

## مدل تعیین قیمت مسکن، کاربردی از روش رگرسیون موزون جغرافیایی

داود سوری\* - عضو هیات علمی دانشگاه صنعتی شریف و موسسه عالی بانکداری ایران، تهران، ایران.  
سلیمه منیری جاوید - پژوهشگر دکترای اقتصاد دانشگاه تولوز، تولوز، فرانسه.

### چکیده

در این مقاله یک مدل کاربردی برای ارزش گذاری قیمت املاک مسکونی ارائه می گردد. در مقاله بحث می شود که قیمت املاک به عنوان پایه مالیات بر املاک نقش مهمی در نظام درآمدی شهرداری دارد و از این رو است که شهرداری ها ناگزیر به داشتن معیاری عینی برای قیمت گذاری املاک و اخذ مالیات هستند. در برآورد این مدل به نقش ویژگی های مسکن، به عنوان کالای بادوامی که سهمی از ارزش خود را از مکانی که در آن واقع شده است می گیرد، توجه شده است. در تعیین قیمت مسکن علاوه بر ویژگی های فیزیکی، ویژگی های محیطی و نقش خدمات شهری نیز لحاظ شده است. مدل با استفاده از نمونه ای منحصر به فرد از منطقه هشت شهرداری تهران و با به کارگیری روش رگرسیون موزون جغرافیایی برآورد شده و نتیجه برآورد در قالب نقشه پراکندگی ضرایب در منطقه ارائه شده است.  
واژگان کلیدی: قیمت مسکن، رگرسیون موزون جغرافیایی، تهران.

### Estate pricing model, an application of geographic balanced regression

**Abstract:** In this article, an applied model of the estate's pricing is shown. Herewith, price of the estates play a crucial rule in the system of incomes of the municipality, there for they should base some criteria for the state's pricing. In this calculation, estate's characteristics are valued as a product gearing a part of its value from the locality. It is placed in, though local and environmental peculiarities play their own rule here, the current model is typically driven from using geographic balanced a sample in zone 8 of Tehran municipality. Regression method, and the result is put in a diversity rate plan for city.

**Keyword:** price of estate, geographical balanced regression, Tehran.

ه) مالیات دهندگان آن را منصفانه تلقی کنند؛ و  
 و) سیستم جمع‌آوری و محاسبه مالیات ساده و قابل  
 اداره کردن باشد. بر حسب این معیارها مالیات بر املاک  
 نسبت به دیگر انواع مالیات‌ها ارجح است.<sup>۱</sup>  
 این مالیات از زمین و ساختمان گرفته می‌شود که مشخصاً  
 متحرک نیستند و به نوعی اخذ غیرمستقیم هزینه  
 استفاده از خدماتی است که مصرف آنها جمعی است و  
 نمی‌توان به سادگی سهم مصرف هر فرد را از آن مشخص  
 کرد. مالیات بر املاک را می‌توان به طبقات مختلفی  
 مانند: مالیات آب و فاضلاب، زباله، روشنایی و غیره  
 تقسیم کرد. هنگامی که این مالیات به زیربخش‌هایی  
 تقسیم شد و هر زیربخش به خدمتی خاص منتسب  
 گردید، آنگاه آن مالیات بطور غیرمستقیم نقش قیمت  
 بازار آن خدمت را بازی می‌کند. این روش از سال ۱۹۶۳ که  
 «بیوکانن»<sup>۲</sup> در پاسخ به این سوال اساسی اقتصاد بخش  
 عمومی که «خدمات عمومی چگونه باید عرضه شوند که  
 با ترجیحات مردم نیز منطبق باشند؟» مقاله نوآورانه  
 خود را نوشت، به عنوان گزینه اول و اجرائی قیمت‌گذاری  
 خدمات عمومی برگزیده شده است. مالیات املاک بر  
 منازل مسکونی، املاک تجاری و صنعتی وضع می‌شود.  
 فرآیند اخذ مالیات بر املاک شامل چندین مرحله است  
 که از جمله آنها می‌توان به مرحله ارزیابی ملک اشاره  
 کرد. در این مرحله ارزش ملکی که می‌بایست از آن  
 مالیات گرفته شود، تعیین می‌گردد. دو روش «ارزیابی بر  
 مبنای مساحت»<sup>۳</sup> و «ارزیابی بر مبنای ارزش»<sup>۴</sup> برای  
 ارزیابی املاک مورد استفاده قرار می‌گیرد. در روش  
 ارزیابی بر مبنای مساحت، متراژ زمین و یا بنا و یا هر دو  
 مبنای مالیات است و مالیات از حاصل ضرب این متراژ در  
 نرخ مالیات به دست می‌آید. روش ارزیابی بر مبنای ارزش  
 علاوه بر مساحت، مکان و دیگر ویژگی‌هایی را که به ملک  
 ارزش می‌بخشند را نیز در نظر می‌گیرد. به عبارت دیگر در

شهرداری‌ها دامنه وسیعی از خدمات شهری را به  
 شهروندان عرضه می‌کنند که هر یک نیازمند صرف  
 هزینه‌های قابل توجهی است. از این جهت است که  
 حجم منابع مالی شهرداری‌ها نقش مهمی در تعیین  
 کمیت و کیفیت خدمات ارائه شده به عهده دارند. اگر چه  
 در دو دهه گذشته حرکت به سوی هر چه بیشتر کردن  
 نقش شهرداری‌ها در مدیریت شهر بوده است، اما  
 تمهیدات اندیشیده شده برای تأمین مالی اجرای این  
 نقش کافی نبوده است. امروزه در غالب شهرهای جهان از  
 منابع متعددی برای تأمین مالی هزینه‌های خدمات  
 شهری استفاده می‌شود، اما همچنان مالیات و هزینه  
 استفاده از خدمات شهری در راس منابع تأمین مالی  
 خدمات شهری هستند. در این رابطه شهرداری‌ها با این  
 چالش روبرو هستند که، «چگونه تعادلی بین  
 رضایت‌مندی شهروندان از بهره‌مندی و استفاده از  
 خدمات شهری و عدم رضایت حاصل از پرداخت مالیات و  
 هزینه استفاده برقرار کنند.» این چالش با گسترش  
 شهرنشینی و توسعه شهرها هر روزه جدی‌تر نیز می‌شود  
 چراکه از یک سو نیاز به خدمات شهری افزایش می‌یابد و  
 از سوی دیگر تشخیص اینکه چه کسی باید مالیات را و به  
 چه میزان پرداخت کند، مشکل‌تر می‌شود. «برد» (۲۰۰۱)  
 شش ویژگی را برای یک نظام مالیاتی محلی موفق بر  
 می‌شمارد؛ از نظری نظامی موفق است که:

- الف) مالیات از محلی (دارائی یا فعالیت) گرفته شود که  
 متحرک نباشد به طوریکه افزایش نرخ مالیات موجب  
 تغییر مکان مبنای مالیاتی به مکانی دیگر نگردد؛
- ب) درآمدهای مالیاتی کفاف هزینه‌ها را بدهند، با ثبات  
 و قابل پیش‌بینی باشند؛
- ج) مالیات نباید به گونه‌ای باشد که ساکنین آن را به  
 غیر ساکنین منتقل کنند؛
- د) مبنای مالیات باید شفاف باشد و برای همه قابل

۱. از میان مالیات‌های متفاوتی که از شهروندان اخذ می‌شود مالیات بر مستغلات و دارائی بیشترین سهم را در درآمدهای مالیاتی شهرداری‌ها دارد. در کنار مالیات بر مستغلات و دارائی، مالیات بر فروش و درآمد، مالیات بر دخانیات، مالیات بر سوخت و مالیات بر کرایه اطلاق در هتل از دیگر انواع مالیات هستند که در تأمین مالی خدمات شهری نقش دارند.

2. Buchanan, J.M. (1963)  
 3. Area-based assessment  
 4. Value-based assessment

هدانیک معرفی می‌گردد. در این بخش بحث می‌گردد که یکی از ویژگی‌های مسکن وابسته بودن آن به مکان است که این خود ملاحظاتی را برای بررسی‌های آماری پیش می‌آورد که غفلت از آنها موجب استنباط نادرست می‌گردد. در بخش سوم «روش برآورد رگرسیون موزون جغرافیایی» معرفی می‌گردد و در بخش چهارم پس از معرفی چهارچوب نمونه‌گیری و اطلاعات مورد استفاده نتیجه‌کاربرد این روش در منطقه هشت شهرداری تهران ارائه می‌گردد. بخش پنجم به خلاصه و نتیجه‌گیری اختصاص یافته است.

#### بازار مسکن و تابع قیمت هدانیک

«مسکن» چند ویژگی اساسی دارد که در ارزش‌گذاری آن می‌بایست مورد توجه قرار بگیرند:

۱. ابتدا، مسکن کالائی متمایز است، کالای متمایز کالایی است که واحدهای مختلف آن از دید مصرف‌کننده به صورت معناداری متفاوت هستند. تفاوت در مساحت، موقعیت مکانی، نوع بنا و دیگر ویژگی‌ها همگی موجب می‌شوند که واحدهای مسکونی جانشین‌های کاملی برای یکدیگر نباشند؛

۲. دوم، مسکن کالایی با دوام و کم‌استهلاک است و همین امر سبب می‌شود که بازار بزرگی برای دست دوم آن وجود داشته باشد؛

۳. سوم، موقعیت و مکان مسکن ثابت و منحصر به فرد است و دیگر ویژگی‌های مسکن را نیز تحت تأثیر قرار می‌دهد؛ و

۴. چهارم، مسکن در واحدهای بزرگ و تقسیم‌نشده و گران عرضه می‌شود، از این رو تأمین مالی نقش مهمی در فعالیت‌های بازار مسکن ایفا می‌کند.

در مطالعاتی که در زمینه «برآورد ارزش واحدهای مسکونی» صورت می‌گیرد، روش غالب «روش هدانیک»<sup>۵</sup> است که در آن به مسکن به مجموعه‌ای از ویژگی‌ها نگاه می‌شود که هر یک از این ویژگی‌ها برای مصرف‌کننده دارای مطلوبیتی مجزا و ارزشمند است. این دیدگاه ریشه در «نظریه تقاضای لانکستر»<sup>۸</sup> (۱۹۶۶) دارد. «لانکستر» مدعی است که مصرف‌کننده نه بدنبال کالا

این روش، ارزش بازاری ملک، هر چند به طور غیرمستقیم، مبنای اخذ مالیات قرار می‌گیرد. یکی از عوامل ارزش‌آفرین برای ملک، میزان خدمات شهری است که در اختیار ساکنین آن ملک قرار می‌گیرد. به عنوان مثال، دسترسی به شبکه بزرگ‌راهی شهری، به عنوان خدمتی که توسط شهرداری ارائه می‌شود، افزایش قیمت املاک را به دنبال دارد. در روش ارزیابی بر مبنای ارزش این افزایش قیمت به پایه مالیات افزوده می‌شود و ملک بهره‌مند از شبکه بزرگ‌راهی پایه مالیاتی بیشتری دارد؛ در حالیکه در روش مبتنی بر مساحت تفاوتی بین پایه مالیاتی ملک نزدیک و دور از شبکه بزرگ‌راهی وجود ندارد. در روش ارزیابی بر مبنای ارزش این ایده مطرح می‌شود که مالیات بر املاک همانند «مالیات بر منافع»<sup>۵</sup> است، چرا که مالیات بر ملک تقریبی است از ارزش خدماتی که مالیات دهندگان دریافت می‌کنند. بر طبق این نظریه هم مالیات دریافتی و هم خدمات شهری در ارزش ملک لحاظ می‌گردند و هرگونه افزایش قیمت ملک به شرط ثابت بودن سایر عوامل نشان از ارزش بالای خدمات ارائه شده از نظر مصرف‌کنندگان دارد. به عبارت دیگر در صورتی که دیگر عوامل مؤثر بر قیمت ملک تغییر نکنند، هرگونه تغییر در قیمت ملک را می‌توان به تغییر در سطح دسترسی ملک به خدمات شهری منتسب کرد و آن را مبلغی دانست که شهروندان حاضرند بپردازند تا از خدمات شهری منتفع بشوند. روش تجربی معمول در برآورد ارزش املاک استفاده از «توابع هدانیک»<sup>۶</sup> است. در این نوشتار نیز با استفاده از تابع قیمت هدانیک و رویکرد اقتصادسنجی فضایی، متغیرهای مهم تأثیرگذار بر قیمت واحد مسکونی در منطقه هشت تهران شناسایی و ارزش‌گذاری می‌شوند. این تابع ابزاری عینی و شفاف برای برآورد قیمت ملک به عنوان پایه مالیات بر املاک فراهم می‌کند. پارامترهای این تابع می‌توانند برآوردی از قیمت سایه خدمات شهری و یا حداکثر مبلغی که شهروندان حاضرند برای دسترسی به خدمات شهری بپردازند، در اختیار شهرداری قرار بدهند. در ادامه و در بخش دوم به بررسی ویژگی‌های بازار مسکن پرداخته می‌شود و تابع قیمت

