

## راهکار DEA در ارزیابی کارایی زنجیره‌های تأمین تحت شرایط VRS

مسعود صانعی\*، سمیه ممی زاده چاتقیه\*\*

\* استادیار مدعو دانشگاه آزاد اسلامی، واحد فیروزکوه، گروه ریاضیات، فیروزکوه، ایران [m\\_sanei@iauctb.ac.ir](mailto:m_sanei@iauctb.ac.ir)

\*\* دانش آموخته کارشناسی ارشد دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران مرکز، گروه ریاضیات کاربردی، تهران، ایران  
[somayeh\\_mamizadeh@yahoo.com](mailto:somayeh_mamizadeh@yahoo.com)

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۱۱/۲۲

ریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۰۴/۱۸

### چکیده

در جهان رقابتی امروزی، تغییرات سریع در عرصه‌ی فعالیت‌های صنعتی، اقتصادی و تجاری و پیچیده‌تر شدن فضای رقابتی بین بنگاه‌ها و شرکت‌های دولتی و خصوصی، آن‌ها را بر آن داشته تا از ابزارها و رویکردهای نوینی جهت بهبود عملکرد و کارایی زنجیره‌های تأمین استفاده کنند. از طرفی با توجه به موقعیت جغرافیای ایران، امکان توسعه و ظرفیت تبدیل شدن به منطقه‌ی مهم و حائز اهمیت در بحث زنجیره تأمین وجود دارد؛ به طوری که این امر مهم جز با زنجیره‌های تأمین بین‌المللی، ترانزیت و حمل و نقل و لجستیک امکان پذیر نیست. لذا بحث بازده به مقیاس می‌تواند در جهت به‌کارگیری بهترین سیاست در روند امکان توسعه و ارزیابی عملکرد زنجیره‌های تأمین و همچنین در بحث مدیریتی آن نقش بسزایی ایفا کند. با توجه به اهمیت بازده به مقیاس در رابطه با تصمیم‌گیری‌های مدیریتی، در این مقاله با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها (DEA) کارایی کل زنجیره تأمین را به صورت مجموع وزن دار شده اعضایش به دست می‌آوریم، همچنین از کارایی کل در جهت محاسبه‌ی کارایی اعضای زنجیره استفاده می‌کنیم. در نهایت، هر زنجیره تأمین با توجه به ماهیت و عملکردش می‌تواند بازده به مقیاس افزایشی، کاهش‌ی یا ثابت داشته باشد.

**واژه‌های کلیدی:** تحلیل پوششی داده‌ها، زنجیره تأمین، بازده به مقیاس متغیر

### مقدمه

اساسی کشورهای مختلف در سطح بین‌المللی تبدیل شده است، به طوری که حساسیت نسبت به نیاز مشتریان و بررسی مداوم سلاطق آنان، پاسخ‌گویی و نوآوری، کیفیت بالای محصولات تولیدی و همچنین خدمات رسانی را از توان شرکت خارج کرده است؛ بنابراین نیاز شدید به همکاری شرکت‌ها و سازمان‌های مرتبط با تولید محصول

پیشرفت و توسعه‌ی سریع در عصر رقابتی امروزه، و تغییرات پرشتاب محیطی، آگاهی از تحولات و رویکردهای نوین در جهت دستیابی به کارایی و اثربخشی بیشتر در سازمان‌ها را ضروری ساخته است. همچنین کسب توانمندی‌های رقابتی در جهان امروز به یکی از چالش‌های

عملکرد زنجیره‌های تأمین در بحث مدیریتی آن نقش بسزایی ایفا کند که در آن هر زنجیره تأمین با توجه به ماهیت و عملکردش می‌تواند بازده به مقیاس ثابت یا متغیر داشته باشد. همچنین ایران، از لحاظ موقعیت جغرافیای اقتصادی ممتاز، بازار وسیع داخلی و منطقه‌ای، جمعیت جوان و نیروی کار ارزان، برخورداری نسبی از کادری متخصص و ماهر، پایه منابع طبیعی غنی و گسترده، می‌تواند از همه برتری‌ها و امتیازات برشمرده و شرایط نوین اقتصاد جهانی در جهت گسترش و تعمیق فرایند زنجیره تأمین، استفاده کند و این استعداد را دارد که به پایگاهی مهم در زنجیره‌های منطقه‌ای و بین‌المللی تبدیل شود. از این رو مطالعات در زمینه زنجیره تأمین بسیار حائز اهمیت است.

