

## یک مدل فازی برای به روز رسانی پورتفوی با در نظر گرفتن هزینه های معاملات: پیاده سازی در بورس اوراق بهادار تهران

آرش خیامیم<sup>\*</sup>، ابوالفضل میرزازاده<sup>۱</sup>، بهمن نادری<sup>۲</sup>

۱- کارشناس ارشد، دانشگاه خوارزمی، گروه مهندسی صنایع، تهران، ایران

۲- دانشیار، دانشگاه خوارزمی، گروه مهندسی صنایع، تهران، ایران

۳- استادیار، دانشگاه خوارزمی، گروه مهندسی صنایع، تهران، ایران

رسید مقاله: ۵ آذر ۱۳۹۲  
پذیرش مقاله: ۴ اردیبهشت ۱۳۹۳

### چکیده

مدل های بهینه سازی پورتفوی پس از شناسایی پورتفوی بهینه آن را تا پایان دوره سرمایه گذاری رها می کنند. حال آنکه موقعیت های اقتصادی همواره در حال تغییر است. با توجه به این موضوع، مقاله پیش رو مدلی برای بازنگری در ترکیب پورتفوی پیشنهاد می کند. استراتژی پیشنهاد شده افق سرمایه گذاری را به زیردوره های کوتاه تر تقسیم و در ابتدای هر زیر دوره ترکیب پورتفوی را با شرایط بازار هماهنگ می نماید. این تحقیق یک مدل چند هدفه غیر خطی فازی ارایه می کند که پورتفوی را با توجه به هزینه های معاملات، خصوصیات سرمایه گذار و نرخ بازده بدون ریسک به روز می نماید. سرانجام در غالب یک مطالعه موردی، مدل پیشنهادی با داده های واقعی جمع آوری شده از بازار بورس تهران برای سه سرمایه گذار با خصوصیات مختلف اجرا شده است. نتایج این مطالعه نشان می دهد که مدل ارایه شده قادر است عملکردی بهتر از شاخص بازار ارایه کند.

**کلمات کلیدی:** بهینه سازی سبد سهام، انتخاب پورتفوی، برنامه ریزی فازی، هزینه معاملات، به روز رسانی پورتفوی.

### ۱ مقدمه

بورس اوراق بهادار مهمترین جایگاه تخصیص منابع مالی به فعالیت های اقتصادی است. از این رو، توسعه ساز و کارهای مناسب برای مدیریت بهینه سرمایه گذاری در این بازار از اهمیت ویژه ای برخوردار است. سرمایه گذاری در بازارهای مالی در غالب پورتفوی (Portfolio) یا سبد دارایی ها صورت می گیرد. در حقیقت، پورتفوی مجموعه ای از دارایی های مالی مثل سهام، اوراق قرضه و پول نقد است که توسط سرمایه گذار نگهداری می شود. ترکیب پورتفوی بیان گر چگونگی تخصیص سرمایه به هر یک از دارایی های مالی است. از این رو، بهینه سازی پورتفوی یکی از مسائل اساسی در مدیریت مالی به شمار می رود.

\* عهده دار مکاتبات

آدرس الکترونیکی: arash.khayamim@gmail.com

مدل‌های فعلی معمولاً پورتفوی بهینه را انتخاب کرده؛ آن را تا پایان دوره سرمایه‌گذاری رها می‌کند. اما موقعیت‌های اقتصادی همواره در حال دگرگونی است و اصلاح ترکیب پورتفوی به موازات تغییر وضعیت بازار ضروری به نظر می‌رسد. در عمل نیز بیشتر سرمایه‌گذاران، هم‌گام با تغییر شرایط بازار در ترکیب پورتفوی خود بازنگری می‌نمایند. از این رو، مدلی مورد نیاز است که بتواند پورتفوی را با اطلاعات تازه به دست آمده از بازار هماهنگ کند.

چنین فرآیندی فروش برخی از دارایی‌های مالی و جای‌گزین کردن دارایی‌های دیگر را شامل خواهد شد. اما خرید و فروش این دارایی‌ها مستلزم پرداخت هزینه‌های مختلف مثل مالیات و کارمزد شرکت‌های کارگزاری است. مرور ادبیات نشان می‌دهد که مدل‌های بهینه‌سازی پورتفوی غالباً این هزینه‌ها را نادیده می‌گیرند. با توجه به تحقیقاتی که در سال‌های اخیر انجام شده است؛ چشم‌پوشی از این هزینه‌ها می‌تواند منجر به انتخاب سبدهای غیربهینه شود. علاوه بر این، از آنجا که سرمایه‌گذاران ویژگی‌ها و خواسته‌های گوناگونی دارند ترکیب پورتفوی بهینه نیز برای هر یک از آن‌ها متفاوت خواهد بود. به بیان دیگر، پورتفوی موضوعی شخصی است که با شرایط و وضعیت خاص هر سرمایه‌گذار تناسب دارد. بر این اساس، تحقیق پیش‌رو یک مدل برنامه‌ریزی فازی برای بهروز-رسانی پورتفوی (Portfolio rebalancing) با درنظر گرفتن هزینه‌های معاملات، خصوصیات سرمایه‌گذار و نرخ بازده بدون ریسک (نرخ بهره بانکی) ارایه می‌کند. در پایان، کارایی مدل در مطالعه‌ای تجربی با داده‌های واقعی به دست آمده از بورس تهران مورد سنجش قرار می‌گیرد.

ساختار تحقیق پیش‌رو به این صورت است که بخش بعدی به مبانی نظری و مرور ادبیات مربوط به تئوری پورتفوی، مدل‌های بهینه‌سازی پورتفوی و روش برنامه‌ریزی فازی می‌پردازد. بخش سوم یک مدل چندهدفه غیرخطی برای مساله بهروز رسانی پورتفوی ارایه می‌کند. هم‌چنین، این بخش یک شیوه برنامه‌ریزی فازی نیز برای حل مدل در تناسب با خصوصیات سرمایه‌گذار معرفی می‌نماید. بخش چهارم اعتبار مدل پیشنهادی را با داده‌های واقعی بورس اوراق بهادار تهران مورد بررسی قرار می‌دهد. نتیجه‌گیری و پیشنهاد برای پژوهش‌های آینده نیز پیکره تحقیق حاضر را در بخش پنجم کامل می‌کند.

## ۲ مبانی و ادبیات تحقیق

### ۱-۱ تئوری نوین پورتفوی

تئوری نوین پورتفوی با مقاله مشهور مارکوویتز [۱] پایه‌ریزی شده است. او برای نخستین بار بازده و ریسک دارایی‌های مالی را با استفاده از مقیاس‌های آماری آن‌ها، یعنی بازده مورد انتظار و انحراف معیار بازده، کمی‌سازی کرد. او پیشنهاد می‌کند سرمایه‌گذار بازده و ریسک را به طور موازی درنظر بگیرد و بر مبنای بدء بستان میان آن‌ها، برای تخصیص سرمایه خود تصمیم‌گیری کند. او این فرآیند را به صورت یک مساله بهینه‌سازی در می‌آورد که بازده مورد انتظار پورتفوی را بیشینه و ریسک آن را کمینه می‌کند. پیرامون این مدل که به مدل میانگین-واریانس شهرت دارد؛ تاکنون تحقیقات فراوانی صورت گرفته است. هم‌چنین، منابع پرشماری برای

آشنایی با روند تکامل این تئوری وجود دارد [۲-۴]. این بخش پس از تعریف ریسک و بازده مورد انتظار پورتفوی، به معرفی چهار چوب مدل میانگین-واریانس می‌پردازد.

