

## شکل پذیری تیرهای مسلح ساخته شده با بتن خود متراکم

یاسر شریفی<sup>۱\*</sup>، علی اکبر مقصودی<sup>۲</sup> و رضا رهگذر<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> استادیار بخش مهندسی عمران - دانشگاه ولیعصر رفسنجان

<sup>۲</sup> استادیار بخش مهندسی عمران - دانشگاه شهید باهنر کرمان

(تاریخ دریافت ۱۹/۴/۸۷، تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۲۲/۱۲/۸۸، تاریخ تصویب ۳۰/۶/۸۹)

### چکیده

در مناطق زلزله خیر شکل پذیری اعضای سازه های بتن مسلح پارامتری مهم برای طراحی اینگونه سازه ها است. در این تحقیق اعضای خمشی مسلح ساخته شده با بتن خودمتراکم (SCC) مورد بررسی آزمایشگاهی قرار گرفته و نتایج حاصل با مقادیر حاصله از فرمول بنده تئوریک بر اساس آیین نامه مدون جهت سازه های مسلح ساخته شده با بتن معمولی، مقایسه شده است. کرنش سنج های الکتریکی جهت قرائت کرنش میلگرد های کششی و فشاری بر روی سطح میلگرد های مذکور در مقاطع مورد بررسی نصب گردید. همچنین جهت قرائت خیز در مقاطع مختلف، خیز سنج های الکتریکی در طول تیر نصب شدند. نتایج حاصله بعد از هر بارگذاری قرائت گردید و با استفاده از این نتایج شکل پذیری جابجایی و انحنای محاسبه شده و با نتایج تئوریک منطبق بر آیین نامه های آمریکا و کانادا مقایسه گردید. با استناد به تحقیق حاضر شکل پذیری تیرهای مسلح حاوی بتن خود متراکم به نحو محافظه کارانه ای بیش از مقادیر منتج از آیین نامه های پیشنهادی در مورد بتن های معمولی می باشد. نتایج حاصله می تواند اطلاعات نسبتاً موثری در زمینه شکل پذیری تیرهای بتن مسلح ساخته شده با بتن خود متراکم در اختیار محققین جهت انجام تحقیقات گسترشده تر، قرار دهد.

### واژه های کلیدی:

شکل پذیری، بتن خود متراکم، اثر فولاد کششی

### مقدمه

این نوع بتن شامل همان ترکیبات بتن معمولی ویبره شده از قبیل شن، ماسه، سیمان، آب و مواد افزودنی میباشد، اما نسبت های آن متفاوت است. همچنین به منظور ارزیابی در برابر پارامترهای روانی و چسبندگی باید آزمایشات متنوعی روی بتن تازه انجام شود. علیرغم خصوصیات (SCC)، عامل اصلی که باعث متدالو نشدن استفاده از این نوع بتن در اکثر کشورها گردیده فقدان روابط و ضوابط لازم و کافی آئین نامه ای برای طراحی اجزاء سازه ای می باشد. در این تحقیق سه عدد تیر بتن مسلح دارای (SCC)، با فولاد فشاری یکسان و فولاد کششی متفاوت، مورد ارزیابی آزمایشگاهی قرار گرفتند. از آنجا که تحقیقات آزمایشگاهی زیادی در مورد بتن معمولی و مقاومت بالای سنتی (که در آنها نیاز به ویبره کردن می باشد) انجام شده و در تمام آئین نامه های معتبر قوانین آنها مدون شده، در مورد سازه های دارای (SCC) ضوابط اندکی دیده می شود. Surong and Jianlan [۶] رفتار برشی و خمشی تیرهای بتن مسلح ساخته شده با بتن خود متراکم را به صورت آزمایشگاهی مورد بررسی قرار دادند و نتایج زیر را استخراج کردند:

بتن خود متراکم<sup>۱</sup>، با هدف کاهش خطای بتن ریزی به دلیل عدم پر شدن فضاهای خالی به صورت کامل ناشی از بی دقیقی و نداشتن مهارت در ویبره کردن بتن، افزایش سرعت بتن ریزی و ... برای نخستین بار در کشور ژاپن ابداع گردید. این بتن به نحوی تعریف شده است که احتیاج به هیچ نوع ویبره ندارد و فقط تحت اثر وزن خود، متراکم شده و فواصل بین آرماتورها را پر کرده و همزمان یکنواختی خود را حفظ می نماید. برای دستیابی به چنین رفتار و ویژگی، بتن تازه باید هر دو حالت سیالیت بالا و چسبندگی خوب را همزمان داشته باشد [۱-۵]. در این صورت چنین بتنی می تواند برای بتن ریزی با سطوح عاری از خلل و فرج، دالها و پی ها با تراکم بالای میلگرد و مقاطع پر آرماتور و باریک، سازه های بتن پیش تنیده و به طور کلی محل هایی که امکان استفاده از ویبراتور به دلیل تراکم بالای آرماتور وجود ندارد، بتنی ایده آل باشد.

ابداع (SCC)، منجر به بهبود مهمی در رابطه با محیط زیست، سلامتی، ایمنی و حذف بعضی از خطاهای افراد اجرایی بتن ریز و همچنین افزایش حجم کار، کاهش زمان و هزینه کلی انجام کار گردید. علیرغم این ویژگی ها، **www.SID.ir**