5. Benefit tax

6. Hedonic functions

7. Hedonic approach

8. Lancaster, K. J. (1966)

بلکه بدنبال ویژگی‌های کالا است. به طور خلاصه وی کالا را مجموعه‌ای از ویژگی‌ها می‌داند که مطلوبیت حاصل از مصرف آن ناشی از مصرف ویژگی‌های آن است. این نظریه امکان مقایسه کالاهائی متفاوت اما مشترک در برخی ویژگی‌ها را فراهم می‌آورد. اصطلاح هدانیک نیز ریشه در واژه یونانی «هدانیکوس» به معنی «لذت‌گرایی» دارد. مدل‌های تعیین قیمت هدانیک ابتدا در سال ۱۹۲۶ توسط «ووگ»<sup>۹</sup> برای محاسبه قیمت کالاهای کشاورزی مطرح شد. در سال ۱۹۳۸ «کورت»<sup>۱۰</sup> با کمک این روش قیمت انواع اتومبیل را مورد بررسی قرار داد و لانکستر در سال ۱۹۶۶ کاربرد آن را در بخش مسکن نشان داد.

«شکل تجربی تابع قیمت هدانیک»، قیمتی که مصرف‌کننده برای مسکن پرداخت می‌کند، تابعی است از دو مجموعه عوامل یا ویژگی‌هایی که مسکن مورد نظر را تشکیل داده‌اند. این شکل در رابطه زیر نشان داده شده است

$$P = P(S_1, N_1)$$

در این تابع،  $N = N_1, N_2, \dots, N_j$  معرف برداری از تمام ویژگی‌های فیزیکی واحد مسکونی مورد تقاضا است، که بطور مثال شامل مساحت زمین، مساحت زیر بنا، تعداد اتاقها، قدمت ساختمان، نوع و کیفیت مصالح ساختمانی بکار رفته در واحد مسکونی، تعداد و کیفیت هر یک از تجهیزات و تسهیلات موجود در آن می‌باشد. در حالیکه  $S = (S_1, S_2, \dots, S_j)$  نشان دهنده بردار دیگری از تمام ویژگی‌های مربوط به محیط و همسایگی محلی است که مسکن مورد نظر در آن قرار گرفته است و شامل ویژگی‌هایی نظیر مرغوبیت محل از نظر همسایگی و دسترسی به مراکز آموزشی و بهداشتی، دسترسی به مراکز خرید، وجود یا عدم وجود تسهیلات شهری می‌باشد و در نهایت  $P$  ارزش ریالی یا قیمت بازاری واحد مسکونی مورد نظر است.

در ارتباط با رابطه فوق باید توجه نمود که  $P$  ارزش ریالی یا همان قیمت تعادلی یک واحد مسکونی است که از تقاطع عرضه و تقاضای آن در بازار و از طریق مکانیسم بازار حاصل شده است. علاوه بر این رابطه علت و معلولی تابع قیمت هدانیک بیانگر آن است که هر چه مطلوبیت

ویژگی‌های واحد مسکونی مورد نظر برای مصرف‌کننده بیشتر (کمتر) باشد، با فرض ثابت بودن سایر شرایط، قیمت بازاری آن واحد نیز بیشتر (کمتر) خواهد بود. بدین معنی که فرضاً اگر واحد مسکونی مورد تقاضا توسط مصرف‌کنندگان، دارای مساحت زیربنای بیشتری باشد و یا در محل و موقعیت مرغوب‌تری از شهر واقع شده باشد از قیمت بالاتری برخوردار خواهد بود و کمیت بیشتر و کیفیت بهتر برخی از ویژگی‌ها به دلیل سازوکار بازار، ارزش بیشتری برای آن واحد مسکونی تعیین می‌کند. اگر از تابع قیمت هدانیک مشتق‌های جزئی نسبت به هریک از ویژگی‌های مسکن گرفته شود، مشتق‌های حاصل نمایانگر تغییرات نهایی قیمت تعادلی واحد مسکونی نسبت به تغییر در ویژگی مورد نظر به شرط ثابت بودن سطح دیگر ویژگی‌ها خواهند بود. در واقع مشتق‌های جزئی بدست آمده از تابع قیمت هدانیک، همان اطلاعاتی را که قیمت‌ها در تحلیل استاندارد بازارهای یک بعدی ظاهر می‌نمایند، نشان می‌دهند. به دلیل همین مشابهت است که مشتق‌های جزئی را تحت عنوان قیمت‌های ضمنی یا سایه‌ای ویژگی‌های مسکن معرفی می‌کنند. مشتق‌های جزئی یا قیمت‌های سایه‌ای که در واقع اهمیت هر یک از ویژگی‌های مسکن را در چارچوب تابع قیمت هدانیک نشان می‌دهند، در نتیجه‌ی تعادل عرضه و تقاضای هر یک از ویژگی‌های خاص حاصل گردیده‌اند. بدین معنی که تابع قیمت هدانیک با فرض اینکه هر یک از ویژگی‌های واحد مسکونی به طور مستقل قابل تولید بوده و به سادگی قابل تجمیع در یک واحد مسکونی می‌باشند، معرف مکان هندسی تقاطع عرضه و تقاضا برای هر یک از ویژگی‌ها می‌باشند.

اگر چه پایه‌های نظری روش هدانیک دقیق و جذاب است اما کاربردهای آن در زمینه مسکن اغلب با مشکل تصریح مدل مواجه است. در برآورد مدل تجربی فوق، روش غالب تصریح مدلی خطی و بکارگیری روش حداقل مربعات معمولی در برآورد پارامترهای آن است. در این روش مدل زیر برآورد می‌گردد:

9. Waugh

10. Court

$$y = X\beta + \varepsilon$$

که در آن  $y$  بردار قیمت املاک،  $X$  ماتریس ویژگی‌های املاک،  $\beta$  بردار ضرایب و  $\varepsilon$  بردار ضرایب و یا همان مشتق‌های جزئی تابع هدانیک و  $\varepsilon$  بردار جملات خطا است. جمله خطا شامل عوامل تصادفی دیگری است که در تعیین قیمت هر ملک نقش منحصر به فردی دارند اما در ماتریس  $X$  قرار نگرفته‌اند. اما کاربرد برآوردگر حداقل مربعات  $\beta = (X'X)^{-1}X'y$  هنگامی می‌تواند به عنوان برآوردگری سازگار مورد اعتماد قرار بگیرد که نمونه‌ها همگن و مستقل از یکدیگر باشند. استقلال مشاهدات در اطلاعاتی که ویژگی مکانی دارند فرض بسیار قوی و بعیدی است. جمله مشهوری است که می‌گوید هر پدیده‌ای با پدیده دیگر در ارتباط است اما ارتباط پدیده‌های نزدیک‌تر قوی‌تر از ارتباط پدیده‌های دور است. به عبارت دیگر قرار گرفتن در مکانی نسبتاً مشابه دو نمونه کاملاً مستقل از یکدیگر را به هم مرتبط می‌کند. این امر در بازار مسکن شناخته شده است که دو واحد مسکونی کاملاً مشابه که در دو محله متفاوت بنا شده‌اند می‌توانند قیمت‌هایی متفاوت داشته باشند و یا واحدهای مسکونی صرفاً به دلیل نزدیکی به محلی خاص از قیمت بالاتری برخوردار باشند. به عنوان مثالی دیگر واحدهای مسکونی که در مناطق مختلف یک شهر ساخته می‌شوند بسیار به یکدیگر شباهت دارند و تقریباً غیرممکن است که بتوان واحدی ساخته شده از خشت و گل در منطقه اعیانی شهر یافت و بالعکس واحدی بسیار لوکس در منطقه فقیر نشین شهر ساخته شود. واحد لوکسی که در جوار دیگر واحدهای لوکس ساخته شده است از قیمت بالاتری نسبت به واحدی مشابه که در کنار واحدهای غیرلوکس بنا شده است، برخوردار است. این مثالها نشان می‌دهند که نه تنها متغیرها می‌توانند در ارتباط با یکدیگر باشند بلکه جملات خطا  $\varepsilon$  نیز می‌توانند با یکدیگر مرتبط باشند. در این حالت دیگر استفاده از روش حداقل مربعات برای برآورد  $\beta$  مجاز نیست چرا که دیگر برآوردگرها نارایب و کارا نیستند. به

طور کلی دو پدیده اصطلاحاً «خودهمبستگی فضائی»<sup>۱۱</sup> و «ناهمگنی فضائی»<sup>۱۲</sup> در اطلاعات آماری مسکن مشاهده می‌شود.

۱. «خود همبستگی فضایی»: مسئله خودهمبستگی فضایی، پدیده‌ای است که در نمونه‌هایی که وابسته به مکان هستند رخ می‌دهد. اگر الگوی منظمی در توزیع جغرافیایی متغیری مشاهده شود، آن متغیر به صورت فضائی خود همبسته است. به عبارت دیگر اگر متغیر مشاهده شده در منطقه  $i$ ،  $y_i$  به متغیر مشاهده شده در منطقه  $j$ ،  $y_j$  وابسته باشد آنگاه این متغیر خود همبسته است و عامل ضمنی خود همبستگی نیز فضا و مکان مشاهدات آن است. «آنسلین»<sup>۱۳</sup> در سال ۱۹۹۹، مدل‌هایی که مسئله خود همبستگی فضائی را در نظر گرفته و کاربرد روش حداکثر درست‌نمایی در آنها به برآوردگرهای سازگاری از پارامترهای مدل منتهی می‌شود، را توضیح داده است. اگر خود همبستگی فضائی در جمله خطای مدل موجود باشد «مدل رگرسیون با جمله خطا خودبرگشت فضائی»<sup>۱۴</sup> و اگر خودهمبستگی فضائی در متغیرهای مدل وجود داشته باشد «مدل‌های با وقفه زمانی فضائی»<sup>۱۵</sup> به کار گرفته می‌شوند.

۲. «ناهمگنی فضایی»: هنگامی که مشاهدات نمونه از مکانهای مختلف جمع‌آوری شده باشند این احتمال وجود دارد که رابطه رگرسیونی برآورد شده در هر منطقه از پارامترهای متفاوتی برخوردار باشد. در آن صورت دیگر یک رابطه عمومی به تنهایی برای توصیف کل مشاهدات کافی نیست چرا که ناهمگنی فضایی وجود دارد. شاید اولین مدل رگرسیونی که برای مدل کردن این ناهمگنی به کار گرفته شده باشد «روش توسعه فضائی»<sup>۱۶</sup> باشد که توسط «کاستی»<sup>۱۷</sup> در سال ۱۹۷۲ ارائه شده است. برای توضیح این روش مدلی را در نظر بگیرید که دو متغیر مستقل دارد:

$$y_i = a + bx_{i1} + cx_{i2} + \varepsilon_i$$

برای اینکه مدل بتواند ناهمگنی فضائی را در برآورد پارامترها لحاظ کند فرض می‌شود که هر یک از پارامترها

## مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

۱۱

11. Spatial autocorrelation

12. Spatial heterogeneity

13. Anselin, L. (1999)

14. Spatial autoregressive error model

15. Spatial lag model

16. Spatial expansion method

17. Casetti



تابعی از مکان وقوع مشاهده بوده و با تغییر در مشاهده، تغییر می‌یابند. به عنوان مثال اگر موقعیت جغرافیایی ملک را بتوان با دو متغیر  $(u_i, v_i)$  نشان داد و برای سادگی، رابطه پارامترها و موقعیت ملک را خطی در نظر گرفت، می‌توان روابط زیر را نوشت:

$$a = a_0 + a_1 u_i + a_2 v_i$$

$$b = b_0 + b_1 u_i + b_2 v_i$$

$$c = c_0 + c_1 u_i + c_2 v_i$$

با جایگذاری این روابط در مدل اصلی مدل زیر به دست می‌آید،

$$y_i = a_0 + a_1 u_i + a_2 v_i + b_0 x_{i1} + b_1 x_{i1} u_i + b_2 x_{i2} v_i + c_0 x_{i2} + c_1 x_{i2} u_i + c_2 x_{i2} v_i + \varepsilon_i$$

که به سادگی از روش حداقل مربعات قابل برآورد است. نقطه ضعف این روش تعیین نوع رابطه پارامترها با مختصات مکانی مشاهدات توسط محقق است که مبنای علمی روشی برای آن وجود ندارد. روش‌های دیگری نیز برای پرداختن به ناهمگنی فضائی در ادبیات موجود است. «روش رگرسیون موزون جغرافیایی»<sup>۱۸</sup> از جدیدترین روش‌های مدل‌سازی فرآیندهای ناهمگن فضائی به شمار می‌آید. از آنجاکه در این مطالعه روش رگرسیون موزون فضائی برای برآورد تابع قیمت منازل مسکونی مورد استفاده قرار گرفته است، در بخش بعدی این روش به تفصیل توضیح داده می‌شود.

