نشریه مهندسی عمران و نقشه برداری- دانشکده فنی، دوره ۴۴، شماره ۳، مهر ماه ۱۳۸۹، از صفحه ۳۳۹ تا ۳۴۹

مدلسازی حرکت آب و رسوب در شکست سد به روش حجم محدود آیدا بهارستانی^۱ و محمدعلی بنیهاشمی^{*۲} ^۱دانش آموخته کارشناسی ارشد دانشکده مهندسی عمران – پردیس دانشکدههای فنی – دانشگاه تهران ^۲استادیار دانشکده مهندسی عمران – پردیس دانشکدههای فنی – دانشگاه تهران (تاریخ دریافت ۸۵/۶/۱۱ ، تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۸۱/۱۲/۱۹ ، تاریخ تصویب ۸۹/۱۲/۱

چکیدہ

در این تحقیق، حرکت رسوب ناشی از شکست سد، در بستر متحرک به صورت دو بعدی، شبیهسازی عددی شده است. معادلات، در چارچوب روش حجم محدود منقطع شده و از شمای دو مرحله ای پیش بینی – اصلاح مک کورمک، برای حفظ دقت مرتبه دوم در مکان و زمان استفاده شده است. همچنین برای مهار نوسانات غیر واقعی و غیر فیزیکی از روش component-wise TVD به علت ساده تر بودن آن نسبت به دیگر روشهای TVD به خاطر عدم نیاز به ماتریس ژاکوبین و تجزیه مشخصه ها، استفاده شده است. در زمینه هیدرولیک بستر متحرک، باید به واکنش قوی بین جریان و رسوب و تغییرات ریختاری بستر رودخانه توجه شود. از اینرو در اینجا معادلات بقا، برای مدل سازی رسوب، به صورت کوپل، که به حل همزمان معادلات آب و رسوب می پردازد، نوشته شده است. برای کنترل جوابها و صحت یابی مدلسازی از آزمونهای شکست سد در بستر متحرک استفاده شده که نتایج قابل قبولی به همراه داشته است.

واژههای کلیدی: شکست سد، بستر متحرک، رسوب، مک کورمک، Component-wise TVD

مقدمه

در بعضی موارد عملی جریانهای بوجود آمده در کانالهای باز، از نوع غیردائمی متغیر سریع هستند. یکی از موارد جالب و حساس این نوع جریانها، سیلاب ناشی از شکست سد است.

در دهههای اخیر، تلاشها روی مطالعه هیدرولیک شکست سد افزایش یافته است، ولی بیشتر مطالعات محاسباتی، روی بستر ثابت، بدون توجه به توانایی فرسایشی قوی جریان ناپایدار و تکامل مورفولوژیکی مربوط به آن در بستر کانال انجام شده است.

هیدرولیک شکست سد رودخانه طبیعی، در واقع پیچیده است و نه تنها شامل جریان آب، بلکه شامل انتقال رسوب ناشی از جریان و تغییرات مورفولوژیکی است که به نوبه خود بر روی جریان تاثیر می گذارد[۱].

هیدرولیک شکست سد میتواند توسط معادلات هایپربولیک جریان آب کم عمق بیان شود. ولی برای مدلسازی رسوب ناشی از آن، باید معادلات بقا، برای مخلوط آب و رسوب نوشته شود. معادلات حرکت آب و رسوب معمولا قابل حل به روشهای تحلیلی نیستند. از این رو در سالهای اخیر، به حل عددی این معادلات توجه بیشتری شده است.

از سوی دیگر، باید به شماهای ^۱ عددی که می توانند در این روشها مورد استفاده قرار گیرند نیز توجه شود.

شماهای عددی، برای معادلات آب کم عمق، نیاز به شرایط خاصی برای خواص بقای بدست آمده و مهار شوک دارند. از جمله روشهای مهار شوک، اضافه کردن لزجت مصنوعی است که مقداری از نوسانات را کاهش میدهد ولی به طور کامل آنها را از بین نمی برد.

این موضوع، باعث توجه بیشتر به شماهای بالادست^۲ در حل این نوع مسائل شده است. شماهای بالادست، معمولا برای جداسازی معادلات هایپربولیک، مطابق جهت انتشار موج، مورد استفاده قرار می گیرند.

در زمینه مدل سازی شکست سد در حالت بدون رسوب، تعدادی از دانشمندان از روش حجم محدود استفاده کردند. از آن جمله، آلکرودو و گارسیا ناوارو (۱۹۹۲)، که یک شمای نوع گادونف با دقت بالا را در روش حجم محدود برای به دست آوردن دقت مرتبه دوم، روش حجم محدود برای به دست آوردن دقت مرتبه دوم، بسط دادند[۲]. تسنگ و چاو (۲۰۰۰)، شکست سد را ابتدا با روش مرتبه اولENO و TVD مبیه سازی کردند و بعد مدل خود را در چارچوب روش حجم محدود توسعه دادند[۳].

