

## کاهش اثرات آشفتگی جریان هوا در مخابرات نوری فضای آزاد با به کارگیری کدهای فضا- زمان بر اساس ساختار چند چشم‌های

\*حمید رضا خدادادی<sup>۱</sup>، محمد حسین قزل ایاغ<sup>۲</sup>، حسین خالقی بیزکی<sup>۳</sup>، ابوالفضل چمن مطلق<sup>۴\*</sup>

<sup>۱</sup>- دانشجوی دکتری مخابرات، <sup>۲</sup>- استادیار دانشگاه جامع امام حسین (ع) و <sup>۳</sup>- استادیار گروه مخابرات دانشگاه صنعتی مالک اشتر

(دریافت: ۹۲/۰۷/۲۲، پذیرش: ۹۲/۰۷/۱۱)

### چکیده

سیستم‌های مخابرات نوری فضای آزاد، بهدلیل امکان ارسال پهنای باند زیاد و امنیت بالا می‌تواند جایگزین مناسبی برای سیستم‌های رادیوئی باشد. مشکل اصلی به کارگیری این سیستم‌ها، وجود پدیده‌های جوی محیط انتشار نظری توربولنس است. توربولنس ناشی از تغییرات ضربی شکست محیط انتشار در مسیر بین فرستنده و گیرنده است که موجب تغییرات شدت نور در گیرنده می‌شود. برای بیان شدت نوسانات نور دریافتی لینک‌های مخابرات نوری زمینی عمده‌تاً ازتابع توزیع گاما - گاما استفاده می‌شود. توربولنس موجب می‌شود که نور منتشرشده در کanal انتقال دچار پدیده چند مسیرگی گردد و رفتاری مشابه با پدیده محوشدنگی در کanal مخابرات سیار داشته باشد. در سیستم مخابرات سیار نسل سوم به بعد، برای غلبه بر پدیده محوشدنگی از روش چند فرستنده و چند گیرنده به صورت ساختار MIMO استفاده می‌شود. در این مقاله برای غلبه بر پدیده توربولنس، بنا بر ملاحظات عملی، استفاده همزمان از روش متوسطگیری دهانه لنز گیرنده و تکنیک چند فرستنده و یک گیرنده (MISO) به همراه کدهای فضا - زمان در کanal با تابع توزیع گاما - گاما ارائه شده است. نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهند که در یک لینک مخابرات نوری با ۴ فرستنده و یک گیرنده و برد ۱۰ کیلومتر نرخ خطای بیت همواره کمتر از  $10^{-6}$  خواهد بود.

**کلید واژه‌ها:** مخابرات نوری فضای آزاد، توربولنس، روش چند فرستنده و یک گیرنده MISO، کدهای فضا - زمان.

## Mitigation of Atmospheric Turbulence Impact on the Free Space Optical Communication using Space-Time Coding Based on MISO

H. R . Khodadadi, M. H. Ghezel Ayagh, H. Khalegi Bezaki, A. ChamanMotlagh\*

Imam Hossien University

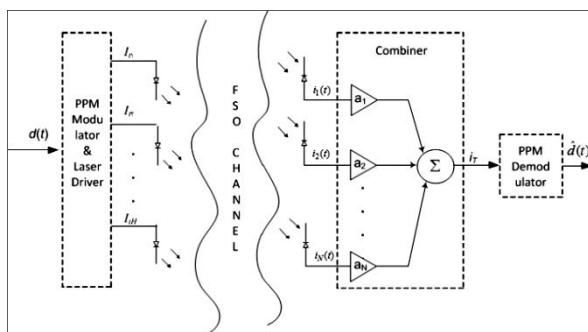
(Received: 01/05/2013, Accepted: 14/10/2013)

### Abstract

*Free-space optical communication has many advantages such as high bandwidth, high security and can be a good alternative for radio systems. The performance of this system could be degraded due to atmospheric turbulence. Turbulence-induced refractive index changes in the medium in the path between transmitter and receiver which leads fluctuation in light intensity on receiver. The gamma-gamma distribution is popularly accepted for modeling the received intensity fluctuations in the near-ground free-space optical communication. Turbulence can cause fading in mobile communication. In the third generation mobile communication systems, to overcome the fading phenomenon, multi-transmitter and multi-receiver MIMO structure is used. In this paper, mitigation of the turbulence effects, based on practical considerations, and using a MISO structure with space time-codes with aperture averaging method with gamma-gamma distribution has been studied. Simulation results show that the design link (MISO with 4 transmitter and 10km range) has BER of less than  $10^{-6}$  even in the presence of strong turbulence.*

**Keywords:** Free-Space Optical Communication, Turbulence, Multi Transmitter and Single Receiver (MISO), Space-Time Coding.

جمع این دو پدیده موجب آن خواهد شد که در سمت گیرنده، دامنه شدت نور دریافتی متغیر بوده که اصطلاحاً به آن سوسوزدن می‌گویند. این پدیده موجب محوشدگی سیگنال در لحظاتی از زمان در گیرنده شده و در نهایت خطای سیستم را افزایش می‌دهد. این اثر مشابه پدیده چند مسیرگی کانال‌های مخابرات رادیوئی بدون سیم (حالت فیدینگ عمیق) است. در چند سال اخیر پیاده‌سازی تکنیک MIMO توانسته تحولی را در مواجهه با پدیده چند مسیرگی کانال مخابراتی بدون سیم به وجود آورد. با توجه به شباهت کانال مخابرات نوری و رادیوئی به نظر می‌رسد از این تکنیک بتوان برای کاهش اثر توربولنس محیط استفاده نمود. مطابق شکل (۲) در حالت MIMO از چندین فرستنده و گیرنده استفاده می‌شود.



