

# نقشه‌بندی تغییرات مکانی بیماری‌ها با استفاده از مدل‌های کلاسیک و بیزی مدل‌های نقشه‌بندی تغییرات مکانی بیماری‌ها

یدالله محرابی<sup>۱</sup>، بهزاد مهکی<sup>۲</sup>، امیر کاووسی<sup>۳</sup>

## مقاله مروری

### چکیده

نقشه‌بندی بیماری شامل مجموعه‌ای از روش‌های آماری است که به تهیه نقشه‌های دقیق براساس برآوردهایی از میزان‌های بروز، شیوع و مرگ و میر منجر می‌شوند تا کاربران بتوانند با توجه به توزیع جغرافیایی بیماری‌ها، برنامه‌ریزی‌های بهداشتی لازم را با دقت بیشتری انجام دهند. اهداف اصلی نقشه‌بندی بیماری عبارت هستند از: تشریح تغییرات فضایی در شیوع بیماری به منظور فرمول‌بندی فرضیات علت‌شناسی، ارزیابی خطر و تعیین نواحی دارای خطر بالا که نیازمند جلب توجه و اعمال مداخله هستند، تهیه نقشه دقیقی از خطر بیماری در نواحی به منظور اختصاص بهتر منابع و ساخت اطلس بیماری‌ها. تاکنون مطالعات موردی متعددی انجام گرفته است که در آن از کاربردهای مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها استفاده گردیده است. با این وجود جز در چند مطالعه اندک و به صورت محدوده، روش‌های متعدد تحلیل نقشه‌های بیماری‌ها با هم مقایسه نشده و شرایط کلی آن‌ها مورد بررسی قرار نگرفته است. با توجه به اهمیت موضوع و کاربرد رو به گسترش نقشه‌بندی بیماری‌ها، در مطالعه حاضر مهم‌ترین مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها معرفی و مبانی تئوری، کاربردها، محسن و معایب هر یک به اختصار بیان گردیده و از جنبه‌های مختلف مورد مقایسه قرار گرفته‌اند.

**ارجاع:** محرابی یدالله، مهکی بهزاد، کاووسی امیر. **نقشه‌بندی تغییرات مکانی بیماری‌ها با استفاده از مدل‌های کلاسیک و بیزی مدل‌های نقشه‌بندی تغییرات مکانی بیماری‌ها.** مجله تحقیقات نظام سلامت ۱۳۹۳؛ ۱۰(۲): ۲۱۱-۲۰۱.

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۰۵/۲۸

تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۰۴/۲۰

۱. گروه اپیدمیولوژی، دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی شهید بهشتی، تهران، ایران

۲. گروه آمار زیستی، دانشکده بهداشت، دانشگاه علوم پزشکی اصفهان، اصفهان، ایران (نویسنده مسؤول)

Email: behzad.mahaki@gmail.com

۳. گروه علوم پایه، دانشکده سلامت، اینمنی و محیط زیست، دانشگاه علوم پزشکی شهید بهشتی، تهران، ایران

- ۱- تشریح تغییرات در میزان‌های شیوع، بروز و مرگ و میر بیماری‌ها
- ۲- پیشنهاد عوامل خطر ممکن به منظور فرمول‌بندی فرضیات علت‌شناسی
- ۳- تعیین نواحی دارای خطر بالا و نیازمند جلب توجه و اعمال مداخله
- ۴- اختصاص بهتر منابع و خدمات بهداشتی و درمانی
- ۵- ساخت اطلس بیماری‌ها (۳-۵)

## مقدمه

نقشه‌بندی بیماری شامل مجموعه‌ای از روش‌های آماری است که منجر به تهیه نقشه‌های دقیق براساس برآوردهایی از میزان‌های بیماری‌ها می‌شوند تا کاربران بتوانند با اطمینان توزیع جغرافیایی بیماری را برآورد کنند (۱-۲). در سالیان اخیر موضوع نقشه‌بندی بیماری‌ها به شکل قابل ملاحظه‌ای گسترش یافته و کاربردهای متنوعی پیدا کرده است. مهم‌ترین اهداف نقشه‌بندی بیماری عبارت هستند از:

مدل‌های نقشه‌بندی معرفی گردیده و مبانی تئوری، کاربردها، محسن و معایب هر یک به اختصار بیان می‌گردد.

### روش‌ها

در این بخش مهم‌ترین مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها معرفی و توضیحات لازم ارایه خواهد شد.

#### ۱- مدل حداکثر درست‌نمایی

برای ارزیابی وضعیت یک ناحیه از نظر میزان‌های بروز و ابتلای بیماری، به عنوان گام نخست مناسب است که ارزیابی کنیم چه میزان بروزی برای آن بیماری در آن ناحیه موردانتظار است، سپس موارد مشاهده شده را با بروز مورد انتظار مقایسه کنیم. نسبت مقادیر مشاهده شده به مقادیر مورد انتظار مرگ و میر، نسبت مرگ و میر استاندارد شده درست‌نمایی خطر نسبی در هر ناحیه هستند (۱-۲).

برای به کارگیری این روش، نقشه به  $n$  ناحیه مجاور نامتدخل تقسیم می‌شود ( $i=1,2,\dots,n$ ). تعداد رویداد مورد  $O_i$  نظر مشاهده شده و مورد انتظار در ناحیه  $\theta_i$  به ترتیب با  $E_i$  و  $E_i$  نشان داده می‌شود که طی دوره مطالعه ثابت و معلوم فرض شده و از حاصل ضرب بروز کلی در جمعیت هر ناحیه به دست می‌آید. خطر نسبی بیماری در ناحیه  $\theta_i$  نیز با  $\hat{\theta}_i$  نشان داده می‌شود.

