



## بهینه سازی دوهدفه اشکال آیرودینامیکی با استفاده از الگوریتم جستجوی گرانشی

مهدی حسینی پور<sup>1</sup>، مجید ملک جعفریان<sup>2\*</sup>، علی صفوی نژاد<sup>3</sup>

1- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه بیرجند، مشهد

2- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه بیرجند، بیرجند

3- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه بیرجند، بیرجند

\* بیرجند، صندوق پستی 97175-615 mmjafarian@birjand.ac.ir

### چکیده

در این مقاله از الگوریتم جستجوی گرانشی (برای اولین بار) به منظور بهینه سازی دوهدفه هندسه آیروفویل استفاده شده است. معادلات تراکم پذیر دو بعدی ناوبر-استوکس به همراه مدل اسپالارت-آلماراس برای شبیه سازی جریان لزج و مشوش مورد استفاده قرار گرفته است. ابتدا کارایی و صحت مجموعه های بهینه ساز با بهینه سازی معکوس دوهدفه بررسی شده است. در این حالت توابع هدف، اختلاف نیروی پسا و برآ با مقادیر متناظر کمیات از آیروفویل هدف NACA0012 بوده است. به طوریکه یک دسته آیروفویل به عنوان آیروفویل های شروع کننده به صورت تصادفی انتخاب شده و هفه، بدست آوردن آیروفویل هایی بوده است که توابع هدف در نظر گرفته شده را ارضاء کنند. در بهینه سازی مستقیم، الگوریتم جستجوی گرانشی به کار رفته در کار حاضر با تغییر متغیرهای طراحی آیروفویل (مربوط به روش پارسنس)، در صدد رسیدن به متغیرهای مناسب و در نتیجه یافتن دسته آیروفویل های بهینه با توابع هدف برآی بیشینه و پس ای کمینه شده است. این الگوریتم با شروع از یک دسته آیروفویل اولیه به حل پرداخته و به سمت آیروفویل هایی هدایت می شود که توابع هدف ذکر شده را تأمین کند. مقایسه نتایج (جهه پرتو) بدست آمده نشان دهنده عملکرد بهتر و مناسب تر الگوریتم جستجوی گرانشی نسبت به الگوریتم جمعیت ذرات و تحقیقات پیشین (نجام یافته با دیگر روش های مکاشفه ای) به منظور بهینه سازی آیرودینامیکی می باشد.

### اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل

دریافت: 18 بهمن 1395

پذیرش: 07 اسفند 1395

ارائه در سایت: 13 اردیبهشت 1396

کلید واژگان:

بهینه سازی دوهدفه

الگوریتم جستجوی گرانشی

بهینه سازی جمعیت ذرات

روش پارسنس

معادلات ناوبر-استوکس تراکم پذیر دو بعدی

## Two-Objective Optimization of Aerodynamic Shapes Using Gravitational Search Algorithm

Mahdi Hoseynipoor, Majid Malek Jafarian\*, Ali Safavinejad

Department of Mechanical Engineering, University of Birjand, Birjand, Iran  
\* P.O.B. 97175-615, Birjand, Iran, mmjafarian@birjand.ac.ir

### ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 06 February 2017

Accepted 25 February 2017

Available Online 03 May 2017

#### Keywords:

Two-objective optimization  
Gravitational search algorithm  
Particle swarm optimization  
Parsec method  
2D compressive Navier-Stokes equations

### ABSTRACT

Gravitational search algorithm (for the first time) has been used for two-objective optimization of airfoil shape, in this article. 2D compressible Navier-Stokes equations with Spalart-Allmaras model has been used to simulate viscous and turbulent flow. First, efficiency and accuracy of the optimizer sets have been evaluated using inverse optimization. Objective functions were difference between drag and lift with their corresponding values of the NACA0012 objective airfoil, as a set of airfoils was randomly chosen as starter airfoils in this case, and the aim was to obtain the airfoils that satisfy the considered objective functions. In direct optimization, gravitational search algorithm which has been used in the present work, has achieved proper parameters (related to the Parsec method) and consequently has found optimized airfoils with maximum lift and minimum drag objective functions. This algorithm starts to solve using a set of airfoils and it is directed towards the airfoils that provide the mentioned objective functions. Comparison of the results (Pareto fronts) shows better and more proper performance of the gravitational search algorithm rather than particle swarm optimization algorithm and former researches (done using other meta-heuristic algorithms) for aerodynamic optimizations.

معرف ترین جسم هایی که در زمینه آیرودینامیک مورد بحث قرار می گیرد

ایرفویل ها می باشند.

نتایج به دست آمده از تحقیقات گذشته، نشان داده است که تقواوت در منحنی ایروفویل ها، نتایج کاملاً متفاوتی را ارائه می دهد. لذا محققان بر آن شدند که چگونگی این تاثیر را بیش از پیش مورد مطالعه قرار دهند. در این راستا آنها متوجه شدند که برای موارد متفاوت، ایروفویل های متفاوتی باید طراحی کرد تا کارایی بهتری را دریافت نمود. لذا به صورت سعی و خطأ به

آیرودینامیک یا هواپیش، شاخه ای از دینامیک گازها و در حالت کلی تر دینامیک سیالات است که به بررسی رفتار جریان هوا و اثر آن بر اجرام متاخرک می پردازد. منظور از حل یک مسئله آیرودینامیکی، محاسبه میدان سرعت، فشار و دمای هوا در اطراف یک جسم است. برای این منظور باید معادله های حاکم بر جریان سیال را حل کرد. سپس به کمک حل به دست آمده، می توان نیروها و گشتاورهای وارد بر جسم را محاسبه کرد. یکی از

### Please cite this article using:

M. Hoseynipoor, M. Malek Jafarian, A. Safavinejad, Two-Objective Optimization of Aerodynamic Shapes Using Gravitational Search Algorithm, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 17, No. 5, pp. 211-220, 2017 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:  
[www.mme.ac.ir](http://www.mme.ac.ir)

زنگنه ایرفویل را به روش الگوریتم جمعیت ذرات انجام دادند. در سال 2015، مرتضوی و همکاران [12] مقطع توربین باد را توسط الگوریتم زنگنه به صورت چنددهفه بهینه‌سازی کردند. در سال 2016، گزیل و همکاران [13] به بهینه‌سازی چنددهفه ایرفویل با روش زنگنه پرداختند. الگوریتم جستجوی گرانشی یکی از جدیدترین الگوریتم‌های مکافهای است که برای حل مسائل بهینه‌سازی ارائه شده است. نتایج آزمایشات نشان داده است که این الگوریتم برای حل مسائل چنددهفه از توانایی قابل قبولی برخوردار است [14]. تا به حال از این الگوریتم به منظور بهینه‌سازی مسائل آبرودینامیکی استفاده نشده است. لذا در کار حاضر، الگوریتم دوهدفه جستجوی گرانشی برای این منظور بکار گرفته شده است. الگوریتم جمعیت ذرات نیز در بسیاری از موارد و در حل مسائل آبرودینامیکی دارای نتایج رضایت‌بخشی است [15, 11]. بنابراین در کار حاضر سعی بر آن شده است که به روش جستجوی گرانشی برای اولین بار به بهینه‌سازی دوهدفه ایرفویل‌ها پرداخته شود. برای این منظور بهینه‌سازی همزمان ضرایب برا و پسا (افزایش برا و کاهش پسا) انجام شده و نتایج حاصله با نتایج بدست آمده به کمک روش بهینه‌سازی جمعیت ذرات (انجام شده توسط نویسنده‌گان مقاله حاضر) و نتایج دیگر محققان مقایسه شده است.

