



تأثیر عوامل موثر بر بازیابی فروشویی ستونی کانسنگ اکسیدی مس با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی

فاطمه السادات حسینیان^۱، مهدی ایران نژاد^{۲*}، محسن هاشم زاده^۳، سعید سلطانی محمدی^۴

- ۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی معدن و متالورژی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر
- ۲- دانشیار، دانشکده مهندسی معدن و متالورژی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر
- ۳- کارشناس ارشد، فرآوری مواد معدنی، مرکز تحقیقات فرآوری مواد معدنی
- ۴- استادیار، دانشکده مهندسی معدن، دانشگاه کاشان

(دریافت: ۱۳۹۲/۳/۱۲ پذیرش: ۱۳۹۴/۹/۳)

چکیده

در این مقاله از شبکه عصبی مصنوعی به منظور پیش‌بینی شرایط بهینه در فروشویی ستونی کانسنگ اکسیدی مس استفاده شده است. بهینه‌سازی، کنترل و ارزیابی عملیات فروشویی توده‌ای مستلزم شبیه‌سازی دقیق، مناسب و همه جانبه از آن است. رائمه چنین مدلی نیاز به شناسایی کلیه پارامترهای موثر در فرایند و تاثیر همزمان این عوامل بر خروجی فرایند دارد. پارامترهای مهمی همچون ارتفاع ستون، اندازه ذرات، دبی اسید و زمان فروشویی، مطالعه و تاثیر آن بر بازیابی مس بررسی شد. آزمایش‌ها در سه ستون با ارتفاع‌های ۲، ۴ و ۶ متر و در دو دانه‌بندی ۲۵/۴ و ۵۰/۸ میلی‌متر انجام شد. نتایج نشان داد که بازیابی مس با ارتفاع ستون و اندازه ذرات رابطه معکوس و با زمان فروشویی و دبی اسید رابطه مستقیم دارد. بازیابی کانسنگ مس در ستون‌هایی با ارتفاع‌های ۲، ۴ و ۶ متر به ترتیب ۷۸/۶۳٪، ۶۶/۲۷٪، ۸۹/۵۲٪ بدست آمد. نتایج عملیات نشان داد که مدل شبکه عصبی آموزش یافته قابلیت استفاده برای پیش‌بینی بازیابی فروشویی کانسنگ مس را دارد.

کلمات کلیدی:

فروشویی ستونی، کانسنگ اکسیدی مس، بازیابی، شبکه عصبی مصنوعی

* نویسنده مسئول و عهده دار مکاتبات: Email: iranajad@aut.ac.ir

۱- مقدمه

عملیات فروشوبی توده‌ای مس مطالعه‌ای انجام دادند که در آن از طریق بهینه‌سازی و مطالعه‌های موردنی ساده، بهترین دبی اسید با به حداقل رساندن اسید و آب مصرف شده در فرایند مورد نظر را بدست آورده‌اند [۵].

شبکه عصبی مصنوعی از سال ۱۹۸۰ توسعه یافته و به طور گسترده برای حل مسائل پیچیده مهندسی استفاده می‌شود و قادر به پیش‌بینی یک راه حل کلی از الگوهای به دست آمده در طول آزمایش و یادگیری قبلی است [۱۳]. شبکه عصبی با خاصیت یادگیری و انعطاف‌پذیری خوبی ابزار کارایی در تقریب و مدلسازی توابع و یا سیستم‌ها هستند و در ساختارهای کنترلی نیز معمولاً به عنوان مدل اصلی، ایفای نقش می‌کنند. به طور کلی شبکه عصبی شامل یک لایه ورودی، یک یا چند لایه پنهان و یک لایه خروجی است. هر لایه شامل یک یا چند نرون است. نرون‌ها با استفاده از پارامتر وزن دارای ارتباط درونی هستند. هر نرون در یک لایه اطلاعات را از همه نرون‌های لایه‌های قبلی دریافت نموده و اطلاعات را با توجه به مشخصه ورودی/خروجی، مقدار بایاس و اطلاعات درونی خود به سایر نرون‌ها جمع زده و به لایه بعدی منتقل می‌کند. شبکه عصبی عموماً عملکرد خود را طی یک فرایند فرا می‌گیرد [۱۴]. اخیراً شبکه‌های عصبی مصنوعی در زمینه تحقیقات فرآوری مواد معدنی توسعه یافته‌اند [۱۵-۱۶]. در این مطالعه، با هدف به دست آوردن شرایط بهینه فرایند، با انجام آزمایش فروشوبی ستونی سنگ مس معدن طارم و بررسی اثر ارتفاع ستون، اندازه ذرات، زمان و دبی اسید مصرفی بر بازیابی مس، بازیابی فروشوبی ستونی با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی شبیه‌سازی شد.

