازده آیزنتروپیک نسبت به تعداد المان برای پره رتور مطالعه حاضر

#### 8-شبکه در لایه مرزی

 $^+y$  فاصله بی بعد اولین المان تا دیواره و پارامتری است که ظرافت شبکه در لایه مرزی را نشان می دهد. شبکه بندی در این مطالعه از نوع سازمان یافته است. مقدار متوسط  $^+y$  در نزدیکی دیواره های پره، بین 10 تا 20 و در نزدیکی دمپر، تقریبا 20 می باشد. مقدار  $^+y$  در نوک پره و در نزدیکی دمپر در شکل8 نشان داده شده است. این مقادیر، شرایط  $^+y$  مربوط به مدل آشفتگی کا -امگا اس.اس.تی. را تا حد قابل قبولی بر آورده می کند.

#### 9-تعیین دبی خفگی

معمولا نمودارهای تغییرات پارامترهای توربوماشینها نسبت به دبی بیبعد



**Fig. 8a**  $y^+$  value in the vicinity of the blade

**شکل 8 الف**) مقدار +*y* در نزدیکی پره





**شکل 9** تغییرات دبی نسبت به فشار خروجی

میدهد. در شکل9 نمودار دبی جرمی بر حسب فشار استاتیک خروجی بیان شده است. در این مطالعه برای پره در حالت بدون دمپر دبی جرمی خفگی

22.925 کیلوگرم بر ثانیه در فشار استاتیک 80000 پاسکال و برای پرهی با دمپر دبی خفگی 23 کیلوگرم بر ثانیه در فشار استاتیک 85000 پاسکال به دست آمده است.

#### 10- نتايج و بحث

در این بخش نتایج عددی این پژوهش تشریح شده و مقایسهای بین عملکرد آیرودینامیکی پرهی با دمپر میانی و بدون دمپر میانی انجام میشود.

شکل 10 تغییرات بازده و نسبت فشار کل روتور کار حاضر را نسبت به دبی بیبعد نشان میدهد.

همان طور که قبلا اشاره شد، با کاهش دبی بی بعد یا به عبارتی با افزایش فشار استاتیک خروجی، بازده و نسبت فشار کل روتور افزایش می یابد و در عین حال، به شرایط استال هم نزدیک می شود. با استفاده از نمودارهای شکل 10 می توان دبی بی بعد در هر پره را در حالت استال بدست آورد و سپس با کمک نمودار شکل 9 فشاری که استال در آن رخ می دهد را محاسبه کرد. در این مطالعه برای پرهی بدون دمپر دبی بی بعد استال حدودا معادل 0.96 بدست آمده است. با توجه به اینکه دبی خفگی برای روتور با این پره 22.925 کیلو گرم بر ثانیه می باشد، در نتیجه استال حدودا در فشار استاتیک خروجی استال در پرهی با دمپر حدود امالال پاسکال بدست آمده است.

برای محاسبه فشار کل، سرعت، انتروپی و بازده که در ادامه به آنها پرداخته شده، فشار استاتیک خروجی 102000 پاسکال در نظر گرفته شده



Fig. 10a Variations of efficiency versus non-dimensional mass flow rate (Present Study)

شكل 10 الف) تغييرات بازده نسبت به دبی بی بعد (مطالعه حاضر)



Fig. 10b Variations of total pressure ratio versus non-dimensional mass flow rate (Present Study)

**شکل 10 ب)** تغییرات نسبت فشار کل نسبت به دبی بی بعد (مطالعه حاضر)

که نزدیک به شرایط استال است. همچنین خطی که اندازهگیریها روی آن صورت گرفته است و نمودارها رسم شدهاند (مکان پراب)، موازی و بعد از لبه فرار، در فاصلهی محوری تقریبا 0.06 برابر طول وتر، میباشد.

