

بهبود روش تحلیل ناپایداری خطی لایه سیال توخالی خروجی از اتمایزر جریان چرخشی

رامین قربانی^۱، سید مصطفی حسینعلیپور^{۲*}

۱- دانشجوی دکتری، مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شریف، تهران
 ۲- استاد، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران
 * تهران، صندوق پستی ۱۶۸۴۶-۱۳۱۱۴

چکیده

در مقاله حاضر، به مطالعه آنالیز ناپایداری حرکت امواج روی سطح جت مایع خروجی از اتمایزر جریان چرخشی با وجود هوای داخل و خارج تا قبل از شکست اولیه پرداخته شده است. نیروهای اینرسی، فشار، ویسکوزیته و تنش سطحی در سطح مشترک مایع-گاز عمل می‌کنند. مجموع اثر این نیروها موجب رشد و افزایش نوسانات ریز و ناچیز موجود در جریان می‌شود. رشد این نوسانات موجب ناپایداری لایه مایع و شکست آن به لیگامنت و در نهایت تعداد زیادی قطره می‌شود. الگوی خطی استفاده شده در این مقاله، با الگوهای قبلی متفاوت و می‌توان گفت بهبود یافته روش قبلی است. وجه تفاوت این روش در این است که معادلات با در نظر گرفتن این نکته که جت به شکل مخروط توخالی از اتمایزر خارج می‌شود استخراج شده است. در این حالت معادلات حاکم به گونه‌ای است که امکان حل تحلیلی آن‌ها وجود ندارد. به همین منظور از روشی نیمه تحلیلی و عددی استفاده شده است. روش حل نیز به گونه‌ای است که این امکان را فراهم می‌سازد شکست اولیه جت را در حالات مختلف، از زاویه پاشش ۰ تا ۱۸۰ درجه، مدل سازی کرد. به منظور اعتبار سنجی با رسم شکل‌های نتایج روش خطی بهبود یافته با نتایج تجربی و تحلیلی موجود، مقایسه شده است. مقایسه نشان می‌دهد که روش خطی مورد استفاده در این مقاله تطابق بیشتری با نتایج تجربی دارد. همچنین نتایج نشان می‌دهد مدل حاضر طول شکست را با دقت بهتری پیش‌بینی می‌کند.

اطلاعات مقاله

مقاله پژوهشی کامل
دریافت: ۱۱ آبان ۱۳۹۶
پذیرش: ۰۳ دی ۱۳۹۶
ارائه در سایت: ۱۵ دی ۱۳۹۶
کلید واژگان:
اتمایزر جریان چرخشی
ناپایداری خطی
شکست اولیه

Improvement of Linear Instability Analysis of an Annular Liquid Jet Emanating from a Swirl Injector

Ramin Ghorbani¹, Seyed Mostafa Hosseinalipour^{2*}

۱- Department of Mechanical Engineering, Sharif University of Technology, Tehran, Iran

۲- Department of Mechanical Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran

* P.O.B. 16846-13114 Tehran, Iran, alipour@iust.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 02 November 2017

Accepted 24 December 2017

Available Online 05 January 2018

Keywords:

Spray

Linear Instability Analysis

Primary Breakup

ABSTRACT

In this paper, the instability of wave motion on the surface of liquid sheet emanating from a swirl injector exposed to inner and outer air streams, before the breakup is considered using the linear instability analysis by a perturbation method. The forces acting on a liquid-gas interface in sprays, including surface tension, pressure, inertia force, centrifugal force and viscous force, lead to grow the disturbances originated from inside the injector on the outgoing liquid sheet. Interaction between these forces ultimately breaks up the jet into the ligaments. The linear instability analysis used in the present study is different from prior analysis. A cylindrical liquid sheet has been considered in previous studies but the present study implements the linear instability on a conical annular liquid sheet. Due to the complexity of derived governing equations a semi-analytical and numerical method was utilized in the solution procedure. The present model is capable to solve governing equations for the liquid jet with large range of spray angle. The predicted results compared with the prior studies results and experiments. The results of the current model in comparison with prior models have better accordance with experimental data. Also, the results show that the improved linear theory (the present model) predicts the breakup length better than linear theory.

۱- مقدمه

م موضوعاتی که بسیار مورد توجه قرار گرفته است، بحث دینامیک تشکیل قطرات و عوامل تأثیرگذار بر آن است. در فرآیند شکست جت سیال اختلال‌های کوچک در جت یا لایه مایع رشد می‌کنند و در نهایت موجب تجزیه آن به لیگامنت‌ها و قطرات ریزتر می‌شوند. اتمایزرهای برای اسپری سیال‌های مختلف در بسیاری از صنایع و حتی در کاربردهای خانگی استفاده می‌شوند. افزایش سطح موثر تماس قطرات با گاز محیط موجب افزایش نرخ انتقال حرارت و بهبود اختلاط و تبخیر می‌شود. جت سیال را می‌توان جریانی از مایع یا گاز دانست که تحت نیروی از نازل خارج می‌شود. پدیده پایداری و تجزیه جت‌های سیال به خاطر کاربرد فراوانی که این جت‌ها در صنعت دارند، همواره مورد توجه بسیاری از محققین بوده است. تبدیل توده مایع به اسپری قطرات ریز در یک محیط گازی، در سیستم پاشش سوخت موتورها و همچنین در کاربردهای دیگر مانند کشاورزی، هواشناسی، پزشکی و غیره بسیار مهم است. علاوه بر کاربردها، یکی از

Please cite this article using:

R. Ghorbani, S. M. Hosseinalipour, Improvement of Linear Instability Analysis of an Annular Liquid Jet Emanating from a Swirl Injector, *Modares Mechanical Engineering*, Vol. 48, No. 01, pp. 281-289, 2018 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

www.SD.IR

ابراهیم و مک کینی^۶ در سال 2006 [9] در مقاله خود، مدل ریاضی ساده‌شده‌ای را براساس مختصات متصل به بدن^۷، برای مطالعه صفحه خروجی از یک نازل حلقوی مطرح کردند. آنها در این مدل، هر دو حالت همراه با چرخش و بدون چرخش را برای جت مایع در نظر گرفتند و همچنین فرض کردند که محیط اطراف ساکن است. این مدل قابلیت پیش‌بینی مسیر حرکت جت، ضخامت و سرعت آن را در دیهای متفاوت مایع و همچنین زوایای چرخش متفاوت دارد. در مطالعات آنها مشخص شد که جت حلقوی غیر چرخان در مسیر حرکت به سمت خط مرکزی همگرا شده و سبب تشکیل جت زنگوله‌ای شکل در پایین‌دست نازل می‌شود. طول و شعاع زنگوله با تغییر دیهای مایع تغییر می‌کند. با در نظر گرفتن چرخش سیال، جت سیال در مسیر حرکت خود واگرا شده و سبب تشکیل مسیری مخروطی شکل و توخالی می‌شود. واگرایی مخروط با افزایش دیهای مایع افزایش می‌یابد. با افزایش دیهای مایع چرخش مایع، ضخامت و سرعت مماسی کاهش و شعاع و انحنای مخروط افزایش می‌یابد.

یان^۸ و همکاران در سال 2013 [10]، در تحلیل غیرخطی خود برای لایه حلقوی سیال با در نظر گرفتن ویسکوزیته نشان دادند که با افزایش ویسکوزیته جت سیال، نرخ رشد امواج ناپایدار کاهش و طول شکست افزایش می‌یابد.

مهدوی و همکاران در سال 2013 [11]، در مقاله‌ای به بررسی تخمین طول شکست برای جت حلقوی و تپیر پرداختند. آنالیز ناپایداری استفاده شده توسط آنها براساس روش خطی ابراهیم [7] بود. آنها نشان دادند که کوتاه‌ترین طول شکست اولیه جت زمانی اتفاق می‌افتد که گاز داخلی هم جهت و گاز خارجی در خلاف جهت جت سیال حرکت کنند.