۲- مواد و روش‌ها**۲-۱- مواد**

اسید سولفوریک با غلظت ۲۰٪ برای فروشوبی کانسنسگ استفاده شد. حلال LIX98N برای استخراج حلالی مس حاصل از عملیات فروشوبی استفاده شد.

۲-۲- روش‌ها

نمونه سنگ مس از معدن طارم واقع در استان زنجان تهیه و به دو قسمت تقسیم شد. نمونه‌ها بهوسیله سنگ شکن فکی در دو محدوده دانه‌بندی $25/4$ و $50/8$ میلی‌متر خرد شدند. نمونه‌ای معرف برای تحلیل دانه‌بندی، تحلیل شیمیایی و خصوصیات کانی‌شناسی تهیه شد. توزیع تحلیل سرندی با استفاده از سرند مکانیکی لرزان انجام شد. تعیین ترکیب شیمیایی عناصر با استفاده از دستگاه اسپکترومتری انتشار ICP و تعیین گونه‌های کانی‌شناسی سنگ معدن با استفاده از پراش اشعه ایکس انجام شد. جدول ۱ ترکیب عنصرهای اصلی و گونه‌های کانی‌شناسی سنگ را نشان می‌دهد.

نمونه‌های خرد فشرده شده و سپس به ستون‌ها منتقل شدند و با در نظر گرفتن همه عوامل در ۶ ستون، تحت شرایط نشان داده شده در جدول ۲ برای ۷۸ روز مورد مطالعه قرار گرفتند.

فروشوبی نوعی روش هیدرومتوالورژی است که کانسنسگ‌های معدن پس از استخراج از معدن تحت عملیات خردایش و آلگومراسیون قرار گرفته و در تماس با یک حلال شیمیایی عنصر یا عناصری به طور انتخابی حل شده و محلول حاوی عنصر فلزی حاصل می‌شود. استفاده از روش‌های مختلف فروشوبی کانسنسگ‌ها، بستگی به عیار فلزات با ارزش موجود در کانسنسگ، بزرگی توده کانسار و همچنین چگونگی حلالیت کانی در محلول دارد. این عملیات به دو روش تراوش و نفوذ حلال از میان توده سنگ معدن یا به صورت مخلوط کردن ذرات جامد خرد شده با حلال در مخزن انجام می‌پذیرد. در طی فرایند فروشوبی، کانسنسگ حاوی کانی‌های عناصر (مانند مس) قابل حل توسط یک عامل در شرایط شیمیایی و فیزیکی مناسب، دچار انحلال شده و عناصر مورد نظر در اثر این انحلال به صورت یون درآمده و از آن جدا می‌شوند. مطالعات در زمینه فروشوبی ستونی در سه دسته مطالعات تجربی، مدلسازی و بهینه سازی فرایند انجام شده است [۴-۱]. مطالعاتی در زمینه بهینه سازی فروشوبی توده‌های و تحلیل تصادفی فرایند از طریق الگوهای تحلیلی انجام شده است [۵-۷]. تعیین شرایط پارامترها یکی از موارد مهم در طراحی فرایند فروشوبی است. پارامترهایی از قبیل دما، ابعاد ذرات، دبی اسید و ارتفاع ستون دارای تاثیر زیادی بر روی فرایند فروشوبی هستند که باید بهینه شوند. مقدار این پارامترها به نوع کانی‌ها و ناخالصی‌های همراه با آن‌ها وابسته بوده و باید برای هر معدن به طور خاص و از طریق آزمایش تعیین شوند. مطالعات زیادی در زمینه فروشوبی توده‌ای و درک مفهوم عملیاتی آن انجام شده است. اما در زمینه بهینه سازی فرایند آن مطالعات کمی انجام شده است [۸-۹].

مدلسازی‌های ریاضی، سیستم‌های فازی و شبکه‌های عصبی از جمله روش‌های هوش مصنوعی هستند که به طور گسترده‌ای در صنعت و از جمله پیش‌بینی نتایج فرایندهای صنعتی استفاده شده‌اند. تعیین شرایط بهینه پارامترهای لیچینگ یکی از موارد مهم در طراحی فرایند لیچینگ است [۱۰]. به منظور مدلسازی هیپ لیچینگ از تعداد زیادی آزمایش‌های ستونی و نیز آزمایش‌هایی در مقیاس نیمه صنعتی استفاده می‌شود. اما با توجه به حجم بودن عملیات هیپ لیچینگ، جامع‌ترین آزمون‌های ستونی نیز نمی‌توانند با دقت بالا، رفتار هیپ را در مقیاس واقعی پیش‌بینی کنند. مدلسازی این عملیات می‌تواند دیدگاه مناسبی را برای اهداف طراحی مهیا سازد. محققین زیادی کوشش نموده‌اند تا به بررسی پدیده‌های مهم و شناخت فرایندهای سیالاتی عملیات هیپ لیچینگ پرداخته و با ارائه مدلی ریاضی، آن را شبیه سازی کنند [۱۱]. ماریو و همکاران، روش عددی برای حل مشکل فروشوبی توده‌ای و مدل تحلیلی را برای این فرایند ارائه داده‌اند [۷]. بوفارد و همکاران نیز مطالعه‌ای در مورد برنامه‌ریزی فروشوبی توده‌ای از نقطه نظر بهینه‌سازی انجام داده‌اند [۱۲]. ماریو و همکاران در مورد بهینه‌سازی دبی اسید در