#### روش رگرسیون موزون فضایی

ناهمگنی فضائی عبارتی است که بیانگر این حقیقت است که در هر منطقه رابطه‌ای متفاوت بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل وجود دارد. از اینرو است که اگر این ناهمگنی در نظر گرفته نشود و رابطه‌ای یکسان برای تمامی مناطق برآورد گردد، تخمینی غیردقیق از روابط منطقه‌ای خواهد بود. بنابراین به نظر می‌رسد که اگر اطلاعات آماری به اندازه کافی وجود داشته باشد و مرزبندی بین مناطق نیز روشن باشد، مناسب باشد که

18. Geographical weighted regression (GWR)  
19. Fixed spatial kernels

20. Adaptive spatial kernels  
21. Regression Point

حول نقاط مرجع در گستره جغرافیایی مورد مطالعه یکسان نباشد. در این صورت اگر تابعی یکسان برای موزون کردن مشاهدات اطراف نقاط مرجع به کار گرفته شود این احتمال وجود دارد که برای نقطه‌ای از اطلاعاتی کمتر استفاده شود و بنابراین مدلی غیر دقیق برآورد شود و بالعکس برای نقطه‌ای دیگر که تجمع مشاهدات حول آن بیشتر است از اطلاعات زیاد و نامرتبط استفاده شود و مجدداً از دقت مدل کاسته شود. برای مقابله با این احتمال در روش رگرسیون موزون جغرافیایی با هسته جغرافیایی تطبیقی، پهنای باند تابع وزن دهی،  $W_{ij}$  با پراکندگی مشاهدات حول نقطه مرجع تطبیق داده می‌شود. به طوریکه زمانی که مشاهدات پراکنده هستند، پهنای باند بیشتری در نظر گرفته می‌شود و زمانی که مشاهدات حول نقطه مرجع متراکم باشند پهنای باند کمتری انتخاب می‌شود. در نمودار شماره ۲ فرآیند وزن دهی در رگرسیون فضایی موزون شده با هسته فضایی تطبیقی نشان داده شده است.

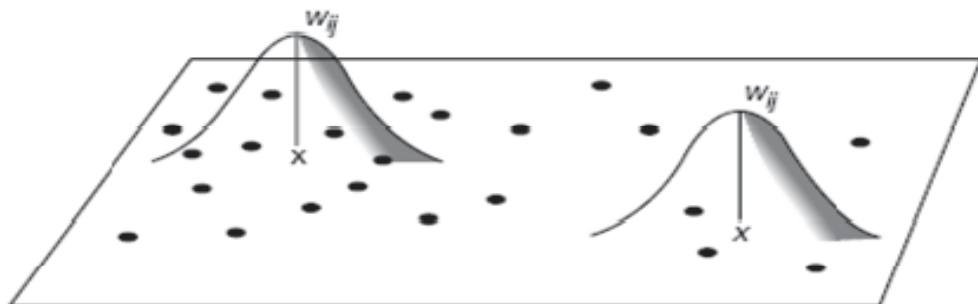
هستند نسبت به نقاط دورتر، وزن بیشتری اختصاص داده می‌شود. این فرآیند در نمودار شماره ۱ به خوبی نشان داده شده است. در این نمودار کلیه مشاهدات در صفحه‌ای که بیانگر گستره جغرافیایی است توزیع شده‌اند و دو نقطه مرجع با علامت  $\times$  مشخص شده‌اند. دو منحنی  $W_{ij}$  که به صورت زنگوله‌ای حول نقاط مرجع ترسیم شده‌اند معرف توابع یکسانی هستند که به مشاهدات اطراف نقطه مرجع وزن می‌دهند. همانگونه که ملاحظه می‌شود وزن یک مشاهده هنگامیکه در مکان مشترکی با نقطه مرجع باشد در بالاترین مقدار است و اگر فاصله بین مشاهده و نقطه مرجع افزایش یابد این وزن به طور پیوسته کاهش می‌یابد. در عمل نتیجه رگرسیون فضایی موزون شده به پهنای باند انتخابی حساس خواهد بود. بنابراین انتخاب پهنای باند بهینه، بخش لازمی از روش رگرسیون فضایی موزون شده است. مشکل مدل‌های رگرسیون موزون جغرافیایی هسته فضایی ثابت هنگامی عیان می‌شود که توزیع مشاهدات

## مدیریت شهری

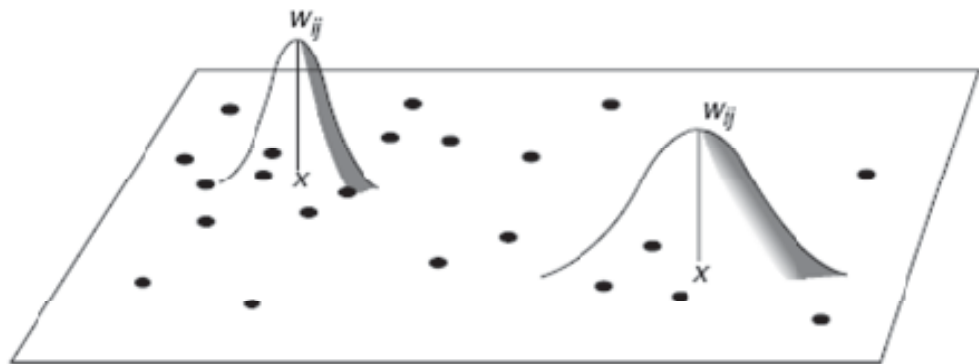
دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

۱۳



نمودار ۱. رگرسیون فضایی موزون شده با هسته‌های فضایی ثابت؛ ماخذ: یافته‌های تحقیق.



نمودار ۲. رگرسیون فضایی موزون شده با هسته‌های فضایی تطبیقی؛ ماخذ: یافته‌های تحقیق.

مدل رگرسیون موزون جغرافیایی به صورت زیر تعریف می شود:

$$y_i = \beta_0(u_i, v_i) + \sum_k \beta_k(u_i, v_i) X_{ik} + \varepsilon_i$$

در این رابطه  $(u_i, v_i)$  مختصات  $i$  امین نقطه در فضا و  $B_k(u, v)$  مقداری تحقق یافته از تابع پیوسته  $B_k(u, v)$  در نقطه  $i$  می باشد. قابل ذکر است که اگر پارامترها در تمامی نقاط ثابت در نظر گرفته شوند معادله رگرسیون موزون جغرافیایی همان فرم معادله رگرسیون معمولی خواهد بود. این روش وجود تغییر در پارامترها و در مکان های مختلف را می پذیرد و روشی را برای برآورد آنها ارائه می دهد. روش رگرسیون موزون جغرافیایی همان روش حداقل مربعات وزنی است با این تفاوت که به مشاهدات بر اساس مکانشان نسبت به نقطه مرجع  $i$  وزن داده می شود. وزن دهی مشاهدات در فرایند تخمین ثابت نیست و با توجه به مکان مشاهده از نقطه  $i$  تغییر می کند. مشاهده نزدیک به نقطه  $i$ ، وزن بیشتری نسبت به مشاهدات دورتر از نقطه  $i$  دریافت میکند. برآوردگر رگرسیون موزون جغرافیایی به صورت زیر تعریف می گردد:

$$\hat{\beta}(u_i, v_i) = (X^T W(u_i, v_i) X)^{-1} X^T W(u_i, v_i) y$$

در رابطه بالا  $\hat{\beta}(u_i, v_i)$  برداری حاوی برآورد پارامترهای  $\beta_j$   $j = 0, 1, \dots, k$  است و  $w(u_i, v_i)$  ماتریسی  $n \times n$  است که عناصر خارج از قطر اصلی آن صفر هستند و عناصر قطر اصلی وزن های جغرافیایی  $n$  مشاهده برای نقطه مرجع  $i$  را نشان میدهند.

$$W(u_i, v_i) = \begin{bmatrix} W_1(u_i, v_i) & \dots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & W_n(u_i, v_i) \end{bmatrix}$$

وزن داده شده به مشاهده  $n$  در تخمین مدل برای نقطه مرجع  $i$  است. به عبارت دیگر برآوردگر رگرسیون فضایی موزون شده، برآوردگر حداقل مربعات

وزنی است با این تفاوت که بجای داشتن ماتریس وزنی ثابت، وزن ها با توجه به مکان نقطه  $i$  تغییر میکنند. برای تعیین وزن ها از یک الگوی وزن دهی استفاده می شود. الگوی متداول در مدل با هسته فضایی ثابت عبارتست از

$$W_i(u_i, v_i) = e^{-0.5 \left( \frac{d_i(u_i, v_i)}{h} \right)^2}$$

و در الگوی با هسته فضایی تطبیقی،

$$(u_i, v_i) = \left( 1 - \left( \frac{d_i(u_i, v_i)}{h} \right)^2 \right)^2$$

در روابط فوق  $d_i(u_i, v_i)$  معیاری از فاصله بین مشاهده  $i$  و مکان نقطه مرجع  $(u_i, v_i)$  است و  $h$  نیز مقدار پهنای باند است.<sup>۲۲</sup>

نمونه، متغیرها و نتیجه برآورد

منطقه ۸ شهرداری تهران در دامنه شیب ملایم رشته کوه البرز در شمال کوه های سه تپه در شرق تهران قرار گرفته است. این منطقه از طریق همسایه شمالی خود (منطقه ۴) به ارتفاعات کوه البرز و از طریق همسایه جنوبی خود منطقه ۱۳ به جنگل های سرخه حصار و کوه های سه تپه می رسد. منطقه ۸ بطور کلی، از لحاظ تقسیمات شهرداری، از شمال و شمال شرقی به بزرگراه رسالت (منطقه ۴)، از جنوب به خیابان دماوند (منطقه ۱۳)، از غرب به سبلان جنوبی و استاد حسن بنا (منطقه ۷) منتهی می گردد. جمعیت این منطقه در آخرین سرشماری ۳۷۹ هزار نفر در قالب ۱۱۷ هزار خانوار بوده است. مساحت این منطقه ۱۳۳۹ هکتار و مترای فضای سبز منطقه ۱۵۷ هکتار میباشد. منطقه دارای ۱۳ ناحیه شورایاری تسلیحات، تهرانپارس، دردشت، زرکش، فدک، کرمان، لشکر شرقی، لشکر غربی، مجیدیه، مداین، نارمک جنوبی، وحیدیه و هفت حوض است. شکل شماره ۳ نواحی مختلف منطقه را نمایش می دهد.

آمارهای مورد استفاده در این پژوهش توسط شرکت انفورماتیک و مطالعات توسعه در سال ۱۳۸۸ از منطقه هشت تهران جمع آوری شده است. جامعه آماری این

۲۲. برای مطالعه بیشتر رجوع کنید به:

Fotheringham, A.S., Brunson, C, and Martin Charlton, (2002)





شکل ۳. نقشه نواحی منطقه هشت؛ ماخذ و ترسیم: نگارندگان.