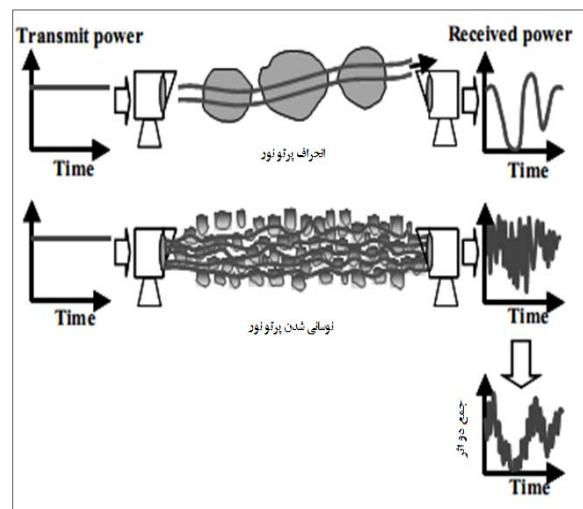
شکل ۲. به کارگیری روش MIMO در سیستم مخابرات نوری [۸]

مزیت سیستم MIMO داشتن ظرفیت یا دایورسیتی بهازی توان و پهنانی باند ثابت است. در MIMO دریافت سیگنال در چند نقطه صورت می‌گیرد (دایورسیتی مکانی) بنابراین، تا حدودی اثر توربولنس نیز کاهش یافته و نرخ خطای بیت بهبود می‌یابد. بهمنظور کاهش بیشتر نرخ خطای بیت، باید میزان جایه‌جایی نور دریافتی در گیرنده، با استفاده از سیستم‌های اپتیکی محدود شود. طبیعی است که هرچه ابعاد گیرنده بزرگ‌تر باشد این امر بهتر انجام می‌شود. بهدلیل اینکه در سیستم MIMO چند گیرنده وجود دارد، قرار دادن سیستم اپتیکی در ورودی هر گیرنده، ابعاد سیستم، پیچیدگی و هزینه آن را افزایش می‌دهد. علاوه براین در سیستم MIMO، بهعلت وجود چند گیرنده نوری، توان نویز کل سیستم که ناشی از جمع نویز تمام آشکارسازهای گیرندهای نوری MIMO است نیز افزایش می‌یابد. لازم به ذکر است دیود آشکارساز گیرنده علاوه بر نویز حرارتی نویزهای دیگری نیز ایجاد می‌نماید. بهدلیل معایب فوق، استفاده از سیستم چند فرستنده و یک گیرنده<sup>۴</sup> در الیت است.

در این مقاله به کارگیری تکنیک MISO همراه با متوسط‌گیری زمانی و استفاده از کدهای متعامد فضا-زمان (برای ایجاد استقلال بین سیگنال فرستنده نوری) پیشنهاد شده است.

## ۱. مقدمه

با توجه به تهدیدات جنگ الکترونیک در بسیاری از زمان‌ها نمی‌توان از سیستم‌های رادیوئی در شرایط بحران استفاده کرد. در این شرایط سیستم‌های مخابرات نوری فضای آزاد<sup>۱</sup> (FSO) می‌توانند جایگزین مناسب باشند. این سیستم‌ها از مزایای کم حجم بودن تجهیزات، توان مصرفی پایین، عدم نیاز به مجوز فرکانس، امکان ارسال پنهانی باندهای بالاتر نسبت به سیستم‌های رادیوئی وامنیت بهتر در برابر شنود و تهدیدات جنگ الکترونیک برخوردارند [۱-۳]. بهدلیل داشتن امنیت بالا و مقاومت در مقابل اختلالات رادیوئی این سیستم ارتباطی، می‌تواند در شرایط پدافند غیرعامل کارآمد باشد. در کنار این ویژگی‌های قابل توجه، مهم‌ترین عاملی که سبب کاهش کارایی آنها می‌شود، تأثیرپذیری نور لیزر از شرایط اتمسفری است. تغییرات دائمی دما و فشار توده‌های جوی باعث پدیده‌هایی همچون توربولنس و محوشدگی شده که تضعیف عملکرد سیستم را بدنبال خواهد داشت [۳]. تاکنون چندین روش برای مقابله با این محوشدگی پیشنهاد شده که از جمله مهم‌ترین آنها می‌توان به تکنیک‌های متوسط‌گیری از سطح لنز [۴]، به کارگیری چندین فرستنده و گیرنده MIMO<sup>۲</sup> [۵-۷]، استفاده از تکنیک‌های کدینگ [۸-۹] و ترکیب لینک‌های نوری و رادیوئی<sup>۳</sup> [۱۰] اشاره نمود. در این مقاله با ارائه تلفیق تکنیک‌های مخابراتی و اپتیکی، مدلی برای کاهش اثر توربولنس ارائه شده است. در سیستم‌های مخابرات نوری به خاطر اثر پخش‌شدن ناشی از توربولنس نور به صورت کاملاً مستقیم منتشر نشده و دچار انحراف می‌شود. مطابق شکل (۱) ذرات بزرگ مثل قطرات آب موجود در مه مسیر نور را منحرف نموده و ذرات کوچک مثل گرد و غبار به صورت تصادفی مسیر نور را تغییر می‌دهد.



