حل تحلیلی و شبیه سازی لولای منعطف جهت کنترل راستای نیروی پیشران تحت گشتاور خمشی

> ابراهیم حریربافان ، سید محسن محسنی شکیب ، علی اکبر کریمی ، مجتبی حیدری ٔ Harirbafan.e@gmail.com

> > چکیدہ

لولای منعطف یکی از کارآمدترین سیستمها جهت کنترل راستای نیروی پیشران در موشک ها سوخت جامد می باشـد. در ایـن مقالـه فرمول تحلیلی جدیدی برای محاسبه سختی لولای الاستومر – فلز کروی با استفاده از تئوری الاستیـسیته خطی و روش حـل تحلیلی ولاسف کانترویج که برپایه حاصلضرب جابجایی های بدست آمده از گشتاور خمشی می باشد ارائه شده است. همچنین لولا با نرم افـزار اجزاء محدود ABAQUS شبیه سازی گردیده و تحت بارگذاری گشتاور خمشی برای برداردهی ۱۵ درجه قرار گرفته است. با توجـه به ماکزیمم تنش ایجاد شده در الاستومر و گشتاور مورد نیاز در هفت حالت طراحی شده برای لولا، بهترین حالت از نظر جنس و ضخامت الاستومر بدست آمد. در انتها مقایسه نتایج حاصل از حل تحلیلی با شبیه سازی لولای منعطف توسط نرم افزار اجزاء محدود، صحت و دقت فرمول ارائه شده تحلیلی را نشان می دهد.

> **کلیدواژہ:** لولای انعطاف پذیر- گشتاور خمشی- سختی خمشی

۱- کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، طراحی کاربردی

۲- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی دانشگاه امام حسین(ع)

۳- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی دانشگاه امام حسین(ع)

۴- کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، طراحی کاربردی

## ۱– مقدمه

کنترل مسیر پرواز موشکها و پرتابههای فضایی از مهمترین مسائل در زمینه طراحی سیستم های هدایت پروازی می باشد. اختلالات پروازی (نظیر بادها) و عیوب پرتابه (نظیر عدم همراستایی نیروی پیشران و مرکز ثقل) طراحان سیستم های هدایت پروازی را واداشته تا برای تصحیح مسیر، از انواع سیستم های کنترل استفاده کنند. در موشک های سوخت جامد کارآمدترین سیستم هدایت، کنترل راستای نیروی پیشران با کمک اتصال انعطاف پذیر می باشد[۱]. اتصال انعطاف پذیر، یک اتصال غیر صلب آب بند فشاری بین بدنه موشک و نازل متحرک می باشد که به نازل اجازه می دهد در مسیر تعیین شده منحرف شود. انحراف نازل راستای نیروی پیشران موتور را منحرف کرده و باعث ایجاد یک گشتاور کنترلی حول مرکز ثقل پرتابه و در نتیجه تصحیح مسیر آن می شود [۲]. در زمینه تحلیل و طراحی لولای منعطف مقالات گوناگونی در زمینه علوم فضایی منتشر شده است اما در ایران بررسی های انگـشت شـماری در ایـن زمینه انجام شده است. در سال ۱۹۷۳ هویت شرارد، تکنولوژی جدید و پیشرفتهای را در زمینه کنترل راستای نیروی پیـشران ارائـه کرد که باعث کاهش در وزن و نیازمندیهای تحریک می شد، نتایج این طراحی و تحلیل برای تست استاتیک و اشتعال موتور با ابعاد واقعی در مقالهای تحت عنوان توسعه تکنولوژی لولای منعطف پیشرفته ارائه شد[۳].

در سال ۱۹۷۴ گزارشی در سازمان ناسای ایالات متحده آمریکا انجام شده که به سازماندهی و گردآوری کلیه مقالات و تجربیات سازمان

مربوطه در زمینه طراحی نازلهای متحرک پرداخته است[۴]. در سال ۱۹۹۵ شیمون شانی و شلومپو پاتر موفق به توسعه یک لولای منعطف با کارآیی بالا جهت کنترل راستای نیروی پیشران شدهاند که این سیستم با موفقیت در یک شیپوره متحرک موتور سوخت جامد به کار برده شد و توانست بردار پیشرانه را کنترل نماید[۵]. در سال ۱۹۹۹ لی یانگ گیونگ و وانگ لیانگ، به بررسی تراکم خطی و آزمایش خستگی برای لولای منعطف پرداختند و قابلیت اطمینان خستگی لولا را در نازل منعطف موتور موشک سوخت جامد بررسی کردند[۶].

