

## ارایه یک مدل دوهدفه‌ی ادغامی تحلیل پوششی داده و مکان‌یابی-تخصیص تک منبعی چند محصولی بدون محدودیت ظرفیت

مازیار صلاحی<sup>۱\*</sup>، علی جمالیان<sup>۲</sup>

۱- دانشیار، دانشگاه گیلان، دانشکده علوم ریاضی، رشت، ایران

۲- دانشجوی دکتری، دانشگاه گیلان، دانشکده علوم ریاضی، رشت، ایران

رسید مقاله: ۲۹ مرداد ۱۳۹۳  
پذیرش مقاله: ۱۸ آذر ۱۳۹۳

### چکیده

مکان‌یابی سرویس دهنده‌گان یکی از مهم‌ترین و کاربردی‌ترین مباحث در حوزه مسائل تصمیم‌گیری است که معیارهای زیادی در تحلیل آن موثر می‌باشد. هزینه‌ها و کارایی سیستم از مهم‌ترین معیارهای موثر در فرایند تصمیم‌گیری است. لحاظ نمودن این معیارها به صورت همزمان در مدل مسائل مکان‌یابی به تصمیم‌گیران کمک کند تا با اطلاعات بیشتر و تحلیل عمیق‌تر با موضوع مواجه شده و تاییجی را که به طور مستقیم از ابزارهای تحلیلی دیگر به دست نمی‌آیند در اختیار قرار دهد. در این مقاله، مفهوم کارایی با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها در مدل مساله مکان‌یابی-تخصیص تک منبعی چند محصولی بدون محدودیت ظرفیت ادغام شده و یک مدل دوهدفه برنامه‌ریزی خطی صفر و یک آمیخته برای آن ارایه شده است. برای حل مدل ترکیبی جدید از روش LP-متربیک استفاده شده است. جواب بهینه‌ی این مدل، الگوی مکان‌یابی-تخصیص کارا و بهینه را به طور همزمان در اختیار قرار می‌دهد. در پایان نیز یک مثال عددی برای توصیف تاثیر مدل ترکیبی ارایه شده است.

**کلمات کلیدی:** مکان‌یابی، چند محصولی، تحلیل پوششی داده، دو هدفه، برنامه‌ریزی صفر و یک آمیخته.

### ۱ مقدمه

مکان‌یابی یکی از شاخه‌های تحقیق در عملیات است که در مسائل آن به دنبال یافتن بهترین محل برای احداث یا استقرار سرویس دهنده‌گان و نیز چگونگی تخصیص و انجام عملیات سرویس دهی به مشتریان است به گونه‌ای که متتحمل کمترین هزینه شود. از کاربردهای مهم این موضوع می‌توان به استفاده در زمینه‌ی طراحی زنجیره‌ی تامین، شبکه‌های ارتباطی، مسائل نظامی و امنیتی، تحلیل داده‌ها و داده کاوی، حمل و نقل و زنجیره‌ی توزیع و غیره اشاره کرد [۱-۳].

\* عهده دار مکاتبات

پست الکترونیکی: salahim@guilan.ac.ir

در مسایل مکان یابی، هر چقدر الگوی مکان یابی (شامل انتخاب مکان و تخصیص منابع) بتواند در ازای مقداری مشخص و ثابت از نهادهای و منابع، ستاندها و خدمات بیشتری را تولید کند، کاراتر است. شاخصهایی نظیر در دسترس بودن زیرساخت‌ها، استفاده از منابع، مقبول بودن و پذیرش در بین سرویس گیرندگان بر کارایی الگوی مکان یابی موثر است؛ بنابراین با لحاظ کردن معیار کارایی در مدل‌های مکان یابی می‌توان الگوهایی ارایه کرد که علاوه بر درنظر گرفتن معیارهای اقتصادی، کارایی نیز به طور مشخص و مستقل در جواب لحاظ شده است. در این مطالعه یک مدلی ترکیبی از تحلیل پوششی داده‌ها و مکان یابی با رویکردی جدید ارایه می‌شود تا بر اساس آن بتوان به الگوی مکان یابی کارا و در عین حال کم هزینه دست یافت.

کرباسیان و دشتی [۴] در مطالعه‌ای چهار مدل ترکیبی تحلیل پوششی داده با مسایل مکان یابی پراکندگی پیشنهاد نموده‌اند. این مدل بیشتر محیط‌های رقابتی و برای سرویس‌دهندگان مزبور نظری فروشگاه‌ها و مراکز خرید استفاده می‌شود. در این شرایط، تصمیمات مدیریتی در خصوص کارایی و اثربخشی الگوی مکان یابی و تخصیص تاثیر مهمی در سودآوری و ادامه‌ی فعالیت بنگاه دارد؛ لذا درنظر گرفتن معیار هزینه به تنها یکی کافی نیست. آن‌ها در مقاله‌ی خود چهار مدل ترکیبی برای یافتن جواب بهینه و کارا در الگوی مکان یابی-تخصیص ارایه نمودند و از روش برنامه‌ریزی آرمانی فازی برای حل مدل‌های چندهدفه‌ی پیشنهادی استفاده کردند. کوک و گرین [۵] از مدل تحلیل پوششی داده برای مکان یابی تک منبعی سرویس‌دهندگان با لحاظ نمودن محدودیت‌های بودجه‌ای و هزینه‌ای استفاده کردند و یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی برای یافتن مکان خرده فروشان با هدف بیشینه ساختن نسبت سود به هزینه ارایه نمودند. کلایمبرگ و راتیک [۶] از مفهوم تحلیل پوششی داده‌ها برای مدل‌سازی مساله و یافتن الگوی بهینه و کارا مکان یابی-تخصیص استفاده کردند. در مدل پیشنهادی آن‌ها، از مدل CCR مضری استفاده شده است و مدلی برای یافتن نمره‌ی کارایی همه‌ی واحدهای تصمیم‌گیرنده به طور همزمان ارایه کرده‌اند. در نهایت دو مدل ترکیبی دو هدفه برای مسایل مکان یابی سرویس‌دهندگان با محدودیت ظرفیت و مکان یابی سرویس‌دهندگان بدون محدودیت ظرفیت ارایه نمودند. توابع هدف در این مسایل شامل کمینه‌سازی هزینه‌ی کل (شامل هزینه‌ی ثابت تاسیس و هزینه‌ی حمل و نقل) و بیشینه‌سازی میانگین نمرات کارایی واحدهاست. کرباسیان و دشتی [۴] مدل تحلیل پوششی داده‌ی پیشنهادی کلایمبرگ [۶] را برای چهار مدل مکان یابی از دسته مسایل پراکندگی به کار گرفته و چهار مدل چندهدفه برای مساله‌ی p-defense، مساله‌ی p-dispersion، مساله‌ی p-racondگی MaxMinSum و MaxSumSum و مساله‌ی مکان یابی پوشش ارایه نمودند. همچنین از روشی مبتنی بر برنامه‌ریزی آرمانی فازی برای حل مدل‌های پیشنهادی استفاده کرده‌اند. در مطالعه‌ی دیگری [۷]، یک مدل ترکیبی از تحلیل پوششی داده و مکان یابی تسهیلات حساس با ملاحظه‌ی اصل پراکندگی در پداپند غیرعامل ارایه گردیده است که در آن مساله به صورت چند هدفه مدل‌سازی و با روش برنامه‌ریزی آرمانی فازی حل شده است. مدل پراکندگی مورد استفاده در این پژوهش با معیار MaxMinMin بوده؛ شامل انتخاب  $p$  مکان از بین  $n$  مکان برای تاسیس سرویس‌دهندگان می‌باشد. باستانی و همکاران [۸] یک مدل تلفیقی زنجیره‌ی تامین و تحلیل پوششی داده‌ها برای تخصیص محصولات به توزیع کنندگان با استفاده از برنامه‌ریزی آرمانی پیشنهاد دادند. در این تحقیق، ابتدا عملکرد توزیع کنندگان در