در تحقیقات دیگر نیز اعتبار استفاده از بتن خودمتراکم در ساخت تیرهای بتن مسلح ساخته شده با این نوع بتن اثبات شده است [۱۰و ۱۱]. لذا تحقیقات بیشتر در این زمینه می‌تواند مؤثر باشد. از آنجا که خاصیت سیالیت بالا و ریزی سنگدانه‌ها در این نوع بتن این توانایی را می‌دهد که سازه‌های بتونی با تراکم زیاد آرماتور را بتن ریزی نمود (شکست در سازه‌های با آرماتور زیاد به صورت ترد و با شکل پذیری کم می‌باشد) لذا بررسی شکل پذیری سازه‌های ساخته شده با این نوع بتن مهم می‌باشد. از آنجا که ساخت سازه‌ها با بتن خودمتراکم در ایران به دلیل عدم شناخت رفتار سازه‌ای آنها بسیار محدود می‌باشد، لذا بررسی به صورت آزمایشگاهی اینگونه سازه‌ها می‌تواند شروع انجام آزمایش‌های گسترده‌تری جهت استفاده از توانمندی‌های این نوع بتن باشد. در این مقاله شکل پذیری اینگونه تیرها با مقیاس کامل و اجرایی مورد بررسی آزمایشگاهی قرار گرفت. تیرهای مسلح دارای (SCC) بتن ریزی شده و تحت بارگذاری دو نقطه ای تا زمان گسیختگی قرار گرفتند و در چهار مقطع مختلف تیر (دو نقطه در قسمت لنگر ثابت و خالص، دو نقطه در محل برش ثابت) اطلاعات مربوط به خیز، کرنش سطح بتن در ارتفاع مقطع، کرنش میلگردهای کششی و فشاری بكمک نصب خیزسنج‌ها و کرنش سنج‌های الکترونیکی به طور دقیق تحت هر افزایش بار ثبت گردید. به منظور بررسی تاثیر خمش، در این مقاله فقط دو مقطع تحت خمش خالص و ثابت مورد تحلیل قرار گرفتند. نمودارهای بار- خیز، لنگر- انحنای، مقادیر نسبت‌های شکل پذیری در مقاطع به روش شکل پذیری اتحنا، ( $\phi_1$ ) و در کل تیر، شکل پذیری جابجایی ( $\phi_2$ ) تعیین گردیده و نتایج با نتایج تئوریک آبین نامه‌های مربوط به بتن‌های سنتی مقایسه شده است.

### خواص فیزیکی و مکانیکی مصالح مصرفی

جهت تولید بتن خودمتراکم از مصالح محلی (سیمان، شن، ماسه و ...) استفاده گردید و نسبت ترکیب آنها و نتایج فاز خمیری در جدول (۱) آمده است. فولادهای مورد استفاده در تیرها (آرماتورهای کششی، فشاری و برشی) از تولیدات کارخانجات فولاد کشور با تنش تسليمه بر اساس نتایج آزمایش کشش میلگردها برابر با  $401/9 \text{ MPa}$  استفاده شده است. تعاریف استفاده

۱- هیچ گونه تفاوت رفتاری بین شکست برشی و خمشی تیرهای ساخته شده با بتن خودمتراکم و معمولی مشاهده نشده است.

۲- برای دو تیر مشابه و ساخته شده از بتن خودمتراکم و معمولی و مقاومت فشاری یکسان، مقاومت تسليم میلگردهای کششی دو تیر نزدیک می‌باشند ولی مقاومت نهایی تیرهای ساخته شده با بتن خودمتراکم بیشتر از تیرهای ساخته شده با بتن معمولی می‌باشد ضمناً ظرفیت برشی دو تیر تقریباً یکسان است.

۳- ممان ترک خودگری تیرهای ساخته شده با بتن خودمتراکم کوچکتر از تیرهای ساخته شده با بتن معمولی می‌باشد.

در تحقیق دیگری توسط Hassan et al [۷] عدد تیر بتن مسلح با بتن خودمتراکم مورد بررسی آزمایشگاهی قرار گرفتند تا مقاومت برشی و رفتار ترک خودگری اینگونه تیرها با نتایج تیرهای ساخته شده با بتن معمولی مقایسه شود. متغیرهای مورد مطالعه مقاومت فشاری بتن، عمق تیر و میزان میلگردهای طولی می‌باشد. در تیرهای مذبور میلگرد برشی مورد استفاده قرار نگرفته است. مقاومت برشی تیرهای مورد آزمایش قرار گرفته کمتر از مقاومت برشی تیرهای ساخته شده با بتن معمولی می‌باشد و با کاهش میلگردهای طولی و افزایش عمق تیر این تفاوت مشهود تر شده است.

در یک تحقیق توسط Mazzotti and Savoia [۸] خیز بلند مدت تیرهای ساخته شده با بتن خودمتراکم مورد بررسی آزمایشگاهی قرار گرفته است. در این مطالعه تنش فشاری ماکریم در وسط تیر  $35\%$  مقاومت فشاری بتن گزارش شده است.

در تحقیق دیگری که توسط Paultra et al. [۹] انجام گردید رفتار ستون‌های بتن مسلح با بتن خودمتراکم مورد بررسی آزمایشگاهی قرار گرفتند. در این مطالعه:

۱- ستون‌های بتن مسلح حاوی بتن خودمتراکم شکل پذیرتر از ستون‌های حاوی بتن معمولی می‌باشند ولی مقاومت نهایی آنها کمتر می‌باشد و همچنین استفاده از میلگردهای برشی با مقاومت تسليم بیشتر می‌تواند برای ستون‌های حاوی بتن خودمتراکم موثرتر باشد.

۲- پخش یکنواخت خواص در ارتفاع ستون حاوی بتن خودمتراکم یکنواخت تر از ستون‌های حاوی بتن معمولی

کرنش در سطح بتن و شرایط تکیه گاهی به صورت شماتیک آورده شده است. فولاد برشی بنحوی طراحی شده است تا در بار نهائی از شکست برشی تیر جلوگیری گردد (عبارت دیگر، به منظور تامین شکل پذیری، سعی گردیده است تا شکست خمی مقدم بر شکست برشی گردد).