جدول ۱: کانی‌شناسی و ترکیب شیمیایی نمونه

کانی‌های تشکیل دهنده کانسنگ	ترکیب شیمیایی کانسنگ		
فرمول شیمیایی	کانی	عنصر	%
NaAlSi ₃ O ₈	آلبیت	Cu	۱
SiO ₂	کوارتز	Fe	۳/۷
KAlSi ₃ O ₈	فلدسبات پتاسیم	Si	۲۸/۷۴
CaCO ₃	کلسیت	Al	۷/۴
Fe ₂ O ₃ - FeOOH	هماتیت- گوتیت	Ca	۲
K ₂ Al ₄ (Si ₆ Al ₂ O ₂₀) (OH,F) ₄	مسکویت	K	۳/۰۵
(Mg,Al,Fe)[(Si,Al) ₈ O ₂₀] (OH) ₁₆	کلریت	Mg	۱/۱
Cu ₂ CO ₃ (OH) ₂	مالاکیت	Na	۲/۶۵
CuS	کولیت	S	۰/۰۵

می‌کنند. در مرحله اول، داده از طریق آزمایش و خطاهای فرایند یادگیری تولید می‌شود و در مرحله دوم، از نزون‌های (عصب) ارتباطی شناخته شده به عنوان وزن‌دهی، برای ذخیره اطلاعات استفاده می‌شود [۱۷]. نوع شبکه آموزش پرسپترون چندلایه به کار گرفته شده در این روش حداقل مشکل از ۳ لایه ورودی، خروجی و لایه‌های میانی یا پنهان است. تعداد نزون‌های لایه پنهان و انتخاب نزون‌ها بستگی به پیچیدگی حل مسئله دارد [۱۸]. برای اولین بار در سال ۱۹۸۶، راملهارت الگوریتم پس انتشار را برای آموزش شبکه پرسپترون چند لایه و تعیین وزن‌ها پیشنهاد کرد [۱۹]. الگوریتم پس انتشار، روش متعدد و قوی است و روش موثر یادگیری را برای شبکه پرسپترون چند لایه ایجاد می‌کند. در واقع قابلیت الگوریتم پس انتشار، برای پیش‌بینی حل مسائل، آن را بسیار مطلوب کرده است [۲۰]. الگوریتم پس انتشار برای همگرایی حداقل خطای مورد استفاده قرار می‌گیرد. در این شبکه‌ها، وزن و بایاس‌ها در هر دوره آموزش به روز شده و این تغییرات برای حداقل کردن تابع عملیات شبکه ایجاد شده‌اند. تابع عملکرد، خطای بین خروجی شبکه و مقدار واقعی آن را، که معمولاً از میانگین مریع خطای ساخته شده است، می‌باید. جزئیات پردازش داده‌ها در چندین مقاله شرح داده شده است و در اینجا برای ارائه یک پس‌زنمنه توضیح سینک و همکارانش آورده شده است: [۲۱]

در یک شبکه، نزون زام در لایه پنهان به تعدادی از ورودی‌ها (x_i) متصل است.

$$x_i = (x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) \quad (1)$$

مقادیر ورودی شبکه (Net) در لایه مخفی طبق رابطه (۲) محاسبه می‌شود:

جدول ۲: شرایط آزمون‌های فروشوبی ستونی با غلظت (۲۰(g/l) اسید سولفوریک، دبی محلول اسید (l/m²/h)

شماره ستون	قطر ستون (cm)	ارتفاع ستون (m)	اندازه ذرات (mm)
ستون ۱	۲۵/۴	۲	۲۰
ستون ۲	۵۰/۸	۲	۲۰
ستون ۳	۲۵/۴	۴	۵۰
ستون ۴	۵۰/۸	۴	۵۰
ستون ۵	۲۵/۴	۶	۵۰
ستون ۶	۵۰/۸	۶	۵۰

محلول‌های اسیدی به‌وسیله پمپ‌های پریستالیک به ستون‌ها تغذیه شدن. در طول عملیات فروشوبی، روزانه مقداری نمونه از محلول باردار گرفته شده و برای تعیین غلظت مس و اسید‌سولفوریک آزاد تحلیل شد. مس از محلول باردار به‌وسیله روش استخراج حلالی با استفاده از حلال LIX98N استخراج شد. محلول تصفیه شده بعد از تنظیم غلظت اسید وارد مدار شد. زمانی که فروشوبی کامل شد، ستون‌ها با آب قطرت شستشو داده شدند و مواد جامد باقی مانده به مدت چند روز خشک شدند و سپس برای تعیین غلظت مس تحلیل شدند.