در نقشه‌بندی بیماری، فرض می‌شود که تعداد رویدادها، بین نواحی، مستقل از هم بوده و از توزیع پوآسن با میانگین  $O_i$  پیروی می‌کند. بنابراین با به در نظر گرفتن درست‌نمایی  $\hat{\theta}_i$ ، لگاریتم گرفتن و برابر صفر قرار دادن آن، در نهایت برآورد حداکثر درست‌نمایی خطر نسبی عبات خواهد بود از:

$$\hat{\theta}_i = SMR_i = \frac{O_i}{E_i}$$

دو حالت رایج در مطالعات توزیع جغرافیایی بیماری‌ها وجود دارد: ۱- ناحیه‌ای تعریف می‌گردد و مکان موارد یک بیماری خاص، درون این ناحیه در یک دوره زمانی ثابت، ثبت می‌گردد. این مکان‌ها معمولاً آدرس‌های محل سکونت هستند. پس از مشخص شدن این آدرس‌ها، ادامه کار با تحلیل مستقیم مکان موارد امکان‌پذیر است. این حالت را تحلیل وقایع موردی (case-event analysis) می‌نامیم. اغلب این تحلیل نیازمند استفاده از مدل‌های روند نقطه‌ای و متدولوژی مربوط است (۸-۶). ۲- در اغلب موارد به دلیل لزوم محرومانه بودن برخی از مسایل در پزشکی، امکان دستیابی به داده‌ها در مقیاس و سطح بالا وجود ندارد و باید دسته‌بندی مجدد برای تحلیل تعداد موارد درون نواحی کوچک مطالعه انجام شود. این نواحی کوچک، مناطقی اختیاری مانند شهرداری، منطقه، ناحیه و محله هستند که معمولاً برای اهداف اجرایی و مدیریتی تعریف می‌شوند. تحلیل این نوع داده‌ها که شامل تعداد موارد در نواحی کوچک هستند را تحلیل تعداد موارد در نواحی (tract count) می‌نامیم. تعداد موارد درون یک ناحیه از تجمعی همه موارد درون آن ناحیه به دست می‌آید. بدین ترتیب مکان‌های جداگانه‌ی موارد از دست رفته و اطلاعات تعداد موارد را تنها می‌توان از مکان ناحیه استخراج کرد. اغلب نقطه میانی ناحیه، برای معرفی مکان ناحیه در نظر گرفته می‌شود. در یک ناحیه انتخاب شده برای مطالعه،  $m$  ناحیه را در نظر می‌گیریم. مقادیر درون  $m$  ناحیه را با  $(y_i, i=1,2,\dots,m)$  نشان می‌دهیم.

تاکنون مطالعات موردی متعددی انجام گرفته است که در آن از کاربردها و مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها استفاده گردیده است (۹-۱۵). با این وجود جز در چند مطالعه اندک و به صورت محدود، روش‌های متعدد تحلیل نقشه‌های بیماری‌ها با هم مقایسه نشده و شرایط کلی آن‌ها مورد بررسی قرار نگرفته است. با توجه به اهمیت موضوع و کاربرد رو به گسترش نقشه‌بندی بیماری‌ها، در مطالعه حاضر حاضر مهم‌ترین

معروفی گردیده‌اند که امکان وارد نمودن متغیرهای کمکی را فراهم می‌آورند.

Simonoff رویکردی را برای تحلیل اکتشافی داده‌ها معرفی کرده است که اغلب در مسایل تک متغیره به کار می‌رود و در جهت هموارسازی نوسانات و اختلالات تلاش می‌کند (۱۶). رایج‌ترین روش در این کلاس، روش هموارسازی کرنل ندارایا-واتسون است که هنگام استفاده برای SMR، میانگین وزنی از SMR‌ها ( $\varphi_i$ ) است:

$$w_j = \frac{k((\varphi_i - \varphi_j)/h)}{\sum_{j \neq i} k((\varphi_i - \varphi_j)/h)} \quad \hat{\theta} = \sum_{j \neq i} w_j \varphi_j$$

که در آن توابعی از مقادیر همسایگی‌ها،  $K$ تابع چگالی احتمال متقارن با میانگین صفر و  $h$  برای مینیمم کردن برخی از معیارهای نکویی برآش انتخاب می‌شود. رویکردهای وزن‌دهی دیگری نیز وجود دارند اما ویژگی‌های آماری این برآوردگر را ندارند. ثابت هموارسازی  $h$  را می‌توان با استفاده از وارسی اعتبار (cross-validation) انتخاب کرد.

رویکرد دیگر هموارسازی، هموارسازی جداگانه صورت و مخرج SMR کسر است. یک روش توسط Kelsall و Diggle برای برآورد خطر نسبی مکان و آدرس رویدادها پیشنهاد شده است (۱۷-۱۸).

### ۳- مدل‌های بیز خطی

مبتنی بر توابع خطی از SMR هستند. به کارگیری این روش‌ها در نقشه‌بندی بیماری‌ها، نخستین بار توسط Marshall بیان شده است (۱۱ و ۱۹). ثابت شده است که برآورد بیز خطی  $\{\theta_i\}$  براساس SMR ( $\varphi_i$ ) عبارت است از:

$$\hat{\theta}_i = E_{\Theta}\{\theta_i\} + \frac{\text{cov}(\theta_i, \varphi_i)}{\text{var}_{\Theta}(\varphi_i)} [\varphi_i - E_{\Theta}\{\varphi_i\}]$$

که  $E_{\Theta}\{\theta_i\}$  امید  $\{\theta_i\}$  بر اساس توزیع پیشین محاسبه شده است. این برآوردگر بهترین برآوردگر به فرم  $\hat{\theta}_i = \alpha_i + \beta \varphi_i$  است. این معادله منجر به برآوردگر به فرم

$$\hat{\theta}_i = m_i + \frac{v_i}{(m_i/v_i) + v_i} \{\varphi_i - m_i\}$$

می‌شود که در آن

گرچه استفاده از SIR و SMR در نقشه‌بندی بیماری‌ها رایج است اما نقاط ضعفی در استفاده از این شاخص‌ها وجود دارد.

از جمله‌ی این نقاط ضعف می‌توان به موارد زیر اشاره کرد.