در مقدمه بیان شد که بنسر [1] شوکهای موجود در اطراف پرهی همراه با دمپر را با استفاده از لیزر آشکار کرده است. این شوکها در شکل 11 نشان داده شدهاند. یک شوک در لبه حمله پره و دیگری در لبه حمله دمپر واقع در سمت مکش یره، قرار دارد. دومین شوک دمیر از محل اتصال دو دمیر مجاور پدید میآید. هر دو شوک به صورت شعاعی به سمت نوک انتشار مییابند. دومین شوک دمپر به دلیل جفت شدن نادرست دمپرهای مجاور به وجود میآید. بنابراین، قدرت این شوک به عدد ماخ روی سطح دمپر و موقعیت شعاعی دمپرها نسبت به یکدیگر بستگی دارد. از آنجایی که در اکثر جریان های گذرصوتی، عدد ماخ روی سطح دمپر باید کمتر از عدد ماخ ورودی در لبه حمله دمپر باشد، پس افت ناشی از شوک اول نسبت به شوک دوم در اولویت قرار دارد. در شکل12 کانتور شوک برای دو حالت بدون دمپر و با دمپر نشان داده شده است. در حالت بدون دمپر، یک شوک در لبه حمله پره که ناشی از انسداد جریان گذرصوتی توسط پره میباشد، رخ میدهد. با توجه به شکل 12 هر چه جریان به گلویی کانال جریان بین دو پره نزدیک می شود، برای بقای دبی جرمی سرعتش افزایش می بابد. این مسئله باعث ایجاد شوکی دیگر روی سطح پره در سمت مکش آن می شود. شوک اول تقریبا از میانه پره (x=17Cm) شروع شده است. شوک دوم از نزدیکی هاب تا نزدیکی نوک پره گسترده شده است. شکل 13 شوک روی یره در زمان حضور دمیر را نشان میدهد. در این شکل دیده می شود که دمپر در دو مکان مختلف در راستای وتر پره قرار گرفته است. در شکل سمت راست دمپر نزدیک لبه فرار پره و در شکل سمت چپ دمپر نزدیک لبه حمله پره واقع شده است. در پره سمت چپ دیده میشود که دمیر در مکانی قرار گرفته است که شوک دوم پره منفصل شده است. طوری که شوک تقریبا از نزدیکهاب شروع شده و تا نزدیکی دمپر ادامه دارد و دوباره از بالای دمپر شوک شروع می شود. در پره سمت راست مشاهده شده است در صورتی که دمپر نزدیک لبه فرار پره باشد شوک دوم پره بدون انفصال به مسیر خود ادامه می دهد. در کار بنسر بیان شده است که شوک اول دمپر ناشی از وجود دمپر میباشد. طبق گفتههای بالا و شکلهای مربوطه می توان این ادعا را رد کرد. در اینجا به دلیل اینکه کانال یک پره بررسی شده است، شوک دوم دمپر مشاهده نشده است. برای



Fig. 11 Shocks of the blade with damper

**شکل 11** شوکهای پرهی دارای دمپر[1]



interent position **شکل 13** مقایسه شوکها روی پره برای دو دمپر در موقعیتهای مختلف

مشاهده این شوک نیاز به شبیهسازی حداقل دو پره میباشد.

#### **1-10- مطالعه دقیق اثر شوک بر جریان روی یک پرهی بدون دمپر** می**انی** شکل 14 کانتور شوک و انتروپی را در یک شکل نشان میدهد.

تداخل موج شوک با جریان لایه مرزی<sup>1</sup> در جریانهای گذرصوتی و مافوقصوتی معمولا مشاهده می شود. انواع پدیدههای جریان از جمله جدایش جریان، جریان گردابهای، ناپایداری، اختلاط پیچیده و آشفتگی بعد از آن اتفاق می فند. از اثراتی که تداخل موج شوک با لایه مرزی می گذارد می توان به افزایش نیروی پسا و کاهش نیروی برا، همچنین گرمایش آیرودینامیکی و افزایش ناپایداریها اشاره کرد. این جدایش جریان، به دلیل تداخل موج شوک با جریان لایه مرزی رخ داده است که به آن جدایش لایه مرزی القا شده توسط شوک<sup>2</sup> گفته می شود. این تداخل خارای چهار الگوی ضعیف، متوسط، قوی و خیلی قوی می باشد. در تداخل ضعیف، ماخ موضعی قبل از نمی افتد. در تداخل متعادل جدایش اولیه خیلی کوچکی رخ می دهد. ماخ موضعی بین 1. تا 1.2 می باشد. در این نوع تداخل جدایش جریان اتفاق موضعی بین 1. تا 1.2 می ماشد. در تداخل قوی که ماخ موضعی بین 1. تا 1.3 است، جدایش بزرگی در فاصلهای بعد تداخل موج شوک با لایه مرزی تا 1.5 است، جدایش بزرگی در فاصلهای بعد تداخل موج شوک با لایه مرزی اتفاق می افتد. در نهایت هنگامی که ماخ بیشتر از 1.5 باشد، تداخل خیلی قوی رخ می دهد که منجر به جدایش بزرگ و پیچیده ای می شود. [1]

