

طراحی کنترل غیرخطی مقاوم برای دینامیک طولی موشک در حضور نامعینی غیرتطبیقی

سعید نصرالهی بروجنی^{*}، محسن فتحی و اصغر اشرفی فر

دانشکده هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف

(دریافت مقاله: ۱۳۹۴/۰۸/۱۷ - دریافت نسخه نهایی: ۱۳۹۲/۱۲/۱۰)

چکیده – در این مقاله، قانون کنترلی مقاوم برای دینامیک طولی غیرخطی موشک براساس تئوری لیاپانوف و کنترل مدلغزشی برای ردیابی زاویه حمله ارائه شده است. فرض بر این است که در معادلات غیرخطی، نامعینی غیرتطبیقی وجود دارد. در روش پیشنهادی، بهره‌های کنترل کننده توسط الگوریتم اجتماع ذرات بهینه شده است. برای این منظور تابع هزینه‌ای با استفاده از خطای ردیابی خروجی تعریف شده است. نتایج شبیه‌سازی برتری عملکرد کنترل کننده پیشنهادی را نسبت به کنترل کننده معمول PID در حضور نامعینی غیرتطبیقی نشان می‌دهد. واژگان کلیدی: کنترل کننده دینامیک طولی موشک، کنترل مدلغزشی، نامعینی غیرتطبیقی، نوسانات ناخواسته، الگوریتم بهینه‌سازی اجتماع ذرات، کنترل کننده براساس لیاپانوف.

Robust Nonlinear Control of Missile Longitudinal Dynamics in Presence of Unmatched Uncertainty

S. Nasrollahi Boroujeni^{*}, M. Fathi and A. Ashrafifar

Department of Aerospace, Sharif University of Technology

Abstract: In this paper, a robust control law is proposed, based on Lyapunov's theory and sliding mode control theory, in order to track the angle of attack in nonlinear longitudinal dynamics of a missile. It is assumed that there are unmatched uncertainties in the nonlinear systems. In the proposed algorithm, the controller gains are optimized by Particle Swarm Optimization (PSO) algorithm. For this purpose, a cost function is extracted from the output tracking error. Simulation results show that the proposed algorithm has better performance than conventional Proportional-Integral-Derivative (PID) controller in the presence of unmatched uncertainties.

Keywords: Missile longitudinal dynamic controller, sliding mode control, unmatched uncertainty, chattering, PSO algorithm, Lyapunov–based controller.

*: مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: s_nasrollahi@ae.sharif.ir

فهرست علائم

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|----------------------|-----|------------|----------|----------------------------|----------|-----------|----------|--|----------------------|--|-----------|-----|---------------------|-----------|-------------------------------------|--------------|----------|-----|------------------|-----------|
| <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;">سرعت وسیله</td><td style="padding: 5px;">V</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">زاویه حمله</td><td style="padding: 5px;">α</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">زاویه سطح کنترلی کاتال پیچ</td><td style="padding: 5px;">δ</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">زاویه پیچ</td><td style="padding: 5px;">θ</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">فاکتورهای یادگیری الگوریتم اجتماع ذرات</td><td style="padding: 5px;">Γ_1, Γ_2</td></tr> </table> | سرعت وسیله | V | زاویه حمله | α | زاویه سطح کنترلی کاتال پیچ | δ | زاویه پیچ | θ | فاکتورهای یادگیری الگوریتم اجتماع ذرات | Γ_1, Γ_2 | <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;">جرم وسیله</td><td style="padding: 5px;">m</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">متغیرهای موقعیت ذره</td><td style="padding: 5px;">$p_{m,n}$</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">اعداد تصادفی مستقل با توزیع یکنواخت</td><td style="padding: 5px;">ξ, ξ_2</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">سطح لغزش</td><td style="padding: 5px;">S</td></tr> <tr> <td style="padding: 5px;">مساحت مرجع وسیله</td><td style="padding: 5px;">S_{ref}</td></tr> </table> | جرم وسیله | m | متغیرهای موقعیت ذره | $p_{m,n}$ | اعداد تصادفی مستقل با توزیع یکنواخت | ξ, ξ_2 | سطح لغزش | S | مساحت مرجع وسیله | S_{ref} |
| سرعت وسیله | V | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| زاویه حمله | α | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| زاویه سطح کنترلی کاتال پیچ | δ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| زاویه پیچ | θ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| فاکتورهای یادگیری الگوریتم اجتماع ذرات | Γ_1, Γ_2 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| جرم وسیله | m | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| متغیرهای موقعیت ذره | $p_{m,n}$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| اعداد تصادفی مستقل با توزیع یکنواخت | ξ, ξ_2 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| سطح لغزش | S | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| مساحت مرجع وسیله | S_{ref} | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

غیرخطی مقاوم برای یک وسیله دارای مانور بالا پیشنهاد کرده است. مرجع [۵] برای یک موشک زمین به زمین، رویتگر و اتوپایلوت غیرخطی طراحی کرده است. این اتوپایلوت شامل حلقه داخلی پسخوراند خطی ساز و حلقه کنترلی بیرونی خطی است. مرجع [۶] به طراحی اتوپایلوت غیرخطی برای موشک‌های با زاویه حمله بالا پرداخته است. در این مرجع برای طراحی اتوپایلوت در صفحه پیچ، از روش پسخوراند خطی ساز به همراه تئوری کنترل خطی بهره برده است. یکی دیگر از روش‌های نوین کنترل غیرخطی برای طراحی اتوپایلوت موشک، روش $\theta-D$ است [۷ و ۸]. در این روش مسئله طراحی اتوپایلوت به عنوان یک مسئله کنترل بهینه بررسی می‌شود. یکی از پرکاربردترین روش‌های غیرخطی برای طراحی اتوپایلوت، کنترل مدل‌لغزشی است [۹-۱۳]. در مراجع بیان شده اتوپایلوت‌های طراحی شده برای سیستم‌های با نامعینی تطبیقی است.