زنگیره‌ی تأمین بر اساس آرمان‌های مربوط و معیارهای موثر و با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها ارزیابی می‌شود. سپس با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها نمره‌ی کارایی توزیع کنندگان محاسبه می‌شوند و در نهایت نحوه‌ی توزیع محصولات بین توزیع کنندگان، با توجه به آرمان‌های موجود و بنابر حداکثر نمودن کارایی تعیین شده است. شاهروندی و تدریس حسنی [۹] یک رویکرد تلفیقی با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها برای انتخاب تامین کنندگان ارایه کردند. آنها با بهره‌گیری از رویکرد هزینه‌ی کل مالکیت، معیارهای ارزیابی را تعیین و با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها به ارزیابی عملکرد و انتخاب تامین کنندگان پرداخته‌اند. مطالعه‌ی موردنی این تحقیق ارزیابی شرکت‌های تامین کننده قطعات خودرو می‌باشد. توماس و همکاران [۱۰] دو رویکرد برای استفاده از مدل تحلیل پوششی داده در مکان‌یابی سرویس‌دهندگان مضر ارایه نمودند. در رویکرد اول، ابتدا مکان بهینه‌ی سرویس‌دهندگان با حل مدل مکان‌یابی پیدا می‌شود و جواب به عنوان ورودی مدل تحلیل پوششی در نظر گرفته می‌شود. در رویکرد دوم، یک فرایند سلسله مراتبی از تحلیل پوششی داده‌ها در قالب حل یک مدل برنامه‌ریزی خطی که کارایی الگوی مکان‌یابی برای سرویس‌دهنده را بهینه می‌کند، پیشنهاد شده است. در این پژوهش، نزدیک بودن سرویس‌دهندگان به مشتریان و نیز نمره‌ی کارایی به عنوان معیارهای کارایی در نظر گرفته شده است. آزاده و همکاران [۱۱] یک رویکرد سلسله مراتبی یکپارچه با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها برای پیدا کردن کاراترین و بهترین محل ممکن در احداث نیروگاه‌های خورشیدی ارایه کردند. در این رویکرد، ابتدا مکان‌های بهینه‌ی ممکن برای احداث نیروگاه محاسبه و سپس با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها رتبه‌بندی می‌شود. در نهایت از روش‌های تحلیل مولفه اساسی (PCA) و روش طبقه‌بندی برای بررسی اعتبار جواب‌های حاصل از مدل استفاده شده است. میتروپولس و همکاران [۱۲] از رویکرد ترکیبی تحلیل پوششی داده برای برنامه‌ریزی مکانی و تخصیص موثر تجهیزات، منابع مالی و منابع انسانی در بخش خدمات سلامت استفاده نمودند. در این تحقیق، چارچوبی برای ارزیابی کارایی فنی مراکز موجود و همچنین مکان‌یابی مراکز جدید برای پیشنهاد سازی سطح دسترسی، کارآمدی، کارایی و تعداد مناسب برای احداث مراکز درمانی جدید ارایه شده است. محب علیزاده [۱۳] ادغام مدل‌های تحلیل پوششی داده و مکان‌یابی-تخصیص را با پارامترهای فازی بررسی کرden. در این تحقیق مسائل مکان‌یابی و تخصیص منابع به صورت همزمان درنظر گرفته شده است و در آن تعداد سرویس‌دهندگان جدیدی که قرار است مکان‌یابی شوند از پیش تعریف شده نیست. میزان تقاضای مشتریان از هر محصول، میزان منابع مورد استفاده در هر سرویس‌دهنده و میزان خروجی سرویس‌دهندگان در هر مکان کاندیدا به صورت اعداد فازی درنظر گرفته شده‌اند. ادبی و عمرانی [۱۴] یک مدل برنامه‌ریزی دوهدفه‌ی عدد صحیح خطی برای بررسی اثر کارایی در طراحی زنگیره تامین ارایه کردند که در آن یک تابع هدف کارایی شبکه را پیشنه می‌کند و تابع هدف دیگر به کمینه‌سازی هزینه‌ی کل (شامل هزینه‌ی ثابت تاسیس و هزینه‌ی حمل و نقل) می‌پردازد.

در این مقاله، تاثیر لحاظ نمودن معیار کارایی در الگوی مکان‌یابی-تخصیص در مساله‌ی مکان‌یابی-تخصیص تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی بررسی می‌شود و یک مدل ادغامی مکان‌یابی-تخصیص با تحلیل پوششی داده‌ها و به صورت مدل برنامه‌ریزی دوهدفه‌ی صفر و یک آمیخته ارایه می‌شود. مدل

تحلیل پوششی مورد استفاده در این تحقیق فرم مضری مدل CCR می باشد. مساله‌ی مکان یابی- تخصیص در مساله‌ی مکان یابی- تخصیص تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی تعمیمی از مساله‌ی مکان یابی سرویس‌دهنده بدون محدودیت ظرفیت است که در آن تقاضای مشتریان از محصولات مختلف مشخص است و به جای یک محصول، برنامه‌ریزی مکان یابی سرویس‌دهنده‌گان و تخصیص مشتریان به آن‌ها برای چند نوع محصول انجام می شود.

ساختم مقاله به این صورت است که در بخش ۲ مساله‌ی مکان یابی سرویس‌دهنده‌ی تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی معرفی می گردد. در بخش ۳ مدل پیشنهادی ادغامی تحلیل پوششی داده و مساله‌ی مکان یابی سرویس‌دهنده‌ی تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی ارایه می گردد. در بخش‌های ۴ و ۵ به ترتیب روش حل مدل و نتایج حل یک مثال بیان می گردد. در نهایت، نتیجه گیری و پیشنهادات در بخش ۶ ارایه می شود.

