

خزش و ویژگیهای خزش-گسیختگی سرب خالص و آلیاژ قلع٪۷۰- سرب٪۳۰

اسماعیل بزرکار^۱ ، محمد رضا فروزان^۲
E.barzkar@me.iut.ac.ir

پذیرش مقاله: ۸۹/۰۳/۳۰

(دریافت مقاله: ۸۹/۰۱/۱۰)

چکیده

مواد در دماهای بالاتر از ۴۰٪ دمای مطلق ذوب خود، از خود رفتار خزشی قابل توجهی نشان می‌دهند. سرب، قلع و آلیاژهای آنها، از جمله موادی هستند که در دمای محیط خزش قابل توجهی بروز می‌دهند. از مهمترین موارد استفاده آلیاژهای قلع-سرب، لحیمکاری اتصالات در صنایع الکترونیک و از مهمترین کاربردهای سرب خالص می‌توان به دیوارهای ایزوله و باتری‌های تر اشاره نمود. دمای اتاق برای سرب نزدیک به ۵۰٪ و برای آلیاژ قلع٪۷۰- سرب٪۳۰٪، در حدود ۶۳٪ دمای مطلق ذوب آنهاست و آسیب خزش در طراحی سازه‌های شامل آنها بسیار اهمیت می‌یابد. در این مقاله آزمایش‌هایی جهت بدست آوردن داده‌های خزش و خزش-گسیختگی این دو ماده انجام شده است. نمودارهای حاصل از آزمایش در قالب روابط کاربردی، جهت استفاده در شبیه سازی کامپیوتری و پیش‌بینی عمر اتصالات ارائه گردیده است. نمودارهای خزش-گسیختگی به فرم رابطه زمان سختی در مرحله اولیه خزش (رابطه کرنش-زمان) و خزش گسیختگی آنها در قالب پارامترهای لارسن-میلر و مونکام-گرانت ارائه شده است. همچنین رابطه نرخ کرنش پایای خزش هر دو ماده به صورت تابع تنশ نیز ارائه گردیده است.

کلیدواژه:

خزش گسیختگی- سرب- قلع٪۷۰- سرب٪۳۰٪- مدل زمان- سختی- پارامتر لارسن میلر- پارامتر مونکام گرانت- نرخ کرنش پایا

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان

۲- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی اصفهان forouzan@cc.iut.ac.ir

چرخه و تاثیر دما روی خواص خستگی کم چرخه آلیاژ یوتکتیک قلع-نقره و همچنین اثر دما روی رفتار خستگی کم چرخه آلیاژ یوتکتیک قلع-سرب پرداخته‌اند [۱۵-۱۹]. کونا و ویپر مدل ویسکوپلاستیک چرخه‌ای^۷ و آسیب خزش لحیمه‌ای بدون سرب را ارائه نموده‌اند [۱۰]. محمودی و گرانمایه با روش ایجاد فرورفتگی در دسته‌ای از آلیاژهای بدون سرب و فوق یوتکتیک ترکیب آلیاژ لحیمکاری روی-قلع فاقد سرب به مطالعه خزش پرداخته‌اند [۱۱-۱۲]. زاما و همکاران در مقاله‌ای به بررسی کرنش پایای خزش قلع در دمای نزدیک به نقطه ذوب آن اقدام نموده‌اند [۱۳]. ژانگ و همکاران در یک مطالعه رفتار خزشی لحیمه‌ای قلع-نقره-مس با دوپینگ اندک سریوم را مورد پژوهش قرار داده‌اند [۱۴].

در این مقاله، نتایج آزمون‌هایی که جهت تعیین خواص خزش و خزش گسیختگی دو ماده سرب و قلع ۷۰٪- سرب ۳۰٪ انجام شده است و نمودارهای کرنش خزشی مهندسی بر حسب زمان در رژیم اولیه خزش ارائه شده است. نرخ کرنش پایا، مدل زمان سختی^۸، پارامترهای لارسن-میلر^۹ و مونکام-گرانت^{۱۰} نیز محاسبه شده است. این داده‌ها به منظور طراحی و تحلیل اجزای محدود بسیار کاربردی و کمیاب می‌باشند.

