

مدل ریاضی منبع‌یابی چندهدفه استوار-فازی: رویکردی در مدیریت ریسک زنجیره تأمین ایران خودرو

عادل آذر^{۱*}، مسعود ربیعه^۲، محمد مدرس یزدی^۳، محمد فطانت فرد حقیقی^۴

۱- استاد گروه مدیریت، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران

۲- دانشجوی دکتری مدیریت گرایش تحقیق در عملیات، دانشگاه تربیت مدرس، تهران، ایران

۳- استاد دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران

۴- استادیار دانشکده مدیریت، دانشگاه امام صادق (ع)، تهران، ایران

دریافت: ۸۹/۳/۱۷

پذیرش: ۸۹/۵/۳

چکیده

انتخاب تأمین‌کنندگان مناسب به شکل قابل ملاحظه‌ای هزینه‌ها را کاهش و قابلیت رقابت‌پذیری سازمان را افزایش می‌دهد. از سویی در محیط رقابتی کسب‌وکار، سرعت بالای تغییرات بر عدم اطمینان و ابهام در تصمیم‌گیری‌ها افزوده است. با توجه به این دو مهم در این تحقیق به منظور کاهش ریسک و رفع ابهام موجود در تصمیم‌گیری از رویکرد ابداعی بهینه‌سازی استوار-فازی در برنامه‌ریزی تأمین قطعات دو محصول شرکت ایران خودرو و ارزیابی تأمین‌کنندگان استفاده می‌شود. با در نظر گرفتن حجم وسیع قطعات هر خودرو، قطعات با ارزش برای بررسی انتخاب می‌شود. مدل تأمین این قطعات در قالب یک مدل برنامه‌ریزی خطی چند هدفه طراحی می‌شود. با توجه به نبود اطمینان حاکم بر برخی پارامترهای مدل، این نوع پارامترها به صورت متغیری تصادفی که در بازه‌ای مقاین نوسان می‌کند، لحاظ می‌شوند. به منظور رفع نگرانی از این نوع پارامترها و با توجه به این که تعیین طول بازه برخی از این پارامترها برای تصمیم‌گیرنده مبهم است، مدل با رویکرد ابداعی به مدل استوار-فازی تبدیل می‌شود تا پاسخ‌های به دست آمده از آن قابل اتکا باشد. در پایان به منظور ارزیابی عملکرد مدل و بررسی کیفیت جواب‌های به دست آمده از تکنیک شبیه‌سازی استفاده می‌شود.

کلیدواژه‌ها: منبع‌یابی (انتخاب تأمین‌کننده)، ریسک، استوار، فازی، شبیه‌سازی، زنجیره تأمین

E-mail: azara@modares.ac.ir

* نویسنده مسؤول مقاله:



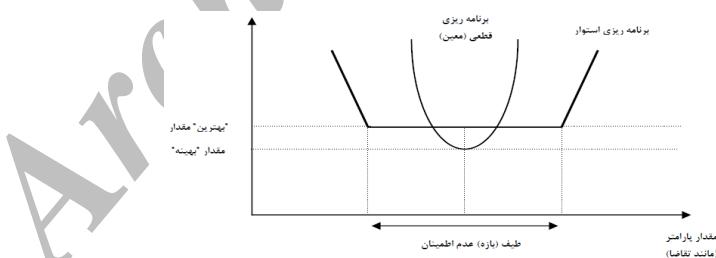
۱- مقدمه

در بیشتر صنایع، هزینه مواد خام و اجزای تشکیل‌دهنده محصول، بخش عمده‌ای از بهای تمام شده محصول را در بر می‌گیرد [۱، صص ۱۹۹-۲۱۲]. در چنین شرایطی، بخش تدارکات می‌تواند نقشی کلیدی در کارایی و اثربخشی سازمان ایفا کند و تأثیر مستقیمی بر کاهش هزینه‌ها، سودآوری و انعطاف‌پذیری یک شرکت داشته باشد [۲، صص ۱۵-۲۷]. در حقیقت انتخاب مجموعه مناسبی از تأمین‌کنندگان برای کار با آن‌ها، در جهت موفقیت یک شرکت امری بسیار مهم و حیاتی است [۳، صص ۱۹-۲۱]. به تازگی با حضور مفهوم مدیریت زنجیره تأمین بیشتر محققان، دانشمندان و مدیران پی برده‌اند که انتخاب تأمین‌کننده مناسب و مدیریت آن وسیله‌ای است که از آن می‌توان برای افزایش رقابت‌پذیری زنجیره تأمین استفاده کرد [۴، صص ۳۰-۳۸]. بنابراین به لحاظ اهمیت، مسئله انتخاب تأمین‌کننده تصمیمی مهم و استراتژیک در حوزه زنجیره تأمین می‌باشد [۵]: در ادامه به مروری گذرا در حوزه انتخاب تأمین‌کننده پرداخته می‌شود.

تحقیق اول در حوزه انتخاب تأمین‌کننده به وسیله دیکسون انجام و منجر به شناسایی و رتبه‌بندی ۲۳ معیار شد [۶، صص ۵-۱۷]. و بر و همکارانش در مروری جامع ۷۴ مقاله را بررسی و آن‌ها را بر حسب معیارهای دیکسون دسته‌بندی کردند [۷، صص ۲-۱۸]. ادبیات نظری وسیعی در حوزه انتخاب تأمین‌کننده و مدل‌های تصمیم‌گیری آن وجود دارد. این مدل‌های تصمیم‌گیری موجود به‌طور اساسی در صدد پاسخ‌گویی به سوالات ذیل هستند: چه تعداد تأمین‌کننده مناسب است؟ خط مشی سفارش‌دهی بهینه چیست؟ در راستای پاسخ به این سوالات مدل‌های قطعی بسیاری ارائه شده‌اند. از جمله محققانی که چنین مدل‌هایی را ارائه کرده‌اند، عبارتند از بیتون [۸، صص ۱۹۵۳-۱۹۶۱]، هانگ و هایا [۹، صص ۱۷۵-۱۸۱]، قفسی‌پور و ابرایان [۱، صص ۱۹۹-۲۱۲]، داهل [۱۰، صص ۱۴۱-۳۴۲]، هانگ هونگ و همکاران [۱۱، صص ۱۱-۱۱]، باشت و لوگ [۱۲، صص ۱۴-۱]. عیب اصلی مدل‌های قطعی آن است که قادر نیستند در برابر ماهیت تصادفی سیستم‌های دنیای واقعی پاسخ‌گو باشند. اما محققانی وجود دارند که درباره مدل‌های احتمالی صحبت کرده و بر اهمیت بحث تصادفی بودن و عدم قطعیت در مدل‌های انتخاب تأمین‌کننده تأکید داشته و مدل‌هایی را ارائه کرده‌اند: گوتیرز و کولینز، کاسیلینگام و لی [۵]، ورالد و لاگونا [۱۲، صص ۱۱۲۵-۱۱۳۳]، برگر و زنگ [۱۴، صص ۲۵۰-۲۶۱]، رویزتورس و محمودی، لی و زلدا [۵].

مقاله‌لی و زلدا از جمله کارهای تحقیقاتی جدید در حوزه انتخاب تأمین‌کننده استوار^۱ است. آن‌ها در تحقیق خود دو منبع نامطمئن تقاضا و ظرفیت را در نظر گرفته و بیان داشتند که عدم تحقیقات صورت گرفته در فضای احتمالی بر تصادفی بودن و عدم اطمینان تقاضا تأکید کردند. به عبارتی باید به عدم اطمینان پارامترهای دیگری نیز توجه شود. آنان همچنین بر لزوم ارائه مدل‌های چند معیاره احتمالی در این حوزه تأکید کردند. در تحقیق حاضر سعی شده است که در بحث تخصیص سفارش به تأمین‌کنندگان علاوه بر لحاظ عدم قطعیت و استواری مدل شاخص‌های متعددی نیز لحاظ شود. به طور کلی در ادبیات زنجیره تأمین، بر اهمیت و تأثیر عدم اطمینان در زنجیره به‌طور وسیعی تأکید شده است [۱۵، صص ۷۶۹-۷۸۳]. از این رو به منظور مدیریت عدم اطمینان حاکم بر زنجیره تأمین و داشتن اعتماد کافی به نتایج باید برنامه‌ریزی قابل اتکا و استوار انجام شود تا مدیران بتوانند به نتایج آن اطمینان و اعتماد داشته و ریسک تصمیم‌گیری آن‌ها کاهش پیدا کند. از جمله رویکردهای جدید و قابل اتکا به این منظور، برنامه‌ریزی استوار است.

به‌طور کلی می‌توان مفهوم و مزایای برنامه‌ریزی استوار را در حالت عمومی و به‌طور اخص در زنجیره تأمین در شکل ۱ ملاحظه کرد. این شکل نشان می‌دهد که روش‌های قطعی (غیر استوار) مقادیر معینی (که به طور عدمه از راه میانگین‌گیری یا یک حدس خوب) را برای پارامترها در نظر می‌گیرند و جواب بهینه‌ای را حاصل می‌کنند. در مقابل روش‌های استوار جوابی را نزدیک به بهینه ارائه می‌کنند و هزینه را بالاتر نشان می‌دهند، اما جواب به دست آمده با اطمینان بالایی قابل اتکا و معتبر است. به عبارتی بال لحاظ تغییرپذیری مقادیر پارامترها روی یک طبقه (بازه‌ای) از مقادیر جواب همچنان با اطمینان بالایی قابل اتکا می‌باشد [۱۵، صص ۷۶۹-۷۸۳].