- ۱ مبتنی بودن این شاخص‌ها بر برآورد نسبی و در نتیجه تغییرات بزرگ در برآورد با اندک تغییرات در مقادیر مورد انتظار

-۲ بسیار بزرگ بودن مقادیر این شاخص‌ها در صورت نزدیک بودن مقادیر مورد انتظار به صفر

-۳ نشان ندادن تفاوت‌های موجود در مقادیر مورد انتظار در صورت صفر بودن مقادیر این شاخص‌ها

-۴ متناسب بودن واریانس این شاخص‌ها با عکس مقدار مورد انتظار (کوچک بودن در نواحی با

جمعیت بزرگ و بزرگ بودن در نواحی با جمعیت کم) و در نتیجه مشکل بودن مسئله تصمیم‌گیری

براساس این شاخص‌ها

-۵ برآورد اشباع برای خطر نسبی بودن و در نتیجه خلاف اصل امساک بودن استفاده از آن

از آنجایی که این برآوردگر دارای عیوب مذکور است می‌توان از مدل‌های دیگر برای غلبه بر این مشکلات استفاده کرد. در

این راستا روش‌های متعددی پیشنهاد شده‌اند که در ادامه به این روش‌ها پرداخته می‌شود.

### ۲- مدل‌های هموارسازی

یک رویکرد برای بهبود برآورد خطر نسبی، استفاده از ابزارهای هموارسازی SMR و SIR به منظور کاهش اختلالات است. این ابزارها می‌توانند مبتنی بر روش‌های میان‌یابی (interpolation methods)، هموارسازهای ناپارامتری مانند رگرسیون کرنل یا روش‌های جداگانه (partition methods) باشند. چندین روش تحلیل اکتشافی داده‌ها نیز در این خصوص معرفی گردیده‌اند. عموماً این روش‌ها نیازمند ثابت هموارسازی هستند که تغییرات و رفتار کلی خطر نسبی را تشریح می‌کند. برخی روش‌های موضعی نیز پیشنهاد شده‌اند که دارای حسن امکان ورود متغیرهای مستقل هستند. مدل‌های جمعی تعیین‌یافته نیز

$E_i \theta_i$  پیروی می‌کنند. توزیع پیشین برای خطرات نسبی  $\text{Gamma}(a, b)$  در نظر گرفته می‌شود. بدین ترتیب خطر نسبی دارای توزیع پسین ( $\text{Gamma}(a + O_i, b + E_i)$ ) با میانگین

$$E[\theta_i | O_i, a, b] = \frac{a + O_i}{b + E_i} = w_i \text{SMR}_i + (1 - w_i) \frac{a}{b}$$

$$w_i = \frac{E_i}{b + E_i}$$

است که در آن  $a$  و  $b$  پارامترهای توزیع پیشین گاما هستند. بنابراین میانگین پسین برای آمین ناحیه، میانگین وزنی SMR برای آن ناحیه و خطر نسبی بیماری در نقشه کلی است که وزن به طور معکوس با واریانس SMR در ارتباط است. اگر مقادیر مشاهده شده و مقادیر مورد انتظار هر دو بزرگ باشند آنگاه برآورده را سمت SMR میل می‌کند. اما اگر مقادیر مشاهده شده و مقادیر مورد انتظار هر دو کوچک باشند آنگاه به سمت میانگین پیشین ( $O_i / E_i$ ) میل می‌کند (۲۰-۲۱). با وجود این که مقادیر برآورده شده را میتوان از برآورده را بیز خطا کامل به دست آورد، مدل گاما-پواسن دارای چند حسن است. این مدل پسین کامل را برآورده می‌کند که می‌تواند برای محاسبه فواصل اطمینان و انجام آزمون‌های فرض استفاده شود در حالی که روش بیز خطا چنین قابلیتی را ندارد. حتی اگر توزیع واقعی خطر نسبی گاما باشد مدل گاما-پواسن میانگین و واریانس این توزیع را از طریق حداقل درستنمایی برآورده می‌کند که نسبت به روش گشتاوری استفاده شده در مدل‌های بیز خطا برتر و ارجح است (۲۰-۲۱).

عيوب اساسی این روش نیز این است که این مدل قادر به درنظر گرفتن همبستگی فضایی نیست (۲۰).

توزیع پیشین گاما برای خطر نسبی گرچه از منظر ریاضیاتی مناسب است، می‌تواند محدود کننده باشد زیرا ورود متغیرهای کمکی به آن مشکل بوده و امکان درنظر گرفتن همبستگی فضایی در نواحی نزدیکتر وجود ندارد (۱). در مقابل مدل لگ

$\mu_i$  و  $\sigma_i^2$  به ترتیب میانگین و واریانس توزیع پیشین خطر نسبی هستند

دو نوع از این برآورده را پیشنهاد کرده است. Marshall برآورده کلی که در آن میانگین و واریانس ثابت فرض شده ( $\hat{\mu}_i = \hat{\mu}$  و  $\hat{\sigma}_i^2 = \hat{\sigma}^2$ ) او از روش گشتاوری به دست می‌آید و برآورده موضعی برآورده میانگین و واریانس پیشین صرفاً با استفاده از نواحی مجاور به دست می‌آید.