### ۱-۱-۱ ریسک و بازده مورد انتظار پورتفوی

بازده در حقیقت پاداشی است که سرمایه‌گذار به ازای پذیرش ریسک دریافت می‌کند. مارکوویتز، بازده مورد انتظار پورتفوی را به صورت میانگین وزن دار بازده مورد انتظار تک تک دارایی‌ها تعریف می‌نماید. اگر فرض کنیم  $\{S_1, S_2, \dots, S_n\} = S$  مجموعه کل دارایی‌های مالی باشد؛ رابطه (۱) بازده مورد انتظار پورتفوی را محاسبه می‌کند.

$$E(R_p) = \sum_{i \in S} x_i r_i \quad (1)$$

در این رابطه،  $E(R_p)$  بازده مورد انتظار پورتفوی و  $x_i$  نیز نسبتی از کل بودجه است که روی دارایی  $i^*$  سرمایه‌گذاری می‌شود ( $1 \leq i \leq n$ ). هم‌چنین،  $r_i$  میزان بازده مورد انتظار دارایی  $i^*$  را نشان می‌دهد. اگر  $R_i$  را به عنوان یک متغیر تصادفی درنظر بگیریم که بیان‌گر بازده دارایی  $i^*$  است،  $r_i$  بر اساس داده‌های تاریخی  $T$  دوره‌ی قبل و با استفاده از رابطه (۲) تخمین زده می‌شود. در این رابطه  $r_{it}$  بازده واقعی دارایی  $i^*$  در دوره  $t$  است.

$$r_i = E(R_i) = \frac{\sum_{t=1}^T r_{it}}{T} \quad (2)$$

مطابق تئوری پورتفوی، ریسک نیز موضوع دیگری است که در کنار بازده مورد بررسی قرار می‌گیرد. مارکوویتز ریسک را به صورت پراکندگی بازده تعریف کرده است و از آنجا که واریانس، میزان پراکندگی را نشان می‌دهد. از این مقیاس برای اندازه‌گیری ریسک استفاده می‌کند. واریانس پورتفوی از رابطه (۳) محاسبه می‌شود.

$$\sigma_p^2 = \sum_{i \in S} \sum_{j \in S} x_i x_j \sigma_{ij} \quad (3)$$

در این رابطه،  $\sigma_p^2$  واریانس پورتفوی و  $\sigma_{ij}$  نیز کوواریانس دارایی‌های  $i$  و  $j$  است که مقدار آن از رابطه (۴) قابل محاسبه می‌باشد.  $\rho_{ij}$  ضریب وابستگی بازده دارایی‌های  $i$  و  $j$ ، و  $\sigma_i$  انحراف معیار دارایی  $i^*$  است.

$$\sigma_{ij} = \rho_{ij} \sigma_i \sigma_j \quad (4)$$

همان‌طور که رابطه (۴) نشان می‌دهد ایده اساسی در اینجا متنوع‌سازی پورتفوی است. چرا که میزان ریسک پورتفوی نه تنها با ریسک تک تک دارایی‌های درون آن بلکه با میزان وابستگی این دارایی‌ها به یکدیگر نیز ارتباط دارد. مارکوویتز معتقد است که سرمایه‌گذار نمی‌خواهد روی دارایی‌هایی سرمایه‌گذاری کند که به شدت به

یکدیگر وابسته باشند زیرا در این صورت ممکن است هم‌زمان همه آن‌ها عمل کرد بدی داشته؛ در مجموع زیان زیادی حاصل شود [۵].

## ۲-۱-۲ مدل میانگین-واریانس

مدل میانگین-واریانس، پورتفوی را به گونه‌ای انتخاب می‌کند که ریسک آن برای سطح مطلوبی از بازده کمینه شود. برنامه‌ریزی ریاضی مدل میانگین-واریانس به صورت زیر است.

$$\text{Min} \quad \sigma_p = \sum_{i \in S} \sum_{j \in S} x_i x_j \sigma_{ij} \quad (5)$$

s.t.

$$E(R_p) = \sum_{i \in S} x_i r_i \geq R \quad (6)$$

$$\sum_{i \in S} x_i = 1 \quad (7)$$

$$x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, n \quad (8)$$

در اینجا  $R$  حداقل بازده مورد انتظار پورتفوی است. این مدل ریسک پورتفوی را مطابق باتابع هدف (5) کمینه می‌کند و محدودیت (6) نیز بازده مورد انتظار پورتفوی را بالاتر از سطح مطلوب آن نگه می‌دارد. مطابق با محدودیت (7) کل بودجه سرمایه‌گذاری می‌شود و در نهایت محدودیت (8) نیز بیان گر غیرمنفی بودن وزن‌های دارایی در پورتفوی است. این مدل نوعی برنامه‌ریزی درجه دوم (Quadratic programming) است که با حل آن کمترین واریانس متناظر با مقادیر مختلف  $R$  به دست می‌آید. به این ترتیب، مرز کارا (مرز پارتو) مشخص و پورتفوی بهینه شناسایی می‌شود (برای آشنایی دقیق‌تر با مفهوم جواب بهینه پارتو رجوع شود به [۶]).

## ۲-۱-۳ ترکیب یک پورتفوی با یک دارایی بدون ریسک

دارایی ریسکی، دارایی است که بازده آینده آن نامعین است. تئوری پورتفوی این عدم قطعیت (یا ریسک) را با واریانس بازده مورد انتظار، اندازه‌گیری می‌کند. در سوی دیگر، دارایی بدون ریسک قرار دارد که بازده آینده آن قطعی و از پیش تعیین شده است. بنابراین، واریانس آن برابر صفر است و به آسانی اثبات می‌شود که کوواریانس آن نیز با هر دارایی یا پورتفوی دیگر، برابر صفر خواهد بود [۷]. از این رو، ورود یک دارایی بدون ریسک به مساله تاثیری بر محاسبات واریانس پورتفوی ندارد و تنها بازده مورد انتظار آن را تغییر می‌دهد.

## ۲-۲ پیشنهاد مدل‌های بهینه‌سازی پورتفوی با درنظر گرفتن هزینه‌های معاملات

به خاطر پیچیدگی محاسباتی مدل میانگین-واریانس این مدل در سال‌های ابتدایی به آسانی قابل استفاده نبود؛ به‌ویژه از این جهت که معمولاً تعداد متغیرهای تصمیم در مسایل انتخاب پورتفوی زیاد است. در نتیجه پژوهش‌های اولیه بیشتر بر کاهش پیچیدگی محاسباتی این مدل تمرکز دارد (مثل [۸]). اما با توسعه رایانه و

افزایش توان محاسباتی، پژوهش گران در جهت بهبود قابلیت‌های این مدل گام برد اشتند. حل مدل در حالت چند دوره‌ای (Multi-period) و در نظر گرفتن هزینه‌های معاملات نیز بخشی از این قابلیت‌هاست.

موسین [۹] اولین نمونه از مدل‌های چند دوره‌ای بهینه‌سازی پورتفوی را ارایه می‌کند. او افق سرمایه‌گذاری را به زیر دوره‌های کوتاه‌تری تقسیم کرده؛ با استفاده از برنامه‌ریزی پویا (Dynamic programming) مدل تک دوره‌ای مارکوویتز را در ابتدای هر زیر دوره به کار می‌گیرد. اما توسعه مدل‌های حرفه‌ای‌تر با تحقیق چن و همکاران [۱۰] آغاز شد که مدلی برای در نظر گرفتن هزینه‌های معاملات در چهارچوب مدل مارکوویتز ارایه کردند. در مطالعات تازه‌تر نیز جانا و همکاران [۱۱] یک مدل فازی برای انتخاب پورتفوی با در نظر گرفتن هزینه‌های معاملات ارایه می‌کنند.

چشم‌پوشی از هزینه معاملات در فرآیند بهینه‌سازی پورتفوی می‌تواند موجب انتخاب پورتفوی غیربهینه شود [۱۲]. لاحظ کردن هزینه‌های معاملات تاثیر قابل توجهی بر مرزکارا دارد و ممکن است سبب بهبود عملکرد پورتفوی شود [۱۳]. با این وجود، بسیاری از مدل‌های بهینه‌سازی پورتفوی هزینه معاملات را نادیده گرفته یا آن را به عنوان جریمه‌ای برای بازده پورتفوی در نظر می‌گیرند (مثل [۱۱ و ۱۴]). طبیعی است که بازده، در پایان مدت سرمایه‌گذاری به دست سرمایه‌گذار می‌رسد. از این رو، با محاسبه هزینه معاملات به عنوان جریمه بازده به طور ضمنی فرض شده که هزینه معاملات نیز در پایان دوره سرمایه‌گذاری پرداخت می‌شود. این در حالی است که سرمایه‌گذار در عمل باید این هزینه‌ها را در زمان انجام معاملات (یعنی در ابتدای دوره سرمایه‌گذاری) پرداخت کند. بنابراین کمینه کردن این هزینه‌ها به عنوان یک هدف جداگانه و نه به عنوان جریمه‌ای برای بازده، مدل را به شرایط واقعی بازار نزدیک‌تر می‌کند. از سوی دیگر، مدل‌های فعلی هزینه خرید و فروش دارایی‌های مالی را یکسان می‌گیرند. به عبارت دیگر، نرخ ثابتی برای هزینه‌های معاملات لحظه می‌کنند؛ در حالی که هزینه خرید یک دارایی مالی با هزینه فروش آن به ندرت یکسان است.

