

## مدل سرمایه گذاری مناسب در سبد سهام با رویکرد تحلیل پوششی داده‌ها - شبکه عصبی

مصطفی کاظمی<sup>\*</sup>، محمد اسفندیار<sup>\*\*</sup>، حدیث نجاریان<sup>\*\*\*</sup>

\*. دانشیار گروه مدیریت، دانشگاه فردوسی، وزارت علوم تحقیقات و فناوری، مشهد، ایران  
 \*\*. گروه مدیریت، دانشگاه فردوسی، وزارت علوم تحقیقات و فناوری، مشهد، ایران (نویسنده مسئول)  
 Email: mohammad.esfandiar@yahoo.com  
 \*\*\*. دانشآموخته گروه مدیریت، دانشگاه پیام نور، وزارت علوم تحقیقات و فناوری، بابل، ایران

### چکیده

در سال‌های اخیر با ورود سرمایه گذاران خصوصی به بازار سرمایه، رقابت موجود بین شرکت‌های سرمایه گذاری افزایش چشمگیری داشته است. شرکت‌های بزرگ و قدرتمند، اهداف پیش‌بینی شده خود را با جدیت پیگیری می‌کنند تا توان رقابتی خود را بالا ببرند. برای تجزیه و تحلیل کارایی شرکت‌های سرمایه گذاری از روش‌های پارامتریک و ناپارامتریک استفاده می‌شود. با توجه به ضعف قدرت تفکیک‌پذیری و حساسیت مرز کارایی به داده‌های پرت در روش تحلیل پوششی داده‌ها، در این پژوهش کارایی 13 شرکت‌های سرمایه‌گذاری در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها و مدل ترکیبی شبکه‌های عصبی و تحلیل CCR و BCC پوششی داده‌ها به عنوان دو روش ناپارامتریک، مورد ارزیابی قرار می‌گیرند. با استفاده از مدل‌های CCR و BCC تحلیل پوششی داده‌ها کارایی شرکت‌های سرمایه گذاری در بازه زمانی 3111–3131 محاسبه و نتایج تجزیه و تحلیل گردید. با توجه به ضعف تحلیل پوششی داده‌ها در رتبه‌بندی واحدهای کارا، با استفاده از روش اندرسون و پیترسون واحدهای کارا رتبه‌بندی شده است. در روش ترکیبی شبکه‌های عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها از شبکه پرسپترون چند لایه با الگوریتم آموزش لونبرگ – مارکوآرت (LM) استفاده شده است. مقایسه نتایج مدل ترکیبی با روش تحلیل پوششی داده‌ها نشان‌دهنده قدرت بالای شبکه‌های عصبی برای اندازه‌گیری کارایی می‌باشد.

**واژگان کلیدی:** ارزیابی عملکرد، تحلیل پوششی داده‌ها، شبکه‌های عصبی مصنوعی، شرکت‌های سرمایه‌گذاری

## مقدمه

رویکردهای متعددی برای ارزیابی کارایی واحدها وجود دارد که شامل دیدگاه‌های پارامتریک و ناپارامتریک می‌باشد (مهرگان و همکاران، 57). اما تحلیل پوششی داده‌ها در مقایسه با دیگر رویکردها به دلیل اینکه اجازه تغییر کارایی در طول زمان را می‌دهد و به هیچ پیش فرضی در مورد ویژگی بهترین مرز فعالیت نیاز ندارد، در بین روش‌های ناپارامتریک بهترین روش برای سازماندهی و تحلیل داده‌ها می‌باشد. اما باید توجه داشت که مرز ساخته شده توسط تحلیل پوششی داده‌ها به وجود داده‌های خارج از محدوده و اختشاشات آماری بسیار حساس می‌باشد، به طوری که مرز منتج شده از تحلیل پوششی داده‌ها به وسیله اختلالات آماری، ممکن است منحرف شود. به همین دلیل باید در استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها برای ارزیابی عملکرد سایر واحدهای تصمیم گیرنده احتیاط کرد. از سوی دیگر از روش تحلیل پوششی داده‌ها به سختی می‌توان برای پیش‌بینی عملکرد واحدهای تصمیم‌گیری<sup>1</sup> استفاده کرد. از این رو شبکه‌های عصبی مصنوعی به عنوان مکمل‌های خوبی برای کمک در تخمین مرز کارایی معرفی شده است (وو و همکاران، 600). زیرا ماهیت عملکرد شبکه‌های عصبی به دلیل قدرت یادگیری و تعمیم پذیری به گونه‌ای است که در برابر داده‌های پرت و اختشاشات حاصل از اندازه‌گیری غیردقیق داده‌ها، مقاوم‌تر عمل می‌کنند (مهرگان و همکاران، 57).

همچنین روش تحلیل پوششی داده‌ها برای مجموعه بزرگی از داده‌ها با چندین واحد تصمیم‌گیری و چندین ورودی و خروجی به منابع کامپیوتری بزرگی از نظر حافظه و پردازنده نیاز دارد (امروز نژاد و شال، 600) و نکته مهم دیگر اینکه در تحقیقات انجام شده در مورد ارزیابی شرکت‌های سرمایه‌گذاری اعداد کارایی بدست

سنجرش و ارزیابی عملکرد از گذشته‌های بسیار دور مورد توجه انسان بوده است. هدف از ارزیابی عملکرد اصلاح، بهبود و ارتقای عملکرد است. امروزه با توجه به رشد و اهمیت فرایندهای سازمان‌ها در اجتماع، ارزیابی عملکرد سازمان‌ها و مدیران بسیار مورد توجه قرار گرفته و شاخص‌های گوناگونی به عنوان معیار سنجش عملکرد مدیران در سازمان‌ها مطرح است. بهره‌وری، کارایی، اثربخشی نمونه‌هایی از این معیارهای ارزیابی هستند. ارزیابی عملکرد به ارزیابی افراد محدود نمی‌شود بلکه هر سیستم یا سازمان را بر مبنای اهدافی که دارد می‌توان مورد ارزیابی قرار داد و میزان موفقیت آن را برای دستیابی به اهداف سنجید.

در میان نهاده‌های مالی فعال در بازار، سرمایه‌ی شرکت‌های سرمایه‌گذاری موثرترین نقش را ایفا می‌کنند. امروزه این صنعت در سطح جهانی به شدت تخصصی شده و رقابت قابل توجهی بین شرکت‌های فعال در این صنعت به وجود آمده است. در حال حاضر شرکت‌های سرمایه‌گذاری گوناگونی با اهداف و عملکردهای متفاوت در جهان و در جهت پاسخ‌گویی به نیازهای متفاوت سرمایه‌گذاران، در بخش‌های مختلف بازار، فعالیت می‌کنند.

با توجه به نقش و جایگاه نهاده‌های مالی به ویژه شرکت‌های سرمایه‌گذاری در جذب و تامین منابع مالی مورد نیاز بنگاه‌های اقتصادی و تاثیر آن‌ها در رشد و توسعه‌ی اقتصادی روزافزون کشورها چنان که پیش از این اشاره شد، می‌توان گفت اندازه‌گیری کارایی شرکت‌های سرمایه‌گذاری و استفاده از یک روش نسبتاً جامع، کارامد و موثر می‌تواند بیان کننده‌ی هدایت موفق یا ناموفق این شرکت‌ها در جهت تخصیص کارایی منابع باشد.

<sup>1</sup>Decision Making Units (DMU)

عصبی برای پیش‌بینی توابع غیرخطی استفاده کرد. آن‌ها داده‌های آموزش که مربوط به بیمارستان‌های ایالت پنسیلوانیا آمریکا بود را به دو دسته کارا و غیرکارا با روش تحلیل پوششی داده‌ها تقسیم کردند و شبکه را بر مبنی این دو دسته آموزش دادند. سانتین<sup>۴</sup> و همکاران (2008) در مقاله‌ای از شبکه‌های عصبی برای تخمین تابع تولید غیرخطی و تحلیل کارایی استفاده کرد. نتایج بدست آمده از شبکه‌های عصبی مصنوعی را با روش ناپارامتریک تحلیل پوششی داده‌ها و SFA مورد مقایسه قرار داد، که بیانگر این بود که شبکه‌های عصبی مصنوعی جایگزین امیدوار کننده‌ای برای روش‌های سنتی، مدل‌های اقتصادسنجی و روش‌های ناپارامتریک می‌باشد.

وو و همکاران (2006) در مقاله‌ای، با ترکیب تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه‌های عصبی مصنوعی به ارزیابی کارایی نسبی شعبه یک بانک بزرگ کاتالایی پرداختند. در این مقاله 586 شعبه بانک در حوزه تورنتو با توجه به متغیرهای ورودی‌های تعداد پرسنل و هزینه‌های عمومی و متغیرهای خروجی سپرده‌ها، وام‌ها و درآمدها مربوط به ماههای اکتبر تا دسامبر 2005 مورد ارزیابی قرار گرفتند.

شلی و بایرکtar<sup>۵</sup> (2006) مدلی جدید را از ترکیب تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه‌های عصبی مصنوعی جهت ارزیابی تأمین کنندگان در شرایطی که اطلاعات شاخص‌های ارزیابی کامل نباشد ارائه داد. تحقیق نشان داد مدل پیشنهادی قابلیت ارزیابی با اطلاعات ناکامل که یک از مشکلات رایج در ارزیابی تأمین کنندگان می‌باشد را دارد.