شکل ۱. توده‌های هوایی در اتمسفر [۱]

<sup>1</sup> Free Space Optical Communication

<sup>2</sup> Multiple Input Multiple Output

<sup>3</sup> FSO / RF

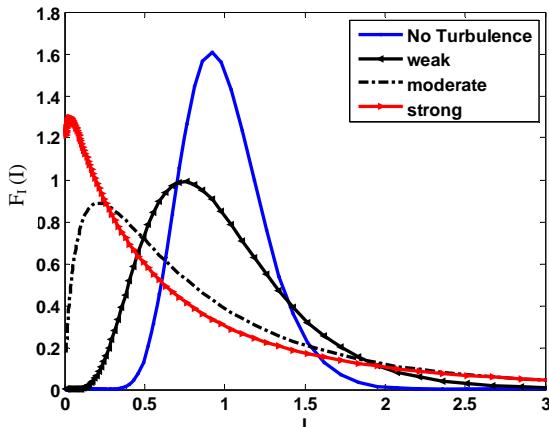
که در آن،  $I$  یک متغیر تصادفی و بیانگر شدت نور دریافتی،  $K_{\alpha-\beta}$  تابع بسل مرتبه دوم،  $\Gamma(\alpha)$  و  $\Gamma(\beta)$  تابع توزیع گاما و  $\alpha$  و  $\beta$  پارامترهای کanal انتقال هستند که به صورت تجربی به دست می‌آیند. این دو پارامتر رابطه مستقیمی با تعداد مؤثر پراکنده کننده‌ها (عوامل تفرق و پراکندگی اشعه) دارند که به صورت زیر بیان می‌شود [۱۱]:

$$\alpha = \left[ \exp \left( \frac{0.49 \sigma_R^2}{\left( 1 + 0.56 \sigma_R^{12} \right)^{\frac{1}{5}}} \right) - 1 \right]^{-1} \quad (3)$$

$$\beta = \left[ \exp \left( \frac{0.51 \sigma_R^2}{\left( 1 + 0.69 \sigma_R^{12} \right)^{\frac{1}{5}}} \right) - 1 \right]^{-1}$$

در شکل (۳) به‌ازای شرایط مختلف آب و هوایی تابع توزیع گاما – گاما رسم شده است. همان‌طور که دیده می‌شود در شرایط توربولنسی ضعیف، کanal به کanal گوسی (AWGN)<sup>۲</sup> نزدیک است و در شرایط توربولنس قوی، پراکندگی لکه‌های نور دریافتی بیشتر می‌شود.

تابع توزیع گاما – گاما



شکل ۳. تابع توزیع گاما- گاما به ازاء شرایط مختلف آب و هوایی

### ۳. روش‌های کاهش اثرات شرایط محیطی بر کارایی سیستم مخابرات نوری فضای آزاد

تا کنون برای غلبه بر شرایط محیطی روش‌های مختلفی ارائه شده است [۷-۱۳]. با این حال هیچ‌کدام از این روش‌ها به تنها‌ی نمی‌تواند در شرایط توربولنس قوی، میزان خطای سیستم را در حد مطلوب یک سیستم مخابراتی نگه دارد بنابراین، در مقاله حاضر استفاده همزمان از روش‌های متوسط‌گیری دهانه لنز گیرنده، MISO و کدهای فضا-زمان پیشنهاد شده است.

<sup>2</sup> Additive White Gaussian Noise

**۲. کanal انتقال سیستم‌های مخابرات نوری فضای آزاد**  
در یک سیستم مخابرات نوری فضای آزاد اتمسفر به عنوان یک محیط برای انتشار و انتقال نور در نظر گرفته می‌شود. تضعیف اتمسفری غالباً بر اثر وجود مه بوده ولی ابرهای کم ارتفاع، باران، برف، گرد و غبار و یا ترکیبی از هر کدام نیز بر کارایی سیستم اثر می‌گذارد. تضعیف در اتمسفر با عواملی همچون تلفات پراکندگی، تلفات جذب، اثر توربولنس و پاشیدگی بیان می‌شود. این تلفات تابع شرایط محیطی است و می‌تواند موجب قطع شدن لینک ارتباطی شود. مهم‌ترین عامل تضعیف در کanal مخابرات نوری توربولنس است که در شکل (۱) نشان داده شده است. طبق رابطه ریتوف<sup>۱</sup> میزان واریانس دامنه پرتو لیزر در اثر پدیده توربولنس به صورت زیر است [۱۱].

$$\sigma_R^2 = 1.23 C_n^2 \lambda^{\frac{7}{6}} L^{\frac{11}{6}} \quad (1)$$

در این رابطه  $k = \left(\frac{2\pi}{\lambda}\right)$  عدد موج،  $\lambda$  طول موج پرتو،  $L$  فاصله بین فرستنده و گیرنده و  $C_n^2$  پارامتر ساختاری ضریب شکست جو است و تابع عواملی نظیر ارتفاع از سطح زمین و دما و فشار است. در جدول (۱) مقدار  $C_n^2$  در شرایط مختلف جوی می‌باشد.