سرمایه‌گذاران معمولاً به جای اینکه یک پورتفوی انتخاب کنند؛ پورتفوی قبلی خود را مورد بازنگری قرار می‌دهند. موقعیت‌ها و شرایط بازار مدام در حال تغییر است و سرمایه‌گذاران را وادار می‌کند در ترکیب پورتفوی خود تجدید نظر نمایند. از این رو، مساله انتخاب پورتفوی به مساله بازنگری یا به عبارت دیگر، به روز رسانی پورتفوی تبدیل می‌شود. بازنگری در ترکیب پورتفوی در طول دوره سرمایه‌گذاری باعث افزایش مطلوبیت مورد انتظار سرمایه‌گذار می‌شود [۱۳]. مطالعه تجربی جانسون و شنون [۱۵] نشان می‌دهد پورتفویی که هر سه ماه یک بار به روز رسانی شود عملکرد بهتری، نسبت به پورتفویی که مورد بازنگری قرار نگرفته است؛ دارد. در این زمینه، فنگ و همکاران [۱۶] با استفاده از نیمه قدر مطلق انحراف‌ها (Semi-Absolute Deviation: SAD) به عنوان معیار اندازه‌گیری ریسک، یک مدل خطی برای به روز رسانی پورتفوی با در نظر گرفتن هزینه‌های معاملات توسعه می‌دهند. یو و لی [۱۶] نیز یک مدل غیرخطی فازی برای به روز رسانی پورتفوی با لحاظ کردن هزینه‌های معاملات ارایه کرده‌اند و با مطالعه‌ای تجربی در بازار بورس تایوان نشان می‌دهند که مدل پیشنهادی می‌تواند بهتر از شاخص بازار عمل کند.

شایان ذکر است که به طور کلی استفاده از میانگین قدر مطلق انحراف‌ها (Mean-absolute Deviations: MAD) و SAD سبب خطی شدن مدل و کاهش پیچیدگی محاسباتی آن می‌شود. ارزش در معرض خطر (Value At Risk: CVAR Conditional VAR) نیز از مقیاس‌های دیگری است که با هدف بهبود عملکرد پورتفوی، در کنار واریانس یا به تنها بی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

### ۳-۲ پیشینه برنامه‌ریزی فازی

در تصمیم‌گیری کلاسیک، تصمیم‌گیرنده آگاه است که در چه مرحله یا وضعیتی قرار دارد و به این ترتیب قادر است گزینه مطلوب را انتخاب کند. اما در شرایط ریسک تصمیم‌گیرنده دقیقاً نمی‌داند چه وضعیتی در آینده پیش خواهد آمد و تنها تابع احتمال وضعیت‌های آینده در دسترس است. چنانچه امکان برآورد توزیع آماری شرایط آینده وجود داشته باشد مساله با ساختار احتمالی تحلیل می‌شود. اما اگر اطلاعات و سوابق در دست نباشد یا به صورت نادقيق و تقریبی باشد؛ مساله ساختاری فازی پیدا می‌کند. به بیان دیگر، زمانی که یک مساله برنامه‌ریزی تحت شرایط عدم قطعیت غیراحتمالی باشد برنامه‌ریزی فازی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

موضوع برنامه‌ریزی فازی نخست توسط بلمن و زاده [۱۷] مطرح شد. این شیوه به سرعت مورد توجه قرار گرفت و در تحقیقات بعدی (مثل [۱۸ و ۱۹]) تکامل پیدا کرد. تا کنون تکنیک‌های گوناگونی در جهت حل مسایل بهینه‌سازی با استفاده از برنامه‌ریزی فازی توسعه پیدا کرده است. زیمرمن [۲۰] مجموعه‌ای از رایج‌ترین آن‌ها را مرور می‌کند.

وجود عدم قطعیت پیرامون وقایع و رخدادهای آینده، فرآیند بهینه‌سازی پورتفوی را پیچیده می‌کند. بسیاری از مدل‌های انتخاب پورتفوی بر اساس روش‌های احتمالی طراحی شده‌اند اما چنین روش‌هایی نمی‌تواند عدم قطعیت موجود در بازار را به طور کامل پوشش دهد [۱۴]. از طرف دیگر، روش‌های فازی اجازه می‌دهد مواردی مثل تحلیل‌های کیفی، نظرات کارشناس و سلایق سرمایه‌گذار به آسانی وارد مساله بهینه‌سازی شود. از این رو، در سال‌های اخیر پژوهش‌های گسترده‌ای پیرامون مدل‌های فازی بهینه‌سازی پورتفوی صورت گرفته است (مثل [۲۱ و ۲۲]). این‌گوچی و رامیک [۲۳] مقایسه جامعی بین برنامه‌ریزی احتمالی (Stochastic programming) و برنامه‌ریزی فازی در مساله انتخاب پورتفوی انجام می‌دهند.

### ۴-۲ جمع‌بندی ادبیات تحقیق

همان‌طور که جدول ۱ نشان می‌دهد؛ تاکنون مدل‌های مختلفی برای بهینه‌سازی پورتفوی با درنظر گرفتن هزینه‌های معاملات توسعه داده شده است. با این وجود، بیشتر آن‌ها هزینه معاملات را به طور تقریبی و به عنوان جریمه‌ی بازده در نظر می‌گیرند. از سوی دیگر، بررسی‌های نویسنده‌گان در ادبیات موضوع حاکی از عدم وجود مدلی است که بتواند پورتفوی را بر اساس خصوصیات سرمایه‌گذار و در حضور یک دارایی بدون ریسک، به روزرسانی کند.

جدول ۱. مطالعات مرتبط

تحقيق	مساله	روش حل	بورس	مقاييس ريسك	د.ر. خ.س. م.ه
*	انتخاب پورتفوی	شانگهاي	تئوري امكان	VAR , $\sigma_p^*$	[۲۵]
*	انتخاب پورتفوی	نيويورك	برنامه ريزى فازى	MAD	[۲۴]
*	انتخاب پورتفوی	-	برنامه ريزى فازى	$\sigma_p^*$	[۱۱]
*	برنامه ريزى احتمالي	نيويورك	برنامه ريزى فازى	CVAR , $\sigma_p^*$	[۱۳]
*	برنامه ريزى فازى	شانگهاي	برنامه ريزى فازى	SAD	[۱۴]
*	برنامه ريزى فازى	تايوان	برنامه ريزى فازى	$\sigma_p^*$	[۱۶]
این تحقيق	برنامه ريزى فازى	تهران	برنامه ريزى فازى	$\sigma_p^*$	بهروز رسانى پورتفوی

«.م.»: هزينه هاي معاملات؛ «خ.س.»: خصوصيات سرمایه گذار؛ «د.ر.»: دارایی بدون ريسك

### ۳ تعريف و مدل سازی مساله

همان طور که پيش تر اشاره شد شرایط و موقعیت های اقتصادی مدام در حال تغییر است و تغییر ترکیب پورتفوی به موازات این تغییرات می تواند موجب افزایش مطلوبیت مورد انتظار سرمایه گذار شود. از این رو، استراتژی پیشنهادی افق سرمایه گذاری را به زیر دوره های کوتاه تری تقسیم و پورتفوی را در ابتدای هر زیر دوره به روز رسانی می کند. به این منظور، این بخش يك مدل برنامه ريزى چند هدفه ارایه و سپس يك روش برنامه ريزى فازى برای حل آن معرفی می نماید.