#### ۴- مدل‌های بیز تجربی

این مدل‌ها مشابه مدل‌های بیز کامل بوده اما توزیع پیشین خطرات نسبی از داده‌های مشاهده شده برآورده می‌شود (۲۱-۲۰). به عبارت دیگر این روش‌ها بینایی روش حداقل درستنمایی و روش‌های بیز کامل هستند. در این مدل‌ها فرض می‌شود که خطرات نسبی ( $\theta_i$ ) از توزیع خاصی مانند  $f(\theta_i)$ - که با ابرپارامترهای  $\gamma$  پارامتری می‌گردد- پیروی می‌کند. توزیع پسین حاشیه‌ای خطرات نسبی به شرط داده‌های مشاهده شده و ابرپارامترهای  $\gamma$  عبارت است از:

$$g(\theta | O, \gamma) \propto g(O | \theta) f(\theta | \gamma)$$

این توزیع به عنوان تقریبی برای توزیع پسین حاشیه‌ای خطرات نسبی به شرط داده‌های مشاهده شده  $g(\theta | O)$  با به کارگیری برآوردهای ابرپارامترها استفاده می‌شود. معمولاً ابرپارامترها از داده‌های مشاهده شده، با حداقل نمودن درستنمایی حاشیه‌ای  $\gamma$

$$g(O | \gamma) = \int g(O | \theta) f(\theta | \gamma) d\theta$$

برآورده می‌شوند. حداقل نمودن را می‌توان از طریق الگوریتم EM یا از طریق تقریبات تحلیلی برای انتگرال از قبیل تقریب لاپلاس انجام داد. مهم‌ترین مدل‌هایی که در چارچوب مدل‌های بیز تجربی قرار دارند مدل‌های گاما-پواسن و لگ نرمال هستند که توسط Clayton و Kaldor معرفی گردیده‌اند (۱۰).

در مدل گاما-پواسن فرض بر این است که تعداد مرگ‌ها در هر ناحیه دو به دو مستقل بوده و از توزیع پواسن با پارامتر

$$\hat{\theta}_i = \frac{\sum_{j=1}^k \hat{\theta}_i \hat{p}_j Pois(O_i; E_i, \hat{\theta}_i)}{\sum_{j=1}^k \hat{p}_j Pois(O_i; E_i, \hat{\theta}_i)}$$

در مدل آمیخته‌ی پیشنهاد شده توسط لاوسون و کلارک (۲۰۰۲) فرض می‌شود که لگاریتم خطر نسبی می‌تواند به سه مؤلفه جمع‌پذیر تفکیک شود. یک مؤلفه ثابت نشان‌دهنده‌ی ناهمگنی ناهمبسته (۷) که بیش پراکندگی در یک ناحیه خاص را اندازه‌گیری می‌کند و دو مؤلفه آمیخته ( $\varphi$ ) که معرف جنبه‌های متفاوت همبستگی فضایی هستند. این دو مؤلفه ترکیبی از یک مؤلفه همبستگی فضایی و یک مؤلفه که گام‌های گسسته را مدل‌بندی می‌کند می‌باشند (۲۳). مدل آمیخته عبارت است از:

$$\log \theta_i = \alpha + v_i + p_i u_i + (1 - p_i) \varphi_i$$

$p_i$  که دارای حالات خاصی بر حسب مقادیر  $p_i$  است. اگر این مدل مشابه مدل بیز کامل (BYM) است که در قسمت بعد به ان اشاره می‌شود و اگر  $p_i = 0$  این مدل تبدیل به مدل گام‌خالص می‌شود.

#### ۶- مدل بیز کامل (BYM)

در این مدل فرض بر این است که تعداد مرگ‌ها در هر منطقه دوبه دو مستقل بوده و از توزیع پواسن پیروی می‌کنند. این مدل توسط Kaldor مطرح شده و توسط Besag و York Mollie بسط داده شد. (۱۰ و ۲۴).

فرمول بندی این مدل به شرح زیر است:

$$\log(\theta_i) = \alpha + u_i + v$$

در این مدل پارامتر خطر نسبی بیماری به سه مؤلفه تجزیه می‌شود  $\alpha$  مؤلفه روند که سطح کلی خطر نسبی است.  $u_i$  نیز بیش‌پراکندگی فضایی یا ناهمگنی همبسته‌ی فضایی است برای درنظر گرفتن امکان همبستگی بین خطرات نسبی در نواحی نزدیک هم، در مدل وارد می‌شود. برای این مؤلفه، ساختار همبستگی فضایی استفاده می‌شود که در آن برآورده خطر نسبی در هر ناحیه وابسته به نواحی همسایه است. مدل

نرمال برای خطرات نسبی بیماری انعطاف پذیرتر از مدل گاما-پواسن است:

$$y_i \sim poisson(E_i \theta_i)$$

$$\log \theta_i = \alpha + v_i$$

$$v_i \sim N(0, \tau_v^2)$$

در این مدل  $v_i$  برای در نظر گرفتن همبستگی فضایی و مشابهت وضعیت نواحی مجاور هم در مدل وارد شده است.

#### ۵- مدل‌های آمیخته

مدل‌هایی که تاکنون معرفی گردیده‌اند اساساً مبتنی بر تکنیک‌های هموارسازی هستند. این مدل‌ها اغلب به هموارسازی ناپیوستگی‌ها در خطرات می‌پردازند که حائز اهمیت است. چندین روش تشخیص ساده‌ی ناپیوستگی‌ها معرفی گردیده‌اند. گرچه این مدل‌ها موضوع عدم پیوستگی را مخاطب قرار داده‌اند اما امکان درنظر گرفتن همزمان هموارسازی و عدم پیوستگی در یک نقشه را فراهم نمی‌آورند. بدین منظور می‌توان مدل‌های آمیخته‌ی فضایی که اشکال متفاوت تعییرات فضایی را ارایه می‌دهند را به کار گرفت (۲۲). می‌توان یک مدل ساخت که توزیع حاشیه‌ای مقادیر، توزیعی آمیخته شامل مجموعه‌ای از اجزاء گسسته درنظر گرفته شود. این رویکرد کاملاً از مدل‌های پیشین که در آن پراکندگی و تعییرات در خطر با مخلوطی از چند جزء مدل‌بندی می‌شود، متفاوت است. این مدل K سطح متفاوت از خطر را درنظر می‌گیرد  $\{\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_k\}$  و مقادیر مشاهده شده را از ناحیه‌ای با خطر  $\theta_j$  و احتمال  $p_j$  فرض می‌کند. بدین ترتیب درست‌نمایی عبارت است از:

$$L = \prod_{i=1}^n \sum_{j=1}^k p_j pois(O_i; E_i, \theta_j)$$

در این حالت جواب به فرم بسته برای خطرات نسبی وجود ندارد اما الگوریتم‌های قابل اعتمادی مانند VEM برای این هدف پیشنهاد شده است (۲۳). راه دیگر استفاده از امید پسین است.