همچنین لین و همکاران (۲۰۰۳)، یک الگوریتم اصلاح شده مک کورمک را با تکنیک تجزیه بردار شار، جهت حل معادلات آب های کم عمق در چارچوب روش حجم محدود به کار بردند[۴].

اخیرا توجه دانشمندان بر روی مطالعه جریان در بستر فرسایش پذیر، شامل رسوبات سست درشت دانه، معطوف شده است که این رسوبات می توانند مانند بار بستر حرکت کنند.

کاپارت و یانگ (۱۹۹۸)، به این موضوع توجه کردند که جریان ناشی از شکست سد، به عنوان عامل انتقال رسوب است[۵]. آنها نشان دادند که چگونه فرسایش ناگهانی در محل سد، باعث تشکیل پرش هیدرولیکی در محل سد می شود[۵]. فريرا و ليل (۱۹۹۸)، مفهوم ظرفيت انتقال رسوب را برای مدلسازی هیدرولیک شکست سد در بستر متحرک، بررسی کردند[۱]. فراکارولو و آرمانینی (۲۰۰۲)، یک راه حل نیمه تحلیلی را روی معادلات تعادل که بر يايه آناليز ساختار ويژه چنين مطالعاتي نوشته شده است، پیشنهاد کردند و برای به دست آوردن این راه حل نیمه تحليلي، از اصطكاك صرف نظر كردند [۴]. كائو و همکارانش(۲۰۰۴)، یک مطالعه اختصاصی روی هیدرولیک بستر متحرک جریان ناشی از شکست سد و انتقال رسوب ناشی از آن را در حالت یک بعدی انجام دادند. راه حل عددی پیشنهادی، روش تفاضل محدود-ورژنTVD مرتبه دوم با حل کننده ریمن و تقريب ً HLLC و محدود كننده SUPERBEE است[۱].

در تحقیق حاضر جریان ناشی از شکست سد در بستر فرسایش پذیر مورد بررسی قرار می گیرد و معادلات حاکم برای مخلوط آب و رسوب نوشته شده و حرکت آب و رسوب، غیر دائمی فرض شده است. معادلات، با استفاده از روش حجم محدود، و در قالب شمای دو مرحله ای و مرتبه دوم مک کورمک حل شده و برای تسخیر شوکهای غیر فیزیکی از تکنیک Component-Wise TVD بدلیل سادهتر بودن آن نسبت به تکنیک TVD استفاده شده است.

معادلات حاكم

در زمینه مطالعه محاسباتی هیدرولیک شکست سد، باید به واکنش قوی بین جریان و رسوب و تغییرات ریختاری بستر رودخانه توجه شود. عدم دقت روی این مساله، باعث می شود که مدل سازی، در شرایط طبیعی، کارایی چندانی نداشته باشد و نتواند جوابهای درست و منطقی به دست دهد.

در این زمینه باید به دو نکته اشاره کرد:

اول این که، جریان، انتقال رسوب و تکامل مورفولوژیکی، میتوانند به شدت به هم مرتبط باشند، نرخ تغییر شکل بستر به مقدار قابل توجهی با نرخ تکامل تدریجی جریان، مقایسه میشود. بنابراین، به جای استراتژی مدل سازی مجزا^۳ با استفاده از حل غیر همزمان معادلات ساده شده بقا، به کار گیری استراتژی مدل سازی همبسته⁴ با استفاده از معادلات کامل بقا و روش حل همزمان، لازم میباشد [۱].

دوم این که، مهمترین مکانیزم انتقال رسوب، به علت جریان ناشی از شکست سد، ورود محلی⁶ رسوب بستر، به علت حرکات بسیار آشفته و پرانرژی است. برای جریانات شدیدا غیر دائمی و متغیر مکانی ناشی از شکست سد، اطلاعات زیادی از مقیاس زمانی مکانیزمهای ورود رسوب به جریان در مقایسه با مقیاس زمانی مورد نیاز برای به تعادل رسیدن انتقال رسوب وجود ندارد و لذا نمیتوان رابطه خاصی بین میزان رسوب موجود در جریان و ظرفیت حمل رسوب³، ارائه کرد. بنابراین، مدلهای غیر ظرفیتی^۷ در مقایسه با مدلهایی که بر ظرفیت حمل رسوب استوار هستند، از دقت بیشتری برخوردارند.