در اکثر متابع موجود جت سیال خروجی از اتمایزر به صورت استوانه‌ای مدل شده است در حالی که جت سیال در حالت واقعی به صورت مخروطی شکل خارج می‌شود. در حقیقت در انتکتورهای فشاری چرخان، مایع به علت عبور از مسیرهای چرخشی و وجود جریان هوا در هسته محافظه انتکتور، به شکل یک اسپیری مخروط توخالی از نازل تخلیه می‌شود. این نوع از انتکتورها بسته به نوع کاربرد دارای محدوده وسیع زاویه اسپیری از 30 درجه تا 180 درجه می‌باشند. در مقاله حاضر، هدف ایجاد یک مدل شکست اولیه است که در آن جت سیال خروجی به صورت مخروطی شکل مدل‌سازی شود. بدین منظور از آنالیز ناپایداری خطی روی یک لایه مخروطی غیرلزج مایع در معرض جریان هوای بیرونی و درونی و نوسانات سبدعده استفاده شده است. در حقیقت وجه تمایز این روش در این است که معادلات با در نظر گرفتن این نکته که جت به شکل مخروط توخالی از اتمایزر خارج می‌شود استخراج شده است. معادلات بقاء با فرض صرف‌نظر کردن از اثرات ویسکوزیته و تراکم‌پذیری مایع و گاز و نیز نوسانات کم دامنه با روش خطی به منظور رسیدن به رابطه نرخ رشد موج حل شده‌اند و نتایج با نتایج تجربی موجود در منابع مقایسه شده است.

2- مدل سازی ریاضی

2-1-فرضیات

در این بخش مدل پایداری یک جت لایه‌ای مایع مخروطی شکل چرخان در محیط گازی با وجود یک اختشاش اولیه کوچک در خروجی نازل مطابق

همچنین کاهش قطر ذرات سوخت، استارت آسان‌تر موتور، سوختن کامل‌تر و تولید آلاینده‌های کمتر را به دنبال دارد، که این امر موجب بهبود احتراق در بسیاری از کاربردهای صنعتی مانند موتورهای دیزل، موتورهای توربین گازی و کوره‌های صنعتی می‌شود [1].

در پژوهش‌هایی که توسط لین^۱ در سال 2003 [2]، سریگنانو^۲ و مهرینگ^۳ در سال 2000 [3] در رابطه با صفحات سیال و ناپایداری و شکست جت انجام شده، به خوبی تأیید شده است که نیروهایی که بر سطح تقابلی چرخان در مسیر عبارتند از: نیروهای کشش سطحی، فشاری، اینرسی، گریز از مرکز و لزجت. همچنین وجود چرخش در هوا یا مایع و یا هردو آن‌ها و اثر نسبت شعاع انحنای محدود، پیچیدگی‌هایی را وارد آنالیز می‌کند. لیافو^۴ و همکاران در سال 2001 [4] تأثیرات چرخش گاز داخلی و خارجی را بر ناپایداری جت با یکدیگر مقایسه کردند و نشان دادند که ترکیب چرخش گاز داخلی و خارجی تأثیر بیشتری نسبت به چرخش گذاشته هر یک از آن‌ها دارد. با این وجود تأثیر چرخش گاز داخلی به مراتب بیشتر از گاز خارجی است. ابراهیم^۵ و همکاران در سال 2005 [5] تأثیر نوع پروفیل چرخشی سیال را بر روی ناپایداری جت چرخان سیال توخالی مورد مطالعه قرار دادند. در این حالت گازهای داخلی و خارجی فقط سرعت محوری داشتند. آن‌ها پروفیل سرعت چرخشی سیال را به صورت گردابه آزاد و گردابه حامد در نظر گرفتند. آن‌ها نشان دادند که در اعداد ویر چرخشی بالا، نرخ رشد مکزیمم و عدد موج محوری، برای گردابه آزاد بیشتر از گردابه جامد است. مهرینگ و سریگنانو در سال 2001 [6] نشان دادند که چرخش سیال می‌تواند سبب افزایش نرخ رشد امواج ناپایدار شود. که این امر سبب کاهش طول شکست جت سیال می‌شود.

ابراهیم در سال 2006 [7] در ترکیب خود به بررسی جامع و کاملی در رابطه با ناپایداری جت سیال توخالی که تحت اختشاشات قرار گرفته و همچنین در داخل و بیرون آن گاز با سرعت محوری جریان دارد، پرداخت. او تأثیرات پروفیل سرعت چرخشی سیال را بر روی رشد اختشاشات مورد مطالعه قرار داد. همچنین تأثیر پارامترهای نظیر نسبت سرعت محوری سیال، سرعت چرخشی سیال، نسبت چگالی سیال و گاز، نسبت شعاع‌های انحنای، کشش سطحی سیال و عدد ویر گاز خارجی را مورد بررسی قرار داد.

فتح ا. امی و همکاران در سال 2007 به بررسی و تحلیل پارامترهای چرخش سیال و ویسکوزیته روی جت سیال توخالی پرداختند [8]. آن‌ها در این مقاله تلاش کردند تا اثر ویسکوزیته و سرعت چرخش سیال را روی اتمیزاسیون یک اسپیری توخالی لزج چرخان تحت نوسانات سینوسی و جریان هوای غیر لزج مورد بررسی قرار دهند. آن‌ها این کار را به روش تحلیلی انجام داده و در نهایت معادله توزیع بدون بعد نرخ رشد موج را به دست آورده‌اند. این معادله غیرخطی با روش عددی حل و اثر لزجت و سرعت چرخشی سیال روی مکزیمم نرخ رشد و عدد موج معادلش مورد بررسی قرار گرفت. نتایج نشان داد که کاهش ویسکوزیته و افزایش سرعت چرخشی سیال، نرخ رشد مکزیمم و عدد موج معادلش را افزایش می‌دهد. مکزیمم نرخ رشد موج با طول شکست اولیه اسپیری مرتبط بوده و با افزایش آن طول شکست کوتاه‌تر شده و قطر قطرات کاهش می‌یابد که نتیجه آن بهبود احتراق و کاهش مصرف سوخت در صورت استفاده از این سیستم در موتور است.

¹ Lin

² Sirignano

³ Mehring

⁴ Liao

⁵ Ibrahim

$$\begin{aligned} & \text{با انجام بالاتس نیروها و این که } W = A_1/r \\ & P_r \Delta A + \frac{\rho_1 \Delta A \Delta r W^2}{r} = P_r \Delta A + \frac{dP}{dr} \Delta r \Delta A \rightarrow \frac{dP}{dr} = \frac{\rho_1 A_1^2}{r^3} \quad (1) \\ & \text{که با انتگرال گیری، رابطه (2) به دست می آید:} \end{aligned}$$

$$P_B - P_A = \frac{1}{2} \rho_1 A_1^2 \left[\frac{1}{r_i^2(x)} - \frac{1}{r_o^2(x)} \right] \quad (2)$$

P_A و P_B فشارهای دو سمت المان سیال هستند و به این صورت به فشارهای هوای داخل و خارج مرتبط می شوند:

$$P_A = P_i - \frac{\sigma}{r_i(x)} \quad (3)$$

$$P_B = P_o + \frac{\sigma}{r_o(x)} \quad (4)$$

$$\text{با قرار دادن معادلات (3) و (4) در معادله (2) رابطه (5) حاصل می شود:} \quad (5)$$

$$P_o - P_i = -\sigma \left[\frac{1}{r_i^2(x)} + \frac{1}{r_o^2(x)} \right] + \frac{1}{2} \rho_1 A_1^2 \left[\frac{1}{r_i^2(x)} - \frac{1}{r_o^2(x)} \right]$$

2- معادلات نوسانات

برای حرکت یک لایه مایع مخروطی شکل چرخان، بهتر است که معادلات پیوستگی و مومنتوم در مختصات استوانهای نوشته شوند. با فرض سیال غیرقابل تراکم و بالا بودن اینرسی در مقابل گرانش:

معادله پیوستگی:

$$\frac{V}{r} + \frac{\partial V}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial W}{\partial \theta} + \frac{\partial U}{\partial x} = \quad (6)$$

معادلات مومنتوم:

$$\frac{\partial U}{\partial t} + V \frac{\partial U}{\partial r} + \frac{W}{r} \frac{\partial U}{\partial \theta} + U \frac{\partial U}{\partial x} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x} \quad (7)$$

$$\frac{\partial V}{\partial t} + V \frac{\partial V}{\partial r} + \frac{W}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} + U \frac{\partial V}{\partial x} - \frac{W^2}{r} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial r} \quad (8)$$

$$\frac{\partial W}{\partial t} + V \frac{\partial W}{\partial r} + \frac{W}{r} \frac{\partial W}{\partial \theta} + U \frac{\partial W}{\partial x} - \frac{VW}{r} = -\frac{1}{\rho r} \frac{\partial P}{\partial \theta} \quad (9)$$

برای به دست آوردن معادلات خطی نوسانی با استفاده از متوسطگیری زمانی مطابق روش تجزیه رینولدز^۱ فرض می شود که مؤلفه های سرعت و فشار به دو جزء متوسط و زمانی به صورت رابطه (10) تفکیک می شوند:

$$U = \bar{U} + u, V = \bar{V} + v, W = \bar{W} + w, p = P + p' \quad (10)$$

که باز نشان دهنده مقادیر متوسط و $\bar{w}, \bar{v}, \bar{u}$ و ترموماتیک نوسان سرعت و فشار هستند.

