نشريه مهندسي عمران اميركبير

نشریه مهندسی عمران امیرکبیر، دوره ۴۹، شماره ۱، سال ۱۳۹۶، صفحات ۵۷ تا ۶۶ DOI: 10.22060/ceej.2016.572



## بررسی مؤلفههای نفوذپذیری و دبی جریان ورودی بر روی شکاف هیدرولیکی در محیط متخلخل اشباع

امید رضا بارانی\*، فاطمه دستجردی، فرزین کلانتری

دانشکده مهندسی عمران ، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

چکیده: در این مقاله، یک مدل هیدرومکانیکی برای بررسی محیط متخلخل اشباع دارای ناپیوستگی ارائه شده است. برای مدلسازی ناپیوستگی از مدل رفتاری ترک چسبنده استفاده شده و جریان در داخل ناپیوستگی لایه ای درنظر گرفته شده است. معادلات معادله مومنتوم کل و معادله بقای جرم در ترکیب با فرم کلی قانون دارسی برای فاز سیال نوشته شده است. برای حل معادلات به روش عددی، از روش استاندارد اجزای محدود برای پارهسازی معادلات در حوزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی معادلات در حوزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی به موادلات در حوزه زمان استفاده شده است. برای معادلات در حوزه مکان و از روش استاندارد اجزای محدود برای پارهسازی معادلات در حوزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از موش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از موش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از روش نیومارک برای پارهسازی معادلات در موزه مکان و از روش استاندارد اجزای محدود برای پارهسازی محلو و نرخ تزریق بر روی گسترش شکاف هیدرولیکی بررسی و مشاهده شده است. کسترش شکاف هیدرولیکی بررسی و مشاهده شده است که با افزایش نفوذپذیری، رشد ترک آرامتر و با افزایش نرخ تزریق، رشد ترک سریعتر خواهد شد. با ۲/۳ برابر شدن نفوذپذیری، بازشدگی دهانه ترک ۲/۳ درصد پس از ۶ ثانیه و ۲۹/۴ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش پیدا کرده و طول ترک نیز ۲۰ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش میابد. با ۲، ۳ و ۴ برابر شدن نرخ تزریق، مول تری پس از ۶ ثانیه به ترتیب ۵/۳۰ ۹/۸۵ و ۲/۶۷ درصد افزایش میابد.

تاریخچه داوری: دریافت: ۶ دی ۱۳۹۲ بازنگری: ۲ اردیبهشت ۱۳۹۴ پذیرش: ۲۳ اردیبهشت ۱۳۹۴ ارائه آنلاین: ۱۳ دی ۱۳۹۴

> **کلمات کلیدی:** شکاف هیدرولیکی محیط متخلخل اشباع ارزیابی همبسته مدل رفتاری ترک چسبنده روش اجزای محدود

#### ۱- مقدمه

ایجاد شکاف هیدرولیکی، فرآیندی است که در آن یک ترک بر اثر فشار سیال داخل آن گسترش مییابد. این عمل میتواند به منظور افزایش برداشت از چاههای نفت، افزایش ظرفیت دفع مواد خطرناک در داخل زمین، اندازهگیری تنشهای برجای<sup>(</sup> زمین و ایجاد ارتباط بین لایههای آبدار آن بکار گرفته شود [1].

شکاف هیدرولیکی، فرایندی پیچیده بوده که در آن تغییر شکل مکانیکی سنگ در اثر فشار سیال درون ترک با جریان سیال درون ترک و رشد ترک درگیر است. یکی از مهمترین مسائل در مدلسازی شکاف هیدرولیکی، مدلسازی جریان سیال در داخل شکاف و درنظر گرفتن اثر فشار آن بر دیوارههای شکاف و همچنین لحاظکردن نفوذ سیال به داخل محیط است. برای این کار، باید بتوان رفتار هیدرودینامیکی ناپیوستگی را به صورت مطلوبی بیان نمود. در رفتار هیدرودینامیکی ناپیوستگی، تغییر شکل ناپیوستگی سبب ایجاد تغییرها در نفوذپذیری و حجم ذخیره سیال آن و تأثیر در جریان سیال در آن خواهد شد. از طرفی دیگر، تغییر فشار سیال سبب تغییر توزیع تنش مؤثر، باز یا بستهشدن ترک و حتی رشد ترک می شود. در این حالت، معادلات

به صورت دیگری بوده و باید تمام عوامل دیگر به صورت همزمان مورد توجه قرار گیرند. مدلهای مختلفی برای مطالعه رفتار هیدرودینامیکی ناپیوستگی در محیطهای متخلخل وجود دارد و این مدلها به طور عمده به سه دسته تقسیم میشوند. سادهترین مدلها، جایگزینی محیط ترک خورده با یک محيط پيوسته معادل بوده كه خصوصيات آن ميانگين خصوصيات محيط متخلخل و ترکها است. مدل تخلخل دوگانه (که مدل پیشرفتهتری است)، بین جریان در محیط متخلخل پیوسته و جریان در شبکه ناپیوستگیها تفاوت قائل شده و هر یک از محیطهای فوق توسط یک محیط پیوسته با هدایت هیدرولیکی و ضریب ذخیره خود شناخته می شود. این دو محیط توسط معادلات پیوستگی جریان و فشار سیال به یکدیگر مرتبط میشوند. با وجود آن که مدل تخلخل دوگانه بسیار کارا است، اما محدودیتهای مهمی را نیز دارد. یکی از این محدودیتها عدم توانایی مدل کردن ترکهای ناپیوسته است. همچنین این مدل برای شبیهسازی تعداد اندکی از ترکهای بزرگ که مسیر اصلی جریان را تشکیل میدهند، نامناسب خواهد بود. مدل سوم که مدل ترک مجزا نامیده می شود، ترک ها را به طور صریح درنظر گرفته و تبادل سیال بین ناپیوستگی و محیط متخلخل اطراف ناپیوستگی را میتواند نشان دهد. در این مدل، می توان از المان هایی با ضخامت صفر برای مدلسازی ترکها استفاده نمود. فرمولاسیون هیدرومکانیکی درگیر ناپیوستگیها در