شکل ۱ تأثیر برنامه‌ریزی استوار بر هزینه کل زنجیره تأمین

1. Robust supplier selection



در این تحقیق، در راستای کاهش ریسک تصمیم‌گیری و رفع ابهام ذهنی تصمیم‌گیرنده از برنامه‌ریزی ریاضی استوار- فازی ابداعی استفاده می‌شود. به طور خلاصه بحث مقاله، مدل‌سازی استوار- فازی منبع‌بایی چندگانه با لحاظ شاخص‌های متعدد است.

در این مقاله با توجه به آگاهی نداشتمن از شکل توزیع برخی پارامترها، این نوع پارامترها به صورت عدد تصادفی نوسان‌کننده در بازه‌ای متقاضی لحاظ شده‌اند. در مدل‌های بهینه‌سازی استوار مثل برتسیمس و سیم عدد وسط این بازه‌ها به عنوان مقدار اسمی نامگذاری شده است. در مواردی از مسائل واقعی برای تصمیم‌گیرنده تعیین دقیق طول بازه‌ای که این عدد اسمی در آن نوسان می‌کند، آسان نمی‌باشد و تعیین طول بازه با ابهاماتی مواجه است. به عبارتی اگر تصمیم‌گیرنده طول بازه را بالا لحاظ کند، سطح محافظه‌کاری را افزایش و هزینه بالاتری متحمل می‌شود. بر عکس اگر طول بازه را پایین لحاظ کند ریسک تصمیم‌گیری را بالا برده است. علاوه بر بحث توازن بین ریسک و هزینه، در مواقعي به طور واقعی تصمیم‌گیرنده طول بازه را با ابهام بیان می‌کند. به منظور رفع این مشکل، رویکرد ابداعی ارائه می‌شود که تصمیم‌گیرنده قادر است طول بازه‌ها را به صورت عددی فازی بیان کند و ریسک متعادلی داشته باشد. در بخش بعد توضیحاتی در خصوص رویکرد پیشنهادی (متدولوژی کلی) و توصیف مختصری از مسئله ارائه و در بخش‌های بعدی این رویکرد به فضای مورد مطالعه تعمیم داده می‌شود.

۲- روش‌شناسی

۱-۱- برنامه‌ریزی خطی با منابع فازی: روش ورنر^۱ (مدل نامتقارن فازی)

مدل عمومی برنامه‌ریزی خطی فازی با منابع فازی عبارتند از:

$$\begin{aligned} \text{MaxZ} &= f(x) = CX \\ \text{s.t.: } &(AX)_i \leq b_i, i = 1, 2, \dots, m \\ &X^T. \end{aligned}$$

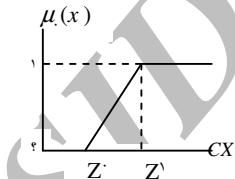
ورنر پیشنهاد داد که تابع هدف مدل بالا باید از نوع فازی باشد تا مدل فوق به مدلی متقاضی تبدیل شود. با این منظور فرض می‌شود که تولارنس p_i برای منابع فازی موجود و معین است. ورنر برای حل مدل مذکور نخست تعاریف ذیل را برای f و $\sup f$ و $\inf f$ به صورت ذیل ارائه کرده است:

1. Werner's

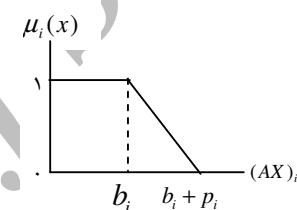
$$\begin{aligned} Z^* &= \inf f = \max_{\substack{s.t.: \\ X \geq 0}} CX \\ &\quad (Ax)_i \leq b_i \\ &\quad X \geq 0. \end{aligned} \quad \begin{aligned} Z^* &= \sup f = \max_{\substack{s.t.: \\ X \geq 0}} CX \\ &\quad (Ax)_i \leq b_i + p_i \\ &\quad X \geq 0. \end{aligned}$$

تابع عضویت تابع هدف و محدودیتها عبارت است از :

$$m_i(x) = \begin{cases} \cdot & \text{if } f(x) \leq Z^* \\ \frac{f(x) - Z^*}{Z^* - Z^*} & \text{if } Z^* \leq f(x) \leq Z^* \\ \cdot & \text{if } f(x) \geq Z^* \end{cases}$$



$$\mu_i(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } (AX)_i \leq b_i \\ \frac{b_i + p_i - (AX)_i}{p_i} & \text{if } b_i \leq (AX)_i \leq b_i + p_i \\ 0 & \text{if } (AX)_i \geq b_i + p_i \end{cases}$$



با لحاظ توابع عضویت فوق، برای دست پیدا کردن به تصمیم بینه می‌توان از عملگر ماکس مین^۱ استفاده کرد. بنابراین برنامه‌ریزی خطی فازی می‌تواند تبدیل شود به :

$$\max_{x \geq 0} \lambda, \text{ where } \lambda = \min [\mu_1(x), \mu_2(x), \dots, \mu_m(x)] \quad \text{یا}$$

$$\begin{aligned} \max & \quad \lambda \\ s.t. & \quad \mu_1(x) \geq \lambda \\ & \quad \mu_2(x) \geq \lambda \\ & \quad \lambda \in [0, 1], \quad X \geq 0. \end{aligned}$$

این مدل به‌طور اساسی یک مدل مقارن^۲ مشابه با مدل پیشنهادی زیمرمن^۳ است، به‌طور کلی روش‌های ورنر و زیمرمن هر دو دارای این ویژگی مثبت هستند که از عملگر ماکس مین استفاده می‌کنند [۱۶:۱۷].

-
1. Maxmin
 2. Symmetrical
 3. Zimmermann



۲-۲- بهینه سازی استوار (مدل برتسیمس و سیم)

در برنامه‌ریزی ریاضی قطعی داده‌های ورودی مدل (پارامترها) معین (قطعی) و معادل با مقادیر اسمی لحاظ می‌شود. این نگرش تأثیر عدم اطمینان را روی کیفیت و موجه‌بودن مدل مد نظر قرار نمی‌دهد. در حقیقت داده‌هایی که مقادیر متفاوتی را از مقادیر اسمی خود اختیار می‌کنند ممکن است منجر به این شود که تعدادی از محدودیتها تقض شوند و جواب بهینه مدت طولانی بهینه نماند یا حتی موجه بودن آن از بین برود. بحث حاضر این خواسته طبیعی را به ذهن متابر می‌کند که روش‌های حل (مدل‌هایی) طراحی شوند که در مقابل عدم اطمینان داده‌ها اینمی و حفاظت ایجاد کنند و این روش‌های حل "استوار" نامیده می‌شوند.

اولین قدم در این راستا از سوی سویس‌تر در قالب یک مدل برنامه‌ریزی خطی برای تولید جوابی که برای همه داده‌های متعلق به یک مجموعه مطبخ موجه باشد، ارائه شد. مدل مذکور جواب‌های را رائیه می‌کند که دربرابر بهینگی مسأله اسمی به منظور اطمینان از استواری به شدت محافظه‌کارانه است. در حقیقت این مسأله از اولین مسائل بهینه‌سازی استوار می‌باشد. پس از این کام‌های مهم دیگری به‌طور مستقل در توسعه تئوری بهینه‌سازی استوار به وسیله بن‌تال و نمیروسکی، ال‌قاووی و لبرنت، ال‌قاووی و همکاران و برتسیمس و سیم انجام شد [۱۸، صص ۵۳-۲۵]. با توجه به این‌که بحث بهینه‌سازی این تحقیق از نوع عدد صحیح مختلط بوده و استوارسازی مدل با رویکرد مدل برتسیمس و سیم هم‌خوانی دارد؛ در ادامه توضیحی در این خصوص ارائه می‌شود. مسأله برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط اسمی زیر را با مجموعه N متغیر را که k تای اول آن متغیرهای عدد صحیح هستند در نظر گرفته:

$$\begin{array}{ll} \text{Minimize} & c'x \\ \text{subject to} & Ax \leq b \\ & l \leq x \leq u \\ & x_i \in Z, i=1, \dots, k \end{array} \quad (1)$$

بدون از دست دادن کلیت مسأله، فرض می‌شود ماتریس A و c شامل داده‌های غیرقطعی و بردار b شامل اعداد قطعی باشد. با فرض این‌که هر کدام از ضرایب a_{ij} ، $j \in N$ به صورت یک متغیر تصادفی مستقل، با توزیع متقارن و کراندار N ، $j \in N$ مدل می‌شود که در بازه مقدار می‌گیرد. هر کدام از c_j ، $j \in N$ در بازه $[c_j, c_j + d_j]$ مقدار می‌گیرد، به‌طوری که d_j بیانگر انحراف از ضریب هزینه اسمی c_j می‌باشد. همچنین تنها فرض برای توزیع ضرایب a_{ij} متقارن بودن آن است. علاوه بر این اگر عدد سمت راست نیز همانند ضرایب فنی در بازه‌ای متقارن نوسان

