



# Optimizing AA3105-St12 Two-Layer Sheet in Incremental Sheet Forming Process Using Neural Network and Multi-Objective Genetic Algorithm

## ARTICLE INFO

**Article Type**  
Original Research

**Authors**  
Deilami Azodi H.<sup>1\*</sup>,  
Rezaee<sup>1</sup> S.<sup>1</sup>,  
Badparva B.<sup>2</sup>,  
Zeinolabedin Beygi A.<sup>2</sup>

### How to cite this article

Deilami Azodi H., Rezaee S., Badparva B., Zeinolabedin Beygi A. Optimizing AA3105-St12 Two-Layer Sheet in Incremental Sheet Forming Process Using Neural Network and Multi-Objective Genetic Algorithm. *Modares Mechanical Engineering.* 2022;22(02):121-132.

## ABSTRACT

Incremental sheet forming is a flexible forming technology in which the sheet metal is gradually formed by the movement of tools in specified path. Due to the progressively localized deformation of the sheet and concentration of the forces on contact area of tool and sheet metal, the formability of the sheet increases compared with other common forming methods. In this study, numerical simulation of the incremental forming of AA3105-St12 two-layer sheet has been performed to calculate forming force and final thicknesses of the layers. The validity of the simulation results is evaluated by comparing them with those obtained from experiments. Numerical models for estimating the vertical force applied on the tool and the final thicknesses of the layers in terms of the process variables have been obtained using artificial neural network. Multi-objective optimization has been conducted to achieve the minimum force and the minimum thickness reduction of layers using obtained numerical models based on genetic algorithm method. Optimum thickness of the two-layer sheet and the thickness ratio the layers in different states of contact of the aluminum or the steel layers with the forming tool have been determined.

**Keywords** Metal Forming, Incremental Sheet Forming, Neural Network, Multi-Objective Optimization, Genetic Algorithm.

## CITATION LINKS

<sup>1</sup> Department of Mechanical Engineering, Arak University of Technology, Arak, Iran.

<sup>2</sup> Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran.

### \*Correspondence

Address: Associate Professor,  
Department of Mechanical  
Engineering, Arak University of  
Technology, Arak, Iran.

hdazodi@arakut.ac.ir

### Article History

Received: June 26, 2021  
Accepted: September 14, 2021  
ePublished: December 25, 2022

- [1] Comparison of alternative approaches of single point incremental forming processes. *Journal of materials processing technology.* [2] Improvement of formability for the incremental sheet metal forming process. [3] Wall thickness variations in single-point incremental forming. [4] Process window enhancement for single point incremental forming through multi-step toolpaths. [5] Single point incremental forming at high feed rates and rotational speeds. [6] Influence of thickness on formability in 6082-T6. [7] Strategies and limits in multi-stage single-point incremental forming. [8] Incremental forming path-generated method based on the intermediate models of bulging simulation. [9] Thickness improvement in single point incremental forming deduced by sequential limit analysis. [10] Numerical and Experimental Investigation of Incremental Sheet Metal Forming Parameters and Multi-objective Optimization Using Neural-genetic Algorithm [11] Numerical and experimental investigation of single point incremental forming of two layer sheet metals. [12] Optimization of hyperelastic model parameters of soft tissue based on genetic algorithm utilizing experimental mechanical dataset. [13] Investigation of Ultrasonic Assisted Incremental Sheet Metal Forming Process. [14] Comparison of 3D yield functions for finite element simulation of single point incremental forming (SPIF) of aluminum 7075. [15] Analytical modeling and experimental validation of the forming force in several typical incremental sheet forming processes. [16] Multi-point die electromagnetic incremental forming for large-sized sheet metals. [17] Investigation of factors affecting strain distribution in the process Round cross-section roll forming using experimental design method. [18] Corrosion performance of anodic films containing polyaniline and TiO<sub>2</sub> nanoparticles on AA3105 aluminium alloy. [19] Thickness distribution and mechanical property of sheet metal incremental forming based on numerical simulation.

می‌دهد<sup>[۱]</sup>. مدل‌سازی الگوریتم ژنتیک یک تکنیک برنامه‌نویسی است که از تکامل ژنتیکی به عنوان یک الگوی حل مسئله استفاده می‌کند. مسئله‌ای که باید حل شود دارای ورودی‌هایی می‌باشد که طی یک فرایند الگوبداری شده از تکامل ژنتیکی به راه حل‌ها تبدیل می‌شود؛ سپس راه حل‌ها به عنوان کandidاها توسطتابع ارزیاب مورد ارزیابی قرار می‌گیرند و چنانچه شرط خروج مسئله فراهم شده باشد، الگوریتم خاتمه می‌یابد. بطور کلی یک الگوریتم، مبتنی بر تکرار است که اغلب بخش‌های آن به صورت فرایندی‌های تصادفی انتخاب می‌شوند که این الگوریتم‌ها از بخش‌های تابع برآش، نمایش، انتخاب می‌شوند و تغییر تشکیل می‌یابند.

در زمینه پارامترها و محصولات ساخته شده به کمک فرایند شکل‌دهی نموی و همچنین بهینه‌سازی به کمک الگوریتم ژنتیک در گذشته مطالعاتی صورت پذیرفته است. یانگ (yang) و همکاران<sup>[۲]</sup> بصورت ساده و با فرض تغییر شکل پوشی در شکل‌دهی نموی تک نقطه‌ای (Single point incremental forming) و با استفاده از المان‌های مثلثی، توزیع ضخامت را برای اشکال غیرمتقارن محوری محاسبه کردند؛ سپس یک فرایند دو مرحله‌ای را معرفی نمودند که در آن مناطقی که در مرحله دوم کمتر تغییر شکل پیدا می‌کنند در مرحله اول چار تغییر شکل زیاد می‌شوند و بالعکس. آن‌ها نشان دادند که در فرایند دو مرحله‌ای در مقایسه با فرایند یک مرحله‌ای، توزیع ضخامت بهبود پیدا می‌کند و شکل پذیری ورق افزایش می‌یابد. یانگ (Young) و همکاران<sup>[۳]</sup> بصورت تجربی SPIF دو مرحله‌ای قطعه مخروطی را بررسی کردند. با انجام فرایند بصورت دو مرحله‌ای شکل‌پذیری با تاخیر انداختن شکل‌گیری مناطق با نازک‌شدن پیش از حد افزایش پیدا کرد اما سبب کمتر شدن نازک شدنگی نگردید و تنها محل نازک‌شدنگی را در یک مخروط  $20^\circ$  تغییر داد. دافلو (Duflou) و همکاران<sup>[۴]</sup> SPIF آستوانه‌ای را با استفاده از پنج مرحله بصورت تجربی بررسی کردند. آن‌ها شکل‌های میانی را بصورت افزایش زاویه دیوار به میزان  $10^\circ$  در هر مرحله در نظر گرفتند و استفاده از چند مرحله شکل دادن در مقایسه با شکل‌دهی نموی یک مرحله‌ای را به عنوان راهکاری برای به تاخیر انداختن نازک‌شدنگی زود هنگام معرفی کردند. یکی از عیوب این استراتژی برآمدگی کف ظرف می‌باشد. همیلتون (Hamilton) و همکاران<sup>[۵]</sup> SPFİ یک بیضی را در نرخ‌های پیشروی و سرعت‌های چرخشی بالا با کمک طراحی آزمایش بررسی کردند و تاثیر پارامترهای مذکور بر کیفیت سطح خارجی قطعه، توزیع ضخامت و میکروساختار را مورد مطالعه قرار دادند. آن‌ها دریافتند که توزیع ضخامت و ریز ساختار مشابه حالتی است که از سرعت‌های پایین استفاده می‌شود. مانکو (Manco) و همکاران<sup>[۶]</sup> با استفاده از طراحی آزمایش اثر قطر ابزار، گام عمودی، ضخامت ورق و زاویه دیوار را بر ضخامت کمینه در شکل‌دهی نموی یک مخروط از جنس AA6082 بررسی کردند. بر اساس رابطه ارائه شده منتج از تحلیل نتایج تجربی، قطر ابزار تاثیر چشم‌گیری بر

## تعیین ورق دولایه AA3105-St12 بهینه در فرایند شکل‌دهی نموی با استفاده از شبکه عصبی و الگوریتم ژنتیک چند هدفه

حامد دیلمی عضدی \*

گروه ساخت و تولید، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اراک، اراک، ایران.

سعید رضایی

دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اراک، اراک، ایران.

حسن بادپروا

گروه ساخت و تولید، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران.

علی زین العابدین بیگی

گروه ساخت و تولید، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران.

