

## بررسی و پایش خشکسالی شهرستان نهاوند با استفاده از شاخصهای خشکسالی

ابذر سلگی<sup>۱</sup>، فریدون رادمنش<sup>۲</sup>، بهداد فلاهرزی<sup>۳</sup>

### چکیده

خشکسالی یکی از بزرگترین بلاهای طبیعی محسوب می‌شود که تأثیر آن بر جوامع بشری بیشتر از دیگر چنین آسیب‌هاست. در این تحقیق، به منظور بررسی خشکسالی در شهرستان نهاوند واقع در استان همدان، از داده‌های بارندگی ماهانه و سالانه‌ی ایستگاههای وراینه و وسج طی یک دوره‌ی آماری مشترک ۱۳۸۸-۱۳۴۸ ساله (۴۱) استفاده گردید. وضعیت خشکسالی بر اساس داده‌های مذکور با استفاده از شاخصهای ناهنجاری بارندگی (RAI)، معیار بارش سالانه (SLAP)، درصد بهنجار (PNI)، دهک(DI)، بارش معیار (SPI)، Z، چینی اصلاح شده (MCZI)، نمره‌ی Z (ZSI)، مورد بررسی قرار گرفتند. نتایج نشان دادند که بیشترین وقوع خشکسالی بسیار شدید بر اساس شاخصهای PNI، SPI، DI، CZI و ZSI در هر دو ایستگاه وسج و وراینه در سال آبی ۱۳۷۸-۱۳۷۷ مشاهده شد. بر پایه‌ی شاخص MCZI، یک مورد خشکسالی بسیار شدید در هر دو ایستگاه وسج و وراینه در سال آبی ۱۳۵۰-۱۳۴۹ رخ داده است. بر اساس شاخص SLAP، پنج مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه، و هفت مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسج دیده شد. بر پایه‌ی شاخص RAI پنج مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه، و چهار مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسج دیده شد. بر پایه‌ی شاخص SLAP، مشاهده شده اند. همچنین، بر اساس شاخصهای پرشمار، فرآگیرترین سالهای خشکسالی در شهرستان نهاوند، مربوط به سال آبی ۱۳۷۸-۱۳۷۷ بوده است.

**واژه‌های کلیدی:** پایش خشکسالی، شاخصهای خشکسالی، شاخصهای SLAP و RAI، شهرستان نهاوند.

<sup>۱</sup>- دانشجوی دکتری منابع آب، دانشکده علوم آب، دانشگاه شهید چمران اهواز

<sup>۲</sup>- دانشیار گروه هیدرولوژی و منابع آب، دانشکده علوم آب، دانشگاه شهید چمران اهواز

<sup>۳</sup>- دانشجوی کارشناسی ارشد منابع آب، دانشکده علوم آب، دانشگاه شهید چمران اهواز

\*- نویسنده مسؤول مقاله: Aboozar\_solgi@yahoo.com

به خطر انداختن محتوای سبزینه و پوشش گیاهی، مورد استفاده قرار گیرد (تو و همکاران، ۲۰۱۱). پایش خشکسالی با استفاده از شاخصهای عمودی خشکسالی در ایران برای ۱۸۰ ایستگاه هواشناسی در یک دوره‌ی ۶ ساله (۲۰۰۶-۲۰۰۰) مورد ارزیابی قرار گرفته است. این کار با هدف یافتن، ارزیابی و پالایش روشی مناسب برای برآورد خشکسالی مناطق نیمه خشک، با استفاده از سنجش از راه دور انجام شد، اخیراً روشهای توسعه یافته، شاخص خشکسالی عمودی (PDI)<sup>۷</sup> و شاخص خشکسالی عمودی اصلاح شده (MPDI)<sup>۸</sup>، به عنوان شاخصهای مبتنی بر خشکسالیهای ماهواره‌ای مورد بررسی قرار گرفته‌اند نتایج نشان دادند که رابطه‌ی معنی‌داری بین شاخص خشکسالی عمودی و شاخص خشکسالی عمودی - اصلاح شده با خشکی سطح منطقه‌ای و شرایط خشکسالی وجود دارد. نتایج تأکید دارند که شاخص خشکسالی عمودی فراسنج خوبی برای برنامه‌های کاربردی خاک لخت، و یا مراحل اولیه‌ی رشد پوشش گیاهی، می‌باشد در حالی که شاخص خشکسالی عمودی اصلاح شده بیشتر برای سطوح گیاهی مناسب است تا خاکهای لخت (شهرابفو و همکاران، ۲۰۱۲).

تحلیل پایش خشکسالی در چین با کاربرد بهبود شاخص قطبی شدن ریزموج (MPI)<sup>۹</sup> انجام شده است. روش شاخص قطبی شدن ریزموج فراوانیهای مختلف در قطبی شدن عمودی برای ارزیابی رطوبت خاک از تصویرساز ریزموج گرم‌سیری (TMI)<sup>۱۰</sup> داده‌ها است که بطور عمده برای استفاده در خاک لخت مناسب است. اعتبار سنجی با استفاده از داده‌های اندازه‌گیری شده‌ی زمینی، نشان می‌دهد که بازبینی سطوح مختلف زمین می‌تواند دقت بازیابی را بهبود بخشد. روش شاخص قطبی شدن ریزموج بهبود یافته‌ی و بارش، برای تجزیه و تحلیل خشکسالی در جنوب غربی چین، استفاده شد؛ نتایج نشان دادند که رطوبت بازیابی شده به وسیله‌ی روش شاخص قطبی شدن ریزموج می‌تواند برای پایش خشکسالی مورد استفاده قرار گیرد (مائو و همکاران، ۲۰۱۲). تجزیه و تحلیل ویژگیهای سیر

## مقدمه

سامانه‌های پایش از ابزارهای لازم برای مدیریت خشکسالی به شمار می‌روند. با این سامانه‌های است که می‌توان از شدت و توسعه‌ی مکانی خشکسالی آگاهی یافت، که معمولاً با شاخصهای خشکسالی این مهم به انجام می‌رسد.

سامانه‌های پایش این قابلیت را دارند که بتوانند وضعیت خشکسالی را در سطح حوضه و در مقیاسهای متنوع زمانی و مکانی با استفاده از شاخصهای مناسب هواشناسی و آبشناسی پایش کنند.

برای یک تحلیل کمی خشکسالی، وجود یک شاخص مشخص جهت تعیین دقیق دوره‌های مرتبط و خشک بسیار ضروری است، که در این خصوص می‌توان شاخصهایی نظیر دهک (DI)<sup>۱</sup>، بارندگی معیار شده (SPI)<sup>۲</sup>، درصد بهنگار (PNI)<sup>۳</sup>، نمره Z (ZSI)<sup>۴</sup> و شاخص خشکسالی مؤثر (EDI)<sup>۵</sup> اشاره کرد.

در زیر به برخی مطالعات صورت پذیرفته در زمینه خشکسالی اشاره می‌گردد:

پیش‌بینی خشکسالی با ابزار شبکه‌های عصبی مصنوعی و سریهای زمانی، با استفاده از شاخص خشکسالی مؤثر (EDI) و شاخص بارش معیار (SPI) برای استان تهران مورب بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان دادند که عملکرد EDI بهتر از SPI بوده است (مرید و همکاران، ۲۰۰۷). تنوع سبزینه در محاسبه‌ی شاخص اختلاف پوشش گیاهی بهنگار شده (NDVI)<sup>۶</sup> در زمینه‌ی پایش خشکسالی مورب بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان داد که ترکیب متغیرها نشان دهنده‌ی روند مشابهی با مقداری متوسط یا حداقل مقدار شاخص اختلاف پوشش گیاهی بهنگار شده برای کل دوره‌ی مطالعاتی بوده، و حضور ابرها مقداری شاخص اختلاف پوشش گیاهی بهنگار شده را تحت تأثیر قرار می‌دهد. نتایج نشان دادند که مقداری شاخص اختلاف پوشش گیاهی بهنگار شده می‌تواند بدون

<sup>۱</sup> - Deciles Index

<sup>۲</sup> - Standardized Precipitation Index

<sup>۳</sup> - Percent of Normal Index

<sup>۴</sup> - Z-Score Index

<sup>۵</sup> - Effective Drought Index

<sup>۶</sup> - Normalized Difference Vegetation Index

<sup>۷</sup> - Perpendicular Drought Index

<sup>۸</sup> - Modified perpendicular drought index

<sup>۹</sup> - Microwave Polarization Index

<sup>۱۰</sup> - Tropical Microwave Imager

و اهمیت دخالت معرفه‌ای آبشناسی در پایش خشکسالی، نشان دادند که روش چانگ حساسیت بیشتری را به کمبود منابع آبی در شرایط خشکسالی دارد (مرید و پایمرد، ۱۳۸۶).