۲- خزش

خرش، کرنش پلاستیک آهسته مواد در اثر بار و دماست. گرچه خزش در هر دمایی می‌تواند رخ دهد، اما سه رژیم قابل توجه کرنش واپسیه به زمان آن، در دمای بالای ۴۰٪ دمای ذوب آنها اهمیت می‌باید. در دمای‌های بالا، این کرنش پلاستیک به صورت مداوم ادامه یافته تا سرانجام گلوبی شدن و شکست در ماده رخ دهد. نرخ کرنش با افزایش دما و بار مورد تحمل ماده به شدت افزایش می‌باید. این رفتار مواد را می‌توان در دمای ثابت به صورت رابطه (۱) بیان نمود.

$$\epsilon_{cr} = \frac{K \sigma^m t^{n+1}}{n+1} \quad (1)$$

این رابطه مربوط به کرنش خزش در رژیم اولیه می‌باشد. در این رابطه ϵ_{cr} کرنش خزشی، σ تنش، t زمان، و ثوابت K ، m و n می‌باشند. این رابطه به نوع ماده بوده و از آزمایش بدست می‌آیند. زمان گسیختگی نمونه در آزمون خزش نیز حساسیت بسیاری به بار و دمای نمونه آزمایش دارد. لارسن و میلر (۱۹۵۳) طی رابطه‌ای، بین

۱- مقدمه

از کاربردهای سرب در صنعت می‌توان به استفاده از آن در اتفاقهای رادیولوژی و دیوارهای ایزوله کننده در مقابل تشعشعات رادیواکتیو در نیروگاههای هسته‌ای اشاره نمود. امروزه در صنایع الکترونیک و لحیمکاری، به منظور کاهش حجم و بهینه‌سازی اتصالات لحیمکاری^۱ و زرد جوشکاری^۲، خواص مکانیکی مواد لحیم کاری از جمله قلع ۷۰٪- سرب ۳۰٪ چه به منظور اتصالات‌هادی و چه اتصالات مکانیکی، اهمیت می‌یابد. عمدۀ مصرف قلع در صنعت لحیم کاری می‌باشد. مصرف قلع در این صنعت به دلیل تقاضای زیاد کشورهای ایالات متحده آمریکا، ژاپن و با سهم کمتری در دیگر کشورهای صنعتی به میزان قابل توجهی افزایش یافته است.

۹٪ قلع در پوشش ورقه‌های آهنی با یک لایه نازک قلع کاربرد دارد. این ورقه‌ها در ساخت قوطی‌های کنسرو استفاده می‌شوند. ۳۹٪ قلع در ساخت ورقه‌های حلبی کاربرد دارد. ۲۴٪ قلع در لحیمکاری به مصرف می‌رسد. ۱۴٪ قلع در تهیه آلیاژهای مهم برنز (قلع-مس)، مفرغ (قلع-سرب)، آلیاژهای مخصوص، آلیاژ پوششی و برنز فسفر کاربرد دارد.

خرش^۳ تغییر شکل آهسته مواد تحت بار، در اثر دمای بالاتر از ۴۰٪ دمای ذوب فلزات است [۱]. دمای اتفاق برای اتصالات لحیمکاری و همچنین سرب خالص، دمایی به ترتیب ۶۳ و ۵۰ درصد دمای مطلق ذوب آنها است. بنابراین در طراحی اتصالات لحیمکاری و همچنین دیوارهای محافظ تشعشع سربی، تحت اثر وزن، پدیده خرش باشیست لحاظ شود.

تا کنون محققین به دلیل اهمیت خرش در طراحی، به بررسی و استخراج خواص انواع آلیاژهای قلع و سرب پرداخته‌اند. این آلیاژها به دو دسته سرب دار و بدون سرب تقسیم می‌شوند. در دستاوردهایی و همکاران، خواص مکانیکی و خزشی دسته‌ای از آلیاژهای لحیم بر پایه قلع-آنتمیوان بررسی و بدست آمده است [۲]. فوجیوارا و اوتسیکا برابر بودن مکانیزم خرش در ساختار ماده در اثر خرش با بار تک محوره و خزش با روش ایجاد فرورفتگی^۴ را بررسی نموده‌اند [۳]. والی و همکاران اثر تغییر دما در خستگی کم چرخه^۵ و آسیب خرش در آلیاژهای جدید لحیمکاری فاقد سرب را مطالعه نمودند [۴]. کانچانومای و همکاران در مقالاتی به بررسی اثر رشد ترک و خرش در مود نخست آن روی آلیاژهای یوتکتیک^۶ سرب-قلع و همچنین به بررسی اثر تاثیر نرخ کرنش روی مکانیزم خستگی کم

