ماهنامه علمى پژوهشى



mme.modares.ac.ir



شهروز امیدوار اوغانی¹، علیرضا تیمورتاش^{2*}

1- دانشجوی کارشناسی ارشد، تبدیل انرژی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد 2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد * مشهد، صندوق پستی eymourtash@um.ac.ir ،91775-1111

چکیدہ	اطلاعات مقاله
سیال فوق بحرانی به دلیل دارا بودن خصوصیات منحصربهفرد سالهاست که در برخی از صنایع بهمنظور افزایش کارایی فرآیندها جایگزین سیال غیر بحرانی شده و از زمان شناختش مورد مطالعات آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی متعددی قرارگرفته است. در این پژوهش فرآیند انتقال حرارت جابجایی طبیعی آرام بین لوله داغ دما ثابت عمودی و دی)کسید کربن فوق بحرانی بهطور عددی شبیهسازیشده است. مدلسازی این فرآیند	مقاله پژوهشی کامل دریافت: 26 تیر 1395 پذیرش: 10 مهر 1395 ۱۵۱۰ - ۱۰ ۲۵۰ آب 1395
به صورت دوبعدی شبه گذرا و با استفاده از روش حجم محدود انجام گرفته است. هدف اصلی پژوهش بررسی اثر تغییرات خواص سیال فوق بحرانی نزدیک دمای شبه بحرانی آن بر میدان سرعت و دمای سیال در انتقال حرارت جابجایی طبیعی و درنهایت تأثیر این تغییرات بر میزان کل انتقال حرارت صورت گرفته به سیال نسبت به حالت غیر بحرانی است. مدل سازی فرآیند انتقال حرارت بین دماهای 305 تا 312 کلوین و	ارانه در سایت. ۵۵ ابان ۱۳۶۵ <i>کلید واژگان:</i> جابجایی طبیعی
فشارهای 7.5 تا 9 مگا پاسکال انجامشده است. در این تحقیق بهمنظور محاسبهی خواص دیاکسید کربن در شرایط مختلف برای اولین بار از معادله حالت چند پارامتری اسپن و وگنر برحسب انرژی هلمهولتز بهطور مستقیم استفادهشده است. نتایج بهدستآمده نشاندهنده افزایش نرخ انتقال حرارت جابجایی آزاد به دی]کسید کربن در حالت فوق بحرانی نسبت به فرض گاز ایده آل تا 160% در نزدیکی نقطه شبه بحرانی و در	لولهی عمودی روش حجم محدود عدد ناسلت
دیگر نقاط افزایش تا 118% است.	

Numerical study of natural convection heat transfer to supercritical carbon dioxide in a vertical tube using Span and Wagner multi-parameter equation of state

Shahrouz Omidvar Oghani, Alireza Teymourtash*

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran * P.O.B. 91775-1111, Mashhad, Iran, teymourtash@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 16 July 2016

Keywords:

Supercritical Fluid

Natural Convection Vertical Tube

Finite Volume

Nusselt Number

Accepted 01 October 2016

Available Online 26 October 2016

ABSTRACT

Supercritical fluids have substituted non-super critical fluids in some areas of industry because of their unique characteristics and have been the subject of numerous experimental, numerical and analytic studies since their discovery. In this study laminar natural convection between a hot vertical tube with constant temperature and supercritical carbon dioxide with uniform temperature at inlet is simulated by utilizing a numerical model. The simulation is a two-dimensional, pseudo-transient numerical model based on finite volume method. The main objective of this study is to investigate and analyze the effect of severe property variations of supercritical carbon dioxide on the flow and temperature field of natural convection that ultimately affect heat transfer rates with respect to non-critical natural convection. Numerical simulations have been carried out for temperature and pressure ranges of 305K to 312K and 7.5MPa to 9MPa respectively. Span and Wagner's multi-parameter equation of state have been used directly to determine carbon dioxide properties around pseudo critical temperature for the first time. Results indicate an increased rate of total heat transfer up to 160% near pseudo-critical temperature and 118% in other temperatures for supercritical natural convection with respect to ideal gas assumption.

1- مقدمه

منحصربهفرد دیگر آنها تغییرات سریع خواص در نزدیکی دمای شبه بحرانی در ازای تغییرات کوچک دما است [3]؛ که موجب می شود خواص سیال فوق بحرانی برای فرآیندهای مختلف با کنترل دما قابل تنظیم باشند. در بین سیالات فوق بحرانی، دی اکسید کربن به دلیل در دسترس بودن، هزینه کم، دمای بحرانی پایین، غیر سمی و غیرقابل اشتعال بودن از پرکاربردترین سيالات فوق بحراني است.

سیالات فوق بحرانی در صنایع غذایی، دارویی، انرژی، پلیمر و پلاستیک، شیمیایی، تبرید، آرایشی-بهداشتی و مواد مورداستفاده قرار میگیرند و چند دهه است که بهطور گسترده موردمطالعه و بررسی قرارگرفتهاند [2,1]. این سیالات خواصی منتخب از بین خواص گاز و مایع را دارند؛ بهعنوانمثال مى توان به حلاليت بالا برخلاف ويسكوزيته پايين اشاره داشت. خصوصيت

Please cite this article using: Sh. Omidvar Oghani, A. Teymourtash, Numerical study of natural convection heat transfer to supercritical carbon dioxide in a vertical tube using Span and Wagner multi-parameter equation of state, Modares Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 11, pp. 69-80, 2016 (in Persian)



ضرورت مطالعه فرآیند جابجایی طبیعی از مشاهده آن در زمینههای مختلف صنعت ازجمله فرآیند تولید اسانس، خنک کاری قطعات الکترونیکی، تبرید، مبدلهای حرارتی و سیستمهای زمین گرمایی است؛ به همین منظور انتقال حرارت جابجایی در سیالات فوق بحرانی از دهه شصت میلادی تاکنون بهمنظور افزایش بازده فرایند انتقال حرارت جابجایی موردتحقیق و مطالعه قرار گرفته است [4-6].

وی و همکاران انتقال حرارت جابجایی آزاد و آرام از یک ذرهی کروی به آب فوق بحرانی را بهطور عددی شبیهسازی کردهاند. در این تحقیق از دو مدل برای شبیهسازی استفادهشده است؛ مدل بوزینسک¹ با خواص ثابت و مدل واقعی که در آن تمام خواص متغیر هستند و معادله انرژی برحسب آنتالپی نوشتهشده است. نتایج بهدستآمده از این شبیهسازی نشان میدهند که مدل واقعی نسبت به مدل بوزینسک نتایج بهتری ارائه میدهد [7].