کند، هیچ خلی به بحث وارد نمی‌شود و مدلسازی استوار آن شبیه ضرایب فنی صورت می‌گیرد. در راستای تحقق هدف استواری جواب، اعداد $i, i+1, \dots, m$ تعريف می‌شود که در فاصله (بازه) $[J_i, J_{i+1}]$ مقدار می‌گیرند؛ به طوری که $|J_i|$ برابر با تعداد داده‌های غیر قطعی در محدودیت آنم می‌باشد، نقش پارامتر Γ_i در محدودیت‌ها تنظیم میزان استواری در مقابل سطح محافظه‌کاری جواب است. پارامتر Γ_i سطح استوار بودن را برای تابع هدف کنترل می‌کند. اگر $\Gamma_i = 0$ باشد، اثر تغییرات در ضرایب هزینه به طور کامل در نظر گرفته می‌شود. اما اگر $\Gamma_i \neq 0$ باشد، همه تغییرات ممکن لحاظ می‌شود که محافظه‌کارانه‌ترین حالت است. همتای استوار برتسیمس و سیم برای مسئله (۱) به شکل زیر است [۱۸، صص ۳۵-۵۳؛ ۱۹، صص ۱۵۰-۱۶۸]:

$$\begin{aligned}
 Minz &= c'x + z \cdot \Gamma_i + \sum_{j \in J_i} p_{ij} && \forall i \\
 S.t: &\sum_j a_{ij} x_j + z_i \Gamma_i + \sum_{j \in J_i} p_{ij} \leq b_i && \forall j \in J_i \\
 &z_i + p_{ij} \geq d_j y_j && \forall i, j \in J_i \\
 &z_i + p_{ij} \geq \hat{a}_{ij} y_j && \forall j \\
 &p_{ij} \geq 0 && \forall i \\
 &y_{ij} \geq 0 && \forall j \\
 &z_i \geq 0 && \forall j \\
 &-y_j \leq x_j \leq y_j \quad \forall j && i = 1, \dots, k \\
 &l_j \leq x_j \leq u_j \quad \forall j && \\
 &x_i \in Z &&
 \end{aligned}$$

در مباحث بھینه‌سازی استوار به ازای هر مسئله اسمی (مسئله حاوی پارامترهای نامطمئن) یک مدل استوار ارائه می‌شود که همتای استوار نامگذاری شده است.

۲-۳- توصیف مسئله و استدلال ارائه روش ابداعی

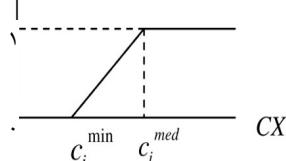
در فضای مسئله این تحقیق برخی پارامترها مانند ظرفیت تأمین‌کننده و هزینه حمل و نقل از نظر تصمیم‌گیرنده نامطمئن هستند. با توجه به این‌که توزیع دقیق این داده‌ها مشخص نمی‌باشد، نوسان داده‌ها در قالب بازه‌ای متقارن لحاظ شدند. اما مسئله‌ای که درباره بازه‌ها وجود دارد، تعیین طول



(نیم طول) بازده‌ها است که تصمیم‌گیرنده درخصوص مقدار دقیق آن با ابهام مواجه است. در این تحقیق این مورد برای طول (نیم طول) پارامتر ظرفیت تأمین‌کننده رخ داد. اگر نیم طول بازه مربوط این پارامتر را با \hat{C}_i نشان داده شود و با توجه به توضیحات قبل این عبارت به صورت عدد فازی مثلثی لاحظ شده و به شکل \tilde{C}_i نشان داده می‌شود. با این توضیح همتای استوار برتسیمیس و سیم به این صورت تبدیل می‌شود:

$$\begin{aligned}
 Minz &= c'x + z \cdot \Gamma + \sum_{j \in J} p_j && \forall i \\
 S_i x : \sum_j a_{ij} x_j + z_i \Gamma_i + \sum_{j \in J_i} p_{ij} &\leq b_i && \forall j \in J_i \\
 z_i + p_j &\geq d_j y_j && \forall i \neq \cdot, j \in J_i \\
 z_i + p_{ij} &\geq \hat{a}_{ij} y_j && \forall i, j \in J_i \\
 z_i + p_i &\geq \hat{b}_i && \forall i, j \\
 p_{ij} &\geq \cdot && \forall i \\
 y_{ij} &\geq \cdot && \forall j \\
 z_i &\geq \cdot && \forall j \\
 -y_j \leq x_j &\leq y_j \quad \forall j && i = 1, \dots, k \\
 l_j \leq x_j &\leq u_j \quad \forall j && \\
 x_i &\in Z &&
 \end{aligned}$$

$$\mu_0(x) = \begin{cases} 0 & \text{if } f(x) \leq Z^0 \\ \frac{f(x) - c_i^{\min}}{c_i^{\text{med}} - c_i^{\min}} & \text{if } Z^0 \leq f(x) \leq Z^1 \\ 1 & \text{if } Z^1 \leq f(x) \end{cases}$$



مدل مذکور یک مدل برنامه ریزی خطی با منابع فازی (مدل نامتقارن) است و قابل تبدیل به مدل متقارن می‌باشد.

۳- رویه کلی مدلسازی و حل

جدول ۱ رویه کلی مدلسازی و حل

۱	تعیین مفروضات مدل (رجوع به ادبیات نظری، مصاحبه مستمر با خبرگان و کارشناسان شرکت)
۲	مدلسازی ریاضی (تعریف متغیرها، پارامترها، تعیین اهداف و محدودیت‌ها) با رجوع به ادبیات نظری، مصاحبه مستمر با خبرگان و کارشناسان شرکت
۳	تعیین ماهیت پارامترهای غیر قطعی؛ مصاحبه با خبرگان و کارشناسان
۴	تعیین نوع طول بازه پارامترهای غیر قطعی (اعم از قطعی و فازی)
۵	مدلسازی استوار- فازی (تبديل مدل ریاضی به مدل همتای استوار- فازی)
۶	تعیین ضریب اهمیت اهداف به کمک روش AHP و تئیه پرسشنامه مربوطه
۷	تعیین مقادیر پارامترهای مطمئن، تعیین مقادیر اسقی پارامترهای ناطمن، تعیین طول بازدها (اعم از قطعی و فازی) و تعیین مقادیر حقیقی آرمان‌ها به سیله حل مدل در شرایط ایدئال
۸	حل مدل استوار- فازی در حالت کلی و در حالتهای خاص، شبیه‌سازی و بررسی کیفیت جواب‌ها

۴- فرموله کردن مدل

خودروسازی از اجزای مهم و جدایی‌ناپذیر تجارت و صنعت در دنیا می‌باشد. زنجیره تأمین این صنعت از پویاترین زنجیره‌ها است. با توجه به این مهم زنجیره تأمین ایران خودرو به عنوان بزرگ‌ترین زنجیره فعال در این حوزه برای مطالعه انتخاب شد. در این زنجیره هر خودرو شامل هزاران قطعه است. صرف‌نظر از تک منبع بودن برخی قطعات، بسیاری از قطعات دارای چندین منبع تأمین می‌باشند، به عبارتی برنامه‌ریزی درست تأمین قطعات با لحاظ معیارهای مختلف و لحاظ عدم اطمینان بالای موجود در برخی شاخص‌ها بر اهمیت برنامه‌ریزی استوار در این زنجیره افزوده است. در این تحقیق برنامه‌ریزی استوار تأمین قطعات دو نوع خودرو (پژو ۴۰۵ و پارس) مد نظر قرارگرفته است. این قطعات بیش از ۷۰٪ رصد ارزش کل هر خودرو را به خود اختصاص داده‌اند. برنامه‌ریزی تأمین این قطعات برمبنای برنامه تولید کارخانه تهران بوده اما مدلسازی به شکل کلی توسعه داده شده تا برای چندین کارخانه قابل اجرا باشد. داده‌های تحقیق به طور عمده از شرکت سپاکو و ایران‌خوبرو حاصل شده است. تأمین قطعات موردنیاز در تولید خودرو از تأمین‌کنندگان مناسب با ویژگی‌های متفاوت با توجه به حجم بالای قطعات از اهمیت بسیاری برخوردار است. برخیزید از این تأمین‌کنندگان باید ویژگی‌های آن‌ها و همچنین محدودیت‌های شرکت در خرید از آن‌ها نیز لحاظ شود. مدلسازی این تحقیق با مصاحبه‌های مکرر با مدیران و خبرگان در حوزه زنجیره تأمین مورد مطالعه انجام شده و از روایی و اعتبار بالایی برخوردار است. قبل از تشرییح



مدلسازی در جدول ۲ مفروضات، اندیس‌ها، متغیرها و پارامترهای مدل آورده شده است:

جدول ۲ ویژگی‌های مدل، تعریف اندیس‌ها، متغیرها و پارامترهای مدل

متغیرها	مفروضات	
ا: مخصوص (خودرو)، ز: کارخانه (سایت توییدی)، m: قطعه، n: تأمین کننده، t: دوره زمانی برنامه‌بازی، ţ: تابع هدف	عدم محدودیت فضای ابزار، ثبات قیمت در طول سال، مجاز نبودن کمبود قطعه، تصافی بودن نامطممن، تبعیت تغییرپذیری (نوسان) داده‌های نامطممن از توزیع متقاضی	
d_i^+ = متغیر انحراف از آرمان (انحراف مثبت) d_i^- = متغیر انحراف از آرمان (انحراف منفی) λ = درجه (میزان) اقتاع محدودیت‌ها	میزان تأمین قطعه S_{mt} ام در دوره زمانی t ام میزان تأمین قطعه S_{mjt} ام در دوره زمانی t ام برای کارخانه (سایت) j ام میزان تأمین قطعه S_{mnj} ام از تأمین کننده n ام در دوره زمانی t ام برای کارخانه j ام IS_{mt} = میزان موجودی قطعه m ام در دوره زمانی t ام میزان موجودی قطعه IS_{mjt} ام در دوره زمانی t ام در کارخانه (سایت) j ام میزان موجودی قطعه IS_{mnj} ام تأمین کننده n ام در دوره زمانی t ام در کارخانه j ام	
P_{it} = میزان تولید خودرو i ام در دوره زمانی t ام P_{ijt} = میزان تولید خودرو i ام در کارخانه j ام در دوره زمانی t ام CS_{mn} = هزینه خرید مرقطعه Ch_{mnj} = هزینه نگهداری مرقطعه در سایت توییدی $CSTOP_{mn}$ = هزینه توقف خط تولید ناشی از عملکرد تأمین کنندگان $COMP_{mn}$ = میزان شکایت خط تولید از قطعات تأمین کنندگان PPM_{mn} = شاخص قطعات برگشتی (PPM) (تأمین کنندگان) VC_{im} = ضریب مصرف قطعه m در مخصوص i ام DP_{mn} = عدد تحويل به موقع تأمین کننده n ام در تحويل قطعه m ام W_r = ضریب اهمیت تابع هدف τ ام G_r = مقدار آرمان τ ام LT_m = زمان تأمین قطعه m ام	تعریف متغیرها پارامترهای قطعی	
α = ضریب اطمینان تعیین کننده سطوح مجاز موجودی β = ضریب تعیین کننده حداقل خرید از هر تأمین کننده I = ضریب سطح حفاظت مدل استوار	عدد اسمی هزینه حمل و نقل قطعه m از تأمین کننده n ام تا سایت‌های تولیدی $\bar{C}_{t_{mnj}}$ = عدد اسمی هزینه حمل و نقل قطعه m از تأمین کننده n ام تا سایت‌های توییدی \bar{C}_{mn} = عدد اسمی ظرفیت تأمین کننده n ام برای تأمین قطعه m ام \hat{C}_{mnj} = طول بازه‌ای که عدد اسمی هزینه حمل و نقل قطعه m در آن نوسان می‌کند. $\tilde{\hat{C}}_{mnj}$ = طول بازه‌ای که عدد اسمی ظرفیت تأمین کننده در آن نوسان می‌کند.	موارد مربوط به پارامترهای غیرقطعی

۵- مدلسازی توابع هدف مدل

جدول ۳ مدلسازی توابع هدف مدل

توابع هدف	شرح مدلسازی
کمینه کردن شکایات خط تولید از قطعات تامین کنندگان	حوزه لجستیک شرکت ساپکو همواره با شکایات خط تولید خودرو از قطعات تامین کنندگان مواجه است و این عاملی تأثیرگذار در تخصیص سفارش می‌باشد. مدلسازی این عامل به این شکل است که هر تأمین کنندگانی که در قیاس با سایر تأمین کنندگان قطعه از شکایات کمتری برخوردار باشد میزان سفارش بیشتری را به خود اختصاص دهد. لذا داریم:
کمینه کردن قطعات معیوب تامین کنندگان (PPM)	$\text{Min} \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T \text{COMP}_{mn} S_{mnt}$ شاخص (Part Per Million) PPM از جمله شاخص‌های مهم در ارزیابی و تخصیص سفارش می‌باشد. به طور خلاصه اهمیت این شاخص تنها در لحاظ کردن تعداد قطعات معیوب نیست بلکه نکته در آن است که این شاخص، تعداد عویب را نسبت به حجم محوله ارسالی تأمین کننده محاسبه می‌کند. بنابراین تأمین کنندگانی که دارای PPM کمتری است باید میزان بیشتری از خرید محصول را به خود تخصیص دهد. در این صورت مدلسازی این بحث عبارت است از:
بیشینه کردن تحویل به موقع	$\text{Max} \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T \text{PPM}_{mn} S_{mnt}$ تحویل به موقع از جمله شاخص‌هایی است که در ادبیات انتخاب تأمین کننده و از نظر خبرگان صنعت مورد مطالعه بسیار مورد تأکید قرار گرفته است. مدلسازی تابع هدف مربوط این شاخص به این شکل انجام شده که به تأمین کنندگانی که در این شاخص دارای ضریب بالاتری است، تخصیص بیشتری صورت گیرد و در این صورت داریم:
هزینه کل تامین قطعات	در حوزه تأمین زنجیره تأمین مورد مطالعه هزینه کل تأمین شامل چهار نوع هزینه است: هزینه خرید قطعات، هزینه حمل و نقل قطعات تا سایت‌های تولیدی هزینه توقف خط تولید ناشی از عملکرد تأمین کنندگان و هزینه نگهداری موجودی قطعات در هر سایت تولید با. با توجه به تعاریف پارامترها و متغیرهای مدلسازی ریاضی تابع هزینه کل تأمین برای تمام دوره ها عبارت است از:



۶- محدودیت‌های مدل

محدودیت‌های این مدل را می‌توان در حالت کلی به چندین دسته طبقه‌بندی کرد(جدول ۴).

جدول ۴ دسته‌بندی کلی محدودیت‌های مدل

محدودیت تقاضا، محدودیت حداقل مجاز موجودی، محدودیت سقف مجاز موجودی، محدودیت ظرفیت، محدودیت حداقل میزان خرید از هر تأمین‌کننده.	محدودیت‌های اصلی
محدودیت‌هایی که در حقیقت اهداف بوده و با توجه به آرمان هر هدف به محدودیت تبدیل شده‌اند.	محدودیت‌های آرمانی
در خصوص علامت و ماهیت گستته و پیوسته بودن متغیرها اعمال شده‌اند.	محدودیت‌های علامتی و عدد صحیح
در جین تبدیل مدل اصلی به مدل استوار (همتای استوار) به مدل اضافه شده‌اند.	محدودیت‌های استواری

جدول ۵ مدلسازی محدودیت‌های مدل

شرح مدلسازی	محدودیت‌ها
میزان تقاضای قطعات هر دوره زمانی به سه عامل میزان تولید خودرو (برنامه تولید خودرو) در آن دوره، ضریب مصرف قطعه در هر خودرو، موجودی اول دوره و میزان موجودی مورد نیاز در پایان دوره وابسته است. در این صورت میزان تقاضای قطعه m در دوره t ام برای سایت تولیدی j از رابطه زیر بدست می‌آید:	تقاضای قطعات
$S_{mjt} = \sum_{n=1}^N S_{mnjt} = \sum_{i=1}^I V C_{in} P_{ijt} - \sum_{n=1}^N IS_{mj_{t-1}} + \sum_{n=1}^I IS_{mjt} \quad \forall j, m, t$	
بنابر نظرکارشناسان میزان موجودی در طی دوره از فرمولی تبعیت می‌کند. این فرمول ضریبی از میزان تولید محصول در آن دوره، ضریب مصرف قطعه، زمان تأمین قطعه و ضریب اطمینانی که با α نمایش داده می‌شود در این صورت میزان حداقل و حداکثر (سقف) مجاز موجودی از رابطه زیر حاصل می‌شود:	سقف موجودی و حداقل موجودی
$\sum_{i=1}^I IS_{mjt} \geq VC_{in} \times X_{ijt} \times \alpha \times LT_m \quad \forall j, m, t$	
$\sum_{i=1}^I IS_{mjt} \leq VC_{in} \times X_{ijt} \times (1 + \alpha) \times LT_m \quad \forall j, m, t$	

ادامه جدول ۵

محدودیت‌ها	شرح مدل‌سازی
ظرفیت تأمین‌کنندگان	این محدودیت به این شکل قابل اعمال است که تأمین‌کننده آم تهای می‌تواند مقدار محدودی از تقاضای ما برای قطعه m یعنی را برآورده کند. در واقع ظرفیت سالیانه تولید یا حداقل ظرفیت سالیانه‌ای که عرضه‌کننده آم به خریدار تخصیص می‌دهد باید کمتر یا مساوی C_i در سال باشد، از این رو داریم:
حداقل میزان خرید از هر تأمین‌کننده	$\sum_{j=1}^J S_{mnjt} \leq \bar{C}_{mn} \quad \forall m, n, t$ با توجه به سیاست‌های شرکت در خرید از تمام تأمین‌کنندگان یک قطعه و با لحاظ ضریبی به عنوان حداقل خرید از هر تأمین‌کننده داریم:

۷- مدل آرمانی اسمی

$$\begin{aligned}
 MinZ &= \sum_{r=1}^R w_r (d_r^+, d_r^-) = w_1 d_1^+ + w_2 d_2^+ + w_3 d_3^+ + w_4 d_4^+ + w_5 d_5^+ \\
 S.t: \\
 &\sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T COMP_{mn} S_{mnt} + d_1^- - d_1^+ = G_1 \\
 &\sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T PPM_{mn} S_{mnt} + d_2^- - d_2^+ = G_2 \\
 &\sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T DP_{mn} S_{mnt} + d_3^- - d_3^+ = G_3 \\
 &\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CS_{mn} S_{mnjt} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T Ct_{mnjt} S_{mnjt} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T Ch_{mn} IS_{mnjt} + \\
 &\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CSTOP_{mn} IS_{mnjt} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T PP_{mnjt} + d_4^- - d_4^+ = G_4 \\
 &S_{mnjt} = \sum_{n=1}^N S_{mnjt} = \sum_{i=1}^I V C_{im} P_{ijt} - \sum_{n=1}^N IS_{mnjt} + \sum_{n=1}^N IS_{mnjt} \quad \forall j, m, t \\
 &\sum_{i=1}^I IS_{mnjt} \geq V C_{im} \times X_{ijt} \times \alpha \times LT_m \quad \forall j, m, t \\
 &\sum_{i=1}^I IS_{mnjt} \leq V C_{im} \times X_{ijt} \times (1 + \alpha) \times LT_m \quad \forall j, m, t \\
 &\sum_{j=1}^J S_{mnjt} \leq C_{mn} \quad \forall m, n, t \\
 &\sum_{j=1}^J S_{mnjt} \geq \beta \times \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J S_{mnjt} \quad \forall m, n, t \\
 &S_{mnjt}, IS_{mnjt} \geq 0, \text{integer} \quad \forall m, n, j, t
 \end{aligned}$$