با جایگذاری معادلات (10) در معادلات (6) تا (9) و سپس کم کردن از معادلات نوشته شده برای حالت متوسط، معادلات نوسانی خطی برای فاز مایع به صورت زیر به دست می آید:

$$\frac{v}{r} + \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \theta} + \frac{\partial u}{\partial x} = 0 \quad (11)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + U_1 \frac{\partial u}{\partial r} + V_1 \frac{\partial u}{\partial \theta} + \frac{A_1 \partial u}{r^2 \partial \theta} = -\frac{1}{\rho_1} \frac{\partial p'_1}{\partial x} \quad (12)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + U_1 \frac{\partial v}{\partial r} + V_1 \frac{\partial v}{\partial \theta} + \frac{A_1 \partial v}{r^2 \partial \theta} - \frac{2w A_1}{r^2} = -\frac{1}{\rho_1} \frac{\partial p'_1}{\partial r} \quad (13)$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + U_1 \frac{\partial w}{\partial r} + V_1 \frac{\partial w}{\partial \theta} + \frac{A_1 \partial w}{r^2 \partial \theta} + \frac{w V_1}{r} + \frac{v A_1}{r^2} = -\frac{1}{\rho_1} \frac{\partial p'_1}{\partial \theta} \quad (14)$$

معادلات نوسانی برای گاز بیرونی:

$$\frac{v}{r} + \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \theta} + \frac{\partial u}{\partial x} = \quad (15)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + U_o \frac{\partial u}{\partial r} + V_o \frac{\partial u}{\partial \theta} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'_o}{\partial x} \quad (16)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + U_o \frac{\partial v}{\partial r} + V_o \frac{\partial v}{\partial \theta} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'_o}{\partial r} \quad (17)$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + U_o \frac{\partial w}{\partial r} + V_o \frac{\partial w}{\partial \theta} + \frac{w V_o}{r} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial p'_o}{\partial \theta} \quad (18)$$

و برای گاز درونی:

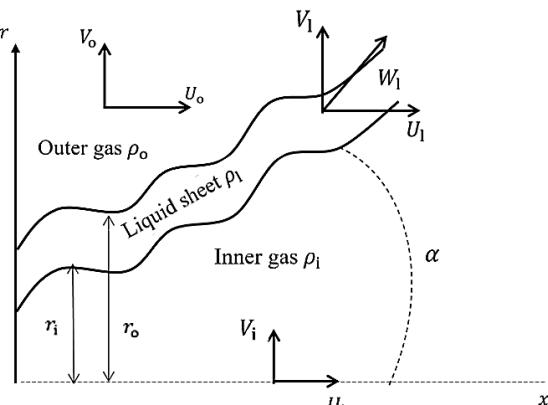
"شکل 1" بررسی شده است. گاز درونی و بیرونی بدون چرخش فرض شده اند و تنها حرکتی در جهت حرکت جریان سیال دارند. هر دو فاز مایع و گاز غیرلزج و غیرقابل تراکم فرض شده اند. برای ارضا شرط غیرقابل تراکم بودن گاز از جریان گاز با ماخ کمتر از 0.3 استفاده شده است. پروفیل سرعت جریان برای مایع، گازهای درونی و بیرونی در مختصات استوانهای (x, r, θ) به ترتیب $U_0, U_1, V_0, V_1, A_1/r$ و $(U_0, V_0, 0)$ فرض شده است. در اینجا U_1, U_i و V_1, V_i به ترتیب سرعت محوری مایع، گاز درونی و بیرونی و A_1/r قدرت گردابه در مایع می باشند.

به علت جریان چرخشی، نیروی گریز از مرکز روی لایه حلقوی مایع اثر می گذارد. به علاوه نیروی فشار درونی و بیرونی نوع دیگر نیروهای عمل کننده روی سطوح مشترک بیرونی و درونی هستند. همچنین نیروی تنش سطحی مایع اثر مهمی در بالاتس نیروها دارد. مجموع این نیروها تعیین می کند که لایه مخروطی شکل مایع می شکند و یا پایدار می ماند.

2- بالاتس نیروها

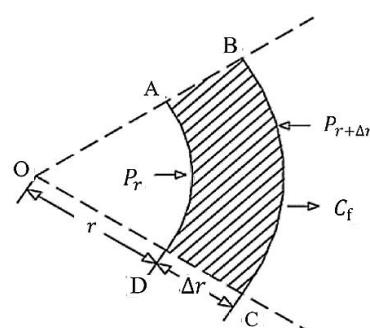
المانی از لایه مایع به منظور بالاتس نیروهای وارد شده مطابق "شکل 2" در نظر گرفته شده است.

مطابق "شکل 2"، $P_r \Delta A$ نیروی اعمال شده روی ضلع AD و $P_r + (dP/dr) \Delta r \Delta A = P_{r+\Delta r} \Delta A$ نیروی اعمال شده روی ضلع BC و $C_f = mW^2/r = \rho_1 \Delta A \Delta r W^2/r$ نیروی گریز از مرکز به علت سرعت چرخشی می باشد. $m = \rho_1 \Delta A \Delta r$ جرم و ρ_1 دانسیته مایع و ΔA مساحت سطوح است.



شکل 1 شماتیک نیمه جت مایع مخروطی شکل

شکل 2 نیروهای اعمال شده بر المانی از لایه مایع



شکل 2 نیروهای اعمال شده بر المانی از لایه مایع

[7]

^۱ Reynolds decomposition

که با تجزیه مؤلفه‌های سرعت، رابطه (29) به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$(\vec{V}_1 + \vec{U}_1) \cdot \vec{n} = (\vec{V}_2 + \vec{U}_2) \cdot \vec{n} \quad (30)$$

که در این رابطه $\hat{V}_{1,2}$ و $\hat{U}_{1,2}$ بردارهای سرعت موضوعی (مؤلفه‌های سرعت عمودی و محوری سیال و گاز) در دو طرف سطح مشترک و \vec{n} بردار نرمال واحد موضوعی سطح مشترک می‌باشد.

معادله (29) برای سطح مشترک درونی به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$V_{xi} = \frac{D\eta_i}{Dt} = \frac{\partial\eta_i}{\partial t} + U_i \frac{\partial\eta_i}{\partial x} + V_i \frac{\partial\eta_i}{\partial r}, r = r_i(x) \quad (31)$$

$$V_{xi} = \frac{D\eta_i}{Dt} = \frac{\partial\eta_i}{\partial t} + U_i \frac{\partial\eta_i}{\partial x} + V_i \frac{\partial\eta_i}{\partial r} + A_i \frac{\partial\eta_i}{\partial r^2}, r = r_i(x) \quad (32)$$

معادله (29) برای سطح مشترک بیرونی به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$V_{xo} = \frac{D\eta_o}{Dt} = \frac{\partial\eta_o}{\partial t} + U_o \frac{\partial\eta_o}{\partial x} + V_o \frac{\partial\eta_o}{\partial r}, r = r_o(x) \quad (33)$$

$$V_{xo} = \frac{D\eta_o}{Dt} = \frac{\partial\eta_o}{\partial t} + U_o \frac{\partial\eta_o}{\partial x} + V_o \frac{\partial\eta_o}{\partial r} + A_o \frac{\partial\eta_o}{\partial r^2}, r = r_o(x) \quad (34)$$

2-4-2-شرط مرزی دینامیکی

این شرط، بالاتس میان نیروها را در دو سطح مشترک سیال و گاز، شامل نیروهای فشاری، نیروهای لزجت و تنفس سطحی، بیان می‌کند:

$$(\dot{p}_i - \dot{p}_j) = \sigma k + (\vec{t}_i - \vec{t}_j) \cdot \vec{n} + \rho_j \frac{\omega_j^2}{r_j} \eta_j - \rho_i \frac{\omega_i^2}{r_j} \eta_j, \quad j = i, o \quad (35)$$

در رابطه فوق σ تنفس سطحی، τ تنفس سطحی ویسکوزی است. همچنین \vec{n} بردار یکه نرمال بیرونی در سطح مشترک گاز و مایع است که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\vec{n} = \left(-\frac{\partial\eta_j}{\partial x}, -\frac{\partial\eta_j}{\partial r}, -\frac{1}{r} \frac{\partial\eta_j}{\partial\theta} \right) \cdot \left[\left(\frac{\partial\eta_j}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial\eta_j}{\partial r} \right)^2 + \left(\frac{1}{r} \frac{\partial\eta_j}{\partial\theta} \right)^2 \right]^{-\frac{1}{2}} \quad (36)$$

در رابطه (35)، k احنای موضوعی سطح می‌باشد که به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$k = R_1^{-1} + R_2^{-1} = \nabla \cdot \vec{n} \quad (37)$$

R_1 و R_2 شاعرهای احنای سطح در دو طرف سطح مشترک می‌باشند.

