

.
ماهنامه علمی پژوهشی

مهندسی مکانیک مدرس

mme modares ac in

بررسی عددی عملکرد آیرودینامیکی بالک مسطح و مشبک بهعنوان پایدار کننده در پرنده هایی با دو مرحله یرواز

 $^{\star 2}$ امیر رهنی 1 ، میراعلم مهدی

1 - دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران غرب، تهران

2- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، تهران

15785-136 تهران، صندوق يستى 16785-1678، m.mahdi@srttu.edu

A Numerical Analysis of Aerodynamic Performance of Planar and Grid Fins as **Stabilizers in Double-stage Aircrafts**

Amir Rahni¹, Miralam Mahdi^{2*}

1- Mechanical Engineering Department West Tehran Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

2- Department of Mechanical Engineering, Shahid rajayi University, Tehran, Iran

* P.O.B. 16785-136 Tehran, Iran, m.mahdi@srttu.edu

ARTICLE INFORMATION ABSTRACT Original Research Paper In aircraft with multiple wings, control surfaces, and stabilizers, the stabilizing fins located at the tail Received 04 September 2016 provide stability for the boosting. In such aircraft the vortices resulting from the flow around unstream Accepted 13 November 2016 wings and control surfaces usually weaken the stabilizers' performance. The nature of the form of grid Available Online 31 December 2016 fins makes them less sensitive in comparison with planar fins. Accordingly, the performance can be improved by substituting grid fins for planar fins. This paper simulates the flow field around the Keywords. different models of planar and grid fins by applying finite volume methods using hybrid grid near the Ein airplane's body. At first, the flow field around a model with available experimental results was $Grid$ Stabilizer simulated to achieve the appropriate model of turbulence model. Then, two sets of planar stabilizers, i.e. Planar Fin PL1 and PL2 and one set of grid stabilizers were designed for an aircraft with wings and control Double stage fly surfaces in a way that aerodynamic coefficients of the fins are equal to each other. However, they Numerical method demonstrate different aerodynamic coefficients when installed on the aircraft as stabilizers. The simulation was run at Mach numbers 0.6, 0.7, and 0.8 and attack angles 0, 2, 4, and 6 degrees. The results indicate that pitch moments and normal force coefficients of the planar fin are lower than the grid fin in both models. Moreover, the performance of the planar fin as a stabilizer will be improved if its chord's length is decreased and its span is increased.

1- مقدمه

همتراز میشوند، بالکهای مشبک به صورت عمود بر جریان با عبور هوای جلو رونده از طريق سلولهاي شبكه نصب مي شوند. قابليت مانور بهتر بالک مشبک در سرعتهای مافوق و مادون صوت و در زوایای حملهی بالا توجه زبادی را در سال های اخیر به خود حلب کرده است.

بالک مشبک، یک سطح کنترل آیرودینامیک است که قالب بیرونی با یک شبکهی درونی از دیوارههای باریک متقاطع از وتر کوچک را شامل می شود. بر خلاف بالکهای دو وجهی متداول که به صورت موازی با جهت جریان هوا

Please cite this article using:

مشکل خیلی معمول در پرندههایی که به وسیله دم کنترل می گردد، گشتاور لولای ٔ بزرگ است که استفاده از بالک مشبک میتواند گشتاور لولا در کنترل پرنده را بهطور قابل توجهی کاهش دهد. مزیت اصلی بالکهای مشبک که آنها را نسبت به بالکهای دو وجهی معمولی متمایز می کند، وتر کوچکتر است. بنابراین بالک های مشبک ممان لولایی کوچکتری را تولید می کنند که موجب کاهش اندازه عملگر میشود. پدیده واماندگی در بالکهای مشبک، در زوایای بالاتری نسبت به بالکهای مسطح اتفاق می|فتد. بنابراین در پرندههایی که نیاز به مانور بالایی می باشد ، بهتر است از بالک مشبک استفاده شود. مزیت دیگر بالکهای مشبک این است که آنها میتوانند به آسانی بر روی بدنه به هنگام حمل و نقل و انبار جمع شوند و فضای کمتری اشغال كنند.

بررسیهای ویلیام واشنگتن و مارکز میلر [1] در سال 1993 بر روی دو نمونه از بالک مشبک در تونل باد نشان داد که هرچه تراکم شبکههای بالک بیشتر باشد، نیروی عمودی آن بیشتر میشود ولی در نواحی گذر صوت و نواحی پایین مافوق صوت، کاهش در نیروی عمودی وجود دارد.

میلر و واشنگتون [2] در سال 1998 مدلهای مختلف از بالک مشبک را در تونل باد و 3 آزمایش پرواز بررسی کردند و به نتایجی از قبیل عملکرد بهتر بالک مشبک در ماخها و زوایای حمله بالاتر و کاهش 25 درصدی میزان پسا در بالک مشبک دست یافتند و از دیگر یافتههای آنها تاثیر تغییرات میزان اسپن² و تراکم شبکهها بود که با بیشتر شدن آنها میزان نیروی عمودی افزایش می یافت و با شکلدهی سادهی مقطع بیرونی و کاهش ضخامت دیواره یا ترکیب وابسته به آن میتوان بهطور قابل توجهی پسای سطوح و دیگر ویژگیهای آیرودینامیک را کاهش داد.

ویلیام دیوید واشنگتن و همکارانش [3] بر روی موشکهایی دارای کانارد³ و بالک بوسیله دینامیک سیالات محاسباتی⁴، بررسیهایی انجام دادند و دریافتند که در بالک مشبک، گشتاور مزاحمی که توسط بالکها در برابر گشتاور تولیدی کانارد ایجاد می شود ، کمتر است.

هاگسون [4] در سال 2006 بررسی جریان مافوق صوت از طریق شبکه بندی بر روی بالکهای مشبک و استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی پرداخت و نتایج بهدست آمده نشان میداد که برحسب اعداد ماخ فراصوت، یک موج فشاری عمودی در پشت سلولهای شبکه تشکیل می ود. نرخ جریان درون سلولها بر اثر موج فشاری درون شبکه کاهش می یابد و بهطور مؤثر به عنوان مانعی برای جریان عمل می کند. سپس یک موج فشاری عمودی در جلوی بالک مشبک با افزایش پسای همراه، توسعه می یابد. در سرعت بالاتر، این موج فشاری توسط شبکه بلعیده می شود و بنابراین پسا را کاهش مے دهد.