همان طور که از شکل (۱-ج) مشخص است جهت تعیین نوع شکست تیرهای پرآرمه<sup>۲</sup>، عدد میلگرد در تیر SCCB6 به دو دسته میلگرد گروهی تقسیم شده اند. فاصله بین دو بار نقطه‌ای در نمونه های آزمایشی تیرها ثابت و برابر mm ۶۰۰ می‌باشد. خیز در چهار نقطه مختلف دهانه بوسیله خیز سنجها (شکل ۲) با هر افزایش باری اندازه گیری شده است، کرنش در فولاد کششی و فشاری بوسیله کرنش سنج‌های الکتریکی نصب شده بر آنها، اندازه گیری گردید. در این تحقیق بارگذاری به روش نیرو کنترل انجام گرفته و با حفظ نظم تناوب افزایش بار، سعی گردیده که تا حد امکان از کوچکترین افزایش بار جهت استخراج رفتار دقیق تیر استفاده شود. پولکی‌ها (صفحات فلزی)<sup>۳</sup> بر سطح بتن، در چندین ارتفاع مقطع، جهت قرائت کرنش بتن نصب گردیده است و مراحل بارگذاری هر تیرتا لحظه شکست انجام گرفته است.

در هر افزایش بار، مشاهدات عینی، قرائت‌های لازم و پیش روی ترک روی سطح تیر ثبت می‌گردید. در شکل (۳) چگونگی نصب دستگاهها و تجهیزات جهت قرائت کرنش و خیز، نحوه بارگذاری، پیش روی ترکها و... مربوط به تیر SCCB1 آزمایش شده نشان داده شده است.

شده در این تحقیق جهت مرحله تسلیم و نهایی به ترتیب به صورت زیر می‌باشند:

در مرحله ای از بارگذاری که بحرانی ترین میلگرد کششی تسلیم شود و مرحله ای که در آن بحرانی ترین تار بتن منطقه فشاری (دور ترین تار فشاری) پوسته شود و از آن مرحله تیر تحمل افزایش بار بیشتر را ندارد. از قالب به طول ۶/۲ متری فلزی جهت بتن ریزی استفاده گردید به صورتی که در هر قالب دو عدد تیر به طور همزمان بتن ریزی شده است. قبل از بتن ریزی با استفاده از روغن مخصوص قالب، بدنه داخلی قالب فلزی اندود گردید و بتن ریزی انجام گردید. ۲۴ ساعت پس از بتن ریزی قالب های فلزی باز گشته و تا حداقل ۲۸ روز با استفاده از پوشش گونی مرطوب و نایلون، تیرها عمل آوری شده اند. در جدول (۲) جزئیات تیرها آمده است. برای هر تیر حداقل از ۳ عدد نمونه های مکعبی cm ۱۰×۱۰×۱۰ جهت محاسبه مقاومت فشاری استفاده گردیده و مقاومت فشاری آنها در سن ۲۸ روزه مورد آزمایش فشاری قرار گرفته و میانگین آنها برای هر تیر در جدول (۲) گزارش شده است.

### نمونه های آزمایشگاهی

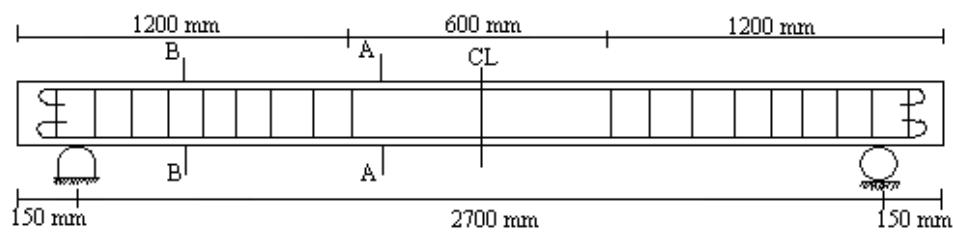
سه عدد تیر به ابعاد سطح ۲۰×۳۰ و طول ۳۰۰ سانتی‌متر ساخته شده و تحت بارگذاری دو نقطه ای قرار گرفتند. در شکل (۱) اطلاعات مربوط به شکل تیرها، نحوه قرار گرفتن و اندازه آرماتورها در مقطع و همچنین شکل (۲) نحوه بارگذاری، محل نصب پولکی‌ها جهت قرائت

جدول ۱: نسبت مصالح در مخلوط SCC و نتایج فاز خمیری بتن.

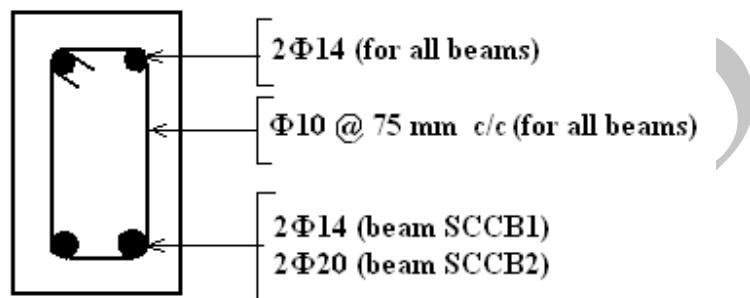
W/P	Cement (Kg)	Gravel (Kg)	Sand (Kg)	Limestone powder (Kg)	Micro silica (Kg)	PCE (Lit)	L-box (h <sub>2</sub> /h <sub>1</sub> )	V-funnel Time(s)	Slump flow Dia.(cm)
0.39	270	750	870	225	30	4	0.83	6.0	70-73

جدول ۲ : جزئیات تیرهای آزمایش شده.

