

بررسی رفتار سازه‌ای ستون‌های دوجداره فولادی (CFDST) پر شده با بتن

هیواچوگلی^۱، محمد رضا چنانقلو^{۲*} و کریم عابدی^۳

^۱دانش آموخته کارشناسی ارشد سازه دانشکده مهندسی عمران - دانشگاه صنعتی سهند تبریز

^۲دانشیار دانشکده مهندسی عمران - دانشگاه صنعتی سهند تبریز

^۳استاد دانشکده مهندسی عمران - دانشگاه صنعتی سهند تبریز

(تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۸/۶/۳، تاریخ تصویب ۲۸/۱۰/۸۹)

چکیده

در این مقاله ستون‌های دوجداره فولادی که با بتن پر می‌شوند و از خانواده ستون‌های CFT به شمار می‌روند، مورد ارزیابی قرار گرفته است. ستون‌های CFDST مزایایی از قبیل عدم نیاز به قالب‌بندی برای بتن‌ریزی، حمل و موتاز سریع و حفاظت سطح بتن از آسیب دارند. در مطالعه حاضر رفتار این نوع جدید از ستون‌ها با استفاده از روش عناصر محدود بررسی شده است. برای اطمینان از درستی مدل‌سازی عناصر محدود، نتایج تحلیل‌های عددی ستون‌های (CFDST) با نتایج آزمایشگاهی موجود مقایسه شده و از درستی مدل‌سازی، اطمینان حاصل شده است. همچنین اثر عوامل مختلف مؤثر از جمله لاغری ستون، مشخصه‌های هندسی مقطع، مشخصه‌های مکانیکی- مقاومتی مصالح به کار رفته موردن بررسی قرار گرفته است. نتایج تحقیق حاضر نشان می‌دهند که این ستون‌ها نسبت به ستون‌های CFT دارای شکل پذیری و ظرفیت تحمل بار بیشتری بوده و همچنین اثر تنش تسییم جداره‌ها و مقاومت فشاری بتن بر رفتار این ستون‌ها قابل ملاحظه است و همچنین مشخص شد که نسبت به ستون‌های CFT سبک‌تر و اقتصادی‌تر هستند.

واژه‌های کلیدی: ستون دوجداره پر شده با بتن (CFDST)، بتن، عناصر محدود، CFT، شکل پذیری، مقاومت

مقدمه

آتش‌سوزی مطرح می‌شود و باید تمهیدات خاصی را برای آن پیش‌بینی کرد. همچنین اجرای اتصالات در این ستون‌ها مشکل بوده و رفتار اتصالات به طور دقیق مشخص نیست و تحقیقات کمی در مورد آن انجام گرفته و یا در حال انجام است [۱]. بسته به نحوه ترکیب دو ماده فولاد و بتن، ستون‌های مرکب به دو دسته تقسیم می‌شوند:

- (۱) ستون‌های فولادی محبوس شده در بتن؛
- (۲) ستون‌های فولادی پر شده با بتن (CFT).

ستون‌های CFDST نیز از خانواده ستون‌های CFT بوده که در این زمینه مطالعاتی توسط محققانی از جمله Zhao, Elchalakani, Wei و همکارانش، Yagishita و همکارانش انجام شده است. مطالعات انجام‌شده در این زمینه نشان می‌دهند که روند استفاده از این ستون‌ها (CFDST) در سازه ساختمان‌ها نیز در حال افزایش است. با توجه به نحوه ترکیب دو مقطع هندسی مربعی و دایره‌ای در جداره‌های داخلی و خارجی، چهار حالت مختلف به دست می‌آید. در شکل (۱) نمونه‌هایی از

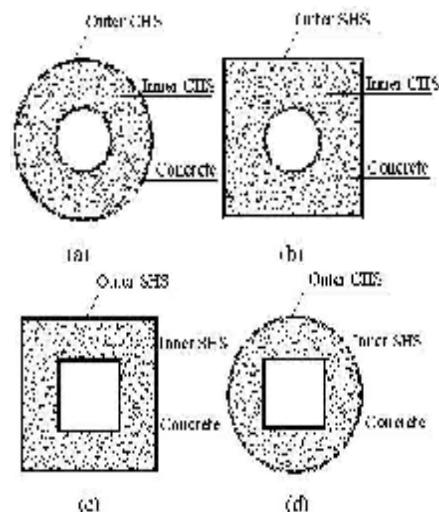
رواج استفاده از ستون‌های مرکب^۲ به سال‌های خیلی دور بر می‌گردد. یکی از دلایل گسترش استفاده از ستون‌های مخلوط بتن - فولاد در صنعت ساختمان‌سازی، حفاظت ساختمان‌های فولادی در مقابل آتش‌سوزی بوده است. از آنجا که مقاطع فولادی در حرارت شدید بسیار آسیب‌پذیر و در مواجه با آتش به سرعت خواص مکانیکی- مقاومتی خود را از دست می‌دهند، به این منظور برای بهبود این خواص ستون‌های فولادی را داخل بتن قرار می‌دادند یا به نحوی با بتن ترکیب می‌کردند [۱]. از مزایای ستون‌های مخلوط فولاد- بتن نسبت به ستون‌های صرف فولادی یا بتنی تنها می‌توان به ظرفیت تحمل بار محوری و خشمی عالی، مقاومت جذب انرژی و خاصیت شکل پذیری زیاد، بار بحرانی بزرگ‌تر در هنگام کمash، استفاده از خود مقطع فولادی به عنوان قالب برای هسته بتنه، حفاظت سطح بتن از آسیب و حمل و نقل آسان‌تر اشاره کرد. در مقابل این مزایا، ستون‌های مخلوط فولاد- بتن معایبی نیز دارند؛ از جمله به دلیل قرارگیری فولاد در سطح خارجی ستون، موضوع حفاظت در مقابل

مدل‌سازی عناصر محدود ستون‌های CFDST و صحت‌سنگی با نتایج آزمایشگاهی^[۴]

مطالعه رفتار سازه‌ها با روش‌های مختلفی از قبیل روش‌های تجربی و نظری امکان‌پذیر است. یکی از روش‌های مناسب که به دلیل سرعت و دقت بالا و هزینه کم، نسبت به سایر روش‌ها رواج بیشتری دارد، روش عناصر محدود است. ولی درستی مدل‌سازی عناصر محدود مورد استفاده باید در مقایسه با مدل‌های آزمایشگاهی و نیز مدل‌های نظری تأیید شود تا بتوان از آن در جهت بررسی سازه‌های مورد نظر بهره گرفت. برای بررسی رفتار خرابی ستون‌های CFDST، داشتن یک مدل ریاضی مناسب مورد نیاز است. با توجه به قابلیت‌هایی که روش عناصر محدود در حل مسائل سخت و پیچیده مهندسی دارد، از این روش و از نرم‌افزار ANSYS که مبتنی بر روش عناصر محدود است، استفاده شده است. در مدل‌سازی عناصر محدود ستون‌های دوجداره فولادی پوشده با بتون از عناصر زیر استفاده شده است:

- هسته بتنی به وسیله المان شش وجهی هشت گرهای SOLID 65 و با سه درجه آزادی انتقالی در هر گره تعریف می‌شود. مصالح از نوع بتون با قابلیت ترک‌خوردگی در سه امتداد متعدد در اثر کشش و شکست تحت اثر تنش‌های فشاری و نیز تغییر شکل‌های پلاستیک است.
- جداره فلزی توسط المان 45 SOLID 45 تعریف شده است که همچون المان 65 SOLID، با هشت گره و سه درجه آزادی در هر گره تعریف می‌شود و همخوانی مناسبی با سایر المان‌های به کار رفته در مدل کردن ستون‌های CFDST دارد.
- اصطکاک و لغزش بین فولاد و هسته بتنی توسط المان تماسی گره به گره 52 CONTACT مدل می‌شود. این المان قادر است فشار در جهت امتداد نرمال و برش را در جهت مماسی سطوح مورد نظر انتقال دهد.
- تظریف مشبندی برای هر مدل تا جایی انجام گرفته است که در نتایج بهبود قابل توجهی به وجود نیاید؛
- رفتار غیرخطی هندسی در همه تحلیل‌ها در نظر گرفته شده است؛
- رفتار غیرخطی مصالح برای فولاد طبق نمودار تنش-کرنش خطی‌سازی شده شکل (۲) و برای بتون مطابق با

ستون‌های CFDST نشان داده شده است که جداره‌های داخلی و خارجی از نوع^۳ CHS یا^۴ SHS است[۳].