تیمورتاش و ورکیانی انتقال حرارت جابجایی آزاد به دیاکسید کربن و بوتان فوق بحرانی از یک صفحه عمودی را شبیه سازی کرده اند. برای محاسبه خواص سیال از معادله حالت وندروالس² استفاده و ضریب انبساط پذیری برحسب تابعی از دما، فشار، ثابتهای وندروالس و ضریب تراکم پذیری تعریف شده است. این مطالعه علاوه بر افزایش انتقال حرارت در حالت فوق بحرانی، نشان می دهد که تغییرات دمای دیواره با شیب ثابت و مثبت باعث افزایش بیشتر انتقال حرارت و شیب منفی باعث کاهش آن می شود [9,8].

تیمورتاش و همکاران انتقال حرارت جابجایی آزاد به دیاکسید کربن و آب فوق بحرانی از صفحهی عمودی با شار گرمایی ثابت را موردمطالعه قرار دادهاند. در این شبیه سازی ضریب انبساط حجمی سیال با استفاده از معادله حالت ردلیش-وانگ³ به صورت تابعی از دما، فشار و ضریب تراکم پذیری بیان شده که نسبت معادله حالت وندروالس دقیق تر است. مطالعات انجام شده علاوه بر بهبود انتقال حرارت در حالت فوق بحرانی نشان دهنده افزایش انتقال حرارت از دیواره تحت شار گرمایی با شیب مثبت ثابت و کاهش آن تحت شار گرمایی با شیب منفی است [0].

تیمورتاش و نوری فرد انتقال حرارت جابجایی طبیعی سیال فوق بحرانی را در کانال عمودی دما ثابت با بهره گیری از معادله حالت ردلیش-وانگ شبیهسازی کردهاند و گزارش شده است که ضریب انتقال حرارت در حالت فوق بحرانی نسبت به گاز ایده آل افزایش قابل توجهی دارد. بررسی اثرات تغییرات دما و فشار بر ضریب انتقال حرارت، نشان داده که تغییرات فشار نسبت به تغییرات دما بر ضریب انتقال حرارت تأثیر کمتری می گذارد [11].

در این تحقیق برخلاف تحقیقات دیگر شبیه سازی در دمای شبه بحرانی انجام گرفته است. ابتدا به بررسی تغییرات خواص سیال دی اکسید کربن در دمای شبه بحرانی آن و سپس تأثیر این تغییرات بر میدان سرعت و دمای سیال در انتقال حرارت جابجایی آزاد از یک لوله داغ عمودی به دی اکسید کربن در جوار دمای شبه بحرانی و درنهایت به برآورد کل انتقال حرارت صورت گرفته در مقایسه باحالت فرض گاز ایده آل پرداخته شده است؛ دراین ارتباط خواص دی اکسید کربن در حالات مختلف و نزدیک به نقطه بحرانی برای اولین بار به طور مستقیم توسط معادلات حالت چند پارامتری اسپن و وگنر محاسبه شده اند.

2- معادلات حاكم

هندسهای که معادلات حاکم بر این پدیده در آن حل شده است، یک لولهی

¹ Boussinesq

جریان آرام و پایا برای یک سیال نیوتنی و تراکم ناپذیر با خواص متغیر فرض شده است. تغییرات شدید خواص در دمای شبه بحرانی حل عددی پایا مسئله در نزدیکی این دما را ناپایدار میکند؛ به جهت رفع این مشکل و افزایش پایداری حل عددی از روش شبه-ناپایا⁴ استفادهشده است. بقای جرم، مومنتوم و انرژی معادلات حاکم بر مسئله هستند که به ترتیب در روابط (1) تا (3) نوشتهشدهاند.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \vec{u}) = \mathbf{0} \tag{1}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \vec{u}) + (\vec{u} \cdot \nabla) \rho \vec{u} = -\nabla p + \nabla (\mu \nabla \cdot \vec{u}) - \rho \vec{g}$$
⁽²⁾

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho h) + (\vec{u} \cdot \nabla)\rho h = \nabla \cdot (k \nabla T)$$
(3)

در روابط بالا \vec{n} بردار سرعت و h آنتالپی سیال هستند. خواص سیال ازجمله ویسکوزیته (μ)، ضریب رسانش هدایتی (k)، چگالی (ρ) و آنتالپی به دما و فشار بستگی دارند و نحوه محاسبه آنها در ادامه ذکرشده است. عدد رایلی تغییریافته (Ra)، ناسلت متوسط (Nu_{ave})، ناسلت محلی (Nu_y) و دمای شبه کاهشیافته از پارامترهای مهم این مسئله هستند؛ که در روابط 4))(4) تا (7)(7) بر اساس مقدار خواص بر روی دیوار لوله تعریفشده اند [12].



Fig. 1 Problem geometry and utilized control volume شکل 1 هندسه مسئله و حجم کنترلی استفادهشده

4 Pseudo-transient

² Van der Waals ³ Redlich-Kwong

f(u(x,L) = 0) $\frac{\partial v}{\partial v}(x,L) = 0$

 $\frac{\partial I}{\partial v}(x,L) = \mathbf{0}$

 $p(x,L) = p_{stag}$

معادلات حاکم بر مسئله با استفاده از روش حجم محدود تفاضلی شدهاند که در آن برای جداسازی جملات جابجایی¹ از روش ترکیبی درجهد و² استفادهشده است؛ در این روش بر اساس عدد پکلت از روش مرکزی³، کوئیک⁴ یا بالادست درجه دوم⁵ استفاده میشود [13] و برای ارتباط بین میدان فشار و سرعت الگوریتم پیزو⁶ به کار گرفتهشده است. به جهت حل معادلات تفاضلی حاصلشده، با استفاده از زبان برنامهنویسی فرترن ⁷95 برنامهای برای پیادهسازی الگوریتمها و محاسبات معادله حالت، تدوین و استفادهشده است.

حوزه حل با توجه به شکل 2 به حلقههای هممرکز تقسیم و شبکهبندی شده است و بهمنظور افزایش دقت نتایج، شبکهبندی در ناحیههایی با تغییرات بزرگ ریزتر میباشد؛ یعنی در ناحیه ورودی و نزدیکی دیوارها ضخامت حجمهای کنترلی از بالادست و مرکز جریان کمتر است. شبکه استفادهشده برای حل عددی در شکل 2 رسم شده است و در آن انقباض شبکه در راستای شعاعی مشاهده میشود؛ اما انقباض در راستای محوری، به دلیل تعداد بالای گرهها و طول لوله در این شکل محسوس نیست.

3- شرايط مرزى

دزریو و همکاران درباره شرایط مرزی انتقال حرارت جابجایی بهطور مفصل تحقیق و بحث نمودهاند [14]. در این پژوهش از شرایط مرزی توصیهشده در این مرجع استفادهشده است.

