



بررسی اثر انتقال حرارت تشعشعی بر ساختار شعله SM1 با روش فلیملت پایا

فرهاد فصیحی^۱, سحر نوری^{۲*}, مسعود عیدی عطارزاده^۳

- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران

- استادیار، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران

- دانشجوی دکتری، مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران

* تهران، صندوق پستی ۴۴۱۳-۱۵۸۷۵

s_noori@aut.ac.ir

www.SID.ir

کلید واژگان:

تشعشع شعله

شار حرارتی تشعشعی

شدت تشعشع دیواره

SM1

مدل تشعشعی DO

کلید واژگان:

تشعشع شعله

شار حرارتی تشعشعی

شدت تشعشع دیواره

SM1

مدل تشعشعی DO

تشعشع حرارتی نقش کلیدی در انتقال حرارت بین شعله و محیط اطراف آن دارد. بنابراین ارائه روش قابل اعتماد برای اندازه‌گیری تشعشع شعله در مطالعه احتراق امری ضروریست. این در حالیست که اندازه‌گیری شار تابشی از شعله در محفظه به دلیل تأثیر دیواره‌ها چالش برانگیز است. تشعشع ساطع شده توسط دیواره‌ها و بازتابش تشعشع شعله از دیواره‌ها باعث مداخله در اندازه‌گیری تشعشع شعله می‌شود. دیواره‌هایی با دمای بالا یا بازتابش بالا، می‌توانند باعث افزایش خطا در اندازه‌گیری تشعشع شعله شود. در این مقاله، پارامترهای مختلف مؤثر در شدت تشعشع شعله مورد بررسی قرار گرفته است. این بررسی‌ها برآسان شدت تشعشع دیواره و شار حرارتی تشعشعی دیواره انجام شده است. برای محاسبه تشعشع شعله یک روش نظری ارائه شده است که برای تأیید درستی آن، با نتایج شبیه‌سازی عددی مقایسه شده است. در این شبیه‌سازی مشغل دانشگاه سیدنی مورد بررسی قرار گرفته و از مدل احتراقی فلیملت پایا و مدل توربولانسی $k-\epsilon$ اصلاح شده، بهره برده شده است. به دلیل پایین بودن ضخامت اپتیکی مدل موردن مطالعه، در شبیه‌سازی عددی از مدل تشعشعی DO استفاده شده است. نتایج شبیه‌سازی عددی با نتایج تئوری مطابقت خوبی داشت و تخمین تشعشع شعله از دقت قابل قبولی برخوردار بود. نتایج نشان داد اختلاف تشعشع شعله از تشعشع دیواره هنگامی بیشتر از 25% می‌شود که مقدار ضربی تشعشع دیواره از 0.8 کوچکتر و یا دمای دیواره از 330K بیشتر شود.

Investigation of radiative heat transfer effect on the SM1 flame structure with steady flamelet method

Farhad Fasihi, Sahar Noori*, Masoud Eidi Attar Zadeh

Department of Aerospace Engineering, Amirkabir University of Technology, Tehran, Iran

* P.O.B. 4413-15875 Tehran, Iran, s_noori@aut.ac.ir

ARTICLE INFORMATION

Original Research Paper

Received 02 December 2017

Accepted 19 March 2018

Available Online 27 April 2018

Keywords:

Flame radiation

Radiative heat flux

Wall incident radiation

SM1 Burner

DO radiation model

ABSTRACT

Thermal radiation plays a key role in the heat transfer between the flame and its surroundings. It is essential to provide a reliable method for measurement of flame radiation in the combustion study. Also, it is challenging to measure the radiation flux from the flame in the chamber due to the effect of the walls. The radiation emitted from the walls and the reflection of the flame radiation from the walls interferes with the measurement of the flame radiation. High temperature or high reflection walls can increase the error in the measurement of flame radiation. In this paper, various parameters affecting the flame radiation have been investigated. These studies are based on the wall incident radiation and the wall radiation heat flux. To calculate the flame radiation, a theoretical method is presented which is compared with the CFD simulation results to confirm its correctness. To simulate the flame SM1 of the University of Sydney, a steady flamelet combustion model has been used with the $k-\epsilon$ modified turbulence model. Due to the low optical thickness of the model, the DO radiation model is used to simulate CFD. The CFD results are in good agreement with theoretical results, and the estimation of flame emission are accurately acceptable. The results show that the flame radiation differs from the wall radiation by more than 25%, when the wall radiation coefficient will be smaller than 0.8 or the wall temperature will be more than 330K.

در یک محفظه بسته به دلیل تأثیر دیواره بر تشعشع شعله، تعیین مقدار آن را پیچیده می‌کند. تشعشع ساطع شده از دیواره‌ها و تشعشع بازتابش از شعله از دیوارها باعث ایجاد تداخل در اندازه‌گیری تشعشع شعله می‌شود [3]. یکی از دلایل مهم در پیچیدگی محاسبات کامپیوترازی تشعشع شعله، وجود مشخصات کلیدی تشعشع مانند ضرایب جذب^۱ و پراکندگی^۲ اجزای گازی و

۱- مقدمه^۴ تشعشع حرارتی نقش مهمی در انتقال حرارت بین شعله و محیط اطرافش دارد. در واقع، انتقال حرارت غالب در کاربردهای حرارتی مانند توربین‌های گازی، کوره‌های صنعتی و موتورهای احتراق داخلی، تشعشع حرارتی می‌باشد که به دلیل وجود گاز و ذرات موجود در محفظه به وجود می‌آید [1]. اگرچه اندازه‌گیری تشعشع شعله در یک محیط باز، نسبتاً ساده است ولی

¹Absorption Coefficient

²Scattering Coefficient

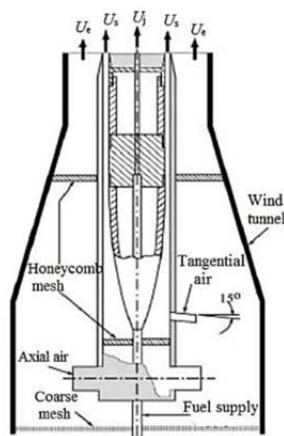


Fig. 1 Burner schematic inside the wind tunnel (cross section)[12]

[شکل 1 نمای کلی مشعل در داخل تونل باد (از روپرتو) [12]]

مورد نیاز جهت ایجاد چرخش از 3 ورودی به قطر داخلی 5 میلی‌متر، که با زاویه‌ی 120 درجه‌ای نسبت به یکدیگر واقع شده‌اند و با افق زاویه 15 درجه می‌سازند، تامین می‌شود. هوای محوری از 2 ورودی به قطر داخلی 25 میلی‌متر که در فاصله 447 میلی‌متری از سطح خروجی مشعل واقع شده‌اند، تامین می‌گردد. این مشعل داخل تونل بادی با سرعت محوری 20 متر بر ثانیه، با سطح مقطع مربعی به ابعاد 130x130 میلی‌متر قرار گرفته است [12]. این نوع شعله توسعه ناحیه بازگردش به خوبی توسعه می‌یابد و ناحیه گلوگاهی بازی را در فاصله‌ای به اندازه قطر جداکننده، ایجاد می‌کند و فرمی مانند ساعت شنی را به شعله می‌دهد.

جدول 1 مشخصات فیزیکی شعله SM1 را نمایش می‌دهد، که در آن U_s و W_s به ترتیب سرعت خطی و سرعت چرخشی هوای ورودی اصلی به محافظه احتراق، U_j سرعت جت سوخت ورودی به محافظه است. S_g نشان‌دهنده عدد چرخش می‌باشد و مقدار آن از متوسط (W_s/U_s) به دست می‌آید. Re_s عدد رینولدز هوای ورودی و Re_j عدد رینولدز جت سوخت ورودی می‌باشد. U_0 نیز به عنوان سرعت خطی هوای ثانویه در نظر گرفته می‌شود که مقدار آن برابر 20 m/s است.

3- روش عددی و معادلات حاکم

در مقاله حاضر، ویژگی‌های احتراق شعله‌های چرخشی پایدار توسط جسم جداکننده، با روش فلیمیلت پایا با مدل¹ RANS مورد بررسی قرار گرفته است. معادلات RANS، معادلات متوسط زمانی برای حرکت جریان سیال هستند. ایده تشکیل‌دهنده این معادلات، تجزیه رینولدز است که به وسیله آن یک مقدار لحظه‌ای، به مقادیر متوسط زمانی و نوسانی خود تجزیه شده است. به‌منظور بسته شدن ترمینهای اضافی تولید شده در اثر میانگین‌گیری، نیاز به مدل‌سازی اضافی برای حل شدن دارد و مدل‌های آشفتگی مختلفی را ایجاد می‌کنند که در این مقاله از مدل آشفتگی $k-e$ استاندارد استفاده شده است.