1- Soldering

2- Brazing

3- Creep

4- Indentation creep

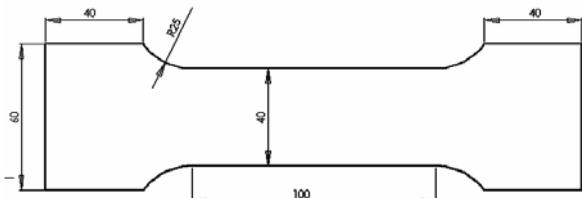
5- Low cycle fatigue

6- Eutectic

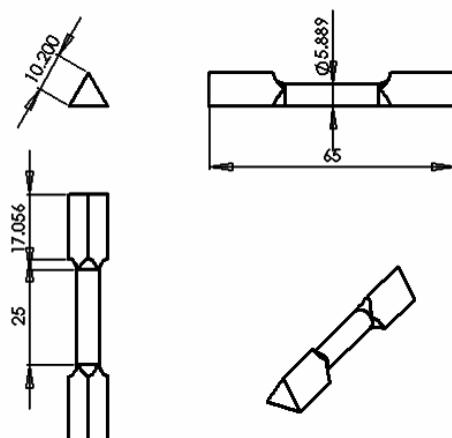
جدول (۱): درصد عناصر موجود در آلیاژهای سرب و قلع مورد استفاده در آزمایشات عملی

	SN	PB	SB	BI
سرب	<1.0	98.66	0.379	0.03
قلع٪/۳۰-سرب٪/۷۰	70±0.6	29.872±0.6	0.02	0.01
	Cu	Ag	Cd	
سرب	0.0167	0.0029	0.0005	
قلع٪/۳۰-سرب٪/۷۰	0.01	0.005	0.001	
	Zn	Ni	Al	
سرب	0.0087	0.001	-	
قلع٪/۳۰-سرب٪/۷۰	0.001	-	0.001	
	As	Fe	other	
سرب	-	0.0005	-	
قلع٪/۳۰-سرب٪/۷۰	0.01	0.02	0.05	

تست خزش و کشش نیز طبق استاندارد ASTM E139 [۱۶] با دستگاه SANTAM STM 150 و در دمای محیط به انجام رسیده است. شکل دستگاه آزمایش در شکل (۳) و نمونه قرار داده شده در فکهای دستگاه آزمایش در شکل (۴) نشان داده شده است.



شکل (۱): نقشه ساخت قطعه سربی طبق استاندارد ASTM E8M ابعاد به میلیمتر



شکل (۲): نقشه ساخت قطعه قلع٪/۳۰-سرب٪/۷۰ طبق ASTM E8M ابعاد به میلیمتر

زمان گسیختگی خزشی، تنش و دمای نمونه مورد مطالعه وحدت بخشیدند. رابطه لارسن- میلر یکی از روابط مناسب جهت برونویابی زمان گسیختگی مواد تحت خزش است. این پارامتر در رابطه (۲) نشان داده شده است.

$$LMP = T \left(C + \log(T_r) \right) \quad (2)$$

$$LMP = K_1 + K_2 \log(\sigma)$$

که در آن، T و T_r به ترتیب پارامتر لارسن میلر، دما و زمان گسیختگی و C ، K_1 و K_2 نیز ثوابتی هستند که وابسته به خواص ماده و از آزمون به دست می‌آیند. مهمترین پارامتر بر حسب آنالیزهای تئوری، نرخ کرنش پایا $\dot{\epsilon}_{ss}$ است. وابستگی آن به تنش در دمای ثابت بصورت رابطه (۳) بیان می‌شود:

$$\dot{\epsilon}_{ss} = K_3 \sigma^m \quad (3)$$

که در آن K_3 و m ثوابت وابسته به ماده بوده و از آزمون به دست می‌آیند. از دیگر روابط کاربردی جهت میانیابی و برونویابی زمان گسیختگی خزش مواد، مشابه پارامتر لارسن- میلر، پارامتر مونکام گرانات می‌باشد. این پارامتر در رابطه (۴) نشان داده شده است.

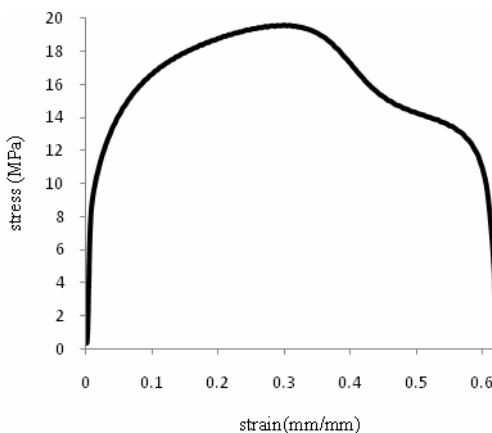
$$T_r \times \dot{\epsilon}_{ss}^M = C_{MG} \quad (4)$$