پایین ترین میانگین قیمت اظهار شده هر مترمربع مسکن مربوط به ناحیه ۷ شهرداری با ۱۳۴۹۷۲۲ تومان بوده است. بعلاوه قیمت یک مترمربع واحد مسکونی واقع در منطقه هشت به طور میانگین معادل با ۲۲۸۲۴۵۶ تومان میباشد. بیشترین پراکندگی از لحاظ قیمت هر مترمربع واحد مسکونی مربوط به ناحیه ۶ شهرداری میباشد و ناحیه های ۷ و ۸ دارای کمترین پراکندگی بوده اند. به بیان دیگر ارزش واحدهای مسکونی در ناحیه ۶ شهرداری از همگنی کمتری (از لحاظ قیمتی) نسبت به مناطق دیگر برخوردارند. برای محاسبه میزان پراکندگی، ضریب پراکندگی پیرسون که از حاصل تقسیم انحراف معیار بر میانگین مشاهدات حاصل می گردد، استفاده شده است. ضریب پراکندگی پیرسون برای ناحیه ۶ شهرداری برابر با  $0.2/24$  و برای نواحی ۷ و ۸ به ترتیب  $39/7$  و  $14/7$  بوده است. توزیع قیمت واحدهای مسکونی در اکثر نواحی شهرداری در منطقه هشت، دارای چولگی مثبت می باشد. بدین معنا که در آن نواحی تعداد اندکی از واحدهای مسکونی از قیمت های چنان بالایی برخوردار بوده اند که میانگین قیمت را به طرف خود کشیده اند (میانگین، میانه و مد قیمت هر مترمربع واحدهای مسکونی در کل منطقه به ترتیب ۲۲۸۲۴۵۶، ۲۱۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰ تومان بوده است). در جدول شماره ۱ اطلاعات قیمتی هر ناحیه شهرداری در منطقه ی هشت بیان شده است.

۲. «مساحت زمین واحد مسکونی»: این متغیر نشان دهنده مساحت زمینی است که واحد مسکونی

مطالعه کلیه واحدهای مسکونی مورد مراجعه در طرح ممیزی املاک تهران، نوبت چهارم است. «نمونه گیری به صورت موزون» انجام گرفته است. بر این اساس، «روش طبقه بندی با انتساب متناسب»<sup>۲۳</sup> در نظر گرفته شده است که در آن در هر منطقه شهرداری، بلوک های موجود در آن، با توجه به عوامل تأثیر گذار بر قیمت املاک، به چندین طبقه (k طبقه) تقریباً همگن تقسیم میشوند و تعداد کل نمونه بین طبقات مختلف توزیع می گردد و در هر طبقه به همان تعداد حاصل از توزیع متناسب مذکور، نمونه به روش تصادفی انتخاب میشوند. اطلاعات گردآوری شده در مجموع شامل ۱۵۰۰ مشاهده است. اما بعد از بررسی های دقیق تعدادی از این مشاهدات که به نظر دارای اطلاعات متناقض و یا نواقصی بودند، حذف شده که در نتیجه حجم نمونه نهایی مورد استفاده در تحقیق معادل ۱۴۳۰ مشاهده گردیده است. در ادامه به بررسی متغیرهای مورد استفاده، پرداخته شده است تا با نمونه آماری بیشتر آشنا شده و بتوان از آن در مدل سازی استفاده کرد.

۱. «قیمت کارشناسی شده واحد مسکونی»: این متغیر نشان دهنده ارزش هر متر مربع واحد مسکونی می باشد که از دفاتر املاک پرسیده شده است. بالاترین ارزش یک مترمربع واحد مسکونی در میان مشاهدات، مربوط به ناحیه ۲ شهرداری با ۴۶۰۰۰۰۰ تومان و پایین ترین قیمت هر مترمربع، مربوط به نواحی ۱۲، ۸ و ۶ شهرداری با ۱۱۰۰۰۰ تومان می باشد. همچنین بالاترین میانگین ارزش مسکن مربوط به ناحیه ۲ شهرداری با ۳۳۶۷۷۴۲ تومان و

جدول ۱. شاخص‌های قیمتی واحدهای مسکونی؛ ماخذ: یافته‌های تحقیق.

شماره ناحیه شهرداری	میانگین قیمت واحد مسکونی	انحراف معیار	کمترین قیمت مشاهده شده	بیشترین قیمت مشاهده شده	ضریب پراکندگی پیرسون	ضریب چولگی
۱ (تسلیحات)	۱۵۳۶۴۴۱	۱۶۹۱۳۳/۳	۱۲۰۰۰۰۰	۱۸۰۰۰۰۰	۱۱/۰	۰/۳
۲ (تهرانپارس)	۳۳۶۷۷۴۲	۴۹۰۶۲۸/۵	۲۲۰۰۰۰۰	۴۶۰۰۰۰۰	۱۴/۶	۳/۰
۳ (دردشت)	۲۵۱۳۷۲۵	۴۵۰۹۷۰/۲	۱۷۰۰۰۰۰	۳۸۰۰۰۰۰	۱۷/۹	۵/۰
۴ (زرکشی)	۱۸۲۹۳۱۰	۲۸۴۸۵۵/۱	۱۱۵۰۰۰۰	۳۲۰۰۰۰۰	۲۱/۰	۹/۰
۵ (فدک)	۲۱۱۷۵۶۸	۲۵۰۶۳۶/۳	۱۵۰۰۰۰۰	۲۶۰۰۰۰۰	۱۱/۸	-۳/۰
۶ (کرمان)	۱۸۲۱۱۴۹	۴۳۷۴۳۶/۱	۱۱۰۰۰۰۰	۳۱۰۰۰۰۰	۲۴/۰	۱/۳
۷ (لشگر شرقی)	۱۵۸۵۷۱۴	۱۱۷۲۶۰/۴	۱۳۰۰۰۰۰	۱۹۰۰۰۰۰	۷/۴	۳/۰
۸ (لشگر غربی)	۱۳۴۹۷۲۲	۹۶۳۴۱/۱۲	۱۱۰۰۰۰۰	۱۵۵۰۰۰۰	۷/۱	۰/۳
۹ (مجیدیه)	۱۷۳۱۷۳۳	۱۷۷۶۲۹/۸	۱۴۰۰۰۰۰	۲۲۰۰۰۰۰	۱۰/۲	۰/۰۳
۱۰ (مداین)	۲۶۵۵۰۳۱	۴۴۵۳۴۱/۴	۱۸۰۰۰۰۰	۴۱۰۰۰۰۰	۱۶/۸	۲/۰
۱۱ (نارمک جنوبی)	۲۰۶۵۱۵۲	۲۱۴۱۰۱/۷	۱۶۰۰۰۰۰	۲۷۰۰۰۰۰	۱۰/۴	۹/۰
۱۲ (وحیدیه)	۱۴۵۲۳۵۳	۲۴۰۵۲۳/۵	۱۱۰۰۰۰۰	۲۷۰۰۰۰۰	۱۶/۶	۱/۳
۱۳ (هفت حوض)	۲۶۹۳۷۰۶	۲۷۱۰۰۹/۳	۲۱۰۰۰۰۰	۳۳۰۰۰۰۰	۱۰/۱	۰/۰۲

واحدهای مسکونی ویلایی، ۹/۷۵ درصد آپارتمانی و ۹/۱۱ درصد آپارتمانی تک سند می‌باشند.

۵. «عمر ساختمان»: این متغیر تعداد سال‌هایی که از اتمام ساخت واحد مسکونی مورد نظر می‌گذرد را نشان می‌دهد. قدیمی‌ترین واحد مسکونی مورد مطالعه دارای ۶۴ سال و جدیدترین آن دارای ۲ سال قدمت می‌باشند و میانگین عمر ساختمان در نمونه مورد مطالعه از منطقه هشت ۹/۲۰ است.

۶. «تعداد واحدهای مسکونی در ساختمان»: این متغیر بیانگر تعداد واحدهای مسکونی در ساختمانی که واحد مسکونی مورد نظر در آن قرار دارد، می‌باشد. بزرگترین ساختمانی که یکی از واحدهای آن مورد مطالعه قرار گرفته است، دارای ۶۴ واحد مسکونی بوده است.

۷. «نوع معبر (عریض‌ترین معبر) مجاور ملک»: این متغیر نوع عریض‌ترین معبر مجاور واحد مسکونی را نشان می‌دهد، هفت نوع معبر در نظر گرفته شده است. خیابان، میدان، کوچه، بزرگراه، مسیل، بن‌بست و بلوار. با توجه به اینکه تعداد مشاهدات قابل بررسی برخی از این معابر در نمونه‌ی آماری بسیار کم بوده است، این متغیر به چهار دسته‌ی خیابان، کوچه، بن‌بست و سایر طبقه‌بندی شده و در مدل بکار رفته است.

مورد معامله در آن واقع شده است. بزرگترین متوسط مساحت زمین واحد مسکونی مربوط به ناحیه ۲ شهرداری با ۳۷۳/۹ متر مربع و کوچکترین متوسط مساحت زمین واحد مسکونی مربوط به ناحیه ۸ شهرداری با ۱۲۸/۹ متر مربع می‌باشد. همچنین متوسط مساحت زمین واحد مسکونی در کل منطقه هشت تهران معادل ۲۴۹/۷ متر مربع است.

۳. «مساحت آپارتمان»: این متغیر نشان‌دهنده مساحت آپارتمان است. بزرگترین متوسط مساحت آپارتمان مسکونی مربوط به ناحیه ۲ شهرداری منطقه هشت با ۱۰۷/۹ متر مربع و کوچک‌ترین متوسط مساحت آپارتمان مسکونی متعلق به ناحیه ۱ شهرداری با ۶۰/۲ متر مربع می‌باشد. همچنین متوسط مساحت آپارتمانی مسکونی در کل منطقه هشت تهران، معادل ۰/۸۳ متر مربع بوده است. با توجه به ضرایب پراکندگی محاسبه شده برای مساحت آپارتمان‌های مسکونی در هر ناحیه، ناحیه ۴ شهرداری دارای بیشترین پراکندگی و ناحیه ۳ دارای کمترین پراکندگی مساحت آپارتمان مسکونی بوده است.

۴. «نوع ساختمان»: این متغیر نشان‌دهنده نوع واحد مسکونی از نظر ویلایی، آپارتمانی و یا آپارتمانی تک سند بودن است. بررسی‌ها نشان می‌دهد که ۸/۱۲ درصد از

۱۶. «فاصله زمینی از مدرسه»: این متغیر بیان‌کننده فاصله زمینی هر واحد مسکونی از نزدیکترین مدرسه میباشد. فاصله زمینی از مدرسه به دو گروه تقسیم شده است. واحدهای مسکونی که فاصله زمینی آنها از مدرسه کمتر از ۵۰۰ متر است و واحدهای مسکونی که فاصله‌ای بیشتر از ۵۰۰ متر دارند.

همانگونه که گفته شد دو گروه از عوامل، قیمت مسکن را به عنوان متغیرهای مستقل الگو تحت تاثیر قرار می‌دهند: ۱. گروه اول که تحت عنوان «عوامل فیزیکی» شناخته می‌شوند، ویژگی‌های فیزیکی واحد مسکونی را مورد سنجش و اندازه‌گیری کمی و کیفی قرار میدهند. ۲. گروه دوم دربرگیرنده ویژگی‌های مربوط به محیط و همسایگی محل استقرار واحد مسکونی است که تحت عنوان «عوامل محیط و همسایگی» به آنها اشاره شده است.