**۲ مساله‌ی مکان یابی سرویس‌دهنده‌ی تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی**  
فرض کنیم  $\{1, \dots, L\} = L$  مجموعه‌ی مشتریان،  $\{1, \dots, I\} = I$  مجموعه‌ی نقاط کاندیدا برای احداث کارخانه‌های بدون محدودیت ظرفیت و  $\{1, \dots, K\} = K$  مجموعه‌ی انواع محصولات باشد. هر مشتری میزان مشخصی تقاضا دارد که باید توسط کارخانه‌ها برآورده گردد. پیش فرض‌های مساله به شرح ذیل است:

- تعداد کارخانه‌ها از قبل مشخص نیست
- کارخانه‌ها محدودیت ظرفیت ندارد
- چند محصول توسط کارخانه‌ها تولید می شود
- میزان تقاضا مشتریان از هر نوع محصول مشخص است
- هر مشتری باید تنها به یک کارخانه تخصیص داده شود
- هر کارخانه‌ای که تاسیس می شود تنها یک نوع محصول را باید تولید کند

تابع هدف این مساله به صورت کمینه‌سازی هزینه‌های حمل و نقل، تولید و احداث کارخانه‌ها می باشد. در این مدل، تعداد کارخانه‌ای که باید مکان یابی شود از پیش تعیین شده نیست و با حل مدل تعداد بهینه‌ی آن‌ها مشخص می گردد. همچنین برنامه‌ریزی تولید محصولات در کارخانه‌ها نیز به طور همزمان در این مدل مشخص می گردد. هر کارخانه تنها یک نوع محصول می تواند تولید کند و اینکه کدام محصول توسط کدام کارخانه تولید شود، با توجه به سایر محدودیت‌ها و معیار تابع هدف تعیین می شود. در نهایت تخصیص مشتریان به کارخانه‌ها با لحاظ نمودن محدودیت تک منبعی بودن مساله که هر مشتری برای تامین تقاضای خود از هر نوع محصول تنها به یک کارخانه تخصیص داده می شود، تعیین می گردد. پارامترها و متغیرهای مورد استفاده در مدل این مساله به شرح ذیل می باشد:

### پارامترها

|           |  |
|-----------|--|
| $q_{jk}$  | میزان تقاضای مشتری $j$ ام به محصول نوع $k$ ام                          |
| $c_{ijk}$ | هزینه‌ی حمل و نقل محصول نوع $k$ ام از کارخانه‌ی $i$ ام به مشتری $j$ ام |
| $f_{ik}$  | هزینه‌ی ثابت تاسیس و تولید محصول نوع $k$ ام در کارخانه‌ی $i$ ام        |
| $p_{ik}$  | هزینه‌ی تولید هر واحد محصول نوع $k$ ام در کارخانه‌ی $i$ ام             |

### متغیرهای تصمیم:

$$x_{ijk} = \begin{cases} 1 & \text{اگر مشتری } j \text{ ام محصول نوع } k \text{ ام از کارخانه‌ی } i \text{ ام دریافت کند} \\ 0 & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

$$y_{ik} = \begin{cases} 1 & \text{اگر محصول نوع } k \text{ ام در کارخانه‌ی } i \text{ ام تولید شود} \\ 0 & \text{در غیر اینصورت} \end{cases}$$

مدل مساله‌ی مکان‌یابی سرویس‌دهنده‌ی تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی به صورت زیر است:

$$\min \sum_i \sum_k f_{ik} y_{ik} + \sum_i \sum_j \sum_k g_{ijk} x_{ijk} \quad (1)$$

$$s.t. \quad \sum_i x_{ijk} = 1 \quad \forall j, k \quad (2)$$

$$x_{ijk} \leq y_{ik} \quad \forall i, j, k \quad (3)$$

$$\sum_k y_{ik} \leq 1 \quad \forall i \quad (4)$$

$$x_{ijk}, y_{ik} \in \{0, 1\} \quad \forall i, j, k \quad (5)$$

که در آن  $g_{ijk} = (c_{ijk} + p_{ik})q_{jk}$ . تابع هدف (1) هزینه‌ی کل را کمینه می‌کند. دسته‌ی محدودیت (2) تضمین می‌کند که هر مشتری به ازای هر نوع محصول تنها از یک کارخانه سرویس بگیرد. دسته‌ی محدودیت (3) تخصیص مشتریان به کارخانه‌های تاسیس شده را کنترل و تضمین می‌کند. دسته‌ی محدودیت (4) بیانگر تولید حد اکثر یک محصول در هر کارخانه است. محدودیت (5) نوع متغیرهای مدل را که از نوع صفر و یک می‌باشد نشان می‌دهد. تعداد محدودیت‌ها و متغیرهای آن به شرح ذیل است:

- تعداد متغیرهای صفر و یک:  $IJK + IK$

- تعداد محدودیت‌ها:  $IJK + JK + I$

از آنجایی که مساله‌ی مکان‌یابی سرویس‌دهنده بدون قید ظرفیت یک حالت خاص از این مساله است (با در نظر گرفتن مجموعه تک عضوی برای محصولات)، لذا مساله‌ی مکان‌یابی سرویس‌دهنده تک منبعی بدون محدودیت ظرفیت چند محصولی سخت‌تر از مساله‌ی مکان‌یابی سرویس‌دهنده بدون قید ظرفیت است. در نتیجه

این مساله از دسته مسایل ان-پی سخت است [۱۵]. این مساله کاربردهای زیادی در مسایل تولید دارد. برای مثال، در کمپانی‌هایی که چند نوع محصول مختلف را تولید می‌کنند (مانند تولیدی محصولات دارای تکولوژی پیشرفته)، عواملی مثل هزینه‌های تولید، هزینه‌ی کیفیت، آموزش نیروی انسانی، تنوع محصول و هزینه‌ی بالا و کمبود ماشین آلات موجب می‌شود تا مدیریت تصمیم به تمرکز تولید هر محصول در یک کارخانه مجزا بگیرد. بر این اساس، سوال راهبردی تصمیم گیرنده‌گان این است که کارخانه‌ها در چه محلی و با چه سطح سرویس‌دهی و طرح تخصیصی باید احداث شوند تا مجموعه هزینه‌های راهاندازی و حمل و نقل محصولات به مشتریان کمینه شود؛ لذا مدل (۱)-(۵) می‌تواند پاسخگوی نیاز برنامه‌ریزان برای این منظور باشد.