شاخصهای معیار بارندگی سالانه (SLAP)<sup>۲</sup>، درصد بهنجراری، ناهنجاری بارندگی در بررسی خشکسالیهای استان خوزستان را با تأکید بر ایستگاههای آبادان و دزفول مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان داد که فراوانی و توالی خشکسالیها با درجات مختلف در ایستگاه آبادان بیشتر از دزفول بوده است. بر اساس دو شاخص، معیار بارندگی سالانه و ناهنجاری بارندگی، فراوانی خشکسالیهای بسیار شدید در ایستگاه دزفول بیشتر از آبادان است و تنها در شاخص درصد بهنجرار فراوانی خشکسالیهای بسیار شدید ایستگاه آبادان بیشتر از دزفول بوده است (برنا و همکاران، ۱۳۸۹).

پایش خشکسالی با استفاده از شاخص بارندگی و تبخیر و تعرق معیار شده (SEPI)<sup>۳</sup>، بر اساس منطقه‌ی فازی در ایستگاه مشهد مورد بررسی قرار گرفته است. استفاده از این منطق امکان پایش دقیق‌تر و مناسب‌تر خشکسالی را فراهم کرده، همچنین برای پایش خشکسالی با ترکیب دوتابع عضویت فازی مربوط به شاخص بارندگی معیار شده و یک شاخص فرضی تبخیر تعرق معیار شده (SEI)<sup>۴</sup>، شاخص جدیدی با نام شاخص تبخیر تعرق و بارندگی معیار شده ارائه گردیده است. نتایج حاصل از شبیه نشان دادند که شاخص تبخیر تعرق و بارندگی معیار شده، کلیه‌ی مزایای شاخص پارش معیار شده از جمله امکان محاسبه در مقیاسهای زمانی متفاوت را دارد، به علاوه تأثیر فراسنج دما بر وقوع خشکسالیها نیز در آن لحاظ شده است (انصاری و همکاران، ۱۳۸۹).

بررسی تغییرات شدت و دوره‌ی بازگشت خشکسالی حوضه‌ی قره سو در دوره‌های آتی تحت تأثیر تغییر اقلیم انجام شده است. بر اساس این پژوهش، حوضه در دوره‌ی ۲۰۶۹-۲۰۴۰ میلادی شاهد افزایش پارش، و به تبع آن کاهش خشکسالی نسبت به دوره پایه خواهد بود (گل

تکاملی خشکسالی بر اساس شاخص بارش معیار در حوضه‌ی رود هایلهه<sup>۱</sup> با استفاده از داده‌های ۳۵ ساله‌ی بارش مورد بررسی قرار گرفت، که نشان داد فراوانی خشکسالی در اوایل قرن ۲۱ در این حوضه کاهش و شدت خشکسالی افزایش یافته است، اما تعداد منطقه‌هایی که با خشکسالی روپرورد شده اند کاستی پذیرفته است. نوع خشکسالی بیشتر خشکسالی خفیف و متوسط بوده، و خشکسالی شدید به ندرت رخ داده است (جان، ۲۰۱۲). شبیه‌سازی آسیب‌پذیری ذرت به خشکسالی با استفاده از شاخص بارش معیار با استفاده از براورد بارش به وسیله‌ی ماهواره اسمیت در جنوب منطقه‌ی مالاوی انجام شده است. شرایط خشکسالی در فوریه و اوایل مارس موجب وارد آمدن بیشترین آسیب به عملکرد ذرت در این منطقه بوده است. نتایج این تحقیق به ایجاد سازوکار نظارت اولیه برای ارزیابی اثرات خشکسالی کمک کرده، و زمان بیشتری را به تصمیم گیرندگان برای ارزیابی نتایج فصلی، و شناسایی خطرات بالقوه مربوط به غذا در مالاوی خواهد داد (جایانتی، ۲۰۱۳).

پایش روزانه‌ی خشکسالی در استان تهران با استفاده از شاخص خشکسالی مؤثر برای سالهای ۱۳۷۷-۱۳۷۸ بطور نقطه‌ای و مکانی انجام شده است. نقشه‌های خشکسالی حاصل از سامانه‌ی اطلاعات جغرافیایی نشان می‌دهند که از آبان ۱۳۷۷ خشکسالی در حد خفیف آغاز و توسعه یافته، بطوری که از فروردین ۱۳۷۸ بخش‌های مرکزی استان با خشکسالی چشمگیری مواجه شده، سپس این وضعیت در اردیبهشت و خرداد تشدید می‌شود (مقدسی و همکاران، ۱۳۸۴).

مقایسه روش‌های آبشناسی و هواشناسی جهت پایش روزانه‌ی خشکسالی برای دوره‌ی خشکسالی ۱۳۷۸-۱۳۸۰ در استان تهران انجام شده است. طی این بررسی یکی از محدود روش‌های پایش آبشناسی خشکسالی، یعنی روش چانگ، که مقیاس روزانه دارد، با اعمال تغییراتی برای ارزیابی چگونگی خشکسالی روزانه استان تهران مورد استفاده قرار گرفت، و نتایج آن با شاخص خشکسالی مؤثر، که تنها شاخص هواشناسی با مقیاس روزانه است، مورد مقایسه واقع گردید. نتایج ضمن تأیید قابلیت روش چانگ،

<sup>2</sup> - Standard Index of Annual Precipitation

<sup>3</sup> - Standardized Evapotranspiration precipitation Index

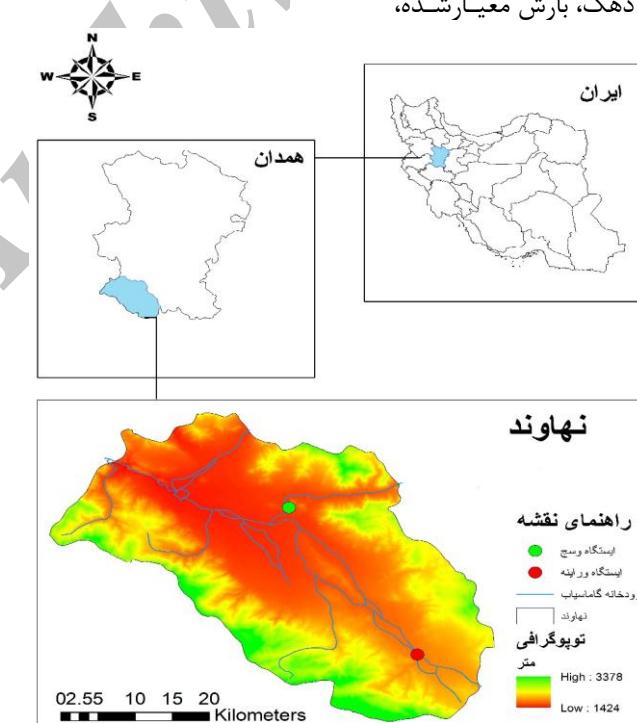
<sup>4</sup> - Standardized Evapotranspiration Index

<sup>1</sup> - Huaihe

Z چینی، Z اصلاح گردیده چینی، و نمره‌ی Z بهره‌وری شد.