1-3- شرط مرزی ورودی

(8)

شرایط مرزی ورودی در رابطه (8) قابلمشاهده هستند. فرض شده که سیال در دوردست دارای فشار معلوم p_{stag} بیحرکت و غیر ویسکوز است؛ همچنین دمای سیال در ورودی ثابت و برابر T_{in} است.

$$\begin{aligned} \frac{\partial v}{\partial y}(x,0) &= 0\\ T(x,0) &= T_{in}\\ p(x,0) &= p_{stag} - \frac{1}{2}\rho(v(x,0))^2 \end{aligned}$$



¹ Convective terms

Second order hybrid scheme

Central differencing scheme

⁴ Quick ⁵ Second order upwind scheme

⁶ PISO

7 FORTRAN 95

3-3- شرط مرزی دیواره لوله

در خروجی میدان جریان و دمای توسعهیافته فرض شدهاند. در رابطه 9))

شرط مرزی خروجی مرتبط با توسعه یافتگی قابل مشاهده است.

طبق رابطه 10))(10) روی دیوارهی لوله شرط مرزی عدم لغزش و دمای ثابت در نظر گرفتهشده است.

$$\begin{cases} u(\mathbf{R}, y) = \mathbf{0} \\ v(\mathbf{R}, y) = \mathbf{0} \\ T(\mathbf{R}, y) = T_w \end{cases}$$
(10)

3-4- شرط مرزی تقارن محوری

3-2- شرط مرزی خروجی

(9)

شرط مرزی اعمال شده برای مرکز لوله بر اساس تقارن محوری هندسه، در رابطه 11)(11) (ائه شده است.

$$\begin{cases} u(\mathbf{0}, y) = \mathbf{0} \\ \frac{\partial v}{\partial x}(\mathbf{0}, y) = \mathbf{0} \\ \frac{\partial T}{\partial x}(\mathbf{0}, y) = \mathbf{0} \end{cases}$$
(11)

4- خواص دى كسيد كربن فوق بحرانى

در این شبیهسازی دی کسید کربن بهعنوان سیال فوق بحرانی انتخاب شده است. این سیال به دلیل فشار و دمای بحرانی نسبتا پایین، قابل دسترسی بودن، غیر سمی و غیرقابل اشتعال بودن در فرآیندهای صنعتی بیشتر موردتوجه قرار گرفته است. در جدول 1 دما و فشار بحرانی چند سیال قابل مشاهده است.

1-4- معادله حالت

معادلات حالت مکعبی (وندروالس، ردلیش-وانگ و ...) در همسایگی دمای شبه بحرانی دقت کافی ندارند [15]؛ از آنجاکه هدف این تحقیق شبیهسازی جابجایی طبیعی در دمای شبه بحرانی سیال است، استفاده از معادلات حالت مکعبی میسر نیست؛ درنتیجه برای محاسبه خواص ترمودینامیکی دی اکسید کربن فوق بحرانی از معادله حالت چند پارامتری⁸ اسپن و و گنر استفاده شده است [16].

جدول 1 دما و فشار بحرانی چند سیال

Table I Critical Properties of Various Fluids				
سيال	فشار بحرانی (MPa)	دمای بحرانی (K)		
آب	22.06	647.1		
دىاكسيد كربن	7.38	304.1		
متان	4.60	190.4		
اتان	4.87	305.3		
متانول	8.09	512.6		
آمونياک	11.35	405.5		

8 Multi-parameter equation of state

معادله حالت مذکور با برازش بر نتایج هزار و پانصد داده آزمایشگاهی و استفاده از تکنیکهای بهینهسازی ریاضی، انرژی آزاد هلمهولتز¹ را برحسب چگالی و دما بهطور صریح محاسبه میکند. با مشتق گیری از این رابطه می-توان خواص ترمودینامیکی دیاکسید کربن را با دقت بسیار بالا به دست آورد. معادلات حالت چند پارامتری معادلات حالتی هستند که از جملات بیشتری نسبت به معادلات حالت رایج تشکیل شدهاند؛ این معادلات معمولا انرژی هلمهولتز یا فشار را بهصورت تابعی از دما و چگالی میتوان دیگر خواص مشتق گیری از انرژی هلمهولتز نسبت به دما و چگالی میتوان دیگر خواص فشار صریح است، نیاز به عملگر انتگرال نیست. این شرط که توابع بیان شده بر حسب فشار باید قابل انتگرال گیری باشند، شکل تابع را بهشدت محدود میکند و اجازه تعریف و تدوین معادلات حالت دقیق را نمی دهد.

معادلات حالت بر پایه انرژی هلمهولتز از دو بخش ایده آل و مانده² تشکیل میشوند. بخش ایده آل (^a) فرض می کند مولکول ها بهصورت نقطه-های دارای جرم هستند؛ یعنی فضایی اشغال نمی کنند و تنها راه ذخیره انرژی توسط آن ها حرکت انتقالی، چرخشی و نوسان است؛ همچنین مولکول ها با یکدیگر تعاملی جز برخورد الاستیک ندارند. بقیه رفتارها و تعامل های باقیمانده مولکول ها در قسمت مانده (^ra) در نظر گرفته می شوند. برخلاف مدل های ارائه شده برای گاز ایده آل، مدل های بخش مانده با نتایچ آزمایشگاهی تطابق خوبی ندارند؛ به همین دلیل معادلات دقیق ارائه شده برای بخش مانده روابط تجربی هستند. اسپن و وگنر برای قسمت ایده آل و مانده معادله حالت دی اکسید کربن روابط (12) تا (16) را ارائه کردهاند.

$$\alpha^{o} = \ln\delta + a_{1}^{0} + a_{2}^{0}\tau + a_{3}^{0}\ln\tau + \sum_{i=4}^{5} a_{i}^{0}\ln(1 - e^{-\theta_{i}^{0}\tau})$$
(12)

$$u^{r} = \sum_{i=1}^{7} n_{i} \delta^{d_{i}} \tau^{t_{i}} + \sum_{i=8}^{5^{*}} n_{i} \delta^{d_{i}} \tau^{t_{i}} e^{-\delta^{c_{i}}}$$
$$+ \sum_{i=35}^{39} n_{i} \delta^{d_{i}} \tau^{t_{i}} e^{-\alpha_{i}} (\delta^{-\epsilon_{i}})^{2-\beta_{i}} (\tau^{-\gamma_{i}})^{2} + \sum_{i=40}^{42} n_{i} \Delta^{b_{i}} \delta \Psi$$
(13)

$$\Delta = \theta^2 + B_i [(\delta - 1)^2]^{a_i}$$
⁽¹⁴⁾

$$\theta = (1 - \tau) + A_i [(\delta - 1)^2]^{1/(2\beta_i)^2}$$
(15)

$$\Psi = e^{-C_i (\delta - 1)^2 - D_i (\tau - 1)^2}$$
(16)

در روابط بالا α انرژی هلمهولتز کاهشیافته است که به همراه مقادیر τ و δ در روابط (17) تا (19) معرفیشدهاند و بقیه پارامترها ضرایبی هستند که در جداول مرجع [16] تعریفشدهاند.

$$\alpha(\tau, \delta) = \frac{a(T, \rho)}{\bar{R}T}$$
(17)

$$\tau = \frac{T_c}{T} \tag{18}$$

$$\delta = \frac{\rho}{\rho_c} \tag{19}$$

برای محاسبه خواص ترمودینامیکی از معادله حالت، نیاز به مشتق گیری از آن برحسب auو δ است. جزئیات مربوط به مشتقها و رابطه آنها با خواص

ترمودینامیکی سیال در مراجع [17,16] ارائهشدهاند.