جدول ۱. مقدار پارامتر  $C_n^2$  در شرایط مختلف جوی [۱۰]

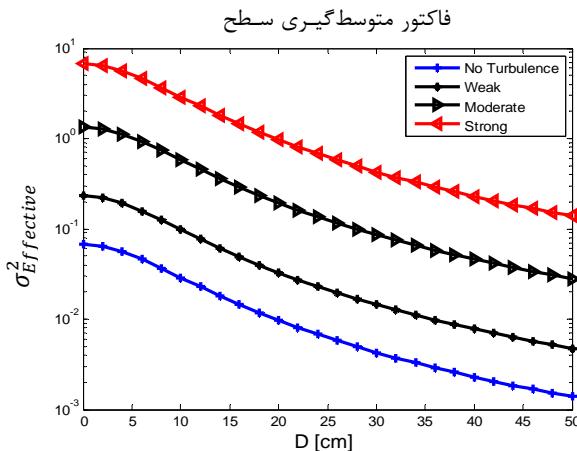
شرایط جوی	$V(km)$	$C_n^2(m^{-\frac{2}{3}})$	$\sigma_R^2(m^2)$	وضعیت تلاتم اتمسفری
هوای تمیز	۱۰/۲۷	$5 \times 10^{-17}$	۰/۰۶۷۸	بسیار ضعیف
غبارآلود	۳/۵	$1.7 \times 10^{-16}$	۰/۲۳۰۶	ضعیف
مه کم	۰/۷۷	$3 \times 10^{-16}$	۰/۴۰۶۹	ضعیف
باران متوسط 12.5(mm/h)	۲/۸	$6 \times 10^{-16}$	۰/۸۱۳۹	متوسط
باران شدید 25(mm/h)	۱/۹	$4 \times 10^{-16}$	۰/۵۴۲۶	متوسط
مه غلیظ	۰/۱۵	$3 \times 10^{-14}$	۱۳/۵۶۴	قوی

در جدول فوق پارامتر  $V$  بیانگر میزان دید با چشم غیرمسلح بر حسب کیلومتر و  $\sigma_R^2$  میزان تغییرات دامنه پرتو نور برای یک لینک با برد ۱۰ کیلومتر است. اگر در مسیر انتشار نور، ذرات کوچک و بزرگ گرد و غبار و قطرات آب وجود داشته باشد، دامنه تغییرات توربولنس از یک محدوده ضعیف تا قوی در حال تغییر خواهد بود. از این‌رو توزیع تغییرات تصادفی کanal می‌تواند با استفاده از توزیع گاما- گاما بیان شود [۱۲]. در این توزیع شدت توربولنس ضعیف و قوی با دو تابع مستقل گاما به صورت زیر بیان می‌شود:

$$f_I(I) = \frac{2(\alpha\beta)^{\frac{\alpha+\beta}{2}}}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} I^{\frac{\alpha+\beta}{2}-1} K_{\alpha-\beta}(2\sqrt{\alpha\beta}I) \quad (2)$$

<sup>1</sup> Raytov

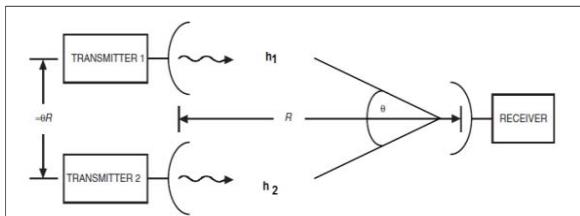
یک طول موج خاص برای هر مسیر است. اشکال این روش، به دلیل تنوع سیستم، پیچیدگی و در نتیجه افزایش هزینه است.



شکل ۴. تکنیک متوضط‌گیری سطح لنز

### ۳-۳. کدهای فضا - زمان

از کدهای بلوکی فضا - زمان برای مواجه با چند مسیرگی و ایجاد تعامل و به دست آوردن بیشینه بهره دایورسیتی کانال‌های چندگانه رادیوئی استفاده می‌شود. ساده‌ترین حالت این کدها کد الموتی است که از ترکیب دو فرستنده و یک گیرنده به صورت ساختار خطی در گیرنده بهره می‌گیرد. در شکل (۵) ساختار کانال  $2 \times 1$  نشان داده شده است. در این شکل  $S_1$  و  $S_2$  سیگنال ارسالی توسط فرستنده ۱، ۲ و  $h_1$  و  $h_2$  ضرایب تضعیف ناشی از کانال مسیرهای ۱، ۲،  $n_2$  و  $n_1$  نویز جمع شونده در نظر گرفته شده است. در روش الموتی، سیگنال ارسالی فرستنده‌ها دریک سمبل (نصف زمان)  $S_1$  و  $S_2$  و در سمبیل دیگر  $S_1^*$  و  $S_2^*$ -می‌باشد بنابراین، در گیرنده خواهیم داشت:



شکل ۵. دو فرستنده و یک گیرنده  $2 \times 1$  [۱۴]

$$r_1 = r(t) = h_1 S_1 + h_2 S_2 + n_1 \quad (7)$$

$$r_2 = r(t+T) = -h_1 S_2^* + h_2 S_1^* + n_2$$

می‌توان  $r$  سیگنال دریافتی در گیرنده را به صورت ماتریسی نیز نمایش داد:

$$r = \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_1 & h_2 \\ -h_2^* & h_1^* \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} S_1 \\ S_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} n_1 \\ n_2 \end{bmatrix} = H.S + N \quad (8)$$

پس از انجام دیکنیگ فضا-زمان خواهیم داشت:

