

ارایه مدلی برای مساله مکان یابی - موجودی سه سطحی با در نظر گرفتن کمبود موجودی و تقاضا همبسته و حل آن با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری

بهنام وحدانی^{*}، توفیق الهویرنلو^۱، مهدی سلطانی^۲

۱- استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، گروه مهندسی صنایع، قزوین، ایران

۲- استاد، دانشگاه آزاد اسلامی علوم و تحقیقات تهران، گروه ریاضی، تهران، ایران

۳- کارشناسی ارشد، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد قزوین، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، گروه مهندسی صنایع، قزوین، ایران

رسید مقاله: ۲۷ بهمن ۱۳۹۳
پذیرش مقاله: ۱۶ تیر ۱۳۹۴

چکیده

در این مقاله، یک مساله مکان یابی - موجودی سه سطحی با همبستگی تقاضا را در حالی که کمبود مجاز است بررسی می کنیم. مدل به دنبال کمینه نمودن کل هزینه های زنجیره ای تامین، شامل هزینه های مکان یابی تسهیلات، حمل و نقل و موجودی می باشد. با توجه به این که مساله مورد بررسی جزء مسائل NP-Hard محسوب می شود، به منظور حل آن دو الگوریتم فرا ابتکاری، شامل الگوریتم ژنتیک و شبیه سازی تبرید ارایه شده است. در نهایت نیز الگوریتم های پیشنهادی بر روی چند مساله عددی اجرا شده که نشان گر کارایی بهتر الگوریتم ژنتیک از لحاظ تابع هدف نسبت به الگوریتم شبیه سازی تبرید است؛ ولی از لحاظ زمان محاسباتی، شبیه سازی تبرید عملکرد بهتری دارد.

کلمات کلیدی: زنجیره ای تامین، مکان یابی - موجودی، کمبود موجودی، الگوریتم های فرا ابتکاری.

۱ مقدمه

یکی از زمینه های مهم در زنجیره ای تامین، تصمیمات مکان یابی - موجودی در شبکه زنجیره تامین است. برای بسیاری از صنایع، شبکه های زنجیره ای تامین به عنوان پایه و اساس عملیاتی در نظر گرفته می شود. امروزه در بازار رقابتی، با توجه به مخاطره آمیز بودن محیط نامشخص عملیاتی، طراحی شبکه به گونه ای مفروض به صرفه، کارآمد و پاسخ گو بسیار مهم می باشد [۱]. یک شبکه استراتژیکی با طراحی مناسب می تواند به طور بالقوه ۶۰ درصد هزینه های زنجیره ای تامین را کاهش دهد [۲]. در تنظیمات کلاسیک، طراحی چنین سیستمی در درجه اول به طرز برخورد با مشکلات استراتژیک مریوط به تعداد و محل امکانات لازم (انبارها و کارخانه ها) برای یک شبکه با حداقل هزینه و بدون پرداختن به مشکلات عملیاتی (مانند کنترل موجودی و سطح خدمات) وابسته است. به طور

* عهده دار مکاتبات

آدرس الکترونیکی: b.vahdani@gmail.com

معمول، در چنین چارچوبی، تصمیم‌گیری‌های عملیاتی پس از این که مکان تعیین شد، اتخاذ می‌گردد. با توجه به این که بسیاری از محققان بحث کرده‌اند، این روش موثرترین و کارآمدترین ساختار شبکه را ارایه نمی‌دهد و می‌تواند موانع موجود در میان رده‌های مختلف از یک زنجیره‌ی تامین را افزایش دهد [۳]؛ بنابراین، مسایل مکان‌یابی تسهیلات موجودی مشترک معرفی گردید که در آن مشکلات استراتژیک و عملیاتی در یک چارچوب یکپارچه با توجه به ارتباطات بین خردفروشان، توزیع کنندگان، تامین کنندگان و دیگر نهادهای زنجیره تامین حل شد.

در مدل‌های موجودی، تمرکز بر روی یافتن استراتژی بهینه موجودی در مراکز توزیع می‌باشد و معمولاً فرض بر آن است که تعداد و محل مراکز توزیع معلوم و مشخص است. در این مدل‌ها هدف کمینه نمودن هزینه‌های نگهداری و سفارش‌دهی می‌باشد. از سوی دیگر در مدل‌های مکان‌یابی، تمرکز بر روی توسعه مدل‌ها برای تعیین بهینه مراکز توزیع و محل استقرار آن‌ها و چگونگی تخصیص مشتریان به مراکز توزیع می‌باشد. در این مدل‌ها از هزینه‌های کمبود موجودی چشم‌پوشی می‌شود و هدف کمینه کردن هزینه‌های استقرار و تخصیص می‌باشد. از طرفی، هزینه حمل و نقل در مدل‌های مکان‌یابی، وابستگی به تواتر تامین سفارش در تسهیلات مختلف دارد و این تواتر تامین خود تابعی از سیاست موجودی است. همچنین در مسایل مکان‌یابی، هر چقدر الگوی مکان‌یابی بتواند در ازای مقداری مشخص از منابع، خدمات بیشتری را تولید کند، کاراتر است [۴]. به طور مشابه، در مسایل موجودی، هزینه موجودی در هر تسهیل وابسته به مقدار سفارشی است که به آن تسهیل تخصیص داده شده است و این خود به اطلاعاتی در خصوص نحوه تخصیص گره‌های تقاضا به هر یک از تسهیلات نیازمند است. این روابط متقابل بین سیاست‌های مکان‌یابی و موجودی نشان‌دهنده آن است که یک مدل یکپارچه با در نظر گرفتن هزینه‌های حمل و نقل، موجودی و احداث جهت حل این دسته از مساله‌ها نیاز است. با این وصف مسایل مکان‌یابی تسهیلات مشترک و کنترل موجودی به صورت ریاضی مدل‌سازی شد [۳]. مدل آن‌ها شامل مشخصات محل انبار و تخصیص مشتری و همچنین بهینه‌سازی تصمیمات موجودی بود و هزینه موجودی اطمینان، به عنوان یک استراتژی تجمع ریسک برای مقابله با عدم اطمینان تقاضا در سطح خردفروش در نظر گرفته شد، در حالی که یک کارخانه واحد با مدت زمان تحويل ثابت فرض شده بود.

هزینه موجودی اطمینان در یک شبکه زنجیره‌ی تامین چند سطحی، به خصوص با توجه به تغییرات در مدیریت زنجیره تامین و با توجه به شیوه‌های جدید مانند هماهنگی پیچیده‌تر خواهد شد [۵]. یک نمونه از این تغییرات، افزایش همبستگی تقاضا در طول زمان و فضا به عنوان یک نتیجه از به اشتراک گذاری اطلاعات بین خردفروشان از شبکه‌های زنجیره‌ی تامین می‌باشد [۶]. مطالعات زیادی در مورد ارزش همبستگی تقاضا در مدل‌سازی مدیریت زنجیره تامین صورت پذیرفته است [۷]. پارک و همکاران [۸]، مساله مکان‌یابی - موجودی سه سطحی را مطالعه کردند که در آن هزینه‌ی موجودی اطمینان برای محل کارخانه وابسته به مدت زمان تحويل در نظر گرفته می‌شود. با این حال، مدل آن‌ها تاثیر همبستگی تقاضا را در خردفروشان در نظر نمی‌گیرد. شهری و همکاران [۹]، مطالعات پارک و همکاران [۸] را با ترکیب همبستگی تقاضا در یک مدل طراحی شبکه زنجیره‌ی تامین سه سطحی که در آن مدت زمان تحويل، وابسته به مکان کارخانه است، توسعه دادند. با توجه به

همبستگی تقاضا، بهتر می‌توان استراتژی تجمع ریسک را در یک مساله مکان‌یابی- موجودی مشترک نشان داد. با توجه به توضیحات ارایه شده، در این مقاله یک مساله مکان‌یابی- موجودی سه سطحی با تقاضا همبسته را با در نظر گرفتن کمبود موجودی مد نظر قرار می‌دهیم. بر اساس توصیف فوق، نوآوری‌های اصلی در این مقاله به شرح زیر است:

- در نظر گرفتن توأم ان تقاضا همبسته، کمبود موجودی در سیستم مرور دائم در زنجیره تامین سه سطحی.
- ارایه یک مدل ریاضی برای مکان‌یابی- موجودی در یک زنجیره تامین بالحاظ نمودن مورد اول.
- توسعه‌ی یک روش حل فرا ابتکاری برای حل این مساله.

به طور خاص، روند این مقاله به شرح زیر است: در بخش ۲ به بررسی ادبیات موضوع پرداخته شده است. در بخش ۳، تعریف دقیقی از مساله، همراه با مفروضات و فرمولاسیون ارایه می‌دهیم. بخش ۴ الگوریتم‌های ژنتیک و شبیه‌سازی تبرید را توصیف می‌کند. در بخش ۵، آزمایش‌های محاسباتی در مسایل مختلف شبکه را ارایه می‌دهیم. بخش ۶ نیز نتیجه‌گیری و تحقیقات آتی را شامل می‌شود.