### مواد و روشها

شهرستان نهاوند، استان همدان، با مرکزیت شهر نهاوند، در موقعیت جغرافیایی ۴۷ درجه و ۵۳ دقیقه تا ۴۸ درجه و ۳۷ دقیقه طول شرقی و ۳۳ درجه و ۵۷ دقیقه تا ۳۴ درجه و ۲۷ دقیقه عرض شمالی قرار دارد. این شهرستان با مساحتی برابر با ۱۴۶۰ کیلومتر مربع درصد از مساحت استان همدان را شامل شده و دارای ارتفاعی برابر با ۱۶۶۷ متر از سطح دریا می‌باشد. متوسط دمای سالانه‌ی آن ۱۲ درجه‌ی سانتیگراد، و میانگین بارش سالانه‌ی دراز مدت آن ۵۲۱ میلیمتر می‌باشد. در این شهرستان ۳ ایستگاه بارانسنگی به نامهای وراینه، وسج و سیاهدره وجود دارند، که به علت بسندن نبودن آمار ایستگاه سیاهدره از آمار مزبور استفاده نشد. در نتیجه، از داده‌های دو ایستگاه وراینه و وسج در یک دوره‌ی آماری ۴۱ ساله (۱۳۸۸-۱۳۴۸) بهره بردیم. در جدول (۱) مشخصات ایستگاههای مورد مطالعه، و موقعیت جغرافیای آنها، آورده شده‌اند. موقعیت قرارگیری ایستگاههای در شهرستان نهاوند در شکل (۱) نمایش داده شده است.



شکل ۱- موقعیت شهرستان نهاوند و ایستگاههای بارانسنگی در ایران و استان همدان

محمدی و مساح بوانی، ۱۳۹۰). بررسی احتمالی وقوع دوره‌های ترسالی و خشکسالی آبشناسی با استفاده از زنجیره‌ی مارکوف در حوضه‌ی آبخیز کشف رود انجام شده است. بررسی بددهای ماهانه در این حوضه نشان داد که احتمال وقوع دوره‌هایی با بددهای خیلی خشک، خشک، نیمه خشک، متوسط، نیمه مرطوب، مرطوب و خیلی مرطوب منطقه در افق دراز مدت به ترتیب برابر با ۱۲/۴۷، ۷۹/۰۵، ۰/۶۳، ۰/۸۵، ۱/۷۸، ۴/۵۴، ۰/۸۵، ۱۴/۴۷ و ۶۹/۰ درصد است. همچنین احتمال وقوع خشکسالی در منطقه بسیار بالا و برابر با ۹۵/۵ درصد است (وفا خواه و بشری سه قلعه، ۱۳۹۱).

با توجه به کاهش اندازه‌ی بارشها در سالهای اخیر، و موقعیت خشکسالیهای متعدد در شهرستان نهاوند، لزوم پرداختن به مطالعات خشکسالی کاملاً احساس می‌گردد؛ لذا، در این تحقیق به بررسی و پایش خشکسالی در این شهرستان پرداخته شد تا شرایط وقوع خشکسالیهای اخیر مشخص گردیده و بتوان با داشتن بهترین فراسنج، موقعیت خشکسالیهای آینده را نیز به وسیله‌ی روش‌های مختلف، و با سامانه‌های پایش خشکسالی تشخیص داد. به همین دلیل، از نمایه‌های معیار بارندگی سالانه، ناهنجاری بارندگی، درصد بهنجار بارندگی، دهک، بارش معیارشده،

### جدول ۱- مشخصات ایستگاه‌های باران سنگی

نام ایستگاه	سال تأسیس	طول جغرافیایی	عرض جغرافیایی	ارتفاع از سطح دریا (متر)	کد ایستگاه
وارینه	۱۳۴۸	۴۸° ۲۴' ۱۵"	۳۴° ۰۴' ۲۲"	۱۷۹۵	۲۱-۵۳۴
وسج	۱۳۴۷	۴۸° ۱۳' ۲۲"	۳۴° ۱۹' ۲۳"	۱۵۴۵	۲۱-۳۷۵

### شاخص معیار بارش سالانه (SIAP)

در این شاخص ابتدا مجموع بارشها در یک سال را از میانگین بارش در یک دوره‌ی آماری کم کرده، و جواب حاصل در مرحله‌ی بعد بر انحراف معیار داده‌های دوره‌ی آماری مورد نظر تقسیم می‌شود، که معادله‌ی آن به صورت زیر می‌باشد:

$$SLAP = \frac{(P_i - \bar{P})}{S_d} P_i \quad (3)$$

بارندگی سال  $\bar{A}$ م، میانگین بارندگی در طول دوره‌ی آماری،  $S_d$  انحراف معیار گروه بارندگی است. طبقه‌بندی شاخص SLAP در جدول (۳) آمده است.

### جدول ۳- طبقات مختلف شاخص SLAP

طبقات شدت خشکسالی	شاخص معیار بارندگی سالانه (SLAP)
-۰/۲۵-۰/۲۵	بهنجار
-۰/۲۵-۰/۵۲	خشکسالی ضعیف
-۰/۵۲-۰/۸۴	خشکسالی متوسط
-۰/۸۴-۱/۲۸	خشکسالی شدید
-۱/۲۸-کمتر از	خشکسالی بسیار شدید

### شاخص بارش معیار شده (SPI)

شاخص بارش معیار شده یا SPI در سال ۱۹۹۳ به وسیله‌ی مک‌کی و همکاران به منظور پایش خشکسالی اقلیمی ابداع گردید. این شاخص بر اساس ثبت بارش‌های طولانی مدت در دوره‌های زمانی مختلف (۳۶، ۹، ۱۲، ۲۴، ۴۸ و... ماهه) پایه‌گذاری شده است. جهت تعیین شاخص بارش معیار شده تنها از مقادیر بارندگی ماهانه ایستگاه در طول دوره‌ی آماری طولانی مدت استفاده می‌شود. در این شاخص ابتدا مقادیر بارندگی ایستگاه برای هر یک از مقیاسهای زمانی مورد نظر محاسبه گردیده، سپس مقادیر بارندگی به توزیع احتمال

### شاخصهای مورد بررسی

#### شاخص ناهنجاری بارش (RAI)

شاخص ناهنجاری بارندگی به وسیله‌ی روی در سال ۱۹۶۵ ارائه شده است. اساس شاخص ناهنجاری بارندگی، محاسبه‌ی انحراف معیار بارندگی از بهنجار می‌باشد. مراحل محاسبه‌ی این شاخص به صورت زیر است:

- ۱- محاسبه‌ی میانگین دراز مدت بارندگی در ایستگاه‌های مورد نظر ( $\bar{P}$ )
- ۲- استخراج میانگین ۱۰ مورد از بزرگترین مقادیر بارندگی اتفاق افتاده در دوره‌های مطالعاتی ( $\bar{m}$ )
- ۳- استخراج میانگین ۱۰ مورد از کمترین مقادیر بارندگی اتفاق افتاده در دوره‌های مطالعاتی ( $\bar{x}$ )
- ۴- مقایسه‌ی داده‌های بارندگی ( $P$ ) با میانگین دراز مدت بارندگی. چنانچه  $P \geq \bar{P}$  یا ناهنجاری، منفی باشد شاخص ناهنجاری بارندگی از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:

$$RAI = 3\left(\frac{\bar{P}-\bar{P}}{\bar{m}-\bar{P}}\right) \quad (1)$$

چنانچه  $P \leq \bar{P}$  یا ناهنجاری، منفی باشد شاخص ناهنجاری بارندگی از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:

$$RAI = -3\left(\frac{\bar{P}-\bar{P}}{\bar{x}-\bar{P}}\right) \quad (2)$$

در نهایت مقادیر محاسبه شده بر اساس جدول (۲) طبقه‌بندی می‌شوند.

### جدول ۲- طبقات مختلف شاخص RAI

طبقات شدت خشکسالی	آستانه‌ی نسبت داده شده RAI به
بهنجار	-۰/۳-۰/۳
خشکسالی ضعیف	-۰/۳-۱/۲
خشکسالی متوسط	-۱/۲-۲/۱
خشکسالی شدید	-۲/۱-۳
خشکسالی بسیار شدید	$\leq -3$

طبقه‌بندی درجات خشکسالی و ترسالی با استفاده از این شاخص به صورت جدول (۴) ارائه می‌شود.