با جایگذاری رابطه (36) در رابطه (37) و ساده‌سازی، رابطه زیر نتیجه می‌شود:

$$k = -\left(\frac{\partial^2\eta_j}{\partial x^2} + \frac{1}{r_j^2} \frac{\partial^2\eta_j}{\partial\theta^2} + \frac{\eta_j}{r_j^2} \right); j = i, o \quad (38)$$

با صرف نظر از ویسکوزیته و در نظر گرفتن معادلات (35) و (38) در سطح

مشترک داخلی و خارجی، معادلات زیر حاصل می‌شوند:

$$(\dot{p}_i - \dot{p}_j) = -\sigma \left(\frac{\partial^2\eta_j}{\partial x^2} + \frac{1}{r_i^2} \frac{\partial^2\eta_i}{\partial\theta^2} + \frac{\eta_i}{r_i^2} \right) - \rho_i \frac{A_i^2}{r_i^3} \eta_i \quad (39)$$

$$(\dot{p}_i - \dot{p}_o) = -\sigma \left(\frac{\partial^2\eta_o}{\partial x^2} + \frac{1}{r_o^2} \frac{\partial^2\eta_o}{\partial\theta^2} + \frac{\eta_o}{r_o^2} \right) - \rho_o \frac{A_o^2}{r_o^3} \eta_o \quad (40)$$

2-5-نوسانات فشار درون لایه مایع

نوسانات فشار درون لایه حقوقی سیال از طریق حل معادلات (11) تا (14) محاسبه می‌شوند. با قرار دادن معادله (23) در معادلات (11) تا (14) و پس از ساده‌سازی روابط زیر به دست می‌آیند:

$$\frac{\hat{v}}{r} + \frac{\partial\hat{v}}{\partial r} + \frac{1}{r} (in) \hat{w} + ik \hat{u} \quad (41)$$

$$\frac{1}{k} \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{u} + \frac{1}{k} V_1 \frac{\partial\hat{u}}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_1} \hat{p}_1 \quad (42)$$

$$i \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{v} + V_1 \frac{\partial\hat{v}}{\partial r} - \frac{2A_1}{\rho_1} \hat{w} = -\frac{1}{\rho_1} \frac{\partial\hat{p}_1}{\partial r} \quad (43)$$

$$\frac{r}{n} \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{w} + \frac{r}{ni} \frac{V_1}{r} \hat{w} + \frac{r}{ni} V_1 \frac{\partial\hat{w}}{\partial r} + \frac{r}{ni} \frac{A_1}{r^2} \hat{v} = -\frac{1}{\rho_1} \hat{p}_1 \quad (44)$$

$$\frac{v}{r} + \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial\theta} + \frac{\partial u}{\partial x} = \quad (19)$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + U_i \frac{\partial u}{\partial x} + V_i \frac{\partial u}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_i} \frac{\partial p'_i}{\partial x} \quad (20)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + U_i \frac{\partial v}{\partial x} + V_i \frac{\partial v}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_i} \frac{\partial p'_i}{\partial r} \quad (21)$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + U_i \frac{\partial w}{\partial x} + V_i \frac{\partial w}{\partial r} + \frac{wV_i}{r} = -\frac{1}{\rho_i} \frac{\partial p'_i}{\partial\theta} \quad (22)$$

نوسانات به شکل رابطه (23) فرض می‌شوند:

$$(u, v, w, \dot{p}) = (\hat{u}(r), \hat{v}(r), \hat{w}(r), \dot{p}(r)) \exp(i(\frac{k}{\cos\alpha} x + n\theta - \omega t)) \quad (23)$$

در رابطه (23) ترم‌های دارای علامت $^\wedge$ دامنه نوسان بوده و تنها تابعی از r هستند. همچنین عدد موج محوری $k = 2\pi/\lambda$ و عدد موج جانبی یا مود نوسانی پیچشی n اعداد حقیقی بوده و $\omega = \omega_r + i\omega_i$ مختلط است. ماکریم مقدار قسمت موهومی ω یعنی ω_r نرخ رشد نوسانات موج را نشان می‌دهد. λ نیز طول موج را نشان می‌دهد. علت وجود $\cos\alpha$ در رابطه (23)، مخروطی شکل بودن جت می‌باشد. زیرا در این حالت جت با زاویه α نسبت به محور افقی از نازل خارج می‌شود.

تغییر مکان نوسانات در سطوح مشترک داخلی و خارجی نیز به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\eta_j(x, r, \theta, t) = \hat{\eta}_j \exp(i(\frac{k}{\cos\alpha} x + n\theta - \omega t)); j = i, o \quad (24)$$

که در این رابطه $\hat{\eta}_j$ تابعی از x و r است. $\hat{\eta}_j$ در حالت مخروطی شامل دو مؤلفه در جهات x و r است که در "شکل 3" نشان داده شده است.

مؤلفه‌های تجزیه شده $\hat{\eta}_j$ به صورت زیر نوشته می‌شوند:

$$\hat{\eta}_{or} = \hat{\eta}_j \cos\alpha \quad (25)$$

$$\hat{\eta}_{ox} = \hat{\eta}_j \sin\alpha \quad (26)$$

$$\hat{\eta}_{ir} = \hat{\eta}_i \cos\alpha \quad (27)$$

$$\hat{\eta}_{ix} = \hat{\eta}_i \sin\alpha \quad (28)$$

2-4-3-شرط مرزی

شرط مرزی می‌بایست در مرز مشترک مایع و هوای اعمال شود.

2-4-1-شرط مرزی سینماتیکی

ذرات مایع در سطح مشترک با سطح حرکت می‌کنند و روی سطح باقی می‌مانند. این بدان معناست که مؤلفه‌های عمودی سرعت در عرض سطح مشترک پیوسته هستند.

$$\vec{V}_{\xi 1} \cdot \vec{n} = \vec{V}_{\xi 2} \cdot \vec{n} \quad (29)$$

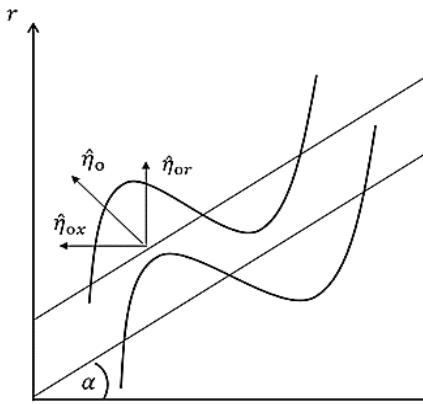


Fig. 3 Components of the displacements of disturbances in conical liquid sheet

شکل 3 مؤلفه‌های تغییر مکان نوسانات در حالت جت مخروطی

از مساوی قرار دادن معادله (54) با (56) نتیجه می‌شود:

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_0) \hat{u} + V_0 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} \right] + \frac{V_0}{r} \hat{w} + V_0 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_0} \hat{p}_0 \quad (57)$$

با مشتق‌گیری از رابطه (54) و مساوی قرار دادن با رابطه (55) نتیجه می‌شود:

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_0) \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} + V_0 \frac{\partial^2 \hat{u}}{\partial r^2} \right] = i(-\omega + kU_0)v + V_0 \frac{\partial \hat{v}}{\partial r} \quad (58)$$

از حل دستگاه معادلات (53) و (57) و (58)، \hat{u} و \hat{v} و \hat{w} به دست می‌آیند.

سپس با استفاده از این سه پارامتر و معادله (51)، \hat{p} محاسبه می‌شود.

2-8- معادله توزیع بدون بعد نهایی

بعد از اعمال معادلات (23) و (24) در شرط مرزی دینامیکی یعنی معادلات

(39) و (40)، نتیجه می‌شود:

$$(\dot{p}_1 - \dot{p}_0) = -\sigma \left(\frac{1}{r_1^2} - \frac{k^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{n}{r_1^2} \right) \hat{n}_1 - \rho_1 \frac{A_1^2}{r_1^3} \hat{n}_1 \quad (59)$$

$$(\dot{p}_1 - \dot{p}_0) = -\sigma \left(\frac{1}{r_0^2} - \frac{k^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{n}{r_0^2} \right) \hat{n}_0 - \rho_1 \frac{A_1^2}{r_0^3} \hat{n}_0 \quad (60)$$

با جایگذاری مقادیر نوسانات فشار مایع، گاز داخلی و خارجی در معادلات بالا

و حذف مقادیر \hat{n}_1 و \hat{n}_0 در نهایت معادله نهایی به دست می‌آید.

