

طراحی سیستم پشتیبانی تصمیم‌گیری برای پیش‌بینی موفقیت مراکز تحقیقاتی با کمک تحلیل ممیز در تحلیل پوششی داده‌ها

توفیق الهویرنلو^{۱*}، محسن واعظ قاسمی^۲

۱- گروه ریاضی، دانشکده علوم پایه، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

۲- گروه ریاضی، دانشکده علوم پایه، واحد رشت، دانشگاه آزاد اسلامی، گیلان، ایران.

رسید مقاله: ۲ شهریور ۱۳۹۶

پذیرش مقاله: ۱۸ اسفند ۱۳۹۶

چکیده:

مراکز تحقیقاتی جایگاه مهمی در ارتقاء علم و فناوری در سطح کشور دارند. از سویی با توجه به محدودیت‌های موجود در تخصیص اعتبارات و امکانات مورد نیاز برای تاسیس این مراکز، تصمیم‌گیری در خصوص انتخاب مراکز بهینه و اولویت دار حایز اهمیت ویژه‌ای است در این فرآیند تصمیم‌گیری فاکتورهای متعددی از قبیل نیازمندی‌ها، اولویت‌ها و راهبردهای کلان، توانمندی‌ها، توسعه متوازن و پایدار و ... باید مورد توجه قرار گیرد. مجموع موارد مذکور موجب می‌شود تا تصمیم‌گیری در خصوص رتبه‌بندی و انتخاب طرح‌های پیشنهادی مسأله‌ای پیچیده، زمان‌بر و مستلزم صرف منابع کارشناسی فراوان باشد. بدین منظور طراحی و توسعه یک ابزار پشتیبانی تصمیم‌گیری مدنظر قرار می‌گیرد. در این تحقیق برای ارزیابی و انتخاب طرح‌های ایجاد مراکز تحقیقاتی واحدهای دانشگاه آزاد اسلامی یک *DSS* طراحی و ارایه می‌شود. این سیستم تصمیم‌گیری براساس اطلاعات مراکز تحقیقاتی و شاخص‌هایی که با نظر خبرگان جمع‌آوری می‌گردد و همچنین سابقه مراکز تحقیقاتی موفق و شکست خورده، با ابزار تحلیل ممیز و تحلیل پوششی داده‌ها بهتر مورد بررسی قرار می‌گیرد و در نهایت پیش‌بینی می‌گردد که مرکز تحقیقاتی متقاضی امکان موفقیت دارد یا خیر.

کلمات کلیدی: تحلیل ممیز، تحلیل پوششی داده‌ها، مراکز پژوهشی، سیستم‌های پشتیبانی تصمیم‌گیر

۱ مقدمه

در یک سیستم پشتیبانی تصمیم‌گیری از یک طرف مدل‌های مرتبط با تصمیم‌گیری و از طرف دیگر اطلاعات مورد نیاز در فرآیند تصمیم‌گیری مورد استفاده قرار می‌گیرند. تصمیم‌گیرنده به کمک رابط کاربری، پرسش خود را مطرح و در راستای پاسخ‌گویی به اطلاعات مورد نیاز در داخل مدل‌های مرتبط قرار گرفته و به دنبال آن تجزیه و تحلیل‌های لازم صورت می‌پذیرد و سرانجام نتیجه نهایی به کاربر منتقل می‌شود. سیستم‌های پشتیبانی تصمیم-

* عهده دار مکاتبات

آدرس الکترونیکی: allahviranloo@yahoo.com

گیری با توجه به ساختار خاص خود که آن‌ها را در ردیف فناوری‌های مدرن تصمیم‌گیری قرار داده است برای حمایت از تصمیم‌گیران و ارائه راه‌حل‌های مناسب به آن قابل به کارگیری است.