## 2- روش تولید هندسه ایرفویل

طبق مطلب فوق یکی از عناصر و زیرمجموعه‌های بهینه‌سازی هندسه‌ی ایرفویل، روشنی برای تولید هندسه آن می‌باشد. به منظور تولید هندسه‌ی ایرفویل پارامترهایی دخیل بوده طوری که با تغییر در آن‌ها بتوان هندسه‌ی ایرفویل را تغییر داد. انتخاب روش تولید هندسه‌ی ایرفویل از اهمیت بالایی برخوردار است. چرا که در صورت تعریف نامطلوب هندسه‌ی ایرفویل، نخواهیم توانست هندسه‌ی مورد نظر خود را به دست آورده و یا در به دست آوردن آن دارای دقت کافی نخواهیم بود. همچنین مناسب نبودن این روش، عدم همگرایی و یا تاخیر در همگرایی را به دنبال خواهد داشت. روش پارسیس، یک روش کارا برای معرفی هندسه‌ی ایرفویل می‌باشد زیرا دارای همگرایی سریع و انعطاف‌پذیری بالایی است [16]. در این روش، ضرایب  $a_n$  (رابطه ۱) توسط ۱۱ پارامتر کنترلی و حل ۶ معادله (آورده شده در پیوست)، بدست می‌آیند. پس از یافتن ضرایب، منحنی ایرفویل توسط آن ایجاد می‌شود (شکل ۱). رابطه‌ی پارسیس به صورت زیر است:

$$Z_{\text{parces}} = \sum_{n=1}^6 a_n \times x^{n-\frac{1}{2}} \quad (1)$$

## 3- محاسبات آبرودینامیکی

برای به دست آوردن کارایی آبرودینامیکی یک ایرفویل، باید معادلات جریان حول آن حل گردد. لذا به منظور حل معادلات، حل گر مناسبی لازم است. این حل گر باید دارای دقت کافی بوده تا بتوان میدان‌های سرعت، فشار و دما را در اطراف آن به خوبی به دست آورد. جریان حول یک ایرفویل را می‌توان به صورت‌های مختلفی شبیه‌سازی کرد. در کار حاضر جریان لزج، درهم و گذر صوتی در نظر گرفته شده است. معادلات حاکم بر جریان، معادلات تراکم‌پذیر وابسته به زمان ناویر-استوکس به همراه مدل درهم اسپلارلت-آلماراس [17] می‌باشدند. شکل بقایی و بدون بعد این معادلات در حالت دو بعدی به صورت زیر است:

این مهم همت گماشتند. تا قبل از سال 1960 میلادی، این تحقیق‌ها معمولاً در تونل باد انجام می‌یافت. باید چندین ایرفویل در تونل باد مورد بررسی قرار می‌گرفت و در نهایت یک ایرفویل به عنوان ایرفویل بهینه معرفی می‌گردید. اما این امر بسیار زمان بر و پرهزینه بود به طوری که در بعضی موارد شاید هزاران ساعت صرف این کار می‌شد [1,2]. همچنین در موارد نتایج به دست آمده دارای دقت کافی نبودند. از طرف دیگر، ایرفویل به دست آمده نمی‌توانست به عنوان ایرفویل کاملاً بهینه شده معرفی گردد. چرا که تغییرات بیشتر و آزمایش‌های بیشتر، طبیعتاً نتایج بهتری را نیز می‌توانست به دست دهد. اما مشکلات موجود (پرهزینه، زمان بر و گاهی مغرب)، مانع از بررسی-های دقیق‌تر می‌شد.

با توسعه‌ی دینامیک سیالات محاسباتی (CFD)، تحول عظیمی در بهینه‌سازی ایرفویل‌ها انجام گرفت. توسعه‌ی روش‌های CFD روز به روز بیشتر شد و دقت خوب آنها در شبیه‌سازی جریان‌های مختلف، این روش‌ها را به یک روش ایده‌آل تبدیل کرد. به طوری که محققان با توسعه‌ی دقیق این روش‌ها، حتی توانستند به شبیه‌سازی جریان‌هایی پیشرفت کرد که در تونل باد قادر به انجام آن نبودند [3]. به این طریق دیگر نیازی به ساخت و آزمایش ایرفویل‌های مختلف در تونل باد نبود و با روش‌های محاسباتی با صرف وقت و هزینه‌ی کمتر نتایجی با خطای پایین به دست می‌آمد. اما گستره‌ی از مقاطع شرایط عمل کننده و قیدها بطور کلی باعث استفاده از فهرستی از مقاطع می‌شود، به طوری که در حالت کلی بهترین مقطع، معنی ندارد. وجود جریان‌های متفاوت و همچنین هدف‌های طراحی مختلف، مارا بر آن می‌دارد که برای موارد گوناگون، ایرفویلی مخصوص به آن طراحی کنیم تا به مهترین بازده دست پیدا کنیم. از این رو امروزه ایرفویل‌ها معمولاً بر مبنای کاربردشان طراحی می‌شوند. بهینه‌سازی اشکال آبرودینامیکی می‌تواند به صورت تک هدفه یا چند هدفه انجام پذیرد. به دلیل پیچیدگی مسائل امروزه، بهینه‌سازی چند هدفه از اهمیت بسزایی برخوردار است. بهینه‌سازی هندسه‌ی اشکال آبرودینامیکی بر مبنای سه مرحله انجام می‌پذیرد که این سه مرحله، مجموعه بهینه‌ساز را تشکیل می‌دهند: ۱. انتخاب روش مناسب برای تولید هندسه ۲. انتخاب روش مناسب برای انجام محاسبات آبرودینامیکی ۳. انتخاب روش بهینه‌ساز مناسب.

محققان زیادی در راستای طراحی ایرفویل با شرایط و اهداف متفاوت اقدام نموده‌اند و ابزارها و روش‌های مختلفی را برای انجام این مهم معرفی کرده‌اند. در سال 2004، نیک و همکاران [4] به بهینه‌سازی چنددهفه ایرفویل به کمک روش گرادیانی و الگوریتم زنگنه پرداختند. در سال 2005، دانگلو و مینیسی [5] به بهینه‌سازی ایرفویل تحت شرایط جریان زیر صوت، به صورت چنددهفه با استفاده از روش MOPED<sup>2</sup> پرداختند که روش بزر برای تولید هندسه‌ی ایرفویل بکار گرفته شد. همچنین در سال 2006، لی و همکاران [6] هندسه‌ی ایرفویل را به صورت چنددهفه بهینه‌سازی کردند. در کار آنان، از الگوریتم زنگنه به منظور بهینه‌سازی استفاده و منحنی‌های بی-اسپلین برای تولید هندسه آن بکار گرفته شد. در سال 2010، اویاما و همکاران [7] روش زنگنه را برای بهینه‌سازی دوهدفه ایرفویل بکار برندند. در سال 2010، ما و همکاران [8] به بهینه‌سازی ایرفویل به صورت چنددهفه پرداختند. در سال 2011، طراحی ایرفویل با روش بهینه‌سازی چند هدفه جمعیت ذرات، توسط کارس و همکاران [9] انجام پذیرفت. در سال 2013، آلیور و همکاران [10] به بهینه‌سازی چنددهفه ایرفویل با استفاده از الگوریتم

<sup>1</sup> Computational Fluid Dynamic

<sup>2</sup> Multi-Objective Parzen based Estimation of Distribution

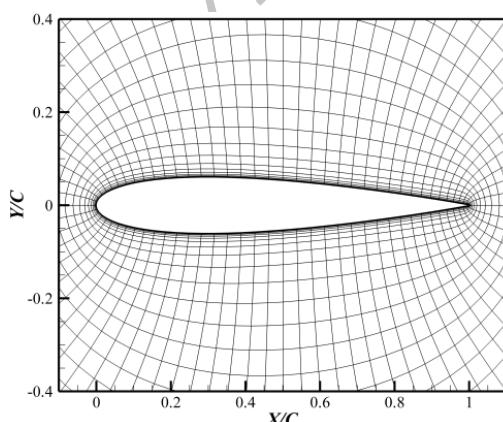
کمک طرح گام زمانی رانگ-کوتای 4 مرحله‌ای انجام می‌گیرد. مبانی اساسی و ابتدایی حل عددی مذکور ابتدا توسط جیمسون و همکاران [18] در ارتباط با مسائل جریان تراکم‌پذیر معرفی شد. به منظور حذف نوسانات در مجاورت امواج ضربه‌ای، طرح اتلاف مصنوعی اسکالار در کد عددی مذکور گرفته شده است. به دلیل اینکه هدف ما در مقاله حاضر بررسی حالت پایای جریان می‌باشد، روش‌های تسريع همگرایی نظری گام زمانی محلی و متoste گیری ضمنی از باقی مانده‌ها نیز بکار رفته است. حل عددی بکار رفته در کار حاضر توسط بسیاری از محققان در سه دهه اخیر به منظور حل معادلات ناویر-استوکس و اویلر، برای دامنه وسیعی از کاربردهای آیرودینامیک مورد استفاده قرار گرفته و درستی آن به اثبات رسیده است.