۸- مدل همتای استوار- فازی آرمانی

با لحاظ ویژگی‌های مدل برتسیمس و سیم از این مدل در تبدیل مدل به همتای استوار استفاده شد و داریم:

$$\begin{aligned}
 MinZ = & \sum_{r=1}^R w_r (d_r^+, d_r^-) = w_1 d_1^+ + w_\gamma d_\gamma^+ + w_\tau d_\tau^- + w_\delta d_\delta^+ \\
 S.t: & \\
 & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T COMP_{mn} S_{mnt} + d_1^- - d_1^+ = G_1 \\
 & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T PPM_{mn} S_{mnt} + d_\gamma^- - d_\gamma^+ = G_\gamma \\
 & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T DP_{mn} S_{mnt} + d_\tau^- - d_\tau^+ = G_\tau \\
 & \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CS_{mn} S_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T \bar{C}t_{mnj} S_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T Ch_{mn} IS_{mntj} + \\
 & \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CSTOP_{mn} IS_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T PP_{mnjt} + Z \times \Gamma_\tau - d_\delta^+ \leq G_\delta \\
 & S_{mtj} = \sum_{n=1}^N S_{mntj} = \sum_{i=1}^I VC_{im} P_{ijt} - \sum_{n=1}^N IS_{mnjt-1} + \sum_{n=1}^N IS_{mnjt} \forall j, m, t \\
 & \sum_{i=1}^I IS_{mtj} \geq VC_{im} \times X_{ijt} \times \alpha \times LT_m \forall j, m, t \\
 & \sum_{i=1}^I IS_{mtj} \leq VC_{im} \times X_{ijt} \times (1 + \alpha) \times LT_m \forall j, m, t \\
 & \sum_{j=1}^J S_{mntj} + ZZ_{mnt} \Gamma_\tau + PPP_{mnt} \leq \bar{C}_{mn} \forall m, n, t \\
 & \sum_{j=1}^J S_{mnjt} \geq \beta \times \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J S_{mnjt} \forall m, n, t \\
 & PP_{mnjt} + ZZ \geq \hat{C}_t S_{mntj} \forall m, n, j, t \\
 & ZZ_{mnt} + PPP_{mnt} \geq \tilde{C}_{mn} \forall m, n, t \\
 & S_{mnjt}, IS_{mtj} \geq 0, \text{integer} \quad \forall m, n, j, t
 \end{aligned}$$

۹- مدل همتای استوار- فازی قطعی شده

$$Max Z = \lambda$$

$S.t:$

$$\begin{aligned} & w_1 d_{11}^+ + w_1 d_{11}^- + w_2 d_{12}^+ + w_2 d_{12}^- + w_3 d_{13}^+ + w_3 d_{13}^- + (Z^+ - Z^-) \lambda \leq Z^+ \\ & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T COMP_{mn} S_{mnt} + d_{11}^- - d_{11}^+ = G_{11} \\ & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T PPM_{mn} S_{mnt} + d_{12}^- - d_{12}^+ = G_{12} \\ & \sum_{i=1}^I \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{t=1}^T DP_{mn} S_{mnt} + d_{13}^- - d_{13}^+ = G_{13} \\ & \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CS_{mn} S_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T \bar{C}_{tnj} S_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T Ch_{mn} IS_{mntj} + \\ & \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T CSTOP_{mn} IS_{mntj} + \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J \sum_{t=1}^T PP_{mnjt} + Z^+ \times \Gamma_{11} - d_{11}^+ \leq G_{11} \\ & S_{mntj} = \sum_{n=1}^N S_{mntj} = \sum_{i=1}^I V C_{im} P_{ijt} - \sum_{n=1}^N IS_{mnjt-1} + \sum_{n=1}^N IS_{mnjt} \forall j, m, t \\ & \sum_{i=1}^I IS_{mntj} \geq V C_{im} \times X_{ijt} \times \alpha \times LT_m \forall j, m, t \\ & \sum_{i=1}^I IS_{mntj} \leq V C_{im} \times X_{ijt} \times (1 + \alpha) \times LT_m \forall j, m, t \\ & \sum_{j=1}^J S_{mntj} + ZZ_{mn} \Gamma_{11} + PPP_{mn} \leq \bar{C}_{mn} \forall m, n, t \\ & \sum_{j=1}^J S_{mnjt} \geq \beta \times \sum_{n=1}^N \sum_{j=1}^J S_{mnjt} \forall m, n, t \\ & PP_{mnjt} + ZZ \geq \hat{C}_t S_{mnjt} \forall m, n, j, t \\ & ZZ_{mn} + PPP_{mn} + \lambda (C_{med} - C_{min}) \geq C_{min} \forall m, n, t \\ & S_{mnjt}, IS_{mntj} \geq 0, \text{integer} \quad \forall m, n, j, t \end{aligned}$$

۱۰- مدلسازی نرم (تعیین ضریب اهمیت آرمانها)

در تحقیق حاضر از تکنیک AHP برای تعیین اولویت آرمان‌ها (اهداف) استفاده شد. به این منظور به کمک پرسشنامه AHP از ۱۰ تن از مدیران و کارشناسان شرکت نظرخواهی شد. پس از جمع‌آوری پرسشنامه به تحلیل داده‌ها با استفاده از نرم‌افزار Excel و Expert Choice پرداخته شد و نرخ سازگاری برابر ۰/۰۴ حاصل شد. با توجه به این‌که نرخ سازگاری از ۱/۰ است، اوزان به دست آمده قابل اعتماد می‌باشد.



جدول ۶ ضرایب اهمیت آرمان‌ها

اهداف(آرمان‌ها)				
چهارم	سوم	دوم	اول	اویزان اهمیت اهداف
۰/۱۴۰۶	۰/۲۰۱۷	۰/۳۰۶۵	۰/۷۵۱۲	

۱۰- پارامترهای مدل

در حالت کلی پارامترهای مدل را می‌توان به دو دسته عمده تقسیم کرد که عبارتند از:

- پارامترهای عمومی و قطعی: قیمت، عدد تحویل به موقع، مقادیر آرمان‌ها، ضرایب اهمیت آرمان‌ها و....
- پارامترهای غیر قطعی: ظرفیت و هزینه حمل و نقل، اعداد مربوط به (طول بازه) پارامتر هزینه حمل و نقل.

با توجه به این‌که بحث اصلی این تحقیق تخصیص سفارش به تأمین‌کنندگان مناسب است از بین قطعات انتخابی (روش ABC)، قطعات تک منبع حذف شدند. درمجموع ۱۲۹ تأمین‌کننده مورد ارزیابی قرارگرفتند. در ضمن مدل استوار براساس برنامه تولید دو خودروی مورد مطالعه درسایت تهران برای برنامه‌ریزی ۳ دوره‌ای (ماهیانه) درسطح تاکتیکی و با داده‌های واقعی شرکت ساپکو و ایران خودرو اجرا شد. در این مقاله به دلیل حجم زیاد داده‌ها از ارائه اعداد پارامترها (داده‌های ورودی) مدل خودداری می‌شود.

۱۱- حل مدل، شبیه‌سازی و نتایج به دست آمده

به دلیل پیچیدگی بالای مدل به لحاظ حجم متغیرها، محدودیت‌ها و داده‌ها، مدل در فضای مجموعه‌ها در نرم‌افزار لینک لینک شده با اکسل برنامه نویسی شد تا داده‌های ورودی مدل از اکسل فراخوانی شود و به این ترتیب کارایی محاسباتی مدل افزایش پیدا کند. پس از اتمام برنامه‌نویسی، مدل استوار-فازی به سه شکل حل شد که آن را حل آلفا، حل بتا و حل گاما می‌نامند:

حل آلفا: ۱۱ بار حل مدل استوار-فازی در حالت عادی به ازای وجود ۱۱ سطح حفاظت

حل بتا: ۱۱ بار حل مدل استوار-فازی در حالت وجود محدودیت $\lambda = 1$ (یعنی $\tilde{C}_i^{\text{med}} = C_i^{\text{med}}$) به ازای ۱۱ سطح حفاظت.

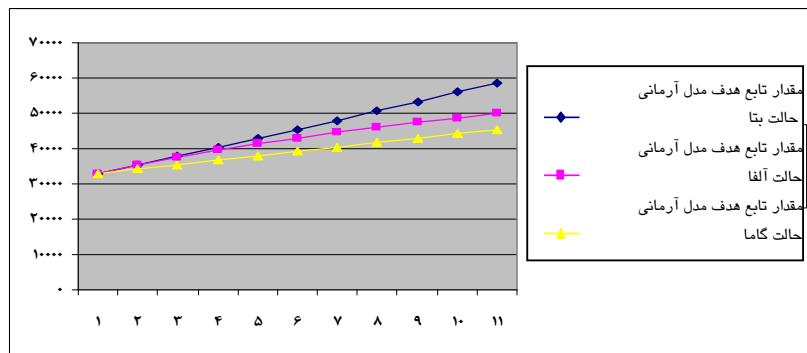
حل گاما: ۱۱ بار حل مدل استوار- فازی در حالت و جود محدودیت = ۰ ($\hat{\tilde{c}}_i = c_i^{\min}$)
به ازای ۱۱ سطح حفاظت

حل بتا و گاما به دلیل نشان دادن صحت جواب‌های مدل استوار- فازی مد نظر قرار گرفته است (در واقع باید مقادیر تابع هدف در حل آلفا برای هر ۱۱ حالت بین حل بتا و حل گاما قرار گیرد). بنابراین در مجموع مدل ۲۳ بار حل شد. به منظور نشان دادن درستی عملکرد مدل در هر حالت مقادیر متغیرهای به دست آمده، ثابت لحاظ شدند و پارامترهای نامطمئن در بازه در نظر گرفته شده به طور تصادفی در قالب تابع توزیع مقاین برای ۱۰۰۰ بار تولید و شبیه‌سازی شدند. برای هر بار شبیه‌سازی مشخص شد که چه تعداد از محدودیتها نقض شده‌اند. به عبارتی با مشخص شدن تعداد کل محدودیتها نقض شده به تعداد کل محدودیتها دارای پارامترهای نامطمئن، ریسک هر سطح حفاظت تعیین شد. به طور خلاصه به ازای هر بار حل، نتایج شبیه‌سازی شد و در مجموع ۲۲ بار عمل شبیه‌سازی صورت گرفت. خلاصه نتایج در جدول ۷ ارائه شده است.