مسائل تصمیم‌گیری در دنیای واقع دارای طیف گسترده‌ای از کاملاً ساخت یافته تا کاملاً ساخت نیافته است. به گونه‌ای که با حرکت هر چه بیش‌تر به سمت ساخت نیافتگی ناگزیر از میزان اتکای صرف بر مدل‌های موجود کاسته می‌شود. در حقیقت در شرایط تصمیم‌گیری ساخت نیافته تجربیات موجود بر جواب به دست آمده از مدل‌های ریاضی و محاسباتی تأثیری انکارناپذیر دارد. در این شرایط با افزوده شدن بخش مدیریت پایگاه دانش یا سیستم خبره به یک سیستم پشتیبان تصمیم‌گیری این سیستم عملاً به یک سیستم دانشی تبدیل می‌شود. به این ترتیب می‌توان با پیاده‌سازی این دانش‌ها در قالب یک یا چند سیستم خبره‌ی مرتبط، از یک سو می‌توان بر قابلیت اعتماد پاسخ ارائه شده از سیستم افزود و از سوی دیگر می‌توان بر میزان هوشمندی و قابلیت استنتاج آن اضافه کرد. این واحد می‌تواند به صورت قسمتی کاملاً مستقل و یا به صورت مکمل در کنار سایر اجزای یک سیستم پشتیبان تصمیم‌گیری قرار گیرد. در واقع این بخش، خاصیت هوشمندی به سیستم بخشیده و در شرایط غیرساخت یافته پشتیبانی بهتری از فرآیند تصمیم‌گیری به عمل می‌آورد. تکنیک‌ها و امکانات موجود در هوش مصنوعی از جمله سیستم‌های خبره و روش‌های مختلف جستجو در این بخش می‌تواند مورد استفاده قرار گیرد و به این ترتیب قابلیت هوشمندی و در نهایت استنتاج سیستم را به میزان قابل توجهی ارتقا بخشد.

تحلیل ممیزی (تشخیصی) روشی است برای رده‌بندی مجموعه‌ای از مشاهدات و همچنین اختصاص مشاهدات جدید به رده‌های از پیش تعیین شده با استفاده از تابعی تحت عنوان تابع ممیزی. از این روش برای تعیین متغیرهایی که بین دو یا چند گروه تمایز ایجاد می‌کنند استفاده می‌شود [۱]. به عبارت دیگر تحلیل ممیزی درصدد است تا ترکیب‌های خطی بین متغیرهای مستقل را که قادر است به بهترین نحو گروه‌های مشاهدات را از هم جدا سازد، شناسایی کند. نظریه آغازین مربوط به تحلیل ممیزی به سال ۱۹۳۰ و آثار آماردان انگلیسی کارل پیرسون در زمینه فواصل گروه‌ها و یا ضرایب تشابه نژادی برمی‌گردد؛ اما به طور خاص، این روش اولین بار توسط فیشر در سال ۱۹۳۶ ابداع شد و بر پایه روش شناسی مورد استفاده در رگرسیون خطی چندمتغیره جهت حل معادلات خطی توسعه یافت. از این رو می‌توان گفت که تحلیل ممیزی شبیه رگرسیون خطی چندمتغیره است، با این تفاوت که در رگرسیون خطی، متغیر وابسته در سطح فاصله‌ای یا نسبی است؛ اما در تحلیل ممیزی مقیاس متغیر وابسته اسمی دو یا چند وجهی است. از لحاظ محاسباتی نیز تحلیل ممیزی بسیار شبیه آنالیز واریانس یک طرفه می‌باشد. به عنوان مثال فرض کنید بخواهیم اندازه قد یک نمونه ۵۰ تایی را از مردان و یک نمونه ۵۰ تایی را از زنان که به صورت تصادفی انتخاب شده‌اند اندازه‌گیری کنیم، مردها به طور متوسط بلندتر از زن‌ها هستند و این تفاوت می‌تواند به صورت اختلاف در میانگین قد آن‌ها و از طریق جداول آنالیز واریانس منعکس شود؛ بنابراین متغیر قد امکان تمایز بین زنان و مردان را میسر می‌کند. پس اگر شخصی بلند قد است، احتمالاً باید مرد و اگر شخصی کوتاه قد است احتمالاً باید زن باشد. این نحوه دسته‌بندی به وسیله تابع ممیزی که بر اساس یک سری ضوابط طرح ریزی می‌گردد، انجام می‌پذیرد. این تابع از طریق یک نمونه اولیه که به آن نمونه آموزشی می‌گویند، ساخته می‌شود. پس از آن تابع قادر است بر اساس آنچه آموزش دیده مشاهدات جدید را به بهینه

ترین شکل ممکن به طبقه حقیقی خود اختصاص دهد. تحلیل ممیزی، مربوط به یافتن قاعده ای برای تمیز دادن دو یا چند جامعه چند متغیره از یکدیگر می باشد. مهم ترین کاربرد تحلیل ممیزی رده بندی است. تصمیم گیری راجع به اینکه یک مشاهده P متغیره متعلق به کدام یک از دو جامعه یا چند جامعه رقیب است.