معادلات دو بعدی حرکت آب و رسوب

قوانین بقای جرم و مومنتوم را میتوان با مطالعه یک المان دوبعدی که در آن مقادیر متوسط گرفته شده در عمق متغیرهایی نظیر سرعت در نظر گرفته میشود، به دست آورد. فاز مایع و فاز جامد پراکنده، پیوسته فرض میشوند که می توانند به داخل هم نفوذ کنند. معادله بقای جرم برای فاز مایع و فاز جامد نوشته می شود؛ در حالی که تعادل مومنتوم برای کل مخلوط نوشته میشود.[۶]

معادله بقای جرم برای رسوب در حالت دو بعدی (فاز مایع) :

$$\frac{\partial(\rho h)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho h u)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho h v)}{\partial y} = -\rho_0 \frac{\partial z}{\partial t} \tag{1}$$

معادله بقای جرم برای رسوب در حالت دو بعدی (فاز جامد):

$$\frac{\partial(ch)}{\partial t} + \frac{\partial(huc)}{\partial x} + \frac{\partial(hvc)}{\partial y} = E - D \tag{(7)}$$

معادله بقای مومنتوم برای مخلوط آب و رسوب در حالت دو بعدی در جهت x :

Archive of SID

مدل سازی حرکت آب

از

$$\frac{\partial(\rho hu)}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x}(\rho hu^{2} + \frac{1}{2}\rho gh^{2}) \qquad (\text{(Ya)} + \frac{\partial}{\partial y}(\rho huv) = \rho gh(s_{0x} - s_{fx})$$

$$n = 2 \text{ and the pails optimized relation of the pail of the$$

آب و مرز فرسایش پذیر پایینی، نشان می دهد. از یک طرف، ته نشینی رسوبات موجود در ستون متحرک آب، می تواند موجب آزادسازی بخشی از مومنتوم مخلوط آب و رسوب گردد و ترم مثبت چشمه ^۸ مربوط به شار رسوب گذاری D را تولید نماید. از طرف دیگر ورود رسوب بستری که در ابتدا به علت حالت سکون مومنتم ناچیز دارد، باعث جذب مومنتوم از سیال می شود و مانند چاه ٔ (یعنی با علامت مخالف چشمه) در بقای مومنتوم رفتار می کند.

روش عددی

روش عددی به کار رفته در این تحقیق، در چارچوب روش حجم محدود (FVM) می باشد که در آن، از شمای مک کورمک برای حفظ دقت مرتبه دوم در مکان و زمان در ترکیب با تکنیک TVD برای مهار شوک ناپیوسته امواج، استفاده شده است.

منقطع كردن معادلات توسط روش حجم محدود

معادلات (۴)، (۶۵)، (۶۵)، (۲)، (۴)، یک سیستم هايپربوليک را تشکيل مي دهند که ميتوانند بصورت عددی، با استفادہ از شماهای موثری که می توانند شوک را تسخير كنند، حل شوند.

با یک فرم ساده، تغییر شکل بستر (معادله (۴)، مى تواند از معادلات باقى مانده به علت تسريع عمليات محاسباتی جدا شود. این کار، به طور فیزیکی موجه است. چون تغییر شکل بستر، تنها توسط جریانات نهشته گذاری و ورودیهای محلی تعیین میشود.

معادلات (۵)، (۶۵) ، (۶۵)، ۲)، می توانند به طور فشرده، به صورت زیر نوشته شوند:

$$\frac{\partial U}{\partial t} + \frac{\partial E}{\partial x} + \frac{\partial G}{\partial y} = Q \tag{(Y)}$$

$$U = \begin{bmatrix} h \\ hu \\ hv \\ hc \end{bmatrix}$$
(A-a)
$$E = \begin{bmatrix} hu \\ hu^2 + \frac{1}{2}gh^2 \\ huv \\ hcu \end{bmatrix}$$
(A-b)

نوشت:

 $(1 \cdot)$

(11)

(٩)

متغیر های جریان در مرحله زمانی n مشخص اند و باید از روی آن، مقدار این متغیرها در مرحله زمانیn+1