جدول 1 مشخصات شعله مورد بررسی

Table 1 The flame properties

		U_s (m/s)	W_s (m/s)	U_j (m/s)	S_g	Re_s	Re_j
SM1	CH4	38.2	1.19	7.32	5.0	75900	7200

⁴ Reynolds-Averaged Navier-Stokes

ذرات مختلف موجود در احتراق می‌باشد [8-4].

شدت تشعشع اندازه‌گیری شده دیواره توسط رادیومتر² که سطح داخلی محافظه احتراق را اندازه می‌گیرد، دارای سه بخش است:

- 1- تشعشع ورودی از شعله و محصولات احتراق (ذرات موجود و گازهای فعال)،
- 2- تشعشع ساطع شده از دیواره‌ها،
- 3- تشعشع بازتاب شده از دیواره‌ها.

علاوه بر سه مورد ذکر شده، بخشی از تشعشع دریافتی، توسط گازها و ذرات محیط در مسیر دیواره جذب و پراکنده می‌شوند.

شدت تشعشع اندازه‌گیری شده دیواره توسط رادیومتر، G_{total} ، به صورت زیر بیان می‌شود:

$$G_{total} = E_{flame} + G_{wall} \quad (1)$$

که در آن E_{flame} تشعشع شعله (تشعشع مستقیم ورودی از دمای بالای محصولات احتراق که بخشی از آن توسط محافظه جذب یا پراکنده می‌شود)،

G_{wall} تکیی از تشعشع دیواره³ و بازتاب⁴ آن می‌باشد. به‌منظور اندازه‌گیری تشعشع شعله از شدت تشعشع کلی، برخی از محققین با اندازه‌گیری اختلاف شدت تشعشع در هنگامی که شعله روش است و در هنگامی که شعله خاموش است (بلافاصله بعد از خاموشی شعله)، مقدار تشعشع شعله را تخمین می‌زنند [9]. اگرچه از این طریق تأثیر انتشار تشعشع دیواره در نظر گرفته می‌شود، اما تأثیر بازتابش از دیواره دیده نمی‌شود، که در بعضی شرایط می‌تواند مقدار تشعشع شعله را تحت تأثیر زیادی قرار دهد.

در سال 2015 کشیر و همکارانش [10]، شعله چرخشی SM1 را برای دو مدل توربولانسی k-w-SST و k-e اصلاح شده در عدد چرخش‌های متفاوت مدل‌سازی کردند. بعد از مقایسه این دو مدل با نتایج تجربی روی تعییرات دما، مشخصه جریان و کسر جرمی اجزای سوخت مثل متان و مونوکسید کربن، به این نتیجه رسیدند که مدل k-e اصلاح شده نتایج نزدیکتری نسبت به نتایج تجربی داشت.

در مقاله حاضر، ویژگی‌های احتراق شعله چرخشی پایدار شده توسط جسم جداکننده، با روش فلیمیلت پایا مورد بررسی قرار گرفته است، و صحت مدل مورد استفاده به وسیله شبیه‌سازی شعله SM1 بررسی شده است. در ابتدا از مدل احتراقی فلیمیلت پایا با استفاده از مدل توربولانسی k-e اصلاح شده، به شبیه‌سازی شعله SM1 دانشگاه سیدنی پرداخته شده است [11]. در ادامه این مقاله به بررسی مشخصات کلیدی تشعشع و تأثیر آن‌ها بر تشعشع شعله و دیواره پرداخته شده، و سپس با ارائه یک مدل تئوری، مقدار تشعشع شعله را محاسبه کرده و صحت و دقیقت اندازه‌گیری با شبیه‌سازی عددی مقایسه شده است.

2- هندسه مورد بررسی

مشعل طراحی شده در دانشگاه سیدنی، مشعلی چرخشی با فناوری جت مماسی که دارای جسم مسدود کننده‌ای از جنس سرامیک به قطر 50 میلی‌متر بوده و جت سوختی به قطر 3.6 میلی‌متر در مرکز آن واقع شده است. با توجه به "شکل 1" به منظور تأمین هوای موردنیاز جهت احتراق، پیرامون جسم مسدود کننده، لوله‌ای حلقوی به قطر 60 میلی‌متر که دارای ضخامت 2.0 میلی‌متری در خروجی مشعل است، قرار داده شده است. هوای

¹ Radiometer² Wall emission³ Wall reflection

این کمیت است، در محدوده محفظه احتراق به کمک روش‌های دینامیک سیالات محاسباتی حل می‌شود. محاسبات آشتفتگی نیز به همراه این معادلات با مدل اغتشاشی $k-\epsilon$ - استاندارد در نرمافزار فلوبنت انجام می‌شود. سپس، با مقادیر بدست آمده برای کسر مخلوط متوسط، واریانس این کمیت و نرخ استهلاک اسکالر محاسبه شده در هر سلول، توزیع گونه‌ها و دما از بانک اطلاعاتی خوانده می‌شود. در آخر مقادیر متوسط کسر جرمی گونه‌های شیمیایی و دما محاسبه می‌شود [14]. سوخت مورد استفاده در این مطالعه، متان بوده است. بنابراین در شبیه‌سازی‌های صورت گرفته از مکانیزم شیمیایی GRI 2.11 GRI 2.11 که شامل 49 گونه و 277 واکنش می‌باشد، استفاده شده است.

5- شرایط مرزی

در تعیین شرایط مرزی سوخت ورودی، کسر جرمی سوخت در تمام شرایط برای یک در نظر گرفته شده است و دمای سوخت ورودی در تمام حالات 300K می‌باشد. گرادیان فشار در ورودی صفر در نظر گرفته شده است. سرعت سوخت ورودی یکسان و برای 32.7 m/s در نظر گرفته می‌شود. برای شرایط مرزی اکسیدکننده ورودی، کسر جرمی هوا به عنوان اکسیدکننده $23\%/\text{جرمی اکسیژن}$ و $77\%/\text{جرمی نیتروژن}$ در نظر گرفته شده است که به دمای ورودی 300K به محيط واکنش تزریق می‌گردد. جسم جداکننده به صورت دیواره تعریف شده و در تمامی جهات، مقادیر سرعت و گرادیان دما و کسر جرمی گونه‌ها صفر منظور گردیده است. در خروجی، فشار برای فشار محيط در نظر گرفته شده است. شرایط مرزی اعمالی به مسأله در جدول 2 ارائه شده است.

6- نتایج

6-1- شبکه محاسباتی^۴

جريان تولید شده در انتهای "شکل 1"، به عنوان ورودی جريان برای "شکل 2" در نظر گرفته شده است.

این شبیه‌سازی برای میدانی به ابعاد $250 \times 65 \text{ میلی متر مربع}$ ، و به صورت تقارن محوری انجام شده است (شکل 2). سوخت از لوله‌ای مرکزی به قطر 3.6 میلی متر و هوای محوری و مماسی از شیاری حلقوی به اندازه 5 میلی متر به میدان وارد می‌شود.

به منظور اطمینان از عدم وابستگی نتایج حل عددی به شبکه محاسباتی^۵، بررسی استقلال از نتایج شبیه‌سازی از شبکه انجام شده است. این بررسی با استفاده از سه شبکه محاسباتی، با تعداد سلول‌های محاسباتی $3,6021$ ، $15,1750$ و $210,000$ صورت گرفته است که نشان‌دهنده استقلال نتایج شبیه‌سازی از شبکه محاسباتی است. توزیع سرعت محوری، دما و کسر جرمی گونه CO₂ برای هر سه شبکه مورد استفاده قرار گرفته است و با نتایج تجربی هریک در "شکل 3" مقایسه شده‌اند. این شکل نشان‌دهنده استقلال نتایج از شبکه محاسباتی برای شبکه محاسباتی دارای $15,1750$ سلول است.

جدول 2 شرایط مرزی مسئله

Table 2 Boundary conditions

دیواره کناری	جسم جداکننده خروجی	ورودی هوا	ورودی سوخت
خروجی فشار دیوار	خروجی فشار	ورودی سرعت	ورودی سرعت

⁴ Grid Resolution

⁵ Grid independency

مدل $k-\epsilon$ - استاندارد، مدلی دو معادله‌ای است. در این مدل لزجت آشفته به صورت معادله (2) بیان می‌شود:

$$\mu_t = \rho C_\mu \frac{k^2}{\varepsilon} \quad (2)$$

C_μ یک ثابت تجربی است. k و ε از معادلات دیفرانسیل انتقال زیر به دست می‌آیند:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho k) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho k u_i) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right) + G_k + G_b - \rho \varepsilon - Y_M \quad (3)$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \varepsilon) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho \varepsilon u_i) = \frac{\partial}{\partial x_i} \left(\left(\mu + \frac{\mu_t}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right) + C_{\varepsilon 1} \frac{\varepsilon}{k} (G_k + C_{\varepsilon 3} G_b) - C_{\varepsilon 2} \rho \frac{\varepsilon^2}{k} \quad (4)$$

$$G_k = -\rho u'_i u'_j \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \quad (5)$$

$C_{\varepsilon 1}$ و $C_{\varepsilon 2}$ ضرایب ثابت مدل، σ_ε و σ_k به ترتیب اعداد پرانتل مغلوش برای ε و G_k ترم تولید انرژی جنبشی اغتشاشات در اثر گرادیان‌های سرعت متوسط، G_b ترم تولید انرژی اغتشاش در اثر بیانسی و Y_M نوسانات انبساطی در توربولانس تراکم‌پذیر به نرخ اتفاق کل است.