۲ مقدمه ای بر تحلیل پوششی داده ها و تحلیل ممیزی

فرض کنید n واحد تصمیم گیرنده به صورت $\left\{ \begin{pmatrix} \mathbf{x}_j \\ \mathbf{y}_j \end{pmatrix} \mid j = 1, \dots, n \right\}$ موجود است که در آن $\mathbf{x}_j = (x_{1j}, \dots, x_{mj})$ بردار ورودی و $\mathbf{y}_j = (y_{1j}, \dots, y_{sj})$ بردار خروجی DMU_j می باشد و $\mathbf{y}_j \geq 0$ ، $\mathbf{x}_j \neq \mathbf{x}_k \neq 0, \mathbf{x}_j \geq 0$ ، برای ساختن مجموعه امکان تولید اصول ذیل را می پذیریم:

الف) شمول مشاهدات (ب) تحدب (ج) بازده به مقیاس ثابت (د) امکان پذیری (ه) کمینه برون یابی

به کمک اصول فوق مجموعه منحصر به فردی به صورت ذیل به وجود می آید:

$$T_c = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \mid x \geq \sum_{j=1}^n \lambda_j x_j \ \& \ y \leq \sum_{j=1}^n \lambda_j y_j \ \& \ \lambda \geq 0 \right\} \quad (1)$$

بر اساس این مجموعه تعاریف ذیل را خواهیم داشت:

$$\text{تعریف ۱: } DMU_p \text{ بهتر از } DMU_k \text{ است اگر و فقط اگر } \begin{pmatrix} -x_p \\ y_p \end{pmatrix} \geq \begin{pmatrix} -x_k \\ y_k \end{pmatrix}$$

تعریف ۲: DMU_p کارا است اگر و فقط اگر در مجموعه امکان تولید نقطه ای بهتر از آن یافت نشود.

میزان بهبود در ورودی ها و خروجی ها به عبارت دیگر میزان کاهش ورودی ها و افزایش در خروجی ها از روابط ذیل به دست می آید.

برای تشخیص کارا بودن یا نبودن یک واحد تصمیم گیرنده مانند DMU_p مدل های مختلفی وجود دارد که در اینجا به مدل CCR ماهیت ورودی اشاره می شود.

$$\begin{aligned} \text{Min } Z &= \theta - \varepsilon \left(\sum_{r=1}^s s_r^+ + \sum_{i=1}^m s_i^- \right) \\ \text{s.t.} \\ \sum_{j=1}^n \lambda_j x_{ij} + s_i^- &= \theta x_{ip}, \quad i = 1, \dots, m, \\ \sum_{j=1}^n \lambda_j y_{rj} - s_r^+ &= y_{rp}, \quad r = 1, \dots, s, \\ \lambda_j &\geq 0, \quad j = 1, \dots, n, \\ s_i^- &\geq 0, \quad i = 1, \dots, m, \\ s_r^+ &\geq 0, \quad r = 1, \dots, s. \end{aligned} \quad (2)$$

که در آن ε یک عدد بسیار کوچک مثبت غیر ارشمیدسی است.

مدل (۱) همواره شدنی است و مقدار بهینه تابع هدف آن متناهی است.

در مساله (۱) اگر $\theta^* = 1$ و s^{-*} و s^{+*} برابر صفر باشند در این صورت DMU_p (واحد تحت ارزیابی) کارا است و در غیر این صورت ناکارا خواهد بود [۲].