شکل ۱: انواع ستون‌های (CFDST) بر اساس شکل هندسی جداره‌های فولادی.

در قسمت (a) و (c) از شکل (۱) یک نمونه از ستون CFDST که هر دو جداره آن یا از نوع CHS یا از نوع SHS است نشان داده شده است. رفتار این نوع از ستون‌های CFDST توسط Zhao^[10] و همکارانش مورد مطالعه قرار گرفته است. در قسمت (b) از شکل (۱) یک ستون که مقطع در جداره خارجی SHS و در جداره داخلی از نوع CHS نشان داده شده است، که توسط Han^[10] و همکارانش مورد بررسی قرار گرفته است. در مورد مقطعی با شکل هندسی CHS در جداره خارجی و SHS در جداره داخلی که در قسمت (d) از شکل (۱) نشان داده شده است توسط Elchalakani^[3] و همکارانش مورد بررسی و آزمایش قرار گرفته است.

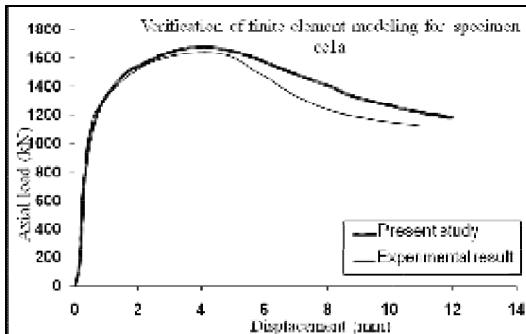
از آنجا که همه آزمایش‌های انجام‌شده روی ستون‌های CFDST محدود به نمونه‌ها با مشخصات هندسی با ابعاد کوچک بوده و به دلیل سختی کار، بررسی تجربی و آزمایشگاهی همه عوامل تأثیرگذار بر رفتار این ستون‌ها مقرر به صرفه نبوده است، بنابراین در این تحقیق، نمونه‌هایی با ابعاد واقعی و بزرگ‌مقیاس و تحت تأثیر عوامل مختلف از جمله مشخصات هندسی نظیر قطر و ضخامت جداره‌ها، مشخصه‌های مقاومتی نظیر تنش‌تسلیم جداره‌ها و مقاومت فشاری بتون پرکننده مورد بررسی قرار گرفته است.

cc2a از سری آزمایش‌های انجام شده توسط Zhao و همکارانش انتخاب و مدل‌سازی عناصر محدود آنها انجام و مورد تحلیل قرار گرفت. مشخصات ابعاد و مصالح به کار رفته برای ساخت نمونه‌های cc1a و cc2a در جدول (۱) آورده شده است [۶].

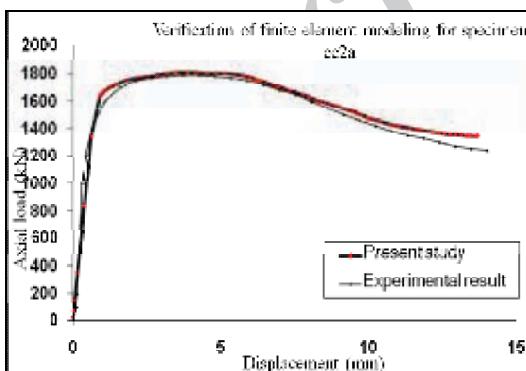
جدول ۱: مشخصات ابعاد و مصالح در نمونه‌های cc1a و cc2a

P_u	T_{st}	τ_{w1}	P_u	T_p	γ	L	D_{in}	D_{out}	نحوه
۲۸۷	۰.۴۵۹۰	۰.۲	۰.۴۵۹۰	۰.۱۷۴					
۲۸۷	۰.۴۵۹۰	۰.۲	۰.۴۵۹۰	۰.۱۷۴					
۲۸۷	۰.۴۵۹۰	۰.۲	۰.۴۵۹۰	۰.۱۷۴					

مقایسه بین نمودار بار-تغییر مکان محوری برای نمونه‌های آزمایشگاهی ذکر شده در جدول (۱) همراه با نتایج تحلیل‌های عددی برای نمونه cc1a در شکل (۴) و برای نمونه cc2a در شکل (۵) نشان داده شده است.



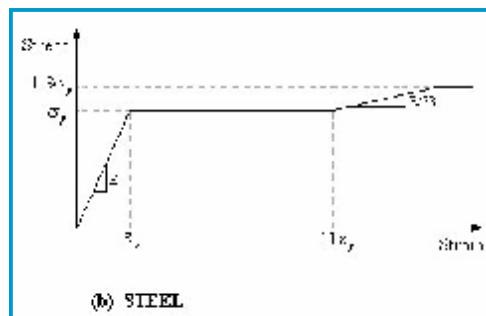
شکل ۴: مقایسه نتایج تحلیلی و نتایج آزمایشگاهی برای نمونه cc1a



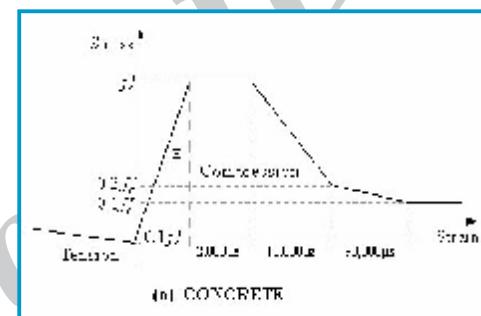
شکل ۵: مقایسه نتایج تحلیلی و نتایج آزمایشگاهی برای نمونه cc2a

نتایج نشان داده شده در شکل‌های (۴) و (۵) بیانگر دقت قابل قبول تحلیل‌های عددی است. در شکل (۶) کمانش موضعی جداره‌های داخلی و خارجی و شکل

نمودار تنش-کرنش خطی‌سازی‌شده شکل (۳) در نظر گرفته شده است.



شکل ۲: رفتار مصالح خطی‌سازی‌شده به کار رفته در مدل‌سازی جداره‌های فولادی [۵].



شکل ۳: رفتار مصالح خطی‌سازی‌شده به کار رفته در مدل‌سازی بتن پرکننده [۵].

- معیار تسلیم Von-Mises به عنوان معیاری مناسب برای مصالح استفاده شده است و از آنجا که بارگذاری استاتیکی بوده، بنابراین از قانون سخت‌شوندگی ایزوتروپیک برای مدل‌سازی رفتار مصالح استفاده شده است،

- همچنین برای بررسی رفتار پس از کمانش ستون‌های CFDST و عبور از نقطه بحرانی به طوری که بدون واگرایی در حل مسئله، کاهش در ظرفیت باربری را نشان دهد، از روش طول کمان^۵ برای حل معادلات غیرخطی استفاده شده است؛

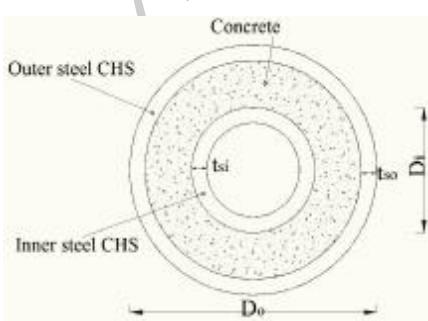
- شرایط تکیه‌گاهی در دو انتهای نمونه‌ها گیردار است و برای جلوگیری از اتفاف زمان و به دلیل داشتن تقارن محوری در نمونه‌ها (تقارن هندسی و بارگذاری) نیمی از ستون در مقطع مدل‌سازی و تحلیل شد.