### ۳ مدل یکپارچه SSUMPFLP/DEA

تحلیل پوششی داده‌ها یک روش غیرپارامتری مبتنی بر برنامه‌ریزی ریاضی است که برای اندازه‌گیری نمره‌ی کارایی واحدهای تصمیم گیرنده‌ی همگن با نهادهای و ستاندهای مشابه به کار می‌رود. در ابتدا فارل [۱۶] یک روش غیرپارامتری برای ارزیابی کارایی یک واحد تصمیم گیرنده با دو ورودی و یک خروجی ارایه کرد و بعدها چارنر و همکاران [۱۷] این رویکرد را برای ارزیابی چند واحد و با ورودی‌ها و خروجی‌های چندگانه گسترش دادند. برای ارزیابی واحد از معیار کارایی نسبی که عبارت است از نسبت مجموع وزن دار خروجی‌ها به مجموع وزن دار ورودی‌ها، استفاده می‌شود. این روش در سال‌های گذشته به طور گسترده مورد توجه محققان قرار گرفته و تحقیقات زیادی در بسط و توسعه‌ی آن صورت گرفته است [۱۸].

در این تحقیق از مدل CCR برای ارزیابی استفاده می‌گردد. این مدل، هر یک از واحدهای تصمیم گیرنده را نسبت به سایر واحدهای ارزیابی نموده و نمره‌ی کارایی نسبی آن را محاسبه می‌کند؛ لذا برای هر یک از واحدهای تصمیم گیرنده باید یک مدل تحلیل پوششی حل شود. نمره‌های محاسبه شده بین صفر و یک است و واحدهایی که دارای نمره‌ی کارایی یک باشند، کارا و در غیر این صورت ناکارانا نمیده می‌شوند.

در این تحقیق، برای بررسی کارایی طرح مکان‌یابی کارخانه‌ها و نحوه تخصیص منابع با استفاده از ابزار تحلیل پوششی داده، هر یک از یال‌های ارتباطی بین کارخانه‌ها و مشتریان برای هر محصول را در شبکه به عنوان یک واحد تصمیم گیرنده در نظر می‌گیریم و در مدل ادغامی، علاوه بر کمینه‌سازی هزینه‌ی کل، کارایی حاصل از مکان‌یابی کارخانه‌ها و تخصیص آن‌ها به مشتریان را بیشینه می‌کنیم. با توجه به نوع انتخاب واحدهای تصمیم گیرنده برای ارزیابی کارایی طرح مکان‌یابی- تخصیص نیازمند یک مدل یکپارچه و یک مرحله‌ای برای مکان‌یابی و تخصیص مشتریان هستیم. به این منظور از مدل تحلیل پوششی که کلایمبرگ و راتیک [۶]، ارایه کرده استفاده می‌کنیم. این مدل نمره‌ی کارایی نسبی تمام واحدهای تصمیم گیرنده را در یک مرحله و با حل یک مدل محاسبه می‌کند. تابع هدف آن مدل پیشنهادی آن‌ها بیشینه‌سازی مجموع نمره‌ی کارایی واحدها تحت ارزیابی است. فرم مضربی این مدل به صورت ذیل می‌باشد:

$$\max \quad \sum_j \sum_r O_{rj} u_{rj} \quad (6)$$

$$s.t. \quad \sum_i I_{ij} v_{ij} = 1 \quad \forall j \quad (7)$$

$$\sum_r O_{rk} u_{rj} - \sum_i I_{ik} v_{ij} \leq 0 \quad \forall j, k, \quad j \neq k \quad (8)$$

$$v_{ij}, u_{rj} \geq \epsilon \quad \forall i, j, r \quad (9)$$

که در آن  $\epsilon$  یک عدد غیر ارشمیدسی،  $v_{ij}$  وزن خروجی  $r$  ام و  $u_{rj}$  وزن ورودی  $i$  ام در واحد تصمیم گیرنده زام است.  $O_{rj}$  خروجی  $r$  ام و  $I_{ij}$  ورودی  $i$  ام واحد تصمیم گیرنده زام می باشد.

برای دستیابی به طرح مکان یابی-تخصیص کارا در مدل مکان یابی SSUMPFLP از روش تحلیل پوششی داده استفاده نموده، آن را در قالب یک تابع هدف به مساله اضافه می نماییم. با این رویکرد، یک طرح مکان یابی بهینه با حداکثر نمره‌ی کارایی و حداقل هزینه‌های تاسیس و حمل و نقل حاصل می شود. مدل پیشنهادی ادغامی تحلیل پوششی داده و SSUMPFLP/DEA که آن را SSUMPFLP می نامیم به صورت برنامه‌ریزی دو هدفه خطی آمیخته می باشد. پارامترهای و متغیرهای تصمیم مورد استفاده در مدل سازی این مساله به شرح ذیل است:

#### پارامترها

:  $f_{hk}$  هزینه‌ی ثابت تاسیس و تولید محصول نوع  $k$  ام در کارخانه‌ی  $h$  ام

:  $g_{hlk}$  هزینه‌ی تولید و ارسال محصول نوع  $k$  ام از کارخانه‌ی  $h$  ام به مشتری  $l$  ام

:  $O_{hlkj}$  خروجی زام مرتبط با ارسال محصول نوع  $k$  ام از کارخانه‌ی  $h$  ام به مشتری  $l$  ام

:  $I_{hlki}$  ورودی  $i$  ام مرتبط با ارسال محصول نوع  $k$  ام از کارخانه‌ی  $h$  ام به مشتری  $l$  ام

#### متغیرهای تصمیم

:  $u_{hlkj}$  وزن خروجی زام مرتبط با ارسال محصول نوع  $k$  ام از کارخانه‌ی  $h$  ام به مشتری  $l$  ام

:  $v_{hlki}$  وزن ورودی  $i$  ام مرتبط با ارسال محصول نوع  $k$  ام از کارخانه‌ی  $h$  ام به مشتری  $l$  ام

$x_{hlk} = \begin{cases} 1 & \text{اگر مشتری } l \text{ ام محصول نوع } k \text{ ام از کارخانه } h \text{ ام دریافت کند} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$

$y_{hk} = \begin{cases} 1 & \text{اگر محصول نوع } k \text{ ام در کارخانه } h \text{ ام تولید شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$