# ۲- حل تحلیلی

در این قسمت با بررسی وضعیت تنش – کرنش لولای الاستومر – فلز کروی رابطهای برای تعیین سختی برشی لولا در اثر گشتاور خمشی توسط روش تحلیلی ارائه شده است. بدلیل این که خواص الاستیسیته لاستیک تقریباً <sup>۵</sup> ۱۰ تا <sup>۲</sup> ۱۰ برابر کمتر از فولاد میباشد میتوان از تغییر شکل صفحات فولادی صرف نظر کرد[۷]،

بنابراین وضعیت تنش- کرنش هر لایـه لاسـتیک را مـیتـوان بطـور مستقل از تغییر شکل دیگر لایههای لاستیک در نظر گرفت. در روش تحلیلی، باتوجه به تغییر شکلهای کم و با استفاده از تئوری الاستیسیته خطی در سیستم مختصات کروی و با فرض عدم تراکم لاستیک، مسائل از طریق جابجایی حل می شوند. شکل(۱) هندسه در نظر گرفته شده در این مقاله را نشان می دهد. در این شکل مختصات کروی نقطه ای اختیاری (A) از لایه لاستیک نشان داده شده است که در آن r شعاع نقطه،  $\varphi$  زاویه کروی، heta زاویه قطبی، می باشد. همچنین جابجایی های این نقطه اختیاری عبارتند از: r جابجایی در جهت شعاع – u  $\varphi$  جابجایی در جهت زاویه کروی – w heta جابجایی در جهت زاویه قطبی - v طبق شکل (۱)، در اثر اعمال گ شتاور به بخش پایین لولا، لایه الاستومر به اندازه v حول مرکز کره می چرخد. برای حل تحلیلی لولا فرضیات زیر در نظر گرفته می شود: ۱- با چرخش بخش فلزی پایینی، تنشهای ایجاد شده از نوع برش خالص میباشند یعنی  $\sigma_{ heta}, \sigma_{arphi}, \sigma_{arphi}$  و همچنین همه کرنشهای نرمال برابر صفر خواهند بود.

۲- در حالت برش، ضخامت های لایههای لاستیک تغییر نمی کند که این فرض تنها در حالت تغییر شکل کم لایههای نازک لاستیک، u = 0 صحیح می باشد. از آنجا خواهیم داشت:



شکل (۱): شکل شماتیک لایه لاستیک-فلز

در روش تحلیلی، باتوجه به تغییـر شـکلهـای کـم و بـا اسـتفاده از تئوری الاستیسیته خطی در سیستم مختصات کروی و با فرض عدم تراکم الاستومر حل میشوند.

معادلات تعادل و شرط عدم تراکم بدون احتساب تغییرات دما بـ ه قرار زیر می باشند[۸]:

$$\frac{1}{r^{2}Sin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(Sin\phi\frac{\partial u}{\partial\phi}\right) - \frac{1}{r^{2}Sin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left[sin\phi\frac{\partial(wr)}{\partial r}\right] - \frac{1}{r^{2}Sin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left[sin\phi\frac{\partial(wr)}{\partial r}\right] - \frac{1}{r^{2}Sin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left[sin\phi\frac{\partial(wr)}{\partial r}\right] - \frac{1}{r^{2}Sin^{2}\phi}\frac{\partial^{2}(vr)}{\partial r^{2}} + \frac{1}{r^{2}Sin^{2}\phi}\frac{\partial^{2}u}{\partial\phi^{2}} + \frac{\partial}{\partial r} = 0$$

$$\frac{1}{r}\frac{\partial^{2}(vr)}{\partial r^{2}} - \frac{1}{rSin\phi}\frac{\partial^{2}u}{\partial\theta\partial r} - \frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{Sin\phi}\frac{\partial w}{\partial\theta}\right) + \frac{1}{rSin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi} = 0$$

$$\frac{1}{r^{2}Sin^{2}\phi}\frac{\partial^{2}w}{\partial\phi^{2}} - \frac{1}{r^{2}Sin^{2}\phi}\frac{\partial^{2}(vSin\phi)}{\partial\theta\partial\phi} - \frac{1}{r}\frac{\partial^{2}u}{\partial r\partial\phi} + \frac{1}{r}\frac{\partial}{r}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\right) + \frac{1}{rSin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\right) + \frac{1}{rSin\phi}\frac{\partial}{\partial\phi}\left(\frac{1}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial\phi}\right) = 0$$

$$(1)$$

$$\left\{ \begin{aligned} \varepsilon_{r} &= \frac{\partial u}{\partial r}, \\ \varepsilon_{\phi} &= \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \phi} + \frac{u}{r} \\ \varepsilon_{\theta} &= \frac{1}{r \sin \phi} \left( \frac{\partial v}{\partial \theta} + w \cos \phi \right) + \frac{u}{r} \\ \varepsilon_{\theta} &= \frac{1}{r \sin \phi} \left( \frac{\partial v}{\partial \theta} + w \cos \phi \right) + \frac{u}{r} \\ \gamma_{r\theta} &= r S \sin \phi \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{V}{r S i n \phi} \right) + \frac{1}{r S i n \phi} \frac{\partial u}{\partial \theta} \\ \gamma_{\theta\phi} &= \frac{1}{r S i n \phi} \frac{\partial w}{\partial \theta} + S i n \phi \frac{\partial}{\partial \phi} \left( \frac{V}{r S i n \phi} \right) \\ \gamma_{\phi r} &= \frac{1}{r} \frac{\partial u}{\partial r} + r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{w}{r} \right) \end{aligned}$$