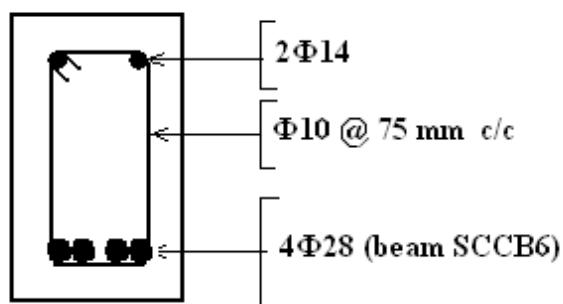
Beam No.	f <sub>c</sub> (MPa)	d (mm)	d' (mm)	A <sub>s</sub>	A' <sub>s</sub>	ρ(%)	ρ'(%)	ρ/ρ <sub>b</sub>
SCCB1	31.60	258	42	2Φ14	2Φ14	0.0059	0.0059	0.1466
SCCB2	32.84	255	42	2Φ20	2Φ14	0.0123	0.0060	0.2985
SCCB6	27.20	251	42	4Φ28	2Φ14	0.0490	0.0061	1.3772



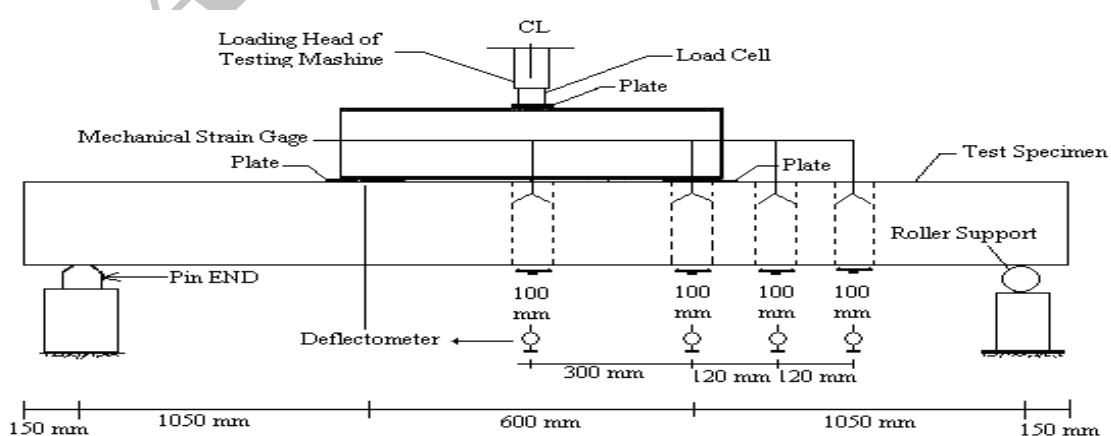
شکل ۱ - الف: جزئیات تیرهای آزمایش شده.



شکل ۱ - ب: جزئیات فولاد گذاری مقاطع تیرهای SCCB1 و SCCB2



شکل ۱- ج: جزئیات فولاد گذاری مقطع تیر پرآرمه SCCB6



شکل ۲ : نحوه قرارگیری و بارگذاری تیرهای آزمایش شده.



شکل ۳-الف: چگونگی نصب دستگاه‌ها و تجهیزات جهت قرائت کرنش و خیز مربوط به نمونه ای از تیرهای آزمایش شده.



شکل ۳-ب: نحوه بارگذاری، پیشروی ترک‌ها و... مربوط به نمونه ای از تیرهای آزمایش شده.

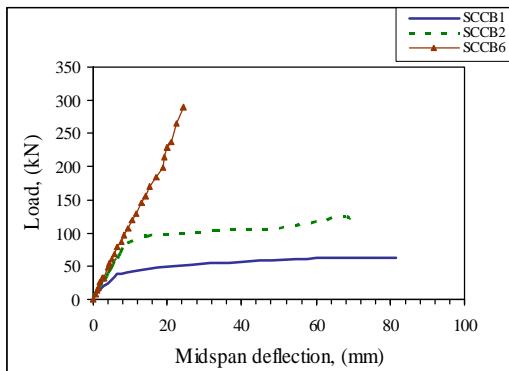
بتن خود متراکم وجود ندارد، خواسته شد این نوع تعريف و انتظار رفتار تیر پرآرمه به صورت آزمایشگاهی در رابطه با تیر ساخته شده با بتن خود متراکم بررسی گردد. با توجه به جدول (۲) مقدار فولاد فشاری در هر سه نمونه ثابت و اثر افزایش فولاد کششی بررسی شده است.

### شکل پذیری

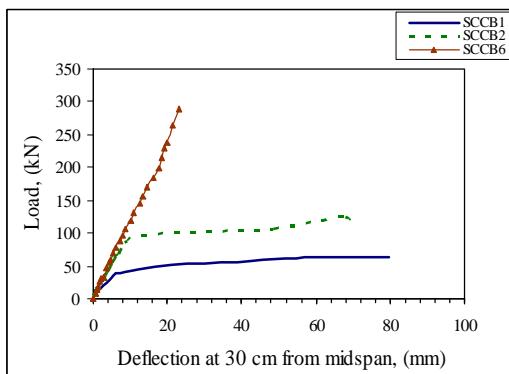
مصالح شکل پذیر به موادی گفته می‌شوند که در حین تحمل بار کرنش‌های زیادی از خود نشان

همان‌طور که از جدول (۲) مشخص است، طرح تیر SCCB6 پرآرمه صورت گرفته است ( $\rho_b=1.3772$ ). در این نوع بتن، تعاریف و فرمولبندی تئوریک بحث شکل‌پذیری تیرهای بتن (سنگی) مسلح برای این نوع بتن می‌باشد (به دلیل آنکه سازه پرآرمه سازه‌ای است که در لحظه تخریب بتن فشاری (نهایی)، فولاد کششی تسليم نمی‌گردد و لذا خیز یا انحنای تسليم با توجه به این تعريف وجود ندارد و طبیعتاً شکل پذیری معنی پیدا نمی‌کند). اما از آنجا که اطلاعاتی در مورد نحوه عملکرد تیر پرآرمه با

مشاهده می گردد در دو تیر SCCB1 و SCCB2 شکل پذیری جابجایی بیش از دو برابر مقدار حداقل پیشنهادی ۳ برای تیرهای مسلح شده به بتن سنتی می باشد.



شکل ۴ : نمودار بار - خیز تیرها در مقطع وسط تیر.