در این مدل ترمودینامیکی خواص ماده برحسب دما و چگالی ماده تعریفشدهاند؛ درحالیکه در حل عددی میدان جریان، مقادیر دما و فشار معلوم و چگالی مجهول است. برای محاسبه چگالی با داشتن فشار و دما نیاز به یک روش تکراری³ است؛ در این راستا روش تکراری نابجایی⁴ به کار گرفتهشده است. برای شروع روشهای تکراری نیاز به حدس اولیه است؛ برای این منظور از معادله حالت مکعبی سوو⁵، رابطهای اصلاحشده بر اساس معادله حالت ردلیش-وانگ، استفادهشده است.

نتایج بهدستآمده در این تحقیق پس از انجام محاسبات لازم از معادله حالت، در شکلهای 3 تا 5 قابلمشاهده هستند. برخی از خواص سیال در دمای شبه بحرانی به مقدار بیشینه خود میرسند و بقیه خواص در حوالی این دما دچار تغییرات شدید می شوند. درواقع دمای شبه بحرانی دمایی است که در یک فشار معین، مقدار ظرفیت گرمایی ویژه به مقدار بیشینه خود می سد.





³ iterative

¹ Helmholtz free energy

² Residual

⁴ Regula falsi ⁵ Soave



T(K) Fig. 5 Calculated thermal expansion coefficient of supercritical carbon dioxide شکل 5 ضریب انبساط پذیری حرارتی محاسبهشده دی اکسید کربن فوق بحرانی

در این شکلها خواص دی اکسید کربن فوق بحرانی با فرض گاز ایده آل برای این سیال مقایسه شدهاند؛ تفاوت اول، اختلاف مقادیر متوسط خواص تحت این دو فرض و تفاوت دوم، عدم حساسیت فرض گاز ایده آل به دمای شبه بحرانی در برابر تغییرات شدید خواص به دست آمده از معادله حالت اسپن و وگنر در این دما است.

2-4- ويسكوزيته

حیدریان و همکاران با استفاده از نتایج آزمایشگاهی خود و دیگر نتایج آزمایشگاهی در دسترس رابطهی (20) را برای پیش بینی ویسکوزیته دیاکسید کربن در ناحیه فوق بحرانی ارائه دادهاند [18]. نتایج حاصل از این رابطه در شکل 6 ارائه شدهاند.

$$\frac{\mu}{A_1 + A_2 p + A_3 p^2 + A_4 \ln(T) + A_5 (\ln(T))^2 + A_6 (\ln(T))^3}{1 + A_7 + A_8 \ln(T) + A_9 (\ln(T))^2}$$
(20)

در رابطه فوق، فشار برحسب بار، دما برحسب کلوین و واحد ویسکوزیته سانتی پویز است. ضرایب A1 تا وA نیز در مرجع [18] ارائه شده اند.

3-4- ضریب رسانش گرمایی

جراحیان و حیدریان رابطهی (21) را بر اساس 668 داده آزمایشگاهی برای محاسبه ضریب رسانش گرمایی دیاکسید کربن فوق بحرانی ارائه کردهاند [19].

$$k = B_1 + B_2 p + B_3 p^2 + B_4 \ln(T) + B_5 (\ln(T))^2 + B_6 (\ln(T))^3$$

$$1 + B_6 p + B_7 \ln(T) + B_8 (\ln(T))^2 + B_9 (\ln(T))^2$$
(21)

که در آن فشار برحسب MPa، دما برحسب K و واحد ضریب رسانش حرارتی mWm⁻¹K⁻¹ است. ضرایب B₁ تا B₉ در مرجع [19] ارائهشدهاند.

نتایج بهدستآمده از این رابطه در شکل 7 ترسیم شدهاند. برخلاف دیگر خواص، ضریب رسانش گرمایی و ویسکوزیته دینامیکی در نزدیکی دمای شبه بحرانی دچار تغییرات شدید نمی شوند؛ ولی ویسکوزیته سینماتیکی به دلیل وابسته بودن به مقدار چگالی، در حوالی دمای شبه بحرانی افزایش پیدا می-کند.







Fig. 7 Calculated thermal conductivity of supercritical carbon dioxide شکل 7 ضریب رسانش گرمایی محاسبه شده برای دی کسید کربن فوق بحرانی

5- نتايج

5-1- استقلال نتایج از شبکه

برای بررسی عدم وابستگی نتایج به تعداد گرههای شبکه، شبیهسازی با استفاده از چندین شبکه مختلف انجامشده است. با توجه به جدول 2 از شبکه 50×3000 برای حل عددی معادلات حاکم استفادهشده است؛ زیرا در این بازه نتایج به تعداد گرههای استفادهشده وابسته نیستند.

جدول 2 بررسی استقلال نتایج از شبکه

شبکه
30 imes 2000
30×3000
40×3000
60 imes 3000
35×4000
45×4000

2-5- استقلال نتايج از نسبت طول به قطر لوله

جدول 3 حاوی نتایج بهدست آمده برای سه حالت مختلف با عدد رایلی تغییریافته یکسان و نسبت طول به قطر متفاوت است؛ با توجه با این جدول مشاهده می شود که جواب های به دست آمده برای نسبت طول به قطر 30 از این نسبت مستقل هستند.

5-3- اعتبار سنجى نتايج

بهمنظور بررسی صحت نتایج بهدست آمده از شبیه سازی عددی انجام شده، این شبیه سازی برای مسئله انتقال حرارت جابجایی آزاد در حالت غیر بحرانی در لوله عمودی انجام شده است. انطباق نتایج به دست آمده از شبیه سازی عددی با نتایج ارائه شده توسط النباس در شکل 8 نشان داده شده و بیانگر اعتبار نتایج این شبیه سازی است.

4-5- نتایج در لوله عمودی

برای مقایسه انتقال حرارت جابجایی طبیعی در سیال فوق بحرانی با سیال غیر بحرانی، نمودار میزان انتقال حرارت بر اساس عدد ناسلت برای دی اکسید کربن غیر بحرانی با فرض گاز ایده آل و دی اکسید کربن فوق بحرانی در نزدیکی دمای شبه بحرانی سیال در شکل 9 رسم شده است.