### چکیده

شکل‌دهی نموی ورق، فرایند انعطاف‌پذیری است که در آن ورق فلزی به تدریج با حرکت ابزار در فضای آزاد شکل می‌گیرد. با توجه به این که ورق به صورت موضعی شکل‌دهی می‌شود و نیروها متمرکز بر منطقه تماس ابزار با ورق هستند، شکل‌پذیری ورق در این فرایند در مقایسه با سایر روش‌های معمول شکل‌دهی افزایش می‌یابد. در این مطالعه با شبیه سازی عددی فرایند شکل‌دهی نموی ورق دولایه AA3105-St12 با استفاده از روش اجزای محدود، نیروی عمودی وارد بر ابزار شکل‌دهی و ضخامت نهایی لایه‌ها در شرایط مختلف محاسبه شده است. اعتبار نتایج شبیه سازی با مقایسه آن‌ها با نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی ارزیابی شده است. با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی مدل‌هایی عددی برای تخمین نیروی عمودی وارد بر ابزار و ضخامت نهایی لایه‌ها بر حسب متغیرهای ورودی فرایند بدست آورده شده است. بهینه‌سازی چند هدفه برای دستیابی به حداقل نیروی عمودی و حداقل کاهش ضخامت لایه‌ها، بر مبنای مدل‌های بدست آمده و با کمک روش الگوریتم ژنتیک انجام شده است. در نتایج بدست آمده حالت‌های بهینه ضخامت کل ورق دولایه و نسبت ضخامت لایه‌ها در حالت‌های مختلف تماس لایه آلومینیومی و یا لایه فولادی با ابزار شکل‌دهی تعیین شده است.

**کلیدواژه‌ها:** شکل‌دادن فلزات، شکل‌دهی نموی ورق، شبکه عصبی، بهینه‌سازی چند هدفه، الگوریتم ژنتیک.

تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۴/۰۵

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۰۶/۲۳

\*نوسنده مسئول: hdazodi@arakut.ac.ir

### -۱- مقدمه

شکل‌دهی نموی ورق، فرایندی انعطاف‌پذیر است که در آن ورق فلزی به تدریج با حرکت ابزار در فضای آزاد بدون حضور قالب شکل می‌گیرد؛ این مسئله باعث انعطاف‌پذیری فرایند برای تولید شکل‌هایی با هندسه پیچیده می‌شود. با توجه به این که ورق به صورت موضعی شکل‌دهی می‌شود و نیروها متمرکز بر منطقه تماس ابزار با ورق هستند، شکل‌پذیری ورق در این فرایند نیروها متمرکز بر منطقه تماس ابزار با ورق هستند، شکل‌پذیری ورق در این فرایند نموی می‌یابد و خود این پدیده دامنه انعطاف فرایند را افزایش

ایشان سه نوع معیار تسلیم از جمله وون میزز، هیل و بارلات در نظر گرفتند؛ در ادامه با نوشتمن کد برنامه‌نوبیسی اجزای محدود آن دریافتند که با مقایسه توابع تسلیم در شبیه‌سازی اجزای محدود می‌توان اندازه بھینه موادی مانند توزیع تنش-کرنش موثر، ضخامت قطعه، نیروهای ابزار، گشتاور و همچنین تاسوسورهای تنش و کرنش را پیش‌بینی کرد. چانگ (Chang) و همکاران<sup>[15]</sup> با استفاده از مدل‌های تحلیلی به پیش‌بینی نیروهای موجود در سه فرایند شکل دهنده نموی تک نقطه‌ای، چندگانه و سوراخدار با محاسبه سطوح تماسی و تنش‌های موجود در ضخامت دست یافتند. نتایج نشان داد که با یک مدل جدید می‌توان به محاسبه و پیش‌بینی نیروها در جهات محوری، چندضلعی و شعاعی در هر سه نوع فرایند دست یافت؛ همچنین نوسانات نیرویی نیز بررسی شد و بهبود یافت زیرا عامل آن برگشت الاستیک توسعه تغییرشکل ورق فلزی بود. فنگ (Feng) و همکاران<sup>[16]</sup> به بررسی فرایند شکل دهنده نموی الکترومغناطیسی در قالب‌های چندگانه بر روی ورق‌های بزرگ پرداختند. قالب‌های چندگانه شامل منحنی‌های مختلفی می‌باشند. نتایج نشان داد که ماکزیمم تنش با شعاع منحنی نسبت عکس دارد و کوچکترین شعاع منحنی سریع‌تر به تسلیم می‌رسد.

در مطالعه حاضر فرایند شکل دهنده نموی ورق دولایه AA3105-St12 با استفاده از روش اجزای محدود شبیه‌سازی شده، نیروی عمودی وارد بر ابزار شکل دهنده و ضخامت نهایی لایه‌ها در شکل دهنده ورق‌های دولایه با ضخامت کل مختلف، نسبت‌های متفاوت ضخامت لایه‌ها و در چیدمان‌های مختلف لایه‌ها بدست می‌آید. با آماده‌سازی تجهیزات تجربی و انجام آزمایش‌ها، درستی شبیه‌سازی عددی با مقایسه نتایج تجربی و عددی ارزیابی می‌شود. با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی مدل‌هایی عددی برای تخمين نیروی عمودی وارد بر ابزار و ضخامت نهایی لایه‌ها بر حسب متغیرهای ورودی فرایند استخراج می‌شود. با هدف رسیدن به حداقل نیروی عمودی و حداقل کاهش ضخامت لایه‌ها، بهینه‌سازی چند هدفه مدل‌های بدست آمده با کمک روش الگوریتم ژنتیک انجام خواهد شد و شرایط بهینه برای ضخامت کل ورق دولایه و نسبت ضخامت لایه‌ها تعیین می‌شود.

## ۲- مطالعه تجربی

### ۲-۱- خواص مواد و هندسه قطعه

آزمایش‌های تجربی بر روی نمونه‌های ورق دولایه متشکل از لایه‌هایی از جنس فولاد St12 با ضخامت ۰/۵ میلی‌متر و آلیاژ آلمینیوم AA3105 با ضخامت ۰/۵ میلی‌متر انجام شده است.

خواص مکانیکی لایه‌ها با استفاده از آزمون کشش تکمحوری تعیین شده است. خواص مکانیکی و مشخصات کامل ورق‌های مورد استفاده در جدول ۱ نشان داده شده است. ترکیبات شیمیایی آن‌ها در جدول‌های ۲ و ۳ آورده شده است. برای اتصال لایه‌ها از

ضخامت کمینه ندارد. با افزایش گام عمودی ضخامت کمینه افزایش می‌یابد. اسکجوودت (Skjoeudt) و همکاران<sup>[7]</sup> بصورت تجربی و عددی تاثیر جهت حرکت ابزار بین مراحل متوالی در شکل دهنده نموی تک نقطه‌ای را بر توزیع کرنش و توزیع ضخامت محصول نهایی بررسی کردند. آن‌ها ساخت یک ظرف استوانه‌ای در پنج مرحله را مطالعه کردند و نتیجه گرفتند که جهت حرکت ابزار پارامتر تاثیرگذاری می‌باشد. ژانگ (Zhang) و همکاران<sup>[8]</sup> براساس شبیه‌سازی عددی فرایند هیدرو بالجینگ یک نیم‌کره، یک استراتژی چند مرحله‌ای برای SPIF ارائه و توزیع ضخامت را مورد بررسی قرار دادند. در استراتژی بیان شده، شکل‌های میانی همان شکل‌های بدست آمده توسط فرایند هیدرو بالجینگ در زمان‌های متفاوت می‌باشد. میرنبا و همکاران<sup>[9]</sup> با ارائه یک استراتژی تغییر شکل سه مرحله‌ای جدید برای SPIF یک مخروط آلومینیومی با زاویه دیوار ۷۰°، نازک شدگی را از مقدار ۷۴٪ در حالت تک مرحله‌ای به ۵۱٪ در حالت سه مرحله‌ای کاهش دادند که نسبت به استراتژی‌های قبلی مقایسه شده، کمترین مقدار نازک شدگی می‌باشد. نجف آبادی و همکاران<sup>[10]</sup> به بررسی عددی و تجربی پارامترهای روش شکل دهنده سرد و بهینه‌سازی چند هدفه توسط الگوریتم عصبی-ژنتیک پرداختند. ایشان با استفاده از الگوریتم ژنتیک چند هدفه به پارامترهای بهینه به منظور حداقل نیروی عمودی، حداقل برگشت فنری و حداقل کاهش ضخامت دست یافتند. زاهدی و همکاران<sup>[11]</sup> شکل پذیری ورق‌های دو لایه ساخته شده از آلمینیوم ۱۰۵۰ و فولاد کم کربن در فرایند شکل دهنده نموی تک نقطه‌ای مورد بررسی عددی و تجربی قرار دادند. برای تعیین ارتفاع شکست ورق دو لایه، از منحنی نیروی حاصل از شبیه‌سازی‌ها استفاده شد. نتایج حاصل نشان می‌داد که کرنش پلاستیک بیشتری به ورق بیرونی وارد می‌شود و از این رو ابتدا ورق لایه بیرونی دچار شکست می‌شود؛ همچنین نتایج حاصل نشان داد افزایش شعاع ابزار و اندازه گام عمودی، با این که باعث افزایش سرعت فرایند می‌شوند ولی تأثیر عکس بر روی زاویه حد شکل دهنده دارند. اسماعیلی و همکاران<sup>[12]</sup> به بهینه سازی ضرایب مدل‌های پرپلاستیک بافت نرم با استفاده از داده‌های تجربی و الگوریتم ژنتیک پرداختند. پاک و همکاران<sup>[13]</sup> به بررسی فرایند شکل دهنده افزایشی ورق‌های فلزی به کمک نوسانات موفق صوت پرداختند. آن‌ها اثر اعمال نوسان آلتراسونیک به ابزار را بررسی کردند. نتایج نشان داد که تخمين مناسبی از تعییرات نیروی شکل دهنده در فرایند شکل دهنده افزایشی معمولی و با اعمال نوسانات آلتراسونیک می‌توان ارائه کرد. همچنین بر اساس نتایج آزمون‌های انجام شده نیروی شکل دهنده نیز با اعمال نوسانات آلتراسونیک در مقایسه با نیروی شکل دهنده بدون آلتراسونیک بین ۳ تا ۶۳/۵ درصد بستگی به شرایط آزمون، کاهش یافته است. اسماعیل پور و همکاران<sup>[14]</sup> به مقایسه تابع تسلیم سه بعدی برای شبیه‌سازی اجزای محدود شکل دهنده نموی تک نقطه‌ای پرداختند.