مدل‌های چندسطحی با پاسخ پوآسن را می‌توان هم با رویکردهای فراوانی‌گرایانه و هم با رویکردهای بیزی برآش داد. رویکردهای فراوانی‌گرایانه معمولاً نیازمند استفاده از تقریبات هستند. به عنوان مثال نرمافزار MLwiN از روش‌های شبه‌درستنامی استفاده می‌کند که نیازمند استفاده از تقریب‌های سری‌های تیلور برای تبدیل مسئله به حالتی است که بتوان با استفاده از الگوریتم حداقل مربعات مکرر عمومی برآش را انجام داد (۳۰-۲۷). دیگر رویکردهای رایج فراوانی‌گرایانه شامل تقریبات لاپلاس و مربع نرمال است. برآورد بیزی شامل بسط مدل‌ها به مدل‌هایی است که شامل اطلاعات پیشین بوده و از برآوردهای MCMC برای برآش استفاده می‌کنند (۳۲-۳۱).

### بحث

با وجود مطالب و مقالات فراوان درخصوص طراحی مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها، توجه اندکی بر ارزیابی و مقایسه مدل‌ها به ویژه با استفاده از معیارهای نکویی برآش مدل‌ها معطوف شده است. Lawson و همکاران در مطالعه‌ای با استفاده از شبیه‌سازی داده‌ها از برخی از مدل‌های ممکن، به ارزیابی چگونگی پوشش پراکنده‌ی فضایی توسط هر کدام از مدل‌ها و بررسی شایستگی نسبی هر کدام از مدل‌های برآش یافته با استفاده از چندین معیار نکویی برآش پرداختند (۲). Richardson یک مطالعه شبیه‌سازی جامع را برای روش نمودن میزان هموارسازی خطرات در مدل‌های بیزی در نقشه‌بندی بیماری‌ها به منظور ارزیابی عملکرد آن‌ها در تشخیص نواحی با خطر بالای واقعی انجام داد (۳۳). Marshall روش‌های بیزی تجربی و برخی روش‌های ابتدایی بیزی کامل در نقشه‌بندی بیماری‌ها را مرور و مورد مقایسه قرار داد (۳۴). Bithell درخصوص رویکردهای ناپارامتری و مبتنی بر مدل بحث نمود (۳۵). Richardson و Lawson استفاده‌ی مدل‌های فضایی در کاربردهای اپیدمیولوژیک را مورد بحث قرار دادند (۳۶ و ۱۴). Leyland و Manda روش‌های فراوانی‌گرایانه (حداکثر درستنامی) را با مدل‌های فضایی بیزی مقایسه کرده‌اند (۳۷). Bernardinelli و

اتورگرسیو شرطی (Conditional Autoregressive) پیشنهاد شده توسط Besag و همکاران عبارت است از:

$$\begin{aligned} \left[ u_i | u_j, i \neq j, \tau_u^2 \right] &\sim N(\bar{u}_i, \tau_i^2) \\ \tau_i^2 &= \frac{\tau_u^2}{\sum_j w_{ij}} \quad \bar{u}_i = \frac{1}{\sum_j w_{ij}} \sum_j u_j w_{ij} \\ \text{که } (a) \text{ و } (b) \text{ مجاور} \\ w_{ij} &= 1 \quad \text{باشد،} \\ w_{ij} &= 0 \quad \text{و در غیر این صورت} \\ \text{با فرمول بندی مدل برای بیش‌پراکنده‌ی همبسته فضایی،} \\ \text{واریانس وابسته به تعداد همسایگی‌ها است و استقلال به} \\ \text{خوبی تعریف نمی‌شود. برای حل این مشکل، عبارت دیگری} \\ v_i & \text{به مدل وارد می‌شود که پارامتر بیش‌پراکنده‌ی غیر} \\ \text{فضایی یا ناهمگنی ناهمبسته‌ی فضایی است (۲۵).} \end{aligned}$$

### ۷- مدل‌های چندسطحی

روش دیگر نقشه‌بندی بیماری‌ها فرم لگ خطی را به کار می‌گیرد.  $\theta_i = \exp\{\beta_o + v_i\}$  است و  $\sigma_v^2 \sim N(0, \sigma_v^2)$  و  $v_i$  اثرات تصادفی است. این مدل را می‌توان برحسب تعداد موارد نیز نوشت (به جای میزان‌ها):

$$y_i \sim Poisson(\mu_i) \quad \log(\mu_i) = \log(E_i) + \beta_0 + v_i$$

در حالت کلی مدل‌های چندسطحی به داده‌های برآش داده می‌شوند که در ساختار خود دارای سطوح خوش‌بندی هستند. در نقشه‌بندی بیماری‌ها و کاربردهای جغرافیایی، این سطوح، می‌توانند مناطق جغرافیایی مانند بخش‌های شهرستان‌ها، شهرستان‌های استان‌ها یا استان‌های کشور تعریف شوند که برای هر سطح جغرافیایی می‌توان اثرات تصادفی دارای توزیع نرمال را در نظر گرفت (۲۶). به عنوان مثال برای شهرستان‌های استان‌ها، می‌توان مدل

$$y_{ij} \sim Poisson(\mu_{ij}) \quad \log(\mu_{ij}) = \log(E_{ij}) + \beta_0 + v_{ij} + u_{ij}$$

را تعیین کرد که در آن اثرات تصادفی شهرستان‌ها و استان‌ها دارای توزیع نرمال هستند.

$$u_{ij} \sim N(0, \sigma_u^2) \quad v_{ij} \sim N(0, \sigma_v^2)$$

خودهمبستگی در باقیماندها را به جا می‌گذارد. همچنین این مدل‌ها رفتاری مشابه مدل گاما - پوآسن از خود نشان می‌دهند (۲).