۲ مرواری بر تحقیقات مشابه

تصمیم‌گیری‌های استراتژیک مکان‌یابی تسهیلات به شدت تحت تاثیر تصمیمات تاکتیکی مانند تصمیمات موجودی می‌باشد. سیاست‌های مکان‌یابی از جمله سیاست‌های بلندمدت یا میان‌مدت و سیاست‌های موجودی از جمله سیاست‌های کوتاه‌مدت یا میان‌مدت در شبکه توزیع کالا به حساب می‌آید؛ اما تاثیر سیاست‌های مکان‌یابی در هزینه‌های موجودی کاملاً مشهود است؛ زیرا با تغییر تقاضای اختصاص یافته به خدمت‌دهندگان نیز هزینه‌های موجودی تغییر می‌کند. در نتیجه مدل‌های موسوم به مدل‌های مکان‌یابی- موجودی ارایه شد که به طور همزمان، هزینه‌های مکان‌یابی و موجودی را کمینه می‌کند. اولین مطالعه که ایده ادغام هزینه‌ی موجودی را در مدل مکان‌یابی پیشنهاد داد، توسط بامول و ول夫 [۱۰]، ارایه شد. آن‌ها یک مساله مکان‌یابی تسهیلات را بدون در نظر گرفتن ظرفیت توسعه دادند و روشی ارایه کردند که می‌تواند بهینه محلی را به دست آورد. ارلباقر و ملر [۱۱]، یک مدل مکان‌یابی- موجودی یکپارچه را بررسی کردند و روشی ابتکاری را برای حل مدل ارایه شده، توسعه دادند.

داسکین و همکاران [۱۲]، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح غیرخطی را پیشنهاد دادند که در آن هدف به حداقل رساندن حمل و نقل، مکان‌یابی و هزینه‌های موجودی اطمینان می‌باشد و آن را از طریق الگوریتم لاگرانژ حل کردند. شن و همکاران [۱۳]، مدل داسکین و همکاران [۱۲] را به عنوان یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح پوشش مجموعه‌ای مدل‌سازی کردند و از روشی مبتنی بر تولید ستون جهت حل مدل برای دو مورد خاص استفاده نمودند: نخست، هنگامی که واریانس تقاضا با میانگین متناسب است و دوم، زمانی که واریانس تقاضا صفر است. تئو و شو [۱۴]، با تعیین سیاست‌های موجودی مطلوب برای مراکز توزیع و خرده‌فروشان، با استفاده از یک تابع هزینه موجودی دو سطحی، کار پیشین را بسط دادند. مساله به عنوان یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح فرموله شده، با استفاده از رویکرد تولید ستون حل می‌شود. میراندا و گاریدو [۳]، تصمیم‌گیری کنترل موجودی را

با مساله مکان یابی تسهیلات با محدودیت ظرفیت ترکیب کردند. مدل آنها، مراکز توزیع را مکان یابی می کند و خوده فروشان را به آنها تخصیص می دهد و بهترین سیاست های موجودی در هر مرکز توزیع را با توجه به محدودیت ظرفیت مرکز توزیع تعییف می کند. مساله عدد صحیح غیرخطی مختلط حاصل، با استفاده از آزاد سازی لاگرانژ و روش زیر شیب حل شد.

شو و همکاران [۱۵] یک مساله حمل و نقل - موجودی تصادفی را ارایه دادند که رویکرد تولید ستون شن و همکاران [۱۳] را با استفاده از ساختار خاصی از مساله قیمت گذاری گسترش می داد. میراندا و گاریدو [۱۶] کار قبلی خود را با در نظر گرفتن دو نوع محدودیت ظرفیت در مراکز توزیع توسعه دادند. اولی حداقل مقدار سفارش را محدود می کند و دومی حداقل سطح موجودی را برای هر مرکز توزیع تعیین می کند. شو و سان [۱۷] و اسنایدر و همکاران [۱۸] نوعی تصادفی از مدل توسعه توسط داسکین و همکاران [۱۲] و شن و همکاران [۱۳] را مطالعه کردند. شو و سان [۱۷] فرمول مساله شن و همکاران [۱۳] را به عنوان یک مدل پوشش مجموعه دوباره بررسی کردند و یک رویکرد حل تولید ستون که به دو مورد خاص از طرح تقاضا محدود نمی شود، توسعه دادند. با این حال، اسنایدر و همکاران [۱۸] دو مورد خاص از تقاضا شناسایی شده توسط شن و همکاران [۱۳] را در نظر گرفتند و یک مساله مکان یابی - موجودی تصادفی را فرمول بندی نموده و از الگوریتم لاگرانژ برای حل مدل استفاده کردند. رومنیجن و همکاران [۱۹]، نسخه محدودیت ظرفیت مدل ارایه شده توسط تئو و شو [۱۴] را مطالعه کردند. آنها مساله را به عنوان یک مدل پوشش مجموعه ای فرموله کرده و از یک رویکرد تولید ستون استفاده نموده اند. ارتباط بین مدت زمان تحويل و موجودی اطمینان در مطالعه سوریراجان و همکاران [۲۰] انجام شد که در آن مدل ارایه شده به توضیح ارتباط مدت زمان تحويل و مزایای موجودی در تجمع ریسک پرداخته و از یک رویکرد ابتکاری لاگرانژ برای حل مساله استفاده کردند.

ویدیارشی و همکاران [۲۱]، یک مورد چند محصولی از یک مدل مکان یابی - موجودی مشترک که کارخانه ها و مراکز توزیع را مکان یابی کرده، پیشنهاد داده اند که میزان محموله را از کارخانه ها به مراکز توزیع ارزیابی می کند و خوده فروشان را به مراکز توزیع تخصیص می دهد. با این حال آنها تنها هزینه های موجودی اطمینان را به عنوان استراتژی مدیریت ریسک در نظر گرفته اند. نسخه محدودیت ظرفیت مدل ارایه شده داسکین و همکاران [۱۲] و شن و همکاران [۱۳]، توسط اوزن و همکاران [۲۲] و همچنین میراندا و گاریدو [۲۳] مطالعه شد که در آن از یک روش آزادسازی لاگرانژ به عنوان روش حل استفاده گردید. یک شبکه زنجیره ای تامین دو سطحی با تقاضا نامعلوم توسط شو و همکاران [۲۴]، ارایه شد. آنها مساله را به عنوان مدل بهینه سازی غیرخطی گستته فرمول بندی نموده و با استفاده از رویکرد تولید ستون مدل مورد نظر را حل کرده اند.

پارک و همکاران [۸]، تاثیر مکان های کارخانه و تخصیص مراکز توزیع را به آنها بر روی مقدار موجودی اطمینان نگهداری شده در مراکز توزیع بررسی کردند و یک مدل زنجیره ای تامین سه سطحی را معرفی کردند که در آن وابستگی مراکز توزیع به تامین کننده و مدت زمان تحويل مدنظر قرار گرفته شده بود. یک الگوریتم مبتنی بر آزادسازی لاگرانژ دو مرحله ای برای حل مدل استفاده شد. چن و همکاران [۲۵]، یک مساله مکان یابی - موجودی را بررسی کردند که در آن تسهیلات ساخته شده ممکن است با احتمال شناخته شده قطع شود. آنها

یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح را برای مساله ارایه و یک روش حل آزادسازی لاگرانژ را توسعه دادند. یک مساله مکان‌یابی - موجودی در یک زنجیره‌ی تامین سه سطحی توسط تسرز و همکاران [۲۶]، مطالعه شد. آن‌ها یک فرمول مستمر غیر خطی برای کمینه کردن هزینه‌های حمل و نقل، ثابت و نگهداری پیشنهاد و یک الگوریتم ابتکاری تکرار برای حل مدل توسعه دادند. تساو و همکاران [۲۷]، یک مساله مکان‌یابی - موجودی یکپارچه مراکز توزیع و خرددهفروشان چند سطحی را مطالعه کردند. آن‌ها یک روش تقریبی مستمر را برای کمینه نمودن کل هزینه‌های شبکه ارایه کردند.

برمن و همکاران [۲۸]، یک مساله مکان‌یابی - موجودی یکپارچه را با سیاست مرور دوره‌ای موجودی (R, S) در نظر گرفتند که برای هر مرکز توزیع، دو نوع هماهنگی ارایه شد: هماهنگی نسبی که هر مرکز توزیع ممکن است از آن برای فاصله بررسی موجودی خود استفاده کند و هماهنگی کامل که همه مراکز توزیع یک فاصله بررسی یکسان دارند. کمبود موجودی لحظه شده و مساله به عنوان یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح غیرخطی فرموله شد و یک الگوریتم آزادسازی لاگرانژ برای حل آن ارایه گردید. آتامترک و همکاران [۲۹]، چندین نمونه از یک مساله مکان‌یابی - موجودی مشترک فرموله شده به عنوان یک برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی درجه دوم مخروطی را مطالعه کردند. چارچوب مدل پیشنهادی را با استفاده از بسته‌های بهینه‌سازی تجاری حل نمودند که باعث راه حل‌های محاسباتی کوتاه‌تر می‌شود. در حالی که یک شبکه زنجیره‌ی تامین دو سطحی را در نظر گرفته بودند. همچنین همبستگی تقاضا را برای طراحی شبکه زنجیره‌ی تامین چند سطحی ادغام کردند. کسکین و اوتسه [۳۰]، یک طراحی سیستم تولید و توزیع در شبکه زنجیره‌ی تامین سه سطحی را با توجه به موجودی در مراکز توزیع، خرددهفروشان و محدودیت ظرفیت در کارخانه‌ها ارایه دادند و یک روش ابتکاری کارآمد را با یک روش جستجوی محلی ترکیب کردند و یک الگوریتم شیوه‌سازی شده را برای حل مساله ایجاد نمودند. یک مساله مکان‌یابی - موجودی حلقه بسته توسط دیبات و همکاران [۳۱]، پیشنهاد شد. آن‌ها مساله را به عنوان مدل برنامه‌ریزی غیرخطی ترکیبی فرموله کردند و یک الگوریتم آزادسازی لاگرانژ دو فازی دقیق برای حل مدل توسعه دادند. یک مساله طراحی شبکه زنجیره‌ی تامین چهار سطحی توسط شهری و همکاران [۳۲]، ارایه شده است، که در آن تسهیلات مرکزی در یک مساله مکان‌یابی تسهیلات چند سطحی با موجودی و استراتژی تجمع ریسک ارزیابی شده است. شهری و همکاران [۹]، یک مساله مکان‌یابی - موجودی سه سطحی را مورد تجزیه و تحلیل قرار دادند، که تقاضا در سراسر خرددهفروشان همبسته در نظر گرفته شده است. آن‌ها یک روش حل تقریب بیرونی برای مدل خود گسترش داده‌اند.