$$(Y)$$

در محاسبات تحلیلی، روش ولاسوف – کانترویچ بکار گرفته می شود در این روش جابجایی ها به شکل حاصلضرب دو تابع در نظر گرفته می شوند. یکی از این توابع به این ترتیب انتخاب می شود که شرایط مرزی را ارضاء کند، تا موقعی که بار گذاری های سطحی خارجی مرزی را ارضاء کند، مشتق آنها برابر صفر خواهد بود و تابع دوم می تواند از شرط انرژی پتانسیل مینیمم، نیروهای خارجی را تعیین کند.

با توجه به عبارات بیان شده در مورد تغییر شکلهای خطی  $\mathcal{E}_{\varphi}, \mathcal{E}_{ heta}$  در سیستم مختصات کروی (۲) می توان نوشت:

$$\frac{\partial w}{\partial \phi} = 0 \tag{(7)}$$

$$\varepsilon_{\phi} = \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \phi} + \frac{u}{r} = 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial \phi} = 0 \qquad \Rightarrow \qquad (f)$$

$$r=R_2, \theta=2\pi, \theta=0$$
 .۲ در حالات. .۴ w =  $vR_2$ 

برای هر مقدار زاویه hetaو <br/>  $\phi$  در  $r=R_1$  همه جابجایی ها برابـر صـفر هستند.<br/>  $w=0 \qquad v=0 \qquad ({\sf Y})$ 

عبارت (۸) شرایط مرزی (۵) و عبارت (۳) را ارضاء میکند. تابع  
جابجایی v با استفاده از عبارات (۴) و (۸) بدست می آید:  
$$\frac{\partial v}{\partial \theta} = -w \cos\phi \implies \frac{\partial v}{\partial \theta} = -v \cos(\theta) f(r) \cos(\phi) \implies v =$$
$$\int -v \cos(\theta) f(r) \cos(\phi) d\theta \implies$$

$$v = -\upsilon f(r) Cos \phi Sin\theta \tag{9}$$

تغییر شکلهای زاویهای با احتساب u = 0 بصورت زیر ساده میشوند:

$$\gamma_{r\theta} = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{V}{r} \right) \tag{(1.1)}$$

$$\gamma_{\theta\phi} = \frac{1}{rSin\phi} \frac{\partial w}{\partial \theta} + Sin\phi \frac{\partial}{\partial \phi} \left(\frac{V}{rSin\phi}\right) \tag{11}$$

$$\gamma_{\phi r} = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{w}{r} \right) \tag{11}$$

بعد از قرار دادن روابط (۸) و (۹) در عبارات (۱۰) ترا (۱۲) و عملیات مشتق گیری داریم:

$$\pi = \frac{G}{2} v^{2} A \pi \int_{R_{2}}^{R_{1}} r^{2} \left[ F'(r) - \frac{F(r)}{r} \right]^{2} dr \qquad (1Y)$$

که در آن

$$A = \cos\phi_1 - \cos\phi_2 - \frac{\cos^3\phi_2 - \cos^3\phi_1}{3}$$

انتگرال بر حسب شعاع برابر است با:  
$$I = \int_{R_2}^{R_1} \psi(r, f(r), f'(r)) dr$$
(۱۸)

از حساب تغییرات داریم که I مینیمم خواهد بود اگر تابع f (r) حل معادله تغییراتی اویلر را ارضاء کند[۱۰].

$$\frac{\partial \psi}{\partial F(r)} - \frac{d}{dr} \left( \frac{\partial \psi}{\partial F'(r)} \right) = 0 \tag{19}$$

بعد از مشتق گیری از معادله تغییراتی بالا معادله دیفرانسیل خطی را با ضرائب جابجایی بصورت زیر بدست میآوریم:  $r^{2}f''(r) + 2rf'(r) - 2f(r) = 0$  (۲۰)

معادله مشخصه عبارتست از [۱۱]:  
$$P^2 + P - 2 = 0$$
  
 $P(P-1) + 2P - 2 = 0$ 

دارای ریشه های P<sub>2</sub>=-2 , P<sub>1</sub>=1 می باشـد. حـل معادلـه دیفرانـسیل بصورت زیر می باشد:  $f(r) = C_1 r + C_2 \frac{1}{2}$  (۲۱)