همان طور که گفته شد، در این شما، یک مرحله پیش

$$G = \begin{bmatrix} hv & (\Lambda - c) \\ huv \\ hv^{2} + \frac{1}{2}gh^{2} \\ cvh \end{bmatrix}$$

$$Q = \begin{bmatrix} (E-D)/(1-p) & (\Lambda - d) \\ -gh(\frac{\partial z}{\partial x} + s_{fx}) - \frac{(\rho_{s} - \rho)gh^{2}}{2\rho}\frac{\partial c}{\partial x} - \frac{(\rho_{0} - \rho)(E - D)u}{\rho(1-p)} \\ -gh(\frac{\partial z}{\partial y} + s_{fy}) - \frac{(\rho_{s} - \rho)gh^{2}}{2\rho}\frac{\partial c}{\partial y} - \frac{(\rho_{0} - \rho)(E - D)v}{\rho(1-p)} \\ E - D \end{bmatrix}$$
(A-d)

$$\vec{S}_{n} + \vec{F}_{i,j}\vec{S}_{e})] + \Delta t Q(t + \Delta t)$$

$$nalcle (Y) \ nable (Q(t + \Delta t))$$

$$nalcle (Y) \ nable (Q(t + \Delta t))$$

$$nalcle (Y) \ nable (Q(t + \Delta t))$$

$$nalcle (Y) \ nable (Y) \ na$$

محاسبه شود.

$$\frac{\partial}{\partial t}(U_{j}\Omega_{j}) + \sum_{sides}(\vec{F}.\vec{S}) = Q_{j}\Omega_{j} \qquad (17)$$

حال اگر قانون دیورژانس را که انتگرال

که در آن مجموع ترم شار
$$(ec{F},ec{S})$$
 ، مربوط به $sides$ ، مربوط به مار ضلع سلول Ω می باشد.

معادله (۱۲)، فرمول اصلی روش حجم محدود است.

روش مک کورمک

شمای پیش بینی _ تصحیح مک کومک، در دهه ۱۹۷۰ مطرح شد. این شما، یک شمای صریح با دقت مرتبه دوم در زمان و مکان است و به عنوان یک ابزار عددی به طور گسترده ای در حل مسائل شکست سد به کار می رود. این روش در ترکیب با تکنیک TVD می تواند برای جلوگیری از شوکهای غیرفیزیکی و غیرپیوسته، بدون هیج مشکل اضافی در رفتار ترم منبع Q به کار رود و همچنین دقت مرتبه دوم شمای اصلی را نیز حفظ کند.

فرمول بندی روش مک کومک

روش ملک کومک، یک روش صریح می باشد یعنی

بینی کننده و یک مرحله تصحیح کننده داریم. معادله (۱۲) را می توان برای نقاط مرکز سلول (i,j) به روش مک کورمک به صورت زیر منقطع کرد: مرحله پیش بینی: $U_{i,j}^{p}(t + \Delta t) = U_{i,j}(t) - \lambda [(\vec{F}_{i,j-1}\vec{S}_{s} + \vec{F}_{i-1}\vec{S}_{w})]$ $+(\vec{F}_{i})$ $U_{i,i}^{c}(t$ $+(\vec{F}_{i}^{p})$ ن دهنده ه بردار. ورد نظر $\lambda = \frac{\Delta l}{4}$

در انتهای محاسبات گام زمانی، حل عددی معادلات با
متوسط گیری از مقادیر پیشبینی و اصلاح شده، محاسبه
میشود. بنابراین در مرحله نهایی داریم:
$$U_{i,j}^{m}(t + \Delta t) = \frac{1}{2} (U_{i,j}^{p}(t + \Delta t) + U_{i,j}^{c}(t + \Delta t))$$
 (۱۵)

منقطع سازی عددی با استفاده از شمای component-wise TVD

معادله (۱۲) را در نظر می گیریم:

$$\frac{\partial}{\partial t}(U_j\Omega j) + \sum_{sideS} (\vec{F}.\vec{S}) = Q_j\Omega_j$$
این معادله، با فرض $A = \Omega_j$ می تواند به صورت زیر
نقطع شود:

$$A\frac{dU}{dt} + \sum_{m=1}^{M} F_n^m L^m = AQ$$
 (10)

که در آن، A سطح سلول، m، اندیسی است که سمت سلول را نشان میدهد. M. تعداد نهایی سمتهای سلول F_n^m شار عمود بر هر سمت m است که دو سلول همسایه را جدا می کند. L^m طول سمت m سلول است. $F(\overline{U}) = F^+ + F^-$

(18)

(17)

 $(\Lambda - a)$

که در آن،

انتقال معكوس است.

0 0

> 0 0

 $-\sin\theta$

 $\cos\theta$

$$\begin{split} F(\overline{U}) &= F \cdot F(\overline{U}), F(\overline{U}) &= F^+ + F^- \quad (13) \\ &= F^+ + F^- \quad (13) \\ F(\overline{U}) &= F^+ + F^- \quad (13) \\ &= F^+ + F^- \quad (13) \\ &= F^+ + F^- \quad (13) \\ f= F^+ + F^- \quad (13) \\ &= F^+ + F^- \quad (13) \\ f= F^+ + F^- \quad (13) \\ F_- \quad (15) &= F^+ + F^- \quad (15) \\ F_- \quad (15)$$