امروزنژاد و شال<sup>۶</sup> (2006) در تحقیقی از ترکیب شبکه‌های عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها جهت ارزیابی کارایی مجموعه داده‌های گسترده با واحدهای زیاد استفاده

آمده متفاوت می‌باشد و تعداد واحدهای کارا با توجه به تعداد زیاد ورودی‌ها و خروجی‌های مدل تحلیل پوششی داده‌ها، زیاد می‌باشد ( قادری و همکاران، ۵۷<). با توجه نقاط ضعف ذکر شده تحلیل پوششی داده‌ها و توانایی شبکه‌های عصبی مصنوعی، در این پژوهش از مدل ترکیبی تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه‌های عصبی مصنوعی برای ارزیابی عملکرد شرکت شرکت‌های و اندازه‌گیری کارایی واحدهای استفاده می‌گردد تا موجب افزایش قدرت تفکیک پذیری مناسب برای واحدهای شود و بتوان با این مدل ترکیبی ارزیابی مناسبی از عملکرد کارکنان داشت.

### پیشینه تحقیق

ایده ترکیب شبکه‌های عصبی مصنوعی و تحلیل پوششی داده‌ها برای طبقه‌بندی یا پیش‌بینی برای اولین بار توسط آтанاسوپولیس و کورام معرفی شد. آتاناسوپولوس و کورام<sup>۱</sup> (2005) در مقاله‌ای به مقایسه دو روش ناپارامتریک تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه‌های عصبی مصنوعی به عنوان روش‌هایی برای ارزیابی عملکرد پرداختند.

کاستا و مارکلوس<sup>۲</sup> (2005) در مقاله‌ای کارایی متروی لندن را طی سال‌های 2005-2008 به روش ناپارامتریک شبکه‌های عصبی پرسپترون چند لایه مورد بررسی قرار دادند. نتایج بدست آمده از این روش با نتایج روش‌های تحلیل پوششی داده‌ها و حداقل مربعات اصلاح شده مورد مقایسه قرار گرفت.

پنھارکر و راجر<sup>۳</sup> (2007) از روش تحلیل پوششی داده‌ها برای جداسازی داده‌های آموزش در شبکه‌های

<sup>4</sup> Santian

<sup>5</sup> Celebi & Bayraktar

<sup>6</sup> Emrouznejad & Shale

<sup>1</sup> Athanassopoulos & Curram

<sup>2</sup> Costa & Markellos

<sup>3</sup> Pendharkar & Rodger

متوسط کارایی 87٪ می‌باشد. مصطفی(=600) از روش پیشنهادی خود در ارزیابی بانک‌های عربی برای ارزیابی کارایی نسبی شرکت‌های مصری استفاده کرد. در این تحقیق از دو شبکه عصبی مصنوعی و روش سنتی طبقه بندي آماری برای طبقه بندي کارایی نسبی شرکت‌های برتر مصری استفاده کرد.

اصلانی و همکاران (=600) در مقاله برای ارزیابی کارایی بانک‌های ایران از روش ترکیبی تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه عصبی استفاده کردند. در این مقاله از شبکه عصبی با متدهای K-means و پرسپترون چند لایه برای مجموعه داده‌های بزرگ مربوط به بانک‌های ایران استفاده شد. مقایسه نتایج مدل پیشنهادی با روش‌های معمولی تحلیل پوششی داده‌ها نشان می‌دهد شبکه عصبی دارای سرعت آموزش بسیار بالایی می‌باشد و به زمان CPU کمتر و نیاز به حافظه کمتر نسبت به روش تحلیل پوششی داده‌ها می‌باشد و قدرت بالایی در پیش‌بینی کارایی شعب بانک دارد.

اجلی و همکاران (6056) در مقاله‌ای برای ارزیابی عملکرد و کارایی شرکت‌های گاز استانی از مدل ترکیبی تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه عصبی استفاده کردند. شبکه عصبی مورد استفاده در این پژوهش یک پرسپترون چند لایه با الگوریتم پس انتشار خطای می‌باشد که شامل یک لایه خروجی و یک لایه پنهان می‌باشد. تابع تبدیل لایه پنهان تابع تائزانت هیپربولیک و تابع تبدیل لایه خروجی یک تابع خطی می‌باشد. محاسبات محاسبیان و همکاران (57=0) در مقاله‌ای کارایی 80 شعبه بانک اقتصاد نوین را با ترکیبی از روش شبکه عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها به عنوان دو روش ناپارامتریک محاسبه کردند. شبکه عصبی به کار رفته در این مقاله یک شبکه پیش‌خور با یک لایه مخفی و یک لایه خروجی می‌باشد.

کردند. آن‌ها با توجه به این که تحلیل پوششی داده‌ها برای یک مجموعه داده وسیع با تعداد زیادی ورودی و خروجی نیاز به منابع کامپیوتری گسترده‌ای از لحاظ حافظه و زمان CPU دارد از مدل ترکیبی شبکه عصبی انتشار رو به عقب و تحلیل پوششی داده‌ها برای حل این مشکل ارائه دادند.

ازمیر و تمور<sup>۱</sup> (600) در مقاله‌ای با طراحی شبکه عصبی مصنوعی که توسط تحلیل پوششی داده‌ها پشتیبانی می‌شود، سیستم خبره‌ای برای ارزیابی تأمین کنندگان ارائه دادند. در نتیجه این پژوهش به وسیله ایجاد شبکه عصبی مناسب، از محاسبات طولانی تحلیل پوششی داده‌ها اجتناب کرده و کارایی تأمین کنندگان به سادگی پیش‌بینی و بررسی می‌شود.

وو<sup>۲</sup> (600) در مقاله‌ای از مدل ترکیبی تحلیل پوششی داده‌ها، شبکه عصبی و درخت تصمیم<sup>۳</sup> برای انتخاب تأمین کنندگان ارائه داد. نتایج تحقیق نشان می‌دهد درخت تصمیم و شبکه‌های عصبی هر دو در طبقه‌بندی و رگرسیون نتایج قابل قبولی می‌دهند. همچنین نتایج دیگر این تحقیق نشان می‌دهد که مدل تعلیم داده شده توسط مدل BCC اندکی بهتر از مدل تعلیم داده شده با CCR می‌باشد که دلیل آن ممکن است به خاطر تعداد کم داده‌ها باشد.

مصطفی (600) در مقاله‌ای کارایی بانک‌های عربی را با دو مدل کمی تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه‌های عصبی مورد بررسی قرار داد. در این مطالعه از شبکه‌های عصبی احتمالی و یک روش طبقه‌بندی آماری سنتی برای مدلسازی و طبقه‌بندی کارایی نسبی بانک‌ها استفاده می‌کند. نتایج تحقیق نشان می‌دهد که با اجرای مدل CCR متوسط کارایی 75٪ و هنگام اجرای مدل BCC

<sup>1</sup> Ozdemir, D., Temur

<sup>2</sup> Mostafa

<sup>3</sup> Decision Tree

گرفت و اولین بار در رساله دکترای ادوارد رودز و به راهنمایی کوپر تحت عنوان ارزیابی پیشرفت تحصیلی دانشآموزان مدارس ملی آمریکا در سال ۱۹۵۷ در دانشگاه کارنگی مورد استفاده قرار گرفت (مهرگان و همکاران، ۱۹۵۷). از آن جا که این الگو توسط چارنز، کوپر و رودز ارائه گردید، به الگوی (CCR) که از حروف اول نام سه فرد یاد شده تشکیل شده است، معروف گردید و در سال ۱۹۵۷ در مقاله‌ای با عنوان اندازه‌گیری کارایی واحدهای تصمیم‌گیرنده ارائه شد (چارنز و همکاران، ۱۹۵۷).

در مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها، هریک از واحدهای سازمانی به عنوان یک واحد تصمیم‌گیری در نظر گرفته می‌شود. و فرض بر این است که  $n$  تا DMU وجود دارد که هریک دارای  $m$  ورودی و  $s$  خروجی می‌باشند. ورودی‌های DMU به صورت  $(x_{i,j}, i=1,\dots,m)$  و خروجی‌های DMU به صورت  $(x_{r,s}, r=1,\dots,s)$  نشان داده می‌شود.

مدلهای مختلف تحلیل پوششی داده‌ها، یک زیرمجموعه از  $n$  تا DMU که قسمتی از سطح پوششی (مرز کارایی) را تشکیل می‌دهند، مورد بررسی قرار می‌دهند. واحدی را کارا می‌گویند که روی این سطح قرار داشته باشد. نقاطی که روی این سطح قرار ندارند ناکارا نامیده می‌شوند و DEA منابع و مقدار ناکارایی را معلوم می‌کند. مدل‌های اساسی DEA که در اینجا مورد بحث قرار می‌گیرند عبارتند از:

مدل CCR: مشخصه اصلی مدل CCR این است که، مسئله ارزیابی DMU با چند ورودی و چند خروجی برای هر DMU را به یک مسئله با یک ورودی مجازی و یک خروجی مجازی تبدیل می‌کند. فرض می‌شود که  $n$  واحد تصمیم‌گیری که هر کدام دارای  $m$  نوع داده و  $s$  نوع ستاده

مهرگان و همکاران (۱۹۵۷) در مقاله‌ای ضعف قدرت تفکیک پذیری تحلیل پوششی داده‌ها برای واحد تصمیم‌گیرنده را که به علت کم بودن تعداد واحدها در مقایسه با تعداد ورودی‌ها و خروجی‌های مدل ایجاد می‌شود مورد بررسی قرار دادند. آن‌ها این مشکل را در ارزیابی عملکرد نه پالایشگاه کشور نمایش داده و برای رفع این مشکل مدل ترکیبی از شبکه عصبی مصنوعی و تحلیل پوششی داده‌ها در این مقاله مورد استفاده قرار دادند که موجب افزایش قدرت تفکیک‌پذیری و رتبه‌بندی مناسب پالایشگاه‌ها گردید.

صفایی قادیکلایی و زارع شاهی (۱۹۵۷) در مقاله‌ای تحت عنوان تخمین مرز کارایی با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی عملکرد ۰: شعبه بانک صادرات استان مازندران را با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها و شبکه عصبی مورد ارزیابی قرار دادند.