در این تحقیق با استفاده از تئوری کنترل مدل‌لغزشی و تئوری لیپانوف برای دینامیک طولی یک موشک که نامعینی غیرطبیقی دارد، اتوپایلوت طراحی شده است و همچنین برای قانون کنترل ارائه شده، اثبات پایداری انجام شده است. در ادامه ابتدا روابط و دینامیک سیستم فرمول‌بندی می‌شود. سپس نحوه استخراج قانون کنترلی PSO مدل‌لغزشی استخراج می‌شود. در ادامه، الگوریتم PSO و نحوه استفاده از آن در روش کنترلی پیشنهادی، توضیح داده خواهد شد. در قسمت آخر نیز نتایج شبیه‌سازی و نتیجه‌گیری بیان شده است.

۱- مقدمه
 یکی از پرکاربردترین الگوریتم‌های کنترل، کنترل کننده تناوبی-انتگرالی-مشتق‌گیر^۱ است. اکثر حلقه‌های پسخور کنترلی توسط این الگوریتم یا مدل‌های تغییر یافته آن کنترل می‌شوند. الگوریتم کنترل کننده PID از جهت تنظیم پارامترهای کنترل کننده دارای مبانی و روش‌های متنوعی است. نوع و مرتبه مدل فرآیند، شرایط حاکم بر مسئله کنترل و ملزمات کارایی حلقه بسته می‌توانند عوامل تعیین کننده در روش‌های تنظیم برای این کنترل کننده باشند. برخی از فرآیندهای کلیدی در صنایع دارای دینامیک‌های پیچیده‌ای هستند که با یک یا چند مشخصه مانند زمان تأخیر طولانی، پاسخ معکوس، اختشاش متناوب و متعدد، خاصیت غیرخطی برجسته، تراکنش چند متغیره و قیود عملی توصیف می‌شوند. همچنین استفاده گسترده و موفق از روش‌های غیرخطی در مقالات مختلف شاهد کارایی بالای این روش‌ها در مقایسه با PID در مقابل با دینامیک‌های پیچیده و غیرخطی است.

سیستم اتوپایلوت معمولاً به دو دسته اتوپایلوت زاویه حمله و اتوپایلوت شتاب دسته‌بندی می‌شوند. سیستم‌های اتوپایلوت معمولاً با استفاده از روش خطی‌سازی و مدل خطی‌شده سیستم طراحی می‌شوند. کنترل کننده PID رایج‌ترین روش مورد استفاده برای کنترل سیستم خطی‌شده است [۱۱]. از طرفی برخی از وسایل پرنده دارای دینامیک سریع هستند که رفتارهای غیرخطی از خود به نمایش می‌گذارند. بنابراین استفاده از مدل غیرخطی سیستم در طراحی اتوپایلوت امری اجتناب‌ناپذیر به حساب می‌آید [۲ و ۳]. مرجع [۴] یک سیستم کنترل پرواز

W به سیستم اضافه می‌شود که فقط نیاز است کران بالای آن معلوم باشد. در این صورت معادلات با درنظر گرفتن نامعینی غیرتطبیقی بازنویسی و برای آن اتوپایلوت طراحی می‌شود:

$$\dot{x}_1 = f_1(x_1) + g_1(x_1)x_2 + W \quad (6)$$

$$\dot{x}_2 = f_2(x_1, x_2) + g_2(x_1, x_2)u \quad (7)$$

۱-۲- کترل مدلغزشی هموار

سیستم تکوروودی- تکخروجی زیر را درنظر بگیرید:

$$\dot{x}(t) = f(x, t) + u(t) \quad (8)$$

که در آن $x(t)$ خروجی موردنظر و $u(t)$ ورودی کترل وتابع

$f(x, t)$ به صورت زیر است:

$$f(x, t) = f_{\text{nom}}(x, t) + f_{\text{un}}(x, t), \quad |f_{\text{un}}(x, t)| \leq \Omega \quad (9)$$

$f_{\text{nom}}(x, t)$ قسمت قطعی و $f_{\text{un}}(x, t)$ بخش غیرقطعی تابع $f(x, t)$ است که مقدار دقیق آن معلوم نیست، ولی کران بالای آن با ثابت Ω محدود شده است. طبق تئوری کترل مدلغزشی، متغیر S براساس خطای ردیابی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$S = x - x_d \quad (10)$$

در آن S خطای ردیابی و x_d حالت مطلوب است. در این صورت، مسئله ردیابی معادل باقی ماندن برروی سطح S و همارز با رابطه $S = 0$ است. کترول مدلغزشی از دو بخش تشکیل می‌شود. بخش اول یا کترول معادل، زمانی که در سیستم نامعینی وجود ندارد طراحی می‌شود. در این صورت تغییرات S صفر بوده و کترول معادل با برقراری $\dot{S} = 0$ تعیین می‌شود. بخش دوم یا بخش رساننده برای درنظر گرفتن نامعینی‌ها به کترول اضافه شده و S را در مدت زمان محدودی به صفر می‌رساند [۱۴]. برای طراحی بخش رساننده ابتدا تابع کاندیدای لیاپانوفی به شکل زیر تعریف می‌شود:

$$V = \frac{1}{2} S^2 \quad (11)$$

در کترول مدلغزشی استاندارد، برای اثبات پایداری بایستی شرط

لغزش رابطه (۱۲) برقرار شود [۱۴]:

۲- فرمول بندی مسئله

سیستم مورد بررسی در این مقاله مربوط به دینامیک طولی یک موشک به صورت زیر است. به منظور ایجاد فرم صریح، از اتوپایلوت زاویه حمله استفاده شده است [۳]:

$$\begin{aligned} \dot{\alpha} &= \frac{q S_{\text{ref}} \cos(\alpha)}{m V} (M_1(\alpha) + d_1 \delta) + \dot{\theta} \\ \ddot{\theta} &= \frac{q S_{\text{ref}} d (M_2(\alpha) + d_2 \delta)}{I_y} \end{aligned} \quad (1)$$

که در این رابطه، α زاویه حمله، θ زاویه پیچ، V سرعت وسیله، S_{ref} مساحت مرجع وسیله و δ زاویه سطح کترلی کanal پیچ است، همچنین M_i به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$M_i(\alpha) = a_i \alpha^3 + b_i \alpha^2 + c_i \alpha \quad i = 1, 2 \quad (2)$$

که مقادیر پارامترهای ثابت a_i , b_i , c_i و d_i در مرجع [۴] معرفی شده‌اند. به منظور استفاده از تئوری کترول، ابتدا معادلات دینامیکی سیستم را به فرم فضای حالت تبدیل می‌کنیم. در نتیجه می‌توان معادلات حالت سیستم را به صورت معادلات (۳) بیان کرد:

$$\begin{aligned} \dot{x}_1 &= f_1(x_1) + g_1(x_1)x_2 \\ \dot{x}_2 &= f_2(x_1, x_2) + g_2(x_1, x_2)u \end{aligned} \quad (3)$$

ابتدا معادله (۱) به صورت زیر بازنویسی می‌شود:

$$\begin{aligned} C_1 &= \frac{q S_{\text{ref}}}{m V}, \quad C_2 = \frac{q S_{\text{ref}} d}{I_y} \\ \Rightarrow \begin{cases} \dot{\alpha} = C_1 M_1(\alpha) \cos(\alpha) + C_1 d_1 \delta \cos(\alpha) + \dot{\theta} \\ \ddot{\theta} = C_2 M_2(\alpha) + C_2 d_2 \delta \end{cases} \end{aligned} \quad (4)$$

ترم $C_1 d_1 \delta \cos(\alpha)$ ، اثر نیروی عملگر روی زاویه حمله است و قابل صرفنظر کردن است [۳]، بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} [x_1 \quad x_2]^T &= [\alpha \quad \dot{\theta}]^T, \quad u = \delta \\ g_1(x_1) &= 1, \quad g_2(x_1, x_2) = d_2 C_2 \\ f_1(x_1) &= C_1 \cos(\alpha)(a_1 x_1^3 + b_1 x_1^2 + c_1 x_1) \\ f_2(x_1, x_2) &= C_2 (a_2 x_1^3 + b_2 x_1^2 + c_2 x_1) \end{aligned} \quad (5)$$

در اینجا علاوه بر فرضیات مرجع [۳]، یک نامعینی غیرتطبیقی

که t_r زمان رسیدن متغیر S به دقت ϵ از صفر است. یعنی مسیرهای سیستم بعد از گذشت مدت زمان t_r با دقت ϵ نزدیک به سطح $S = 0$ خواهند بود و با توجه به رابطه (15) چون سطح لغزش $S = 0$ جاذب است، از این زمان به بعد نیز مسیرها به سطح لغزش نزدیکتر شده و در نهایت به آن می‌رسند. با توجه به رابطه (16)، مدت زمان رسیدن S به دقت ϵ ، با تغییر مقدار η قابل تنظیم است [15].

۲-۲- بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم اجتماع ذرات (PSO)
الگوریتم PSO با یک ماتریس جمعیت تصادفی اولیه، شروع می‌شود. هر عنصر جمعیت، یک ذره نامیده می‌شود. در واقع الگوریتم PSO از تعداد مشخصی از ذرات تشکیل می‌شود که به طور تصادفی، مقدار اولیه می‌گیرند. برای هر ذره دو مقدار وضعیت و سرعت، تعریف می‌شود که به ترتیب با یک بردار مکان و یک بردار سرعت، مدل می‌شوند. این ذرات، به صورت تکرارشونده‌ای در فضای n بعدی مسئله حرکت می‌کنند تا با محاسبه مقدار بهینگی به عنوان یک ملاک سنجش، گزینه‌های ممکن جدید را جستجو کنند [16]. در این الگوریتم، یک حافظه، به ذخیره بهترین موقعیت هر ذره در گذشته و یک حافظه به ذخیره بهترین موقعیت پیش آمده در میان همه ذرات، اختصاص می‌یابد. با تجربه حاصل از این حافظه‌ها، ذرات تصمیم می‌گیرند که در نوبت بعدی، چگونه حرکت کنند. در هر بار تکرار، همه ذرات در فضای n بعدی مسئله حرکت می‌کنند تا بالاخره نقطه بهینه سراسری، پیدا شود. ذرات، سرعت و موقعیت شان را بر حسب بهترین جواب‌های مطلق و محلی به روز می‌کنند، یعنی:

$$\begin{aligned} v_{m,n}^{\text{new}} &= v_{m,n}^{\text{old}} + \Gamma_1 \times r_1 \times \left(p_{m,n}^{\text{local best}} - p_{m,n}^{\text{old}} \right) \\ &\quad + \Gamma_2 \times r_2 \times \left(p_{m,n}^{\text{global best}} - p_{m,n}^{\text{old}} \right) \end{aligned} \quad (18)$$

$$p_{m,n}^{\text{new}} = p_{m,n}^{\text{old}} + v_{m,n}^{\text{new}} \quad (19)$$