مقدار θ^* کارایی DMU_p خواهد بود. اگر واحدی ناکارا باشد مختصات نقطه الگو و میزان بهبود در هر یک از ورودی‌ها و خروجی‌ها از رابطه ذیل به دست می‌آید:

$$\text{نقطه الگو} = \begin{pmatrix} \sum_{j=1}^n \lambda_j^* X_j \\ \sum_{j=1}^n \lambda_j^* Y_j \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \theta^* x_p - s^{-*} \\ y_p + s^{+*} \end{pmatrix} \quad (۳)$$

$$\text{میزان بهبود ورودی‌ها} = x_p - (\theta^* x_p - s^{-*}) = (1 - \theta^*) x_p + s^{-*} \quad (۴)$$

$$\text{میزان بهبود خروجی‌ها} = (y_p + s^{+*}) - y_p = s^{+*} \quad (۵)$$

تحلیل پوششی داده‌ها به دنبال تفکیک واحدهای تصمیم‌گیرنده به دو دسته کارا و ناکاراست. این عمل با ساختن ابرصفحه‌هایی به نام ابرصفحه‌های کارا انجام می‌پذیرد و با حل مدل مضربی که دو آل مدل (۱) می‌باشد به صورت ذیل صورت می‌پذیرد [۳]:

$$\begin{aligned} & \text{Max} \sum_{r=1}^s u_r y_{rp} \\ & \text{s.t.} \\ & \sum_{r=1}^s u_r y_{rj} - \sum_{i=1}^m v_i x_{ij} \leq \varepsilon, \quad j = 1, \dots, n, \\ & \sum_{i=1}^m v_i x_{ip} = 1, \\ & u_r, v_i \geq \varepsilon, \quad r = 1, \dots, s, \quad i = 1, \dots, m. \end{aligned} \quad (۶)$$

از حل مدل (۵) و بردار بهینه U^* و V^* ابرصفحه تکیه‌کننده بر نقطه تصویر (۲) به صورت ذیل به دست می‌آید:

$$h = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \mid u^* y - v^* x = \mathbf{0} \right\} \quad (۷)$$

با یافتن تمام ابرصفحه‌های سازای T_c مرز کارایی به صورت قطعه‌ای خطی که از تمام H یافته شده از حل مدل (۵) ساخته می‌شود. هر واحدی که روی این رویه‌های کارا قرار داشته باشد کارا، در غیر این صورت ناکارا خواهد بود [۴].

حال فرض کنید n مشاهده به صورت

$$\{z_j \mid z_j = (Z_{1j}, \dots, Z_{kj}), j = 1, \dots, n\} \quad (۸)$$

موجود است که Z_{ij} نشان دهنده معیار نام برای مشاهده یا انتخاب نام است. هم چنین فرض کنید تمام مشاهدات به دو دسته G_1 و G_2 تقسیم شده‌اند. با توجه به فعالیت انجام شده در گذشته برای این مشاهدات تقسیم بندی انجام می شود. به عنوان مثال G_1 مشاهداتی هستند که عملکرد خوب داشته‌اند و G_2 مشاهداتی را شامل می شود که عملکرد آن‌ها خوب نبوده است. هدف یافتنی معیاری است که بتوان از این مشاهدات استفاده نمود برای پیش بینی یک مشاهده جدید به نام \bar{Z} ، که تعیین شود به کدام یک از دو گروه تعلق دارد. برای این منظور از تکنیک تحلیل ممیز برای یافتن تابع اجرا کننده این دو مجموعه استفاده می شود [۵].

فرض کنید ابرصفحه $H = \{z \mid \alpha z = d\}$ ابرصفحه ای باشد که دو مجموعه G_1 و G_2 را جدا خواهد کرد و پس از هدف یافتن بردار نرمال a و اسکالر d است به طوری که:

$$\forall z_j \in G_1, \alpha z_j < d \quad (9)$$

$$\forall z_j \in G_2, \alpha z_j < d$$

از آنجایی که ممکن است چنین ابرصفحه‌ای یافت نشود؛ لذا سعی می شود ابرصفحه طوری پیدا شود که خطا مینیمم شود؛ لذا مساله برنامه ریزی خطی ذیل برای یافتن ابرصفحه طراحی می شود. [۶، ۷]

$$\begin{aligned} & \text{Min} \sum_{j \in G_1} p_j + \sum_{j \in G_2} n_j \\ & \text{s.t.} \\ & \alpha z_j + n_j - p_j = d - \varepsilon, \quad j \in G_1, \\ & \alpha z_j + n_j - p_j = d, \quad j \in G_2, \\ & \alpha = 1, \\ & n_j, p_j \geq 0, \quad j \in G_1 \cup G_2, \\ & N \geq 0, \quad P \geq 0. \end{aligned} \quad (10)$$

فرض کنید (α^*, d^*) جواب بهینه‌ی مدل (۸) باشد، در این صورت برای تشخیص اینکه مشاهده جدید \bar{Z} به کدام مجموعه تعلق دارد از الگوریتم ذیل استفاده می شود.