### روش تحقیق

**تحلیل پوششی داده‌ها:** تحلیل پوششی داده‌ها، یک روش برنامه‌ریزی ریاضی برای ارزیابی کارایی واحدهای تصمیم‌گیرنده‌ای است که چندین ورودی و چندین خروجی دارند. اندازه‌گیری کارایی به دلیل اهمیت آن در ارزیابی عملکرد یک شرکت یا سازمان همواره مورد توجه محققین قرار داشته است. در سال ۱۹۵۷ فارل با استفاده از روشی همانند اندازه‌گیری کارایی در مباحث مهندسی، به اندازه‌گیری کارایی برای واحد تولیدی اقدام کرد. موردنی که فارل برای اندازه‌گیری کارایی مدنظر قرار داد شامل یک ورودی و یک خروجی بود. چارنز، کوپر و رودز دیدگاه فارل را توسعه دادند و الگویی را ارائه کردند که توانایی اندازه‌گیری کارایی با چندین ورودی و خروجی را داشت. این الگو، تحت عنوان تحلیل پوششی داده‌ها نام

$$\max z = \sum_{r=1}^s u_r y_r.$$

s.t :

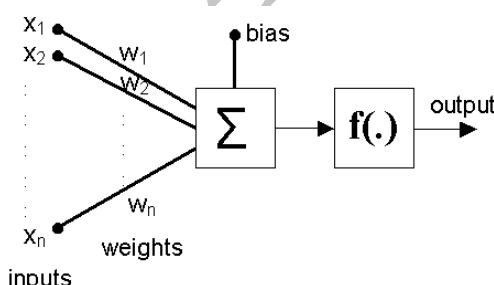
$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^m V_i x_{i\circ} &= 1 \\ \sum_{r=1}^s u_r V_{rj} - \sum_{i=1}^m V_i x_{ij} &\leq 0 \\ u_r, V_i &\geq \varepsilon \end{aligned} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} i &= (1, 2, \dots, m), r = (1, 2, \dots, s) \\ j &= (1, 2, \dots, n) \end{aligned}$$

**شبکه عصبی:** شبکه عصبی مصنوعی یا به اختصار شبکه عصبی از بزرگترین پیشرفتهای علم بشر در دهه‌های اخیر می‌باشد. از مهمترین ویژگی‌های شبکه عصبی این است که به عنوان یک طبقه بندی کننده غیر خطی<sup>1</sup> عمل می‌کند. ضمن اینکه می‌توانند مسایلی که با معادلات ریاضی قابل بیان نیستند، به کمک تعدادی نمونه آموزشی مدل سازی کنند (سلطانی و همکاران، ۱۹۷۵).

ساده‌ترین شبکه عصبی یک نرون<sup>2</sup> با  $n$  ورودی و یک خروجی است. به عبارت ساده‌تر ورودی این نرون بردار سطري  $\vec{X}$  با  $n$  عضو و خروجی آن عدد اسکالر  $O$  است.

در شکل زیر یک نرون پایه را مشاهده می‌کنید.



شکل 3: نرون پایه

هستند وجود دارد. کارآیی نسبی واحد تصمیم‌گیری از طریق حل مدل زیر که به مدل نسبی معروف است و توسط چارنز و کوپر و رودز در سال ۱۹۵۵<sup>3</sup> ارائه شده است قابل محاسبه می‌باشد (چارنز و همکاران، ۱۹۵۵).

در حل این مدل کارآیی یک واحد تصمیم‌گیری حداقل می‌شود محدود به این که کارآیی تمام واحدهای تصمیم‌گیری موجود از یک بزرگتر نباشد.

در این مدل مقدار وزن‌های  $u_r$  و  $V_i$  ها ناشناخته هستند و به عنوان یک متغیر تصمیم مطرح هستند. این وزن‌ها طوری انتخاب می‌شوند که کارآیی واحد تصمیم‌گیری تحت ارزیابی حداقل شود. کارآیی یک واحد تصمیم‌گیری برابر یک خواهد بود اگر این واحد نسبت به سایر واحدها کارا باشد در غیراینصورت کارآیی آن واحد تصمیم‌گیری کوچکتر از یک خواهد شد و آن واحد ناکارآ می‌شود.

$$\max z = \frac{\sum_{r=1}^s u_r y_r}{\sum_{i=1}^m V_r x_{i\circ}}$$

s.t :

$$\frac{\sum_{r=1}^s u_r y_{rj}}{\sum_{i=1}^m V_r x_{ij}} \leq 1 \quad (5)$$

$$u_r, V_i \geq \varepsilon$$

مدل (5) یک مدل برنامه‌ریزی کسری می‌باشد که می‌توان آن را به یک مدل برنامه‌ریزی خطی تبدیل کرد. مدل زیر که شکل خطی مدل (6) می‌باشد به مدل مضربی CCR معروف است.

<sup>1</sup> Non-Linear Classifier

<sup>2</sup> Neuron

نرون پایه معرفی شده می‌تواند مسایل خطی را حل کند. اما برای حل مسایل غیر خطی از یک شبکه عصبی به نام پرسپترون چند لایه<sup>۳</sup> استفاده می‌شود. شبکه MLP مجموعه‌ای از نرون‌های پایه است که در 7 لایه قرار می‌گیرند. این سه لایه با نام‌های لایه ورودی<sup>۴</sup>، لایه پنهان<sup>۵</sup> و لایه خروجی<sup>۶</sup> شناخته می‌شوند. شبکه MLP یک شبکه با ساختار رو به جلو<sup>۷</sup> است و از روش انتشار خطا رو به عقب<sup>۸</sup> برای یادگیری شبکه استفاده می‌کند. شبکه MLP یک شبکه با انظار محسوب می‌شود. به عبارت دیگر، برای آموزش این شبکه باید علاوه بر داده‌های آموزشی (ورودی شبکه)، خروجی صحیح آنها نیز به شبکه آموزش داده شود. بر اساس قضیه کلوموگروف یک شبکه MLP با سه لایه می‌تواند هر مسئله خطی و غیر خطی را یاد گرفته و حل کند (لی و اویانگ، ۲۰۰۶). یک شبکه MLP را در شکل (۶) مشاهده می‌کنید.

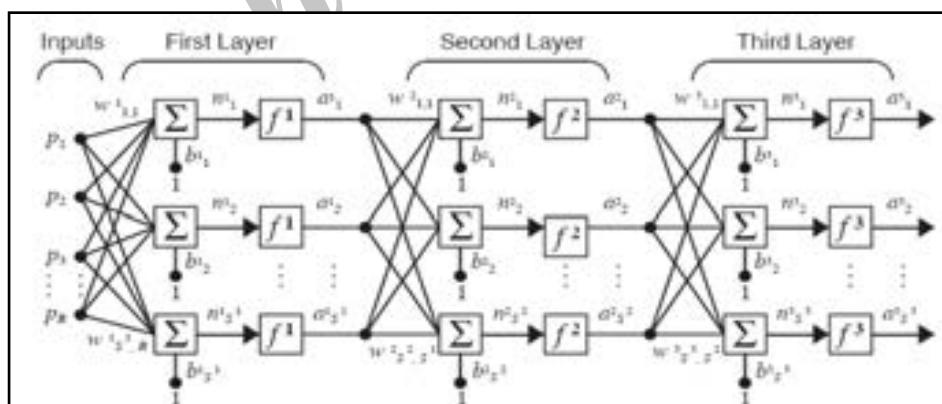
## در داخل نرون برای تولید خروجی محاسبات زیر انجام می‌شود:

$$O = f(\sum_{i=1}^n X_i W_i + B) \quad (7)$$

در این معادله  $W_i$  ضرایب وزنی متناظر ورودی  $X_i$  هستند و  $B$  مقدار آستانه است.  $f$  نیز یک تابع است که خروجی  $O$  را می‌سازد. در ساده‌ترین حالت  $f$  تابع پله واحد<sup>۱</sup> است. در این حالت خروجی نرون یکی از دو مقدار یک و صفر را می‌گیرد (اصفهانیان و امین ناصری، ۵۷، <6). در حالت کلی می‌توان فرض کرد  $W_0=B$  و  $X_0=1$  و معادله بالا را به شکل زیر بازنویسی کرد:

$$O = f(\vec{X} * \vec{W}) \quad (8)$$

که در این معادله  $\vec{X}$  بردار سطری با  $n+1$  عنصر و  $\vec{W}$  بردار ستونی با  $n+1$  عنصر است (اصفهانیان و امین ناصری، ۷۷: ۵۷).



شکل ۵: نمایی از یک شبکه MLP سه لایه‌ای

## <sup>2</sup> Multi Layer Perceptron

### <sup>3</sup> Input Layer

## <sup>4</sup> Hidden Layer

## 5 Output Layer

## <sup>6</sup> Feed Forward

## <sup>7</sup> Back Propagation Error

<sup>1</sup> Unit Step:  $u(t) = \begin{cases} 1 & \text{if } t > 0, \\ 0 & \text{if } t < 0 \end{cases}$

شبکه با استفاده از داده‌های صحه گذاری مورد بررسی قرار می‌گیرند. آموزش شبکه تا زمانی ادامه می‌یابد که خطای بهینه سازی مربوط به داده‌های صحه گذاری شروع به افزایش کند و به محض اینکه این خطا افزایش یابد آموزش شبکه متوقف می‌شود(سلطانی و همکاران، ۵۷=<).