#### ۱-۳ مدل برنامه ريزى چند هدفه غير خطى برای به روز رسانى پورتفوی

مطابق با مدل ميانگين - واريанс، سرمایه گذار بر اساس بدء بستان ميان ريسك و بازده مورد انتظار، سرمایه خود را بين دارایی های مختلف تخصیص می کند. این بخش يك مدل برنامه ريزى چند هدفه غير خطى جهت به روز رسانى پورتفوی در چهار چوب ميانگين - واريانس ارایه می نماید. مدل پیشنهادی هزينه هاي معاملات را در نظر گرفته؛ يك دارایی بدون ريسك را نيز در فرآيند به روز رسانى پورتفوی شرکت می دهد. برنامه ريزى رياضي اين مدل به صورت زير است.

#### مدل (۱)

$$\text{Max } M(x) = \sum_{i \in S} x_i r_i + x_f r_f \quad (9)$$

$$\text{Min } V(x) = \sum_{i \in S} \sum_{j \in S} x_i x_j \sigma_{ij} \quad (10)$$

$$\text{Min } C(x) = \sum_{i \in S} (x_i^b C_i^b + x_i^s C_i^s) \quad (11)$$

s.t.

$$\sum_{i \in S} x_i + \sum_{i \in S} (x_i^b C_i^b + x_i^s C_i^s) \leq 1 \quad (12)$$

$$x_f = 1 - \sum_{i \in S} x_i - \sum_{i \in S} (x_i^b C_i^b + x_i^s C_i^s) \quad (13)$$

$$m \leq \sum_{i \in S} z_i \leq M \quad (14)$$

$$z_i l_i \leq x_i \leq z_i u_i, \quad i \in S \quad (15)$$

$$x_i = x_i^\circ + x_i^b - x_i^s, \quad i \in S \quad (16)$$

$$x_i^b, x_i^s \geq 0, x_i^\circ \leq x_i^\circ, z_i \in \{0, 1\}, \quad i \in S \quad (17)$$

در اینجا،  $x_i^\circ$  وزن دارایی نام در پورتفوی فعلی است که میزان آن با خرید  $x_i^b$  یا فروش  $x_i^s$  به روزرسانی می‌شود. هم‌چنین،  $x_f$  وزن دارایی بدون ریسک در پورتفوی و  $r_f$  بازده این دارایی را نشان می‌دهد. علاوه بر این، نرخ هزینه خرید دارایی  $i$  نام با  $C_i^b$  و نرخ هزینه فروش آن نیز با  $C_i^s$  نمایش داده می‌شود.  $l_i$  و  $u_i$  به ترتیب حداقل و حداکثر وزن دارایی  $i$  نام در پورتفوی و  $m$  نیز به ترتیب حداقل و حداکثر تعداد دارایی‌های داخل پورتفوی است. سرانجام،  $z_i$  متغیری صفر و یک است که در صورت انتخاب دارایی  $i$  نام، یک و در غیر این صورت صفر خواهد بود.

در این مدل سهتابع هدف با یکدیگر رقابت می‌کنند: بیشینه‌سازی بازده مورد انتظار پورتفوی ( $M(x)$ ،  $V(x)$  و هزینه‌های معاملات ( $C(x)$ ). مطابق با محدودیت (12)، هزینه‌های معاملات از کل بودجه کسر و باقیمانده بودجه یا روی دارایی‌های ریسکی سرمایه‌گذاری می‌شود یا مطابق با محدودیت (13) به دارایی بدون ریسک اختصاص می‌یابد. محدودیت‌های (14) و (15) نیز محدودیت‌های کاربردی است که در جهت کنترل بهتر ترکیب پورتفوی طراحی شده‌اند. این مدل فرض می‌کند معامله‌ی دارایی بدون ریسک مستلزم پرداخت هزینه نیست.

شایان ذکر است که علاوه بر محدودیت‌های لحاظ شده،  $x_i^b = x_i^s$  نیز به طور طبیعی باید مورد توجه قرار گیرد. زیرا خرید و فروش هم‌زمان یک دارایی مالی باعث بالا رفتن بی‌دلیل هزینه‌های معاملات می‌شود. از این روند، چنین حالتی هیچ‌گاه بهینه نخواهد بود. با این وجود، میشل و براون [26] اثبات می‌کنند که در حضور یک دارایی بدون ریسک این محدودیت قابل حذف است.

### ۲-۳ برنامه‌ریزی فازی بروزرسانی پورتفوی

معمولأً سرمایه‌گذاران نسبت به اهداف مالی خود تمايلات مختلفی دارند. ممکن است سرمایه‌گذاری بخواهد بازده بالایی کسب کند و برای دست‌یابی به آن، ریسک بالایی را نیز می‌پذیرد. در سوی دیگر، سرمایه‌گذاری به دنبال کسب بازدهی پایدار است اگرچه میزان آن چندان زیاد نباشد. با توجه به این موضوع، هر مدل بهینه‌سازی پورتفوی باید بتواند پورتفوی بهینه را متناسب با خواسته‌ها و نیازهای سرمایه‌گذار ارایه نماید.

غالباً در مسایل تصمیم‌گیری وقتی سخن از خواسته‌ها و نیازهای تصمیم‌گیرنده به میان می‌آید شیوه‌های برنامه‌ریزی آرمانی (Goal programming) به عنوان یک راه حل منطقی، به ذهن می‌رسد. سادگی و مؤثر بودن این شیوه‌ها سبب محبوبیت آن‌ها در مسایل تصمیم‌گیری شده است. با این وجود استفاده از این شیوه‌ها در مساله انتخاب پورتفوی با مشکل موافقه می‌شود؛ زیرا سرمایه‌گذاران اغلب نمی‌توانند سطح آرمانی (Aspiration level) اهداف خود را بیان کنند. در محیط ملاطمن بازارهای مالی بسیار مشکل است اگر سرمایه‌گذاری بخواهد بگوید تا چه حد حاضر است ریسک کند و یا دقیقاً کسب چه میزان بازده برای او مطلوب خواهد بود. معمولاً اگر از سرمایه‌گذاران در مورد سطح تمایلاتشان پرسش شود پاسخ‌های مبهمی خواهند داد. عبارت‌هایی مثل: هرچه بیشتر بهتر، حتی المقدور کم و مواردی از این دست. بنابراین سطح مطلوب بازده و سطح قابل قبول ریسک و هزینه‌های معاملات دارای ابهام است. فازی کردن تابع‌های هدف سبب انعطاف‌پذیر شدن مقادیر مطلوب آن‌ها می‌شود و آن‌ها را از وضعیت قطعی خارج می‌کند. از این رو، بخش بعدی یک روش برنامه‌ریزی فازی برای حل مساله معرفی می‌نماید.

### ۲-۳-۱ پیش‌نیازهای برنامه‌ریزی فازی برای مساله بهینه‌سازی چند هدفه

پیش از معرفی تکنیک فازی پیشنهادی، آشنایی با تعاریف اولیه جواب‌های ایده‌آل (Ideal solutions) و جواب‌های ضد ایده‌آل (Anti-ideal solutions) در یک مساله بهینه‌سازی چند هدفه ضروری است. این جواب‌ها برای یک مساله بهینه‌سازی  $k$  هدفه با تابع هدف‌های  $Z_1(X), Z_2(X), \dots, Z_k(X)$  به صورت زیر تعریف می‌شود.

**تعریف ۱.** جواب ایده‌آل  $Z_r$  برای تابع هدف  $Z_r(X)$  عبارت است از مطلوب‌ترین مقدار قابل دست‌یابی (Feasible) برای این هدف با توجه به محدودیت‌های مساله. این جواب با حذف سایر اهداف و حل مساله فقط با درنظر گرفتن  $Z_r(X)$  محاسبه می‌شود.

**تعریف ۲.** جواب ضد ایده‌آل  $Z_r^*$  برای تابع هدف  $Z_r(X)$  عبارت است از نامطلوب‌ترین مقدار برای هدف  $Z_r(X)$  با توجه به جواب‌های ایده‌آل سایر اهداف. برای محاسبه جواب‌های ضد ایده‌آل، ابتدا جواب‌های ایده‌آل  $X_1, X_2, \dots, X_K$  به ترتیب برای اهداف  $Z_1(X), Z_2(X), \dots, Z_k(X)$  محاسبه و جدول بهره‌وری (Pay-off table) مطابق جدول ۲ تشکیل می‌شود. اگر  $Z_r(X)$  در مساله کمینه گردد، جواب ضد ایده‌آل آن از رابطه (۱۸) و اگر بیشینه‌سازی باشد؛ جواب ضد ایده‌آل آن از رابطه (۱۹) قابل محاسبه است.