### ۳-۱. تکنیک متوضط‌گیری با استفاده از لنز گیرنده

هنگامی که پرتو نور مسیری نسبتاً طولانی را پیموده و یا به عبارتی از درون یک توربولنس قوی عبور داده شود، مطابق شکل (۱) در گیرنده شدت نور دریافتی نوسانی است بنابراین، به صورت تصادفی در قسمت‌های مختلف سطح لنز گیرنده شدت درخشش کم و زیاد می‌شود که این امر منجر به محو شدن سیگنال در برخی نقاط می‌گردد. حال اگر سایز لنز گیرنده، متناسب با این بخش‌های نوسانات و زیاد و کم شدن‌ها میانگین گرفته شده که این تکنیک متوضط‌گیری سطح لنز<sup>۱</sup> نامیده می‌شود. به دلیل محدودیت‌های کاربردی نظیر ابعاد سیستم و هزینه لنز، اندازه دهنده گیرنده بیشتر از ۲۵ سانتی‌متر توصیه نمی‌شود. میزان تأثیر متوضط‌گیری سطح لنز با یک عامل به نام F مشخص می‌شود [۴]:

$$F = \frac{\sigma_R^2(D)}{\sigma_R^2(0)} \quad (4)$$

که در آن،  $\sigma_R^2(D)$  واریانس جایه‌جایی مکانی سیگنال دریافتی برای گیرنده با دهنده با قطر D و  $\sigma_R^2(0)$  واریانس جایه‌جایی مکانی سیگنال دریافتی برای گیرنده نقطه‌ای برای موج مسطح است. با توجه به پارامترهای لنز F، ضریب متوضط‌گیری دهانه، به صورت زیر بیان می‌شود [۴]:

$$F = \left[ 1 + 1.062 \left( \frac{kD^2}{4L} \right) \right]^{-\frac{7}{6}} \quad (5)$$

که در این رابطه، L فاصله بین فرستنده و گیرنده،  $K = \frac{2\pi}{\lambda}$  عدد موج پرتو و D قطر دهنده گیرنده است. مطابق رابطه (۵)، برای  $kD^2/4L \ll 1$  یعنی زمانی که قطر لنز گیرنده کوچک است فاکتور F برابر با یک می‌شود. برای لنزهای بزرگ‌تر،  $1 \gg kD^2/4L \gg 1$  شده و با افزایش سطح مقطع گیرنده عدد F کاهش می‌یابد. با به کارگیری رابطه (۱) در (۴) واریانس مؤثر سیستم به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\sigma_{R\_Effective}^2 = F \times (1.23 C_n^2 \lambda^{\frac{11}{6}} L^{\frac{7}{6}}) \quad (6)$$

طبق روابط (۵) و (۶) افزایش قطر عدسی گیرنده موجب کاهش F و در نتیجه کاهش اثر واریانس جایه‌جایی نور ناشی از توربولنس می‌شود. شکل (۴) نمودار ضریب کاهش عدد  $\sigma_R^2$  را بر حسب افزایش سطح دهنده گیرنده، شرایط مختلف توربولنسی و لینک مخابرات نوری با برد ۱۰ کیلومتر نشان می‌دهد.

### ۲-۳. تکنیک چند فرستنده و یک گیرنده

به خاطر وجود توربولنس ممکن است در لحظاتی از زمان پرتو نور دریافتی محو گردد بنابراین، می‌توان به منظور افزایش ضریب کاهش سیستم از ترکیب چند فرستنده و یک گیرنده MISO استفاده نمود. شرط آنکه در سیستم MISO حداکثر راندمان حاصل شود آن است که سیگنال‌های ارسالی بین فرستندها نسبت به هم مستقل باشند. یکی از روش‌های متداول برای ایجاد این استقلال، در نظر گرفتن

<sup>۱</sup> Aperture Averaging

$$Z = H^T \cdot H \cdot S + H^T \cdot N =$$

$$\begin{bmatrix} h_1^2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & h_2^2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & h_3^2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & h_4^2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} S_1 \\ S_2 \\ S_3 \\ S_4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} n'_1 \\ n'_2 \\ n'_3 \\ n'_4 \end{bmatrix} \quad (13)$$

مشابه با حالت کد الموتی، سیگنال به نویز در خروجی آشکارساز از رابطه زیر به دست می‌آید [۱۲]:

$$SNR = \sum_{i=1}^4 |h_i|^2 \left( \frac{E_b}{2N_0} \right) \quad (14)$$

#### ۴. نتایج شبیه‌سازی

در این مقاله عملکرد یک لینک مخابرات نوری با برد ۱۰ کیلومتر و ساختار چند فرستنده و یک گیرنده و کدینگ کانال فضا-زمان و مدولاسیون ارسال PPM از نظر نرخ خطای بیت و شرایط مختلف توربولنسی مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. بدین منظور، ابتدا مسئله برای حالت فرستنده و گیرنده تکی (SISO) بررسی می‌شود. در این حالت سیگنال دریافتی به صورت زیر خواهد بود.

$$r = \eta Is + n \quad (15)$$

به طوری که  $S$  سیگنال ارسالی،  $I$  متغیر تصادفی با توزیع گاما - گاما بیانگر شدت نور سیگنال دریافتی،  $\eta$  ضریب بازده سیگنال نوری به الکترونیک آشکارساز و  $n$  نویز گوسی جمع شونده است. به منظور سادگی کار، آشکارساز ایده‌آل در نظر گرفته می‌شود. میزان خطا در این لینک مخابرات نوری به شرط آنکه در فرستنده از مدولاسیون PPM استفاده شود و  $f_I(I)$  تابع توزیع توربولنس کانال باشد از رابطه زیر به دست می‌آید [۱۲]:

$$Pe = \int_0^\infty f_I(I) Q\left(\sqrt{\frac{E_b I^2}{2N_0}}\right) dI \quad (16)$$

که در آن،  $E_b$  انرژی سیگنال دریافتی در گیرنده،  $N_0$  چگالی نویز سفید و  $Q(x)$  تابع مارکوم است. چنان‌چه توزیع کانال  $(I)$  توزیع توربولنس گاما - گاما در نظر گرفته شود، میزان خطا در شرایط مختلف آب و هوایی به صورت شکل (۶) خواهد بود.