۳ تعریف مساله

به طور خاص این مقاله، یک مساله سه سطحی مکان‌یابی - موجودی را در شبکه زنجیره‌ی تامین، با در نظر گرفتن کمبود موجودی و تقاضای همبسته در یک سیاست بررسی مرور دائم موجودی ارایه می‌دهد. همچنین مدل پیشنهادی شامل سه تصمیم مختلف می‌باشد: ۱- یک مساله مکان‌یابی تسهیلات چند سطحی برای تعیین تعداد و محل کارخانه‌ها و انبارها، ۲- یک مساله تخصیص برای تعیین بهترین تخصیص خرددهفروشان به انبارها و انبارها به

وحدانی و بکاران، ارایه ملی برای مساله مکان یابی - موجودی سه طبقه با درنظر گرفتن کمبود موجودی و ...

کارخانه‌ها و ۳- تصمیم‌گیری کنترل موجودی در هر انبار. هدف از مدل در واقع به حداقل رساندن همزمان مکان یابی تسهیلات، حمل و نقل و هزینه‌های موجودی (کمبود، موجودی اطمینان و مدت زمان تحویل) متحمل شده، توسط شبکه می‌باشد. به طور خاص مدل، مفروضات زیر را در نظر می‌گیرد:

- کمبود موجودی مجاز است.
 - یک هزینه راه اندازی ثابت برای گشایش کارخانه‌ها و انبارها وجود دارد.
 - هزینه حمل و نقل به ازای هر واحد حمل و نقل، هر دو بین کارخانه‌ها و انبارها و بین انبارها و خرده‌فروشان فاصله اقلیدسی است.
 - یک استراتژی منابع یابی در نظر گرفته می‌شود که در آن هر خرده‌فروش فقط از یک انبار تامین می‌شود و هر انبار تنها از یک کارخانه بارگذاری می‌گردد.
 - کنترل موجودی تنها در انبار لحاظ شده، به دنبال یک سیاست بررسی مرور دائم موجودی (r, Q) می‌باشد.
 - موجودی اطمینان در هر انبار برای مقابله با تغییرات تقاضای خرده‌فروشان تخصیص داده شده، در نظر گرفته می‌شود.
 - تقاضا در خرده‌فروشان دارای یک توزیع نرمال چند متغیره با بردار میانگین و ماتریس کواریانس معلوم است.
 - یک مدت زمان تحویل (LT) کارخانه به انبار موجود است که بستگی به محل کارخانه و انبار دارد.
 - کارخانه‌ها در معرض هیچ گونه محدودیت ظرفیتی نیستند، در حالی که در هر انبار ظرفیت محدود در نظر گرفته شده است.
- علاوه بر این، شاخص‌های مدل، پارامترها و متغیرهای تصمیم مورد استفاده مقاله، به صورت جداول زیر می‌باشد:

جدول ۱. مجموعه‌ها

مجموعه خرده‌فروشان با شاخص Ω	R
مجموعه انبارها با شاخص J	W
مجموعه کارخانه‌ها با شاخص K	P

جدول ۲. متغیرهای تصمیم

اگر کارخانه k بازگشایی شود ۱ در غیر این صورت صفر است	v_k
اگر انبار j به کارخانه K تخصیص یابد ۱ در غیر این صورت صفر است	y_{jk}
اگر خرده‌فروش i به انبار j تخصیص یابد ۱ در غیر این صورت صفر است	x_{ij}
بخشی از تقاضا در طول دوره کمبود پس افت در انبار j که به صورت $[0, 1]$ می‌باشد	b_j

جدول ۳. پارامترهای مدل

هزینه راهاندازی ثابت برای کارخانه k	g_k
هزینه ثابت انبار j تخصیص یافته شده به کارخانه k	f_{jk}
هزینه هر واحد حمل و نقل متغیر از کارخانه k به انبار j	a_{jk}
هزینه هر واحد حمل و نقل از کارخانه k به انبار j	t_{jk}
هزینه هر واحد حمل و نقل بین انبار j و خردهفروش ۱	c_{ij}
میانگین تقاضا هر واحد زمانی از خردهفروش ۱	μ_i
واریانس تقاضا هر واحد زمانی از خردهفروش ۱	σ_i^2
ظرفیت در انبار j	cap_j
هزینه نگهداری هر واحد زمانی در انبار j	h_j
هزینه ثابت سفارش دهی شامل هزینه بررسی وضعیت موجودی در انبار j	A_{oj}
هزینه کمبود هر واحد کمبود در انبار j	π_j
قیمت هر واحد فروش در انبار j	π_{oj}
ضریب همبستگی بین تقاضا خردهفروش ۱ و خردهفروش ۱	ρ_{il}
مدت زمان تحويل سفارش از کارخانه k به انبار j	l_{jk}
سطح سفارش بهینه در انبار j	r_j^*
درصد از توزیع نرمال استاندارد	z_α

۱-۳ سیاست موجودی در انبارها

در این مقاله، تقاضا در خردهفروش ۱ و خردهفروش ۱ با ضریب همبستگی معلوم ρ_{il} همبسته است و تقاضای هر واحد زمانی در انبار j ، D_j ، مستقل فرض شده و دارای یک توزیع نرمال چند متغیره با میانگین $U_j = \sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj}$ و واریانس $\sigma_j^2 = \sum_i \mu_i x_{ij}$ و همچنین (τ) ، نشان‌گر تقاضا در طی یک بازه زمانی به طول τ در انبار j با تابع توزیع تجمعی $F_j(\tau)$ می‌باشد. علاوه بر این، مدت زمان تحويل سفارش در انبار j را می‌توان از رابطه $L_j = \sum_k l_{jk} y_{jk}$ بدست آورد. همچنین، تقاضای انبار j در طول مدت زمان تحويل زمان L_j ، به طور معمول با میانگین L_j و واریانس $L_j \sigma_j^2$ توزیع می‌گردد. فرض می‌شود که بخشی از کمبودها، پس افت و بخش باقی مانده فروش از دست رفته است. این تعمیم دو مدل موجودی کلاسیک می‌باشد: در حالت فروش از دست رفته، $b_j = 0$ و در حالت پس افت، $b_j = 1$ می‌باشد. ما به سادگی از تقریب ارایه شده توسط مونتگومری و همکاران [۳۳] استفاده خواهیم نمود؛ بنابراین قسمتی از هزینه‌های مدل پیشنهادی با رابطه (۱) نشان داده شده است.

$$C_j(r_j) = a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + h_j \left\{ \frac{Q_j}{2} + r_j - U_j L_j + (1 - b_j) E[D_j L_j - r_j]^+ \right\}$$

$$+ \left[\frac{U_j [\pi_j + (1-b_j)(\pi_{oj} - a_{jk})]}{Q_j} \right] E[D_j L_j - r_j]^+ \quad (1)$$

با توجه به رابطه (۱)، آیتم اول و دوم متوسط هزینه‌های سفارش متغیر(ثابت) و حمل و نقل هر واحد زمانی است.

آیتم سوم تقریبی از متوسط هزینه نگهداری موجودی را در هر واحد زمانی نشان می‌دهد و آیتم چهارم نمایانگر متوسط هزینه کمبود در هر واحد زمانی می‌باشد.

سپس با تعریف هزینه‌های $C_{uj} = \pi_j + (1-b_j)(\pi_{oj} - a_{jk}) - b_j h_j Q_j / U_j$ و $C_{oj} = h_j Q_j / U_j$ و انجام فاکتور گیری، می‌توان تابع هزینه موجودی (۱) را به صورت رابطه (۲) نوشت:

$$\begin{aligned} C_j(r_j) &= a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + h_j \left[\frac{Q_j}{2} + r_j - U_j L_j \right] \\ &+ \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] E[D_j L_j - r_j]^+ \end{aligned} \quad (2)$$

علاوه بر این در این مقاله، مقدار سفارش بهینه و سطح سفارش مجدد (r, Q) را بر اساس روش تقریبی مقدار سفارش اقتصادی کلاسیک به کار برده‌ایم که به طور گستردگی در مسائل موجودی و مکان‌یابی استفاده می‌شود. بر اساس این روش، مقدار سفارش بهینه Q_j ، سطح بهینه سفارش مجدد r_j^* و موجودی اطمینان ss_j در هر انبار j با توجه به تقاضا همیسته خرده‌فروشان و مدت زمان تحویل وابسته به کارخانه از رابطه‌های (۳)، (۴) و (۵) به دست می‌آید:

$$Q_j = \sqrt{\frac{A_{oj} U_j}{h_j}} = \sqrt{\frac{A_{oj} \sum_i \mu_i x_{ij}}{h_j}} \quad (3)$$

$$r_j^* = U_j L_j + Z_\alpha \sqrt{\sigma_j^* L_j} \quad (4)$$

$$ss_j = Z_\alpha \sqrt{\sigma_j^2 L_j} = Z_\alpha \sqrt{\sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj} \sum_k l_{jk} y_{jk}} \quad (5)$$

همچنین، $Z_\alpha = \varphi^{-1} [C_{uj} / (C_{oj} + C_{uj})]$ نشان‌دهنده تابع توزیع تجمعی نرمال استاندارد می‌باشد. حال با قرار دادن رابطه سطح بهینه سفارش مجدد (۴) در رابطه (۲)، $C_j(r_j^*)$ بهینه که با رابطه (۶) نشان داده شده است، به دست می‌آید.

$$C_j(r_j^*) = a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + \frac{h_j Q_j}{2} + \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] \varphi [Z_\alpha] \sqrt{\sigma_j^* L_j} \quad (6)$$

اثبات رابطه (۶). با توجه به توضیحات ارایه شده در این بخش که تقاضا انبار j در طول مدت زمان تحویل L_j ، دارای توزیع نرمال با میانگین U_j و واریانس $\sigma_j^2 L_j$ می‌باشد، می‌توان نوشت:

$$E[D_j L_j - y]^+ = \sqrt{\sigma_j^* L_j} E(Z - \omega)^+$$

در رابطه بالا، Z نشانگر متغیر تصادفی نرمال استاندارد و $y = \mu_j L_j + \omega \sqrt{\sigma_j^r L_j}$ است.