که در آن

$v_{m,n}$ ، سرعت ذره

$$\dot{V} = S \dot{S} \leq -\eta |S| \quad (12)$$

در آن η یک ثابت مثبت بوده و ورودی کنترل باید طوری تعیین شود که این شرط برقرار شود. با انتگرال‌گیری از طرفین این رابطه تضمین می‌شود که متغیر S در مدت زمان محدودی به صورت رابطه (13) به صفر خواهد رسید [14]:

$$t_r \leq |S(t=0)|/\eta \quad (13)$$

در روش استاندارد، ورودی کنترل، حالت کلی رابطه (14) را خواهد داشت [14]:

$$u = u_{\text{eq}} - (\eta + \Omega) \text{sign}(S) \quad (14)$$

که در آن u_{eq} کنترل معادل، η پارامتری برای تنظیم مدت زمان رسیدن به سطح لغزش و Ω کران بالای نامعینی سیستم است. این ورودی کنترل، شاملتابع ناپیوسته علامت بوده و زمانی که سطح S به نزدیکی صفر می‌رسد، نوسانات ناخواسته‌ای را ایجاد می‌کند. برای برطرف کردن این مشکل در این مقاله از شرط لغزش زیر به صورت رابطه (15) استفاده می‌شود:

$$\dot{V} = S \dot{S} \leq -\eta S^2 \quad (15)$$

جمله سمت راست رابطه (15) مشابه شرط لغزش (12) در روش طراحی کنترل مدل‌لغزشی استاندارد است. با این تفاوت که در آن تابع پیوسته S^2 جایگزین تابع قدر مطلق شده است [15]. با این تغییر، ورودی کنترل شکل کلی رابطه (16) را خواهد داشت که علاوه بر تضمین پایداری زمان محدود، سیگنال کنترلی هموارتری تولید می‌کند:

$$u = u_{\text{eq}} - \eta S - \Omega \text{sign}(S) \quad (16)$$

با توجه به روابط (14) و (16) مشاهده می‌شود که افزایش مقدار پارامتر η در رابطه (14)، بهره تابع ناپیوسته را بزرگ‌تر کرده که باعث افزایش نوسان خواهد شد. اما در رابطه (16) پارامتر η در تابع ناپیوسته علامت ضرب نشده و افزایش آن منجر به افزایش نوسان نخواهد شد. همچنین با انتگرال‌گیری از طرفین رابطه (15) می‌توان نوشت:

$$\int_{S(t=0)}^{\epsilon} \frac{dS}{S} \leq \int_0^{t_r} -\eta dt \Rightarrow t_r \leq (\ln S(t=0) - \ln(\epsilon)) / \eta \quad (17)$$

در معادلات سیستم استفاده از قانون کترل مدلغزشی به طور معمول برای این سیستم امکان پذیر نیست. به همین منظور در این مقاله از یک نگرش نوینی جهت حل این مسئله استفاده می شود. در این مقاله هدف کترلی رسیدن به زاویه حمله مطلوب (x_{1d}) یا به عبارتی $x_1 \rightarrow x_{1d}$ است. برای رسیدن به این هدف، متغیر حالت $U_{virtual} \approx x_2$ را به عنوان یک ورودی مجازی معادله (۶) در نظر بگیرید. برای بدست آوردن $U_{virtual}$ از تئوری کترل مدلغزشی بیان شده در قسمت های قبل استفاده می شود. ابتدا سطح لغزش به صورت زیر تعریف می شود:

$$S = x_1 - x_{1d} \quad (21)$$

در این صورت مسئله ردیابی، معادل باقی ماندن بر روی سطح S و هم ارز با رابطه $= S$ است. طبق تئوری کترل مدلغزشی، کترل معادل ($U_{virtual_{eq}}$) برای زمانی که در سیستم نامعینی وجود ندارد و مسیرهای سیستم بر روی سطح لغزش هستند، با برقراری $= \dot{S}$ با استفاده از روابط (۶)، (۷) و (۲۱) به صورت زیر بدست می آید:

$$\begin{aligned} \dot{S} &= \dot{x}_1 - \dot{x}_{1d} = f_1(x_1) + g_1(x_1)U_{virtual_{eq}} \\ -\dot{x}_{1d} &= C_1 \cos(x_1)(a_1x_1^3 + b_1x_1^2 + c_1x_1) \\ + U_{virtual_{eq}} - \dot{x}_{1d} &= 0 \\ \Rightarrow U_{virtual_{eq}} &= \dot{x}_{1d} - C_1 \cos(x_1)(a_1x_1^3 + b_1x_1^2 + c_1x_1) \end{aligned} \quad (22)$$

$U_{virtual_{eq}}$ کترل معادل بوده و زمانی که در سیستم نامعینی وجود ندارد، مسیرهای سیستم را بر روی سطح لغزش صفر حفظ خواهد کرد. حال برای درنظر گرفتن نامعینی سیستم، جمله ای به صورت زیر به کترل معادل اضافه می شود:

$$U_{virtual} = U_{virtual_{eq}} - \eta S - \Omega \text{Sign}(S) \quad (23)$$

پارامتر Ω ماقریزم مقدار نامعینی است، پارامتر η پارامتر طراحی است و با استفاده از الگوریتم اجتماع ذرات مقدار بهینه آن بدست می آید. گام دوم بدست آوردن سیگنال کترل u است که بتوان با آن معادله دینامیکی کل سیستم را پایدار کرد.