ثابتهای انتگرال گیری  $C_2$ ,  $C_1$  از شرایط مرزی (۶) و (۷) تعیین می شوند:

$$\begin{aligned} r &= R_1 & f(r) = 0 \\ r &= R_2 & f(r) = R_2 \end{aligned}$$
 (YY)

شرایط فوق دستگاه معادلات جبری زیر را ارائه می دهند:

$$\begin{cases} C_{1}R_{1} + \frac{C_{2}}{R_{1}^{2}} = 0 \\ C_{1}R_{2} + \frac{C_{2}}{R_{2}^{2}} = R_{2} \end{cases}$$
(YW)

$$C_{1} = \frac{-R_{1}^{3}}{R_{1}^{3} - R_{2}^{3}} \qquad C_{2} = \frac{R_{1}^{3}R_{2}^{3}}{R_{1}^{3} - R_{2}^{3}}$$
(Yf)

$$\gamma_{\phi r} = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{w}{r} \right) = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{v f(r) Cos \theta}{r} \right) =$$

$$r v \cos(\theta) \left( \frac{r f'(r) - f(r)}{r^2} \right)$$

$$\gamma_{r \phi} = v \left[ f'(r) - \frac{f(r)}{r} \right] C o s(\theta) \qquad (1\%)$$

$$\gamma_{r\theta} = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{V}{r} \right) = r \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{-\upsilon f(r) \cos \phi \sin \theta}{r} \right) = -\upsilon \cos \phi \sin \theta \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{f(r)}{r} \right) =$$

 $-\upsilon Cos \phi Sin \theta \bigg( \frac{\eta}{r^2} \bigg( r \bigg) - \eta \bigg)$ 

$$\gamma_{r\theta} = -\nu \left[ f'(r) - \frac{f(r)}{r} \right] Cos \phi Sin\theta$$
 (14)

$$\gamma_{\theta\phi} = \frac{1}{rSin\phi} \frac{\partial(\upsilon f(r)Cos\theta)}{\partial\theta} + Sin\phi \frac{\partial}{\partial\phi} \left( \frac{-\upsilon f(r)Cos\phi Sin\theta}{rSin\phi} \right) = \frac{-\upsilon f(r)Sin(\theta)}{rSin(\phi)} + \frac{\upsilon f(r)Sin(\theta)}{rSin(\phi)}$$

$$y_{\theta\phi} = 0 \tag{14}$$

$$f'(r) = \frac{df(r)}{dr}$$

$$\pi = G \int_{0}^{2\pi} \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} \int_{R_{2}}^{R_{1}} \left[ \varepsilon_{r}^{2} + \varepsilon_{\phi}^{2} + \varepsilon_{\theta}^{2} + \frac{1}{2} \left( \gamma_{r\phi}^{2} + \gamma_{r\theta}^{2} + \gamma_{\theta\phi}^{2} \right) \right]$$
$$r^{2} Sinjd \,\theta djdr$$

که در این رابطه G مدول برشی الاستومر می باشد.  

$$\begin{aligned} &= G \int_{0}^{2\pi} \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} \int_{R_{2}}^{R_{1}} \left[ \left( \gamma_{r\phi}^{2} + \gamma_{r\theta}^{2} \right) \right] r^{2} Sin\phi d\theta d\phi dr \qquad (18) \\ &= \frac{G}{2} v^{2} \\ &\left\{ \int_{0}^{2\pi} COS^{2} \theta d\theta \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} Sin\phi d\phi \int_{R_{2}}^{R_{1}} r^{2} \left[ F'(r) - \frac{F(r)}{r} \right]^{2} dr \\ &+ \int_{0}^{2\pi} Sin^{2} \theta d\theta \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} Cos^{2} \phi Sin\phi d\phi \int_{R_{2}}^{R_{1}} r^{2} \left[ F'(r) - \frac{F(r)}{r} \right]^{2} dr \\ &\left\{ + \int_{0}^{2\pi} Sin^{2} \theta d\theta \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} Cos^{2} \phi Sin\phi d\phi \int_{R_{2}}^{R_{1}} r^{2} \left[ F'(r) - \frac{F(r)}{r} \right]^{2} dr \\ &\right\} \end{aligned}$$

$$\phi, \theta$$
 بعد از انتگرال گیری بر حسب

٧۶

تابع f(r)برابر است با:

$$f(r) = -\frac{R_1^3 R_2^3}{R_1^3 - R_2^3} \left( \frac{r}{R_1^3} + \frac{1}{r^2} \right)$$
  
$$f'(r) = -\frac{R_1^3 R_2^3}{R_1^3 - R_2^3} \left( \frac{1}{R_1^3} + \frac{2}{r^3} \right)$$
 (Y\Delta)