**د) مقایسه مدل‌های بیز تجربی و بیز کامل:** مدل بیز تجربی از این لحاظ مورد انتقاد است که برآوردهای تولید شده بسیار زیاد به سمت میانگین کلی می‌کنند. به همین دلیل برآوردهای بیز تجربی مقید (constrained) معرفی گردیده‌اند که برآوردهایی تولید می‌کنند که پراکندگی توانشان مشابه داده‌های خام است (۴۳). مدل بیز کامل برتر از مدل بیز تجربی است زیرا عدم قطعیت در پارامترهای مدل را درنظر می‌گیرد در حالی که برآوردهای مدل بیز تجربی، برآوردها را نسبت به برآوردهای نقطه‌ای پارامترهای مدل شرطی می‌کند. بنابراین ممکن است برآوردهای مدل بیز تجربی صحت کمتری داشته باشند اما از سوی دیگر روش بیز کامل نیازمند برنامه‌های رایانه‌ای پیچیده‌تر بوده و اجرای آن مشکل‌تر است (۳۹). با این وجود مدل بیز تجربی برای ارزیابی اولیه و مقدماتی خطر بیماری در سیستم‌های اطلاعات جغرافیایی (GIS) که تعداد زیادی داده مدیریت می‌شوند و الگوریتم مورد استفاده باید سریع و آسان باشد، مفید است. در برآورد خطر نسبی نیز با وجود تفاوت برآورد خطر نسبی تحت دو روش، رتبه خطر نسبی در کل ناحیه نقشه‌بندی مشابه است (۱۰). بررسی مجلات مهندسی پی‌ام‌پی‌لوژیک در دهه ۱۹۹۰-۲۰۰۰ نشان داد که مدل BYM تنها مدل فضایی بیز کامل مورد استفاده در کاربردهای منتشرشده نقشه‌بندی بیماری‌ها بوده است. مقایسات انجام شده در مطالعه اخیر و مطالعات دیگر نشان می‌دهد که این مدل هنوز هم یک مدل مناسب در نقشه‌بندی بیماری‌های نواحی کوچک است اما مدل‌های فضایی بیزی دیگر که در سالیان اخیر پیشنهاد شده‌اند، در برخی کاربردها توانایی بهبود برآوردها را دارند (۳۹).

**۵) مدل‌های آمیخته:** مدل BYM و مدل آمیخته دارای ویژگی‌های خوب و مطلوبی در مدل‌بندی یک بیماری هستند. ویژگی اختصاصی مدل آمیخته، توانایی اقتباس اطلاعات هم از نواحی مجاور و هم از نواحی غیر مجاور است. این ویژگی

Montomoli مقایسه‌ای بین مدل‌های بیز کامل و بیز تجربی و مدل‌هایی که با پراکندگی بیماری‌ها سروکار دارند انجام داده‌اند (۳۸). Best جدیدترین مدل‌های بیزی که در نقشه‌بندی بیماری‌ها از مدل‌های بیز کامل استفاده می‌کنند را خلاصه کرده است (۳۹). Clayton و Kaldor مقایساتی درباره مدل‌های بیز تجربی و بیز کامل انجام داده‌اند (۱۰). تلاش‌های دیگری برای ارزیابی حساسیت مدل بیز کامل نیز انجام شده است که این ارزیابی‌ها نیز تنها محدود به دامنه محدودی از مدل‌های بیزی است (۴۰، ۴۱). بر اساس این مطالعات نتایج زیر حاصل شده است.

**الف) مقایسه مدل‌های بیزی و غیربیزی:** با وجود تشابه برآورد پارامترها در دو مدل، برآورد واریانس اثرات تصادفی در رویکرد فراوانی‌گرایانه عموماً کمتر از روش بیزی است. همچنین اجرای روش بیزی آسان‌تر است و برآوردهای قابل اطمینان‌تری ارایه می‌دهند. میزان‌های بروز بیماری‌ها که با استفاده از روش بیزی به دست می‌آیند دقیق‌تر (دارای فاصله اطمینان کوتاه‌تر) هستند (۴۱-۴۲). ثابت شده است که روش‌های بیزی مبادله‌ای بین اریبی و کاهش واریانس برآوردها ایجاد می‌کنند. همچنین ثابت شده است که به ویژه هنگامی که حجم نمونه کم است این روش‌ها ویژگی‌های خوبی برحسب کمینه کردن زیان مربع خطأ دارند (۱۴).

**ب) مدل‌های هموارسازی:** هموارسازی با حذف نوسانات، امکان مشاهده الگوهای ذاتی و واقعی فضایی را فراهم می‌کند و برآوردهای دقیق‌تر و فواصل اطمینان کوتاه‌تری نسبت به حالت عدم هموارسازی را نتیجه می‌دهد. در حالت کلی، اثر هموارسازی کاهش تعداد واحدها در بالاترین و پایین‌ترین گروه‌ها و بدین ترتیب افزایش تعداد واحدها در گروه‌های میانی است. در حالت کلی این مدل‌ها عملکرد مطلوبی نداشته و استفاده از هموارساز کرنل توصیه نمی‌شود اما این روش در برآورد لگاریتم خطر نسبی عملکرد بهتری دارد (۲). در صورت وجود خود همبستگی هموارساز کرنل عملکردی ضعیف دارد.