$p_{m,n}$ ، متغیرهای موقعیت ذره x_1 و x_2 ، اعداد تصادفی مستقل با توزیع یکنواخت Γ_1 و Γ_2 ، فاکتورهای یادگیری که به صورت $= 0 / 12 = \Gamma_1$ و $= 0 / 9 = \Gamma_2$ انتخاب شده اند.

$p_{m,n}^{global\ best}$ ، بهترین جواب محلی موقعیت و $p_{m,n}^{local\ best}$ بهترین جواب مطلق موقعیت هستند.

الگوریتم PSO مقادیر اولیه موقعیت و سرعت را به صورت تصادفی انتخاب کرده، سپس بردار سرعت هر ذره را به روزرسانی و مقدار سرعت جدید را به موقعیت و یا مقدار ذره می افزاید. به روز کردن سرعت تحت تأثیر هر دو مقدار بهترین جواب محلی و بهترین جواب مطلق قرار می گیرند. بهترین جواب محلی و بهترین جواب مطلق، بهترین جوابهایی هستند که تا لحظه جاری اجرای الگوریتم، به ترتیب توسط یک ذره و در کل جمعیت بدست آمده اند. ثابت های Γ_1 و Γ_2 به ترتیب، پارامتر ادراکی و پارامتر اجتماعی نامیده می شوند. فرآیند به روزرسانی ذرات در الگوریتم PSO تا زمانی که همه ذرات به یک نقطه همگرا شوند، تکرار می شود. مزیت اصلی PSO این است که پیاده سازی این الگوریتم ساده بوده و نیاز به تعیین پارامترهای کمی دارد. همچنین PSO قادر به بهینه سازی توابع هزینه پیچیده با تعداد زیاد مینیمم محلی است [۱۶]. در حالت کلی در

الگوریتم اجتماع ذرات، چرخه مطابق شکل (۱) تکرار می شود.

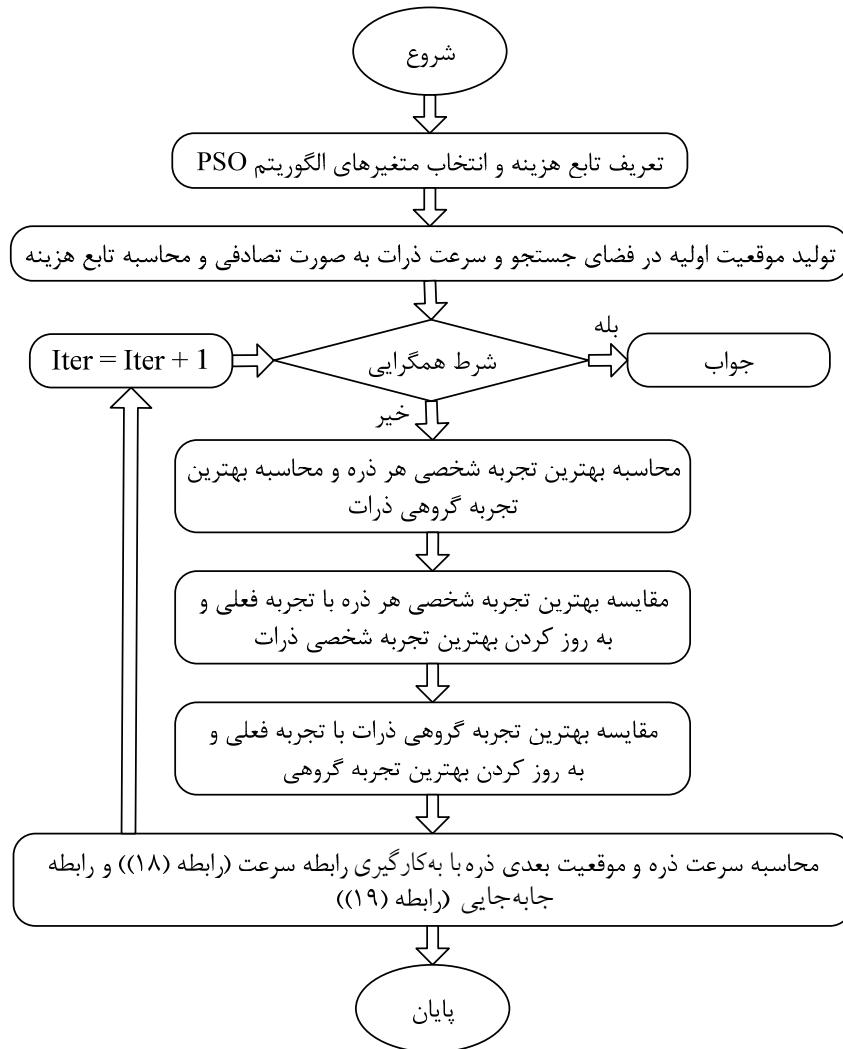
در این مقاله پس از طراحی کترل کننده غیرخطی برای دینامیک طولی موشک، مقادیر بهینه ضریب η در رابطه (۱۶) با استفاده از الگوریتم اجتماع ذرات محاسبه شده است. برای این منظورتابع هزینه F به صورت زیر تعریف می شود:

$$F = \int_0^\infty (x_1 - x_{1d})^2 dt \quad (20)$$

که در این رابطه $(x_1 - x_{1d})$ خطای ردیابی است.

