

تدوین فرآیندی بر مبنای مهندسی معکوس برای بهبود و ساخت قطعات فرسوده مکانیکی و سازه‌های هوایی

علیرضا پورموید^{۱*}، فرهاد جاویدراد^۲، حمیدرضا زارعی^۳ و مرتضی شهریاری^۴

اطلاعات مقاله	چکیده
واژگان کلیدی: مهندسی مجدد، بهینه‌سازی قطعات مکانیکی، مهندسی معکوس، آنالیز شکست.	<p>در این مقاله، به تشریح فرآیندی به منظور بهبود کارایی و ساخت قطعات ماشین-آلات و سازه‌های هوایی کارکرده پرداخته شده است. در این راستا یک متدولوژی بر مبنای مهندسی معکوس تدوین شده که شامل مراحل مهندسی مجدد و نمونه-سازی سریع معرفی نیز می‌باشد. با فرض عدم وجود اطلاعات و دانش طراحی قطعه مورد نظر، استفاده از این متدولوژی می‌تواند علاوه بر تولید دانش فنی، به ایجاد بستر لازم برای طراحی ابداعی و جدید نیز منجر شود. در این متدولوژی، ابتدا از نمونه اولیه مدل ابر نقاط تهیه شده و پس از ساخت مدل نمونه بر اساس مدل پارامتری و انجام آنالیزها و محاسبات، اطلاعات طراحی استخراج می‌شود. سپس، با تغییرات منطقی در مدل اولیه به مدل بهینه‌سازی شده دست یافته و در انتهای روش تولید آن منطبق با معیارهای نمونه‌سازی سریع انتخاب می‌شود. در این روش به موضوع شکست و طراحی بر اساس تحمل آسیب، نگاه ویژه‌ای شده است. فرآیند مورد نظر به صورت تجربی روی یک قطعه هواییما پیاده‌سازی شده است.</p>

موجود، از آن‌ها به عنوان یک مبنا و نقطه شروعی به منظور طراحی و ساخت سیستم‌های جدید بهره گیرند. در حال حاضر، توجه به نگهداری و تعمیرات سامانه‌های فنی که بعضاً طول عمر سروپس‌دهی آن‌ها به پایان رسیده و به اصطلاح پیری اجزا در آن به وقوع پیوسته است، و همچنین تامین قطعات مورد نیاز آن‌ها در مراکز پشتیبانی و لجستیکی به یک ضرورت تبدیل شده است [۱].

پدیده پیری در صنایع از مباحث روز در جامعه علمی و صنعتی است؛ این معضل نه تنها هزینه‌های بالایی را به صنایع تحمیل می‌کند بلکه موجب کاهش سطح ایمنی (خصوصاً ایمنی وسایل پرنده) نیز می‌گردد.

یکی از پیامدهای پیری هواییها، زمین‌گیر شدن بی‌برنامه و زودتر از موعد آن‌ها به دلیل تعمیرات یا انجام برنامه‌های پیشگیرانه است؛ با افزایش زمان زمین‌گیری

۱- مقدمه

توسعه سیستم‌های جدید و عمدۀ در صنایع مختلف از جمله صنایع هوایی‌پیمایی (نظمی و غیرنظمی) معمولاً با صرف هزینه‌های سنگین میسر می‌باشد. لذا اغلب تولید کنندگان سعی می‌کنند علاوه بر تمدید عمر سیستم‌های

- * پست الکترونیک نویسنده مسئول:
pourmoayed@gmail.com
- ۱. دانشجوی کارشناس ارشد مهندسی هوافضا، عضو هیئت علمی داخلی دانشکده هوافضا، دانشگاه علوم و فنون هوایی، تهران
- ۲. دانشیار مهندسی هوافضا، مرکز تحصیلات تكمیلی، دانشگاه علوم و فنون هوایی، تهران
- ۳. استادیار مهندسی هوافضا، مرکز تحصیلات تكمیلی، دانشگاه علوم و فنون هوایی، تهران
- ۴. دانشجوی کارشناسی ارشد هوافضا، مرکز تحصیلات تكمیلی، دانشگاه علوم و فنون هوایی، تهران

دستگاه‌های ابعاد برداری (ابر نقاط^۲) به منحنی، سطوح و دیگر فرم‌های هندسی مفید^۳ در محیط طراحی با کمک کامپیوتر^۴، مشکلاتی وجود دارد؛ و عملاً دستیابی به دقت بالا مستلزم تلاش‌های زیادی است.

از دیگر مشکلات، مسئله طراحی و آنالیز استحکامی، به طور خاص بحث خستگی و شکست است که اغلب بحرانی‌ترین اثر را در تحمل بار و شرایط کاری زیرمجموعه‌ها دارد. خصوصاً شکست و خستگی در اجزای مانند ارابه فرود، اتصالات اصلی هوایی و محل نصب موتور و ... که موجب خطر و کاهش ایمنی نیز می‌شود. لازم به ذکر است که معمولاً بهبود و بهسازی قطعات بحرانی برای ارتقای آستانه تحمل در مقابل شکست و خستگی نیاز به دقت زیاد و تلاش‌های محاسباتی و تجربی دارد.

در فرآیند تمدید عمر سازه‌های هوایی و قطعات صنعتی اغلب از مباحثی از جمله خوردگی، تنش‌های پسماند، شبیه‌سازی بارهای وارده، آنالیز ترک ناشی از خستگی در اجزای فرسوده، به عنوان موارد کلیدی و حائز اهمیت نام برده می‌شود [۳].

لازم به توجه است که در سامانه‌های قدیمی که بیش از سی سال از عمر آن‌ها می‌گذرد، آنالیزهای شکست و خستگی ندرتاً انجام شده است؛ و عمدۀ طراحی‌ها صرفاً بر اساس معیارهای تنش یا تغییرشکل بوده است. لذا، برای بهسازی قطعات و اطمینان از عملکرد مناسب آن‌ها آنالیز و آزمایش‌های شکست و خستگی به همراه سایر آنالیزهای متداول از جمله تحلیل تنش، ارتعاش، کمانش و ... بسیار ضروری است.

در فرآیند ساخت بعضی از قطعات موجود در سامانه‌های قدیمی و کارکرده نیز از فناوری‌هایی استفاده شده که در حال حاضر بعضاً منسوخ شده‌اند، لذا در حال حاضر، تأمین قطعات با تعداد کم (تیراژ پایین) و استفاده از فناوری‌های

هواییما یا یک سامانه هوایی، توان عملیاتی مجموعه کاهش یافته و هزینه نگهداری افزایش می‌یابد. برای تمدید عمر قطعات و سامانه‌های هواییماهای پیر و کارکرده باید به سه مقوله توجه کرد:

۱- این قطعات و سامانه‌ها با فناوری‌های دهه‌های گذشته طراحی شده‌اند و در بسیاری موارد داده‌های فنی اصلی، شامل نقشه‌های مهندسی و معیارهای طراحی در آن‌ها روشن نیست.

۲- در طراحی و شبیه‌سازی‌های مهندسی این قطعات و سامانه‌ها از روش‌های نسبتاً قدیمی استفاده شده که بعضاً از دقت کافی برخوردار نبوده‌اند و لذا، بهینه بودن این قطعات گاه‌گاه زیر سوال است.

۳- در استفاده از مواد و یا فرایندهای تولید در این قطعات و سامانه‌ها از محصولات قدیمی استفاده شده که بعضاً در حال حاضر موجود نبوده و یا استفاده از آن‌ها غیر اقتصادی است. خصوصاً در بحث نگهداری و تعمیر و ارتقای عمر، تعداد و تیراژ قطعات مورد نیاز در اقتصاد تولید نقش اساسی دارد.