شکل ۵ : نمودار بار - خیز تیرها در مقطع ۳۰ سانتی‌متری از مرکز تیر.

با توجه به اینکه در این تحقیق بحرانی ترین مقطع در طول تیر مورد بررسی قرار گرفته و این مقطع در شکست خمشی یک تیر با انتهای ساده در مرکز و در بعضی موارد زیر بار متمرکز می باشد (در ضمن انجام آزمایش این مورد مشاهده گردید) لذا جابجایی برای این حالت برای کل تیر و مقطع در حالت های تسلیم میلگردهای کششی و نهایی یکسان می باشند. نحوه محاسبه شکل پذیری جابجایی به صورت شماتیک در شکل (۶) نمایش داده شده است.

می‌دهند. کاربرد چنین بیانی برای اعضاء و سازه‌های بتن مسلح، عبارت از توانائی حمل تغییر شکلهای غیر ارجاعی<sup>۴</sup> قابل توجه قبل از تخریب<sup>۵</sup> عضو می باشد. به عبارت دیگر یک ماده یا سازه ترد با رسیدن به بار حداکثر به طور ناگهانی شکسته می شود. در صورتی که یک سازه شکل پذیر نامعین از نظر ایستاتی در معرض نشت غیر منتظره یا بارگذاری بیش از حد قرار گیرد، سازه تمایل به تغییر شکل ارجاعی داشته و مجدداً بعضی از اثرات بارگذاری بیش از حد را به قسمت‌های دیگر سازه پخش می کند. در این تحقیق به منظور بررسی رفتار کل تیر، از شکل پذیری جابجایی ( $\Delta_u$ ) و برای بررسی رفتار انفرادی مقاطع از شکل پذیری انحنای ( $\phi_u$ ) استفاده شده است [۱۲-۱۵].

### شکل پذیری جابجایی ( $\mu_d$ )

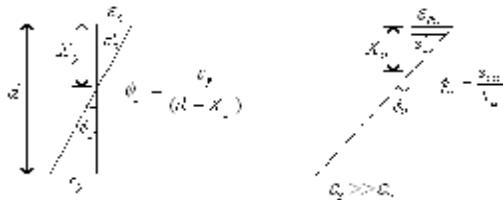
شکل پذیری جابجایی ( $\mu_d$ ) عبارتست از نسبت جابجایی در بار نهایی ( $\Delta_u$ ) به جابجایی در اولین نقطه‌ای که فولادکششی جاری ( $\Delta_y$ ) می‌شود. بار نهایی در آزمایش تیر به این صورت تعریف شده است که، حداکثر باری که یک تیر در حین بارگذاری قادر به تحمل کردن است و پس از آن، با کمترین افزایش بار، منحنی در نمودار بار - خیز دارای سیر نزولی می‌شود. بنابراین با این تعریف، ( $\Delta_y$ ) در نمودار بار - خیز، نقطه‌ای روی منحنی است که شیب آن تغییر می‌کند و به صفر نزدیک می‌شود و ( $\Delta_u$ ) نقطه‌ای است که شیب منحنی منفی می‌شود. در شکل‌های (۴) و (۵) نمودار بار - خیز تیرهای مورد بررسی در این تحقیق به ترتیب در مقطع وسط و در مقطع ۳۰ سانتی‌متری از وسط عضو (زیر بار) نشان داده شده است. مقادیر آزمایشگاهی کرنش میلگردهای کششی، فشاری بترتب  $\epsilon_u$  و  $\epsilon_y$  و مقادیر کرنش فشاری در تار بحرانی بتن  $\epsilon_{cu}$  در بار تسلیم و نهایی در جدول (۳) آورده شده است. در جدول (۴) مقادیر ( $\Delta_y$ ), ( $\Delta_u$ ) و ( $\mu_d$ ) در مقاطع مختلف بكمک خیز سنج‌های نصب شده تعیین و آورده شده است.

جدول ۳ : مقادیر آزمایشگاهی بار، کرنش کششی و فشاری میلگردها و کرنش فشاری تار بحرانی بتن در مراحل تسلیم و نهایی تیرهای آزمایش شده.

Beam No.	Yield				Ultimate			
	$P_y$ (kN)	$\epsilon_{sy}$	$\epsilon'_{sy}$	$\epsilon_{cc}$	$P_u$ (kN)	$\epsilon_{su}$	$\epsilon'_{su}$	$\epsilon_{cu}$
SCCB1	37.925	0.002008	-0.000064	-0.000761	63.431	0.032751	0.001363 <sup>a</sup>	-0.005549
SCCB2	85.761	0.002030	-0.000756	-0.001479	115.100	0.024120	-0.000351	-0.005052
SCCB6	-	-	-	-	289.061	0.001492	-0.002713	-0.003461

تیر SCCB1 بسیار کم آرمه می باشد و در حالت نهایی فولاد منطقه فشار تحت کشنش قرار می گیرد (عمق محور خنثی در حالت نهایی کمتر از  $d^4$  می باشد)

آن دارای سیر نزولی می‌گردد. به منظور طراحی، معمولاً محاسبات مربوط به انحناء را می‌توان از تئوری خط مستقیم انجام داد [۱۵-۱۲] با بکارگیری مفاهیم شکل (۷) شکل پذیری انحناء ( $\phi_u/\phi_y = \mu_\phi$ ) دریک تیر با و یا بدون فولاد فشاری محاسبه شده است. مفاهیم و فرمول‌ها با دقت کافی از تئوری خط مستقیم قابل استخراج است.



شکل ۷: انحناء تسليم  $\phi_y$  و انحناء نهائی  $\phi_u$   
(لحظه اعمال بار تخریب) خمی.