شبکه‌بندی مورد استفاده در کار حاضر از نوع O با تعداد گره  $91 \times 16$  می‌باشد. به دلیل اینکه در کار حاضر جریان لزج در نظر گرفته شده است، از شبکه‌بندی استفاده می‌شود که در سطح ایرفویل دارای تراکم شبکه بیشتری باشد. این امر باعث می‌شود تا بتوان لایه‌ی مرزی را به خوبی شبیه سازی کرد و تاثیر آن را در حل وارد نمود. در لبه جلویی ایرفویل که شبیه هندسه‌ی جسم زیاد بوده و همچنین در لبه انتهایی ایرفویل که دو جریان از قسمت بالا و پایین به هم می‌رسند، حساسیت در تحلیل جریان بیشتر است. بنابراین در این قسمت‌ها می‌باشد شبکه را ریزتر نمود تا با دقت بیشتری بتوان جریان را تحلیل کرد. شکل 2 نمونه‌ای از شبکه مورد استفاده را نشان می‌دهد.

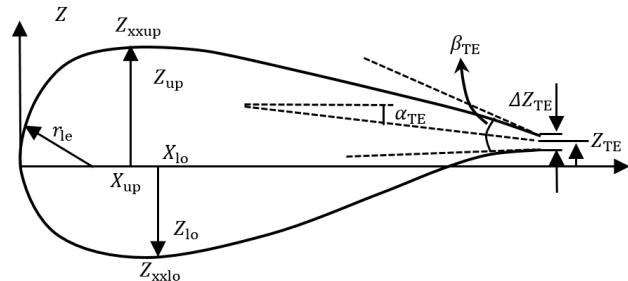
#### 4- الگوریتم‌های بهینه‌سازی مکافله‌ای

الگوریتم‌های مکافله‌ای به دسته‌ای از روش‌های بهینه‌سازی اطلاق می‌شوند که الهام گرفته از بعضی فرایندهای فیزیکی با رفتار موجودات می‌باشند. در دو دهه‌ی اخیر بهینه‌سازی چنددهفه با استفاده از روش‌های مکافله‌ای، یکی از زمینه‌های پژوهشی پر کاربرد و مورد استفاده محققان شده است. محبوبیت این روش‌ها به دلایل زیر است:

1. عدم نیاز به اطلاعات مشتقی توابع 2. سهولت در قابلیت اجرا 3. انعطاف‌پذیری و قابلیت اجرای وسیع
- اکثر این روش‌ها به صورت جمعیتی عمل کرده و برای هدایت جستجو ازتابع برازندگی استفاده می‌کنند. از آنجا که الگوریتم‌های مکافله‌ای با رویکرد موازی به حل مسائل پرداخته و همواره مجموعه‌ای از پاسخ‌ها را ایجاد می‌کنند، ابزاری مناسب برای حل مسائل چنددهفه بشمار می‌آیند [19].



شکل 2 نمونه‌ای از شبکه مورد استفاده در کار حاضر



شکل 1 Parsec control parameteres

شکل 1 پارامترهای کنترلی پارسیس

$$\frac{\partial W}{\partial t} + \frac{\partial F_i}{\partial x} + \frac{\partial G_i}{\partial y} = \frac{1}{Re_\infty} \left( \frac{\partial F_v}{\partial x} + \frac{\partial G_v}{\partial y} \right) + S \quad (2)$$

که  $W$  بردار کمیات جریان،  $F_i$  و  $G_i$  بردارهای شار غیرلزج،  $F_v$  و  $G_v$  جمله چشمی بوده که به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$W = \begin{bmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho v \\ E \\ \rho \hat{v} \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$F_i = \begin{bmatrix} \rho u \\ \rho u^2 + p \\ \rho uv \\ (\bar{E} + p)u \\ \rho \hat{v} u \end{bmatrix} \quad (4)$$

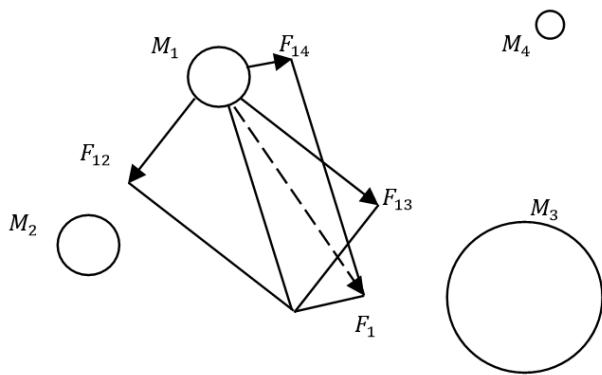
$$G_i = \begin{bmatrix} \rho v \\ \rho uv \\ \rho v^2 + p \\ (\bar{E} + p)v \\ \rho \hat{v} v \end{bmatrix} \quad (5)$$

$$F_v = \begin{bmatrix} 0 \\ \tau_{xx} \\ \tau_{yx} \\ \tau_{xy}u + \tau_{yy}v + q_x \\ \frac{\rho}{\sigma}(v + \hat{v}) \frac{\partial \hat{v}}{\partial x} \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$G_v = \begin{bmatrix} 0 \\ \tau_{xy} \\ \tau_{yy} \\ \tau_{yy}v + \tau_{yx}u + q_y \\ \frac{\rho}{\sigma}(v + \hat{v}) \frac{\partial \hat{v}}{\partial y} \end{bmatrix} \quad (7)$$

$$S = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ D \end{bmatrix} \quad (8)$$

در معادلات (2) تا (8)  $\tau$  به ترتیب مولفه‌های سرعت در جهات  $x$  و  $y$ ، چگالی، متغیر میانی لزج درهم سینماتیکی، فشار استاتیک و مجموع انرژی درونی و جنبشی هستند. همچنین  $\tau$  مولفه‌های تنش و شار حرارتی را نشان می‌دهد.  $D$  نیز جمله چشمی مربوط به مدل درهم مورد استفاده می‌باشد. به منظور حل عددی معادلات حاکم از کد عددی استفاده شده است. در این کد عددی، انصال معادله (2) به روش حجم محدود (طرح تفاضل مرکزی) صورت گرفته است. همچنین انتگرال گیری زمانی صریح به



شکل 3 شتاب هر جرم در راستای نیروی کلی اعمال شده

هر تکرار طبق رابطه (15) به صورت نمایی کاوش پیدا می‌باید:

$$G(t) = G(0) e^{-\tau \frac{t}{t_{itermax}}} \quad (15)$$

$\tau$  اعداد ثابتی می‌باشد. با این ضرایب، کاوش و بهره‌وری کنترل شده به طوریکه مقادیر بزرگ  $G(t)$  کاوش بیشتر و مقادیر کوچک آن بهره‌وری بیشتر را به دنبال خواهد داشت.

جرم ذرات باید بر مبنای شایستگی تابع هدف در نظر گرفته شود. برای این منظور روابط (16) و (17) تعریف می‌گردد:

$$M_i(t) = \frac{m_i(t)}{\sum_{i=1}^N m_i(t)} \quad (16)$$

در روابط فوق  $m_i$  جرمی است که به ذره  $i$  نسبت داده می‌شود و  $best(t)$  مقدار نسبی جرم هر ذره نسبت به سایر ذرات است. در روابط فوق (16) و (17) به صورت زیر می‌باشد:

$$m_i(t) = \frac{fit(x_i(t)) - worst(t)}{best(t) - worst(t)} \quad (17)$$

$$best(t) = \min\{fit(x_i(t))\} \quad ; \quad j = 1, \dots, N \quad (18)$$

$$worst(t) = \max\{fit(x_i(t))\} \quad ; \quad j = 1, \dots, N \quad (19)$$

در الگوریتم GSA همه‌ی ذرات به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند اما در کار حاضر به منظور استفاده از نخبه‌گرایی در الگوریتم، برای محاسبه نیروی که بر ذره  $i$  وارد می‌شود، تنها نیروهای اعمالی از سمت  $best$  نماینده (جرم) که بهترین نتایج را دارند، لحاظ می‌شوند. این نیروها می‌بایست با یک عدد تصادفی به صورت زیر با یکدیگر جمع شوند:

$$F_i^d(t) = \sum_{j \in k_{best} \neq i} r \times F_{ij}^d(t) \quad (20)$$

در رابطه 20،  $F_{ij}^d$  نیروی است که در جهت  $d$  از سمت جرم  $j$  به جرم  $i$  وارد می‌شود.