**ج) مدل‌های بیز خطي:** در بین روش‌های بیز خطی، مدل کلی Marshall نتایج بهتری را ارایه می‌دهد گرچه

مزایا و معایب و نقاط قوت و ضعف خاص خود بوده و در مواردی خاص نسیت به دیگر مدل‌ها ارجح هستند. در این مقاله مجموعه‌ای از مهم‌ترین مدل‌های نقشه‌بندی بیماری‌ها تشریح و مورد مقایسه قرار گرفته و تفاوت‌ها و شباهت‌های آن‌ها مورد بررسی قرار گرفت اما از آنجا که در سالیان اخیر تلاش‌های فراوانی در جهت رفع نقاط ضعف مدل‌های موجود و گسترش و بسط بیش از پیش و روزافزون این مدل‌ها به عمل آمده است، لزوم مقایسه‌ی دامنه‌ی گستردگی از مدل‌ها، هم از منظر تئوری و هم از منظر نتایج در یک مطالعه شیوه‌سازی جامع ضروری به نظر می‌رسد. ضمن آن که در این مقاله تنها در خصوص نقشه‌بندی یک بیماری بحث گردیده و با توجه به اهمیت و کاربرد فراوان مدل‌های نقشه‌بندی توأم و چندمتغیره‌ی بیماری‌ها، مطالعه و مقایسه‌ی این مدل‌ها نیز می‌تواند مفید واقع شود.

منجر به اربی کمتر برآوردهای نقطه‌ای خطرات، نسبت به مدل‌های دیگر برای خطرات بالا می‌گردد. مدل BYM گرایش به بیش‌هموارسازی برآوردهای نقطه‌ای دارد اما در طبقه‌بندی کلی نواحی، اندکی بهتر از مدل آمیخته است. مدل‌های آمیخته حتی هنگامی که خطرات نسبی واقعی آمیخته باشند، خطرات نسبی را به خوبی پوشش نمی‌دهند (۳۹). این مدل‌ها در تحلیل مقادیر به خوبی عمل می‌کنند اما این تحلیل‌ها معمولاً با مدل‌های BYM و گاما بهتر انجام می‌شوند (۲). چندین مدل برای تشریح توزیع فضایی میزان‌ها معرفی شده‌اند. این مدل‌ها، مدل‌های پواسن آمیخته (Poisson Mixed Models) بوده که اثرات فضایی اختصاصی نواحی را وارد مدل می‌کنند. این اثرات می‌توانند معرف عوامل محیطی باشند و برخی اوقات همبستگی فضایی را نیز نشان دهند (۴۰، ۳۸، ۲۴).

### نتیجه‌گیری

به طور کلی می‌توان گفت مدل‌های متعددی برای نقشه‌بندی بیماری‌ها مطرح شده است که هر کدام دارای مبانی تئوری،

### References

- Lawson AB, Browne WJ, Rodeiro CLV. Disease mapping with WinBUGS and MLwiN. Washington :Wiley Online Library; 2003.
- Lawson A, Biggeri A, Boehning D, Lesaffre E, Viel J, Clark A, et al. Disease mapping models: an empirical evaluation. Disease Mapping Collaborative Group. Statistics in Medicine 2000;19(17-18):2217-41.
- Mahaki B, Mehrabi Y, Kavousi A, Mohammadian Y, Khodakarim S. Applying Gamma-Poisson, LogNormal and BYM models in comparing relative risk of suicide among counties of Ilam, Journal of Health System Research 2012; 9(1): 1-10. [In Persian]
- Pickle LW, Mungiole M, Jones GK, White AA. Exploring spatial patterns of mortality: the new atlas of United States mortality. Statistics in Medicine 1999;18(23):3211-20.
- Cancer E-Atlas [<http://www.ncin.org.uk/eatlas/>]. Available at Feb 2013.
- Congdon P. Applied Bayesian Modeling. Clinchester: John Wiley&Sons; 2003
- Lawson AB. Statistical Methods in Spatial Epidemiology. Chichester: John Wiley & Sons. 2001.
- Elliott P, Wakefield JC, Best NG, Briggs DJ. Spatial Epidemiology: Methods and Applications. London: Oxford University Press; 2000.
- Asmari NS, Kavousi A, Salehi M, Mahaki B. Mapping of Stomach Cancer Rate in Iran Using Area-to-Area Poisson Kriging. Journal of Health System Research 2012; 9(3): 681-7. [In Persian]
- Clayton D, Kaldor J. Empirical Bayes estimates of age-standardized relative risks for use in disease mapping Biometrics 1987;43(3):671-81.
- Marshall RJ. Mapping disease and mortality rates using empirical Bayes estimators. J R Stat Soc Ser C Appl Stat 1991;40(2):283-94.