به منظور تعیین نقش نیروهای مختلف، خواص مایع و پارامترهای هندسی

در مدل شکست لایه مایع، معادله نهایی با استفاده از پارامترهای بدون بعد

زیر بی بعد شده است:

$$We_{ix} = \frac{\rho_1 U_1^2 R_0}{\sigma}, We_{ox} = \frac{\rho_0 U_0^2 R_0}{\sigma}, We_{lx} = \frac{\rho_1 U_1^2 R_0}{\sigma}$$

$$We_{ir} = \frac{\rho_1 V_1^2 R_0}{\sigma}, We_{or} = \frac{\rho_0 V_0^2 R_0}{\sigma}, We_{lr} = \frac{\rho_1 V_1^2 R_0}{\sigma}$$

$$We_{ls} = \frac{\rho_1 A_1^2}{\sigma R_b}, g_i = \frac{\rho_1}{\rho_1}, g_o = \frac{\rho_0}{\rho_1}, h = \frac{R_1}{R_0}, \bar{k} = kR_0, \bar{\omega} = \frac{\omega R_0}{U_1}$$

معادله بی بعد نهایی را می‌توان به صورت ساده زیر نشان داد:

$$f(\bar{\omega}, \bar{k}, \alpha, h, g_i, g_o, We_{ix}, We_{ox}, We_{ir}, We_{or}, We_{lr}, We_{ls}) = 0 \quad (61)$$

ضرایب به کار رفته در معادله فوق به عدد موج، شرایط جریان و پارامترهای

هندسی سنتگی دارد. معادله نهایی با استفاده از روش عددی در نرم‌افزار میپل

حل و با تغییر مقادیر ورودی، روی ریشه‌ها یعنی ماکریزم بخش موهمی که

نشان‌دهنده نرخ رشد ماکریزم نوسان است و طول شکست اولیه اسپری بحث

می‌شود.

2-9- مکانیزم شکست

اگر نوسان سطح در هنگام شکست به مقدار η_b برسد، زمان شکست τ از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$\eta_b = \eta_0 \exp(\omega \tau) \rightarrow \tau = \frac{1}{\omega} \ln \left(\frac{\eta_b}{\eta_0} \right) \quad (62)$$

در رابطه (62)، ω ماکریزم نرخ رشد موج می‌باشد که از طریق حل معادله

پخش نهایی محاسبه می‌شود و $\ln(\eta_b/\eta_0) = 12$ از نتایج دامبروسکی² و

هوپر³ قرار داده می‌شود [12]. بنابراین طول شکست اولیه لایه مطابق زیر

خواهد بود:

$$L_b = V_1 \tau = \frac{V_1}{\omega} \ln \left(\frac{\eta_b}{\eta_0} \right) = \frac{12V_1}{\omega} \quad (63)$$

در رابطه (63)، V_1 سرعت مطلق مایع و L_b طول شکست اولیه لایه سیال

می‌باشد. اگر از نرخ رشد موج به صورت بی بعد استفاده شود، این رابطه به

صورت زیر تبدیل می‌شود:

$$\bar{\omega} = \frac{\omega R_b}{V_1} \rightarrow \omega = \frac{\bar{\omega} V_1}{R_b} \rightarrow L_b = \frac{12R_b}{\bar{\omega}} \quad (64)$$

² Dombrowski

³ Hooper

که در این روابط $k = k/\cos\alpha$ می‌باشد.

حال لازم است پارامترهای \hat{u} و \hat{v} و \hat{w} از معادلات استخراج شوند.

از مساوی قرار دادن رابطه (42) با (43) رابطه زیر حاصل می‌شود:

$$\frac{1}{k} \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{u} + \frac{1}{k_1} V_1 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} = \frac{r}{ni} \frac{A_1}{r^2} \hat{v} + \frac{r}{n} \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{w} + \frac{r}{ni} \frac{V_1}{r} \hat{w} + \frac{r}{ni} V_1 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} \quad (45)$$

با مشتق‌گیری از رابطه (42) نسبت به r و مساوی قرار دادن با رابطه (43)،

رابطه (46) حاصل می‌شود:

$$\frac{1}{k} \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} + \frac{1}{k_1} V_1 \frac{\partial^2 \hat{u}}{\partial r^2} = i \left(-\omega + kU_1 + \frac{nA_1}{r^2} \right) \hat{v} + V_1 \frac{\partial \hat{v}}{\partial r} - \frac{2A_1}{r^2} \hat{w} \quad (46)$$

جواب دستگاه معادلات (45)، (46) و (41) به صورت تحلیلی قابل محاسبه

نمی‌باشد. برای حل این دستگاه از نرم‌افزار میپل¹ استفاده می‌شود. با استفاده

از این نرم افزار \hat{u} و \hat{v} و \hat{w} به دست می‌آیند و در نهایت با استفاده از معادله

(42)، \hat{p} محاسبه می‌شود.

2- نوسانات فشار در گاز درونی

نوسانات فشار در گاز درونی با حل معادلات (19) تا (22) به دست می‌آیند. با

قرار دادن معادله (23) در معادلات (19) تا (22)، معادلات نوسانی برای هوای

درونی به دست می‌آیند.

$$\frac{\partial \hat{v}}{\partial r} + \frac{1}{r} (in) \hat{w} + ik \hat{u} = \quad (47)$$

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_1) \hat{u} + V_1 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} \right] = -\frac{1}{\rho_1} \hat{p}_1 \quad (48)$$

$$i(-\omega + kU_1) \hat{v} + V_1 \frac{\partial \hat{v}}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_1} \frac{\partial \hat{p}_1}{\partial r} \quad (49)$$

$$\frac{r}{in} \left[(-i\omega + ikU_1) \hat{w} + V_1 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} + V_1 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} \right] = -\frac{1}{\rho_1} \hat{p}_1 \quad (50)$$

از مساوی قرار دادن معادله (50) با (48) رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_1) \hat{u} + V_1 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} \right] = \quad (51)$$

$$\frac{r}{in} \left[(-i\omega + ikU_1) \hat{w} + V_1 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} \right] = -\frac{1}{\rho_1} \hat{p}_1 \quad (51)$$

با مشتق‌گیری از رابطه (48) و مساوی قرار دادن با رابطه (49) رابطه زیر

به دست می‌آید:

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_1) \hat{u} + V_1 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} \right] = \quad (52)$$

از حل دستگاه معادلات (47) و (51) و (52)، \hat{u} و \hat{v} و \hat{w} به دست می‌آیند.

سپس با استفاده از این سه پارامتر و معادله (48)، \hat{p} محاسبه می‌شود.

2- نوسانات فشار در گاز بیرونی

نوسانات فشار در هوای بیرونی با حل معادلات (15) تا (18) به دست می‌آیند.

با قرار دادن معادله (23) در معادلات (15) تا (18)، معادلات نوسانی خطی

برای هوای بیرونی به دست می‌آیند. به دلیل نداشتن چرخش هوا، معادلات

هوای درونی و بیرونی به هم شبیه است و بنابراین مثل حالت هوای درونی به

صورت زیر خواهد شد.

$$\frac{\partial \hat{v}}{\partial r} + \frac{1}{r} (in) \hat{w} + ik \hat{u} = \quad (53)$$

$$\frac{1}{ik} \left[(-\omega i + ikU_1) \hat{u} + V_0 \frac{\partial \hat{u}}{\partial r} \right] = -\frac{1}{\rho_0} \hat{p}_0 \quad (54)$$

$$i(-\omega + kU_0) \hat{v} + V_0 \frac{\partial \hat{v}}{\partial r} = -\frac{1}{\rho_0} \frac{\partial \hat{p}_0}{\partial r} \quad (55)$$

$$\frac{r}{in} \left[(-i\omega + ikU_1) \hat{w} + V_0 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} + V_0 \frac{\partial \hat{w}}{\partial r} \right] = -\frac{1}{\rho_0} \hat{p}_0 \quad (56)$$

¹ Maple

حالات مختلف، از زاویه پاشش ۰ تا ۱۸۰ درجه، مدل سازی کرد. به منظور اعتبارسنجی با رسم شکل هایی در این بخش، نتایج روش خطی بهبود یافته با نتایج تجربی و تحلیلی موجود، مقایسه شده است. تلاش شده است تا شرایط حاکم بر نتایج تجربی و تحلیلی استفاده شده تا حد امکان منطبق بر شرایط خطی مقاله باشد.