چرخشی استفاده می‌گردد. سرعت پیشروی و گام ابزار در تمامی آزمایش‌ها به ترتیب  $0/030$  متر بر ثانیه و ۱ میلیمتر بوده است. در شکل ۳ نمونه‌هایی از قطعات تولید شده توسط آزمایش‌های تجربی، آورده شده است.

چسب پلی اورتان استفاده شده است. قطعه نهایی بصورت مخروط ناقص با قطر بزرگ ۴۰ میلی‌متر، ارتفاع ۲۳ میلی‌متر و زاویه دیواره ۳۵ درجه بوده است. شکل ۱ شماتیک قطعه نهایی را نشان می‌دهد.

## ۲-۲-تجهیزات و شرایط آزمایش

برای انجام شکل‌دهی نموی ورق‌های دو لایه از ماشین فرز کنترل عددي مدل FP4MK ساخت شرکت ماشین‌سازی تبریز استفاده شده است. گیره‌بندی ورق با استفاده از یک فیکسچر با ورق‌گیر ثابت و ابعاد کارگیر  $170 \times 170 \times 125$  میلی‌متر انجام شده است. در شکل ۲ مجموعه تجهیزات مورد استفاده برای انجام آزمایش‌ها و همچنین فیکسچر استفاده شده برای گیره‌بندی نمونه‌های آزمایش نشان داده شده است.

ابزار شکل‌دهی نموی سرکروی ساخته شده از یک ساقمه از جنس آلیاژ فولاد کروم‌دار AISA 52100 سختکاری شده به قطر ۱۰ میلی‌متر می‌باشد که به میله دنباله‌ای از جنس فولاد ابزار به قطر ۱۰ میلی‌متر متصل گردیده است و برای انجام آزمایش‌ها بصورت غیر چرخشی استفاده می‌گردد. سرعت پیشروی و گام ابزار در تمامی آزمایش‌ها به ترتیب  $0/030$  متر بر ثانیه و ۱ میلیمتر بوده است.

ابزار شکل‌دهی نموی سرکروی ساخته شده از یک ساقمه از جنس آلیاژ فولاد کروم‌دار AISA 52100 سختکاری شده به قطر ۱۰ میلی‌متر می‌باشد که به میله دنباله‌ای از جنس فولاد ابزار به قطر ۱۰ میلی‌متر متصل گردیده است و برای انجام آزمایش‌ها بصورت غیر

جدول (۱) خواص مکانیکی مواد St12<sup>[17]</sup>

فولاد	آلومینیوم	خواص
St12	AA3105	ضخامت (میلیمتر)
.۰/۵	.۰/۵	مدول یانگ (مگاپاسکال)
۲۱....	۷....	چگالی (کیلوگرم بر متر مکعب)
۷۸۰۰	۲۷۰۰	ضریب پواسون
.۰/۳	.۰/۳۳	تنش تسلیم (مگاپاسکال)
۱۴۰	۶۲	استحکام کششی (مگاپاسکال)
۵۴۸	۳۰۲	توان کرنش سختی
.۰/۱۰۳	.۰/۲۲۹	

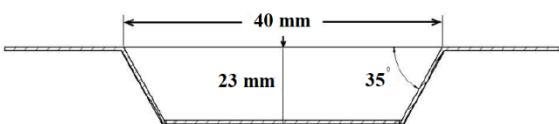
عنصر	درصد وزنی	عنصر	درصد وزنی
Si	.۰/۲۷۰	Fe	۹۸/۴۶۰

جدول (۲) ترکیب شیمیایی ورق فولاد [۱۸] AA3105

عنصر	درصد وزنی	عنصر	درصد وزنی
Si	.۰/۲۹۸	Fe	.۰/۶۲۹



شکل (۲) دستگاه فرز CNC



شکل (۱) شماتیک قطعه نهایی



شکل (۳) نمونه‌های تولید شده در آزمایش‌های تجربی

#### جدول ۴) طراحی آزمایش به روش فول فاکتوریل

نوبت	ضخامت کل (mm)	ضخامت آلمینیوم (mm)	ضخامت فولاد (mm)	ترتیب	شماره
۲	۳	۱	۲	SA	۱
۰/۵	۲	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	۱/۳۳۳۳۳۳۳	AS	۲
۰/۵	۲	۱/۳۳۳۳۳۳۳	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	SA	۳
۰/۵	۳	۱	۲	AS	۴
۲	۲	۱/۳۳۳۳۳۳۳	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	AS	۵
۱	۱	.۰/۵	.۰/۵	AS	۶
۲	۱	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	.۰/۳۳۳۳۳۳۳	AS	۷
۱	۳	۱/۵	۱/۵	SA	۸
۲	۳	۲	۱	AS	۹
۰/۵	۱	.۰/۳۳۳۳۳۳۳	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	AS	۱۰
۲	۲	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	۱/۳۳۳۳۳۳۳	SA	۱۱
۱	۳	۱/۵	۱/۵	AS	۱۲
۲	۱	.۰/۳۳۳۳۳۳۳	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	SA	۱۳
۰/۵	۱	.۰/۶۶۶۶۶۶۷	.۰/۳۳۳۳۳۳۳	SA	۱۴
۰/۵	۳	۲	۱	SA	۱۵
۱	۲	۱	۱	AS	۱۶
۱	۱	.۰/۵	.۰/۵	SA	۱۷
۱	۲	۱	۱	SA	۱۸



شکل ۵) مسیر اندازه‌گیری ضخامت در نمونه پیش خورده در حالت AS

در شکل ۸ مقایسه توزیع ضخامت در آزمایش‌های تجربی برای دو حالت AS و SA آورده شده است. مشخص می‌گردد که اختلاف کمی بین نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی بین دو حالت AS و وجود دارد که در جدول ۶ آورده شده است.

با استفاده از اطلاعات بدست آمده از نتایج شبیه‌سازی عددی که در جدول ۴ نشان داده شده است، بهینه‌سازی فرایند در حالت AS و SA انجام شد. هدف از این بهینه‌سازی‌ها، یافتن پارامترهای بهینه فرایند جهت بدست آوردن حداقل نیروی عمودی و حداقل خطا خواست می‌باشد. در ادامه، ابتدا بهینه‌سازی فرایند در حالت AS انجام می‌گیرد و پارامترهای بهینه و مقدار بهینه آن‌ها بدست خواهد آمد. همین روند برای حالت SA نیز حاکم است.

#### ۱-۴- رهیمه ساز، فایند در حالت AS

۴-۱-۱- محاسبه تهابع مورد نیاز

از شبکه عصبی برای تخمین توابع مورد نیاز عملیات بهینه‌سازی استفاده شده است. از آنجا که تابع چند خروجی وجود ندارند لذا برای هر خروجی یک شبکهٔ عصبی تعریف می‌شود؛ به عبارت دیگر سه شبکه عصبی، برای تخمین مقادیر نبو (F)، ضخامت

آزمایش‌های تجربی (شکل ۱) بوده است. شبکه‌بندی ورق با استفاده از المان S4R انجام شده است و برای ابزار صلب از المان R3D4 استفاده گردیده است. تماس میان سطوح ابزار شکل دهنده و ورق به صورت سطح به سطح و با ضریب اصطکاک کولمب ۰/۱ تعریف شده است<sup>[۱۹]</sup>.

مسیر ابزار شکل دهنی بصورت دایره ای با گام عمودی ثابت (مسیر پلکانی) با پارامترهای گام و سرعت پیش روی مشابه آزمایش های تجربی در نظر گرفته شده است. نمونه ورق شکل داده شده در شبیه سازی عددی در شکل ۴ نشان داده شده است.