تنشهای مماسی عبارت خواهند بود از:

$$\tau_{r\phi} = G \gamma_{r\phi} = -3G \upsilon \frac{R_1^3 R_2^3}{R_1^3 - R_2^3} \frac{1}{r^3} Cos \theta$$
  
$$\tau_{r\theta} = G \gamma_{r\theta} = 3G \upsilon \frac{R_1^3 R_2^3}{R_1^3 - R_2^3} \frac{1}{r^3} Cos \phi Sin \theta$$
 (Y9)

رابطه زاویه چرخش v با گشتاور  $M_c$  از معادله تعادل قطعه فلزی پایینی به شعاع  $R_2$  معین می گردد.

$$M_{C} = \int_{0}^{2\pi} \int_{\phi_{1}}^{\phi_{2}} \left[ \tau_{r\theta} \Big|_{r=R_{2}} R_{2} Sin\theta Cos\phi - \tau_{r\phi} \Big|_{r=R_{2}} R_{2} Cos\theta \right]$$
$$R_{2}^{2} Sin\phi d\theta d\phi$$

$$M_{c} = 3G \upsilon \frac{R_{1}^{3}R_{2}^{3}}{R_{1}^{3} - R_{2}^{3}} \\ \left[ \int_{0}^{2\pi} Sin^{2}\theta d \,\theta \int_{\phi}^{\phi_{2}} Cos^{2}\phi Sind \,\phi + \int_{0}^{2\pi} Cos^{2}\theta d \,\theta \int_{\phi}^{\phi_{2}} Sin\phi d \,\phi \right] \\ M_{c} = 3G \upsilon \pi \frac{R_{1}^{3}R_{2}^{3}}{R_{1}^{3} - R_{2}^{3}} \\ \left( Cos \phi_{1} - Cos \phi_{2} - \frac{Cos^{3}\phi_{2} - Cos^{3}\phi_{1}}{3} \right)$$
(YV)

:ان سختی برش لایه i ام لولای الاستومر – فلز لولا عبار تست از  

$$K_{i} = 3G \pi \frac{R_{1i}^{3}R_{2i}^{3}}{R_{1i}^{3} - R_{2i}^{3}}$$

$$\left( Cos \phi_{1i} - Cos \phi_{2i} - \frac{Cos^{3} \phi_{2i} - Cos^{3} \phi_{1i}}{3} \right)$$
(۲۸)

$$K_{c} = \frac{1}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{K_{i}}}$$
(٢٩)

# ۳- شبیه سازی با نرم افزار (ABAQUS)

هم زمان با پیشرفت فناوری طراحی و تولید وسایل و قطعات پیچیده و حساس لزوم استفاده از روشهای علمی مناسب برای کاهش هزینه و زمان و همچنین پاسخگویی به مشکلات و نیازهای صنایع در این زمینه مطرح می باشد. زیرا نمی توان تنها با تکیه بر تعربیات، پاسخگوی طراحی و تولید ایده آل محصولات پیچیده و دقیق بود. استفاده از روشهای عددی در تحلیل مسائل تحقیقاتی و تولیدی، ابزار قدرتمندی برای امکان سنجی و پیش بینی شرایط ضمنی فرآیند می باشد. به طوری که تقریباً هیچ یک از شاخههای علوم و فنون را نمی توان یافت که از این ابزار قوی بی به ره باشند[17].

## ۳–۱– هندسه سازه

در این بخش تجزیه و تحلیل لولا با روش اجزاء محدود و با استفاده از نرم افزار ABAQUS صورت گرفته است. لولای منعطف برای موشکی با مشخصات زیر طراحی و تحلیل گردید. قطر موتور ۶۰۰ میلیمتر، نازل ثابت به قطر خروجی ۵۱۱ میلیمتر و گلویی ۱۹۰ میلیمتر، زاویه مخروط نازل ۱۳ درجه و طول نازل ۸۷۷ میلیمتر، فشار کاری موتور ۶۰ بار و دمای کاری آن ۳۲۰۰ درجه کلوین. در موشک با مشخصات فوق از نازل ثابت استفادہ مے شد کے امکان هدایت برای این موشک بوسیله کنترل راستای نیروی پیشران وجود نداشت. با طراحي لولاي منعطف براي اين موشك قطر گلويي نازل ۱۸۵ میلیمتر تعیین شد که بسیار نزدیک بـه قطـر گلـویی نـازل در حالت صلب می باشد. از بین طراحی های مختلف موجود برای لولا پس از اعمال گشتاور با کمک فرمولهای بدست آمده از حل تحلیلی و نرم افزاری بهترین حالت از نظر کمینه گشتاور و تنش انتخاب شد. با توجه به شکل کلی نازل و متعلقاتش فـضای ابعـادی در دسـترس جهت گنجاندن لایه های الاستومر و فلز در شکل (۲) آورده شده است. هفت حالت طبق جدول (۱) برای تحلیل و بررسی زاویه خمش و تنشهای وارده تخمین زده شده است[۱۳].