**جدول ۴- مقادیر شاخص بارش معیار، رطوبت و خشکی متناظر آن [۵].**

وضعیت	SPI مقدار
فرامروط	بزرگتر یا مساوی با ۲
بسیار مرطوب	۱/۵ تا ۹/۹
نسبتاً مرطوب	۱ تا ۴/۹
نzedیک بهنجار	-۰/۹۹ تا ۰/۹۹
نسبتاً خشک	-۱ تا -۱/۴۹
بسیار خشک	-۱/۹۹ تا -۱/۵
فراخشک	-۲ کوچکتر یا مساوی

با توجه به شاخص SPI که برای هر گروه جداگانه محاسبه می‌گردد، در مورد وضعیت خشکسالی اظهار نظر می‌شود. طبق این روش، دوره‌ی خشکسالی هنگامی اتفاق می‌افتد که SPI بطور مستمر منفی و به مقدار ۱- یا کمتر برسد، و هنگامی پایان می‌یابد که SPI مثبت گردد. مدت دوره خشکسالی با شروع و خاتمه‌ی ارقام منفی SPI تعیین شده و مقادیر تجمعی SPI نیز، بزرگی و شدت خشکسالی را نشان می‌دهد (مقدسی و همکاران، ۱۳۸۴؛ بوردی و سوترا، ۲۰۰۴).

#### شاخص درصد بارندگی (PNI)

درصد بهنجار بارندگی یکی از ساده‌ترین شاخصهای خشکسالی می‌باشد. این امر سبب شده است تا محققین زیادی، به خصوص پژوهندگان استرالیایی، از آن استفاده کنند. این شاخص از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$PN = \frac{P_i}{\bar{P}} \times 100 \quad (12)$$

که در آن  $P_i$  بارندگی سال i و  $\bar{P}$  میانگین بارندگی در سالهای آماری می‌باشد. این شاخص همواره مثبت بوده، از سمت پایین محدود به صفر، و از قسمت بالا از جنبه‌ی نظری محدودیتی ندارد. طبقات مختلف این شاخص در جدول (۵) آمده‌اند.

گاما ناقص برآش داده می‌شود [۵]. تابع چگالی احتمال این توزیع به صورت زیر است:

$$f(x) = \frac{1}{\beta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} \cdot x^{\alpha-1} \cdot e^{-\frac{x}{\beta}} \quad x > 0 \quad (4)$$

که در آن رابطه x مقدار متغیر (در این تحقیق مقدار بارش)  $\alpha$  فراسنگ شکل،  $\beta$  فراسنگ مقیاس توزیع،  $\Gamma(\alpha)$  تابع گاما است که رابطه‌ی آن به صورت رابطه‌ی (۵) می‌باشد. ضرائب  $\alpha$  و  $\beta$  بهینه نیز از رابطه‌های (۶) و (۷) به دست می‌آیند.

$$\Gamma(\alpha) = \int_0^\infty y^{\alpha-1} \cdot e^{-y} dy \quad (5)$$

$$\alpha = \frac{1}{4A} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{4A}{3}} \right] \quad (6)$$

$$\beta = \frac{\bar{x}}{\alpha} \quad (7)$$

$$A = \ln(\bar{x}) - \frac{\sum \ln(x)}{n} \quad (8)$$

در رابطه (۸)، n تعداد مشاهدات بارش می‌باشد. در این مرحله با استفاده از رابطه (۹) احتمال تجمعی گاما در مقیاس زمانی محاسبه می‌شود. مرحله‌ی بعدی در محاسبه‌ی SPI عبارت است از متغیری از تابع توزیع بهنجار معیار، که مقدار احتمال تجمعی آن با مقدار دوره خشکسالی با شروع و خاتمه‌ی ارقام منفی SPI تعیین شده و مقادیر تجمعی SPI نیز، بزرگی و شدت خشکسالی را نشان می‌دهد (مقدسی و همکاران، ۱۳۸۴؛ عراقی نژاد، ۱۳۸۹).

$$F(x) = \int_0^x f(x) dx = \frac{1}{\beta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} \int x^{\alpha-1} \cdot e^{-\frac{x}{\beta}} dx \quad (9)$$

چون تابع گاما برای X مساوی صفر (بارندگی صفر میلیمتر) تعریف نشده، و ممکن است توزیع بارندگی دارای مقادیر صفر باشد، تابع احتمال تجمعی که در برگیرنده صفر هم باشد از رابطه (۱۰) به دست می‌آید (کارآموز و عراقی نژاد، ۱۳۸۹).

$$H(x) = q + (1-q) \cdot F(x) \quad (10)$$

که در آن H(x) تابع تجمعی کل، q احتمال صفر بودن مقدار بارندگی می‌باشد. اگر m تعداد داده‌های بارندگی باشد که مقدار آنها در گروه زمانی معادل صفر است، آن گاه q از رابطه (۱۱) به دست می‌آید:

$$q = \frac{m}{n} \quad (11)$$

همچنین،  $\Phi_{ij}$  متغیر معیار شده،  $x_{ij}$  بارندگی سال  $j$  برای دوره‌ی  $i$  و  $\bar{x}_i$  به ترتیب میانگین و انحراف معیار بارندگی در هر مقیاس زمانی می‌باشد. برای طبقه‌بندی این شاخص از همان طبقه‌بندی SPI استفاده می‌شود. برای محاسبه‌ی  $CZI$ ، به جای میانگین از میانه نیز بهره‌وری شده است، که آن را  $CZI$ . اصلاح گردیده یا  $MCZI$  اطلاق می‌نمایند. طبقات مختلف این شاخصها در جدول (۵) ارائه شده است.

#### شاخص نمره‌ی Z (ZSI)

اساس این شاخص انحراف از میانگین نسبت به انحراف معیار داده‌های آماری است و معادله‌ی آن به صورت زیر می‌باشد:

$$ZSI = \frac{p_i - \bar{p}}{SD} \quad (17)$$

که در آن  $p_i$  بارندگی سال  $i$  و  $SD$  انحراف معیار بارش در طول دوره‌ی آماری،  $\bar{p}$  میانگین بارندگی بلند مدت است. در جدول (۵) طبقات مختلف این شاخص ارائه شده‌اند.

#### شاخص دهکه‌های بارندگی (DI)

مرتب کردن داده‌های بارندگی ماهانه در دهکها، روش دیگری برای پایش خشکسالی است. شاخص دهکها اولین بار به وسیله‌ی گیبس و ماهر<sup>۱</sup> برای اجتناب از بعضی نقاط ضعف روش درصد بهنجار بارندگی به کار گرفته شد. اصول کلی در محاسبه دهکها به صورت زیر است:

- ۱- مرتب کردن داده‌های بارندگی ماهانه به صورت صعودی.
- ۲- تعیین دامنه‌ی دهکی با استفاده از رابطه‌ی زیر:

$$m_i = i \times \frac{n+1}{10} \quad (18)$$

که در آن  $m_i$  دهک  $i$  ام،  $i$  شماره‌ی دهک و  $n$  تعداد داده‌های بارندگی است:

۳- برآورد مقادیر بارندگی مربوط به هر دهک (حد انتهایی):

۴- تعیین سالهای آماری که در دهکه‌های مختلف قرار گرفته‌اند.

طبقات مختلف این شاخص در جدول (۵) ارائه شده‌اند.