**روش Neuro-DEA:** در این پژوهش از یک شبکه پرسپترون چند لایه برای پیش‌بینی عملکرد واحدهای تصمیم گیرنده استفاده شده که به عنوان یک شبیه ساز می‌تواند عملکرد واحدها را در سالهای بعدی شبیه سازی کند و با کمک آن به تحلیل حساسیت واحدها پرداخت. کارکرد شبکه مورد استفاده تخمین تابع اندازه گیری کارآیی و تعمیم آن برای سالهای بعدی است. این شبکه از داده‌های نرمال واحدها در سال‌های <>۵۷=<۰=۵۷ برای یادگیری استفاده کرده و الگوی کارآیی را بر اساس تopolوژی شبکه و الگوریتم‌های یادگیری LM فرا می‌گیرد و با استفاده از الگوهای یاد گرفته شده، توان تعمیم آن برای داده‌های همان واحدها در سالهای مختلف و از جمله سال ۰ را دارد. خروجی شبکه، عددی است بین صفر تا یک که مقدار کارآیی واحد را نشان می‌دهد. داده‌های ورودی شبکه نیز از ورودی‌ها و خروجی‌های هر واحد تصمیم گیرنده تشکیل شده است.

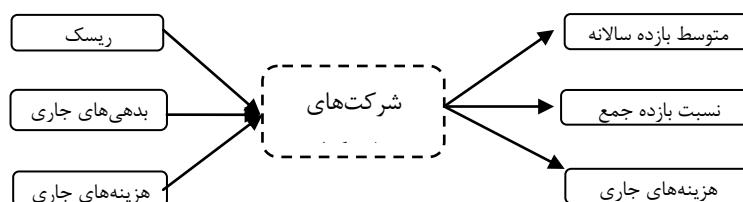
این شبکه از یادگیری با ناظر استفاده می‌کند و بردار یادگیری آن کارآیی است که قبل از متوسط توسط DEA محاسبه شده است. پس از آنکه شبکه الگو را یاد گرفت، می‌توان از آن به صورت یک ابزار محاسباتی برای پیش‌بینی کارآیی در سالهای دیگر نیز استفاده کرد.

معادلات مربوط به خروجی لایه‌های مختلف این شبکه به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} a^1 &= f^1(W^1 p + b^1) \\ a^2 &= f^2(W^2 a^1 + b^2) \\ a^3 &= f^3(W^3 a^2 + b^3) \\ a^3 &= f^3(W^3 f^2(W^2 f^1(W^1 p + b^1) + b^2) + b^3) \end{aligned}$$

آرایش این شبکه‌ها با توجه به تعداد نورونهای لایه‌های مخفی نشان داده می‌شود به عنوان مثال یک شبکه با دو ورودی، یک لایه مخفی با چهار نورون و یک خروجی با آرایش ۵-۶-۸ نمایش داده می‌شود. پس از تعیین آرایش شبکه، می‌توان آموزش شبکه را آغاز نمود. آموزش شبکه‌های عصبی به عنوان یک مساله بهینه سازی غیر خطی شناخته شده است که هدف آن تعیین پارامترهای شبکه یعنی ماتریس‌های وزن و بردارهای bias هر لایه می‌باشد. پارامترهای شبکه طوری تعیین می‌شود که اندیس عملکرد شبکه که معمولاً میانگین مربعات خطای پیش‌بینی حاصل از داده‌های آموزشی می‌باشد کمینه گردد.

یکی از نکاتی که حین آموزش باید در نظر گرفته شود جلوگیری از over fitting می‌باشد. در این حالت خطای شبکه فقط در نقاط آموزشی کم بوده و در نقاط میانی خطای زیاد می‌شود. برای رفع چنین نقیصه‌ای معمولاً در حین آموزش شبکه یک سری از داده‌ها جهت صحه گذاری<sup>۱</sup> در نظر گرفته می‌شود. بدین ترتیب که در بازه‌های منظم از روند بهینه سازی، داده‌های حاصل از



شکل ۱: ورودی و خروجی‌های مدل

<sup>۱</sup> validation

استفاده از ANN، استفاده از یک پرسپترون چند لایه با سه لایه متفاوت است. لایه ورودی، ورودی‌ها را به نرون‌ها منتقل کرده، لایه خروجی، خروجی‌ها را به پیرون منتقل می‌نماید، لایه نهان نیز وقتی ارتباط غیر خطی بین ورودی و خروجی برقرار باشد، (لایه نهان توسطتابع محرك، از تغییرات لایه‌های دیگر اطلاع می‌یابد (سانتین و همکاران، ۶۰۰۸).

در ساختار مورد استفاده در این مقاله ورودی‌های ANN طبق نسبتهاي از ورودی‌های DEA که در اندازه گيري کاري از آن استفاده می‌شود، در نظرگرفته شده و خروجی آن از وزنهای که باید پيش بينی شود، تعبيت می‌کند. به اين ترتيب وروديه را به شبکه داده و همزمان اين وروديه رون يك لایه از واحدها که لایه ورودی را می‌سازند وزن دهی می‌شوند. خروجيهای اين واحدها به نوبت، به طور همزمان به درون لایه دوم(لایه نهان) از واحدها وارد می‌شوند. در صورت وجود چندين لایه نهان، خروجيهای اولين لایه نهان می‌تواند به عنوان ورودی لایه نهان دیگر استفاده شود. لازم به ذكر است تعداد لایه‌های نهان در ANN اختياری است، اما معمولاً از يك تا حداکثر سه لایه نهان استفاده می‌شود. در نهايیت خروجيهای وزن شده ی آخرین لایه نهان به عنوان ورودی به لایه خروجی وارد می‌شوند و در نهايیت داده‌های را توليد می‌کند (وانگ، ۶۰۰۷)

مدل ANN-DEA مورد استفاده در اين پژوهه از سه لایه تشکيل شده است. که يك شبکه پيش خور با يك لایه مخفی و يك لایه خروجی است ورنونها به وسیله بردار وزنهای به هم مرتبط هستند. با استفاده از اين شبکه می‌توان کاري ابي واحدهای تصميم گيرنده را تخمين زد.

در روش مذکور داده‌های آزمونی به طور مکرر به شبکه عصبی ارایه می‌شوند. وزنهای اولیه صفر در نظر

همان طور که در شکل(7) دیده می‌شود، در اندازه گيري کاري ابي فني هر شركت سرمایه گزاری از سه ورودی شامل ريسك بدھي هاي جاري، هزينه هاي جاري و از سه خروجی شامل متوسط بازده سالانه، نسبت بازده جمع دارائي و هزينه هاي جاري استفاده شده است. در عين حال متغيرهای متعددی هستند که در ارزیابی کارآیی هر شركت سرمایه گزاری مورد ملاحظه قرار می‌گيرند و می‌توان اظهار داشت که کارآیی هر شركت سرمایه گزاری، تابعی از متغيرهای بالا است که تغييرات هر يك ب عملکرد شركت تأثير می‌گذارد. در اين حالت می‌توان فرض خطی بودن رابطه بين متغيرها را ناديده گرفت و همچنان بر اساس قانون بازده نزولي و با در نظر گرفتن اثرات متقابل بين متغيرها، تابع کارآیی واحداً ام یعنی  $f_i(x_1, x_2, x_3, y_1, y_2, y_3)$  می‌تواند يك تابع غيرخطی باشد. با توجه به اينکه مدل DEA يك مدل خطی است و از طرفی شبکه‌های عصبی توانایي بالايی در تقریب توابع غير خطی دارند، ANN ابزار خوبی برای استفاده در چنین مسائلی است. بنابراین امکان به کارگيري ANN در اندازه گيري کاري اي شركت‌ها مناسب است.

همان طور که می‌دانیم يكی از خصوصیات مهم ANN توانایی يادگيري از مجموعه نمونه‌ها و توانایی تصمیم گيري بر طبق آموزش داده‌های پیشین است. استفاده از روش‌های آموزش در يك شبکه عصبی باعث می‌شود وزنهای مکررا "برای رسیدن به بهترین اوزان تغيير کرده تا بهترین خروجي به دست آيد. ساختار انواع شبکه‌های عصبی شامل چندين لایه است. در هر لایه تعدادی نرون که با بردارهای وزن به هم متصل اند وجود دارند. همه نرونها متصل به يكديگر بوده و توانایي انتقال جريان اين اتصال‌ها وزن ناميده می‌شود.

رتبه بندی موفقیت يك ANN به چگونگی ظاهر شدن تأثير اين وزنهای بستگی دارد. يكی از رايچ ترين

تأثیر هر متغیر بر نتیجه باید متغیرهای عددی را هم مقیاس یا نرمال سازی کرد (اجلی و همکاران، 6056). همچنین جهت افزایش دقت و سرعت یادگیری شبکه‌های عصبی، داده‌های مورد استفاده نرمال می‌شوند. برای این منظور، روش‌های متعددی ارائه گردیده، که در این تحقیق از رابطه زیر برای نرمال سازی داده‌ها استفاده شد.

$$N_{ij} = \frac{X_{ij}}{\text{Max}(X_{ij})} \quad \forall j = 1, 2, 3, \dots, 5$$

$$i = (1, 2, \dots, 39), j = (1, 2, \dots, 5)$$

در رابطه فوق  $N_{ij}$  مقدار نرمال شده زامین متغیر برای  $i$  امین شرکت شرکت‌های سرمایه گذاری می‌باشد و  $X_{ij}$  مقدار واقعی زامین متغیر برای  $i$  امین شرکت شرکت‌های سرمایه گذاری می‌باشد. در این پژوهش از داده‌های سال‌های  $<0.57, =0.57, >0.57$  مربوط به 78 شرکت‌های سرمایه گذاری استفاده شده است.

**گام دوم:** بعد از جمع آوری داده با استفاده از مدل CCR کارآیی همه DMU‌ها محاسبه می‌شود. در این مرحله داده‌های لازم برای آموزش شبکه فراهم می‌شود. اگر تعداد DMU‌ها زیاد باشد، می‌توان با استفاده از نمونه گیری، کارآیی تعدادی از آنها را محاسبه کرد. در این تحقیق از داده‌های مربوط به همه DMU‌ها در سال‌های  $<0.57, =0.57, >0.57$  برای آموزش شبکه استفاده شده است. آمده سازی داده‌های یادگیری نیز مشکلاتی ایجاد می‌کند که در ادامه به آن اشاره می‌شود.