"شکل 4" مقایسه نتایج تحلیل خطی ابراهیم [7] و روش خطی مقاله را نشان می دهد. این شکل نشان دهنده این موضوع است که روش به کار گرفته شده امکان استخراج نتایج را در حالت استوانه ای (یعنی جت با زاویه پاشش صفر درجه) دارا می باشد و نمودار حاصل همخوانی مناسبی را نشان می دهد.

در "شکل 5" تغییرات طول شکست بی بعد بر حسب عدد ویر محوری سیال برای سه حالت تجربی، تحلیل خطی قبلی و روش خطی بهبود یافته ترسیم شده است. نکته مهم این است که کار تجربی با در نظر گرفتن اثرات ویسکوزیته از جمله انجام شده است در حالی که در مقاله حاضر از اثرات ویسکوزیته صرف نظر شده است.

همان طور که در "شکل 5" مشاهده می شود نتایج روش خطی مورد استفاده در مقاله به نتایج تجربی نزدیکتر است. این امر نشان دهنده این است که روش خطی مورد استفاده در مقاله در تعیین طول شکست جت نسبت به روش خطی که تا به حال مورد استفاده قرار گرفته است، دقت بالاتری دارد. "شکل 6" مقایسه سه روش خطی بهبود یافته، خطی قبلی و نتایج تجربی را در پیش بینی تغییرات نرخ رشد موج بی بعد بر حسب عدد ویر محوری بی دهد. همان طور که مشاهده می شود روش خطی بهبود یافته تطابق بیشتری با نتایج تجربی دارد.

3-1- تأثیر زاویه پاشش

زاویه پاشش از عوامل بسیار مهمی در طراحی محفظه های احتراق است. این موضوع به خصوص در مواقعی که فضا یا وزن محفظه احتراق دارای محدودیت بوده و یا کیفیت خاصی از لحاظ طول شکست و توزیع قطرات مدد نظر باشد، از اهمیت بسیاری برخوردار است. تعیین زاویه صحیح پاشش

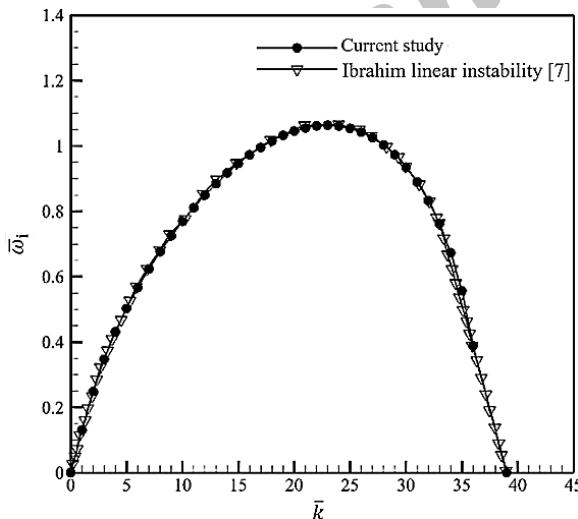


Fig. 4 Comparison of predicted growth rate versus wave number of liquid jet with Ibrahim linear instability [7] for a cylindrical liquid jet. $We_{lx}=1000$, $We_{ix}=0$, $We_{ox}=70$, $We_{ls}=500$, $We_{os}=0$, $g_i=g_o=0.00123$, $h=0.677$, $n=0$

شکل 4 مقایسه منحنی نرخ رشد موج - عدد موج با روش خطی ابراهیم [7] در شرایط $We_{lx}=1000$, $We_{ix}=0$, $We_{ox}=70$, $We_{ls}=500$, $We_{os}=0$, $g_i=g_o=0.00123$, $h=0.677$, $n=0$

در رابطه (64)، R_b شعاع خارجی متوسط لایه مخروطی مایع و \bar{h} نرخ رشد موج بدون بعد می باشد.

همچنین قطر لیگامنت هایی که در اثر شکسته شدن جت یا لایه در نقطه شکست تشکیل می شوند از رابطه (65) به دست می آید. این رابطه با فرض برقرار است که عدد ویر در گاز از 27/16 بزرگ تر باشد [13].

$$d_l = \sqrt{\frac{16h_s}{k_s}} \quad (65)$$

در رابطه (65)، d_l قطر لیگامنت و k_s عدد موج معادل ماکریم نرخ رشد موج و h_s نصف ضخامت لایه است که می بایست از روابط زیر به دست آید:

$$\bar{k} = k_s R_b \rightarrow k_s = \frac{\bar{k}}{R_b}; h_s = (R_b - R_a)/2 \quad (66)$$

در نتیجه قطر لیگامنت بصورت زیر نوشته می شود:

$$d_l = \sqrt{\frac{16h_s R_b}{\bar{k}}} \quad (67)$$

برای امواج کوتاه فرض بر این است که لیگامنت ها در اثر جدا شدن مایع از لایه در هر طول موج به دست می آیند. همچنین مطابق فرض دامبروسکی [14] در زمان شکست، هنگامی که دامنه امواج ناپایدار معادل شعاع یک لیگامنت است، یک قطره در هر طول موج شکل خواهد گرفت.

سپس از بالانس جرمی نتیجه می شود [13]:

$$d_D^3 = \frac{3\pi d_l^2}{k_l} \quad (68)$$

در رابطه (68)، d_D قطر قطره و k_l از رابطه زیر به دست می آید:

$$k_l d_l = \left[\frac{1}{2} + \frac{3\mu_1}{2(\rho_1 \sigma d_l)^{1/2}} \right]^{-1/2} \quad (69)$$

با قرار دادن رابطه (68) در معادله (67) رابطه زیر برای قطر قطره در اثر شکستن لیگامنت مایع لرج به دست می آید:

$$d_D = 1.88 d_l (1 + Oh)^{1/6} \quad (70)$$

در رابطه (70)، Oh عدد آنسرگ است که نسبت ویسکوزیته به تنش سطحی مایع را نشان داده و از رابطه زیر به دست می آید:

$$Oh = \frac{\mu_1}{(\rho_1 \sigma d_l)^{1/2}} \quad (71)$$

در صورت صرف نظر از اثرات ویسکوزیته معادله (70) به معادله زیر تبدیل می شود:

$$d_D = 1.88 d_l \quad (72)$$

حل معادله (61) مقدمه ای برای رسیدن به رابطه طول شکست اولیه یعنی معادله (64) می باشد. برای رسیدن به قطر لیگامنت و قطره می بایست از عدد موج معادل ماکریم نرخ رشد موج استفاده کرد. از رابطه (64) این نتیجه حاصل می شود که با افزایش ماکریم نرخ رشد موج طول شکست اولیه کاهش می یابد. افزایش عدد موج معادل نرخ رشد موج نیز به معنی کاهش طول موج است. بدین ترتیب که قطر لیگامنت را مطابق رابطه (67) و قطر قطره را مطابق رابطه (72) کاهش می دهد.

3- نتایج

همان طور که گفته شد، الگوریتمی که در این مقاله برای استخراج و حل عددی معادلات به کار گرفته شده است با روش هایی که تا به حال برای بررسی شکست اولیه جت سیال استفاده شده است متفاوت است. وجه تمایز این روش در این است که معادلات با در نظر گرفتن این نکته که جت به شکل مخروطی از اتمایزر خارج می شود استخراج شده است. روش حل عددی نیز به گونه ایست که این امکان را فراهم می سازد شکست اولیه جت را در

بر حسب عدد موج بی بعد نشان می دهد. مطابق این نمودار با افزایش زاویه پاشش، ماکریم نرخ رشد موج افزایش و عدد موج معادلش کاهش می یابد. "شکل 8" تأثیر افزایش زاویه پاشش را روی طول شکست نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود با افزایش زاویه پاشش، طول شکست کاهش می یابد.