يانزنگ [5] مطالعاتي را براي كاهش پسا در بالک مشبک انجام داد. نتايج حاصل نشان می،دهد وقتی که عدد ماخ به _دژیم گذرصوتی⁵ نزدیک می،شود، پسا آرام آرام زیاد شده و با افزایش بیشتر عدد ماخ، از شرایط گذرصوتی به فوق صوت، پسا به صورت نسبتا آرام کم میشود. اعتقاد پژوهشگران بر این است که می توان این را به توقف جریان در سلول های شبکه در شرایط گذر صوتی نسبت داد.

سلمان مونوار [6] با استفاده از روش دینامیک سیالات محاسباتی،

عملکرد آیرودینامیکی دو بالک مشبک و مسطح را مقایسه کرد. بررسی ایشان نشان داد که بالک مشبک در ماخ و زاویه حمله ی بالا، عملکرد بهتری نسبت به بالک مسطح دارد و گشتاور لولایی بالک مشبک خیلی کمتر از بالک مسطح است و درنهایت مقدار نیرو برای بالک مشبک بیشتر از بالک مسطح است. محمد بک [7] به صورت تجربی در تونل باد و عددی در ناحیه مادون صوت بالک مشبک را مورد بررسی قرار داد و به این نتیجه رسید که در زاویه حمله و سرعتهای بالا، بالک مشبک عملکرد بهتری دارد و بیشترین اختلاف بین نتایج عددی و تجربی در زاویه حمله 5 درجه رخ داده است.

كلس و افتاميس [8] مطالعاتي را بر روى بالک مشبک با استفاده از حل کننده اویلر دکارتی انجام دادند. آنها شبیهسازی خود را بر روی 12 عدد ماخ مختلف در زوایای حمله 0 تا 15 و در 6 هندسهی مختلف اجرا کردند. شبکه-بندی نهایی آنها بین 7تا 8 میلیون سلول را شامل میشد. در تحقیقات آنها همخوانی بسیار خوبی برای اعداد ماخ بزرگتر از یک در شبیهسازی و تونل باد وجود داشت. از دیگر نتایج آنها این بود که بالک مشبک با زاویهی عقب گرد، بالاترین مزیت ممان پیچشی⁶ را در شبیه سازی و آزمایشات نشان داده است و در آخرین تحقیقات دکتر کریشناپ و همکارانش [9] بر روی بالک مشبک موشک G16 در سرعتهای مادون صوت و مافوق صوت به صورت تجربی و عددی بررسی انجام دادند و نشان دادند که در زوایای حمله بالا با توجه به این که اختلاف CN/CL/CA کم شده عملکرد L/D بهبود یافته و همچنین نیروی پسا نیز کم تر شده است. در مجموع بالکهای مشبک در زوایای حمله بالا در سرعتهای مافوق صوت دارای عملکرد بهتری هستند.

همچنین در این سالها به استفاده کاربردی از این نوع بالکها در بحثهای کنترلی پرندهها نیز پرداخته شده است [10-12]. یکی از مثالهای کاربرد کنترلی این نوع بالکها، استفاده به عنوان پایدارکننده در پرندهها می,باشد [14,13].

در این مقاله هدف مقایسه ضرایب آیرودینامیکی دو نوع بالک مسطح با یک نوع بالک مشبک به عنوان بالک پایدار کننده در یک پرندهی دو مرحلهای است. برای این منظور ابتدا به اعتبارسنجی و پیدا کردن مدل آشفتگی مناسب جهت شبیهسازی عددی پرداخته شده است. با محاسبه ضریب نیروی عمودی⁷ و ممان پیچشی هریک از این نوع بالکـها، بالک مشبکی انتخاب شده که ضریب نیروی عمودی|ش نزدیک به بالکهای مسطح باشد. در نهایت این سه بالک را بهصورت جداگانه به پرنده اضافه کرده و رفتار آیرودینامیکی پرنده بررسی و با یکدیگر مقایسه شده است.

2- معادلات حاكم

معادلات حاکم بر جریان معادلات ناویر - استوکس⁸ متوسط شده رینولدز و معادله انرژی میباشد که با استفاده از روش حجم محدود منفصل شدهاند:

$$
\frac{\delta}{\delta t} \int_{\nu} WdV + \oint \mathbf{F} - G \mathbf{Id}A = \int_{\nu} HdV
$$
 (1)

 G در رابطه (1) جایی که W بردار متغیرهای بقایی و F و G به ترتیب بردارهای شار غیرلزجی و لزج میباشند که بهصورت زیر تعریف میشوند:

$$
W = \begin{Bmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho V \\ \rho w \\ \rho E \end{Bmatrix}, F = \begin{Bmatrix} \rho V \\ \rho V u + p i \\ \rho V V + p j \\ \rho V w + p k \\ \rho V E + p v \end{Bmatrix}, F = \begin{Bmatrix} \mathbf{0} \\ \tau_{xi} \\ \tau_{yi} \\ \tau_{zi} \\ \tau_{zij} \\ \tau_{zij} V_j + q \end{Bmatrix}
$$
 (2)

در رابطه (1)، H بردار عبارتهای منبع، V حجم سلول و A مساحت

hinge moments

Span
canard

CFD

 5 Trasonic

⁶ Pich moments

normal force coefficient

⁸ Navier-Stokes equations

سطحی سلول است. بردار شار غیرلزج (F) با استفاده از اختلاف شار بالادست استاندارد مورد ارزيابي قرار مي گيرد [15].

هوا بهصورت گاز ایدهال بهعنوان سیال عامل لحاظ شده و جریان دائم درنظر گرفته شده است. منفصلسازی معادلات با استفاده از روش حجم محدود و بهصورت دقت مرتبه دوم انجام شده است. الگوریتم سیمیل برای کویل کردن سرعت و فشار به کار گرفته شده است. با توجه به اهمیت جریان در کنار دیواره، در شبکهبندی از روش پیوندی استفاده شده است و نزدیک دیواره شبکه لایه مرزی ایجاد شده بنابراین جریان تا کنار دیواره حل شده و توابع دیواره به کار گرفته نشده است. برای ناحیه بیرونی از شرط میدان فشار دوردست استفاده شده است. ویژگی این شرط مرزی این است که از نوع غیر انعکاسی بوده و شوکها بهطور غیرفیزیکی به داخل میدان منعکس نمی گردد $[17,16]$

3- اعتبارسنجي

ضرایب آیرودینامیکی با استفاده از روش دینامیک سیالات محاسباتی استخراج میشوند. معادلات 3 بعدی ناویر استوکس جریان تراکمپذیر همراه با مدل آشفتگی و معادله انرژی برای شبیهسازی میدان مغشوش بهکار رفته است. نرمافزار فلوئنت بهعنوان حل كننده جريان براي نمونهبرداري پديده جریان انتخاب شده است. معادلات حاکم با استفاده از روش حجم محدود همراه با شبکه پیوندی حل شده است. در این مقاله جهت بهدست آوردن مدل آشفتگی صحیح و انتخاب آن، از نتایج آزمایش پروازی و مقایسه ضرایب آپرودینامیکی بهره گرفته شده است.

