.
ماهنامه علمی پژوهشی

مهندسی مکانیک مدرس

mme.modares.ac.in

رویکردی جدید و آنلاین برای پرهیز از نقاط تکین در راهنمایی دستی رباتهای صنعتی با استفاده از کنترل امیدانس متغیر

علے موسوی محمدی¹، علیر ضا اکبر زادہ^{2*}

1- فارغ التحصيل كارشناسي ارشد، مهندسي مكانيك، دانشگاه فردوسي مشهد، مشهد

2- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد

ali_akbarzadeh@um.ac.ir .9188877861

A new on-line singularity avoidance approach for manual guidance of industrial robots using variable impedance control

Ali Mousavi Mohammadi, Alireza Akbarzadeh^{*}

Department of Mechanical Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran * P.O.B. 9188877861, Mashhad, Iran, ali akbarzadeh@um.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper Received 30 August 2016 Accepted 09 October 2016 Available Online 08 November 2016

Keywords: Manual Guidance **Industrial Robots** Path Generation Impedance Control Manipulability Ellipsoid

ABSTRACT

This paper studies path generation using manual guidance procedure for industrial robots by considering real-time singularity avoidance. Main feature of the proposed approach is singularity avoidance by variating impedance control parameters in preset distance from singularity in order to warn operator. Robot end-effector is equipped with a force sensor which the operator grasps, thereby producing the desired path. The desired end-effector path is generated by operator's manual guidance for applications such as welding and spray painting and is recorded by robot controller. Robot singular configuration is possible during the manual guidance. So real-time detection of singularity position and orientation have to be considered during path generation because it can lead to unexpected high robot joint velocity. This problem is not safe due to physical human-robot interaction. Manipulability ellipsoid method is utilized for singularity identification. The method can be utilized on-line due to its simple and low calculation process. On the other hand, the end-effector velocity is saturated in a specific value in the approach considering safety issues. Two main advantages of the proposed approach are real-time application and high safety because of the singularity avoidance. Experiments are applied on a SCARA robot to study the effectiveness of the proposed approach. Experimental results show the ability of proposed approach in dealing with singularity problem during the manual guidance.

> رباتهای صنعتی به منظور انجام دقیق و سریع برخی وظایف در صنعت به کار گرفته می شوند. برای انجام بسیاری از این وظایف، تنها به کارگیری کنترل

موقعیت نتیجه مناسب نخواهد داشت بلکه کنترل نیروی تماسے،¹ بوجود آمده بین ربات و محیط پیرامون لازم است. فرآیندهایی مانند اسمبلی²، پولیش

1- مقدمه

 2 Assembly

ه بواج به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نعایید:
A. Mousavi Mohammadi, A. Akbarzadeh, A new on-line singularity avoidance approach for manual guidance of industrial robots using variable impedance bontrol, Modares
Mental Mechanical Engineering, Vol. 16, No. 11, pp. 311-322, 2016 (in Persian)

¹ Contact force

زنی¹ و پلیسه برداری² از جمله این وظایف است [1]. کنترل امیدانس با تنظیم مفهوم امپدانس مکانیکی نسبت داده شده به ربات، به کنترل نیروی تماسی بهوجود آمده بین ربات و محیط پیرامون -شامل انسان- میپردازد. کنترل امپدانس جهت پیادهسازی عملی به پسخورد موقعیت و نیرو نیاز دارد [2]. از طرف دیگر، تولید مسیر برای رباتهای صنعتی، کاری مشکل و زمانگیر است. بهخصوص زمانی که بحث تعامل ربات با محیط و کنترل نیروی تماسی نیز مطرح باشد. نخستین بار در [3-5] روشی برای برای تعامل ربات و انسان معرفی شد که امروزه اساس روش راهنمایی دستی رباتهای صنعتی به کمک کنترل امپدانس است. این روش برای جوشکاری و پاشیدن رنگ توسط ربات، به ترتیب در [6] و [7] بررسی شده است. مارسلو و همکاران با به کارگیری کنترل امپدانس و نسبت دادن امپدانس مطلوب به ربات، رویکرد ارائه شده را توسعه داده و در زمینه تولید مسیر برای رباتهای جوش کار پیادهسازی عملی نمودند [6]. در این روش کاربر پس از ورود به فضای کاری ربات و گرفتن مجری نهایی -که مجهز به سنسور نیرو شده است- مسیر مطلوب را به ربات آموزش میدهد. این مسیر توسط کنترلگر ذخیره میشود و سپس بدون حضور کاربر و در زمان مناسب فراخوانی گردیده تا فرآیند مورد نظر را انجام دهد. باسچتا و همکاران نیز با بکارگیری روش یاد شده، به تولید مسیر برای مجری نهایی ربات جهت پلیسه <mark>برداری³ از رینگ</mark> چرخ یک خودرو پرداختهاند [8]. ایشان دینامیک ابزاری که کاربر هنگام کار با ربات احساس میکند محاسبه کرده و در معادلات ربات لحاظ نمودهاند تا کاربر احساس واقعی تری از فرآیند داشته باشد. از طرفی بهدلیل ایجاد شرایط ایمن برای کاربری که وارد فضای کاری ربات شده است، سرعت مجری نهایی هنگام رسیدن به مقدار مشخصی، بهوسیله یک تابع اشباع میشود. همچنین بخشی از فضای کاری ربات بهصورت مجازی جدا شده تا کاربر بدون خطر جانی با ربات تعامل کند. دو روش اخیر، براساس استاندارد ایزو 1-10218 ارائه شدهاند [9]. در این استاندارد شرایط لازم برای حفظ امنیت جانی کاربر حین کار با رباتها و سیستمهای رباتیکی صنعتی ارائه شده است. کاهش زمان تولید مسیر مطلوب برای پلیسهبرداری از رینگ چرخ یک خودرو از چند هفته به چند ساعت، نتيجه شاخص [8] است.

در سالهای اخیر موضوع راهنمایی دستی ربات به دلیل مزایای فراوان این روش، بیش از پیش مورد توجه قرار گرفته است. بررسی کامل استانداردهای ایزوی مرتبط با راهنمایی دستی رباتها و مروری بر تاریخچه این راهکار و روشهای پیادهسازی آن در [10] انجام گرفته است. روش مبتنی بر شبیهسازی تعامل با ربات برای راهنمایی دستی توسط کاربر در [11] ارائه شده است. دلیل اصلی استفاده از شبیهسازی، وجود کنترلگر موقعیت دقیق و البته غیر قابل دسترس برای طراح، در اکثر رباتهای صنعتی است که استفاده از روشهای کنترل نیرو را مشکل مینماید. در این روش، رفتار دینامیک کاربر توسط نرم|فزار گرفته شده⁴ و تعامل او با ربات در نرمافزار رخ مے دھد.