لازم به ذکر است که هم اکنون بسیاری قطعات فنی در مراکز ساخت تولید و پشتیبانی صنایع هوایی در ماموریت‌های (اورهال-تعمیر-نگهداری)^۱، به روش مهندسی معکوس تولید می‌شوند؛ بدین صورت که قطعات اصلی با همان ویژگی‌های نمونه اولیه از نظر مشابهت ابعادی، جنس مواد و فرایند تولید تکثیر می‌شوند [۲]. در این مسیر، روش‌های علمی مبتنی بر فرایند مهندسی معکوس با بکارگیری دستگاه‌های نوین به همراه استفاده از روش‌های جدید ابعاد برداری (اسکن) و مدل‌سازی موجب شده است تا دقت قابل قبولی از نظر مشابهت هندسی نمونه تولیدی با نمونه اصلی بدست آید. البته مشکلات زیادی نیز در این حوزه وجود دارد. از جمله اینکه در اغلب موارد برای تبدیل توده نقاط اندازه‌گیری شده به کمک

² Cloud point

³ CAD Features

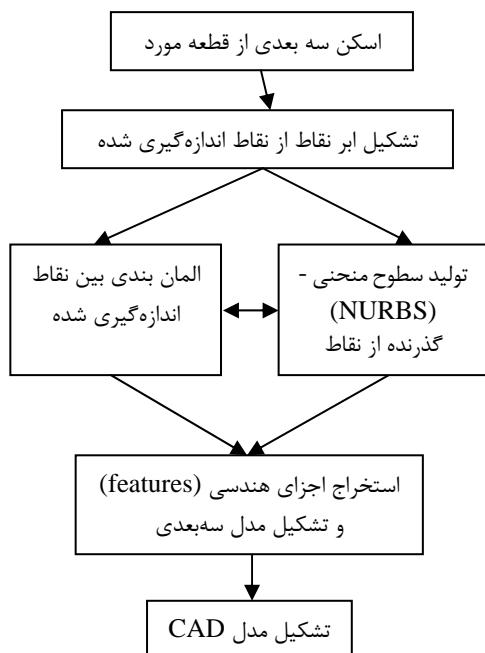
⁴ Computer Aided Design

^۱ Maintenance, Repair and Overhaul

از نو ساخته شود. فرآیند مهندسی معکوس مورد نظر در این مقاله در شکل ۱ داده شده است. لازم به تاکید است که خروجی این فرآیند مهندسی معکوس، مدل سه بعدی دیجیتالی، که در محیط CAD به صورت پارامتری بیان شده است، می باشد.

۲-۲- مهندسی مجدد

مهندسي مجدد، يك فرایند برای بهینه‌سازی و تولید مجدد قطعاتی است که اغلب برای بهبود طراحی قبلی و یا به منظور بهینه‌سازی طرح موجود از لحاظ عملکرد، ساختار مواد، یا کل هزینه ساخت انجام می‌شود.



شکل ۱- الگوریتم عمومی مهندسی معکوس برای قطعات سامانه‌های مکانیکی

در این فرایند، باید مشخص شود که طراحی جدید و یا اصلاح شده، استقامت در برابر بارهای وارد را داشته و دارای عمر مطلوبی است. همچنین باید نشان داده شود که قطعه قابل ساخت بوده و از نظر هزینه و زمان مقرر به صرفه می‌باشد. یکی از مراحل این فرآیند، تجزیه و تحلیل ساختاری و قابلیت اطمینان و بهینه‌سازی شکل هندسی قطعه و شبیه‌سازی روش ساخت آن است [۶-۷].

قدیمی که عمدتاً هزینه بالایی از نظر زمان تولید و تجهیزات مورد استفاده در پی دارند مقرر به صرفه نیست. سامانه‌های جدید طراحی و فناوری‌های ساخت بر اساس کامپیوترهای پیشرفته که هم اکنون در دسترس است فرصت بزرگی را برای رویارویی و غلبه بر این چالش پیش روی خود دارند [۴].

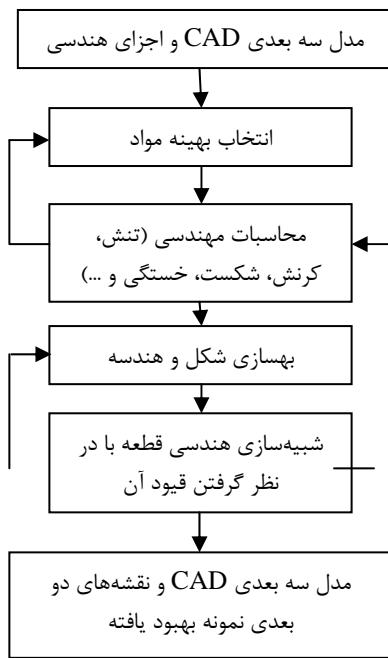
در این مقاله، علاوه بر ارائه الگوریتم پیشنهادی به منظور بهبود و بهسازی قطعات مکانیکی و سازه‌ها، پیاده‌سازی آن نیز با در نظر گرفتن عواملی چون مهندسی معکوس، مهندسی مجدد و نمونه‌سازی سریع انجام شده است. در این راستا، یک قطعه تکیه‌گاه مربوط به مکانیزم سطوح فرامین یک هواپیما در نظر گرفته شده و سعی گردیده تا با مهندسی مجدد آن، یک طرح بهبود یافته از نظر تولید، اقتصاد و کارایی ارائه شود.

۲- الگوریتم فرآیند

بستر فنی پیشنهادی در این مقاله، به سه فرآیند مهندسی معکوس، مهندسی مجدد و نمونه‌سازی سریع تفکیک شده است که هر فرآیند در زیر اجمالاً تشریح می‌شود.

۲-۱- مهندسی معکوس

مهندسي معکوس فرآيند خلق مجدد يك طراحی بوسیله تجزیه و تحلیل يك محصول نهایی و یا فرآیند تولید يك قطعه، زیر سیستم یا محصول موجود بدون کمک گرفتن از نقشه‌ها و مستندات یا مدل‌های کامپیوتراست [۵]. به طور کلی، مهندسی معکوس، فناوری برای تبدیل ابعاد هندسی نمونه به فایل دیجیتالی (رایانه‌ای) برای دوباره ساختن مدل هندسی قطعه است. دقت مدل دوباره ساخته شده به درجه دقت فرآیند دیجیتالی کردن نمونه بستگی دارد. در مهندسی معکوس یک مدل از توده نقاط نمونه برداری شده متراکم (ابر نقاط)، از ابتدا ساخته می‌شود و نقاط در تراکم بالا نمونه برداری می‌گردد تا محصول دقیق



شکل ۲- الگوریتم مهندسی مجدد برای قطعات سامانه‌های مکانیکی

۳-۲- نمونه‌سازی سریع

در نمونه‌سازی سریع^۵، معمولاً از فناوری ساخت سطوح سه بعدی جسم^۶ به منظور بازبینی طراحی انجام شده، و ساخت نمونه‌هایی فیزیکی از قطعاتی که مهندسی مجدد گردیده، انجام می‌شود [۸-۹]. به طور همزمان ماشین‌کاری و شکل‌دهی در محیط مجازی انجام می‌شود تا برنامه‌ریزی فرآیندهای ساخت نمونه کاربردی یا ساخت قطعات سخت و پیچیده قبل از ساخت نمونه اصلی انجام پذیرد.