امروزه شرکت‌ها با همراهی استراتژی‌های سنتی همکاری، کمتر نتیجه مطلوب به دست می‌آورند و چرخه کوتاه عمر محصولات، عدم وفاداری مشتریان، هزینه‌های جایگزینی محصول و سایر تهدیدات ایجاب می‌کند تا مدل‌های جدیدی در قالب ارزیابی کارایی زنجیره‌های تأمین ایجاد شود. اینک در این مقاله به بررسی ارزیابی عملکرد زنجیره‌های تأمین با استفاده از راهکار تحلیل پوششی داده‌ها می‌پردازیم که اساس کار تحت شرایط بازده به مقیاس متغیر می‌باشد، به طوری که کارایی کل زنجیره تأمین از مجموع کارایی وزن دار شده اعضاء زنجیره به دست می‌آید. در بخش بعدی روش ارزیابی زنجیره‌های تأمین را به وسیله DEA بیان می‌کنیم سپس با یک مثال از زنجیره‌های بانکی چین نحوه اجرای این مدل را نمایش می‌دهیم.

### روش ارزیابی عملکرد زنجیره‌های تأمین

ساختار درونی واحدهای تصمیم گیرنده (DMU)<sup>۱</sup> می‌تواند دو مرحله‌ای باشد، به طوری که مرحله‌ی اول با مصرف ورودی‌هایش، خروجی تولید کند و خروجی‌هایش به عنوان تولیدات میانی DMU، ورودی‌های عضو بعدی قرار می‌گیرد و در نهایت عضو دوم خروجی DMU را تولید می‌کند (سیفورد، ۱۹۹۹). روشی که (کاوو، ۲۰۰۸) تحت

خاص و مدیریت یکپارچه سازی و هماهنگی بین آن‌ها بیشتر از پیش در عرصه‌ی رقابتی بازار احساس می‌شود. زنجیره تأمین یکی از گزینه‌های موفق در پاسخگویی به این نیاز می‌باشد، به طوری که زنجیره تأمین همه‌ی فعالیت‌های مرتبط با جریان و انتقال کالاها را از مرحله مواد خام تا مصرف محصول توسط مصرف‌کننده را شامل می‌شود و مدیریت زنجیره تأمین (SCM)<sup>۱</sup> در برگیرنده این فعالیت‌ها به صورت یکپارچه است که از طریق آن‌ها، محصولات، خدمات و اطلاعاتی که برای مشتریان ارزش افزوده ایجاد می‌کند را تأمین می‌نماید (منتزر، ۲۰۰۱). همچنین مدیریت زنجیره تأمین بر منافع و مزیت‌های کلی و بلند مدت برای تمامی اعضای زنجیره از طریق همکاری و تسهیم اطلاعات تأکید دارد. در سال‌های اخیر، مدیریت و ارزیابی عملکرد زنجیره تأمین بیشتر از پیش در اداره‌ی کسب و کار سازمان‌ها مورد توجه قرار گرفته است. علت آن است که اولاً اگر بعد از طراحی، زنجیره مورد توجه و بازنگری و کنترل قرار نگیرد ممکن است باعث از بین رفتن زنجیره تأمین شود، ثانیاً ارزیابی عملکرد زنجیره تأمین در جهت گیری تصمیمات آتی مدیریت آن نقش اساسی خواهد داشت. بنابراین، اندازه گیری کارایی و بهره وری یک ابزار استاندارد برای تحلیل‌ها در زنجیره تأمین می‌باشد.

تحلیل پوششی داده‌ها (DEA)<sup>۲</sup> روشی برای محاسبه کارایی عملکرد مجموعه واحدهای تصمیم‌گیرنده می‌باشد (چارنز، ۱۹۷۸)، که می‌توان به موضوعاتی مانند: بهره‌وری و ارزیابی کارایی در تجارت، مهندسی و مدیریت بسط و گسترش داد و روشی مناسب و کارآمد در تصمیم‌گیری‌های کارساز مدیران سازمان‌ها محسوب می‌شود. DEA در سال‌های اخیر در بخش‌های خریدار-فروشنده (لینگ، ۲۰۰۶)، تولید-توزیع (روس، ۲۰۰۲) و ارزیابی عملکرد خرید (استون، ۲۰۰۲) زنجیره‌های تأمین مورد استفاده قرار گرفته است. با توجه به اینکه علت به وجود آمدن مدیریت زنجیره تأمین افزایش رقابت‌پذیری و تلاش برای بقای سازمان‌ها است، که سازمان‌ها این را در تأمین نیاز مشتری می‌دانند، لذا بحث بازده به مقیاس می‌تواند در جهت به‌کارگیری بهترین سیاست در روند امکان توسعه و ارزیابی