گام ۱: (α^*, d^*) را از مدل (۸) محاسبه نمایید.

گام ۲: مقدار $\alpha^* \bar{Z}$ را محاسبه نمایید.

گام ۳: اگر $d^* \bar{Z} < d^*$ آنگاه $\bar{Z} \in G_1$ در غیر این صورت؛ یعنی اگر $d^* \bar{Z} < d^*$ آنگاه $\bar{Z} \in G_2$

۳ مدل سازی برای پیش بینی موفقیت یا عدم موفقیت مرکز پژوهشی

فرض کنید n مرکز پژوهشی در حال حاضر در یک سازمان وجود دارد. شاخص های موثر بر عملکرد یک مرکز پژوهشی را به صورت ذیل در نظر بگیرید؛

جدول ۱. شاخص‌های ارزیابی

ردیف	شاخص‌های ارزیابی
۱	تعداد کل اعضای هیات علمی
۲	تعداد کل دانشجویان
۳	نسبت هیات علمی استادیار به بالا به کل هیات علمی
۴	سابقه مرکز تحقیقاتی دیگر (دارد/ندارد)
۵	نزدیک‌ترین مرکز تحقیقاتی مشابه (مسافت)
۶	پتانسیل منطقه برای ایجاد مرکز
۷	درجه علمی اعضای هیات علمی مرکز
۸	رشته تخصصی اعضای هیات علمی مرکز
۹	تعداد مقالات معتبر اعضای هیات علمی مرکز
۱۰	توانایی گروه فرعی
۱۱	اهداف
۱۲	برنامه‌های کلان
۱۳	برنامه‌های کوتاه مدت
۱۴	نحوه تامین بودجه
۱۵	نیازهای مرکز
۱۶	فضای مورد نیاز مرکز
۱۷	تعداد دانشکده واحد
۱۸	تعداد رشته واحد
۱۹	طرح توجیهی مرکز
۲۰	دوره زمانی مورد نظر جهت خوداتکایی

هر یک از شاخص‌های ارزیابی و انتخاب دارای یک شرح اطلاعات از قبیل شاخص محاسباتی، شاخص امتیازی، شاخص نمایشی است که برای هر کدام از آن‌ها شرح اطلاعات آن‌ها و روش محاسبه و همچنین اطلاعات لازم برای مقایسه با استاندارد آن شاخص مشخص شده است.

جدول ۲. تشریح شاخص‌ها

نام شاخص	شرح اطلاعات	روش محاسبه	استاندارد
۱	تعداد کل اعضای هیات علمی (تمام وقت و نیمه وقت)	a_1 دکتری a_2 مربی	$A_1/8 + A_2/15 + (A_3 + A_4)/27$ $0/8$
۲	نسبت هیات علمی استادیار به بالا به کل هیات علمی	-	-
۳	تعداد کل دانشجو	a_4 کاردانی a_3 کارشناسی a_2 کارشناسی ارشد a_1 دکتری	60000 $1/2a_4 + a_3 + 2a_2 + 4a_1$
۴	سابقه مرکز تحقیقاتی دیگر	a_1 دارد (فعال) a_2 دارد (غیرفعال)	10 $a_1 - 1/2a_2 + 0a_3$