در این مطالعه از قیمت کارشناسی هر متر مربع واحد مسکونی به عنوان متغیر وابسته مدل استفاده می‌شود و تاثیر هر یک از متغیرهای مستقل بر آن برآورد خواهد شد. در الگوی پیشنهادی این پژوهش برای شناخت عوامل تاثیرگذار بر قیمت مسکن در منطقه هشت تهران مجموعه‌ای از ویژگی‌ها به عنوان متغیرهای توضیح دهنده در الگوی قیمت دخالت داشته و بصورت دو زیر مجموعه از عوامل فیزیکی و عوامل محیطی و همسایگی، قیمت تعادلی هر واحد مسکونی را تعیین می‌نمایند. برخی از متغیرهای موجود در مجموعه اطلاعات و آمار تشریح شده در بالا کمی بوده و اشکالی در امر اندازه‌گیری بوجود نمی‌آورند در حالیکه بعضی دیگر از متغیرهای مجموعه آماری از طبیعتی کیفی برخوردارند که میبایست به نحوی کمی گردند. به منظور کمی کردن اینگونه اطلاعات، از متغیرهای مجازی که ارزش‌های صفر و یک را اختیار می‌کنند، استفاده شده است. همچنین برای تبدیل برخی ویژگی‌ها مانند امنیت، آلودگی صوتی و هوا به متغیرهای قابل اندازه‌گیری، شاخص‌هایی تعریف گردیده تا امر اندازه‌گیری اینگونه ویژگی‌ها را نیز تسهیل نماید. جدول شماره ۲ متغیرهای استفاده شده در مدل را نشان می‌دهد.

برای تخمین مدل به روش رگرسیون موزون جغرافیایی،

۸. «طول بر ملک در معبر (عریض‌ترین معبر) مجاور»: این متغیر طول بر ملک را در عریض‌ترین معبر مجاور نشان می‌دهد.

۹. «طبقه وقوع آپارتمان»: این متغیر بیانگر طبقه وقوع آپارتمان واحد مسکونی مورد مطالعه می‌باشد. طبقه وقوع آپارتمان برای واحدهای مسکونی ویلابی صفر در نظر گرفته شده است.

۱۰. «نوع نمای ساختمان»: نوع نمای ساختمان به دو دسته لوکس و غیرلوکس طبقه‌بندی شده است.

۱۱. «میزان آلودگی هوا، آلودگی صوتی و امنیت در محله»: این متغیرها بیانگر میزان آلودگی هوا، آلودگی صوتی و امنیت موجود در محله اطراف واحد مسکونی مورد مطالعه می‌باشند. هر یک از این متغیرها به سه دسته کم، متوسط و زیاد طبقه‌بندی شده‌اند.

۱۲. «فاصله زمینی از بیمارستان»: این متغیر نشانگر فاصله زمینی هر واحد مسکونی از نزدیکترین بیمارستان می‌باشد. فاصله زمینی از بیمارستان به دو گروه فاصله کمتر از ۵۰۰ متر و فاصله بیشتر از ۵۰۰ متر دسته‌بندی شده است.

۱۳. «فاصله زمینی از مسجد»: این متغیر بیان‌کننده فاصله زمینی هر واحد مسکونی از نزدیکترین مسجد می‌باشد. فاصله زمینی از مسجد به دو گروه تقسیم شده است. واحدهای مسکونی که فاصله زمینی آنها تا مسجد کمتر از ۱۰۰۰ متر است و واحدهای مسکونی که فاصله‌ای بیشتر از ۱۰۰۰ متر دارند.

۱۴. «فاصله زمینی از پارک»: متغیر فاصله زمینی از پارک، فاصله زمینی هر واحد مسکونی از نزدیکترین پارک را نشان می‌دهد. این متغیر به سه دسته تقسیم شده است. واحدهای مسکونی که فاصله آنها تا پارک کمتر از ۵۰۰ متر است، آنهایی که فاصله‌ای بین ۵۰۰ متر تا ۱۰۰۰ متر دارند و واحدهای مسکونی که فاصله آنها از پارک بیشتر از ۱۰۰۰ متر است.

۱۵. «فاصله زمینی از باشگاه ورزشی»: این متغیر نشانگر فاصله زمینی هر واحد مسکونی از نزدیکترین باشگاه ورزشی به آن میباشد. فاصله زمینی از باشگاه به دو گروه فاصله کمتر از ۵۰۰ متر و فاصله بیشتر از ۵۰۰ متر دسته‌بندی شده است.

جدول ۲. متغیرهای استفاده شده در مدل

متغیر	نماد
<b>متغیر وابسته مدل</b>	
قیمت کارشناسی یک متر مربع عرصه و عیان (ده ریال)	PRICE
<b>عوامل فیزیکی</b>	
نسبت مساحت زیربنای واحد مسکونی به مساحت زمین واحد مسکونی	ARZLA
نوع ملک	HK
تعداد آپارتمان در ملک	APCOU
نوع معبر (عریض ترین معبر) مجاور ملک	WK
طول بر ملک در معبر (عریض ترین معبر) مجاور	WL
عمر بنا	HBP
مساحت آپارتمان	ARAP
طبقه وقوع آپارتمان	FLS
نوع نمای ساختمان	KAPP
<b>عوامل محیط و همسایگی</b>	
میزان آلودگی هوا در محله	AIRPOLLU
میزان آلودگی صوتی در محله	NOISPOLLU
میزان امنیت در محله	SECURITY
فاصله واحد مسکونی از نزدیکترین پارک	PAD
فاصله واحد مسکونی از نزدیکترین بیمارستان	HOD
فاصله واحد مسکونی از مدرسه	SHD
فاصله واحد مسکونی از نزدیکترین مسجد	MOD
فاصله واحد مسکونی از نزدیکترین باشگاه ورزشی	CLD



دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

ویژه نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

ابتدا مدل مورد نظر را از «روش حداقل مربعات معمولی» برآورد کرده و سپس با انجام «آزمون‌های صحت مدل» مسیریافته مدل مناسب دنبال می‌شود. با توجه به نتایج آزمون‌ها، اگر در جمله خطای مدل خود همبستگی و یا ناهمگنی فضایی دیده شود، لازم است تا از روش‌های اقتصادسنجی فضایی از جمله روش رگرسیون موزون جغرافیایی استفاده گردد و با استفاده از این روش مدل دوباره تخمین زده شود و در انتها معادله مناسب جهت توضیح متغیر وابسته مدل انتخاب شود. در این مطالعه نیز پس از برآورد حداقل مربعات مدل، آزمون‌های تشخیص صحت مدل انجام گرفته است. این آزمون‌ها نشان می‌دهند که مدل برآورد شده از مشکل غیر نرمال بودن و ناهمسانی واریانس جملات رنج می‌برد. دو آزمون «چولگی کشیدگی» و «بروش-پاگان» به ترتیب بر غیر نرمال بودن و ناهمسانی واریانس جملات خطای مدل برآورد شده از روش حداقل مربعات دلالت دارند. برای بررسی خودهمبستگی در جملات خطا نمودار شماره ۴ پراکنندگی جمله باقیمانده حاصل از برآورد مدل را نشان می‌دهد. همانگونه که در شکل دیده می‌شود، الگوی فضایی در جمله خطا دیده می‌شود به طوری که جملات باقی مانده کوچک در کنار یکدیگر قرار گرفته‌اند. اما تنها مشاهده از روی نقشه برای اطمینان حاصل کردن از وجود خود همبستگی فضایی کافی نمی‌باشد. یکی از آزمون‌هایی که برای پی بردن به وجود خود همبستگی فضایی استفاده می‌شود، «آزمون موران»<sup>۲۴</sup> می‌باشد. آماره این آزمون بر اساس مقادیر کواریانس و میزان مجاورت مشاهدات، خودهمبستگی فضایی را محاسبه می‌کند. آماره آزمون موران در شکل ماتریسی خود به صورت زیر است:

$$I = \frac{N e' W e}{S e' e} \sim N(\mu, \sigma^2)$$

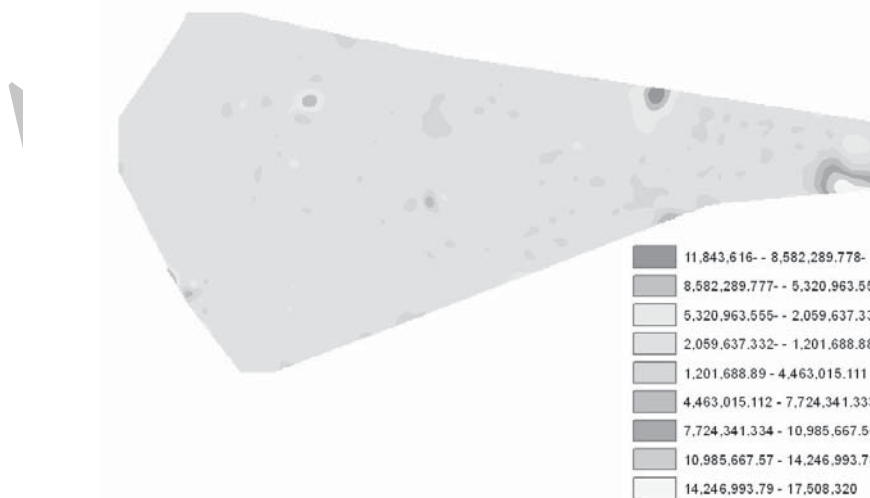
کمیتی برابر ۰/۰۳۷ به خود گرفته است که بیانگر فقدان خود همبستگی فضائی در جملات خطای مدل است. همانطور که بیان شد در روش رگرسیون موزون جغرافیایی برای هر نقطه از نمونه یک مدل برآورد می‌شود و بنابراین برای هر یک از متغیرهای توضیحی به تعداد مشاهدات ضریب برآورد شده وجود دارد لذا می‌توان این کمیتها را به صورت گرافیکی و بر روی نقشه منطقه مورد مطالعه نمایش داد. به عنوان مثال نمودار شماره ۵ ضریب متغیر طول بر ملک را بر قیمت ملک مسکونی نمایش می‌دهد. اولین نکته ای که جلب توجه می‌کند پراکندگی اثر متغیر طول بر ملک بر قیمت مسکن است به طوریکه در برخی مناطق این اثر بسیار بیشتر از دیگر مناطق است. از اطلاعات ترسیم شده در نمودار روشن است که این متغیر در محله‌های هفت حوض و نارمک جنوبی بیشترین اثر و در محله‌های لشکر غربی و شرقی کمترین اثر را بر قیمت مسکن دارد. با اهمیت بودن این اثر نیز در مناطق مختلف متفاوت است. نمودار شماره ۶ توزیع آماره  $t$  برآورد شده برای ضریب طول بر ملک در نواحی مختلف را نشان می‌دهد. در این نمودار رنگ سبز برای مناطقی است که در آنها این آماره کمیته بیش از دو به خود گرفته و یا به عبارت دیگر ضریب برآورد شده برای طول بر ملک با اهمیت تلقی می‌گردد. با توجه با این نمودار می‌توان دریافت که متغیر طول بر ملک در نواحی غربی منطقه

بطوریکه  $e$  بردار جمله خطا،  $w$  ماتریس وزنی فضایی،  $N$  تعداد مشاهدات و  $S$  مجموع اجزای  $w$  یعنی جمع همه وزنها است. در ابتدا شاخص موران برای آزمون جمله خطای رگرسیون حداقل مربعات برای وجود خود همبستگی فضایی بکاربرده شده است. شاخص موران کمیته بین منفی یک و یک به خود می‌گیرد، که اگر این مقدار به صفر نزدیکتر باشد بیانگر این است که جمله خطای مدل به صورت تصادفی توزیع شده است. مقدار شاخص موران  $0/۳۵۴۰$  می‌باشد. با توجه به مقدار آماره و توزیع آن میتوان نتیجه گرفت که در مدل برآورد شده به وسیله روش حداقل مربعات خود همبستگی فضایی نیز وجود دارد. همانطور که بیان شد، دو روش رگرسیون موزن جغرافیایی با هسته فضایی ثابت و تطبیقی وجود دارد. همچنین برای محاسبه پهنای باند مناسب نیز از دو روش «اعتباربخشی متقاطع»<sup>۲۵</sup> و «روش معیار اطلاعاتی آکایکه»<sup>۲۶</sup> استفاده میشود. در این پژوهش از روش رگرسیون موزون جغرافیایی با هسته فضایی تطبیقی استفاده شده است. همچنین برای محاسبه پهنای باند بهینه مدل از روش معیار اطلاعاتی آکایکه استفاده شده است. قبل از ارائه نتایج برآورد الگو مناسب است که ابتدا نتیجه آزمون موران در برآورد مدل از طریق رگرسیون موزون جغرافیایی گزارش گردد. آماره آزمون موران

## مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management  
ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

۱۹



نمودار ۴. پراکندگی جمله خطای حاصل از مدل حداقل مربعات معمولی؛ ماخذ: نگارندگان.