1. Supply Chain Management  
2. Data Envelopment Analysis

3. Decision making units

زنجیره تامین تحت بررسی است،  
 $u_d$ : علامت این متغیر (مثبت، منفی، صفر)، نشان  
 دهنده‌ی نوع بازده به مقیاس تولیدکننده در  $d$  امین زنجیره  
 تامین تحت بررسی است،  
 تابع هدف:

$$\text{Max } w_1 \cdot \frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}} + w_2 \cdot \frac{\sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qd} + u_d}{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}$$

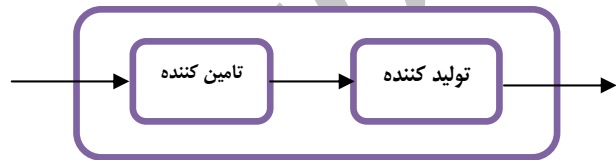
که در آن  $w_1$  و  $w_2$  سهم یا اهمیت نسبی عملکرد تامین  
 کننده و تولیدکننده می‌باشد، که  $w_1$  را میزان منابع مصرفی  
 تامین کننده به میزان منابع کل زنجیره تامین و  $w_2$  میزان منابع  
 مصرفی تولیدکننده به میزان منابع کل زنجیره تامین تعریف  
 می‌کنیم، به عبارت دیگر (چن، ۲۰۰۹):

$$w_1 = \frac{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}$$

$$w_2 = \frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}$$

در واقع، تابع هدف به صورت مجموع وزن دار شده‌ی کارایی  
 اعضایش می‌باشد. همچنین  $Z_d$  و  $u_d$  متغیرهای آزاد هستند که  
 علامت مقدارشان به ترتیب نشان دهنده‌ی نوع بازده به مقیاس  
 تامین کننده و تولید کننده است، به طوری که اگر  $Z_d > 0$  باشد  
 آنگاه نوع بازده به مقیاس تامین کننده افزایشی (صعودی) خواهد  
 بود. همچنین، اگر  $Z_d < 0$  باشد بازده به مقیاس کاهش‌ی (نزولی)  
 است و در غیر این صورت بازده به مقیاس ثابت خواهد بود.  
 حال مدل ارزیابی عملکرد زنجیره تامین که از مجموع  
 کارایی وزن دار شده اعضایش به دست می‌آید به صورت زیر  
 بیان می‌کنیم:

فرضیات بازده به مقیاس ثابت و یکسان بودن وزن تولیدات  
 میانی برای هر دو عضو ارائه کردند، قادر به بررسی عملکرد  
 واحدهای تصمیم‌گیرنده در حالت بازده به مقیاس متغیر  
 نبود، که (چن، ۲۰۰۹) این مشکل را برطرف کردند. حال  
 در این بخش با توجه به مطالعات پیشین، فرض کنید  $N$   
 زنجیره تامین دوعضوی که شامل تامین کننده و تولیدکننده  
 می‌باشد تحت ارزیابی قرار گرفته باشد، شکل (۱). برای  
 سادگی در محاسبات، زنجیره‌های تامین دو عضوی  
 (مؤلفه‌ای) را در نظر گرفتیم.