۳-۳- شبکه عصبی مصنوعی

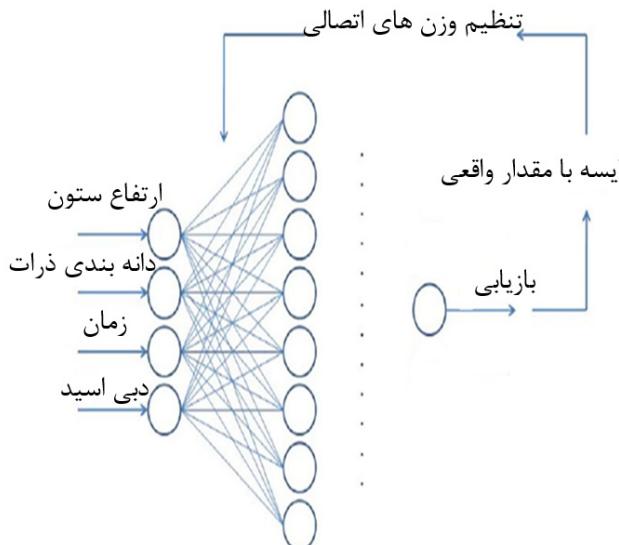
شبکه‌های عصبی مصنوعی، سیستم پردازش اطلاعات هستند که برای شبیه‌سازی داده‌های فرایند، با توانایی مغز انسان با دو ویژگی مشخص عمل

منطق مشابهی نیز برای ارتباط بین لایه‌های پنهان و خروجی است. این فرایند برای هر جفت نمونه آموزش تکرار می‌شود. هر عبور از تمام الگوهای آزمایشی یک دوره نامیده می‌شود [۲۱].

۳- نتایج و تحلیل نتایج

۳-۱- طراحی بازیابی فروشوبی ستونی با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی

برای آموزش شبکه از ۱۲۰ مجموعه از داده‌های ثبت شده در فروشوبی ستونی سنگ معدن مس طارم استفاده شد که ۱۰۲ مجموعه برای آموزش شبکه و ۱۸ مجموعه برای ارزیابی درستی آن به کار گرفته شد. اندازه ذرات خرد شده، ارتفاع ستون، زمان فروشوبی و دبی اسید به عنوان ورودی شبکه و بازیابی مس به عنوان خروجی شبکه انتخاب شدند.



شکل ۱: شبکه الگوریتم پس انتشار برای بازیابی فرایند فروشوبی ستونی مس

در این شبکه اثرات ارتفاع ستون (به ارتفاع‌های ۲، ۴ و ۶ متر) و اندازه ذرات (کوچکتر از ۲۵.۴ و از ۵۰.۸ میلی‌متر)، دبی اسید و زمان فرایند بر بازیابی مس بررسی شد.

از الگوریتم پس انتشار برای آموزش شبکه استفاده شد که همیشه به مینیمم مطلق همگرا نمی‌کند و ممکن است در مینیمم محلی متوقف شود [۲۲]. شکل (۱) الگوریتم شبکه پس انتشار را نشان می‌دهد. خطای چنین شبکه‌هایی توسطتابع عملکرد کنترل می‌شود [۲۲].

$$Net_j = \sum_{i=1}^n x_i w_{ij} + \theta_j \quad (2)$$

که در آن:

x_i : واحدهای ورودی

w_{ij} : وزن اتصال ورودی i و نرون j

θ_j : بیاس نرون

n : تعداد واحدهای ورودی است.