مدل مساله SSUMPFLP/DEA به صورت زیر است:

$$Z_1 = \min \quad \sum_h \sum_k f_{hk} y_{hk} + \sum_h \sum_l \sum_k g_{hlk} x_{hlk} \quad (10)$$

$$Z_2 = \max \quad \sum_h \sum_l \sum_k \sum_j O_{hlkj} u_{hlkj} \quad (11)$$

$$\sum_h x_{hlk} = 1 \quad \forall l, k \quad (12)$$

$$x_{hik} \leq y_{hk} \quad \forall h, l, k \quad (13)$$

$$\sum_k y_{hk} \leq 1 \quad \forall h \quad (14)$$

$$\sum_i I_{hiki} v_{hiki} = x_{hik} \quad \forall h, l, k \quad (15)$$

$$\sum_j O_{hikj} u_{hikj} \leq x_{hik} \quad \forall h, l, k \quad (16)$$

$$\sum_j O_{hikj} u_{pqri} - \sum_i I_{hiki} v_{pqri} \leq 0 \quad \forall h, l, k, p, q, r \\ h \neq p, l \neq q, k \neq r \quad (17)$$

$$u_{hikj} \geq \epsilon x_{hik} \quad \forall h, l, k, j \quad (18)$$

$$v_{hiki} \geq \epsilon x_{hik} \quad \forall h, l, k, i \quad (19)$$

$$x_{hik}, y_{hk} \in \{0, 1\} \quad \forall h, l, k \quad (20)$$

تابع هدف (۱۰) و قیدهای (۱۴)–(۱۲) و (۲۰) مربوط به مساله SSUMPFLP در (۵)–(۱) است و تابع هدف (۱۱) به همراه قیدهای (۱۹)–(۱۵) مرتبط با مدل تحلیل پوششی داده در (۶)–(۶) می‌باشد. تابع هدف (۱۰) بیانگر مجموع هزینه‌ی ثابت تاسیس کارخانه‌ها در مکان‌های کاندیدا و نیز هزینه‌ی حمل و نقل از کارخانه‌ها به مشتریان می‌باشد. تابع هدف (۱۱) بیانگر مجموع وزن‌دار خروجی‌های واحدهای تصمیم‌گیرنده در شبکه است. محدودیت (۱۳) تضمین می‌کند که هر مشتری به ازای هر نوع محصول تنها از یک کارخانه سرویس بگیرد. محدودیت (۱۴) تخصیص مشتریان به کارخانه‌های تاسیس شده را کنترل می‌کند. محدودیت (۱۵) بیانگر این است که هر کارخانه‌ی می‌تواند حداقل یک محصول تولید کند. در محدودیت (۱۵) در صورتی که تخصیص محصول نوع  $k$  ام از کارخانه  $h$  ام به مشتری  $l$  ام صورت نگرفته باشد، ضرایب مربوطه صفر می‌شود و در غیر این صورت تضمین می‌کند که مجموع وزن‌دار ورودی‌های آن برابر با یک باشد. محدودیت (۱۶) تضمین می‌کند در صورتی که تخصیص محصول نوع  $k$  ام از کارخانه  $h$  ام به مشتری  $l$  ام صورت نگرفته باشد، ضرایب خروجی مربوط به آن صفر شود. محدودیت (۱۷) واحدهای تصمیم‌گیرنده را نسبت به هم مورد ارزیابی قرار می‌دهد و حداقل نمره‌ی کارایی هر کدام را برابر با یک در نظر می‌گیرد. محدودیت‌های (۱۸) و (۱۹) در صورتی که محصول نوع  $k$  ام از کارخانه  $h$  ام به مشتری  $l$  ام صورت گرفته باشد، ضرایب ورودی و خروجی مربوط را با عدد غیر ارشمیدسی  $\epsilon$  کنترل می‌نماید. محدودیت (۲۰) نوع متغیرهای مرتبط با مکان‌یابی در مدل را که از نوع صفر و یک می‌باشد نشان می‌دهد. محدودیت‌های (۱۵) و (۱۶) نقشی محوری در کنترل و ارتباط مساله‌ی مکان‌یابی با روش تحلیل پوششی داده‌ها در مدل ارایه شده دارند. در صورتی که تخصیص محصول نوع  $k$  ام از کارخانه  $h$  ام به مشتری  $l$  ام صورت نگیرد، محدودیت‌های (۱۵) و (۱۶) صفر شدن ضرایب ورودی و خروجی مربوط به آن تخصیص را تضمین می‌کند.

مدل ارایه شده از نوع دو هدفه و برنامه ریزی خطی صفر و یک آمیخته می باشد و تعداد محدودیت ها و متغیرهای آن به شرح ذیل می باشد. همان طور که ملاحظه می شود تعداد محدودیت ها و متغیرها در مقایسه با مدل اصلی رشد بسیار قابل توجهی داشته است، لذا حل این مدل ترکیبی خود یکی از چالش های محاسباتی است:

- تعداد متغیرها:  $HKL(I+J+1) + HK$
- متغیرهای صفر و یک:  $HKL + KH$
- متغیرهای نامنفی:  $HKL(I+J)$
- تعداد محدودیت ها:  $H^*K^*L^* + HKL(J+I+3) + KL - K - L$

#### ۴ روش حل مدل

با توجه به اینکه مدل ادغامی پیشنهاد شده در بخش قبل از نوع دو هدفه با توابع هدف ناسازگار می باشد، برای حل آن از روش LP-متريک استفاده می کنیم [۱۹]. روش LP-متريک یکی از روش های معروف حل مسائل برنامه ریزی چند هدفه است که دارای اهداف متضاد و ناسازگار می باشد. در این روش مساله با در نظر گرفتن هر یک از اهداف به صورت جداگانه و یک مدل تک هدفه حل می شود و با استفاده از مقدار بهینه مساله تحت اهداف متناظر، تابع هدف جدیدی مبتنی بر تفاصل نرمال شده توابع هدف را برای مساله در نظر گرفته، جواب بهینه مساله را تحت آن تابع هدف می یابد. بر این اساس، تابع هدف مورد نظر در مدل پیشنهادی این تحقیق به این صورت است که ابتدا مدل را به طور جداگانه با توابع هدف  $Z_1, Z_2, Z_3$  حل کرده، مقادیر بهینه مساله  $Z_1^*, Z_2^*, Z_3^*$  را می یابیم. سپس تابع هدف روش LP-متريک را به صورت زیر در نظر می گيريم:

$$\min Z_r = \omega \frac{Z_1 - Z_1^*}{Z_1^*} + (1-\omega) \frac{Z_2 - Z_2^*}{Z_2^*}$$

که در آن  $1 \leq \omega \leq 0$  وزن نسبی اجزا است. با استفاده از تابع هدف روش LP-متريک،  $Z_r$  مدل تک هدفه مساله با استفاده از ابزارهای نظیر CPLEX [۲۰] قابل حل خواهد بود.