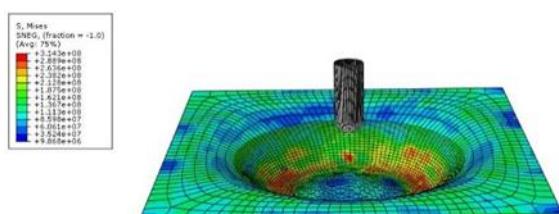
شیبیه‌سازی شکل دهی نموی ورق دولایه AA3105- St12 با ضخامت‌های کل مختلف، همچنین نسبت‌های ضخامت متفاوت برای لایه‌های تشکیل دهنده و در حالت‌های تماس لایه آلومینیومی و یا لایه فولادی با ابزار شکل دهی انجام شده است. در شبیه‌سازی‌ها و آزمایش‌های تجربی، نسبت ضخامت از نسبت لایه بالایی (در حال تماس با ابزار) به لایه پایینی محاسبه می‌گردد. با در نظر گرفتن سطوح مختلف برای هر یک از پارامترها شامل ضخامت‌های کل ۱، ۲ و ۳ میلیمتر، نسبت ضخامت ۰/۵، ۱ و ۲ برای لایه‌ها و وضعیت دوگانه تماس لایه‌های آلومینیوم یا فولاد با ابزار در مجموع ۱۸ حالت مختلف از فرایند، شبیه‌سازی شد. جدول ۴ مشخصات طراحی آزمایش به روش فول فاکتوریل را نشان می‌دهد. در این جدول حالت تماس لایه آلومینیوم با ابزار شکل دهی به اختصار به صورت AS و حالتی که لایه فولادی در تماس، با ابزار است با SA نمایش داده شده است.

٤- نتائج و بحث

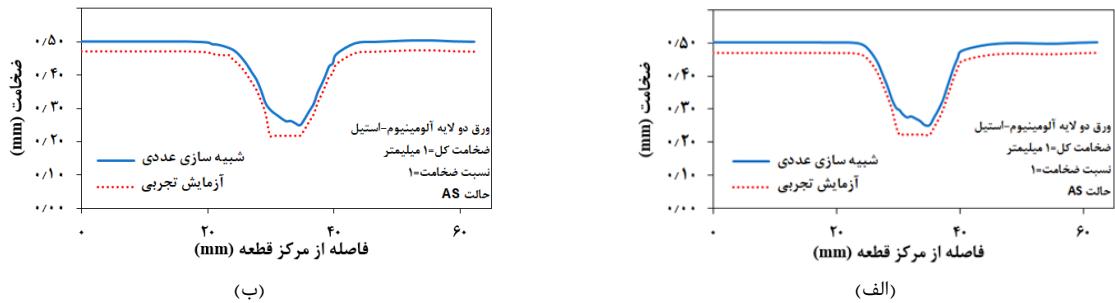
#### ٤- مقایسه نتایج عددی و تحریر

جهت ارزیابی نتایج شبیه سازی، در دو حالت مختلف (چیدمان مختلف لایه های فولاد و آلومینیوم) آزمایش‌های تجربی انجام شده و ضخامت لایه‌ها مورد بررسی قرار گرفته است. شکل ۵ مسیر اندازه‌گیری ضخامت در نمونه برش خورده در حالت AS را نشان می‌دهد. در شکل ۶ و ۷ مقایسه توزیع ضخامت به دست آمده از آزمایش‌های تجربی و شبیه‌سازی عددی به ترتیب در حالت AS و SA نشان داده شده است.

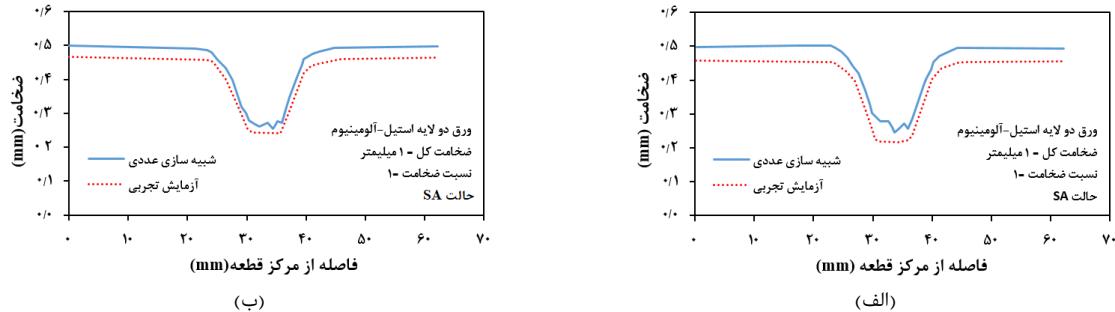
با توجه به مقایسه نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی و شبیه‌سازی عددی در حالت‌های AS و SA که در شکل‌های ۶ و ۷ مشاهده شد، می‌توان از دقت بالای نتایج اطمینان حاصل کرد که در حدوای ۵ نتایج مقابله، آورده شده است.



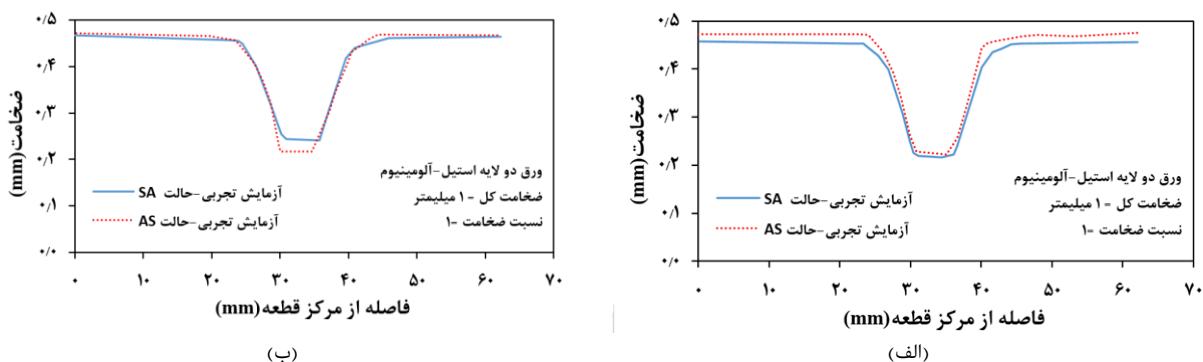
شکا، و، شکا، داده شده در شبیوسازی، احنا محدود



شکل ۶) مقایسه توزیع ضخامت لایه‌ها به دست آمده از آزمایش تجربی و شبیه‌سازی اجزا محدود (حالت AS) (الف) توزیع ضخامت در لایه آلومینیوم ب) توزیع ضخامت در لایه فولاد



شکل ۷) مقایسه توزیع ضخامت لایه‌ها به دست آمده از آزمایش تجربی و شبیه‌سازی اجزا محدود(حالت SA)، (الف) توزیع ضخامت در لایه آلومینیوم، ب) توزیع ضخامت در لایه فولاد



شکل ۸) مقایسه توزیع ضخامت لایه‌های به دست آمده از آزمایش‌های تجربی در حالت AS و SA، (الف) توزیع ضخامت در لایه آلومینیوم ب) توزیع ضخامت در لایه فولاد

ساختار شبکه عصبی مورد استفاده، مطابق شکل ۹، دارای ۷ لایه پنهان یا میانی و یک طبقه در خروجی به منظور تعیین مقدار نهایی تابع است. توابع فعال‌ساز لایه‌های میانی از نوع سیگموید به صورت رابطه ۱ است:

$$O = Sigmoid(X) = \frac{1}{1 + e^{-nx}} \quad (1)$$

که مقدار n در این تابع برابر با ۱ درنظر گرفته شده است. تابع فعال‌ساز خروجی به دلیل اینکه خروجی تابع پیوسته است از نوع تابع خطی با ضریب ۱ است؛ به عبارت دیگر تابع  $y = x$  در نظر گرفته شده است.

در شبکه عصبی شکل ۹ مقادیر ضخامت کل ورق دولایه (T) و نسبت ضخامت لایه‌ها (TR) به عنوان ورودی به شبکه وارد شده و خروجی شبکه تابع تخمین نیروی وارد بر ابزار (F) می‌باشد. از

جدول ۵) اختلاف نتایج حاصل از آزمایش‌های تجربی و شبیه‌سازی عددی

اختلاف	حالت شبیه‌سازی عددی و آزمایش تجربی
% ۸	لایه آلومینیوم AS
% ۶/۵	لایه استیل AS
% ۷/۵	لایه آلومینیوم SA
% ۶	لایه استیل SA

جدول ۶) اختلاف نتایج آزمایش های تجربی بین دو حالت مختلف

اختلاف	حالات تجربی
% ۴	لایه آلومینیوم SA و AS
% ۷	لایه استیل SA و AS

لایه آلومینیومی (A) و ضخامت لایه فولادی (S) تعریف می‌گردد.

مقادیر ضرایب وزنی مربوط به بایاس‌ها در رابطه ۳ آورده شده است.

$$\begin{aligned} W_{bias} &= [W_{1-b} \quad W_{2-b} \quad W_{3-b} \quad W_{4-b} \quad W_{5-b} \quad W_{6-b} \quad W_{7-b}] \\ &= [-3068.97 \quad -3995.88 \quad 1759.82 \quad 1409.68 \quad 475.23 \\ &\quad 2012.18 \quad -3728.48] \end{aligned} \quad (۳)$$

همچنین ضرایب وزنی لایه خروجی مطابق رابطه ۴ است.

$$\begin{aligned} W_{out} &= [W_{1-x} \quad W_{2-x} \quad W_{3-x} \quad W_{4-x} \quad W_{5-x} \quad W_{6-x} \quad W_{7-x}] \\ &= [1821.76 \quad 2102.92 \quad -23.66 \quad 107.41 \quad 55.77 \quad 75.51 \quad 992.07] \end{aligned} \quad (۴)$$

مقدار بایاس طبقه خروجی برابر با ۷۹۶/۷۷ است.