خروجی شبکه از لایه پنهان با استفاده از تابع لگاریتمی سیگموئید محاسبه می‌شود:

$$O_j = f(Net_j) = 1/[1+e^{-(Net_j+\theta_j)}] \quad (3)$$

$$O_k = f(Net_k) \quad (4)$$

در فرایند یادگیری، شبکه با یک جفت الگوهای خروجی ورودی و الگوی خروجی مربوطه معرفی می‌شود. شبکه الگوی خروجی، خود را با استفاده از وزن و آستانه آن محاسبه می‌کند. اکنون خروجی واقعی با خروجی مطلوب مقایسه می‌شود. بدین جهت خطای در هر خروجی در لایه k طبق رابطه (۵) محاسبه می‌شود:

$$e_l = t_k - o_l \quad (5)$$

که در آن:

t_k : خروجی مطلوب

o_l : خروجی واقعی

تابع خطای کل E مطابق رابطه (۶) محاسبه می‌شود:

$$E = 0.5 \sum_{k=1}^n (t_k - o_k)^2 \quad (6)$$

آموزش شبکه، فرایندی برای رسیدن به فضای وزن مطلوب شبکه است. حداکثر کاهش سطح خطای (W_{jk}) با استفاده از رابطه (۷) محاسبه می‌شود:

$$\nabla W_{jk} = -\eta (\delta E / \delta W_{jk}) \quad (7)$$

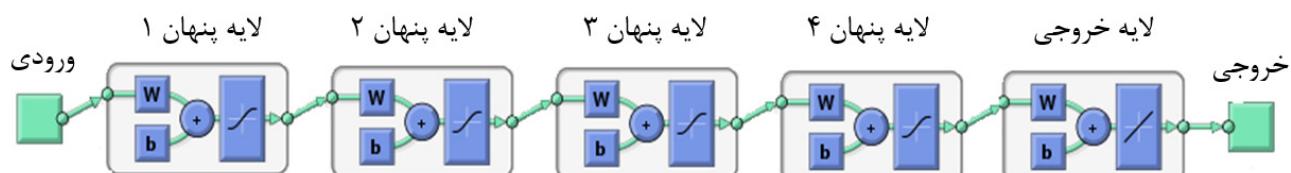
که در آن:

η : پارامتر نرخ یادگیری

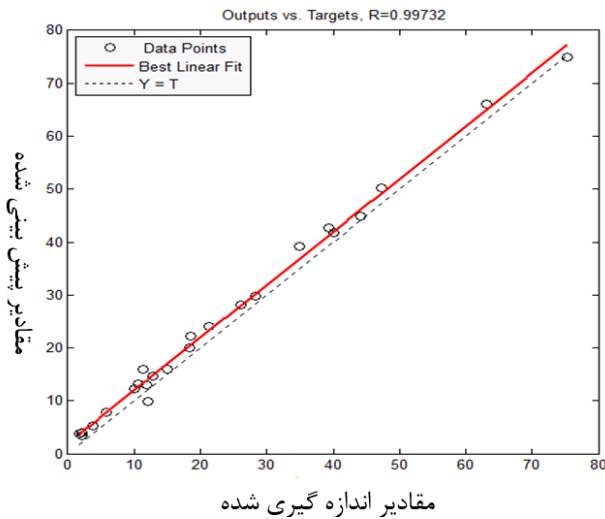
E : تابع خطای

به روز رسانی وزن‌ها برای الگوی $(n+1)$ به صورت زیر به دست می‌آید:

$$W_{jk}(n+1) = W_{jk}(n) + \nabla W_{jk}(n) \quad (8)$$

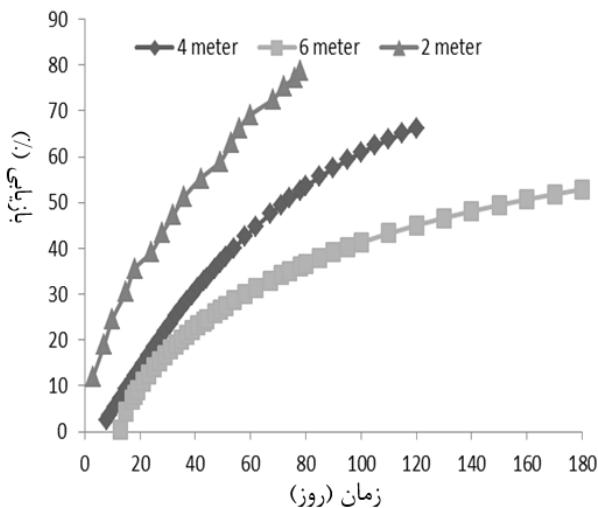


شکل ۲: ساختار شبکه عصبی مصنوعی برای طراحی فروشوبی ستونی مس



شکل ۳: نمودار پراکندگی مقادیر بازیابی اندازه گیری شده در آزمایشگاه و پیش‌بینی شده توسط مدل شبکه عصبی در مجموعه کنترل داده‌ها