معمولا معادلات تعامل ربات با انسان به دلیل حضوری فیزیکی کاربر در فضای کاری، در فضای کارتزین نوشته می شود. بنابراین به دلیل نیاز به معکوس ماتریس جاکوبین برای نگاشت بین فضای کارتزین و مفصل، احتمال وقوع تكينگي وجود دارد. براساس مطالعات انجام شده، تاكنون مشكل تکینگی⁵ رباتها در حین تولید مسیر بهوسیله راهنمایی دستی کاربر،

Deburring

براساس استانداردهای ایزو، مورد بررسی قرار نگرفته است. معمولا مشکل تکینگی و نحوه برخورد با آن در رباتهای صنعتی به کمک سیستم ایمنی كنترلگر رباتها انجام مىشود [9]. يعنى كنترلگر ربات در صورت نزديكى به نقطه تکین متوقف شده و هشدار لازم را به صورت دیداری یا شنیداری به كاربر مىدهد تا ربات از موقعيت خطرناك دور شود. معمولا مانند [8] قسمتى از فضای کاری ربات برای راهنمایی دستی انتخاب می شود که این موضوع منجر به از دست دادن بخش زیادی از فضای کاری ربات خواهد شد.

در این مقاله مشکل تکینگی در حین راهنمایی دستی ربات مورد مطالعه و بررسی قرار میگیرد. شناسایی راستا و فاصله تا تکنیگی به کمک روش بیضیگون حرکتپذیری انجام خواهد شد [12]. با استفاده از این روش، کاربر در فضایی به دور از تکینگی با ربات تعامل میکند و بدین صورت از حداکثر فضای کاری استفاده خواهد شد. به کمک روش بیضیگون حرکتپذیری در فاصله مشخص از تکینگی، سفتی و میرایی کنترل امپدانس تغییر میکند. بدین صورت که سفتی و میرایی مجازی تولید شده و به سفتی و میرایی اولیه اضافه خواهد شد. بنابراین کاربر نمی تواند به آسانی گذشته به فرآیند ادامه دهد، بنابراین نزدیکی به تکینگی به کاربر هشدار داده خواهد شد.

در ادامه و در بخش دو، مفهوم کنترل امپدانس بهصورت خلاصه معرفی و سپس نحوه به کارگیری آن برای راهنمایی دستی رباتهای صنعتی توضیح داده میشود. در بخش سوم مقاله حاضر، تکینگی، روش بیضیگون حرکتپذیری و رویکرد پیشنهادی برای دوری از نقاط تکین شرح داده میشود. در بخش چهارم، ربات فام اسکرا⁶معرفی شده و فضای کاری آن بررسی گردیده است. بخش پنجم به پیادهسازی عملی آزمایشهای عملی روی ربات فام اسکرا پرداخته و بخش ششم شامل جمع بندی آزمایشها و نتيجەگيرى مىباشد.

2- كنترل اميدانس

روش کنترل امپدانس توسط هوگان در مبحث کنترل نیروی تماسی بوجود آمده بین ربات و محیط پیرامونش مطرح شد [13]. به کمک این روش می توان خصوصیات دینامیک مطلوب یک ربات که در تعامل فیزیکی با محیط است را بر اساس نظر طراح تنظیم نمود [15,14]. امپدانس مکانیکی ربات، گسترش یافته مفهوم سفتی یک ربات است که به هنگام وجود نیروی تماسی مطرح میشود. امپدانس مکانیکی مطلوب برای مجری نهایی ربات توسط محرکها و به کمک پسخورد(موقعیت و نیرو بدست میآید [2]. منظور از امپدانس مکانیکی، سفتی، میرایی و جرم (یا اینرسی) میباشد که نشاندهنده رفتار ربات هنگام وجود نیروی تماسی خواهد بود. همانطور که بیان شد، امپدانس مکانیکی که از این پس به صورت خلاصه امپدانس نامیده میشود، براساس نظر طراح و از طرفی سعی و خطا تعیین میشود. معادله کلی حاکم بر كنترل اميدانس به شكل معادله (1) است [2]. (1)

 $M_t \ddot{X}_e + B_t \dot{X}_e + K_t \ddot{X}_e = \vec{F}_e$

در این معادله $\ddot{X_e}$ و X_e به ترتیب نشاندهنده K_t و K_t به ترتیب نشان بردارهای خطای موقعیت، خطای سرعت و خطای شتاب مجری نهایی، نیروی تماسی، ماتریسهای اینرسی، میرایی و سفتی مطلوب میباشند. همچنین بردار خطا طبق رابطه (2) محاسبه مى شود. $\vec{X}_e = \vec{X} - \vec{X}_d$ (2)

ماتریس های M_t ، B_t و K_t ، قطری و متقارن هستند که مقادیرشان براساس نظر طراح و نوع كار ربات تعيين مى شود. به عنوان مثال براى ربات

Polishing Deburring

⁴ Capture
⁵ Singularity

 6 FUM SCARA

سری دو درجه آزادی صفحهای، با توجه به تعداد درجات آزادی، تمام بردارها و ماتریس های معادله (1) به ترتیب 2 مؤلفه و 2 × 2 خواهند بود. بنابراین ربات مورد مطالعه مانند "شكل 1"، معادل با سيستم جرم، فنر و ميراگر دو درجه آزادی خواهد بود. یعنی دو قسمت مشخص شده با خط-چین در "شكل 1" معادل يكديگر هستند.

1-2- کنترل امیدانس بر اساس موقعیت

معمولا کنترل امیدانس براساس یکی از روشهای زیر مورد استفاده قرار میگیرد: کنترل امیدانس براساس موقعیت یا کنترل امیدانس براساس نیرو. تفاوت این دو روش در جایگاه کنترل امپدانس در حلقه کنترلی است [1]. از طرفی بهدلیل پیادهسازی کنترل امپدانس روی رباتهای صنعتی، دسترسی به کنترلگر موقعیت ربات برای اعمال تغییرات دلخواه طراح، به سادگی میسر نخواهد بود. بنابراین باید از روشی استفاده نمود که بدون نیاز به اعمال تغییرات در کنترلگر موقعیت، توانایی تعامل با محیط را دارا باشد. این شیوه که کنترل امیدانس براساس موقعیت نام دارد برای پیادهسازی روی رباتهای صنعتی مناسب است [16].

در روش کنترل امپدانس براساس موقعیت، حلقه کنترل نیرو به دور حلقه کنترل موقعیت بسته شده و در صورتی که نیرویی به سنسور وارد نشود، حلقه بیرونی (یعنی کنترل نیرو) تأثیری در کنترل موقعیت ربات نخواهد داشت [17]. به همین دلیل می توان از این روش برای رباتهای صنعتی استفاده نمود، زیرا بدون هیچ تغییری در کنترلگر موقعیت ربات، امكان استفاده از آن وجود دارد [8]. در "شكل 2" مشاهده مى شود كه بدون

وجود سیگنال نیروی تماسی، حلقه بیرونی تأثیری در کنترل موقعیت ربات نخواهد داشت.

2-2- کنترل امپدانس برای راهنمایی دستی

همان طور که در بخش قبلی بیان شد، جهت استفاده از کنترل امیدانس برای راهنمایی دستی رباتها باید از روش کنترل امیدانس براساس موقعیت استفاده نمود. علاوه بر این باید دو مورد زیر را رعایت نمود تا مسیر مورد نظر کاربر تولید شود:

- 1- مسير مطلوب كه قبل از حركت ربات و به صورت آفلاين توليد شده، برای تمامی درجات آزادی، صفر در نظر گرفته شود (شکل 2).
	- 2- مقدار سفتی نیز باید در معادله امپدانس صفر فرض شود.