حال با اتصال رابطه (۴) به رابطه (۲) داریم:

$$\begin{aligned} C_j(r_j^*) &= a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + h_j \left[\frac{Q_j}{\gamma} + Z_\alpha \sqrt{\sigma_j^r L_j} \right] \\ &\quad + \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] \sqrt{\sigma_j^r L_j} E[Z - Z_\alpha]^+ \\ &= a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + \frac{h_j Q_j}{\gamma} \\ &\quad + \left\{ h_j Z_\alpha + \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] \{ \varphi[Z_\alpha] - Z_\alpha [1 - \varphi[Z_\alpha]] \} \right\} \times \sqrt{\sigma_j^r L_j} \\ &= a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + \frac{h_j Q_j}{\gamma} \\ &\quad + \left\{ h_j Z_\alpha + \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] \varphi[Z_\alpha] - \frac{Z_\alpha U_j C_{oj}}{Q_j} \right\} \times \sqrt{\sigma_j^r L_j} \\ C_j(r_j^*) &= a_{jk} U_j + \frac{U_j (A_{oj} + t_{jk})}{Q_j} + \frac{h_j Q_j}{\gamma} + \left[\frac{U_j [C_{oj} + C_{uj}]}{Q_j} \right] \varphi[Z_\alpha] \sqrt{\sigma_j^r L_j} \end{aligned}$$

تساوی دوم با استفاده از $E(Z - \omega)^+ = \varphi(\omega) + \omega[1 - \varphi(\omega)]$ و تساوی سوم با استفاده از $\varphi[Z_\alpha] = C_{uj}(R_j)/C_{oj}(R_j) + C_{uj}(R_j)$ به دست آمده است. [۲۸]

۲-۳ فرمول بندی مساله

تابع هدف با (X, Y) مشخص شده و متشکل از چهار نوع هزینه: هزینه ثابت مکان یابی تسهیلات، هزینه حمل و نقل از انبار به خرده فروش، هزینه های حمل و نقل از کارخانه به انبار و سفارش متغیر (ثابت)، هزینه های سیستم موجودی می باشد. سپس، با استفاده از رابطه (۶)، داریم:

$$\begin{aligned} C(X, Y) &= \sum_k g_k v_k + \sum_j \sum_k f_{jk} y_{jk} + \sum_i \sum_j \mu_i c_{ij} x_{ij} + \sum_j \sqrt{\gamma A_{oj} \sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j \\ &\quad + \sum_i \sum_j \sum_k a_{jk} \mu_i x_{ij} + \sum_i \sum_j \sum_k \frac{\mu_i x_{ij} (A_{oj} + t_{jk})}{\sqrt{\gamma A_{oj} \sum_i \mu_i x_{ij}}} y_{jk} \end{aligned}$$

$$+ \sum_j \frac{h_j \sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}}}{\gamma} + \sum_j h_j Z_\alpha \sqrt{\sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj} \sum_k l_{jk} y_{jk}}$$

$$+ \sum_i \sum_j \sum_k \left[\frac{\mu_i x_{ij} [C_{oj} + C_{uj}]}{\sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j} \right] \times \phi[Z_\alpha] \sqrt{\sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj} \sum_k l_{jk} y_{jk}}$$

حال با جایگزین نمودن مقادیر c_{oj} و c_{uj} در تابع هدف $C(X, Y)$ ، می‌توان مساله را به عنوان برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح فرمول‌بندی نمود:

$$\begin{aligned} \text{Min } C(X, Y) = & \sum_k g_k v_k + \sum_j \sum_k f_{jk} y_{jk} + \sum_i \sum_j \mu_i c_{ij} x_{ij} + \sum_j \sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j \\ & + \sum_i \sum_j \sum_k a_{jk} \mu_i x_{ij} + \sum_i \sum_j \sum_k \frac{\mu_i x_{ij} (A_{oj} + t_{jk})}{\sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j} y_{jk} \\ & + \sum_j \frac{h_j \sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}}}{\gamma} + \sum_j h_j Z_\alpha \sqrt{\sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj} \sum_k l_{jk} y_{jk}} \\ & + \sum_i \sum_j \sum_k \left[\frac{\mu_i x_{ij} [\pi_j + (-b_j)(\pi_{oj} - a_{jk})] + h_j \sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j (-b_j)}{\sqrt{\sum_i \mu_i x_{ij}} / h_j} \right] \\ & \times \phi[Z_\alpha] \sqrt{\sum_i \sum_l \rho_{il} \sigma_i \sigma_l x_{ij} x_{lj} \sum_k l_{jk} y_{jk}} \end{aligned} \quad (\text{V})$$

s.t.

$$\sum_j x_{ij} = 1 \quad \forall i \quad (\text{A})$$

$$x_{ij} \leq \sum_k y_{jk} \quad \forall i, j \quad (\text{B})$$

$$\sum_i \mu_i x_{ij} \leq cap_j \quad \forall j \quad (\text{C})$$

$$\sum_k y_{jk} \leq 1 \quad \forall j \quad (\text{D})$$

$$B = \sum_i \sum_j b_j \mu_i x_{ij} \quad (\text{E})$$

$$y_{jk} \leq v_k \quad \forall j, k \quad (\text{F})$$

$$x_{ij}, y_{jk}, v_k \in \{0, 1\} \quad \forall i, j, k \quad (\text{G})$$

در فرمول بندی بالا، در تابع هدف (۷)، عبارت اول مربوط به هزینه ثابت راه اندازی کارخانه می باشد. عبارت دوم شامل هزینه ثابت از انبار تخصیص یافته شده به کارخانه است؛ بنابراین، عبارت اول و دوم نشان دهنده هزینه ثابت مکان یابی تسهیلات می باشد. عبارت سوم نمایان گر هزینه حمل و نقل از انبار به خرد هفروش است. عبارات چهارم و پنجم مربوط به هزینه های حمل و نقل از کارخانه به انبار و سفارش متغیر (ثابت) است. عبارات ششم و هفتم نشان گر هزینه های نگهداری در انبار می باشد که شامل هزینه نگهداری موجودی اطمینان در انبار هم می گردد. عبارت هشتم مربوط به کمبود موجودی در انبار است؛ بنابراین، عبارات ششم، هفتم و هشتم نشان دهنده هزینه های سیستم موجودی می باشد. محدودیت (۸) و محدودیت (۱۱)، فرض استراتژی منابع یابی برای هر خرد هفروش و انبار می باشد. محدودیت (۹) و محدودیت (۱۲)، محدودیت (۱۳)، اطمینان حاصل می کند که هر خرد هفروش و انبار به ترتیب به یک انبار و کارخانه گشایش یافته تخصیص داده می شود. محدودیت (۱۰)، ظرفیت را در هر انبار کنترل می کند. محدودیت (۱۲)، کمبود موجودی انبار می باشد.

۴ روش های حل پیشنهادی

مسایل مکان یابی - موجودی در حوزه مسایل دشوار (NP-Hard) قرار دارد؛ بنابراین در این مقاله برای حل آن در ابعاد واقعی و بزرگ از الگوریتم های ژنتیک (GA) و شبیه سازی تبرید (SA) بهره گرفته شده است.

۴-۱ الگوریتم ژنتیک (GA)

الگوریتم ژنتیک نوع خاصی از الگوریتم های تکاملی است که از تکنیک های برایش (تکاملی) مانند وراثت و جهش استفاده می کند [۳۴]. شکل معمول الگوریتم ژنتیک توسط گلدنبرگ [۳۵] ارایه گردید. یکی از گام های پیاده سازی الگوریتم ژنتیک، شرط توقف الگوریتم می باشد که در این مقاله، سپری شدن تعداد معینی تکرار به عنوان معیار توقف در نظر گرفته شده است. سایر گام های پیاده سازی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به صورت زیر بیان می شود:

- مقداردهی اولیه

اطلاعات اولیه برای شروع کار الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به قرار زیر است:

- ✓ تعداد تکرار

- ✓ اندازه هی جمعیت را به معنی تعداد کروموزوم هایی که در هر مرحله باید نگهداری شود نشان می دهد.
- ✓ احتمال عملکر تقطاع، بیان گر تعداد والدینی است که در عملیات جفت گیری شرکت می کنند.
- ✓ احتمال عملکر جهش، بیان گر تعداد جواب هایی است که در فرآیند جهش شرکت می کنند.