جدول ۲. جدول بهره‌وری

	$Z_1(x)$	$Z_2(x)$	.....	$Z_k(x)$
$X_1$	$Z_1^*(X_1)$	$Z_2(X_1)$	.....	$Z_k(X_1)$
$X_r$	$Z_1(X_r)$	$Z_2^*(X_r)$	.....	$Z_k(X_r)$
....	.....	.....	.....	.....
$X_K$	$Z_1(X_K)$	$Z_2(X_K)$	.....	$Z_k^*(X_K)$

$$Z_l = \max\{Z_r(X_1), Z_r(X_2), \dots, Z_r(X_k)\} \quad (18)$$

$$Z_u = \min\{Z_r(X_1), Z_r(X_2), \dots, Z_r(X_k)\} \quad (19)$$

**تعریف ۳.** مجموعه فازی و تابع عضویت مرتبط با آن به این صورت تعریف می‌گردد. اگر  $X$  مجموعه‌ای از عناصر باشد که با  $x$  نشان داده می‌شود؛ آن‌گاه مجموعه فازی  $\tilde{A}$  در  $X$  مجموعه زوج‌های مرتب به شرح زیر خواهد بود:

$$\tilde{A} = \{x, \mu_{\tilde{A}}(x) | x \in X\} \quad (20)$$

در این رابطه  $\mu_{\tilde{A}}(x)$  تابع عضویت  $x$  در  $\tilde{A}$  است که در بازه  $[0, 1]$  مقدار می‌گیرد.

### ۲-۲-۳ برنامه‌ریزی فازی به روزرسانی پورتفوی

تکنیک برنامه‌ریزی فازی به خوبی می‌تواند مسائل بهینه‌سازی چندهدفه را حل کند [۱۹]. پیش از فازی‌سازی توابع هدف، مطابق با تعاریف ارایه شده در بخش قبل، جواب‌های ایده‌آل و ضد ایده‌آل مدل (۱) محاسبه می‌شود. به این صورت،  $C_u$ ،  $M_u$  و  $V_u$  که به ترتیب برابر است با مقادیر ایده‌آل بازده، ریسک و هزینه معاملات به دست می‌آید. همین‌طور، مقادیر ضد ایده‌آل این اهداف، به ترتیب  $C_l$ ،  $M_l$  و  $V_l$  نیز تعیین می‌گردد. پس از آن، توابع عضویت  $\mu_M(x)$ ،  $\mu_V(x)$  و  $\mu_C(x)$  مطابق با روابط ۲۲-۲۴ تعریف و سرانجام مدل (۱) به حالت تک‌هدفه وزن‌دار تبدیل می‌شود. به این ترتیب، مدل به روزرسانی پورتفوی به صورت زیر قابل بازنویسی خواهد بود (برای مطالعه دقیق‌تر پیرامون برنامه‌ریزی فازی رجوع شود به [۶ و ۱۱]).

### مدل (۲)

$$\text{Max } F = w_M \mu_M(x) + w_V \mu_V(x) + w_C \mu_C(x) \quad (21)$$

s.t.

$$\mu_M(x) = \left( \frac{M(x) - M_l}{M_u - M_l} \right) \quad (22)$$

$$\mu_V(x) = \left( \frac{V(x) - V_l}{V_u - V_l} \right) \quad (23)$$

$$\mu_C(x) = \left( \frac{C(x) - C_l}{C_u - C_l} \right) \quad (24)$$

$$M(x) = \sum_{i \in S} x_i r_i + x_f r_f \quad (25)$$

$$V(x) = \sum_{i \in S} \sum_{j \in S} x_i x_j \sigma_{ij} \quad (26)$$

$$C(x) = \sum_{i \in S} (x_i^b C_i^b + x_i^s C_i^s) \quad (27)$$

$$w_M + w_V + w_C = 1 \quad (28)$$

محدودیت‌های ۱۲ ~ ۱۷

در این مدل  $w_M$  وزن تابع هدف بازده،  $w_V$  وزن تابع هدف ریسک و  $w_C$  نیز وزن مربوط به تابع هدف هزینه‌های معاملات است. در پایان، محدودیت (۲۸) اطمینان حاصل می‌کند که مجموع وزن تابع‌های هدف برابر ۱ باشد. مقادیر  $w_V$  و  $w_C$  به ترتیب بر اساس میزان ریسک گریزی و هزینه گریزی سرمایه‌گذار تعیین می‌گردد. آشکار است که در صورت نادیده گرفتن هزینه‌های معاملات،  $w_C$  برابر صفر و مدل (۲) به مدل میانگین-واریانس تبدیل خواهد شد.

#### ۴ پیاده‌سازی مدل در بورس اوراق بهادار تهران

این بخش با یک مطالعه تجربی روی داده‌های واقعی مربوط به سهام ۳۰ شرکت فعال در بورس اوراق بهادار تهران، عملکرد مدل پیشنهادی را در بوتی آزمایش قرار می‌دهد. این شرکت‌ها از گروه‌های مختلف صنعت و با توجه به میزان فعالیتشان در دوره مورد نظر انتخاب شده‌اند. این تحقیق گزارش‌های رسمی سازمان بورس را که هر سه ماه یک‌بار منتشر می‌شود؛ برای شناسایی شرکت‌های فعال تر ملاک قرار می‌دهد. این گزارش‌ها از وب‌گاه رسمی سازمان بورس اوراق بهادار تهران ([www.tse.ir](http://www.tse.ir)) قابل بازیابی است. جدول ۳ جزیيات مربوط به شرکت‌های انتخاب شده را نمایش می‌دهد.

تحقیق حاضر از داده‌های تاریخی مربوط به "قیمت پایانی تغییر شده" برای محاسبه ریسک و بازده سهام شرکت‌ها استفاده می‌کند. منظور از قیمت تغییر شده، قیمتی است که عواملی مثل "افزایش سرمایه" و "تقسیم سود نقدی" شرکت‌ها نیز در آن لحاظ شده است. جمع آوری این داده‌ها با استفاده از نرم‌افزار [emofid](http://www.emofid.com) انجام گرفته است ([www.emofid.com](http://www.emofid.com)). به این ترتیب، بازده مورد انتظار سهام شرکت‌ها، واریانس هر یک از آن‌ها و کوواریانس بین آن‌ها بر اساس داده‌های مربوط به دوره ۱۰ ماهه منتهی به تاریخ به روزرسانی پورتفوی، در محیط نرم‌افزار *Excel* محاسبه شده است؛ یعنی در رابطه (۲) داریم:

$$T = 10$$

مدل ارایه شده در بازه زمانی ۲۰ ماهه بین دی ماه سال ۱۳۹۰ تا شهریور ۱۳۹۲ که بازار هر دو حالت صعودی و نزولی را تجربه کرده است؛ اجرا می‌شود. مطابق با استراتژی ارایه شده، دوره سرمایه‌گذاری به ۲۰ زیردوره‌ی ۱ ماهه تقسیم شده؛ فرض می‌گردد که سرمایه‌گذار در ابتدای هر زیردوره با استفاده از مدل (۲) پورتفوی خود را به روز کند. برای حذف اثرات احتمالی تقویم، این مطالعه فرض می‌کند سرمایه‌گذار پورتفوی خود را در ابتدای هر ماه میلادی به روز رسانی نماید (برای اطلاعات بیشتر رجوع شود به [۲۷]). این تحقیق مدل را برای سه سرمایه‌گذار فرضی با خصوصیات مختلف پیاده می‌کند: سرمایه‌گذار محافظه‌کار، سرمایه‌گذار میانه‌رو و سرمایه‌گذار ریسک‌پذیر. با توجه به ویژگی‌های این سه سرمایه‌گذار، مطابق با جدول ۴، وزن تابع‌های هدف تعیین شده است.