بنابراین ماتریس سفتی و موقعیت مطلوب که بهصورت آفلاین تولید شده است، طبق رابطه (3) خواهند بود.

$$
\theta_d = 0
$$

$$
K_t = 0
$$

يس از اعمال دو مورد فوق، معادله (1) براي راستاي x بدين صورت بازنویسی میشود:

$$
\ddot{x} = \frac{1}{M_{t_x}} \left(F_{e_x} - B_{t_x} \dot{x} \right)
$$
\n⁽⁴⁾

که به کمک این معادله و دو بار انتگرالگیری از آن، موقعیت معادل با نیروی تماسی وارد شده به ربات بهدست خواهد آمد (شکل 3). واضح است در مقدار موقعیت بهدست آمده، ماتریس جرم و میرایی دخالت مستقیم دارند.

 (3)

Fig. 1 Human robot interaction using impedance control concept

شکل 1 تعامل انسان با ربات به کمک مفهوم کنترل امیدانس

Fig. 2 Position based impedance control block-diagram

شکل 2 بلوک–دیاگرام کنترل امیدانس براساس موقع

Fig. 3 Block-diagram solution of impedance control equation with saturation condition

شکل 3 بلوک-دیاگرام حل معادله کنترل امیدانس به همراه شرط اشباع

بهدلیل استفاده از محیط سیمولینک¹ برای کنترل بلادرنگ ربات، بهتر است از روش بلوک-دیاگرام برای نوشتن معادله امپدانس استفاده شود، زیرا امکان تغییر ضرایب امپدانس در حین فرآیند به آسانی وجود دارد. از طرفی به عنوان نمونه پیش از این در [18] از این شیوه نمایش برای کنترل امپدانس استفاده شده است. "شكل 3" معادله جديد كنترل امپدانس يعنى (4) را به صورت بلوک-دیاگرام بیان میکند. طبق "شکل 3" بلوکی در نظر گرفته شده که سرعت تولید شده برای مجری نهایی ربات را در یک مقدار مشخص اشباع می کند. حد اشباع برای آن 0.25 متر بر ثانیه میباشد که براساس استاندار ایزو 1-12018 تعیین شده است. تعریف این مقدار در استاندارد ایزو بهدلیل حضور فیزیکی کاربر در فضای کاری در نظر گرفته شده تا مجری نهایی با سرعت زیاد حرکت نکند. انتظار میرود با بهکارگیری این روش، سرعت مجری نهایی از 0.25 متر بر ثانیه بیشتر نشود. در بخش آزمایشها قسمتی برای صحتسنجی این روش ارائه شده است.

می توان مزایای تولید مسیر برای رباتهای صنعتی به روش راهنمایی دستی به کمک کنترل امپدانس، که پیش از این توسط محققان بدست آمده را به صورت موردی و به شکل زیر بیان نمود [11,8,6]:

1- توليد سريع مسير مطلوب 2- نمایش بلادرنگ مسیر مطلوب 3- استفاده از تجربه كاربر حرفهاى 4- عدم نیاز به کاربر مسلط به دانش رباتیک 5- عدم نیاز به واسط کاربری

6- پیادەسازى آسان

در صورتی که بتوان قبل از وقوع تکینگی به کاربر هشدار داد و از تکین شدن ربات جلوگیری نمود، میتوان مورد مهم دیگری به مزایای فوق افزود. این مورد تحت عنوان رویکرد پیشنهادی در این پژوهش و در بخش بعدی| مورد بررسی و مطالعه قرار خواهد گرفت. در مقابل این مزایا تنها میتوان به یک عیب اشاره نمود و آن قیمت زیاد سنسور نیرو است.

3- رویکرد پیشنهادی برای دوری از نقاط تکین

با توجه به حضور کاربر در فضای کاری ربات و تعامل فیزیکی او با ربات، حفظ سلامتی و جان انسان از اهمیت بسیاری برخودار است. تکینگی رباتها از جمله مشکلاتی است که طراحان مسیر سعی میکنند از آن دوری کنند، زیرا معمولا منجر به سرعتهای زیاد و غیر منتظره مفاصل ربات میشود. برای اعلام هشدار به کاربری که در فضای کاری ربات قرار دارد و مجری نهایی را به سمت نقاط تکین میبرد، نیاز به آگاهی از اطلاعات زیر میباشد:

1- موقعیت مجری نهایی نسبت به موقعیت نقاط تکین

2- راستای مجری نهایی نسبت به راستای نقاط تکین

بنابراین باید به دنبال روشی بود تا علاوه بر تعیین مقدار فاصله از نقاط تکین، راستای این نقاط را بهدست دهد.

3-1- تكىنگى

تكين شدن ربات از طريق عدم وجود معكوس ماتريس جاكوبين تعريف میشود. چنین حالتی، تکینگی ربات یا بهصورت خلاصه تکینگی نامیده میشود [19]. از دید فضای کارتزین، ربات در حالت تکینگی یک درجه آزادي از دست مي دهد. تکينگي در دو حالت رخ مي دهد [19]:

1- مرزي: زماني كه مجري نهايي ربات در مرز فضاي كاري قرار دارد.

 (9)

 2 determinant

2- درونی: معمولا زمانی که دو مفصل ربات در یک راستا قرار بگیرند (از مرز فضای کاری دور است).

براساس رابطه (5) و به کمک معکوس ماتریس جاکوبین، سرعت مجری نهایی به سرعت مفاصل ربات تبدیل میشود. در حقیقت به کمک این رابطه میتوان سرعت مطلوب در فضای مفاصل را براساس سرعت مطلوب در فضای كارتزين بەدست آورد.

 $\vec{\theta} = I^{-1}\vec{X}$ (5) خطر اصلی که در هنگام وقوع تکینگی روی میدهد، بینهایت شدن سرعتهای مفاصل است. این موضوع در عمل منجر به صدمه دیدن موتورها به دلیل سرعتهای بسیار زیاد خواهد شد. این مشکل در طراحی مسیر در نظر گرفته شده و تلاش میشود تا به روشهای گوناگون از آن دوری شود.