**گام سوم:** آموزش شبکه؛ در این مرحله شبکه عصبی با استفاده از داده‌های واحدهایی که در گام قبل انتخاب شدند، آموزش داده می‌شوند.

گرفته می‌شوند سپس خروجی شبکه عصبی با خروجی مطلوب که همان درجه کارایی حاصل از روش DEA است مقایسه شده و اگر خطای زیاد باشد روند آموزش داده‌ها با مجموعه وزنهای اولیه متفاوت که در جهت کاهش خطای اولیه است، تکرار می‌شود. با انجام این کار خطای در هر تکرار کمتر شده و خروجی مطلوبتری به دست می‌آید. خروجی مطلوب شبکه عصبی در این تحقیق خروجی است که میزان خطای آن کمتر از 0.05 باشد (وو و همکاران، 600):

### الگوریتم تحلیل کارایی

**گام اول:** جمع آوری اطلاعات مربوط به ورودی‌ها و خروجی‌ها

در مطالعه سیستمهای واقعی برای محاسبه کارآیی، اولین گام تعیین ورودیها و خروجی است، به طوری که منعکس کننده کارآیی باشند. در تحلیل کارآیی شرکتها تعیین ورودی‌ها و خروجی‌ها اهمیت ویژه‌ای دارد، زیرا هر شرکت ورودی‌ها و خروجی‌های بسیار متعددی دارد که در نظر گرفتن تعداد زیادی از آن مشکلاتی را ایجاد می‌کند.

**نرمالسازی داده‌ها:** پیش از محاسبه کارآیی، مسئله مهم دیگری که باید به آن توجه داشت، نرمالسازی یا هم مقیاس کردن داده‌ها است. مقیاسهای متفاوت در متغیرهای مختلف نتایج نهایی را از جنبه‌های مختلف تحت تأثیر قرار خواهد داد. برای همین باید همه داده‌ها را هم مقیاس کرده و آنها را تغییر شکل داد. بنابراین برای استانداردسازی میزان تأثیر هر متغیر بر نتیجه باید متغیرهای عددی را نرمالسازی کرد.

ابتدا نهاده‌ها و ستاندها شناسایی شده و داده‌های مربوطه جمع آوری می‌شوند. برای استاندارد سازی میزان

واحد از شرکت‌های سرمایه‌گذاری بار یک و کارا شدند و ۶۶ شرکت‌های سرمایه‌گذاری کارایی کمتر از یک و ناکارا تشخیص داده شدند. داده‌های مربوط به سال  $0=57$  در جدول ۶ زیر ارائه شده است.

### بررسی نتایج مدل BCC ورودی محور مربوط به داده‌های سال ۳۱۳۱

نتایج مدل BCC ورودی محور در جدول نشان داده شده است. پس از اجرای مدل کارایی ۵۵ واحد یا  $79.8\%$  از شرکت‌های سرمایه‌گذاری بار یک و کارا شدند و ۶۰ واحد یا  $8.9\%$  شرکت‌های توزیع کارایی کمتر از یک و ناکارا تشخیص داده شدند. تمام ۵۵ واحد که دارای کارایی یک می‌باشند کارای قوی نیز هستند. داده‌های مربوط به سال  $0=57$  در جدول ۷ زیر ارائه شده است.

### رتبه‌بندی واحداًها با روش اندرسون - پیترسون برای سال ۳۱۳۱

با توجه به اینکه مدل پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها قدرت رتبه‌بندی واحداًها کارا را ندارند برای رتبه‌بندی واحداًها کارا از روش اندرسون - پیترسون استفاده کردیم که نتایج آن در جدول نشان داده شده است. نتایج این روش نشان می‌دهد شرکت‌های در رتبه‌های یک تا سه قرار گرفتند. داده‌های مربوط به سال  $0=57$  در جدول ۸ زیر ارائه شده است.

**گام چهارم:** اگر با ارائه داده‌های آموزشی نتیجه و دقت مورد نظر حاصل شد (معیار خطا به میزان مورد نظر کاهش یافت) به گام بعد می‌رویم، در غیر این صورت به گام دوم بر می‌گردیم تا الگوی آموزش شبکه کامل شود.

**گام پنجم:** محاسبه کارآیی همه DMU‌ها در سال‌های  $0=57 < 57 < 57$  با استفاده از شبکه‌های عصبی پیش‌بینی کننده و آموزش یافته.

**گام ششم:** مقایسه بین نتایج حاصل از DEA و Neuro-DEA. در صورت لزوم می‌توان از تحلیل رگرسیونی و همبستگی بین نتایج دو روش استفاده کرد که در اینجا چون ممکن است DEA نتایج معتبری ندهد، از آن صرف نظر می‌شود. شکل فلوچارت الگوریتم را نشان می‌دهد.

### یافته‌های تحقیق

همانطور که قبلاً بیان شد برای اندازه گیری کارآیی و مقایسه واحداًها از داده‌های سال‌های  $0=57 < 57 < 57$  مربوط به ۷۵ شرکت‌های سرمایه‌گذاری استفاده شده است. پس از نرمالایزه کردن داده‌ها، کارآیی هر یک از شرکتها بر اساس ورودیها و خروجی‌های آنها محاسبه شد که با استفاده از مدل CCR، DEA ورودی محور و BCC ورودی محور کارآیی شرکتها سال‌های  $0=57$  به محاسبه گردید. داده‌های مربوط به سال  $0=57$  در جدول ۵ زیر ارائه شده است.

### بررسی نتایج مدل CCR ورودی محور مربوط به داده‌های سال ۳۱۳۱

مدل CCR ورودی محور برای مجموعه داده‌های شرکت‌های سرمایه‌گذاری حل گردید و نتایج حاصل در جدول نشان داده شده است. پس از اجرای مدل کارایی

Archive of SID

Archive of SID

جدول 3 – داده‌های سال 3131 شرکت‌های سرمایه‌گذاری

خروجی‌ها

ورودی‌ها

ردیف	شرکت‌های سرمایه‌گذاری	بدهی‌های جاری	هزینه‌های جاری	رسیک	نسبت حاشیه سود	بازده واقعی	بازده جمع دارانیها
5	سرمایه‌گذاری معدن و فلزات	80:<88=	759<<	6.5=	<=5=	0.5:	5=::=
6	سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	7;=:6	8:90	9.0:	85.;<	0.8<	6.::,
7	سرمایه‌گذاری توسعه شهری توس گستر	6:597:	578=5	5.:;	656.59	0.67	7.:5
8	سرمایه‌گذاری ساختمان ایران	5=5:968	7;7:6	6.77	7.:=<	0.5=	9.5;
9	سرمایه‌گذاری گروه صنعتی رنا	78980:=	6:98:	6.07	;0.=9	-0.59	55.89
:	سرمایه‌گذاری مسکن	5800650	9:90=	5.:7	=6.:<	0.5;	59.60
;	سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	:9;:99	809<	6.76	<7.:6	0.50	9.;5
<	سرمایه‌گذاری بهمن	506<5;:	5;<::	5.<0	=7.=0	0.06	55.68
=	سرمایه‌گذاری بوعلی	870=7	55==<;	6.76	5=6.06	0.67	5;.<:
50	سرمایه‌گذاری توسعه ملی	909=58	56769	5.0;	56.. 78	0.55	69.08
55	سرمایه‌گذاری توسعه صنعتی ایران	9=5975	56586	5.7:	79.96	-0.07	.. 0=
56	سرمایه‌گذاری سپه	:769::	57;76	5.<7	=<22	0.0<	5<.56
57	سرمایه‌گذاری صنعت بیمه	7<::,<	6695:	6.60	==.7=	0.0;	.. 67
58	سرمایه‌گذاری صنعت و معدن	550:688	66=96	5.==	<9.56	0.05	58.5=
59	سرمایه‌گذاری گروه صنایع بهشهر ایران	6=<97<	56070	5.96	:=.59	0.50	5<.87
5:	سرمایه‌گذاری ملی ایران	560<;=8	6750:	5.86	=5.0;	-0.09	55.=7
5;	سرمایه‌گذاری نیرو	;=<66<	80;57	5.;7	9<.=7	-0.0:	.. 99
5<	سرمایه‌گذاری صندوق بازنیستگی	600:9:	5=000	6.5;	580.:6	0.65	67.=0
5=	سرمایه‌گذاری غدیر	89:=987	686<;5	6.09	=8.65	0.67	6.:=
60	سرمایه‌گذاری صنعت نفت	<57:<	60570	6.07	9<.=<	0.0;	6.85
65	سرمایه‌گذاری توکا فولاد	;577==	65877	6.;<	;5;8	0.76	.. <7
66	مدیریت سرمایه‌گذاری امید	:0;70::	9<<;8	5.:5	505.69	0.76	67.0:
67	سرمایه‌گذاری پارس توشه	598:9;	58=90	5.<7	<7.;5	0.0<	5;. 8=
68	سرمایه‌گذاری پرديس (اعيق پلاستيك)	:=0	8<=7	5.=<	=8.8<	0.<5	67.56
69	سرمایه‌گذاری صنایع پتروشیمی	5==5;=8	57887	6.:5	65.80	0.08	0.<5
6:	سرمایه‌گذاری البرز	6:57:=	5;5<7	5.07	557.56	0.0=	68.;8
6;	سرمایه‌گذاری گروه توسعه ملی	50=<5=	6<=6=;	5.98	<7.;6	0.08	56.75
6<	سرمایه‌گذاری ایران خودرو	7=8<06<	8<597	6.98	87.0;	-0.05	7.77
6=	سرمایه‌گذاری ساپا	9;658=0	67.5:	6.98	558.5<	0.07	5;.<8
70	سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	68=;=0	597=<	6.8=	57.59	0.90	5.;9
75	سرمایه‌گذاری آتیه دماوند	=9::=0	66:=8	5.==	5;.<.55	-0.06	;;:=