بازیابی مس کانسنگ خرد شده در دو فرآکسیون دانه‌بندی کوچک‌تر از ابعاد $25/4$ و $50/8$ میلی‌متر به ترتیب در شکل‌های ۴ و ۵ نشان داده شده است. به طوری که مشاهده می‌شود رابطه معکوسی بین ارتفاع ستون و درصد بازیابی وجود دارد و با افزایش ارتفاع ستون از ۲ متر تا ۶ متر بازیابی مس در هر دو فرآکسیون دانه‌بندی کاهش می‌یابد. با کاهش ارتفاع ستون، محلول تازه به طور متواتی وارد ستون می‌شود و قدرت حل پیش‌تر مس را دارد و موجب افزایش بازیابی می‌شود. ارتفاع ستون تاثیر قابل توجهی بر میزان مصرف اسید دارد. با کاهش ارتفاع ستون میزان مصرف اسید با توجه به افزایش بازیابی افزایش زمان فروشوبی محلول تازه پیش‌تری وارد ستون شده که موجب حل شدن پیش‌تر کانی و افزایش بازیابی می‌شود.



شکل ۴: بازیابی کانسنگ مس خردشده در فرآکسیون دانه‌بندی کوچک‌تر از $4/25$ میلی‌متر در ارتفاع‌های مختلف

شبکه طراحی شده برای فروشوبی ستونی شامل چهار لایه پنهان و یک لایه خروجی است (شکل ۲). افزایش تعداد لایه‌ها و تعداد نرون‌ها در هر لایه، نه تنها باعث افزایش توانایی شبکه در آموختن نمی‌شود، بلکه زمان آموزش را افزایش می‌دهد. از همین‌رو تعداد لایه‌ها زیاد انتخاب نشد. آرایه لایه‌های این شبکه به صورت [۱، ۱۵، ۱۷، ۲۵، ۲۵] است که ازتابع تائزات سیگموئید به عنوانتابع انتقال در لایه پنهان استفاده نموده قادر به پاسخ در محدوده [۱ - ۱] است.

بهمنظور تهیه مدل شبکه عصبی پیش‌بینی بازیابی ستونی بر اساس پارامترهای فوق، کدی در نرمافزار متلب تهیه و بر اساس آن شبکه آموزش یافت. بهمنظور ارزیابی، مدل حاصله بر روی مجموعه کنترل داده‌ها اعمال شده و مقادیر تخمینی برای هر داده با مقدار واقعی مقایسه و پارامترهای شبیه خط رگرسیون، ضریب همبستگی (R^2) و مجنوز مربعات خطأ (RMSE) طبق رابطه‌های (۹) و (۱۰) محاسبه شدند:

$$R^2 = 1 - \frac{\left(\sum_{i=1}^N (y_i - \hat{y}_i)^2 \right)}{\left(\sum_{i=1}^N (y_i)^2 - \left(\sum_{i=1}^N ((y_i)^2 / N) \right) \right)} \quad (9)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (y_i - \hat{y}_i)^2}{N}} \quad (10)$$

که در آن:

y_i : مقدار واقعی

\hat{y}_i : مقدار خروجی تخمینی

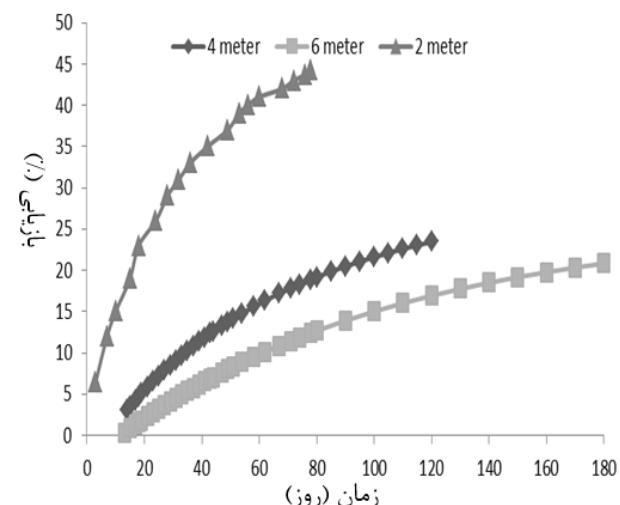
N : تعداد داده‌های مورد آزمایش

همانطور که در شکل ۳ مشاهده می‌شود مقادیر بازیابی محاسبه شده در آزمایشگاه و پیش‌بینی شده توسط شبکه عصبی برای مجموعه کنترل داده‌ها به هم نزدیک بوده و شبیه خط برازش یافته بین آن‌ها برابر 0.997 است که مقدار مطلوب آن به عدد ۱ نزدیک است. R^2 میزان همبستگی بین مقادیر واقعی و تخمینی را نشان می‌دهد. مقدار آن در بازه صفر تا یک تغییر می‌کند و مقدار یک نشان‌دهنده تطابق کامل داده‌ها بر هم و طبیعتاً مقدار صفر عدم همبستگی بین داده‌ها را نشان می‌دهد. مقدار R^2 محاسبه شده برای مدل برابر 0.99 است که به عدد ۱ نزدیک است. مقدار RMSE محاسبه شده برای مدل نیز برابر با 480 است. بر اساس این سه پارامتر (شبیه خط رگرسیون، R^2 و RMSE) می‌توان نتیجه گرفت که مدل شبکه عصبی آموزش یافته قابلیت استفاده برای پیش‌بینی فروشوبی کانسنگ مس را دارد.