24. Moran's I test  
25. Cross Validation(CV)

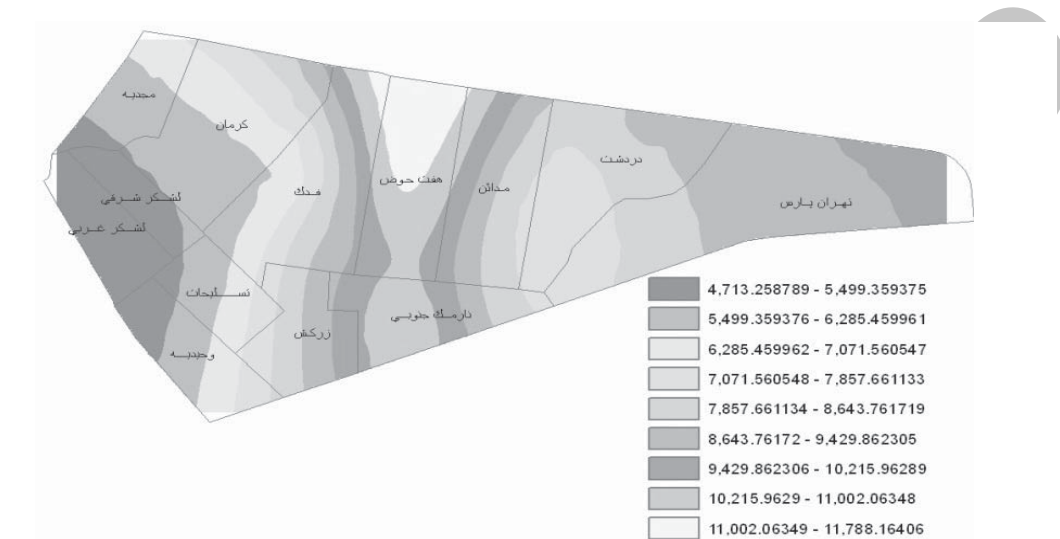
26. Akaike's information criterion



هشت مانند لشکر غربی و شرقی، تسلیحات و مجیدیه از نظر آماری تاثیر معنی داری بر قیمت مسکن ندارد. در ادامه و در نمودارهای شماره ۷ الی ۳۰ ضرایب برآورد شده برای هر یک از متغیرهای توضیحی ترسیم شده‌اند.

### نتیجه‌گیری و جمع‌بندی

هدف از تحقیق حاضر تبیین روابط فضایی بین قیمت واحد مسکونی و ویژگیهای آن در سطح منطقه هشت

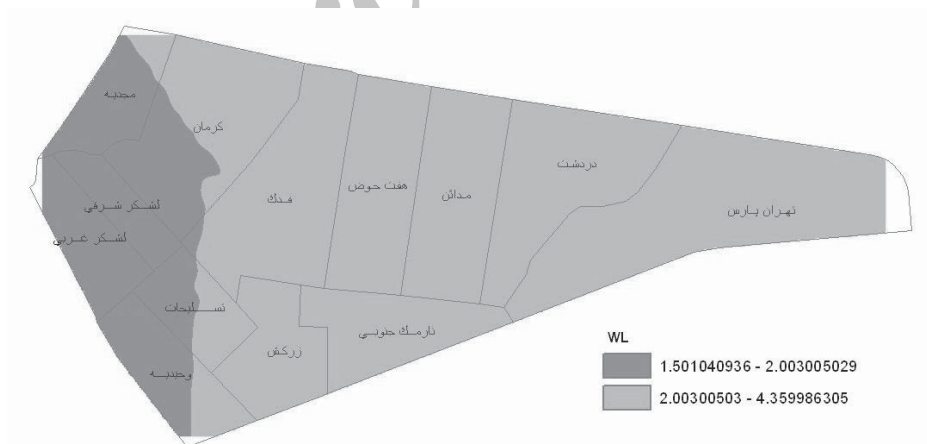


نمودار ۵. پراگندگی ضریب متغیر طول بر ملک؛ ماخذ: نگارندگان.

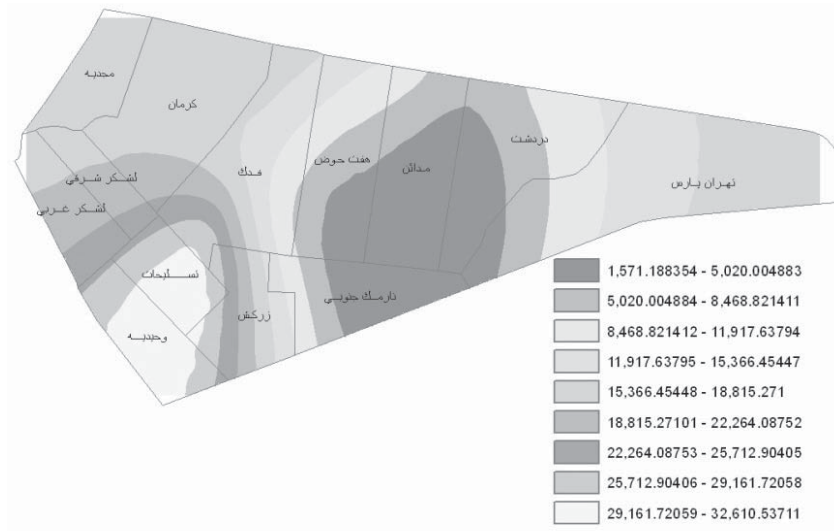


دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

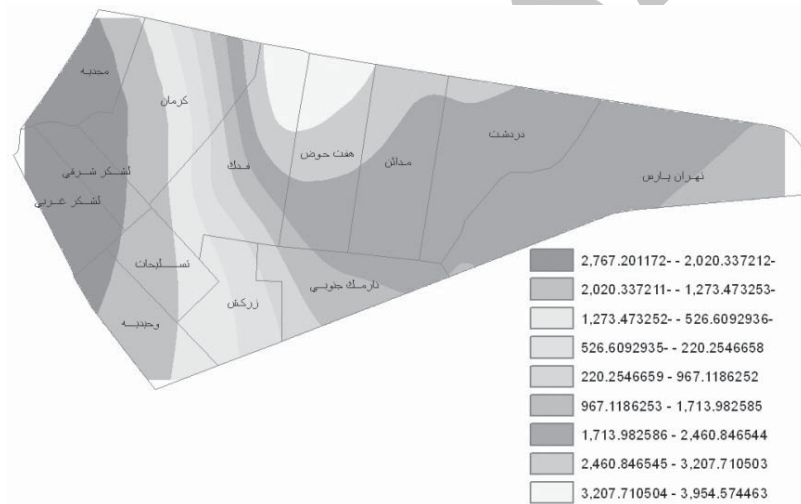
ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰



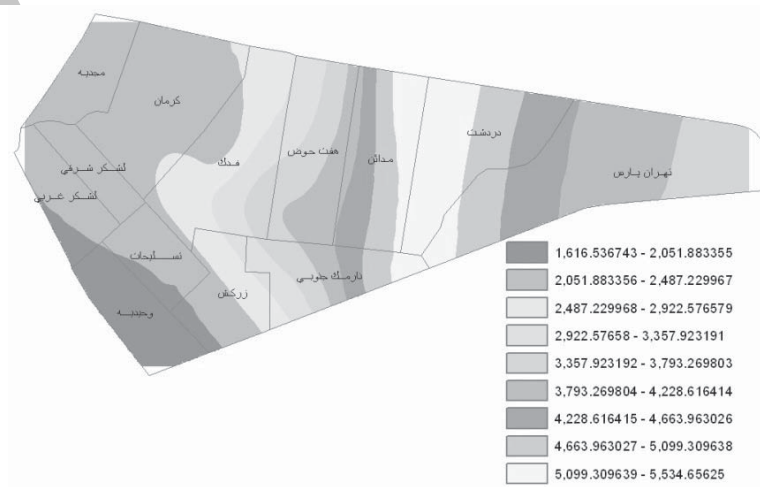
نمودار ۶. معناداری ضریب متغیر طول بر ملک؛ ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۷. پراکندگی ضریب متغیر نسبت مساحت زیربنا به مساحت زمین؛ ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۸. پراکندگی ضریب متغیر عمر ساختمان؛ ماخذ: نگارندگان.

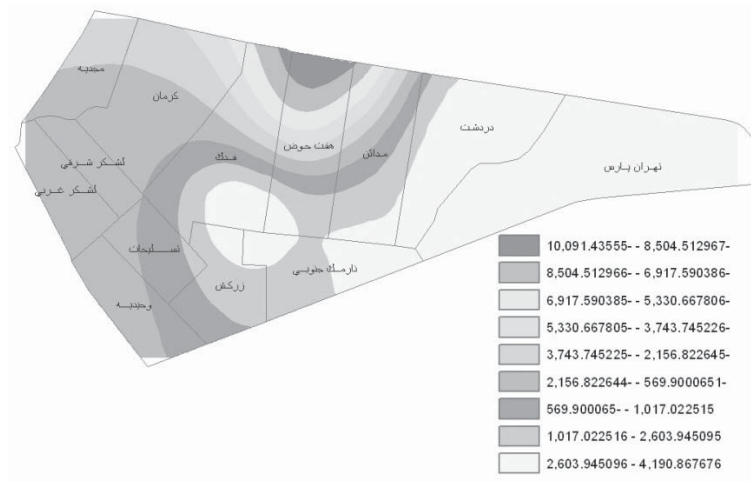


نمودار ۹. پراکندگی ضریب متغیر مساحت آپارتمان؛ ماخذ: نگارندگان.

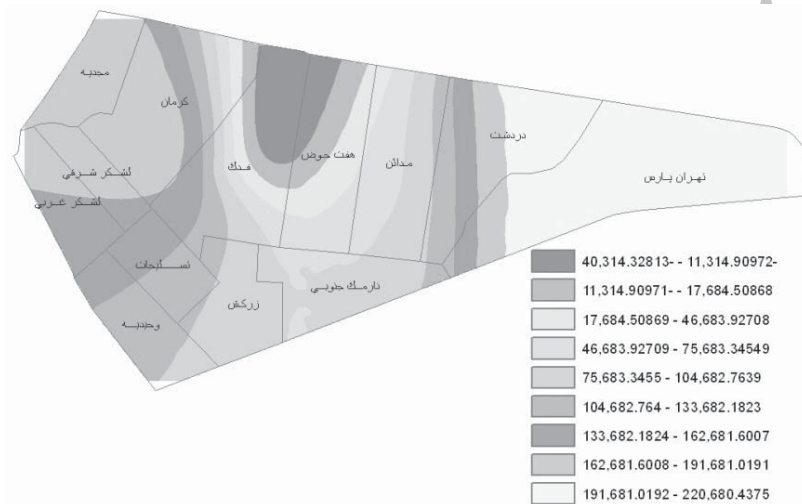
## مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

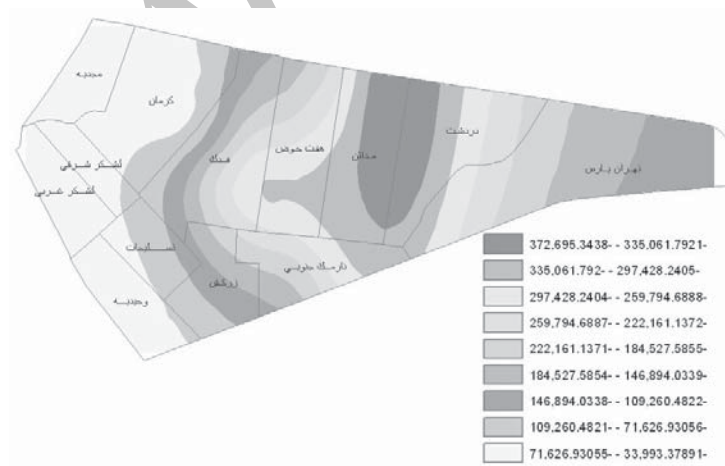
ویژهنامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰



نمودار ۱۰. پراکندگی ضریب متغیر تعداد آپارتمان در ملک: ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۱۱. پراکندگی ضریب متغیر نوع ملک (ویلايي): ماخذ: نگارندگان.