الف- مقاطع کم آرمه

$$\phi_y = \frac{f_y}{E_s d(1-K)}$$

$$k = \left[ n^2 (\rho + \rho')^2 + 2n \left( \rho + \frac{\rho' d'}{d} \right) \right]^{1/2} - n(\rho + \rho')$$

$$\phi_u = \frac{\varepsilon_{cu}}{X_u}$$

$$\mu_\phi = \frac{\phi_u}{\phi_y} \quad (1)$$

اگر فولاد فشاری در لحظه شکست جاری شود:

$$X_u = \frac{(A_s - A'_s)f_y}{\alpha\beta_f f_c b} \quad (2)$$

اگر فولاد فشاری در لحظه شکست جاری نشود (برای تیرهای SCCB1 و SCCB2):

$$X_u^2 + \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s A'_s - A_s f_y}{\alpha\beta_f f_c b} \right] X_u - \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s A' d'}{\alpha\beta_f f_c b} \right] = 0 \quad (3)$$

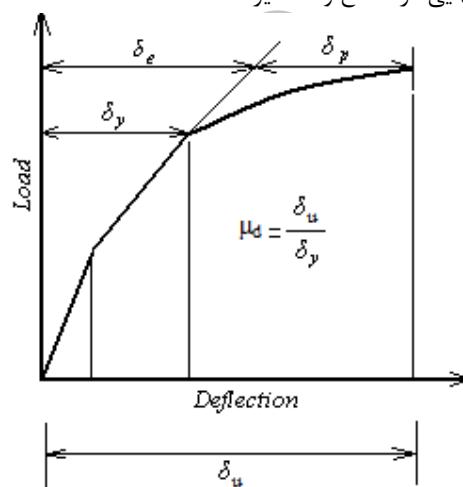
ب- مقاطع پرآرمه (در مقاطع پرآرمه فولاد کششی تسليم

$$\phi_u = \frac{\varepsilon_{cu}}{X_u} \quad \text{نمی گردد} \quad (5)$$

اگر فولاد فشاری در لحظه شکست جاری شود (برای تیر SCCB3):

$$X_u^2 + \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s A_s + A'_s f'_y}{\alpha\beta_f f_c b} \right] X_u - \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s A_s d}{\alpha\beta_f f_c b} \right] = 0 \quad (4)$$

$\epsilon_{sy}$  و  $\epsilon_{su}$  کرنش تسليم و نهايی بحرانی ترين ميلگرد کششی در مقطع وسط تير  
 $\epsilon'_{sy}$  و  $\epsilon'_{su}$  کرنش تسليم و نهايی بحرانی ترين ميلگرد  
فشاری در مقطع وسط تير  
 $\epsilon_{cu}$  کرنش فشاری بتن در زمان تسليم ميلگردهای  
کششی و نهايی در مقطع وسط تير  
 $P_y$  باراعمال شده در زمان تسليم ميلگردهای کششی  
و نهايی در مقطع وسط تير



شکل ۶: نمودار شماتیک بار- خیز تیرها و نحوه محاسبه  
شكل پذیری جابجایی.

جدول ۴: مقادیر آزمایشگاهی شکل پذیری جابجایی ( $\mu_d$ ),  $\Delta_y$  و  $\Delta_u$  تیرهای آزمایش شده.

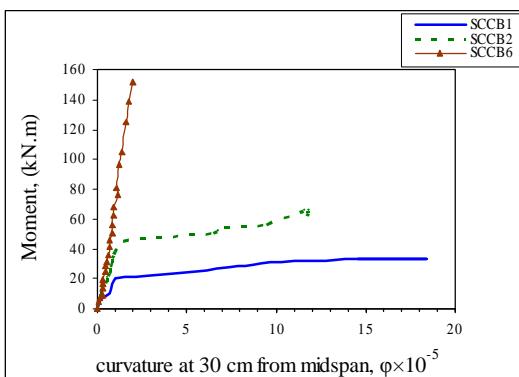
Beam No.	$\Delta_y$ (mm)	$\Delta_u$ (mm)	$\mu_d = \Delta_u/\Delta_y$
SCCB1 (mid-span)	6.40	81.56	12.74
SCCB2 (mid-span)	9.51	69.20	7.27
SCCB6 (mid-span)	<sup>a</sup>	24.18	-
SCCB1 (30 cm from mid-span)	6.18	79.71	12.89
SCCB2 (30 cm from mid-span)	8.75	69.28	7.92
SCCB6 (30 cm from mid-span)	<sup>a</sup>	23.11	-

تیر SCCB6 برآرمه است

### شکل پذیری انحناء ( $\mu_d$ )

شکل پذیری انحناء عبارتست از نسبت انحناء در بار نهائی ( $\phi_u$ ) به انحناء در اولین نقطه‌ای که فولاد کششی جاری ( $\phi_y$ ) می‌شود. بنابراین، ( $\phi_y$ ) در نمودار ممان- انحناء نقطه‌ای روی منحنی است که شبیه آن تغییر کرده و به صفر بازدیدک می‌شود و ( $\phi_u$ ) نقطه دیگری است که شبیه

از مقادیر تئوریک روابط پیشنهادی آیین نامه آمریکا برای یک مقطع مشابه می باشد. همچنین در صورت استفاده از مقادیر تئوریک پیشنهادی آیین نامه ای برای این نوع بتن، منجر به طرح محافظه کارانه نسبت به مقادیر آزمایشگاهی خواهد شد.



شکل ۹: نمودار ممان- انحناء تیرها در مقطع ۳۰ سانتی متری از مرکز تیر.

جهت محاسبه انحناء در مرحله تسليم با توجه به فرض خطی بودن دیاگرام کرنش و اطلاعات مربوط به کرنش سنج های الکتریکی نصب شده بر روی بحرانی ترین میلگرد کششی و کرنش سنج های الکتریکی و مکانیکی نصب شده بر روی سطح منطقه فشاری بتن، دیاگرام کرنش در مرحله تسليم استخراج می گردد و انحناء قابل محاسبه است.