3-1- شرايط مدل اعتبارسنجي

گرگ آبتا¹ و رالف داکرشاین ² [18] در سال 2000 آزمایشهای پروازی را روی پرندههای دارای بالک مشبک در ناحیه مادونصوت³ و گذرصوت انجام دادند. این آزمایشهای پروازی در تاسیسات تحقیقاتی آزمایشهای بالستیکی⁴ توسط مركز تحقيقات مديريت مهمات نيروى هوايي ايالات متحده آمريكا انجام گرفت. هندسه اعتبارسنجی در این مقاله از این منبع جهت مدل سازی و مقايسه نتايج مورد استفاده قرار گرفته است.

این مدل دارای طول 16D، قطر 1D و دارای دماغهای به طول 3D از نوع تانژانت-اوجایو⁵است. بالکـها به فاصله 14.441*D* از نوک موشک به شکل صلیبی به بدنه نصب شده است. در شبیهسازی عددی که انجام گرفت تمامی شرایط اعلام شده به دقت در نرمافزار لحاظ گردید. دمای 1±22 درجه سانتی گراد برای این آزمایش مورد استفاده قرار گرفت بود ولی فشار استاتیک، مرکز جرم و چگالی هر آزمایش پروازی با توجه به سرعت آزمایش متفاوت بود که این شرایط نیز در شبیهسازی طبق جدول 1 مورد استفاده قرار گرفته شد.

جدول 1 شرايط آزمايش پروازي [18]

Table 1 The conditions of flight test					
فشا,	چگالی	مرکز جرم	عدد		
(Pa)	(kg/m^3)	برحسب طول	ماخ		
103450	1.2012	0.4778	0.574		
103650	1.2030	0.4763	0.744		
103600	1.2030	0.4765	0.817		

Ahate

 $\frac{4}{5}$ Aeroballistic Research Facility (ARF)

در این مقاله قطر مدل 25.4 میلی متر در نظر گرفته شد که با احتساب آن طول پرنده 406.4 میلی متر می باشد. در "شکلهای 1 و 2 " مدل تهیه شده آمده است. با استفاده از نرمافزار انسیس یک شبکه پیوندی در میدان جریان اطراف مدل ایجاد شده است. در نزدیکی دیواره پرنده شبکه لایه مرزی ایجاد شده که فاصله اولین گره تا بدنه مقدار 0.001 میلی متر و تعداد لایهها 10 است. "شكل 3" ميدان جريان و شبكه بي سازمان ايجاد شده در اطراف مدل را نشان میدهد. تراکم شبکه در اطراف مدل در این شکل مشخص است. شبکه لایه مرزی ایجاد شده در نزدیکی دماغه در "شکل 4" نشان داده شده است.

Fig. 2 The grid fin model

Fig. 3 The flow field around the model

Fig. 4 The prism grid near the nose

شكل 4 شبكه لايه مرزى كنار دماغه

Duckerschein Subsonic

3-2- نتايج اعتبارسنجي

شبیهسازی مدل با عددهای ماخ 0.574، 0.744و 0.817 و در زوایای 0، 2، 4 و 6 انجام شده است. شبیهسازی در نرمافزار فلوئنت و به ازای مدلهای آشفتگی $_{\rm K-e-}$ K-e-Re¹ ،K-e-St ،K-w-SST انجام شده و برای بررسی SST^3 دقیق تر جهت شبیهسازی از نرم افزار سی اف ایکس 2 با مدل آشفتگی نیز استفاده شده است. بهعلت متقارن بودن مدل، جهت كاهش محاسبات، مدل بهصورت نیمه تقارن⁴ در نظر گرفته شد. محاسبات تا خطای کمتر از 4-^10 جهت همگرایی ادامه یافت.

پس از شبکهبندی و تعریف شرایط مرزی، مدل مرجع به ازای سه عدد ماخ 0.574 0.817 و 0.817 به ازای زوایای حمله مختلف تحلیل شد. تغییرات ضریب نیروی عمودی برحسب زاویه حمله برای عدد ماخ 0.574 به ازای مدلهای آشفتگی مختلف در "شکل 5" آورده شده است. به ازای تمام این حالتها رفتار ضریب نیروی عموی CN، با زاویه حمله به صورت خطی است. بنابراین بهتر است برای بررسی نتایج از شیب این نمودارها CNa، در ادامه استفاده شود.

مقادیر CNa به ازای عدد ماخ مختلف در جدول 2 آمده است. در این جدول نتايج مربوط به تست پروازي نيز از مرجع [18] آورده شده است. اعداد بهدست آمده مطابقت خوبی با نتایج تست پروازی دارند. برای بررسی دقیق تر درصد خطای هر یک از حالتها نسبت به نتایج تجربی محاسبه شده و نتایج در جدول 3 ارائه شده است. بیشترین مقدار خطای بهدست آمده حدود 11% است و بقیه کمترین از این مقدار میباشد. بنابراین با انتخاب یک شبکه درست با استفاده از مدلهای مختلف آشفتگی می توان به نتایج قابل قبولی رسید. بررسی دقیقتر و مقایسه بین میزان درصد خطا نشان میدهد که استفاده از نرمافزار انسیس فلوئنت با مدل آشفتگی K-e-St کمترین مقدار خطا را نسبت به نتایج تجربی بهدست میآورد. مقدار خطای مربوط به این حالت کمتر از 2 درصد میباشد. از آن جهت که در این مقاله هدف طراحی یک بالک بهعنوان پایدار کننده است و بیشتر پایداری استاتیکی پرنده مدنظر بوده که برای این منظور نیروی عمودی بالک بیشتر مورد استفاده قرار گرفته و به نیروی محوری پرداخته نشده است.