۳-۲- تحلیل نتایج

در این پژوهش اثر ارتفاع ستون، اندازه ذرات، زمان و دبی اسید مصرفی بر بازیابی مس بررسی شد. اثر ارتفاع ستون در طول زمان بر

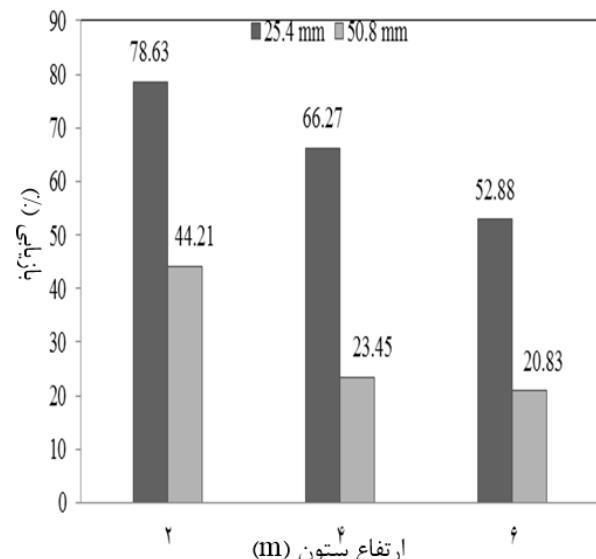
ستون، زمان فروشوبی و دبی اسید مصرفی آموزش داده شد. این شبکه با توجه به پارامترهای موثر بر بازیابی مس در طول فرآیند فروشوبی الگوی مناسبی ارائه داد. نتایج به دست آمده نشان می‌دهد؛ اندازه ذرات، ارتفاع ستون و دبی اسید تاثیر قابل توجهی بر بازیابی مس دارند. بازیابی مس کانسنگی با ابعاد ریزتر از $25/4$ میلی‌متر با ستون‌هایی با ارتفاع‌های $4, 2$ و 6 متر بهتر ترتیب $25/4 > 6 > 4$ داشتند. بازیابی مس کانسنگ با ابعاد ریزتر از $50/8$ میلی‌متر با ستون‌هایی با ارتفاع‌های $4, 2$ و 6 متر بهتر ترتیب $50/8 > 6 > 4$ داشتند. این نتایج نشان می‌دهند که کاهش بیشتر ابعاد کانسنگ موجب افزایش بازیابی و مصرف اسید می‌شود. بازیابی مس، زمانی که ارتفاع ستون از 2 متر تا 6 متر افزایش می‌یابد به طور قابل توجهی کاهش می‌یابد.



شکل ۵: بازیابی کانسنگ مس خردشده در فرآکسیون دانه‌بندی کوچک‌تر از $50/8$ میلی‌متر در ارتفاع‌های مختلف

تأثیر دانه‌بندی بر بازیابی در ستون‌هایی با ارتفاع 2 تا 6 متر در شکل ۶ نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود برای هر دو دانه‌بندی با افزایش ارتفاع ستون فروشوبی، بازیابی مس کاهش می‌یابد. در عین حال برای ارتفاع ستون مشابه در دانه‌بندی ریزتر بازیابی مس بیشتر است. بنابراین حداکثر بازیابی زمانی به دست می‌آید که ارتفاع ستون کمتر و ابعاد ذرات ریزتر باشد. با کاهش اندازه ذرات سطح کانی بیشتری در تماس با اسید قرار می‌گیرد و مقدار بیشتری کانی حل شده و بازیابی افزایش می‌یابد.