نیروی اعمالی بر جرم  $i$  منجر به شتاب زیر می‌شود:

$$a_i^d(t) = \frac{F_i^d(t)}{M_i(t)} \quad (21)$$

در نتیجه سرعت و مکان ذرات به شکل زیر تغییر خواهد کرد:

$$v_i^d(t+1) = a_i^d(t) + rand \times v_i^d(t) \quad (22)$$

$$x_i^d(t+1) = x_i^d(t) + v_i^d(t+1) \quad (23)$$

## 2-1-4 - الگوریتم بهینه‌سازی چند هدفه جستجوی گرانشی (MOGSA<sup>4</sup>)

ضرایب پسا و برآ از مهمترین فاکتورهای عملکرد یک ایروفول می‌باشند. لذا در کار حاضر ضرایب برآ و پسا به عنوان توابع هدف در نظر گرفته شده و به ترتیب به بیشینه و کمینه کردن آن‌ها به صورت همزمان پرداخته می‌شود. این توابع به صورت روابط (9) و (10) تعریف می‌شوند:

$$C_l = \frac{L}{\frac{1}{2} \rho_\infty U_\infty^2 C} \quad (9)$$

$$C_d = \frac{Dr}{\frac{1}{2} \rho_\infty U_\infty^2 C} \quad (10)$$

$L$  و  $Dr$  در روابط (9) و (10) به ترتیب نیروی برآ و پسا هستند و به صورت زیر محاسبه می‌شوند:

$$L = \int_0^C [-P \cos \theta + \tau \sin \theta]_{up} ds + \int_0^C [P \cos \theta + \tau \sin \theta]_{low} ds \quad (11)$$

$$Dr = \int_0^C [P \sin \theta + \tau \cos \theta]_{up} ds + \int_0^C [-P \sin \theta + \tau \cos \theta]_{low} ds \quad (12)$$

### 4-1- معرفی الگوریتم جستجوی گرانشی (GSA<sup>1</sup>)

الگوریتم جستجوی گرانشی یک روش بهینه‌سازی مبتنی بر قوانین جاذبه و حرکت نیوتون است. در این روش هر جواب به صورت یک ذره در نظر گرفته می‌شود که دارای جرمی متناسب با عملکردش است. این بدان معناست که جواب‌های بهتر دارای جرم‌های بیشتری هستند که در نتیجه، توانایی و امکان بیشتری برای جذب بقیه‌ی جرم‌ها دارند. بر مبنای قانون نیوتون، مطابق شکل 3 هر ذره توسط نیروهای جاذبه از ذرات دیگر اطراف خود تاثیر می‌پذیرد. نیروی جاذبه بین دو ذره نسبت مستقیم با جرم آن‌ها، و نسبت معکوس با مریع فاصله بین آن‌ها دارد. این نیروها منجر به حرکت اجسام به سمت یکدیگر می‌شود. قانون حرکت بیان می‌کند که شتاب هر ذره با نیروی کلی اعمال شده روی آن نسبت مستقیم و با جرم آن نسبت معکوس دارد. بنابراین در یک گروه از اجرام، جرم‌های کوچک‌تر به سمت جرم‌های سنگین‌تر حرکت می‌کنند. در این الگوریتم بهینه‌سازی، هر جرم بیانگر یکی از جواب‌های مسئله می‌باشد. به عبارت دیگر، همه‌ی جواب‌ها به سمت جواب‌های بهتر حرکت می‌کنند.

4-1-1- الگوریتم بهینه‌سازی تک هدفه جستجوی گرانشی در الگوریتم GSA، هر ذره در مرحله، با  $n$  بعد در فضای محاسباتی، به صورت زیر در نظر گرفته می‌شود:

$$X_i = [x_i^1, x_i^2, \dots, x_i^d, \dots, x_i^n] \quad ; \quad i = 1, \dots, N \quad (13)$$

در رابطه (13)،  $N$  تعداد ذرات و  $x_i$  ها متغیرهای مسئله و مکان نسبت داده شده به هر ذره می‌باشند. هر دو ذره  $i$  و  $j$  با پیروی از قانون

جادبه‌ی زیر به سمت یکدیگر جذب می‌شوند:

$$F_{ij}^d(t) = \frac{G(t) M_i(t) M_j(t)}{R_{ij} + \epsilon} (x_j^d(t) - x_i^d(t)) \quad (14)$$

در رابطه (14)،  $t$  شماره‌ی تکرار و  $\epsilon$  عددی بسیار کوچک به منظور جلوگیری از صفر شدن مخرج است.

به منظور کنترل کاوش<sup>2</sup> و بهره‌وری<sup>3</sup>،  $G(t)$  به عنوان ثابت گرانش، در

<sup>1</sup> Gravitational Search Algorithm

<sup>2</sup> Exploration

<sup>3</sup> Exploitation

مخزن اولیه و مخزن جدید با یکدیگر مخلوط و مقایسه می شوند تا جواب های نامغلوب، بهره وری شده و مخزن به روز گردد [20].

#### 4-2-معرفی الگوریتم جمعیت ذرات (PSO<sup>7</sup>)

این روش با ایجاد یک گروه شامل اجزای کاملاً تصادفی آغاز می شود و جستجو در حلقه اصلی و با تکرارهای مداوم صورت می گیرد. در این روش، نحوه جستجو در فضای پاسخ، از حرکات منظم جمعی پرندگان و ماهی‌ها اقتباس شده است. برای مدل‌سازی نظام موجود در حرکت جمعی این جانداران دو دیدگاه در نظر گرفته شده است. یک بُعد، تعاملات اجتماعی موجود بین اعضای گروه و بُعد دیگر امتیازات فردی است که ممکن است هر یک از اعضای گروه وارد آنها باشد. در بعد اول همه اعضای گروه موظف اند همواره موقعیت خود را با تبعیت از بهترین فرد گروه تغییر دهند و در بعد دوم لازم است تک تک اعضاء بهترین موقعیتی را که تاکنون شخصاً تجربه کرده اند در حافظه خود نگهداری کرده و تمایلی نیز به سمت چنین موقعیتی داشته باشند.

#### 4-1-الگوریتم بهینه‌سازی تک هدفه جمعیت ذرات

در ابتدا یک گروه اولیه شامل تعداد معینی از ذرات (با سرعت اولیه صفر برای هر کدام)، کاملاً به طور تصادفی ایجاد می‌شوند. روابط (30) و (31) نحوی هستند:

$$x_i^d(t+1) = x_i^d(t) + v_i^d(t+1) \quad (30)$$

$$v_i^d(t+1) = w(t) v_i^d(t) + c_1 r_1 (pbest_i^d - x_i^d(t)) + c_2 r_2 (gbest^d - x_i^d(t)) \quad (31)$$

در روابط فوق،  $r_1$  و  $r_2$  اعداد تصادفی بین صفر و یک،  $c_1$  و  $c_2$  ضرایب مشیت و  $w$  وزن اینترسی است. همچنین  $pbest_i^d$  و  $gbest^d$  به ترتیب بیانگر بهترین مکان ذره  $i$  ام و بهترین مکان در بین تمام ذرات می‌باشد.  $d$  نیز بیانگر بُعد هر متغیر است.

#### 4-2-الگوریتم بهینه‌سازی چند هدفه جمعیت ذرات (MOPSO<sup>8</sup>)

در این روش پس از اینکه توابع هدف برای هر کدام از ذرات محاسبه شد، موقعیت ذرات نامغلوب در مخزن ذخیره می‌شود. همچنین برای بهینه‌سازی چند هدفه، بجای استفاده از فرمول (31)، از رابطه زیر استفاده می‌شود [14]:

$$v_i^d(t+1) = w(t) v_i^d(t) + c_1 r_1 (pbest_i^d - x_i^d(t)) + c_2 r_2 (Rep(d) - x_i^d(t)) \quad (32)$$

قرارگیری کمیت  $Rep$  بجای  $gbest$ ، تفاوت رابطه فوق با رابطه (31) می‌باشد. در واقع  $Rep$  یکی از اعضای مخزن می‌باشد که به صورت تصادفی انتخاب شده و وظیفه رهبری سایر اعضاء را به عهده دارد. به بیان دیگر به دلیل اینکه اعضای مخزن بهترین جواب‌های نامغلوب هستند، بهترین نماینده برای هدایت سایر اعضاء می‌باشد. لذا حرکت ذرات، نسبتاً سمت و سوی مناسب-تری گرفته و جواب‌های احتمالی بهتری حاصل خواهد شد.