- نحوه نمایش کروموزوم

طریقه تعریف ساختار نمایش جواب ها از جمله تاثیر گذار ترین بخش ها برای افزایش کارایی الگوریتم های بهینه سازی می باشد. با توجه به مساله تعریف شده ما ۴ نوع متغیر تصمیم داریم: x_{ij} , y_{jk} , v_k , b_j که تابع هدف و

همین طور محدودیت‌های روی این متغیرها تعریف می‌شوند. الگوریتم GA برای شروع کار خود نیاز به یک جمعیت اولیه دارد. به صورت عمومی و خیلی ساده این جمعیت به صورت تصادفی ایجاد می‌شود؛ اما این کار ایرادهایی هم دارد؛ زیرا اگر جواب تصادفی تولید شده از کیفیت خوبی برخوردار نباشد، جواب نهایی نیز کیفیت خوبی نخواهد داشت. پس باید سعی شود که در عین حال که جواب‌ها تصادفی هستند، ناحیه‌ای از فضای حل را که شرایط بهتری دارد، برگزینیم. برای توضیح بیشتر، در صورتی که جواب‌های به صورت کامل، تصادفی انتخاب شود، ممکن است که تعدادی از محدودیت‌ها را نقض کنند، این کار باعث ایجاد جریمه می‌شود و مقدار تابع هزینه افزایش خواهد یافت، الگوریتم GA جواب‌ها را تا حد ممکن اصلاح می‌کند؛ اما در نهایت ممکن است پس از این که الگوریتم همگرا شد، باز هم جواب شدنی نباشد و در برخی از محدودیت‌ها صدق نکند و روش است که چنین جوابی فاقد هرگونه ارزش است. برای حل این مشکل و تولید جواب‌های با کیفیت‌تر و بهتر، از روش Decoding استفاده شده است. الگوریتم GA توسط یک سازوکار مشخص و بهبود دهنده، یک سری جواب را برای مساله ما تولید می‌کند. برای ایجاد کارایی بیشتر، این جواب‌ها به صورت یک کد تعریف شده است. به این صورت که در ابتدا یک جمعیت اولیه از کروموزوم کلی که درایه‌های آن را فقط اعداد بین صفر و یک تشکیل می‌دهد، ایجاد کرده و سپس برای محاسبه میزان برازنده‌گی، این کروموزوم در تابعی که برای محاسبه برازنده‌گی تعریف شده، ترجمه می‌شود. مدل پیشنهادی دارای ۳ اندیس k, j, i می‌باشد که اندیس i نشان‌دهنده تعداد retailer، اندیس j نمایان‌گر تعداد warehouse و در نهایت اندیس k نشان‌دهنده تعداد plant می‌باشد. برای تولید یک ماتریس که همه این اندیس‌ها را پوشاند، یک ماتریس را که دارای $(\text{تعداد retailer} + \text{تعداد plant}) \times (\text{تعداد warehouse} + 1)$ سطر و تعداد warehouse می‌باشد را تعریف نموده‌ایم.

کروموزوم طراحی شده برای مدل پیشنهادی از چهار قسمت تشکیل شده است:

قسمت اول ماتریسی $(j \times i)$ است (i نشان‌دهنده تعداد خردهفروشان و j نشان‌دهنده تعداد انبارها) که هر یک از درایه‌های آن اعداد صفر یا یک می‌باشد (x_{ij}) .

قسمت دوم نیز ماتریسی $(j \times k)$ است (k نشان‌دهنده تعداد کارخانه‌ها و j نشان‌دهنده تعداد انبارها) که هر یک از درایه‌های آن اعداد صفر یا یک می‌باشد (y_{kj}) .

قسمت سوم ماتریسی $(j \times 1)$ است (j نشان‌دهنده تعداد انبارها) که هر یک از درایه‌های آن اعداد بین صفر و یک می‌باشد (b_j) .

قسمت چهارم نیز ماتریسی $(k \times 1)$ است (k نشان‌دهنده تعداد کارخانه‌ها) که هر یک از درایه‌های آن اعداد صفر یا یک می‌باشد (v_k) .

شکل (۱)، ساختار کروموزوم طراحی شده را نشان می‌دهد و شکل (۲)، نمونه‌ای از کروموزوم اولیه و کروموزوم نهایی (جواب موجه قابل درک) برای مساله‌ای با ۷ خردهفروش، ۳ انبار و ۲ کارخانه را نشان می‌دهد.

$$\begin{pmatrix} x_{ij} & \dots & \dots \\ y_{kj} & \ddots & v_k \\ b_j & \dots & \dots \end{pmatrix}$$

شکل ۱. ساختار کروموزوم طراحی شده

	1	2	3	4
1	0/17	0/15	0/42	0/91
2	0/13	0/52	0/17	0/89
3	0/74	0/91	0/45	0/17
4	0/38	0/74	0/85	0/89
5	0/66	0/13	0/75	0/74
6	0/16	0/27	0/07	0/91
7	0/87	0/52	0/63	0/10
8	0/16	0/66	0/60	0/61
9	0/54	0/26	0/41	0/39
10	0/90	1/00	0/95	0/36

کروموزوم اولیه

	0	0	1	0
0	0	1	0	0
1	0	1	0	0
2	0	0	1	0
3	0	1	0	0
4	1	0	0	0
5	0	1	1	1
6	1	0	0	1
7	0/90	1/00	0/95	0

کروموزوم نهایی

شکل ۲. نمونه‌ای از کروموزوم اولیه و نهایی

• ارزیابی جواب‌ها

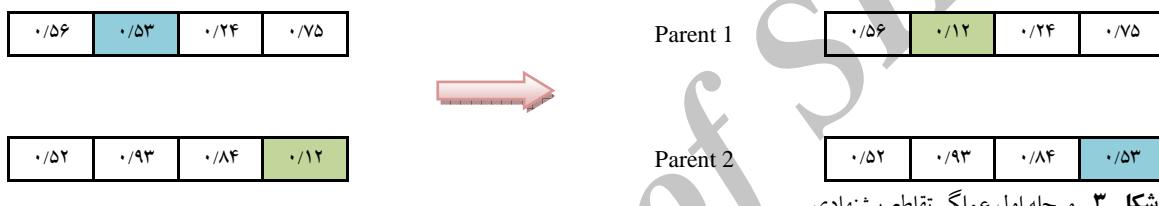
مهم‌ترین مساله در به کارگیری الگوریتم‌های فرالبتکاری در مورد مدل‌های دارای محدودیت، چگونگی مواجه شدن با محدودیت‌های است. همان‌گونه که اشاره شد، برای تولید جواب‌های با کیفیت‌تر و بهتر که محدودیت‌های مساله را ارضاء کند، از روش Decoding استفاده نموده‌ایم که در ادامه به نحوه انجام این کار می‌پردازیم. اولین متغیری که به آن می‌پردازیم، متغیر x_{ij} است، در nretailer سطر اول و nwarehouse ستون اول، ماتریسی را که به عنوان کروموزوم تعریف کردیم جدا و x قلمداد می‌کنیم. با توجه به محدودیت (۸)، باید طوری این ماتریس را تعریف نماییم که در هر سطر آن فقط یک ۱ وجود داشته باشد. تفسیر این ماتریس به این‌گونه است که در هر سطر ماکریم را بیابد و آن را برابر ۱ و الباقی را صفر قرار دهد. دو مین متغیر مورد بررسی، متغیر y_{jk} است. برای راحتی و سرعت بیشتر، ابتدا این متغیر به صورت y_{kj} تعریف شده، تا nplant سطر بعدی و nwarehouse ستون اول ماتریس کروموزوم به عنوان ماتریس y قلمداد شود. نکه حائز اهمیت این است که این متغیر در دو محدودیت (۹) و (۱۱) شرکت دارد، برای این که این محدودیت‌ها ارضاء شود، ابتدا هر درایه را که بالاتر از ۰/۵ باشد را ۱ و الباقی را صفر در نظر می‌گیریم. پس از آن ابتدا هر ستون ماتریس x را در نظر گرفته و اگر در هر ستون زحداقل یک ۱ وجود داشته باشد در این صورت در آن ستون باید ماکریم اعداد آن ستون برابر ۱ شده و الباقی صفر و در غیر این صورت هر درایه ماتریس y به صورت همان حالت قبلی در نظر گرفته می‌شود. سومین متغیری که به آن می‌پردازیم، متغیر v_k است که ماتریس مربوط به آن شامل k سطر می‌باشد. نحوه Decoding به این صورت می‌باشد که ابتدا هر درایه که بزرگ‌تر از ۰/۵ است ۱ و الباقی صفر در نظر گرفته می‌شود. سپس برای اراضی محدودیت (۱۲)، اگر در یک سطر ماتریس y عدد ۱ وجود داشت، حتماً باید در آن سطر، ماتریس v

وحدانی و بکاران، ارایه ملی برای ماله مکان یابی- موجودی سه طبقه با در نظر گرفتن کسبه موجودی و...

درایه مورد نظر ۱ باشد. در نهایت، چهارمین متغیری که مورد بررسی قرار می‌دهیم، متغیر r_b است که ماتریس مربوط به آن سطری می‌باشد و شامل ۳ ستون بوده که هر درایه آن را اعداد بین صفر و یک تشکیل می‌دهد.

• عملگر تقاطع

در این مقاله، جهت تولید فرزندان جدید در هر تکرار از الگوریتم، از عملگر تقاطع یکنواخت پیوسته استفاده شده است. این نوع عملگر تقاطع دارای دو مرحله است. در مرحله اول با در نظر گرفتن دو کروموزوم (والد) توسط چرخ رولت، یک عدد تصادفی از یک تا طول کروموزوم اول و همچنین یک عدد تصادفی از یک تا طول کروموزوم دوم انتخاب شده و سپس جای ژن یا ستون انتخاب شده از کروموزوم اول با ژن یا ستون کروموزوم دوم عوض می‌شود. در شکل (۳)، نمونه‌ای از مرحله اول تقاطع را نشان می‌دهد.