همان طور که مشخص است، بعد از شوک، انتروپی افزایش یافته است. تداخل شوک با لایه مرزی در شکل 14 نشان داده شده است که باعث افزایش انتروپی بعد از آن شده است. از آنجاییکه شوک در سطح مکش پره رخ میدهد، در نتیجه این سطح از پره انتروپی بیشتری نسبت به سطح فشار دارد.

شکل 15 نمای نزدیکی از مکان شروع افزایش انتروپی یعنی نقطه 1 را نشان داده است. بعد از شوک، سرعت به شدت کاهش و فشار استاتیک افزایش می یابد. این اتفاق باعث ایجاد گرادیانهای فشار معکوس در لایه مرزی می شود. سرعت در لایهمرزی خلاف جهت سرعت محوری شده که در ادامه می تواند منجر به جدایش جریان و تولید گردابه شود.

شکل 16 گردابه تولیدی نشان داده شده در شکل 14 (نقطه 2) را نشان میدهد. این گردابه در اثر جدایش لایه مرزی ناشی از شوک (SIS)، به وجود آمده است. این گردابه در راستای پره در لبه فرار وجود دارد که البته از نوک وهاب به سمت وسط پره گردابه بزرگتر میشود.



**شکل 14** مقایسه کانتور شوک و انتروپی

Fig. 15 Boundary layer Velocity profile



**شکل 16** گردابه در لبه فرار پره

شكل 15 پروفيل سرعت لايه مرزى

#### 2-10- اثر حضور دمپر بر الگو و مشخصههای جریان

در شکل 13 نشان داده شد که شوک پره در فاصله بینهاب تا دمپر و در سطح مکش پره اتفاق میافتد. همچنین در بالا گفته شد که بعد از محل وقوع شوک، به دلیل گرادیانهای معکوس، انتروپی افزایش مییابد. در نتیجه در پرهای که دمپر دارد، انتروپی به دلیل تداخل شوک با لایه مرزی، ازهاب تا دمپر رو به افزایش است. همانطور که گفته شد، با توجه به مکان دمپر در راستای وتر پره میتواند شوک روی دمپر ایجاد شود. در شکل 17(للف) دمپر منفصل شده و از بالای دمپر دوباره ادامه یافته است. همانطور که در این شکل مشاهده میشود، تداخل قوی اتفاق افتاده منجر به جدایش جریان و شکل مشاهده میشود، تداخل قوی اتفاق افتاده منجر به جدایش جریان و شکل مشاهده میشود، تداخل قوی اتفاق افتاده منجر به جدایش جریان و شکل مشاهده میشود، تداخل قوی اتفاق افتاده منجر به جدایش جریان و شکل عیری گردابه شده و در نتیجه انتروپی را افزایش داده است. شکل به سمت بالای آن حرکت میکند که باعث افزایش انتروپی بعد از لبه فرار دمپر میشود. در شکل 17(چ) نمودار اینطور به نظر میآید که دمپر باعث پراب رسم شده است. از این نمودار اینطور به نظر میآید که دمپر باعث

 <sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Shock wave/boundary layer interaction (SBLI)
 <sup>2</sup> Shock Induced Boundary Layer Separation (SIS)

Entropy J/lg K 10.7 10.5 10.3 9.79628

داده شده است، معلوم می شود که بعد از لبه فرار دمپر انتروپی افزایش می ابد. همچنین مشاهده می شود که انتروپی بعد از افزایش در پشت دمپر به