Fig. 5 The normal force coefficient in Mach 0.574 شکل 5 ضریب نیروی عمودی در ماخ 0.574

 CNa (rad⁻¹) جدول 2 مقدار شیب ضریب نیروی عمودی $CN_{\alpha}(\text{mod}^{-1})$

Table 2 The results of normal force coefficients slope, $CNa(\text{rad}^{-1})$								
	Fluent K-e- Fluent K-e- SТ	Fluent $K-W$	CFX-SST	[18]	عدد			
Re					ماخ			
7.6433	7.5425	7.2651	7.1562	7.630	0.574			
7.2479	7.7179	6.7784	7.10467	7.620	0.744			
6.9958	7 2946	6.7609	7.4198	7.390	0.817			

جدول 3 درصد خطای مربوط به شیب ضریب نیروی عمودی Table 2 Tl

"شکل 6" توزیع عدد ماخ در میدان جریان اطراف بالک مشبک برای عدد ماخ 0.574 و زاويه حمله 2 درجه را نشان مىدهد. سلول هاى بالك به صورت نازل عمل کرده و سرعت جریان درون سلولها افزایش یافته و مقدار بیشینه عدد ماخ به 0.7169 رسیده است. در دیواره جلویی سلولها، نقطه سکون تشکیل شده و درقسمت عقب هم جدایش جریان وجود دارد.

توزیع عدد ماخ در صفحه تقارن مدل و در اطراف بالک مشبک در شرایط μ یروازی 40.744–M و زاویه حمله 2 درجه در "شکل 7" آمده است. در این شکل مقدار عدد ماخ در درون سلولها افزایش یافته که مقدار بیشینه به 1.008 رسیده است. در این پدیده خفگی درون سلولها اتفاق افتاده و امواج عمودی درون سلولهای بالک مشبک تشکیل شده است. با افزایش ماخ پروازي به 0.814، بهدليل خفگي جريان درون سلولها جريان از اطراف بالک سرریز کرده و عدد ماخ بیشینه در سطح بیرونی بالک اتفاق میافتد (شکل8).

4- هندسه و طراحی مدل شبیهسازی

در پرندههای دو مرحلهای که مدنظر این مقاله است در ابتدا حرکت وظیفه غلبه بر نیروی اینرسی با بخش بوستر⁵ میباشد که در مرحله اول پرواز مورد استفاده قرار می گیرد. سپس موتور اصلی وارد مدار شده و وظیفه ایجاد نیروی محركه براي بقيه حركت را برعهده ميگيرد. از الزامات پرواز اين نوع پرندهها وجود پایداری استاتیکی⁶ است. پایداری استاتیکی با متغیری با نام استاتیک

Fig. 6 The contour of Mach number at symmetry plan of grid fin for $M = 0.574$. $\alpha = 2^0$

 $M = 0.574$, $\alpha = 2^0$ شکل 6 توزیع عدد ماخ در صفحه تقارن بالک مشبک برای $\alpha = 0.574$

K-epsilon-Realizable

 2 CFX

Shear stress transport $4 \overline{\text{Symmetry}}$

 5 Booster ⁶ Static stability

مهندسی مکانیک مدرس، اسفند 1395، دوره 16، شماره 12

شكل 11 مدل اصلى با بالك Grid

مدل اصلی انتخاب شده در این مقاله دارای طول 3500 میلی متر، قطر 200 میلی متر و مرکز جرم 1700 میلی متر از نوک پرنده می باشد. اندازه و محل قرارگیری بال و بالک کنترلی در تمامی مدلها یکسان است. محل قرارگیری بالک پایدارکننده در هر سه مدل یکسان بوده و وسط ضخامت آنها محل قرار گیری در نظر گرفته شده است. در این پرنده ابتدا شبیهسازی بدون بالک پایدار کننده جهت محاسبه مقدار ممان پیچشی و نیروی عمودی، لازم جهت پایداری استاتیکی انجام گرفت و سپس با توجه به نتایج بهدست آمده بالک پایدارکننده PL1 طراحی گردیده و سپس جهت کاهش ممان پیچشی بهوجود آمده مدل بالک PL2 طراحی شد و در نهایت بالک مشبکی Grid که بتواند این الزامات ,ا مهیا کند مدل سازی گردید.

4-2- هندسه بالک های پایدار کننده

بالک طراحی شده PL1 دارای مقطع Naca0015 میباشد که دارای ارتفاع 202 میلی متر، طول وتر 140.71 میلی متر و ضخامت 8.12 میلی متر بوده که در طول وتر آن با زاویه 77.12درجه به مقدار 100.57 کاهش پیدا می کند. (شكل 12).

بالک طراحی شده PL2 همانند "شکل 13" نیز دارای مقطع Naca0015 است. که دارای ارتفاع 267.6 میلی متر، طول وتر 100 میلی متر و ضخامت 12.04 میلی متر است. در این مدل طول وتر در ارتفاع تغییر نمی کند.

بالک مشبک انتخابی از مدل بهینه شده توسط روابط موجود در منبع [7] بهدست آمده و ابعاد آن بعد از محاسبه دارای ارتفاع 251.29 میلی متر، طول وتر 135.37 میلی متر و ضخامت 16 میلی متر است که هندسه بالک مشبک Grid در "شکل 14" نشان داده شده است.

جهت مقایسه و بررسی نیرو عمودی بالک های طراحی شده در ابتدا یک میدان نیم استوانهای با دماغه کروی شکل در نظر گرفته شد و هر یک از این بالکها به صورت جداگانه در عددهای ماخ 0.6، 0.7 و 0.8 در زوایای 0، 2، 4، 6، 8 و 10 و نتايج مربوط به ضريب نيروى عمودى آورده شده است. تغيير ضریب نیروی عمودی برحسب زاویه حمله برای اعداد ماخ 0.6، 0.7 و 0.8 به

Fig. 12 The PL1 fin model

Fig.7 The contour of Mach number at symmetry plan of grid fin for $M = 0.744, \alpha = 2^0$

 $M = 0.744, \alpha = 2^0$ شکل 7 توزیع عدد ماخ در صفحه تقارن بالک مشبک برای 9

Fig.8 The contour of Mach number at symmetry plan of grid fin for $M = 0.817, \alpha = 2^0$ $M = 0.817$, $\alpha = 2^0$ شکل 8 توزیع عدد ماخ در صفحه تقارن بالک مشبک برای

مارجین¹ بررسی و اندازهگیری میگردد. بالک پایدا_ر کننده² وظیفه ایجاد ممان برخلاف ممان ایجاد شده توسط جرم نسبت به نوک پرنده را برعهده دارد. با طراحی دقیق بالک پایدارکننده میتوان استاتیک مارجین مناسب را بهدست آورد و از طرفی پایداری استاتیکی را برقرار کرد.