شکل ۳. مرحله اول عملگر تقاطع پیشنهادی

در مرحله دوم، برای این که بتوانیم فضای ناحیه جواب را بیشتر جستجو کیم، ابتدا باید یک عدد تصادفی (β) با مقدار بین صفر و یک تولید شود. حال با در نظر گرفتن روابط (۱۵) و (۱۶) و استفاده از تقاطع انجام شده در مرحله اول، فرزندان جهت انتقال به نسل بعد ایجاد خواهند شد.

$$\text{Offspring 1} = \beta \times \text{Parent 1} + (1 - \beta) \times \text{Parent 2} \quad (15)$$

$$\text{Offspring 2} = \beta \times \text{Parent 2} + (1 - \beta) \times \text{Parent 1} \quad (16)$$

شکل (۴)، نمونه‌ای از مرحله دوم عملگر تقاطع پیشنهادی با در نظر رفتن $\beta = 0.7$ را نشان می‌دهد.



شکل ۴. مرحله دوم عملگر تقاطع پیشنهادی

• عملگر جهش

عملگر جهش مورد استفاده در این مقاله، عملگر جهش جایه‌جایی است. در این عملگر، یک کروموزوم از جمیعت به طور تصادفی انتخاب و موقعیت دو ژن آن که به صورت تصادفی انتخاب شده است، با یکدیگر عوض می‌شود. در شکل (۵)، نمونه از عملگر جهش جایه‌جایی ارایه شده است.



شکل ۵. عملگر جهش پیشنهادی

۴-۲ شبیه‌سازی تبرید (SA)

در این الگوریتم از همان ساختار، نحوه نمایش جواب ارایه شده برای الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. شبیه‌سازی تبرید یک الگوریتم بهینه‌سازی فرا ابتکاری ساده و اثربخش در حل مسائل بهینه‌سازی است. این الگوریتم، نخستین بار توسط کریک پاتریک [۳۶] معرفی شد. ایده اصلی در این الگوریتم، تولید جواب در همسایگی جواب فعلی و محاسبه تغییر در مقدار تابع هدف است. یکی از گام‌های پیاده‌سازی شبیه‌سازی تبرید، شرط توقف الگوریتم می‌باشد که در این مقاله، رسیدن به تکرار از پیش تعیین شده به عنوان معیار توقف در نظر گرفته شده است. سایر گام‌های پیاده‌سازی الگوریتم شبیه‌سازی تبرید پیشنهادی به صورت زیر بیان می‌شود:

- **مقداردهی اولیه**

اطلاعات ابتدایی مورد نیاز برای شروع الگوریتم شبیه‌سازی تبرید به شرح زیر است:

- ✓ تعداد تکرار
- ✓ دمای اولیه که الگوریتم شروع به کار می‌کند. انتخاب دمای اولیه تاثیر زیادی در جواب نهایی دارد.
- ✓ دمای نهایی
- ✓ ضریب همسایگی عددی بین صفر و ۱ می‌باشد که به صورت تصادفی تولید شده است.
- ✓ تعداد جواب‌های همسایگی، به این صورت است که الگوریتم شبیه‌سازی تبرید به ازای هر جوابی که داریم، یک تعداد جواب دیگر تولید می‌کند. مثلاً اگر تعداد جواب‌های همسایگی برابر ۵ باشد، آنگاه ۵ جواب جدید دیگر تولید و با آن مقایسه می‌کند و هر کدام که بهتر باشد جایگزین می‌شود.
- ✓ مقدار کاهش دما که از تقسیم اختلاف بین دمای اولیه و نهایی بر تعداد تکرار به دست می‌آید.

- **ساختار همسایگی**

پس از تولید جواب اولیه شدنی باید در فضای شدنی مساله اقدام به تولید جواب‌های همسایه کرد. ساختار همسایگی مورد استفاده در این مقاله به این گونه است که عددی بین صفر و ۱ به صورت تصادفی تولید شده و سپس در تعداد ستون‌های جواب ضرب و جزء صحیح آن گرفته می‌شود. به مقدار جواب حاصل از جزء صحیح، ستون‌های جواب به صورت تصادفی انتخاب و به جای آن اعداد بین صفر و ۱ قرار داده می‌شود.

۵ تحلیل نتایج و مقایسات

برای نشان دادن اعتبار مدل پیشنهادی و سودمندی روش حل پیشنهادی، چندین آزمایش عددی اجرا و نتایج مربوط گزارش می‌شود. بر این اساس، ۲۰ مساله آزمون طراحی و اندازه آن‌ها در جدول (۴)، نشان داده شده است. پارامترهای دقیق نامشخص در جدول (۵)، ذکر شده است. در این جدول، \bar{C} متوسط هزینه حمل و نقل بین انبار و خردهفروش می‌باشد، \bar{m} متوسط میانگین تقاضای خردهفروشان است و در نهایت، \bar{f} نشان دهنده متوسط

f_{jk} برای همه j و k می‌باشد. تمام مدل‌های ریاضی در نرم افزار بهینه سازی کدگذاری شده است (به عنوان مثال، GAMS). علاوه بر این، الگوریتم فراتکاری با استفاده از زبان C++ توسعه یافته و آزمایش بر روی یک نت‌بوک چهار گیگابایت حافظه و پردازش گر AMD Brazos Dual Core E 450 کد شده است. خلاصه نتایج آزمون در جدول (۶)، ارایه شده است. همچنین از رابطه (۱۷) برای محاسبه شکاف موجود استفاده شده است. علاوه بر این برای درک بهتر، نتایج بدست آمده برای مساله شماره (۱)، به صورت گرافیکی در شکل (۶)، رسم شده است.

$$GAP = \frac{metaheuristics_{sol} - Optimal_{sol}}{Optimal_{sol}} \times 100 \quad (17)$$

جدول ۴. مسایل آزمایشی طراحی شده

شماره مساله	تعداد خردفروشان	تعداد انبارها	تعداد کارخانه‌ها
۱	۷	۵	۲
۲	۸	۵	۲
۳	۸	۶	۲
۴	۱۰	۶	۲
۵	۱۰	۶	۳
۶	۱۵	۶	۳
۷	۱۵	۸	۳
۸	۲۰	۸	۳
۹	۲۰	۸	۵
۱۰	۲۵	۸	۵
۱۱	۲۵	۱۰	۵
۱۲	۲۵	۱۰	۷
۱۳	۳۰	۱۰	۷
۱۴	۳۰	۱۵	۷
۱۵	۳۵	۱۵	۷
۱۶	۳۵	۱۵	۱۰
۱۷	۴۰	۱۵	۱۰
۱۸	۴۰	۱۵	۱۲
۱۹	۴۵	۱۵	۱۲
۲۰	۴۵	۲۰	۱۲

جدول ۵. تولید داده

پارامتر	ارزش
g_k	$\sim 2\bar{f}.Unifrom[-0/5,0/5]$
f_{jk}	$\sim 2\bar{c}.Unifrom[-0/5,0/5]$
cap_j	$\sim 4\bar{\mu}.Unifrom[-0/5,0/5]$

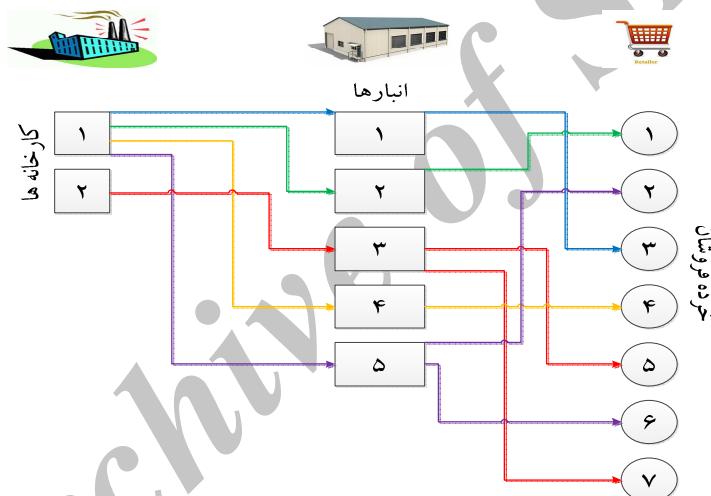
ارزش	پارامتر
$\sim 1000.Uniform[-0.5, 0.5]$	h_j
$\sim 10.\bar{c}.\bar{\mu}.Uniform[-0.5, 0.5]$	A_{oj}
$\sim Uniform[25, 50]$	t_{jk}
$\sim Uniform[1, 3]$	c_{ij}
$\sim 10.Uniform[1, 5]$	μ_i
$\sim 6.Uniform[1, 5]$	σ_i
$\sim 3.Uniform[1, 5]$	l_{jk}
۲	a_{jk}
۱۰	π_j
۴	π_{oj}
$0.5, i \neq l \& 1, i = l$	ρ_{il}
۱/۶۵	Z_α