نمونه‌سازی سریع اشاره به ساخت مدل یا نمونه سه بعدی فیزیکی به طور مستقیم از اطلاعات طراحی با کمک کامپیوتر (CAD) دارد. این فرآیند، در واقع، یک مورد خاص از فناوری ماشین‌کاری است که به سرعت به تولید مدل و نمونه قطعات براساس اطلاعات (سه بعدی) موجود می‌برد. از این روش، تولید شکل‌های مختلف مدل‌های فیزیکی امکان پذیر است. امروزه به

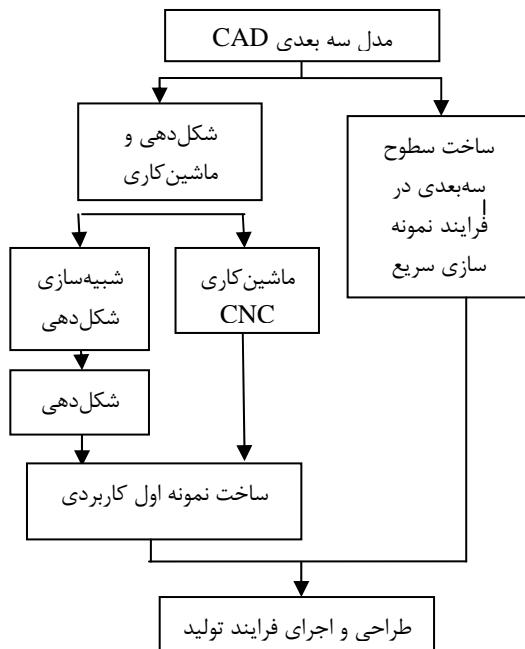
مهندسي مجدد، شامل محاسبات طراحی از جمله محاسبات خستگی و شکست و بهینه‌سازی شکل نیز می‌باشد. برای انجام این محاسبات، معمولاً مدل سه بعدی پارامتری نمونه مورد نظر به عنوان ورودی انتخاب شده و با استفاده از نرم‌افزارهای مهندسی، آنالیزهای طراحی از جمله محاسبات تنش، کرنش و تغییرشکل، محاسبات دینامیکی، آنالیز شکست و خستگی حساسیت‌های نمونه آشکار می‌شود. تجهیزات شبیه‌سازی و مدل‌سازی کامپیوتراز قبیل شبیه‌سازی‌های دینامیکی، آنالیز المان محدود^۱ و روش‌های پیش‌بینی شکست و خستگی برای شبیه‌سازی رفتار شکست و خستگی قطعات می‌توانند بکار گرفته شوند. نتایج شبیه‌سازی روی هندسه قطعه و مواد برای دستیابی به کارایی بهتر با حداقل هزینه (یا دستیابی به حداقل وزن قطعه که در اکثر شرایط عامل تعیین کننده می‌باشد) صورت می‌پذیرد. بر این اساس، انتخاب مواد و بهسازی شکل و هندسه نمونه انجام می‌شود. در انتخاب مواد به ارزانی، در دسترس بودن و خواص مهم ماده از جمله استحکام مکانیکی، صلابت، چقرمگی و استحکام در مقابل خوردگی باید توجه ویژه داشت.

در طراحی شکل و هندسه، قیدهای قطعه از جمله محل‌های نصب و اتصالات ثابت می‌ماند تا از نظر مونتاژ مشکلی ایجاد نشود. نهایتاً مدل بدست آمده در فضای مجازی، در مجموعه نصب شده و کارایی آن از نظر عدم تداخل با سایر قطعات، خصوصاً برای قطعات متحرک آزمایش می‌شود. در فرآیند مهندسی مجدد، طراحی با نگاه فرآگیر به فرآیند تولید اقتصادی انجام می‌شود. در نهایت، مدل بهبود یافته به صورت نقشه‌های دو بعدی CAD بیان می‌شود. این فرآیند در شکل ۲ نشان داده شده است.

^۵ Rapid Prototyping

^۶ Solid Freeform Fabrication

^۴ Finite Element Analysis



شکل ۳- الگوریتم ساخت سریع نمونه برای قطعات سامانه‌های سازه‌ای و مکانیکی

۳- پیاده‌سازی الگوریتم

برای پیاده‌سازی الگوریتم پیشنهادی، یک قطعه تکیه‌گاه اتصال مربوط به بال یک هواپیما در نظر گرفته شده است (شکل ۴). هیچ‌گونه مدارک فنی شامل استانداردهای قطعه، نوع مواد و نقشه‌های فنی در مورد این قطعه موجود نمی‌باشد. ولیکن می‌دانیم که این قطعه از مواد با استاندارد روسی توسط فرایند ریخته‌گری با قالب‌گیری سرامیکی ساخته شده است. این قطعه عملاً تحت بار خستگی از نوع یاتاقانی بوده و ایجاد ترک در آن محتمل است. ولیکن به علت عدم وجود اطلاعات طراحی، برآورده عمر واقعی این قطعه قابل انجام نمی‌باشد.



فناوری نمونه‌سازی سریع به عنوان یک روش تولیدی نگریسته می‌شود [۱۰-۱۱].

از نمونه‌سازی سریع گاهی به عنوان یک انقلاب صنعتی در روش‌های ساخت و تولید یاد می‌شود که از مشخص‌ترین ویژگی‌های این فناوری، ایجاد مدل و طراحی قطعات ماشین‌آلات فنی به روش مهندسی معکوس است؛ که قطعه مورد نظر با یک ابزار به سرعت تبدیل به یک ایده طراحی مفهومی می‌شود. و مدل فیزیکی، که تصور ذهنی طراحان بوده از این طریق تولید می‌شود. فرآیند نمونه‌سازی سریع کمک می‌کند تا طراح به تجسم نقشه‌های طراحی و مدل‌سازی قطعات طراحی شده بپردازد. معمولاً نمونه ساخته شده از این طریق، برای تایید هندسه مجدداً در سامانه نصب می‌شوند. علاوه بر این، نمونه‌های فیزیکی می‌توانند به عنوان نمونه‌های مومی یا پلاستیکی برای تولید قطعات اصلی از طریق فرآیندهایی مانند ریخته‌گری با قالب‌گیری سرامیکی^۱ (ریخته‌گری دقیق) نیز به خدمت گرفته شوند. کلیات فرایند نمونه‌سازی سریع در شکل ۳ ترسیم شده است.

در الگوی معرفی شده در این مقاله، مفهوم نمونه‌سازی سریع به تولید نمونه اصلی و یا تولید در حجم بسیار کم نیز تعمیم داده شده است. بدین معنا که ساخت نمونه اصلی با استفاده از فرایندهایی مانند ماشین‌کاری CNC نیز در مقوله نمونه‌سازی سریع قرار گرفته است.

¹ Investment Casting



شکل ۵- دستگاه اسکن غیر تماسی لیزری Rexcan III استفاده شده در این تحقیق

۳-۱-۲- تشكيل ابر نقاط و مدل سطوح قطعه مورد نظر

ابتدا فایل خروجی ثبت شده از دستگاه ابعاد برداری غیرتماسی با قالب STL به نرم افزار GeoMagic Studio12 وارد می‌شود؛ که توده متراکمی از ابر نقاط شامل ۴۴۴۱۵۶ نقطه تشکیل می‌شود. در مهندسی معکوس تعداد نقاط موجود در ابر نقاط تابعی از شکل قطعه اولیه و همچنین دقت برداشت نقاط است. اصولاً وجود چگالی بالا در نقاط، تشخیص اطلاعات اولیه را قادری با مشکل مواجه می‌سازد. بنابراین به منظور درک بهتر هندسه و توپولوژی قطعه، نیاز است که تعداد نقاط در ابر تا میزان لازم کاهش داده شود. این امر به دقت و ظرافت کاری طراح وابسته است به طوری که بتواند با استفاده از قابلیت‌های نرم‌افزارهای طراحی، نقاط نامرتب روی مرز منحنی‌ها و سطوح را تشخیص و آن‌ها را حذف یا اصلاح کند. شکل ۶ مدل ابر نقاط را پس از کاهش تعداد نقاط و رفع نویز و اغتشاش، نشان می‌دهد.