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> in situ stresses

<sup>\*</sup>نویسنده عهدهدار مکاتبات: barani@kntu.ac.ir

حالت ترک مجزا موضوعی جدید به شمار میرود. نوریشاد و همکاران [۲] و انجی و اسمال [۳] مدلی را برای المانهای تماس با ضخامت صفر برای حل معادلات درگیر هیدرودینامیکی ناپیوستگیها ارائه دادند. با وجود آن که المان های ناپیوستگی بکار رفته در آن ها از المان های تماس با دو گره در عرض ناپیوستگی بود، اما هیچیک از مدل ها قادر به درنظر گرفتن افت پتانسیل هیدرولیکی بین دو دیواره ناپیوستگی نبوده و فشار در دو دیواره ناپیوستگی برابر فرض شده بود. پاپاناستیشا<sup>۳</sup> از روش اجزای محدود برای مدلسازی رفتار مکانیکی و از روش تفاضل محدود برای مدلسازی رفتار هیدرولیکی در شبیه سازی شکاف هیدرولیکی بدون هدر رفتن استفاده نمود [۴]. بون و اینگرافی<sup><sup>†</sup></sup> تبادل هیدرولیکی بین ترک و محیط متخلخل اطراف را لحاظ كردند [۵]. أن ها نيز از روش اجزاى محدود براى حل معادلات محيط متخلخل و از روش تفاضل محدود برای حل معادلات حرکت سیال درون ترک استفاده نمودند. با وجود آن که این کار، پژوهشی نوین در آن زمان بود. اما نرخ همگرایی بسیار کمی داشت و حل عددی پس از سعی و خطاهای بسیار زیاد به جواب نهایی میرسید. سیمونی و سکی<sup>۵</sup> [۶]، شرفلر و همکاران<sup>۶</sup> [۷] و سکی و همکاران [۸] از روش اجزای محدود برای حل معادلات هیدرودینامیکی در حالت شبهاستاتیکی استفاده نمودند. در پژوهش آنها، یک برنامه ایجاد شبکه برای درنظر گرفتن تغییرهای مرزهای مسئله ضمن رشد ترک در محیط متخلخل استفاده شد. سیگورا وکرول<sup>۷</sup> [۹] افت پتانسیل عرضی را برای المانهای چهار گرهی با دو گره در تماس معرفی نمودند. همچنین این محققان این المانها را برای حل هیدرودینامیکی ناپیوستگیها توسعه دادند [۹]. المان ترک چسبنده در محیط متخلخل نیمهاشباع برای اولین بار توسط بارانی و همکاران^ در سال ۲۰۱۱ میلادی برای بررسی شکست نمونههای بتنی نیمهاشباع بکار گرفته شد [۱۰]. رشد ترک چسبنده در محیط متخلخل اشباع در همان سال برای بررسی شکاف هیدرولیکی توسط خویی و همکاران \* مورد بررسی قرار گرفت [۱۱]. المان ترک چسبنده سهبعدی در محیط متخلخل نیمهاشباع برای اولین بار توسط بارانی و خویی در سال ۲۰۱۴ میلادی به وجود آمد [۱۲].

در این مقاله، در ابتدا معادلات حاکم بر محیط متخلخل ارائه می شوند. پس از آن، مدلسازی ترک چسبنده در روش اجزای محدود مورد مطالعه قرار می گیرد. سپس مدلسازی هیدرومکانیکی ترک در محیط متخلخل اشباع بررسی شده و در نهایت نیز تأثیر نفوذپذیری و دبی جریان سیال ورودی در رشد شکاف هیدرولیکی مورد بررسی قرار می گیرند.

<sup>1</sup> Noorishad et al.

- <sup>4</sup> Boone & Ingraffea
- <sup>5</sup> Simoni & Secchi
- <sup>6</sup> Schrefler et al.
- <sup>7</sup> Segura & Carol

<sup>9</sup> A.R. Khoei et al.

## ۲- مدل فیزیکی

محیط متخلخل به صورت ترکیبی از اسکلت جامد و سیال منفذی که فضای خالی آن را پر کرده است، درنظر گرفته می شود. در این محیط، تنش مؤثر  $\sigma$  به صورت رابطه ۱ تعریف می شود تا تراکم پذیری اسکلت جامد بدست آید [۱۳]:

## $\mathbf{\acute{o}}' = \mathbf{\acute{o}} + \alpha \mathbf{m}p \tag{1}$

که در آن،  $\mathbf{\sigma}$  تنش کل،  $\mathbf{m}$  بردار تعریف شده به صورت  $^{T}[0\ 1\ 0]$  برای حالت دوبعدی، p فشار منفذی متوسط اعمال شده بر روی دانه های جامد توسط سیالات منفذی و  $\alpha$  ثابت بیو است که به صورت، 1 $\leq (K/K_s)$ -1- $\alpha$ =1- $(K/K_s)$  تعریف می شود و در آن،  $K_t$  ضریب تغییر حجم محیط متخلخل و  $K_s$  ضریب تغییر حجم دانه های جامد است. در این تحقیق، تنش در حالت کششی مثبت و فشار سیال منفذی به صورت فشاری مثبت لحاظ می شود.

بر طبق مشاهدات تجربی، تنش مؤثر تغییر شکل اصلی اسکلت جامد را کنترل میکند. بنابراین، رفتار مکانیکی محیط متخلخل بر اساس تنش مؤثر بیان میشود. رابطه نموی زیر تنش مؤثر را به کرنش کل 3 مربوط میکند:  $d\mathbf{\dot{o}}' = \mathbf{D}d\mathbf{\ddot{a}}$  (۲) که در آن،  $\mathbf{D}$  ماتریس مماسی است.

### ٣- معادلات حاكم بر محيط متخلخل

معادلات حاکم بر محیطهای متخلخل اشباع به دو دسته معادله بقای اندازهحرکت و معادله بقای جرم سیال تقسیم,بندی می شوند. معادله بقای اندازهحرکت با چشمپوشی از شتاب بخش جامد و سیال و با فرض حرکت سیال همراه فاز جامد، به صورت ساده شده زیر در می آید:  $\sigma_{ij,j} + \rho b_i = 0$ 

 $\sigma_{ij,j} + \rho \sigma_i = 0 \tag{(7)}$ 

که در آن،  $b_i$  نشاندهنده بردار نیروهای حجمی در واحد جرم (معمولاً وزن) بوده و  $\rho$  نیز چگالی کل مصالح است که از رابطه ۴ بدست میآید:  $\rho = n \rho_w + (1-n)\rho_s$  (۴)

در این رابطه،  $\rho_w$  چگالی آب،  $\rho_s$  چگالی ذرات جامد و n تخلخل بوده که برابر با نسبت حجم حفرات به حجم کل است. قابل ذکر است که در بدست آوردن معادله بقای اندازه حرکت، حجم کنترلی با ابعاد dx و dy مورد استفاده قرار گرفته است.

با فرض برقراری قانون دارسی<sup>۱۰</sup> و صرفنظر از تغییرهای چگالی، معادله بقای جرم سیال به صورت رابطه ۵ قابل بیان است:

$$\left(-k_{ij}\left(p_{,j}+\rho_{w}\ddot{u}_{j}-\rho_{w}b_{j}\right)\right)_{,i}+\alpha\dot{\varepsilon}_{ii}+\frac{\dot{p}}{Q^{*}}=0$$
(a)

 $Q^*$  که در این معادله،  $arepsilon_{ii}$  کرنش حجمی کل و  $k_{ij}$  تانسور نفوذپذیری'' بوده و  $arepsilon_{ii}$  نیز به صورت رابطه ۶ تعریف میشود:

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Ng & Small

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Papanastasiou

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> O. R. Barani et al.