ثابت‌ها در این مدل توربولانسی به صورت زیر می‌باشند:

$$C_\mu = 0.09, C_{\varepsilon 1} = 1.6, C_{\varepsilon 2} = 1.92, \sigma_\varepsilon = 1.3, \sigma_k = 1.0$$

برای حل معادلات احتراق از نرمافزار فلوبنت با روش فلیملت پایا استفاده شده است. و به دلیل تراکم‌نایزی بودن جریان، حلگر مورد استفاده از نوع فشارمند^۱ و تفاضل متناهی ضمنی^۲ می‌باشد.

4- مدل احتراقی

در این شبیه‌سازی جهت مدل سازی احتراق از روش فلیملت پایا استفاده شده است. فلیملت به لایه‌های واکنشی- نفوذی^۳ نازک می‌گویند که در جریان غیرواکنشی احاطه شده‌اند. در مدل فلیملت آرام، شعله نفوذی مغلوش به صورت یک مجموعه آماری از فلیملت‌ها در نظر گرفته می‌شود [13]. معادلات فلیملت یک شکل ساده شده از معادلات بقای گونه‌ها و انرژی‌اند. فرضیه اصلی این مدل براساس نازک بودن لایه واکنشی است. در این مدل از اثرات چند بعدی مانند مشتقات اسکالاری‌های واکنشی در جهت مماسی شعله در مقایسه با جهت عمودی صرف نظر می‌شود. برای بررسی بیشتر در روابط عددی فلیملت به مرجع [14] مراجعه شود.

به منظور پیاده‌سازی مفهوم فلیملت پایا برای مدل سازی یک شعله آشفته، ابتدا یک کتابخانه فلیملت (شامل توزیع دما و کسر جرمی گونه‌ها) ساخته می‌شود. سپس، معادلات فلیملت با استفاده از یک مکانیزم شیمیایی و نرخ استهلاک مشخص انتگرال‌گیری شده و مقادیر کسر جرمی و دما در حالت پایا به صورت تابعی از کسر مخلوط و نرخ استهلاک اسکالار به دست می‌آید.

بعد از به دست آوردن توزیع گونه‌ها و دما، بانک اطلاعاتی به نام کتابخانه فلیملت ساخته می‌شود. ورودی‌های این کتابخانه شامل سه پارامتر کسر مخلوط متوسط، نرخ استهلاک اسکالار و واریانس کسر مخلوط‌اند. معادلات بقا، که شامل معادلات پیوستگی، تکانه، انتقال کسر مخلوط متوسط و واریانس

¹ Pressure Base

² Implicit

³ Reactive-Diffusive Layer

6-2- مدل تشعشعی

در این مقاله از مدل تشعشعی دسته‌بندی گستته¹ (DO) استفاده شده است. مدل تشعشعی دسته‌بندی گستته، یکی از پنج مدل اصلی شبیه‌سازی تشعشع در نرم‌افزار فلوئنت می‌باشد که از معادله (6)، برای محاسبه انتقال حرارت تشعشع استفاده می‌کند.

این مدل در تمامی محدوده ضخامت‌های اپتیکی کاربرد داشته و برخلاف مدل رزلند² و مدل تابش انتقال گستته³ می‌تواند با حلگر برمبنای چگالی⁴ و به صورت پردازش موازی⁵ استفاده شود.

مدل تشعشعی دسته‌بندی گستته، از معادله انتقال تابشی⁶ برای محاسبه شدت تشعشع استفاده می‌کند. این مدل، معادله انتقال تابشی را برای تعداد محدودی از زوایای فضایی حل می‌کند. معادله انتقال تابشی، شدت تشعشع در هر موقعیتی در یک مسیر دارای جذب، گسیل و یا پراکندگی را محاسبه می‌کند. معادله انتقال تابشی برای محیطی با خاصیت جذب، تابش و پراکندگی در موقعیت⁷ و جهت⁸، به صورت رابطه (6) است [15]:

$$\frac{dI(r^{\rightarrow}, s^{\rightarrow})}{ds} + (a + \sigma)I(r^{\rightarrow}, s^{\rightarrow}) = an^2 \frac{\sigma T^4}{\pi} + \frac{\sigma_s}{4\pi} \int_0^{4\pi} I(r^{\rightarrow}, s'^{\rightarrow}) \phi(s^{\rightarrow}, s'^{\rightarrow}) d\omega' \quad (6)$$

در این رابطه، r^{\rightarrow} بردار موقعیت، s^{\rightarrow} بردار جهت، ϕ بردار جهت پراکندگی، a طول مسیر، σ ضریب جذب، n ضریب شکست، σ_s ضریب پراکندگی، ω' زاویه‌ی فضایی و ϕ ، عملکرد فاز⁹ می‌باشد. عملکرد فاز، توزیع زاویه‌ای شدت تشعشع پراکنده شده به وسیله‌ی ذرات در طول موج مشخص شده می‌باشد. در واقع عملکرد فاز، شدت تشعشع پراکنده شده در یک جهت، نسبت به کل شدت تشعشع پراکنده شده در تمامی جهات می‌باشد.

6-3- مقایسه مدل‌های تشعشعی P1 و DO

هر دو مدل برای بررسی در محافظه احتراق مناسب می‌باشند و در هر دوی آن‌ها اثرات پراکندگی گاز در نظر گرفته می‌شود. با این تفاوت که مدل P1 برای ضخامت‌های اپتیکی بالاتر از 1 مناسب می‌باشد و سرعت محاسبه بالاتری دارد، ولی مدل DO برای همه ضخامت‌های اپتیکی مناسب می‌باشد و دقیق‌تری دارد و زمان محاسبات بیشتری را می‌طلبد.

مدل مورد بررسی دارای ضخامت‌های اپتیکی پایینی می‌باشد و با توجه به "شکل 4" مدل DO مقدار دقیق‌تری از تشعشع شعله را محاسبه می‌کند. در نتیجه، مدل تشعشعی DO برای این بررسی و شبیه‌سازی گزینه مناسب‌تری می‌باشد.

6-4- بررسی تغییرات زوایای ϕ و θ

نرم افزار فلوئنت معياری را برای اندازه‌گیری دقیق این دو زاویه در نظر می‌گیرد، که با توجه به فرضیات نرم افزار ما مقادیر 5.2 و 10 را در شرایط ثابت بررسی کردیم. با توجه به "ا Shankal 5 و 6"، با افزایش زوایای ϕ و θ ، مقدار تشعشع دیواره¹⁰ و شار حرارتی تشعشعی دیواره¹¹ متعدد‌تر و با تغییرات کمتری می‌شود. بررسی‌ها نشان می‌دهد هر چه این مقدار بالاتر رود دقیق‌تر است.