$$\dot{\epsilon}_{ss} = K \sigma_a^n$$

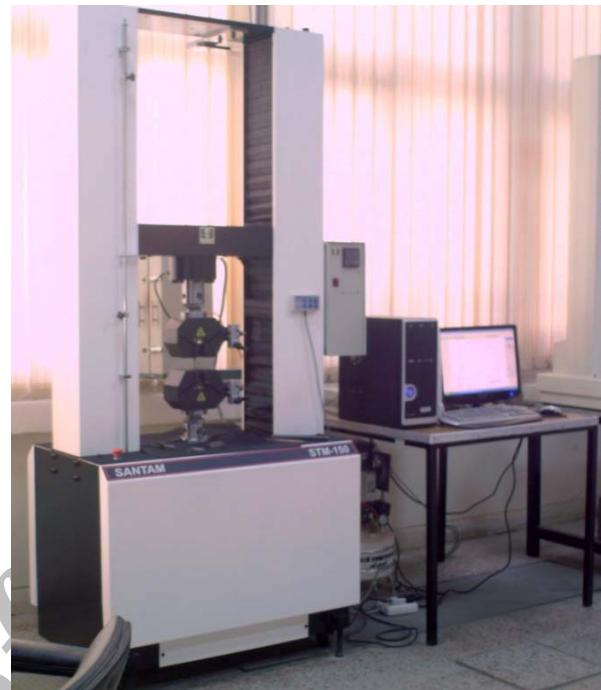
که در آن σ_a تنش موثر، C_{MG} پارامتر مونکام گرانات و K و n ثابتی وابسته به خواص ماده بوده و از آزمون به دست می‌آیند.

۳- طرح آزمایش

به منظور انجام تست خزش، ابتدا با استحکام تسلیم و نهایی مواد معین شود. قطعه سربی از ورق سرب با ضخامت ۳ میلیمتر و قلعه قلع٪/۳۰- سرب٪/۷۰ از میله لحیمکاری با مقطع مثلثی شکل که در بازار موجود است، تهیه شده است. ورق سرب توسط دستگاه فرز و میله لحیم توسط دستگاه تراش، طبق استاندارد ASTM E8M [۱۵] به ابعاد لازم تراشیده شده‌اند (شکل ۱ و ۲). نتیجه حاصل از آزمون کوانتمتری به منظور تعیین تجزیه شیمیایی مواد یاد شده، در داده شده است.



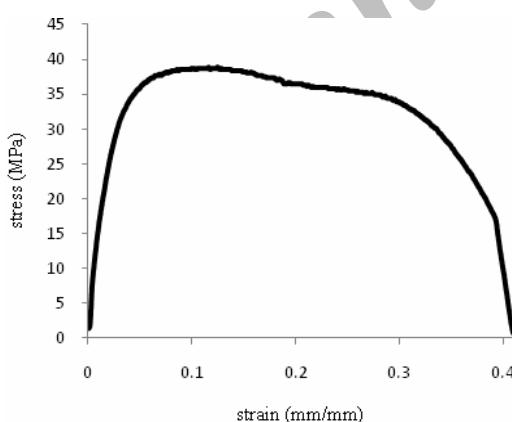
شکل (۵): نتیجه حاصل از تست کشش ساده نمونه سرب خالص



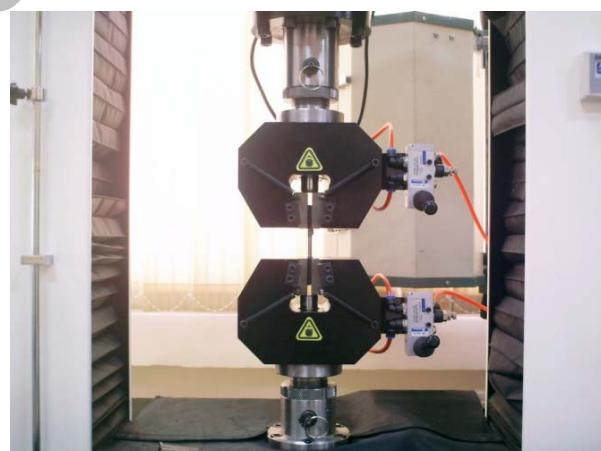
شکل (۳): شکل دستگاه SANTAM STM 150 آزمایش کشش و خزش

۴- تست خزش

به منظور شتاب دادن آزمونهای خزش می‌بایست تا حد امکان از تنشهای و دمایهای بالا جهت تسريع داده برداری استفاده نمود. بدین منظور بازه تنش اعمالی در قطعه سربی از $10/2$ تا $14/7$ مگاپاسکال انتخاب و در نمونه قلع- سرب بازه تنش $24/2$ تا $28/92$ مگاپاسکال انتخاب شد (نزدیک به تنش تسلیم). از هر نمونه ۳ آزمون خزش انجام شد و داده‌های کرنش مهندسی خزش بر حسب زمان مربوط به سرب در شکل (۷) و برای ماده قلع- سرب در شکل (۸) آورده شده است. اگر زمان گسیختگی مواد استخراج شود، جدول (۲) و جدول (۳) حاصل خواهد شد.