#### شاخص Z چینی(CZI) و شاخص Z چینی تعديل یافته (MCZI)

شاخصی  $CZI$  و  $MCZI$  براساس تبدیل ریشه‌ی سوم ویلسون-هیلفرتی برآورد گردید. با این فرض که داده‌ها از توزیع پیرسون نوع سوم تبعیت کند.  $CZI$  مطابق رابطه‌ی زیر برآورد می‌شود.

$$z_{ij} = \frac{6}{C_{si}} \left( \frac{C_{si}}{2} \Phi_{ij} + 1 \right)^{1/3} - \frac{6}{C_{si}} + \frac{C_{si}}{6} \quad (19)$$

که در آن  $z_{ij}$  شاخص  $CZI$  می‌باشد.  $i$  مقیاس زمانی مورد نظر است که می‌تواند ۱، ۲، .....، ۴۴ سال، و  $j$  سال مورد نظر می‌باشد. همچنین:

$$C_{si} = \frac{\sum_{j=1}^n (x_{ij} - \bar{x}_i)^3}{n \times \sigma_i^3} \quad (20)$$

که در آن  $C_{si}$  ضریب چولگی و  $n$  تعداد کل سالهای دوره آماری است:

$$\Phi_{ij} = \frac{x_{ij} - \bar{x}_i}{\sigma_i} \quad (21)$$

<sup>۱</sup> - Gibbs and Maher

جدول ۵- طبقات مختلف شاخصهای خشکسالی مورد بررسی

شاخص ZSI	شاخص MCZI	شاخص DI	شاخص CZI	شاخص PNI	طبقات شدت خشکسالی
+ ۱- تا + ۱-	+ ۱- تا + ۱-	۹-۱۰	+ ۱- تا + ۱-	%۸۰ بیشتر از ۷۸۰ تا ۷۰	بهنجار
*	*	۷-۸	*	%۷۰ تا ۵۵	ضعیف
- ۱-۱.۵	- ۱.۵ تا - ۱	۵-۶	- ۱.۵ تا - ۱	%۷۰ تا ۴۰	متوسط
- ۱.۵-۲	- ۱.۵ تا - ۲	۳-۴	- ۱.۵ تا - ۲	%۵۵ تا ۴۰	شدید
- ۲	کمتر از - ۲	۱-۲	کمتر از - ۲	%۴۰ کمتر از ۴۰	بسیار شدید

\*= تعریف نشده است.

### بحث و نتیجه گیری

هر دو ایستگاه سالهای دارای خشکسالی متوسط دارای بیشترین فراوانی بوده و یک مورد خشکسالی بسیار شدید در هر دو ایستگاه در سال آبی ۱۳۴۹-۱۳۵۰ مشاهده شده است.

فراوانی خشکسالی بر اساس شاخص ZSI در جدول (۹) ارائه شده است. بر این اساس، سالهای نزدیک بهنجار دارای بیشترین فراوانی بوده، و دو مورد خشکسالی شدید در ایستگاه وسج در سالهای آبی ۱۳۷۷-۱۳۷۸ و ۱۳۵۹-۱۳۵۸ و دو مورد خشکسالی شدید در ایستگاه وراینه در سالهای آبی ۱۳۷۷-۱۳۷۸ و ۱۳۷۰-۱۳۶۹ مشاهده شده اند.

همچنین، بر اساس شاخص SPI، وقایع ترسالی، خشکسالی و سالهای بهنجار برای ایستگاههای مورد مطالعه در جدول (۱۰) ارائه شده است. براین اساس، سالهای نزدیک بهنجار دارای بیشترین فراوانی بوده، و یک مورد خشکسالی بسیار شدید در هر دو ایستگاه وراینه و وسج که مربوط به سال آبی ۱۳۷۷-۱۳۷۸ می باشد مشاهده شده است.

براساس شاخص DI، که در جدول (۱۱) ارائه شده است، در هر دو ایستگاه ۵ مورد خشکسالی خیلی زیاد زیر بهنجار وجود داشته است. این خشکسالیها در ایستگاه وراینه مربوط به سالهای آبی ۱۳۶۹-۱۳۷۰، ۱۳۷۳-۱۳۷۲، ۱۳۷۵-۱۳۷۶، ۱۳۷۷-۱۳۷۸ و ۱۳۷۹-۱۳۷۲ در ایستگاه وسج در سالهای آبی ۱۳۵۹-۱۳۵۸، ۱۳۶۰-۱۳۶۳، ۱۳۶۲-۱۳۶۳، ۱۳۷۷-۱۳۷۸ و ۱۳۷۸-۱۳۷۹ مشاهده شده اند.

مقادیر SLAP محاسبه شده، سپس با استفاده از مقیاس آن وقایع ترسالی، خشکسالی و سالهای بهنجار برای ایستگاههای مورد مطالعه تعیین گردیدند. جدول (۶) فراوانی خشکسالی را براساس شاخص SLAP نشان می دهد. بر این اساس، ۵ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه مربوط به سالهای ۱۳۶۹، ۱۳۷۵، ۱۳۶۹، ۱۳۷۸ و ۱۳۸۷ و ۱۳۷۸، ۷ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسج مربوط به سالهای ۱۳۵۷، ۱۳۵۹، ۱۳۵۷، ۱۳۶۴، ۱۳۶۲، ۱۳۶۹ و ۱۳۷۷ مشاهده شده اند. بر اساس شاخص RAI، وقایع ترسالی، خشکسالی و سالهای بهنجار برای ایستگاههای مورد مطالعه تعیین گردیدند. جدول (۶) فراوانی خشکسالی را براساس شاخص RAI نشان می دهد. براین اساس، ۵ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه مربوط به سالهای ۱۳۶۹، ۱۳۷۵ ۱۳۶۹، ۱۳۴۹ و ۱۳۸۷، ۴ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسج مربوط به سالهای ۱۳۵۷، ۱۳۵۹، ۱۳۷۸ و ۱۳۷۵ مشاهده شده اند.

نتایج حاصل از کاربرد شاخص PNI در جدول (۷) ارائه شده اند. نتایج حاصل از محاسبه این شاخص نشان می دهد که در این دوره‌ی آماری یک مورد خشکسالی شدید در هر ۲ ایستگاه وسج و وراینه در سال آبی ۱۳۷۷-۱۳۷۸ مشاهده شده است، و بیشترین فراوانی در هر دو ایستگاه مربوط به حالت بهنجار می باشد.

فراوانی خشکسالی برای ایستگاه وسج و وراینه با استفاده از شاخص MCZI مورد بررسی قرار گرفت. نتایج این بررسی در جدول (۸) ارائه شده اند. براین اساس، در

**جدول ۶- فراوانی خشکسالی بر اساس شاخصهای RAI و SLAP**

شاخص	نام ایستگاه	بهنجار	خشکسالی ضعیف	خشکسالی متوسط	خشکسالی شدید	خشکسالی بسیار شدید
SLAP	وراینه	۳	۶	۷	۲	۵
RAI	وراینه	۴	۵	۶	۳	۴
SLAP	وسج	۵	۳	۵	۵	۵
RAI	وسج	۷	۳	۶	۱	۷

**جدول ۷- فراوانی خشکسالی بر اساس شاخص PNI**

نام ایستگاه	خشکسالی ناچیز	خشکسالی متوسط	خشکسالی شدید	بهنجار
وراینه	۴	۴	۱	۳۲
وسج	۳	۵	۱	۳۲

**جدول ۸- فراوانی خشکسالی را بر اساس شاخص MCZI**

نام ایستگاه	خشکسالی بسیار شدید	خشکسالی متوسط	بهنجار
وراینه	۱	۴	۴۰
وسج	۱	۵	۴۰

**جدول ۹- فراوانی خشکسالی بر اساس شاخص ZSI**

نام ایستگاه	خشکسالی شدید	نژدیک	خشکسالی متوسط	مرطوب متوسط	خیلی مرطوب	شدیداً مرطوب	بهنجار
وراینه	۲	۲۹	۱	۵	۱	۳	۱
وسج	۲	۲۷	۱	۶	۳	۲	۱