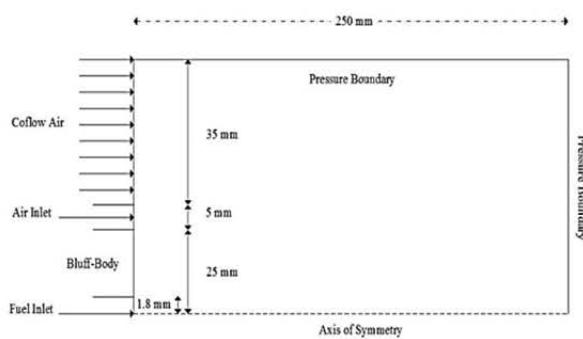


Fig. 2 Computational domain with its coordinates and dimension

شکل 2 مختصات و ابعاد مسئله

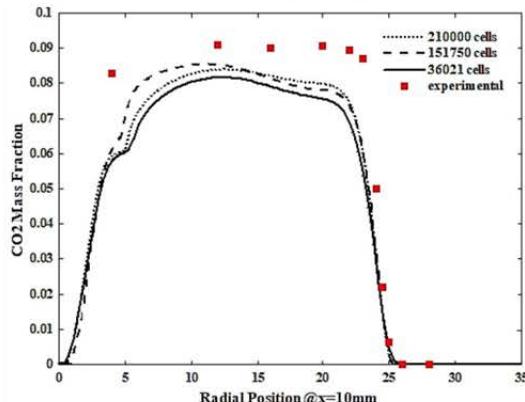
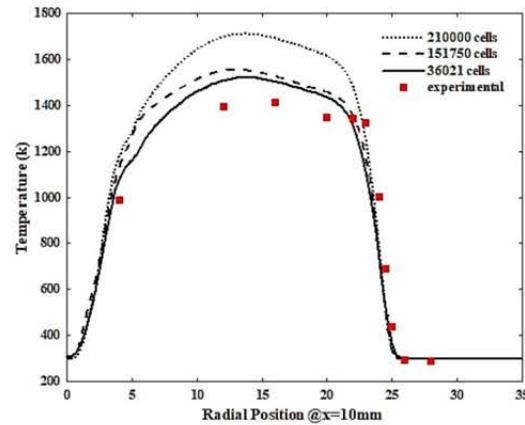
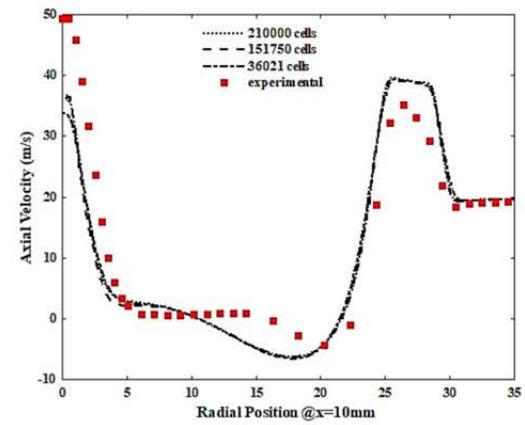


Fig. 3 Independence of results from grid resolution

شکل 3 استقلال نتایج از شبکه محاسباتی

5-6- بررسی اثرات دیواره بر روی تشعشع شعله

در این بخش برای آنالیز مشخصات تشعشع ابتدا لازم است به روابط حاکم در آن بپردازیم. اگر دمای دیواره T_w و ضریب تشعشع موقّع محیط می‌باشد، شار حرارتی تشعشعی خالص دیواره¹ برابر معادله (7) خواهد بود [16].

$$q_{\text{net}} = \frac{\sigma(T_w^4 - T_{m,\text{eff}}^4)}{\frac{1}{\epsilon_{m,\text{eff}}} + \frac{1}{\epsilon_w} - 1} \quad (7)$$

که در آن T_w و $\epsilon_{m,\text{eff}}$ به ترتیب دما و ضریب تشعشع مؤثّر محیط می‌باشد و در ادامه در مورد بدست آوردن مقدار این دو پارامتر توضیح داده خواهد شد.

طبق قانون کیرشهاف، در سیستم‌های خاکستری و دیفیوز، ضریب تشعشع با ضریب جذب دیواره برابر است. بنابراین شار حرارتی تشعشع با شدت تشعشع دیواره²، G_{total} ، به صورت معادله (8) مرتبط می‌شود.

$$q_{\text{net}} = \epsilon_w G_{\text{total}} - \epsilon_w \sigma T_w^4 \quad (8)$$

حال با استفاده از دو معادله (7) و (8) می‌توان رابطه G_{total} را به صورت معادله (9) نشان داد.

$$G_{\text{total}} = \frac{\sigma(T_{m,\text{eff}}^4 - T_w^4)}{\frac{1}{\epsilon_w} + 1 - \epsilon_w} + \sigma T_w^4 \quad (9)$$

شدت تشعشع دیواره از مجموع تشعشع شعله، E_{flame} ، و ترکیب انتشار و بازتاب ناشی از تشعشع دیواره، G_{wall} ، می‌باشد که در ادامه در مورد آن توضیح بیشتری داده خواهد شد.

برای بررسی اثرات دیواره بر روی تشعشع شعله دو حالت در نظر گرفته شده است. در حالت اول دمای دیواره تغییر کرده و مابقی پارامترها ثابت می‌باشد. در حالت دوم ضریب تشعشع دیواره تغییر کرده و مابقی پارامترها ثابت در نظر گرفته شده است.

حالات اول: اثر تغییر دمای دیواره ($T_{\text{wall}}=300, 500, 700, 1000\text{K}$) همان‌طور که در بالا ذکر شد، مقدار شدت تشعشع دیواره از رابطه (10) بدست می‌آید:

$$G_{\text{total}} = G_{\text{wall}} + E_{\text{flame}} \quad (10)$$

که در آن، G_{total} شدت تشعشع کلی دیواره می‌باشد، E_{flame} تشعشع شعله (تشعشع ناشی از دمای بالای محصولات احتراق و قسمتی از آن ناشی از پراکندگی و جذب محیط احتراق می‌باشد) که به صورت رابطه (11) نوشته می‌شود، و G_{wall} شامل مجموع انتشار و بازتاب ناشی از تشعشع دیواره می‌باشد.

$$E_{\text{flame}} = \epsilon_{m,\text{eff}} \sigma T_{m,\text{eff}}^4 \quad (11)$$

با استفاده از معادله (10)، معادله G_{wall} به صورت زیر بدست می‌آید.

$$G_{\text{wall}} = G_{\text{total}} - E_{\text{flame}} \quad (12)$$

$$\Rightarrow G_{\text{wall}} = \frac{\sigma(T_{m,\text{eff}}^4 - T_w^4)}{\epsilon_w \left(\frac{1}{\epsilon_{m,\text{eff}}} - 1 \right) + 1} + \sigma T_w^4 - \epsilon_{m,\text{eff}} \sigma T_{m,\text{eff}}^4$$

همان‌طور که ذکر شد مقدار G_{wall} برابر مجموع انتشار و بازتاب ناشی از تشعشع دیواره می‌باشد که معادلات آن به صورت زیر بدست می‌آید.

$$G_{\text{wall}} = G_{\text{wall,reflect}} + G_{\text{wall,emission}} \quad (13)$$

برای محاسبه $G_{\text{wall,reflect}}$ ، باید دمای دیواره صفر در نظر گرفته شود، در نتیجه:

$$G_{\text{wall,reflect}} = \epsilon_{m,\text{eff}} \sigma T_{m,\text{eff}}^4 \frac{(1 - \epsilon_w)(1 - \epsilon_{m,\text{eff}})}{\epsilon_w + (1 - \epsilon_w)\epsilon_{m,\text{eff}}} \quad (14)$$

$$G_{\text{wall,emission}} = G_{\text{wall}} - G_{\text{wall,reflect}} \\ = \epsilon_w \sigma T_w^4 \frac{1 - \epsilon_{m,\text{eff}}}{\epsilon_w + (1 - \epsilon_w)\epsilon_{m,\text{eff}}} \quad (15)$$

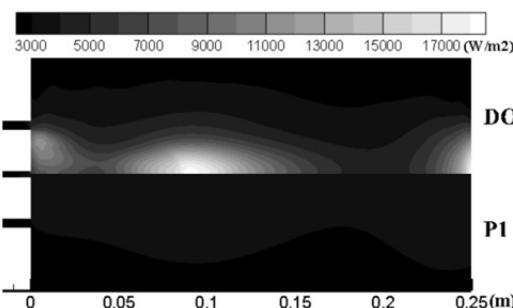


Fig. 4 Comparison of Incident Radiation between DO and P1 radiation models.(W/m²)

شکل 4 مقایسه میزان تشعشع شعله (W/m²) توسط دو مدل تشعشعی DO و P1

اندازه‌گیری بالاتر رفته ولی هزینه محاسباتی نیز افزایش می‌یابد. در نتیجه با توجه به هندسه مسئله موردنظر، مقدار 5×5 اندازه مناسبی برای دقت حل ما می‌باشد.