#### ۵ مثال عددی

در این بخش مثالی برای مدل SSUMPFLP/DEA ارایه می شود. مدل مساله در این مثال سه مرتبه با توابع هدف  $Z_1, Z_2, Z_3$  حل می شود. تابع هدف  $Z_1$  هزینه ثابت تاسیس سرویس دهنده گان و حمل نقل را کمینه می کند. تابع هدف  $Z_2$  مجموع نمره کارایی واحدهای تصمیم گیرنده را بیشینه می کند و تابع هدف روش LP-متريک است که با استفاده از جواب های بهینه توابع هدف  $Z_1, Z_2, Z_3$  ارتباط بین تغییرات هزینه ها و نمره کارایی واحدهای را برقرار می کند. مدل ها با استفاده از بسته نرم افزاری IBM ILOG CPLEX 12.5 که روی یک کامپیوتر با پردازنده ۲GHz و ۲GB حافظه رم حل شده است.

صلاحی و جالیان، ارزیک مل دو بند اغامی تخلیل پوششی داده و مکان یابی- تخصیص تک نبی پنجه محصولی بدون محدودیت نظریت

برای این منظور یک مثال با سه سرویس دهنده ( $h = 3$ )، دو مشتری ( $l = 2$ )، دو نوع محصول ( $k = 2$ )، سه ورودی ( $I_1 - I_3$ ) و دو خروجی ( $O_1 - O_2$ ) در نظر گرفته شده است که داده های آن در جداول ۱ تا ۴ ارایه شده است. ورودی و خروجی ها در این مثال به صورت زیر تعریف شده است:

ورودی ۱: ریسک حاصل از انجام تخصیص

ورودی ۲: زمان ارایه هی خدمات در تخصیص

ورودی ۳: مالیات حاصل از تخصیص

خروجی ۱: رضایت مشتریان از کیفیت خدمات در تخصیص

خروجی ۲: سود حاصل از تخصیص

هزینه هی ثابت تاسیس تمام سرویس دهنده گان  $f_{hk} = 300$  در نظر گرفته شده است. سایر پارامترهای مدل به قرار زیر است [۱۵]:

جدول ۱. هزینه تولید محصولات در هر سرویس دهنده ( $P$ )

| هزینه تولید | محصول | سرویس دهنده | ( $P$ ) |
|-------------|-------|-------------|---------|
| ۹/۲         | ۱     | ۱           |         |
| ۸/۷         | ۲     | ۱           |         |
| ۹/۶         | ۱     | ۲           |         |
| ۸/۷         | ۲     | ۲           |         |
| ۸/۳         | ۱     | ۳           |         |
| ۶/۹         | ۲     | ۳           |         |

جدول ۲. تقاضای مشتریان از هر محصول ( $q$ )

| تقاضا | محصول | مشتری |  |
|-------|-------|-------|--|
| ۲۵    | ۱     | ۱     |  |
| ۲۶    | ۲     | ۱     |  |
| ۱۰    | ۱     | ۲     |  |
| ۵     | ۲     | ۲     |  |

جدول ۳. هزینه حمل و نقل محصولات بین سرویس دهنده گان و مشتریان (C)

| هزینه | محصول | مشتری | سرویس دهنده |  |
|-------|-------|-------|-------------|--|
| ۵/۲   | ۱     | ۱     | ۱           |  |
| ۹     | ۲     | ۱     | ۱           |  |
| ۸/۹   | ۱     | ۲     | ۱           |  |
| ۶/۷۹  | ۲     | ۲     | ۱           |  |
| ۱۹/۷  | ۱     | ۱     | ۲           |  |
| ۱۲/۵  | ۲     | ۱     | ۲           |  |
| ۱۱/۵  | ۱     | ۲     | ۲           |  |
| ۱۵/۵  | ۲     | ۲     | ۲           |  |

| هزینه | محصول | مشتری | سرویس دهنده |
|-------|-------|-------|-------------|
| ۱۷/۸  | ۱     | ۱     | ۳           |
| ۱۹/۴  | ۲     | ۱     | ۳           |
| ۱۰/۴  | ۱     | ۲     | ۳           |
| ۶/۵   | ۲     | ۲     | ۳           |

جدول ۴. داده‌های ورودی و خروجی متناظر با هر یال در شبکه

| شماره واحد | سرویس دهنده | مشتری | محصول | $I_1$ | $I_2$ | $I_3$ | $O_1$ | $O_2$ |
|------------|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| ۱          | ۱           | ۱     | ۱     | ۶۹    | ۶۳    | ۷۸    | ۷۳    | ۴     |
| ۲          | ۱           | ۱     | ۲     | ۹۲    | ۷۵    | ۹۸    | ۸۰    | ۳۵    |
| ۳          | ۱           | ۲     | ۱     | ۷۶    | ۶۴    | ۹۴    | ۶۹    | ۳۷    |
| ۴          | ۱           | ۲     | ۲     | ۲۵    | ۲۴    | ۸۶    | ۲۱    | ۷۱    |
| ۵          | ۱           | ۱     | ۱     | ۹۴    | ۹۸    | ۵۵    | ۴۷    | ۴۰    |
| ۶          | ۱           | ۱     | ۲     | ۹۰    | ۵۷    | ۶۹    | ۵۲    | ۲۲    |
| ۷          | ۲           | ۱     | ۱     | ۹۱    | ۲۱    | ۸۴    | ۶۴    | ۶۱    |
| ۸          | ۲           | ۲     | ۲     | ۴۳    | ۲۳    | ۷۳    | ۷۳    | ۱۰    |
| ۹          | ۳           | ۱     | ۱     | ۹۸    | ۷۳    | ۵۴    | ۱۴    | ۴۲    |
| ۱۰         | ۳           | ۱     | ۲     | ۶۵    | ۲۴    | ۹۳    | ۱۸    | ۱۹    |
| ۱۱         | ۳           | ۲     | ۱     | ۸۳    | ۲۹    | ۳۲    | ۴۹    | ۲۸    |
| ۱۲         | ۳           | ۲     | ۲     | ۷۴    | ۹۲    | ۵۲    | ۵۶    | ۶۰    |