۱۰	۲۰۰ کیلومتر به بالا ۱۰ وزیر ۲۰۰ برابر $a * 10 / 200$	فاصله	نزدیکترین مرکز مشابه (مسافت)	۵
۱۰	$[1, 10]$	توسط کاربر	پتانسیل منطقه	۶
۱۰۰	$10a^1 + 8a^2 + 5a^3 + 2a^4$	a^1 استاد a^2 دانشیار a^3 استادیار a^4 مربی	درجه علمی هیات علمی مرکز	۷
۱۰۰	$10a^1 + 6a^2 + a^3$	a^1 مرتبط a^2 نیمه مرتبط a^3 غیر مرتبط	رشته تخصصی هیات علمی مرکز	۸
۳۶۰۰	$10a^1 + 6a^2 + 2a^3$	a^1 ISI a^2 علمی پژوهشی a^3 علمی ترویجی	تعداد مقالات هیات علمی مرکز	۹
۱۰	$[1, 10]$	متن	توانایی گروه فرعی	۱۰
۱۰	$[1, 10]$	متن	اهداف	۱۱
۱۰	$[1, 10]$	متن	برنامه‌های کلان	۱۲
۱۰	$[1, 10]$	متن	برنامه‌های کوتاه مدت	۱۳
۴۰۰	$200 + 2a^1 - 2a^2 - 2a^3$	a^1 % عقد قرارداد a^2 % صندوق رفاه a^3 % شهریه دانشگاه	نحوه تامین بودجه	۱۴
۱۰	$[1, 10]$	متن	نیازهای مرکز (هزینه ای)	۱۵
۵۰	مترمربع	مساحت	فضا	۱۶
۱۰	اگر بزرگتر از ۱۰ باشد امتیاز و گرنه تعداد دانشکده	-	تعداد دانشکده‌های مصوب واحد	۱۷
۱۰	اگر بزرگتر از ۱۰۰۰ باشد ۱۰ امتیاز و گرنه $(1/2a^4 + a^3 + 2a^2 + 4a) * 10 / 1000$	a^1 کاردانی a^2 کارشناسی a^3 کارشناسی ارشد a^4 دکتری	تعداد رشته‌های مصوب واحد	۱۸
۳۰۰	$a^1 + 2a^2 + 2a^3$	آموزشی علمی و تحقیقاتی تجاری سازی	طرح توجیهی مرکز	۱۹
۵ سال	تعداد سال	کوچک	دوره زمانی مورد نظر جهت خوداتکایی	۲۰
۴ سال		متوسط		
۴ سال		بزرگ		
۳ سال		بسیار بزرگ		
۲ سال		جامع		

برای ارزیابی نهادهای پژوهشی یک سری محدودیت‌های وتویی (رد کننده) در نظر گرفته شده است که در صورتی که واحدها نتوانند حداقل امتیازات لازم برای شرکت در ارزیابی کسب کنند؛ یعنی در شاخص وتو

کننده رد شود، دیگر در ارزیابی شرکت داده نمی‌شود. در ذیل شاخص‌های وتو کننده و اندازه آن‌ها آورده شده است:

جدول ۳. شاخص‌های وتو کننده و انواع اعلام

نوع اعلام	شاخص رد کننده
رد	در صورت داشتن مرکز تحقیقاتی مشابه در واحد
اخطار	در صورت داشتن مرکز تحقیقاتی مشابه در استان
اخطار	در صورت داشتن مرکز تحقیقاتی مشابه در منطقه
اخطار	در صورت داشتن مرکز تحقیقاتی مشابه در کشور

جدول ۴. امتیازات

نام شاخص				
درجه واحد	امتیاز تعداد اعضای هیات علمی واحد	امتیاز تعداد کل دانشجو واحد	پتانسیل واحد	درجه علمی هیات علمی مرکز
کوچک	کمتر از ۳۰	کمتر از ۱۰۰۰	۲	کمتر از ۵۰
متوسط	کمتر از ۹۰	کمتر از ۳۰۰۰	۳	کمتر از ۵۵
بزرگ	کمتر از ۱۸۰	کمتر از ۶۰۰۰	۳	کمتر از ۵۵
بسیار بزرگ	کمتر از ۲۴۰	کمتر از ۸۰۰۰	۴	کمتر از ۶۰
جامع	کمتر از ۳۰۰	کمتر از ۱۰۰۰۰	۵	کمتر از ۶۵