برای تابع A نیز محاسبات مشابه روال بالا با استفاده از الگوریتم ژنتیک ارائه شده، انجام پذیرفته است. شکل ۱۱ نمودار حداقل شدن خطای خروجی بر حسب تعداد تکرار رسم شده است. مشاهده می‌شود که پس از ۵۰۰۰ تکرار، مقدار خطای تقریباً به صفر رسیده و مقادیر بهینه ضرایب وزنی برای تخمین تابع A به دست آمده است.

مقادیر نهایی مربوط به ماتریس ضرایب وزنی برای تخمین A در روابط ۵ تا ۷ نشان داده شده است.

$$\begin{aligned} W_{hidden} &= [W_{1-1} \quad W_{1-2} \quad W_{1-3} \quad W_{1-4} \quad W_{1-5} \quad W_{1-6} \quad W_{1-7}] \\ &= [W_{2-1} \quad W_{2-2} \quad W_{2-3} \quad W_{2-4} \quad W_{2-5} \quad W_{2-6} \quad W_{2-7}] \\ &= [-0.42 \quad 3.96 \quad -6.21 \quad -0.98 \quad 2.16 \quad 3.01 \quad -4.29] \\ &= [-9.06 \quad -4.55 \quad 0.64 \quad 1.43 \quad 2.32 \quad -2.90 \quad -6.92] \end{aligned} \quad (۵)$$

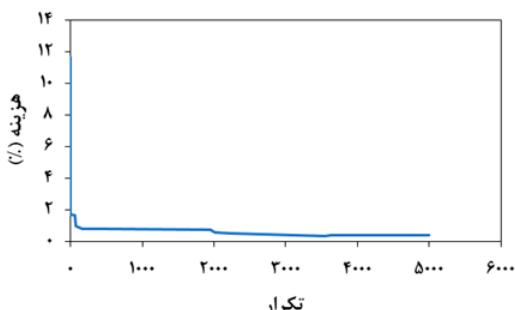
$$\begin{aligned} W_{bias} &= [W_{1-b} \quad W_{2-b} \quad W_{3-b} \quad W_{4-b} \quad W_{5-b} \quad W_{6-b} \quad W_{7-b}] \\ &= [8.29 \quad 6.98 \quad 0.51 \quad 0.95 \quad -9.18 \quad -4.18 \quad 7.47] \end{aligned} \quad (۶)$$

$$\begin{aligned} W_{out} &= [W_{1-x} \quad W_{2-x} \quad W_{3-x} \quad W_{4-x} \quad W_{5-x} \quad W_{6-x} \quad W_{7-x}] \\ &= [7.48 \quad 0.026 \quad 8.83 \quad -3.92 \quad -0.55 \quad -9.74 \quad -9.29] \end{aligned} \quad (۷)$$

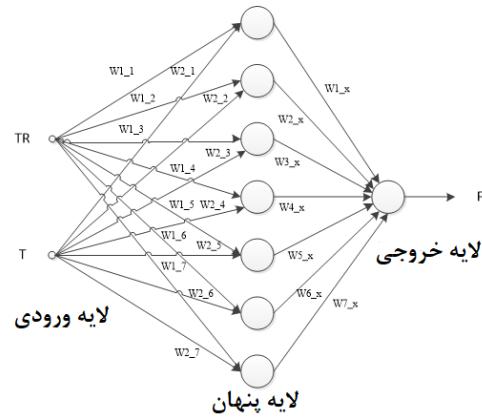
مقدار بایاس خروجی ۳/۳۸ می‌باشد.

برای خروجی تابع S نیز با روندی مشابه توابع F و A، نتایج مطابق شکل ۱۲ بدست آمده است.

مشاهده می‌شود که پس از ۱۵۰۰۰ تکرار الگوریتم ژنتیک، مقدار خطای مقدار صفر رسیده است. مقادیر ماتریس ضرایب وزنی برای تخمین S در روابط ۸ تا ۱۰ نشان داده شده است.



شکل ۱۱) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده A

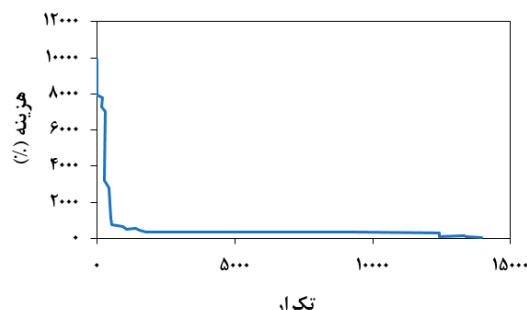


شکل ۹) شبکه عصبی تخمین زننده نیرو (F)

شبکه‌های عصبی با ساختارهای مشابه برای تخمین توابع ضخامت لایه‌های آلومینیوم (A) و فولاد (S) استفاده شده است. برای بدست آوردن ضرایب شبکه‌های عصبی تعریف شده از روش‌های مختلفی از قبیل الگوریتم پساننتشار، روش لونبرگ-مارگارت و غیره می‌توان استفاده نمود. در این پژوهش از روش الگوریتم ژنتیک برای بدست آوردن ضرایب شبکه‌های عصبی فوق استفاده شده است. در این الگوریتم تعداد کروموزوم‌ها ۵۰ عدد، تعداد زن‌ها برابر با ۲۹ عدد (به تعداد جمع ضرایب وزنی نیاز برای شبکه عصبی)، تعداد فرزندان ۲۰ عدد، تعداد والدها ۲۰ عدد و تعداد کروموزوم‌های تصادفی برابر با ۹ عدد بوده است. تابع هزینه برابر با جمع قدر مطلق خطای خروجی به ازای تمامی ورودی‌ها در نظر گرفته شده است. شکل ۱۰ فرایند حداقل شدن تابع هزینه در محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده نیرو را نشان می‌دهد که پس از ۱۴۰۰۰ تکرار در الگوریتم ژنتیک مقدار خطای خروجی تابع تخمین‌گر برای F از ۸۰۰۰ به نزدیک صفر رسیده است.

مقادیر محاسبه شده برای ضرایب وزنی لایه میانی در رابطه ۲ نشان داده شده است.

$$\begin{aligned} W_{hidden} &= [W_{1-1} \quad W_{1-2} \quad W_{1-3} \quad W_{1-4} \quad W_{1-5} \quad W_{1-6} \quad W_{1-7}] \\ &= [W_{2-1} \quad W_{2-2} \quad W_{2-3} \quad W_{2-4} \quad W_{2-5} \quad W_{2-6} \quad W_{2-7}] \\ &= [315.50 \quad 620.83 \quad -352.00] \\ &= [2435.57 \quad 1376.76 \quad -468.98] \\ &\quad -1480.51 \quad -37.68 \quad 4661.71 \quad -4099.46 \\ &\quad 23.03 \quad -455.95 \quad -3338.13 \quad 2220.44 \end{aligned} \quad (۲)$$



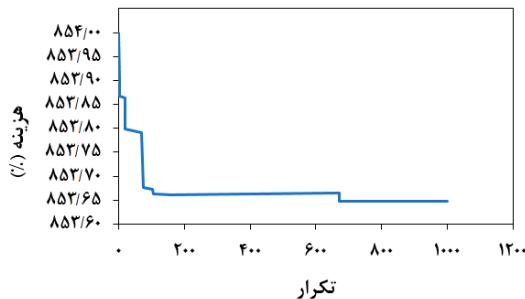
شکل ۱۰) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده F

نمودارهای نتایج حاصل از بهینه‌سازی در شکل‌های ۱۳ تا ۱۸ آورده شده است.