Fig. 17a Velocity vector on the damper surface and shock contour above it



Fig. 17b Flow streamlines in the bottom of damper

**شکل 17 ب**) خطوط جریان در سطح زیر دمپر



**شکل 17 ج**) توزیع انتروپی در راستای اسپن پره

تدریج کاهش یافته و این کاهش بعد از لبه فرار پره به حداکثر مقدار خود میرسد. به همین دلیل است که نمودار انتروپی بعد از پره کاهش انتروپی را نشان میدهد. بنابراین، افزایش افت ناشی از دمپر فقط روی پره وجود دارد و جریان محوری خروجی از پره انتروپی بالایی ندارد. همان طور که گفته شد دمپر باعث افزایش انتروپی شده و در بالای دمپر اثر آن همچنان وجود دارد. شکل 18 توزیع آنتروپی در دو مقطع پایین و بالای دمپر را نشان میدهد. به دلیل وجود شوک دوم پره در سطح مکش، انتروپی در نواحی پایین دمپر بیشتر است. در نواحی بالای دمپر باعث شده شوک پره از بین رفته و انتروپی کاهش بیابد؛ اما در سطح فشار، انتروپی زیاد ناشی از دمپر همچنان و وانتروپی کاهش بیابد؛ اما در سطح فشار، انتروپی زیاد ناشی از دمپر همچنان بره، تا قبل از دمپر نمودارها برای هر دو حالت با دمپر و بدون دمپر خیلی به هم نزدیک هستند و بعد از آن تغییرات صورت میگیرد (شکلهای 19 و 20).

برای بررسی اثر دمپر، علاوه بر انتروپی بایستی تغییرات سرعت محوری و فشار کل هم مطالعه شود. اهمیت مطالعه سرعت محوری در جدایش جریان روی دمپر و گردابه پشت آن میباشد. فشار کل در راستای پره بررسی میشود تا مشخص شود دمپر چه میزان و در کدام منطقه بیشتر باعث افت فشار میشود. با این مطالعات در صورت تغییر در هندسه دمپر میتوان با مقایسه میزان افتها و همچنین اندازه یگردابه ها، هندسه مناسبی برای دمپر طراحی کرد. شکل 19 تغییرات سرعت محوری در راستای پره را نشان میدهد. کاهش سرعت دقیقا در مکان دمپر رخ میدهد و بعد از آن روندی شبیه روند پره بدون دمپر را دارد. همچنین این اتفاق برای فشار کل در



Fig. 18 Entropy contour at the top and bottom of the damper شکل 18 کانتور انتروپی در دو مقطع بالا و پایین دمپر

راستای پره هم میافتد. با توجه به شکل 20، در نمودار پره بدون دمپر مشاهده میشود که قبل از نقطه 1 و بعد از نقطه 2 فشار کاهش پیدا کرده است با اینکه اگر شرایط ایدهال باشد و هیچ افتی وجود نداشته باشد میتوان نتظار داشت که ازهاب تا نوک پره، فشار افزایش یابد. در شرایط واقعی، در بریان ثانویه و نشتی نوک وجود دارد. قسمت میانی پره یعنی فاصله بین نقاط 1 تا 2 فشار افزایش یافته است. با حضور دمپر، قسمت میانی پره دچار نوسانات فشار میشود که بین دو نقطه '2،'1 قرار گرفته است و دقیقا در مکانی که دمپر قرار دارد، فشار به طور ناگهانی کاهش یافته است. طوری که حدودا 10 برابر ضخامت بیشینه دمپر را در طرفین خود تحت تأثیر قرار میدهد. در مطالعه انجام شده توسط رابرتز [4] ناحیه متاثر از دمپر حدود 10 برابر بیشینه ضخامت دمپر میباشد.

با توجه به اینکه وظیفه اصلی روتور کمپرسور افزایش فشار از طریق افزایش انرژی جنبشی است، میتوان انتظار داشت که دمپر باعث کاهش بازده شود. همچنین همانطور که گفته شد دمپر، انتروپی جریان روی دمپر در پشت لبه فرار و بالای آن را افزایش داده است. این پدیدهها افزایش افت و کاهش بازده را پیشبینی میکند. برای بررسی عددی این موضوع، بازدهی دو پره یکی بدون دمپر و دیگری با دمپر محاسبه شده است که به ترتیب 75.3 و 74.9 درصد بدست آمده است. طبق پیشبینی، بازده پرهی با دمپر کاهش یافته است.