جدول 3 بررسی استقلال نتایج از نسبت طول به قطر لوله ratio independence analysis

Table 3 Aspect ratio independence analysis				
	ناسلت متوسط	نسبت طول به قطر		
\mathbf{O}	6.984	10		
	6.559	20		
	6.510	30		
	6.485	40		
	6.476	50		
	6.493	60		
	6.505	80		



Fig. 8 Comparison of numerical and semi-empirical results inside a tube [12]

شکل 8 مقایسه نتایج عددی بهدستآمده با روابط نیمه تجربی النباس در لوله عمودی [12]



Fig. 9 Nusselt numbers for a tube of 0.2mm diameter and temperature difference of 1 degree at 8MPa شکل 9 اعداد ناسلت بهدستآمده برای لوله به قطر 0.2 میلیمتر و 1 درجه اختلاف دما در فشار 8MPa

برای تعیین میزان انتقال حرارت در گاز ایده آل ابتدا عدد رایلی تغییریافته در حالت فوق بحرانی متناظر با آن دما محاسبه و سپس عدد ناسلت برای گاز ایده آل با درونیابی از نتایج شکل 8 بهدستآمده است. همچنین لازم به ذکر است که دمای شبه کاهشیافته بر اساس _{عv}*T* برابر با میانگین دمای ورودی و دیواره لوله، تعریف شده است. در این شکل مشاهده می شود که میزان انتقال حرارت سیال فوق بحرانی نسبت به گاز ایده آل با *Ra برابر، بیشتر است و میزان آن در نزدیکی دمای شبه بحرانی (307.83K) بیشینه می شود.

نتایج بهدستآمده برای لوله با قطر بزرگتر (0.4 میلیمتر) در شکلهای 10 تا 12 رسم شدهاند.



Fig. 10 Nusselt numbers for a tube of 0.4mm diameter and temperature difference of 1 degree at 9MPa

شکل 10 اعداد ناسلت بهدست آمده برای لوله با قطر 0.4 میلیمتر و 1 درجه اختلاف دما در فشار 9MPa



Fig.11 Nusselt numbers for a tube of 0.4mm diameter and temperature difference of 1 degree at 8MPa

شکل 11 اعداد ناسلت بهدستآمده برای لوله با قطر 0.4 میلیمتر و 1 درجه اختلاف دما در فشار 8MPa



Fig. 12 Nusselt numbers for a tube of 0.4mm diameter and temperature difference of 1 degree at 7.5MPa شکل 12 اعداد ناسلت بهدستآمده برای لوله با قطر 0.4 میلیمتر و 1 درجه اختلاف

دما در فشار 7.5MPa

با بررسی شکلهای 10 تا 12 مشاهده میشود که عدد ناسلت همچنان در حوالی دمای شبه بحرانی به بیشترین مقدار خود می سد. با مقایسه شکل 9 با 11 تأثیر قطر لوله بر فرآیند انتقال حرارت مشخص می شود که طبق انتظار با افزایش قطر لوله میزان انتقال حرارت هم افزایش یافته و روند تغییرات منحنی حفظ شده است. در شکلهای 10 تا 12 قطر و میزان اختلاف دما یکسان ولی فشار متغیر است؛ تأثیر تغییرات فشار بر فرآیند انتقال حرارت جابجایی آزاد سیال فوق بحرانی با مقایسه این شکلها قابل بررسی است. با تغییر فشار به دلیل تغییر دمای شبه بحرانی و تغییر خواص تر مودینامیکی سیال، دمای بیشینه شدن میزان انتقال حرارت برای اختلاف دمای یکسان نیز جابجا می-

یکسان نسبت به فشارهای دیگر میشود. نکته قابل توجه دیگر کاهش عدد ناسلت بیشینه با افزایش فشار میباشد. این اتفاق حاصل اثر فشار بر خواص ترمودینامیکی و همچنین تغییرات ملایم تر این خواص (شکلهای 3 تا 5) نسبت به دما در فشارهای بالاتر است.

تفاوت روند کلی نمودار عدد ناسلت در شکل 12 به دلیل نزدیک شدن فشار سیال به فشار بحرانی است؛ زیرا با افزایش فشار دمای شبه بحرانی به دمای بحرانی سیال نزدیک می شود. به همین دلیل تنها بخش کاهش عدد ناسلت با افزایش دمای متوسط در نمودار مشاهده می شود.

در شکلهای 13 تا 15 نتایج بهدست آمده برای اختلاف دماهای بیشتر ارائه شده اند.



 Fig. 13 Calculated Nusselt numbers for a tube of 0.3mm diameter and temperature difference of 2 degrees at 8MPa

 شكل 13 اعداد ناسلت بهدست آمده در تحقيق حاضر براى لوله به قطر 0.3 ميلى متر و

 2 درجه اختلاف دما در فشار 8MPa



Fig. 14 Calculated Nusselt numbers for a tube of 0.3mm diameter and temperature difference of 3 degree at 8MPa

شکل 14 اعداد ناسلت بهدستآمده در تحقیق حاضر برای لوله به قطر 0.3 میلیمتر و 3 درجه اختلاف دما در فشار 8MPa



Fig. 16 Velocity profiles obtained from current study in various sections, $\Delta T=1$, p=8MPa, T_{avg}=307.5, D=0.4mm

 ΔT =1 شکل 16 پروفیل های سرعت حاصل از تحقیق حاضر در مقاطع مختلف لوله، =0 m=8MPa, T_{avg}=307.5, D=0.4mm



Fig. 17 Velocity profiles obtained from current study in various sections, ΔT =2, p=8MPa, T_{avg}=307.75, D =0.3mm ΔT =2 , χ_{ee} وفيل هاى سرعت حاصل از تحقيق حاضر در مقاطع مختلف لوله، T=2

منص 17 پروفین های شرعت محص از تحقیق محص در مفاطع محصف کوند، ۲۲۲۲ p=8MPa, T_{avg}=307.75, D=0.3mm



Fig. 18 Velocity profiles obtained from current study in various sections, $\Delta T=3$, p=8MPa, T_{avg}=306, D=0.3mm

 ΔT =3 شکل 18 پروفیل های سرعت حاصل از تحقیق حاضر در مقاطع مختلف لوله، T=3 شکل 18 پروفیل های سرعت حاصل از p=8MPa, T_{avg} =306, D =0.3mm



Fig. 15 Calculated Nusselt numbers for various temperature differences between surrounding and wall of 0.3mm tube at 8MPa شكل 15 اعداد ناسلت محاسبهشده در تحقيق حاضر به ازاى اختلاف دماهاى متفاوت محيط با ديواره لوله به قطر 0.3 ميلىمتر و فشار 8MPa

با مقایسه سه شکل 9، 11 و 15 مشاهده می گردد که طبق انتظار حساسیت نتایچ بهدستآمده به اختلاف دمای دیواره و محیط بسیار کمتر از تغییرات قطر لوله است. به دلیل متغیر بودن تمام خواص ترمودینامیکی در دامنه حل، عدد رایلی در هر نقطه از دامنه مقدار متفاوتی دارد؛ این تفاوت در نزدیکی دمای شبه بحرانی زیاد و بهطور متداول بین %100 الی %400 است. به منظور استفاده از یک عدد رایلی واحد میتوان نقطه ی مرجع برای تعیین اعداد بی-بعد مهم را انتخاب کرد؛ اما این روش فارغ از محل نقطه مرجع (اعم از ورودی لوله، دیواره لوله یا دمای میانگین) به دلیل عدم شمول تمام پارامترهای تأثیرگذار بر مسئله، مثل فشار و دمای کاهشیافته، به نتایج متناقضی ختم میشود که نتایج حاصل از آنالیز بی بعد جابجایی طبیعی سیال فوق بحرانی با دیوار دما ثابت را غیرقابل استفاده میکند.