همان‌طور که در شکل (۶) دیده می‌شود، برای حالت‌های توربولنسی متوسط به بالا، حتی با وجود سیگنال به نویز نسبت به نویز ۴۰ دسیبل نرخ خطای بیت بیشتر از  $10^{-4}$  است بنابراین، با شرایط موجود، این سیستم توانایی کار در شرایط آب و هوایی نامناسب را ندارد.

حال چنان‌چه یک سیستم MISO با  $M$  فرستنده با سیگنال ارسالی مستقل در نظر گرفته شود، در گیرنده سیگنال حاصل از فرستندها با هم جمع شده و با رابطه زیر بیان می‌شود:

$$r_{total} = \eta \sum_{m=1}^M I_m S_m + n \quad (17)$$

در این رابطه  $S_m$ ، سیگنال ارسالی هر فرستنده،  $I_m$  متغیر تصادفی با توزیع گاما-گاما و بیانگر شدت نور سیگنال دریافتی است. چنان‌چه در لینک مخابرات نوری، فرستنده از کد فضا-زمان با

$$Z = H^+ \cdot H \cdot S + H^+ \cdot N = \begin{bmatrix} h_1^2 & 0 \\ 0 & h_2^2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} S_1 \\ S_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} n'_1 \\ n'_2 \end{bmatrix} \quad (9)$$

در این رابطه،  $H^+$  مزدوج ترانهاده ماتریس  $H$  است و به دلیل خاصیت تعامل بین المان‌های ماتریس  $H$  نویز همچنان سفید خواهد بود و سیگنال‌های دریافتی  $r_1$  و  $r_2$  نسبت به هم مستقل هستند بنابراین، آشکارسازی با روش بیشترین شباهت<sup>۱</sup> به سادگی صورت گرفته و نسبت سیگنال به نویز، در خروجی آشکار ساز از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$SNR = (|h_1^2| + |h_2^2|) \left( \frac{E_b}{2N_0} \right) \quad (10)$$

به منظور کنترل تغییرات ناشی از توربولنس در یک صفحه، می‌توان به جای دو فرستنده از چهار فرستنده استفاده کرد. این روش علاوه بر ایجاد دایورسیتی مکانی بهتر از این امتیاز برخوردار است که از چهار لیزر کم توان به جای یک لیزر پر توان استفاده می‌کند و در نتیجه سیستم اقتصادی‌تر و ساخت آن را ساده‌تر می‌شود.

دیود لیزر نمی‌تواند سیگنال مختلط را ارسال نماید بنابراین، از کدینگ فضا-زمان با استفاده از کد جفرخانی [۱۵] که از کد الموتی نتیجه گرفته شده و ماتریس آن در زیر آورده شده، استفاده می‌شود:

$$\begin{bmatrix} S_1 & S_2 & S_3 & S_4 \\ -S_2 & S_1 & -S_4 & S_3 \\ -S_3 & S_4 & S_1 & -S_2 \\ -S_4 & -S_3 & S_2 & S_1 \end{bmatrix} \quad (11)$$

در اینجا  $\{S_1, S_2, S_3, S_4\}$  سیگنال‌های ارسالی است و در هر  $\frac{T}{4}$  از زمان، یک ستون از ماتریس فوق ارسال می‌شود. به عبارت دیگر، هر ستون از این ماتریس با پریود تکرار  $T$  ارسال می‌گردد. در سمت گیرنده برای آشکارسازی، باید سیگنال دریافتی را در ترانهاده ماتریس  $H$  که ماتریس تخمین کانال است ضرب نمود. برای به دست آوردن  $H$  در بین سیگنال ارسالی یک سری بیت راهنمای<sup>۲</sup> قرار داده می‌شود. با توجه به معلوم بودن مکان بیت‌های دریافتی و مقدار آن و رابطه‌ای که بین آنها حاکم است ماتریس  $H$  محاسبه می‌گردد.

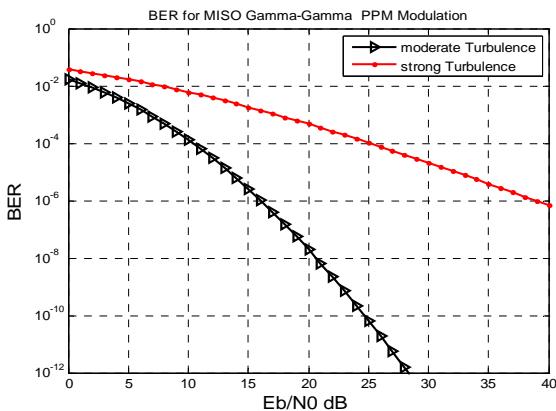
$$H = \begin{bmatrix} h_1 & h_2 & h_3 & h_4 \\ h_2 & -h_1 & h_4 & -h_3 \\ h_3 & -h_4 & -h_1 & h_2 \\ h_4 & h_3 & -h_2 & -h_1 \end{bmatrix} \quad (12)$$

قبل از مرحله آشکارسازی سیگنال در مدولاتور باید دیدکدینگ کد فضا-زمان انجام پذیرد:

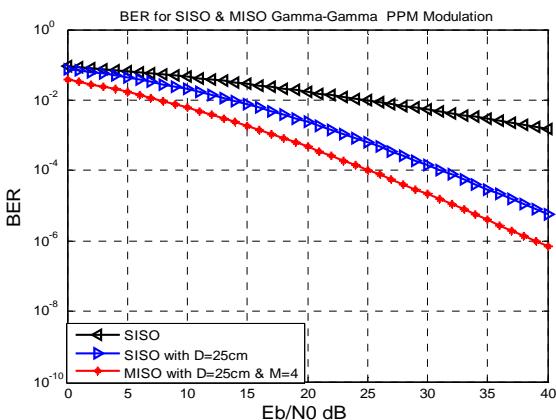
<sup>1</sup> Maximum Likelihood

<sup>2</sup> Pilot

در شکل (۹) به منظور مقایسه و ارزیابی بهتر نرخ خطای بیت برای سه سیستم، شامل یک سیستم SISO با گیرنده نقطه‌ای، یک سیستم SISO همراه با لنز گیرنده با قطر ۲۵ سانتی‌متر و شرایط توانی یکسان و توربولنس قوی مقایسه شده‌اند. طبق شکل بالا، افزایش تعداد فرستنده، بهبود عملکرد سیستم را به دنبال داشته است. همچنان مشاهده می‌شود که با داشتن سیگنال به نویز  $40\text{dB}$  در حالت MISO می‌توان به نرخ خطای بیت کمتر از  $10^{-6}$  رسید، در حالی که با همین سیگنال به نویز در حالت SISO و گیرنده نقطه‌ای حداقل نرخ خطای حدود  $10^{-3}$  را می‌توان انتظار داشت.



شکل ۸. نرخ خطای بیت برای حالت فرستنده چندگانه و گیرنده تکی MISO و به کار گیری روش متوسط‌گیری دهانه با یک لنز به قطر ۲۵ سانتی‌متر



شکل ۹. نرخ خطای بیت برای توربولنس قوی و سیستم‌های SISO و MISO

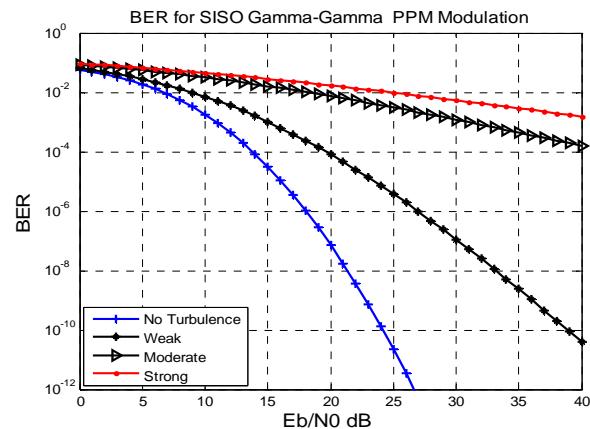
## ۵. نتیجه‌گیری

به کار گیری کدهای فضا-زمان در سیستم‌های مخابرات نوری MISO همراه با روش متوسط‌گیری در حالت‌های مختلف شرایط آب و هوایی مورد بررسی قرار گرفت و نشان داده شد که هر چه تعداد فرستنده‌ها، توان ارسالی آنها و همچنین سطح مقطع گیرنده بزرگ‌تر باشد، BER سیستم کاهش می‌یابد. امتیاز روش ارائه شده نسبت به حالت MIMO در آن است که سیستم یک گیرنده دارد

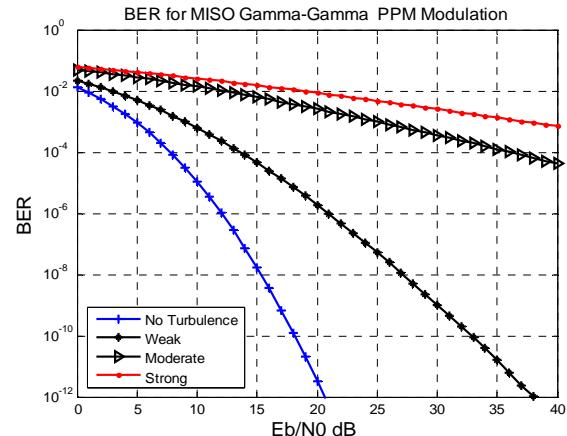
مدولاسیون PPM استفاده کرده و  $f_1(I_m)$  تابع توزیع توربولنس کanal باشد می‌توان با نتیجه‌گیری از رابطه (۱۳)، نرخ خطای بیت متوسط کanal را به صورت زیر بدست آورد:

$$P_e = \int_X^\infty f_1(I_m) Q\left(\sqrt{\frac{E_b}{2N_0} \sum_{m=1}^M I_m^2}\right) dX \quad (18)$$

با در نظر گرفتن  $M=4$  میزان خطای در شرایط مختلف آب و هوایی به صورت شکل (۷) خواهد شد.