<sup>10</sup> Darcy law

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Permeability

$$Q = \int_{\Omega} B^T \alpha m N^p d \Omega \tag{11}$$

با ضرب رابطه ۵ در  $(N^p)^T$  و سپس انتگرال گیری و استفاده از رابطههای ۹ و ۱۰، رابطه ۱۳ بدست می آید:

$$Q^T \dot{\vec{u}} + H \overline{p}_w + S \dot{\vec{p}}_w - f^{(2)} = 0 \tag{17}$$

در این رابطه:

$$H = \int_{\Omega} (\nabla N^{p})^{T} k \nabla N^{p} d \Omega$$
 (14)

$$S = \int_{\Omega} N^p \frac{1}{Q^*} N^p d\Omega$$
 (10)

$$\mathbf{f}^{(2)} = -\int_{\Omega} (\mathbf{N}^{p})^{\mathrm{T}} \nabla^{\mathrm{T}} (\mathbf{k} \rho_{w} \mathbf{b}) d \,\Omega + \int_{\Gamma_{q}} (\mathbf{N}^{p})^{\mathrm{T}} \overline{\mathbf{q}} d \,\Gamma \quad (\mathsf{V}^{p})$$

و  $\mathbf{k}$  در رابطه ۱۶ ماتریس نفوذپذیری محیط است:

$$\mathbf{k} = \begin{bmatrix} k_x & k_{xy} \\ k_{yx} & k_y \end{bmatrix}$$
(1V)

که در آن،  $k_x$  و y ضرایب نفوذپذیری در جهتهای x و y بوده و  $k_{xy}$  و  $k_x$  ر مور در صورتی که جهتهای x و y جهتهای اصلی باشند، برابر با صفر  $k_{yx}$ فرض میشوند.

پس از پارهسازی معادلات در مکان با استفاده از توابع شکل و مقادیر مجهول در گرهای المان، لازم است تا آنها در زمان نیز پارهسازی شوند.

معادلات حاکم بر محیط در زمان به روش نیومارک<sup><sup>\*</sup> اصلاحشده حل و معادلات در هر زمان با روش نیوتون-رافسون<sup>6</sup> حل شده است.</sup>

با روش نیومارک تعمیمیافته، مشتقات مرتبه اول و دوم متغیرها به صورت تابعی از مقادیر آن در زمان قبل و نمو آن به صورت روابط زیر نوشته میشود:

$$\ddot{u}^{n+1} = a_0 \left( u^{n+1} - u^n \right) - a_2 \dot{u}^n - a_3 \ddot{u}^n$$
$$\dot{u}^{n+1} = a_1 \left( u^{n+1} - u^n \right) - a_4 \dot{u}^n - a_5 \ddot{u}^n$$
$$\ddot{p}^{n+1}_{\pi} = a_0 \left( p^{n+1}_{\pi} - p^n_{\pi} \right) - a_2 \dot{p}^n_{\pi} - a_3 \ddot{p}^n_{\pi}$$
$$\dot{p}^{n+1}_{\pi} = a_1 \left( p^{n+1}_{\pi} - p^n_{\pi} \right) - a_4 \dot{p}^n_{\pi} - a_5 \ddot{p}^n_{\pi}$$

که در روابط بالا:

$$\frac{1}{Q^*} = \frac{n}{K_f} + \frac{(\alpha - n)}{K_s} \tag{9}$$

که در آن،  $K_s$  ضریب تغییر حجم اسکلت جامد و  $K_s$  ضریب تغییر حجم سیال است. مجهولات این سامانه عبارتند از فشار سیال p و تغییر شکل شبکه جامد u که با اعمال شرایط مرزی، می توان حل مسئله را کامل کرد. این شرایط مرزی عبارتند از:

در مرز  $\Gamma_t$  بردار تنش<sup>۱</sup> خارجی با تنشهای داخلی در این مرز در - در مرز برابر تعادل باشند و در مرز  $\Gamma_u$  تغییر مکان با تغییر مکان دادهشده در مرز برابر باشد ( $u=ar{u}$ ).

p برای فاز سیال، مرز دوباره به دو بخش  $\Gamma_p$  (که در آن، مقدار p معین بوده (p=p)) و  $\Gamma_q$  (که در آن، جریان نرمال خروجی داده شده است (( $q=q_n$ ))، تقسیم می شود.

برای تعیین فرم ضعیف اولین معادله، رابطه ۳ در  $(N^u)^T$  ضرب شده و سپس از آن انتگرالگیری میشود. بنابراین:

$$\int_{\Omega} B^T \, \sigma d \, \Omega = f^{(1)} \tag{Y}$$

که در آن،  $\mathbf{B}=\mathbf{SN}^u$  و بردار بار  $f^{(1)}$  که شامل نیروهای حجمی ٔ و نیروهای خارجی در مرزها ٔ است، به صورت رابطه ۸ بیان می شود:

$$f^{(1)} = \int_{\Omega} (N^{u})^{T} \rho b d \Omega + \int_{\Gamma_{t}} (N^{u})^{T} \overline{t} d \Gamma \qquad (\Lambda)$$

با استفاده از توابع شکل و مقادیر مجهول در گرههای المان، مجهولهای مسئله مطابق با رابطه ۹ تقریب زده میشوند:

$$\mathbf{u} = \sum_{k=1}^{n} N_{k}^{u} \overline{\mathbf{u}}_{k} = \mathbf{N}^{u} \overline{\mathbf{u}}$$
(9)

$$p = \sum_{k=1}^{m} N_{k}^{p} \overline{\mathbf{p}}_{k} = \mathbf{N}^{p} \overline{\mathbf{p}}$$
(\.)

 $\bar{P_k}$  که در آن، روابط  $N^u$  تابع شکل جابجایی،  $N^p$  تابع شکل فشار و  $\bar{u_k}$  و مقادیر مجهول جابهجایی و فشار در گرمها هستند. با درنظر گرفتن رابطه تنش مؤثر (رابطه ۱) و پارمسازی در حوزه مکان، می توان رابطه ۷ را به صورت رابطه ۱۱ بازنویسی نمود:

$$\int_{\Omega} B^T \,\sigma' d\,\Omega - Q\,\overline{p_w} - f^{(1)} = 0 \tag{11}$$

که در آن، Q ماتریسی است که برقرارکننده ارتباط رابطه ۱۱ با فشار سیال است:

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Newmark method

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Newton-Raphson method

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Traction

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Body Force

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Boundary Traction

بردار تنش مؤثر و جابجایی مؤثر بین دو وجه المان ترک به دو جزء عمودی و مماسی تجزیه می شود:

$$t_e = \sqrt{t_n^2 + t_s^2}$$
  
$$\delta_e = \sqrt{\delta_n^2 + \delta_s^2}$$
(1A)