نقاط تکین ربات مورد بحث در این پژوهش، به کمک معکوس ماتریس جاکوبین بهدست می آیند. این ماتریس برای ربات سری دو درجه آزادی صفحهای بدین صورت بدست می آید [19]:

$$
J = \begin{bmatrix} -l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) - l_1 \sin(\theta_1) & -l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + l_1 \cos(\theta_1) & l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) \end{bmatrix}
$$
(6)
\n
$$
J^{-1} = \frac{1}{\det(J)} \begin{bmatrix} l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) & l_2 \cos(\theta_1) \\ -l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) - l_1 \cos(\theta_1) & l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) \\ l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) & -l_2 \sin(\theta_1) \end{bmatrix}
$$
(7)

$$
\left(\frac{1}{2}\right)^{1/2}
$$
دیت کیدی نیز عبارت است از:
(8)

$$
\det(J) = l_1 l_2 \sin(\theta_2)
$$

که با توجه به مقدار دترمینان میتوان گفت در صورتی که θ_2 صفر شود، معکوس ماتریس جاکوبین وجود ندارد. نقاطی که دارای این ویژگی هستند، با خط -نقطه قرمز رنگ در "شكل 4" نشان داده شدهاند. ربات در پنج حالت تکین از جمله (0 و 0.7) نشان داده شده است که در این نقاط، لینکهای ربات بهصورت کشیده و در یک راستا می باشند. همچنین نقاط تکین مورد بحث، در مرز فضای کاری قرار گرفتهاند، یعنی از نوع تکینگی مرزی میباشند

3-2- روش بيضيگون حركتپذيري

این روش برای بررسی حرکتپذیری و پیدا کردن بهترین وضعیت ربات توسط یوشیکاوا مطرح شد [12]. اساس این روش برمبنای محاسباتی است که روی ماتریس جاکوبین انجام میشود. به کمک این روش میتوان مقدار فاصله و همچنین جهت تکین شدن ربات را قبل از رسیدن به تکینگی بهدست آورد. بنابراین با استفاده از این روش، قابلیت هشدار دادن به کاربر قبل از وقوع تکینگی وجود خواهد داشت. در حقیقت، این بیضی ًگون نشان دهنده توانايي حركت ربات در جهت شعاع بزرگتر بيضيگون است [20,12]. در [12,2] نحوه محاسبه و رسم این بیضیگون به تفصیل برای تعدادی ربات از جمله یک ربات سری دو درجه آزادی صفحهای بیان شده است. در ادامه به صورت خلاصه، روش بهدست آوردن بردار شعاعهای بیضیگون توضیح داده شده است. با داشتن بردار شعاع، رسم بیضیگون به آسانی انجام میشود. $\mathbf{r} = \mathbf{r} + \mathbf{r}$

$$
J(\vec{\theta})
$$

$$
J^* = J(\vec{\theta}) \mathbf{x} J^t(\vec{\theta})
$$
\n
$$
J^* = J(\vec{\theta}) \mathbf{x} J^t(\vec{\theta})
$$
\n
$$
= \sqrt{2} \mathbf{x} J^t(\vec{\theta})
$$

 1 Simulink

$$
\lambda_1, \vec{v}_1, \lambda_2, \vec{v}_2
$$

- كام چهارم: محاسبه مقدار شعاع

 (11)

 (14)

 (15)

$$
r_1 = \sqrt{\lambda_1} \quad , \quad r_2 = \sqrt{\lambda_2} \tag{12}
$$

$$
\vec{r}_1 = r_1 \times \vec{v}_1, \quad \vec{r}_2 = r_2 \times \vec{v}_2
$$
\n(13)

طبق "شكل 5" بيضي گون حركت پذيري با استفاده از روابط (9) تا (13)، برای یک ربات سری دو درجه آزادی صفحهای رسم شده است. مشاهده میشود در هنگام نزدیکی به تکینگی یعنی (0٫7%)، یک شعاع به سمت صفر میل میکند. روابط (10) و (12) برای صحتسنجی رفتار بيضي گون حركت يذيري در نقطه تكين، يعني (0 و 0.7) بهصورت زير بهدست میآید (برای بررسی دقیقتر ماتریس * رو شعاعهای بیضیگون حرکت پذیری ربات مورد نظر، به پیوست مراجعه شود):

$$
\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & \frac{29}{50} \end{bmatrix}
$$

 $J^* =$

$$
r_1 = 0 \text{ m}
$$

$$
r_2 = 0.7616 \text{ m}
$$

همانطور که در "شکل 6" مشاهده میشود، بیضیگون حرکتپذیری در نقاط تکین تبدیل به یک خط شده اس

3-3- سفتے و میرایی مجازی

اولین گام در روش پیشنهادی، تشخیص مقدار و راستای تکینگ .
روش بیضی گون حرکتپذیری است. پس از شناسایی موقعیت و راستای تکینگی که در بخش قبل توضیح داده شد، باید رویکردی پیشنهاد نمود تا بتوان به کمک آن هشدار لازم را به کاربر داد. فرض کنید کاربر وارد فضای کاری ربات شده و با گرفتن مجری نهایی در حال تولید مسیر است. با استفاده از رویکرد پیشنهادی، هشدار لازم به کاربر قبل از رسیدن به تکینگی از طریق افزایش سفتی و میرایی ربات داده می شود. در این مقاله، در صورت کمتر شدن مقدار شعاع از حد مجاز (یعنی 0.1 متر)، مقادیر سفتی و میرایی مجازی (K_v) و (K_v) به مقادیر سفتی و میرایی اولیه (K_t) و (k_t) موجود در معادله کنترل امیدانس اضافه خواهند شد. پس از تغییر مقادیر سفتی و میرایی، کاربر نمیتواند به آسانی حالت قبل به تولید مسیر مورد نظرش بیردازد و تولید مسیر را متوقف می کند.

Fig. 4 Singularities of two degrees of freedom serial planar robot located in boundary of its workspace

تغییرات مقدار سفتی و میرایی یکسان و تابع اندازه شعاع کوچک بيضي گون حركتپذيري است. بدين منظور تابعي بهصورت "شكل 7" تعريف شده است. این تابع یعنی (16)، به صورت یک پله نرم و پیوسته میباشد. در صورت بزرگتر بودن مقدار شعاع از 0.1 خروجی آن صفر و در صورت کوچکتر بودن از 0.1، مقدار آن به 250 افزايش خواهد يافت.

 $K_v = f(r) = \frac{250 \times \arctan(10^4 \times (0.1 - |\vec{r}|))}{125} + 125$ (16)

ساختار کلی رویکرد پیشنهاد شده، در "شکل 8" نشان داده شده است.

Fig. 6 Manipulability ellipsoid in singular points **شکل 6** بیضیگون حرکتپذیری در نقاط تکین

Fig. 7 Virtual stiffness and damping function according to magnitude of radius

همان طور که بیان شد، پس از تعیین بیضی گون حرکتپذیری، مقدار شعاع بهعنوان معیاری برای فاصله از نقاط تکین در نظر گرفته خواهد شد. در [20] و [21] مشابه این معیار پیشنهاد شده است. معیار ارائه شده در [20]، پس از سادهسازی برای ربات سری دو درجه آزادی صفحهای، به شعاع کوچک بيضي گون حركتپذيري تبديل خواهد شد و معيار بيان شده در [21]، همان شعاع کوچک میباشد.

نحوه تصویر سفتی و میرایی مجازی یا به صورت کلی، امیدانس مجازی، در راستای محورهای مختصات مانند یک بردار نخواهد بود زیرا جابجایی جرم در راستای حرکت فنر و میراگر نیست. این موضوع برای فنر (سادهترین حالت امپدانس یعنی سفتی) در "شکل 9" نشان داده شده است. در این حالت سفتي معادل براي يک فنر طبق رابطه (17) خواهد بود [22].