**جدول ۱۰- فراوانی خشکسالی بر اساس شاخص SPI**

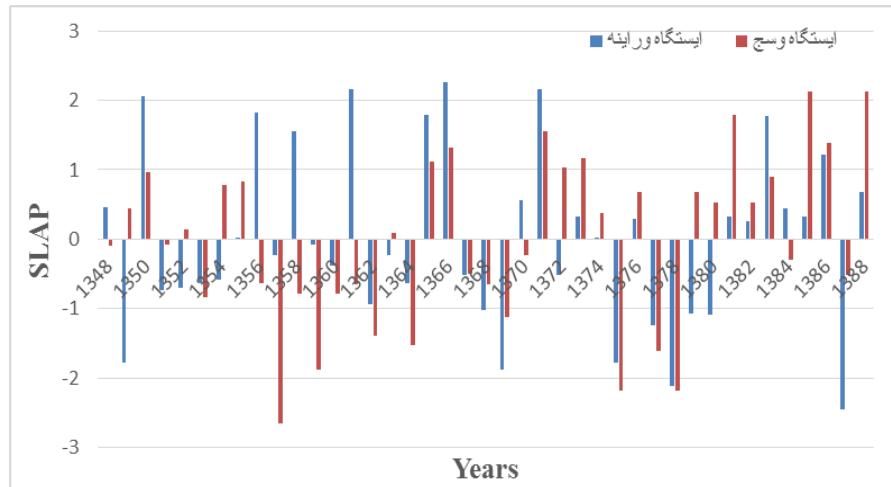
نام ایستگاه	بهنجار	نژدیک	مرطوب	خیلی مرطوب	شدیداً مرطوب	خشکسالی متوسط	خشکسالی شدید	خشکسالی بسیار شدید
وراینه	۲۹	۲	۲	۱	۵	۱	۱	۱
وسج	۲۷	۴	۱	۱	۳	۴	۴	۱

**جدول ۱۱- فراوانی خشکسالی بر اساس شاخص DI**

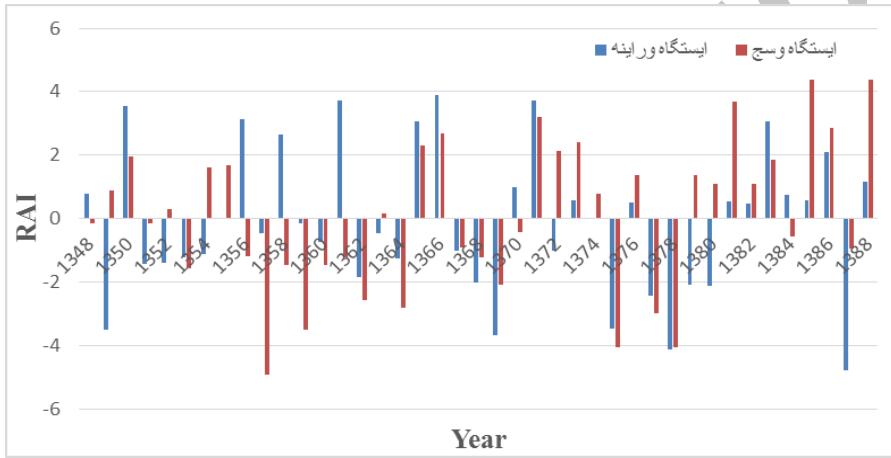
نام ایستگاه	بهنجار	کمی بالای بهنجار	کمی زیر بهنجار	بالای بهنجار	خیلی بالای بهنجار	خیلی زیر بهنجار	زیر بهنجار	خیلی زیاد بالای بهنجار	خیلی زیاد زیر بهنجار
وراینه	۶	۳	۶	۶	۲	۶	۴	۵	۴
وسج	۱۱	۴	۴	۱	۵	۴	۴	۵	۴

شدیدترین خشکسالی مربوط به سال ۱۳۵۷ با مقدار ۲/۶۴ SLAP می‌باشد. همچنین، بر اساس شکل (۳)، شدیدترین خشکسالی در ایستگاه وراینه مربوط به سال ۱۳۸۷ با مقدار ۴/۷۹ RAI، و در ایستگاه وسج با مقدار ۴/۹۳ RAI می‌باشد.

مقدادری بررسی شده با کاربرد هر یک از شاخصهای خشکسالی در شکلهای ۲ تا ۹ ارائه شده اند، که می‌توان با توجه به مقدادری برخانی هر یک از نمودارها سالهایی را که خشکسالی رخداده است مشخص کرد. با توجه به شکل (۲)، شدیدترین خشکسالی در ایستگاه وراینه مربوط به سال ۱۳۸۷ با مقدار ۲/۴۵ SLAP، و در ایستگاه وسج،



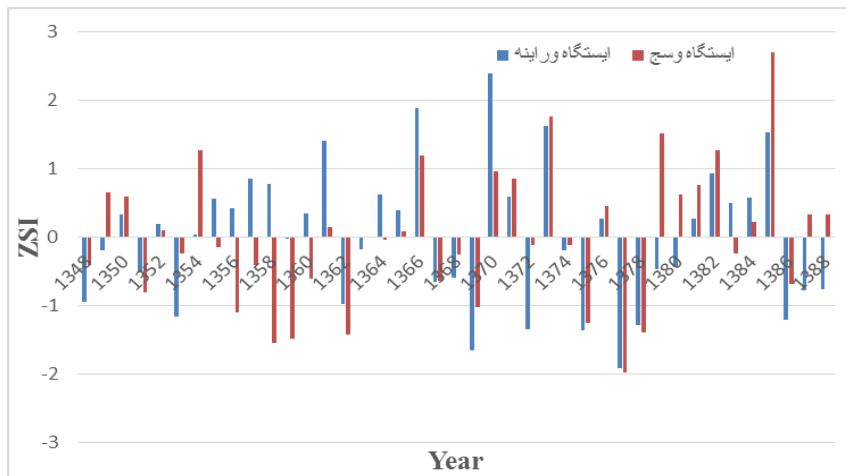
شکل ۲- مقدار شاخص SLAP



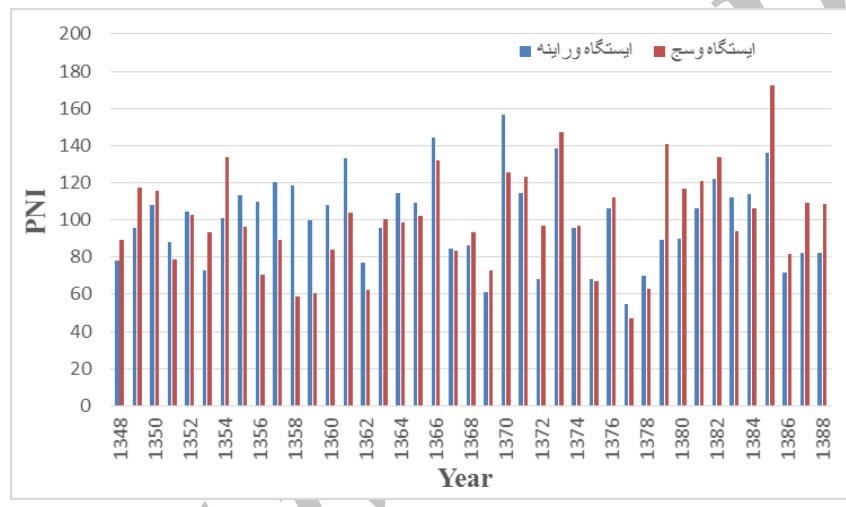
شکل ۳- مقدار شاخص RAI

۲/۷۲- می باشد. بر اساس شکل (۷)، که شاخص DI را نشان می دهد، شدیدترین خشکسالی در هر دو ایستگاه با مقدار ۴- مشاهده شده است. براساس شکل (۸)، شدیدترین خشکسالی در سال ۱۳۷۷ در هر دو ایستگاه با مقادیر ۴- ۲/۰ و ۲/۱۵- به ترتیب رسیده است. همچنین، براساس شاخص SPI که در شکل (۹) ارائه شده است، شدیدترین خشکسالی مربوط به سال ۱۳۷۷ در هر دو ایستگاه وراینه و وسج به ترتیب با مقادیر ۲/۲۵ و ۲/۴۰- رخ داده است.