1-4- شكل و مدل اصلى

در اینجا سه مدل پرنده با بالک های پایدارکنندهی مختلف جهت بررسی و مقایسه عملکرد هر کدام با خواص مختلف و یافتن پایدارکنندهی بهتر ارائه گردیده است. در "شکلهای 9، 10 و 11" سه مدل انتخابی دیده میشود.

Fig. 9 The general model with PL1 fin

شكل 9 مدل اصلي با بالك PL1

Fig. 10 The general model with PL2 fin

شكل 10 مدل اصلى با بالك PL2

¹ Static Margin 2 Stabilizer

شكل 13 مدل بالك PL1

Fig. 14 The Grid fin model

شكل 14 مدل بالك Grid

ترتيب در "شكلهاي 15، 16 و 17" آمده است. با مقايسه ضريب نيروي عمودی این سه بالک با یکدیگر می توان نتیجه گرفت که در زوایای حمله پایین نمودارها برهم منطبق هستند و با افزایش زاویه حمله مقدار ضریب عمودي بالک مشبک کمتر از بالکPL2 و هر دوي اين بالکها نسبت به مدل PL1 ضعیف تر هستند که این اختلاف کمتر از 10 درصد است.

4-3- شبكەبندى

در مسایل دینامیک سیالات محاسباتی یکی از مهمترین مراحل شبیهسازی، تولید شبکه مناسب است. از آنجا که هندسهی این مقاله پیچیده بوده و امکان ایجاد شبکه با سازمان وجود ندارد و نیز شبکهی بی سازمان هم از دقت

Fig. 15 The normal force coefficient in Mach 0.6 شکل 15 ضریب نیروی عمودی در 0.6 ماخ

Fig. 17 The normal force coefficient in Mach 0.8 شکل 17 ضریب نیروی عمودی در 0.8 ماخ

کافی برخوردار نیست و به جهت آنکه نیرویهای لزجی در ناحیه نزدیک جسم از اهمیت بالایی برخوردارند، از شبکه پیوندی در این کار همانند مدل اعتبارسنجی استفاده شده است. برای کاهش تعداد سلولها میتوان مش ناحیه دور از بدنه را از شبکه بیسازمان استفاده کرد. نمونههایی از کیفیت شبکه در اطراف بال در حالتهای مختلف در "شکلهای 18، 19 و 20" آورده شده است.

Fig. 18 Mesh quality at the cross-section parallel to the axis شکل , 18 کیفیت شبکه در مقطع موازی با محور

شكل 19 كيفيت شبكه در داخل سلول هاى بال

شکل 20 شبکه لایه مرزی کناره دیواره

برای بررسی این موضوع با تعداد سلولهای متفاوت، تحلیل عددی صورت گرفته است. با افزایش تراکم شبکه، مقادیر ضرایب تغییر میکنند و این نغييرات تا مقدار 3846532 سلول در مدل بالک مسطح ادامه پيدا مي کند. از این مقدار به بعد روند تغییرات محسوس نیست و به کمتر از یک درصد می-رسد. بنابراین شبکهبندی با تراکم 3058739 بهعنوان تراکم مطلوب در این نوع بالک در نظر گرفته شده است. نتایج بالا در ماخ 0.6 و زاویه حمله 4 درجه برای بالک مسطح در "شکلهای 21 و 22" بهتر تیب برای ضریب نیروی عمودی و محوری نشان داده شده است.

Fig. 21 The variation of normal force coefficient planar fin model with mesh number

Fig. 22 The variation of axial force coefficient planar fin model with mesh number

شکل 22 تغییرات ضریب نیروی محوری مدل بالک مسطح با تعداد شبکه

همین روند برای مدل پرنده با بالک مشبک نیز انجام شد زیرا بالک مشبک .
بهعلت داشتن حجم بزر گتر نسبت به مدل های دیگر، سلول های بیشتری دارد. نهایتا شیکهبندی با تراکم 4958487 برای مدل بالک مشیک انتخاب گردید. نتایج بالا در ماخ 0.6 و زاویه حمله 4 درجه برای بالک مشبک در "شکلهای 23 و 24" به ترتیب برای ضریب نیروی عمودی و محوری نشان داده شده

5- بررسي نتايج

در ابتدای پرواز بر روی پرندههای دو مرحلهای، اثرات چرخشی و مخصوصا ممانهای یپچشی ناخواستهای ایجاد میگردد که کنترل آنها از اهمیت زیادی در پرواز برخوردار است. از آنجا که بالک پایدار کننده انتها در این نوع پرندهها وظیفه خنثی کردن ممان پیچشی، پایداری و نهایتا کنترل پرواز را برعهده دارند، لذا بررسی پایداری استاتیکی در این مرحله دارای اهمیت .
بالایی است. جهت بررسی میزان عملکرد و مقایسهی بالک مسطح و مشبک با بكديگر، تحت سه مدل بيان شده در بالا شبيهسازي انجام شده است.

این شبیهسازی بهصورت سه پرنده دارای بال، سطوح کنترلی و يايدار كننده در نظر گرفته شده است و شبيهسازي در ماخهاي 0.6، 0.7 و 0.8 و زوایای 0، 2، 4 و 6 انجام گرفته است. مدل های موردنظر در نرمافزار گمبیت 6.4.2 طراحی گردید و سیس توسط نرمافزار Fluent V15 مش بندی شد.

Fig. 23 The variation of normal force coefficient grid fin model with mesh number

شکل 23 تغییرات ضریب نیروی عمودی مدل بالک مشبک با تعداد شبکه

Fig. 24 The variation of normal force coefficient grid fin model with mesh number

شکل 24 تغییرات ضریب نیروی عمودی مدل بالک مشبک با تعداد شبکه

بعد از آمادهسازی مدل با استفاده از نرمافزار فلوئنت و مدل جریان مغشوش KE-ST محاسبات لازم برای هر سه مدل در نظر گرفته شده انجام شد و حداقل خطای در هر پردازش 10-4^ در نظر گرفت شد. بعد از محاسبات انجام گرفته شده در شرایط یکسان با این سه مدل بالک، نتایج حاصل در چند بخش قابل بررسی و تحلیل است. در این شبیهسازیها از مدل آشفتگی K-E استاندارد و الگوریتم حل سیمپل¹مرتبه دوم استفاده شده است، که انتخاب این روش حل از اعتبارسنجی که بین روش های مختلف انجام گرفته مورد استفاده قرار گرفته است. مدل پرنده اصلی در زوایای حمله مختلف 0، 2، 4 و 6 شبیهسازی شده است. عددهای ماخ 0.6، 0.7 و 0.8 جهت تغییر سرعت پرنده مورد استفاده قرار گرفت. در ادامه از ابعاد مختلف، نتایج حاصل از این شبیهسازیها مورد بررسی قرار گرفته است.