 $\delta_e$  که در آن،  $t_e$  بردار تنش مؤثر،  $t_n$  بردار تنش عمودی،  $t_s$  بردار تنش برشی،  $\delta_e$  که در آن،  $t_e$  بردار تنش مؤثر، جابجایی مؤثر،  $\delta_n$  بازشدگی عمودی و  $\delta_s$  جابجایی برشی را نشان میدهند. جابجایی مؤثر بدون بعد به صورت زیر تعریف می شود که در آن، مقدار جابجایی بحرانی متناظر با بازشدگی کامل و صفرشدن نیروهای چسبندگی است:

$$\lambda_e = \sqrt{\left(\frac{\delta_n}{\delta_c}\right)^2 + \left(\frac{\delta_s}{\delta_c}\right)^2} \tag{19}$$

هنگامی که بردار تنش عمودی کششی باشد، بردار تنش عمودی و برشی ناشی از نیروهای چسبندگی بین دو سطح از روابط زیر بدست میآیند (شکل ۱):

$$t_{n} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{n}}{\delta_{c}} \right) if \quad \lambda_{e} < \lambda_{cr}$$
$$t_{n} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{e}} \frac{1 - \lambda_{e}}{1 - \lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{n}}{\delta_{c}} \right) \quad if \quad \lambda_{e} > \lambda_{cr} \ (loading) \qquad (\gamma \cdot)$$







$$a_{0} = \frac{1}{\alpha . \Delta t^{2}}$$

$$a_{1} = \frac{\delta}{\alpha . \Delta t}$$

$$a_{3} = \frac{1}{2\alpha} - 1$$

$$a_{4} = \frac{\delta}{\alpha} - 1$$

$$a_{5} = \Delta t \left(\frac{\delta}{2\alpha} - 1\right)$$

در این روابط، زیرنویس n بیان کننده مقدار مؤلفه در زمان  $t_n$  بوده و زیر نویس n+1 نیز بیانگر مقدار مؤلفه در زمان  $t_n+1=t_n+\Delta t$  است. فرض می شود که مقدار این مؤلفه در زمان n معلوم باشد و باید از روی آن، مقدار مؤلفه در زمان n+1 تعیین شود.

α و δ مؤلفههای نیومارک هستند که برای اطمینان از پایداری روش، به ازای گامهای زمانی دلخواه باید در شرایط زیر صدق کند:

$$\delta \ge 0.5$$
  
$$\alpha \ge 0.25 (0.5 + \delta)^2$$

#### ٤- فرمول بندي المان ترك چسبنده

ایده اصلی در مدل ترک چسبنده مبتنی بر این واقعیت است که در ناحیه چسبنده (که به آن منطقه ترک فرضی نیز گفته می شود)، تنش می واند بین لبه های ترک فرضی منتقل شود. از دیدگاه میکرومکانیکی، منطقه ترک فرضی یک منطقه موضعی در لبه ترک است که در آن، حفره ها و میکروترک های ایجاد شده رشد کرده و به ترک اصلی می پیوندند. در این مدل رفتاری، ناحیه ترک فرضی یک ناحیه به ضخامت صفر است که شامل دو سطح چسبنده بر روی هم است. برای وارد کردن مدل ترک چسبنده در چارچوب المان محدود، یک ترک چسبنده به وسیله یک سری المان های اصلی مدلسازی می شوند که تعداد درجات آزادی کمی را نسبت به کل مدل شامل می شوند. در این مدل، هنگامی که تنش لبه ترک به مقدار مقاومت کششی ماده می رسد، ترک فرضی شروع به رشد می کند. با باز شدن ترک، سطوح عاری از تنش نخواهند شد؛ بلکه تنش آن ها با افزایش عرض ترک مطابق با یک قانون چسبندگی شروع به کاهش می کند.

سونگ و همکاران <sup>(</sup>[۱۴] با استفاده از معادله جداشدگی-نیروی چسبندگی خطی (که برای اولین بار توسط اسپینوزا و زاواتیری<sup>۲</sup> [۱۵] بیان شد و با درنظر گرفتن حالت ترکیبی با فرمول بندی مؤثر که برای اولین بار توسط چاماچو و اورتیز<sup>۳</sup> [۱۶] ارائه شده است)، ناحیه چسبنده را مدلسازی کردند. در این روش،

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Song et al.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Espinosa & Zavattieri

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Chamacho & Ortiz

و  $N_{f}$  توابع شکل المان ترک و R ماتریس دوران محورهای مختصات از مختصات عمومی x و y به مختصات محلی است. با تعیین ماتریس  $n_{f}$ می توان ماتریس سختی مربوط به هر المان ترک چسبنده را با انتگرال گیری در دامنه آن المان تعیین نمود. برای آن که انتگرال گیری در کل المانها در یک حوزه ثابت انجام گیرد، از سامانه مختصات کم و  $\eta$  بین مقادیر [۱۰-] استفاده می شود. به این ترتیب، ماتریس سختی یک المان چسبنده دلخواه در حالت کلی به صورت زیر بدست خواهد آمد:

$$\mathbf{K}_{f} = \int_{-1}^{+1} \mathbf{B}_{f}^{T} \mathbf{D}_{f} \mathbf{B}_{f} \left[ \left( \frac{\partial x}{\partial \xi} \right)^{2} + \left( \frac{\partial y}{\partial \xi} \right)^{2} \right]^{1/2} w d\xi \quad \text{(Yf)}$$

که در آن،  $\mathbf{D}_{f} = w\mathbf{C}_{f}$  بوده و  $\mathbf{C}_{f}$  نیز از رابطه ۲۲ تعیین می شود.

#### ٥- مدلسازی رفتار هیدرولیکی ناپیوستگی

جریان سیال در یک ناپیوستگی میتواند در جهت طول المان های تماس و یا در جهت عمود بر آن ها باشد که در این قسمت، معادلات توصیف کننده آن ها تشریح خواهد شد. به منظور بدست آوردن روابط اجزای محدود المان ترک دوفازی، یک المان چهار گرهای با ضخامت اولیه صفر مشابه با آن چه که در قسمتهای قبل آورده شد، درنظر گرفته میشود. فشار آب حفرهای که در قسمتهای قبل آورده شد، درنظر گرفته میشود. فشار آب حفرهای سطوح بالا و پایین المان با استفاده از توابع شکل المان ترک به صورت مطوح بالا و پایین المان با استفاده از توابع شکل المان ترک به صورت  $p_{top}\overline{p}_{top}(\mathbf{N}_{f})=\mathbf{p}_{bot}\mathbf{P}_{f}$  برآورد میشود که در آن، سطوح بالا و پایین المان با صفحه ترک نیز به صورت میانگین فشار آب حفرهای در هر نقطه در میان صفحه ترک نیز به صورت میانگین فشار در  $p_{m}=(\mathbf{N}_{f})_{bot}(\mathbf{N}_{f})_{top}]=\mathbf{N}_{fp}$  و یا  $\mathbf{N}_{fp}=[\mathbf{N}_{f}]$  و یا  $\mathbf{N}_{fp}=\mathbf{N}_{fp}$  است. همچنین جابجایی در هر نقطه در میان صفحه ترک نیز به صورت میانگین جابجایی در هر نقطه در میان صفحه ترک نیز به صورت میانگین جابجایی در هر نقطه در میان مفرض میشود و یا  $\mathbf{p}_{fp}=\mathbf{N}_{fp}$  است. با استفاده از قانون کار مجازی، میتوان فرض میشود و یا  $\mathbf{u}=\mathbf{N}_{fp}$ 

$$\int_{\Omega} (\delta \mathbf{a}^{T} \mathbf{o}_{m}) d \Omega = \int_{\Omega} \delta \mathbf{u}^{T} \rho_{w} \mathbf{b} \ d \Omega + \int_{\Gamma_{t}} \delta \mathbf{u}^{T} \, \overline{\mathbf{t}} \ d \Gamma \quad (\Upsilon \Delta)$$