**Fig. 19** Axial velocity distribution in the blade spanwise direction شکل 19 سرعت محوری در راستای پره



**Fig. 20** Total pressure distribution in the blade spanwise direction شکل 20 فشار کل در راستای اسپن پره

#### 3-10- تأثير دمپر بر توليد گردابه و تأثير آن بر استال

همان طور که در شکل 16 نشان داده شد، در لبه فرار پره گردابه ای شکل میگیرد. با بررسی دقیق، مشخص شده است که این گردابه در پرهی بدون دمپر تا فاصله شعاعی 18 سانتیمتری حضور دارد. در پرهی با دمپر، این گردابه تا فاصله 16 سانتیمتری شکل میگیرد. با توجه به نمودار سرعت محوری در شکل 19، سرعت روی دمپر کاهش یافته است که امکان جدایش جریان و تشکیل گردابه در پشت لبه فرار دمپر وجود دارد. همان طور که در شکل 21 مشاهده میشود در پشت لبه فرار دمپر گردابه ای کوچک شکل گرفته است. همچنین در شکل 71الف هم وجود گردابه ای روی دمپر نشان ماوند میتواند شرایط استال دوار را فراهم کند. با مقایسه حاشیه استال برای دو پره مورد مطالعه در این مقاله، مشخص شده است که پرهی بدون دمپر در فشار کل خروجی 107500 پاسکال و با دمپر در فشار کل خروجی 103000

برای حل مشکلات ناشی از دمپر، بایستی تغییراتی در پارامترهای هندسی آن مانند شعاع لبه حمله، بیشینه ضخامت، طول وتر و زاویه حمله ایجاد کرد و تأثیرات آنها را بر کاهش افتها و عملکرد آیرودینامیکی روتور به ویژه استال مطالعه کرد. این موضوع، در تحقیقات آینده بررسی خواهد شد.

#### 11- نتيجه گيري و جمع بندي

رایج ترین راه برای افزایش قابلیت تولید فشار در هر طبقه مجزای کمپرسور استفاده از پرهها با نسبت منظری زیاد است. طراحان برای کاهش ارتعاشات مخرب چنین پرههایی، پرههای مجاور را توسط دمپر میانی به یکدیگر متصل می کنند. در این مطالعه سعی شده بود با شبیه سازی دو پره، یکی با دمپر و دیگری بدون آن، تأثیر دمپر بر کارایی آیرودینامیکی توربوماشین بررسی شود. نتایج بدست آمده در زیر به صورت خلاصه آورده شده است:

- در کمپرسور گذرصوتی مدنظر یک شوک در لبه حمله پره و شوکی دیگر در میانه پره اتفاق میافتد. در صورت حضور دمپر میانی انفصال در شوک دوم پره، مشاهده میشود. این انفصال به مکان دمپر در راستای وتر پره بستگی دارد.



**شکل 21** گردابه پشت لبه فرار دمپر

- تداخل شوک با لایه مرزی با توجه به قدرتش میتواند منجر به جدایش جریان و تولید گردابه شود. همچنین منجر به افزایش انتروپی در سمت مکش پره میشود.
- الگوی توزیع انتروپی، فشار و سرعت، قبل از دمپر، برای هر دو پره با دمپر و بدون دمپر مشابه میباشد. در سطح زیرین دمپر مقادیر پارامترهای ذکر شده بیشینه میباشند ولی از آن به بعد با حضور دمپر افت میکنند. این افت تا روی دمپر ادامه دارد و با گذر از دمپر دوباره همان روند پره بدون دمپر حاکم میشود.
- انتروپی در لبه فرار دمپر و روی پره افزایش مییابد. با دور شدن از لبه فرار پره انتروپی کاهش یافته طوری که در بعد از لبه فرار پره انتروپی خیلی کاهش یافته است. در زیر دمپر سطح مکش پره به دلیل حضور شوک پره و در بالای دمپر سطح فشار پره به دلیل حضور دمپر انتروپی بیشتری دارد. افزایش انتروپی ناشی از دمپر باعث کاهش فشار و سرعت در راستای پره و بعد از آن میشود.
- تأثیر نهایی دمپر بر کارایی آیرودینامیکی روتور را با کاهش بازده ایزنتروپیک رتور با پره دارای دمپر نسبت به پره بدون دمپر در بهترین شرایط، %0.5 کمتر میباشد که در کاربردهای صنعتی مقدار قابل ملاحظهای است و بهینهسازی هندسه دمپر را اجتنابناپذیر میکند.
- در پره بدون دمپر، در راستای پره و در لبه فرار آن گردابه ای وجود
  دارد که در میانه پره بزرگتر است و به سمتهاب و نوک که پیش
  می رود قدرت آن کاهش می یابد.
- در پرهی با دمپر، گردابه ازهاب تا حدود یک سانتیمتری دمپر وجود
  دارد ولی از ان بعد تشکیل نمیشود. فقط در پشت لبه فرار دمپر
  شکل می گیرد که ناشی از آن می باشد.
- در صورت وجود دمپر احتمال دارد گردابهای در پشت آن شکل بگیرد. این گردابه میتواند شروع استال دوار را تسریع کند. هندسه دمپر نقش خیلی مهمی را در تولید گردابه دارد.