شکل (۱): زنجیره تامین دو عضوی

اندیس‌های مدل:

- $j$ : علامت زنجیره تامین ( $j=1,2,\dots,N$ ),
  - $d$ : علامت زنجیره تامین تحت بررسی ( $d=1,2,\dots,N$ ),
  - $p$ : علامت ورودی تامین کننده ( $p=1,2,\dots,P$ ),
  - $k$ : علامت خروجی تامین کننده و ورودی تولید کننده،  
 تولیدات میانی زنجیره تامین ( $k=1,2,\dots,K$ ),
  - $q$ : علامت خروجی تولید کننده ( $q=1,2,\dots,Q$ ),
- پارامترهای مدل:

- $X_{pj}$ : مقدار  $p$  امین ورودی تامین کننده در  $j$  امین  
 زنجیره تامین،
  - $I_{kj}$ : مقدار  $k$  امین خروجی تامین کننده (همچنین  $k$   
 امین ورودی تولید کننده) در  $j$  امین زنجیره تامین،
  - $Y_{qj}$ : مقدار  $q$  امین خروجی تولید کننده در  $j$  امین  
 زنجیره تامین،
- متغیرهای مدل:

- $V_p$ : وزن  $p$  امین ورودی تامین کننده،
- $Z_k$ : وزن  $k$  امین خروجی تامین کننده (همچنین  $k$   
 امین ورودی تولید کننده)، وزن تولیدات میانی در هر دو  
 عضو زنجیره تامین یکسان در نظر گرفته شده است،
- $U_q$ : وزن  $q$  امین خروجی تولید کننده،
- $Z_d$ : علامت این متغیر (مثبت، منفی، صفر)، نشان  
 دهنده‌ی نوع بازده به مقیاس تامین کننده در  $d$  امین

$$\frac{\sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qj} + u_d}{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$Z_d \geq 0, U_q \geq 0, V_p \geq 0, \forall k, q, p.$$

(۲)

حال مدل فوق را می‌توان با استفاده از تبدیلات چارنر و کوپر

$$t = \frac{1}{\sum_{p=1}^P V_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k I_{kd}} \quad (\text{چارنر، ۱۹۶۲}).$$

می‌دهیم:  $\mu_q = t \cdot U_q, \varphi_k = t \cdot Z_k, \delta_p = t \cdot V_p$  به صورت

مسئله برنامه ریزی خطی زیر تبدیل کرد:

$$\text{Max} \theta_d = \sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qd} + u + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} + Z$$

s.t.

$$\sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} = 1,$$

$$\sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} - \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pj} + z \leq 0, j=1,2,\dots,N,$$

$$\sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qj} - \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} + u \leq 0, j=1,2,\dots,N,$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd},$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd},$$

$$\varphi_k \geq 0, \mu_q \geq 0, \delta_p \geq 0, \forall k, q, p, u, z \text{ free in sign.}$$

(۳)

مدل فوق محاسبه‌ی کارایی کل زنجیره تامین است که

به فرم برنامه ریزی خطی می‌باشد، همچنین علامت  $u + Z$

نشان دهنده‌ی نوع بازده به مقیاس زنجیره تامین می‌باشد،

که اگر مثبت باشد بازده به مقیاس افزایشی است و اگر

منفی باشد آنگاه بازده به مقیاس کاهش‌ی است و در غیر

این صورت ثابت خواهد بود. حال برای به‌دست آوردن

کارایی اعضاء زنجیره تابع هدف مدل (۲) را به عنوان یک

محدودیت و هدف را ماکسیم کردن یکی از اعضاء زنجیره

تامین قرار داد ( $\theta_d^*$  کارایی کل زنجیره تامین که از مدل

(۳) به‌دست آمده است) (چن، ۲۰۰۹)، بنابراین، برای

محاسبه کارایی تامین کننده خواهیم داشت:

$$\text{Max} w_1 \cdot \frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}} + w_2 \cdot \frac{\sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qd} + u_d}{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}$$

s.t.

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$\frac{\sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qj} + u_d}{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$Z_k \geq 0, U_q \geq 0, V_p \geq 0, \forall k, q, p,$$

$$w_1 \geq \alpha, w_2 \geq \alpha.$$

(۱)

در فرآیند بهینگی ممکن است با  $w_2 = 1, w_1 = 0$  یا بالعکس

مواجه شویم، برای غلبه بر این مشکل ما قرار می‌دهیم،

$w_2 \geq \alpha, w_1 \geq \alpha$  که در آن  $\alpha$  یک مقدار ثابت است و

$0 < \alpha \leq 0.5$ . (توجه کنید که  $w_1 + w_2 = 1$ ). در واقع ما با

تحلیل حساسیت روی تغییر در پارامتر  $\alpha$  میزان کارایی کل

زنجیره تامین را می‌سنجیم. پس مدل فوق به مدل زیر تبدیل

می‌شود:

$$\text{Max} \theta_d = \frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd} + \sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qd} + Z_d + u_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}$$

s.t.