برای اطمینان از درستی مدل‌سازی عناصر محدود، ناگزیر از ارزیابی دقت نتایج تحلیلی نسبت به نتایج آزمایشگاهی هستیم. از این رو دو نمونه با نامهای cc1a و cc2a

در شکل (۸) شکل کمانش کرده جداره داخلی از نمونه cc2a بعد از برداشتن لایه بتن پرکننده، نشان می‌دهد که از نوع دندانه‌ای و به طرف داخل است. شکل‌های (۷) و (۸) نشان‌دهنده درستی کمانش‌های موضعی دوچاره فولادی در تحلیل با نرم‌افزار و دقت مناسب آن است. از دلایل ایجاد خطای به وجود آمده می‌توان به وجود ناکاملی‌های احتمالی در نمونه آزمایشی در آزمایشگاه و اعمال منحنی تنش-کرنش خطی‌سازی‌شده مصالح نام برد، ولی در کل خطای حاصل از مقایسه تحلیل با نرم‌افزار و نتایج آزمایشگاهی ناچیز است که از خصوصیات یک مسئله با تقریب‌سازی عددی است که بیان‌گر دقت خوب مدل‌سازی است. بنابراین از مدل ساخته شده می‌توان در مطالعات پارامتریک رفتار خرابی ستون‌های CFDST بهره جست.

بورسی نتایج تحلیل‌های عددی

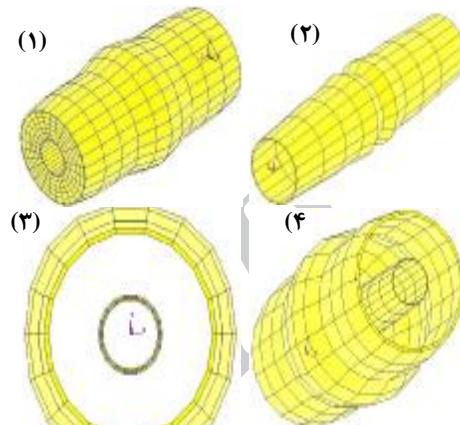
با توجه به آنچه در مورد نحوه مدل‌سازی عناصر محدود برای ستون‌های CFDST ذکر شد، در این قسمت، رفتار خرابی این ستون‌ها بر اساس عوامل تأثیرگذار و تحت بار محوری مورد بررسی قرار گرفته و سپس میزان باربری و شکل‌پذیری مقاطع مقایسه شده‌اند. با توجه به یینکه رفتار مقاطع CFDST، بستگی زیادی به مشخصات مکانیکی مصالح فولادی و بتونی، ابعاد مقطع و نحوه توزیع بار بین بتن و فولاد در شرایط انتهایی دارد، ارزیابی نتایج در محدوده مشخصات مقاطع انتخابی است. در این تحقیق، نمونه‌هایی با مقطع هندسی دایره‌ای در داخل و خارج مورد بررسی قرار گرفته است. در شکل (۹) مقطع و مشخصات هندسی که برای تعریف این مقطع به کار می‌رود نشان داده شده است [۶].



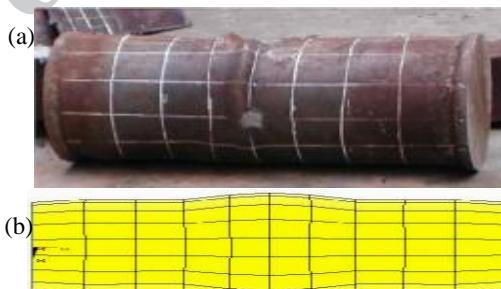
شکل ۹: مقطع و مشخصات هندسی نمونه با مقطع دایره‌ای در خارج و در داخل.

گسیختگی بتن پرکننده برای نمونه cc2a نشان داده شده است.

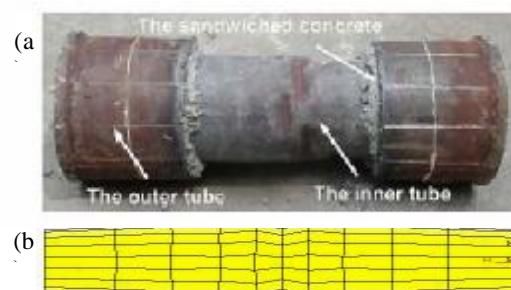
در شکل (۷) مقایسه‌ای بین شکل کمانش کرده جداره خارجی در دو حالت آزمایشگاهی و تحلیلی نشان داده شده است که نوع کمانش آن به صورت موضعی و برونوسو است.



شکل ۶: (۱) کمانش نمونه cc2a، (۲) کمانش جداره داخلی، (۳) دید از بالای کمانش جداره‌ها، (۴) دید پرسپکتیو کمانش.



شکل ۷: مود کمانش موضعی نمونه cc2a
نمونه آزمایشی له شدگی در پوسته خارجی،
(b) گسیختگی نمونه تحلیلی با نرم افزار.



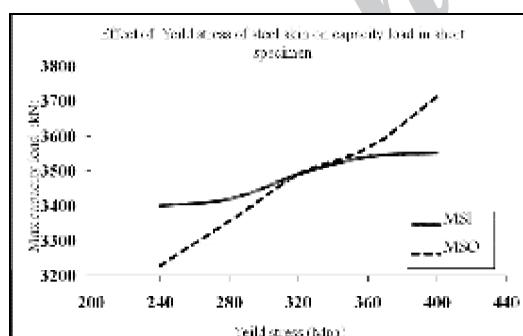
شکل ۸: نشان داده از موضعی درونسو جداره
CFDST نمونه آزمایشگاهی، (b) نمونه تحلیلی در نرم افزار.

شامل شود. مشخصات نمونه‌ها برای بررسی اثر تنش تسليم جداره‌ها در جدول (۲) آورده شده است. لازم به ذکر است که نمونه‌های مشابهی با همان مشخصات هندسی با نام MSO نیز تعریف شده است که تنش تسليم در جداره داخلی و خارجی بر عکس نمونه‌های MSI است، همچنین برای در نظر گرفتن هر دو حالت ستون کوتاه و بلند، دو نسبت L/D با مشخصات زیر در نظر گرفته شده است:

$$L/D = 3, 12 \Rightarrow L = 750, 3000 \text{ mm}$$

جدول ۲: مشخصات نمونه‌های MSI برای بررسی اثر تنش تسليم در جداره‌های فولادی.

مشخصات فولاد			مشخصات بتن		مشخصات هندسی		نام نمونه
E_s (MPa)	F_{sy} (MPa)	F_{sy0} (MPa)	E_c (MPa)	f_y (MPa)	دای. دای. دای. دای. دای.	دای. دای. دای. دای. دای.	
۲۰۰۰۰	۲۴۰	۲۲۰	۲۵۴۰۰	۵۰	100*4 mm	250*4 mm	MSI 240
	۲۸۰						MSI 280
	۳۲۰						MSI 320
	۳۶۰						MSI 360
	۴۰۰						MSI 400



شکل ۱۰: اثر تنش تسليم جداره‌ها بر روی حداقل ظرفیت باربودی در نمونه‌های کوتاه (ارتفاع ۷۵۰ mm).

اثر تغییرات تنش تسليم جداره‌ها بر ظرفیت باربودی نمونه‌های کوتاه در شکل (۱۰) نشان داده شده است که انتظار می‌رود ظرفیت باربودی با افزایش تنش تسليم در جداره‌ها بالا می‌رود و در نمونه‌هایی که تنش تسليم در جداره خارجی نسبت به داخلی بیشتر است، روند افزایش

در این تحقیق، از عاملی با نام نسبت سطح مقطع توخالی (χ)^۶ که توسط Tao به صورت رابطه زیر تعریف شده نیز استفاده شده است:

$$\chi = \frac{D_i}{D_o - 2t_{so}} \quad (1)$$

که در رابطه (۱)، D_i, D_o به ترتیب قطر بیرونی لوله داخلی و خارجی و t_{so} ضخامت جدار لوله فولادی خارجی هستند. در ابتدا برای همه نمونه‌ها یک تحلیل غیرخطی هندسی، مصالح و بارگذاری افزایش یابنده به کمک روش Frontal برای حل معادلات استفاده شده است که یک روش حل با دقت مناسب است و نسبت به روش‌های حل تکراری این مزیت را دارد که نقاط حدی را مشخص می‌کند. بدین صورت که اگر قبل از رسیدن به مقدار ماکریم بار، در تراز باری یک یا چند ویژه مقادیر ماتریس سختی صفر و یا منفی شوند، در این صورت آن تراز بار، متناظر با نقاط دوشاخگی^۷ هستند که در این صورت باید با اعمال ناکاملی (مد کمانش اول در ستون) مسیر تعادل ثانویه را در سازه ایجاد کرد تا به بار حدی مورد نظر رسید. پس از بررسی‌های لازم مشخص شد، مطابق با مبحث ۱۱ از مقررات ملی ساختمان اعمال حداقل ناکاملی برابر $1/1000$ ارتفاع نمونه‌های بلند برای رسیدن به بار حدی لازم است، بنابراین در گام اول، ستون ناکامل شده و مدل هندسی به روز می‌شود و در گام دوم، سازه ناکامل شده تحت بارگذاری محوری تحلیل شده‌اند. همچنین با بررسی نتایج مشخص شد که اعمال ناکاملی به نمونه‌های کوتاه لازم نبوده، یعنی قبل از رسیدن به حداقل ظرفیت باربودی نمونه‌ها، هیچ یک از مقادیر ویژه در ماتریس سختی صفر یا منفی نشده‌اند. بنابراین در عمل نقطه دوشاخگی وجود ندارد و نیازی به اعمال ناکاملی در سازه نیست. این موضوع به میزان زیادی در سرعت تحلیل‌ها و نیز حجم محاسبات تأثیرگذار است.