$$\overline{U}(\overline{x},0) = \begin{cases} \overline{U}_L \dots \overline{x} < 0 \\ \overline{U}_R \dots \overline{x} > 0 \end{cases}$$
(1A-b)

$$F^{-}$$
 و F^{-} ، به ترتیب شارهای تجزیه شده مثبت و
منفی هستند.
مطابق با اینها، شار عددی مرتبه اول F_{LR} در فصل
مشترک هر سلول، با استفاده از متغیرهای سلول مجاور
(یعنی \overline{Q}_{R} و \overline{Q}_{L}) تخمِن زده می شود:
 $F_{LR} = F^{+}(\overline{Q}_{L}) + F^{-}(\overline{Q}_{R}) = F_{L}^{+} + F_{R}^{-}$ (۲۰)
که F_{L}^{+} و F_{L}^{-} ، شارهای جدا شده چپ و راست در
فصل مشترک سلول هستند.
(۱۳)، شرح داده شد، شمای حجم محدود

ترمهای منبع، برای حفظ مکان به صورت زیر فرموله

$$\hat{U}_{i,j} = U_{i,j}^{n} - (\gamma)$$

$$\frac{\Delta t}{A} \left[\sum_{m=1}^{M} T^{-1}(\theta) F^{(1)}(\overline{U}) L^{m} \right] + \Delta t Q_{i,j}^{n}$$

اًمده در مرحله پیش بینی و مقدار $U_{i\,\,i}^{n+1}$ در گام زمانی به توضيح است كه در معادله

سمنی استفاده شده است. $U_{i,i}^{n+1} = U_{i,i}^{n} -$

$$\frac{\Delta t}{A} \left[\sum_{m=1}^{M} T^{-1}(\theta) F^{(2)}(\overline{U}) L^{m} \right] + \Delta t \hat{Q}_{i,j}$$
(17)

، به ترتیب متغیرهای پیش برای سلول (*i*,*j*) هستند. یرهای بقایی و ترمهای منبع

تبه اول در اندیس زمانی *n* مددی مرتبه دوم است که متغیرهای پیش بینی شده را مورد استفاده قرار می دهد. سلول های محاسباتی در سیستم مختصات x - y در شکل (۱)، نشان داده شده است.

Archive of SID ۱۳۸۹ مهندسی عمران و نقشه برداری- دانشکده فنی، دوره ۴۴، شماره ۳، مهر ماه ۱۳۸۹

$$\begin{split} \widehat{U}_{i,j} &= U_{i,j}^{n} - \frac{\Delta t}{A_{i,j}} [T^{-1}(\theta_{e})F_{e}^{(1)}L_{e} \\ &+ T^{-1}(\theta_{n})F_{n}^{(1)}L_{n} + T^{-1}(\theta_{w})F_{w}^{(1)}L_{w} \\ &+ T^{-1}(\theta_{s})F_{s}^{(1)}L_{s}]_{i,j} + \Delta t Q_{i,j}^{n} \qquad (\Upsilon S) \\ & \text{ in the states of th$$

بینی شده v, u, h و c را به دست آورد.

پایداری روش عددی

شمای مک کورمک، باید معیار کورانت- فردریش-لوی^{۱۲} (CFL) را در هر سلول، برای پایداری، ارضاء کند. یعنی گام زمانی *Δt* ، باید توسط شط پایداری CFL، به صورت زیر، محدود شود:

$$CFL = \frac{\Delta t}{\min[d_{i,j}]} \max[\sqrt{u^2 + v^2} + \sqrt{gh}] \le 1 \qquad (\Upsilon \wedge)$$

که i و j، اندیس های سلول و $d_{i,j}$ نشان دهنده گروه کامل فواصل بین (i, j)امین مرکز و مرکزهای چهار سلول مجاور است.

شرایط مرزی

شرایط مرزی که در اینجا آورده شده است، به دو نوع مرز بسته ^{۱۳} و مرز باز^{۱۴} تقسیم بندی می شود: در مرز بسته، سرعت عمود بر زمین، برای نشان دادن اینکه هیچ شاری در مرز وجود ندارد، مساوی صفر در نظر گرفته می شود. شرط مرزی بسته، به صورت زیر اعمال می شود:

$$h_{R} = h_{L}$$
$$u_{nR} = -u_{nL}$$
$$v_{tR} = v_{tL}$$



شکل ۱: سلول های محاسباتی در مختصات x-y.