#### 5-نتایج

قبل از انجام بهینه‌سازی دو هدفه مستقیم، به منظور نشان دادن توانایی و صحت مجموعه‌ی بهینه‌ساز (شامل توصیف هندسه ایرفویل، حل گر عددی و

<sup>7</sup> Particle Swarm optimization  
<sup>8</sup> Multi Objective Particle Swarm

بیشتر مسائل بهینه‌سازی در جهان واقعی، شامل تعداد زیادی از توابع هدف بوده که معمولاً نیز با هم در مغایرت می‌باشند. برای حل چنین مسائلی، از الگوریتم‌های بهینه‌سازی چند هدفه به منظور یافتن جبهه پرتو<sup>1</sup> استفاده می‌شود [19]. در بهینه‌سازی یک هدفه، در پایان حل، یک جواب بدست آمده که بهترین جواب است. در حالیکه در بهینه‌سازی چند هدفه با چندین جواب روبرو بوده که جبهه پرتو را تشکیل می‌دهند. جبهه پرتو در واقع مجموعه‌ای از جواب‌های بهینه می‌باشد که هیچ‌کدام از جواب‌ها نسبت به هم برتری نداشته به گونه‌ای که پاسخ بهینه برای یکی، از دید یک یا چند تابع هدف دیگر نامطلوب است. این واقعیت لزوم یک مصالحة معقولانه بین جواب‌های به دست آمده را آشکار می‌کند.

مسئله کمینه‌سازی را در نظر بگیرید که در آن هدف، بدست آوردن کمینه تعداد ( $m$ ) تابع هدف به شکل زیر باشد:

$$\min F = [f_1(X_i), f_2(X_i), \dots, f_m(X_i)] \quad (24)$$

با توجه به این مسئله، اگر  $X_1, X_2$  را نامغلوب کند، دو شرط زیر باید ارضاء شود:

$$\forall i \in \{1, 2, \dots, m\} \quad f_i(X_1) \leq f_i(X_2) \quad (25)$$

$$\exists j \in \{1, 2, \dots, m\} \quad f_j(X_1) \leq f_j(X_2) \quad (26)$$

در بهینه‌سازی چند هدفه، چون مسئله دارای چندین تابع هدف می‌باشد، یک استراتژی جدید می‌باشد در نظر گرفت و مقادیر تابع چند هدفه جایگزین مقادیر تابع تک هدفه شود. به منظور حل این مسئله، روش توابع فازی برای نسبت دادن مقادیر به هر ذره، مناسب با مقادیر تابع آن، به صورت زیر بکار گرفته می‌شود:

$$\mu_n(X_i, t) = \frac{f_{\max,n}(t) - f_n(X_i, t)}{f_{\max,n}(t) - f_{\min,n}(t)} \quad (27)$$

که  $\mu_n(X_i, t)$  عددی بین صفر و یک و نمایانگر برازنده‌ی ذره  $X$  در  $n$  امین تابع هدف می‌باشد. برای نسبت دادن تنها یک مقادیر از تمام توابع به هر ذره، پارامتر جدیدی به شکل زیر تعریف می‌شود:

$$\mu(j, t) = \sum_{n=1}^{neq} \omega_n \mu_n(X_j, t) \quad (28)$$

در رابطه فوق،  $\omega_n$  ضریب وزنی  $n$  امین تابع هدف بوده که متناسب با اهمیت آن، دارای مقادیر بین صفر و یک می‌باشد. این مقادیر در کار حاضر برابر 1 در نظر گرفته شده است. مقادیر  $\mu(j, t)$  را می‌توان به شکل زیر بی‌بعد کرد:

$$N\mu(j, t) = \frac{\mu(j, t)}{\sum_{i=1}^N \mu(j, t)} \quad (29)$$

جواب‌های بدست آمده در مسائل بهینه‌سازی چند هدفه، نامغلوب<sup>2</sup> هستند و نسبت به هم هیچ برتری ندارند. به منظور بهره وری در کل برنامه، جواب‌ها در بیانگانی<sup>3</sup> به نام مخزن<sup>4</sup> ذخیره می‌شوند. برای این منظور، ابتدا مقادیر اعضای اولیه که در اولین تکرار مقاداردهی اولیه شده‌اند، طبق روابط (25) و (26)، با یکدیگر مقایسه گردیده و آن اعضایی که توسط اعضای دیگر نامغلوب نشوند، مخزن اول<sup>5</sup> را تشکیل می‌دهند. سپس مخزن می‌باشد در مرحله بعد روز شود. برای انجام این کار می‌باشد هر ذره جدید که در مرحله بعد ایجاد می‌شود با سایر اعضای جدید و اعضای نامغلوب مخزن اولیه مقایسه گردیده و در بیانگانی جدیدی به نام مخزن جدید<sup>6</sup> ذخیره شوند. آن‌گاه اعضای

<sup>1</sup> Pareto Front

<sup>2</sup> Non-Dominated

<sup>3</sup> Archive

<sup>4</sup> Repository

<sup>5</sup> First Repository

<sup>6</sup> New Repository

جدول 1 مقادیر توابع هدف بهینه سازی معکوس دوهدفه بدست آمده توسط الگوریتم جستجوی گرانشی

Table 1 Objective functions values of two-objective inverse optimization using gravitational search algorithm

تابع هدف 1	تابع هدف 2	
$3.3421 \times 10^{-5}$	$1.0611 \times 10^{-3}$	ایرفویل بهینه 1
$3.6876 \times 10^{-4}$	$4.0082 \times 10^{-5}$	ایرفویل بهینه 2
$\alpha = 2.026 \times 10 M_{\infty} = 0.7995875 \times 10^{-6} = 9 \times 10^{-6}$		
$5.2793 \times 10^{-4}$	$9.3172 \times 10^{-6}$	ایرفویل بهینه 4
$6.8115 \times 10^{-5}$	$5.1204 \times 10^{-5}$	ایرفویل بهینه 5
$3.6485 \times 10^{-4}$	$6.1502 \times 10^{-6}$	ایرفویل بهینه 6

جدول 2 مقادیر برآ و پسای ایرفویل‌های حاصل از الگوریتم جستجوی گرانشی معکوس دوهدفه

Table 2 Lift and drag values of airfoils using two-objective inverse gravitational search algorithm

برآ	پسای	ایرفویل	(ایرفویل هدف) NACA0012
0.482305	0.0377726	ایرفویل	
0.482338	0.0388341	ایرفویل بهینه 1	
0.482673	0.0377329	ایرفویل بهینه 2	
0.484807	0.0377654	ایرفویل بهینه 3	
0.481777	0.0377636	ایرفویل بهینه 4	
0.482373	0.0378242	ایرفویل بهینه 5	
0.485953	0.0377668	ایرفویل بهینه 6	

جدول 3 ثابت بکار رفته در الگوریتم‌های جستجوی گرانشی و بهینه سازی جمعیت ذرات

Table 3 Constants used in gravitational search algorithm and swarm particle optimization algorithm

	روش جستجوی گرانشی	روش جمعیت ذرات	
$\alpha = 2$	$\omega M_{\infty} = 0.8$	$Re_{\infty} = 10^6$	$\alpha$
0.4	1.6	1.6	0.5

دسته ایرفویل‌های مناسب‌تری را نسبت به دو روش دیگر در اختیار قرار می‌دهد. تعداد ایرفویل‌های بدست آمده توسط الگوریتم‌های جستجوی گرانشی و جمعیت ذرات به ترتیب برابر 82 و 47 بوده و مدت زمان اجرای حل مجموعه‌ی بهینه ساز با استفاده از الگوریتم دوهدفه جستجوی گرانشی (MOGSA) برابر 43 ساعت و 48 دقیقه و برای جمعیت ذرات (MOPSO) 41 ساعت و 12 دقیقه می‌باشد. جدول 5 (آورده شده در پیوست) نشان دهنده‌ی مقادیر توابع هدف بدست آمده از روش جستجوی گرانشی برای 82 ایرفویل حاصل می‌باشد. ممان پیچشی یکی دیگر از فاکتورهای عملکرد ایرفویل محسوب می‌شود که بیانگر مقدار کل گشتاور وارد شده به ایرفویل حول مرکز آیرودینامیکی است و با  $C_m$  نمایش داده می‌شود [21]. شکل 5 بیانگر تغییرات  $C_m$  نسبت به  $C_l/C_d$  برای این 82 ایرفویل می‌باشد. با توجه به این شکل، برای ایرفویل‌های قرار گرفته بر روی منحنی پرتو حاصل از بهینه سازی کار حاضر (شکل 4)، در ایرفویل‌های دارای نسبت برآ به پسای بیشتر، ضریب ممان پیچشی کاهش می‌یابد. دو نمونه از هندسه ایرفویل‌های بدست آمده که دارای بیشترین برآ و کمترین پسای در بین سایر ایرفویل‌های حاصل از روش MOGSA بوده، در شکل 6 آمده است. این دو ایرفویل، ایرفویل‌های اول و 82 آم بوده که موقعیت آن‌ها روی جمهه‌ی پرتو

الگوریتم بهینه سازی، ابتدا یک مسئله بهینه سازی معکوس ارائه شده خواهد شد.