الف - اثر مشخصه‌های مقاومتی فولاد مصرفی

یکی از عوامل مهم در بررسی رفتار سازه‌ای ستون‌های CFDST، اثر مشخصه‌های مقاومتی مصالح مصرفی نظیر تنش تسليم در جداره‌های فولادی و مقاومت فشاری بتن پرکننده است. بدین منظور تنش تسليم در جداره‌های فولادی را در محدوده $240 \leq f_y \leq 400 \text{ MPa}$ انتخاب کرده‌ایم تا هم فولاد پرمقاومت و هم فولاد معمولی را

داخلی، شکل پذیری محوری نمونه‌ها با روندی نزولی کاهش می‌یابد. بنابراین اگر در نمونه‌ها تنش تسلیم در جداره خارجی بزرگ‌تر از جداره داخلی باشد، رفتار نمونه‌ها در تحمل بار و شکل پذیری محوری آنها بهتر است.

در شکل (۱۲) مشاهده می‌کنید که نمونه MSI 240 بعد از عبور از نقطه کمانش، هنوز قادر به تحمل بار بوده و باربری بیشتری را متحمل می‌شود، ولی نمونه MSO 240 بعد از عبور از بار کمانش با اندکی تحمل بار به یک باره ظرفیت تحمل بار را از دست داده و خراب می‌شود. برای درک بهتر عملکرد متقابل جداره‌ها و بتن پرکننده، نمونه MSI 240 مورد تحلیل رفتاری قرار داده شده و کانتورهای تنش مربوط به هر نقطه با شماره مشخص در نمودار بار محوری-تغییر مکان قائم مربوط به شکل (۱۲) در شکل‌های (۱۳) و (۱۴) ارائه شده است. نمونه MSI 240 دارای تنش تسلیم MPa 240 در جداره داخلی و $320 MPa$ در جداره خارجی است. همان‌طور که در شکل (۱۲) نشان داده شده است، در تراز بار ۱ تنش در جداره‌ها و بتن بر حسب توان باربری خود بالا می‌رود و تا تراز بار ۲ تنش در جداره‌ها و بتن به صورت خطی و الاستیک افزایش می‌یابد، که بیانگر شرایط قید و بند میان جداره‌ها و بتن پرکننده است. با توجه به شکل (۱۲) مشخص است که در تراز بار ۳ شبیه ناحیه الاستیک کاهش می‌یابد و تنش در جداره‌ها به تنش تسلیم نزدیک می‌شود. با ادامه بارگذاری از ناحیه الاستیک خارج شده تا اینکه تا تراز بار ۴ ابتدا تنش در جداره خارجی و سپس در جداره داخلی به تسلیم می‌رسد، ولی به دلیل کوتاه بودن ستون تنش در جداره‌ها و بتن افزایش می‌یابد.

با افزایش بار در تراز بار ۵ تنش در بتن به حد نهایی رسیده و سبب ایجاد ترک‌هایی در بتن می‌شود که در این حین موجب کمانش موضعی در ستون و همچنین کاهش ظرفیت باربری تا تراز بار ۶ شده و تا تراز بار ۷ بدون تغییرات زیاد تنش در جداره‌ها باربری فقط توسط ناحیه بتن پرکننده انجام پذیرفته و تنش در بتن بالا می‌رود. از تراز بار ۷ تا تراز بار ۸ لهیگی جداره‌ها کامل شده و به دلیل درگیری و قفل‌شدنگی بین جداره‌ها و بتن پرکننده در نتیجه باعث ایجاد سخت شدگی و تحمل بار مجدد می‌شود که درصدی از بار تحملی از بتن به جداره‌ها انتقال می‌یابد و سبب بالارفتن شکل پذیری و ظرفیت باربری

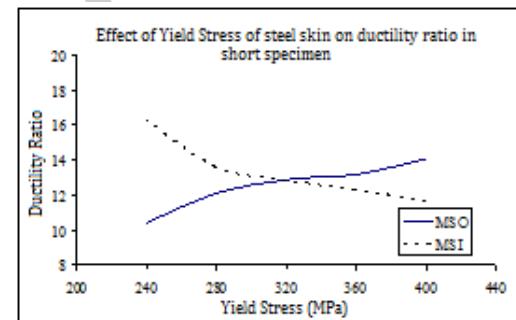
در ظرفیت باربری بیشتر است. از آنجا که شکل پذیری در مسائل رفتار لرزه‌ای اهمیت ویژه‌ای دارد، بنابراین اغلب در مورد قاب‌ها و نیروی جانبی مورد استفاده قرار گرفته است، اما می‌تواند برای سازه‌هایی که مؤلفه قائم زلزله اهمیت ویژه‌ای داشته باشد، بر اساس رفتار سازه در برابر مؤلفه‌های قائم نیز به کار رود. به همین ترتیب، این ضریب می‌تواند برای رفتار سازه‌ها و یا عناصر سازه‌ای در مورد نیروهای محوری کششی، محوری فشاری، لنگرهای خمشی و پیچشی نیز مورد استفاده قرار گیرد. بنابراین در مطالعه حاضر منظور از ضریب شکل پذیری، "ضریب شکل پذیری محوری فشاری" است که در این تحقیق طبق رابطه زیر تعریف شده است:

$$\mu = \frac{\Delta_u}{\Delta_y} \quad (2)$$

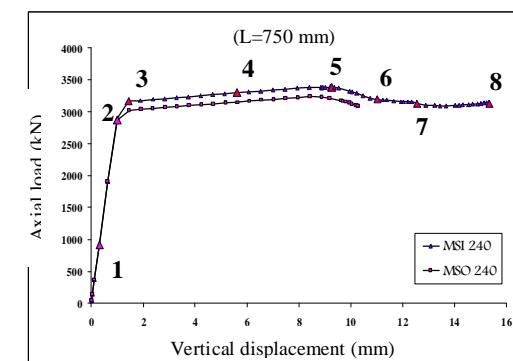
در این رابطه داریم:

Δ_u = تغییر شکل محوری نهایی نمونه

Δ_y = تغییر شکل محوری به ازاء بار ارتجاعی در نمونه

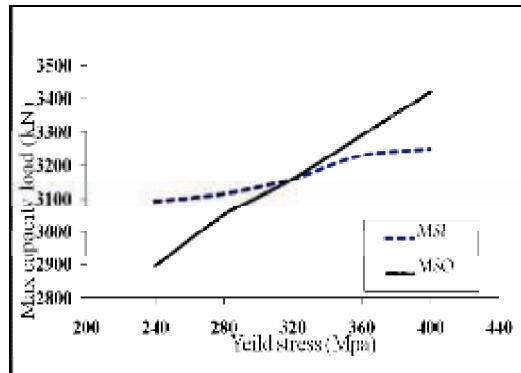


شکل ۱۱: اثر تنش تسلیم جداره‌ها بر مقدار شکل پذیری در نمونه‌های کوتاه (ارتفاع ۷۵۰ mm).

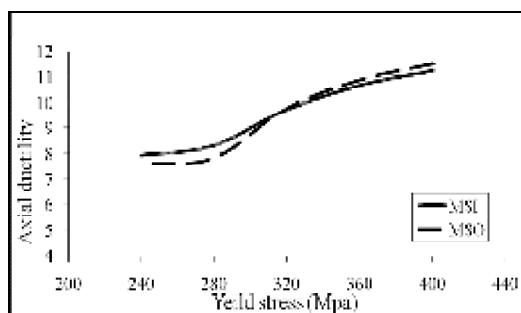


شکل ۱۲: تحلیل رفتاری اثر تنش تسلیم جداره‌ها بر روی نمودار بار-تغییرمکان محوری در نمونه MSI 240.