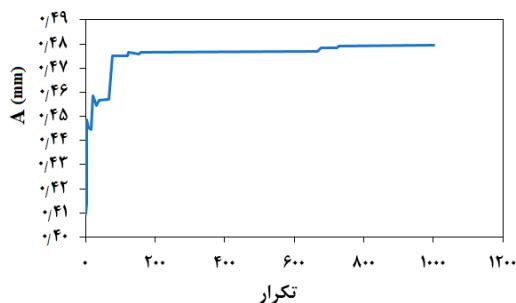
#### ۲-۴ بهینه‌سازی فرایند در حالت SA

##### ۱-۲-۴ محاسبه توابع مورد نیاز

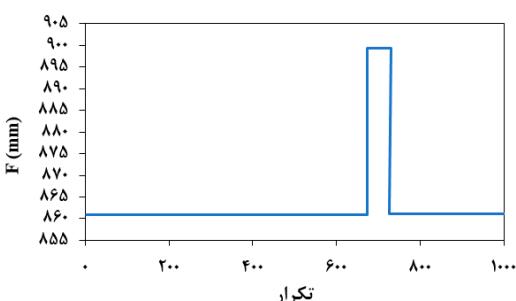
برای بهدست آوردن توابع خروجی بر حسب متغیرهای ورودی در این بخش نیز مانند بخش ۱-۴ از روش شبکه عصبی استفاده شده است. در لایه میانی ۷ پرسپترون و در خروجی یک پرسپترون استفاده شده است. برای یادگیری شبکه عصبی و



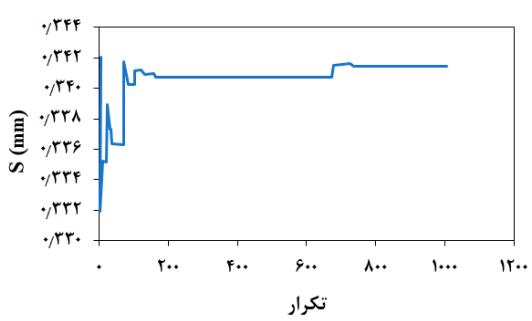
شکل ۱۳) نمودار تابع هزینه بهینه شده



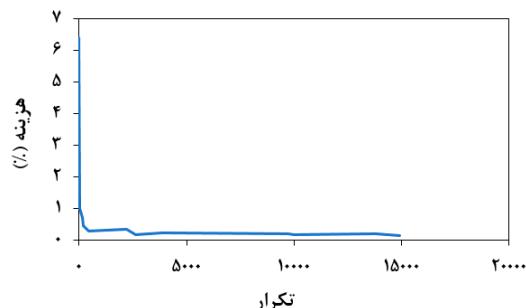
شکل ۱۴) نمودار تغییرات A به سمت بهینه شدن



شکل ۱۵) نمودار تغییرات F به سمت بهینه شدن



شکل ۱۶) نمودار تغییرات S به سمت بهینه شدن



شکل ۱۲) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زنده S

$$\begin{aligned} W_{hidden} &= \begin{bmatrix} W_{1-1} & W_{1-2} & W_{1-3} & W_{1-4} & W_{1-5} & W_{1-6} & W_{1-7} \\ W_{2-1} & W_{2-2} & W_{2-3} & W_{2-4} & W_{2-5} & W_{2-6} & W_{2-7} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 3.60 & 5.94 & 7.39 & -0.16 & 6.73 & -1.97 & -3.08 \\ 2.08 & -5.82 & -1.25 & 1.00 & 1.08 & -8.50 & 4.68 \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (8)$$

$$\begin{aligned} W_{bias} &= \begin{bmatrix} W_{1-b} & W_{2-b} & W_{3-b} & W_{4-b} & W_{5-b} & W_{6-b} & W_{7-b} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -1.74 & 5.19 & 1.13 & -4.16 & -3.85 & 9.05 & 2.71 \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (9)$$

$$\begin{aligned} W_{bias} &= \begin{bmatrix} W_{1-b} & W_{2-b} & W_{3-b} & W_{4-b} & W_{5-b} & W_{6-b} & W_{7-b} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -1.74 & 5.19 & 1.13 & -4.16 & -3.85 & 9.05 & 2.71 \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (10)$$

مقدار بایاس خروجی ۳/۶۵ است.

#### ۲-۱-۴ بهینه کردن توابع

بهینه کردن نیروی شکل‌دهی و ضخامت نهایی لایه‌های آلومینیوم و فولاد با استفاده از سه تابع بهدست آمده از شبکه عصبی انجام می‌شود. بدین منظور برای اجرای بهینه‌سازی چند هدفه این توابع در تابع هزینه (Cost) تعریف می‌شوند.

هدف کمینه کردن تابع F، بیشینه کردن تابع S و Ag است، در نتیجه تابع هزینه به صورت رابطه ۱۱ تعریف می‌گردد:

$$Cost = |F| + \left| \frac{1}{S} \right| + \left| \frac{1}{A} \right| \quad (11)$$

اگر تابع هزینه فوق حداقل گردد، آنگاه شرایط بهینه شدن توابع F، S و A فراهم می‌شود. برای حل مسئله از الگوریتم ژنتیک با TR کروموزوم استفاده شده است. ژن‌های کروموزوم‌ها، مقادیر T و H هستند. از تعداد ۱۰۰ کروموزوم، ۴۰ عدد والد، ۴۰ عدد فرزند و باقی به صورت تصادفی انتخاب می‌شوند.

حداکثر تکرار الگوریتم با توجه به همگرا شدن پارامترها حدوداً ۱۰۰۰ تکرار می‌باشد. برای اینکه دقت روش افزایش یابد، الگوریتم به تعداد ۵ بار اجرا شده و نتایج بدست آمده در جدول ۷ آورده شده است.

جدول ۷) روند بهینه سازی در ۵ بار اجرای فرایند در حالت AS

شماره تکرار	A (mm)	S (mm)	F (N)	T (mm)	TR
۱	۰/۴۷۵	۰/۳۴۰۲	۸۴۸/۶۲	۱/۱۳۰	۰/۹۷۵
۲	۰/۴۷۶	۰/۳۴۰۷	۸۴۸/۶۲	۱/۱۲۹	۰/۹۷۵
۳	۰/۴۷۷	۰/۳۴۰۹	۸۴۸/۶۴	۱/۱۲۵	۰/۹۷۳
۴	۰/۴۷۸	۰/۳۴۱	۸۴۸/۶۲	۱/۱۱۳	۰/۹۸۰
۵	۰/۴۷۹	۰/۳۴۹	۸۴۸/۶۲	۱/۱۲۷	۰/۹۷۹

نتایج حاصل از تخمین تابع برای خروجی F در شکل ۲۰ نشان داده شده است.

مشاهده می‌گردد که پس از ۱۰۰۰۰ تکرار، خطای صفر همگرا شده است. ماتریس‌های ضرایب وزنی در روابط ۱۵ تا ۱۷ نشان داده شده است.

$$\begin{aligned} W_{hidden} &= \begin{bmatrix} W_{1-1} & W_{1-2} & W_{1-3} & W_{1-4} & W_{1-5} & W_{1-6} & W_{1-7} \\ W_{2-1} & W_{2-2} & W_{2-3} & W_{2-4} & W_{2-5} & W_{2-6} & W_{2-7} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -6.51 & -0.23 & 1.13 & 9.54 & 7.23 & -9.99 & 0.26 \\ 1.17 & -3.82 & -0.61 & -2.80 & 5.48 & 0.42 & -0.96 \end{bmatrix} \quad (15) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{bias} &= \begin{bmatrix} W_{1-b} & W_{2-b} & W_{3-b} & W_{4-b} & W_{5-b} & W_{6-b} & W_{7-b} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 0.078 & 3.03 & -2.05 & -2.92 & -7.40 & 2.43 & 4.03 \end{bmatrix} \quad (16) \end{aligned}$$

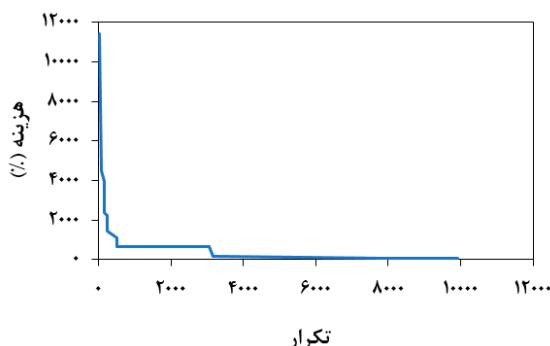
$$\begin{aligned} W_{out} &= \begin{bmatrix} W_{1-x} & W_{2-x} & W_{3-x} & W_{4-x} & W_{5-x} & W_{6-x} & W_{7-x} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -2.52 & 5.28 & 2.48 & 0.20 & -4.01 & 8.05 & 6.35 \end{bmatrix} \quad (17) \end{aligned}$$

برای ضریب بایاس نیز خروجی  $\frac{-26}{93}$  به دست آمده است. برای تابع S نیز نتایج مطابق شکل ۲۱ محاسبه شده است.