شکل (۶): نمودار حاصل از کشش ساده نمونه قلع ۷۰/۳۰ سرب



شکل (۴): شکل دستگاه آزمایش و فکهای در گیر با قطعه بسته شده

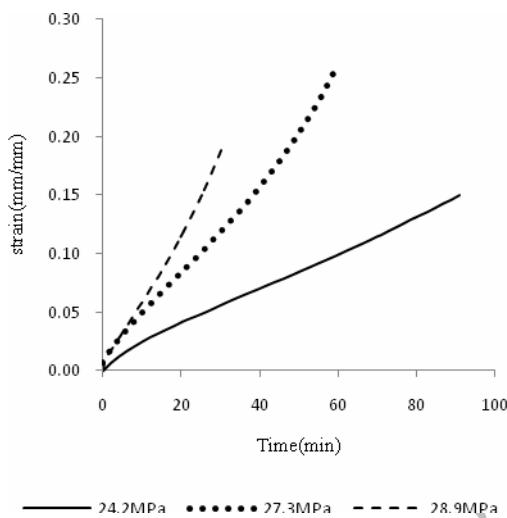
۵- تست کشش ساده

نتیجه حاصل از تست کشش ساده جهت تعیین تنشهای تسلیم و نهایی این مواد برای سرب در شکل (۵) و برای قلع- سرب در شکل (۶) نشان داده شده است. در آزمون خزش سعی بر آن است تا تنش اعمال شده از حد نهایی پایین‌تر باشد ولی اگر در ناحیه پلاستیک بعد از تنش تسلیم بار داده شود در مکانیزم خزش خللی وارد نمی‌آید، گرچه آزمون را با دشواری‌هایی مواجه می‌سازد.

مقدار تغییر شکل مواد نامبرده را بر اثر گذشت زمان در تنشهای مختلف، پیشگویی کرد. کاربرد مهم این رابطه در مدلسازی اجزاء محدود است.

جدول (۴): ضرایب حاصل از برآش منحنی برای معادله (۱)

	K	m	n	R^2
سرپ	7×10^{-7}	۳/۲۳۳	-۰/۱۵	۰/۸۱۹۱
قلع-سرپ	6×10^{-12}	۶/۲۴	-۰/۲۵	۰/۹۹۹۱



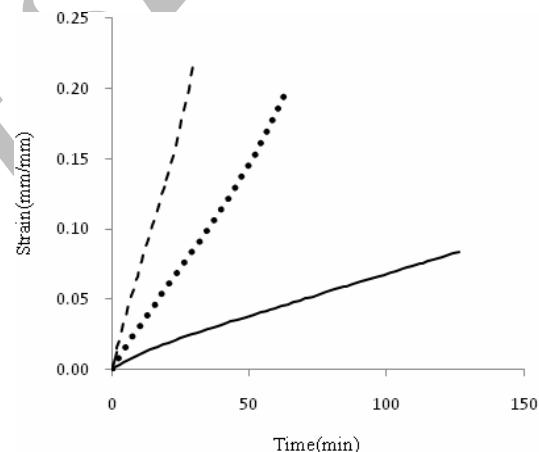
شکل (۸): نمودار منحنی‌های حاصل از کرنش مهندسی خزشی ماده قلع %۷۰ سرب %۳۰

جدول (۲): نتایج تنش گسیختگی ماده قلع %۷۰ سرب %۳۰

پارامتر لارسن (دقیقه) (LMP = $T(C + \log T_r)$)	تنش (مگاپاسکال) زمان گسیختگی (دقیقه) (LMP = $T(C + \log T_r)$)	میلر
۱۷۰	۲۴/۲	۶۵۵۸
۸۳	۲۷/۴	۶۴۶۶
۵۲/۵	۲۸/۹	۶۴۰۷