مطابق با قوانین سازمان بورس، هزینه معاملات سهام به صورت  $0/486\%$  برای خرید و  $1/029\%$  برای فروش سهام در نظر گرفته می شود ( $C_i^b = 0/00486, C_i^s = 0/01029$ ). همچنین مطابق با قوانین بانک مرکزی ایران، نرخ بهره ماهانه که به پول سرمایه گذار تعلق می گیرد برابر  $0/00583 = r_f$  است (در محدودیت (۱۴)، حداقل و حداکثر تعداد سهام در پورتفوی به ترتیب  $6$  و  $14$  تعیین شده ( $M = 6, m = 14$ )). علاوه بر این، در محدودیت (۱۵) حد پایین و حد بالای وزن هر دارایی ریسکی در پورتفوی، به ترتیب برابر  $0/05$  و  $0/2$  است ( $l_i = 0/05, u_i = 0/2$ ).

تحقیق حاضر، عملکرد مدل ارایه شده را با معیارهای: ارزش پورتفوی در آخر دوره (End of Period), حداقل و حداکثر بازده ماهانه (MR)، میانگین بازده ماهانه (AMR)، نرخ شارپ (Portfolio Value: EPV) و نرخ اطلاعات (Information ratio) اندازه گیری می کند. نرخ شارپ و نرخ اطلاعات معیارهای ارزیابی عملکرد پورتفوی است که بازده به دست آمده را نسبت به ریسک، تعدیل می کند (برای مطالعه بیشتر رجوع شود به [۲۸ و ۲۹]). در پایان باید اشاره شود که مدل با استفاده از نرم افزار Lingo11 اجرا شده است.

جدول ۳. شرکت های مورد مطالعه و گروه صنعت آنها

نماد	شرکت	گروه صنعت
خبر	مخابرات ایران	مخابرات
ولدر	لیزینگ خودرو غدیر	واسطه گری های مالی
ولساپا	لیزینگ رایان سایپا	
دجابر	داروسازی جابرین حیان	مواد و محصولات دارویی
درازک	داروسازی رازک	
غاذر	کشت و صنعت پیادر	محصولات غذایی و آشامیدنی
ویشهر	توسعه صنایع بهشهر	
شکلر	نیرو کلر	محصولات شیمیایی
بنرانس	ایران ترانسفو	ماشین آلات و دستگاه های برقی
رتکو	کترول خورده گی تکین کو	خدمات فنی مهندسی
شاهد	سرمایه گذاری شاهد	ابنوه سازی، املاک و مستغلات
واسخت	سرمایه گذاری ساختمان ایران	
وپارس	بانک پارسیان	بانک ها و موسسات اعتباری
وتجارت	بانک تجارت	
وکار	بانک کارآفرین	
خسپا	سایپا	خودرو و ساخت قطعات
خاذین	سایپا آذین	
وبهمن	سرمایه گذاری بهمن	سرمایه گذاری ها
وملت	سرمایه گذاری ملت	
وسپه	سرمایه گذاری سپه	

گروه صنعت	شرکت	ناماد
سیمان، آهک و گچ	سیمان فارس و خوزستان	سفارس
فلزات اساسی	سیمان تهران	ستران
شرکت‌های چندرشته‌ای	فولاد مبارکه اصفهان	فولاد
کاشی و سرامیک	صنایع مس ملی ایران	فملی
استخراج کانه‌های فلزی	مس شهید باهنر	فباهنر
شرکت‌های چندرشته‌ای	سرمایه گذاری غدیر	وغلدیر
کاشی و سرامیک	تولید گرانیت بهسراهم	کهram
	معدنی و صنعتی چادرملو	کچاد

جدول ۴. وزن تابع‌های هدف در تناسب با خصوصیات سرمایه گذار

محافظه کار	میانه رو	ریسک پذیر	
۰/۶۰	۰/۴۵	۰/۳۵	$w_M$
۰/۳۵	۰/۵	۰/۶۰	$w_V$
۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	$w_C$

#### ۴-۱ ارزیابی عملکرد مدل و بحث پیرامون یافته‌ها

این بخش پیرامون نتایج حاصل از پیاده‌سازی مدل در بورس اوراق بهادار تهران بحث می‌کند. جدول‌های ۵، ۶ و ۷ به ترتیب روند به روز رسانی ترکیب پورتفوی سرمایه گذار محتاط، میانه رو و ریسک‌پذیر را در یک سال اول (۱۲ زیردوره) گزارش می‌کند (ارایه جزیئات مربوط به ۲۰ زیردوره از حوصله تحقیق حاضر خارج است).

جدول ۸ نیز نتایج حاصل از ارزیابی عملکرد پورتفوی سه سرمایه گذار مختلف نشان می‌دهد. مطابق با جدول ۸، رابطه‌ای معنی‌دار بین میانگین وزن دارایی بدون ریسک در پورتفوی از یک طرف و خصوصیات سرمایه گذار از طرف دیگر، وجود دارد. به این ترتیب که وزن این دارایی در پورتفوی با میزان ریسک‌پذیری سرمایه گذار دارای ارتباط معکوس است. به طور کلی این نتایج نشان می‌دهد که مدل فازی ارایه شده خصوصیات سرمایه گذار را به خوبی در ترکیب پورتفوی وی منعکس می‌کند.

شکل ۱ بازده ماهانه حاصل از سه پورتفوی را با شاخص ۵۰ شرکت فعال تر بورس تهران (TSE50) مقایسه می‌نماید. شکل ۲ نیز بازده انباشته پورتفوی‌های تولید شده را در مقایسه با شاخص بازار نمایش می‌دهد. ناگفته نماند که مقدار بازده انباشته در هر زمان، بیان گر بازده واقعی به دست آمده از ابتدای دوره سرمایه گذاری تا آن زمان است. با توجه به این شکل، پورتفوی سرمایه گذار محتاط نسبت به سایر پورتفوی‌ها در پایان دوره سرمایه‌گذاری از ارزش بالاتری برخوردار است. بر اساس فرضیه بازار کارا، کسب بازده بالاتر از بازده بازار امکان‌پذیر نیست [۳۰]. حال آنکه مطابق با نتایج گزارش شده در جدول ۸، سرمایه گذار محتاط توانسته است با استفاده از

مدل پیشنهادی شاخص بازار را شکست دهد. این موضوع با نتایج تحقیق یو ولی [۱۶] نیز سازگار است. آنها نشان می‌دهند استراتژی بهروزرسانی پورتفوی در بازار تایوان قادر است بازدهی بالاتر از بازده بازار کسب کند. در سوی دیگر، سرمایه‌گذار ریسک‌پذیر بیشترین انحراف معیار بازده را در طول افق سرمایه‌گذاری تحمل کرده است اما این موضوع با دریافت بازده بالاتر جبران نشده است. در حقیقت، بر اساس معیارهای SR و IR، پورتفوی سرمایه‌گذار ریسک‌پذیر ضعیف‌ترین عملکرد را در این بین داشته است. این مساله بیش از هرچیز عدم توانایی داده‌های تاریخی را در تخمین بازده آتی سهام شرکت‌ها نشان می‌دهد. در واقع، بازده انتظاری پورتفوی که بر اساس داده‌های بازده گذشته سهام تعیین می‌شود؛ نمی‌تواند تصویر درستی از وضعیت آینده دارایی‌های مالی ارایه دهد [۲۱]. بنابراین طبیعتاً پورتفوی سرمایه‌گذار ریسک‌پذیر که بیشتر به بازده انتظاری متکی است؛ نتایج مطلوبی کسب نکرده.