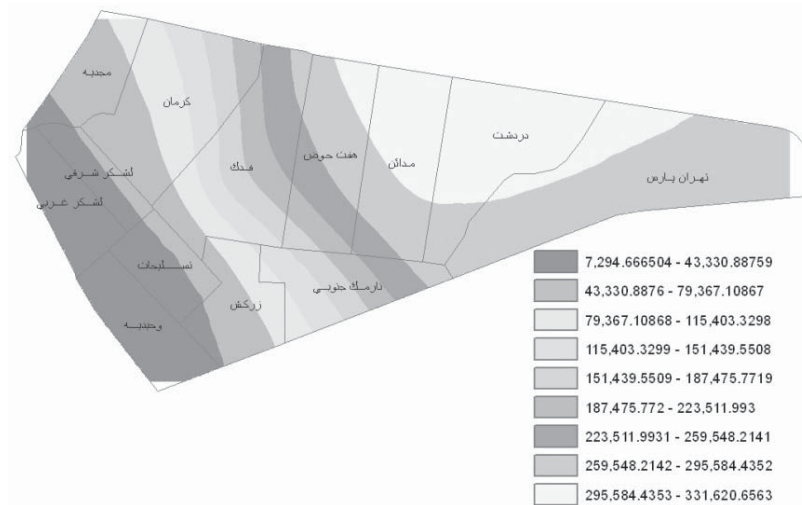


نمودار ۱۲. پراکندگی ضریب متغیر نوع ملک (آپارتمانی): ماخذ: نگارندگان.

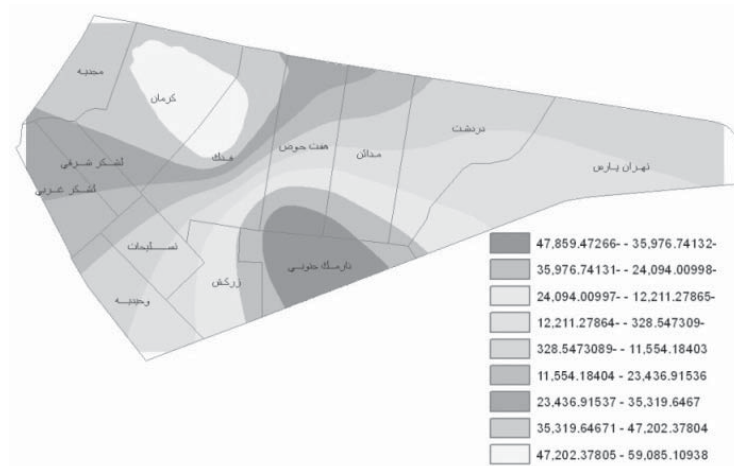
مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

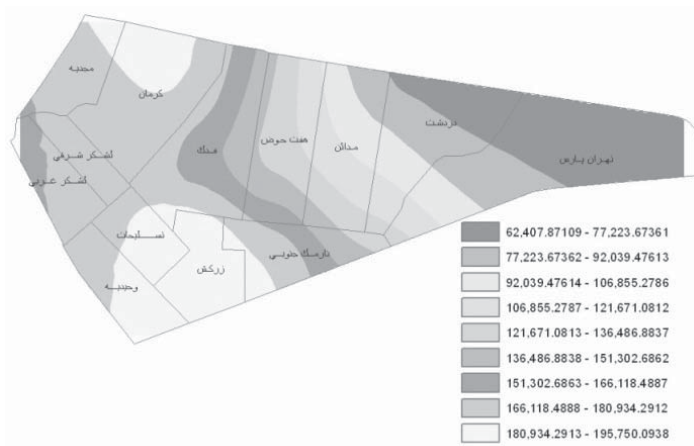
ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰



نمودار ۱۳. پراکندگی ضریب متغیر نوع نمای ملک (لوکس): ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۱۴. پراکندگی ضریب متغیر آلودگی هوا (کم): ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۱۵. پراکندگی ضریب متغیر آلودگی هوا (زیاد): ماخذ: نگارندگان.

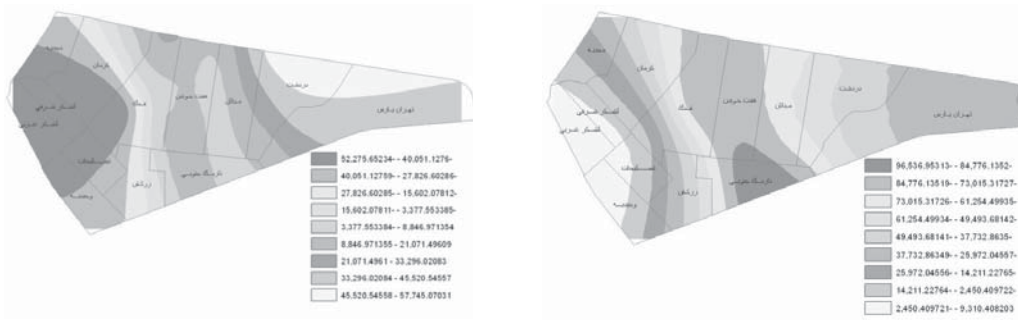
## مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰



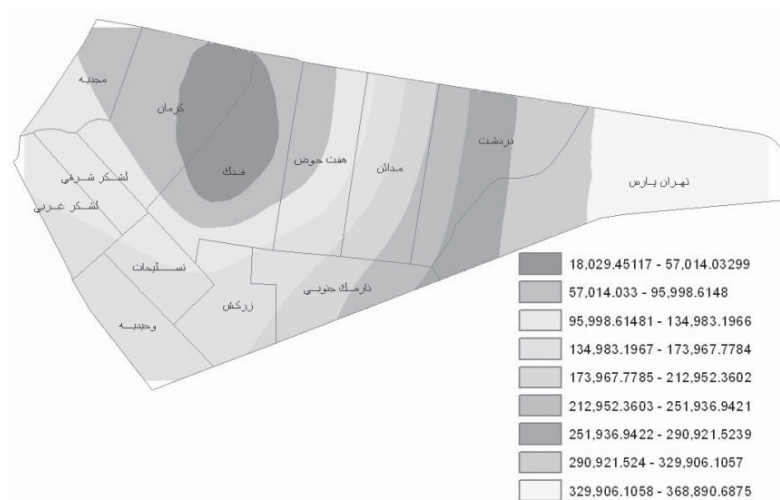
نمودار ۱۶. پراکندگی ضریب متغیر آلودگی صوتی (کم) و نمودار ۱۷. (سمت چپ) پراکندگی ضریب متغیر آلودگی صوتی (زیاد)؛ ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۱۸. پراکندگی ضریب متغیر میزان امنیت (کم) و نمودار ۱۹. (سمت چپ) پراکندگی ضریب متغیر میزان امنیت (زیاد)؛ ماخذ: نگارندگان.

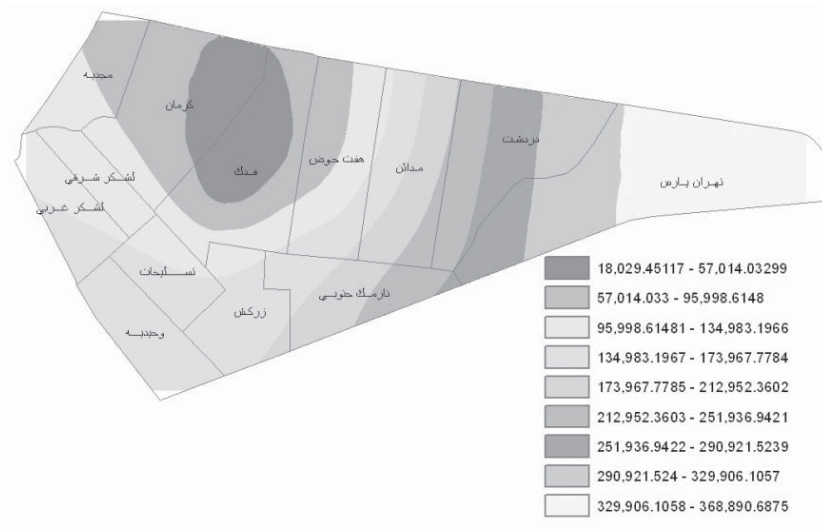
مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management  
ویژه نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

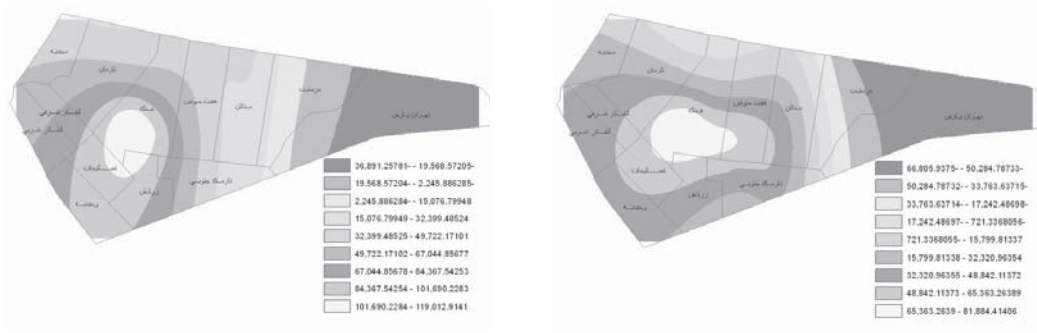


نمودار ۲۰. پراکندگی ضریب متغیر نوع معبر (خیابان)؛ ماخذ: نگارندگان.

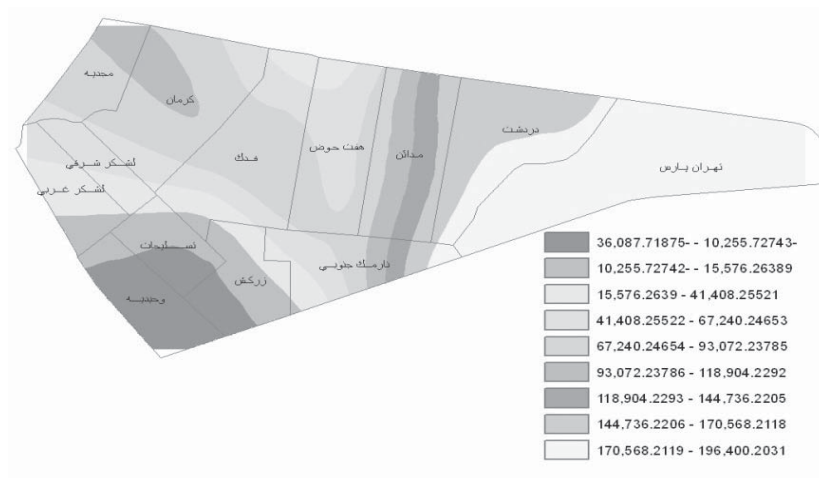




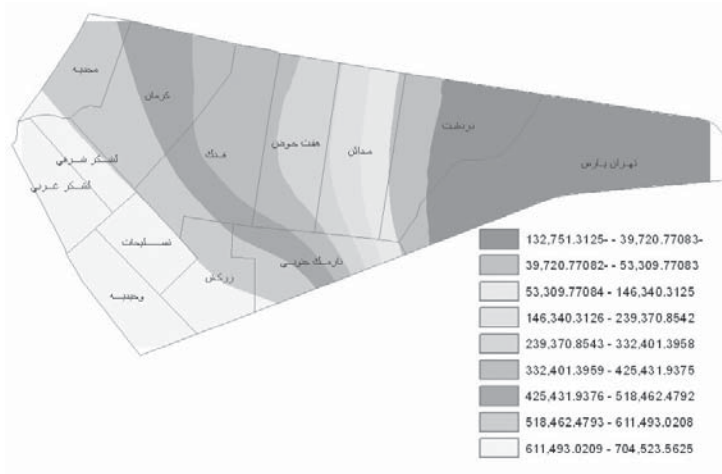
نمودار ۲۱. پراکندگی ضریب متغیر نوع معبر (خیابان): ماخذ: نگارندگان.