$$\frac{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}} \geq \alpha,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}} \geq \alpha,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j=1,2,\dots,N,$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd},$$

$$\varphi_k \geq 0, \mu_q \geq 0, \delta_p \geq 0, \forall k, q, p, u, z \text{ free in sign}$$

(۵)

و برای محاسبه کارایی تولید کننده خواهیم داشت:  $\theta_d^* = w_1^* \theta_{sd}^* + w_2^* \theta_{md}^*$  که در آن  $\theta_d^*$  کارایی کل زنجیره تامین است که از مدل (۳) به دست آمده است و  $w_2^*, w_1^*$  وزن‌های بهینه که از مدل (۳) به وسیله تعاریفشان به دست آمده است، (چن، ۲۰۰۹). بالعکس می‌توان کارایی تولید کننده را از مدل زیر به دست آورد و کارایی تامین کننده را از معادله فوق (مجموع کارایی وزن دار شده اعضاء) به دست آورد:

$$\text{Max} \theta_{md} = \sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qd} + u$$

s.t.

$$\sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} = 1,$$

$$\sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} + \sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qd} + z + u - \theta_d^* \left( 1 + \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} \right) = 0,$$

$$\sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} - \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pj} + z \leq 0, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$\sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qj} - \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} + u \leq 0, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd},$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd},$$

$$\varphi_k \geq 0, \mu_q \geq 0, \delta_p \geq 0, \forall k, q, p, u, z \text{ free in sign.}$$

(۶)

### مثال کاربردی

در اینجا ما عملکرد ۱۷ شعبه بانکی چین را مورد بررسی قرار می‌دهیم (یانگ، ۲۰۱۰)، که هر شعبه بانکی شامل سه ورودی: میزان دارایی، تعداد کارمندان و هزینه می‌باشد که در مرحله اول زنجیره مصرف می‌شود و خروجی‌های اعتبار و وام بین بانکی تولید می‌کند و در مرحله بعد با گرفتن این تولیدات میانی خروجی‌های وام و سود را تولید می‌کند که مقادیر در جدول زیر نشان داده شده است.

$$\text{Max} \theta_{sd} = \frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}}$$

s.t.

$$\frac{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}} \geq \alpha$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}} \geq \alpha,$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd} + \sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qd} + Z_d + u_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pd} + \sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kd}} = \theta_d^*$$

$$\frac{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj} + Z_d}{\sum_{p=1}^P V_p^T X_{pj}} \leq 1, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$\frac{\sum_{q=1}^Q U_q^T Y_{qj} + u_d}{\sum_{k=1}^K Z_k^T I_{kj}} \leq 1, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$Z_k \geq 0, U_q \geq 0, V_p \geq 0, \forall k, q, p$$

(۴)

که معادل است با مسأله برنامه ریزی خطی زیر:

$$\text{Max} \theta_{sd} = \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} + z$$

s.t.

$$\sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} = 1,$$

$$(1 - \theta_d^*) \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} + \sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qd} + z + u = \theta_d^*,$$

$$\sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} - \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pj} + z \leq 0, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$\sum_{q=1}^Q \mu_q Y_{qj} - \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kj} + u \leq 0, j = 1, 2, \dots, N,$$

$$\alpha \left( \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd} + \sum_{k=1}^K \varphi_k I_{kd} \right) \leq \sum_{p=1}^P \delta_p X_{pd},$$

بازده به مقیاس افزایشی در بخش عمده‌ای از فعالیت‌های زنجیره به نظامی شکل می‌دهد که در آن، بنگاه‌ها می‌توانند با هدف پیشینه کردن سود، مقیاس تولید خود را انتخاب کنند. ستون‌های ۳، ۴ و ۶ به ترتیب کارایی کل زنجیره و عضو اول و عضو دوم را نشان می‌دهد، همچنین ستون‌های ۷ و ۸ به ترتیب کارایی اعضا را که به وسیله معادلات به دست آمده است را نشان می‌دهد.