$k_{eq} = k \cos^2 \alpha$ (17)

به کمک رابطه (17)، به سادگی میتوان سفتی و همچنین میرایی ایجاد شده در راستای شعاع کوچک بیضی گون را بر محورهای اصلی مختصات تصویر نمود. بلوک-دیاگرام کنترل ربات پس از اضافه شدن رویکرد پیشنهادی به صورت "شكل 10" خواهد شد.

بلوک سینماتیک معکوس برای تبدیل فضای کارتزین به فضای مفصل به کار گرفته شده است و موقعیت تولید شده توسط بلوک امیدانس را به موقعیت زاویهای تبدیل میکند. انکودر موتورهای ربات موقعیت زاویهای واقعی $(\vec{\theta}_a)$ را اندازه گیری کرده تا کنترلگر موقعیت بتواند با مقایسه مقدار واقعی و مقدار ورودی $(\vec{\theta}_{c} + \vec{\theta}_{d})$ ، فرمان مناسب را ارسال کند.

این ربات یک اسکرای سایز متوسط بوده که توسط تیمی از دانشجویان مکانیک، کنترل و کامپیوتر در آزمایشگاه رباتیک دانشگاه فردوسی مشهد ا طراحی، ساخته و کنترل گردیده است (شکل 11). ربات اسکرا از نوع سری

بوده و سه درجه آزادی دورانی و یک درجه آزادی انتقالی دارد. مجری نهایی این نوع ربات میتواند در تمام فضای کاری در هر جهتی قرار بگیرد. در این مقاله از مفصل اول و دوم این ربات به عنوان بستری برای آزمایش استفاده خواهد شد (ربات سری دو درجه آزادی صفحهای). فضای کاری این ربات به تفکیک مفاصل در جدول 1 بیان شده است. جزئیات بیشتر در مورد نحوه طراحی مفاصل، فضای کاری، تکراریذیری، مقایسه با دیگر رباتهای هم تراز و ویژگی های شاخص ربات فام اسکرا در [23-25] بیان گردیده است.

برای تعامل ربات با انسان به روش بیان شده در این مقاله، باید از یک سیستم کنترلی بدون وقفه در انتقال داده بهره برد. برای کنترل ربات فام اسکرا از نرمافزار متلب و محیط سیمولینک استفاده شده است. با به کار گیری محیط آر تی دبلیو تی میتوان بهصورت بلادرنگ ربات را کنترل نمود، یعنی موقعیت موتورها را بهدست آورد سپس فرمان مناسب را ارسال کرد و دادههای سنسور نیرو را نیز خواند.

در "شكل 12" نحوه ارتباط ربات با كنترلگر موقعيت نشان داده شده است. همان طور كه در "شكل 12" مشاهده مى شود، براى كنترل موقعيت ربات از كنترلكر درايور موتورهاى ربات استفاده شده است [26]. بنابراين قابلیت اعمال تغییرات در کنترلگر موقعیت در ربات فام اسکرا مانند دیگر رباتهای صنعتی بسیار محدود است. سیگنال کنترلی براساس خطای موقعیت و سرعت محاسبه شده و توسط درایور برای موتور فرستاده میشود.

جدول 1 فضای کاری ربات فام اسکرا

Table 1 FUM SCARA robot workspace	
فضای کاری	شماره مفصل
$±110^{\circ}$	مفصل یک
$±130^{\circ}$	مفصل دو
190 mm	مفصل سه
∞	مفصل چهار

Fig. 9 Equivalent of a spring non-aligned with mass displacement

شکل 9 فنر معادل با یک فنر غیر هم راستا با جابجایی جرم

Fig. 10 Impedance control block-diagram with virtual stiffness and damping generation method

شکل 10 بلوک-دیاگرام کنترل امیدانس در حضور روش تولید سفتی و میرایی مجازی

4- ربات فام اسكرا

Fig. 11 The FUM SCARA robot designed and built at the Ferdowsi university of Mashhad, FUM Robotics Lab **شکل 11** ,بات فام اسکرا، طراحی و ساخته شده در آزمایشگاه ,باتیک دانشگاه

فردوسی مشهد

موقعیت هر مفصل به درایور و سپس رایانه فرستاده خواهد شد. برد واسط وظیفه تبادل اطلاعات بین رایانه از یک سمت و سنسور نیرو و انکودر موتورها را از سوی دیگر بر عهده دارد. این برد بهوسیله کابل شبکه به رایانه متصل مىشود.

بهعلاوه در "شكل 12" نحوه ارتباط سنسور نيرو با رايانه نشان داده شده است. بهدلیل عدم دسترسی به سنسور نیروی شش محوره، از یک سنسور نیروی فشاری استفاده شده است. این سنسور توانایی اندازهگیری نیروی تماسی در یک جهت را دارد. بنابراین آزمایشها باید به گونهای طراحی شوند که نیروی تماسی از طرف انسان فقط در یک راستا (مثلا راستای مثبت محور x) اعمال شود. یعنی امکان تغییر مسیر برای کاربر حین تولید مسیر وجود ندارد و فقط میتواند با احساس هشدار از سمت رویکرد پیشنهادی، تولید مسير را متوقف كند. سنسور نيرو و تقويت كننده آن را در "شكل 12"

مشاهده می کنید. وظیفه تقویت کننده، فیلتر کردن نویزها و تقویت سیگنال اصلى است [27].

5- پیادهسازی عملی روی ربات فام اسکرا

در این بخش رویکرد پیشنهادی روی دو درجه آزادی اول ربات فام اسکرا پیادهسازی عملی خواهد شد. برای ارزیابی عملکرد این رویکرد، سه آزمایش بررسی شده است. در آزمایش اول شرط اشباع بررسی خواهد شد. در آزمایشهای دوم و سوم، ابتدا ربات مانند "شکل 13" به موقعیت از پیش تعیین شده میرود (شکل 13-(b))، سپس کاربر مجری نهایی ربات را در دست گرفته و به راهنمایی ربات میپردازد. زمانی که مجری نهایی نزدیک نقاط تكين شد (شكل 13-(d)) و مقدار شعاع بيضي گون حركت پذيري از حد مجاز کمتر شد، رویکرد پیشنهادی منجر به افزایش سفتی و میرایی ربات خواهد شد و کاربر از ادامه مسیر خودداری خواهد کرد.

5-1- آزمایش اول

جهت ارزیابی روش ارائه شده برای اشباع سرعت مجری نهایی در حین راهنمایی دستی ربات، آزمایشی طراحی و پیادهسازی شده است. مجری نهایی ربات از موقعیت اولیهای که برای آن در نظر گرفته شده است یعنی (0.4و0.5)، توسط كاربر و با اعمال نيرو توسط او به سنسور نيرو، حركت كرده و به موقعیت جدید خواهد رفت. در "شکل 14" موقعیت مجری نهایی و همچنین لینکهای ربات در سه گام از حرکت نشان داده شده است. مقدار نیروی اعمال شده به سنسور نیرو زیاد و در زمان کمی بوده و در نتیجه سرعت تولید شده بهوسیله معادله امیدانس زیاد خواهد بود. بنابراین انتظار

Fig. 12 Hardware configuration of the FUM SCARA robot

شكل 12 ساختار سختافزاري ربات فام اسكرا

Fig. 13 Four views of the robot during the experiments $-$ (a) to (b) by position controller and (c) to (d) by manual guidance **شكل 13** چهار نما از حركت ربات در آزمايش هاي انجام شده – (a) تا (b) بوسيله كنترلگر موقعيت و (c) تا (d) بهوسيله راهنمايي دستي

می رود سرعت در مقدار 0.25 متر بر ثانیه اشباع شود. نیروی وارد شده به سنسور نیرو و همچنین موقعیت و سرعت مجری نهایی در راستای محور y به ترتيب در "شكل 15" تا "شكل 17" نشان داده شدهاند. همانطور كه در "شکل 17" مشاهده میشود دو حد اشباع مثبت و منفی برای حرکت مجری نهایی ربات در نظر گرفته شده است.