12. Mahaki B, Mehrabi Y, Kavousi A, Akbari ME, Waldhoer T, Schmid VJ, et al. Multivariate Disease Mapping of Seven Prevalent Cancers in Iran using a Shared Component Model. *Asian Pac J Cancer Prev* 2011;12(9):2353-8.
13. Asmari NS, Kavousi A, Salehi M, Mahaki B. Comparison of Poisson Kriging and Empirical Bayesian Methods in mapping of gastrointestinal cancer incidence rate in Iran. *Journal of Health System Research* 2013; 9(3): 277-85. [In Persian]
14. Lawson AB, Biggeri AB, Boehning D, Lesaffre E, Viel J-F, Bertollini R. *Disease Mapping and Risk Assessment for Public Health*. New York: Wiley;1999.
15. Asmari NS, Ruzitalab A, Amir K, Masoud S, Mahaki B. Area-to-Area Poisson Kriging Analysis of Mapping of County-Level Esophageal Cancer Incidence Rates in Iran. *Asian Pac J Cancer Prev* 2013;14(1):11-3.
16. Simonoff JS. *Smoothing methods in statistics*. New York: Springer Verlag; 1996.
17. Kelsall JE, Diggle PJ. Non-parametric estimation of spatial variation in relative risk. *Stat Med* 1995; 14(21-22):2335-42.
18. Kelsall J, Diggle P. Spatial variation in risk of disease: a non-parametric binary regression approach. *Journal of the Royal Statistical Society: Series C (Applied Statistics)* 1998; 47(4): 559-73.
19. Lee PM. *Bayesian Statistics: An Introduction*. 2th End. New York: Wiley; 1997.
20. Wolpert RL, Ickstadt K. Poisson/gamma random field models for spatial statistics. *Biometrika* 1998;85(2):251-67.
21. Carlin BP, Louis TA. Bayes and empirical Bayes methods for data analysis. *Statistics and Computing* 1997;7(2):153-4.
22. Böhning D, Schlattmann P, Lindsay B. Computer-assisted analysis of mixtures (C.A.MAM): statistical algorithms. *Biometrics* 1992; 48(1):283-303.
23. Lawson AB, Clark A. Spatial mixture relative risk models applied to disease mapping. *Stat Med* 2002; 21(3):359-70.
24. Besag J, York J, Mollie A. Bayesian image restoration with two applications in spatial statistics. *Annals of the Institute of Statistical Mathematics* 1991; 43(1):1-59.
25. Bernardinelli L, Clayton D, Pascutto C, Montomoli C, Ghislandi M, Songini M. Bayesian analysis of space-time variation in disease risk. *Stat Med* 1995;14(21-22):2433-43.
26. Goldstein H. *Multilevel Statistical Models*. 2th End. London: Edward Arnold; 1995.
27. Goldstein H. Multilevel mixed linear model analysis using iterative generalized least squares. *Biometrika* 1986; 73(1), 43–56.
28. Goldstein H. Nonlinear multilevel models with an application to binary response data. *Biometrika* 1991; 78(1), 45–51.
29. Goldstein H, Rasbash J. Improved approximations for multilevel models with binary response. *Journal of the Royal Statistical Society*1996; 159 (3), 505–13.
30. Rasbash J, Browne W, Goldstein W, Yang M, Plewis I, Healy M, et al. *A User's Guide to MLwiN*. London: Institute of Education; 2009.
31. Raudenbush S, Yang M, Yosef M. Maximum likelihood for generalized linear models with nested random effects via high-order, multivariate Laplace approximation. *Journal of Computational and Graphical Statistics* 2000; 9(1): 141–57.
32. Rabe-Hesketh S, Toulopoulou T, Murray R. Multilevel modeling of cognitive function in schizophrenic patients and their first degree relatives. *Multivariate Behavioral Research* 2001; 36(2): 279–98.
33. Richardson S, Thomson A, Best NG, Elliott P. Interpreting posterior relative risk estimates in disease mapping studies. *Environ Health Perspect* 2004; 112(9):1016-25.

34. Marshall RJ. A review of methods for the statistical analysis of spatial patterns of disease. *Journal of the Royal Statistical Society Series A (Statistics in Society)*. 1991; 154(3): 421–41.
35. Bithell JF. A classification of disease mapping methods. *Stat Med* 2000; 19(17-18):2203-15.
36. Richardson S. Spatial models in epidemiological applications. In Green PJ, Hjort NL, Richardson S, eds. *highly structured stochastic systems*. Oxford: Oxford University Press; 2003. P. 237–59.
37. Manda SOM, Leyland A. An empirical comparison of maximum likelihood and Bayesian estimation methods for multivariate spatial disease modeling. *South African Statistical Journal* 2007; 41(1):1-21.
38. Bernardinelli L, Montomoli C. Empirical Bayes versus fully Bayesian analysis of geographical variation in disease risk. *Stat Med* 1992; 11(8):983-1007.
39. Best N, Richardson S, Thomson A. A comparison of Bayesian spatial models for disease mapping. *Statistical Methods in Medical Research* 2005; 14 (1), 35–59.
40. Best N, Waller L, Thomas A, Conlon E, Arnold R. Bayesian models for spatially correlated disease and exposure data. In:, Bernardo J M., Berger J. O., Dawid A. P., Smith A. F. M. editors. *Bayesian Statistics 6*. London; Oxford University Press: 1998.
41. Downing A, Forman D, Gilthorpe MS, Edwards KL, Manda SOM. Joint disease mapping using six cancers in the Yorkshire region of England. *International Journal of Health Geographics* 2008;7(1):41.
42. Assunção RM, Castro MSM. Multiple cancer sites incidence rates estimation using a multivariate Bayesian model. *International Journal of Epidemiology* 2004;33(3):508-516.
43. Devine OJ, Louis TA. A constrained empirical bayes estimator for incidence rates in areas with small populations. *Stat Med* 1994; 13(11):1119-33.
44. Inskip H. Standardization methods. In: Armitage P, Corton T. editors. *Encyclopedia of Biostatistics*. New York; Wiley: 1998; 4237–50.

## Mapping Spatial Variation of Disease using Classic and Bayesian Models

Yadollah Mehrabi<sup>1</sup>, Behzad Mahaki<sup>2</sup>, Amir Kavousi<sup>3</sup>

### Review Article

#### Abstract

Disease mapping includes a set of statistical techniques that lead to provide clean maps based on estimation of the incidence, prevalence and mortality rates for the users to be able to estimate the distribution of disease reliably. The main aims of disease mapping are to: describe the spatial variation in disease incidence for the formulation of etiological hypotheses; identify areas of unusually high risk so that action may be taken; provide a clean map of disease risk in a region to allow better resource allocation and risk assessment; disease atlas construction. So far, several case studies have been conducted in which the applications of disease mapping models have been used.

However, except in a few small studies and in limited situations, disease mapping models have not been compared and their general terms have not been studied. According to the importance of disease mapping and its growing use, in the present study the most important models have been introduced and their theoretical foundations, applications, advantages and disadvantages have been mentioned briefly and their various aspects have been compared.

**Citation:** Mehrabi Y, Mahaki M, Kavousi A. Mapping Spatial Variation of Disease using Classic and Bayesian Models. J Health Syst Res 2014; 10(2):201-211

Received date: 11.07.2013

Accept date: 19.08.2013

1. Department of Epidemiology, School of Public Health, Shahid Beheshti University of Medical Sciences, Tehran, Iran
2. Department of Biostatistics, School of Public Health, Isfahan University of Medical Sciences, Isfahan, Iran  
(Corresponding Author) Email:behzad.mahaki@gmail.com
3. Department of Sciences, School of Health, Safety and Environment, Shahid Beheshti University of Medical Sciences, Tehran, Iran