تغییرات ضریب نیروی عمودی پرنده برای سه بالک پایدارکنندهی مختلف برحسب زاویه حمله و به ازای ماخهای مختلف انجام گرفته است. روند تغییر ضریب نیروی عمودی برحسب زاویه حمله برای کلیه حالتها به صورت خطی است. در "شکل 25" ضریب نیرو عمودی پرنده در عدد ماخ 0.6 نشان داده شده است.

در این حالت پرندهای که با بالک مشبک Grid مورد محاسبه قرار گرفته است، دارای ضریب نیروی عمودی و یا بهعبارتی نیروی بالابری بیشتری نسبت به سایر مدل های انتخابی است. بعد از بالک مشبک، مدل بالک PL2 دارای ضریب بیشتری است. "شکلهای 26 و 27" نتایج مشابهی را برای ماخ-های 0.7 و 0.8 نشان می دهند.

Fig. 25 The normal force coefficient of aircraft in Mach 0.6 **شکل 25** ضریب نیرو عمودی پرنده در 0.6 ماخ

Fig. 26 The normal force coefficient of aircraft in Mach 0.7 شکل 26 ضریب نیرو عمودی پرنده در 0.7 ماخ

 1 Simple

Fig. 27 The normal force coefficient of aircraft in Mach 0.8 شكل 27 ضريب نيرو عمودى پرنده در 0.8 ماخ

در این نمودارها همواره پرندهای که بالک پایدار کننده مشبک دارد، نسبت به دو حالت دیگر دارای ضریب نیروی عمودی بیشتری است. جهت بررسی دقیق تر این موضوع، مقایسه شیب ضریب نیروی عمودی انجام شده که نتایج در سرعت های مختلف در جدول 4 نشان داده شده است. مقدار ضریب CNa بالک مشبک نسبت به بالکهای مسطح بیشتر است و نشان میدهد که تاثیر جریان بالا دستی بر روی بالک مشبک کمتر از بالکهای دیگر است.

نکته بسیار مهم و کلیدی این پژوهش این است که با توجه به کم بودن ضریب نیروی عمودی بالک مشبک نسبت به مدلهای دیگر در حالت انفرادي، و نيز يكسان بودن جريان بالادستي در مدل اصلي كه تحت تاثير بال و بالکِ یکسان است، ضریب نیروی عمودی در بالک مشبک نسبت به بالکهای مسطح انتخاب شدهی دیگر بیشتر است و این موضوع از خواص ظاهری و طراحی این نوع بالکها نسبت به بالکهای مرسوم است. نکته دیگری که باید در بررسی این نتایج به آن اشاره کرد، ثابت ماندن نسبی ضریب نیرو عمودی در بالک مشبک در ماخهای مختلف نسبت به دو مدل دیگر است و این در حالی است که بهطور مثال بالک مدل PL2 نسبت به دو مدل Grid و PL1 تغییرات بیشتری در مقدار ضریب عمودی در ماخهای مختلف دارد.

در ادامه جهت مشخص شدن جزئیات تحقیق، به بررسی ضریب نیروی عمودی هریک از بالک ها بهصورت جداگانه پرداخته شده تا تاثیر نوع بالک بر روی ضریب نیروی عمودی مدل اصلی مشخص گردد. ضریب بالک مشبک در هر دو حالت بالک بالایی و پایینی مقدار بزرگتری نسبت به دیگر بالکهای انتخاب شده دارد. این برتری در سرعتهای مختلف تکرار شده است. در "شكل 28" نمونهاي از نمودار ضريب نيروي عمودي بالك بالايي در ماخ 0.7 نشان داده شد است. این نمودار برتری بالک مشبک در ضریب نیروی عمودی نسبت به بالک های دیگر را به وضوح نشان میدهد. در "شکل 29" نیز نمودار ضریب نیروی عمودی در بالک پایینی در ماخ 0.7 به نمایش در آمده است. این ضریب در بالک مشبک پایینی نیز همچنان برتری خود را نسبت به بقیه بالک های مسطح نشان مے دهد.

Fig. 30 The pitching moment coefficient of aircraft in Mach 0.6 شكل 30 ضريب ممان پيچشى پرنده در 0.6 ماخ

Fig. 31 The pitching moment coefficient of aircraft in Mach 0.7 شكل 31 ضريب ممان پيچشى پرنده در 0.7 ماخ

Fig. 32 The pitching moment coefficient of aircraft in Mach 0.8 شكل 32 ضريب ممان پيچشى پرنده در 0.8 ماخ

۔
جهت بررسے دقیق تر جزئیات تاثیرات جریان بالادستی بر روی بالکھای مدل شده، مقادیر ممانهای هریک از بالکهای بالایی و پایینی مدل اصلی شبیه-سازی شده در جدول 6 نشان داده شده است. جدول 6 نشان دهندهی بزرگتر بودن ممان پیچشی هریک از بالکهای مشبک نسبت به دو مدل PL1 و PL2 مے ماشد.

"شكل 33" خطوط جريان يشت بال اصلي و بالك كنترلي براي مدلي كه پایدار کننده کنترلی دارد را در شرایط 5 = 0.7, α = 0.7 را نشان میدهد. زاویه حمله جریان موجب میشود که گردابههای پشت بال و بالک به سمت

Fig. 28 The normal force coefficient of fin up in Mach 0.7 شكل 28 ضريب نيرو عمودي بالك بالايي در 0.7 ماخ

Fig. 29 The normal force coefficient of fin down in Mach 0.7 **شكل 29** ضريب نيرو عمودي بالك پاييني در 0.7 ماخ

مقایسه نتایج مربوط به شیب ضریب نیروی عمودی کلی در مورد سرعتهای 0.6، 0.7 و 0.8 براى انواع بالكها در جدول 5 به نمايش گذاشته شده است. با توجه به جدول 5 و مقايسه ضرايب بهدست آمده مى توان دريافت كه بالك-های مشبک به صورت جداگانه نیز نسبت به بالکهای مسطح دیگر دارای ضرایب بزرگتر و در نتیجه قدرت نیروی عمودی بیشتری در مدل اصلی

مقدار ضریب ممان پیچشی نیز از لحاظ پایداری پرنده حول مرکز جرم .
خود از اهمیت بالایی برخوردار است. ضریب ممان پیچشی مدل اصلی در "شكلهاي 30، 31و 32" آورده شده است. مقدار ضريب ممان ييچشى بالک مشبک از مابقی مدلهای ارائه شده بزرگتر است و نشاندهنده قدرت ایجاد ممان پیچشی بزرگتر این نوع بالک نسبت به سایر بالکهای انتخاب شدهی مدل اصلی، در هنگام پرواز است.