شکل ۴- نمایی از قطعه اتصال نگهدارنده مکانیزم حرکتی سطوح فرامین بال یک هواپیمای جت

۳-۱-۱-۱- اسکن سه بعدی قطعه

برای اسکن و ابعادبرداری قطعات مکانیکی، معمولاً در عمل از دو سامانه اسکن تماسی و اسکن غیرتماسی استفاده می‌شود. دستگاه اسکن غیر تماسی نسبت به دستگاه‌های تماسی که در آن‌ها یک حسگر روی سطح قطعه حرکت کرده و ابعاد برداری می‌نماید، بسیار سریعتر و ارزانتر است. همچنین دستگاه‌های اسکن غیرتماسی بهتر می‌توانند گوششها و محل‌های تیز قطعات را اسکن نمایند. ولیکن، ضعف عمومی آن‌ها در داده‌برداری در حجم بالا به صورت غیرمنظم است که بعضاً موجب دشواری در پردازش اطلاعات و تولید المان و سطوح می‌گردد [۱۲-۱۳].

در این تحقیق، برای اسکن قطعه مورد نظر از دستگاه اسکن غیر تماسی (لیزری) Rexcan III ساخت کشور کره جنوبی استفاده شده است. این سامانه، متشکل از یک دیجیتاپلر نوری با سرعت بسیار بالا در داده برداری نقاط، تجهیزات منبع لیزر و لنزهای اشنایدر بوده و از فناوری فرینج نوری در لنز میانی استفاده می‌کند [۱۴]. تصویری از دستگاه در حال اسکن نمونه مورد نظر در شکل ۵ نشان داده شده است.

این سامانه مجهز به نرم افزار AICON 3D STUDIO می‌باشد که فایل‌های ابر نقاط را حتی در عمق‌ها، شکاف‌ها و قسمت‌های پیچیده قطعات صنعتی با بررسی تلرانس و ابعاد هندسی ارائه داده و دارای خروجی مستقیم تحت فایل با فرمت STL است. خروجی فایل STL موجب تسییل در انتقال اطلاعات به سایر سامانه‌های CAD/CAM از جمله دستگاه‌های نمونه‌سازی سریع، چاپ سه بعدی^۱، CNC و ... می‌گردد.

^۱ 3D Printing Machines

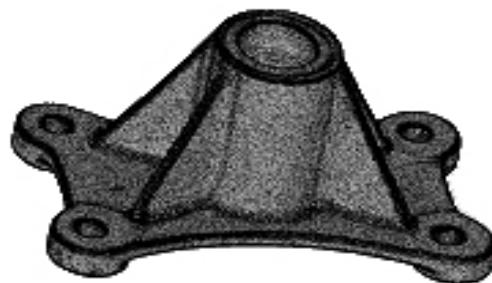
اساساً قطعات در سامانه‌های کارکرده و یا پیر و فرسوده، مهندسی مجدد می‌شوند. لذا برای حداقل نمودن زمان و هزینه طراحی و سادگی در ساخت با استفاده از سامانه‌های ساخت به کمک کامپیوتر^۲ نیاز به مدل‌های سه‌بعدی پارامتری با دقت بالا از ضروریات است [۱۵].

به طور کلی هیچ کدام از ابزارها و نرم افزارهای رایج، قادر نیستند به طور خودکار ابر نقاط را به مدل‌های سطح کامل با دقت بالا تبدیل کنند. علاوه بر این، تشخیص کلیه اجزای هندسی با استفاده از سامانه‌های نرم افزاری رایج (از جمله نرم‌افزار FeatureWorks) بدون دانستن مفاهیم مناسب طراحی با انجام کار دستی توسط طراح، از روی مدل استخراج شده، عملأً امکان‌پذیر نیست. اساساً شیوه‌های مدل‌سازی بر اساس ابر نقاط به چهار دسته مطابق زیر تقسیم‌بندی می‌شوند:

(الف) روش^۳ DCA: در این روش برای اخذ حداکثر دقت در تشخیص اجزای هندسی، ابتدا المان‌های مثلثی با استفاده از ابر نقاط تولید شده و سپس، محل تقاطع این المان‌ها با صفحات مواری نزدیک به هم در جهت اسکن، محاسبه می‌شوند. این نقاط برای تولید منحنی‌های کانتور استفاده شده و با کشیدن (اکستروود) این منحنی‌ها، سطح هندسی بدست می‌آید [۱۶]. این روش دارای دقت بالا بوده ولیکن حجم محاسباتی آن قدری زیاد است. ضمناً برخی اطلاعات اخذ شده در این روش از جمله عیوب سطحی قطعه و در کیفیت نتایج تاثیرگذار می‌باشد.

(ب) روش^۴ SSM: در این روش صرفاً بخشی از ابر نقاط که در محدوده اجزای هندسی قرار دارند استخراج شده و منحنی‌های کانتور هموار با استفاده از منحنی‌های بی-اسپلاین تولید می‌شوند. سپس، با این منحنی‌ها سطح هندسی ایجاد می‌شود [۱۷].

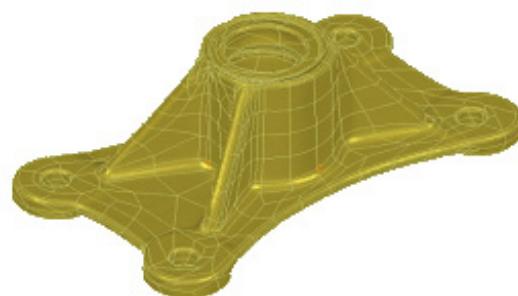
(ج) روش^۵ DSM: در این روش ابتدا نقاط مقطع اجزای هندسی برش خورده و به محیط CAD وارد می‌شود. با



شکل ۶- مدل ابر نقاط پس از کاهش و رفع نویز
(تعداد نقاط به حدود ۴۰۰۰۰ نقطه کاهش یافته است).

۳-۱-۳- تشکیل مدل سطوح قطعه مورد نظر

برای ایجاد سطح نهایی، از گزینه تطبیق سطوح^۱ موجود در نرم‌افزار GeoMagic Studio12 استفاده می‌شود. مقدار گزینه ترانس را بر اساس دقت مدل می‌توان در محدوده ۰/۰۱ تا ۰/۰۰۱ میلی‌متر قرار داده، تا با فعال کردن گزینه محاسبه خط، سطح صافی ایجاد شود. همچنین با قراردادن میانگین خطاهای حدود ۰/۰۰۲۵ میلی‌متر که پیش فرض نرم‌افزار در مدل‌سازی CAD می‌باشد، می‌توان این سطح را پذیرفت. شکل ۷ مدل سطوح قطعه را پس از ویرایش و رفع عیوب، نشان می‌دهد.



شکل ۷- مدل سطوح قطعه با استفاده از ابر نقاط کاهش یافته

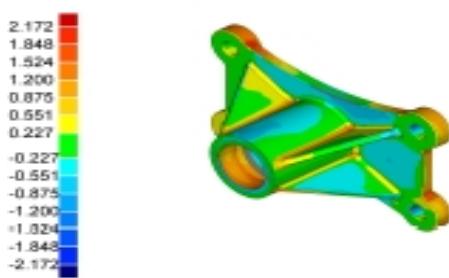
۴-۱-۳- استخراج اجزای هندسی و ساخت مدل سه‌بعدی در محیط CAD

² Computer Aided Manufacturing

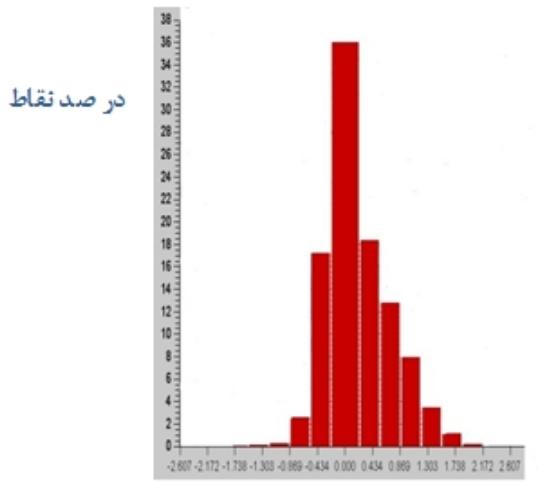
³ Direct Capturing Approach

⁴ Surface Skelton Model

⁵ Direct Surface Modeling



شکل ۹- مقایسه مدل سه بعدی بر اساس بازیابی اجزای هندسی با مدل ابر نقاط قطعه (داده ها برحسب میلیمتر است).