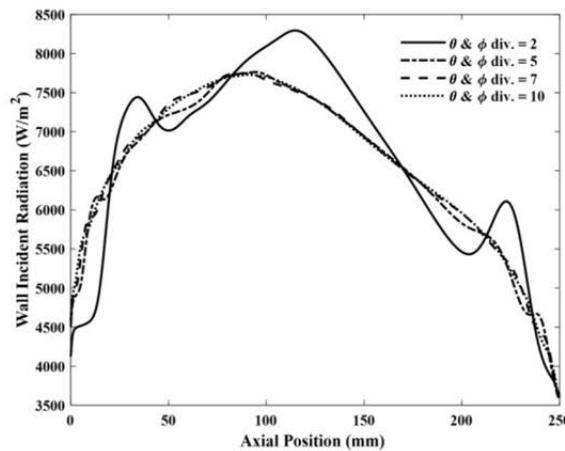


Fig. 5 تأثیر تغییرات تقسیم‌بندی زوایای ϕ و θ مختلف بر تشعشع دیواره نسبت به محور طولی

شکل 5 تأثیر تغییرات تقسیم‌بندی زوایای ϕ و θ مختلف بر تشعشع دیواره نسبت به محور طولی

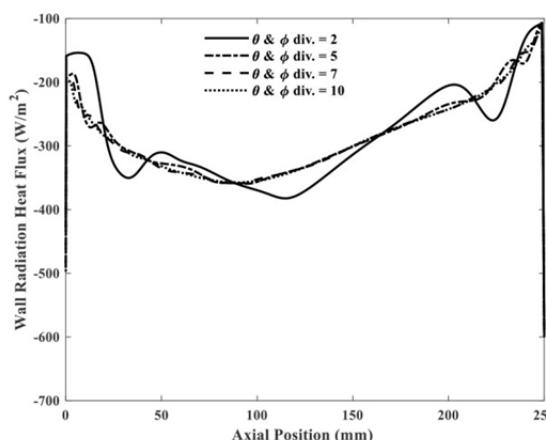


Fig. 6 تأثیر تغییرات تقسیم‌بندی زوایای ϕ و θ مختلف بر شار حرارتی تشعشع

دیواره نسبت به محور طولی

¹ wall radiation heat flux

² wall incident radiation

با توجه به رابطه (12)، با افزایش ضریب تشعشع دیواره (ϵ_w) کاهش می‌یابد و در نتیجه تشعشع ناشی از دیواره (G_{total}) کاهش می‌یابد. پس برای این که تأثیر دیواره روی اندازه‌گیری تشعشع شعله به حداقل برسد، در حالت ایده‌آل می‌توان دمای دیواره را سرد و بازتابنایذیر¹ ($\epsilon_w = 1$) انتخاب کرد.

هرچند در واقعیت وقوع هر دو امکان یذیر نیست.
شکل 9 "نیز صحت روایط بالا را نشان می‌دهد که با افزایش ضریب

تشعشع دیواره، شدت تشعشع دیواره کاهش یافته است.

6-6- بررسی اثرات تغییر ضریب پراکنده‌گی² گاز بر تشعشع شعله

با توجه به معادله انتقال تشعشع (6) که در بخش 3 اشاره شد، این معادله را می‌توان به صورت معادله (16) نیز بیان کرد.

$$\frac{dI'_{\lambda}}{ds} = -K_{\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) + a_{\lambda}(s) I'_{\lambda b}(s) + \frac{\sigma_{s\lambda}}{4\pi} \int_{\omega_i=0}^{4\pi} I'_{\lambda}(s, \omega_i) \varphi(\lambda, \omega, \omega_i) d\omega_i \quad (16)$$

که در آن $T_{\text{rm}}(s)$ ضریب خاموشی برابر مجموع ضریب جذب گاز و ضریب پراکنده‌گی گاز می‌باشد:

$$-K_{\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) = -a_{\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) - \sigma_{s\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) \quad (17)$$

در نتیجه معادله انتقال تشعشع به چهار بخش زیر تقسیم می‌شود:

$$1: \text{کاهش در اثر جذب گاز} : dI'_{\lambda,a} = -a_{\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) ds$$

$$2: \text{کاهش در اثر پراکنده‌گی گاز} : dI'_{\lambda,s} = -\sigma_{s\lambda}(s) I'_{\lambda}(s) ds$$

$$3: \text{افزایش در اثر تشعشع سطح شده از خودگاز} : dI'_{\lambda,b} = a_{\lambda}(s) I'_{\lambda b}(s)$$

4: افزایش در اثر جذب از پراکنده‌گی‌های اطراف :

$$dI'_{\lambda,s} = \frac{\sigma_{s\lambda}}{4\pi} \int_{\omega_i=0}^{4\pi} I'_{\lambda}(s, \omega_i) \varphi(\lambda, \omega, \omega_i) d\omega_i$$

با توجه به کانتورهای دما، با افزایش ضریب پراکنده‌گی تغییرات دما در محفظه

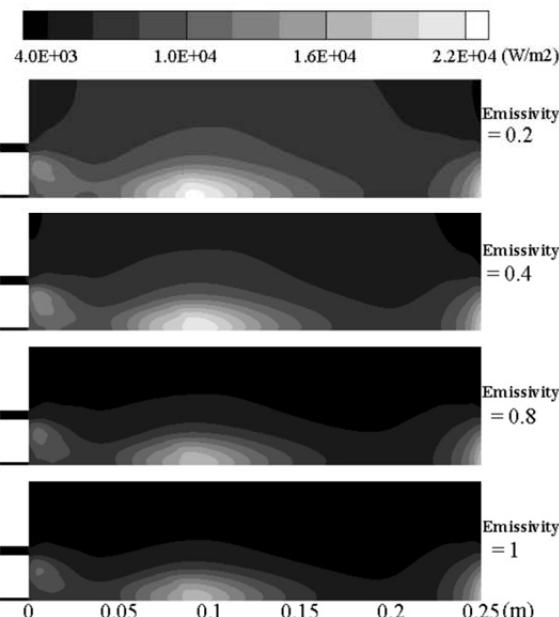


Fig. 9 Contours of Incident Radiation at different wall Emission Coefficient ($\epsilon_w = 0.2, 0.4, 0.8, 1$)

شکل 9 کانتورهای شدت تشعشع در ضرایب تشعشعی مختلف دیواره ($\epsilon_w = 0.2, 0.4, 0.8, 1$)

¹ non Reflective

² Scattering Coefficient

با توجه به رابطه بالا [17]، با افزایش دمای دیواره ($G_{\text{wall,emission}}$) افزایش می‌یابد. در نتیجه G_{wall} افزایش یافته و به تبع آن G_{total} یعنی شدت تشعشع دیواره افزایش می‌یابد.

تصاویر زیر مربوط به شبیه‌سازی‌های انجام شده است و صحت نتایج بالا را نشان می‌دهد. در "شکل 7" با افزایش دمای دیواره، میزان تشعشع دیواره افزایش یافته است.

"شکل 8" کانتورهای تشعشع ناشی از تغییرات دمای دیواره را نشان می‌دهد. در اینجا نیز تأثیر افزایش دمای دیواره بر افزایش تشعشع شعله به روشنی قابل مشاهده است.

حالت دوم: اثر تغییر ضریب تشعشع دیواره ($\epsilon_w = 0.2, 0.4, 0.8, 1$)
در این بخش، ضریب تشعشع دیواره تغییر کرده و اثر آن بر شدت تشعشع شعله بررسی شده است. ضرایب تشعشع در نظر گرفته شده برای دیواره برابر است با: $\epsilon_w = 0.2, 0.4, 0.8, 1$.

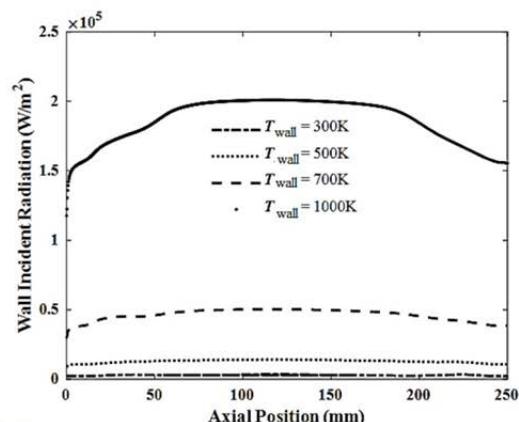


Fig. 7 Change effect of wall temperature on wall incident radiation in axial position

شکل 7 تغییرات دمای دیواره و تأثیر آن بر تشعشع دیواره نسبت به محور طولی

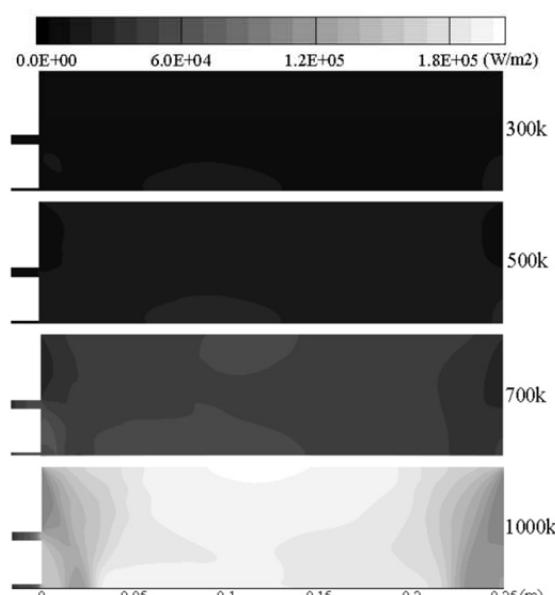


Fig. 8 Contours of incident radiation at different wall temperatures.

شکل 8 کانتورهای شدت تشعشع در دمای‌های مختلف دیواره 300K, 500K, 700K, 1000K.