جدول 5 شیب ضریب نیروی عمودی انواع بالکها در ماخ های مختلف Table 5 The kinds of fins normal force coefficients slope in different Machs

$CNa[rad^{-1}]$		$CNa[rad^{-1}]$		$CNa[rad^{-1}]$		
Grid		PI.2		PL1		عدد
Fin	Fin Up	Fin	Fin Up	Fin	Fin Up	ماخ
Down		Down		Down		
87.62	87.18	87.29	85.48	82.76	86.00	0.6
88.18	87.79	88.06	86.69	84.65	87.15	0.7
88.64	88.27	86.04	87.95	85.81	85.54	0.8

Fig. 34 the streamline behind the wings and control wings for planar fin model at $M=0.7$ and $\alpha = 3^0$ شکل 34 خطوط جریان در پشت بالها و بالک کنترلی برای مدل با بالک مسطح $M = 0.7, \alpha = 3^{\circ}$ د, شرايط

انتخاب شده بر روی مقدار استاتیک مارجین پرداخته میشود. در جدول 7 مقادیر استاتیک مارجین بی بعد شده نسبت به قطر در عدد ماخهای مختلف در زاویه حالت¹ مطلوب (زاویه 4 درجه)، نشان داده شده است. بررسیها نشان می دهد که در بالک مدل PL1 با توجه به صفر شدن مقادیر استاتیک مارجین، پایداری استاتیکی از نوع خنثی بوده و این نوع پایدار کننده مناسب برای پرنده در هنگام پرواز نمیباشد زیرا در هنگام مواجه با ممان های ناخواسته، سیستم ناپایدار شده و پرواز با مشکل مواجه خواهد شد. با توجه به این نکته که مقدار مناسب برای استاتیک مارجین بی بعد شده نسبت به قطر، یک است، بالک مدل PL2 نیز در ماخهای پایین دارای مقدار کم استاتیک مارجین بوده و در ماخ 0.8 دچار ناپایداری میشود. در مورد بالک مشبک Grid می توان گفت با توجه به نتایج نشان داده شده در جدول 7، استاتیک مارجین در تمامی حالتها تقریبا دارای مقدار یک است که نشان از پایداری بالک فوق، در تمامی سرعتها میباشد و این مسئله را میتوان بهعنوان برتری در پایداری استاتیکی، نسبت به مدلهای دیگر بیان کرد و علت این امر را می توان در ممان پیچشی یافت. زیرا که بالک مشبک دارای ممان پیچشی بزرگتری نسبت به دیگر بالکهای مطرح شده است.

6- نتىجەگىرى

در این مقاله با استفاده از روش دینامیک سیالات محاسباتی و به کمک نرمافزار انسیس فلوئنت و CFX میدان جریان اطراف یک مدل مرجع شامل بالک مشبک که نتایج تست پروازی برای ان موجود بود شبیهسازی شد. مقدار شیب ضریب نیروی عمودی برای سه ماخ پروازی مختلف در رژیم .
مادون صوت به ازای مدلهای آشفتگی مختلف بهدست آمد. بررسیها نشان

جدول 7 مقادیر استاتیک مارجین در ماخ های مختلف

			Table 7 The Static Margin in different Mach		
0.8	0.7	0.6	Mach\Fin	alfa	ST.Margin
0.01	0.00	0.00	PL ₁		
-0.52	0.59	0.57	PL ₂	$\alpha = 4$	$(x_{Cp} - x_{Ca})/D$
0.84	0.98	1.14	Grid		

 1 Trim angle

جدول 6 شیب ضریب ممان پیچشی انواع بالکها در ماخ های مختلف Table 6 The kinds of fins pitching moment coefficients slope in different Mache

$CMa[rad^{-1}]$		$CMa[rad^{-1}]$		$CMa[rad^{-1}]$		
Grid		PI.2		PL1		عدد
Fin Down	Fin Up	Fin Down	Fin Up	Fin Down	Fin Up	ماخ
88.63	88.42	88.41	87.37	85.74	87.64	0.6
88.96	88.74	88.85	88.06	86.86	88.32	0.7
89.21	89.01	87.65	88.79	87.54	87.36	0.8

بالا منحرف شوند ولی این گردابهها هنوز به بالک مشبک برخورد کرده و از آن عبور می کنند. در شکل مشخص است که تنها تعدادی از سلولهای بالک مشبک در معرض گردابه قرار گرفته و بخش بیشتری از بالک جریان آزاد عبور می کند. همچنین طول کوچک وتر بالک مشبک موجب شده که گردابه-ها سریع بالک را ترک کرده و اثرات منفی کمتری روی آن داشته باشد. برای پایدارکننده مسطح (شکل34) بهدلیل بزرگ بودن طول وتر، گردابهها مدت زمان بیشتری در تماس با بالک هستند بنابراین سطح بیشتری از بالک در تماس با گردابههای جریان بالادست است. به همین دلیل مقدار نیروی عمودی تولید شده توسط بالک مسطح کمتر مشبک میباشد و هرچه طول وتر بالک مسطح بیشتر باشد اثر گردابهها قویتر شده بنابراین بالک ضعیفتر میشود. نکته دیگری که در "شکلهای 33 و 34" وجود دارد این استکه گردابه بال و بالک از نزدیکی بدنه پرنده و ریشه بالک پایدارکننده عبور می کند. گردابهها قسمت نوک بالک مشبک و مسطح که با بدنه فاصله دارند را در برنمیگیرد. این نکته نیز دلیل دیگری است برای این که در چنین حالتی که بالادست پایدارکننده، بال و بالک کنترلی وجود دارد بهتر است از بالک مشبک بهعنوان پایدار کننده استفاده کرد. درصورتی که از پایدار کننده مسطح قرار است استفاده شود تا حد ممکن بالک دارای طول وتر کم و طول اسپن بزرگتر طراحی شود.