با توجه به شکلهای 13 تا 15 مشخص می شود که انتقال حرارت زمانی بیشتر می شود که دمای دیواره لوله به دمای شبه بحرانی نزدیک تر باشد، همچنین برای اختلاف دماهای بالاتر منحنی عدد ناسلت در همسایگی نقطه بیشینه انحنای کمتری دارد. به بیان دیگر بازه دمایی که فرآیند جابجایی آزاد سیال فوق بحرانی کارایی بیشتری دارد با افزایش اختلاف دما بزرگ تر می-شود.

دمای شبه بحرانی به فشار وابسته است، برای روشن شدن نتایج این دما برای چند فشار مختلف در جدول 4 درجشده است؛ سپس در شکلهای 16 تا 19 پروفیلهای سرعت دیاکسید کربن ارائهشدهاند.

جدول 4 دمای شبه بحرانی دی اکسید کربن در فشارهای مختلف Table 4 Pseudo-critical temperatures of carbon dioxide at different

ressures		
	دمای شبه بحرانی ^(*) (K)	فشار (MPa)
	304.86	7.50
	307.83	8.00
	310.57	8.50
	313.29	9.00

p

^(*) دما و فشار بحرانی دیاکسید کربن به ترتیب برابر 304.25K و 7.39MPa است.



Fig. 20 Vertical velocity gradient at R=0.05mm for ΔT =2, p=8MPa, T_{avg}=307.75, D=0.3mm

 ΔT =2, p = 8MPa شکل 20 گرادیان سرعت عمودی در R=0.05mm $T_{\rm avg}$ =307.75, D =0.3mm

در این نمودار سرعت در راستای عمودی در ورودی لوله دچار تغییرات شدید و سپس بعد از طولی معادل پنج برابر قطر لوله تغییرات تا انتهای لوله ملایم و نزدیک به صفر هستند. افت کوچک و ناگهانی نمودار در آخرین گره تا صفر نشاندهنده اختلاف جزئی فرض تغییرات صفر با واقعیت و عدم تأثیرگذاری آن بر پاییندست جریان است. با توجه به شکل 17 این نمودار مربوط به سیستم با بیشترین تغییرات پروفیل سرعت است؛ بنابراین فرض توسعهیافتگی در سیستمهای دیگر با تغییرات ملایمتر نیز درست است.

در شکلهای 21 تا 26 کانتورهای خواص و دمای دیاکسید کربن برای بررسی دلایل افزایش انتقال حرارت نسبت به حالت ایده آل و بررسی بیشتر ادعای بالا رسم شدهاند.



Fig. 21 Calculated contour of special heat capacity at constant pressure for carbon dioxide, $\Delta T=3$, p=8MPa, $T_{avg}=308.25$, D=0.3mm شكل 21 كانتور بهدستآمده از ظرفيت گرمايي ويژه در فشارثابت دى اكسيد كربن، $\Delta T=3$, p=8MPa, $T_{avg}=308.25$, D=0.3mm



Fig. 19 Velocity profiles obtained from current study in various sections, $\Delta T=1$, p=8MPa, T_{avg} =307.5, D =0.2mm $\Delta T=1$, مثكل 19 پروفيل هاى سرعت حاصل از تحقيق حاضر در مقاطع مختلف لوله، p=8MPa, T_{avg} =307.5, D =0.2mm

پروفیل سرعت در ورودی هر چهار شکل به پروفیل سرعت یکنواخت شبیه است، این شباهت با میزان سرعت متوسط ورودی که به میزان انتقال حرارت وابسته است رابطه مستقیم دارد. بهطور مثال در شکل 19 که در بین چهار حالت رسم شده دارای کمترین مقدار ناسلت است، پروفیل سرعت در ورودی آن بیشترین انحراف را از پروفیل سرعت یکنواخت دارد.

در شکلهای 16 و 17 پروفیلهای سرعت درنهایت به شکل M درمیآیند؛ اما در دو شکل بعدی پروفیل سرعت در طول لوله تغییر شکل نمیدهد. این الگو مثل انتقال حرارت جابجایی طبیعی گاز ایده آل بهطورکلی در حالتهایی با انتقال حرارت بالاتر دیده میشود و نزدیک بودن سیال به دمای شبه بحرانی (شکل 19) بهتنهایی تأثیری بر شکل پروفیل سرعت ندارد درحالی که بر میزان انتقال حرارت و عدد ناسلت تأثیر قابل توجهی دارد.

در حالتهایی که پروفیل سرعت M شکل هستند طول ناحیه درحالتوسعه نسبت به حالت دیگر بلندتر است؛ البته توسعهیافتگی کامل جریان تنها در حالتی حاصل می شود که طول لوله بهقدری زیاد باشد، تا دمای سیال با دمای دیوار یکسان شود. دلیل این امر تغییرات ملایم و پیوسته خواص سیال در طول لوله است که باعث می شود نرخ تغییرات سرعت در راستای محور لوله با پیشروی در جهت جریان به صفر نزدیک شود؛ اما برابر با صفر نشود. با توجه به این موضوع ممکن است فرض جریان توسعهیافته در خروجی درست به نظر نرسد. توجیه استفاده از این فرض با دو استدلال انجام می شود؛ اول آنکه تغییرات سرعت نسبت به محور بعد از ورودی لوله کوچک است (بهطور متوسط ⁻¹s-10×8.4 نسبت به بزرگترین مقدار تغییرات) و فرض صفر بودن این تغییرات خطای کوچکی دارد. علاوه بر این با توجه به جهت جریان و ماهیت معادلات حاکم انتشار اطلاعات از سمت پاییندست جریان و بيشتر توسط مكانيسم جابجايي انجام مي شود؛ اما مكانيسم انتقال اطلاعات از مرز خروجی به داخل دامنه مکانیسم پخش در خلاف جهت جریان است که تأثیرگذاری قابل توجهی ندارد. به این تر تیب استفاده از شرط جریان توسعه یافته در این شبیهسازی هنگامی که طول لوله بهاندازه کافی بلند باشد، در درستی روند حل مشکلی ایجاد نخواهد کرد.

برای درک بهتر این مسئله در شکل 20 نمودار تغییرات سرعت عمودی نسبت به محور عمودی رسم شده است.