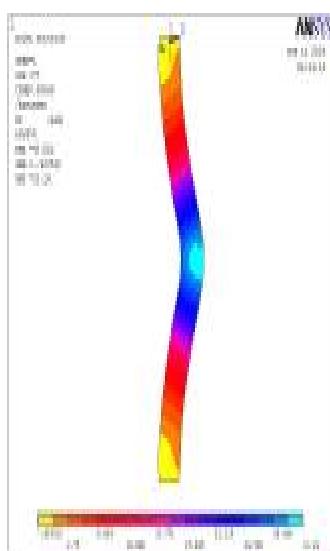
شکل (۱۱) نشان می‌دهد که با افزایش تنش تسلیم در جداره خارجی، شکل پذیری محوری نمونه‌ها افزایش می‌یابد؛ در حالی که با افزایش تنش تسلیم در جداره



شکل ۱۵: اثر تنش تسليم جداره‌ها روی حداکثر ظرفیت باربری در نمونه‌های بلند (ارتفاع 3000 mm).



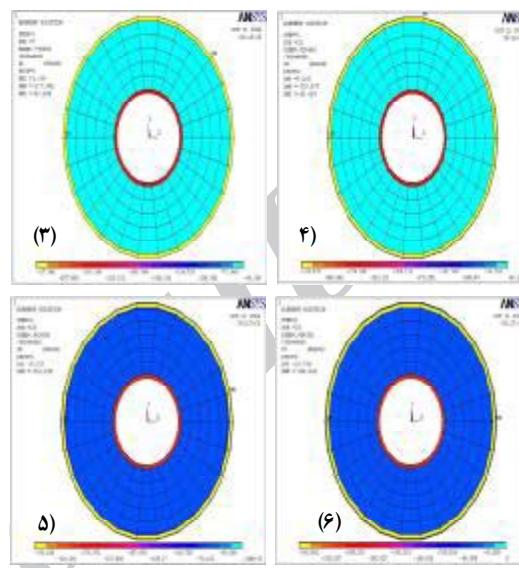
شکل ۱۶: اثر تنش تسليم جداره‌ها بر مقدار شکل‌پذیری در نمونه‌های بلند (ارتفاع 3000 mm).



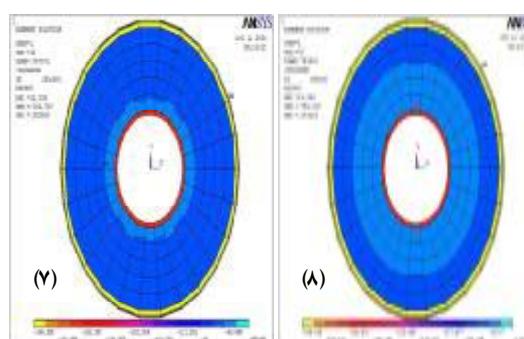
شکل ۱۷: کانتور تغییر شکل در راستای X برای نمونه ۴۰۰.

اثر تغییرات تنش تسليم جداره‌ها بر شکل‌پذیری در نمونه‌های بلند در شکل (۱۶) نشان داده شده است. همان طور که انتظار می‌رود با افزایش تنش تسليم در جداره‌های فولادی شکل‌پذیری نمونه‌های بلند به دلیل

می‌شود. در این تراز بار تنش بتن در نزدیکی جداره خارجی بیشتر از داخلی بوده و با نزدیک شدن به جداره داخلی از مقدار تنش کاسته می‌شود که در شکل (۱۴) نشان داده شده است؛ در نهایت در تراز بار ۸ ستون به طور کامل خراب شده، دیگر قادر به تحمل بار نبوده و ظرفیت باربری خود را از دست می‌دهد.



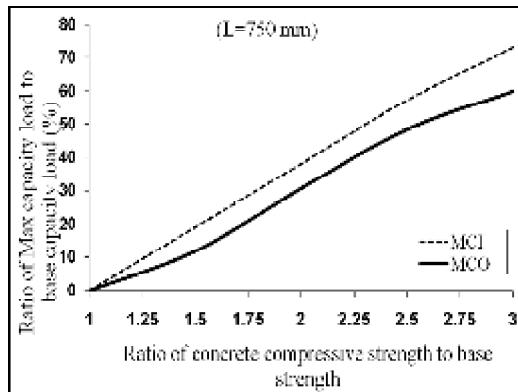
شکل ۱۳: کانتور تنش نمونه MSI 240 در ترازهای بار ۳ تا ۶.



شکل ۱۴: کانتور تنش نمونه MSI 240 در ترازهای بار ۷ و ۸.

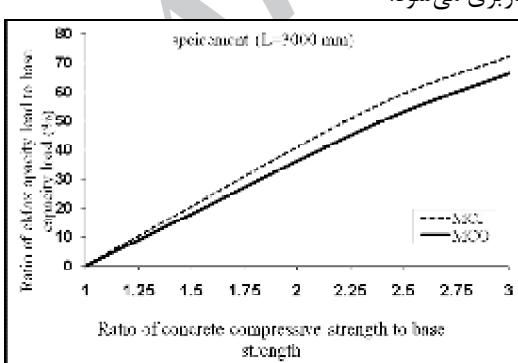
اثر تغییرات تنش تسليم جداره‌ها روی ظرفیت باربری نمونه‌های بلند در شکل (۱۵) نشان داده شده است که همانند نمونه‌های کوتاه با افزایش تنش تسليم در جداره‌ها ظرفیت باربری نمونه‌ها بالا می‌رود، به طوری که روند افزایش ظرفیت باربری در نمونه‌های MSO بیشتر از نمونه‌های MSI است.

در نظر گرفته و درصد افزایش ظرفیت باربری و شکل-پذیری دیگر نمونه‌ها نسبت به آن سنجیده شده است.



شکل ۱۸: اثر تغییرات مقاومت فشاری بتن بر ظرفیت باربری در نمونه‌های کوتاه.

در این تحقیق، منظور از نمونه پایه، نمونه‌ای است که بتن دارای مقاومت فشاری $MPa\ 20$ است که ظرفیت باربری و مقاومت فشاری بتن دیگر نمونه‌ها نسبت به آن سنجیده شده است. همان طور که انتظار می‌رود و در شکل‌های (۱۸) و (۱۹) نشان داده شده است، با افزایش مقاومت فشاری بتن ظرفیت باربری هر دو نوع نمونه بالا می‌رود، به طوری که با $1/5$ برابر کردن مقاومت فشاری بتن ظرفیت باربری در نمونه‌های بلند از نوع MCI سبب افزایش 20% درصد و در نمونه‌های MCO سبب افزایش 17% درصد نسبت به حالت اولیه می‌شود؛ در حالی که این افزایش در مقاومت فشاری بتن در نمونه‌های کوتاه از نوع MCO سبب افزایش 10% درصد ظرفیت باربری و در نمونه‌های از نوع MCI سبب افزایش 20% درصد ظرفیت باربری می‌شود.



شکل ۱۹: اثر تغییرات مقاومت فشاری بتن بر روی ظرفیت باربری در نمونه‌های بلند.

اثر مقاومت فشاری بتن بر شکل‌پذیری ستون‌های کوتاه در شکل (۲۰) و برای ستون‌های بلند در شکل (۲۱)

کمانش کلی ستون (بر خلاف نمونه‌های کوتاه از نوع MSI) که بعد از تغییر شکل با کاهش مقاومت روبه‌رو می‌شوند) افزایش می‌باید که از محاسبن ستون‌های بلند در جذب انرژی با شکل پذیری بالا است. در شکل (۱۷) کانتور تغییر شکل در راستای X برای نمونه MSO 400 نشان داده شده است، همان طور که مشخص است، کمانش از نوع کلی بوده که در جهت اولین مد کمانش نمونه خراب شده است.

ملاحظه می‌شود که بر خلاف ستون‌های معمولی که در آنها بعد از رسیدن به بار حداکثر، ظرفیت باربری به شدت کاهش پیدا می‌کند و تحمل تغییر شکل‌های بزرگ را در ترازهای بار نزدیک به بار حداکثر ندارند، ستون‌های CFDST بعد از رسیدن به بار حداکثر، کاهش بسیار کمی در ظرفیت باربری دارند و به خوبی تغییر شکل‌های بزرگ را در ترازهای بار نزدیک به بار حداکثر تحمل می‌کنند.