2-3- تأثیر سرعت چرخشی جت مایع

"شکل 9"، تأثیر سرعت چرخشی جت مایع را روی قطر قطرات تشکیل شده نشان می دهد. مطابق شکل با افزایش عدد و بر چرخشی جت مایع، قطر قطرات تشکیل شده کاهش می یابد. در حقیقت با افزایش سرعت چرخشی جت، ماکریم نرخ رشد موج و عدد موج معادلش افزایش می یابد. روند افزایش ماکریم نرخ رشد موج، سبب کاهش طول شکست و روند افزایش

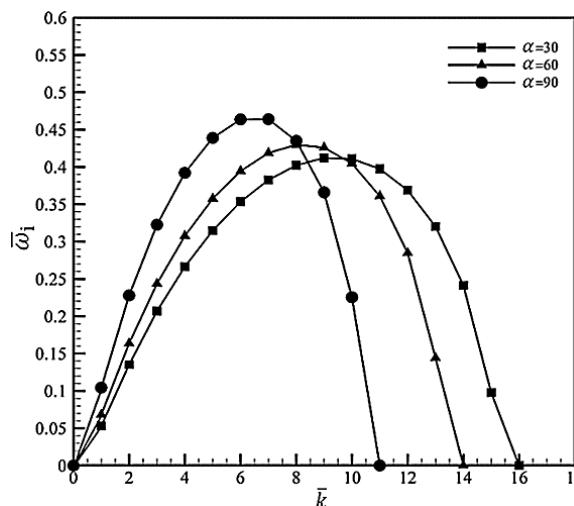


Fig. 7 تأثیر زاویه پاشش روی نمودار توزیع نرخ رشد موج بی بعد در سه زاویه پاشش مختلف در شرایط $We_{lx}=4478.95$, $We_{ls}=169.53$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $h=0.8$, $n=0$, $g=g_o=0.00122$

شکل 7 تأثیر زاویه پاشش روی نمودار توزیع نرخ رشد موج بی بعد در سه زاویه پاشش مختلف در شرایط $We_{lx}=169.53$, $We_{ls}=212.66$, $We_{ir}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{or}=0$, $h=0.8$, $n=0$, $g=g_o=0.00122$

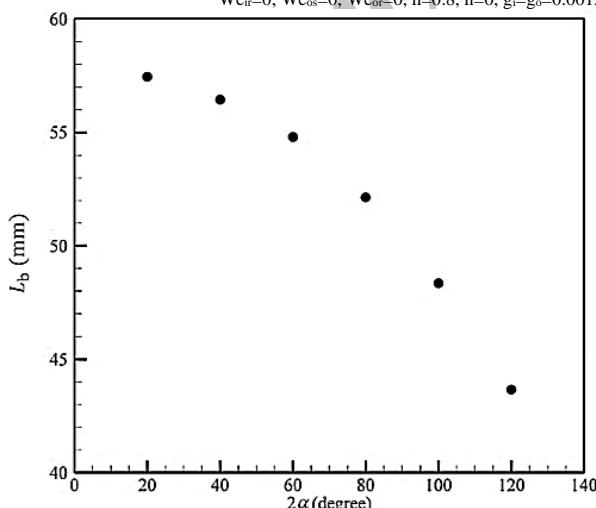
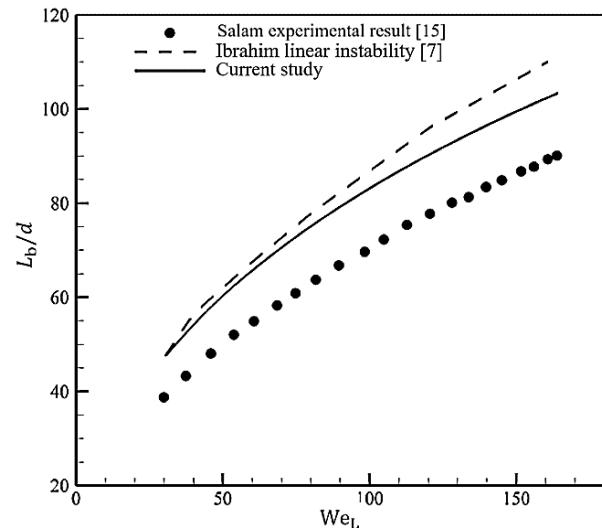
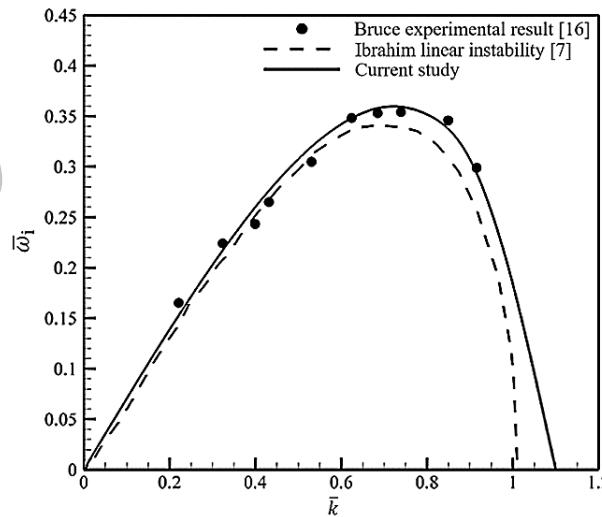


Fig. 8 Predicted breakup length versus spray angle of liquid jet. $We_{lx}=4478.95$, $We_{ls}=169.53$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $h=0.8$, $n=0$, $g=g_o=0.00122$

شکل 8 تغییرات طول شکست براساس زاویه پاشش در شرایط $We_{lx}=4478.95$, $We_{ls}=169.53$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $h=0.8$, $n=0$, $g=g_o=0.00122$



شکل 5 مقایسه منحنی طول شکست بی بعد بر حسب عدد و بر محوری مایع حاصل از روش خطی مقاله با نتایج تجربی سلام [15] و روش خطی ابراهیم [7] در شرایط $n=0$, $We_{lx}=30$, $We_{ls}=We_{ix}=We_{ox}=0$, $R_o=1.9$ micron, $\sigma=0.072$ kg s^{-2} , $\rho_l=997$ kg m^{-3}



شکل 6 مقایسه منحنی نرخ رشد بی بعد بر حسب عدد موج بی بعد حاصل از روش خطی مقاله با نتایج تجربی بروس [16] و روش خطی ابراهیم [7] در شرایط $Re=169$, $d_n=0.02$ mm, $\rho_l=1022$ g l^{-1} , $\mu_l=0.00262$ pa, $\sigma=0.05$ kg s^{-2}

سوخت در کاربردهای مختلف، یکی از راه کارهای مؤثر برای کاهش مصرف سوخت و گازهای آلاینده خروجی از محفظه است. یک زاویه پاشش مناسب، سبب اختلاط، تبخیر و احتراق بهتر خواهد شد.

همان طور که گفته شد الگوریتم به کار گرفته شده به گونه ای است که امکان بررسی شکست اولیه لایه سیال را در زاویه های پاشش مختلف فراهم می سازد. در حقیقت در بسیاری از انژکتورهای کاربردی، مایع به شکل یک اسپری مخروط توالی با زاویه ای بین 30 تا 180 درجه از نازل تخلیه می شود. "شکل 7" تأثیر زاویه پاشش را روی نمودار توزیع نرخ رشد موج بی بعد

معنا است که افزایش نسبت چگالی گاز به مایع اثر افزاینده‌ای روی نیروی آبرو دینامیکی دارد و در نتیجه باعث افزایش نرخ رشد ماکریم و کاهش طول شکست اولیه می‌شود.

4- نتیجه گیری

در این مقاله تلاش شده است تا روش بهبود یافته‌ای از آنالیز ناپایداری خطی برای مدل سازی شکست اولیه جت سیال خروجی از اتمایزر ارائه شود. معادلات به گونه‌ای استخراج و حل شده‌اند که لایه سیال خروجی به صورت مخروطی مدل شود. از جمله پارامترهایی که در مدل سازی به این نحو وارد معادلات می‌شوند می‌توان به زاویه پاشش، سرعت‌های ساعی جت مایع، گاز داخلی و خارجی اشاره کرد. الگوریتم به کار گرفته شده به صورتی است که امکان بررسی شکست اولیه لایه سیال را در زاویه‌های پاشش مختلف فراهم می‌سازد. مقایسه با نتایج تجربی نشان می‌دهد روش خطی بهبود یافته نسبت به روش‌های قبلی تطبیق بیشتری با واقعیت دارد. آنچه که از بررسی نتایج حاصل می‌شود عبارتند از:

افزایش نسبت چگالی گاز به مایع موجب افزایش ماکریم نرخ رشد موج و عدد موج معادلش می‌شود که این خود کاهش طول شکست و کاهش قطرات را در بردارد.

افزایش سرعت چرخشی جت مایع تاثیر مثبتی در افزایش نرخ رشد موج و عدد موج معادلش دارد که در نتیجه موجب کاهش طول شکست اولیه و قطر لیگامنت و قطره می‌شود.

افزایش زاویه پاشش، ماکریم نرخ رشد موج را افزایش و عدد موج معادلش را کاهش می‌دهد. در نتیجه با افزایش زاویه پاشش، طول شکست کاهش و قطر لیگامنت و قطره افزایش می‌یابد.