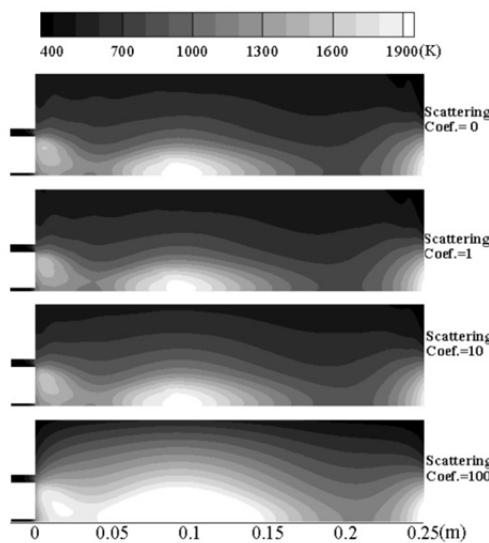


Fig. 11 Radiation Temperature(K) contours at different Scattering Coefficients (0,1,10,100)

شکل 11 کانتورهای دمای تشعشع (K) در ضرایب پراکندگی مختلف (100,10,1,0)

6-8- بررسی اثر ضریب پراکندگی بر شار حرارتی تشعشعی دیواره با افزایش ضریب پراکندگی، شدت تشعشع محفظه افزایش می‌یابد، پس انرژی حرارتی تشعشعی محفظه (q_m) نیز افزایش می‌یابد. و از آن جایی که دما و ضریب تشعشع دیواره ثابت است، انرژی حرارتی تشعشعی دیواره (net) ثابت می‌ماند. خالص انرژی حرارتی تشعشعی (q_{net}) برابر اختلاف انرژی محفظه و دیواره می‌باشد، در نتیجه با افزایش q_m اختلاف این دو بیشتر می‌شود.

از طرفی با توجه به رابطه شار حرارتی تشعشعی دیواره (7)، با افزایش ضریب پراکندگی شعله، دمای تشعشع ناشی از شعله (و به تبع آن $T_{m,eff}$) با افزایش افزایش $T_{m,eff}$ باعث افزایش اختلاف آن با دمای دیواره (T_w) می‌شود و دیواره منفی تر شده و در واقع اندازه q_{net} دیواره افزایش می‌یابد. "شکل 12" نمودار تغییرات شار تشعشعی حرارتی دیواره را نشان می‌دهد که با افزایش ضریب پراکندگی، شار تشعشعی حرارتی دیواره منفی تر شده است که نشان از بزرگتر شدن اندازه شار حرارتی تشعشعی می‌باشد.

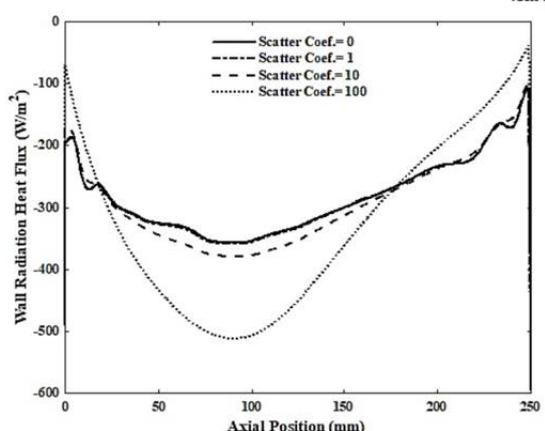


Fig. 12 wall radiation heat flux (W/m^2) at different Scattering Coefficients (0,1,10,100)

شکل 12 نمودار شار تشعشعی حرارتی دیواره (W/m^2) در ضرایب پراکندگی مختلف (100,10,1,0)

تقریباً ثابت است. به این دلیل که طبق رابطه انقال تشعشع در مدل دسته‌بندی گستته^۱، با افزایش پراکندگی گاز که یک ترم کاهنده می‌باشد شدت تشعشع کاهش می‌یابد. ولی به دلیل این که ترم چهارم این رابطه تأثیر جذب از پراکندگی محیط اطراف را دریافت می‌کند و با افزایش پراکندگی این ترم افزایش می‌یابد، در نتیجه اثر کاهش شدت تشعشع ناشی از افزایش پراکندگی گاز را خنثی می‌کند و تغییرات دما تقریباً ثابت می‌ماند. "شکل 10" کانتورهای دما را برای ضرایب پراکندگی ۰، ۱، ۱۰ و ۱۰۰ نشان می‌دهد، با توجه به تصاویر، تغییرات ضریب پراکندگی تأثیر ناچیزی بر دمای شعله می‌گذارد.

با افزایش ضریب پراکندگی، ضریب خاموشی^۲ (که برابر مجموع ضریب جذب و ضریب پراکندگی گاز می‌باشد) نیز افزایش می‌یابد. و از آن جایی که ضخامت اپتیکی آبا ضریب خاموشی طبق رابطه انستگالی زیر رابطه مستقیم دارد:

$$k_\lambda(s) = \int_0^s K_\lambda(s) ds \quad (18)$$

که در آن $k_\lambda(s)$ ضخامت اپتیکی و $K_\lambda(s)$ ضریب خاموشی می‌باشد) در نتیجه ضخامت اپتیکی نیز افزایش می‌یابد و طبق رابطه انقال تشعشع با افزایش ضخامت اپتیکی، شدت تشعشع نیز افزایش می‌یابد.

6-7- تأثیر ضریب پراکندگی بر شدت تشعشع دیواره با توجه به رابطه شدت تشعشع دیواره (9)، با افزایش ضریب پراکندگی، دمای تشعشع شعله^۳ (که بر دمای مؤثر محیط ($T_{m,eff}$) اثر مستقیم دارد) افزایش یافته، در نتیجه با افزایش دمای مؤثر محیط شدت تشعشع دیواره افزایش می‌یابد. "شکل 11" اثر تغییرات ضریب پراکندگی بر دمای تشعشع شعله را نشان می‌دهد که تأثیر مستقیم بر $T_{m,eff}$ دارد. با افزایش ضریب پراکندگی، دمای تشعشع افزایش یافته است.

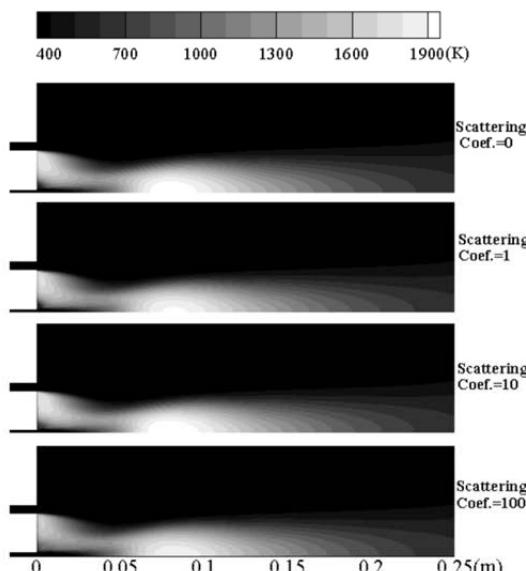


Fig. 10 Flame Temperature (K) contours at different Scattering Coefficients (0,1,10,100)

شکل 10 کانتورهای دمای شعله (K) در ضرایب پراکندگی مختلف (100,10,1,0)

¹ Discrete Ordinate(DO)

² Extinction Coefficient

³ Optical Thickness

⁴ Radiation temperature

است. با توجه به تصاویر، نتایج شبیه‌سازی شده با نتایج تجربی تطابق خوبی دارد که نشان‌دهنده صحت شبیه‌سازی عددی این بررسی می‌باشد.

با توجه به "شکل 12"، بیشترین مقدار شار حرارتی ناشی از تشعشع 500 W/m² می‌باشد. در حالی که انرژی حرارتی آزاد شده کلی در مشعل سیدنی برای شعله SM1 برابر 11.1 KW می‌باشد [18]. در نتیجه انرژی حرارتی ناشی از تشعشع با تغییر ضریب پراکندگی در مقابل انرژی حرارتی کلی مشعل مقدار ناچیزی می‌باشد، به همین دلیل در "شکل 13" دمایها با تغییر ضریب پراکندگی تغییر قابل توجهی نداشته‌اند.

6-9- بررسی ضریب خاموشی^۱ و ضخامت اپتیکی^۲

در یک محیط گازی ضریب خاموشی به عواملی چون دما، طول موج، فشار و غلظت گاز وابسته است و مقدار آن از مجموع ضریب جذب و ضریب پراکندگی گاز به دست می‌آید.