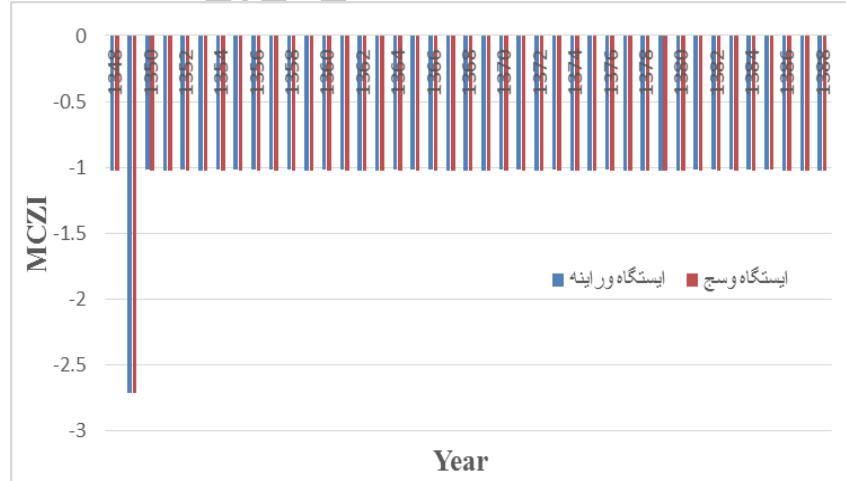
با توجه به شکل (۴)، شدیدترین خشکسالی در ایستگاه وراینه مربوط به سال ۱۳۷۷ با مقدار ۱/۹۲- و در ایستگاه وسج شدیدترین خشکسالی مربوط به سال ۱۳۷۷ ZSI با مقدار ۱/۹۸- می باشد. بر اساس شاخص PNI که در شکل (۵) ارائه شده است، شدیدترین خشکسالی در ایستگاه وراینه مربوط به سال ۱۳۷۷ با مقدار ۵۴/۷۲- و در ایستگاه وسج با مقدار ۴۷/۰۶- می باشد. بر اساس شاخص MCZI که در شکل (۶) ارائه شده است، شدیدترین خشکسالی در هر دو ایستگاه در سال ۱۳۴۹ با مقدار،



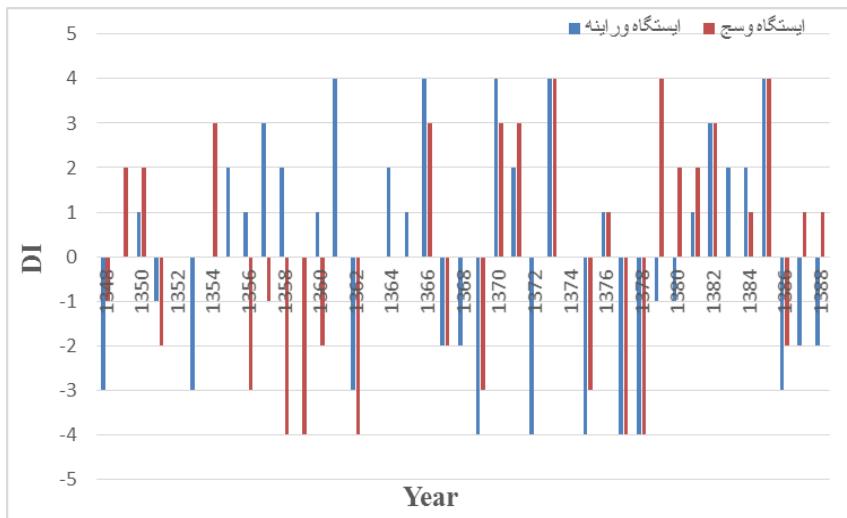
شکل ۴- مقدار شاخص ZSI



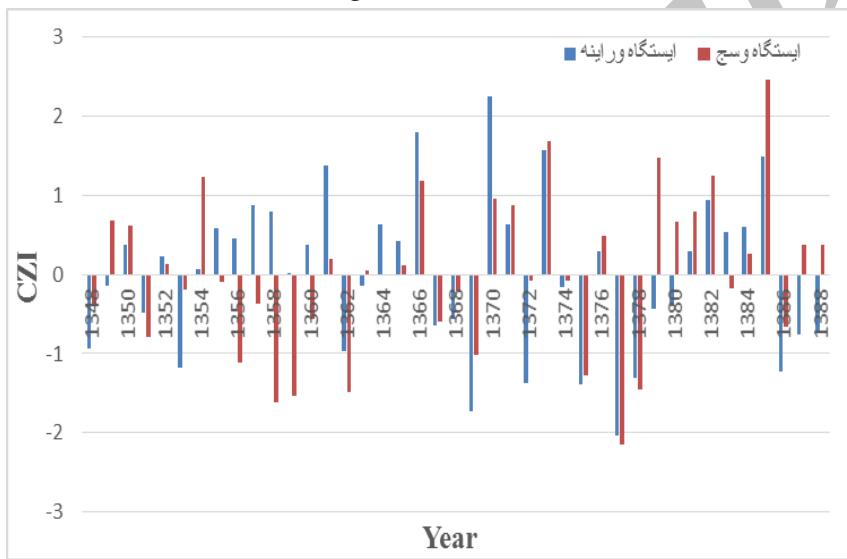
شکل ۵- مقدار شاخص PNI



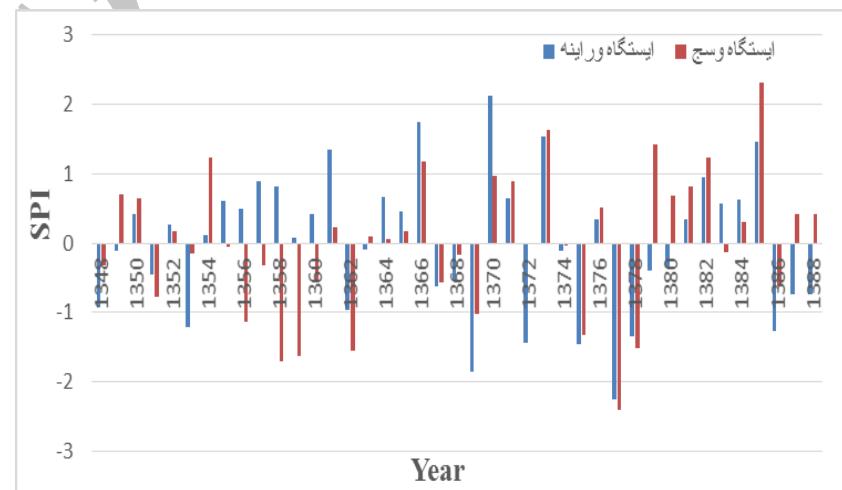
شکل ۶- مقدار شاخص MCZI



شکل ۷- مقدار شاخص DI



شکل ۸- مقدار شاخص CZI

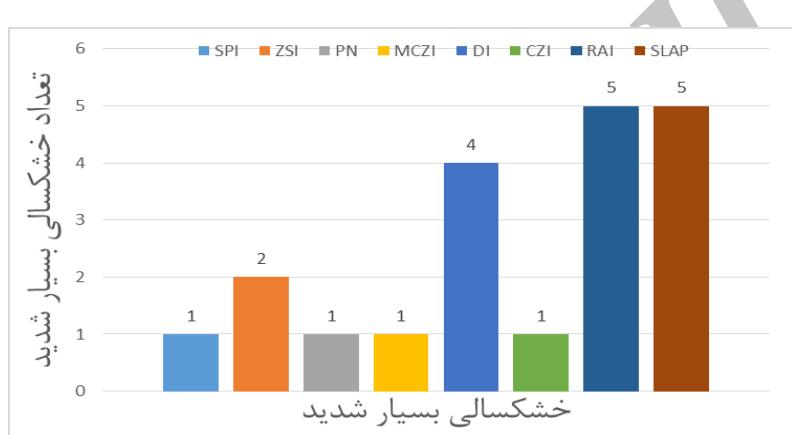


شکل ۹- مقدار شاخص SPI

در جدول (۱۲) ارائه شده اند. نتایج به دست آمده نشان می‌دهند که در تمامی ایستگاه‌های مورد مطالعه، زوج شاخصها، ضریب همبستگی بسیار بالایی را دارند، به جز شاخص MZSI، که با تمام شاخص‌های دیگر رابطه همبستگی ضعیفی دارد.

در این تحقیق در مقایسه با دیگر تحقیقاتی که در زمینه‌ی پایش خشکسالی انجام شده‌اند، از شاخص‌های Z، SLAP، RAI، Z، چینی و چینی اصلاح شده استفاده شده است.