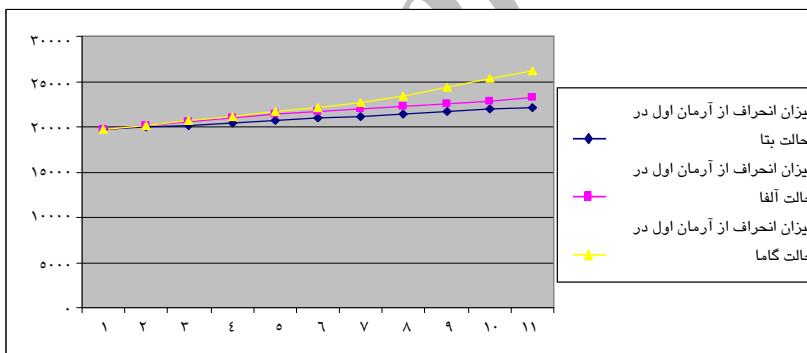
جدول ۷ مقادیر تابع هدف برای هر یک حالت‌های حل آلفا، بتا و گاما

حل کاما			حل بتا			حل آلفا					
مقادیر محدودیت	مقادیر پارامتر	مقادیر نامطمئن	مقادیر محدودیت	مقادیر پارامتر	مقادیر نامطمئن	مقادیر محدودیت	مقادیر پارامتر	مقادیر نامطمئن	Γ_1	Γ_2	Γ_3
۱۹۶۸۶	۲۲۹۱۱	-	۱۹۶۸۶	۲۲۹۱۱	۱	۱۹۶۸۶	۲۲۹۱۱	۱	-	-	۱
۱۹۹۳۶	۲۴۱۱۵	-	۲۰۱۸۳	۳۵۴۷	۱	۲۰۱۶۰	۳۵۴۲۰	- / ۰.۶	۰ / ۱	۳۹	۲
۲۰۱۸۵	۳۵۴۴۱	-	۲۰۰۸۱	۳۷۹۵۲	۱	۲۰۵۹۱	۳۷۵۰۴	- / ۸۲۲	- / ۲	۷۸	۳
۲۰۴۳۳	۳۶۶۹۹	-	۲۱۱۷۷	۴۰۴۶	۱	۲۰۸۸۶	۳۸۵۳	- / ۷۴۴	- / ۳	۱۱۷	۴
۲۰۶۸۷	۳۷۹۰۶	-	۲۱۶۷۹	۴۲۹۸۲	۱	۲۱۳۴۹	۴۱۳۸۶	- / ۶۷۵	- / ۴	۱۵۶	۵
۲۰۹۳۲	۳۹۲۱۴	-	۲۲۱۱۶	۴۵۰۱	۱	۲۱۶۸۴	۴۳۳۰	- / ۶۸	- / ۵	۱۵	۶
۲۱۱۸۱	۴۰۴۷۰	-	۲۲۶۶۷	۴۸۰۲۳	۱	۲۱۹۹۴	۴۴۵۹۷	- / ۵۷۷	- / ۶	۲۳۴	۷
۲۱۲۹	۴۱۷۷۸	-	۲۲۲۲۶	۵۰۶۴۳	۱	۲۲۲۸۰	۴۶۰۵	- / ۴۹۱	- / ۷	۲۷۳	۸
۲۱۶۷۸	۴۲۹۸۴	-	۲۲۳۷۵	۵۳۷۱۵	۱	۲۲۵۴۷	۴۷۴۰۲	- / ۴۷۸	- / ۸	۳۱۲	۹
۲۱۹۷۸	۴۲۴۴۵	-	۲۲۳۷۹	۵۵۹۹۰	۱	۲۲۴۰۹	۴۸۶۶۰	- / ۳۹۹	- / ۹	۳۰۱	۱۰
۲۲۱۷۶	۴۵۵۰۵	-	۲۴۲۴۱	۵۸۷۰۹	۱	۲۳۱۷۷	۴۹۸۷۵	- / ۳۴۲	۱	۳۸۷	۱۱

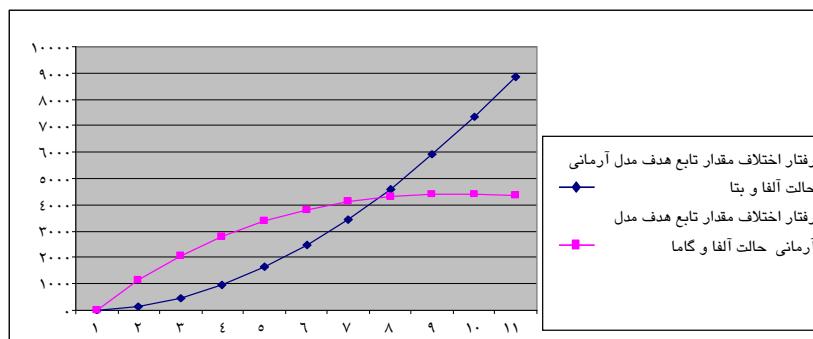
قابل توجه این‌که نتایج به دست آمده از شبیه‌سازی در بدینانه ترین حالت، یعنی حداقل طول بازه نوسان حاصل شده است و با رویکردهای متعادل‌تر مانند شبیه‌سازی فازی می‌توان احتمال نقض‌های پایین‌تری را انتظار داشت.



نمودار ۱ نمایش رفتار مجموع انحرافات از آرمان‌ها (تابع هدف مدل آرمانی) در هر یک از حالت‌های حل آلفا، بتا، گاما و مقایسه آن‌ها



نمودار ۲ نمایش رفتار انحراف از آرمان اول در هر یک از حالت‌های حل آلفا، بتا، گاما و مقایسه آن‌ها

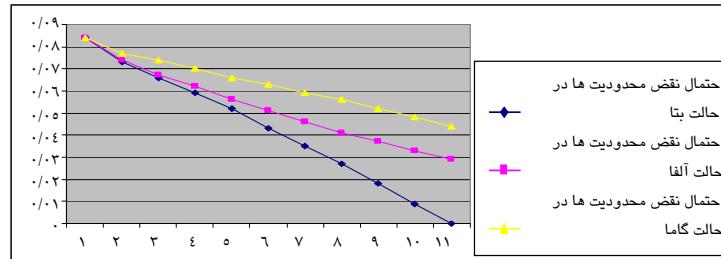


نمودار ۳ نمودار روند تفاوت مقادیر تابع هدف در حالت حل آلفا و در مقایسه با دو حالت دیگر

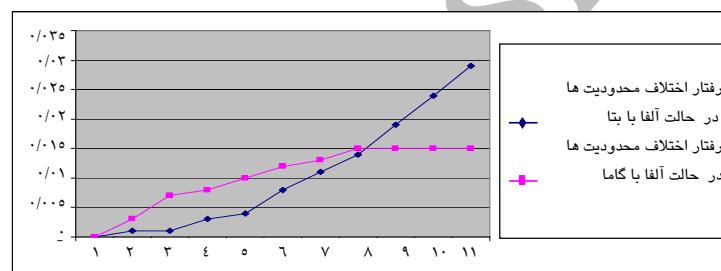
در جدول ۸ ستون‌های الف - د به ترتیب بیانگر درصد انحراف از آرمان‌های اول تا چهارم نسبت به مقدار هر آرمان است.