### 5-1- بهینه سازی معکوس دوهدفه

به منظور بهینه سازی معکوس دوهدفه، جریان حول ایرفویل NACA0012 تحت شرایط زیر حل شده و ضرایب پسای برآ بدست می‌آید.

رونده کار به این صورت است که یک دسته ایرفویل (64 عدد) به عنوان ایرفویل‌های شروع کننده به صورت تصادفی انتخاب شده و هدف، بدست آوردن ایرفویل‌هایی است که توابع هدف در نظر گرفته شده زیر را ارضاء کنند:

$$\min : |C_l - TL| \quad (33)$$

$$\min : |C_d - TD| \quad (34)$$

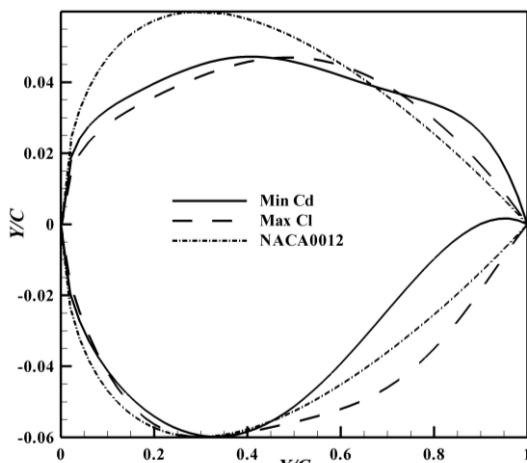
در روابط (33) و (34) مقادیر  $TL$  و  $TD$  به ترتیب ضرایب برآ و پسای ایرفویل‌ها با برآی ایرفویل هدف و همچنین کمینه کردن اختلاف پسای ایرفویل‌ها با پسای ایرفویل هدف به طور همزمان می‌باشد. با اعمال شرایط جریان فوق و انجام بهینه سازی، نتایج بدست آمده برای مقادیر توابع هدف در جدول 1 نمایش داده است. جدول 2 نیز نماینگر پسای برآی ایرفویل‌های بدست آمده از مجموعه‌ی بهینه ساز بوده که با دقت خوبی برابر مقادیر پسای برآی ایرفویل هدف (NACA0012) می‌باشد. لذا این نتایج نشان‌دهنده‌ی عملکرد مناسب مجموعه‌ی بهینه ساز است.

### 5-2- بهینه سازی دوهدفه هندسه ایرفویل (بهینه سازی مستقیم)

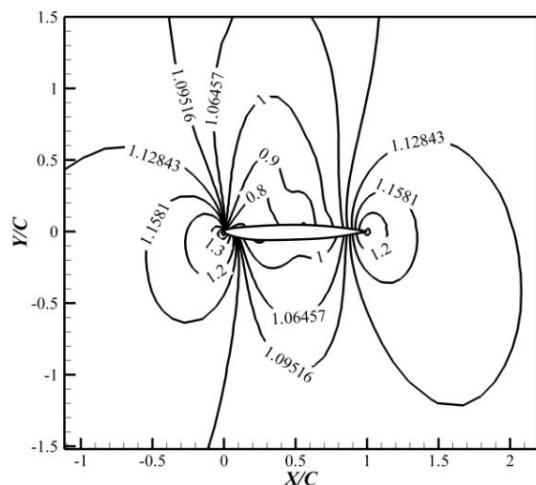
پس از اینکه عملکرد و صحت مجموعه‌ی بهینه ساز مورد بررسی قرار گرفت، بهینه سازی مستقیم پرداخته می‌شود. در این راستا بهینه سازی هندسه ایرفویل با اهداف تأمین کمینه پسای بیشینه برآ تحت شرایط آشفته و گذر صوتی زیر پرداخته شده که مشابه شرایط کار آیاما و همکاران [7] می‌باشد.

در این حالت از دو روش جستجوی گرانشی و جمعیت ذرات به منظور بهینه سازی پرداخته شد. تعداد تکرارها و ذرات بکار رفته در دو الگوریتم فوق مشابه کار آیاما و همکاران (الگوریتم ژنتیک) [7] و به ترتیب برابر 60 و 6 در نظر گرفته شده است. ضرایب مورد استفاده در دو الگوریتم نیز در جدول 3 آمده است. در کار حاضر در هر دو روش بهینه سازی، ایرفویل NACA0012 یکی از 64 ایرفویل اولیه در نظر گرفته شده است.

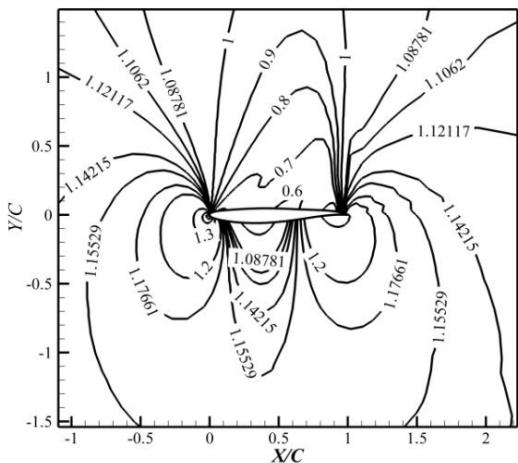
هر دو الگوریتم، با شروع از 64 ایرفویل اولیه به حل پرداخته و به سمت ایرفویل‌هایی هدایت می‌شوند که توابع هدف ذکر شده در بالا را تامین کنند. به منظور جلوگیری از ایجاد هندسه‌ی نامناسب و صرف وقت بیش از اندازه، می‌باشد محدودیت‌هایی در حل اعمال شود. محدوده‌ی پارامترهای کنترلی در جدول 4 آمده است. دسته ایرفویل‌های بدست آمده توسط دو روش بهینه سازی جمعیت ذرات و جستجوی گرانشی و مقایسه‌ی آن‌ها با نتایج مقاله اویاما و همکاران [7]، در شکل 4 نشان داده شده است. توجه به این نکته ضروری است که هیچ‌کدام از ایرفویل‌های بهینه نسبت به یکدیگر برتری ندارند. همانطور که در شکل 4 مشاهده می‌شود، جمهه‌ی پرتو ایجاد شده توسط روش جستجوی گرانشی پایین‌تر از دو جمهه‌ی پرتو بدست آمده از روش‌های دیگر بهینه سازی MOPSO و الگوریتم ژنتیک قرار دارد. چون مقادیر پسای و برآی ایرفویل‌های حاصل از روش جستجوی گرانشی بهینه سازی کمتر و بیشتر از مقادیر نظری آن‌ها در دو روش دیگر است در نتیجه این روش



**شکل ۶** دو نمونه از افوبهای بهنه بدست آمده توسط MOGSA



**شکل 7** توزیع خطوط فشار ثابت حول ایرفویل بهینه با بیشترین برآ توسط  $\alpha = 2$  ،  $M_{\infty} = 0.8$  ،  $Re_{\infty} = 10^6$  MOGSA



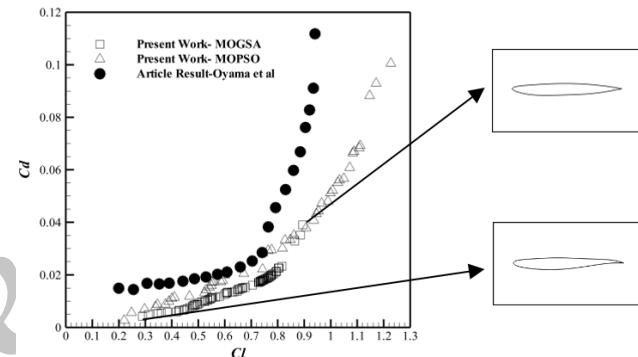
**شکل 8** توزیع خطوط فشار ثابت حول ایرفویل بهینه با کمترین پسا توسط  $\alpha = 2$  ،  $M_{\infty} = 0.8$  ،  $Re_{\infty} = 10^6$  MOGSA

در شکل 4 نشان داده شده است. شکل های 7 و 8 به ترتیب توزیع فشار حول ایرفویل های بهینه با بیشترین برآ و کمترین پسا را نشان می دهند. وجود موج ضربه ای برای ایرفویل بهینه مناسب نمی باشد. همانطور که در شکل های 7 و 8 مشاهده می شود امواج ضربه ای در انتهای ایرفویل قرار گرفته که باعث عملکرد بهتر ایرفویل تحت شرایط جریان می شود. همچنین تقارن هندسی ایرفویل که دارای بیشترین برآ بوده (شکل 7)، بیشتر از ایرفویلی است که دارای کمترین پسا می باشد (شکل 8).