۳-۲- طراحی قانون کترل

برای طراحی قانون کترل به دلیل وجود نامعینی غیرتطبیقی W ،



شکل ۱- روند نمای الگوریتم PSO

$$u = \frac{1}{d_r C_r} \left(-C_r (a_r x_1^r + b_r x_1^r + c_r x_1) - k(x_r - U_{\text{virtual}}) + \dot{U}_{\text{virtual}} \right) \quad (25)$$

در رابطه (۲۵) پارامتر $k > 0$ است.

اثبات- در ابتدا متغیرهای e_1 و e_r به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\begin{aligned} e_1 &= S = x_1 - x_{1d} \\ e_r &= x_r - U_{\text{virtual}} \end{aligned} \quad (26)$$

با استفاده از رابطه (۲۶)، رابطه (۲۷) را به صورت زیر می‌توان بازنویسی کرد:

$$V_{\text{total}} = \frac{1}{2} e_1^2 + \frac{1}{2} e_r^2 \quad (27)$$

به همین منظور از طراحی به کمک لیپانوف، برای اثبات پایداری استفاده می‌کنیم.

قضیه ۱- معادلات دینامیکی (۶) و (۷) با درنظر گرفتن تابع لیپانوف:

$$V_{\text{total}} = \frac{1}{2} (x_1 - x_{1d})^2 + \frac{1}{2} (x_r - U_{\text{virtual}})^2 \quad (24)$$

پایدار مجانبی است، اگر سیگنال کنترل u به صورت زیر درنظر گرفته شود:

$$u = \frac{1}{g_r(x_1, x_r)} (-f_r(x_1, x_r) - k(x_r - U_{\text{virtual}}) + \dot{U}_{\text{virtual}})$$

جدول ۱- پارامترهای ثابت سیستم

| | | |
|-------------------------------|-----------------------------------|-------------------------|
| $S = 0 / 44 \text{ ft}^2$ | $I_y = 182 / 5 \text{ slug-ft}^2$ | $a_r = 0 / 000215$ |
| $m = 13 / 98 \text{ slug}$ | $a_1 = 0 / 000103$ | $b_r = -0 / 0195$ |
| $V = 2109 / 3 \text{ ft/sec}$ | $b_1 = -0 / 00945$ | $c_r = 0 / 051$ |
| $d = 0 / 75 \text{ ft}$ | $c_1 = -0 / 170$ | $q = 1 \text{ lb/ft}^2$ |

جدول ۲- مقادیر ضرایب کنترل کننده PID به دست آمده

از روش بهینه‌سازی

| K_p | K_d | K_i |
|-------|-------|-------|
| ۴ | ۰/۵ | ۸ |

با عملکرد کنترل کننده PID بررسی می‌شود. پس از انجام شبیه‌سازی عددی سیستم مورد بررسی در این مقاله، نتایج حاصل از بهینه‌سازی ضریب کنترل کننده طراحی شده می‌شود. با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی مطابق با جدول (۲) تنظیم شده است.

در شکل (۲) پاسخ خروجی سیستم با دو کنترل کننده PID و کنترل کننده پیشنهادی رسم شده است. همان‌طور که در این شکل مشاهده می‌شود، کنترل کننده پیشنهادی خروجی مطلوب‌تر و پاسخی بدون فراجهش تولید کرده است. این در حالی است که کنترل کننده PID منجر به پاسخی با٪ ۲۰ فراجهش شده است. البته همان‌طور که مشاهده می‌شود، اگرچه قانون کنترلی جدید برای این سیستم دارای زمان نشست و فراجهش کمتر است ولی زمان خیز کنترل کننده PID بهینه مقدار فراجهش کمتر است. شکل (۳) خطای ردیابی را نشان می‌دهد. ناچیزی کمتر است. شکل (۴) سیگنال کنترلی مربوط به هر کدام از کنترل کننده‌ها را نشان می‌دهد. البته با استناد به کنترل کننده پیشنهادی، نسبت به خطای ردیابی بهینه شده است. شکل (۵) سیگنال اغتشاش موجود در سیستم مشخص شده است. در نهایت شکل (۶) توانایی کنترل کننده پیشنهادی در رساندن سایر متغیرهای

با مشتق‌گیری از رابطه (۲۷) داریم:

$$\dot{V}_{\text{total}} = e_1 \dot{e}_1 + e_r \dot{e}_r \quad (28)$$

با استفاده از رابطه (۱۵) و (۲۶) می‌توان رابطه (۲۸) را به صورت زیر نوشت:

$$\dot{V}_{\text{total}} = -\eta e_1^2 + e_r \dot{e}_r \quad (29)$$

در رابطه (۲۹) مقدار جمله اول منفی است. در ادامه منفی بودن جمله دوم رابطه (۲۹) اثبات می‌شود. با منفی شدن جمله دوم مشتق تابع لیاپانوف برای کل سیستم منفی می‌شود.