در معادله (۲۱)، شار عددی مرتبه اول در وجه مشترک سلول (i + 1/2, j) به صورت زیر تخمین زده می شود: $F^{(1)}(\overline{U}) = F_{LR} = F_L^+ + F_R^- = F_{i,j}^+ + F_{i+1,j}^-$ (۲۳) در معادله (۲۲)، شار عددی مرتبه دوم در وجه مشترک سلول (i + 1/2, j)، با اضافه کردن ترم ضد انتشار با تابع محدود کننده شار به F_{LR} ، به دست می آید.

$$F^{(2)}(\overline{U}) = F_{LR} + \frac{1}{2} [\phi(r_{i+1/2,j}^{+}) w_{i+1/2,j}^{+} - \phi(r_{i+1/2,j}^{-}) w_{i+1/2,j}^{-}]$$
(Yf-a)

$$r_{i+1/2,j}^{-} = \frac{w_{i+3/2/2,j}^{-}}{w_{i+1/2,j}^{-}}, \ r_{i+1/2,j}^{+} = \frac{w_{i-1/2,j}^{+}}{w_{i+1/2,j}^{+}} \quad (\Upsilon F-b)$$

که $(\hat{F}_{i,j} = F(\hat{U}_{i,j})$ ، شار پیش بینی کننده فرض می شود. اشکال مختلفی برای تابع محدود کننده شار $\phi(r)$ پیشنهاد شده است. در اینجا، از محدود کننده ون لیر (۱۹۷۴)، استفاده می شود:

$$\phi(r) = \frac{r+|r|}{1+|r|} \tag{7}$$

با توجه به معادلات (۲۱) و (۲۲)، مرحله پیش بینی، از تخمین شار عددی مرتبه اول در هر وجه مشترک سلول، به دست می آید. ضرورتا شمای component-wise TVD، نیازی به مقادیر ویژه ماتریس ژاکوبین ندارد. با این وجود، تکنیک جداسازی شار برای عملیات دو مرحله ای، لازم است.

منقطع سازی معادلات در مرحله پیش بینی با استفاده از روش component-wise TVD

معادله (۲۲)، می تواند به صورت زیر بسط داده شود:

مدل سازی حرکت آب

Archive of SLD



شکل ۲ : مقایسه نتایج مدل حاضر با جوابهای تحلیلی شکست سد با پایین دست خشک.

- برای حالت عمق پایین دست غیر صفر

نتایج به دست آمده از مدل عددی حاضر را به کمک نتایج تحلیلی، مورد ارزیابی قرار می دهیم. دادههای مورد استفاده برای این مساله در مدل حاضر به قرار زیر است:

- L = 200m طول کانال مستطیلی
- $h_1 = 10m$ عمق آب در بالادست
- $h_0 = 5m$ عمق آب در پایین دست

شکل (۳)، مقایسه نتایج حاصل از مدل حاضر با جوابهای تحلیلی را نشان می دهد.



شکل ۳: مقایسه نتایج حاصل از مدل حاضر با جوابهای تحلیلی.

آزمون شکست سد در حالت دو بعدی

در ارزیابی دو بعدی مدل شکست سد، چند آزمون مورد بررسی قرار گرفته است که در ادامه به آنها خواهیم پرداخت.

هنگامی که سد روی قطر قرار دارد

در این آزمون، فرض می شود که تعداد سلولها در جهت x و y برابر باشد و سد روی قطر قرار گرفته باشد. ابعاد محیط، ۵۰*۵۰ متر، تعداد سلولهای شبکه ۱۰*۱۰، عمق در یک طرف سد ۱۰ متر و در طرف دیگر ۵ متر است. که متغیرهای با زیرنویس L و R، به ترتیب، موقعیت های معلوم و مجهول هستند. در کنار اینها، زیرنویس های R و L، به ترتیب برای موقعیت های راست و چپ در سلول مورد نظر هستند.

در مرز باز، دو شرط مرزی متفاوت، مورد استفاده قرار می گیرد. یکی جریان ورودی فوق بحرانی در مرز ورودی بالادست و دیگری، انتقال در مرز خروجی پایین دست.

برای شرط مرزی جریان ورودی فوق بحرانی، سه متغیر، (یعنی $(v_{IR} \quad h_R \ u_{nR})$ داده می شود. مرز انتقالی، اجازه می دهد که امواج، بدون انعکاس عبور نمایند و شرایط آن، به صورت زیر است:

$$h_{R} = h_{L}$$
$$u_{nR} = u_{nL}$$
$$v_{tR} = v_{tL}$$

ارزیابی مدل

در این بخش به ارزیابی مدل عددی ارائه شده برای بدست آوردن دقت آن، در مقایسه با مدلهای فیزیکی و واقعی، می پردازیم.

در آزمونهای اولیه، به صحت یابی مدل هیدرولیکی، بدون در نظر گرفتن غلظت رسوب پرداخته شده وپس از حصول اطمینان از نتایج این آزمونها، مدل عددی با فرض بستر سیلابی متحرک و قابل فرسایش، تست شده است.