جدول (۲) نوع بازده به مقیاس زنجیره‌های تامین را نشان می‌دهد. مثلاً بنگاه‌ها در زنجیره تامین به فرض ثابت ماندن دیگر عوامل، عموماً مایلند محل فعالیت خود را به پایگاه‌های مصرف و مشتریان خود نزدیک سازند. در شرایط بازده به مقیاس ثابت وضعیتی که دو یا چند برابر کردن تولید درست به دو یا چند برابر شدن هزینه منجر می‌شود، گرایشی نیرومند در جهت کوچک سازی مقیاس تولید و نزدیکی به مراکز مصرف به وجود می‌آورد، اما در برخی از زنجیره‌های تامین فراهم بودن شرایط بازده به مقیاس افزایشی مانع وقوع چنین پدیده‌ای می‌شود. وجود شرایط

جدول (۱): داده‌های ۱۷ زنجیره تامین

شماره	نام شعبه	دارایی (۱۰ <sup>۸</sup> )	کارمندان (۱۰ <sup>۲</sup> )	هزینه (۱۰ <sup>۸</sup> )	اعتبار (۱۰ <sup>۸</sup> )	وام بین بانکی (۱۰ <sup>۸</sup> )	وام (۱۰ <sup>۸</sup> )	سود (۱۰ <sup>۸</sup> )
SC1	Hefei	1.0168	1.221	1.2215	166.9755	8.3098	122.1954	3.7569
Sc2	Bengbu	0.5915	0.611	0.4758	50.1164	1.7634	19.4829	0.6600
Sc3	Huainan	0.7237	0.645	0.6061	48.2831	3.4098	34.4120	0.7713
Sc4	Huaibei	0.5150	0.486	0.3763	35.0704	2.3480	15.2804	0.3203
Sc5	Maanshan	0.4775	0.526	0.3848	49.9174	5.4613	34.9897	0.8430
Sc6	Tongling	0.6125	0.407	0.3407	23.1052	1.2413	32.5778	0.4616
Sc7	Wuhu	0.7911	0.708	0.4407	39.4590	1.1485	30.2331	0.6732
Sc8	Anqing	1.2363	0.713	0.5547	37.4954	4.0825	20.6013	0.4864
Sc9	Huangshan	0.4460	0.443	0.3419	20.9846	0.6897	8.6332	0.1288
Sc10	Fuyang	1.2481	0.638	0.4574	45.0508	1.7237	9.2354	0.3019
Sc11	Suzhou	0.7050	0.575	0.4036	38.1625	2.2492	12.0171	0.3138
Sc12	Chuzhou	0.6446	0.432	0.4012	30.1676	2.3354	13.8130	0.3772
Sc13	Luan	0.7239	0.510	0.3709	26.5391	1.3416	5.0961	0.1453
Sc14	Xuancheg	0.5538	0.442	0.3555	22.2093	0.9886	13.6085	0.3614
Sc15	Chizhou	0.3363	0.322	0.2334	16.1235	0.4889	5.9803	0.0928
Sc16	Chaohu	0.6678	0.423	0.3471	22.1848	1.1767	9.2348	0.2002
Sc17	Bozhou	0.3418	0.256	0.1594	13.4364	0.4064	2.5326	0.0057

جدول (۲): کارایی زنجیره تامین و اعضایش تحت بازده به مقیاس متغیر

شماره	نام شعبه	$\theta_d^*$	$\theta_{sd}^*$	$\theta_{sd}$	$\theta_{md}^*$	$\theta_{md}$	$w_1^*$	$w_2^*$	بازده به مقیاس
Sc1	Hefei	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.0499	0.9501	کاهش
Sc2	Bengbu	0.7710	0.8296	0.8298	0.6339	0.6345	0.6997	0.3003	افزایشی
Sc3	Huainan	0.7508	0.7605	0.7606	0.7309	0.7311	0.6704	0.3296	افزایشی
Sc4	Huaibei	0.7667	0.8287	0.8285	0.5734	0.5727	0.7578	0.2422	افزایشی
Sc5	Maanshan	0.9381	1.0000	1.0000	0.7965	0.7966	0.6957	0.3043	افزایشی
Sc6	Tongling	0.8446	0.7889	0.7888	1.0000	0.9996	0.7357	0.2643	کاهش
Sc7	Wuhu	0.7597	0.7265	0.7266	0.8197	0.8199	0.6445	0.3555	افزایشی
Sc8	Anqing	0.6055	0.6149	0.6150	0.5799	0.5802	0.7294	0.2706	افزایشی
Sc9	Huangshan	0.7938	0.7996	0.7995	0.7647	0.7642	0.8362	0.1638	افزایشی
Sc10	Fuyang	0.6509	0.7719	0.7713	0.4377	0.4367	0.6390	0.3610	افزایشی
Sc11	Suzhou	0.6827	0.7686	0.7688	0.5233	0.5237	0.6492	0.3508	افزایشی
Sc12	Chuzhou	0.8053	0.8677	0.8676	0.6704	0.6702	0.6841	0.3159	افزایشی
Sc13	Luan	0.6540	0.6690	0.6691	0.6178	0.6180	0.7058	0.2942	افزایشی
Sc14	Xuancheg	0.7667	0.7077	0.7077	0.9562	0.9563	0.7627	0.2373	افزایشی
Sc15	Chizhou	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9298	0.0702	افزایشی
Sc16	Chaohu	0.7526	0.7449	0.7448	0.7761	0.7759	0.7514	0.2486	افزایشی
Sc17	Bozhou	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9495	0.0505	افزایشی