تنش مؤثر در میان صفحه به صورت زیر تعریف می شود:  

$$\mathbf{\dot{o}}'_{m} = \mathbf{\dot{o}}_{m} + \alpha_{j} \mathbf{m}_{f} p_{m}$$
 (۲۶)  
که در آن،  $\mathbf{\ddot{o}}'_{m} = [\tau \sigma]^{T} \mathbf{e} \mathbf{c}_{m}^{T} = [\tau \sigma]^{T}$  به ترتیب بردارهای تنش مؤثر و  
نش کل در میان صفحه،  $\mathbf{m}_{f} = [0,1]^{T}$  برداری که معرفی کننده اثر فشار  
سیال در جهت عمود بر سطوح ناپیوستگی،  $\mathbf{m}_{f}$  فشار سیال در میان صفحه  
اپیوستگی و  $\alpha_{j}$  ضریب بیو ناپیوستگی است [۹].  
ا جایگذاری از رابطه ۲۶ و  $\mathbf{\bar{m}}_{f} = \mathbf{c}$  در رابطه فوق، خواهیم داشت:

$$t_{n} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{e1}} \frac{1 - \lambda_{e1}}{1 - \lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{n}}{\delta_{c}} \right) if \quad \lambda_{e} > \lambda_{cr} \quad (unloading)$$

$$t_{s} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{s}}{\delta_{c}} \right) if \quad \lambda_{e} < \lambda_{cr}$$

$$t_{s} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{e}} \frac{1 - \lambda_{e}}{1 - \lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{s}}{\delta_{c}} \right) if \quad \lambda_{e} > \lambda_{cr} \quad (loading) \quad (\Upsilon)$$

$$t_{s} = \frac{\sigma_{c}}{\lambda_{e1}} \frac{1 - \lambda_{e1}}{1 - \lambda_{cr}} \left( \frac{\delta_{s}}{\delta_{c}} \right) if \quad \lambda_{e} > \lambda_{cr} \quad (unloading)$$

که در آن،  $\sigma_c$  یک مشخصه ماده در ناحیه چسبنده بوده و مقاومت چسبندگی را نشان میدهد و معمولاً برابر مقاومت کششی ماده درنظر گرفته می شود و  $\lambda_{e1}$  نیز بیشترین جابجایی مؤثر بدون بعد قبل از باربرداری است. ماتریس مدول مماسی با مشتق گرفتن از بردار تنش عمودی و برشی

نسبت به جابجایی عمودی و برشی بدست میآید:

$$C_{f} = \begin{bmatrix} C_{ss} & C_{sn} \\ C_{ns} & C_{nn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial t_{s}}{\partial \delta_{s}} & \frac{\partial t_{s}}{\partial \delta_{n}} \\ \frac{\partial t_{n}}{\partial \delta_{s}} & \frac{\partial t_{n}}{\partial \delta_{n}} \end{bmatrix}$$
(YY)

با درنظر گرفتن یک المان چهار گرهای با ضخامت صفر مطابق با شکل ۲، ماتریس سختی برای المان و بردار کرنشهای عمودی و برشی متناسب با جابجاییهای نسبی به صورت زیر تعریف می شود:

$$\begin{split} \gamma &= \frac{1}{w} \, \delta_s \\ \varepsilon_n &= \frac{1}{w} \, \delta_n \end{split} \tag{YT}$$

که در آن، w عرض المان ترک چسبنده است. بنابراین، بردار کرنش را  $w^{-1}\mathbf{N}_{f}\mathbf{R}$  برابر است با  $\mathbf{B}_{f}$  بدست آورد که در آن،  $\mathbf{B}_{f}$  برابر است با  $\mathcal{E}=\mathbf{B}_{f}\mathbf{\bar{\mu}}$ 



Fig. 2. Schematic drawing of zero-thickness interface element: Initial configuration and the deformed configuration

rable 1. Material properties			
مقدار	نشانه	ويژگىھا	
10980	Ε	مدول الاستيسيته (مكًّا پاسكال)	
٠/٧٩	α	ثابت بيو	
٠/٢	v	نسبت پواسون	
٠/١٩	п	نسبت تخلخل	
1	$ ho_w$	چگالی آب (کیلوگرم بر متر مکعب)	
375	$k_{s}$	ضریب تغییر حجم فاز جامد (گیگا پاسکال)	
٣	$k_{w}$	ضريب تغيير حجم أب (گيگا پاسكال)	
) + <sup>-9</sup>	μ	لزجت دینامیکی آب (مگا پاسکال ثانیه)	
۶×۱۰ <sup>-۱۲</sup>	k	نفوذپذیری محیط (متر مربع بر پاسکال بر ثانیه)	

جدول ۱: خصوصیات مصالح Table 1. Material properties

مسئله را به همراه شرایط مرزی نشان میدهد. همان گونه که در شکل نیز مشخص است، یک بریدگی با طول 0/4 متر و عرض 0/4 متر در هندسه مدل وجود دارد که در قسمت بالا سمت چپ المانهای ترک چیده شدهاند و دبی ثابت به آن اعمال میشود. با گذشت زمان در هر گرهی که تنش به مقاومت کششی ماده برسد، در آن نقطه گرهها از هم فاصله گرفته و ترک به پیش میرود. در مرز دایرهای مسئله جابجایی در جهت هر دو محور xو Y و همچنین فشار سیال صفر است. در مرز افقی پایین تنها جابجایی در راستای x صفر خواهد بود. مشخصات ماده در جدول ۱ آورده شده است و فرض میشود که رفتار الاستیک خطی برقرار باشد. دبی ورودی ثابت به مقدار ۲۰۰۱ متر مکعب بر ثانیه در دهانه ترک اعمال شده که سبب رشد ترک اولیه که در دهانه ترک تعبیه شده میشود. مقاومت کششی ماده برابر با

در مرجع [۱۱] هنگامی که بیشینه تنش مؤثر اصلی کششی در نوک ترک به مقاومت کششی ماده میرسید، ترک در جهت عمود بر جهت بیشینه تنش اصلی کششی گسترش مییافت. این کار نیاز به باز تولید شبکه اجزای محدود در هر رشد ترک دارد. در این تحقیق، المانهای ترک در مسیر مستقیم تعبیه شدهاند و طول ترک در هر گام زمانی (از نوک ترک تا اولین المانی که تنش در آن به تنش کششی ماده رسیده)، در نظر گرفته شده است.