- [1] خدادادی، احمد؛ کلینی، سید جواد؛ علیرضا؛ "مدل‌سازی ریاضی و طراحی نرم‌افزار مناسب جهت هیپ لیچینگ کانی‌های اکسیدی مس"، نشریه علمی پژوهشی مهندسی معدن، شماره هفتم، ۱۳۸۸، ۴۳-۴۳.
- [2] Wu, A., Yin, S., Yang, B., Wang, J. and Qiu, G., "Study on preferential flow in dump leaching of low-grade ores", *Hydrometallurgy*, vol. 87, pp. 124- 132, 2007.
- [3] Yorio, C., Betancourt, E., Vivas, R. and Rus, J., "Ni, Co recovery study and Fe by acid leaching in columns", *Revista de Metalurgia*, vol. 42, pp. 41- 48, 2006.
- [4] Petersen, J. and Dixon, D.G., "Modeling zinc heap bioleaching", *Hydrometallurgy*, vol. 85, pp. 127- 143, 2007.
- [5] Leahy, M.J., Davidson, M.R. and Schwarz M.P., "A model for heap bioleaching of chalcocite with heat balance, mesophiles and moderate thermophiles", *Hydrometallurgy*, vol. 85, pp. 24- 41. 2007.
- [6] Mellado, M. E., Gálvez, E. D. and Cisternas, L. A., "On the optimization of flow rates on copper haep leaching operations", *Int. J. of Mineral processing*, vol. 101, pp. 75- 80, 2011.
- [7] Padilla, G. A., Cisternas, L. A. and Cueto, J. Y., "On the optimization of heap leaching", *Minerals processing*, vol. 21, pp. 673- 678, 2008.
- [8] Mellado, M. E., Gálvez, E. D., and Cisternas, L. A., "Stochastic analysis of heap leaching process via analytical models", *Mineral Engineering*, vol. 33, pp. 93- 98, 2012.
- [9] Wadsworth, M.E. and Miller, J.D., "Rate processes of extractive metallurgy In: Hydrometallurgical processes: section 3", Plenum Press, New York, pp. 133- 153, 1979.
- [10] Ekmekyapar, A., Oya, R. and Künkül, A., "Dissolution kinetics of an oxidized copper ore in ammonium



شکل ۶: مقایسه بین بازیابی مس در کانسنگ خردشده $25/4$ و $50/8$ میلی‌متر

۴- نتیجه‌گیری

در این مطالعه، شبکه عصبی مصنوعی برای بازیابی فروشوبی ستونی کانسنگ اکسیدی مس با پارامترهای ورودی از جمله دانه‌بندی، ارتفاع

- chloride solution”, Chemical and Biochemical Engineering Quarterly, vol. 17, pp. 261–266, 2003.
- [11] Koleini, S.M. J. and Khodadadi, A., “A Study on Leaching Behaviour of Copper Oxide Ore of Sarcheshmeh Mine”, International seminar on Mineral Processing Technology MPT, 2007.
- [12] Bouffard, S. C. and Dixon, D. G., “Investigative study into the hydrodynamics of heap leaching processes”, Metallurgical and Material Transactions, vol. 32, pp. 763– 776, 2001.
- [13] Dehghani, H. and Ataee-pour, M., “Development of a model to predict peak particle velocity in a blasting operation”, International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, vol. 48, pp. 51– 58, 2011.
- [14] Demir, F., Türkmen M. and Tekeli, H., “A new way for prediction of elastic modulus of normal and high strength concrete : artificial neural networks”, Intelligent Manufacturing Systems, pp. 208- 215, 2006.
- [15] Cilek, E. C., “Application of Neural Networks to Predict Locked Cycle Flotation Test Results”, Minerals Engineering, 15, pp. 1095- 1104, 2002.
- [16] Massinaei, M. and Doostmohammadi R., “Modeling of Bubble Surface Area Flux in an Industrial Rougher Column using Artificial Neural Network and Statistical Techniques”, Minerals Engineering, vol. 23, pp. 83- 90, 2010.
- [17] Sawmliana, C., Roy, P. P., Singh, R. K. and Singh, T. N., “Blast induced air overpressure and its prediction using artificial neural network” International Journal of Mining Technology, vo. 116, no. 2, pp. 41– 48, 2007.
- [18] Monjezi, M., Ghafurikalajahim, M. and Bahrami, A., “Prediction of blast-induced ground vibration using artificial neural networks”, Tunnelling and Underground Space Technology, vol. 26, pp. 46– 50, 2011.
- [19] Bakhshandeh Amniah, H., Mozdianfar, M.R. and Siamaki, A., “Predicting of blasting vibrations in Sarcheshme copper mine by neural network”, Safety Science, vol. 48, pp. 319– 325. 2010.
- [20] Khandelwal, M. and Singh, T.N., “Prediction of blast-induced ground vibration using artificial neural network”, International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, vol. 46, pp. 1214– 1222, 2009.
- [21] Bakhshandeh Amniah, H., Siamaki A. and Soltani S., “Design of blasting pattern in proportion to the peak particle velocity (PPV): Artificial neural networks approach”, Safety Science, vol. 50, pp. 1913– 1916, 2012.
- [22] Petr, V., Simoes, M.G. and Rozgonoyi, T.G., “Future Development of Neural Network Prediction for Blasting Design Parameter of Production Blasting”, Explosive and Blasting Technique, Holmberg, pp. 625– 630, 2003.