ب - اثر مشخصه‌های مقاومتی بتن پرکننده

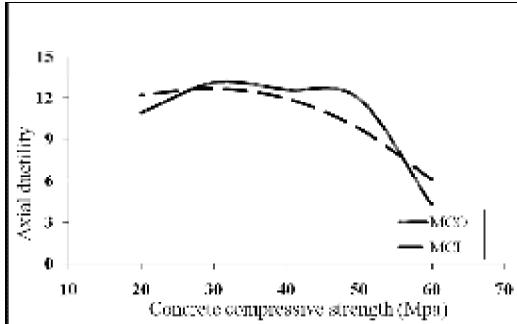
مشخصات نمونه‌ها برای بررسی اثر مقاومت فشاری بتن پرکننده در جدول (۳) آورده شده است. لازم به ذکر است که نمونه‌های مشابهی با همان مشخصات هندسی با نام MCO نیز تعریف شده است که تنش تسليم در جداره داخلی و خارجی بر عکس نمونه‌های MCI است که محدوده مقاومت فشاری بتن هم بتن معمولی و هم بتن پر مقاومت را شامل شود، بنابراین محدوده ای بین $20 \leq f'_c \leq 60 Mpa$ در نظر گرفته شده است.

جدول ۳: مشخصات نمونه‌های MCI جهت بررسی اثر مقاومت فشاری بتن پرکننده.

نام نمونه	مشخصات هندسی	مشخصات فولاد	مشخصات بتن
	چهارچهار چهارچهار	چهارچهار چهارچهار	مشخصات بتن
MCI 20	۱۰۰	E_c (MPa) F_{syi} (MPa) F_{sy0} (MPa)	f'_c (MPa)
			۲۲.۴۰
			۲۷.۴۰
			۳۱.۶۰
			۳۵.۴۰
MCI 30	۱۰۵	E_c (MPa) F_{syi} (MPa) F_{sy0} (MPa)	۵۰
			۳۸.۷۰
MCI 40	۱۱۰	E_c (MPa) F_{syi} (MPa) F_{sy0} (MPa)	۶۰
			۴۰
			۴۵
MCI 50	۱۱۵	E_c (MPa) F_{syi} (MPa) F_{sy0} (MPa)	۷۰
			۵۰
MCI 60	۱۲۰	E_c (MPa) F_{syi} (MPa) F_{sy0} (MPa)	۸۰

ظرفیت باربری و شکل‌پذیری نمونه‌ای با مقاومت فشاری $MPa\ 20$ را به عنوان مرجعی برای مقایسه بهتر

قرار گرفته است و مشخصات نمونه های مورد بررسی برای درک رفتار ستون ها تحت تأثیر تغییرات ضخامت در جداره خارجی و داخلی به ترتیب در جدول (۴) و (۵) آورده شده است.



شکل ۲۱: اثر تغییرات مقاومت فشاری بتن بر شکل پذیری در نمونه های بلند.

جدول ۴: مشخصات هندسی نمونه های با ضخامت مختلف در جداره خارجی.

تغییرات ضخامت در جداره خارجی					
نام نمونه	ThicOut-4	ThicOut-6	ThicOut-8	ThicOut-10	
موقعیت جداره	قطر (mm)	t_1 (mm)	t_2 (mm)	t_3 (mm)	t_4 (mm)
OUT	300	4	6	8	10
IN	100			4	

در این تحلیل ها به منظور بررسی هر دو حالت ستون کوتاه و ستون بلند، دو ارتفاع برای ستون با نسبت های زیر در نظر گرفته شده است:

$$L/D = 3, 10 \Rightarrow L = 900, 3000 \text{ mm}$$

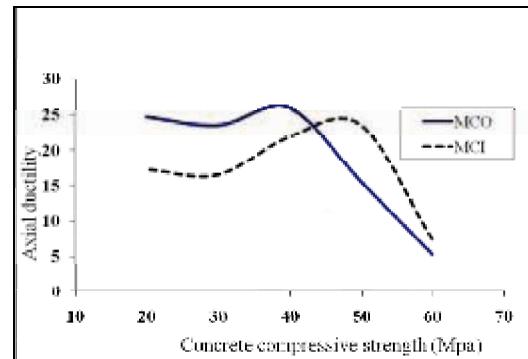
مشخصات هندسی نمونه های با ضخامت مختلف در جداره ها در جدول (۵) و (۶) آورده شده است.

جدول ۵: مشخصات هندسی نمونه های با ضخامت مختلف در جداره داخلی.

تغییرات ضخامت در جداره داخلی					
نام نمونه	ThicIn-2	ThicIn - 5	ThicIn - 8	ThicIn - 11	
موقعیت جداره	قطر (mm)	t_1 (mm)	t_2 (mm)	t_3 (mm)	t_4 (mm)
OUT	300			8	
IN	100	2	5	8	11

نمودار بار- تغییر مکان محوری به ازای تغییرات ضخامت در جداره های داخلی و خارجی در دو حالت ستون کوتاه و بلند مشابه بوده و برای نمونه های بلند در شکل های (۲۲) و (۲۳) نشان داده شده است.

نشان داده شده است. بنابراین افزایش مقاومت فشاری در نمونه های MCI ظرفیت باربری را نسبت به نمونه های MCO بیشتر افزایش داده که در نتیجه تأثیر بهتری بر نمونه های MCI دارد.

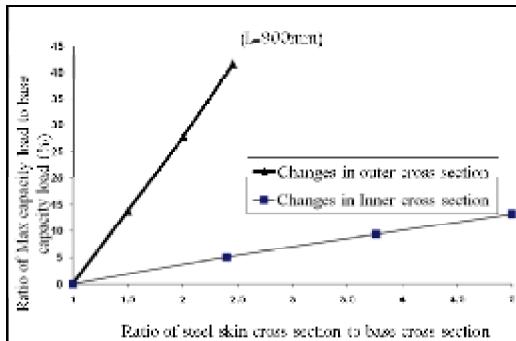


شکل ۲۰: اثر تغییرات مقاومت فشاری بتن بر شکل پذیری در نمونه های کوتاه.

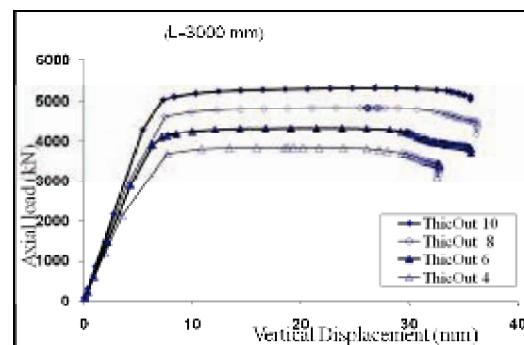
همان طور که در شکل (۲۰) نشان داده شده است، در هر دو نمونه MCO و MCI با افزایش مقاومت فشاری تا مقدار 30 Mpa برای بتن از شکل پذیری نمونه ها کاسته می شود و با افزایش مقاومت فشاری بتن تا 40 Mpa برای نمونه MCO و تا مقدار 50 Mpa برای نمونه MCI شکل پذیری نمونه ها افزایش می یابد و با دیگر ۵۰ Mpa با افزایش مقاومت فشاری بتن از ۴۰ Mpa شکل پذیری نمونه ها کاهش می یابد؛ به عبارتی به دلیل عملکرد و اندرکنش متقابل جداره های داخلی و خارجی و بتن پر کننده همواره بالا بردن مقاومت فشاری مطلوب نیست، بنابراین برای داشتن مقاومت فشاری بهینه های برای بتن که هم جنبه اقتصادی را ارضا کند و هم شکل پذیری مطلوبی حاصل شود، باید مقاومت فشاری بتن را به ۴۵-۵۵ Mpa برای نمونه MCI و ۳۵-۴۵ Mpa برای نمونه MCO محدود کرد؛ به عبارتی افزایش مقاومت فشاری بتن در محدوده مشخصی سبب بالارفتن شکل پذیری نمونه ها می شود و در خارج آن محدوده به دلیل خاصیت ترد و شکنندگی ناگهانی بتن، شکل پذیری نمونه ها کاهش می یابد.