شکل ۱۰- خطای میانگین مدل سه بعدی بر اساس بازیابی فیچرها با مدل ابر نقاط قطعه

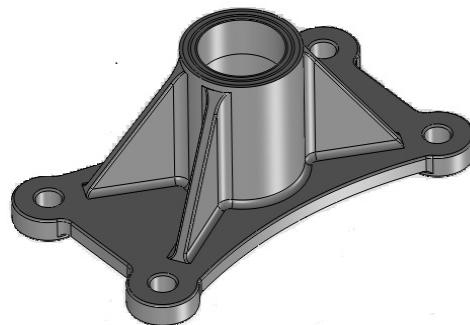
نتایج نشان می دهند که بیش از ۷۰ درصد نقاط دارای حداقل جایجایی $0/5$ میلیمتر نسبت به مدل می باشند که با توجه به کیفیت نسبتاً پایین ساخت قطعه اصلی منطقی به نظر می رسد. پس از تایید نهایی مدل، با ورود مدل سه بعدی به نرم افزار CAD، نقشه های دو بعدی برای ساخت نمونه یا مدل آماده می شود.

۲-۳- فرایند مهندسی مجدد قطعه مورد نظر ۱-۲- انتخاب مواد مورد نظر

در راستای تعیین ترکیب شیمیایی برحسب درصد وزنی عناصر و استاندارد ماده مورد نظر، آزمون کوانتمتری صورت پذیرفت، تا با بدست آوردن نزدیکترین

استفاده از این نقاط نقشه های اولیه پارامتری شده^۱ تهیه می شوند [۱۸]. اجزای هندسی که به این روش تولید می شوند بر اساس میانگین نقاط مربوط به سطح مقطع آن جزء هندسی بوده و با تغییر پارامتر می توان به دقت بالاتری دست یافت.

۵) روش CMA^۲: در این روش به طور دستی، اجزای هندسی در محیط CAD ایجاد و با تغییر اندازه و ابعاد آن ها (با توجه به اطلاعات در دسترس در مورد اجزای هندسی محتمل قطعه)، به ابر نقاط برازش می شوند. این اجزاء نهایتاً در تولید مدل پارامتری شده سه بعدی مورد استفاده قرار می گیرند. استفاده از این روش نسبتاً آسان بوده ولیکن به تجربه طراح وابسته است. با توجه به سادگی نسبی مدل مورد نظر در این تحقیق، این روش در اینجا مورد استفاده قرار گرفته است.



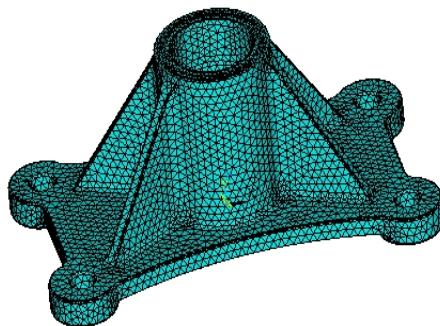
شکل ۸- مدل قطعه با استفاده از بازیابی اجزای هندسی مدل سه بعدی ساخته شده شکل ۸ بر اساس بازیابی اجزای هندسی با مدل ابر نقاط (که در حقیقت معادل مدل ساخته شده بر مبنای تولید المان و برازش سطوح^۳ می باشد). در نرم افزار GeoMagic با یکدیگر مقایسه شده است. نتایج به صورت کانتور در شکل ۹ و به صورت دیاگرام در شکل ۱۰ نشان داده شده است.

¹ Parametric Sketches

² Component Modeling Approach

³ Non-uniform Rational B-spline

المان‌های هرمی چهار گرهی انجام شده است. نمای المان‌های تولید شده در شکل ۱۱ نشان داده شده است.



شکل ۱۱- مدل اجزاء محدود ایجاد شده

نحوه اعمال بارگذاری به صورت نسبتاً واقعی و یافتن حداکثر تنش در این شرایط، از بخش‌های مهم آنالیز استاتیکی است. با توجه به گردش قطعه پین اعمال کننده بار به قطعه مورد نظر و مشابهت نحوه اعمال بار به بارگذاری یاتاقانی، در اینجا از شیوه‌های بارگذاری یاتاقانی استفاده شده است. در بارگذاری یاتاقانی، هنگام اعمال بار به یک طرف، نیم سطح دیگر آزاد فرض می‌شود و توزیع بار در نیم دایره درگیر نیز از توزیع متغیر (سهمی شکل) تعیین می‌کند. برای نیل به این منظور، بار متمرکز به جرم بسیار کوچک متمرکز در مرکز دایره استوانه اعمال و انتقال آن بار به نیم دایره، با استفاده از میله‌های صلب انجام شده است (شکل ۱۲). راستای توزیع بار نیز که به واسطه دوران پین اعمال بار متغیر است، در راستاهای مختلف قرار داده شده تا بحرانی‌ترین حالت تنش بدست آید.

با بررسی توزیع تنش بدست آمده تمامی محل‌های پرتنش قطعه را که احتمالاً در آستانه تشکیل ترک قرار دارند، مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. قبل از اجرای این مرحله لازم است مقدار حداکثر بار تحملی قطعه بصورت دقیق مشخص شود؛ تا حد امکان از تکرار مراحل بارگذاری خودداری شود.

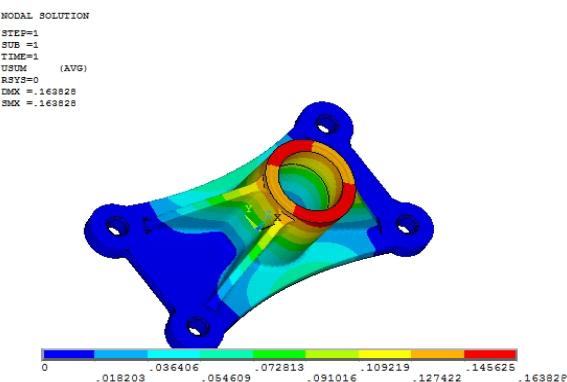
استانداردها به آلیاژ مورد استفاده، بستر برای ساخت اقتصادی قطعه فراهم شود. با استفاده از نتایج آزمون کوانتومنتری، نزدیکترین استاندارد روسی به این ماده GOST 977 Grade 35CHML تعیین شد که در حال حاضر دسترسی به آن به سادگی و با هزینه قابل قبول میسر نیست. نزدیکترین استاندارد معادل آلمانی (DIN 1.7220) و نزدیکترین استاندارد معادل (SAE) به AISI 4130 ماده مذکور، فولاد (AISI 4130) می‌باشد. فولاد 4130 از مواد پرکاربرد در صنایع هواپضا، نفت و گاز، انرژی هسته‌ای و است و از قابلیت تهیه و هزینه نسبت به ماده اصلی ارجحیت دارد. لذا، این فولاد به عنوان جایگزین ماده اصلی انتخاب می‌شود. مقایسه ترکیب عناصر شیمیایی ماده اصلی و ماده جایگزین در جدول ۱ درج شده است.