#### 12- تقدیر و تشکر

بیشتر شبیهسازیهای این مقاله در مرکز پردازش دادههای ابری دانشگاه

تربیت مدرس انجام شده است. از این طریق از همکاری این مرکز صمیمانه تشکر میشود.

#### 13- مراجع

- W. A. Benser, E. E. Bailey, T. F. Gelder, Holographic studies of shock waves within transonic fan rotors, *ASME. Journal of Power and Energy*, Vol. 97, No. 1, pp. 75-83, 1975.
- [2] G. M. Esgar, D. M. Sandercock, Some observed effects of part- span dampers on rotating blade row performance near design point, *NASA TM X-*2696, Vol. 501, No. 24, pp. 28, 1973.
- [3] Y. Wu, J. Moine, J. J. Marra, Y. Ting Wu, C. K. Funk, P. F. Hsu, R. Zhou, C. S. Subramanian, C. X. Campbell, Design optimization of Turbomachinery Components with Independent FEA and CFD tools in an optimization software environment a mid-span shroud ring study case, *Energy Systems Analysis*, Vol. 4, No. IMECE2011-62083, pp. 8, 2011.
- [4] W. B. Roberts, A Design Point Correlation for Losses due to Part-Span Dampers on Transonic Rotors, *Journal of Engineering for Power*, Vol. 101, No. 3, pp.7,1979.
- [5] J. Liu, H. Mistry, M. Santhanakrishnan, A. Stein, S. Dey, J. Slepski. Aerodynamic performance assessment of part-span connector of last stage bucket of low pressure steam turbine, *Proceedings of the ASME 2011 Power Conference*, Vol. 1, No. 55265, pp. 545-550;6 pages July, 2011.
- [6] J. D. Denton, The 1993 IGTI scholar lecture: Loss mechanisms in turbomachines, ASME. Journal of Turbomachine. Vol. 115, No. 4, pp. 621-656, 1993.
- [7] S. M. Sajjadi, M. R. Aligoodarz, H. Karrabi, Effect of rotor blade twist on axial transonic compressor performance, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 13, No. 11, pp. 154-160, 2014. (in Persian فارسى).
- [8] S. Fallah, B. Ghadiri Dehkordi, G. Heidarinejad, Numerical investigation of turbulence characteristics of flow in fixed and oscillating transonic fan cascade, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 14, No. 16, pp. 231-242, 2014. (in Persian فارسي).
- [9] T. Houghton, I. Day, Enhancing the Stability of Subsonic Compressors Using Casing Grooves, ASME Journal of Turbomachinery, Vol. 133, No. 2, pp. 11, 2011.
- [10] H. Khaleghi, M. Boroomand, A. Tousi, J. Teixeira, Stall inception in a transonic axial fan, *Journal of Power and Energy*, Vol. 222, No. 2, pp. 199-208, 2008.
- [11] L. Hilgenfeld, L. Fottner, Experimental investigation of turbulence structures in a highly loaded transonic compressor cascade with shock/laminar boundary layer interactions, *The 5th Symposium on Engineering Turbulence Modelling and Measurements*, Mallorca, Spain, 2002.
- [12] F. R. Menter, Two-equation eddy-viscosity turbulence models for engineering applications, AIAA Journal, Vol. 32, No. 8, 1994.
- [13] R. S. Simonyi, R. J. Roelke, R. G. Stabe, B. C. Nowlin, D. DiCicco; Aerodynamic Evaluation of Two Compact Radial Inflow Turbine Rotors, NASA Lewis Research Center, Vol. 505, No. 10, pp. 76, 1995.
- [14] T. Setoguchi, Shock Induced Boundary Layer Separation, 8th International Symposium on Experimental and Computational Aerothermodynamics of Internal Flows, Lyon, France, July-2007.