ضخامت اپتیکی معیاری برای توانایی میرا کردن تشعشع می‌باشد. اگر تشعشع به سرعت میرا شود به این معناست که ضخامت اپتیکی آن بالا است. در واقع هر چه ضخامت اپتیکی بیشتر باشد، عمق نفوذ کمتر و محیط کمتر است. ارتباط ضخامت اپتیکی با ضریب خاموشی در فاصله 0 تا S بصورت معادله زیر تعریف می‌شود [15]

$$k_\lambda(s) = \int_0^s K_\lambda(s) ds \quad (19)$$

که در آن $k_\lambda(s)$ ضخامت اپتیکی و $K_\lambda(s)$ ضریب خاموشی است.

تغییرات شعاعی ضریب خاموشی کلی گاز در $x=100$ mm برای ضریب تشعشع دیواره 0.4 و دمای دیواره 1000K، در "شکل 15" نشان داده شده است. (برای ضرایب تشعشع و دماهای دیواره دیگر نیز با اختلاف ناچیزی مشابه همین نمودار می‌شود). با انتگرال پروفیل ضریب خاموشی در طول فاصله شعاعی، ضخامت اپتیکی محیط از خط مرکزی تا دیواره بدست می‌آید. مقدار محاسبه شده این انتگرال برای دمای دیواره در 1000K و ضریب تشعشع دیواره 0.4، برابر 0.0112 می‌باشد. این بدین معناست که حدود 99% از تشعشع تولید شده در خط مرکزی می‌تواند در میان میدان عبور کند. پس واضح است که میدان احتراق از ضخامت اپتیکی پایینی بخوردار است. در

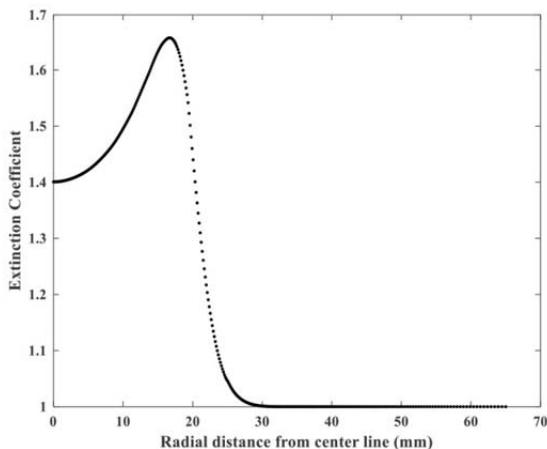


Fig. 15 Radial profile of Extinction Coefficient at axial position ($x=100$ mm)

شکل 15 نمودار شعاعی ضریب خاموشی در فاصله طولی 100 میلی‌متر

¹ Extinction Coefficient

² Optical Thickness

6-9- بررسی تغییرات ضریب پراکندگی بر دما و اجزای واکنش احتراقی

در "شکل 13 و 14" تغییرات دما و تغییرات کسر جرمی CH4 و CO2 با ضرایب پراکندگی مختلف در فواصل شعاعی و در مقاطع محوری مختلف (x=10,20,40,55,75,150 mm) را نشان می‌دهد و با نتایج تجربی مقایسه شده

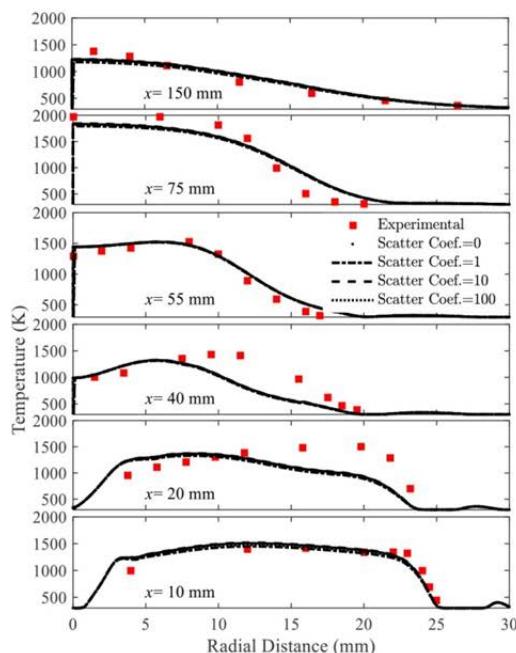


Fig. 13 نمودار تغییرات شعاعی دما در فواصل محوری مختلف (100,10,1,0) به همراه ضرایب پراکندگی مختلف (0,1,10,100)

شکل 13 نمودار تغییرات شعاعی دما در فواصل محوری مختلف (100,10,1,0) به همراه ضرایب پراکندگی مختلف (0,1,10,100)

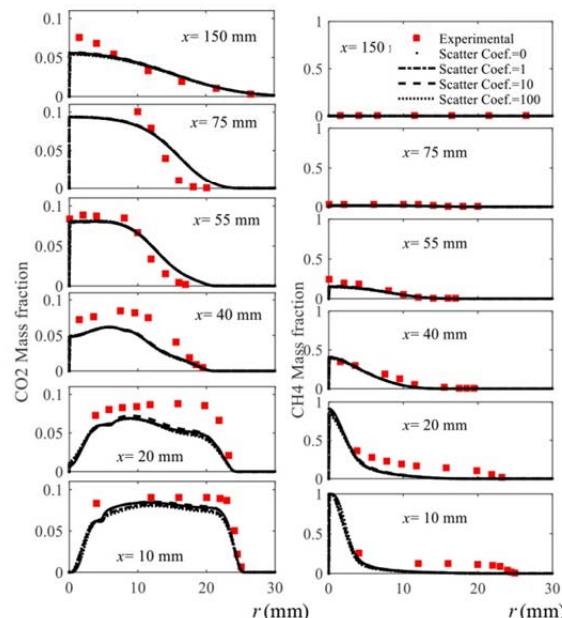


Fig. 14 نمودار تغییرات شعاعی متان و دی‌اکسیدکربن در فواصل محوری مختلف (100,10,1,0) به همراه ضرایب پراکندگی مختلف (0,1,10,100)

شکل 14 نمودار تغییرات شعاعی متان و دی‌اکسیدکربن در فواصل محوری مختلف (100,10,1,0)

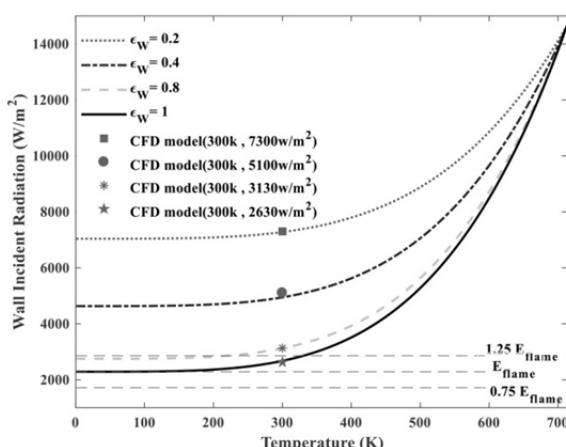


Fig. 16 Incident Radiation predicted by theoretical model(solid lines) and CFD model(symbols) at $x=85\text{mm}$

شکل 16 تغییرات شدت تشعشع پیش‌بینی شده دیواره توسط مدل تئوری (خطوط نقطه‌چین) و شدت تشعشع شبیه‌سازی شده دیواره توسط فلوئنست (علامت‌ها) در $x=85\text{mm}$

برداخته و تأثیر دیواره بر تشعشع شعله مشخص شد. نتایج حاصل از این مقاله را می‌توان به صورت زیر جمع‌بندی کرد:

1. با افزایش دمای دیواره، شدت تشعشع دیواره افزایش یافته و با افزایش ضریب تشعشع دیواره، شدت تشعشع دیواره کاهش می‌یابد. در نتیجه برای این که دیواره کمترین تأثیر را در تشعشع شعله داشته باشد باید در شرایط دمای پایین و ضریب تشعشع بالا قرار گیرد، هرچند که در واقعیت وقوع هر دوی این شرایط امکان‌پذیر نیست.

2. افزایش ضریب پراکنده‌گی نشان داد که باعث افزایش دمای تشعشع و شدت تشعشع دیواره می‌شود. علاوه بر این، اندازه شار حرارتی تشعشعی دیواره نیز افزایش می‌یابد. همچنین تأثیر تغییرات ضریب پراکنده‌گی بر تغییرات دما و کسر جرمی اجزای واکنش ناچیز بود.

3. در انتها با استفاده از روش عددی برای یک نقطه از دیواره محفظه، مقادیر $\epsilon_{m,eff}$ و $T_{m,eff}$ را محاسبه کرده و به وسیله آن مقدار تشعشع شعله نیز به دست آمد و شدت تشعشع دیواره نیز برای ضرایب تشعشعی مشخص برحسب دمای مختلف دیواره پیش‌بینی و رسم گردید. سپس برای اعتبارسنجی آن، از شدت تشعشع شبیه‌سازی شده دیواره درست برای پیش‌بینی شدت تشعشع دیواره، G_{total} ، بود.