additive efficiency decomposition in two-stage DEA. *European Journal of Operational Research*, 196(1), (2009), pp. 1170-1176.

4. Easton, L., Murphy, D. J., Pearson, J. N. *Purchasing performance evaluation: with data envelopment analysis. European Journal of Purchasing & Supply Management*, 8, (2002), pp. 123-134.

5. Kao, C., Hwang, S. N. "Efficiency decomposition in two-stage data envelopment analysis: An application to non-life insurance companies in Taiwan," *European Journal of Operational Research* 185, (2008), pp. 418-429.

6. Liang, L., Yang, F., Cook, W. D., Zhu, J. *DEA models for supply chain efficiency evaluation. Annals of operation research*, 1451, (2006), pp. 35-49.

7. Mentzer, J. T. et al. *Defining Supply Chain Management, in: Journal of Business Logistics*, Vol. 22, No. 2, (2001), pp. 1-25.

8. Ross, A., Droge, C. *An integrated benchmarking approach to distribution center performance using DEA modeling. Journal of Operations Management*, 20, (2002), pp. 19-32.

9. Seiford, L. M., J. Zhu *profitability and marketability of the top 55 US commercial banks. Management science* 45(9), (1999), pp. 1270-1288.

10. Yang, F., Wu, D., Liang, L., Bi, G., Wu, D., *Supply chain DEA: production possibility set and performance evaluation model. Annals of operation research*, DOI 10.1007/s10479-008-0511-2. (2010).

## نتیجه‌گیری

کارایی و اثربخشی هر سازمان، حاصل عملکرد مدیریت و ساختار زنجیره تامین آن سازمان است. علیرغم اهمیت زنجیره تامین برای سازمان، در مورد ارزیابی عملکرد زنجیره‌های تامین نسبت به یکدیگر مطالعات کمی انجام شده است. از آنجا که در زنجیره تامین امکان موجودی اضافی، تولید اضافی، زمان بیکاری عوامل انسانی، تاخیر در حمل و نقل، نوسان قیمت و سایر عوامل وجود دارد، لذا ارزیابی عملکرد زنجیره‌های تامین تحت شرایط بازده به مقیاس متغیر کاربردی‌تر خواهد بود. در این مقاله سعی بر آن بوده است که عملکرد زنجیره‌های تامین را تحت شرایط بازده به مقیاس متغیر با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها ارزیابی کنیم؛ به طوری که می‌توان در هنگام طراحی زنجیره و مدیریت آن، شانس توسعه عملیات را با بازده به مقیاس بررسی کرد و با ایجاد تناسب کافی در زنجیره به شرکت کمک کرد تا در دستیابی به سطوح پاسخگویی مختلف و کاهش هزینه‌های کلی موفق‌تر باشد.

## منابع و مآخذ

1. Charnes, A., Cooper, W. W. *Programming with linear fractional functionals. Naval Research Logistics Quarterly* 9, (1962), pp. 181-185.

2. Charnes, A., Cooper, W. W., Rhodes, E. *Measuring the efficiency of decision making units. European Journal of Operational Research*, 2(6), (1978), pp. 429-444.

3. Chen, Y., Cook, W. D., Li, N., Zhu, J. A