جدول (۳): نتایج تنش گسیختگی ماده سرب

پارامتر لارسن (دقیقه) (LMP = $T(C + \log T_r)$)	تنش (مگاپاسکال) زمان گسیختگی (دقیقه) (LMP = $T(C + \log T_r)$)	میلر
۳۷۰	۱۰/۲	۶۵۵۸
۱۰۰	۱۲/۸	۶۴۹۰
۵۱	۱۴/۷	۶۴۰۳



شکل (۷): نمودار کرنش مهندسی بر حسب زمان در تنشهای مختلف برای سرب خالص

۶- نتایج و بحث

۶-۱- نتایج کشنش ساده

درنتیجه این آزمایشها تنش تسلیم و نهایی برای ماده سرب خالص به ترتیب برابر ۱۰ و ۲۰ مگاپاسکال و برای نمونه قلع %۷۰ سرب %۳۰ به ترتیب برابر ۳۵ و ۳۸ مگاپاسکال تعیین می‌شود. از این نتایج در طراحی بر اساس تنش تسلیم و نهایی در طراحی اجزاء مکانیکی شامل اینگونه مواد استفاده می‌شود.

۶-۲- نتایج کرنش-زمان

پس از بدست آمدن داده‌های کرنش بر حسب زمان، این داده‌ها پس از آنالیز شدن در قالب رابطه (۱)، ضرایب آن در جدول (۴) داده شده است. این ضرایب نشان دهنده نرمتر بودن ماده سرب در مقابل خوش نسبت به ماده قلع می‌باشد. با استفاده از این نتایج می‌توان

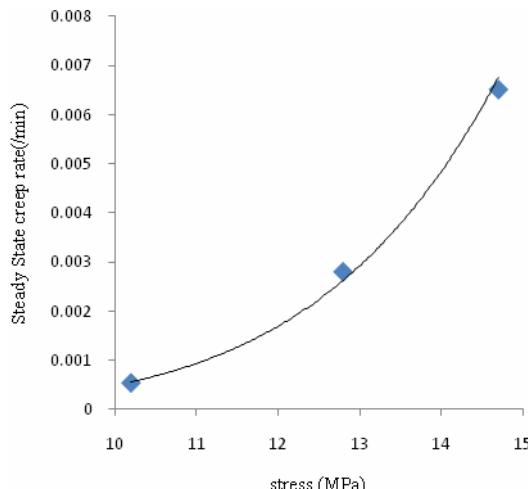
$$\begin{cases} LMP = 298 \times (20 + \log(T_r)) \\ LMP = 9209.9 - 831.4 \ln(\sigma) \\ R^2 = 0.9923 \end{cases} \quad (5)$$

1- Coefficient of restitution

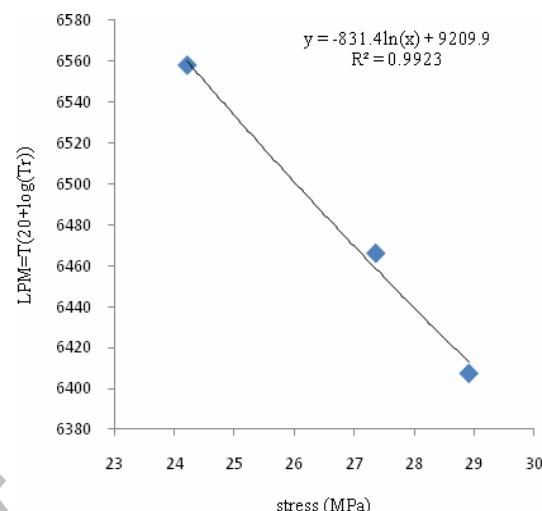
خزش و ویژگی های خزش - گسیختگی سرب خالص و آلیاژ قلع ...

محاسبه عمر گسیختگی و نهایی قطعات ساخته شده از مواد نامبرده نموده و مطالبات خود از طراحی را برآورده ساخت.

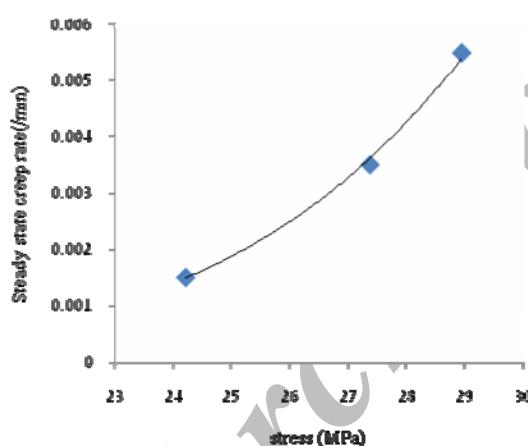
$$\begin{cases} LMP = 298 \times (20 + \log(T_r)) \\ LMP = 8363 - 706.14 \ln(\sigma) \\ R^2 = 0.9981 \end{cases} \quad (6)$$