جدول ۱- مقایسه درصد عناصر شیمیایی نمونه اصلی با ماده انتخابی جایگزین

ترکیب شیمیایی	نمونه اصلی	نمونه نمونه به نمونه اصلی فولاد (AISI 4130)
کربن	۰/۳۲	۰/۳
سیلیسیوم	۰/۲۵	.۷۹
منگنز	۰/۵	۱/۰۱
مولیبدن	۰/۲۲	۰/۱۷
نیکل	۰/۱۷	۰/۱۵
کروم	۱	۰/۷۷
فسفر	خیلی جزی	۰/۰۱۵
گوگرد	خیلی جزی	.۰/۰۰۸
مس	خیلی جزی	۰/۱۲
آهن	باقیمانده	باقیمانده

۲-۲-۳- محاسبات تنش و استحکام

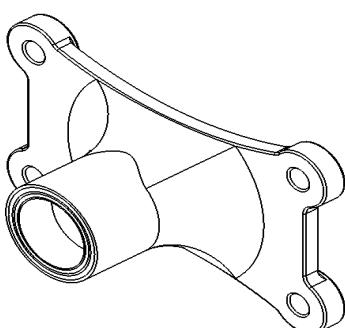
مدل سه‌بعدی تهیه شده با فرمت IGS در نرم‌افزار SolidWorks ذخیره شده و به نرم‌افزار GeoMagic وارد می‌شود. پس از ذخیره سازی با فرمت Ansys ACIS*(SAT) مستقیماً به داخل نرم افزار Ansys (ویرایش ۱۳) وارد شده و المان‌بندی آن با استفاده از



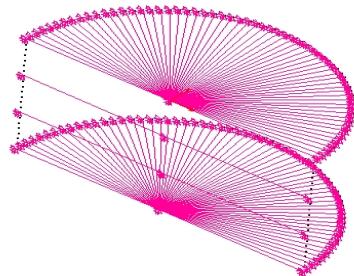
شکل ۱۴- توزیع برایند جابجایی‌ها در حالت بار بحرانی (جابجایی‌ها بر حسب میلیمتر می‌باشد.)

۳-۲-۳- بهینه‌سازی شکل و هندسه

روش ساخت قطعه اصلی، ریخته‌گری با قالب‌گیری سرامیکی است. اگرچه این فرآیند ریخته‌گری، سریعترین روش برای تولید نمونه‌های فلزی از قطعات پیچیده است، اما این فرآیند برای تولید به تعداد کم به دلیل هزینه بالای قالب آن اقتصادی نمی‌باشد. لذا طراحی مجدد این قطعه با استفاده از روش ماشین‌کاری مورد توجه قرار گرفت. با پیاده‌سازی چند طرح، این نتیجه حاصل شد که بهترین طرح که بتواند کارایی قطعه، کیفیت و قابلیت اطمینان آن را حفظ کند، حذف تیغه‌های لچکی شکل قطعه و قراردادن فیلت جایگزین با شعاع مناسب در پای استوانه است؛ که منجر به سهولت روش ساخت می‌شود (شکل ۱۵). بنابراین با انتخاب روش ساخت با ماشین‌کاری CNC (از فناوری نمونه‌سازی سریع) می‌توان به تولید اقتصادی قطعه برای تولید به تعداد کم مبادرت نمود.

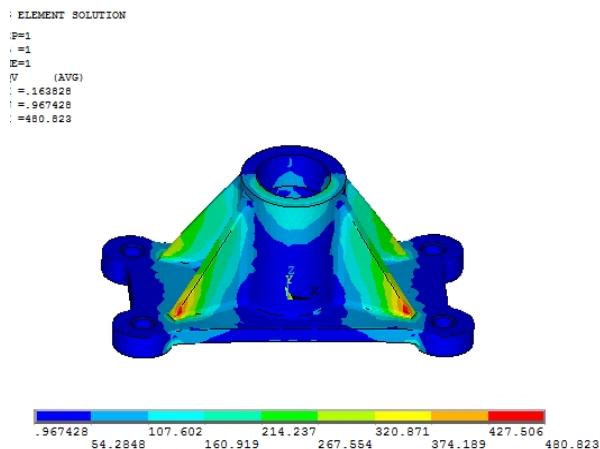


شکل ۱۵- مدل بهینه‌سازی شده برای تیراز تولید کم



شکل ۱۲- نحوه استفاده از میله‌های صلب برای مدل‌سازی توزیع بار یاتاقانی در قطعه

برای یافتن حداکثر بار قابل تحمل در حالت استاتیک برای قطعه اصلی با ضریب اطمینان ۲ و استفاده از آن در تحلیل ترک، در هر دو مدل اصلی و بهینه شده، از روابط استوانه‌های جدار ضخیم استفاده شده است [۱۹]. با درنظر گرفتن تنفس تسلیم ۵۶۰ مگاپاسکال برای ماده تشکیل دهنده قطعه و با اعمال بارگذاری یاتاقانی به نیمه استوانه داخلی (بدون تیغه‌های تقویت)، حداکثر بار معادل ۱۴۱۴۲ نیوتون (حدود ۱/۵ تن) بدست می‌آید. با در نظر گرفتن بیش از ۲۰ حالت بارگذاری، حالت بحرانی تعیین و توزیع تنفس‌ها و جابجایی در آن حالت مطابق شکل‌های ۱۳ و ۱۴ بدست آمده است.



شکل ۱۳- توزیع تنفس فون میسوز در حالت بار بحرانی (تنفس‌ها بر حسب مگاپاسکال می‌باشد.)

منظور ایجاد تنش مشابه حالت سه بعدی محاسبه شده و نهایتاً مدل دو بعدی جایگزین رشد ترک در مدل سه بعدی می شود.

همان طور که از مقایسه بین دو مدل اصلی و فیلتدار مشاهده می شود در اثر اعمال بار حدوداً $1/5$ تنی به قطعه، با ضریب اطمینان 2 حداکثر تنش بدست آمده در حالت طرح لچکی، برابر 318 مگاپاسکال و در طرح فیلتدار برابر 309 مگاپاسکال می باشد. در نهایت با استفاده از روش تنش هم ارز مشاهده شده در کانتور تنش بین مدل دو بعدی و سه بعدی قطعه اصلی، این نتیجه حاصل شد که با تقریب قابل اعتماد می توان از همین مقدار بارگذاری در مراحل بعدی بر روی مدل دو بعدی با وجود ترک اولیه، استفاده کرد.

محاسبه عمر و رشد ترک به طور مستقیم به محاسبه فاکتور شدت تنش^۲ وابسته است. با توجه به پیچیدگی حل تحلیلی برای محاسبه فاکتور شدت تنش، عموماً این کمیت با استفاده از آنالیز اجزای محدود محاسبه می شود. در این راستا نیاز به یک المان بندی نسبتاً ریز و مناسب در نزدیکی نوک ترک با استفاده از المان های ویژه با تکینگی^۳ تنش شکل 16 تعییه شده در نزدیکی نوک ترک است [۲۰]. در المان های تکین با انتقال گره جانبی یک المان مثلثی ایزوپارامتریک 6 گره ای، به نقطه یک چهارم از گره نوک ترک، تغییرات تنش متناسب با $1/r$ حاکم در اطراف ترک (که در آن r فاصله ساعی از نوک ترک است) ایجاد می گردد.

$$K_I = G \sqrt{\frac{2\pi}{r_0} \left(\frac{u_y(r_0, \theta = \pi) - u_y(r_0, \theta = -\pi)}{(\kappa + 1)} \right)} \quad (1)$$

$$K_{II} = G \sqrt{\frac{2\pi}{r_0} \left(\frac{u_x(r_0, \theta = \pi) - u_x(r_0, \theta = -\pi)}{(\kappa + 1)} \right)}$$