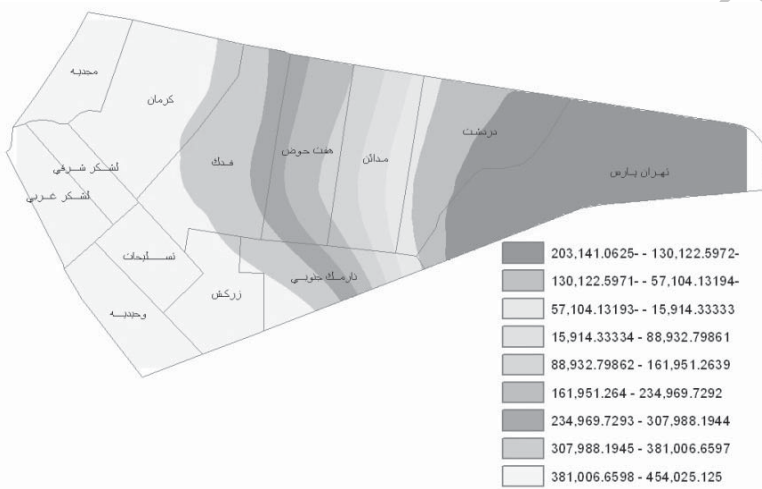
نمودار ۲۲. پراکندگی ضریب متغیر طبقه وقوع ملک (۲) و نمودار ۲۳. (سمت چپ) پراکندگی ضریب متغیر طبقه وقوع ملک (۳): ماخذ: نگارندگان.



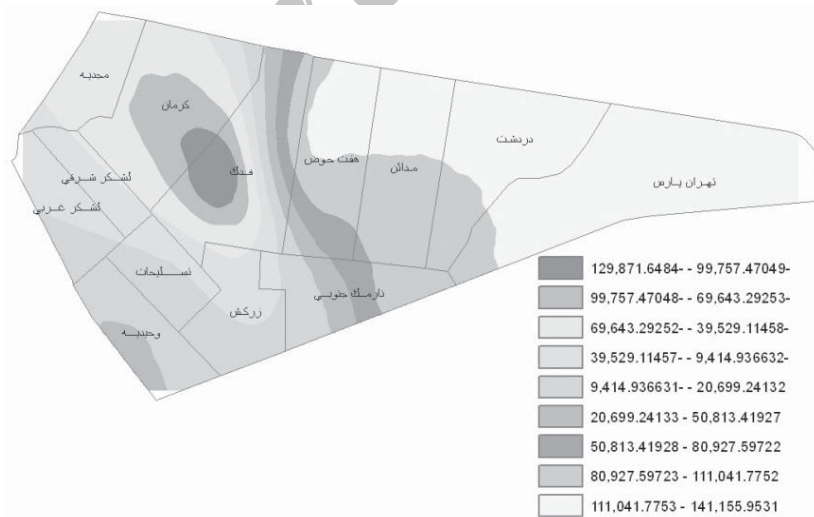
نمودار ۲۴. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از مدرسه: ماخذ: نگارندگان.



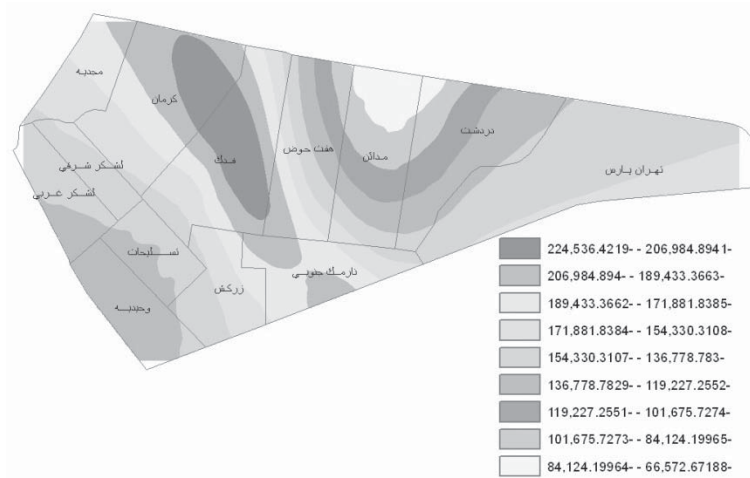
نمودار ۲۵. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از بیمارستان (در شعاع ۵۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.



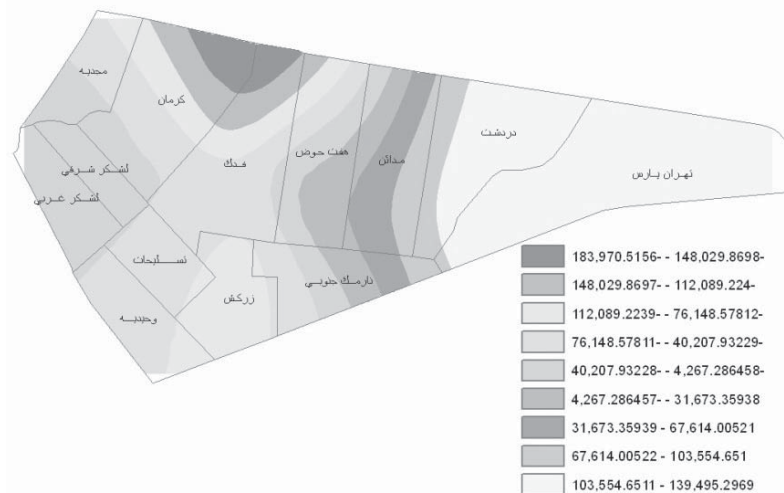
نمودار ۲۶. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از بیمارستان (در شعاع ۵۰۰ تا ۱۰۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.



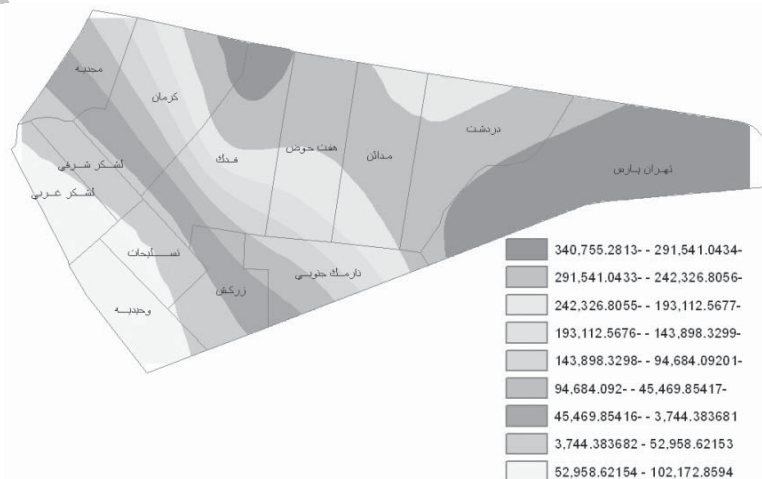
نمودار ۲۷. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از باشگاه ورزشی (در شعاع ۵۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۲۸. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از مسجد (در شعاع ۱۰۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۲۹. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از پارک (در شعاع ۵۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.



نمودار ۳۰. پراکندگی ضریب متغیر فاصله از پارک (در شعاع بیش از ۱۰۰۰ متری واحد مسکونی): ماخذ: نگارندگان.

## مدیریت شهری

دو فصلنامه مدیریت شهری  
Urban Management

ویژه‌نامه شماره بهار و تابستان ۱۳۹۰

شده هر سه نوع متغیرهای فیزیکی، محیطی و فضایی بر ساختار قیمت واحد مسکونی مؤثر می‌باشند. با این تفاوت که تنها برخی از متغیرها و در برخی از نواحی معنادار نبوده‌اند.

۴. میزان اثرگذاری متغیرهای فوق در نقاط مختلف منطقه، متفاوت می‌باشند و نتایج بدست آمده بصورت معناداری این تفاوت‌ها را تایید می‌کنند.

۵. از متغیرهای فیزیکی واحد مسکونی که اثر معناداری بر قیمت آن دارند میتوان به متغیرهای مساحت آپارتمان، عرض بر واحد مسکونی، نوع نمای واحد مسکونی (لوکس و یا غیر لوکس)، نوع معبر مجاور ملک و نوع ملک (ویلا، آپارتمانی و آپارتمانی تک سند) اشاره نمود.

۶. متغیرهای محیطی مانند آلودگی هوا و آلودگی صوتی اثر معناداری بر قیمت مسکن در منطقه مورد بررسی ندارند، در حالیکه اثر گذاری متغیرهای فاصله از مدرسه، مسجد، بیمارستان، پارک و باشگاه ورزشی بر قیمت مسکن معنادار است.

۷. با توجه به نتایج حاصل از مدل، اگر مدرسه، بیمارستان و یا باشگاه ورزشی در نزدیکی واحد مسکونی (در شعاع ۵۰۰ متری) قرار گیرند در منطقه مورد مطالعه اثر مثبتی بر قیمت مسکن می‌گذارند و این در حالیست که نزدیکی به مسجد و یا پارک (در شعاع ۵۰۰ متری) اثر منفی در قیمت مسکن دارد.

#### منابع و ماخذ

- Anselin, L. (1999). Spatial Econometrics: Methods and Models. Dordrecht: Kluwer Academic.
- Bird, R.M. (2001) Substantial Revenues: Realities and Prospects, Working paper, Washington, D.C.; World Bank Institute.
- Buchanan, J.M. (1963) The economics of earmarked taxes, Journal of Political Economy, 71:457-69.
- Charlton, M. (2009). Geographically weighted regression. Irland: Science Foundation Ireland.
- Fotheringham, A.S., Brunson, C, and Martin Charlton, 2002, geographically weighted regression, John Wiley and Sons Ltd.
- Lancaster, K. J. (1966). A New Approach to Consumer Theory. Political Economy , 74, 132-157

نظر گرفت که هر تقاضاکننده برای هر یک از جذابیت‌ها، قیمتی را در نظر می‌گیرد و مجموعه این قیمت‌ها، قیمت مسکن را تشکیل می‌دهد. در راستای هدف فوق، این مسئله مورد توجه قرار گرفت که مطالعات مربوط به مسکن بدلیل خصوصیات خاص آن تفاوتی اساسی با سایر مطالعات دارند. یکی از ویژگی‌های مهم مسکن ثابت بودن موقعیت و مکان آن است که این خصیصه سایر ویژگی‌های مسکن را تحت تأثیر قرار می‌دهد. بدین صورت که وقوع یک پدیده در یک نقطه می‌تواند متاثر از میزان همان متغیر در نقاط دیگر یا اندازه متغیرهای تأثیرگذار در نقاط مجاور باشد. این نکته لزوم استفاده از رویکرد اقتصادسنجی فضایی را ایجاب می‌کند، که به آن پرداخته شد. مسئله دیگر، تفاوت‌های رفتاری در محدوده‌های متفاوت در نقاط مختلف منطقه هشت است که مورد توجه قرار گرفت. بدین معنی که ممکن است متغیرهای تأثیرگذار بر قیمت مسکن و شدت تأثیر آنها در ناحیه‌های مختلف، متفاوت باشند و توابع هدانیک متفاوتی بدست آید. بنابراین از روش رگرسیون موزون جغرافیایی استفاده شد که در این روش پارامترها در نقاط مختلف برآورد شدند. نتایج حاصل از این پژوهش را به طور کلی می‌توان در چند مورد زیر خلاصه نمود:

۱. در این مطالعه با برآورد توابع هدانیک قیمت مسکن، قیمت سایه و ویژگی‌های مسکن و برخی خدمات شهری در سطح منطقه هشت شهرداری تهران و با توجه به موقعیت مکانی ملک تعیین گردید. این برآوردها می‌توانند در تعیین میزان مالیات بر ملک مورد استفاده قرار بگیرند.

۲. توابع ساده هدانیک بدون در نظر گرفتن متغیرهای فضا دچار همبستگی فضایی بوده و لازم است که مطالعات مربوط به واحد مسکونی و مطالعات منطقه‌ای با استفاده از روش‌های خاص اقتصادسنجی فضایی صورت گیرد. نتایج این مطالعه نشان داد که برآورد مدل‌های فضایی قابلیت توضیح دهندگی بیشتری داشته و  $R^2$  بالاتری را بدست می‌دهند و عدم استفاده از رویکرد اقتصادسنجی فضایی در تبیین روابط کمی بین متغیرها نتایج را با خطا مواجه خواهد ساخت.

۳. در مدل برآورد شده به روش رگرسیون فضایی موزون