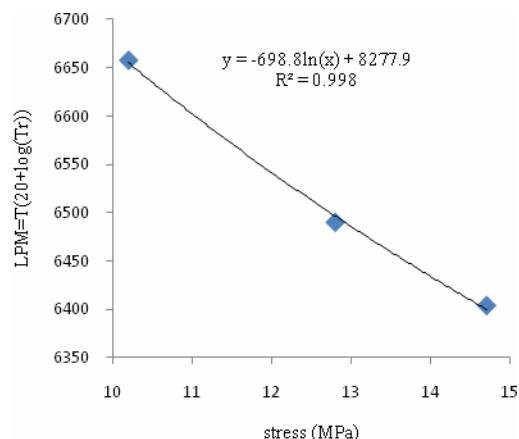
شکل (۱۱): منحنی نرخ کرنش پایا بر حسب تنش ماده سرب



شکل (۹): نمودار پارامتر لارسن میلر بر حسب تنش برای سرب خالص



شکل (۱۲): نرخ کرنش پایا بر حسب تنش ماده قلع سرب



شکل (۱۰): نمودار پارامتر لارسن میلر بر حسب تنش برای قلع ۷۰٪ سرب

تنش (مگاپاسکال)	نرخ کرنش پایا ($\times 10^{-3}$)
۱۰/۲	۰/۵۴۴
۱۲/۸	۲/۸
۱۴/۷	۶/۵

جدول (۵): نرخ کرنش پایای خزش نمونه قلع ۷۰٪ سرب

تنش (مگاپاسکال)	نرخ کرنش پایا ($\times 10^{-3}$)
۲۴/۲	۱/۵
۲۷/۴	۳/۵
۲۸/۹	۵/۵

همچنین با توجه به نمودارهای کرنش زمان و استخراج مقدار نرخ کرنش پایا، پارامتر مونکام گرانت نیز به دست آمده است. نرخ کرنش پایای خزش نمونه سرب و قلع-سرب در تنشهای آزمایش به ترتیب در جداول (۴) و (۵) ووابستگی نرخ کرنش پایا به تنش اعمالی، در جدول ۶ محاسبه شده و ضرایب ثابت رابطه مونکام گرانت با برازش منحنی مناسب برای هر دو، در نمودارهای شکل (۱۱) و شکل (۱۲) ماده نشان داده شده و در جدول (۸) داده شده است. با استفاده از این نتایج و پس پردازشها حاصل از آزمایش، می‌توان مبادرت به

- S., and Kathleen, M., "Heat resistant materials: ASM international", 1985.
- [2] El-Daly, A. A., Swilem, Y., and Hammad, A. E., "Creep properties of Sn-Sb based lead-free solder alloys", Journal of Alloys and Compounds, Vol. 471, 2009, pp. 98-104.
- [3] Fujiwara, M. and Otsuka, M., "Indentation creep of [beta]-Sn and Sn-Pb eutectic alloy", Materials Science and Engineering A, Vol. 319-321, 2001, pp. 929-933.
- [4] Hegde, P., Whalley, D. C., and Silberschmidt, V. V., "Creep damage study at powercycling of lead-free surface mount device", Computational Materials Science, Vol. 45, 2009, pp. 638-645.
- [5] Kanchanomai, C., Limtrakarn, W., and Mutoh, Y., "Fatigue crack growth behavior in Sn-Pb eutectic solder/copper joint under mode I loading", Mechanics of Materials, Vol. 37, 2005, pp. 1166-1174.
- [6] Kanchanomai, C., Miyashita, Y., and Mutoh, Y., "Strain-rate effects on low cycle fatigue mechanism of eutectic Sn-Pb solder", International Journal of Fatigue, Vol. 24, 2002, pp. 987-993.
- [7] Kanchanomai, C., Miyashita, Y., and Mutoh, Y., "Low cycle fatigue behavior and mechanisms of a eutectic Sn-Pb solder 63Sn/37Pb", International Journal of Fatigue, Vol. 24, 2002, pp. 671-683.
- [8] Kanchanomai, C. and Mutoh, Y., "Effect of temperature on isothermal low cycle fatigue properties of Sn-Ag eutectic solder", Materials Science and Engineering A, Vol. 381, 2004, pp. 113-120.
- [9] Kanchanomai, C. and Mutoh, Y., "Temperature effect on low cycle fatigue behavior of Sn-Pb eutectic solder", Scripta Materialia, Vol. 50, 2004, pp. 83-88.
- [10] Kuna, M. and Wippler, S., "A cyclic viscoplastic and creep damage model for lead free solder alloys", Engineering Fracture Mechanics, Vol. In Press, Corrected Proof.
- [11] Mahmudi, R., Geranmayeh, A. R., Khanbareh, H., and Jahangiri, N., "Indentation creep of lead-free Sn-9Zn and Sn-8Zn-3Bi solder alloys", Materials & Design, Vol. 30, 2009, pp. 574-580.
- [12] Mahmudi, R., Geranmayeh, A. R., Noori, H., and Shahabi, M., "Impression creep of hypoeutectic Sn-Zn lead-free solder alloys", Materials Science and Engineering: A, Vol. 491, 2008, pp. 110-116.
- [13] Zama, W. A., Lang, D. D., and Brotzen, F. R., "Steady-state creep of tin near the melting point", Journal of the Mechanics and Physics of Solids, Vol. 8, 1960, pp. 45-51.
- [14] Zhang, L., Xue, S.-b., Gao, L.-l., Zeng, G., Chen, Y., Yu, S.-l., and Sheng, Z., "Creep behavior of SnAgCu solders with rare earth Ce doping", Transactions of Nonferrous Metals Society of China, Vol. 20, 2010, pp. 412-417.
- [15] "ASTM E8M – 00, Standard Test Methods for Tension Testing of Metallic Materials", ed: ASTM International.
- [16] "ASTM E139-00, Standard Test Methods for Conducting Creep, Creep-Rupture, and Stress-Rupture Tests of Metallic Materials", ed: ASTM International, 2003.