نتایج حاصل از حل مدل SSUMPFLP/DEA با داده‌های فوق در جدول ۵ خلاصه شده است. با توجه به اینکه سطح عملیات و نمره‌ی کارایی واحدها در مدل SSUMPFLP/DEA تاثیر متقابل بر روی هم ندارد، این مدل برای مقادیر مختلف  $\omega$  جواب بهینه‌ی یکسانی خواهد داشت؛ لذا تنها برای  $\omega=1$  و  $\omega=0$  مساله حل و نتایج تجزیه و تحلیل می‌شود. به عبارت دیگر، یک بار مساله تحت معیار کمینه‌سازی هزینه‌ی کل و یک بار هم تحت معیار بیشینه‌سازی مجموع کارایی واحدها ارزیابی می‌شود. الگوی مکان‌یابی-تخصیص بهینه بدست آمده در این مدل دارای بالاترین نمره‌ی کارایی ممکن در بین الگوی‌های ممکن است. نتایج حاصل از این مدل به مدیران و تصمیم‌گیران کمک می‌کند تا به طرح‌های مکان‌یابی-تخصیص بهینه با حداکثر کارایی دست یابند که در مقایسه با حل تنها مدل‌های مکان‌یابی، بسیار کاربردی تر و کارآمدتر است. مقدار متغیرها در جواب بهینه‌ی این مثال به شرح جداول ۶ و ۷ می‌باشد. بر این اساس، با معیار بیشینه‌ی کارایی محصول نوع ۱ توسط سرویس دهنده‌ی شماره ۱ و محصول نوع ۲ توسط سرویس دهنده‌ی شماره ۲ عرضه خواهد شد. در حل مساله با معیار کمینه‌ی هزینه، محصول نوع ۱ توسط سرویس دهنده‌ی شماره ۱ و شماره ۳ و محصول نوع ۲ توسط سرویس دهنده‌ی شماره ۱ عرضه خواهد شد. همان‌طور که در جدول ۵ دیده می‌شود بالحافظه کردن معیار کارایی در مساله، هزینه‌های تاسیس و حمل و نقل نسبت به حالتی که این معیار در نظر گرفته نمی‌شود، افزایش یافته؛ ولی در قبال انجام این هزینه، کارایی شبکه را به میزان قابل توجهی افزایش داده است. همان‌طور که در جدول ۷

صلاحی و جایان، ارزیک مل و بده اغامی تخلیل پوشی داده و مکان یابی- تخصیص تک نبی پند مخصوصی بدون محدودیت نظریت

ملاحظه می شود، متوسط نمره‌ی کارایی تخصیص‌ها از ۰/۰۷۱ به ۰/۹۹۴۵ و مجموع نمرات کارایی الگوی مکان یابی- تخصیص از ۰/۲۸۴ به ۰/۹۷۸۱ افزایش یافته است. بر این اساس، اضافه کردن معیار کارایی الگو در مدل مکان یابی هزینه‌ای برای تصمیم گیرنده‌گان ایجاد می کند؛ ولی در عوض ارزش زیادی را در میزان کارایی الگو در اختیار قرار می دهد. به عبارت دیگر تنها با ۲۶/۸٪ افزایش هزینه‌ها، ۱۳۰٪ افزایش کارایی در الگوی حاصل خواهیم داشت؛ لذا لحاظ کردن کارایی در مدل‌های مکان یابی می تواند در قبال هزینه‌ای بسیار اندک، معیارهای مدیریتی بیشتری را در جواب تامین نماید. در جواب بهینه‌ی مساله‌ی تحت معیار بیشینه‌سازی کارایی، پارامتر سودآوری تخصیص‌ها (خروجی دوم) اهمیت بیشتری نسبت به پارامتر رضایت مشتری (خروجی اول) دارد و ضریب مربوط به آن برای تمام محصولات بالاتر است. همچنین در بین پارامترهای ورودی، به ترتیب پارامترهای زمان سرویس، مالیات و ریسک دارای اهمیت می باشند. در جواب بهینه‌ی مساله‌ی تحت معیار کمینه‌سازی هزینه‌ی کل، پارامترهای سودآوری و رضایت مشتری دارای اهمیت و ضریب برابر هستند. در بین پارامترهای ورودی، ریسک دارای ضریب بالاتر و پارامترهای زمان سرویس و مالیات دارای اهمیت یکسان می باشند.

جدول ۵. خلاصه نتایج حل مدل SSUMPFLP/DEA

| $\omega = 1$ | $\omega = 0$ | توابع هدف                    |
|--------------|--------------|------------------------------|
| ۶۰۰          | ۹۰۰          | هزینه‌ی ثابت                 |
| ۱۲۱۳/۲       | ۱۳۹۸/۷       | هزینه‌ی حمل و نقل            |
| ۱۸۱۳/۲       | ۲۲۹۸/۷       | کل هزینه‌ها                  |
| ۰/۲۸۴        | ۳/۹۷۸۱       | مجموع نمره‌ی کارایی یال‌ها   |
| واحدها       |              |                              |
| ۲            | ۳            | تعداد سرویس‌دهندگان فعال     |
| ۴            | ۴            | تعداد یال‌های فعال           |
| ۰/۰۷۱        | ۰/۹۹۴۵       | میانگین نمره‌ی کارایی یال‌ها |

جدول ۶. برنامه تاسیس سرویس‌دهندگان (۷)

| $\omega = 1$ | $\omega = 0$ | محصول | سرویس‌دهندگان |
|--------------|--------------|-------|---------------|
| ۱            | ۰            | ۱     | ۱             |
| ۰            | ۱            | ۲     | ۱             |
| ۰            | ۱            | ۱     | ۲             |
| ۱            | ۰            | ۲     | ۲             |
| ۰            | ۱            | ۱     | ۳             |
| ۰            | ۰            | ۲     | ۳             |

جدول ۷. نحوه تخصیص محصولات از سرویس دهنده گان به مشتریان (x)

| $\omega=1$ | $\omega=0$ | مشتری | محصول | سرویس دهنده | $\omega=1$ |
|------------|------------|-------|-------|-------------|------------|
| 1          | 0          | 1     | 1     | 1           | 1          |
| 0          | 1          | 2     | 1     | 1           | 1          |
| 1          | 0          | 1     | 2     | 1           | 1          |
| 0          | 1          | 2     | 2     | 1           | 1          |
| 0          | 0          | 1     | 1     | 2           | 1          |
| 1          | 0          | 2     | 1     | 2           | 1          |
| 0          | 1          | 1     | 2     | 2           | 1          |
| 1          | 0          | 2     | 2     | 2           | 1          |
| 0          | 1          | 1     | 1     | 3           | 1          |
| 0          | 0          | 2     | 1     | 3           | 1          |
| 0          | 0          | 1     | 2     | 3           | 1          |
| 0          | 0          | 2     | 2     | 3           | 1          |