جدول ۸ مقادیر انحراف از هر آرمان نسبت به مقدار آرمان برمبنای درصد در حالت کلی λ

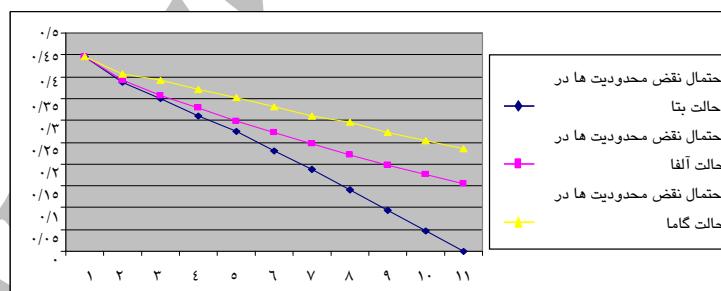
د	ج	ب	الف	Г₂	Г₁	حالت
۲۷/۲۹۰	۸۲/۲۲۰	۲۲/۸۰۷	۷/۱۹۲	-	-	۱
۲۷/۲۹۲	۹۵/-۰۰	۲۲/۸۶۰	۷/۳۶۶	-/۱	۳۹	۲
۲۷/۴۱۲	۱۰۶/۶۳۲	۲۲/۹۱۱	۷/۵۲۳	-/۲	۷۸	۲
۲۷/۴۲۶	۱۱۷/۲۴۰	۲۲/۹۶۰	۷/۶۶۷	-/۳	۱۱۷	۴
۲۷/۴۳۴	۱۲۶/۹۸۸	۲۳/-۰۰۵	۷/۸۰۰	-/۴	۱۵۶	۵
۲۷/۴۴۰	۱۲۵/۹۷۱	۲۳/-۰۴۷	۷/۹۲۲	-/۵	۱۹۵	۶
۲۷/۴۲۸	۱۴۴/۲۹۰	۲۳/-۰۹۳	۸/-۰۳۶	-/۶	۲۲۴	۷
۲۷/۴۴۸	۱۵۲/-۰۰۹	۲۳/-۱۳۸	۸/۱۴۰	-/۷	۷۷۳	۸
۲۷/۴۱۸	۱۵۹/۱۸۸	۲۳/۱۸۱	۸/۲۳۸	-/۸	۳۱۲	۹
۲۷/۴۰۴	۱۶۵/۸۸۲	۲۳/۲۱۸	۸/۳۲۳	-/۹	۳۵۱	۱۰
۲۷/۲۹۷	۱۷۲/-۰۷۱	۲۳/۲۴۰	۸/۴۶۸	۱۱	۳۸۷	۱۱



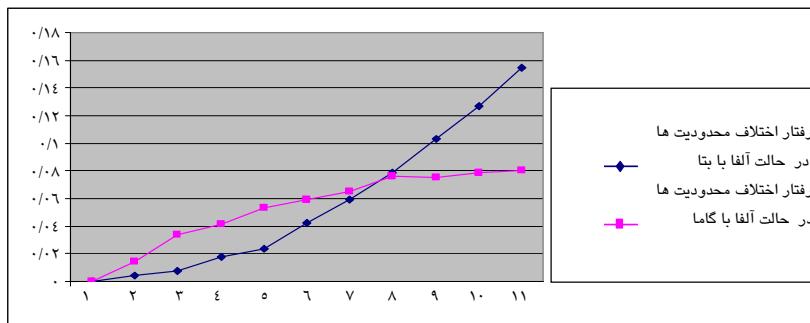
نمودار ۴ نمایش روند احتمال نقض محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف و براساس شاخص ۱



نمودار ۵ نمایش روند تفاوت احتمال نقض محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف و براساس شاخص ۱



نمودار ۶ نمایش احتمال نقض محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف و براساس شاخص ۲



نمودار ۷ نمایش روند تفاوت احتمال نقض محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف و براساس شاخص ۱

جدول ۹ میزان ریسک (احتمال نقض محدودیت‌ها) را بر مبنای شاخص ۱ نشان می‌دهد. محدودیت آرمانی چهارم ۳۸۷ پارامتر نامطئن دارد و دارای سطح حفاظت ۲۱ می‌باشد. سایر محدودیت‌های دارای پارامترهای نوسان‌پذیر (نامطئن)، ۳۸۷ محدودیت‌های ظرفیت می‌باشند که در خود پارامتر ظرفیت نوسان‌پذیر را دارند و دارای سطح حفاظت ۲۲ می‌باشند.

جدول ۹ احتمال نقض محدودیت‌ها در حالت‌های مختلف و براساس شاخص ۱

مجموعه احتمال نقض	حل کاما			حل بتا			حل آلفا			Γ_2	Γ_1	Γ
	احتمال نقض محدودیت‌های کلی	احتمال نقض محدودیت‌های آرمانی	مجموع احتمال نقض	احتمال نقض محدودیت‌های کلی	احتمال نقض محدودیت‌های آرمانی	مجموع احتمال نقض	احتمال نقض محدودیت‌های کلی	احتمال نقض محدودیت‌های آرمانی	مجموع احتمال نقض			
-/-۰.۸۴	-/-۰.۸۲	-/-۰.۲	-/-۰.۸۴	-/-۰.۸۲	-/-۰.۲	-/-۰.۸۴	-/-۰.۸۲	-/-۰.۲	-/-۰.۲	-	-	۱
-/-۰.۷۷	-/-۰.۷۷	-	-/-۰.۷۳	-/-۰.۷۳	-	-/-۰.۷۴	-/-۰.۷۴	-	-/-۰.۷۴	-/-۱	۳۹	۲
-/-۰.۷۴	-/-۰.۷۴	-	-/-۰.۶۶	-/-۰.۶۶	-	-/-۰.۶۷	-/-۰.۶۷	-	-/-۰.۶۷	-/-۰.۲	۷۸	۳
-/-۰.۷	-/-۰.۷	-	-/-۰.۵۹	-/-۰.۵۹	-	-/-۰.۶۲	-/-۰.۶۲	-	-/-۰.۶۲	-/-۰.۳	۱۱۷	۴
-/-۰.۶۶	-/-۰.۶۶	-	-/-۰.۵۲	-/-۰.۵۲	-	-/-۰.۵۶	-/-۰.۵۶	-	-/-۰.۵۶	-/-۰.۳	۱۵۶	۵
-/-۰.۶۳	-/-۰.۶۳	-	-/-۰.۴۳	-/-۰.۴۳	-	-/-۰.۵۱	-/-۰.۵۱	-	-/-۰.۵۱	-/-۰.۵	۱۹۵	۶
-/-۰.۵۹	-/-۰.۵۹	-	-/-۰.۳۵	-/-۰.۳۵	-	-/-۰.۴۶	-/-۰.۴۶	-	-/-۰.۴۶	-/-۰.۶	۲۲۴	۷
-/-۰.۵۶	-/-۰.۵۶	-	-/-۰.۲۷	-/-۰.۲۷	-	-/-۰.۴۱	-/-۰.۴۱	-	-/-۰.۴۱	-/-۰.۷	۲۷۳	۸
-/-۰.۵۲	-/-۰.۵۲	-	-/-۰.۱۸	-/-۰.۱۸	-	-/-۰.۳۷	-/-۰.۳۷	-	-/-۰.۳۷	-/-۰.۸	۳۱۲	۹
-/-۰.۴۸	-/-۰.۴۸	-	-/-۰.۰۹	-/-۰.۰۹	-	-/-۰.۲۳	-/-۰.۲۳	-	-/-۰.۲۳	-/-۰.۹	۲۵۱	۱۰
-/-۰.۴۴	-/-۰.۴۴	-	-/-...	-/-...	-	-/-۰.۲۹	-/-۰.۲۹	-	-/-۰.۲۹	-/-۱۱	۲۸۷	۱۱



در نتایج شبیه‌سازی مشخص شد که تنها تعدادی از محدودیت‌های ظرفیت (حداکثر ۷۳ تا) امکان نقض پذیری دارند. دلیل آن این است که برخی از ظرفیت‌ها به میزان بیشتر از نیاز وجود دارند یا مدل تخصیصی کمتر از ظرفیت را برای آن‌ها لحاظ کرده و لذا نوسان در بازه لحاظ شده برآن‌ها اثری ندارد. با توجه به این توضیحات در مجموع دو شاخص برای محاسبه سطوح ریسک در نظر گرفته شد:

شاخص ۱: تقسیم تعداد کل حالت‌های نقض شده بر تعداد کل حالت‌های ممکن

شاخص ۲: تقسیم تعداد کل حالت‌های نقض شده بر تعداد کل حالت‌های وابسته به محدودیت‌هایی که امکان نقض شدن دارند. شاخص ۲ نسبت به شاخص ۱ شاخص سختگیرانه‌تری است و در حالت کلی شاخص اول، منطقی‌تر است. در جدول فوق حالت‌های ۱ و ۱۱ به ترتیب خوشبینانه و بدپیمانه‌ترین حالت‌ها هستند.

۱۲- نتیجه‌گیری

با توجه به حل مدل، شبیه‌سازی و نمودارها نتایجی به شرح ذیل قابل استنباط است:

۱. از جدول ۷ و قیاس نمودارهای ۱ با ۴ و ۶ قابل استنباط است که با افزایش سطوح حفاظت، تابع هدف بدتر شده و ضعیت احتمال نقض با ریسک بهتر شده است. در واقع هرچه سطح حفاظت افزایش یافته، مدل مقادیر متغیرها را به نحو سختگیرانه‌تری در بازه مجاز انتخاب کرده، به نحوی که احتمال نقض محدودیت‌ها کمتر شده و درنهایت جواب تابع هدف بدتر می‌شود. این خود می‌تواند دلیلی بر صحت مدل‌سازی استوار و صحت عملکرد مدل باشد.
۲. از جدول ۷ قابل استنباط است که با افزایش سطوح حفاظت، سطح اق接纳 محدودیت‌ها کاهش پیدا کرده است. این مطلب منطقی بوده و نشان از آن است که افزایش سطح حفاظت، یافتن منطقه موجه را سخت‌تر می‌کند.
۳. از نمودار ۱ قابل استنباط است که مقادیر تابع هدف استوار- فازی (حل آلفا) نسبت دو حالت دیگر در تعادل قرار دارد (اگر چه که هر سه از نقطه‌ای شروع می‌شوند). از طرفی ملاحظه می‌شود که هر چه سطح حفاظت بیشتر می‌شود، نمودارها از یکدیگر فاصله بیشتری می‌گیرند؛ به عبارتی فازی بودن طول بازه‌ها در این نقاط بیشتر نمایان می‌شود.
۴. از جدول ۷ و نمودار ۱ قابل استنباط است که تغییر سطح ریسک یا سطح محافظه‌کاری

به شکل قابل ملاحظه‌ای برافزایش شبی خط مقادیر تابع هدف مؤثر بوده و استوارسازی مدل در راستای کاهش خطرپذیری ضروری و اثرگذار است.