جدول(۱): تخمینهای اولیه ضخامتهای الاستومر و فلز

Ro	R <sub>i</sub>	φ <sub>2</sub>	$\phi_1$	لايەھاي	لایه های	نوع
(mm)	(mm)			فلز	الاستومر	
240/0	۲۰۴/۵	۶٩/٢	۵۲/۵۵	18	١٧	١
240	۲۰۴/۵	89/21	۵۲/۵۲	١٣	14	٢
240/0	۲۰۴/۵	۶٩/٢	۵۲/۵۵	۲۰	۲۱	٣
240/0	۲۰۴/۵	۶٩/٢	۵۲/۵۵	١٣	14	۴
240	۲۰۴/۵	89/21	۵۲/۵۲	11	١٢	۵
۲۴۶/۵	۲۰۴/۵	۶٩/۱۸	57/81	١.	11	۶
۲۴۷/۵	۲۰۴/۵	89/10	57/84	١٠	11	٧

جداول (۲) و (۳) آورده شده است.

الاستومر آورده شده است.

۳-۴- شرایط مرزی

تمام جهات مقيد مي گردد.

گرفته شد.مشخصات مدل ماده دو نوع الاســتومر مـورد آزمـایش در

در جدول (۴) بیشترین تغییر طول و استحکام برای هر دو نوع

برای فلز از مدل الاستیسیته استفاده شده است. برای تعریف مدل الاستیسیته نیاز به مشخصات ناحیه الاستیک منحنی تنش و کرنش است. فلز استفاده شده در این لولا با مشخصات E=210e9 N/m<sup>2</sup>

اتصال انعطاف پذیر از یک طرف به بدنهٔ موتور توسط یک رینگ فلنچی فلزی بصورت صلب و از طرف دیگر به بدنهٔ متحرک شیپوره متصل شده است. لذا برای اعمال شرایط تکیه گاهی، لایه بیرونی لولا که به بدنهٔ موتور متصل است و هیچ نوع درجه آزادی ندارد، در

این قید در شکل(۴- الـف) نـشان داده شـده اسـت. بـر روی لـولای انعطاف پذیر دو نوع بارگذاری وجود دارد. اولین بارگذاری حاصـل از فشار موتور و بارگذاری دیگر حاصل از گـشتاور اعمـال شـده توسـط

ست. مى باشد كە تنش تسليم آن  $\nu = 0.3$  است.  $\nu = 0.3$ 



شکل(۲): فضای ابعادی در دسترس برای طراحی لایه های الاستومر و فلز

## ۳-۲- المان بندي

برای این مدل سه بعدی، المانهای متوازی السطوح هشت گوش انتخاب شده است که در هر گوشه شامل یک گره است شکل (۳). با توجه به اینکه در اتصال مورد نظر از دو نوع ماده (الاستومر و فلز) استفاده گردیده است برای جنس الاستومر از المان Solid(C3D8R)<sup>1</sup> و برای فلز از المان Solid(C3D8R)<sup>2</sup> – بدلیل تحلیل خطی فلز- استفاده می گردد[۱۴].



شکل(۳): نمونهای از مدل شبکه بندی با المان C3D8

۳-۳- جنس

نوع رفتار ماده برای الاستومر در مقابل بارهای وارده بصورت هایپر الاستیک<sup>۳</sup> و نمودار تنش-کرنش آن غیرخطی االاستومر در نظر

تحریک کنندههای متصل به شیپوره جهت چرخاندن نازل می باشد. بارگذاری گشتاور و فشار در شکل(۴- ب) نشان داده شده است.

۵-۳- نتایج شبیه سازی

شبیه سازی مدلهای مختلف اتصال منعطف که تفاوت آنها در ضخامت رینگهای الاستومر و فلز می باشد در هفت حالت طراحی شده با هر دو نوع الاستومر مورد تحلیل قرار گرفت.

در ابتدا با استفاده از فرمول بدست آمده از حل تحلیلی (۲۸) و (۲۹) سختی لولا در حالتهای مختلف طراحی با استفاده از نرم افزار MATLAB بدست آمده که در جدول (۵) ارائه گردیده است و با توجه به رابطه  $M_c = k_c v$  زاویه خمشی تئوری محاسبه گردیده که در جدول (۶) مشاهده می گردد.