نتایج این تحلیل با حل تحلیلی که توسط اسپنس و شارپ<sup>(</sup> [۱۸] انجام شده، مقایسه شده است. شکل ۴ و جدول ۲ تغییرهای طول ترک و بازشدگی دهانه ترک را برحسب زمان به همراه مقایسه آنها با نتایج حل تحلیلی و شکل ۳ شکل ترک را نشان میدهد.

نتایج حل عددی (به خصوص در مورد طول ترک) به حل تحلیلی بسیار نزدیک می شود. حل تحلیلی با فرضیات ساده کننده ای مانند نفوذناپذیری

$$\int_{\Omega} \mathbf{B}_{f}^{T} \mathbf{\sigma}_{m}^{\prime} d\Omega - \mathbf{Q}_{f} \overline{\mathbf{p}}_{w} = \mathbf{f}_{f}^{(1)}$$
(YY)

$$\mathbf{Q}_{f} = \int_{\Omega} \mathbf{B}_{f}^{T} \mathbf{m}_{f} \mathbf{N}_{fp} d\,\Omega \tag{YA}$$

$$\mathbf{f}_{f}^{(1)} = \int_{\Omega} \mathbf{N}_{fp}^{T} \,\rho_{w} \,\mathbf{b} \,d\,\Omega + \int_{\Gamma_{t}} \mathbf{N}_{fp}^{T} \,\overline{\mathbf{t}} d\,\Gamma \tag{Y9}$$

برای مدلسازی رفتار هیدرولیکی ترک، مشابه با رابطه ۱۳، رابطه ۳۰ نوشته میشود:

$$\mathbf{Q}_{f}^{T}\dot{\overline{\mathbf{u}}} + \mathbf{H}_{f}\,\overline{p} + \mathbf{S}_{f}\,\dot{\overline{p}} - \mathbf{f}_{f}^{(2)} = 0 \tag{(7.)}$$

$$\sum_{k=1}^{\infty} \mathbf{E}_{f}(\mathbf{x}) = 0$$

$$\mathbf{H}_{f} = \int_{\Omega} \nabla \mathbf{N}_{f}^{T} \, \mathbf{k}_{f} \, \nabla \mathbf{N}_{f} \, d\,\Omega \tag{(71)}$$

$$\mathbf{S}_{f} = \int_{\Omega} \mathbf{N}_{jp}^{T} \frac{1}{Q_{f}^{*}} \mathbf{N}_{jp} \, d\,\Omega \tag{97}$$

$$\mathbf{f}_{f}^{(2)} = -\int_{\Omega} \mathbf{N}_{fp}^{T} \nabla^{T} \left( \mathbf{k}_{f} \ \rho_{w} \ \mathbf{b} \right) d\,\Omega \tag{(TT)}$$

و  $abla \mathbf{N}_f$  به صورت زیر تعریف می شود:

$$\nabla \mathbf{N}_{f} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \frac{\partial N_{f1}}{\partial l} & \frac{1}{2} \frac{\partial N_{f2}}{\partial l} & \frac{1}{2} \frac{\partial N_{f3}}{\partial l} & \frac{1}{2} \frac{\partial N_{f4}}{\partial l} \\ -\frac{N_{f1}}{w} & -\frac{N_{f2}}{w} & \frac{N_{f3}}{w} & \frac{N_{f4}}{w} \end{bmatrix}$$
(°f)

که ماتریس نفوذپذیری ترک نام دارد، از رابطه ۳۵ بدست میآید:  $\mathbf{k}_f$ 

$$\mathbf{k}_{f} = \begin{bmatrix} k_{l} & 0\\ 0 & k_{n} \end{bmatrix} \tag{70}$$

که در آن،  $k_n$  ضریب نفوذپذیری ترک در جهت طولی و  $k_n$  ضریب نفوذپذیری ترک ترک در جهت عرضی است. سادهترین رابطه برای ضریب نفوذپذیری ترک در جهت طولی، با فرض جریان از بین دو صفحه صاف موازی بدست می آید. این مدل، تنها مدلی است که محاسبه دقیق هدایت هیدرولیکی برای آن ممکن بوده و منجر به رابطه توان سوم دهانه می شود. این رابطه، توسط آزمایش برای ترکهای با دیواره صاف مورد تأیید قرار گرفته است [۱۷]. بر طبق این رابطه،  $k_1$  برابر با  $w^2/12\mu$  قرار داده می شود که در آن،  $\mu$  لزجت دینامیکی سیال است.

## ۲- بررسی شکست هیدرولیکی در شرایط اشباع

برای بررسی درستی عملکرد مدل ارائهشده، مسئله شکاف هیدرولیکی حل شده و نتایج آن با حل تحلیلی مقایسه شده است. سپس اثر مؤلفههای نفوذپذیری محیط و نرخ تزریق بر روی گسترش شکاف هیدرولیکی بررسی شده است.

برای بررسی درستی حل اجزای محدود، مسئله رشد ترک در محیط اشباع یک مدل مقطع افقی کرنش مسطح درنظر گرفته می شود. هندسه مدل مطابق با مرجع [۵] لحاظ شده است. شکل ۳ هندسه مدل و المان بندی اولیه

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> D. A. Spence& P. Sharp



Fig. 3. The geometry and finite element mesh for hydraulic fracture problem

محیطهای نفوذناپذیر هستند. اما در هنگامی که محیط نفوذپذیر باشد، حل تحلیلی مناسبی وجود ندارد. از اینرو، این مسئله با استفاده از روش عددی موجود برای یک محیط با نفوذپذیری بیشتر نیز حل شده است. در شکل ۵ موجود برای یک محیط با نفوذپذیری بیشتر نیز حل شده است. در شکل ۵ نمودار بازشدگی و طول ترک نسبت به زمان برای دو نفوذپذیری <sup>۱۱-</sup>۲۰۲۰ متر مربع بر پاسکال بر ثانیه متر مربع بر پاسکال بر ثانیه مقایسه شده است. شده است. معدرولیکی در محیط با نفوذپذیری زیاد به آرامی مقایسه شده است. شکل ۲۰۰۱ مربع بر پاسکال بر ثانیه مقایسه شده است. مربع بر پاسکال بر ثانیه مقایسه شده است. شکست هیدرولیکی در محیط با نفوذپذیری زیاد به آرامی معایسه شده است. شکست هیدرولیکی در محیط با نفوذپذیری زیاد به آرامی معایسه شده است. شکست هیدرولیکی کوچکتر و کوتاهتر در حالی که نفوذپذیری که نتیجه، شکافهای هیدرولیکی کوچکتر و کوتاهتر در حالی که نفوذپذیری محیط زیاد است، به وجود خواهد آمد. لازم به ذکر است که در صورتی که نفوذپذیری بسیار زیاد شود، ممکن است تا فشار منفذی در محیط اطراف نووز پری بالا رفته و تنشی در جهت بسته شدن ترک ایجاد شود و نوع رژیم زیر بالا