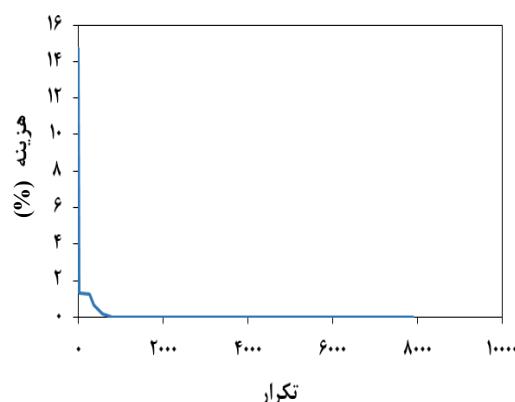
پس از ۱۰۰۰۰ تکرار تابع هزینه حداقل شده است. ماتریس ضرایب وزنی در روابط ۱۸ تا ۲۰ نشان داده شده است.

$$\begin{aligned} W_{hidden} &= \begin{bmatrix} W_{1-1} & W_{1-2} & W_{1-3} & W_{1-4} & W_{1-5} & W_{1-6} & W_{1-7} \\ W_{2-1} & W_{2-2} & W_{2-3} & W_{2-4} & W_{2-5} & W_{2-6} & W_{2-7} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -4.41 & -0.03 & 6.00 & 0.08 & 6.73 & -0.82 & -2.46 \\ 8.58 & -0.37 & -3.77 & -3.44 & 0.41 & 0.55 & -2.89 \end{bmatrix} \quad (18) \end{aligned}$$

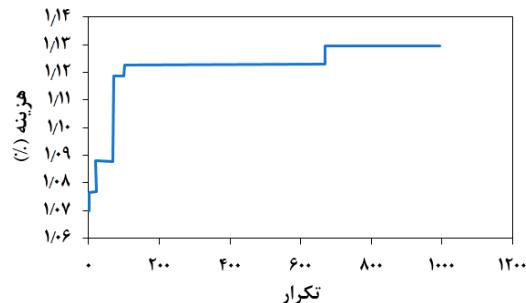
$$\begin{aligned} W_{bias} &= \begin{bmatrix} W_{1-b} & W_{2-b} & W_{3-b} & W_{4-b} & W_{5-b} & W_{6-b} & W_{7-b} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 1.67 & 3.33 & -5.29 & 7.89 & -7.15 & -1.91 & 2.63 \end{bmatrix} \quad (19) \end{aligned}$$



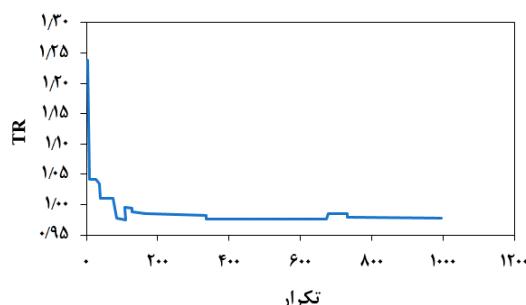
شکل ۲۰) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده A



شکل ۲۱) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده S



شکل ۱۷) نمودار تغییرات T به سمت بهینه شدن



شکل ۱۸) نمودار تغییرات TR به سمت بهینه شدن

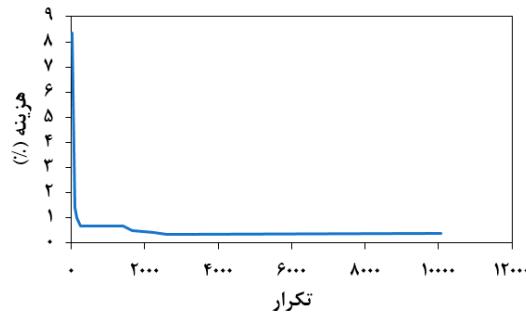
به دست آوردن ماتریس‌های ضرایب وزنی از روش الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. برای ضریب بایاس خروجی F نیز به صورت شکل ۱۹ حاصل شده است.

پس از ۱۰۰۰۰ تکرار، خطای صفر همگرا شده است. ماتریس‌های ضرایب وزنی در روابط ۱۴ تا ۱۶ نشان داده شده است.

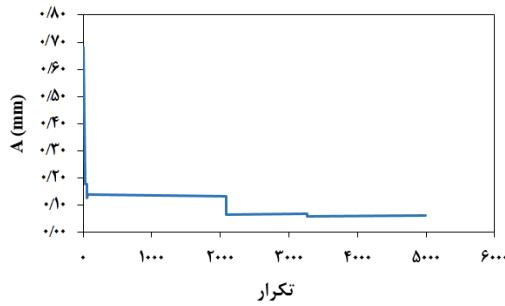
$$\begin{aligned} W_{hidden} &= \begin{bmatrix} W_{1-1} & W_{1-2} & W_{1-3} & W_{1-4} & W_{1-5} & W_{1-6} & W_{1-7} \\ W_{2-1} & W_{2-2} & W_{2-3} & W_{2-4} & W_{2-5} & W_{2-6} & W_{2-7} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 1995.39 & -2577.54 & 130.18 \\ -1445.85 & 425.34 & 71.56 \\ -333.81 & -1355.90 & -1537.10 \\ 180.92 & 3215.82 & 2709.86 \\ & & -443.11 \\ & & -203.09 \end{bmatrix} \quad (12) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{bias} &= \begin{bmatrix} W_{1-b} & W_{2-b} & W_{3-b} & W_{4-b} & W_{5-b} & W_{6-b} & W_{7-b} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 3659.31 & 439.76 & -473.86 & -346.63 \\ -1710.29325261461 & -4931.45 & 1295.1 \end{aligned} \quad (13)$$

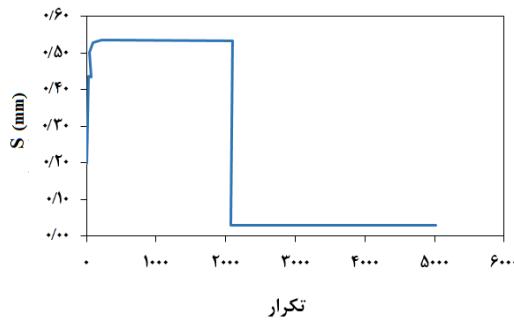
$$\begin{aligned} W_{out} &= \begin{bmatrix} W_{1-x} & W_{2-x} & W_{3-x} & W_{4-x} & W_{5-x} & W_{6-x} & W_{7-x} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 1743.72 & 303.19 & -24.64 & -1848.41 \\ -1597.45 & -2304.13 & 772.90 \end{bmatrix} \quad (14) \end{aligned}$$



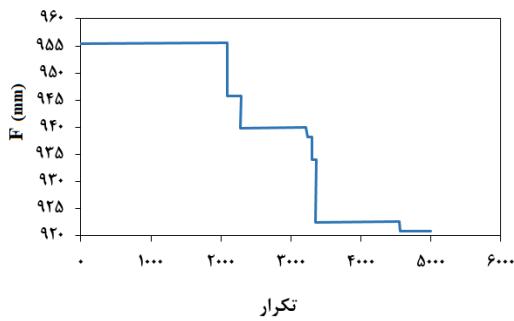
شکل ۱۹) نمودار تابع هزینه و حداقل شدن آن برای محاسبه ضرایب وزنی شبکه عصبی تخمین زننده F



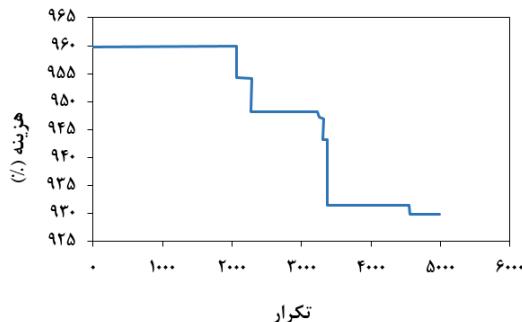
شکل ۲۴) نمودار تغییرات A به سمت بهینه شدن



شکل ۲۵) نمودار تغییرات S به سمت بهینه شدن



شکل ۲۶) نمودار تغییرات F به سمت بهینه شدن



شکل ۲۷) نمودار تغییرات تابع هزینه به سمت بهینه شدن

جدول ۹) مقایسه نتایج نسبت ضخامت (TR) در حالت بهینه سازی و شبیه سازی عددی

اختلاف	شبیه سازی	شبیه سازی	بهینه سازی	حالت
۱۳%	۱/۱۲	۰/۹۷۶		AS
۱۴%	۰/۵۸	۰/۵		SA

$$W_{bias} = [W_{1-b} \quad W_{2-b} \quad W_{3-b} \quad W_{4-b} \quad W_{5-b} \quad W_{6-b} \quad W_{7-b}] \quad (19)$$

$$= [1.67 \quad 3.33 \quad -5.29 \quad 7.89 \quad -7.15 \quad -1.91 \quad 2.63]$$

$$W_{out} = [W_{1-x} \quad W_{2-x} \quad W_{3-x} \quad W_{4-x} \quad W_{5-x} \quad W_{6-x} \quad W_{7-x}] \quad (20)$$

$$= [2.32 \quad 5.35 \quad -1.07 \quad -0.32 \quad 1.0 \quad -5.34 \quad 7.82]$$

برای ضریب بایاس خروجی ۷/۵۸- نتیجه شده است.

## ۲-۲-۵ پهینه کردن توابع

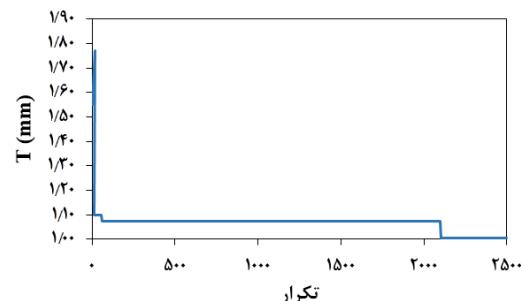
مشابه حالت قبل، در حالت تماس لایه فولاد با ابزار نیز از الگوریتم ژنتیک با تمامی شرایط بیان شده در بخش ۱-۲-۴ بهینه سازی بر رویتابع هزینه صورت گرفته است. جدول ۸ نتایج ۵ بار اجرای فرایند بهینه سازی را نمایش می‌دهد.

نمودارهای نتایج حاصل از بهینه سازی در شکل‌های ۲۲ تا ۲۷ نشان داده شده است.