با جایگذاری روابط (۲۵) در معادله (۷) داریم:

$$\begin{aligned} \dot{x}_r &= f_r(x_1, x_r) + g_r(x_1, x_r) \left(\frac{1}{g_r(x_1, x_r)} (-f_r(x_1, x_r) \right. \\ &\quad \left. - k(x_r - U_{\text{virtual}}) + \dot{U}_{\text{virtual}}) \right) \\ \dot{x}_r &= -k(x_r - U_{\text{virtual}}) + \dot{U}_{\text{virtual}} \end{aligned} \quad (30)$$

با مشتق‌گیری از رابطه (۲۶):

$$\dot{e}_r = \dot{x}_r - \dot{U}_{\text{virtual}} \quad (31)$$

با استفاده از روابط (۲۶)، (۳۰) و (۳۱):

$$\dot{e}_r = -ke_r \quad (32)$$

با جایگذاری روابط (۳۲) در رابطه (۲۹):

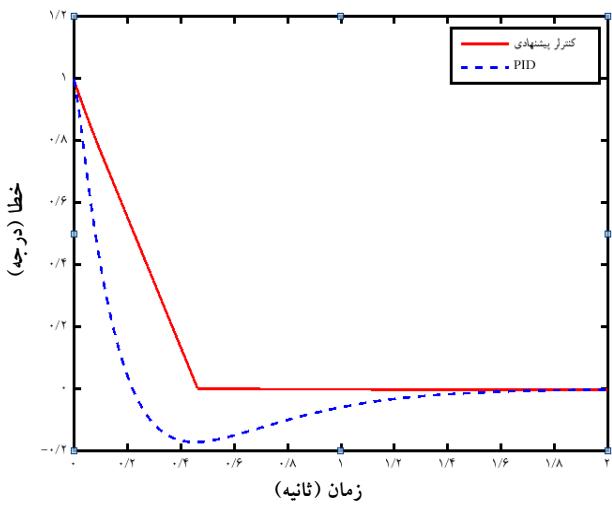
$$\dot{V}_{\text{total}} = -\eta e_1^2 - ke_r^2 < 0 \quad (33)$$

همان‌طور که قبل از بیان شد، پارامترهای $\eta, k > 0$ هستند.

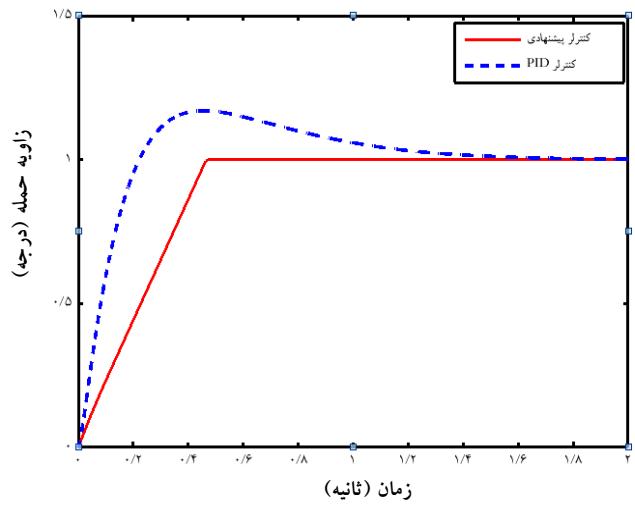
۳- نتایج شبیه‌سازی

پارامترهای سیستم به منظور شبیه‌سازی در جدول (۱) بیان شده است.

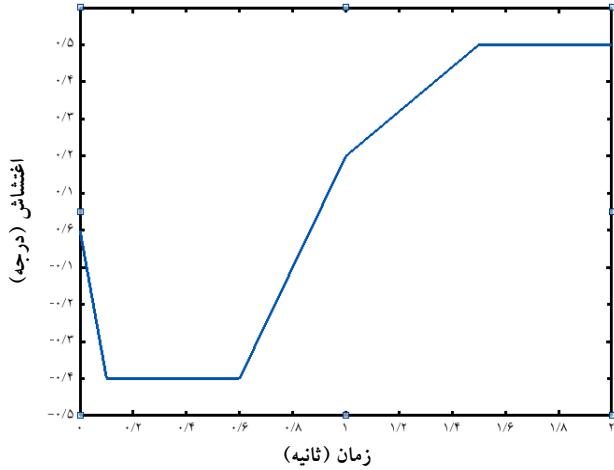
در این بخش عملکرد کنترل کننده طراحی شده در مقایسه



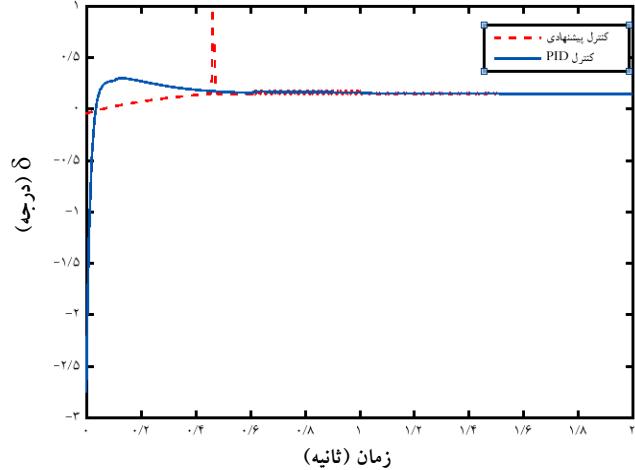
شکل ۳- مقایسه خطای خروجی سیستم با کنترل کننده پیشنهادی و PID



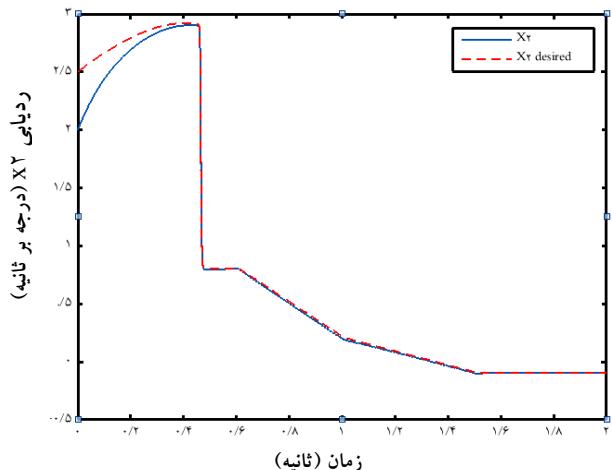
شکل ۲- مقایسه پاسخ خروجی سیستم با کنترل کننده پیشنهادی و PID