## جدول ۳: نسبت تغییرهای بازشدگی دهانه و طول ترک در نفوذپذیری ۲۰-۱۰×k=٦ متر مربع بر پاسکال بر ثانیه نسبت به مدل مبنا بر حسب درصد

Table 3. The relative deviation of the crack length and crack mouth opening (CMOD) for  $k=6\times10^{-6}$  m<sup>2</sup>/(MPa.s) from

benchmark model	expressed a	as a	percentage	

نسبت تغييرات طول ترك	نسبت تغییرات بازشدگی دهانه ترک	زمان
۲۰/۰۰	ft/7k	١/٠٠
T1/T1	<b>2</b> 4/11	۲/۰۰
۲۰/۴۵	٣۶/٢٠	٣/٠٠
١٨/٨٢	<b>٣٣/</b> ٧٩	۴/۰۰
18/39	٣١/٨١	۵/۰۰
۱۵/۹۴	<b>7</b> 9/41	۶/۰۰

محیط و صرفنظر از ناحیه نرمشونده نوک ترک بدست آمده است. همان طور که از جدول ۲ نیز برمی آید و از آن جایی که حل عددی به اندازه کافی به حل تحلیلی نزدیک است، بنابراین با گذشت زمان حل عددی که قابلیت مدلسازی محیط به طور واقعی را داشته باشد، ارجح بوده و در ادامه مقاله نیز از آن به عنوان مبنا برای بررسی مؤلفههای نفوذپذیری و دبی جریان ورودی بر روی شکاف هیدرولیکی مورد استفاده قرار می گیرد.

# ۶– ۱ – بررسی اثر نفوذپذیری بر روی شکست هیدرولیکی حلهای تحلیلی معمولاً قادر به حل مسئله شکست هیدرولیکی در

## جدول ۲: میزان اختلاف نسبی حل عددی و تحلیلی Table 2. The relative difference between numerical and analytical solutions

درصد اختلاف طول ترک	درصد اختلاف بازشدگی دهانه ترک	زمان
١/٨۶	८४/४८	۱/۰۰
۵/۳۴	10/47	۲/۰۰
٧/٨۴	۱۳/٨۶	٣/٠٠
۵/۵۰	۱ • /۷۵	۴/۰۰
4/01	٨/۵١	۵/۰۰
3/27	Y/37	۶/۰۰
۲/۳۵	۶/۲۰	٧/٠٠
١/٩۵	۶/۱۲	٨/٠٠
۰/۹۵	۵/۶۶	٩/٠٠
•/47	۵/۲۶	۱۰/۰۰



Fig. 4. The variations with time of the crack length and crack mouth opening (CMOD) at various time steps compared to the analytical solution



Fig. 5. The variations of the crack length and crack mouth opening (CMOD) with time for different permeability coefficients





Fig. 6. The variations of the crack length and crack mouth opening (CMOD) with time for different inflow rates

جریان در محیط را تغییر دهد.

در جدول ۳ درصد کاهش بازشدگی دهانه ترک و طول ترک در طول زمان نسبت به مدل مبنا (با نفوذپذیری کمتر) ارائه شده است. همان طور که از نتایج نیز مشخص است، میزان اختلاف در بازشدگی دهانه ترک و طول ترک در نفوذپذیریهای بررسی شده با افزایش زمان کاهش میابد. همچنین با ۳/۳ برابر شدن نفوذپذیری، بازشدگی دهانه ترک ۴۳/۸ درصد پس از یک ثانیه و ۲۹/۴ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش مییابد. طول ترک نیز ۲۰ درصد پس از یک ثانیه و ۱۵/۹ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش مییابد.

#### ۶- ۲- بررسی اثر نرخ تزریق بر روی شکست هیدرولیکی

تأثیر نرخ تزریق نیز بر روی رفتار شکست هیدرولیکی بررسی شده و نمودارهای بازشدگی دهانه ترک و طول نسبت به زمان برای نرخ تزریق مختلف در شکل ۵ نشان داده شده است. نرخ تزریق بیشتر منجر به رشد ترک سریعتر می شود. این موضوع بیان می کند که سرعت گسترش شکست هیدرولیکی به نرخ تزریق وابسته است. همچنین بازشدگی بیشتر دهانه ترک در حالت نرخ تزریق بیشتر است.

در جدول ۴ درصد افزایش بازشدگی دهانه ترک و طول ترک در نرخ تزریقهای مختلف نسبت به مدل مبنا (نرخ تزریق ۰/۰۰۰۰۵) در طول زمان ارائه شده است. همان طور که از نتایج نیز مشخص است، میزان اختلاف در بازشدگی دهانه ترک و طول ترک با افزایش زمان کاهش یافته و با افزایش نرخ تزریق افزایش مییابد.

همچنین با ۲، ۳ و ۴ برابر شدن نرخ تزریق، طول ترک پس از ۶ ثانیه به ترتیب ۵/۰۳، ۵۵/۹ و ۷۶/۳ درصد افزایش می یابد.

## جدول ٤: نسبت تغییرهای بازشدگی دهانه و طول ترک در نرخ تزریقهای مختلف بر حسب درصد

Table 4. The relative deviation the crack length and crack mouth opening (CMOD) for different inflow rates expressed as a percentage

نسبت تغييرات طول ترك		نسبت تغییرات بازشدگی دهانه ترک			1	
q=* $q$	q= $rq$	q=۲ $q$	q=*q	q=r $q$	q=rq	زمان
۴۵/۰۰	۳۵/۰۰	۲۰/۰۰	188/40	۱۱۳/۸۰	۶۰/۶۸	۱/۰۰
54/14	41/92	۲۵/۸۱	143/27	1.0/24	۵۷/۱۷	۲/۰۰
۶۲/۵۰	۴۵/۰۰	۲۵/۰۰	188/80	٩٩/٠٠	۵۷/۴۱	٣/٠٠
۶۸/۰۸	47/16	77/88	178/9.	۹۴/۲۵	58/42	۴/۰۰
VT/21	۵۴/۷۲	٣٠/١٩	171/71	٩٠/٢۴	۵۳/۸۷	۵/۰۰
V8/TV	۵۵/۹۳	۳۰/۵۱	118/80	18/32	۵۱/۳۶	۶/۰۰

#### ۷- نتیجه گیری

در این مقاله، یک مدل عددی برای تحلیل محیط متخلخل اشباع دارای ناپیوستگی ارائه شده است. در ابتدا به بیان معادلات حاکم بر محیط متخلخل در حالت اشباع پرداخته شده و جابجایی فاز جامد و فشار آب به عنوان متغیرهای مستقل برای حل دستگاه معادلات حاکم بر محیط درنظر گرفته شده است. برای حل معادلات به صورت عددی، از روش اجزای محدود برای پارهسازی معادلات در حوزه مکان و از روش نیومار ک اصلاح شده برای پارهسازی معادلات در حوزه زمان استفاده شده است.