**جدول ۵.** روند بهروزرسانی ترکیب پورتفوی سرمایه‌گذار محافظه‌کار در ۱۲ زیردوره نخست

زیردوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
خبر	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
بترانس	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
پردیس	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
شاهد	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۰۵	.	.	.	.	.	.
خاذین	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
خسپا	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
دجابر	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
درازک	.	.	.	.	.	.	.	۰/۱	۰/۱	۰/۱	۰/۱	۰/۱
رتکو	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
ستان	.	.	.	.	۰/۰۵	۰	.	.	.	.	.	.
سفارس	.	.	.	.	.	۰/۲	۰	.	.	.	.	.
شکلر	۰/۰۶۷	۰/۰۹۹	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
غادر	.	.	.	.	.	.	.	۰/۰۵۵	۰/۰۷۸	۰/۰۹۵	۰/۰۹۵	۰/۰۹۵
فباهر	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
فملی	.	.	.	۰/۰۵	۰	.	.	.	.	.	.	.
فولاد	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
کچاد	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۰۵	۰	.	.	.	.	.	.
کهرام	.	.	.	.	.	.	۰/۰۵	۰	.	.	.	.
وشهر	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	.	.	.
وبهمن	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	.	.	.
وپارس	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	.	.	.
وتجارت	.	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۰۶۵	۰/۲	۰/۲	۰/۱۰۹	۰/۰۵	۰/۰۵

زیردوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
وساخت	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۰۵۴	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
وسپه	۰/۱۷	۰/۲	۰/۲	۰/۱۲۹	۰/۰۸۵	۰/۰۸۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰
وصنعت	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
وقدیر	.	.	.	.	.	.	۰/۰۵۸	۰/۰۵۸	۰/۰۷۱	۰/۰۹۵	۰/۰۶	.
وکار	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
ولسایا	.	.	.	.	.	.	۰/۱۹۵	۰/۱۹۵	۰	۰	۰	۰
ولغدر	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
وملت	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۱۰۱	۰/۱۷۶	۰/۱۷۳	۰	۰	۰
نقدینگی	۰/۴۱۱	۰/۳۴۹	۰/۲۴۸	۰/۳۱۸	۰/۵۱۳	۰/۵۰۳	۰	۰	۰/۰۱	۰/۱۴۹	۰/۱۹۹	۰/۲۸۳

جدول ۶. روند به روز رسانی ترکیب پورتفوی سرمایه‌گذار میانه رو در ۱۲ زیردوره نخست

زیردوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
اخابر	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
برترانس	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
پردیس	۰/۰۹۹	۰/۰۹۹	۰/۲	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
شاهد	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰
خاذین	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
خسایا	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
دجابر	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
درازک	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰/۰۸۷	۰/۰۸۷	۰/۱۷۹	۰/۱۷۹
رتکو	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
ستران	.	.	.	.	.	۰/۱۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰
سفارس	.	.	.	.	.	.	۰/۲	۰	۰	۰	۰	۰
شکلر	۰/۱۲۱	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
غاذر	.	.	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰/۱۰۶	۰/۱۲۵	۰/۱۲۵	۰/۱۲۴
فباهر	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
فملی	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
فولاد	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
کچاد	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
کهرام	.	.	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۱۱۱	۰	۰	۰	۰
وبشهر	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
وبهمن	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
وپارس	.	.	.	.	.	.	.	.	۰	۰	۰	۰
وتجارت	.	.	.	.	.	.	.	.	۰/۱۵۱	۰/۲	۰/۱۳۱	۰/۰۷۵
وساخت	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۰۹۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲

خیام و هکاران، یک مدل فازی برای برآورد رسانی پورتفوی با درنظر گرفتن خرینهای معاملات: پیاده‌سازی در بورس اوراق بهادار تهران

زیردوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
وسپه	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۱۷۸	۰/۱۲۳	۰/۱۶۸	۰	۰	۰	۰
و صنعت	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
و غدیر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۰۵۱	۰/۰۵۱	۰/۱۲	۰/۱۶۲	۰/۱
و کار	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
ولسپا	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۰۹۷	۰/۰۶۲	۰	۰	۰	۰
ولغدر	۰/۰۷۶	۰/۰۷۶	۰/۰۷۶	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
وملت	۰/۰۶۶	۰/۰۷۲	۰/۰۷۲	۰/۰۷۲	۰	۰/۰۷۸	۰/۱۲۵	۰/۲	۰/۲	۰	۰	۰
نقدينگی	۰/۲۳۴	۰/۱۵۱	۰	۰/۲۲۵	۰/۳۹۶	۰/۲۷۳	۰	۰	۰	۰/۰۶۴	۰	۰/۱۱۱

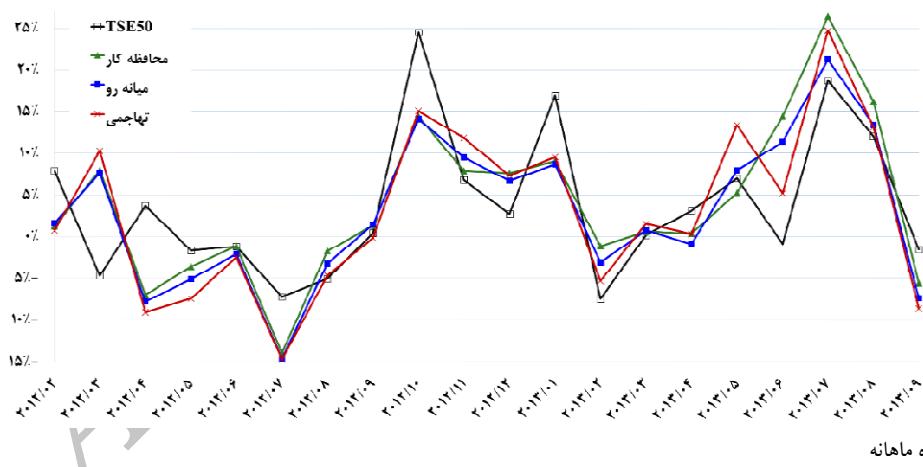
جدول ۷. روند بهروز رسانی ترکیب پورتفوی سرمایه‌گذار ریسک پذیر در ۱۲ زیردوره نخست

زیردوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
اخابر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
بترانس	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
پر دیس	۰/۰۵	۰/۰۵	۰/۱۷۲	۰/۰۵	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
شاهد	۰	۰	۰	۰	۰/۱۲۷	۰/۰۵۸	۰	۰	۰	۰	۰	۰
خاذین	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
خسپا	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
د جابر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
درازک	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۰۵	۰/۱۴۹	۰/۱۶۵	۰
رتکو	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
ستران	۰/۱۰۸	۰	۰	۰	۰	۰/۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰
سفارس	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۱۷۲	۰	۰	۰	۰	۰
شکلر	۰/۰۷	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
غاذر	۰	۰/۰۵	۰/۰۶۱	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰/۱۷۱	۰/۱۹۹	۰/۱۹۹	۰/۱۷۳
فباهنر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
فملی	۰/۰۸۲	۰/۱۳۸	۰/۰۶۸	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
فو لاد	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
کچاد	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۰۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
کهرام	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۰۸۳	۰/۱۵۹	۰/۰۶۹	۰	۰	۰/۰۶۷	۰
وب شهر	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
وبهمن	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
و پارس	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
و تجارت	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰/۱۷۹	۰/۰۵	۰	۰
وساخت	۰	۰	۰	۰	۰/۰۵۴	۰/۱۵۵	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
وسپه	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۱۸۵	۰/۱۸۶	۰	۰	۰	۰

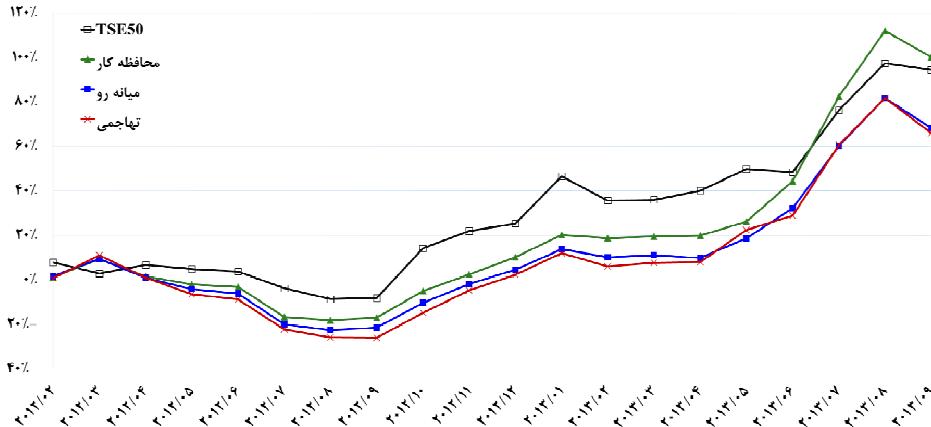
زیر دوره:	۱۲	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
و صنعت	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
و غدیر	.	.	.	.	.	.	.	۰/۰۵	۰/۱۵۵	۰/۱۶۹	۰/۲	۰/۱۸۵
و کار	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
ولسپا	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
ولغدر	۰/۱۲۴	۰/۰۵۲	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
وملت	۰/۱۰۶	۰/۱۰۶	۰/۰۹۷	۰/۱۱۶	.	۰/۱۲۲	۰/۱۵۵	۰/۲	۰/۲	.	.	.
نقدينگی	۰/۰۵۴	.	.	۰/۱۸	۰/۳۱۲	۰/۰۵۸	.	.	.	.	.	.