در شکل (۱۰)، تعداد حالت‌های بهنجار برای ایستگاه وراینه باکاربرد تمامی شاخصها ارائه گردیده، که با توجه به این شکل بیشترین حالت بهنجار به وسیله‌ی شاخص PN و کمترین به وسیله‌ی MZSI مشخص شده است. با توجه به شکل (۱۱)، که تعداد خشکسالیهای بسیار شدید را برای ایستگاه وراینه نشان می‌دهد، بیشترین شمار خشکسالی بسیار شدید به وسیله‌ی شاخص‌های SLAP و RAI و DI مشخص شده است. برای بررسی ارتباط بین زوج شاخص‌های خشکسالی از ضریب همبستگی استفاده گردید. نتایج ضرائب همبستگی آماری برای شاخص‌های خشکسالی هواشناسی در ایستگاه وراینه، به عنوان نمونه،



شکل ۱۰- وضعیت خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه



شکل ۱۱- وضعیت بهنجار در ایستگاه وراینه

**جدول ۱۲- نتایج ضرائب تعیین (R<sup>2</sup>) برای سنجه‌های خشکسالی هواشناسی در ایستگاه وراینه.**

ZSI	PNI	SPI	MZSI	DI	CZI	نمایه
۱/۰۰	۰/۹۶۰	۰/۰۰۲	۰/۹۹۷	۰/۹۹۸	۰/۹۹۸	CZI
۰/۹۶۰	۱/۰۰	۰/۰۰	۰/۹۶۰	۰/۹۵۴	۰/۹۵۴	DI
۰/۰۰۲	۰/۰۰	۱/۰۰	۰/۰۰۱	۰/۰۰۲	۰/۰۰۲	MZSI
۰/۹۹۷	۰/۹۶۰	۰/۰۰۱	۱/۰۰	۰/۹۹۱	۰/۹۹۱	SPI
۰/۹۹۸	۰/۹۵۴	۰/۰۰۲	۰/۹۹۱	۱/۰۰	۱/۰۰	PNI
۰/۹۹۸	۰/۹۵۴	۰/۰۰۲	۰/۹۹۱	۱/۰۰	۱/۰۰	ZSI

**منابع**

۱. انصاری، ح.، ک. داوری، س. ح. ثنائی نژاد. ۱۳۸۹. پایش خشکسالی با استفاده از شاخص بارندگی و تبخیر و تعرق معیار شده (SEPI). توسعه یافته بر اساس منطق فازی. نشریه آب و خاک (علوم و صنایع کشاورزی). (۱)۲۳(۱): ۵۲-۳۸.
۲. برنار، عظیمی ف، سعیدی دهکی ن. ۱۳۸۹. مقایسه شاخصهای SLAP، PN و RAI در بررسی خشکسالیهای استان خوزستان با تأکید بر ایستگاههای آبدان و دزفول. فصلنامه جغرافیای طبیعی. (۹)۳: ۸۸-۷۷.
۳. گل محمدی، م، ع. مساح بوانی. ۱۳۹۰. بررسی تغییرات شدت و دوره بازگشت خشکسالی حوضه قره سو در دوره‌های آتی تحت تأثیر تغییر اقلیم. نشریه آب و خاک (علوم و صنایع کشاورزی). ۲۵: ۳۲۶-۳۱۵.
۴. کارآموز، م.، ش. عراقی نژاد. ۱۳۸۹. هیدرولوژی پیشرفت. چاپ دوم. انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر. تهران.
۵. مرید، س، ش. پایمرد. ۱۳۸۶. مقایسه روش‌های آبشناسی و هواشناسی جهت پایش روزانه خشکسالی (مطالعه موردی: دوره خشکسالی ۱۳۷۸ لغاًیت ۱۳۸۰ استان تهران). علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی. ۱۱: ۳۲۵-۳۳۴.
۶. مقدسی، م، س، مرید، ه، قائمی. ج: محمد ولی سامانی. ۱۳۸۴. پایش روزانه خشکسالی در استان تهران. مجله علوم کشاورزی ایران. (۱)۳۶: ۶۲-۵۱.

**پایان سخن**

نتایج نشان دادند که بیشترین وقوع خشکسالی بسیار شدید بر اساس شاخصهای CZI، SPI، PNI، DI و ZSI در هر دو ایستگاه وسیج و وراینه در سال آبی ۱۳۷۸-۱۳۷۷ مشاهده شده است. بر اساس شاخص MCZI، یک خشکسالی بسیار شدید در هر دو ایستگاه وسیج و وراینه در سال آبی ۱۳۵۰-۱۳۴۹ مشاهده شده است. بر اساس شاخص RAI، ۵ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه مربوط به سالهای ۱۳۴۹، ۱۳۶۹، ۱۳۷۵، ۱۳۷۸ و ۱۳۸۷ و ۴ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسیج مربوط به سالهای ۱۳۷۸، ۱۳۷۵، ۱۳۵۹، ۱۳۵۷ و ۱۳۷۸ مشاهده شده است. بر اساس شاخص SLAP، ۵ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وراینه مربوط به سالهای ۱۳۴۹، ۱۳۶۹، ۱۳۷۵، ۱۳۷۸ و ۱۳۸۷، ۷ مورد خشکسالی بسیار شدید در ایستگاه وسیج مربوط به سالهای ۱۳۵۷، ۱۳۵۹، ۱۳۷۵، ۱۳۷۷ و ۱۳۷۸ مشاهده شده اند. بر اساس شاخصهای پرشمار، فرآگیرترین سالهای خشکسالی مربوط به سال آبی ۱۳۷۷-۱۳۷۸ بوده است. با داشتن فراسنجهای مربوط به خشکسالی می‌توان از روش‌های مختلف، مانند شبکه‌های عصبی و سامانه‌های فازی استفاده کرد، و خشکسالی سالهای آینده را به کمک همین شاخصهای ارزیابی، که در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفتند، برای شهرستان نهادن به دست آورد.

۱۱. Morid, S. V, Smakhtin. K. Bagherzadeh. 2007. Drought forecastting using artificial neural networks and time series of drought indices, *Inte. J Climat.* 27: 2103–2111.
۱۲. Shahabfar, A, A, Ghulam. and J. Eitzinger, 2012. Drought monitoring in Iran using the perpendicular drought indices. *Int J Appl. Earth Obser and Geoinform.* 18: 119-127.
۱۳. Tao, J. Z, Zhongfa, C. Shui. 2011. Drought monitoring and analysing on typical karst ecological fragile area based on GIS. *Procedia Environ. Sci.* 10(C): 2091-2096.
۱۴. Bordi, I, and A. Sutera. 2004. Drought variability and its climatic implications. *Global and Planetary Change.* 40 :115-127.
۱۵. Mackee, T.B, N.J, Doesken, and j. Kleist, 1993. The Relationship of drought frequency and duration to time scales. 8th Conf. Appl. Climat. Am. Meteor. Soci. 179-184.
۷. وفاخواه، م، م. بشری سه قلعه. ۱۳۹۱. بررسی احتمال خشکسالی هیدرولوژیک با استفاده از زنجیره مارکوف در حوضه آبخیز کشف رود. نشریه پژوهش‌های آبخیزداری (پژوهش و سازندگی). ۹۴: ۱-۹.
8. Jayanthi H, GJ. Husak C, Funk, T, Magadzire, A, Chavula, and JP. Verdin 2013. Modeling rain-fed maize vulnerability to droughts using the standardized preci-pitation index from satellite estimated rainfall Southern Malawi casestudy. *Int. J Disaster Risk Reduc.* 4: 71-78.
9. Jun, LY. ZX, Dong, LU, Fan, and MA. Jing. 2012. Analysis of drought evolvement charac-teristics based on standardized Preci-pitation index in the Huaihe River Basin. *Procedia Eng.* 28: 434 – 437.
10. Mao, K.B, Y, Ma, L, Xia, HJ, Tang, and LJ. Han, 2012. The Monitoring analysis for the drought in China by Using an improved MPI method. *J Int Agric.* 11: 1048-1058.