Fig. 22 Calculated contour of thermal conductivity for carbon dioxide, ΔT =3, p=8MPa, T_{avg}=308.25, D =0.3mm ΔT =3 (میکل 22 کانتور بهدستآمده برای رسانش گرمایی دی کسید کربن 23



Fig. 23 Calculated contour of viscosity for carbon dioxide, ΔT =3, p=8MPa, T_{avg}=308.25, D=0.3mm

ΔT=3, p=8MPa شکل 23 کانتور بهدستآمده برای ویسکوزیته دیاکسید کربن، T_{avg}=308.25, D =0.3mm



Fig. 24 Calculated contour of thermal expansion coefficient for carbon dioxide, ΔT =3, p=8MPa, T_{avg}=308.25, D =0.3mm ΔT =3 شكل 24 كانتور بهدستآمده برای ضریب انبساط حرارتی دی اکسید کربن



Fig. 25 Calculated contour of density for carbon dioxide, $\Delta T = 3$, p=8MPa, $T_{avg}=308.25$, D=0.3mm

ΔT=3, p=8MPa **شکل 25** کانتور بهدستآمده برای چگالی دیاکسید کربن، T_{ave}=308.25, D=0.3mm



Fig. 26 Calculated contour of temperature for carbon dioxide, $\Delta T=3$, p=8MPa, T_{avg}=308.25, D=0.3mm

 ΔT =3, p=8MPa شکل 26 کانتور بهدستآمده برای توزیع دمای دی
اکسید کربن، $T_{\rm avg}$ =308.25, D =0.3mm

شکلهای 21 تا 25 کانتورهای خواص برای یک حالت با T_{avg} نزدیک دمای شبه بحرانی و پروفیل سرعت M شکل هستند. مشاهده میشود که در بین این خواص، ویسکوزیته و رسانش گرمایی کمترین تغییرات را دارند. ضریب انبساط حرارتی سیال در بین معادلات حاکم نیست اما برای تفسیر میدان سرعت و دلایل افزایش انتقال حرارت مفید است. در نزدیکی دیوار لوله ضریب انبساط حرارتی به مقدار بیشینه خود می سد، که تقریبا سه برابر کمترین مقدارش است؛ این امر موجب افزایش سرعت در نزدیکی دیواره میشود. از طرف دیگر بیشینه شدن ظرفیت گرمایی ویژه، قابلیت دریافت و حمل انرژی گرمایی سیال را بیشتر میکند. درواقع این ناحیه متناظر با پدیده جوشش در سیال غیر بحرانی است و زمانی که دمای دیوار لوله برابر دمای شبه بحرانی باشد، پدیده شبه جوشش بر روی دیوار رخ داده و انتقال حرارت طبق شکلهای 9 تا 15 به میزان بیشینه خود می رسد.

با توجه به این موضوع، دلیل عمده افزایش انتقال حرارت تغییرات چگالی و بزرگ بودن مقدار متوسط ظرفیت گرمایی است؛ البته کاهش ویسکوزیته در نزدیکی دیواره در افزایش سرعت بیتأثیر نیست.

p=8MPa, T_{avg}=308.25, D =0.3mm

در شکلهای 27 تا 30 کانتورهای چگالی، ظرفیت گرمایی و دما برای دو حالت با ناسلت کمتر جهت مقایسه با کانتورهای قبلی رسم شدهاند. با فاصله گرفتن دمای متوسط از دمای شبه بحرانی سیال، تغییرات خواص کمتر می-شوند که منجر به کاهش میزان انتقال حرارت و درنهایت نزدیک شدن رفتار سیال به گاز ایده آل میشود.

جابجایی طبیعی سیال فوق بحرانی به موقعیت دمای متوسط نسبت به دمای شبه بحرانی وابستگی زیادی دارد. در شکلهای 27 و 28 که دمای متوسط از دمای شبه بحرانی بیشتر است، سیال خواص گازها را داراست. چگالی و ظرفیت گرمایی سیال نیز بر روی دیوار لوله کمترین مقدار خود را دارند؛ به همین دلیل در دماهای بالاتر از دمای شبه بحرانی اختلاف میزان انتقال حرارت جابجایی آزاد دیاکسید کربن فوق بحرانی با گاز ایده آل به کمترین مقادیر خود می سد. در شکلهای 29 و 30 قبل از دمای شبه بحرانی تغییرات خواص برعکس دو شکل قبلی هستند و شباهت خواص سیال به مایعات اختلاف قابل توجه انتقال حرارت با گاز ایده آل را توجیه می کند.



Fig. 27 Contour of special heat capacity at constant pressure for carbon dioxide, $\Delta T=3$, p=8MPa, $T_{avg}=312$, D =0.3mm

شکل 27 کانتور بهدستآمده از ظرفیت گرمایی ویژه در فشارثابت دی
اکسید کربن، ΔT =3, p=8MPa, Tave=312, D =0.3mm



Fig. 28 Calculated contour of density for carbon dioxide, ΔT = 3, p=8MPa, T_{avg}=312, D =0.3mm

 ΔT =3, p=8MPa شکل 28 کانتور بهدستآمده برای چگالی دی
اکسید کربن، Tay=312, D =0.3mm



Fig. 29 Contour of special heat capacity at constant pressure for carbon dioxide, Δ T=3, p=8MPa, T_{avg}=305.5, D =0.3mm

شکل 29 کانتور بهدستآمده از ظرفیت گرمایی ویژه در فشارثابت دی
اکسید کربن، ΔT =3, p=8MPa, T_{avg} =305.5, D =0.3mm



Fig. 30 Calculated contour of density for carbon dioxide, $\Delta T = 3$, p=8MPa, T_{avg} =305.5, D =0.3mm ΔT =3, p=8MPa شکل 30 کانتور بهدستآمده برای چگالی دیاکسید کربن، 30 T_{avg} =305.5, D =0.3mm

6- نتیجه گیری

انتقال حرارت جابجایی آزاد و آرام دیاکسید کربن فوق بحرانی درون لوله عمودی به روش عددی بررسی شد. مدل عددی در حالت غیر بحرانی انطباق خوبی با نتایج آزمایشگاهی النباس نشان داد و با در نظر گرفتن تغییرات کلیه خواص، انتقال حرارت جابجایی آزاد دیاکسید کربن فوق بحرانی در لوله با موفقیت شبیه سازی شد. نتایج به دستآمده در حالت فوق بحرانی افزایش قابل توجه میزان انتقال حرارت نسبت به گاز کامل را نشان می دهند، که نتیجه تغییرات شدید خواص در این ناحیه، بخصوص در نزدیکی دمای شبه بحرانی است. در بین خواص، افزایش کلی ظرفیت گرمایی ویژه و تغییرات شدید چگالی، در انحراف رفتار سیال از مدل گاز ایده آل نقش بیشتری دارند. رفتار متفاوت سیال در بعد و قبل از دمای شبه بحرانی نیز موردبررسی قرار فوق بحرانی، با اختلاف دما و فشار معین، به دمای متوسط سیستم و موقعیت آن نسبت به دمای شبه بحرانی وابسته است؛ به طوری که برای دماهای