4. نتایج نشان داد اختلاف تشعشع شعله و تشعشع دیواره هنگامی از 25٪ بیشتر می‌شود که مقدار ضریب تشعشع دیواره از 0.8 کوچک‌تر، و یا دمای دیواره از 330K بیشتر شود.

8- مراجع

- [1] C. Tien, S. Lee, Flame radiation, *Progress in Energy and Combustion Science*, 8, pp. 41–59, 1982.
- [2] R. Viskanta, M. Mengüç, Radiation heat transfer in combustion systems, *Progress in Energy and Combustion Science*, 1987.
- [3] K. Zhou, N. Liu, L. Zhang, K. Satoh, Thermal radiation from fire whirls: revised solid flame model, *Fire Technology*; 50, pp. 1573–87, 2014.
- [4] ES. Oran, JP. Boris, Detailed modelling of combustion systems, *Progress in Energy and Combustion Science*; 7, pp. 1–72, 1981.
- [5] P. Nakod, G. Krishnamoorthy, M. Sami, S. Orsino, A comparative evaluation of gray and non-gray radiation modeling strategies in oxy-coal combustion simulations, *Applied Thermal Energy*, 54, pp. 422–32, 2013.

نتیجه مدل تشعشعی DO مناسب‌تر است زیرا این مدل برای ضخامت‌های اپتیکی زیر یک، از دقت بالاتری برخوردار است.

6- ارائه مدل نهایی و مقایسه نتایج شبیه‌سازی با روش عددی

در این قسمت اثرات تشعشع دیواره بر تشعشع شعله برای چهار مورد به دو روش عددی (با استفاده از روابط تشعشعی بیان شده در قسمت‌های قبل) و شبیه‌سازی در نرم‌افزار فلوئنست با هم مقایسه شده و سپس در یک نمودار برای همه حالت‌ها نتایج ارائه شده است. با توجه به نتایج ارائه شده در قسمت‌های قبلی در مقادیر مختلف دمای دیواره و ضریب تشعشع دیواره، تغییرات ضریب خاموشی و شکل شعله نسبتاً ناچیز بود. پس می‌توان نتیجه گرفت که تشعشع شعله برای چهار مورد ذکر شده در جدول 3، مقدار برابر دارد. این نتیجه کمک می‌کند تا بتوان اثرات تشعشع دیواره بر روی شعله را با مشخصات یکسان اندازه‌گیری کرد.

جدول 3 مقادیر دمای دیواره، ضریب تشعشع دیواره و شدت تشعشع دیواره را که حاصل از شبیه‌سازی می‌یابند، برای چهار حالت مختلف در فاصله طولی $x=85\text{mm}$ و بر روی دیواره نشان می‌دهد. با استفاده از معادله G_{total} (9) و دو تا از موارد جدول 3 ($\epsilon_{w,eff} = 0.156$ و $T_{m,eff} = 713\text{ K}$)، می‌توان مقادیر $\epsilon_{m,eff}$ و E_{flame} را با حل دو معادله و دو مجهول به دست آورد. که با این روش

$T_{m,eff} = 713\text{ K}$ و $\epsilon_{m,eff} = 0.156$ به دست می‌آید. توجه شود که این مقادیر برای حالت‌های دیگر نیز بررسی شده و تقریباً برای همین مقدار می‌شوند. اکنون مقدار تشعشع شعله قابل محاسبه است: $E_{flame} = \epsilon_{m,eff} \sigma T_{m,eff}^4 = 2286\text{ W/m}^2$ به دلیل این که این مقدار از تشعشع شعله نسبت به تشعشع دیواره مقدار کوچکی است، ممکن است حتی در دمای پایین دیواره، تشعشع دیواره بر شدت تشعشع کلی تأثیر بسزایی داشته باشد. در جدول 3 میزان انحراف ناشی از تغییرات تشعشع دیواره بر تشعشع شعله نیز پیش‌بینی شده است.

با تعیین مقادیر $\epsilon_{m,eff}$ و $T_{m,eff}$ ، می‌توان برای تمامی شرایط دیواره مقدار G_{total} را محاسبه کرد. در "شکل 16" با استفاده از $\epsilon_{m,eff} = 0.156$ و $T_{m,eff} = 713\text{ K}$ ، مقادیر پیش‌بینی شده G_{total} توسط مدل تئوری رسم شده و با مقادیر شبیه‌سازی آن در چند نقطه مقایسه شده است. همچنین مقدار E_{flame} با رنج $\pm 25\%$ نیز مشخص شده است. نتایج نشان می‌دهد اختلاف تشعشع شعله و تشعشع دیواره زمانی از 25٪ بیشتر می‌شود که مقدار ضریب تشعشع دیواره از 0.8 کوچک‌تر، و یا دمای دیواره از 330K بیشتر شود.

7- نتیجه‌گیری

مشعل آزمایشگاهی دانشگاه سیدنی با استفاده از روش RANS و مدل اختراقی فلیملت پایا شبیه‌سازی شده است. مقایسه نتایج دمای گازها و کسر جرمی اجزای واکنش با نتایج تجربی بیانگر خطای کم و صحت عملکرد تنظیمات کد است. بدلیل پایین بودن ضخامت اپتیکی مسأله، از مدل تشعشعی DO استفاده شد. سپس به بررسی تغییرات در پارامترهای تشعشع

جدول 3 تأثیر تشعشع دیواره روی نتایج شبیه‌سازی در دمای دیواره 300K

Table 3 Effects of wall emissivity on the simulation results when the wall is at 300K

(ضریب تشعشع دیواره ϵ_w)	1	0.8	0.4	0.2
(مقدار تشعشع دیواره W/m^2)	2630	3130	5100	7300
تشعشع شعله-تشعشع دیواره %	05.15	9.36	1.123	3.219
تشعشع شعله				

- [12] P. A. M. Kalt, Y. M. Al-Abdely, A. R. Masri, R. S. Barlow, Swirling turbulent non-premixed flames of methane: flowfield and compositional structure, *Proceedings of the Combustion Institute*, 29, pp. 1913-1919, 2002; www.sydney.edu.au/engineering/aeromech/thermofluids/swirl.htm
- [13] N. Peters, Laminar diffusion flamelet models in non-premixed turbulent combustion, *Progress in Energy and Combustion Science*, 3, pp. 319-339, 1984.
- [14] F. Chitgarhal, M. Davazdah Emami, M. Farshchi, Simulation of a CH₄/H₂ diffusion flame using unsteady and steady flamelet combustion models, *Fuel and Combustion Scientific Research Journal*, Vol. 8, No. 2, Tehran, Iran, 2015. (in persian) (فارسی)
- [15] Robert Siegle, John.R Howel, *Thermal Radiation Heat Transfer*, Lewis research Center, Government printing Office, Washington, NASA SP- 164, Vol.3, 1971.
- [16] FP. Incropera, *Fundamentals of Heat and Mass Transfer*, John Wiley & Sons, 2011.
- [17] Zhiwei Yang, Adewale Adeosun, Benjamin M. Kumfer, Richard L. Axelbaum, An approach to estimating flame radiation in combustion chambers containing suspended-particles, *Fuel*, 2017; <https://doi.org/10.1016/j.fuel.2017.02.083>
- [18] <http://web.aeromech.usyd.edu.au/thermofluids/swirl.php>
- [6] AA. Bhuiyan, J. Naser, Numerical modelling of oxy fuel combustion, the effect of radiative and convective heat transfer and burnout, *Fuel*, 139, pp. 268-84, 2015.
- [7] F. Xia, Z. Yang, A. Adeosun, BM. Kumfer, RL. Axelbaum, Staged, pressurized oxy-combustion: computational fluid dynamic simulations z boilers, *The 8th International Symposium on Coal Combustion*, Beijing, China, 2015.
- [8] J. Zhang, T. Ito, S. Ito, D. Riechelmann, T. Fujimori, Numerical investigation of oxycoal combustion in a large-scale furnace: non-gray effect of gas and role of particle radiation, *Fuel*, 139, pp. 87-93, 2015.
- [9] D. Woycenko, W. Van de Kamp, P. Roberts, Combustion of pulverized coal in a mixture of oxygen and recycled flue gas, *Summary of the APG Research Program*, IF8RF Doc, in, F98/Y/4. IJmuiden, The Netherlands: *International Flame Research Foundation (IFRF)*, 1995.
- [10] B. Kashir, S. Tabejamaat, and N. Jalalatian, A numerical study on combustion characteristics of blended methane-hydrogen bluff-body stabilized swirl diffusion flames, *International Journal of Hydrogen Energy* 40,18, pp. 6243-6258, 2015.
- [11] F. Fasih, S. Noori, M. Eidi Attar Zade, Study of jet velocity effect on sm1 flame configuration with steady flamelet, *The 16th International Conference of Iranian Aerospace Society*, 2017. (in Persian) (فارسی)