طبق این شکل، سرعت تقریبا در لحظات 2 تا 4.5 ثانیه اشباع شده است. خط قرمز رنگ، سرعت قبل از بلوک اشباع و خط-نقطه آبی رنگ، سرعت بعد از بلوک اشباع را نشان میدهد. نکته دیگری که می تواند علاوه بر اشباع سرعت در این آزمایش مورد مطالعه قرار بگیرد، تغییرات شعاعهای بیضیگون حرکتپذیری است که در این حرکت، هیچکدام از حد مجاز تعريف شده كاهش پيدا نكرده است (شكل 18).

5-2- آزمايش دوم

در این آزمایش موقعیت مجری نهایی توسط کنترلگر موقعیت از (0.3 و 0.4) به (0 و 0.4) تغيير خواهد كرد (شكل 13-a) تا (b)). اين تغيير موقعيت بهدلیل وجود سنسور نیروی فشاری است که تنها در یک جهت نیرو را اندازه گیری می کند تا ربات در موقعیت مناسب قرار بگیرد. با قرار گرفتن ربات در موقعیت (0 و 0.4) یعنی "شکل 13-c)" و با اعمال نیرو در جهت مثبت محور x می توان ربات را به سمت تکینگی یعنی (0 و 0.7) هدایت کرده (شکل 13-(d)) و عملکرد رویکرد پیشنهادی را بررسی نمود. در این آزمایش کاربر به محض احساس تغییر در امپدانس ربات از ادامه حرکت دست خواهد کشید. در صورت وجود سنسور نیروی چند محوره، کاربر میتوانست راستای مسیر خود را عوض کند اما در این آزمایش، کاربر فقط می تواند تولید مسیر را متوقف كند.

"شكل 19" تا "شكل 23" نتايج آزمايش دوم را ارائه مىدهند. "شكل 19" تا "شکل 21" به ترتیب مقدار نیروی تماسی وارد شده به ربات، مقدار موقعیت و سرعت تولید شده توسط کنترل امپدانس را نشان میدهند. توجه شود که برای سرعت مجری نهایی ربات براساس استاندار ایزو مقدار 0.25 متر بر ثانیه به عنوان حد مجاز تعریف شده است و در صورت رسیدن به این مقدار سرعت اشباع خواهد شد، كه البته اين مقدار بهدليل كندى حركت ربات، تأثیری در مسیر تولید شده نداشته است [9].

طبق "شکل 23" مقدار یکی از شعاعهای بیضیگون حرکتپذیری که با خط قرمز نشان داده شده است، تقریبا در ثانیه 27 از حد مجاز عبور می کند (برای دید بهتر، این شکل از زمان وارد شدن نیروی تماسی رسم شده است). در ثانیه 27، سفتی و میرایی ربات طبق "شکل 22" افزایش یافته و زمانی که دوباره مقدار شعاع بیضی گون حرکت پذیری در محدوده مجاز قرار گرفت، به حالت اوليه بر ميگردند. در واقع در لحظه 27 ثانيه، كاربر متوجه تغيير امیدانس ربات شده و سریعا از ادامه حرکت دست کشیده است.

همانطور که پیش از این بیان شد، مقدار تغییرات سفتی و میرایی در رویکرد پیشنهادی یکسان است (شکل 22). افزایش میرایی به دلیل حفظ پایداری ربات است زیرا ممکن است افزایش ناگهانی سفتی منجر به نوسان های ناخواسته مجری نهایی ربات شود.

5-3- آزمایش سوم

فرض کنید بر خلاف آزمایش دوم کاربر در حین تولید مسیر توجهی به تغییر امپدانس ربات نکند و همچنان به اعمال نیرو به مجری نهایی اصرار بورزد. نیرویی که به ربات وارد خواهد شد مجری نهایی را به سمت تکینگی سوق

میدهد. با توجه به زیاد بودن نیروی وارد شده از طرف کاربر، مجری نهایی به سمت محدوده غیر مجاز حرکت میکند، اما بهوسیله رویکرد پیشنهادی، امیدانس ربات زیاد می شود. کاربر به افزایش امیدانس توجهی ندارد و

شکل 16 موقعیت مجری نهایی تولید شده بهوسیله بلوک-دیاگرام امیدانس

Fig. 17 End-effector saturated velocity generated by impedance blockdiagram

شکل 17 سرعت اشباع شده مجری نهایی، تولید شده بهوسیله بلوک-دیاگرام امىدانس

شکل 19 نیروی سنسور در آزمایش دوم

Fig. 21 End-effector velocity in the x direction in the $2nd$ experiment **شکل 21 سرعت مجری نهایی در راستای محور x در آزمایش دوم**

Fig. 22 Virtual stiffness and damping in the $2nd$ experiment شکل 22 سفتی و میرایی مجازی در آزمایش دوم

Fig. 23 First and second radius of manipulability ellipsoid in the $2nd$ experiment

شکل 23 شعاع اول و دوم بیضی گون حرکت پذیری در آزمایش دوم

Fig. 18 Manipulability ellipsoid radii variation شكل 18 تغييرات شعاعهاي بيضي گون حركتپذيري

همچنان به اعمال نیرو مبادرت می کند. این فرآیند تا زمانی که کاربر متوجه نزدیکی به تکینگی نشده و از وارد نمودن نیرو صرفنظر نمیکند، ادامه می یابد تا سرانجام به این موضوع پی برده و از وارد نمودن نیرو به سمت تكينگي صرفنظر كند. "شكل 24" تا "شكل 28" نتايج اين آزمايش را نشان مے،دھند. افزایش چندین بارہ امیدانس ربات بەدلیل کاھش شعاع بیضے گون بهترتيب در "شكل 27" و "شكل 28" قابل مشاهده است. با وجود اين كه طبق "شكل 27" سفتى و ميرايي ربات از لحظه 23 ثانيه افزايش يافته است اما كاربر در لحظه 27 ثانيه از اعمال نيرو دست كشيده است (شكل 24).

همان طور که در "شکل 26" و "شکل 27" مشاهده می شود، نمودار تغییرات سرعت و سفتی و میرایی دارای نوسان است. با گذشت زمان این نوسانات در حال کاهش است. دلیل اصلی کاهش نوسانات یاد شده پس از مدتی، به تعادل رسیدن نیروی تماسی در مقابل سفتی، میرایی و جرم موجود در معادله امپدانس است.