<sup>1-</sup> Continuum (Solid) elements-8 node linear brick- Hybrid (optional)

<sup>2-</sup> Continuum (Solid) elements-8 node linear brick- Reduced integration with

hourglass control 3- Hyper elastic

جدول(۲): داده های منحنی تنش-کرنش برای الاستومر نوع اول																
تنش	•	۴,۷	۶,۷	٨	٨,٧	٩,٣	۱۰,۳	11	۱۱,۷	۱۲,۳	۱۳	۱۳,۸	14,5	10,4	10,9	18,18
(MPa)																
كرنش	•	۲, ۰	۰,۳	۴۵, ۰	<b>۰</b> ,۶	۰,۷۵	۰,۹	١,٠۵	١,٢	۱,۳۵	۱,۵	۱,۶۵	۱,۸	۱,۹۵	۲,۱	۲,۲۵

تنش	•	3,847	۵,۴۷۰۶	9,1178	17,7847	18,4111	۱۸,۲۳۵۳	21,222	20,0298	59,1780	59,18	
(MPa)											۶	
كرنش	٠	۰,۰۲	۰,۰۳	٠,٠۵	۰,۰۷	٠,٠٩	۰,۱	۰,۱۲	۰,۱۴	۰,۱۶	۰,۱۷	

## جدول(۳): داده های منحنی تنش-کرنش برای الاستومر نوع دوم

جدول( ۴): تغيير طول و استحكام الاستومرها									
	نوع اول	نوع دوم							
درصد ازدياد طول نمونه هاي الاستومر	۲۰۰,۲۸	10,98							
تنشهای استحکام نمونه های الاستومر (Mpa)	18,18	59,851							



شکل(۴- الف): شرایط مرزی اعمال شده به لولای منعطف شکل(۴-ب): نیروهای اعمالی به لولای منعطف

	اول	نوع	لاستيک	اساس ا	بر	لولا	حالتهای مختلف	برشی برای	جدول(۵): مقدار k	
--	-----	-----	--------	--------	----	------	---------------	-----------	------------------	--

	حالت	حالت	حالت	حالت	حالت	حالت دوم	حالت اول
	هفتم	ششم	پنجم	چهارم	سوم	K(N.m)	K(N.m)
-	K(N.m)	K(N.m)	K(N.m)	K(N.m)	K(N.m)		
	v,۳۵7er	۹,۳۵۹е۳	۹,• <i>۳</i> ۷e۳	V,974er	9,V1·e۳	9,809er	1,.77164

سپس با توجه به اینکه زاویه مورد نیاز جهت چرخش نازل ۱۵ درجه می باشد[۴] شکل (۵)، گشتاورهای لازم برای چرخش لولا در هفت حالت طراحی، محاسبه گردیـد و در جـدول (۶) آورده شـده اسـت.

نمودار (۱) مقایسه زاویه چـرخش بدسـت آمـده در حـل تحلیلـی و شبیه سازی را نشان می دهد.

٧	1	۱
•		۰

حالت	نوع الاستومر	گشتاور	حداكثر تنش ايجاد	تنش مجاز	زاويه چرخش	زاويه چرخش	درصد	تاييد
طراحي		(N.m)	شده در	الاستومر	نرم افزار (درجه)	تحليلی(درجه)	خطا	تنش
			الاستومر (Mpa)	(Mpa)				
	اول	7	1,77767	1,81TeV	۱۵,۰۵	10,47	۲,۴	×
اول	دوم	۳۰۰۰۰۰	т,лател	r,9189ev	14,95			×
	اول	189	1,• TAeV	1,818ev	۱۵,۰۵	١۶,٠٧	۶,۳	تاييد
دوم	دوم	۲۳۸۰۰۰۰	т,үттел	r,9189ev	10,07			×
	اول	141	1,.4.64	1,818ev	۱۵,۰۷	10,77	4,7	تاييد
سوم	دوم	747	т,үүрөл	7,918989	10,00			×
	اول	179	9,61008	1,818ev	10,04	10,•1	۰,۲	تاييد
چهرم	دوم	۱۸۶۰۰۰۰	1,9861	7,918989	10,09			×
.~:.	اول	100	9,71868	1,818ev	10,•1	14,98	۳۳, ۰	تاييد
پىجەر	دوم	71	т,11тел	r,9189ev	10,00			×
ششم	اول	180	1,• ٣٣૯٧	1,818ev	10,01	10,74	4,8	تاييد
	دوم	777	т,ятуел	r,9119ev	10,. 1			×
هفتم	اول	177	9,54765	1,81802	10,04	10,01	۰,۲	تاييد
	دوم	١٨٣٠٠٠	<b>ү</b> 1уел	r,9189ev	10,04			×

جدول(۶): نتایج حاصل از شبیه سازی برای لولای منعطف در حالت های مختلف برای دو نوع الاستومر انتخاب شده



شکل (۵): تغییر فرم لولای انعطاف پذیر پس از اعمال نیرو به اندازه ۱۵<sup>°</sup> ۱۵ توسط نرم افزار ABAQUS



نمودار (۱): مقایسه زاویه چرخش حاصل از حل تحلیلی و شبیه سازی

## ۴- نتیجه گیری

۱- با توجه به جدول (۶) مشاهده می شود تنش ایجاد شده در لولا برای تمام حالتهای طراحی با الاستومر نوع دوم در هنگامی که لولا به اندازه ۱۵ درجه چرخیده شود بیش از حد مجاز بوده و مطلوب نمی باشد ولی تنش در لولا با الاستومر نوع اول جهت برداردهی مورد نظر در تمامی حالتها بجز حالت اول در محدوده مجاز می باشد.