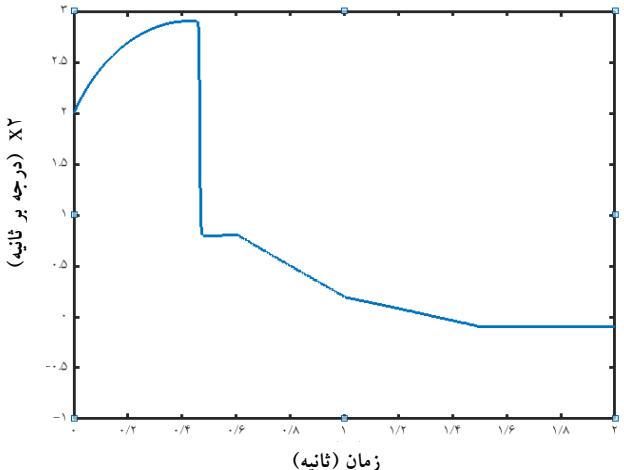
شکل ۵- تغییرات اغتشاش اعمال شده به سیستم



شکل ۴- مقایسه سیگنال کنترلی روشن پیشنهادی و PID



شکل ۷- رديابي متغير حالت X_t سیستم در روشن پیشنهادی



شکل ۶- پایداری متغير حالت X_t سیستم در روشن پیشنهادی

پیشنهادی اثبات پایداری به صورت تحلیلی انجام شد. سپس با استفاده از الگوریتم اجتماع ذرات، ضرایب موجود در کنترل کننده به صورت بهینه به دست آمد. نتایج شبیه‌سازی عملکرد نسبتاً خوب روش پیشنهادی نسبت به کنترل کننده مرسوم PID در حضور اختشاش را نشان می‌دهد.

حالت به مقدار مطلوب را نشان می‌دهد.

۴- نتیجه گیری

در این مقاله طراحی اتوپایلوت طولی غیرخطی یک موشک با استفاده از تئوری کنترل مدل‌غذشی و تئوری لیپانوف با وجود نامعینی جمع شونده غیرطبیقی ارائه شد. برای کنترل کننده

واژه‌نامه

1. proportional integral derivative

مراجع

- Kada, B., and Ghazzawi,Y., “Robust PID Controller Design for an UAV Flight Control System”, *Proceedings of the World Congress on Engineering and Computer Science*, San Francisco, USA, Vol. 2, pp. 1-6, 2011.
- Sadraey, M., and Colgren, R., “Robust Nonlinear Controller Design for a Complete UAV Mission”, VDM Publishing, 2009.
- Jun-fang, F., and Zhong, S., “Missile Longitudinal Autopilot Design using Backstepping Approach”, *Aerospace Conference, IEEE*, Big Sky, MT, pp. 1-8, 2010.
- Reichart, R. T., “Robust Autopilot Design using μ -Synthesis”, *Proceedings of American Control Conference.*, San Diego, CA, pp. 2368-2373, 1990.
- Das, A., Das, R., Mukhopadhyay, S., and Patra, A., “Nonlinear Autopilot and Observer Design for a Surface-to-surface, Skid-to-turn Missile”, *Annual IEEE India Conference, Indicon*, pp. 304-308, 2005.
- Menon, P. K., and Yousefpor, M., “Design of Nonlinear Autopilots for High Angle of Attack Missiles”, *AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference*, pp. 29-31, 1996.
- Xin, M., Balakrishnan, S. N., and Stansbery, D. T., “Nonlinear Missile Autopilot Design with Theta-D Technique”, *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 27, No. 3, pp. 406-417, 2004.
- Xin, M., Balakrishnan, S. N., and Ohlmeyer E. J., “Integrated Guidance and Control of Missiles With θ -D Method”, *IEEE Transactions on Control Systems Technology*, Vol. 14, No. 6, pp. 981-992, 2006.
- Zhou, D., Mu, C., and Xu, W., “Adaptive Sliding-Mode Guidance of a Homing Missile”, *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 22, No. 4, pp. 589-594, 1999.
- Salamci, M. U., Oslash, M. K., Ren, Zg. O and Banks, S. P., “Sliding Mode Control with Optimal Sliding Surfaces for Missile Autopilot Design”, *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 23, No. 4, pp. 719-727, 2000.
- Shkolnikov, I. A., Shtessel, Y. B., Lianos, D., and Thies, A. T., “Robust Missile Autopilot Design Via High-Order Sliding Mode Control”, *Proceedings of AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference*, 2000.
- Shima, T., Idan, M., and Golan, O. M., “Sliding-Mode Control for Integrated Missile Autopilot Guidance”, *Journal of Guidance, Control, and Dynamics*, Vol. 29, No. 2, pp. 250-260, 2006.
- Seshagiri S., and Promtun E., “Sliding Mode Control of F-16 Longitudinal Dynamics”, *Proceedings of American Control Conference*, pp. 1770-1775, 2008.
- Slotine, J. J., and Li, W. “Applied Nonlinear Control”, Englewood Cliffs, NJ: prentice-Hall, 1991.
- Kim, K. J., Park, J. B., and Choi, Y. H., “Chattering Free Sliding Mode Control”, *Proceedings of SICE-ICASE, International Joint Conference*, pp. 732-735, 2006.
- Weise, T., “Global Optimization Algorithms-Theory and Application”, Self-Published, 2009.