## ۶ نتیجه‌گیری

در این مقاله مفهوم کارایی در قالب روش تحلیل پوششی داده‌ها در مدل‌سازی مساله‌ی مکان‌یابی-تخصیص تک منبعی چند محصولی بدون محدودیت ظرفیت به کار گرفته شده است. مدل مورد استفاده برای ارزیابی کارایی فرم ضربی مدل CCR می‌باشد که تمام واحدهای تصمیم‌گیرنده را به طور همزمان بررسی و مجموع نمرات کارایی آن‌ها را بیشینه می‌کند. یک مدل دوهدفه‌ی برنامه‌ریزی خطی صفر و یک آمیخته برای این منظور پیشنهاد شده است. در مدل مکان‌یابی تخصیص به کار گرفته شده، تعداد سرویس دهنده‌گان از قبل مشخص نیست و سرویس دهنده‌گان محدودیتی برای ظرفیت خود ندارند. همچنین میزان تقاضای مشتریان از محصولات مختلف مشخص است. مدل پیشنهادی در این مقاله، الگوی مکان‌یابی که شامل برنامه‌ی تاسیس سرویس دهنده‌گان برای تولید و عرضه‌ی محصولات مختلف و نیز تخصیص مشتریان به آن‌ها با کمترین هزینه را ارایه می‌کند. عوامل مختلفی همچون هزینه‌های حمل و نقل، مالیات، ریسک جابجایی، پوشش و سطح دسترسی مشتریان بر تخصیص و پیاده سازی این الگو در دنیای واقعی موثر هستند و لذا در نظر گرفتن هزینه به تنها یک جواب بهینه را تعیین نخواهد کرد؛ بنابراین با در نظر گرفتن هر کدام از یال‌های شبکه‌ی بین مشتریان و سرویس دهنده‌گان به ازای محصولات مختلف به عنوان واحدهای تصمیم‌گیرنده و اعمال عوامل مذکور به عنوان ورودی‌ها و خروجی‌های آن، اضافه کردن معیار کارایی به صورتی که گفته شد در مدل ادغامی پیشنهاد شده است. در این پژوهش، کارایی واحدها به عنوان تابع هدف دوم در مساله‌ی مدل و با روش LP-متريک حل شده است. یک مثال عددی در ابعاد کوچک برای این مدل مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. نتایج نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی اطلاعات بیشتری را در اختیار تصمیم‌گیرنده‌گان قرار می‌دهد. نتایج حاصل از آن الگوی مکان‌یابی-تخصیص کاراتر و قابل اطمینان‌تری نسبت به مدل‌هایی که کارایی را در نظر نمی‌گیرند، ارایه می‌کند. بر اساس نتایج،

لحاظ کردن معیار کارایی در مدل موجب افزایش هزینه‌ها می‌شود؛ ولی این افزایش بسیار کم بوده؛ در قبال آن کارایی به عنوان یک معیار مهم در برنامه‌ریزی‌ها افزایش زیادی خواهد داشت.

## منابع

- [۷] کرباسیان، م.، دشتی، م.، اسداللهی، ا.، (۱۳۹۰). مدل ترکیبی تحلیل پوشی داده‌ها و مکان‌یابی تسهیلات حساس با ملاحظه اصل پراکنده‌گی، علوم و فناوری‌های پدآفند غیرعامل، ۲(۳)، ۱۶۱-۱۶۷.
- [۸] باستانی، م.، کتابی، س.، قندهاری، م.، (۱۳۹۳). ارایه یک مدل تلفیقی برای تخصیص محصولات به توزیع کنندگان در زنجیره تامین با استفاده از تحلیل پوشی داده‌ها و برنامه‌ریزی آرمانی، مطالعه موردی صنعت خودرو، مجله تحقیق در عملیات در کاربردهای آن، ۱۱(۱)، پایپر، ۴۰، ۱۳۱-۱۱۹.
- [۹] شاهروdi، ک.، تدریس حسنی، م.، (۱۳۹۰). ارایه مدلی ریاضی به منظور انتخاب تامین کنندگان با استفاده از رویکرد تلفیقی تحلیل پوشی داده‌ها و هزینه کل مالکیت (مورد مطالعه: زنجیره ارزش ساز در صنعت خودرو ایران)، مجله تحقیق در عملیات در کاربردهای آن، ۸(۳)، پایپر، ۳۰، ۷۱-۸۱.
- [1] Farahani, R. Z., Hekmatfar, M. (2009). Facility Location: Concepts, Models, Algorithms and Case Studies. Physica.
  - [2] Drezner, Z., Hamacher, H.W. (2001). Facility Location: Theory and Algorithms. Berlin: Springer.
  - [3] Daskin, M. S. (1995). Network and Discrete Location, Models, Algorithms, and Applications. New York: John Wiley & Sons, Inc.
  - [4] Karbasian, M., Dashti, M., (2011). Designing four multi-objective models for dispersion facilities location problems considering Data Envelopment Analysis and maximum covering. International Journal of Management Science and Engineering Management, 6, 298-306.
  - [5] Cook, W. D., Green, R. H., (2003). Selecting Sites for New Facilities Using Data Envelopment Analysis. Journal of Productivity Analysis, 19, 77-91.
  - [6] Klimberg, R. K., Ratnick, S. J., (2008). Modeling data envelopment analysis (DEA) efficient location/allocation decision. Computer & Operation Research, 35, 474-457.
  - [10] Thomas, P., Chan, Y., Lehmkuhl, L., Nixon, W., (2002). Obnoxious-facility location and data envelopment analysis: A combined distance-based formulation. European Journal of Operational Research, 141, 495-514.
  - [11] Azadeh, A., Ghaderi, S.F., Maghsoudi, A., (2008). Location optimization of solar plants by an integrated hierarchical DEA PCA approach. Energy Policy, 36, 3993-4004.
  - [12] Mitropoulos, P., Mitropoulos, I., Giannikos, I., (2013). Combining DEA with location analysis for the effective consolidation of services in the health sector. Computers & Operations Research, 40, 2241-2250.
  - [13] Moheb-Alizadeh, M., Rasouli, S. M., Tavakkoli-Moghaddam, R., (2011). The use of multi-criteria data envelopment analysis (MCDEA) for location-allocation problems in a fuzzy environment. Expert Systems with Applications, 38, 5687-5695.
  - [14] Adabi, F., Omrani, H., (2014). Designing a supply chain management based on distributor efficiency measurement. Uncertain Supply Chain Management, 3, 87-96.
  - [15] Mohammad Nezhad, A., Manzour, H., Salhi, S., (2013). Lagrangian relaxation heuristics for the uncapacitated single-source multi-product facility location problem. International journal of Production Economics, 145, 713-723.
  - [16] Farrell, M. J., (1957). The measurement of productive efficiency. Journal of the Royal Statistic Society, 120, 253-281.
  - [17] Charnes, A., Cooper, W.W., Rhodes, E., (1978). Measuring the efficiency of decision making units. European Journal of Operational Research, 2, 429-444.
  - [18] Cooper, W. W., Seiford, L. M., Tone, K. (2007). Data envelopment analysis: A comprehensive text with models, applications, references and DEA-Solver Software. Second editions, Springer.

- [19] Deb, K. (2001). Multi-Objective Optimization Using Evolutionary Algorithms. New York: John Wiley & Sons, Inc.
- [20] IBM ILOG CPLEX optimization studio reference manual, (2013). Available at: <http://www-01.ibm.com/software/in/websphere/products/optimisation/index.html>.

Archive of SID