جدول (۷): ضرایب حاصل از برازش منحنی برای نرخ کرنش پایا بر حسب تنש

	$\dot{\epsilon}_{ss} = K\sigma_a^n$	K	n	R^2
سرب	$4/437 \times 10^{-11}$		۷/۰۰۲	۰/۹۹۴۶
قلع-سرب	$2/5 \times 10^{-13}$		۷/۰۷۱	۱

جدول (۸): ثوابت رابطه مونکام گرانت (رابطه (۴)) برای دو ماده سرب و قلع

	سرب	قلع-سرب	R^2
m	۰/۹۱۴۲	۰/۸۷۷	۰/۹۹۸۹
C	۰/۷۹۸۷	۰/۵۶۶۲	۱

۷- جمع بندی

با انجام آزمایشات طبق استاندارد بین‌المللی ASTM، داده‌های از رفتار مواد سرب و قلع- سرب٪ ۳۰ است. بدست آمد. از این نتایج با استفاده از عبور منحنی مناسب از نمودارهای کرنش زمان، با دقت خوبی، ثوابت روابط زمان سختی در رژیم اولیه، حاصل شد. با استفاده از نمودارهای کرنش- زمان حاصل از آزمایش، در هر ماده نرخ کرنش پایا بر حسب تنش رسم گردید. روابط مونکام گرانت با استفاده از اطلاعات تنش- گسیختگی و نرخ کرنش پایا در هر ماده استخراج گردید. رابطه پر کاربرد دیگر، پارامتر لارسن میلر، برای هر دو ماده از داده‌های زمان گسیختگی و تنش گسیختگی برای هر دو ماده استخراج گردید. روابط آنها بصورت جدول و روابطی ارائه گردید. ثوابت روابط بدست آمد، نقش مهمی در پیش‌بینی تغییر شکل خوشی مواد و زمان گسیختگی آن‌ها در اثر مکانیزم خرس دارد. نتایج حاصل به شکل خوش تایع زمان را برای مواد نامبرده، می‌توان مستقیماً در نرم‌افزارهای تجاری اجزا محدود، نظری ANSYS و ABAQUS استفاده نمود.

۸- تقدیر و تشکر

نویسنده‌گان از زحمات همکاران محترم در کارگاه‌های پژوهشی دانشکده مهندسی مکانیک که ابزار تهیه قطعات را در اختیار قرار دادند و آزمایشگاه مکانیکی مواد و کوانتمتری دانشکده مهندسی مواد دانشگاه صنعتی اصفهان که زحمت انجام آزمونهای متعدد و طولانی کشنش، خرش و آنالیز عناصر را تقبل نمودند صمیمانه تشکر و قادرانی می‌نمایند.

۹- مراجع

- [1] John, R. N., Joseph, R. D., Sunniva, K. R., Deborah, A. D., Heather, J. F., Diane, M. J., William, H. C., Robert, I.