آزمون شکست سد در حالت یک بعدی

برای حالت عمق پایین دست صفر (بستر خشک)
 نتایج حاصل از مدل را مورد بررسی قرار می دهیم و
 جهت ارزیابی نتایج مدل، آنرا با نتایج تحلیلی مقایسه
 میکنیم.

در این آزمون از داده های زیر استفاده شده است:

L = 400m	طول کانال مستطیلی
$h_1 = 10m$	عمق آب در بالادست
$h_{0} = 0$	عمق آب در پایین
	ست

شکل(۲)، نتایج حاصل از مدل حاضر را به همراه جوابهای تحلیلی بعد از گذشت ۱۰ ثانیه نشان می دهد که تطابق خوبی بین نتایج مدل حاضر و جوابهای دقیق مشاهده می شود.





شکل ۷: نتیجه مدلسازی در ۵s.



شکل ۸: نتیجه مدلسازی در ۷۶.

شکل ۹: نتیجه مدلسازی در ۱۰۶.

شکست جزئی سد

 $\mathcal{M}_{\mathcal{A}}$

این آزمون یکی از آزمونهای رایج در ارزیابی مدل شکست سد در حالت دو بعدی است. در این آزمون فرض می شود که قسمتی از سد به صورت ناگهانی شکسته شود. این در واقع مشابه بازشدگی ناگهانی یک دریچه است.

داده های مورد استفاده در این آزمون عبارتست از:

ابعاد محیط ۲۰۰*۲۰۰ متر، تعداد سلولهای شبکه ۴۰*۴۰، عرض بازشدگی ۷۵ متر و عمق آب بالادست ۱۰متر و عمق آب پایین دست آن ۵ متر.

شکل (۱۰)، نتایج مدل حاضر را در حل مساله شکست جزئی سد، بعد از ۷/۲ ثانیه نشان می دهد.

در شکل (۱۱) نیز نتایج مربوط به مرجع [۳] آورده شده است. مقایسه این دو نتیجه، نشاندهنده تطابق خوب مدل حاضر با نتایج ارائه شده در مرجع [۳] می باشد.



شکل ۱۰: نتایج مدل حاضر در آزمون شکست جزئی سد بعد از ۷/۲ ثانیه.



شکل ۱۱: نتیجه به دست آمده در مرجع [۳] در آزمون شکست جزئی سد بعد از ۷/۲ ثانیه.

Archive of SID

برای نمایش نتایج این مدل از نرم افزار TECPLOT استفاده شده است که در آن امکان حذف دیواره میانی وجود ندارد در حالی که در شکل (۱۴)، فقط رقوم سطح آب نشان داده شده است.

شکل (۱۲)، منحنی میزان رقوم سطح آب به دست آمده در مدل حاضر را بعد از ۷/۲ ثانیه نشان میدهد. شکل (۱۳) نیز نتایج به دست آمده از این آزمون را در مرجع [۳] نشان می دهد.



شکل ۱۲: منحنی میزان رقوم سطح آب به دست آمده در مدل حاضر در آزمون شکست جزئی سد بعد از ۷/۲ ثانیه.



شکل ۱۳: منحنی میزان رقوم سطح آب به دست آمده در مرجع [۳] در آزمون شکست جزئی سد بعد از ۷/۲ ثانیه.

أزمون شكست سد با فرض بستر متحرك

هدف از این آزمون، کنترل و مقایسه نتایج حاصل از مدل عددی حاضر، با نتایج ارائه شده در مرجع [۱] است. در این آزمون تغییر مشخصات هیدرولیکی امواج حاصل از شکست سد در امتداد یک کانال فرسایش پذیر، بررسی شده است.

محل سد در وسط کانال در نظر گرفته شده است. عمق اولیه آب در بالادست سد ۴۰ متر و در پایین دست سد ۲

متر است. بستر اولیه کانال افقی و شامل رسوبات غیر چسبنده با دانه بندی یکنواخت فرض شده است. قطر دانههای رسوب در آزمونهای مختلف برابر ۸ میلیمتر میباشد.

برای نشان دادن نقش تحرک بستر و اندازه دانه های رسوب بر مشخصات هیدرولیکی جریان، در مورد ضریب زبری مانینگ بستر کانال ۰/۰۳۵ به صورت پیش فرض انتخاب شده است. سایر پارامترهای مورد استفاده در ایس آزمون عبارتست از:

(p = 0.4)، نسبت تخلخل رسوبات بستر کانال P، نسبت تخلخل $(\upsilon = 1.2E - 6m^2/s)$ ، ویسکوزیته آب υ

در اشکال زیر، پروفیل سطح آب محاسبه شده توسط مدل عددی با نتایج موجود در مرجع [۱] مقایسه شده است.