جدول 5- نتایج مدل CCR ورودی محور مربوط به سال 3131

شرکت‌های سرمایه‌گذاری	کارایی	مجموعه مرجع	ورودی مازاد	کمبود خروجی
سرمایه‌گذاری توسعه معادن و فلزات	0.9696	توسعه ملی، امید، سامان گستر اصفهان	50,658=.5	0 <80
سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	5	توسعه آذربایجان	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری توسعه شهری توسعه گستر	5	توسعه شهری توسعه گستر	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری ساختمان ایران	0.875	توس گستر، توسعه ملی، امید، سامان گستر	7:67.6	7:67.6
سرمایه‌گذاری گروه صنعتی رتا	0.6=5	توس گستر، توسعه ملی	5757.6 ;:7:57.0=	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری مسکن	0.076	توس گستر، توسعه ملی، امید، سامان گستر	680<9.8	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	5	اعتبار ایران	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری بهمن	0.8776	توس گستر، توسعه ملی، پر迪س	5<9968.:	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری بوعلی	5	بوعلی	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری توسعه ملی	5	توسعه ملی	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری توسعه صنعتی ایران	0.696=	توس گستر، توسعه ملی، پر迪س	809:<.7	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری سپه	0.9=9	توس گستر بوعلی، توسعه ملی، پر迪س	55;=:9	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صنعت بیمه	0.7;5<	توس گستر، بوعلی، البرز	57=.5: 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صنعت و معدن	0.79;<	توس گستر، توسعه ملی	855.70 =9=<9:<5	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری گروه صنایع بهشهر ایران	0:=0	بوعلی، توسعه ملی، پر迪س، البرز	80.<9 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری ملی ایران	0.96=<	توس گستر، توسعه ملی	88<8.< 7:<770.8	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری نیرو	0.7=<	توس گستر، بوعلی، البرز	55;7;.8 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صندوق بازنثستگی	0.=75	بوعلی، البرز، سامان گستر اصفهان	8;0.8= 0	0 0 6=:= 0
سرمایه‌گذاری غدیر	0.65:	توسعه ملی، امید، سامان گستر اصفهان	78.88 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صنعت نفت	0.76:6	توس گستر، بوعلی، سامان گستر	57<9:7.: 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری توکا فولاد	0.690	توس گستر، توسعه ملی، امید، سامان گستر	6<:9, 0	0 0 0 0 0
مدبریت سرمایه‌گذاری امید	5	امید	=<79=< 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری پارس توشہ	0.:<59	بوعلی، پر迪س، البرز	59.6: 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری پر迪س (عایق پلاستیک)	5	پر迪س	8<9:<6 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صنایع پتروشیمی	0.565:	آذربایجان، توسعه ملی، سامان گستر	65;66.;: 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری البرز	5	البرز	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری گروه توسعه ملی	0.8956	توس گستر، توسعه ملی	5675;=< 66:0:8. 6	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری ایران خودرو	0.57:<	توس گستر، توسعه ملی	77:8.09 88;8:.. 5<	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری سایپا	0.8589	توس گستر، توسعه ملی، پر迪س	606:055. : 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	5	سامان گستر اصفهان	< 0	0 0 0 0 0
سرمایه‌گذاری آتیه دماوند	0.;566	توس گستر، توسعه ملی	7=:8.86 7=09:0.6	0 0 0 0 0

## جدول ۱- نتایج مدل BCC ورودی محور مربوط به سال ۳۱۳۱

شرکت‌های سرمایه‌گذاری	کارایی	مجموعه مرجع	کل	فرآیند	ورودی مازاد	کمبود خروجی
			کل	فرآیند	ورودی مازاد	کمبود خروجی
سرمایه‌گذاری توسعه معادن و فلزات	0.9:0	7.97	0	55;7959.=	0	7.97
سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	5	0	0	0	0	0
سرمایه‌گذاری توسعه شهری تونس	5	0	0	0	7	0
گستر						
سرمایه‌گذاری ساختمان ایران	0.9;7	5..6<	0	77<6.=	0	0
سرمایه‌گذاری گروه صنعتی رنا	0.960	57.8=	0	57:=7<8.5	0	0
سرمایه‌گذاری مسکن	0..9	;.80	0	60.57	0	6:596. 9
سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	0.5	0	0	0	0	0
سرمایه‌گذاری بهمن	0.:8:	57.:0	0	65580;. 5	0	0.0; 6=.58
سرمایه‌گذاری بوعلی	5	0	0	0	0	0
سرمایه‌گذاری توسعه ملی	5	0	0	0	57	0
سرمایه‌گذاری توسعه صنعتی ایران	0.=06	5<.9=	0	560;<7. 9	0	5<.9= 0.0= <8.=;
سرمایه‌گذاری سپه	0.;78	0..76	0	5500=;.<	0	5<.95 0
سرمایه‌گذاری صنعت پیمه	0.9<:	5<.55	0	0	0	0.058 50.:7
سرمایه‌گذاری صنعت و معدن	0.97;	50.<8	0	<=9;0. 7	0	50.<8 0.0== 85.5<
سرمایه‌گذاری گروه صنایع بهشهر ایران	0.=7;	6.60	0	0	0	0 :5. 75
سرمایه‌گذاری ملی ایران	0.;6;	56.<7	0	0	0	56.<7 0.0=5 67.0:
سرمایه‌گذاری نیرو	0.=<7	5;. 08	0	0	0	5;. 08 0.078 85.0
سرمایه‌گذاری صندوق بازنیستگی	5	0	0	0	0	0
سرمایه‌گذاری غدیر	5	0	0	0	0	0
سرمایه‌گذاری صنعت نفت	0.<=5	60.58	0	0	0	0 9<0; 0 <85. 7
سرمایه‌گذاری توکا فولاد	0.:8<	8.:0	0	0	0	8.0 0 0 0
مدیریت سرمایه‌گذاری امید	5	0	0	0	6	0 0 0 0
سرمایه‌گذاری پارس توشه	0.<9;	9.::	0	0	0	9.:: 0 77.:: 0 ==8.<
سرمایه‌گذاری پردیس (عایق پلاستیک)	5	0	0	50	0	0 0 0 0
سرمایه‌گذاری صنایع پتروشیمی	0.:09	67.59	0	=<95:6. 6	0	67.59 0.057 <:. 06
سرمایه‌گذاری البرز	5	0	0	50	0	0 0 0 0
سرمایه‌گذاری گروه توسعه ملی	0.::<	56.87	0	0	50	56.87 0.09 6=.8 0 5;70; < 8;78<<. 9
سرمایه‌گذاری ایران خودرو	0.809	65.87	0	577=:07	0	65.87 0.0= ;0. 09 0 6787.:
سرمایه‌گذاری سایپا	0.8;8	..=5	0	66<:7<.; ;	0	..=5 0.0: ;. 7= 0 0
سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	5	0	0	8	0	0 0 0 0
سرمایه‌گذاری آتبه دماوند	0.;5=	8.86	0	76==8:.=	0	0.5<6 0 0 7705.=
		8.86				

### جدول 7 - نتایج رتبه‌بندی واحداًها به روش اندرسون - پیترسون

رتبه	شرکت‌های سرمایه‌گزاری	کارایی	رتبه	شرکت‌های سرمایه‌گذاری	کارایی
5	سرمایه‌گذاری پرديس (عایق پلاستیک)	<8	5:	سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	8.6<<
6	سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	5; <<	5;	سرمایه‌گذاری بوعلی	5.=<5
7	سرمایه‌گذاری بوعلی	5<	5<	سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	5.:8<
8	سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	5=	5=	سرمایه‌گذاری توسعه شهری توسعه گستر	5.7:9
9	سرمایه‌گذاری توسعه شهری توسعه گستر	60	60	سرمایه‌گذاری البرز	5.79<
:	سرمایه‌گذاری البرز	65	65	سرمایه‌گذاری توسعه ملی	5.750
<	سرمایه‌گذاری توسعه ملی	66	66	مدیریت سرمایه‌گذاری امید	5.6;<
=	مدیریت سرمایه‌گذاری امید	67	67	سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	5.5<8
50	سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	68	68	سرمایه‌گذاری صندوق بازنیستگی	0.=75
55	سرمایه‌گذاری صندوق بازنیستگی	69	69	سرمایه‌گذاری گروه صنایع بهشهر ایران	0.;=0
56	سرمایه‌گذاری گروه صنایع بهشهر ایران	6:	6:	سرمایه‌گذاری غدیر	0.;65
57	سرمایه‌گذاری غدیر	6; <	6<	سرمایه‌گذاری آتیه دماوند	0.;56
58	سرمایه‌گذاری آتیه دماوند	6=	6=	سرمایه‌گذاری مسکن	0.;07
59	سرمایه‌گذاری مسکن	70	70	سرمایه‌گذاری پارس توشه	0.:=5
	سرمایه‌گذاری پارس توشه	75	75	سرمایه‌گذاری صنایع پتروشیمی	

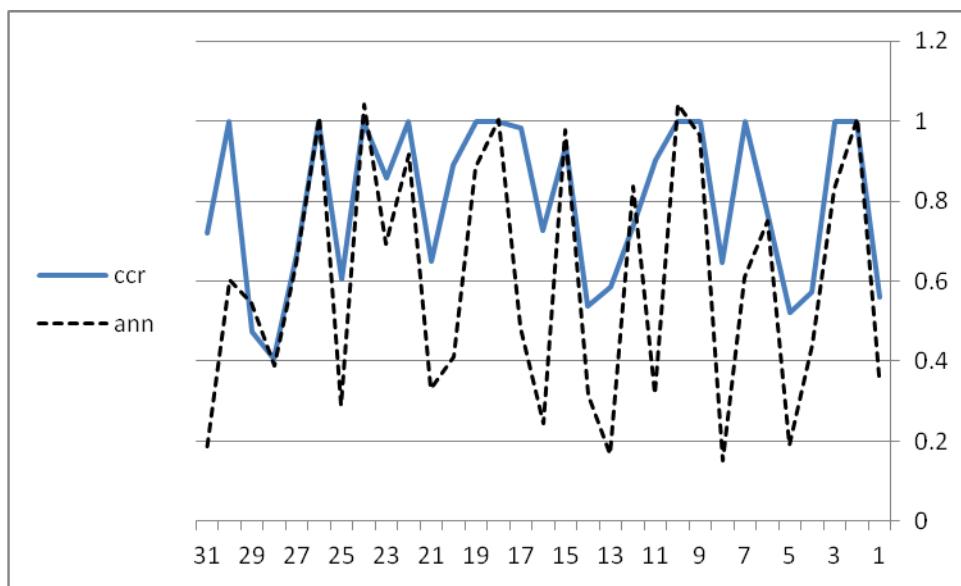
خروجی‌های مدل تحلیل پوششی داده‌ها می‌باشد و لایه خروجی آن شامل یک نرون که همان کارایی را نشان می‌دهد می‌باشد. در واقع نتایج مدل‌های CCR و BCC به صورت جدا گانه به عنوان خروجی ایده آل شبکه در نظر گرفته می‌شوند و شبکه آموزش می‌بینند.