جدول ۸. نتایج ارزیابی عملکرد مدل

$x_f$	IR	SR	EPV	SD	Max MR	AMR	Min MR	
-	-	۰/۲۹۹	۱/۹۴۴	۸/۵۳	۲۴/۵۰	۳/۷۲	-۷/۴۶	شاخص بازار
۲۴/۱۰	۰/۰۳۰	۰/۳۰۳	۲/۰۰۱	۹/۱۰	۲۶/۴۲	۳/۹۲	-۱۳/۹۷	پورتفوی محافظه کار
۹/۱۸	-۰/۱۱۲	۰/۲۱۲	۱/۶۸۲	۸/۶۵	۲۱/۲۵	۳/۰۰	-۱۴/۶۶	پورتفوی میانه رو
۳/۰۳	-۰/۱۰۳	۰/۱۹۰	۱/۶۵۹	۹/۷۷	۲۴/۷۲	۳/۰۳	-۱۴/۷۳	پورتفوی ریسک پذیر



شکل ۱. بازده ماهانه



شکل ۲. بازده اباسته

## ۵ نتیجه‌گیری و پیشنهاد برای پژوهش‌های آتی

وضعیت بازارهای مالی همواره در حال دگرگونی است. از این رو، بهروزرسانی پورتفوی می‌تواند موجب افزایش مطلوبیت سرمایه‌گذار شود. با این وجود، ادبیات موضوع با کمبود مدل‌هایی مواجه است که بتوانند پورتفوی را با در نظر گرفتن شرایط موجود در دنیای واقعی سرمایه‌گذاری مثل هزینه معاملات، خصوصیات سرمایه‌گذاران و نرخ بازده بدون ریسک به روز کند. با توجه به این موضوع، تحقیق حاضر یک مدل فازی برای این منظور طراحی کرده؛ کارایی آن را در بازار بورس تهران مورد آزمایش قرار می‌دهد. این تحقیق با نتایج امیدوار کننده‌ای برای سرمایه‌گذاران همراه است چرا که نشان می‌دهد سرمایه‌گذاران می‌توانند با استفاده از این مدل به بازدهی بالاتر از شاخص بازار دست پیدا کنند. با این حال موضوعاتی از قبیل اضافه کردن گشتاورهای مرتبه بالاتر (چولگی و کشیدگی)، استفاده از شیوه‌های پیشرفته‌تر برای کنترل ریسک پورتفوی و درنظر گرفتن زیردوره‌ها با بازه زمانی غیرقطعی، برای پژوهش‌های آتی باقی می‌ماند.

### منابع

- [۶] بهمنش، ا.، ناصری، م.، (۱۳۹۲). یک روش تعاملی مبتنی بر غیرفازی سازی پارامترها برای حل مساله حمل و نقل چندهدفه. مجله تحقیق در عملیات در کاربردهای آن، ۱۰ (۳)، ۳۹-۲۵.
- [1] Markowitz, H., (1952). portfolio selection. *Journal of Finance*, 7(1), 77-91.
  - [2] Markowitz, H., (2014). Mean-variance approximations to expected utility. *European Journal of Operational Research*, 234, 346-355.
  - [3] Kolm, P. N., Tütüncü, R., Fabozzi, F. J., (2014). 60 Years of Portfolio Optimization: Practical Challenges and Current Trends. *European Journal of Operational Research*, 234(2), 356-371.
  - [4] Fabozzi, F., Kolm, P., Pachamanova, D., Focardi, S., (2007). Robust portfolio optimization and management. New York: Wiley.
  - [5] Markowitz, H., (1959). Portfolio Selection: Efficient Diversification of Investments. New York: John Wiley & Sons, Inc.
  - [7] Reilly, F., Brown, K., (2000). Investment analysis and portfolio management. (6th ed.). Orlando: Dryden Press.
  - [8] Sharpe, W. F., (1963). A simplified model for portfolio analysis. *Management science*, 277-293.
  - [9] Mossin, J., (1968). Optimal multiperiod portfolio policies. *Journal of Business*, 215-229.
  - [10] Chen, A., Jen, F., Zionist, S., (1971). The optimal portfolio revision policy. *Journal of Business*, 51-61.
  - [11] Jana, P., Roy, T., Mazumder, S., (2009). Multi-objective possibilistic model for portfolio selection with transaction cost . *Journal of Computational and Applied Mathematics*, 228, 188–196.
  - [12] Arnott, R. D., Wagner, W. H., (1990). The measurement and control of trading costs. *Financial Analysis Journal*, 46(6), 73-80.
  - [13] Chen, A. H., Fabozzi, F. J., Huang, D., (2012). Portfolio revision under mean-variance and mean-CVaR with transaction costs. *Review of Quantitative Finance and Accounting*, 39(4), 509-526.
  - [14] Fang, Y., Lai, K. K., Wang, S., (2008). Fuzzy Semi-absolute Deviation Portfolio Rebalancing Model. In:Fuzzy Portfolio Optimization Theory and Methods. pp.63-77. Springer.
  - [15] Johnson, K., Shannon, D., (1974). A note on diversification and the reduction of dispersion. *Journal of Financial Economics*, 365-372.
  - [16] Yu, J. R., Lee, W. Y., (2011). Portfolio rebalancing model using multiple criteria. *European Journal of Operational Research*, 209, 166-175.
  - [17] Bellman, R., Zadeh, L., (1970). Decision-making in a fuzzy environment. *Management Science*, 17(4), 141–164.
  - [18] Tanaka, H., Okuda, T., Asai, K., (1974). On fuzzy mathematical programming. *Journal of Cybernetics*, 3(4), 37-46.

- [19] Zimmermann, H. J., (1978). Fuzzy programming and linear programming with several objective functions. *Fuzzy Sets and Systems*, 1, 45–55.
- [20] Zimmermann, H. J., (1985). Applications of fuzzy sets theory to mathematical programming. *Information Sciences*, 36(1-2), 29–58.
- [21] Tanaka, H., Guo, P., (1999). Portfolio selection based on upper and lower exponential possibility distributions. *European Journal of Operational Research*, 114(1), 115–126.
- [22] Ramaswamy, S., (1998). Portfolio selection using fuzzy decision theory. Working Paper of Bank for International Settlements, 59.
- [23] Inuiguchi, M., Ramik, J., (2000). Possibilistic linear programming: a brief review of fuzzy mathematical programming and a comparison with stochastic programming in portfolio selection problem . *Fuzzy Sets and Systems*, 111, 3–28.
- [24] Dastkhan, H., Gharneh, N. S., Golmakani, H., (2011). A linguistic-based portfolio selection model using weighted max-min operator and hybrid genetic algorithm. *Expert Systems with Applications*, 38(9), 11735-11743.
- [25] Li, T., Zhang, W., Xu, W., (2013). Fuzzy possibilistic portfolio selection model with VAR constraint and risk-free investment. *Economic Modeling*, 31, 12-17.
- [26] Mitchell, J. E., Braun, S., (2004). Rebalancing an Investment Portfolio in the Presence of Convex Transaction Costs. Working paper. Available at SSRN:<http://ssrn.com/abstract=2355087> or <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2355087>
- [27] Khotanlou, M., Mahdavikhou, M., Etemadfuroghi, P., (2013). Stock Market Calendar Anomalies: Evidence from Tehran Stock Exchange (TSE). Working paper.
- [28] Sharpe, W., (1966). Mutual fund performance. *Journal of Business*, 39, 119–1382.
- [29] Goodwin, T. H., (1998). The Information ratio. *Financial Analysts Journal*, 54(4), 34-43.
- [30] Fama, E. F., (1970). Efficient capital markets: a review of empirical work. *Journal of Finance* (25), 383-417.