دلیل اختلاف نتایج بین الاستومر نوع اول و نوع دوم را می توان در میزان انعطاف پذیری یا همان درصد ازدیاد طول این دو نوع الاستومر یافت. بر اساس جدول (۴) ملاحظه می شود که درصد ازدیاد طول الاستومر نوع اول تقریباً ۱۳ برابر نوع دوم می باشد. لذا میتوان نتیجه گرفت که هر چند بر اساس جدول (۴) تنش استحکام الاستومر نوع دوم تقریباً ۱/۸ برابر نوع اول است اما درصد ازدیاد طول نقش مهمتری در انتخاب نوع الاستومر در یک لولای منعطف بازی می کند. البته در صورتی می توان الاستومر با درصد ازدیاد طول بیشتر را از بین چندین نوع الاستومر انتخاب نمود که آن الاستومر توانایی تحمل تنش بدست آمده از محاسبات تئوری را داشته باشد.

۲- همانطور که در جدول (۷) نشان داده شده است هرچه اختلاف بین ضخامتها بیشتر باشد مقدار تنش و گشتاور کمتر است البته اگر این اختلاف از مقدار مشخصی (نوع ۷) بیشتر گردد تاثیر منفی بر روی لولا دارد و مقدار تنش در لاستیک افزایش می یابد. با توجه به جدول (۷) و نمودار (۲) حالت چهارم بهترین حالت و بدترین حالت نوع اول است که ضخامت لایه فلز بیشتر از الاستومر است. در حالتهایی که ضخامتها برابر می باشد هرچه لایه الاستومر فخیمتر باشد مطلوبتر است بنابراین در حالتهای دوم، سوم و ششم که ضخامتها یکسان است حالت ششم با ضخامت الاستومر ۲ میلیمتر مطلوبتر می باشد.

حالت	ضخامت	ضخامت	اختلاف	گشتاور	مقدار
	الاستومر	فلز	ضخامتها	شبيه	تنش در
	(mm)	(mm)	(mm)	سازى	الاستومر
				(N.m)	(Mpa)
نوع ۱	١	١,۵	۵, ۰ -	7	17,87
نوع ۲	۱,۵	١,۵	•	189	۲۸, ۱۰
نوع ۳	١	١	•	141	۱۰,۴۰
نوع ۴	٢	١	١	180	۹,۵۱۰
نوع ۵	٢	۱,۵	۵, ۰	100	٩,٧١٣
نوع ۶	٢	٢	•	180	۲۳, ۱۰
نوع ۷	٣	١	٢	178	9,847

نمودار (۲) مقایسه بین هفت حالت اتصال با توجه به گشتاور مورد

جدول(۷): مقایسه بین ضخامتها و گشتاور مورد نیاز

نمودار (۲): مقایسه گشتاور مورد نیاز برای ۱۵ درجه چرخش اتصال

۵- مراجع

- ج. روشنیان، ح. کریمی مزرعه شاهی، "مقدمه ای بر طراحی موشک" ، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی، دی ۱۳۷۸.
- [2] G. P. Sutton, "Rocket propulsion Element", sixth Edition, John Wiley&Sons.
- [3] H. Sherard, H. "Development Of Advanced Flex Joint Technology", AIAA PAPER, 1973.
- [4] NASA SP-8114,"Solid Rocket Thrust Vector Control",1974.
- [5] Sh. Shani, Sh. Putter and A. Perez, "Development of a high-Performance Flexible Joint for TVC", 31<sup>st</sup> AIAA/ASME, joint Propulsion conference, 1995.
- [6] L. Young-qiong and W. Liang, "Fatigue Reliability Analysis for Flexible Nozzle of Solid Rocket Motor", AIAA Paper, 1999.
- [7] M. A. Likand and S. V. Leiof, "Application of Metal Resin Layer in the Stands and the Heavy Machinery", Kimash, 1978.
- [8] E. E. Lavendel, "Calculation of Technical Elasticity Products", Moscow, 1976.
- [9] O. C. Zienkiewicz, "The Finite Element Method: Its Basis And Fundamentals", Elsevier-S&T, 2000.
- [10] Dacorogna, "Introduction To The Calculus Of Variations", World Scientific, 2004.

[۱۲] ح. قاسمی، ف. ر. بیگلریو ر. درویش، "مقدمهای بر نرمافزار المان محدود ABAQUS"، انتشارات یا مهدی(عج)، چاپ اول(۱۳۸۴).

نیاز را نشان می دهد.

[14] Hibbitt, Karlsson & Sorensen, Inc, Elements with ABAQUS/Standard version 6.6, Pawtucket Island, 2006.