نام شاخص				
درجه	رشته تخصصی هیات علمی مرکز	تعداد مقالات هیات علمی مرکز	شاخص ۱۵ تا ۲۰	تامین بودجه
کوچک	کمتر از ۵۰	کمتر از ۳۰۰	کمتر از ۲	کمتر از ۲۵۰
متوسط	کمتر از ۵۵	کمتر از ۴۰۰	کمتر از ۳	کمتر از ۲۶۰
بزرگ	کمتر از ۵۵	کمتر از ۵۰۰	کمتر از ۳	کمتر از ۲۶۰
بسیار بزرگ	کمتر از ۶۰	کمتر از ۷۰۰	کمتر از ۴	کمتر از ۲۷۰
جامع	کمتر از ۶۵	کمتر از ۱۰۰۰	کمتر از ۵	کمتر از ۲۸۰

جدول ۵. امتیازات مجاز

درجه	حداقل امتیاز مجاز
کوچک	کمتر از ۵۰٪
متوسط	کمتر از ۵۵٪
بزرگ	کمتر از ۶۰٪
بسیار بزرگ	کمتر از ۷۰٪
جامع	کمتر از ۷۵٪

فرض کنید از مجموعه مراکز تحقیقاتی موجود در سازمان G_1 مجموعه مراکز تحقیقاتی باشند که موفق بوده‌اند و توانسته‌اند پس از طی سال‌هایی به خودکفایی برسند و سوددهی داشته باشند و G_2 مجموعه مراکز تحقیقاتی هستند که پس از شروع به کار نتوانسته‌اند ادامه دهند و شکست خورده‌اند؛ بنابراین تقسیم بندی به صورت ذیل در نظر گرفته شد:

$$G_1 = \{Z_j \mid Z_j \text{ موفق بوده است}\} \quad (11)$$

$$G_2 = \{Z_j \mid Z_j \text{ شکست خورده است}\}$$

در این صورت برای افزایش دقت پیش بینی در این پژوهش دو ابرصفحه برای جداسازی دو مجموعه G_1 و G_2 در نظر خواهیم گرفت. دو ابرصفحه H_1 و H_2 با شرایط ذیل مدنظر خواهد بود:

$$H_1 = \{Z \mid \alpha_1 Z = d_1\}$$

$$H_2 = \{Z \mid \alpha_2 Z = d_2\} \quad (12)$$

به طوری که

$$\forall Z_j \in Z_1, \quad \alpha_1 Z < d_1$$

$$\forall Z_j \in Z_2, \quad \alpha_2 Z < d_2$$

$$\forall Z_j \in Z_1, \quad \alpha_2 Z < d_2$$

$$\forall Z_j \in Z_2, \quad \alpha_1 Z < d_1$$

(13)

با توجه به نوع قرار گرفتن دو مجموعه G_1 و G_2 در فضای R^* ممکن است دو ابرصفحه H_1 و H_2 با شرایط (۱۰) یافت نشود، در این صورت به دنبال ابرصفحه‌هایی هستیم که خطاهای موجود مینیمم گردد؛ لذا مدل بهینه‌سازی ذیل را خواهیم داشت:

$$\text{Min } \sum_{j \in G_1} P_j + \sum_{j \in G_2} n_j + \sum_{j \in G_1} n'_j + \sum_{j \in G_2} p'_j$$

s.t.

$$\alpha_1 Z_j + n_j - p_j = d_1 - \varepsilon, \quad j \in G_1,$$

$$\alpha_2 Z_j + n_j - p_j = d_2, \quad j \in G_2,$$

$$\alpha_1 Z_j + n'_j - p'_j = d_1, \quad j \in G_1,$$

$$\alpha_2 Z_j + n'_j - p'_j = d_2 - \varepsilon, \quad j \in G_2,$$

(14)

$$\sum_{i=1}^k \alpha_{1i} = 1 - 2u,$$

$$\sum_{i=1}^k \alpha_{2i} = 1 - 2v,$$

$$n_j \cdot p_j = 0, \quad j \in G_1 \cup G_2,$$

$$n'_j \cdot p'_j = 0, \quad j \in G_1 \cup G_2,$$

$$n \geq 0, p \geq 0, n' \geq 0, p' \geq 0.$$

که در آن ε یک عدد مثبت بسیار کوچک است.