پ - اثر تغییرات ضخامت در جداره های فولادی

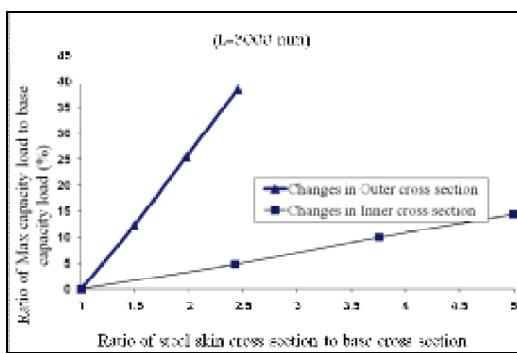
با توجه به اینکه تغییرات ضخامت، می تواند هم در جداره داخلی و هم در جداره خارجی روی رفتار این ستون ها تأثیر بگذارد، بنابراین هر دو حالت مورد بررسی



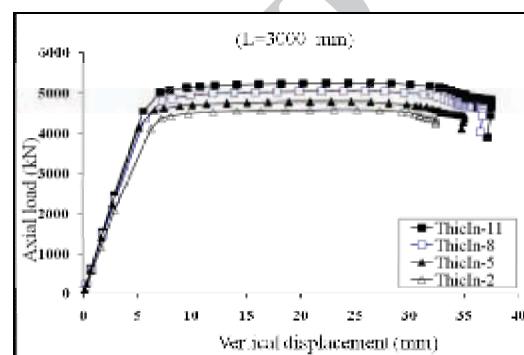
شکل ۲۱: میزان افزایش ظرفیت باربری نمونه های کوتاه به ازای افزایش در سطح مقطع جداره ها.



شکل ۲۲: تأثیر تغییرات ضخامت در جداره خارجی مقطع با ارتفاع ۳۰۰۰ mm.



شکل ۲۳: میزان افزایش ظرفیت باربری نمونه های بلند به ازای افزایش در سطح مقطع جداره ها.



شکل ۲۴: تأثیر تغییرات ضخامت در جداره داخلی مقطع با ارتفاع ۳۰۰۰ mm.

ت) اثر تغییرات قطر در جداره های فلزی
در این تحقیق به لحاظ ملزمات معماری، برای بررسی مشخصات هندسی، قطر خارجی به ۳۵۰ میلی متر محدود شده است. همه معیارها برای بهره مندی از مقطع فشرده در نمونه ها لحاظ شده است. همچنین برای داشتن معیاری ثابت در انتخاب اعضاء، نسبت قطر به ضخامت در جداره ها مقدار ثابت و برابر ۲۵ در نظر گرفته شده است. مشخصات هندسی مقاطع با تغییرات قطر و ضخامت در جداره داخلی در جدول (۶) و تغییرات قطر و ضخامت در جداره خارجی در جدول (۷) آورده شده است.

جدول ۶: مشخصات هندسی نمونه های با قطرهای مختلف در جداره داخلی.

نام نمونه	DishOut 4	DishOut 6	DishOut 8	DishOut 10
ارتفاع	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰
عرض	۱۵	۱۵	۱۵	۱۵
ارتفاع	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰
عرض	۱۵	۱۵	۱۵	۱۵

همان طور که انتظار می رود، با افزایش ضخامت فولاد در جداره داخلی ظرفیت باربری فقط به اندازه ازدیاد ظرفیت باربری سطح مقطع فولادی افزایش می یابد و تغییری در قسمت خطی و الاستیک نمونه ها مشاهده نمی شود، ولی افزایش ضخامت در جداره خارجی سبب می شود، هم ظرفیت باربری افزایش یابد و هم اینکه شبی قسمت خطی و الاستیک نمونه ها افزایش یابد. مقدار افزایش ظرفیت باربری به ازای افزایش در سطح مقطع جداره ها برای نمونه های کوتاه در شکل (۲۴) نشان داده شده است. نتایج شکل (۲۵) نشان می دهدند، اگر سطح مقطع در جداره داخلی به اندازه حدود ۲/۵ برابر افزایش داده شود، ظرفیت باربری نمونه به اندازه ۵ درصد بالا می رود و این در حالی است که اگر سطح مقطع در جداره خارجی را به همان اندازه یعنی حدود ۲/۵ برابر افزایش دهیم، ظرفیت باربری نمونه به اندازه ۴۲ درصد نسبت به حالت قبلی افزایش می یابد، که دلیل آن بالا رفتن فشار محصور کنندگی است.

جدول ۶: مشخصات هندسی نمونه های با قطرهای مختلف در جداره داخلی.

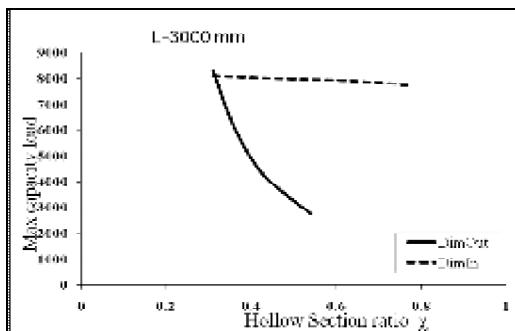
نام نمونه	DishOut 4	DishOut 6	DishOut 8	DishOut 10
ارتفاع	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰
عرض	۱۵	۱۵	۱۵	۱۵
ارتفاع	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰	۳۰۰
عرض	۱۵	۱۵	۱۵	۱۵

جدول ۷ : مشخصات هندسی نمونه های با قطرهای مختلف در جداره خارجی.

نام: نمودار ظرفیت باربری

نام	DimOut 300-1	DimOut 300-10	DimOut 300-12	DimOut 300-11
دستگاه	CF	CFR 80 mm	CFR 70 mm	CFR 75 mm
سده	1%	1% (mm)	1% (mm)	1% (mm)

شکل ۲۷ : تأثیر تغییرات قطر در جداره خارجی مقطع با ارتفاع .۳۰۰۰ mm



شکل ۲۸ : نمودار ظرفیت باربری بر حسب نسبت توخالی در مقطع.



شکل ۲۹ : اثر نسبت توخالی مقطع به ازاء قطرهای مختلف بر روی شکل پذیری در نمونه های بلند.

شکل (۲۹) نشان می دهد با افزایش ضریب χ شکل پذیری نمونه ها تا محدوده مشخصی افزایش و در خارج از آن محدوده کاهش می یابد. همان طور که در شکل مشخص است در نمونه DimOut با افزایش ضریب χ تا مقدار $43/۰$ شکل پذیری افزایش و به ازای مقادیر بیشتر شکل پذیری کاهش می یابد، در نمونه DimIn با افزایش ضریب تا مقدار $62/۰$ شکل پذیری افزایش و به ازای مقادیر بیشتر شکل پذیری کاهش می یابد. بنابراین افزایش در قطر جداره ها به هر مقدار دلخواه به منظور بالا بردن شکل پذیری، مناسب نیست.

شکل ۲۶ : تأثیر تغییرات قطر در جداره خارجی مقطع با ارتفاع .۳۰۰۰ mm

شکل (۲۶) نشان می دهد با افزایش قطر داخلی نمونه ها با ثابت بودن قطر خارجی تغییری در ظرفیت باربری قابل تحمل به شکل آشکار مشاهده نمی شود، در حالی که شکل (۲۷) نشان می دهد، همان طور که انتظار می رود با افزایش قطر خارجی، هم ظرفیت باربری نمونه ها (کوتاه و بلند) و هم شیب اولیه ناحیه خطی افزایش می یابد که ناشی از بالا رفتن ظرفیت قابل تحمل بتن و فولاد اضافی است. در شکل (۲۸) نمودار ضریب توخالی بودن مقطع بر حسب ظرفیت باربری در دو حالت تغییرات قطر در جداره داخلی و جداره خارجی نشان داده شده است. طبق رابطه ارائه شده برای χ ، با افزایش قطر خارجی این ضریب کم شده و با افزایش قطر داخلی این نسبت افزایش می یابد. با افزایش ضریب χ در حالت تغییرات قطر در جداره خارجی با افت و کاهش سریع در ظرفیت باربری مقطع موافق هستیم که دلیل آن افزایش قسمت خالی بتن در نتیجه کاهش باربری می شود، در حالی که افزایش ضریب توخالی مقطع در حالت تغییرات قطر در جداره داخلی تغییرات بسیار ناچیز و قابل چشم پوشی است، که دلیل این موضوع کاهش در سطح مقطع بتن و ظرفیت باربری ناشی از آن از یک طرف و از طرف دیگر افزایش قطر داخلی و ضخامت آن است که کاهش در ظرفیت باربری بتن را جبران می کند.