- [2] M. Perrut, Sterilization and virus inactivation by supercritical fluids (a review), The Journal of Supercritical Fluids, Vol. 66, No. Special edition on the occasion of Gerd Brunner's 70th birthday, pp. 359-371, 2012.
- [3] D. Huang, Z. Wu, B. Sunden, W. Li, A brief review on convection heat transfer of fluids at supercritical pressures in tubes and the recent progress, Applied Energy, Vol. 162, No. 1, pp. 494-505, 2016.
- [4] A. A. Bishop, R. O. Sandberg, L. S. Tong, Forced-convection heat transfer to water at near-critical temperatures and supercritical pressures, Joint Meeting of the American Institute of Chemical Engineers and the British Institution of Chemical Engineers, pp. 100-129, London, England, December, 1964.
- [5] W. Gang, J. Pan, Q. Bi, Z. Yang, H. Wang, Heat transfer characteristics of supercritical pressure water in vertical upward annuli, Nuclear Engineering and Design, Vol. 273, No. 1, pp. 449-458, 2014.
- [6] Z. Q. Long, P. Zhang, B. Shen, Natural convection heat transfer of supercritical binary fluid in a long closed vertical cylinder, International Journal of Heat and Mass Transfer, Vol. 80, No. 1, pp. 551-561, 2015.
- [7] L. Wei, Y. Lu, J. Wei, Numerical study on laminar free convection heat transfer between sphere particle and high pressure water in pseudo-critical zone, Thermal Science, Vol. 18, No. 4, pp. 1293-1303, 2014.
- [8] A. R. Teymourtash, M. Ebrahimi, Natural convection over a nonisothermal vertical flat plate in supercritical fluids. Scientia Iranica. Vol. 16, No. 6, pp. 470-478, 2009.
- [9] A. R. Teymourtash, M. Ebrahimi Warkiani, Natural convection over a heated plate in super critical fluids, 11th Fluid Dynamics Conference, Tehran, Iran, June, 2008. (in Persian فارسى)
- [10] A. R. Teymourtash, D. R. Khonakdar, M. R. Raveshi, Natural convection on a vertical plate with variable heat flux in supercritical fluids, The Journal of Supercritical Fluids, Vol. 74, No. 1, pp. 115-127, 2013.
- [11] A. Teymourtash, S. Noorifard, Natural convection heat transfer of a supercritical fluid in a vertical channel with isothermal condition, Modares Mechanical Engineering, Vol. 14, No. 15, pp. 33-41, فارسى 2014. (in Persian)
- [12] W. Elenbaas, The dissipation of heat by free convection the inner surface of vertical tubes of different shapes of cross-section, Physica, Vol. 9, No. 8, pp. 865-874, 1942.
- [13] Y. Li, L. Baldacchino, Implementation of some higher-order convection schemes on non-uniform grids, International Journal for Numerical Methods in Fluids, Vol. 21, No. 12, pp. 1201-1220, 1995.
- [14] G. Desrayaud, E. Chénier, A. Joulin, A. Bastide, B. Brangeon, J. P. Caltagirone, Y. Cherif, R. Eymard, C. Garnier, S. Giroux-Julien, Y. Harnane, P. Joubert, N. Laaroussi, S. Lassue, P. Le Quéré, R. Li, D. Saury, A. Sergent, S. Xin, A. Zoubir, Benchmark solutions for natural convection flows in vertical channels submitted to different open boundary conditions, International Journal of Thermal Sciences, Vol. 72, No. 1, pp. 18-33, 2013.
- [15] D. Rezaei Khonakdar, M. R. Raveshi, Mixed convection on a vertical plate in supercritical fluids by selecting the best equation of state, The Journal of Supercritical Fluids, Vol. 107, No. 1, pp. 549-559, 2016.
- [16] R. Span, W. Wagner, A New Equation of State for Carbon Dioxide Covering the Fluid Region from the Triple-Point Temperature to 1100 K at Pressures up to 800 MPa, Journal of Physical and Chemical Reference Data, Vol. 25, No. 6, pp. 1509-1596, 1996.
- [17] R. Span, Multiparameter equations of state: an accurate source of thermodynamic property data, 1st Eddition, pp. 15-45, Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2000.
- [18] E. Heidaryan, T. Hatami, M. Rahimi, J. Moghadasi, Viscosity of pure carbon dioxide at supercritical region: Measurement and correlation approach, The Journal of Supercritical Fluids, Vol. 56, No. 2, pp. 144-151, 2011.
- [19] A. Jarrahian, E. Heidaryan, A novel correlation approach to estimate thermal conductivity of pure carbon dioxide in the supercritical region, The Journal of Supercritical Fluids, Vol. 64, No. 1, pp. 39-45, 2012.

متوسط کمتر از این دما، انتقال حرارت افزایش بیشتری نسبت به سیستم معادل با گاز ایدهآل دارد. مقدار بیشینهی افزایش انتقال حرارت هنگام برابر شدن دمای دیوار لوله با دمای شبه بحرانی رخ میدهد و دلیل آن وقوع پدیده شبه جوشش در نزدیکی دیوار است.

7- فهرست علائم

(m²) سطح جانبی لوله A_P انرژی آزاد هلمهولتز (J) а ظرفیت گرمایی ویژه در فشارثابت (JK⁻¹kg⁻¹) Cr قطر لوله (m) D (ms⁻²) شتاب گرانشی زمین gآنتالیے (Jkg⁻¹) h رسانندگی گرمایی (Wm⁻¹K⁻¹) k طول لوله (m) L عدد ناسلت Nu فشار (kgm⁻¹s⁻²) pفشار سکون (kgm⁻¹s⁻²) p_{stat} شار گرمایی (Wm⁻²) q شعاع لوله (m) R ثابت گاز برای دیاکسید کربن ('JK⁻¹mol) \overline{R} Ra عدد رایلی دما (K) Т (s) زمان t سرعت در جهت x (ms⁻¹) (ms⁻¹) y سرعت در جهت y v علائم يوناني انرژی آزاد هلمهولتز کاهش یافته α ضریب انبساط حرارتی (K⁻¹) (kgm⁻¹s⁻¹) لزجت دینامیکی μ (m^2s^{-1}) لزجت سینماتیکی ν چگالی (kgm⁻³) ρ بالانويسها تغيير يافته 0 ایدہ آل r مانده زيرنويسها ave مقدار متوسع C in pc DC کاھ ديوار

8- مراجع

[1] Ž. Knez, E. Markočič, M. Leitgeb, M. Primožič, M. Knez Hrnčič, M. Skerget, Industrial applications of supercritical fluids: A review, Energy, Vol. 77, No. 1, pp. 235-243, 2014.