جدول ۶. نتایج حاصل از اجرای GAMS، الگوریتم‌های ژنتیک و شبیه‌سازی تبرید

شماره مساله آزمایشی	گمز	الگوریتم ژنتیک				شبیه سازی تبرید
		تابع هدف	زمان(ثانیه)	شکاف %	تابع هدف	
۱	۲۷۸۸۹۶	۲۸۹۶۶۶	۴۵/۷	۳/۸	۲۹۹۸۲۸	۱/۵
۲	۲۸۹۸۵۲	۳۰۰۴۷۸	۴۶/۸	۳/۶	۳۱۶۵۸۵	۱/۴
۳	۳۱۱۱۲۳	۳۲۴۵۲۲	۴۷/۳	۴/۳	۳۳۰۵۶۸	۲/۵
۴	۳۳۵۶۳۳	۳۴۸۹۹۶	۵۰/۴	۳/۹	۳۵۷۸۸۱	۲/۸
۵	۳۶۷۸۵۵	۳۷۴۱۵۷	۵۰/۷	۱/۷	۳۷۹۹۸۵	۲/۹
۶	۳۸۳۵۲۲	۳۸۸۹۶۶	۵۹/۸	۱/۴	۴۰۱۲۵۷	۲/۹
۷	۴۰۶۵۳۸	۴۱۸۳۷۸	۶۴/۷	۲/۹	۴۲۱۴۲۱	۴/۲
۸	-	۵۴۲۵۳۵	۷۶/۳	-	۶۳۵۲۲۱	۵/۸
۹	-	۶۰۲۸۷۷	۸۶/۷	-	۷۲۵۶۴۵	۶/۲
۱۰	-	۷۳۹۸۸۷	۹۳/۹	-	۸۵۷۸۵۶	۶/۹
۱۱	-	۸۲۵۸۵۶	۱۳۳/۱	-	۹۴۹۱۲۱	۷/۸
۱۲	-	۹۲۳۶۷۴	۱۴۸/۹	-	۱۰۳۵۵۸۷	۹/۳
۱۳	-	۱۰۴۳۶۳۲	۱۷۳/۱	-	۱۱۸۵۴۷۴	۱۱/۲
۱۴	-	۱۱۶۳۶۹۸	۱۹۶/۴	-	۱۳۲۴۵۶۹	۱۱/۹
۱۵	-	۱۲۸۹۶۳۶	۲۶۲/۷	-	۱۴۱۲۵۶۹	۱۵/۴
۱۶	-	۱۳۷۸۹۶۶	۳۱۶/۲	-	۱۵۳۹۸۵۷	۱۸/۹
۱۷	-	۱۵۵۴۷۸۸	۳۵۹/۷	-	۱۷۹۶۳۲۱	۱۹/۷

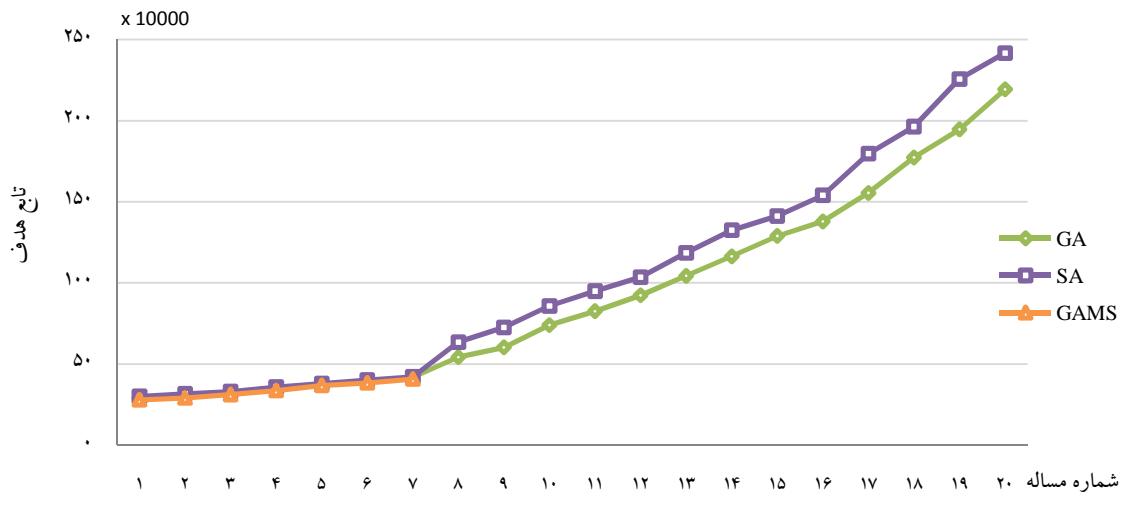
شماره مساله آزمایشی	گمز	الگوریتم ژنتیک				شبیه سازی تبرید	
		زمان(ثانیه)	تابع هدف	شکاف %	زمان(ثانیه)	تابع هدف	شکاف %
۱۰/۷	۲۲/۱	۱۹۶۳۲۷۸	-	۳۹۶/۵	۱۷۷۳۲۹۴	-	۱۸
۱۵/۹	۲۴/۸	۲۲۵۶۹۴۱	-	۴۰۱/۵	۱۹۴۶۴۹۱	-	۱۹
۱۰/۱	۲۹/۹	۲۴۱۶۹۵۱	-	۴۲۰/۷	۲۱۹۳۲۷۵	-	۲۰

شکل (۶) برای مساله‌ای با ۲ کارخانه، ۵ انبار و ۷ خرده‌فروش به صورت گرافیکی با توجه به خروجی GAMS رسم شده است که بیان گر صحت و درستی مدل پیشنهادی می‌باشد. با توجه به متغیر تصمیم بازگشایی کارخانه‌ها، این سایز مساله ایجاب کرده که هر دو کارخانه نیاز به راه‌اندازی دارند. همچنین دو متغیر تصمیم تخصیص انبار به کارخانه و تخصیص خرده‌فروش به انبار نشان داده شده است.

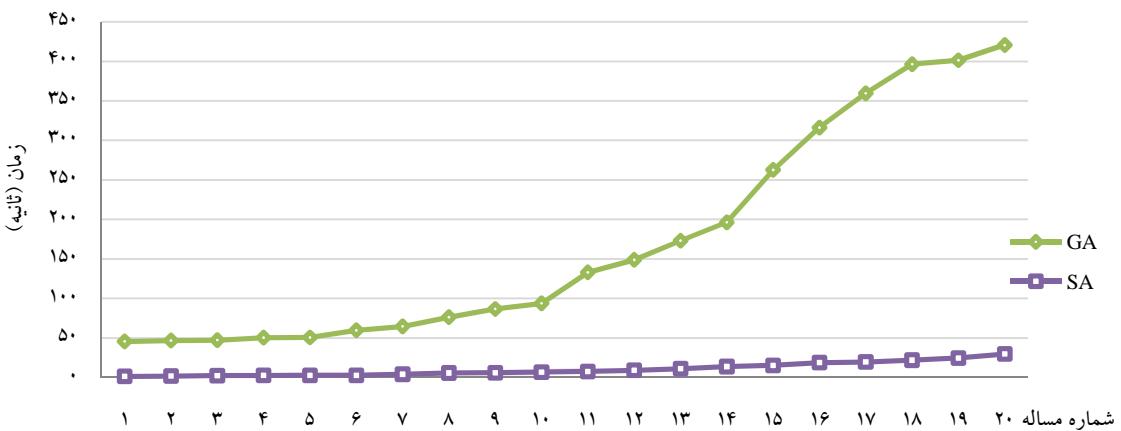


شکل ۶. استراتژی شبکه زنجیره تامین پیشنهادی برای مساله شماره ۱

در جدول (۶)، شکاف بهینگی نشان‌دهنده شکاف روش فراابتکاری و جواب بهینه به دست آمده توسط GAMS برای مسایل سایز کوچک (۱ تا ۷) می‌باشد. علاوه بر این، شکاف بهینگی برای مسایل مسایل سایز بزرگ (۸ تا ۲۰) نشان‌دهنده شکاف دو روش فراابتکاری است. نتایج حاصل از اجرای الگوریتم‌های فراابتکاری پیشنهادی بر روی مسایل مختلف بیان گر این نکته است که الگوریتم ژنتیک پیشنهادی از لحاظ مقدار تابع هدف نسبت به شبیه‌سازی تبرید بهتر عمل می‌کند؛ ولی از لحاظ زمان محاسباتی، شبیه‌سازی تبرید برتری قابل توجهی نسبت به الگوریتم ژنتیک دارد. شکل (۷)، مقایسه الگوریتم‌ها و GAMS بر اساس مقدار تابع هدف را نشان می‌دهد. در حالی که در شکل (۸)، الگوریتم‌ها را بر اساس زمان محاسباتی مورد مقایسه قرار می‌دهد.



شکل ۷. مقایسه الگوریتم‌ها بر اساس تابع هدف



شکل ۸. مقایسه الگوریتم‌ها بر اساس زمان محاسباتی

با وجود مقایسه صورت گرفته بین پاسخ الگوریتم‌ها در رابطه با هر یک از معیارهای ارزیابی به صورت گرافیکی، عملکرد الگوریتم‌ها به صورت آماری نیز مورد تحلیل قرار می‌گیرد. در این مقاله برای انجام این مهم از روش آنالیز واریانس استفاده شده است. به این صورت که در رابطه با دو معیار مقدار تابع هدف و مدت زمان رسیدن به جواب بهینه توسط نرم افزار Minitab مورد آنالیز واریانس قرار می‌گیرند و نتایج آن‌ها تحلیل می‌شود. در بحث آنالیز واریانس هدف این است که چندین جامعه را از نظر میانگین‌ها باهم مقایسه کنیم؛ یعنی آیا میانگین‌های این جوامع با هم مساوی هستند (H_0) یا این که اختلاف بارز و معنا داری بین آن‌ها وجود دارد (H_1). بدین منظور خروجی تحلیل واریانس دو الگوریتم GA و SA با استفاده از آزمون Tukeys، به تفکیک برای دو معیار مقدار تابع هدف و مدت زمان رسیدن به جواب به دست آمده در جداول (۷) و (۸) ارایه شده است.