۵. نمودار ۲ نشان می‌دهد که انحراف از آرمان‌ها نیز رفتاری شبیه به مقادیر تابع هدف در نمودار ۱ دارد.

۶. مطابق با جدول ۸ انحراف از آرمان شکایات خط تولید ناشی از قطعات تأمین‌کنندگان (با بالاترین ضریب اهمیت) توانسته به میزان بسیار زیادی به صفر نزدیک شود. از طرفی این آرمان در قیاس با سایر آرمان‌ها، دارای کمترین میزان انحراف است. این نشان از صحت عملکرد مدل در شرایط وجود آرمان‌های متعدد و متناقض است، به نحوی که اولویت اول به آرمان دارای بالاترین ضریب اهمیت داده شده است.

۷. با توجه به جدول ۸ و ضرایب اهمیت آرمان‌ها، اگرچه آرمان‌های ۱(شکایات خط تولید ناشی از قطعات تأمین‌کنندگان) و ۲(قطعات معیوب تأمین‌کنندگان) و ۳(تحویل به موقع) و ۴(هزینه کل تأمین قطعات) به ترتیب دارای بالاترین ضریب اهمیت هستند، اما مدل توانسته است که به ترتیب انحراف از آرمان‌های ۱ و ۲ و ۴ و ۳ را کاهش دهد. از طرفی درصد کاهش انحراف از آرمان‌های ۱ و ۲ و ۴ نسبت به مقدار هر آرمان قابل توجه است.

۸. اعداد جدول ۹ و نمودارهای ۴ و ۶ حاصل عمل شبیه‌سازی بوده و نشان می‌دهد که با افزایش سطح حافظت، احتمال نقض محدودیت‌ها کاهش پیدا می‌کند. این روند نشان از صحت عملکرد مدل استوار و شبیه‌سازی صورت گرفته دارد.

۹. شبیه‌سازی انجام شده برای سه حالت آلفا، بتا و گاما حل سخت‌ترین حالت شبیه‌سازی بوده، یعنی برای طول بازده‌ها بالاترین عدد ممکن لاحاظ شده و با این اوصاف نتایج خوبی حاصل شده است. انتظار می‌رود در صورت شبیه‌سازی در حالت‌های متعادل‌تر (شبیه‌سازی فازی) به جواب‌هایی خواهیم رسید که کارایی مدل را بیشتر نمایان می‌سازد.

۱۰. مدل استوار-فازی نسبت به حالت‌های $\lambda = 0$ و $\lambda = 1$ به لحاظ ریسک و هزینه متعادل‌تر بوده و می‌تواند رضایت تصمیم‌گیرنده را نسبت به دو حالت دیگر که بدینانه و خوشبینانه‌تر عمل می‌کنند، در برداشته باشد؛ به عبارتی این مدل نسبت به مدل در دو حالت دیگر انعطاف‌پذیرتر بوده و گزینه‌های انتخابی بیشتری را برای تصمیم‌گیرنده فراهم می‌کند.

۱۱. نمودار شکل‌های ۱، ۴ و ۷ نشان می‌دهند که نمودارهای مربوط به حالت آلفا در



فاصله‌ای تقریباً متعادل از دو حالت دیگر قرار دارد.

۱۲. از جمله ویژگی‌های رویکرد ابداعی مبتنی بر روش برنر نسبت به روش‌های دیفارازی کردن مثل برش α آن است که اول نیازی نیست که به طور حتمی تصمیم‌گیرنده سطح برش را تعیین کند. دوم در صورتی که مدل باید با سطح برش‌های مختلفی حل شود، آن‌گاه این عمل در فضای بهینه‌سازی استوار با سطوح حفاظت مختلف سبب می‌شود که تعداد بسیار زیادی مدل حل شود و به این شکل کارایی مدل از بین خواهد رفت. بنابراین این از ویژگی‌های روش ابداعی است که مدل در هر سطح حفاظت، سطح برش مناسب را تشخیص خواهد داد. برای نمونه اگر مدل قرار بود که به روش‌های معمول برش α حل شود و ۱۰ سطح برش برای هر سطح حفاظت مد نظر می‌بود، ۳۳۰ مدل باید حل می‌شد.

۱۳. در قیاس نمودار شکل‌های ۳ و ۵ و ۷ مشخص است که رفتارهای سه نمودار بسیار به همیگر نزدیک بوده و تقریباً در این سه نمودار (شکل‌های ۳ و ۵ و ۷) در سطح حفاظت ۸ اختلاف حل آلفا با دو حالت دیگر حل یکسان است.

۱۴. از جمله قابلیت‌های مدل پیشنهادی نسبت به مدل برتسیمس و سیم آن است که:

- قادر به پاسخ‌گویی به ابهامات ذهنی تصمیم‌گیرنده بوده و به طور کلی انعطاف‌پذیرتر است.
- تنها یک متغیر (λ) و یک محدودیت به مدل اضافه می‌کند.

۱۵. به طور کلی با لحاظ بحث استواری جواب‌ها، لحاظ ابهام موجود، مدل‌سازی مصاحبه محور و لحاظ شاخص‌های مختلف و مهم مطابق با نظر تصمیم‌گیرنده می‌توان ادعا کرد مدل از قابلیت اتكای بالایی برخوردار است.

۱-۱۲- پیشنهاد

۱. توسعه مدل استوار- فازی درخصوص طول بازه‌هایی که به شکل ضرایب فنی و تابع هدف ظاهر می‌شوند.
۲. توسعه تئوریکی و عملی تعیین شکل تابع عضویت برای طول بازه‌های فازی
۳. امکان‌سنجی توسعه مدل استوار- فازی برای مدل‌های دیگر استوارسازی غیر از برتسیمس و سیم
۴. در بخش حل مدل بیان شد که در مدل ۳۸۷ محدودیت حاوی پارامتر نامطمئن وجود

دارد و حداقل ۷۳ محدودیتی که امکان نقض پذیری داشته‌اند از نوع محدودیت‌های فعال می‌باشدند. ارائه الگوریتمی در راستای کاهش این محدودیت‌ها قبل از حل در راستای کاهش محاسبات می‌تواند به عنوان موضوع تحقیقات آتی مطرح باشد.

۱۳- منابع

- [1] Ghodsypour S. H. , O'Brien C. ; A decision support system for supplier selection using integrated analytic hierarchy process and linear programming.*I.J. of Production Economics*,Vol. 56-57, 1998.
- [2] Ghodsypour , S. H. , O'Brien C. ; The total cost of logistics in supplier selection, under conditions of multiple souring, multiple criteria and capacity constraint ; *International Journal of Production Economics* ,Vol. 73, 2001.
- [3] Zhang Z. , Lei J.,Cao N., To K. , Ng. K. ; "Evolution of supplier selection criteria and methods"; (www.google.com), 2004.
- [4] Lee E.K., Ha S. , Kim S. K. ;Supplier selection and management system considering relationships in supply chain management, *IEEE Transactions on Engineering Management*,Vol. 48, 2001.
- [5] Li L. , Zabinsky Z.B.; Incorporating uncertainty in to a supplier selection problem,*I.J.of Production Economics Article in Press*, 2010.
- [6] Dickson G. W.; An analysis of vendor selection systems and management ; *Journal of Purchasing*,Vol. 21,1966.
- [7] Weber C. A., Current J. R., Benton W. E.;Vendor selection criteria and methods ; *E. J. of Operation Research* ,Vol. 50, 1991.
- [8] Benton W.C. ; Quantity discount decision under conditions oF multiple items, multiple suppliers and resource limitation ; *I. J oF Production Economics*, Vol. 27, 1991.
- [9] Hong J.D , Hayya Jc ; Just- in time purchasing single or multiple sourcing? ; *I. J of Production Economics*,Vol. 27, 1992.



- [10] Dahel N. E.; Vendor selection and order quantity allocation in volume discount environments ; *Supply Chain Management: An International Journal*, 8, 2003.
- [11] HangHong G., Chanpark S., Sikjang D., MinRho H. ; An effective supplier selection method For constructing a competitive supply-relationship ; *Expert System With Applications*, 2005.
- [12] Basnet Ch. , leang J. M.Y.; Inventory lot- sizing with supplier selection ; *Computers & Operations Research*, 32, 2005.
- [13] Velarde J. L. G. , Laguna M. ; A benders-based heuristic for the robust capacitated international sourcing problem ; *IET Transactions*, Vol. 36, 2004.
- [14] Berger P.D., Zeng A.Z. ; Single versus multiple sourcing in the presence of risk ; *J of Operational Research Society* ,Vol. 57, 2006.
- [15] Van Landeghem. H., Vanmaele H. ; Robust planning:a new paradigm for demand chain planning ; *J of Operations Management*, Vol. 20, 2002.
- [16] Li Y.J. ,Hwang C-L.Fuzzy ; Mathematical programming: Methods and applications ; Springer-Verlag, 1992.
- [17] Zimmermann H. J. ; Fuzzy set theory and its applications ; Kluwer Academic Publishers, 1996.
- [18] Bertsimas D., Sim M. ; The price of robustness ; *Operations Research* ,Vol. 52, No.1, 2004.
- [19] Bertsimas D., Thiele A. ; A robust optimization approach to inventory theory; *Operations Research* ,Vol. 54, No.1, 2006.