شکل ۶. نرخ خطای بیت برای حالت فرستنده و گیرنده تکی SISO و شرایط مختلف جوی



شکل ۷. نرخ خطای بیت برای حالت فرستنده چندگانه و گیرنده تکی MISO و شرایط مختلف جوی

از مقایسه شکل (۶) و (۷) و شرایط توربولنسی یکسان و نرخ خطای بیت  $10^{-6}$  می‌توان نتیجه گرفت که روش MISO با  $M=4$  حدود  $6\text{dB}$  بهبود سیگنال به نویز بوجود می‌آورد. این سیستم نیز برای ایجاد نرخ خطای بیت کمتر از  $10^{-6}$  به توان بالایی نیاز دارد بنابراین، سیستم توانایی کار در شرایط آب و هوایی نامناسب را ندارد. حال چنان‌چه علاوه بر روش فرستنده چندگانه و گیرنده تکی، از یک لنز با قطر ۲۵ سانتی‌متر برای متوسط‌گیری دهانه استفاده شود، وضعیت BER بهتر خواهد شد. همان‌طور که در شکل (۸) دیده می‌شود، این سیستم به غیر از حالت توربولنس شدید (شرایط مه غلیظ) توانایی ایجاد نرخ خطای بیت بهتر از  $10^{-6}$  با توان کمتر از  $20\text{dB}$  را دارد.

- [5] Bayaki, E.; Schober, R.; Mallik, R. K. "Performance Analysis of MIMO Free-Space Optical Systems in Gamma-Gamma Fading"; IEEE Trans. Communication 2009, 57, 3415-3424.
- [6] Abouei, J.; Plataniotis, K. N. "Multiuser Diversity Scheduling in Free-Space Optical Communications"; J. Lightwave Tech. 2012, 30, 1351-1358.
- [7] Senaratne, D.; Tellambura, C.; Suraweera, H. A. "Performance Analysis of MIMO Channel Inversion in Rayleigh Fading"; IEEE Trans. on Vehicular Tech. 2012; 61, 1188-1196.
- [8] Popoola, W. O.; Ghassemlooy, Z. "BPSK Subcarrier Intensity Modulated Free-Space Optical Communication in Atmospheric Turbulence"; J. Lightwave Tech. 2009, 27, 967-973.
- [9] Navidpour, S. M.; Uysal, M.; Kavehrad, M. "BER Performance of Free-Space Optical Transmission with Spatial Diversity"; IEEE Trans. Wirel. Comm. 2007, 6, 2813-2819.
- [10] Lee, I. E.; Ghassemlooy, Z.; Ng, W. P.; Rajbhandari, S. "Fundamental Analysis of Hybrid Free Space Optical and Radio Frequency Communication Systems"; 12 Th. annual Postgraduate Symp. on Convergence of Telecommunication, Networking and Broadcasting, 2011, 27-28.
- [11] Yang, G.; Khalighi, M. A.; Bourennane, S.; Ghassemlooy, Z. "Approximation to the Sum of Two Correlated Gamma-Gamma Variants and Its Applications in Free-Space Optical Communications"; IEEE Wireless Communications Letters 2012, 1, 621-624.
- [12] Bayaki, E.; Schober, R.; Mallik, R. K. "Performance Analysis of MIMO Free-Space Optical Systems in Gamma-Gamma Fading"; IEEE Trans. Comm. 2009, 57, 3415-3424.
- [13] Alamouti, S. M. "A Simple Transmitter Diversity Scheme for Wireless Communications"; J. IEEE Commun. 1998, 16, 1451-1458.
- [14] Simon, M. K.; Vilnrotter, V. "Alamouti-Type Space-Time Coding for Free-Space Optical Communication with Direct Detection"; J. IEEE Trans. Wireless Communication Information Theory 2003, 49, 1385-1399.
- [15] Jafarkhani, H.; Seshadri, N. "Super-Orthogonal Space-Time Trellis Codes"; J. IEEE Trans. Wireless Communication Information Theory 2003, 49, 937-950.

بنابراین، می توان با متوسطگیری توسط لنز گیرنده، تغییرات نور ناشی از توربولنس را تا حد زیادی محدود نمود. در ضمن چون سیگنال ارسالی با کد زمان- فضا ارسال می شود، تداخل فاز سیگنال های مسیرهای مختلف در گیرنده موجب محوشدنگی سیگنال نمی شود. نتایج شبیهسازی ارائه شده نشان داد که برای به دست آوردن نرخ خطای بیت بهتر از  $10^{-6}$  برای لینک با برد ۴۰ کیلومتر و شرایط توربولنس قوی، توان سیگنال نسبت به نویز ۴۰ دسیبل مورد نیاز است. البته در عمل این شرایط بهندرت اتفاق می افتد و در حالت عادی می توان با کم کردن توان فرستندهها و یا تعداد آنها توان ارسالی را کمتر نمود. به عبارت دیگر مدیریت توان مناسب با شرایط جوی جزء الزامات این سیستمها است. از آنجا که لینک های مخابرات نوری به صورت دو طرفه<sup>۱</sup> کار می کنند، می توان در این در سیستمها با گزارش گیری از نرخ خطای بیت لینک و انکاس آن به سمت فرستنده، توان فرستندهها و تعداد آنها را به نحوی تنظیم کرد که BER مناسب حاصل شود.

## ۶. مراجع

- [1] Demers, F.; Yanikomeroglu, H.; St-Hilaire, M. "A Survey of Opportunities for Free Space Optics in Next Generation Cellular Networks"; In Proc. CNSR; 2011, 210-216.
- [2] Hennier, H.; Wilfert, O. "An Introduction to Free space Optical Communications"; J. Radio Eng. 2010, 19, 203-212.
- [3] Prokeš, A. "Modeling of Atmospheric turbulence Effect on Terrestrial FSO Link"; J. Radio Eng. 2009, 18, 42-47.
- [4] Yuksel , H.; Davis, C. C. "Aperture Averaging Analysis and Aperture Shape Invariance of Received Scintillation in Free Space Optical Communication Links"; In Proc. SPIE Free-Space Laser Commun. 2006, 6304.

<sup>1</sup> Full Duplex