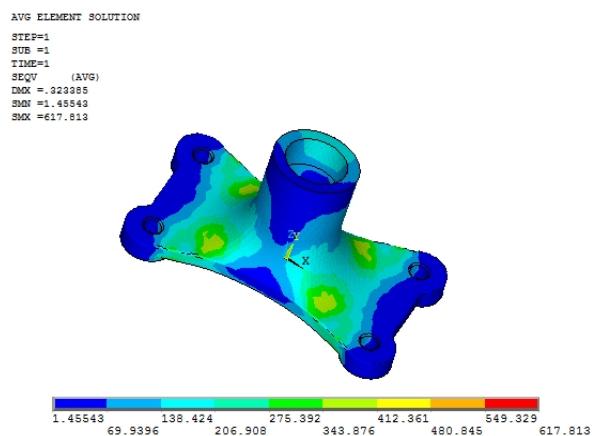
که در آن K_I و K_{II} به ترتیب فاکتورهای شدت تنش برای مودهای 1 و 2 شکست و r_0 فاصله از نوک ترک تا اولین گره جانبی پشت نوک ترک است که معمولاً بین 1% تا 2% طول ترک اولیه در نظر گرفته می شود (شکل 17). θ

²- Stress Intensity Factor

³- Singularity

۴-۲-۳- شبیه سازی و محاسبات استحکام و عمر

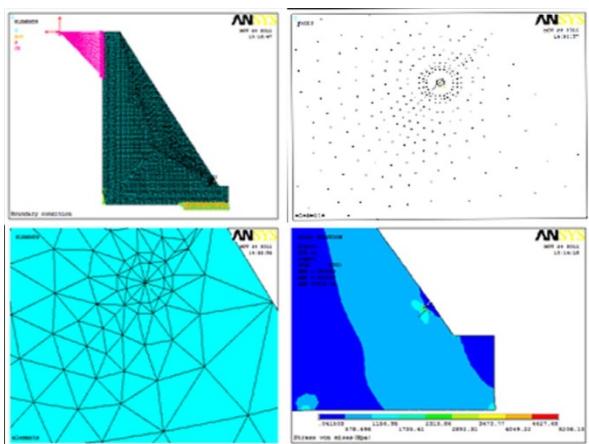
محاسبات تنش برای نمونه جدید طراحی شده، با استفاده از روش اجزاء محدود در محیط نرم افزار ANSYS همانند قسمت قبل انجام شده است. همانطوری که در شکل 16 مشاهده می شود، با حذف تیغه های لچکی شکل، تمرکز تنش بیشتر بر روی انحنای فیلت ها ظاهر می شود. که نشان دهنده می باشد، موقعیت ایجاد ترک احتمالی بر روی منحنی فیلت ها می باشد. در این راستا از اطلاعات بدست آمده از کانتور تنش فون میسز و مقایسه با حالت اصلی، می توان دریافت که حداکثر تنش های ایجاد شده با شرایط مرزی یکسان از لحاظ مقدار بارگذاری و محل قیدگذاری، تقریباً در یک محدوده از تنش طراحی قرار دارند. اگرچه مدل طراحی شده نسبت به مدل اصلی از نظر تنش امتیاز خاصی دارد ولیکن با توجه به شکل هندسی مدل فیلت دار، پیش بینی می شود که استحکام در برابر رشد ترک مدل فیلت دار بیشتر از مدل اصلی باشد.



شکل ۱۶- توزیع تنش فون میسوز در حالت بار بحرانی (تنش ها بر حسب مگاپاسکال می باشد).

برای بررسی عمر و میزان تحمل آسیب توسط قطعه از نظر رشد ترک در نمونه و مقایسه دو مدل با یکدیگر، از روشی با عنوان روش تنش هم ارزی^۱ استفاده شده است. در این روش بار معادل در مدل دو بعدی کرنش مسطح به

18- Equivalence Stress



شکل ۱۶- مدل سازی ترک در نمونه اصلی در محل بحرانی

فرایند مشابه برای نمونه بهسازی شده نیز انجام شده است؛ تنها تفاوت تحلیل بین دو نمونه حالت تنش بوده که در نمونه بهسازی شده کرنش مسطح در نظر گرفته شده است. علت فرض وجود حالت کرنش مسطح در نمونه بهسازی شده، هندسه نمونه و دور بودن فیلت است. نتایج فاکتورهای شدت تنش برای مودهای ۱ و ۲ در دو حالت، و مقدار فاکتور شدت تنش معادل مود ترکیبی (رابطه ۲) در جدول ۲ داده شده است.

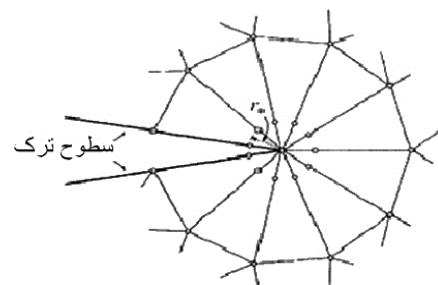
$$K_c = \sqrt{K_I^2 + K_{II}^2} \quad (2)$$

جدول ۲- مقایسه فاکتورهای شدت تنش محاسبه شده در دو مدل.

فاکتور شدت تنش	مدل اصلی	مدل بهسازی شده
$K_I(MPa(m)^{1/2})$	۱۷۸/۷۴	۶۴/۴۷
$K_{II}(MPa(m)^{1/2})$	۲۰/۱۸	۲۲/۷۲
$K_c(MPa(m)^{1/2})$	۱۷۹/۸۷	۶۸/۳۵

در محاسبه فاکتورهای شدت تنش، مقدار بار برابر $1/5$ تن در نظر گرفته شده است. با توجه به اینکه استحکام ماده اصلی در شکست مود ترکیبی حدود $(MPa(m)^{1/2})$ ۵۶ می‌باشد، می‌توان دید که در صورت وقوع ترک کوچک در نقطه بحرانی در نمونه اصلی، مقدار بار مجاز به $1/3$ یعنی $500 kgf$ به علت نرمی نسبی دارای استحکام شکستی برابر $4130 (MPa(m)^{1/2})$ ۱۱۰ می‌باشد که قادر به تحمل بار واردہ حتی در صورت وقوع ترک کوچک است.

زاویه خط شعاعی از نوک ترک است که در جهت مثلثاتی مثبت در نظر گرفته می‌شود. G نیز مدول برشی ماده و پارامتر κ برای حالت تنش مسطح به صورت $\kappa = (3-v)/(1+v)$ و برای حالت کرنش مسطح به صورت $\kappa = 3-4v$ که در آن v نسبت پواسون است، تعريف می‌شود. محورهای x و y نیز مختصات در دستگاه موضعی بوده که به ترتیب در راستا و عمود بر سطوح ترک می‌باشد.



شکل ۱۷- المان‌های تکین در نوک ترک و تعريف κ

به منظور مقایسه دو مدل از نظر شکست، باید ضرایب شدت تنش در حالت حداکثر بار در نقطه مرکز تنش برای دو مدل بدست آمده و با یکدیگر مقایسه شوند. برای سادگی، مقطع تنش حداکثر در دو مدل بدست آمده و از مدل دو بعدی برای محاسبه فاکتور شدت تنش استفاده شده است. در مدل اصلی، شرایط بحرانی روی بازوی تقویت مثلثی شکل مشاهده شده است؛ لذا این جزء به صورت تنش مسطح محاسبه و با اعمال بار معادل به آن (به گونه‌ای که حداکثر تنش و موقعیت وقوع آن به مدل اصلی نزدیک باشد)، تحلیل شکست شده است. در محل مرکز تنش، عمود بر جهت حداکثر تنش اصلی کششی، ترکی کوچک (به طول ۱ میلیمتر) در مدل ایجاد شده و فاکتورهای شدت تنش مودهای ۱ و ۲ محاسبه شده است (شکل ۱۸).