یکی از پارامترهای مهم در بررسی میزان تاثیر بالک های پایدار کننده در هنگام پرواز، پایداری استاتیکی است که این پایداری به کمک مقدار استاتیک مارجین مورد بررسی قرار میگیرد. در این بخش به بررسی اثر بالکهای

Fig. 33 the streamline behind the wings and control wings for grid fin model at $M=0.7$ and $\alpha = 3^0$

شکل 33 خطوط جریان در پشت بالها و بالک کنترلی برای مدل با بالک مشبک در $M = 0.7, \alpha = 3^0$ شرايط Congress Of The Aeronautical Science, Nice, France, 19-24 September, 2010.

- [7] M. bak, Experimental investigation and computational fluid dynamics analysis of missile with grid fin in subsonic flow, International Journal of Engineering Science and Technology, Vol. 2, No. 11, pp. 6214-6220, 2010.
- [8] J. E. Kless, M. J. Aftosmis, Analysis of grid fins for launch abort vehicle using a cartesian euler solver, 29th Fluid Dynamics and Colocated Conferences (AIAA), Honolulu, USA, pp. 1-21, 2011.
- [9] H. S. Prashanth, K. S. Ravi, G. B. Krishnappa, Aerodynamic characteristics of g16 grid fin configuration at subsonic and supersonic speeds, International Journal of Engineering Research and General Science Vol. 2, Issue. 5, pp. 129-135, 2014.
- [10] M. G. Landers, L. M Aumar, Aerodynamic predictions of pitch and roll control for canard-controlled missiles. 18th Applied Aerodynamics Conference (AIAA), Denver, USA, pp. 1-25, 2000.
- [11] J. DeSpirito, W. D. Washington, CFD investigation of canardcontrolled missile with planar and grid fins in supersonic flow, AIAA Atmospheric Flight Mechanics Conference and Exhibit, Monterey, USA, pp. 429-440, 2002.
- [12] J. DeSpirito, W. D. Washington, Numerical investigation of aerodynamics of canard-controlled missile using planar and grid tail fins, part ii: subsonic and transonic flow, Army Research Laboratory Aberdeen Proving Ground ARL-TR-3162, Arsenal, English, pp. 1-104, 2004.
- [13] D. P. Pruzan, M. R. Mendenhall, W. C. Rose, Grid Fin Stabilization of the Orion Launch Abort Vehicle, 29th Applied Aerodynamics Conference (AIAA), Honolulu, USA, pp. 1-17, 2011.
- [14] J. DeSpirito, W. D. Washington, Numerical investigation of canard-controlled missile with planar and grid fins, Journal of Spacecrat and Rockets, Vol. 40, No. 3, pp. 263-370, 2003.
- [15] J. Hoffman, C. Johnson, Computational Turbulent Incompressible Flow, pp. 102-150, Springer Berlin Heidelberg, 2006.
- [16] J. Cai, Numerical study on choked flow over grid-fin configurations, Journal of Spacecrat and Rockets, Vol. 46, No. 5, pp. 949-956, 2009.
- [17] P. Theerthamalai, N. Balakrishnan, Effect of geometric parameters on the aerodynamic characteristics of grid-fin cells at supersonic speeds, 45th Aerospace Sciences Meeting and Exhibit AIAA, Reno, USA, pp. 1-11, 2006.
- [18] G. L. Abate, R. P. Duckerschein, W. Hathaway , Subsonic / transonic free-flight tests of a generic missile with grid fins. 38th Aerospace Sciences Meeting and Exhibit (AIAA), Reno, USA, pp. 1-11.2000

داد که نتایج مربوط به کلیه حالتها دقت قابل قبولی (خطای کمتر از 11%) نسبت به نتایج تجربی دارد و خطای مربوط به نرمافزار فلوئنت با مدل آشفتگی K-e_ST کمترین مقدار است. در ادامه دو نوع بالک مسطح و یک نوع بالک مشبک بهعنوان سطح پایدار کننده برای یک پرندهای که شامل یک سری بال و بالک کنترلی است اضافه شد و تحلیلها برای بررسی پایداری صورت گرفت. نتایج شبیهسازی نشان داد که برای بالک مسطح با طول وتر بیشتر مقدار پایداری استاتیکی خنثی بهدست آمد. با کاهش طول وتر و اضافه کردن سطح در جهت اسین بالک، مقدار پایداری پرنده افزایش یافت. همچنین با جای گذاری بالک مسطح توسط یک بالک مشبک که در حالت مجزا دارای ضریب نیروی عمودی یکسانی هستند، پایداری پرنده به مقدار قابل توجه افزایش مییابد. همانطور که قبلا نیز بیان شد اغتشاشات ایجاد شده توسط بال و بالک کنترلی در بالادست جریان، ضرایب آیرودینامیک بالک پایدار کننده در پایین دست را تحت تأثیر قرار میدهند. با کاهش طول وتر بالک میزان این اثرات کاهش یافته است.

7- مراجع

- [1] W. D. Washington, M. S. Miller, Grid fins a new concept for missile stability and control, 31st Aerospace Sciences Meeting, Aerospace Sciences Meetings AIAA 93-0035, Washington, D.C. January 11-14, 1993.
- [2] W. D. Washington, M. S. Miller, Experimental investigations of grid fin aerodynamics: A synopsis of nine wind tunnel and three flight tests, Proceedings of RTO AVT Symposium on Missile Aerodynamics, Sorrento, Italy, pp. 10.1-10.13, 1998.
- [3] J. DeSpirito, J. Sahu, Viscous CFD calculations of grid fin missile aerodynamics in the supersonic flow regime, 39th Aerospace Sciences Meeting and Exhibit (AIAA), Reno, USA, pp. 1-14, 2001.
- [4] C. Hughson, E. Blades, Transonic aerodynamic analysis of lattice grid tail fin missiles, 24th Fluid Dynamics and Co-located Conferences (AIAA), San Francisco, USA, pp. 1-15, 2006.
- [5] Y. Zeng, J. cai, M. Debiasi, T. Chng, Numerical study on drag reduction for grid fin configuration, 47th Aerospace Sciences Meeting (AIAA), Orlando, USA, pp. 1-10, 2009.
- [6] S. Munawar, Analysis of grid fins as efficient control surface in comparison to conventional planar fins, 27th International