سهم باربری قسمت بتی بیشتر از سهم باربری جداره فولادی است. در این تحقیق همچنین مقایسه‌ای میان ستون‌های CFT و ستون‌های CFDST از لحاظ رفتار سازه‌ای و صرفة اقتصادی و نیز مقایسه‌ای در مورد اثر مقاطع هندسی بر رفتار سازه‌ای این ستون‌ها انجام شده که فقط به ارائه نتیجه آن بسته می‌کنیم.

نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر، اگر چه نتایجی که در زیر ارائه می‌شوند، محدود به حالات در نظر گرفته شده برای تحلیل‌ها است، اما احتمال می‌رود که این نتایج حوزه تأثیر و کاربرد جامع‌تری داشته باشند. نتایج حاصل از این تحقیق عبارتند از:

- برای ساخت ستون‌های مركب از نوع CFDST، در صورت وجود دو نوع فولاد با تنفس تسليم متفاوت برای استفاده بهینه و عملکرد بهتر از لحاظ ظرفیت تحمل بار و شکل‌پذیری بهتر، باید فولاد با تنفس تسليم بیشتر در جداره خارجی و فولاد با تنفس تسليم کمتر در جداره داخلی قرار گیرد.

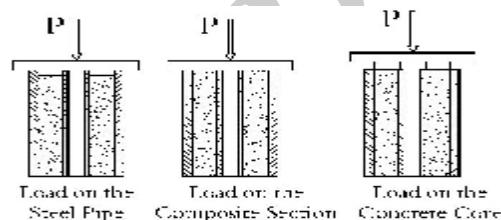
- در ستون‌های CFDST افزایش مقاومت فشاری بتن به هر اندازه برای بالا بردن ظرفیت باربری و شکل‌پذیری مناسب نیست و دلیل آن خاصیت ترد و شکنندگی ناگهانی بتن در مقاومت‌های بالا است که موجب کاهش شکل‌پذیری نمونه می‌شود.

- تأثیر تغییرات ضخامت در جداره‌های فولادی به گونه‌ای است که افزایش ضخامت در جداره خارجی باعث بالا رفتن ظرفیت باربری نمونه‌ها شده، ولی افزایش ضخامت در جداره داخلی فقط ظرفیت باربری را افزایش می‌دهد و بر شکل‌پذیری تأثیر چندانی ندارد.

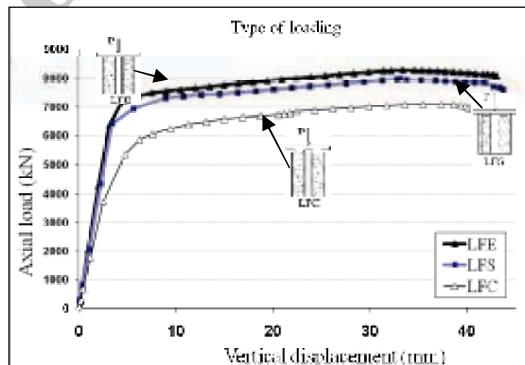
- تأثیر تغییرات قطر در جداره‌ها نیز مورد بررسی قرار گرفت، که نتایج نشان می‌دهد برای بالا بردن ظرفیت باربری با افزایش قطر به هر اندازه دلخواه مقرنون به صرفه نیست، زیرا گرچه سبب بالا رفتن ظرفیت باربری می‌شود، ولی افزایش بیش از حد قطر در جداره سبب کاهش شکل‌پذیری نمونه‌ها می‌شود که برای درک بهتر مقایسه‌ای بر اساس ضریب λ انجام شده به عنوان نمونه به ازای مقدار بیشتر از $1/45^0$ در حالت تغییرات در قطر خارجی با ابعاد هندسی موجود در تحقیق حاضر شکل‌پذیری کاهش می‌یابد.

ث - بررسی رفتار ستون‌های CFDST بر اساس

عملکرد متقابل جداره‌های فلزی و بتن پرکننده مشخص است که اثر نحوه اعمال بار در ستون‌های مرکب از جمله ستون‌هایی که بتن با فولاد درگیر (CFDST) است، بسیار حائز اهمیت است. از این رو در مطالعه حاضر هر دو نوع ستون کوتاه و چاق مورد بررسی واقع شد که مقطع دارای مشخصات هندسی ۳۵۰×۱۴ mm در جداره خارجی و 100×5 mm در جداره داخلی است. تصویر شماتیک نحوه بارگذاری نمونه‌ها در شکل (۳۰) و تأثیر نحوه اعمال بار بر اجزاء در شکل (۳۱) نشان داده شده است.



شکل ۳۰: حالت‌های مختلف اعمال بار در ستون‌های CFDST



شکل ۳۱: تأثیر نحوه اعمال بار بر رفتار ستون L=3000 mm با ارتفاع CFNST

از میان جداره‌های داخلی و خارجی، جداره خارجی به علت اثر محدود کنندگی که بر بتن اعمال می‌کند، بیشترین سهم باربری را دارد. نتایج نشان می‌دهد در ستون‌های CFDST در حالتی که بار بر کل مقطع (LFE) اعمال می‌شود، سهم باربری جداره‌های فولادی به طور تقریبی 60^0 درصد و بتن پرکننده 40^0 درصد است و این در حالی است که در ستون‌های CFT درست رفتاری بر عکس از خود نشان می‌دهند؛ بدین معنی که در ستون‌های CFT سهم باربری قسمت بتی 60^0 درصد و سهم باربری جداره فولادی 40^0 درصد است، به عبارتی

- از ستون‌های CFDST مفرون به صرفه بوده و نسبت به ستون‌های CFT کاهش وزنی در حدود ۱۰ درصد دارد.
- با بررسی نتایج مشخص شد استفاده از مقطع هندسی مربعی در ساخت ستون‌های CFDST، سبب کاهش شکل‌پذیری و ظرفیت باربری نمونه‌ها می‌شود و بیشترین ظرفیت باربری و شکل‌پذیری مربوط به نمونه‌ای با مقطع هندسی دایره‌ای در جداره داخلی و خارجی.
- با توجه به اینکه در ستون‌های CFDST سهم بیشتر باربری متعلق به جداره‌های فولادی بویژه جداره خارجی است (بر خلاف ستون‌های CFT که سهم بیشتر باربری متعلق به بتن است) بنابراین برای داشتن عملکرد مناسب به ترتیب اعمال بار بر کل مقطع و سپس جداره‌های فولادی مطلوب‌تر است.
- مقایسه رفتار ستون‌های CFT با ستون‌های CFDST نشان داد که برای داشتن ظرفیت باربری یکسان، استفاده

مراجع

- 1 - Johansson M. and Gylltoft, K. (2001). "Structural behavior of slender circular steel concrete composite columns." *Application Steel and Composite Structures*, Vol. 1, No. 4, PP. 393-410 393.
- 2 - Zhang J. F. (2004). *Design of Composite columns*. Helsinki University of Technology Steel Structures Spring.
- 3 - Ellobody, E. and Young, B. (2006). "Design and behaviour of concrete-filled cold-formed stainless steel tube columns." *Engineering Structures*, Vol. 28, PP. 716–728 Received 24 April 2005.
- 4 - Canonsburg, P. A. (2002). *ANSYS Structural Analysis Guide, Release 7.0*, SAS. IP, Inc.
- 5 - Schneider, E. P. "Axially loaded concrete-filled steel tubes." *ASCE Journal of Structural Engineering*.
- 6 - Tao, Z. Lin-Hai Han, Xiao-Ling Zhao. (2003). *Behaviour of concrete-filled Double skin (CHS inner and CHS outer) steel tubular stub columns and beam-columns*. Received 27 August 2003: Accepted 18 November.

واژه‌های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 - Concrete Filled Double Skin Tubular
- 2 - Composite Column
- 3 - Circular Hollow Sections (CHS)
- 4 - Square Hollow Sections (SHS)
- 5 - Arc-Length Method
- 6 - Hollow Section ratio χ
- 7 - Bifurcation point