شکل ۱۵: نتایج به دست آمده در مرجع [۱] بعد از ۲۰۶.



شکل ۱۶: نتایج به دست آمده از مدل عددی حاضر بعد از ۳۰۶.



از شکلهای بالا نکات زیر مشاهده می شود:

حرکت بستر به طور زیادی بر پروفیل های سطح آزاد در مقایسه با بستر، تاثیر میگذارد. این می تواند برای پیش بینی سیل مهم باشد.

یک پرش هیدرولیکی در پروفیل سطح آزاد برای بستر متحرک وجود دارد که ابتدا دور سد اصلی واقع شده است و به تدریج با حرکت به سمت بالادست، گسترش می یابد و بالاخره ناپدید می شود.

اشکال زیر پروفیل سرعت جریان را روی بستر فرسایش پذیر نشان می دهد. مشاهده می شود که پروفیل سرعت در محل پیشانی موج مثبت پایین دست دارای پیک و افزایش شدیدی می باشد. این امر نشان دهنده ظرفیت فرسایش بسیار زیاد جریان در این منطقه است.



شکل ۱۸: پروفیل سرعت به دست آمده توسط مدل عددی.



شکل ۱۹: پروفیل سرعت به دست آمده در مرجع [۱].

آزمون شکست سد با فرض بستر فرسایش پذیر در حالت دو بعدی

آزمون شکست سد هنگامی که سد روی قطر قرار دارد در این آزمون، همانند آزمون بستر صلب فرض می شود که تعداد سلولها در جهت x و y برابر باشد و سد روی قطر قرار گرفته باشد.

ابعاد محیط، ۲۰۰ «۲۰۰ متر، تعداد سلولهای شبکه ۴۰ ۴۰ ، عمق در یک طرف سد ۱۰ متر و در طرف دیگر ۵ متر است.شرایط رسوب همانند حالت یک بعدی در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل از مدلسازی در اشکال زیر آمده است.



شکل ۲۴: نتیجه مدلسازی بعد از ۵min.

اقدام نمود. مدل حاضر به کمک آزمونهای گوناگونی که توسط محققان مختلف ارائه شده بود، مورد ارزیابی قرار

گرفت. همان طوری که نتایج نشان می دهند، در هیچ

کدام از آزمونها، خطای پراکنش عددی در مجاورت

گرادیانهای تیز مشاهده نمی شود. این یکی از تواناییهای

روش TVD در مدلسازی شکست سد می باشد.

نتيجه گيري

در این مقاله، یک مدل عددی توسعه یافته در چارچوب روش حجم محدود و با استفاده از شمای صریح مک کورمک همراه با تکنیک تسخیر شوک component-wise TVD ارائه گردید. نشان داده شد که میتوان علاوه بر هیدرولیک جریان نسبت به شبیه سازی بستر متحرک نیز

مراجع

- Cao, Z., Pender, G., Wallis, S. and Carling, P. (2004). "Computational Dam-Break Hydraulics Over Erodible Bed." *ASCE, Journal of Hydraulic Eng.*, Vol. 130, No.7, PP. 689-702.
- 2 Alcrodu, F. and Garcia-Navarro, P. (1992). "A high-resolution Godunov-type scheme in finite volumes for the 2D shallow-water equations." *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, Vol. 16, Issue 6, PP. 489-505.
- 3 Tseng, M. H. and Chu, C. R. (2000). "Two-Dimensional Shallow Water Flows Simulation Using TVD-Mac Cormack Scheme." *IAHR, Journal of Hydraulic Research*, Vol. 38, No.2, PP.123-131.
- 4 Lin, G. F., Lai, J. S. and Guo, W. D. (2003), "Finite volume Component-wise TVD Schemes for 2D Shallow Water Equations." *Advances in Water Resources*, No. 26, PP. 861-873.
- 5 Pitchard, D. and Hogg, A. J. (2002). "On sediment transport under dam-break flow.", Journal of Fluid Mech., Vol. 473, PP. 265-274.
- 6 Valiani, A. and Caleffi, V. (2001), "Dam break modeling for sediment laden flow." Proc., Int. Symposium on Environmental Hydraulics. IAHR, Arizona, USA.

واژه های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 Scheme
- 2 Upwind
- 3 Uncoupled
- 4 Coupled
- 5 Local Entrainment6 Sediment Transport Capacity
- 7 Non-Capacity
- 8 Source
- 9 Sink
- 10 Prediction
- 11 Correction
- 12 Courant- Friedrichs- Lewy
- 13 Land Boundary
- 14 Open Boundary