در مدل‌های ارائه شده از الگوریتم لونبرگ - مارکوآرت (LM) که از الگوریتم‌های پس انتشار خطای می‌باشد، استفاده شده است. تعداد لایه میانی و نرون‌های لایه میانی هم به روش آزمون و خطای محاسبه می‌گردد یعنی برای تعیین تعداد دقیق نرون‌های لایه میانی از تعداد نرون‌های مختلف در لایه‌های متعدد استفاده گردیده است و این فرایند آنقدر تکرار شده تا تعداد نرون‌ها و لایه‌ها بر اساس کمترین خطای شبکه در تست و آموزش حاصل شود.

### نتایج مدل‌های شبکه عصبی

کارکرد شبکه مورد استفاده تخمین تابع اندازه گیری کارایی و تعمیم آن برای سال 0=57 و سال‌های آتی می‌باشد. این شبکه از داده‌های نرمال واحداًها در سال‌های <57 و >57 جهت داده‌های آموزش (0.<%) داده‌ها را شامل می‌شود) و داده‌های اعتبارسنجی (60.% داده‌ها را شامل می‌شود) بر اساس توبولوژی شبکه و الگوریتم یادگیری لونبرگ مارکوآرت (LM) آموزش می‌بیند و توان تعمیم را برای داده‌های سال 0=57 دارد. برای تست شبکه و اندازه گیری کارایی شرکت‌های سرمایه‌گذاری با این مدل از داده‌های سال 0=57 استفاده شده است.

جهت اجرای آموزش شبکه، شبکه برای هر دو حالت CCR و BCC به صورت جدا گانه آموزش می‌بیند، که نرون‌های ورودی آن به تعداد مجموع ورودی‌ها و

شکل 7: نمودار مقایسه نتایج **DEA(CCR)** و شبکه عصبی با الگوریتم آموزش LM

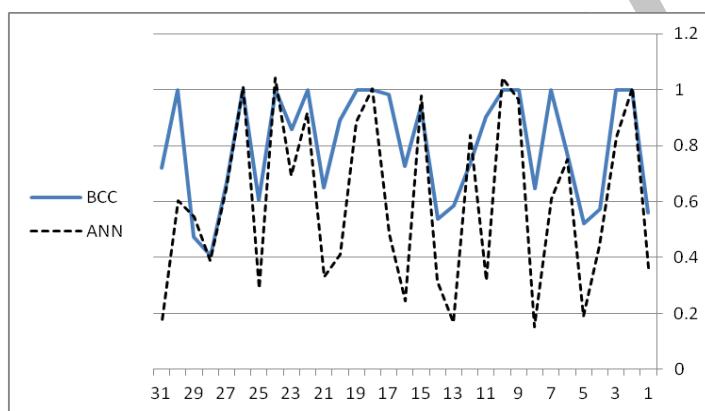
جدول ۰ - نتایج CCR و شبکه عصبی با الگوریتم آموزش لونبرگ - مارکوارت

DEA-NN	DEA-CCR	شرکت سرمایه گذاری	DEA-NN	DEA-CCR	شرکت سرمایه گذاری
0.34926	0.3968	سرمایه گذاری نیرو	0.50376	0.5252	سرمایه گذاری معدن و فلزات
0.95432	0.9318	سرمایه گذاری صندوق بازنیستگی	1.0150	1	سرمایه گذاری توسعه آذربایجان
0.75697	0.7216	سرمایه گذاری غدیر	0.8433	1	سرمایه گذاری توسعه شهری تویس گستر
0.25307	0.3262	سرمایه گذاری صنعت نفت	0.208313	0.4361	سرمایه گذاری ساختمان ایران
0.3862	0.625	سرمایه گذاری توکا فولاد	0.2230627	0.2917	سرمایه گذاری گروه صنعتی رنا
0.7580	1	مدیریت سرمایه گذاری امید	0.670	0.7032	سرمایه گذاری مسکن
0.7963	0.6815	سرمایه گذاری پارس نوشه	0.59936	1	سرمایه گذاری اعتبار ایران
1.0307	1	سرمایه گذاری پرديس (عاقی بلاستیک)	0.37655	0.4332	سرمایه گذاری بهمن
0.2192	0.1216	سرمایه گذاری صنایع پتروشیمی	0.9262016	1	سرمایه گذاری بوعلی
1.0291	1	سرمایه گذاری البرز	1.0390131	1	سرمایه گذاری توسعه ملی
0.6524	0.4512	سرمایه گذاری گروه توسعه ملی	0.3161755	0.2529	سرمایه گذاری توسعه صنعتی ایران
0.0960	0.1368	سرمایه گذاری ایران خودرو	0.8479785	0.5965	سرمایه گذاری سپه
0.8304	0.4145	سرمایه گذاری سایپا	0.2700536	0.3718	سرمایه گذاری صنعت بیمه
0.6496	1	سرمایه گذاری سامان گستر اصفهان	0.3833245	0.3578	سرمایه گذاری صنعت و معدن
0.2868	0.7122	سرمایه گذاری آتیه دماوند	0.9086554	0.7906	سرمایه گذاری گروه صنایع بهشهر ایران
			0.4012081	0.5289	سرمایه گذاری ملی ایران

### نتایج BCC با استفاده از شبکه عصبی با الگوریتم آموزش لونبرگ مارکوارت

با به کار گیری اعداد کارایی BCC محاسبه شده با روش تحلیل پوششی داده‌ها به عنوان بردار یادگیری یا همان خروجی ایده آل به جای اعداد کارایی CCR و بررسی ساختارهای گوناگون به روش آزمون و خطأ، که نتایج آن در جدول : نشان داده شده است بهترین تولیدکننده شبکه، پرسپکترون دو لایه با تعداد پنج نرون در لایه‌های میانی تعیین شد.

میانگین اعداد کارایی CCR اندازه‌گیری شده با استفاده از شبکه عصبی با الگوریتم LM، 0.600999 می‌باشد که با میانگین کارایی CCR به روش تحلیل پوششی داده‌ها (0.6389) اختلاف کمی دارد. سایر شاخص‌های عملکردی شبکه یعنی NMSE برابر 0.065 و MAE برابر 0.085 ضریب همبستگی ( $r$ ) برابر 0.0<< شد، که نشان‌دهنده توانایی و دقت بالای مدل در اندازه‌گیری اعداد کارایی می‌باشد.



شکل ۰: نمودار مقایسه نتایج DEA(BCC) و شبکه عصبی با الگوریتم آموزش LM

جدول ۵- نتایج BCC و شبکه عصبی با الگوریتم آموزش LM

شرکت سرمایه‌گذاری	DEA-BCC	DEA-NN	شرکت سرمایه‌گذاری	DEA-NN	DEA-BCC	DEA-NN
سرمایه‌گذاری معادن و فلزات	0.48615	0.=<7	سرمایه‌گذاری نیرو	0.36363	0.9:	
سرمایه‌گذاری توسعه آذربایجان	1.00224	5	سرمایه‌گذاری صندوق بازنگشتنی	1.00643	5	
سرمایه‌گذاری توسعه شهری توس گستر	0.88497	5	سرمایه‌گذاری غیر	0.82929	5	
سرمایه‌گذاری ساختمان ایران	0.41250	0.<=5	سرمایه‌گذاری صنعت نفت	0.44250	0.9;7	
سرمایه‌گذاری گروه صنعتی رنا	0.33102	0.:8<	سرمایه‌گذاری توکا فولاد	0.19052	0.96	
سرمایه‌گذاری مسکن	0.91655	5	مدیریت سرمایه‌گذاری امید	0.74897	0.;9	
سرمایه‌گذاری اعتبار ایران	0.69128	0.<9;	سرمایه‌گذاری پارس توشه	0.60935	5	
سرمایه‌گذاری بهمن	1.04289	5	سرمایه‌گذاری پرديس (عابق پلاستيك)	0.15131	0.:8:	
سرمایه‌گذاری بوعلی	0.28781	0.:09	سرمایه‌گذاری صنایع پتروشیمی	0.96405	5	
سرمایه‌گذاری توسعه ملي	1.01081	5	سرمایه‌گذاری البرز	1.04061	5	
سرمایه‌گذاری توسعه صنعتی ایران	0.64632	0.::<	سرمایه‌گذاری گروه توسعه ملي	0.31938	0.=6	
سرمایه‌گذاری سپه	0.3894	0.809	سرمایه‌گذاری ایران خودرو	0.83553	0.;78	
سرمایه‌گذاری صنعت بيمه	0.54619	0.8;8	سرمایه‌گذاری ساپا	0.16903	0.9<:	
سرمایه‌گذاری صنعت و معدن	0.60265	5	سرمایه‌گذاری سامان گستر اصفهان	0.31371	0.97;	
سرمایه‌گذاری ملي ایران	0.17311	0.;5=	سرمایه‌گذاری آtieh دماوند	0.97691	0.=7;	
سرمایه‌گذاری ملي ایران				0.245731	0.;6;	

توان تفکیک پذیری و تشخیص واحدها را ندارند به کار گرفت. در مقایسه انجام گرفته با روش‌های ریاضی و ترکیبی تحلیل کارآیی، شبکه‌های عصبی نتایج قابل قبولی ارائه دادند. در حال حاضر در شبکه Neuro-DEA نیاز است که از مدل‌های پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها نیز استفاده شود.