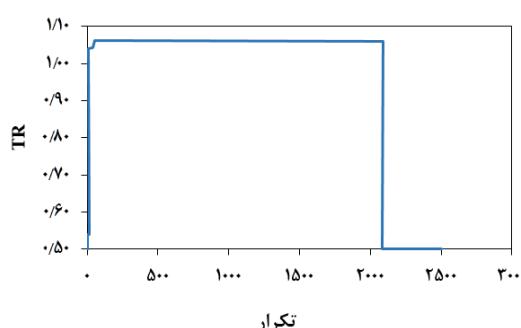
جهت ارزیابی دقیق پیش‌بینی انجام شده در روند بهینه سازی، با انجام شبیه‌سازی عددی با استفاده از پارامترهای بهینه بدست آمده بر مبنای اطلاعات جدولهای ۷ و ۸، نتایج حاصل از شبیه سازی با نتایج بهینه سازی مطابق جدول ۹ مقایسه شده‌اند. این مقایسه نشان می‌دهد بهینه سازی انجام شده از دقیق مناسبی برخوردار است.

جدول ۸) روند بهینه سازی در ۵ بار اجرای فرایند در حالت SA

A (mm)	S (mm)	F (N)	T (mm)	TR	شماره تکرار
۰/۳۲۸	۰/۱۶۸	۹۱۰/۸۵	۱/۰۰۰۱	۰/۵۰۰۰	۱
۰/۳۲۸	۰/۱۶۸	۹۶۴/۴۶	۱/۰۰۰۲	۰/۵۰۰۰	۲
۰/۳۳۱	۰/۱۶۹	۹۲۱/۶۶	۱/۰۰۰۷	۰/۵۰۰۰	۳
۰/۳۳۷	۰/۱۷۰	۹۴۱/۱۱	۱/۰۰۲۳	۰/۵۰۰۰	۴
۰/۳۳۰	۰/۱۶۹	۹۲۰/۶۳	۱/۰۰۰۶	۰/۵۰۰۰	۵



شکل ۲۲) نمودار تغییرات T به سمت بهینه شدن



شکل ۲۳) نمودار تغییرات TR به سمت بهینه شدن

- Institution of Mechanical Engineers, Part B: Journal of Engineering Manufacture. 2004;218(11):1453-9.
- 4- Duflou J, Verbert J, Belkassem B, Gu J, Sol H, Henrard C, et al. Process window enhancement for single point incremental forming through multi-step toolpaths. CIRP annals. 2008;57(1):253-6.
- 5-Hamilton K, Jeswiet J. Single point incremental forming at high feed rates and rotational speeds: Surface and structural consequences. CIRP annals. 2010;59(1):311-4.
- 6-Manco G, Ambrogio G. Influence of thickness on formability in 6082-T6. International Journal of Material Forming. 2010;3(1):983-6.
- 7-Skjoeidt M, Silva MB, Martins P, Bay N. Strategies and limits in multi-stage single-point incremental forming. The Journal of Strain Analysis for Engineering Design. 2010;45(1):33-44.
- 8-Zhang C, Xiao HF. Incremental forming path-generated method based on the intermediate models of bulging simulation. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology. 2013;67(9-12):2837-44.
- 9-Mirnia M, Dariani BM, Vanhove H, Duflou J. Thickness improvement in single point incremental forming deduced by sequential limit analysis. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology. 2014;70(9-12):2029-41.
- 10-Mohammadi Najafabadi H, Ataee AA, Sharififar M. Numerical and Experimental Investigation of Incremental Sheet Metal Forming Parameters and Multi-objective Optimization Using Neural-genetic Algorithm. Modares Mechanical Engineering. 2014;14(2):167-74.
- 11-Zahedi A, Mollaei-Dariani B, Morovvati MR. Numerical and experimental investigation of single point incremental forming of two layer sheet metals. Modares Mechanical Engineering. 2015;14(14):1-8.
- 12-Esmaeili AR, Keshavarz M, Mojra A. Optimization of hyperelastic model parameters of soft tissue based on genetic algorithm utilizing experimental mechanical dataset. Modares Mechanical Engineering. 2015;15(9):134-40.
- 13- Pak A, Deilami Azodi H, Mahmoudi M. Investigation of Ultrasonic Assisted Incremental Sheet Metal Forming Process. Modares Mechanical Engineering. 2015; 14 (11) :106-114. (In Persian)
- 14-Esmaeilpour R, Kim H, Park T, Pourboghrat F, Mohammed B. Comparison of 3D yield functions for finite element simulation of single point incremental forming (SPIF) of aluminum 7075. International Journal of Mechanical Sciences. 2017; 133:544-54.
- 15-Chang Z, Li M, Chen J. Analytical modeling and experimental validation of the forming force in several typical incremental sheet forming processes. International Journal of Machine Tools and Manufacture. 2019; 140:62-76.
- 16-Feng F, Li J, Chen R, Huang L, Su H, Fan S. Multi-point die electromagnetic incremental forming for large-sized sheet metals. Journal of Manufacturing Processes. 2021; 62:458-70.
- 17-Mirzaloo A, Abdollahzadeh Gavgani M, Ahmadi S, Donyavi A. Investigation of factors affecting strain distribution in the process Round cross-section roll

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این مقاله با استفاده از بهینه‌سازی چند هدفه شکل دهنی نمودی ورق دولایه AA3105-St12 بر مبنای الگوریتم ژنتیک، شرایط بهینه برای ضخامت ورق دولایه و نسبت ضخامت لایه‌های تشکیل‌دهنده در حالت‌های مختلف تماس هر یک از لایه‌ها با ابزار شکل دهنی برای دستیابی به حداقل نیروی عمودی وارد بر ابزار و حداقل کاهش ضخامت لایه‌ها بدست آورده شد. به این منظور در حالت‌های مختلف فرایند نیروی وارد بر ابزار و ضخامت نهایی لایه‌ها با کمک شبیه‌سازی اجزای محدود فرایند تعیین گردید و با کمک شبکه عصبی مصنوعی مدلی برای تخمین نیرو و ضخامت نهایی لایه‌ها بر حسب پارامترهای ورودی استخراج شد. همچنین آزمایش‌های تجربی شکل دهنی نمودی ورق دولایه AA3105-St12 با هدف ارزیابی درستی نتایج عددی انجام شد. در حالت‌های مختلف تماس لایه آلومینیومی یا لایه فولادی با ابزار شکل دهنی، ضخامت بهینه ورق دولایه و نسبت بهینه ضخامت لایه‌ها تعیین گردید. مطابق نتایج در حالت تماس لایه آلومینیومی با ابزار مقدار خطای پس از ۱۵۰۰۰ تکرار الگوریتم ژنتیک به صفر رسید. ضخامت بهینه ورق دولایه ۲ میلیمتر و نسبت بهینه ضخامت لایه ها  $1/5$  بدست آمد. در حالت تماس لایه فولادی با ابزار پس از ۱۰۰۰۰ تکرار خطای به صفر همگرا شد و ضخامت بهینه و نسبت بهینه ضخامت لایه ها به ترتیب  $3/6$  میلیمتر و  $6/6$  تعیین گردید.

**تشکر و قدردانی:** نویسنده‌گان این مورد را بیان نکردند.

**تاییدیه اخلاقی:** این مقاله تاکنون در نشریه دیگری (به طور کامل یا بخشی از آن) به چاپ نرسیده و همچنین برای بررسی و چاپ به نشریه دیگری ارسال نشده است. محتوای علمی و ادبی مقاله حاضر مستخرج از فعالیت علمی نویسنده‌گان می‌باشد. نویسنده‌گان مقاله عهده دار صحت نتایج می‌باشند.

**تعارض منافع:** نویسنده‌گان اعلام می‌کنند که این اثر حاصل پژوهشی مستقل بوده، هیچگونه تضاد منافعی با اشخاص و یا سازمانهای دیگر ندارد.

**سهم نویسنده‌گان:** نویسنده‌گان این مورد را بیان نکردند.  
**منابع مالی:** تامین هزینه‌ها با استفاده از اعتبارات دانشگاه صنعتی ارak صورت پذیرفته است.

#### منابع

- Petek A, Jurisevic B, Kuzman K, Junkar M. Comparison of alternative approaches of single point incremental forming processes. Journal of materials processing technology. 2009;209(4):1810-5.
- Kim T, Yang D-Y. Improvement of formability for the incremental sheet metal forming process. International Journal of Mechanical Sciences. 2000;42(7):1271-86.
- Young D, Jeswiet J. Wall thickness variations in single-point incremental forming. Proceedings of the

- forming using experimental design method. Journal of Mechanical Engineering Amirkabir. 2017; 49 (2): 413-22. (in persian)
- 18-Zubillaga O, Cano F, Azkarate I, Molchan I, Thompson G, Cabral A, et al. Corrosion performance of anodic films containing polyaniline and TiO<sub>2</sub> nanoparticles on AA3105 aluminium alloy. Surface and Coatings Technology. 2008; 202(24):5936-42.
- 19-LI J-c, Chong L, ZHOU T-g. Thickness distribution and mechanical property of sheet metal incremental forming based on numerical simulation. Transactions of Nonferrous Metals Society of China. 2012; 22: s54-s60.