#### جدول 4 محدوده پارامترهای کنترلی تولید هندسه به روش پارسین

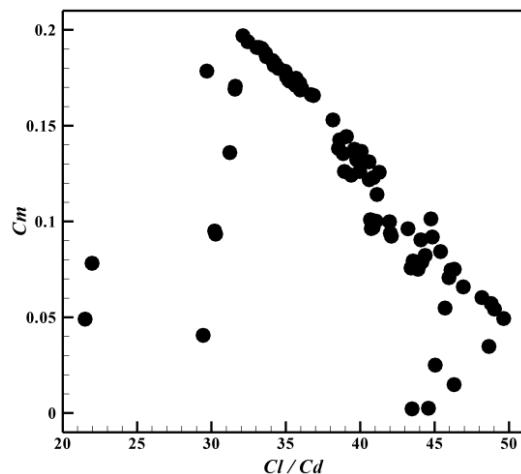
**Table 4** Limitation of Control parameters of shape production using parsec method

$r_{le}$	$X_{up}$	$Z_{up}$	$X_{lo}$	$Z_{lo}$	$Z_{xxup}$	$Z_{xxlo}$	$\alpha_{TE}$	$\beta_{TE}$	حد پایه
0.08	0.6	0.1	0.7	0.06	-0.01	0.3	0.01	0.5	حد پایه
0.05	0.1	0.02	0.1	0.04	-1.2	-1	0.15	0	پایه



**Fig. 4** Comparison of different methods results for two-objective direct optimization of airfoil

**شکل 4** مقایسه نتایج روش‌های مختلف به منظور بهینه‌سازی مستقیم دوهدفه ایرفویل



**Fig. 5** Changes of pitching moment coefficient compared to proportion of lift coefficient to drag coefficient for the 82 optimized airfoils (with lift and drag objective functions) using gravitational search algorithm

سمل د تعییرات ممکن پیچیپسی سبک به ضریب برآ به پس برد.  
بهینه (با توابع هدف برآ و پسا) حاصل از الگوریتم جستجوی گرانشی

$\alpha_{TE}$	زاویه جهت لبه‌ی انتهایی ایرفویل، (درجه)
$\beta_{TE}$	زاویه پهنای انتهایی ایرفویل، (درجه)
$\mu$	برازندگی هر ذره
$\hat{v}$	متغیر میانی لزجت سینماتیکی مشوش، $(\frac{m^2}{s})$
$\rho$	چگالی، $(\frac{kg}{m^3})$
$\tau_{xx}$	تنش عمودی در جهت x
$\omega$	ضریب وزنی
بالانویس‌ها	
$d$	بعد مسئله
$n$	تعداد بعد مسئله
زیرنویس‌ها	
$i$	شمارنده
$j$	شمارنده

پیوست-8

## معادلات برای سطح بالای ایرفویل:

$$\frac{\left(1 + \left(\frac{dz}{dx}\right)_{x=0}^2\right)^{\frac{3}{2}}}{\left(\frac{d^2z}{dx^2}\right)_{x=0}} = r_{le} \quad (35)$$

$$Z(X_{\text{up}}) = Z_{\text{up}} \quad (36)$$

$$\left(\frac{dZ}{dX}\right)_{X=X_{\text{up}}} = 0 \quad (37)$$

$$\left(\frac{d^2Z}{dX^2}\right)_{x=x_0} = Z_{xx\text{up}}$$

$$Z(1) = Z_{\text{TE}} + \frac{1}{2} \Delta Z_{\text{TE}} \quad (39)$$

$$\left(\frac{dZ}{dX}\right)_{x=1} = \tan(\alpha_{\text{TE}} - \frac{1}{2}\beta_{\text{TE}}) \quad (40)$$

$$\frac{\left(1 + \left(\frac{dz}{dx}\right)_{x=0}^2\right)^{\frac{3}{2}}}{\left(\frac{d^2z}{dx^2}\right)} = -\eta_{le} \quad (41)$$

$$Z(X_{1-}) \equiv Z_{1-} \quad (42)$$

$$\left(\frac{dZ}{dX}\right)_{v=v} = 0 \quad (43)$$

$$\left( \frac{d^2 Z}{d X^2} \right)_{\text{xxlo}} = Z_{\text{xxlo}} \quad (44)$$

$$Z(1) = Z_{\text{TE}} - \frac{1}{2} \Delta Z_{\text{TE}} \quad (45)$$

$$\left(\frac{dx}{dX}\right)_{X=1} = \tan(\alpha_{\text{TE}} + \frac{1}{2}\beta_{\text{TE}}) \quad (46)$$

6- نتیجہ گیری

در کار حاضر از الگوریتم های جستجوی گرانشی (برای اولین بار) و جمعیت ذرات به همراه روش تولید هندسه پارسیس به منظور بهینه سازی دوهدفه هندسه ایرفویل استفاده شد. معادلات تراکم پذیر دو بعدی ناویر-استوکس به همراه مدل اسپالارت-آلماراس برای شبیه سازی حریان مغذی شده مورد استفاده قرار گرفت. کارایی و صحت مجموعه های بهینه ساز با بهینه سازی معکوس و مستقیم دوهدفه مورد بررسی قرار گرفته و نتایج زیر حاصل شد:

1. نتایج بهینه سازی معکوس حاکی از عملکرد خوب مجموعه های بهینه ساز می باشد.

۲- بهینه‌سازی مستقیم دوهدفه خانواده ایرفویل‌ها با استفاده از دو الگوریتم جستجوی گرانشی و جمعیت ذرات با توابع هدف کمینه و بیشینه‌ی ضرایب پسا و برآ (جهه‌ی پرتو) حاکی از عملکرد بهتر روش بهینه‌سازی دوهدفه

3. روش MOGSA مدت زمان بیشتری را نسبت به روش MOPSO صرف یک جستجوی برآسی به مسیرهای بهینه‌سازی ایرجوییں می‌پاسد.

4. در نهایت می‌توان این طور نتیجه گرفت که الگوریتم جستجوی گرانشی برای بهینه‌سازی دوهدفه آیرودینامیکی (به همراه روش تولید هندسه پارسیس)، بهتر از روش جمعیت ذرات عمل کرده و می‌توان از آن به عنوان روشی قدرتمند و کارا در مسائل آیرودینامیکی استفاده نمود.

7- فهرست علائم

$\frac{m}{s^2}$	شتاب،	a
جمله‌ی چشم‌هی مدل مغوش، (بی بعد)	D	
نیروی پسا، (N)	Dr	
مجموع اثری درونی و جنبشی، (J)	E	
(N) نیرو،	F	
ثابت جهانی گرانش، $\frac{m^3}{kg s^2}$	G <sub>0</sub>	
بهترین ذره کلی	gbest	
نیروی برآ، (N)	L	
برازندگی ذره i در تکرار tام، (بی بعد)	$m_i(t)$	
مقدار نسبی برازندگی هر ذره، (بی بعد)	$M_i(t)$	
عدد ماخ	$M_{\infty}$	
فشار استاتیک، $\frac{N}{m^2}$	P	
بهترین ذره محلی	pbest	
شار حرارتی، $\frac{W}{m^2}$	q	
عدد تصادفی	rand	
عدد رینولدز	Re	
عضو مخزن	Rep	
شمارنده تکرار	t	
ضریب پسای ایرفویل هدف، (بی بعد)	TD	
ضریب برآی ایرفویل هدف، (بی بعد)	TL	
مولفه سرعت افقی، $\frac{m}{s}$	u	
مولفه سرعت عمودی، $\frac{m}{s}$	v	
مکان نسبت داده شده به هر ذره، (m)	$X_i$	
علائم یونانی		
زاویه حمله جسم، (درجه)	$\alpha$	