۴- جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

هدف از این تحقیق، ارائه مدلی برای مهندسی مجدد قطعات سامانه‌های هواپی با قدمت کاری بالا می‌باشد. در این فرایند، مهمترین هدف، دستیابی به یک نمونه جایگزین است که نسبت به نمونه اولیه حداقل از برخی جهات بهبود یافته باشد. مراحل بهسازی معمولاً از جنبه‌های مختلف مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرد؛ که از آن جمله می‌توان به تاثیر تغییر پارامترهای طراحی در مهندسی مجدد (حذف تمرکز تنش‌ها و نقاط بحرانی) جهت حفظ ضربی اطمینان قطعه، کاهش وزن و کاهش هزینه و زمان تولید اشاره کرد. در این راستا، بهبود زمان و هزینه تولید با استفاده از روش‌های مناسب (خصوصاً برای موارد تولید محدود) اولویت دارد.

به منظور پیاده‌سازی بستر فنی پیشنهادی، یک قطعه تکیه‌گاه یاتاقان مربوط به بال یک هواپیما در نظر گرفته شده است. این قطعه فاقد مدارک فنی معتبر بوده و با روش ریخته‌گری دقیق تولید شده است. ابتدا با استفاده از روش اسکن لیزری، مدل‌سازی قطعه انجام و نوع ماده آن با روش اسپکترومتری تعیین شده است. ضمن انجام تحلیل و محاسبات مهندسی برای قطعه مورد نظر، بهینه‌سازی قطعه برای تطبیق با روش تولید ماشین کاری انجام شده است. نتایج تحقیق نشان می‌دهد که الگوی پیشنهادی می‌تواند مبنای ایجاد یک بستر فنی برای مهندسی مجدد قطعات مکانیکی و ماشین آلات قرار گیرد.

۵-۲-۳- مدل‌سازی CAD و نقشه‌های دوبعدی ساخت

پس از نهایی شدن مدل طراحی و تعیین دقیق ابعاد هندسی و پارامترهای مدل، از جمله شعاع انحنای فیلت و موقعیت سوراخ‌ها و سایر ابعاد قطعه، مدل سه‌بعدی نمونه بهینه شده از طریق نرم‌افزار SolidWorks به نقشه‌های دوبعدی CAD تبدیل می‌شوند. در برخی موارد، مدل سه‌بعدی به طور مستقیم به نرم‌افزارهای ساخت و تولید منتقل شده و نیازی به نقشه دوبعدی وجود ندارد.

۳-۳- فرایند نمونه‌سازی سریع

همانطوری که در شکل ۳ آمده است، فرایند نمونه‌سازی سریع اصولاً به دو دسته ساخت نمونه فیزیکی و ساخت نمونه واقعی و قابل استفاده تقسیم‌بندی می‌شود. در این تحقیق، صرفاً ساخت نمونه واقعی مورد نظر بوده است. لذا ابتدا با استفاده از نرم‌افزار CATIA ماشین کاری در محیط مجازی انجام می‌شود. در عملیات ماشین کاری مجازی، سه مرحله ماشین کاری خشن (که در آن از ابزار خشن‌ترشی برای برآمدگردانی استفاده می‌شود)، ماشین کاری نیمه خشن و ظرفیت تراشی تعریف می‌شود. نهایتاً، از شبیه‌سازی ماشین کاری مجازی، کد مورد نظر برای ماشین کاری CNC استخراج می‌شود.

مراجع

- [1] Gao., X., Harrison., D.K., Davies, B.J. (1989). “An approach to the low cost computer aided manufacture of components embodying free form surfaces”. In: Proceedings of IMechE, J Eng Manuf, Vol. 203, No. B2, pp. 119–126.
- [2] Gao, J., Chen, X., Yilmaz, O., Gindy, N. (2008). “An Integrated adaptive repair solution for complex aerospace components through geometry reconstruction”. Int. J. Adv. Manuf. Technol., Vol. 36, No. 11, pp. 1170–1179.

- تدوین فرآیندی بر مبنای مهندسی معکوس برای بهبود و ساخت قطعات فرسوده مکانیکی و سازه‌های هوایی
- [3] Francis, A., McCallum, M., Jandu, C., (2012). "Pipeline life extension and integrity management based on optimized use of the above ground survey data and inline inspection results". Strength Mater., Vol. 41, No. 5, pp. 478-492.
- [4] Chang, K.H., Bryant, I. (2004). "Concurrent Design and Manufacturing for Aircraft Torque Tubes". J. Mat. Process. Technol., Vol. 150, pp. 151-162.
- [5] Wang, W. (2011). "Reverse Engineering: Technology of Reinvention". CRC Press, Taylor and Francis Publishing Group, USA.
- [6] Javidrad, F., Rahmati, R. (2009). "An Integrated Re-engineering Plan for Manufacturing of Aerospace Components". Mater. and Design, Vol. 30, No. 5, pp.1524-1532.
- [7] Chang, K.H., Siddique, Z., Edke, M., Chen, Z. (2006). "An Integrated Testbed for Reverse Engineering of Aging Systems and Components". Comput-Aided Design & App., Vol. 3, Nos. 1-4, pp. 21-30.
- [8] Chivate, P., Jablokow A. (2009). "Solid-model Generation from Measured Point Data". Comput. Aided Des., Vol. 25, pp. 587-600.
- [9] Chakraborty, D. (2007). "A semi-analytical approach for direct slicing of free form surfaces for layered manufacturing". Rapid Protot. J., Vol. 13, No. 4, pp. 256-264.
- [10] Cleveland, B., (2009). "Prototyping process overview". Adv. Mater. Proc., Vol. 167, No. 7, pp. 21-23.
- [۱۱] صفائیان، د. (۱۳۸۸). "مروی بر مهندسی معکوس، روش‌های نمونه‌سازی سریع و ابزارسازی سریع". انتشارات جهاد دانشگاهی صنعتی شریف، تهران، ایران.
- [۱۲] Geomagic [۱۲] وکیلی، م.، یوسفی، س.، مسیح تهرانی، ب. (۱۳۸۷). "پردازش ابرنقاط و مهندسی معکوس در نرم افزار دانش نگار، تهران، ایران.
- [13] Li, J. (2011). "Triangular mesh establishment of 3D laser scanning data based on ellipsoidal projection". In: Int. Symposium on Lidar and radar Mapping: Technologies and Applications, Nanjing, China.
- [14] www.psarta.com/ High Speed Optic 3D Scanners/Rexcan III.
- [15] Chang, K.H. (2008). "Parametric surface modeling for engineering application". Int. J. of Pure and Applied math., Vol. 49, No. 3, pp. 357-364.
- [16] Goyal, M., Murugappan, S., Piya, C., Benjamin, W., Fang, Y., Liu, M., Ramani, K. (2012). "Towards locally and globally shape-aware reverse 3D modeling". Comput.-Aided Des., Vol. 44, No. 6, pp. 537-553.
- [17] Chowdary, B.V., De Noon, A.R., Ali, F., Lmbert, C.A.C. (2011). "An investigation for improvement of 3D digitizing process: a reverse engineering approach". J. of Manuf. Technol. Management, Vol. 22, No. 1, pp. 131-147.
- [18] Nyirenda, P.J., Mulbgal, M., Bronsvoort, W.F. (2006). "Definition of freeform surface feature classes". Comput.-Aided Des. & Appl., Vol. 3, No. 5, pp. 665-674.
- [19] Boresi, A.P., Schmidt, R.J., Sidebottom, O.M. (1993). "Advanced mechanics of materials". Fifth edition, John Wiley and Sons Inc., USA, 1993.
- [۲۰] جاویدراد، ف. (۱۳۸۹). "mekanik شکست در طراحی سازه‌ها". انتشارات گوتنبرگ، تهران، ایران.