5-4- مقايسه آزمايش دوم و سوم

هدف از ارائه دو آزمایش براساس دو رفتار متفاوت از کاربر، بررسی و ارزیابی نحوه عملکرد رویکرد پیشنهادی در برخورد با مسأله تکینگی در شرایط گوناگون است. تغییرات مقدار شعاعهای بیضیگون حرکتپذیری در این دو آزمايش به ترتيب طبق "شكل 23" و "شكل 28" مشاهده شد. در لحظاتي که مقادیر شعاع بیضیگون حرکتپذیری از حد مجاز کمتر میشود، سفتی و میرایی طبق "شکل 22" و "شکل 27" تغییر خواهند کرد. با وجود استمرار اعمال نیرو توسط کاربر در آزمایش سوم، رویکرد پیشنهادی پاسخ مناسبی داده و از تکین شدن ربات جلوگیری کرده است. برای مقایسه بهتر این دو آزمایش موقعیت مجری نهایی در فضای کاری ربات بررسی میشود.

طبق "شكل 29" موقعيت مطلوب از (0.3 و 0.4) تا (0 و 0.4) تعريف شده تا ربات در راستای محور x قرار بگیرد. سپس کاربر به سنسور نیروی نصب شده در مجری نهایی، نیرو وارد نموده و ربات را به سمت تکینگی راهنمایی میکند. پس از کاهش مقدار شعاع بیضیگون حرکتپذیری از حد مجاز، امیدانس ربات افزایش یافته و کاربر تولید مسیر را رها میکند. همچنین "شکل 29" موقعیت مجری نهایی را به صورت بزرگنمایی شده نشان میدهد.

طبق "شكل 29"، مجرى نهايي قبل از رسيدن به (0 و 0.7) بوسيله رویکرد پیشنهادی متوقف شده است. "شکل 30" موقعیت مجری نهایی در آزمایش سوم را نشان میدهد. با وجود استمرار اعمال نیروی خارجی توسط كاربر در اين آزمايش، ربات تكين نشده است. براساس "شكل 29" و "شكل 30" میتوان نتیجه گرفت اعمال رویکرد پیشنهادی برای پرهیز از نقاط تکین مانند مفهوم دیوار مجازی که در [8] ارائه شده است، عمل میکند. با این

Fig. 27 Virtual stiffness and damping in the 3rd experiment شکل 27 سفتی و میرایی مجازی در آزمایش سوم

Fig. 28 First and second radius of manipulability ellipsoid in the 3^{rd} experiment

شکل 28 شعاع اول و دوم بیضیگون حرکتپذیری در آزمایش سوم

6- نتيجه گيري

در این مقاله به پیادهسازی عملی روش کنترل امپدانس برای راهنمایی دستی رباتهای صنعتی توسط کاربر پرداخته شد. مسیر مطلوب با راهنمایی فیزیکی ربات توسط کاربر و از طریق اعمال نیرو به سنسور نصب شده در مجری نهایی ربات تولید شد. این نیرو بوسیله کنترل امپدانس به موقعیت تبدیل .
شده و بهصورت بلادرنگ به کمک روش بیضی گون حرکتپذیری مورد بررسی قرار گرفت. در صورت نزدیکی به نقاط تکین و با بهکارگیری رویکرد پیشنهادی، امیدانس نسبت داده شده به ربات افزایش پیدا کرد. بدین صورت کاربر از نزدیک شدن به نقاط تکین آگاه میشود. بنابراین از ادامه راهنمایی ربات منصرف شده و تولید مسیر را متوقف خواهد نمود. از طرف دیگر، مسأله اشباع سرعت مجری نهایی به جهت جلوگیری از خطرات جانی احتمالی برای کاربر، مورد بررسی قرار گرفت. در پیادهسازی عملی این روش، سرعت مجری نهایی در مقداری منطبق بر استاندارد ایزو اشباع شد.

Fig. 29 Actual end-effector position in the 2nd experiment and magnified view of the path while impedance is increased **شکل 29** موقعیت مجری نهایی در آزمایش دوم و نمای بزرگنمایی شده آن در انتهای مسیر، زمانی که امپدانس ربات افزایش یافته است

Fig. 24 Actual force in the $3rd$ experiment

شکل 24 نیروی واقعی در آزمایش سوم

Fig. 25 End-effector position in the x direction in the 3^{rd} experiment شکل 25 موقعیت مجری نهایی در راستای محور x در آزمایش سوم

Fig. 26 End-effector velocity in the x direction in the 3^{rd} experiment **شکل 26** سرعت مجری نهایی در راستای محور x در آزمایش سوم

تفاوت اساسی که دیوار مجازی پیشنهاد شده در مقاله پیش رو، در نزدیکی نقاط تکین قرار داشته که این موضوع باعث افزایش فضای کاری ایمن برای کاربر میگردد. برخورد به دیوار مجازی در هنگام رسیدن مجری نهایی به فاصله از پیش تعیین شده از نقاط تکین، هشدار لازم را از طریق تغییر امیدانس ربات به کاربر می دهد.

Fig. 30 Actual end-effector position in the $3rd$ experiment and magnified view of the path while impedance is increased **شکل 30 موقعیت مجر**ی نهایی در آزمایش سوم و نمای بزرگنمایی شده آن در انتهای مسیر، زمانی که امپدانس ربات افزایش یافته است