جدول ۷. خروجی تحلیل واریانس مقایسه GA و SA با معیار مقدار تابع هدف

مقدار	P-Value	آماره F	میانگین مریعات	مجموع مریعات	درجه آزادی	منبع تغییرات
۰/۵۹۴	۰/۲۹	۱/۱۹۱۵۳ E+۱۱	۱/۱۹۱۵۳ E+۱۱	۱	فاکتور	
		۴/۱۲۲۶۵ E+۱۱	۱/۵۶۶۶۱ E+۱۳	۳۸	خطا	
		۱/۵۷۸۵۲ E+۱۳		۳۹	کل	

جدول (۷)، بیان گر پذیرش فرض H_0 می‌باشد. بدین معنی که میانگین‌ها (روش‌های حل پیشنهادی) باهم تفاوت معناداری ندارند. به همین ترتیب خروجی تحلیل واریانس مقایسه GA و SA با معیار مدت زمان رسیدن به جواب بهینه در جدول (۸)، نشان داده شده است که بیان گر رد فرض H_0 می‌باشد. یعنی میانگین‌ها باهم تفاوت دارند.

جدول ۸. خروجی تحلیل واریانس مقایسه GA و SA با معیار مدت زمان محاسباتی

مقدار	P-Value	آماره F	میانگین مریعات	مجموع مریعات	درجه آزادی	منبع تغییرات
۰/۰۰۰	۲۷/۶۴	۲۵۹۲۹۱	۲۵۹۲۹۱	۱	فاکتور	
		۹۳۸۲	۳۵۶۵۲۹	۳۸	خطا	
		۶۱۵۸۱۹		۳۹	کل	

۶. نتیجه‌گیری و پیشنهادهای آتی

در این مقاله، یک مساله مکان یابی- موجودی سه سطحی با ترکیب همبستگی تقاضا و مجاز بودن کمبود بررسی شد، در حالی که از یک سیاست بررسی مرور دایم موجودی استفاده می‌کند. برای حل مدل پیشنهادی از الگوریتم ژنتیک و الگوریتم شبیه‌سازی تبرید استفاده شد. الگوریتم‌های حل بر روی چند مساله عددی اجرا شد که نشان گر کارایی بهتر الگوریتم ژنتیک از لحاظ تابع هدف نسبت به الگوریتم شبیه‌سازی تبرید می‌باشد؛ ولی از لحاظ زمان محاسباتی، الگوریتم شبیه‌سازی تبرید برتری قابل توجهی داشت. برای گسترش کار فعلی راه‌های مختلفی وجود دارد. یکی از توسعه‌های ممکن می‌تواند افزایش تعداد سطح‌های زنجیره‌ی تامین برای مساله مکان یابی- موجودی باشد. از آن‌جایی که پارامترهای مورد استفاده در مدل ارایه شده، در دنیای واقعی دارای عدم قطعیت می‌باشد، می‌توان برای لحاظ نمودن عدم قطعیت از روش‌های برنامه ریزی عدم قطعیت مانند برنامه‌ریزی فازی، احتمالی و ... استفاده کرد. همچنین می‌توان مدل ارایه شده را با در نظر گرفتن سایر اهداف مرتبط، توسعه داد.

منابع

- [۱] صالحی، م.، جمالیان، ع.، (۱۳۹۴). ارایه یک مدل دو هدفه ادغامی تحلیل پوششی داده و مکان یابی- تخصیص تک منبعی چند محصولی بدون محدودیت ظرفیت. مجله تحقیق در عملیات در کاربردهای آن، (۱۱۲)، پایی، ۴۴، ۷۹-۹۳.
- [2] Friesz, T.L., Lee, I., Lin, C.C., (2011). Competition and disruption in a dynamic urban supply chain. *Transportation Research Part B*, 45(8), 1212-1231.
- [3] Harrison, T.P., (2004). Principles for the strategic design of supply chains. In: Harriso, T.P., Lee, H.L., Neale, J.J. (Eds.), the Practice of Supply Chain Management: Where Theory and Application Converge. Springer, New York, 3-12.

- [3] Miranda, P.A., Garrido, R.A., (2004). Incorporating inventory control decisions into a strategic distribution network design model with stochastic demand. *Transportation Research Part E* 40(3), 183–207.
- [5] Arshinder, K.A., Deshmukh, S.G., (2008). Supply chain coordination: perspectives, empirical studies and research directions. *International Journal of Production Economics* 115(2), 316–335.
- [6] Lee, H., So, K., Tang, C., (2000). The value of information sharing in a two-level supply chain. *Management Science*, 46, 626–643.
- [7] Ganeshan, M., Raghunathan, S., Rajendran, C., (2014). The value of information sharing in a multi-product, multi-level supply chain: Impact of product substitution, demand correlation, and partial information sharing. *Decision Support Systems*, 59, 79–94.
- [8] Park, S., Lee, T., Sung, C.S., (2010). A three-level supply chain network design model with risk-pooling and lead times. *Transportation Research Part E*, 46(5), 563–581.
- [9] Shahabi, M., unnikrishnan, A., jafari-shirazi, E., D.boyles, S., (2014). A three level location-inventory problem with correlated demand. *Transportation Research Part B*, 69(5), 1-18.
- [10] Baumol, W.J., Wolfe, P., (1958). A warehouse-location problem, *Operations Research*, 6252-263.
- [11] Erlebacher, S.J., Meller, R.D., (2000). The interaction of location and inventory in designing distribution systems, *Iie Transactions*, 32155-166.
- [12] Daskin, M.S., Coullard, C.R., Shen, Z.-J.M., (2002). An inventory-location model: Formulation, solution algorithm and computational results, *Annals of Operations Research*, 11083-106.
- [13] Shen, Z.-J.M., Coullard, C., Daskin, M.S., (2003). A joint location-inventory model, *Transportation Science*, 3740-55.
- [14] Teo, C., Shu, J., (2004). Warehouse-retailer network design problem. *Operations Research*, 52(3), 396–408.
- [15] Shu, J., Teo, C.-P., Shen, Z.-J.M., (2005). Stochastic Transportation-Inventory Network Design Problem, *Operations Research*, 53, 48-60.
- [16] Miranda, P.A., Garrido, R.A., (2006). A simultaneous inventory control and facility location model with stochastic capacity constraints. *Networks and Spatial Economics*, 6(1), 39–53.
- [17] Shu, J., Sun, J., (2006). Designing the distribution network for an integrated supply chain. *Journal of Industrial and Management Optimization*, 2(3), 339–349.
- [18] Snyder, L.V., Daskin, M.S., C.-P. Teo, C.-P., (2007). The stochastic location model with risk pooling, *European Journal of Operational Research*, 179, 1221-1238.
- [19] Romeijn, H.E., Shu, J., Teo, C., (2007). Designing two-echelon supply networks. *European Journal of Operational Research*, 178(2), 449–462.
- [20] Sourirajan, K., Ozsen, L., Uzsoy, R., (2007). A single-product network design model with lead time and safety stock considerations. *IIE Transactions* 39(5), 411–424.
- [21] Vidyarthi, N., Elebi, E., Elhedhli, S., Jewkes, E., (2007). Integrated production-inventory-distribution system design with risk pooling: model formulation and heuristic solution. *Transportation Science*, 41(3), 392–408.
- [22] Ozsen, L., Coullard, C.R., Daskin, M.S., (2008). Capacitated warehouse location model with risk pooling. *Naval Research Logistics*, 55(4), 295–312.
- [23] Miranda, P.A., Garrido, R.A., (2008). Valid inequalities for lagrangian relaxation in an inventory location problem with stochastic capacity, *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 44, 47-65.
- [24] Shu, J., Ma, Q., Li, S., (2010). Integrated location and two-echelon inventory network design under uncertainty, *Annals of Operations Research*, 181, 233-247.
- [25] Chen, Q., Li, X., Ouyang, Y., (2011). Joint inventory-location problem under the risk of probabilistic facility disruptions, *Transportation Research Part B: Methodological*, 45, 991-1003.
- [26] Tancrez, J.-S., Lange, J.-C., Semal, P., (2012). A location-inventory model for large three-level supply chains, *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 48, 485-502.
- [27] Tsao, Y.-C., Mangotra, D., Lu, J.-C., Dong, M., (2012). A continuous approximation approach for the integrated facility-inventory allocation problem, *European journal of operational research*, 222(2012), 216-228.
- [28] Berman, O., Krass, D., Tajbakhsh, M.M., (2012). A coordinated location-inventory model, *European Journal of Operational Research*, 217(2012), 500-508.
- [29] Atamtürk, A., Berenguer, G., Shen, Z., (2012). A conic integer programming approach to stochastic joint location-inventory problems. *Operations Research*, 60(2), 366–381.

- [30] Keskin, B.B., Uster, H., (2012). Production/distribution system design with inventory considerations. Naval Research Logistics, 59(2), 172–195.
- [31] Diabat, A., Abdallah, T., Henschel, A., (2013). A closed-loop location-inventory problem with spare parts consideration, Computers & Operations Research.
- [32] Shahabi, M., Akbarinasaji, S., Unnikrishnan, A., James, R., (2013). Integrated inventory control and facility location decisions in a multi-echelon supply chain network with hubs. Networks and Spatial Economics, 13(4), 497–514.
- [33] Montgomery, D.C., Bazaraa, M.S., Keswani, A.K., (1973). Inventory models with a mixture of backorders and lost sales. Naval Research Logistics Quarterly 20, 255–263.
- [34] Carlberg, Ö., Jacobsson, L., Ahgren, P., Siegel, P., Andersson, L., (2006). Epistasis and the release of genetic variation during long-term selection. Nature Genetics, 38, 418–419.
- [35] Goldberg, D.E., (1989). Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning. Reading, MA: Addison-Wesley.
- [36] Kirkpatrick, S., Gelatt Jr, C.D., Vecchi, M.P., (1983). Optimization by simulated annealing. Science 220, 671–680.