جهت محاسبه انحناء نهایی از اطلاعات کرنش سنج های مکانیکی و الکتریکی نصب شده بر روی سطح منطقه فشاری بتن و همچنین در بعضی موارد از اطلاعات کرنش سنج های الکتریکی نصب شده بر روی میلگردهای فشاری استفاده شده است و انحناء نهایی با استفاده از این اطلاعات محاسبه گردیده است.

مقادیر شکل پذیری انحناء در اکثر مراجع همواره بیشتر از مقادیر شکل پذیری تغییر مکان می باشد در این مطالعه نیز این حالت دیده می شود و شکل پذیری آزمایشگاهی انحناء بیشتر از شکل پذیری جابجایی می باشد ولی با توجه به اینکه دو عدد تیر SCCB1 و SCCB2 در حد زیاد کم آرمه می باشند، لذا مقادیر شکل پذیری جابجایی در حد بسیار مطلوبی افزایش یافته است.

قبل از تخریب تیر ترک های زیادی در منطقه ممان ثابت ایجاد شد و این ترک ها به صورت عمودی و از

اگر فولاد فشاری در لحظه شکست جاری نشود:

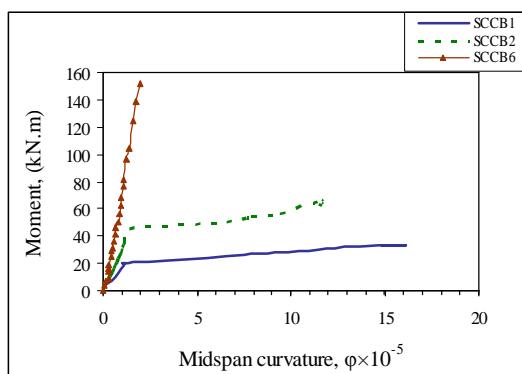
$$X_u^2 + \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s (A_s + A'_s)}{\alpha \beta_1 f_c' b} \right] X_u - \left[ \frac{\varepsilon_{cu} E_s (A_s d + A'_s d')}{\alpha \beta_1 f_c' b} \right] = 0 \quad (5)$$

در حالی که:

$f_y$ : تنش تسليم فولاد کششی؛  $d$ : عمق مؤثر؛  $d'$ : فاصله مرکز سطح فولادهای فشاری تا دورترین تار فشاری بتن؛  $b$ : عرض مقطع؛  $f_c'$ : تنش فشاری بتن؛  $E_s$ : مدل الاستیسیته فولاد کششی؛  $K_d$ : عمق محور خنثی در حالت تسليم میلگردهای کششی ( $X_y$ )؛  $\varepsilon_{cu}$ : کرنش فشاری درهنگام خردشدن بتن؛  $X_u$ : عمق محور خنثی در حالت نهائی؛  $a$ : ضریب بلوك تنش فشاری بتن؛  $\beta_1$ : ارتفاع بلوك تنش فشاری بتن به عمق محور خنثی ( $X$ )؛  $A_s$ : سطح مقطع فولادهای کششی؛  $A'_s$ : سطح مقطع فولادهای فشاری؛  $\rho = \frac{A'_s}{bd}$

$$\cdot n = \frac{E_s}{E_c} \text{ و } \rho' = \frac{A'_s}{bd}$$

در شکل (۸) و (۹) نمودار ممان- انحناء در دو مقطع تیرهای آزمایشی نشان داده شده است. در جدول (۵) مقایسه مقادیر انحناء در لحظه جاری شدن فولاد کششی ( $\phi_y$ ) و انحناء در بار نهائی ( $\phi_u$ ) و شکل پذیری انحناء ( $\phi_m$ ) برای نتایج آزمایشگاهی و تئوری که بر اساس رابطه (۱) تا (۵) به دست آمده، نشان داده شده است. در این روابط مقادیر  $\alpha$ ,  $\beta_1$ ,  $\varepsilon_{cu}$  و  $E_c$  بر اساس پیشنهاد دو آیین نامه CSA و ACI [۱۶] و [۱۷] لحاظ گردیده است.



شکل ۸: نمودار ممان- انحناء تیرها در مقطع وسط تیر.

همان طور که مشخص است، مقادیر تئوریک شکل پذیری از استفاده از روابط پیشنهادی آیین نامه کانادا کمی بیش

جدول ۵ : مقایسه شکل پذیری انحناء آزمایشگاهی و تئوری تیرها.

Beam No.		Experimental			Theoretical (ACI)			Theoretical (CSA)		
		$\phi_v \times 10^{-5}$	$\phi_u \times 10^{-5}$	$\mu_\phi$	$\phi_v \times 10^{-5}$	$\phi_u \times 10^{-5}$	$\mu_\phi$	$\phi_v \times 10^{-5}$	$\phi_u \times 10^{-5}$	$\mu_\phi$
Mid-span	SCCB1	1.04	14.84	14.2	1.03	9.53	9.25	1.03	9.79	9.48
	SCCB2	1.37	11.58	8.45	1.17	6.19	5.29	1.17	7.28	6.18
	SCCB6	-	1.97	-	a	1.75	-	a	2.04	-
30 cm from mid-span	SCCB1	1.04	14.56	14.0	1.03	9.53	9.25	1.03	9.79	9.48
	SCCB2	1.42	11.76	8.28	1.17	6.19	5.29	1.17	7.28	6.18
	SCCB6	-	1.88	-	a	1.75	-	a	2.04	-

SCCB6<sup>a</sup> پرآرمه است

یافته است.

۲- مقدار شکل پذیری انحناء آزمایشگاهی بیش از شکل پذیری جایجایی تیرها است. استفاده از روابط تئوریک آین نامه کانادا و آمریکا در مورد بتن های سنتی، منجر به مقادیر شکل پذیری انحناء بسیار کمتری نسبت به مقادیر شکل پذیری انحناء آزمایشگاهی می باشد.