0.7796584	0.0202702	70
0.7540801	0.0185544	71
0.7932891	0.0211783	72
0.7507365	0.0182554	73
0.7745333	0.0197198	74
0.7457713	0.0181409	75
0.7671894	0.0192063	76
0.8947517	0.0390322	77
0.7762307	0.0198884	78
0.7597714	0.0187051	79
0.7414495	0.0178875	80
0.8852301	0.0351093	81
0.7644218	0.0189809	82

## ۹- مراجع

- [1] A. Jameson, Computational Aerodynamics for Aircraft Design, *Science*, Vol. 245, No. 4916, pp. 361-371, 1989.
- [2] Z. Zhang, K.Y. Lum, Airfoil Optimization Design of Drag Minimization with Lift Constraint using Adjoint Equation Method, *44th AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exhibit*, Reno, United States, January 9-12, 2006.
- [3] S. Kim, J. J. Alonso, A. Jameson, Design Optimization of high-lift Configurations using a Viscous Continuous Adjoint Method, *40th AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exhibit*, Reno, United States, January 14-17, 2002.
- [4] M. Nemeć, D. W. Zingg, T. H. Pulliam, Multipoint and multi-objective aerodynamic shape optimization, *AIAA journal*, Vol. 42, No. 6, pp. 1057-1065, 2004.
- [5] S. D'Angelo, E. A. Minisci, Multi-Objective Evolutionary Optimization of Subsonic Airfoils by Kriging Approximation and Evolution Control, *The 2005 IEEE Congress on Evolutionary Computation*, Edinburgh, United Kingdom, September 2-5, 2005.
- [6] H. Li, J. Stewart, R. Figliola, Exergy based design methodology for airfoil shape optimization and wing analysis, *25th international congress of the aeronautical sciences*, Hamburg, Germany, September 3-8, 2006.
- [7] A. Oyama, T. Nonomura, K. Fujii, Data mining of Pareto-optimal transonic airfoil shapes using proper orthogonal decomposition, *Journal of Aircraft*, Vol. 47, No. 5, pp. 1756-1762, 2010.
- [8] R. Ma, B. Zhong, P. Liu, W. Wang, Multi-objective optimization design of low-Reynolds-number airfoil in Near Space, *3rd International Symposium on Systems and Control in Aeronautics and Astronautics (ISSCAA)*, Harbin, China, June 8-10, 2010.
- [9] R. Carrese, H. Winarto, J. Watmuff, U. J. Wickramasinghe, Benefits of Incorporating Designer Preferences Within a Multi-Objective Airfoil Design Framework, *Journal of Aircraft*, Vol. 48, No. 3, pp. 832-844, 2011.
- [10] J. M. Oliver, T. Kipouros, A. M. Savill, *A self-adaptive genetic algorithm applied to multi-objective optimization of an airfoil*, E. Tantar, A. A. Tantar, P. D. Moral, P. Bouvry, P. Legrand, C. A. Coello, O. Schutz (Eds.), *EVOLVE-A Bridge between Probability, Set Oriented Numerics, and Evolutionary Computation IV*, Vol. 227, pp. 261-276, Berlin: Springer, 2013.
- [11] A. Nejat, P. Mirzabeygi, M. S. Panahi, Airfoil shape optimization using improved Multiobjective Territorial Particle Swarm algorithm with the objective of improving stall characteristics, *Structural and Multidisciplinary Optimization*, Vol. 49, No. 6, pp. 953-967, 2014.
- [12] S.M. Mortazavi, M.R. Soltani, H. Motieyan, A Pareto optimal multiobjective optimization for a horizontal axis wind turbine blade airfoil sections utilizing exergy analysis and neural networks, *Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics*, Vol. 136, No. 1, pp.62-72, 2015.
- [13] S. Koziel, Y. A. Tesfahunegn, L. Leifsson, Expedited constrained multi-objective aerodynamic shape optimization by means of physics-based surrogates, *Applied Mathematical Modelling*, Vol. 40, No. 15, pp. 7204-7215, 2016.
- [14] E. Rashedi, H. Nezamabadi-pour, S. Saryazdi, A Gravitational Search Algorithm, *Information Sciences*, Vol. 179, No. 13, pp. 2232-2248, 2009.
- [15] C. A. C. Coello, G. T. Pulido, M. S. Lechuga, Handling multiple objectives with particle swarm optimization, *IEEE Transactions on Evolutionary Computation*, Vol. 8, No. 3, pp. 256-279, 2004.
- [16] F. Jalili, M. Malek Jafarian, A. Safavi Nezhad, Introduction of an

جدول ۵ مقادیر برآ و پسای 82 ایرفویل حاصل از الگوریتم جستجوی گرانشی  
دوهدفه

Table 5 Lift and drag values of 82 airfoils using two-objective gravitational search algorithm

شماره ایرفویل	پسا	برآ
1	0.049091	0.3121011
2	0.0041925	0.2892952
3	0.0053332	0.3472603
4	0.0054861	0.3594989
5	0.0057441	0.3835797
6	0.0059127	0.4165909
7	0.0062968	0.4248326
8	0.0086113	0.4879489
9	0.0065579	0.4284346
10	0.0068151	0.4482966
11	0.0065805	0.4437697
12	0.0086289	0.4885976
13	0.0088669	0.4982906
14	0.0085101	0.4829057
15	0.0080461	0.4816365
16	0.0075706	0.4678555
17	0.0071974	0.4589334
18	0.0080064	0.4771493
19	0.0085474	0.4878410
20	0.0104801	0.5360591
21	0.0093571	0.5047808
22	0.0097643	0.5130222
23	0.0103561	0.5356398
24	0.0087968	0.4949555
25	0.0101166	0.5267453
26	0.0097901	0.5226365
27	0.0108202	0.5432127
28	0.0109524	0.5470157
29	0.0112355	0.5479866
30	0.0114051	0.5551655
31	0.0113475	0.5525331
32	0.0011837	0.5798311
33	0.0125731	0.5995600
34	0.0133710	0.6105102
35	0.0132255	0.6082991
36	0.0130612	0.6060420
37	0.0135466	0.6346378
38	0.0145961	0.6572688
39	0.0145638	0.6526341
40	0.0150936	0.6681375
41	0.0138929	0.6475128
42	0.0134923	0.6280863
43	0.0114278	0.5653728
44	0.0153023	0.6771692
45	0.0143546	0.6487751
46	0.0149193	0.6648260
47	0.0148879	0.6644264
48	0.0182180	0.7478254
49	0.0161256	0.7042311
50	0.0180001	0.7445632
51	0.0174611	0.7347934
52	0.0225885	0.8027150
53	0.0211515	0.7928659
54	0.0196515	0.7772726
55	0.0227014	0.8051478
56	0.0226475	0.8040695
57	0.0232976	0.8161467
58	0.0213576	0.7959086
59	0.0204865	0.7858964
60	0.0173712	0.7327843
61	0.0176219	0.7349944
62	0.0171039	0.7270304
63	0.0176657	0.7365267
64	0.0179278	0.7428679
65	0.0171503	0.7286977
66	0.0178126	0.7393818
67	0.0187957	0.7604886
68	0.0329891	0.8644376
69	0.0195061	0.7721658

- Conference, Palo Alto, California, June 23-25, 1981.
- [19] Z. Baniasadi, H. Nezam Abadi, M. Maghfouri, Improved Multi-Objective Gravitational Search Algorithm, *15<sup>th</sup> National Computer Conference*, Tehran, Iran, February 20-22, 2010. (in Persian) فارسی
- [20] S. Tabatabaei, A new gravitational search optimization algorithm to solve single and multiobjective optimization problems, *Journal of Intelligent & Fuzzy Systems*, Vol. 26, No. 2, pp. 993-1006, 2014.
- [21] Airfoils and wings, Accessed on 14 March 2017; <http://www.dept.aoe.vt.edu/~lutze/AOE3104/airfoilwings.pdf>
- Improved Harmony Search Optimization Algorithm for Investigating of Airfoil Parameterization Methods and Aerodynamics Optimization, *Amirkabir Journal of Science & Research*, Vol. 47, No. 1, pp. 13-31, 2015. (in Persian) فارسی
- [17] P. R. Spalart, S. R. Allmaras, A one equation turbulence model for aerodynamic flows, *40th AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exhibit*, Reno, United States, January 6-9, 1992.
- [18] A. Jameson, W. Schmidt, E. Turkel, Numerical solutions of the Euler equations by finite volume methods using Runge-Kutta time-stepping schemes, *AIAA 14th Fluid and Plasma Dynamic*