در ادامه این تحقیق می‌توان به موضوعات زیر پرداخت:

5. شناخت شاخصهای محیطی موثر بر عملکرد شرکت‌های سرمایه‌گزاری، اندازه گیری دقیق آنها و بکار گیری آنها در مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها و تحلیل حساسیت نتایج حاصل از آن با نتایج قبلی.

6. استفاده از از شبکه‌های محاسبه کننده کارآیی و همچنین از شبکه‌های خودسازمانده و ساخت شبکه‌ایی که به طور کامل مستقل از کارآیی را تحلیل کند.

7. بکارگیری روش Neuro-DEA در ارزیابی عملکرد کارکنان سایر موسسات تولیدی و خدماتی دیگر مانند شهرداری‌ها، فرمانداری‌ها و ...

8. بررسی روند رشد کارایی شرکتهای بورس با اجرای این مدل در مقاطع زمانی مختلف، به طور ادواری و منظم و بررسی تاثیر سیاست‌های مدیریتی اتخاذ شده در تغییر کارایی این شرکت‌ها

9. بکارگیری روش‌های دیگر همچون استفاده از اوزان Fuzzy و بدست آوردن داده‌های فازی در مدل DEA، بررسی روابط بین شاخص‌ها و مقایسه نتایج حاصل از بکارگیری این روش‌ها.

۱۰. استفاده از روش‌های کیفی در ارزیابی عملکرد از جمله BSC و ارزیابی و مقایسه نتایج حاصل از آن با پژوهش حاضر.

کارایی BCC می‌باشد، ولی با مقایسه شاخص‌های عملکردی شبکه عصبی در پیش‌بینی اعداد کارایی CCR و BCC که به ترتیب در جداول ۹ و ۱۰ نشان داده شده است، نتیجه می‌گیریم شبکه عصبی با الگوریتم آموزش LM دقیق‌تری در اندازه‌گیری اعداد کارایی کمتر در نتایج مدل تحلیل پوششی داده‌ها به عنوان خروجی ایده‌آل شبکه عصبی می‌باشد.

### نتیجه گیری

در این مقاله یک روش کمی در ارزیابی عملکرد شرکتهای سرمایه‌گزاری در یک مطالعه موردی معرفی شد. با توجه به نقاط ضعف مدل‌های پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها که توانایی تحلیل کارآیی را به تنها یی ندارند از شبکه‌های عصبی استفاده شدتا دقیق‌تر میزان کارایی را افزایش دهد. در ابتدا شرکتهای با کاربرد مدل‌های پایه‌ای تحلیل پوششی داده‌ها همانند مدل‌های CCR و BCC مورد بررسی قرار گرفت. در این تحلیل مشخص گردید شرکت‌های همانند توسعه شهری توسعه ملی و سامان گستر اصفهان بیشترین واحد‌های مرجع معرفی شده بودند. بنابراین شرکت‌های ناکارا با الگو برداری از شاخص‌های این شرکت می‌توانند خود را به مرز کارایی برسانند.

در مرحله بعد مدل‌های پایه‌ای با مدل‌های شبکه عصبی ترکیب گردید. در این پژوهش از مدل پرسپترون چند لایه استفاده گردید. نتایج تحقیق نشان داد که شبکه‌های عصبی، توان بالایی در یادگیری الگوهای کارایی دارند، اما لازم به ذکر است که شبکه باید به شکل مناسبی آموزش داده شود. با استفاده از شبکه‌های عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها می‌توان در مواردی که مدل‌های پایه‌ای

7. Ajalli, M. , Miandari, K. , Safavi Mirmahalleh, S. R. , Mohammadi Ramzani, M. , (2012), "Analysis of the Technical Efficiency of the Provincial Gas Companies in Iran Making use of the Synthetic Model of Performance Predictor Neural Networks, and Data Envelopment Analysis (Neuro-DEA)", American Journal of Scientific Research, 48, PP. 52-67
8. Aslani, G. , Momeni Masuleh, S. H. , Malek, A. , Ghorbani, F. , (2009), "Bank efficiency evaluation using a neural network-DEA method", Iranian Journal of Mathematical Sciences and Informatics, 4(2), pp. 33-48.
9. Athanassopoulos, A. , Curram, S. , (1996), "A Comparison of Data Envelopment Analysis and Artificial Neural Networks as Tools for Assessing the Efficiency of Decision Making Units", Journal of the Operational Research Society, 47, pp. 1000-1016.
10. Banker, R. D. , Charnes, A. , & Cooper, W. W. , (1984), "Some Models For Estimating Technical and Scale Inefficiencies in DEA", Management Science, 30(9), PP. 1078–1092.
11. Celebi, D. , Bayraktar, D. , (2008), "An integrated neural network and data envelopment analysis for supplier evaluation under incomplete information", Expert systems with application, 35, pp. 1698-1710.
12. Charnes, A. , Cooper, W. W. , Rhodes, E. , (1978), "Measuring the efficiency of DMUs", European Journal of Operational Research 2, pp. 429–444.
13. Costa, A. , Markellos, P. , (1997), "Evaluating public transport efficiency with neural network models", Transpn Research, 5(5), pp. 301-31.
14. Emrouznejad, A. , Shale, E. , (2009), "A combined neural network and DEA for measuring efficiency of large scale datasets", Computers and Industrial, 56, pp. 249-254.
15. Lee, C. C. , Ou-Yang, C. , (2009), "A Neural Networks Approach for Forecasting the Supplier's Bid Prices in Supplier Selection Negotiation Process", Expert Systems with Applications , 36(2), pp. 2961 2970
16. Mostafa, M. M. , (2009a), "Modeling the efficiency of top Arab banks: A DEA-neural network approach", Expert systems with applications, 36, pp. 309-320.

## منابع و مأخذ

- 5- اصفهانیان، مجید، امین ناصری، محمد رضا، (57<)، "ارائه یک مدل شبکه عصبی جهت پیش‌بینی کوتاه مدت قیمت نفت خام "، نشریه بین المللی علوم مهندسی دانشگاه علم و صنعت، جلد ۵، شماره ۵، ص 79-6.
- 6- سلطانی، سعید، سرداری، سروش، شیخپور، مژگان، موسوی، سیده صغیری، (57=<)، "شبکه‌های عصبی مصنوعی مبانی، کاربردها و آشنایی با نرم‌افزار NeuroSolution و EasyNN-plus "، تهران، نشر «نص».
- 7- صفایی قادیکلایی، عبدالحمید، زارع شاهی، علی، (57=<)، "تخمین مرز کارایی با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی ( مطالعه موردی: بانک صادرات استان مازندران ) "، دومین کنفرانس بین المللی تحقیق در عملیات.
- 8- قادری، سید فرید، آزاده، محمد علی، عمرانی، هاشم، (57=<)، "ارزیابی عملکرد شرکت‌های توزیع برق با روش‌های تحلیل پوششی داده‌ها و حداقل مربعات معمولی تصحیح شده "، مجله علمی پژوهشی شریف، 586-57، ص 87.
- 9- محراجیان، سعید، ساعتی مهتدی، صابر، هادی، علی، (57=0)، "ارزیابی کارایی شعب بانک اقتصاد نوین با ترکیبی از روش شبکه عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها "، مجله تحقیق در عملیات و کاربردهای آن، سال ۷، شماره 8، ص 6-7.
- مهرگان، محمد رضا، فرات، علیرضا، کامیاب مقدس، امین، (957=<)، "تحلیل کارایی فنی پالایشگاه‌های نفت کشور با استفاده از مدل ترکیبی شبکه‌های عصبی و تحلیل پوششی داده‌ها (Neuro-DEA)"، پژوهشنامه علوم انسانی و اجتماعی، سال 56-59، ص 67.

17. Mostafa, M. M. , (2009b), "Modeling the competitive market efficiency of Egyptian companies: A probabilistic neural network analysis", *Expert systems with applications*, 36, pp. 8839-8848.
18. Ozdemir, D. , Temur, G. T. , (2009), "DEA ANN approach in supplier evaluation system", *World academy of science engineering and technology*, 54, pp. 343-358
19. Pendharkar, P. , Rodger, James. (2003), "Technical efficiency-based selection of learning cases to improve forecasting accuracy of neural networks under monotonicity assumption", *Decision Support Systems*, 36, pp. 117– 136
20. Santian, D. , Delgado, F. , Valino, A. , (2004), "The measurement of technical efficiency: a neural network approach", *Applied Economics*, 36, pp. 627–635
21. Wang, S. ,(2003). Adaptive non-parametric efficiency frontier analysis: A neural-network-based model. *Computers and Operations Research*, 30,279–295
22. Wu, D. , (2009), "Supplier selection, "A hybrid model using DEA, decision tree and neural network", *Expert systems with applications*, 36, pp. 9105-9112.
23. Wu, D. , Yang, Z. , Liang, L. , (2006), "Using DEA-neural network approach to evaluate branch efficiency of a large Canadian bank", *Expert systems with applications*, 31, pp. 108-115.