5- فهرست عالیم

A	قدرت گردابه ($m^2 s^{-1}$)
d	قطر (m)
g	نسبت چگالی گاز به مایع
h	نسبت شعاع داخلی به خارجی
k	عدد موج معوری (m^{-1})
n	عدد موج پیچشی
P	فشار متوسط ($N m^{-2}$)
p	نوسان فشار ($N m^{-2}$)
R	شعاع (m)
r	مختصات ساعی (m)
t	زمان (s)
U	سرعت متوسط محوری (ms^{-1})
u	نوسان سرعت محوری (ms^{-1})
V	سرعت متوسط ساعی (ms^{-1})
v	نوسان سرعت ساعی (ms^{-1})
W	سرعت متوسط مماسی (ms^{-1})
w	نوسان سرعت مماسی (ms^{-1})
We	عدد بیر
x	مختصات محوری (m)
σ	عنایم یونانی
σ	تنش سطحی (kgs^{-2})

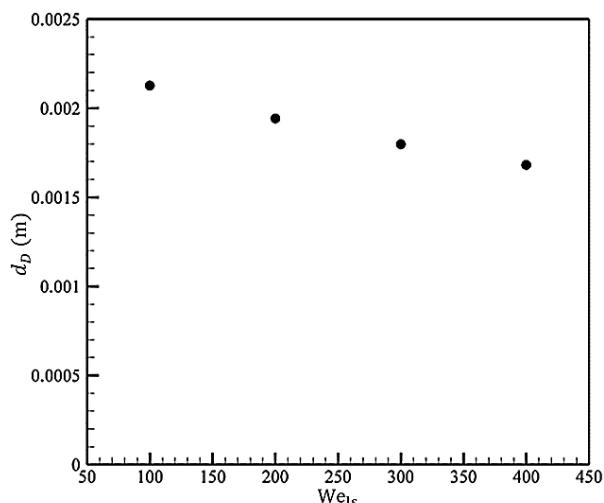


Fig. 9 Predicted droplet diameter versus swirl Weber number of liquid jet. $We_{ls}=4478.95$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $We_{or}=0$, $\alpha=50$, $h=0.8$, $n=0$, $g_i=g_o=0.00122$

شکل 9 تغییرات قطر قطره براساس عدد ویر چرخشی جت مایع در شرایط $We_{ls}=4478.95$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $We_{or}=0$, $\alpha=50$, $h=0.8$, $n=0$, $g_i=g_o=0.00122$

عدد موج معادل ماکریم نرخ رشد موج، سبب کاهش قطر لیگامنت و قطره می‌شود. بنابراین در کاربردهایی که هدف تشکیل قطرات با قطر کمتر و شکست جت در فاصله کوتاهی از اتمایزر است می‌باشد حتی امکان سرعت چرخشی جت مایع را افزایش داد.

3- تأثیر نسبت چگالی گاز به مایع

"شکل 10"، تأثیر نسبت چگالی گاز به مایع را روی قطر قطرات تشکیل شده نشان می‌دهد. نمودار نشانگر این است که افزایش نسبت چگالی گاز به مایع، سبب کاهش قطر قطرات تشکیل شده می‌شود. در حقیقت افزایش نسبت چگالی گاز به مایع، موجب افزایش ماکریم نرخ رشد موج و عدد موج معادل نقطه شکست شده است. بنابراین اسپری با طول شکست و قطر قطرات کمتر زمانی حاصل می‌شود که نسبت چگالی بیشتری وجود داشته باشد. این بدان

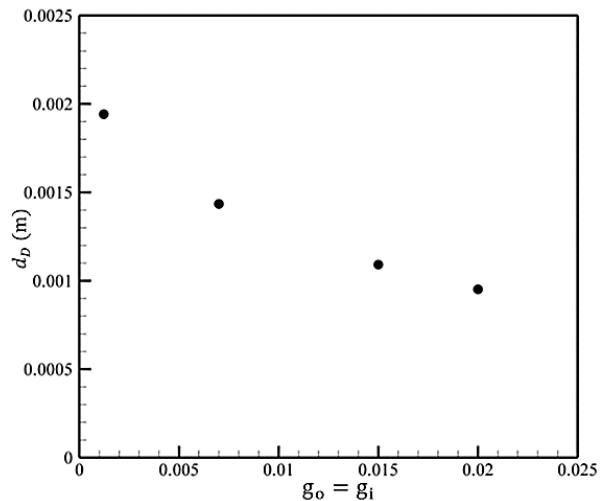


Fig. 10 Predicted droplet diameter versus density ratio. $We_{ls}=4478.95$, $We_{ls}=169.53$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $We_{or}=0$, $\alpha=50$, $h=0.8$, $n=0$

شکل 10 نمودار توزیع نرخ رشد موج بی بعد بر حسب نسبت چگالی در شرایط $We_{ls}=4478.95$, $We_{ls}=169.53$, $We_{lr}=212.66$, $We_{ix}=0.83$, $We_{ox}=0$, $We_{is}=0$, $We_{ir}=0$, $We_{os}=0$, $We_{or}=0$, $\alpha=50$, $h=0.8$, $n=0$

- [6] C. Mehring, W. Sirignano, Nonlinear capillary waves on swirling, axisymmetric free liquid films, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 27, No. 10, pp. 1707-1734, 2001.
- [7] A. Ibrahim, *Comprehensive Study of Internal Flow Field and Linear and Nonlinear Instability of an Annular Liquid Sheet Emanating from an Atomizer*, Cincinnati, Ohio: Ph.D Dissertation, University of Cincinnati, 2006.
- [8] S. A. Mahdavi, F. Ommi, The effect of rotation of air flow on spray atomization with hollow cone, *8th International Aerospace Conference*, Malek-Ashtar University of Technology, january 2007. (in Persian)
- [9] E. Ibrahim, T. McKinney, Injection characteristics of non-swirling and swirling annular liquid sheets, *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science*, Vol. 220, No. 2, pp. 203-214, 2006.
- [10] K. Yan, M. A. Jog, Z. Ning, Nonlinear spatial instability of an annular swirling viscous liquid sheet, *Acta Mechanica*, Vol. 224, No. 12, pp. 3071-3090, 2013.
- [11] S. A. Mahdavi, F. Ommi, E. Movahednejad, S. M. Hosseinalipour, Estimation of the breakup length for the annular and the round liquid jet using linear instability analysis, *ASME Fluids Engineering Summer Meeting*, Colorado, 2013.
- [12] N. Dombrowski, P. Hooper, The effect of ambient density on drop formation in sprays, *Chemical Engineering Science*, Vol. 17, No. 4, pp. 291-305, 1962.
- [13] P. Senecal, D. Schmidt, I. Nouar, C. Rutland, R. Reitz, M. Corradini, Modeling high-speed viscous liquid sheet atomization, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 25, No. 6-7, pp. 1073-1097, 1999.
- [14] N. Dombrowski, W. Johns, The aerodynamic instability and disintegration of viscous liquid sheets, *Chemical Engineering Science*, Vol. 18, No. 7, p. 470, 1963.
- [15] K. Sallam, Z. Dai, G. Faeth, Liquid breakup at the surface of turbulent round liquid jets in still gases, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 28, No. 3, pp. 427-449, 2002.
- [16] C. Bruce, Dependence of ink jet dynamics on fluid characteristics, *IBM Journal of Research and Development*, Vol. 20, No. 3, pp. 258-270, 1976.

ρ	چگالی (kgm^{-3})
η	تغییر مکان نوسانات (m)
ω	فرکانس زمانی (s^{-1})
θ	زاویه سمتی (rad)
	زیرنویس‌ها
a	شعاع داخلی
b	شعاع خارجی
i	هوای داخل
l	مایع
o	هوای خارج
s	چرخشی

6- مراجع

- [1] A. Lefebvre, V. McDonell, *Atomization and Sprays*, Second Edition. Boca Raton: CRC Press LLC, pp. 1-9, 2017.
- [2] S. Lin, *Breakup of Liquid Sheets and Jets*, Cambridge [u.a.]: Cambridge University Press, pp 1-5, 2003.
- [3] W. Sirignano, C. Mehring, Review of theory of distortion and disintegration of liquid streams, *Progress in Energy and Combustion Science*, Vol. 26, No. 4-6, pp. 609-655, 2000.
- [4] Y. Liao, S. Jeng, M. Jog, M. Benjamin, Advanced Sub-model for airblast atomizers, *Journal of Propulsion and Power*, Vol. 17, No. 2, pp. 411-417, 2001.
- [5] A. Ibrahim, M. Jog, Nonlinear instability of an annular liquid sheet exposed to gas flow, *International Journal of Multiphase Flow*, Vol. 34, No. 7, pp. 647-664, 2008.