فرض کنید $(\alpha_1^*, d_1^*, \alpha_r^*, d_r^*)$ جواب بهینه ی مساله (۱۱) باشد، در این صورت دو ابرصفحه با مشخصات ذیل به دست می‌آیند:

$$\begin{aligned} H_1 &= \{Z \mid \alpha_1^* Z = d_1^*\} \\ H_r &= \{Z \mid \alpha_r^* Z = d_r^*\} \end{aligned} \quad (15)$$

در این صورت الگوریتم برای تعیین پیش‌بینی عضویت جدید \bar{Z} (مرکز تحقیقاتی جدید) در یکی از دو گروه موفق (G_1) یا ناموفق (G_r) به صورت ذیل خواهد بود:

گام ۱: بردار \bar{Z} را بگیر

گام ۲: جواب بهینه ی مدل (۱۱) به صورت $(\alpha_1^*, d_1^*, \alpha_r^*, d_r^*)$ را محاسبه کنید.

گام ۳: ابرصفحه های H_1 و H_r را به کمک روابط (۱۲) بنویسید.

گام ۴: شرایط و تویی شاخص‌های Z_{ij} را چک کنید.

گام ۵: اگر $\alpha_1^* \bar{Z} < d_1^*$ ، $\alpha_r^* \bar{Z} \geq d_r^*$ آنگاه $\bar{Z} \in G_1$ و تمام

گام ۶: اگر $\alpha_1^* \bar{Z} < d_1^+$ ، $\alpha_r^* \bar{Z} \geq d_r^+$ آنگاه $\bar{Z} \in G_r$ و تمام.

۴ نتیجه‌گیری

مراکز تحقیقاتی نقش مهمی در اجرایی کردن علوم در جامعه و صنعت دارند به همین دلیل ایجاد مراکز تحقیقاتی هدف‌دار و قوی از ضرورت‌های جامعه دانشگاهی می‌باشد از طرفی تعدد زیاد آن‌ها نیز منجر به عدم کارایی آن‌ها خواهد گردید. در این پژوهش از تکنیک تحلیل ممیز و تحلیل پوششی داده‌ها برای پیش‌بینی موفقیت یا عدم موفقیت آن‌ها استفاده گردیده است تا بتوان به مراکز پژوهشی متقاضی تاسیس برای تصمیم‌گیری اطلاعات کامل و جامعی ارائه گردد تا با توجه شرایط آن‌ها امکان موفقیت آن‌ها چقدر می‌باشد. در این تحقیق به واحدهایی که احتمال عدم موفقیت آن‌ها وجود دارد کمک می‌شود تا با افزایش یا کاهش میزان شاخص‌های تاثیرگذار احتمال موفقیت خود را بالا برده و یا از تاسیس مرکز منصرف شوند.

منابع

- [1] Donna, L. Retzlaff, R., (1996), Relating discriminant analysis and data envelopment analysis to one another, *Computers & Operations Research*, 23(4), 311-322.
- [2] Banker, R. D., Chang, H., (2006), The super-efficiency procedure for outlier identification, not for ranking efficient units, *European Journal of Operation Research* 175(2), 1311-1320.
- [3] Charnes, A., Cooper, W.W. Rhodes, E., (1987), Measuring the efficiency of decisions making units, *European Journal of Operational Research* 2, 429- 444.
- [4] Lotfi, F. H., Jahanshahloo, G., Vaez-Ghasemi, M., Moghaddas, Z., (2013), Periodic efficiency measurement for achieving correct efficiency among several terms of evaluation, *International Journal of Operational Research*, 18(1), 1-15.
- [5] Lotfi, F. H., Jahanshahloo, G., Khodabakhshi, M., Rostamy-Malkhlifeh, M., Moghaddas, Z., Vaez-Ghasemi, M., A Review of Ranking Models in Data Envelopment Analysis, *Journal of Applied Mathematics*, vol. 2013, Article ID 492421, 20 pages, 2013. doi:10.1155/2013/492421

- [6] Wei, G., Wang, J., (2017), A comparative study of robust efficiency analysis and Data Envelopment Analysis with imprecise data, *Expert Systems with Applications*, 81, 28-38.
- [7] Boudaghi, E., Farzipoor Saen, R., (2018), Developing a novel model of data envelopment analysis–discriminant analysis for predicting group membership of suppliers in sustainable supply chain, *Computers & Operations Research*, 89, 348-359.

Archive of SID