پس از آن، مدل رفتاری ترک چسبنده دو خطی برای بررسی مسائل شکست به عنوان یک مدل مناسب برای بیان رفتار ترک در مواد شبهترد مورد استفاده قرار گرفته و برای پیادهسازی آن از المانی با ضخامت صفر استفاده شده است.

این المان، قابلیت مدلسازی رفتار نرمشوندگی در مواد شبهترد را دارا است. برای بررسی رشد ترک، از معیار بیشینه تنش کششی استفاده شده است. المانهای ترک تنها در مسیر ترک قرار گرفته و مسیر ترک از قبل به صورت مستقیم درنظر گرفته شده است.

برای بررسی گسترش ترک در محیطهای متخلخل، رفتار ناپیوستگی در محیط اشباع بررسی شده و رفتار هیدرومکانیکی ترک چسبنده به روش اجزای محدود مدلسازی شده است. با استفاده از این المان، مدلسازی محیط متخلخل اشباع دارای ناپیوستگی انجام پذیرفته است.

برای بررسی درستی مدل ارائهشده، مثالی از شکاف هیدرولیکی در شرایط اشباع حل شده و نتایج با حل تحلیلی مقایسه شده است. در ادامه، مؤلفههای مؤثر بر گسترش شکاف هیدرولیکی شامل نفوذپذیری محیط و نرخ تزریق بررسی شده و مشاهده شده است که رشد ترک با افزایش نفوذپذیری، آرامتر و با افزایش نرخ تزریق، سریعتر میشود. بازشدگی دهانه ترک با ۲/۳ برابر شدن نفوذپذیری، ۴/۲۸ درصد پس از یک ثانیه و ۴/۹۲ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش مییابد. طول ترک نیز ۲۰ درصد پس از یک ثانیه و ۴/۹۱ درصد پس از ۶ ثانیه کاهش خواهد یافت. طول ترک با ۲۰، ۳ و ۴ برابر شدن نرخ تزریق پس از ۶ ثانیه به ترتیب ۳۰/۵، ۹/۵۹ و ۲۶/۳ درصد افزایش مییابد.

#### مراجع

- A. M., Raaen; E., Skomedal; H., Kjorholt; P., Markestad; D., Okland; Stress Determination from Hydraulic Fracturing Tests: The System Stiffness Approach, *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences*, Vol. 38, pp. 529-541, 2006.
- [2] J., Noorishad; M. S., Ayatollahi; P. A., Witherspoon; A Finite-element Method for Coupled Stress and Fluid Flow Analysis in Fractured Rock Masses, *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences and Geomechanics Abstracts*, Vol. 19, pp. 185-193, 1982.
- [3] N., KLA; J. C., Small; Behavior of Joints and Interfaces Subjected to Water Pressure, *Computers and Geotechnics*,

Dynamic Cohesive Fracture Propagation in Porous Saturated Media, *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, Vol. 35, pp. 1160-1184, 2011.

- [12] O. R., Barani; A. R., Khoei; 3D Modeling of Cohesive Fracture Crack Growth in Partially Saturated Porous Media: A Parametric Study, *Engineering Fracture Mechanics*, Vol. 124-125, pp. 272-286, 2014.
- [13] R. W., Lewis; B. A., Schrefler; The Finite Element Method in the Static and Dynamic Deformation and Consolidation of Porous Media, New York, NY, *John Wiley*, 1998.
- [14] S. H., Song; G. H., Paulino; W. G., Buttlar; A Bilinear Cohesive Zone Model Tailored for Fracture of Asphalt Concrete Considering Viscoelastic Bulk Material, *Engineering Fracture Mechanics*, Vol. 173, pp. 2829-2848, 2006.
- [15] H. D., Zavattieri Espinosa; A Grain Level Model for the Study of Failure Initiation and Evolution in Polycrystalline Brittle Materials-Part I: Theory and Numerical Implementation, *Mechanics of Matererials*, pp. 333-364, 2003.
- [16] O., Ortiz; G. T., Camacho; Computational Modeling of Impact Damage in Brittle Materials, *International Journal of Solids and Structures*, pp. 2899-938, 1996.
- [17] P. A., Witherspoon; J. S. Y., Wang; K., Iwai; J. E., Gale; Validity of Cubic Low for Fluid Flow in a Deformable Rock Fracture, *Water Resources Research*, Vol. 16, pp. 1016-1024, 1980
- [18] D. A., Spence; P., Sharp; Self-similar Solutions for Elasto-hydrodynamic Cavity Flow, *Proceeding of the Royal Society of London*, Vol. A 400, pp. 289-313, 1985.

Vol. 20, pp. 71-93, 1997.

- [4] P., Papanastasiou; The Influence of Plasticity in Hydraulic Fracturing, *International Journal of Fracture*, Vol. 84, pp. 61-79, 1997.
- [5] T. J., Boone; A. R., Ingraffea; A numerical Procedure for Simulation of Hydraulically-driven Fracture Propagation in Poroelastic Media, *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, Vol. 14, pp. 27-47, 1990.
- [6] L., Simoni; S., Secchi; Cohesive Fracture Mechanics for a Multi-phase Porous Medium, *Engineering Computations*, Vol. 20, pp. 675-698, 2003.
- [7] B. A., Schrefler; S., Secchi; L., Simoni; On Adaptive Refinement Techniques in Multi-field Problems Including Cohesive Fracture, *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, Vol. 195, pp. 444-461, 2006.
- [8] S., Secchi; L., Simoni; B. A., Schrefler; Mesh Adaptation and Transfer Schemes for Discrete Fracture Propagation in Porous Materials, *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, Vol. 31, pp. 331-345, 2007.
- [9] J. M., Segura; I., Carol; Coupled HM Analysis Using Zero-thickness Interface Elements with Double Nodes-Part I: Theoretical Model, *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, Vol. 32, pp. 2083-2101, 2008.
- [10] O. R., Barani; A. R., Khoei; M., Mofid; Modeling of Cohesive Crack Growth in Partially Saturated Porous Media: A Study on the Permeability of Cohesive Fracture, *International Journal of Fracture*, Vol. 167, pp. 15-31, 2011.
- [11] A. R., Khoei; O. R., Barani; M., Mofid; Modeling of

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید:

Please cite this article using:

O. R., Barani, F., Dastjerdy, F., Kalantary, "Multi Degree of Freedom Effects on Ductility Reduction Factor for Near Fault Ground Motions". *Amirkabir J. Civil Eng.*, 49(1) (2017) 57-66. DOI: 10.22060/ceej.2016.572