8- مراجع

- [1] M. Vukobratovic, D. Surdilovic, Y. Ekalo, D. Katic, Dynamics and Robust Control of Robot-Environment Interaction, Vol. 2, pp. 1-2, Singapore: World Scientific, 2009.
- T. Yoshikawa, Foundations of Robotics: Analysis and Control, pp. 127-154. $\lceil 2 \rceil$ United States of America: MIT Press, 1990.
- [3] O. M. Al-Jarrah, Y. F. Zheng, Arm-manipulator coordination for load sharing using compliant control, Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation, Vol. 2, pp. 1000-1005, 1996.
- [4] O. M. Al-Jarrah, Y. F. Zheng, Arm-manipulator coordination for load sharing using variable compliance control, Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation, Vol. 1, pp. 895-900, Albuquerque, New Mexico, 1997.
- [5] O. M. Al-Jarrah, Y. F. Zheng, Arm-manipulator coordination for load sharing using reflexive motion control. Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation, Vol. 3, pp. 2326-2331, Albuquerque, New Mexico, 1997.
- [6] M. H. Ang Jr, W. Lin, S.-Y. Lim, A walk-through programmed robot for welding in shipyards, Industrial Robot: An International Journal, Vol. 26, No. 5, pp. 377-388, 1999.
- [7] G. Ferretti, G. Magnani, P. Rocco, Assigning virtual tool dynamics to an industrial robot through an admittance controller. International Conference on Advanced Robotics (ICAR), pp. 1-6, Munich, 2009.
- [8] L. Bascetta, G. Ferretti, G. Magnani, P. Rocco, Walk-through programming for robotic manipulators based on admittance control, Robotica, Vol. 31, No. 07, pp. 1143-1153, 2013.
- [9] ISO, 10218-1: 2011 Robots and Robotic Devices Safety Requirements for Industrial Robots - Part 1: Robot Systems and Integration, International Organization for Standardization, 2011.
- [10] D. Massa, M. Callegari, C. Cristalli, Manual guidance for industrial robot programming, *Industrial Robot: An International Journal*, Vol. 42, No. 5, pp. 457-465, 2015.
- [11] E. G. Kaigom, J. Roßmann, Physics-based simulation for manual robot guidance-An eRobotics approach, Robotics and Computer-Integrated Manufacturing, 2015.
- [12] T. Yoshikawa, Manipulability of robotic mechanisms, The international journal of Robotics Research, Vol. 4, No. 2, pp. 3-9, 1985.
- [13] N. Hogan, Impedance control An approach to manipulation. Part I Theory. Part II - Implementation, Part III - Applications, ASME Transactions Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, Vol. 107, pp. 1-24, 1985.
- [14] M. M. Ataei, H. Salarieh, A. Alasty, Adaptive impedance control of exoskeleton robot, Modares Mechanical Engineering, Vol. 13, No. 7, pp. 111-126, 2013 (in Persian ضي).
- [15] V. Khoshdel, A. Akbarzadeh, Robust impedance control for rehabilitation robot, Modares Mechanical Engineering, Vol. 15, No. 8, pp. 429-437, 2015 (فارسی in Persian).
- [16] B. Behzadpour, M. M. Moghadam, M. A. Tafti, Design, simulation and implementation of admittance and impedance control methods on a haptic device, Sharif Mechanical Engineering, Vol. 30-3, No. 2.1, pp. 3-13, 2014 (فارسی in Persian).
- [17] H. Kazerooni, Robust, non-linear impedance control for robot manipulators, Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation, Vol. 4, pp. 741-750, 1987.
- [18] A. Lopes, F. Almeida, A force-impedance controlled industrial robot using an active robotic auxiliary device, Robotics and Computer-Integrated Manufacturing, Vol. 24, No. 3, pp. 299-309, 2008.

نتایج آزمایشگاهی به خوبی نشاندهنده تولید مسیر مطلوب توسط کاربر بوده و همچنین کارکرد رویکرد پیشنهادی در برخورد با مسأله تکینگی و اشباع سرعت مجری نهایی تأیید میشود. یک آزمایش برای ارزیابی اشباع سرعت و دو آزمایش برای سنجش رویکرد پرهیز از تکینگی روی ربات فام اسکرا انجام شد. در آزمایش اول، تغییرات سرعت در مقدار 0.25 متر بر ثانیه اشباع شد. کاربر در آزمایش دوم، به محض احساس تغییر در امیدانس ریات تولید مسیر را متوقف میکند ولی در آزمایش سوم به تولید مسیر ادامه میدهد. قابلیت رویکرد پیشنهادی در برخورد با اصرار کاربر به ادامه حرکت به سوی نقاط تکین رضایت بخش می باشد. بنابراین در هر دو مورد کاربر هشدار لازم را دریافت کرده و از ادامه مسیر صرف نظر می کند.

7- يبوست

در این بخش به کمک نرمافزار متلب و به صورت نمادین¹، روابط*ی* برای ماتریس J^* و همچنین شعاعهای بیضی گون حرکتپذیری بهدست می آید. ابتدا برای ماتریس *J:

$$
= \begin{bmatrix} j_{11} & j_{12} \\ j_{21}^* & j_{22}^* \end{bmatrix}
$$
 (18)

$$
J_{11}^* = l_2^* \sin^2(\theta_1 + \theta_2) + (l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + l_1 \sin(\theta_1))^2
$$

$$
J_{12}^* = -\sin(2\theta_1 + 2\theta_2) l_2^2 - l_1 \sin(2\theta_1 + \theta_2) l_2
$$
⁽¹⁹⁾

$$
-\frac{l_1^2 \sin(2\theta_1)}{2} \tag{20}
$$

$$
J_{21}^* = J_{12}^* \tag{21}
$$

$$
J_{22}^* = l_2^2 \cos^2(\theta_1 + \theta_2)
$$

+ $(l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + l_1 \cos^2(\theta_1))^2$ (22)
 $l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2)$

$$
r_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \mathbf{Q}_1^2 - \mathbf{Q}_1^4 + \mathbf{4}l_2^4 + \mathbf{8}l_1^2l_2^2 \cos^2(\theta_2) + \mathbf{8}l_1l_2^3 \cos(\theta_2) + \mathbf{4}l_1^3l_2 \cos(\theta_2) \mathbf{)} + 2l_2^2 + \mathbf{2}l_1l_2 \cos(\theta_2) \mathbf{)}^{0.5}
$$
\n
$$
(23)
$$

$$
r_2 = \frac{v^2}{2} ((l_1^4 + 4l_2^4 + 8l_1^2l_2^2 \cos^2(\theta_2) + 8l_1l_2^3 \cos(\theta_2)) + 4l_1^3l_2 \cos(\theta_2))^{0.5} + l_1^2 + 2l_2^2 + 2l_1l_2 \cos(\theta_2))^{0.5}
$$
 (24)

با عددگذاری در روابط (23) و (24)، مقادیر شعاعهای بیضی گون حرکتپذیری بهدست خواهد آمد.

¹ Symbolic

 I^*

539, Tehran, 2014.

- [24] A. Mousavi, A. Akbarzadeh, M. Shariatee, S. Alimardani, Repeatability analysis of a SCARA robot with planetary gearbox, *The Third International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM)*, pp. 640-644, Tehran, 2015.
- [25] A. Mousavi, A. Akbarzadeh, M. Shariatee, S. Alimardani, Design and construction of a linear-rotary joint for robotics applications, *The Third* construction of a linear-rotary joint for robotics applications, *The Third International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM)*, pp. 229- 233, Tehran, 2015.
- [26] *Delta, Delta Electronics INC* , Accessed on 20 Dec 2015; http://www.deltaww.com/Products/CategoryListT1.aspx?CID=060201&PID =225&hl=en-US&Name=ASDA-B2%20Series.
- [27] *Dacell, Compression & Tension CMM2*, Accessed on 12 Nov 2015;http://www.dacell.com/en/loadcell/show/view/cno/10/page/2/id/743.
- [19] J. J. Craig, *Introduction to Robotics: Mechanics and Control*, Third Edition, pp. 149-153, United States of America: Pearson Prentice Hall Upper Saddle River, 2005.
- [20] L. Huo, L. Baron, The joint-limits and singularity avoidance in robotic welding, *Industrial Robot: An International Journal,* Vol. 35, No. 5, pp. 456- 464, 2008.
- [21] C. Qiu, Q. Cao, S. Miao, An on-line task modification method for singularity avoidance of robot manipulators, *Robotica,* Vol. 27, No. 04, pp. 539-546, 2009.
- [22] S. S. Rao, *Mechanical vibrations,* Vol. 4, pp. 19-25, United States of America: Prentice Hall, 2003.
- [23] M. Shariatee, A. Akbarzadeh, A. Mousavi, S. Alimardani, Design of an economical SCARA robot for industrial applications, *The Second International Conference on Robotics and Mechatronics (ICRoM)*, pp. 534-

Archive of SID