۳- پایه تئوریک آین نامه ای برای بتن های سنتی در مورد تیرهای مسلح شده پرآرمه با بتن خود متراکم کاربرد دارد. به عبارت دیگر در این گونه اعضاء، امکان تسلیم فولاد کششی نمی باشد.

۴- استفاده از پیشنهادات آین نامه کانادا و آمریکا در مورد بتن های سنتی در تیرهای بتن مسلح کم آرمه به منظور جایگزین در اعضای بتن مسلح دارای SCC، منجر به طرح شکل پذیری محافظه کارانه می باشد.

انتهایی ترین تار کششی مقطع تیر ایجاد گردید، ترکهای خارج از منطقه ممان ثابت نیز شبیه ترکهای عمودی ولی با تراکم کمتر که با افزایش بار به سمت تکیه گاهها حرکت می کند. با توجه به اینکه تعداد زیاد پولکی در ارتفاع مقطع و بالاتر از نصف تیر (منطقه فشاری) نصب شده لذا با عبور ترک از نزدیک هر پولکی از اطلاعات مربوط به پولکی دیگر یا کرنش سنج های الکتریکی استفاده شد. همان طور که انتظار می رود عرض ترک با میزان فولاد کششی کنترل می گردد و با افزایش میلگرد کششی عرض ترک در بار یکسان افزایش یافت.

### نتیجه گیری

۱- با افزایش فولاد کششی در مقطع، همانطور که مورد انتظار است مقدار خیز و انحناء در مرحله تسلیم افزایش می یابد، در حالی که خیز و انحناء در مرحله نهایی کاهش

### مراجع

- 1 - Okamura H. and Ozawa K. (2006). "Mix design for self-compacting concrete." *Concr Lib JSCE 1995;25:107–20. 208 P.L. Domone / Cement & Concrete Composites*, Vol. 28, PP. 197–208.
- 2 - Okamura H. and Ozawa K. (1994). "Self-compactable high performance concrete." *International workshop on high performance concrete Detroit: American Concrete Institute*; PP. 31–44.
- 3 - Fujiwara H. Fundamental study on the self-compacting property of high-fluidity concrete. (1992). *Proc Japan Concr Inst*. Vol. 14, No. 1, PP. 27–32.
- 4 - Maghsoudi, A. A. and Hoornahad, H. (2005). "Investigation of Engineering Properties of SCC with Colloidal Silica." *Proc., of 3<sup>rd</sup> Int. Conf., the University of British Columbia, Vancouver, Canada*.
- 5 - Youjun Xie, Yanguang Li and Guangcheng Long (2005). "Influence of aggregate on properties of self-consolidating concrete." *Proc., of 1<sup>st</sup> Int. Symposium on Design, Performance and Use of Self-Consolidating Concrete, SCC'2005-China, 26-28 May 2005, Changsha, Hunan, China*.
- 6 - Surong, L. and Jianlan, Z. (2005). "Research on Bending and Shear Behavior of Self-Consolidating Concrete Beams", *Proc., of 1<sup>st</sup> Int. Symposium on Design, Performance and Use of Self-Consolidating Concrete, CC'2005-China, Changsha, Hunan, China, 26-28 May*.

- 7 - Hassan A. A. A., Hossain K. M. A. and Lachemi M. (2008). "Behavior of full-scale self-consolidating concrete beams in shear." *Cement and Concrete Composites*, Vol. 30, No. 7, PP. 588-596.
- 8 - Mazzotti C. and Savoia M. (2009). "Long-Term Deflection of Reinforced Self-Consolidating Concrete Beams." *Structural Journal*, Vol. 106, No. 06, PP. 772-781.
- 9 - Paultre, P., Khayat, K., Cusson, D. and Tremblay, S. (2005). "Structural performance of self-consolidating concrete used in confined concrete columns" *ACI Structural Journal*, Vol. 102, No. 4, PP. 560-568.
- 10 - Pengfei Huang (2005). "Performance evaluation method of self-consolidating concrete." *Proc., of 1<sup>st</sup> Int. Symposium on Design, Performance and Use of Self-Consolidating Concrete, SCC'2005-China, 26-28 May, Changsha, Hunan, China.*
- 11 - Zhiwu Yu and Xiaojie Liu. (2005). "Time-dependent analysis of self-compacting concrete beams." *Proc., of 1<sup>st</sup> Int. Symposium on Design, Performance and Use of Self-Consolidating Concrete, SCC'2005-China, 26-28 May 2005, Changsha, Hunan, China.*
- 12 - Park, R. and Dai, R. (1989). "Ductility of Doubly Reinforced Concrete Beam Sections. " *ACI Structural Journal*, Vol. 85, No.85-s24, PP. 217-225.
- 13 - Chien-Hung Lin and Feng-Sheng Lee (2007). "Ductility of High-Performance Concrete Beams with High-Strength Lateral Reinforcement." *ACI Structural Journal*, Vol. 98, No. 4, PP. 600-608.
- 14 - Maghsoudi, A. A. and Sharifi, Y. (2007). "Ductility and Plastic Hinge of HSC Heavily Steel Reinforced Members. " *Proc., of 5<sup>th</sup> Int. Conf. on Seismology and Earthquake Engineering, Tehran, Iran.*
- 15 - Maghsoudi, A. A. and Sharifi, Y. (2009). "Ductility of High Strength Concrete Heavily Steel Reinforced Members." *SCIENTIA IRANICA*, Vol. 16, No. 4, PP. 297-307.
- 16 - ACI Committee 318, "Building Code Requirement for Structural Concrete (ACI 318-05) and Commentary (318R-05)," American Concrete Institute, Farmington Hills, Mich., 2005.
- 17 - CSA 94, CSA Technical Committee, "Design of Concrete Structure for Buildings," CAN3-A23.3- M94, Canadian Standards Association, Rexdale, Ontario, 1994.

### واژه های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 - Self Consolidating Concrete
- 2 - Over-Reinforced
- 3 - Demec
- 4 - Inelastic
- 5 - Collapse